



$$J\ddot{\theta} + C\dot{\theta} + mgd \sin \theta = T$$

Linearizando o modelo:

$$J\ddot{\theta} + C\dot{\theta} + mgd \theta = T$$

função de transferência

$s^2 J \theta(s) + s C \theta(s) + mgd \theta(s) = T(s)$ de angular, que por sua vez, é

$$\frac{\theta(s)}{T(s)} = \frac{1}{Js^2 + Cs + mgd}$$

T = Torque gerado pela Hélice.

Se o motor for de corrente contínua, pode-se encontrar uma relação entre a tensão aplicada ao motor, e sua velocidade.

É possível encontrar uma aproximação linear entre a velocidade do eixo do motor e o torque gerado pela Hélice.

$$\frac{\theta(s)}{t/s} = \frac{1/s}{s^2 \frac{J}{g} s + \frac{mgd}{g}}$$

Como dita ante, pode-se aproximar a relação entre Tensão aplicada ao motor e a velocidade angular do eixo do motor, por um ganho K_m .

Assim, temos:

$$T(s) = K_m V(s)$$

$$\frac{\theta(s)}{K_m V(s)} = \frac{\frac{1}{J}}{s^2 + \frac{C}{J}s + \frac{mgd}{J}}$$

$$\frac{\theta(s)}{V(s)} = \frac{K_m/J}{s^2 + \frac{C}{J}s + \frac{mgd}{J}}$$

Espaço de Estados do sistema:

forma Canônica de Controlador

$$x_1 = \theta ; x_2 = \dot{\theta} ; \dot{x}_2 = \dot{x}_1$$

$$\dot{x} = Ax + Bu$$

$$\dot{x} = \begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} ; \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -\frac{mgd}{J} & -\frac{c}{J} \end{bmatrix} \quad d=0$$

$$x = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} ; \quad B = \begin{bmatrix} 0 \\ \frac{km}{J} \end{bmatrix}$$

$$y = Cx + D \quad C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Parâmetros:

$$d = 0,03 \text{ m} ; \quad m = 0,36 \text{ kg} ; \quad g = 9,8 \text{ m/s}^2$$

$$J = 0,0106 \text{ kgm}^2 ; \quad C = 0,0076 \text{ Nms/Rad}$$

$$km = 0,296$$

$$G(s) = \frac{0,6296/0,0106}{s^2 + \frac{0,0076}{0,0106} + \frac{0,36 \times 9,8 \times 0,003}{0,0106}}$$

+ Função de Transferência

$$G(s) = \frac{\theta(s)}{U(s)} = \frac{2,79}{s^2 + 0,72s + 10}$$

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -10 & -0,72 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 2,79 \end{bmatrix} \cdot u$$

$$y = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + 0$$