



CÁLCULO DE PREDICADOS

CÁLCULO DE PREDICADOS

- uma linguagem de representação para a inteligência artificial
- Semântica formal bem definida e regras de inferência consistentes e completas



CÁLCULO PROPOSICIONAL
SÍMBOLOS E SENTENÇAS

- O primeiro passo para descrever uma linguagem é introduzir os elementos que a constituem: o seu conjunto de símbolos.

Definição

SÍMBOLOS DO CÁLCULO PROPOSICIONAL

Os *símbolos* do cálculo proposicional são os símbolos proposicionais:
P, Q, R, S, ...
os símbolos de valor verdade:
verdadeiro, falso
e os conectivos:
 $\wedge, \vee, \neg, \rightarrow, \equiv$



OPERADORES

Operador Lógico	Símbolo	Símbolo Alternativo
Não é o caso que	\sim	\neg ou \neg
E	$\&$	\cdot ou \wedge
Ou	\vee	
Se ... então	\rightarrow	\supset
Se e somente	\leftrightarrow	\equiv



SENTENÇAS DO CÁLCULO
PROPOSICIONAL

Definição

SENTENÇAS DO CÁLCULO PROPOSICIONAL

Cada símbolo proposicional e símbolo de valor verdade é uma sentença.
Por exemplo: verdadeiro, P, Q e R são sentenças.
A *negação* de uma sentença é uma sentença.
Por exemplo: $\neg P$ e \neg falso são sentenças.
A *conjunção*, ou e, de duas sentenças é uma sentença.
Por exemplo: $P \wedge \neg P$ é uma sentença.
A *disjunção*, ou ou, de duas sentenças é uma sentença.
Por exemplo: $P \vee \neg P$ é uma sentença.
A *implicação* de uma sentença a partir de outra é uma sentença.
Por exemplo: $P \rightarrow Q$ é uma sentença.
A *equivalência* de duas sentenças é uma sentença.
Por exemplo: $P \vee Q \equiv R$ é uma sentença.
As sentenças válidas também são chamadas de *fórmulas bem formadas* ou FBFs.



CÁLCULO DE PREDICADOS

- Em $P \wedge Q$, P e Q são chamados de *membros da conjunção*.
- Em $P \vee Q$, P e Q são chamados de *membros da disjunção*.
- Em $P \rightarrow Q$, P é a *premissa* ou *antecedente*, e Q é a *conclusão* ou *consequente*.
- Em sentenças do cálculo proposicional, os símbolos () e [] são usados para agrupar símbolos em subexpressões e, assim, controlar a sua ordem de avaliação e significado.



SEMÂNTICA DO CALCULO PROPOSICIONAL

- Interpretar um conjunto de proposições, atribuindo valor verdade para cada símbolo proposicional
- Valor da negação: $\neg P$
 - Se P for V logo $\neg P$ é F
 - Se P for F logo $\neg P$ é V
- Valor da conjunção \wedge
 - V somente quando ambos os termos forem verdade, caso contrario o valor é V
- Valor da Disjunção \vee
 - F somente quando ambos os termos da disjunção tiverem valor verdade F

7



TABELA VERDADE

P	$\neg P$
V	F
F	V

P	$\neg P$	$\neg \neg P$	$\neg \neg \neg P$
V	F	V	F
F	V	F	V

P	Q	$P \wedge Q$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	F

P	Q	$P \vee Q$
V	V	V
V	F	V
F	V	V
F	F	F

8



SEMÂNTICA DO CALCULO PROPOSICIONAL

- Implicação \rightarrow , é F somente quando a premissa, ou o símbolo antes da implicação, for V e o valor verdade do consequente ou símbolos após a implicação for F. Caso contrario ele é V
 - $P \rightarrow Q$
- Equivalência \equiv
 - V somente quando ambas as expressões tiverem o mesmo valor verdade para todas as interpretações possíveis, do contrário valor é F

9



TABELA VERDADE

- Demonstrando equivalência de $P \rightarrow Q$ e $\neg P \vee Q$

P	Q	$\neg P$	$\neg P \vee Q$	$P \rightarrow Q$	$(\neg P \vee Q) = (P \rightarrow Q)$
V	V	F	V	V	V
V	F	F	F	F	V
F	V	V	V	V	V
F	F	V	V	V	V

10



PROBLEMA

- Interprete a letra sentencial 'C' como 'Está chovendo' e a letra 'N' como 'Está nevando', expresse a forma de cada sentença na notação do cálculo proposicional:
 - Está chovendo
 - Não está chovendo.
 - Está chovendo ou nevando.
 - Está chovendo e nevando.
 - Está chovendo, mas não está nevando.
 - Não é o caso que está chovendo e nevando.
 - Se não está chovendo, então está nevando.
 - Não é o caso que se está chovendo então está nevando
 - Não é o caso que se está nevando então está chovendo
 - Está chovendo se e somente se não está nevando
 - Não é o caso que está chovendo ou nevando
 - Se está nevando e chovendo, então está nevando
 - Se não está chovendo, então não é o caso que está nevando e chovendo
 - Ou está chovendo, ou está nevando e chovendo.
 - Ou está chovendo e nevando, ou está nevando mas não está chovendo

11



RESPOSTAS

- C
- $\sim C$
- $C \vee N$
- $C \wedge N$
- $C \wedge \sim N$
- $\sim(C \wedge N)$
- $\sim C \rightarrow N$
- $\sim(C \rightarrow N)$
- $\sim(N \rightarrow C)$
- $C \leftrightarrow \sim N$
- $\sim(C \vee N) \quad \sim C \wedge \sim N$
- $(N \wedge C) \rightarrow N$
- $\sim C \rightarrow \sim(N \wedge C)$
- $C \vee (N \wedge C)$
- $(C \wedge N) \vee (N \wedge \sim C)$

12



CÁLCULO DE PREDICADOS – SINTAXE DOS PREDICADOS

- No cálculo proposicional, cada símbolo atômico (P, Q etc.) denota uma proposição individual única.
 - Não há como acessar os componentes de uma asserção individual.
 - O cálculo de predicados proporciona essa capacidade.
- O cálculo de predicados permite, também, que as expressões contenham variáveis, que nos permitem criar asserções gerais sobre classes de entidades.

13



SINTAXE DOS PREDICADOS E DAS SENTENÇAS

- Alfabeto que compõe os símbolos do cálculo de predicado é:
 1. O conjunto de letras, tanto minúsculas quanto maiúsculas.
 2. O conjunto de dígitos, 0, 1,..., 9.
 3. Caractere de sublinhado
- *Símbolos* no cálculo de predicados começam com uma letra e são seguidos por uma sequência quer desses caracteres válidos.
- Entre os caracteres válidos do alfabeto de símbolos do cálculo de predicados se incluem
a R 6 9 p _ z

14



CÁLCULO DE PREDICADOS

- Exemplos de caracteres não incluídos no alfabeto:
% @ / &
- Entre os símbolos válidos do cálculo de predicados, estão incluídos:
George fogo3 tom_e_jerry bill XXXX amigos_de
- Exemplos de cadeias que não são símbolos válidos:
3jack nenhum espaço é permitido ab%cd **71 pato!!!

15



SINTAXE DOS PREDICADOS E DAS SENTENÇAS

- Os parênteses “()”, as vírgulas “,” e os pontos “.” são usados apenas para construir expressões bem formadas, e não denotam objetos ou relações do mundo. Esses símbolos são chamados de *impróprios*.
- Os símbolos do cálculo de predicados podem representar *variáveis, constantes, funções* ou *predicados*.
- Uma *expressão funcional* é um símbolo funcional seguido de seus argumentos.
 - Os argumentos são elementos do domínio da função; o número de argumentos é igual à aridade da função.
 - Os argumentos se encontram entre parênteses, separados por vírgulas.

16



EXPRESSÃO FUNCIONAL

- Expressão funcional é um símbolo funcional seguido de argumentos
- Argumentos são elementos do domínio da função
 - Exemplo:
f(X,Y)
pai(david)
Preço(bananas)
- Número de argumentos é igual número de elementos do domínio

17



SÍMBOLOS E TERMOS

- Símbolos de verdade
 - Verdadeiro e falso (reservados)
- Símbolos de constante
 - Expressões simbólicas que têm como primeiro caractere uma letra minúscula
- Símbolos de variável
 - São expressões simbólicas que começam com uma letra maiúscula
- Símbolos de função
 - Expressões simbólicas que indica o número de elementos do domínio que são mapeados para cada elemento do contradomínio

18



PREDICADOS E SENTENÇAS ATÔMICAS

- Símbolos de predicados são símbolos que começam com uma letra minúscula
- Predicados têm um inteiro positivo associado referido como número de argumentos (aridade) do predicado
 - Com mesmo nome, mas com diferentes aridades, são considerados distintos
- Valores verdade, verdadeiro e falso, são sentenças atômicas

19



QUANTIFICADORES

- Quantificadores de variáveis \forall e \exists .
 - Restringem o significado de uma sentença que contém uma variável
 - \forall é uma sentença é verdadeira para todos os valores da variável
 - \exists indica que a sentença é verdadeira para pelo menos um valor
- Quantificador universal \forall e quantificador existencial \exists .

20



CÁLCULO DE PREDICADOS

- Sendo P, Q e R expressões proposicionais

$$\neg(\neg P) \equiv P$$

$$(P \vee Q) \equiv (\neg P \rightarrow Q)$$

$$\text{a lei da contrapositiva: } (P \rightarrow Q) \equiv (\neg Q \rightarrow \neg P)$$

$$\text{a lei de "de Morgan": } \neg(P \vee Q) \equiv (\neg P \wedge \neg Q) \text{ e } \neg(P \wedge Q) \equiv (\neg P \vee \neg Q)$$

$$\text{as leis comutativas: } (P \wedge Q) \equiv (Q \wedge P) \text{ e } (P \vee Q) \equiv (Q \vee P)$$

$$\text{a lei associativa: } ((P \wedge Q) \wedge R) \equiv (P \wedge (Q \wedge R))$$

$$\text{a lei associativa: } ((P \vee Q) \vee R) \equiv (P \vee (Q \vee R))$$

$$\text{a lei distributiva: } P \vee (Q \wedge R) \equiv (P \vee Q) \wedge (P \vee R)$$

$$\text{a lei distributiva: } P \wedge (Q \vee R) \equiv (P \wedge Q) \vee (P \wedge R)$$

21



INTERPRETE A LETRA SENTENCIAL

22

