# Referát tretí

## MRAC vstupno-výstupný

### Referát spolu za 20 bodov.

O práci na úlohách je potrebné referovať písomne formou krátkej správy (referátu). Referát/dokument sa odovzdáva do AIS. Pre termín odovzdania pozri príslušné miesto odovzdania v AIS.

#### Hlavná úloha

Navrhnite adaptívny riadiaci systém pre uvažovaný simulovaný nelineárny dynamický SISO systém, ktorý nazývajme *riadený systém*.

Predpokladá sa činnosť adaptívneho riadiaceho systému v istom okolí pracovného bodu riadeného systému. Voľba pracovného bodu, prípadne viacerých, a voľba veľkosti okolia pracovného bodu sa ponecháva na riešiteľa úlohy.

Ďalej sa predpokladá, že ciele riadenia je možné vyjadriť referenčným modelom (v zmysle riadenia s referenčným modelom) daným prenosovou funkciou v tvare

$$W_m(s) = \frac{s+3}{s^2+3,5s+3} \tag{1}$$

Špeciálne si všimnime fakt, že relatívny stupeň prenosovej funkcie  $W_m(s)$  je  $n^*=1$ .

V neposlednom rade sa tiež požaduje existencia dôkazu stability adaptívneho riadiaceho systému platného v okolí pracovného bodu v rovnakom zmysle ako predpoklad invariatnosti vlastností (statických a dynamických) riadeného systému v okolí pracovného bodu.

#### Opis riadeného systému

Samotný (simulovaný) riadený systém reprezentuje schéma na obr. 1, kde sa využívajú polynomiálne funkčné závislosti. V schéme sú označené ako pModelKoef, T1pModelKoef a T2pModelKoef.

Funkcia pModelKoef je v tvare:

$$f_{PB}(u) = 1.705e - 06 u^4 - 1.154e - 03 u^3 + 2.687e - 01 u^2 - 2.033e + 01 u + 4.731e + 02$$
(2)

Funkcia T1pModelKoef je v tvare:

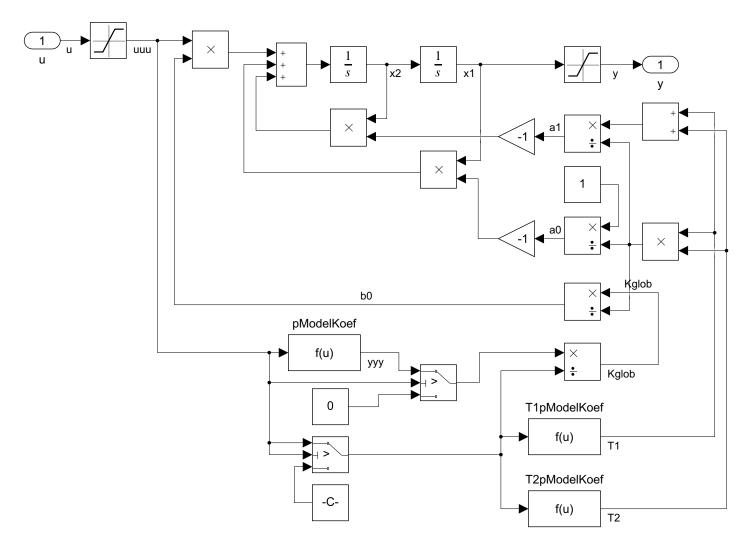
$$f_{T_1}(u) = -1.855e - 09 \ u^4 + 1.217e - 06 \ u^3 - 2.943e - 04 \ u^2 + 3.084e - 02 \ u - 8.398e - 01$$
(3)

Funkcia T2pModelKoef je v tvare:

$$f_{T_2}(u) = -3.090e - 10 u^4 + 1.975e - 07 u^3 - 4.613e - 05 u^2 + 4.634e - 03 u - 1.154e - 01$$

Vstupný signál riadeného systému má rozsah 0 až 255 pričom táto hodnota reprezentuje úroveň PWM signálu (PWM duty cycle). Výstupný signál má rozsah 0 až 1023 pričom táto hodnota reprezentuje výstup AD (analógovo-digitálneho) prevodu<sup>1</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Širší opis súvislostí nie je potrebný pre účely tohto zadania.



Obr. 1

#### Modelovanie riadeného systému

Hlavná úloha nepriamo predpokladá, že riadený systém je možné v okolí pracovného bodu modelovať prenosovou funkciou, ktorej relatívny stupeň je  $n^* = 1$ . Len v istých náznakoch tu ukážme, že tento predpoklad je splnený.

Poznámka: tu uvedené slúži len ako pomôcka pre riešiteľa úlohy, pričom niektoré podrobnosti ale aj niektoré náležitosti (napríklad pri kreslení grafov) sú prirodzene alebo zámerne vynechané alebo neuvedené. Táto časť nie je dostatočným technickým opisom modelovania predmetného riadeného systému.

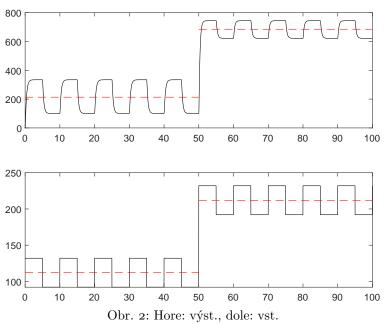
Nech cieľom je získať prenosovú funkciu v tvare

$$G(s) = \frac{b_1 s + b_0}{s^2 + a_1 s + a_0} \tag{5}$$

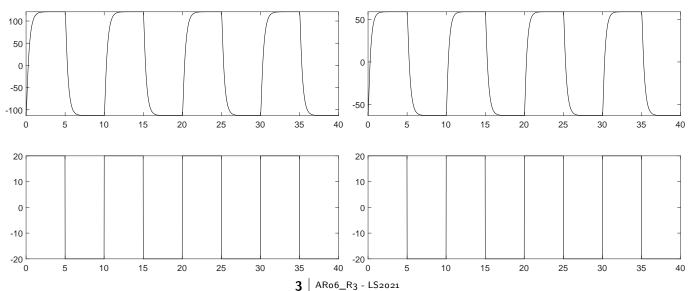
ktorá bude predstavovať model riadeného systému.

Pri identifikácii tejto prenosovej funkcie využime funkciu d2c() tak ako je implementovaná v MATLABe. Tím samozrejme uvádzame, že postup určenia modelu riadeného systému nech je tu založený na identifikácii ARX (alebo ARMAX) modelu, a následnom prevode diskrétnej prenosovej funkcie na spojitú (tak ako je to implementované vo funkcii d2c()).

Na základe známej prevodovej charakteristiky zvoľme dva pracovné body a ich okolie a "namerajme" dáta potrebné pre identifikáciu statických a dynamických vlastností riadeného systému. Vystihuje to nasledujúci obrázok:



Dáta pre identifikáciu v dvoch pracovných bodoch potom sú:

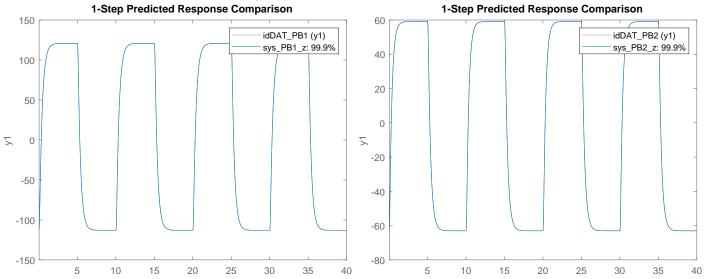


S využitím toolboxov MATLABu potom môžeme identifikovať prenosové funkcie v pracovných bodoch (PB1 a PB2):

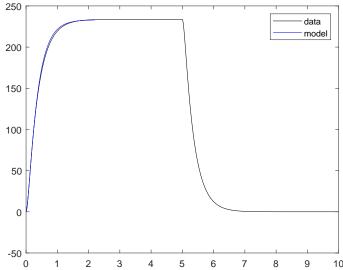
```
sys_PB1_z = arx(idDAT_PB1, [2,1,1])
sys_PB1_s = d2c(sys_PB1_z)

sys_PB2_z = arx(idDAT_PB2, [2,1,1])
sys_PB2_s = d2c(sys_PB2_z)
```

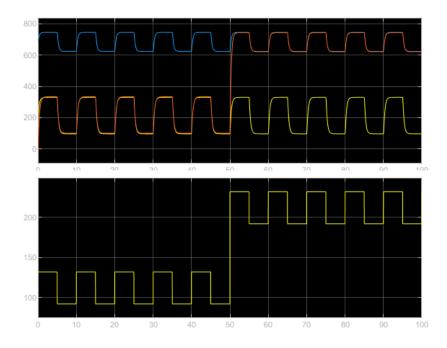
Úspešnosť identifikácie možno demonštrovať grafickým porovnaním výstupov ARX modelov s nameranými dátami:



Pre úplnosť je vhodné porovnať aj simuláciu spojitej prenosovej funkcie (v princípe výstup príkazu step()) s výstupom pôvodného systému, ako napr. pre PB1 na nasledujúcom obr:



Celý postup príkladu identifikácie prezentovaného v tejto časti je uvedený v skripte ar06\_runme\_ident\_v00.m, ktorý je prílohou tohto textu. Zároveň je prílohou Simulink schéma ar06\_ident\_v00.slx. Pre azda ešte lepšiu orientáciu v situácii je tiež prílohou schéma ar06\_ident\_v00\_res.slx priamo prezentujúca výsledné spojité prenosové funkcie v porovnaní s pôvodným riadeným systémom. Výsledok porovnania prezentuje nasledujúci obrázok:



Pre istotu, poznámka ešte raz: tu uvedené slúži len ako pomôcka pre riešiteľa úlohy, pričom niektoré podrobnosti ale aj niektoré náležitosti (napríklad pri kreslení grafov) sú prirodzene alebo zámerne vynechané alebo neuvedené. Táto časť nie je dostatočným technickým opisom modelovania predmetného riadeného systému.