第二章 线性表





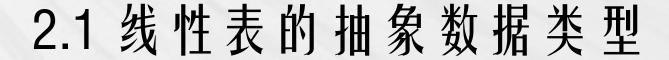
序号	姓名	专业	性别	通信地址	联系方式
1	马云	计算机	男	阿里	112233
2	李彦宏	计算机	男	百度	556688
3	马化腾	视觉	男	腾讯	
4	扎克伯 格	计算机	男	facebook	776633
5	盖茨	软件	男	微软	
6					
7					





本章节目录

- 2.1 线性表的抽象数据类型
- 2.2 线性表的顺序存储结构
- 2.3 线性表的链式存储结构



- ◆ 一个**线性表**(Linear List) 是由n(n≥0)个相同类型的数据元素(结点) 组成的有限序列。
- ❖ 数据元素可以是一个字符、一个数或一个记录,也可以是更复杂的信息。
- ❖ 线性表一: 26个英文字母组成的字母表 (A, B, C, ..., Z)。表中的数据元素是单个字母字符。
- ❖ 线性表二: 某学生五门课的成绩列表 (76,87,88,80,92)。表中的数据元素是整数。

36个同学的成绩,如何存储?



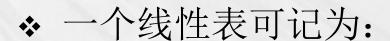


❖线性表:某班级学生信息表。表中的数据元素是一个记录,包括姓名、学号、性别和年龄4个数据项。

姓名	学 号	性别	年齡
王琳	021108101	女	19
马小明	021108102	男	20
李晓俊	021108103	男	19
Ė	i	i	:

◆线性表中的元素可以是各种各样的,但同一线性表中的元素必定具有相同特性,即属同一数据对象。





 $(a_1, a_2, ..., a_{i-1}, a_i, a_{i+1}, ..., a_n)$, $n \ge 0$ 日 其中,n为表的长度,当n=0时,称为空表。 称i为 a_i 在线性表中的**位序**。

- *表中 a_{i-1} 领先于 a_i ,称 a_{i-1} 是 a_i 的直接前驱, a_{i+1} 是 a_i 的直接后继。
- *线性表的抽象数据类型定义:



ADT List {

数据对象: D={ai|ai∈ElemSet, i=1,2,.....n,n≥0}

数据关系: $R = \{ \langle a_i, a_{i+1} \rangle | a_i, a_{i+1} \in D \}$

基本操作:

InitList(&L);创建一个空的线性表

Destroy(&L);销毁一个存在的线性表

CLearList(&L);清空一个已经存在的线性表

ListEmpty (L); 判断线性表是否为空

ListLength (L)

GetList (L, i)

ListInsert (&L, i, e)

ListDelete(&L, i)

中国铁道出版社



❖ 顺序存储: 顺序表

* 链式存储: 链表

姓名	学号	性别	年齡
王琳	021108101	女	19
马小明	021108102	男	20
李晓俊	021108103	男	19
:	i	i. E	1







- ❖ 线性表的顺序存储是指在内存中用地址连续的一块存储空间 依次存放线性表的数据元素,用这种存储形式存储的线性表 称其为顺序表。
- ❖ 假设每个数据元素占d个存储单元,且将a_i的存储地址表示为 Loc(a_i),则有如下关系:

$$Loc(a_i)=Loc(a_1)+(i-1)*d$$

Loc(a₁)是线性表的第一个数据元素a1的存储地址,通常称作线性表的基地址。

- ❖ 顺序表一般用数组表示。
- ❖ 顺序表的存储结构如下图所示,其中b为线性表的基地址。



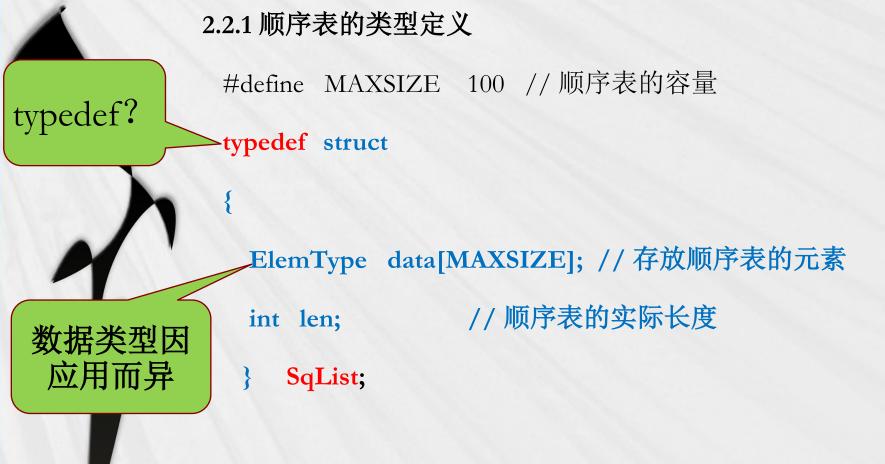


存储地址	内存状态	元素位序
ь	a ₁] 1
b+d	a ₂	2
:	:	:
b+(i-1)d	a _i	i
:	;	:
b+(n-1)d	an	n
b+nd] \
;		空闲
b+(MAXSIZE-1)d] /

每个数据元素 占d个字节

适合随机存取

中国铁道出版社



- ◆MAXSIZE为顺序表的容量,表示线性表可能达到的最大长度
- ◆len表示顺序表当前的长度
- ◆ ElemType表示存储数据的类型





举例

❖ 一个同学5门课程的成绩(整数,最多10门课)

```
SqList x;
```

❖ 36名同学,每名同学5门课成绩

```
#define MAXSIZE 50 // 顺序表的容量
typedef struct
{
    ElemType data[MAXSIZE][5]; // 存放顺序表的元素
    int len; // 顺序表的实际长度
    } SqList;

SqList x;
```



2.2.2 线性表基本运算在顺序表上的实现

❖ C语言中数组的下标从"0"开始,因此,若L是Sqlist 类型的顺序表,则表中第i个元素是L.data[i-1]。□

1. 初始化线性表运算

void InitList(SqList &sq)

sq.len=0;

2. 求线性表长度运算

int ListLength (SqList sq)

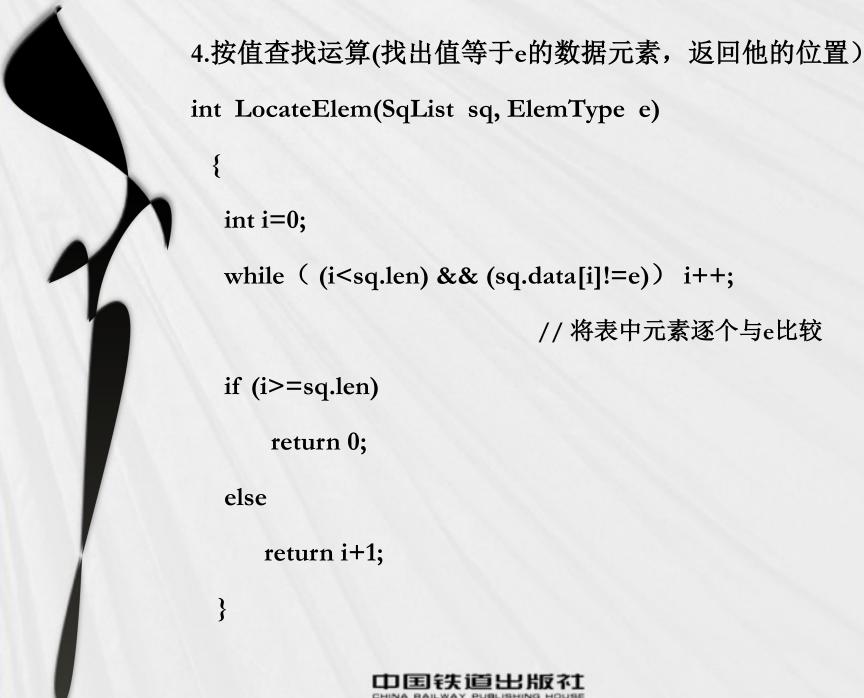
return(sq.len);

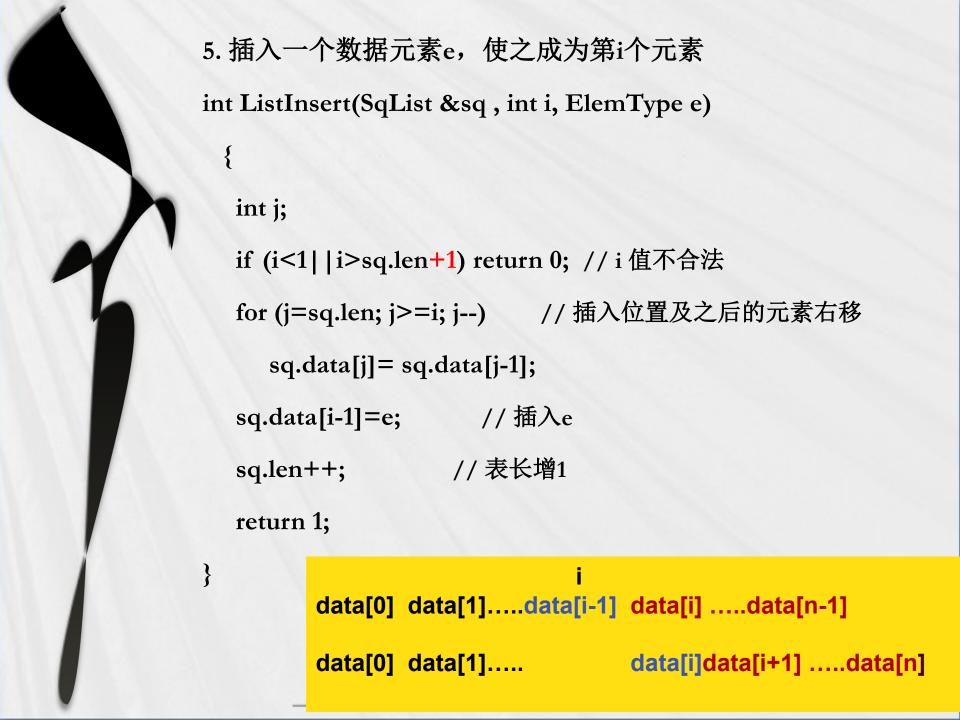
中国铁道出版和 CHINA RAILWAY PUBLISHING HOUSE



3.求线性表中第i个元素运算

```
ElemType GetElem(SqList sq, int i)
   if (i<1|| i>sq.len) //i 值不合法
      return 0;
    else
      return(sq.data[i-1]);
```





```
6. 删除第i个数据元素运算
int ListDelete (SqList &sq,int i)
   int j;
   if (i<1||i>sq.len) return 0; // i 值不合法
   for (j=i; j<sq.len; j++) // 被删除元素之后的元素左移
       sq.data[j-1] = sq.data[j];
            // 表长减1
   sq.len--;
  return 1;
     data[0] data[1].....data[i-1] data[i] .......data[n-1]
     data[0] data[1].....data[i]data[i+1] .....data[n-1]
```



2.2.3 顺序表操作的算法分析

1. 插入

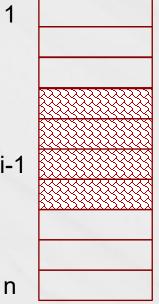
❖ 假设pi是在第i个位置插入一个元素的概率,则在长度为n的线性表中插入一个元素时所需移动元素的平均次数为(有n+1个插入位置):

$$\sum_{i=1}^{n+1} p_i (n-i+1)$$

$$pi=1/(n+1)$$

◆插入算法的平均时间复杂度为O(n)

中国铁道出版和 CHINA RAILWAY PUBLISHING HOUSE





2. 删除

❖ 假设qi是在第i个位置删除一个元素的概率,则在长度为n的线性表中删除一个元素时所需移动元素的平均次数为(有n个元素可以删除):

$$\sum_{i=1}^n q_i(n-i)$$

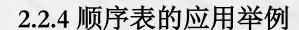
qi=1/n

◆删除算法的平均时间复杂度为O(n)。

1

i_1

n



❖ 【例1】编写一算法,从顺序表中删除自第i+1个元素开始的k个元素。

算法思路: 为保持顺序表的逻辑特性,需将i+k~n位置的所有元素依次前移k个位置。算法如下:

int deleteK(Sqlist &sq, int i, int k)

m



【例2】已知有两个按元素值**升序排列**的顺序表La和Lb,设计一个算法将表La和表Lb的全部元素**归并**为一个按元素值**升序**排列的顺序表Lc。

❖ 算法思路:扫描顺序表La,顺序表Lb。

(1) 当表La和表Lb都未扫描完时,比较两者的当前元素,将较小者插入表Lc的表尾

(2) 若两者的当前元素相等,则将这两个元素依次插入表 Lc的表尾

(3)最后,将尚为扫描完的顺序表的余下部分元素依次插入表Lc的表尾。算法如下:

void MergeList_Sq(SqList La, SqList Lb, SqList &Lc)

int i=0, j=0, k=0;

中国铁道出版社 CHINA RAILWAY PUBLISHING HOUSE





【例3】已知线性表(a1,a2,...,an)按顺序存储,且每个元素都是互不相等的整数。设计算法,把所有是奇数的数据元素移到所有偶数数据元素的前边,并给出完整的程序。

- ❖解题思路:先定义顺序表的类型,并根据题意将 ElemType设为int型;然后设计一个算法move来把 所有奇数移到所有的偶数前边;最后在主函数中 调用实现移动算法的函数。
- ❖ 算法move的思路: i=0, j=sq.len-1, 从左向右找 到偶数sq.data[i], 从右向左找到奇数sq.data[j], 将 两者交换; i++, j++, 重复此过程直到i大于j为 止。
- ❖ 完整的程序参见教材!

j=sq.len-1 2 6 33 5 6 7 8 9 23 10 11

CHINA RAILWAY PUBLISHING HOUSE



- ❖ 线性表的顺序存储结构的特点:逻辑关系上相邻的数据元素在物理位置上也相邻,即必须使用一块连续的存储单元存储一个线性表。
- ❖ 线性表的链式存储结构(简称**链表**)是指用一些 **任意的存储单元**来存放线性表的各个数据元素(每个数据元素称为**结点**),
- ❖ 线性表的链式存储结构特点: 这些存储单元即可以是连续的,也可以是不连续的,甚至是零散分布在内存中的任意位置上的。
- ❖ 种类: 单链表, 双向链表, 循环链表





2.3.1 单链表

❖ 单链表的结点结构如下:

data

next

❖ 其中: data域是数据域,用来存放结点的值。next 是指针域(亦称链域),用来存放结点的直接后 继的地址(或位置)。

❖ 由于链表的每一个结点只有一个链域,故将这种链表称为单链表。



❖ 单链表的结点类型定义如下:

```
typedef struct LNode
{
ElemType data; //数据域
struct LNode *next; //指针
} LNode, *LinkList;
```

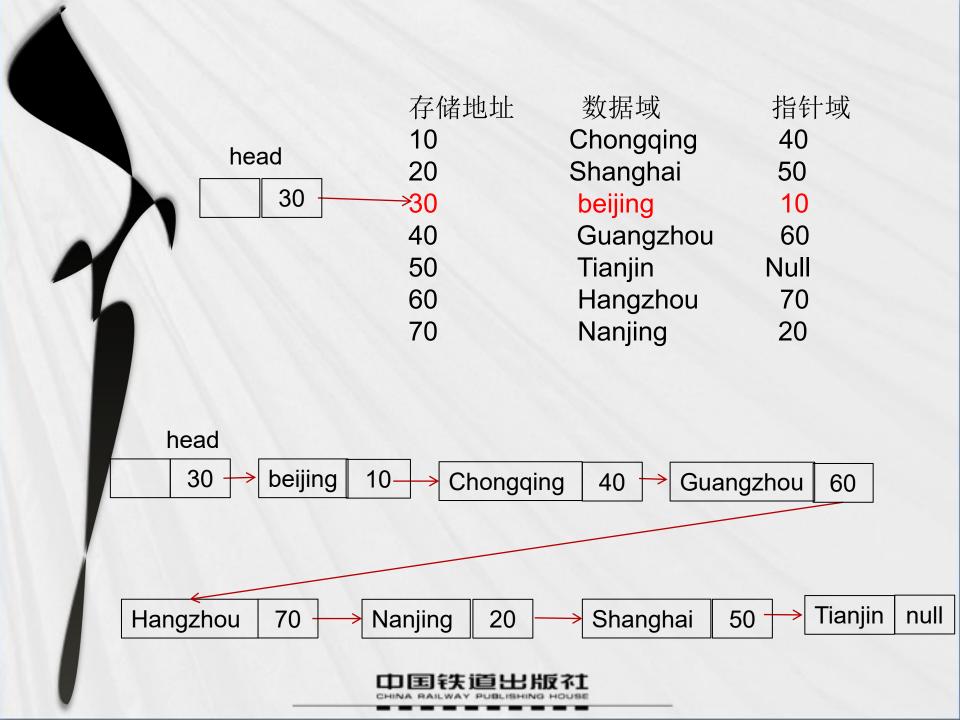
为了便于一些运算的实现,在单链表的首结点之前附设一个结点,称之为"头结点"。

有了上述的类型定义,就可以用LNode 或 LinkList来声明单链表的表头指针:

LNode *head;

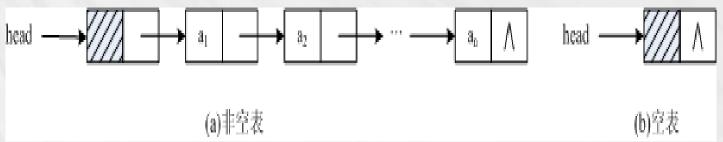
或

LinkList head;





❖ 带头结点的单链表 和空链表:



◆在单链表中,任何两个元素的存储位置之间没有固定的联系,每个数据元素的存储位置都包含在其**直接前驱结点的指针(链域)**中。因此,在单链表中,要想取得第i个数据元素,必须从头指针出发寻找,即只能**顺序存取**。



1. 线性表基本运算在单链表上的实现

LinkList h -----指向单链表头节点的指针

(1) 初始化线性表----仅有头节点

```
void InitList(LinkList h)
```

h=(**LNode** *)malloc(sizeof(**LNode**)); //创建头结点

h->next=NULL;

中国铁道出版社 CHINA RAILWAY PUBLISHING HOUSE n

null

```
(2) 求线性表长度
     int ListLength(LinkList h)
   int i=0;
   LNode *p=h;
   while (p->next!=NULL)
                  //当p指向最后一个数据结点时,循环停止
     i++;//增1
     p=p->next; //指针p沿着next域移动一次
   return i;
```

中国铁道出版和 CHINA RAILWAY PUBLISHING HOUSE

(3) 找到线性表中第i个数据元素-----返回何值?

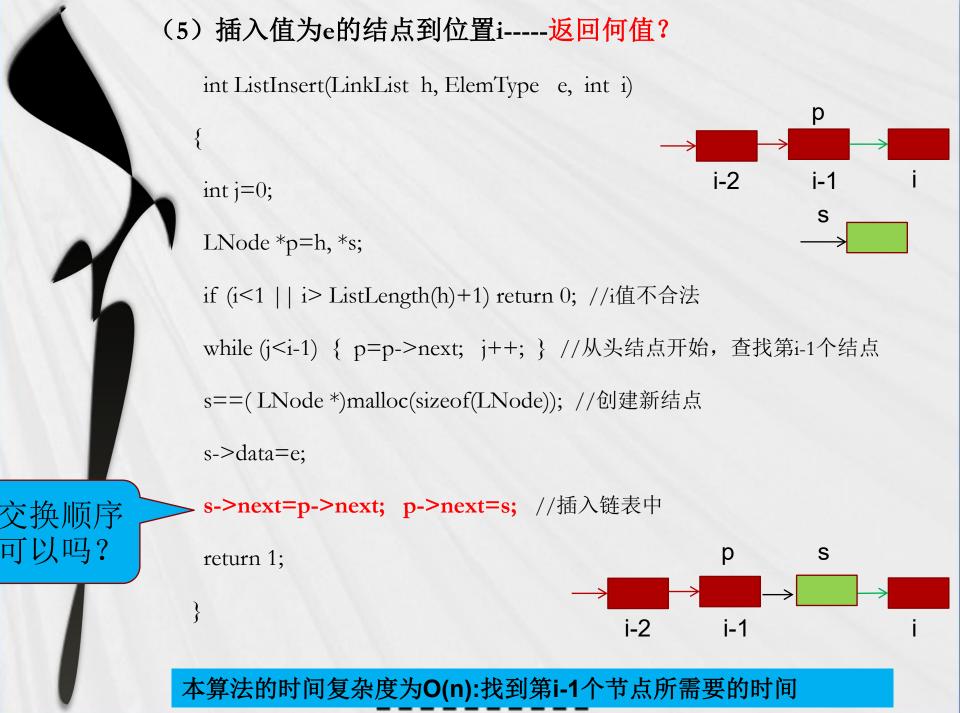
LNode *GetElem(LinkList h, int i) $\{int j=1;$ LNode *p=h->next; //p指向第一个数据节点 if (i<1 | | i> ListLength(h)) return NULL; //i值不合法 while (j<i) //从第1个结点开始,查找第i个结点 p=p->next; j++;return p; // 返回第i个结点的指针 ◆本算法的时间复杂度为O(n)。

(4) 按值e查找节点-----返回何值?

```
LNode *LocateElem(LinkList h, ElemType e)
 LNode *p=h->next;
 while (p!=NULL && p->data!=e)
       //从第1个结点开始,查找data域为e的结点
    p=p->next;
 return p;
```

本算法的时间复杂度为O(n)

CHINA RAILWAY PUBLISHING HOUSE





(6) 删除第i个结点

```
int ListDelete(LinkList h, int i)
int j=0;
LNode *p=h, *q;
if (i<1 | | i> ListLength(h)) return 0; //i值不合法
while (j<i-1) {p=p->next; j++;} //从头结点开始,查找第i-1个结点
q=p->next; //删除并释放结点
p->next=q->next;
free(q);
                                         i-1
return 1;
                                        i-1
 本算法的时间复杂度为O(n)
```



(7) 输出链表各个数据元素的值

```
void ListOutput(LinkList h)
LNode *p=h->next;
while (p!=NULL)
printf("%5d", p->data); //输出结点的data域
p=p->next;
```

本算法的时间复杂度为O(n)

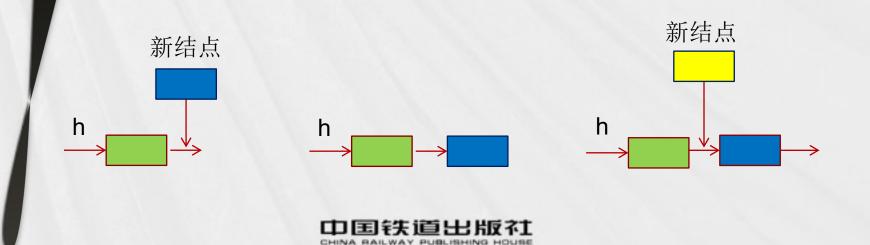
2. 建立单链表: 头插法和尾插法

(1) 头插法建表

算法思路:从一个空表开始,读取数据,申请新结点,将读取的数据存放到新结点的数据域中,然后将新结点插入到当前链表的表头节点后面,如此重复,直到读入结束标志为止

原始数据存在数组中,共n个数据,存储在数组a[]中

❖ 算法如下:



```
LNode *CreateListF(LinkList h, ElemType a[], int n)
       LNode *s; int i;
       h=(LNode *)malloc(sizeof(LNode)); // 创建头结点: 空表
       h->next=NULL;
       for (i=0; i<n; i++)
         { s=(LNode *)malloc(sizeof(LNode)); // 创建新结点
          s \rightarrow data = a[i];
          s->next=h->next; // 将新结点插入到头结点之后
          h > next = s;
                                          h
      return(h);
      }// CreateListF
                                           h
```



(2) 尾插法建表

算法思路:将新结点插入到当前链表的表尾上,为此必须增加一个尾指针r,使其始终指向当前链表的尾结点。n个数据存储在数组a[]中。

算法如下:

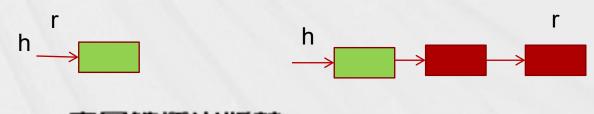
LNode * CreateListR(LinkList h, ElemType a[], int n)

LNode *s, *r; int i;

h=(LNode *)malloc(sizeof(LNode)); // 创建头结点

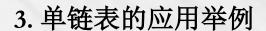
h->next=NULL; r=h;

//r 始终指向尾结点, 开始时指向头结点



中国铁鱼出版和 CHINA RAILWAY PUBLISHING HOUSE

```
for (i=0;i< n;i++)
   { s=(LNode *)malloc(sizeof(LNode)); // 创建新结点
     s->data=a[i];
    r->next=s; r=s; // 将新结点插入到尾结点之后
     r->next=NULL; // 将尾结点的next域置为空
    }// CreateListR
◆头插法建表和尾插法建表算法的时间复杂度都是O(n)。
```



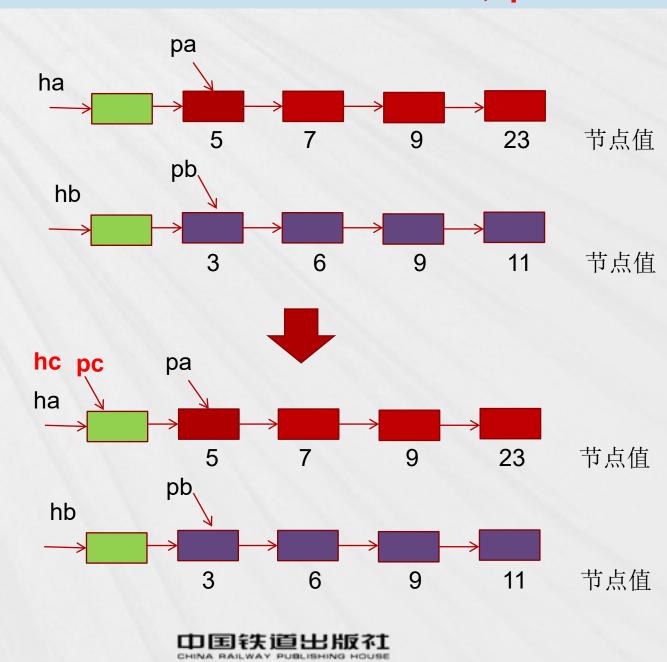
【例1】ha和hb: <u>非递减有序</u>单链表的表头指针,试设计一个算法,将这两个有序链表合并成一个非递减有序的单链表hc。要求结果链表仍使用原来两个链表的空间。表中允许有重复的数据。

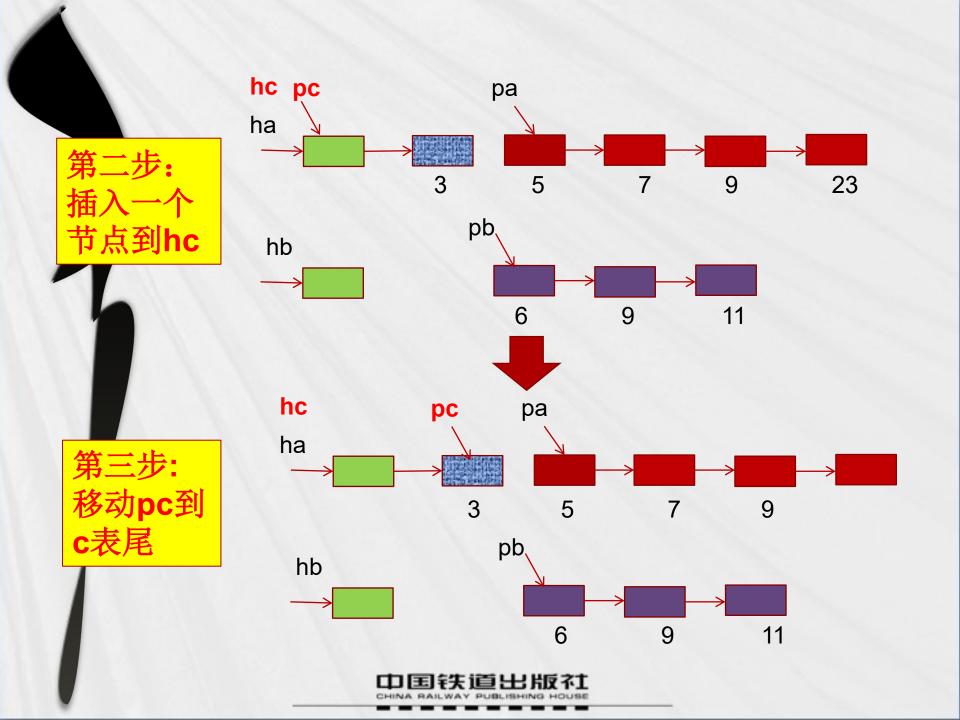
算法思路:

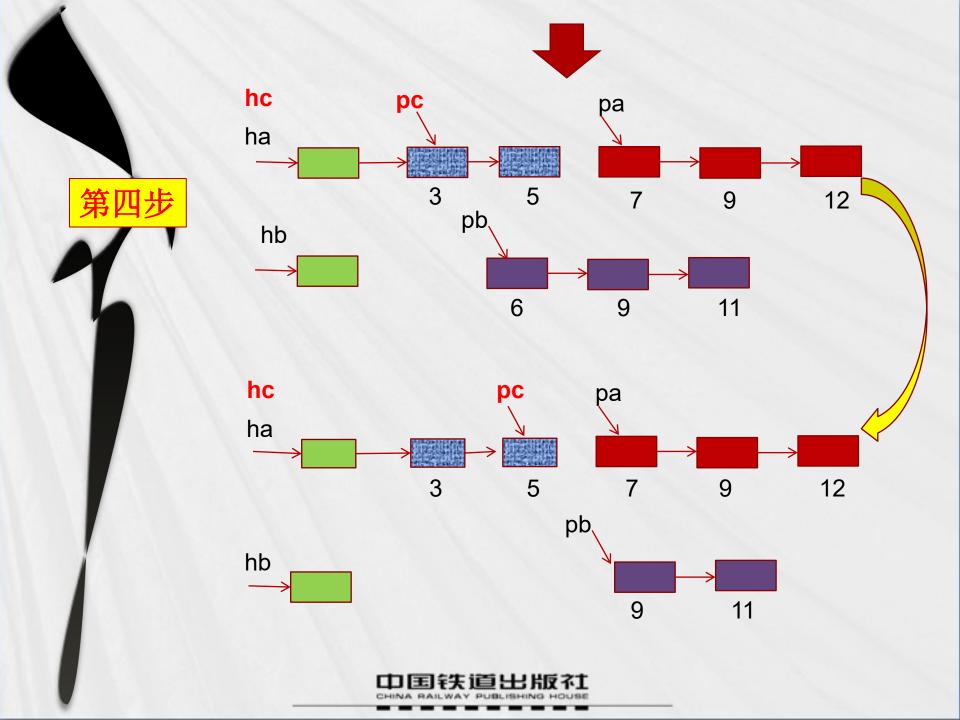
- ①3个表:设立3个指针pa、pb和pc,其中pa和pb分别指向ha和hb 表中当前待比较的结点,而pc指向hc表的最后一个结点。
- ②比较pa->data和pb->data,将较小者插入hc的表尾,即链到pc所指结点之后。若pa->data和pb->data相等,则将两个结点均链到pc所指结点之后。
- ③如此反复,直到有一个表的数据元素已归并完(pa或pb为空) 为止,再将另一个表的剩余段链接到pc所指结点之后。



用ha的头结点作为hc的头结点,hc=ha, pc=ha







```
* 具体算法:
// 用ha的头结点作为hc的头结点,pc始终指向hc的表尾结点
void MergeList_L(LinkList ha, LinkList hb, LinkList hc)
   LNode *pa, *pb, *pc;
 pa=ha->next; pb=hb->next;
 hc=pc=ha;
 while(pa&&pb) {
   if(pa->data<pb->data) {pc->next=pa; pc=pa; pa=pa->next;}
   else if(pa->data>pb->data) {pc->next=pb; pc=pb; pb=pb->next;}
      else{ pc->next=pa; pc=pa; pa=pa->next;
           pc->next=pb; pc=pb; pb=pb->next;}
                                   hc
                                   ha
```



pc->next=pa?pa:pb; //插入剩余段

free(hb); // 释放hb的头结点

}// MergeList_L

❖ 本算法的基本操作是结点数据的比较和结点的链入,在最坏情况下,对每个结点均需进行上述操作,因此,若表ha和表hb的长度分别是m和n,则本算法的时间复杂度为O(m+n)。

中国铁道出版社 CHINA RAILWAY PUBLISHING HOUSE



【例2】设计算法,根据输入的学生人数、姓名和成绩建立一个单链表,并累计其中成绩优秀的人数。要求给出完整的程序。

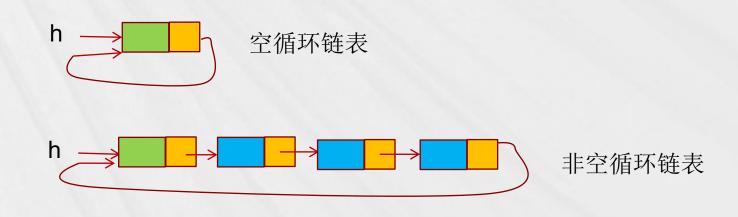
- ❖解题思路: 先定义单链表结点的类型,并根据题意将ElemType设为int型, char name[12];
- ❖ 然后设计一个算法create,用于输入学生人数,根据人数输入姓名和成绩,并建立相应的单链表;
- ❖ 设计一个算法count,用于计算成绩优秀的人数;
- ❖ 最后在主函数中调用实现上述两个算法的函数。
- ❖ 完整的程序参见教材, 自学!





2.3.2 单循环链表

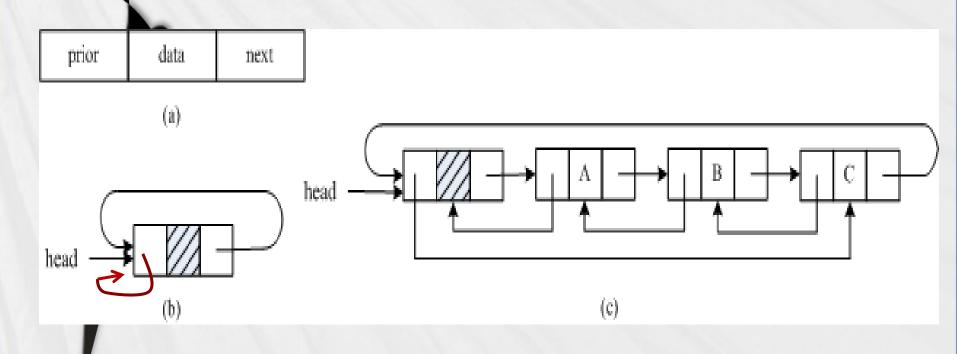
- **❖ 循环链表的特点**:表中最后一个结点的指针域指向 头结点,整个链表形成一个环。
- ❖ 单循环链表的操作和单链表基本一致,差别仅在于 算法中的循环条件不是p或p->next是否为空,而是 它们是否等于头指针。



例如,求线性表的长度运算在单循环链表上的实现算法如下: int ListLength(LinkList h) int i=0; p->next!=NULL LNode *p=h; while (p->next!=h) //当p指向最后一个数据结点时,循环停止 p=p->next; i++; //指针p沿着next域移动一次, i值增1 return i; }// ListLength

2.3.3 双向链表

在双向链表的结点中有**两个指针域**,其一指向直接 后继,另一指向直接前驱。



- (a)双向链表的结点结构
- (b) 空的双向循环链表
- (c) 非空的双向循环链表



1. 删除第i个节点

```
int ListDelete_DuL(DuLinkList Dh, int i)
```

```
时间复杂 度如何?
```

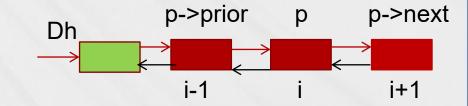
```
int j=0;
```

```
DuLNode *p=Dh,*q;
```

```
if (i<1 | | i> ListLength_DuL(Dh)) return 0; //i值不合法
```

```
while (j<i) {p=p->next; j++;} //从头结点开始,查找第i个结点p
```

```
p->prior->next=p->next; //删除并释放结点
```



中国铁道出版和 CHINA RAILWAY PUBLISHING HOUSE

```
2. 插入值(第i个节点,值为e)
  int ListInsert_DuL(DuLinkList Dh, ElemType e, int i)
   \{ int j=0; 
    LNode *p=Dh, *s;
    if (i<1 | | i> ListLength_DuL(Dh)+1) return 0; //i值不合法
    while (j<i) { p=p->next; j++; } //从头结点开始,<mark>查找第i个结点p</mark>
    s==(DuLNode *)malloc(sizeof(DuLNode)); //创建新结点
    s->data=e;
    s->prior=p->prior; p->prior->next=s; //s与前面节点连接
                                                         S
    s->next=p; p->prior=s;; //s与后面节点连接
    return 1;
                                                 p->prior
                                      Dh
   }// ListInsert_DuL
                                     Dh
```



本章小结

❖线性表是一种典型的线性结构。线性表中的数据元素可以是各种各样的,但同一线性表中的数据元素必<mark>具有相同的特性</mark>。

❖顺序表是以"物理位置相邻"来表示线性表中数据元素之间的逻辑关系的,通常用数组来描述。

❖链表是通过每个结点的链域将线性表的各个结点按其逻辑次序 链接在一起的。

❖单链表: 一个指针

❖单循环链表的特点是表中最后一个结点的指针域指向头结点,整个链表形成一个环。

❖双向链表的结点中有两个分别指向直接后继和指向直接前驱的 指针域,在双向链表中寻查结点的前驱和后继都很方便。





本章习题

- 1. 对于表长为n的顺序表,在任何位置上插入或删除一个元素的概率相等时,插入一个元素所需要移动的元素的平均个数为多少? 删除一个元素所需要移动的元素的平均个数为多少?
- 2. 设线性表A采用顺序存储且元素按值递增有序排列。试编一算 法,将x插入到线性表的适当位置上,并保持线性表的有序性。 分析算法的时间复杂度。
- 3. 设线性表A采用链式存储且元素按值递增有序排列。试编一算 法,将x插入到线性表的适当位置上,并保持线性表的有序性。 分析算法的时间复杂度。
- 4. 已知La是带头结点的单链表,编写一算法,从表La中删除自第i 个元素起,共m个元素。
- 5. 分别画出顺序表、单链表、双链表和单循环链表的结构图。