## Задачи

### Лесни

#### Задача 1.1

Задачи 9 и 10 от упражнението за множества.

#### Задача 1.2

Задача 11 от упражнението за множества.

#### Задача 1.3

Задача 12 от упражнението за множества.

#### Задача 1.4 - първо контролно на специалност информатика 2019/2020

Нека  $A,B,C,D\in X$ . Докажете или опровергайте, че ако  $\forall x\in X(x\in A\to x\in C\land x\in B)$ , то  $(B\cup C)\setminus B=\overline{\overline{C}\cap\overline{A}}\cap\overline{B}$ 

#### Задача 1.5

Задача 25 от упражнението за множества.

### Задача 1.6

Задача 28 от упражнението за множества.

### Задача 1.7

Задача 29 от упражнението за множества.

### Задача 1.8

Докажете, че ако  $C \cap B = \emptyset$ , то  $(A \triangle B) \cup C = (A \cup C) \triangle B$ .

# Задача 1.9 - контролно на специалност компютърни науки 2016

Разгледайте следните твърдения и формулирайте всяко твърдение на езика на предикатната логика. Образувайте и отрицанията на двете твърдения, като при това никъде във формулировката да не се среща знакът ¬.

- Всяко цяло число, кратно на 4, може да се представи като сума от квадратите на две цели числа.
- За всяко реално число  $x \ge -1$  и за всяко естествено число n е в сила неравенството  $(1+x)^n \ge 1+nx$ .

# Задача 1.10 - семестриално контролно на специалност компютърни науки 2016

Отговорете на въпросите като се аргументирате

- Вярно ли е, че от  $\forall x(P(x)) \vee \forall x(Q(x))$  следва, че  $\forall x(P(x) \vee Q(x))$ .
- Вярно ли е, че от  $\forall x (P(x) \lor Q(x))$  следва, че  $\forall x (P(x)) \lor \forall x (Q(x))$ .

#### По-забавни

# Задача 2.1 - семестриално контролно на специалност компютърни науки 2016

Намерете множеството X от системата като го изразите чрез множествата A,B,C с помощта на сечение, обединение и разлика.

$$\begin{cases} C \cup X = (B \setminus A) \cup C \\ C \cap X = (A \cup B) \cap C \end{cases}$$

# Задача 2.2 - Задачи за самоподготовка по Дискретни структури - 2021/2022 - Добромир Кралчев

Преценете дали е вярно следното твърдение:

$$(\forall A \in 2^{\mathbb{N}} \setminus \{\emptyset\})(\exists x \in A)(x$$
 е четно  $\implies (\forall y \in A)(y$  е четно))

# Решения