

## Задачи

### Лесни

#### Задача 1.1

Да се докаже, че  $\sum_{i=1}^n i = \frac{n(n+1)}{2}$

#### Задача 1.2

Да се докаже, че  $\sum_{i=1}^n \frac{1}{i(i+1)} = \frac{n}{n+1}$

#### Задача 1.3

Да се докаже, че  $\sum_{i=0}^n 2^i = 2^{n+1} - 1$

#### Задача 1.4

Да се докаже, че  $5^{2n+1} + 2^{2n+1}$  се дели на 7 за всяко  $n \in \mathbb{N}$

#### Задача 1.5

Да се докаже, че  $f_{n+1} < \left(\frac{7}{4}\right)^n$ , където  $f_{n+1}$  е  $(n+1)$ -вото число на Фибоначи.

#### Задача 1.6

Да се докаже, че за всяко цяло число  $n \geq 2$  е в сила, че  $\prod_{k=1}^n \left(1 - \frac{1}{\sqrt{k}}\right) < \frac{2}{n^2}$

#### Задача 1.7 - Задачи за самоподготовка по Дискретни структури - 2021/2022 - Добромир Кралчев

Да се докаже, че  $\frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \frac{1}{n+3} + \dots + \frac{1}{3n+1} > 1$  за всяко  $n \geq 1$

## По-забавни

### Задача 2.1

Да се докаже, че  $\sum_{X \subseteq \{1,2,\dots,n\}} \prod_{y \in X} y = (n+1)!$ .

### Задача 2.2

Да се докаже, че сумата на първите  $n$  нечетни числа е точен квадрат за всяко  $n \in \mathbb{N}$ .

### Задача 2.3

Да се докаже,  $1 + \frac{1}{4} + \frac{1}{9} + \dots + \frac{1}{n^2} < 2$  за всяко  $n \in \mathbb{N}^+$ .

## Решения