

# Inteligência Artificial

## Tópico 03 - Parte 04

### Resolução de Problemas por Buscas

### Além da Busca Clássica - Busca Local

Profa. Dra. Priscila Tiemi Maeda Saito  
✉ [priscilasaito@ufscar.br](mailto:priscilasaito@ufscar.br)

## 1 Resolução de Problemas por Buscas

- Busca Cega ou Exaustiva
- Busca Heurística
- Busca Local - Além da Busca Clássica
  - Hill-Climbing
  - Simulated Annealing
  - Local Beam
  - Genetic Algorithms

# Resolução de Problemas por Buscas - Clássicas

- **Interesse:** buscar sistematicamente, a partir de um estado inicial, uma sequência de ações que levem à meta
- **Solução:** caminho ao estado-objetivo
- Algoritmos de busca exploram o espaço de estados
  - ▶ mantêm um ou mais caminhos na memória
  - ▶ registram alternativas exploradas e não exploradas

# Resolução de Problemas por Buscas - Clássicas

- Problemas de otimização → **caminho** ao objetivo é **irrelevante**
- **Solução** = estado objetivo

## Exemplos

- projeto de circuitos integrados
- layout de instalações industriais
- escalonamento de trabalho
- otimização de redes
- gerenciamento de salas de aula
- 8 rainhas (basta mostrar o tabuleiro final)
- ...

Descrição do estado contém toda informação relevante para a solução → Caminho até a meta não importa

# Além da Busca Clássica

## Busca Local ou de melhoria iterativa

Operam em um único estado e move-se para a vizinhança deste estado

### Ideia

Começar com o estado inicial (configuração completa, solução aceitável), e melhorá-lo iterativamente

### Vantagens

- utiliza pouca memória (usualmente uma quantidade constante)
- frequentemente encontra boas soluções em espaço de estados muito grandes ou mesmo infinitos, nos quais estratégias sistemáticas são inadequadas ou inviáveis

- Úteis para resolver **problemas de otimização**
  - ▶ buscar por estados que atendam a uma **função objetivo**

## Objetivo

Encontrar o estado que:

- maximize a função objetivo ou
- minimize o custo de uma heurística  $h(n)$



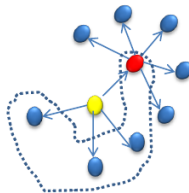




# Busca Local

- Algoritmos guardam apenas o estado corrente, e não veem além dos vizinhos imediatos do estado
- Muitas vezes são os melhores métodos para tratar problemas reais muito complexos

● Estado corrente  
● Vizinho escolhido



- Principais algoritmos
  - ▶ Hill-Climbing
  - ▶ Simulated Annealing
  - ▶ Local Beam
  - ▶ Genetic Algorithms

# Hill-Climbing

## Analógia

### Metáfora

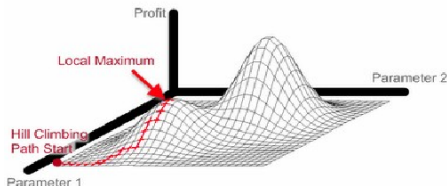
- Tentar encontrar o topo do Monte Everest sob uma forte neblina e sofrendo de amnésia



# Hill Climbing

- Subida de encosta, subida de encosta mais íngreme, subida da colina, subida da montanha, **busca local gulosa**, ...
- Move de forma contínua em direção a valores crescentes da função objetivo (encosta acima)
- Examina apenas estados vizinhos imediatos ao corrente
  - ▶ não mantêm árvore de busca
  - ▶ armazena apenas estado corrente e tenta melhorá-lo
- Termina quando um pico (mínimo/máximo) é alcançado
  - ▶ nenhum vizinho tem um valor maior

The problem with hill climbing is that it gets stuck on "local-maxima"



# Hill Climbing

## Algoritmo

**Função** Hill-Climbing(Problema)

**Início**

EstadoAtual  $\leftarrow$  EstadoInicial(Problema)

**Repita**

Vizinho  $\leftarrow$  SucessorMaiorValor(EstadoAtual)

**Se** aval(Vizinho)  $\leq$  aval(EstadoAtual) **então**

**retorna** EstadoAtual

// não consegue encontrar algo melhor na vizinhança

EstadoAtual  $\leftarrow$  Vizinho

**Fim\_Repita**

**Fim**

# Hill Climbing - Exemplo

- **Problema:** 8 rainhas
- **Formulação:** estados completos
  - ▶ cada estado tem as 8 rainhas no tabuleiro, uma por coluna
- **Ações:** mover cada rainha para qualquer posição na mesma coluna
- **Função Sucessora:** dado um estado e uma ação, retorna o estado alcançado
  - ▶ para cada estado, há 56 estados sucessores: 8 rainhas x 7 posições
  - ▶ escolhe melhor sucessor corrente (aleatório, se existir vários)
- **Função de custo/heurística h:** número de pares de rainhas que se atacam
- **Estado objetivo:** configuração com  $h=0$  (mínimo global)
  - ▶ somente para as soluções perfeitas (nenhuma rainha sendo atacada)

# Hill Climbing - Exemplo

- **Problema:** 8 rainhas
- **Estado corrente:**  $h=17$  (há 17 ataques entre rainhas)

Qual a melhor ação (por uma escolha gulosa)?

18	12	14	13	13	12	14	14
14	16	13	15	12	14	12	16
14	12	18	13	15	12	14	14
15	14	14	♔	13	16	13	16
♔	14	17	15	♔	14	16	16
17	♔	16	18	15	♔	15	♔
18	14	♔	15	15	14	♔	16
14	14	13	17	12	14	12	18

## Hill Climbing - Exemplo

- **Problema:** 8 rainhas
- **Estado corrente:**  $h=17$  (há 17 ataques entre rainhas)
- Em cada coluna é exibido o valor de  $h$  para cada possível sucessor

Qual a melhor ação (por uma escolha gulosa)?

18	12	14	13	13	12	14	14
14	16	13	15	12	14	12	16
14	12	18	13	15	12	14	14
15	14	14	♔	13	16	13	16
♔	14	17	15	♔	14	16	16
17	♔	16	18	15	♔	15	♔
18	14	♔	15	15	14	♔	16
14	14	13	17	12	14	12	18

$$(C_1 C_2 C_3 C_4 C_5 C_6 C_7 C_8) = (5 \ 6 \ 7 \ 4 \ 5 \ 6 \ 7 \ 6)$$



# Hill Climbing - Exemplo

- Problema: 8 rainhas

## Resposta:

Qualquer movimento que leve uma das rainhas na sua coluna a uma posição marcada com 12

18	12	14	13	13	12	14	14
14	16	13	15	12	14	12	16
14	12	18	13	15	12	14	14
15	14	14	♚	13	16	13	16
♚	14	17	15	♚	14	16	16
17	♚	16	18	15	♚	15	♚
18	14	♚	15	15	14	♚	16
14	14	13	17	12	14	12	18

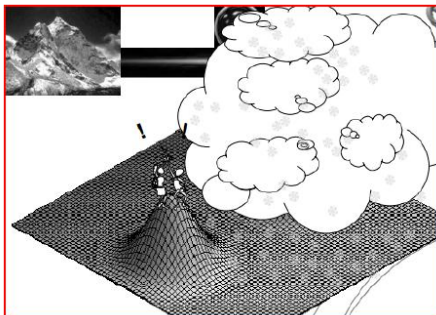
# Hill Climbing

- **Busca Gulosa Local** - escolhe sempre o primeiro melhor vizinho para progredir na busca
- Bons resultados em alguns problemas
- Capaz de progredir rapidamente para solução do problema

Problemas ?

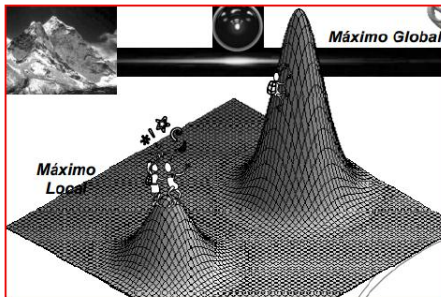
# Hill Climbing

## Problemas ?



# Hill Climbing - Problemas

- Máximos locais



# Hill Climbing - Problemas

- **Máximos locais**

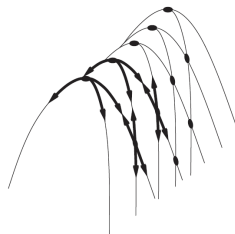
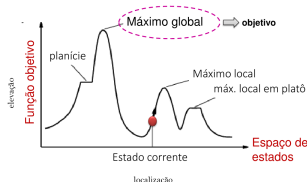
- ▶ picos máximos/mínimos de abrangência local → não atingem máximo/mínimo global

- **Planícies/platôs**

- ▶ região no espaço de busca →  $f(n)$  fornece mesmo resultado

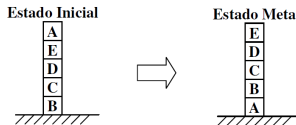
- **Encostas e picos/cordilheiras/cristas**

- ▶ região longa e estreita → sequência de máximos locais



# Hill Climbing - Exemplo

- Ações possíveis:
  - ▶ pegar um bloco e colocar ele sobre a mesa
  - ▶ pegar um bloco e colocar ele sobre outro bloco
- Heurística
  - ▶ +1 para cada bloco em cima do bloco onde ele deve estar
  - ▶ -1 para cada bloco em cima do bloco errado



$$f(e) = ?$$

# Hill Climbing - Exemplo

- Ações possíveis:

- ▶ pegar um bloco e colocar ele sobre a mesa
- ▶ pegar um bloco e colocar ele sobre outro bloco

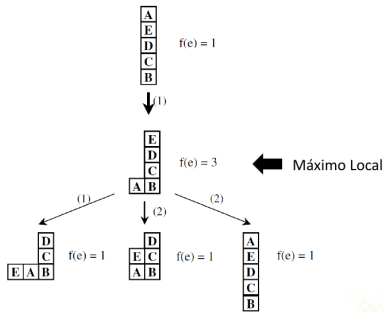
- Heurística

- ▶ +1 para cada bloco em cima do bloco onde ele deve estar
- ▶ -1 para cada bloco em cima do bloco errado

Estado Inicial



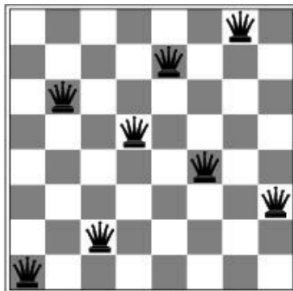
Estado Meta



# Hill Climbing - Exemplo

- **Problema:** 8 rainhas
- **Estado Corrente:** alcançada em 5 passos a partir do estado inicial

Mínimo Global?

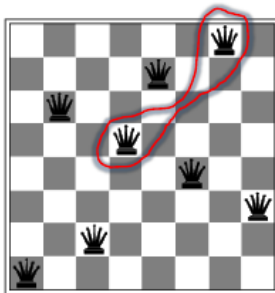




# Hill Climbing - Exemplo

- **Problema:** 8 rainhas
- **Estado Corrente:** alcançada em 5 passos a partir do estado inicial

**Mínimo Local:** todo sucessor tem custo mais alto



Um mínimo local com  $h = 1$

# Hill Climbing - Exemplo

- **Problema:** 8 rainhas
- A partir de estados iniciais aleatórios
  - ▶ 86% → busca paralisada
  - ▶ 14% → busca bem sucedida
- No entanto, é rápida
  - ▶ 4 passos em média quando tem sucesso
  - ▶ 3 passos em média quando fica paralisada
- Em espaço que tem  $\approx 17$  milhões de estados

# Hill Climbing - Solução

- **Problema:** mudar de estado em **platôs** (quando estados têm avaliações iguais)
  - ▶ pode ser uma boa ideia prosseguir, permitir um movimento lateral?
  - ▶ cuidado para evitar repetições infinitas
  - ▶ **solução:** considerar limite de movimentos laterais consecutivos permitidos
- Ex.: problema das 8 rainhas
  - ▶ permitindo até 100 movimentos laterais consecutivos
  - ▶ passa a resolver de 14% para 94% das instâncias do problema
  - ▶ no entanto, demora mais
    - ★ 21 passos em média quando tem sucesso
    - ★ 64 passos em média quando falha

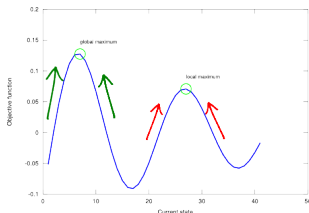
# Hill Climbing - Variações

Diferentes versões:

- **Original (maior passo):** move-se para o estado vizinho que proporciona a maior melhoria (redução ou aumento) no valor da função objetivo
- **First-Choice:** move-se para algum estado vizinho sorteado aleatoriamente e que esteja entre aqueles (se existirem) que melhoram o valor corrente da função objetivo
  - ▶ interrompe a busca após um limite pré-especificado de tentativas de movimento frustradas
  - ▶ interessante em problemas nos quais a quantidade de vizinhos é grande

# Hill Climbing - Variações

- **Random-Restart:** múltiplas buscas hill climbing, a partir de diferentes estados iniciais gerados aleatoriamente
  - ▶ tenta evitar mínimos/máximos locais
  - ▶ interessante em problemas com superfícies de otimização complexas (muitos mínimos ou máximos locais não satisfatórios)
- Cada busca é executada
  - ▶ até que um número máximo estipulado de iterações seja atingido, ou
  - ▶ até que os resultados encontrados não apresentem melhora significativa
- Algoritmo escolhe o melhor resultado obtido com as diferentes buscas (diferentes reinícios)
- Cada execução produz apenas uma solução!



# Hill Climbing

- Sucesso depende da topologia do espaço de estados
- Se houver poucos máximos locais e platôs
  - ▶ Hill climbing com reinício aleatório encontrará boa solução com rapidez
  - ▶ mesmo para mais complexos, pode encontrar máximo local razoavelmente bom
    - ★ com um pequeno número de reinícios

# Hill Climbing

- **Problema 1:** Hill Climbing nunca realiza movimentos “encosta abaixo” em direção a estados com valor mais baixo (ou de custo mais alto)
  - ▶ **incompleto** → porque pode ficar preso em um máximo local
- **Problema 2:** percurso aleatório, movendo para um sucessor escolhido ao acaso a partir do conjunto de sucessores
  - ▶ **completo** → extremamente ineficiente
- **Solução: ?**

# Hill Climbing

- **Problema 1:** Hill Climbing nunca realiza movimentos “encosta abaixo” em direção a estados com valor mais baixo (ou de custo mais alto)
  - ▶ **incompleto** → porque pode ficar preso em um máximo local
- **Problema 2:** percurso aleatório, movendo para um sucessor escolhido ao acaso a partir do conjunto de sucessores
  - ▶ **completo** → extremamente ineficiente
- **Solução:** combinar Hill Climbing com um percurso aleatório que resulte de algum modo em eficiência e completeza
  - ▶ Simulated Annealing



# Simulated Annealing

- Têmpera simulada
- Oferece meios para se escapar de ótimos locais (mínimos/máximos)

## Metáfora 1

- Metalurgia → têmpera de metais e de vidro
- Aquecimento em alta temperatura e posterior resfriamento gradual

## Metáfora 2

- Colocar uma bola na fenda mais profunda em uma superfície acidentada
- Agitar a superfície com força suficiente para fazer com que a bola saia de mínimos locais e evitar desalojá-la do mínimo global

## Solução

- Começar a agitar com força (alta temperatura) e depois reduzir gradualmente a intensidade da agitação (baixa temperatura)

# Simulated Annealing

- Agitação == aleatoriedade
- Semelhante à Hill-Climbing → diferenças
  - ▶ movimentos encosta abaixo são permitidos
  - ▶ não escolhe o melhor estado sucessor, escolhe um movimento aleatório
  - ▶ se o movimento aleatório melhora a situação, ele é aceito
  - ▶ senão aceita-se um movimento com alguma probabilidade  $< 1$ 
    - ★ probabilidade decresce exponencialmente com a “má qualidade” do movimento
    - ★ probabilidade decresce a medida que a temperatura reduz (movimentos ruins têm maior probabilidade de serem permitidos no início e tornam mais improváveis conforme a temperatura diminui)
- Se a temperatura decresce de maneira suficientemente lenta, a busca por têmpera simulada encontrará um ótimo global com probabilidade próxima de 1 (100%)
- Na prática, decisão da taxa de redução da temperatura → problema prático com este método

# Simulated Annealing

```
function SIMULATED-ANNEALING(problem, schedule) returns a solution state
  inputs: problem, a problem
           schedule, a mapping from time to "temperature"
  local variables: current, a node
                    next, a node
                    T, a "temperature" controlling prob. of downward steps

  current ← MAKE-NODE(INITIAL-STATE[problem])
  for t ← 1 to ∞ do
    T ← schedule[t] // T schedule é a função que retorna T dado um tempo t
    if T = 0 then return current
    next ← a randomly selected successor of current
     $\Delta E \leftarrow \text{VALUE}[\textit{next}] - \text{VALUE}[\textit{current}]$ 
    if  $\Delta E > 0$  then current ← next
    else current ← next only with probability  $e^{\Delta E / T}$  // faz uma ação ruim de tempos
                                                         // em tempos
```

# Simulated Annealing

- Considerar três movimentos possíveis, com mudanças na função objetivo:  $d_1 = -0.1$ ,  $d_2 = 0.5$ ,  $d_3 = -5$  e  $T = 1$
- Escolher um movimento aleatório
  - ▶ se  $d_2$  é escolhido, aceita o movimento
  - ▶ se  $d_1$  ou  $d_3$  é escolhido, verifica probabilidade do movimento
  - ▶ probabilidade =  $\exp(d/T)$
  - ▶ movimento 1:  $\text{prob1} = \exp(-0.1) = 0.9$ 
    - ★ 90% das vezes aceita o movimento
  - ▶ movimento 3:  $\text{prob3} = \exp(-5) = 0.05$ 
    - ★ 5% das vezes aceita o movimento

# Beam Search

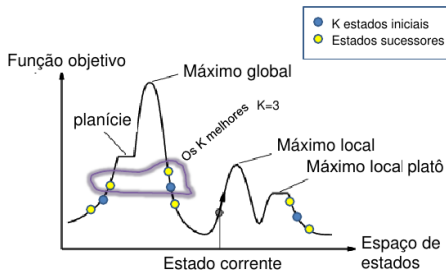
Manter apenas um estado na memória → abordagem extrema para resolver problema de limitação de memória

- Beam Search ou Busca em feixe local
- Estratégia mantém o controle de  $k$  estados por vez
  - 1 Inicia com  $k$  estados gerados aleatoriamente
  - 2 Expande os sucessores de cada um dos  $k$  estados
  - 3 Se objetivo, sucesso
  - 4 Senão, seleciona os  $k$  melhores dentre todos os estados e repete o processo

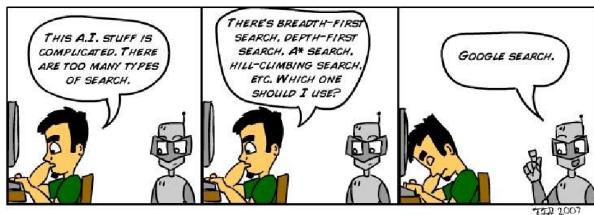
# Beam Search

Busca com reinício aleatório  $\neq$  beam search?

- Busca com reinício aleatório  $\rightarrow$  cada busca é independente
- Beam Search  $\rightarrow$  informações úteis são repassadas entre os  $k$  processos paralelos da busca
  - ▶ estados “conversam” e tendem a abandonar caminhos infrutíferos
  - ▶ deslocam recursos para o processo em que estiver sendo realizado maior progresso



# Qual Algoritmo Usar?



# Referências e Leituras Complementares

- Cap. 04 → livro Russel e Norvig
- Cap. 05 → livro Ben Coppin