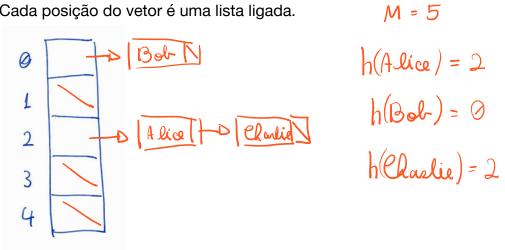
AED2 - Aula 08

Hash tables, tratando colisões e dimensionando carga

Tratando colisões usando listas ligadas

Cada posição do vetor é uma lista ligada.



- Inserção pode levar tempo constante, mas consulta e remoção
 - o dependem do tamanho da lista, que depende
 - da qualidade da função de espalhamento e
 - do tamanho da tabela Hash.
- Prós: remoção é simples de implementar.
- Contra: ocupa mais espaço.

Exemplo de implementação de tabela Hash com listas ligadas:

```
typedef struct celTS CelTS;
struct celTS {
   Chave chave:
   Valor valor;
   CelTS *prox;
};
static CelTS (**)tab = NULL;
static int nChaves = 0;
static int M; // tamanho da tabela
void stInit(int max) {
   int h;
   M = max;
   nChaves = 0;
   tab = mallocSafe(M * sizeof(CelTS *));
   for (h = 0; h < M; h++)
       tab[h] = NULL;
}
```

```
Valor stSearch(Chave chave) {
    CelTS *p;
    int h = hash(chave, M);
    p = tab[h];
    while (p != NULL && strcmp(p->chave, chave) != 0)
        p = p->prox;

    if (p != NULL) // se encontrou devolve o valor
        return p->valor;
    return 0; // caso contrário devolve 0. E se o valor for 0? Como
contornar esse problema?
}
```

• Quiz1: E se o valor for 0? Como contornar esse problema?

- Quiz2: Como separar a inserção da edição?
- Quiz3: Como implementar inserção que mantém os itens em ordem na lista?

```
void stDelete(Chave chave) {
   CelTS *p, *aux;
— int h = hash(chave, M);
-p = tab[h];
   if (p == NULL) // se lista está vazia não tem o que remover
       return;

— if (strcmp(p->chave, chave) == 0) { // remoção na cabeça da lista
    tab[h] = p->prox;
       free(p->chave);
     free(p);
     nChaves--;
       return;
   }
  // remoção no restante da lista
while (p->prox (!=) NULL && strcmp((p->prox)->chave, chave) != 0)
       p = p - > prox;
 - if (p->prox != NULL) { // se o próximo é o valor por remover
    \mathbf{aux} = p - prox;
    _ p->prox = aux->prox;
       free(aux->chave);
       free(aux);
       nChaves - - ;
   }
}
void stFree() {
   CelTS *p = NULL, *q = NULL;
   int h;
   for (h = 0; h < M; h++) { // libera cada lista
     p = tab[h];
       while (p != NULL) {
         -q = p;
         -p = p - > prox;
           free(q->chave); // liberando a chave (string) da célula
                        // antes de liberar a célula
           free(q);
   free(tab); // então libera a tabela
   tab = NULL;
   nChaves = 0;
```

Tratando colisões usando endereçamento aberto

Se a posição estiver ocupada, encontre outra seguindo alguma regra.



Sondagem (probing), abordagem em que, se a posição estiver ocupada,

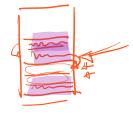
- tenta uma nova de acordo com uma função de offset (deslocamento).
- Sondagem Linear: offset segue uma função linear (i),
 - o a partir da posição inicial,
 - sendo i o número da tentativa de re-endereçamento.



% M

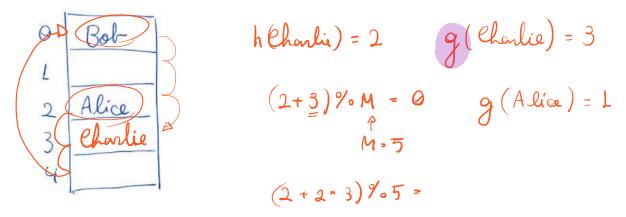
- Contra: costuma gerar aglomerações.
- Sondagem Quadrática: offset segue uma função quadrática (i^2)
 - a partir da posição inicial.





Re-espalhamento (rehashing ou double hashing), abordagem em que

• o offset é calculado usando uma outra função de hash g() sobre a chave.

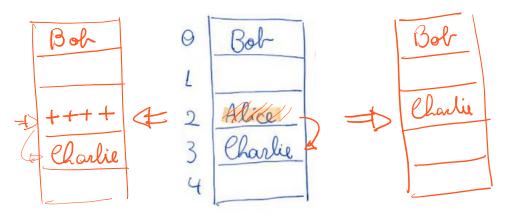


- o Prós: evita gerar aglomerações, já que
 - cada chave é re-espalhada com um offset próprio.

Considerações sobre endereçamento aberto:

- Prós: endereçamento aberto ocupa menos espaço.
- Contra: número de elementos limitados ao tamanho da tabela
 - o e remoção é mais complicada de implementar.
- Opções para remoção são
 - o uso de lápides,
 - que marcam uma posição previamente ocupada,
 - o e o re-espalhamento/reinserção de todos
 - cuja posição foi afetada pelo elemento removido.

h (Charlie) = 2



Exemplo de implementação de tabela Hash com sondagem linear:

```
→ #define LIVRE(h) (tab[h].chave == NULL)
→#define INCR(h) (h = h == M - 1 ? (0): h + (0) // (h = (h + 1) % M)
 typedef struct celTS {
    Chave chave;
    Valor valor;
  } CelTS;
 static CelTS *tab = NULL;
 static int nChaves = 0;
 static int M; // tamanho da tabela
 void stInit(int max) {
    tab = mallocSafe(M)* sizeof(CelTS)); <
    for (h = 0; h < M; h++) tab[h].chave = NULL;
  }
 Valor stSearch(Chave chave) {
    int h = hash(chave, M); 🛎
    while (!LIVRE(h) && strcmp(tab[h].chave, chave) != 0)
        INCR(h);
    if (!LIVRE(h)) // se encontrou devolve o valor
        return tab[h].valor;
    return 0; // caso contrário devolve 0
  }
 void stInsert(Chave chave, Valor valor) { // inserção ou edição
    CelTS *p;
  int h = hash(chave, M);
    while (!LIVRE(h) && strcmp(tab[h].chave, chave) != 0)
        INCR(h);
  if (LIVRE(h)) { // se não encontrou insere
        📬 (nChaves == M - 1) { // não ocupa última posição. Por que?
            printf("Tabela cheia\n");         return;
      tab[h].chave = copyString(chave); nChaves++;
  → tab[h].valor = (yalor; )/ atualiza valor do item
  }
```

```
void stDelete(Chave chave) {
→ int h = hash(chave, M);
   while (!LIVRE(h) && strcmp(tab[h].chave, chave) != 0)
       INCR(h);
   if (LIVRE(h)) // se não encontrou não tem o que remover
       return;
   // remover a chave da tabela
free(tab[h].chave);
   tab[h].chave = NULL;
   nChaves--;
   // re-espalhar as chaves sequintes, cujas posições podem ter sido
afetadas pelo elemento removido
   for (INCR(h); !LIVRE(h); INCR(h)) {
       Chave chave = tab[h].chave;
      Valor valor = tab[h].valor;
      tab[h].chave = NULL;
     stInsert(chave, valor);
       free(chave);
void stFree() {
   int h;
   for (h = 0; h < M; h++) // liberando as chaves (strings)</pre>
     - if (!LIVRE(h))
          free(tab[h].chave);
 → free(tab); // antes de liberar a tabela
   tab = NULL;
  nChaves = 0;
```

Carga de uma tabela Hash

Carga (load) de uma tabela Hash = |S| / M, sendo

• S o conjunto de dados armazenados e M o tamanho da tabela.

Quiz: qual estratégia para tratar colisões permite cargas maiores que 1?

- Uma aloca espaço adicional para cada item que chega. Qual é essa?
- A outra apenas busca outra posição para o novo item. Qual é essa?

Observe que, numa tabela Hash com listas ligadas

- o tempo de acesso esperado é da ordem de 1 + carga.
- Isso porque, é necessário tempo constante (O(1)) para
 - o resolver a hash function, encontrando a posição do item na tabela,
- mais o tempo necessário para percorrer a lista ligada,
 - o que tem comprimento médio |S| / M = carga,
 - já que são |S| itens espalhados por M posições.
- Observe a importância da hash function espalhar bem os itens
 - o para que valha essa eficiência.
- No pior caso, se todos os itens forem direcionados para a mesma posição,
 - o teremos a (in)eficiência de uma única lista ligada.

No caso de uma tabela Hash com endereçamento aberto bem implementado

- esse tempo cresce de acordo com a função 1 / (1 carga).
- O resultado deriva do número esperado de moedas
 - o que precisamos jogar até obter o primeiro sucesso.
- A metáfora faz sentido porque, se tanto a função de hash principal
 - o quanto a sondagem / reespalhamento forem bem implementados
 - então cada tentativa de alocar o item tem
 - probabilidade de fracasso = Congo
 - probabilidade de sucesso = \(\conga
- Sendo E o número esperado de moedas até o primeiro sucesso, temos que

- Isso porque, se a primeira moeda falhou
 - estamos novamente diante do problema original.
- o Portanto, (1- cargo) E = 1 = 1/(1- cargo)
- Na prática, isso significa tempo constante (e baixo) para carga <= 70%,
- o e crescimento veloz quando carga se aproxima de 100%. Para perceber isso, considere o tempo necessário para
 - encontrar uma posição para o (M 1)-ésimo item.

Como tabelas Hash são estruturas dinâmicas, pode ser necessário

redimensioná-la de tempos em tempos.

Uma regra prática é não deixar a carga passar de 70%.

- Quando isso acontecer, tome um vetor de tamanho 2M
 - o e re-espalhe/re-insira os itens nesse novo vetor.
- Nesse processo, usar uma versão modificada da sua função de hash,

carga = (M - L)/M $E = \frac{1}{1 - (M-1)} = \frac{M}{M-M+1}$

Quiz inplicato o i.e., com % 2M no final e possivelmente usando um primo maior.