

## Ex 5 - Teoria da Computação

1- Construa máquinas de Turing que aceite as linguagens:

- a)  $L_a = \{ 0^n 1^n 2^n \mid n > 0 \}$
- b)  $L_b = \{ i (+ i)^n \mid n > 0 \}$
- c)  $L_c = \{ w c y \mid w, y \in \{0, 1\}^* \text{ e } w \neq y \}$
- d)  $L_d = \{ x \in \{0, 1\}^* \mid x \text{ contém o mesmo número de 0's e 1's} \}$
- e)  $L_e = \{ 0^i 1^j 2^k \mid i=j \text{ ou } j=k, \text{ com } i, j, k > 0 \}$

2- Seja a máquina de Turing  $M = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, F)$ , onde

$$Q = \{ q_0, q_1, q_2, q_3 \} \quad F = \{ q_3 \} \quad \Gamma = \{ c, [, ], X, B \} \quad \text{e } \Sigma = \{ c, [, ] \}$$

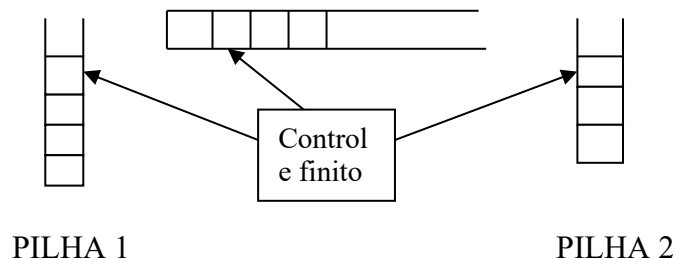
e  $\delta : Q \times \Gamma \rightarrow Q \times \Gamma \times \{ L, R \}$  é definido por:

$$\begin{aligned} \delta(q_0, c) &= (q_0, c, R) & \delta(q_0, X) &= (q_0, X, R) & \delta(q_0, [) &= (q_1, X, R) \\ \delta(q_1, [) &= (q_1, X, R) & \delta(q_1, X) &= (q_1, X, R) & \delta(q_1, ]) &= (q_2, X, L) \\ \delta(q_2, a) &= (q_2, a, L) \text{ para todo } a \neq c & & & \delta(q_2, c) &= (q_0, c, R) \\ \delta(q_0, B) &= (q_3, X, R) & & & & \end{aligned}$$

Qual é a linguagem aceita pela Máquina de Turing M ?

3- Seja a máquina de Turing  $M_1 = (Q_1, \Sigma_1, \Gamma_1, \delta_1, q_1, F_1)$ , e a máquina de Turing  $M_2 = (Q_2, \Sigma_2, \Gamma_2, \delta_2, q_2, F_2)$ , reconhecendo as linguagens  $L(M_1)$  e  $L(M_2)$ , respectivamente. Construir uma máquina de Turing M que reconhece  $L(M_1) \cup L(M_2)$ . Com isso podemos provar que as linguagens reconhecidas por máquinas de Turing (linguagens recursivamente enumeráveis ou do tipo-0) são fechadas sob a operação da união.

4- Seja o seguinte modelo de máquina .



Defina formalmente esse modelo de máquina e construa uma máquina de duas pilhas que reconheça a linguagem  $L = \{ a^i b^j c^i d^j \mid i, j > 0 \}$

Esse modelo de máquina é equivalente ao autômato a pilha ? Sim ou não e porque?

5- Construa uma máquina de Turing que determine o número de zeros existentes na fita de entrada, ou seja, para a configuração inicial  $q_0$  110010011B teremos a configuração final 110010011#XXXX  $q_f$ B