## Universidade Federal de São Carlos – Departamento de Computação Matemática Discreta – Profa. Helena Caseli

## Lista de Exercícios – Teoria dos Números

1) Para os pares de inteiros a e b a seguir, determine q e r tais que a = qb + r e  $0 \le r < b$ .

a) a = 100, b = 3.

6) Resolva as equações no contexto indicado:

a)  $3 \otimes x = 4 \text{ em } \mathbb{Z}_{11}$ b)  $4 \otimes x = 9 \text{ em } \mathbb{Z}_{11}$ c)  $3 \otimes x \oplus 8 = 1 \text{ em } \mathbb{Z}_{10}$ 

	b) $a = -100$ , $b = 3$ . c) $a = 99$ , $b = 3$ . d) $a = -99$ , $b = 3$ . e) $a = 0$ , $b = 3$ .
2)	Calcule usando o Algoritmo de Euclides: a) mdc(20,25). b) mdc(123, 23). c) mdc(89, 98). d) mdc(54321, 50). e) mdc(1739,29341).
3)	Para cada par de inteiros $a$ , $b$ do exercício anterior, determine os inteiros $x$ e $y$ tais que $ax + by = mdc(a, b)$ .
4)	Escreva as fatorações em primos dos números a seguir: a) 201 b) 1001 c) 201000
5)	Calcule o seguinte, no contexto de $\mathbb{Z}_{10}$ : a) $3 \oplus 3$ b) $6 \oplus 6$ c) $7 \oplus 3$ d) $9 \oplus 8$ e) $9 \oplus 1$ f) $9 \oplus 9$ g) $3 \otimes 4$ h) $9 \otimes 3$ i) $3 \otimes 3$ j) $5 \otimes 2$ k) $6 \otimes 6$ l) $5 \ominus 8$
	m) 8 ∅ 5 n) 8 ∅ 7 o) 5 ∅ 9
	$0, 3 \in \mathcal{I}$

- 7) Resolva as equações no contexto indicado (pode haver mais de uma solução, ou nenhuma):
  - a)  $2 \otimes x = 4 \text{ em } \mathbb{Z}_{10}$
  - b)  $2 \otimes x = 3$  em  $\mathbb{Z}_{10}$
  - c)  $9 \otimes x = 4 \text{ em } \mathbb{Z}_{12}$
- 8) Determine quem é  $\mathbb{Z}^*$  nos casos abaixo:
  - a) ℤ₄\*
  - b) **Z**<sub>7</sub>\*
  - c) Z<sub>8</sub>\*