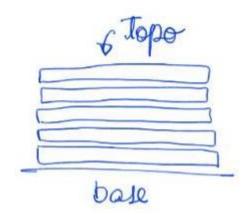
AED1 - Aula 12

Pilha implementada em vetor, aplicação com parênteses e colchetes, pilha de execução, relação de pilha com recursão

Pilha



Uma pilha (no inglês stack) é uma lista dinâmica,

- ou seja, uma sequência em que elementos podem ser removidos e inseridos,
- mas que possui regras bem específicas de funcionamento.

Em particular, as seguintes regras devem ser obedecidas:

- Uma operação de remoção sempre remove o elemento do fim da sequência.
- Uma operação de inserção sempre insere o elemento no fim da sequência.

Chamamos a última posição de uma pilha de topo.

- Assim, as operações de inserção, remoção e consulta
 - o sempre são feitas no topo da pilha.

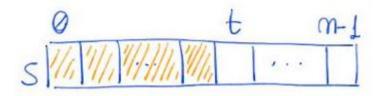
Costumamos resumir o comportamento de uma pilha na frase

- o último a entrar é o primeiro a sair.
- Por isso, pilhas também são conhecidas por LIFO,
 - o acrônimo do inglês Last-In-First-Out.

Implementação de pilha usando vetor

Uma pilha s é armazenada em um vetor de tamanho n,

• alocado estática ou dinamicamente.



Um inteiro t indica o topo da pilha,

- que é a posição do próximo elemento.
 - o Por isso, a pilha ocupa o subvetor s[0 .. t 1].

Note que t corresponde ao número de elementos presentes na pilha,

- pois o vetor começa na posição 0.
- Em particular,
 - se t = 0 a pilha está vazia
 - o se t = n a pilha está cheia.

Para empilhar um elemento x fazemos

- s[t++] = x;
- que corresponde a

$$\circ$$
 s[t] = x; t = t + 1;

- Note que, esta operação não é segura se a pilha estiver cheia,
 - \circ i.e., se t = n.

Para desempilhar um elemento e armazená-lo em x fazemos

- x = s[--t];
- que corresponde a

$$\circ$$
 t = t - 1; x = s[t];

• Note que, esta operação não é segura se a pilha estiver vazia,

$$\circ$$
 i.e., se t = 0.

Para consultar o valor do elemento no topo da pilha fazemos

• s[t - 1];

Note que todas as operações de manipulação da pilha

- levam tempo constante em relação ao número de elementos empilhados,
 - o i.e., O(1).

Se o número de elementos crescer muito, a pilha pode ficar cheia.

- Neste caso, uma alternativa é redimensionar a pilha.
 - o Por exemplo, alocando um vetor com o dobro do tamanho anterior
 - e copiando todos os elementos do vetor anterior para o novo,
 - preservando a ordem dos elementos.

Estruturas de dados são ferramentas que nos ajudam

- a projetar algoritmos eficientes para resolver problemas.
 - o A seguir temos um primeiro exemplo do uso de pilha.

Aplicação de pilha para verificação de parênteses e colchetes

Sequências bem formadas:

- •
- (()[()])
- []()[]
- (([])[()])[()]

Sequências mal formadas:

- ([)]
- ([])]
- (()[]

Definição geral recursiva:

• sendo S uma sequência de parênteses e colchetes bem formada, temos

Simulação:

- Primeiro veremos uma simulação passo-a-passo
 - o para entender a ideia do algoritmo.
- Considere a seguinte sequência
 - o (([])[])()]

string[0 i - 1]	pilha[0 t - 1]	caracter
((
((((
]))]))	
(([]	(([
(([]))	()
]([]))	[]	
[]([]))	(1
([]([])))
)([]([]))	(
()([])(]))

Códigos:

```
#define N 100
char pilha[N];
int t;
void criapilha()
{
    t = 0;
}
void empilha(char y)
{
    pilha[t++] = y;
}
char desempilha()
{
    return pilha[--t];
}
int pilhavazia()
{
    return t <= 0;
}
// Esta função devolve 1 se a string ASCII s
// contém uma sequência bem-formada de
// parênteses e colchetes e devolve 0 se
// a sequência é malformada.
int bemFormada(char string[])
{
    criapilha();
    for (int i = 0; string[i] != ' \setminus 0'; ++i)
    {
        char c;
```

```
switch (string[i])
        {
        case ')':
                             // depois de ler um )
           if (pilhavazia()) // dá erro se não tiver alquém pra
pareá-lo
                return 0;
            c = desempilha(); // ou se tiver alquém diferente de (
            if (c != '(')
                return 0;
            break:
        case '1':
                             // depois de ler um ]
            if (pilhavazia()) // dá erro se não tiver alquém pra
pareá-lo
                return 0;
            c = desempilha(); // ou se tiver alquém diferente de [
            if (c != '[')
                return 0:
            break:
        default:
            empilha(string[i]); // se leu algum abre empilha pra
esperar o fecha
       }
    }
    return pilhavazia(); // verifica se sobrou alguém sem parear
```

Note que, nesta aplicação uma alternativa para a pilha nunca estourar seu tamanho

seria alocar para ela um vetor do tamanho da string de entrada.

Quizzes:

- Como modificar o algoritmo/código anterior para que ele passe a verificar sequências bem formadas envolvendo { }, além de () e []?
- Como modificar as operações empilha e desempilha anteriores para que indiquem erro caso a pilha esteja cheia ou vazia?
- Como modificar a operação empilha anterior para realocar a pilha num vetor maior caso a pilha esteja cheia?

Pilha de execução de um programa

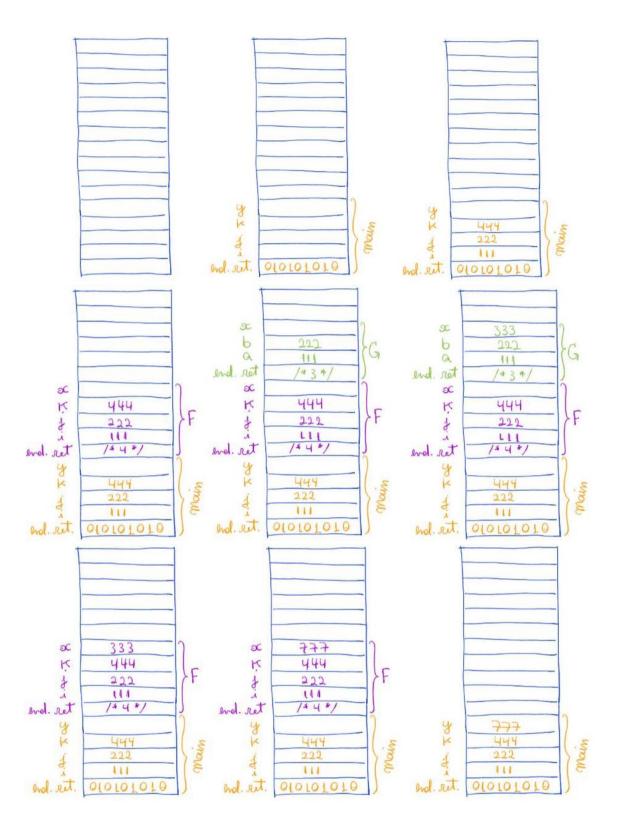
A pilha de execução de um programa é usada para armazenar:

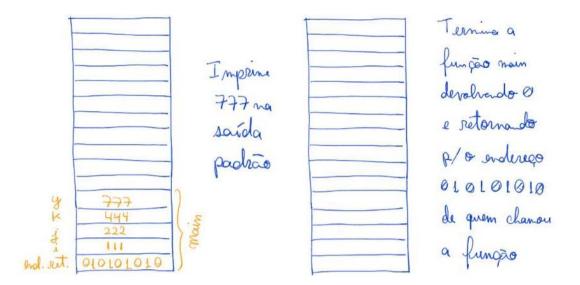
- Variáveis locais das funções ativas,
- Parâmetros das funções ativas,
- Endereço de retorno para o ponto do código em que a função foi chamada,
- Cálculo de expressões.

Códigos:

```
int G(int a, int b)
{
    int x;
    x = a + b;
    return x;
}
int F(int i, int j, int k)
{
    int x;
    x = /*2*/G(i, j) /*3*/;
    x = x + k;
    return x;
}
int main(void)
{
    int i, j, k, y;
    i = 111;
    j = 222;
    k = 444;
    y = /*1*/ F(i, j, k) /*4*/;
    printf("%d\n", y);
    return EXIT_SUCCESS;
}
```

Ilustração da pilha de execução deste código:





Quizz:

- Onde são armazenadas as variáveis alocadas dinamicamente?
 - o Resp: na outra ponta do espaço de memória.

Relação entre pilhas e recursão

Existe uma relação muito íntima entre pilhas e recursão.

- De fato, sempre é possível converter sistematicamente
 - o um algoritmo recursivo em um algoritmo iterativo,
 - usando uma pilha explícita.
- Olhando por outro ângulo, um algoritmo recursivo
 - se vale da pilha de execução para atacar problemas
 - de maneiras que não seriam viáveis sem uma pilha.

Como exemplo,

- considere o problema de verificar se uma sequência é bem formada.
- Podemos construir um algoritmo recursivo para este problema
 - o utilizando a definição recursiva do mesmo
 - S = { sequência vazia, (S)S, [S]S}

Código:

```
int bemFormadaR(char string[], int *pi)
{
   int sol;
   if (string[*pi] == '(') // S = ( S ) S
   {
```

```
*pi = *pi + 1;
        sol = bemFormadaR(string, pi) && string[*pi] == ')';
        *pi = *pi + 1;
        return sol && bemFormadaR(string, pi);
    }
   if (string[*pi] == '[') // S = [ S ] S
        *pi = *pi + 1;
        sol = bemFormadaR(string, pi) && string[*pi] == ']';
        *pi = *pi + 1;
        return sol && bemFormadaR(string, pi);
    return 1; // S = sequência vazia
}
int bemFormada2(char string[])
{
    int i = 0;
    return bemFormadaR(string, &i) && string[i] == '\0';
```