

Para o desenvolvimento do nosso trabalho, utilizamos a linguagem `python`, que tem um conjunto de bibliotecas que nos ajudaram bastante na resolução dos problemas propostos.

O trabalho foi desenvolvido com orientação a objetos, por isso, teremos três classes a serem analisadas: `main`, `grafo` e `menu`.

Neste relatório iremos descrever o que cada uma das classes listadas possuem e qual é a função de cada uma<sup>1</sup>.

## Main

1. Inicialmente foi criada uma `main` que basicamente chama as outras classes que farão todo o resto.

```
1  #!/ python3
2  # coding: utf-8
3
4
5  from Classes.grafo import Grafo
6  from Classes.menu import Menu
7
8  grafo = Grafo()
9  m = Menu()
10 m.mostra_menu(grafo)
```

## Menu

1. A classe `menu` é uma classe que o próprio nome já diz, mostra o menu para o usuário.

```
1  import subprocess as sp
2  from PIL import Image
3
4
5  class Menu:
6     Classe menu
7
8     def __init__(self):
9         self.vertice = 0
10        self.opcao = 0
```

Primeiramente importamos as libs `subprocess` e `PIL` que tem por finalidade (nesse código) limpar a tela a cada ENTER que o usuário der e mostrar a imagem gerada pelo método `grafo_visual()` da classe `Grafo` (será explicada mais adiante) respectivamente.

Depois criamos a classe `Menu` e chamamos o construtor `def __init__(self)` que serve para iniciarmos os atributos globais da nossa classe.

---

<sup>1</sup>Algumas funções foram ocultadas para evitar que o relatório ficasse massivo.

2. Agora criamos o menu onde mostrará as opções para o usuário escolher:

```
1  def mostra_menu(self, grafo):
2      Mostrar o menu com todas as opcoes na tela
3
4      while self.opcao != -1:
5          grafo.mostra_dados(grafo.matriz)
6          print('\t', end='')
7          print('='*34)
8          print('\t=', f'{Menu:^30}', '=')
9          print('\t', end='')
10         print('='*34)
11         print(f'\t| {01 - Inserir vertice:<30}', '|')
12         print(f'\t| {02 - Inserir aresta:<30}', '|')
13         print(f'\t| {03 - Seu grafo é completo?:<30}', '|')
14         print(f'\t| {04 - Gerar grafo complementar:<30}', '|')
15         print(f'\t| {05 - Número de componentes:<30}', '|')
16         print(f'\t| {06 - Seu grafo é uma árvore?:<30}', '|')
17         print(f'\t| {07 - Busca em largura:<30}', '|')
18         print(f'\t| {08 - Busca em profundidade:<30}', '|')
19         print(f'\t| {09 - Algoritmo de Dijkstra:<30}', '|')
20         print(f'\t| {10 - Gerar grafo aleatório:<30}', '|')
21         print(f'\t| {11 - Visualizar grafo:<30}', '|')
22         print(f'\t| {-1 - Sair:<30}', '|')
23         print('\t', end='')
24         print('='*34)
```

Feito isso um menu como este será mostrado na tela:

```
=====
=                               =
=                               Menu                               =
=====
| 01 - Inserir vertice          |
| 02 - Inserir aresta          |
| 03 - Seu grafo é completo?    |
| 04 - Gerar grafo complementar |
| 05 - Número de componentes    |
| 06 - Seu grafo é uma árvore?  |
| 07 - Busca em largura         |
| 08 - Busca em profundidade    |
| 09 - Algoritmo de Dijkstra    |
| 10 - Gerar grafo aleatório    |
| 11 - Visualizar grafo        |
| -1 - Sair                     |
=====
Opção:
```

O usuário escolherá uma opção e os if's e else's farão o resto.

## Grafo

1. Nosso coração do trabalho com certeza é esta classe. Nela está presente tudo o que precisa para funcionar perfeitamente.

```
1 from random import randint
2 import glob, os
3 import imageio
4 import pygraphviz as pgv
5
6
7 class Grafo:
8     def __init__(self):
9         self.vertices = []
10        self.matriz = [[0]*0 for i in range(0)]
11        self.predecessor = [None] * 0
12        self.time = 0
```

Primeiramente importamos várias libs que contribuíram bastante para o desenvolvimento deste projeto. Dentre elas a:

- `randint`: escolher números aleatórios para os pesos das arestas no método `gera_dijkstra()`.
- `glob` e `os`: são libs para comparação de `path names` e funcionalidades do sistema operacional, respectivamente.
- `imageio`: responsável pela criação dos `gifs` dos grafos.
- `pgv`: a cereja do bolo. Essa lib que nos proporcionou a criação visual dos grafos gerados.

Depois criamos a classe `Grafo` e chamamos o construtor `def __init__(self)` que serve para iniciarmos os atributos globais da nossa classe.

## Métodos

Nós criamos vários métodos na classe `Grafo`. Detalharemos cada um a partir daqui.

### Mostrar os Dados

Método simples que tem a função de mostrar a matriz (grafo) na tela.

```
1     def mostra_dados(self, matriz):
2         linha = coluna = len(matriz)
3         print()
4         for l in range(linha):
5             for c in range(coluna):
6                 print(f'\t{matriz[l][c]}', end='')
7             print()
```

## Vértices Existentes

Retorna True se houver vértice na lista. A lista chama o método `count()` que retorna o número de ocorrências do valor passado por parâmetro. Se for igual a 0 significa que não há vértice no grafo.

```
1 def existe_vertice(self, v):  
2     return self.vertices.count(v) != 0
```

## Inserir Vértice

Função para adicionar vértice ao grafo. Cria-se uma matriz auxiliar adicionando uma coluna e uma linha a mais e recebe cada posição da matriz principal. Retorna True se não houver nenhum vértice igual

```
1 def inserir_vertice(self, v):  
2     self.vertices.append(v)  
3     linha = coluna = len(self.matriz)  
4     matriz_aux = [[0]*(linha+1) for i in range(coluna+1)]  
5  
6     for l in range(linha):  
7         for c in range(coluna):  
8             matriz_aux[l][c] = self.matriz[l][c]  
9     self.matriz = matriz_aux
```

## Inserir Aresta

Função para adicionar arestas num par de vértices. É atribuído o valor 1 na posição da matriz determinada por inicio e fim.

```
1 def inserir_aresta(self, inicio, fim):  
2     if not(self.existe_vertice(inicio)) or not(self.existe_vertice(  
3         fim)):  
4         return False  
5     if inicio == fim:  
6         print('\n\t\tApenas grafos simples. Tente novamente')  
7         return False  
8     else:  
9         self.matriz[self.vertices.index(inicio)][self.vertices.index(  
10             fim)] = 1  
11         self.matriz[self.vertices.index(fim)][self.vertices.index(  
12             inicio)] = 1  
13     return True
```

## Checar se o Grafo é Completo

Checa se um grafo é completo ou não. Simplesmente verifica se há um 0 na metade triangular da matriz.

```
1 def checa_completo(self):
2     linha = coluna = len(self.matriz)
3
4     for l in range(linha):
5         for c in range(l+1, coluna):
6             if self.matriz[l][c] == 0:
7                 return False
8     return True
```

## Grafo Complementar

Cria o grafo complementar da matriz. Percorre a matriz e verifica onde for 0, menos na diagonal principal, troca por 1, e onde for 1 troca por 0.

```
1 def complementar(self):
2     linha = coluna = len(self.matriz)
3     matriz_aux = [[0]*(linha) for i in range(coluna)]
4
5     for l in range(linha):
6         for c in range(coluna):
7             matriz_aux[l][c] = self.matriz[l][c]
8             if l != c and matriz_aux[l][c] == 1:
9                 matriz_aux[l][c] = 0
10            elif l != c:
11                matriz_aux[l][c] = 1
12    print()
13    self.mostra_dados(matriz_aux)
```

## Número de Componentes

Função para contar o numero de componentes do grafo. A variável componentes recebe o valor dos predecessores da função de busca em largura e retorna a quantidade de None's encontrados.

```
1 def num_componentes(self):
2     componentes, _, _ = self.dfs()
3
4     return componentes.count(None)
```

## Busca em Profundidade

Função retirada do conteúdo passado em sala.

```
1         for u in self.vertices:
2             if cor[u] in 'BRANCO':
3                 self.dfs_util(u, cor, d, f)
4
5         self.time = 0
6
7         return self.predecessor, d, f
8
9
10        def dfs_util(self, u, cor, d, f):
11            linha = coluna = len(self.matriz)
12            cor[u] = 'CINZA'
13            self.time += 1
14            d[u] = self.time
15
16            for v, i in enumerate(self.matriz[u]):
17                if i == 1:
18                    if cor[v] in 'BRANCO':
19                        self.predecessor[v] = u
20                        self.dfs_util(v, cor, d, f)
21            cor[u] = 'PRETO'
22            self.time += 1
23            f[u] = self.time
24
25            return self.predecessor, d, f, cor
26
27
28        def gera_dijkstra(self):
29            linha = coluna = len(self.matriz)
30            matriz_dijkstra = [[0]*(linha) for i in range(coluna)]
```

## Checa se o Grafo é uma Árvore

Função para verificar se o grafo é uma árvore. Primeiro verifica se há apenas 1 componente, se não já retorna False e depois verifica se há ciclo.

```
1 def checa_arvore(self):
2     if self.num_componentes() > 1:
3         return False
4     linha = len(self.matriz)
5     visitado = [False] * linha
6
7     for i in range(linha):
8         if visitado[i] == False:
9             if self.isCicle(i, visitado, -1):
10                 return False
11     return True
```

## Algoritmo de Dijkstra

Cria o grafo baseado em pesos das arestas. Percorre toda a matriz e verifica, onde for 1 o valor é trocado por um peso aleatório de 1 a 10.

```
1     self.mostra_dados(matriz_dijkstra)
2     linha = len(matriz_dijkstra)
3     distancia = [999] * linha
4     self.predecessor = [None] * linha
5     distancia[inicio] = 0
6     visitado = [False] * linha
7
8     for i in range(linha):
9         u = self.minDistancia(distancia, visitado)
10        visitado[u] = True
11        for v in range(linha):
12            if matriz_dijkstra[u][v] > 0 and visitado[v] == False and
13                \
14                distancia[v] > distancia[u] + matriz_dijkstra[u][v]:
15                distancia[v] = distancia[u] + matriz_dijkstra[u][v]
16                self.predecessor[v] = u
17        self.mostra_dijkstra(distancia, inicio, fim)
18
19 def mostra_dijkstra(self, distancia, inicio, fim):
20     Mostra o resultado de todo o algoritmo de Dijkstra.
```

## Gera Grafo Aleatório

Função para gerar um grafo aleatório. Set a matriz aleatória numa metade e depois espelha na outra.

```
1         for j in range(i+1, tamanho):
2             matriz[i][j] = randint(0,1)
3             matriz[j][i] = matriz[i][j]
4
5         linha = coluna = len(matriz)
6         print()
7         self.mostra_dados(matriz)
8
9
10    def grafo_visual(self):
11        interface_grafo = pgv.AGraph()
```

## Visualizar Grafo

Função coringa do nosso trabalho. Conseguimos a partir da biblioteca pygraphviz criar um grafo e adicioná-lo a um arquivo de imagem para visualização. Primeiramente criamos as características do nosso grafo (resolução, cor de fundo, tipo de forma dos vértices, estilo e cor dos vértices) e depois adicionamos os vértices, as arestas, geramos o layout para poder esboçar o grafo.

Criamos um arquivo .dot que é o tipo de arquivo que se cria grafos com graphviz e então criamos a imagem para visualização, todos eles salvo no diretório Imagens na raiz do projeto.

```
1         interface_grafo.graph_attr['bgcolor'] = 'mediumturquoise'
2         interface_grafo.node_attr['shape'] = 'circle'
3         interface_grafo.node_attr['style'] = 'filled'
4         interface_grafo.node_attr['fillcolor'] = 'white'
5         interface_grafo.node_attr['fontcolor'] = 'white'
6
7         linha = coluna = len(self.matriz)
8
9         if linha == 0:
10             return False
11
12         [interface_grafo.add_node(x, xlabel = f'V{x}') for x in range(
13             linha)]
14
15         for l in range(linha):
16             for c in range(l+1, coluna):
17                 if self.matriz[l][c] == 1:
18                     interface_grafo.add_edge(l, c)
```



```
19 interface_grafo.layout(prog='dot')
20 interface_grafo.write('/home/matheus/Documentos/Faculdade/5
    Período Computação' +
21 '/Teoria dos Grafos/TrabalhoFinal/Imagens/grafo.dot')
22
23 interface_grafo.draw('/home/matheus/Documentos/Faculdade/5
    Período Computação/' +
24 'Teoria dos Grafos/TrabalhoFinal/Imagens/grafo.png')
25
26 return interface_grafo
```

## Busca em Largura

Com certeza essa foi a função mais impressionante que fizemos. Nela conseguimos (além executar o algoritmo de busca em largura perfeitamente) criar um algoritmo que gera gifs animados a partir do grafo que o próprio usuário montou. Ela faz todo o processo de coloração de vértices e arestas, além disso, mostra a distância necessária para chegar a cada vértice a partir do ponto de partida escolhido pelo usuário.

Utilizamos o algoritmo padrão mostrado em sala para executar a busca em largura. Já para criar os gifs utilizamos o suporte das libs já listadas anteriormente (pgv, glob, os, PIL e imageio).

```
1 def busca_largura(self, indice):
2     if not(self.existe_vertice(indice)):
3         return False
4
5     linha = len(self.matriz)
6     f = 10
7
8     # Criando grafo para executar a busca em largura
9     grafoV = self.grafo_visual()
10    node = grafoV.get_node(indice)
11    node.attr['fillcolor'] = 'gray'
12
13    for i in range(linha):
14        node = grafoV.get_node(i)
15        if i == indice:
16            node.attr['label'] = '0'
17        else:
18            node.attr['label'] = ' '
19            node.attr['fontcolor'] = 'crimson'
20
21    filename = f'grafo{f}.png'
22    grafoV.layout(prog='dot')
23
```

```
24 grafoV.draw('/home/matheus/Documentos/Faculdade/5 Perodo
25 Computacao/' +
26 'Teoria dos Grafos/TrabalhoFinal/Imagens/' + filename)
27
28 cor = ['BRANCO'] * linha
29 distancia = [999] * linha
30 self.predecessor = [None] * linha
31
32 cor[indice] = 'CINZA'
33 distancia[indice] = 0
34 self.predecessor[indice] = None
35 fila = []
36 fila.append(indice)
37
38 while len(fila):
39     u = fila.pop(0)
40     node = grafoV.get_node(u)
41     f += 1
42
43     for v, i in enumerate(self.matriz[u]):
44         if i == 1:
45             if cor[v] in 'BRANCO':
46                 cor[v] = 'CINZA'
47                 distancia[v] = distancia[u] + 1
48                 self.predecessor[v] = u
49                 fila.append(v)
50
51             f += 1
52             node = grafoV.get_node(v)
53             edge = grafoV.get_edge(u, v)
54             node.attr['fillcolor'] = 'gray'
55             node.attr['label'] = f'{distancia[v]}'
56             edge.attr['color'] = 'crimson'
57
58             filename = f'grafo{f}.png'
59             grafoV.layout(prog='dot')
60
61             grafoV.draw('/home/matheus/Documentos/Faculdade/5
62 Perodo Computacao/' +
63 'Teoria dos Grafos/TrabalhoFinal/Imagens/' +
64 filename)
65
66 f += 1
67 cor[u] = 'PRETO'
68 node = grafoV.get_node(u)
69 node.attr['fillcolor'] = 'black'
70
71 filename = f'grafo{f}.png'
```

```
69         grafoV.layout(prog='dot')
70
71         grafoV.draw('/home/matheus/Documents/Faculdade/5 Perodo
72             Computacao/' +
73             'Teoria dos Grafos/TrabalhoFinal/Imagens/' + filename)
74
75         print('\n\tPredecessores:\n')
76         for i in range(linha):
77             print(f'\tV{i}', end='')
78         print()
79         for pi in self.predecessor:
80             print(f'\t{pi}', end='')
81         print('\n')
82
83         path = ('/home/matheus/Documents/Faculdade/5 Perodo
84             Computacao/' +
85             'Teoria dos Grafos/TrabalhoFinal/Imagens/')
86
87         files = [f for f in glob.glob(path + '*.png')]
88
89         files.sort()
90         images = []
91         kargs = { 'duration': 2 }
92         for filename in files:
93             images.append(imageio.imread(filename))
94             os.remove(filename)
95
96         imageio.mimsave('/home/matheus/Documents/Faculdade/5 Perodo
97             Computacao/' +
98             'Teoria dos Grafos/TrabalhoFinal/Imagens/grafo.gif', images,
99             'GIF', **kargs)
100
101         return True
```

## Conclusão

Esse trabalho foi desafiador. Aprendemos coisas que nem sabíamos que existiam e que eram possíveis sem ser tão complexo assim. As bibliotecas usadas foram de enorme ajuda e sem elas não seria possível fazer nem 1/3 do que pretendíamos.

## Referências

*StackOverflow.com*