模式识别作业1

张蔚桐 2015011493 自55

2017年3月6日

1

根据线性回归方程可以得到

$$\hat{y} = \hat{\theta_0} + \hat{\theta_1}x$$

$$\hat{\theta_0} = \bar{y} - \hat{\theta_1}\bar{x}$$

$$\hat{\theta_1} = \frac{E((y - E(y))(x - E(x)))}{D(x)}$$

其中D(x), E(x)分别为样本的方差和期望, 因此可以得到

$$R^{2} = \frac{E((\bar{y} - \hat{y})^{2})}{D(y)}$$
$$r^{2} = \frac{E^{2}((y - E(y))(x - E(x)))}{D(x)D(y)}$$

欲证 $R^2 = r^2$ 即证明

$$E((\bar{y} - \hat{y})^2) = \frac{E^2((y - E(y))(x - E(x)))}{D(x)}$$

左侧=
$$E(\hat{\theta_1}^2(x-\bar{x})^2)=\hat{\theta_1}^2D(x)=\frac{E^2((y-E(y))(x-E(x)))}{D(x)}=$$
右侧 进而得证 $R^2=r^2$