



Hochschule für Technik
und Wirtschaft Berlin

University of Applied Sciences

Modellierung, Simulation und Regelung einer drehzahlvariablen Windturbine

Automation in regenerativen Energiesystemen (VA3)

Name:	Matrikelnummer:
Christopher Berg	579665
Sebastian Richter	572906
Aaron Zielstorff	567183

Fachbereich:	FB1
Studiengang:	M. Elektrotechnik
Fachsemester:	3. FS
Fach:	VA3 Automation in regenerativen Energiesystemen
Dozent:	Prof. Dr.-Ing. Horst Schulte
Abgabe am:	10. Februar 2022

Inhaltsverzeichnis

1	Einführung in die Windenergieanlage	8
2	Theoretische Grundlagen	10
2.1	Stromröhrentheorie	10
2.2	Tragflügeltheorie	14
2.3	WEA-Kennfelder	19
2.4	Lookup Tables	19
3	Modell des Antriebsstranges	20
3.1	Modellierung des Antriebsstranges	20
3.2	Simulative Modellverifikation des Antriebsstranges	23
4	Momentenregelung des Antriebstranges	26
4.1	Regelungsziele und Regelkreis	26
4.2	Unterer Teillastbereich	27
4.3	Linearisierung der Streckenübertragungsfunktion	27
4.4	Oberer Teillastbereich	27
4.5	Volllastbereich	27
5	Modellierung von Rotorblatt und Turm	28
5.1	Vorbetrachtung	28
5.2	Feder-Masse-Dämpfer-System	29
5.3	Modellierung	30
5.4	Simulationsergebnisse	32
	Literaturverzeichnis	34

Abbildungsverzeichnis

1.1	Aufbau NREL Windturbine	8
3.1	Übersicht Antriebsstrangteilmodell	20
3.2	Modelldarstellung des Antriebsstranges	21
3.3	Antriebsstrang Simulink	23
3.4	Winkelgeschwindigkeiten Antriebsstrang	24
3.5	Wellentorsion Antriebsstrang	25
4.1	Standardregelkreis	26
5.1	Schematische Darstellung der Auslenkung der kollektiven Blätter (<i>links</i>) und des Turms (<i>rechts</i>)	28
5.2	Feder-Masse-Dämpfer-System	29
5.3	Modell des Turms und der Blätter	30
5.4	Turm- und Blattauslenkung	33

Tabellenverzeichnis

1.1	Modellparameter	9
-----	---------------------------	---

Symbolverzeichnis

A	Querschnittsfläche
A_i	Querschnittfläche an Stelle i
A_1	Eintritts- (kontroll-) Fläche einer Strömungsröhre
A_2	Rotorfläche
A_3	Austritts- (kontroll-) Fläche einer Strömungsröhre
c	Anströmgeschwindigkeit
c_A	Autriebsbeiwert
c_W	Widerstandbeiwert
c_M	Momentenbeiwert
c_P	Leistungsbeiwert

$c_{P,max}$	max. Leistungsbeiwert
c_s	Schubbeiwert
E_W	Kinetische Energie des Windes
F_A	Auftriebskraft (am Flügel-/Blattprofil)
F_{res}	resultierende Kraft
ΔF_U	anteilige Umfangskraft
ΔF_S	anteilige Schubkraft
F_S	Schubkraft auf den Rotor
$F_{S,A}$	Schubkraftanteil der Auftriebskraft
$F_{S,W}$	Schubkraftanteil der Widerstandskraft
F_{ST}	Staukraft am Rotor
$F_{U,A}$	Umfangskraftanteil der Auftriebskraft
$F_{U,W}$	Umfangskraftanteil der Widerstandskraft
F_W	Widerstandskraft (am Flügel-/Blattprofil)
J_B	Massenträgheitsmoment eines Rotorblattes
J_G	Massenträgheitsmoment des Generators
J_{LW}	Massenträgheitsmoment der Langsamen (Haupt-) Welle
J_N	Massenträgheitsmoment der Nabe
J_R	Massenträgheitsmoment des Rotors (= Nabe + Blätter)
J_{SW}	Massenträgheitsmoment der schnellen (Zwischen-) Welle
M_G	Generatordrehmoment
$M_{G,nenn}$	Generatordrehnennmoment
$P_{G,nenn}$	Generatornennleistung

$n_{G,nenn}$	Generatorenndrehzahl
M_R	Rotordrehmoment
M_W	„Wind“-drehmoment
M_B	Blattdrehmoment
m_{Nac}	Gondelmasse
m_{Rot}	Rotormasse (= Nabe + Blätter)
m_{Tow}	Turmmasse
m_T	Ersatzmasse der gesamten Windkraftanlage
m_{Bla}	Masse eines Rotorblattes
m_B	Effektiv schwingende Blattmasse
k_s	Triebstrangsteifigkeit bezogen auf die schnelle Welle
k_T	Ersatzsteifigkeit des Turmes
k_B	Ersatzsteifigkeit eines Blattes
d_s	Dämpfungsfaktor des Triebstranges bezogen auf die schnelle Welle
d_T	Dämpfungsfaktor des Turmes
d_B	Dämpfungsfaktor eines Blattes
y_T	Turmverbiegung
y_B	Blattverbiegung
m	Luftmasse
m_i	Luftmasse an Stelle i
\dot{m}	Luftmassenstrom
\dot{m}_i	Luftmassenstrom an Stelle i
\dot{m}_1	Luftmassenstrom an Stelle 1

\dot{m}_2	Luftmassenstrom an Stelle 2
\dot{m}_3	Luftmassenstrom an Stelle 3
n_g	Getriebeübersetzung
n_R	Rotordrehzahl
P_R	Mechanische Leistung des Rotors
P_W	Mechanische Leistung des Windes
r	Effektive Blattlänge
r_i	Radius an Stelle i
R	Rotoraußenradius
u	Bewegungsgeschwindigkeit
u'	relative Bewegungsgeschwindigkeit
v	Hauptwindgeschwindigkeitsrichtung des Windvektors \underline{v}
v_i	Windgeschwindigkeit an Stelle i
\dot{v}_i	Windgeschwindigkeitsänderung an Stelle i
v_1	Windgeschwindigkeit vor Rotorebene
v_2	Windgeschwindigkeit in der Rotorebene
v_3	Windgeschwindigkeit hinter der Rotorebene
z	Anzahl der Rotorblätter eines Rotors
Θ_P	Pitchwinkel
λ	Schnelllaufzahl
ρ	Luftdichte
ρ_i	Luftdichte an Volumenstelle i
ρ_1	Luftdichte an Volumenstelle 1

ρ_2	Luftdichte an Volumenstelle 2
ρ_3	Luftdichte an Volumenstelle 3
ω	Winkelgeschwindigkeit
ω_G	Generatorwinkelgeschwindigkeit
ω_R	Rotorwinkelgeschwindigkeit
$\dot{\omega}$	Winkelbeschleunigung
φ_G	Generator Winkel
$\dot{\varphi}_G$	Generator Winkelgeschwindigkeit
φ_R	Rotor Winkel
$\dot{\varphi}_R$	Rotor Winkelgeschwindigkeit
$\tilde{\varphi}_R$	Rotor Winkel bezogen auf die Generatorseite des Getriebes
π	Kreiszahl
p_{ST}	Staudruck
c_T	Schubkraftbeiwert
α	Anstellwinkel
α_{opt}	optimaler Anstellwinkel
t_{Flug}	Tiefe eines Tragflügels
t_{Flug}	Breite eines Tragflügels
ϵ	Gleitzahl
γ	Anströmwinkel
β	Bauwinkel

1 Einführung in die Windenergieanlage

Ziel dieser Arbeit soll es sein, eine drehzahlvariable 5 MW Windturbine zu Modellieren, Simulieren und die Regelung umzusetzen. Konkret handelt es sich um eine *NREL*-Turbine, die für den Offshore-Einsatz konzipiert ist.

Dafür sollen folgende Anforderungen umgesetzt werden:

1. Erstellung des mathematischen Modells der Windturbine
2. Implementierung des Modells in Matlab/Simulink
3. Untergliederung des Modells in die Teilmodelle Antriebsstrang, Aerodynamik, Turm- und Blattdynamik
4. Umsetzung eines reduzierten Windturbinen-Modells für den Teil- und Volllastbereich
5. Reglerentwurf für alle Arbeitspunkte (über kennfeldbasierte, arbeitspunktabhängige Nachführung der Reglerkoeffizienten)

Der modellhafte Aufbau einer Windturbine ist nachfolgend (in Abbildung 1.1) dargestellt.

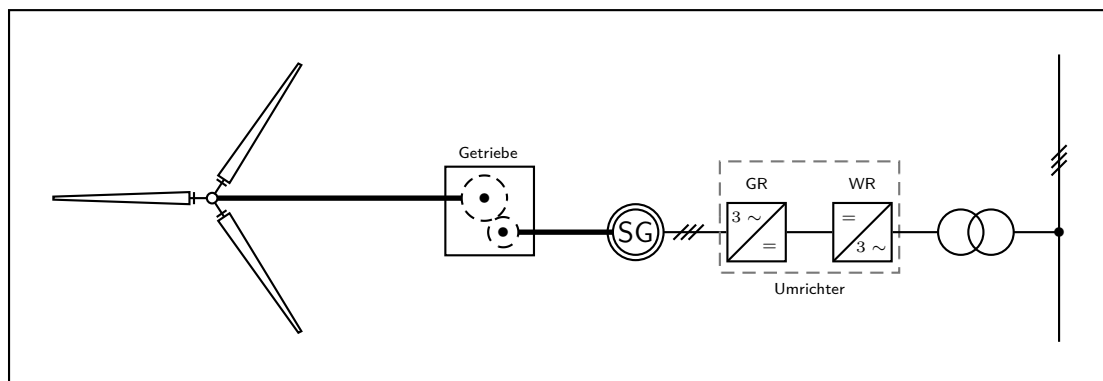


Abb. 1.1: Modellhafte Darstellung einer NREL Windturbine

Wie bereits aus den Anforderungen hervorgeht, soll das umzusetzende Modell unterteilt werden. Dabei besitzt jedes Teilmodell eigene Parameter/Konstanten, die in Tabelle 1.1 aufgezeigt sind.

Symbol	Parameter	Wert
Antriebsstrang		
n_g	Getriebeübersetzungsverhältnis	97.0
J_R	Rotor Trägheitsmoment	$38759 \cdot 10^3 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$
J_G	Generator Trägheitsmoment	$534.1 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$
k_s	Triebssstrangsteifigkeit bez. auf schnelle Welle	$867637000/n_g^2$
d_s	Dämpfungsfaktor d. Triebssstranges	$6215000/n_g^2$
Turm		
m_{Nac}	Gondelmasse	240000 kg
m_{Rot}	Rotormasse (Blätter und Narbe)	11000 kg
m_{Tow}	Turmmasse	347460 kg
m_T	Ersatzmasse der Windkraftanlage	$m_{\text{Nac}} + m_{\text{Rot}} + 0.25 \cdot m_{\text{Tow}}$
k_T	Ersatzsteifigkeit des Turmes	1981900 N/m
d_T	Dämpfungsfaktor des Turmes	$7 \cdot 10^4$
Rotorblatt		
R	Rotorausradius	63 m
m_{Bla}	Masse eines Rotorblattes	17740 kg
r	Effektive Blattlänge	21.975 m
m_B	Effektiv schwingende Blattmasse	$0.25 \cdot m_{\text{Bla}}$
k_B	Ersatzsteifigkeit eines Blattes	40000 N/m
d_B	Dämpfungsfaktor eines Blattes	$2 \cdot 10^4$
Weitere Parameter		
ρ	Luftdichte	1.225 kg/m^3

Tab. 1.1: Modellparameter der NREL Windturbine

Ziel soll es sein eine Regelung für den Teillast- und Volllastbetrieb umzusetzen, die auf die in Simulink implementierten (Teil-)Modelle angewendet wird. Als Stellgröße gelten das Generatormoment und der kollektive Pitchwinkel. Dabei sind folgende Systemgrenzen zu berücksichtigen:

1. Stellgrößenbegrenzung des Pitchantriebes von maximal 8°
2. Maximale Narbenauslenkung bei Böen sei 1.5 m
3. Maximale Blattauslenkung an der Spitze sei 7 m
4. Die Rotordrehzahl darf maximal 1.2-fach so groß sein wie die Nenndrehzahl

2 Theoretische Grundlagen

2.1 Stromröhrentheorie

Mithilfe der Stromröhrentheorie wird eine Energie- bzw. Leistungsbilanz des Luftmassenstromes \dot{m} in einer Stromröhre aufgestellt. Eine Stromröhre beschreibt einen Bilanzraum, welcher den Einfluss eines WEA-Rotors auf die Umgebung beinhaltet. Der Bilanzraum beginnt vor der WEA und endet hinter dieser. Die Ausbreitungsrichtung wird durch die Windrichtung vor dem Rotor bestimmt.

Durch eine erste vereinfachte Annahme, dass der Luftmassenstrom ungestört ist, wird eine mathematische Formel zur Berechnung der Windleistung P_W bestimmt. Anschließend erfolgt die Adaptierung durch die Annahme eines gestörten Luftmassenstromes. Dies führt zur Herleitung der entnommenen Rotorleistung P_R und des Leistungsbeiwertes c_P .

2.1.1 Ungestörter Luftmassenstrom

2.1.1.1 Stromröhrenmodell

Zur Modellierung der Stromröhre werden drei Querschnittsflächen (A_1 , A_2 und A_3) mit dem gleichen Flächeninhalt definiert. Die Ein- und Austrittsflächen (A_1 und A_3) sind raumfest, d.h. diese ändern weder die Größe noch die Lage. Durch die Verbindung beider Flächen mithilfe von Stromlinien wird eine richtungsstationäre Mantelfläche aufgespannt.

Folgende weitere Annahmen werden getroffen:

- konstante Querschnittsflächen: $A_i = \text{const.}$
- stationäre gleichförmige Strömung: $v_i(t_1) = v_i(t_2) = v_i = \text{const.}$
- geringe Druckunterschiede: $\rho_i = \text{const.}$
- Index $i = 1; 2; 3$

Der ungestörte Luftmassenstrom folgt zu:

$$\dot{m}_i = \rho_i \cdot v_i \cdot A_i = \text{const.} \quad (2.1)$$

2.1.1.2 Windleistung P_W

Zur Berechnung der Windleistung P_W wird der ungestörte Luftmassenstroms (Gleichung 2.1)

mit der Annahme, dass die Querschnittsflächen aus dem Rotorausradius R berechnet werden (Gleichung 2.2) verwendet.

$$A_i = \pi \cdot R^2 \quad (2.2)$$

Die Windleistung folgt aus der zeitlichen Differentiation der kinetischen Windenergie E_W nach der Luftmasse m und der Windgeschwindigkeit v .

$$E_W = \frac{1}{2} \cdot m_i \cdot v_i^2$$

$$P_W = \frac{d}{dt}(E_W) \quad (2.3)$$

$$P_W = \frac{1}{2} \cdot \dot{m}_i \cdot v_i^2 + \frac{1}{2} \cdot m_i \cdot 2 \cdot \dot{v}_i^2 \quad (2.4)$$

Da eine stationäre Strömung vorliegt, ist die Änderung der Windgeschwindigkeit gleich Null ($\dot{v}_i = 0$). Folglich wird die Gleichung 2.4 vereinfacht.

$$P_W = \frac{1}{2} \cdot \dot{m}_i \cdot v_i^2 \quad (2.5)$$

Durch das Einsetzen des ungestörten Luftmassenstromes aus Gleichung 2.1 in die Gleichung 2.5 resultiert die mathematische Formel zur Berechnung der zugefügten Windleistung P_W zu:

$$P_W = \frac{1}{2} \cdot \rho_i \cdot v_i \cdot A_i \cdot v_i^2 = \frac{1}{2} \cdot \rho_i \cdot A_i \cdot v_i^3$$

$$P_W = \frac{1}{2} \cdot \rho_i \cdot A_i \cdot v_i^3$$

(2.6)

2.1.1.3 Staukraft F_{ST}

Zur Vorbereitung auf die Tragflügeltheorie wird die Formel zur Berechnung der Windleistung zu einem Produkt aus Staukraft F_{ST} und Windgeschwindigkeit v vereinfacht. Die Staukraft resultiert aus dem Produkt von Staudruck p_{ST} und der Querschnittsfläche A .

$$p_{ST} = \frac{1}{2} \cdot \rho_i \cdot v_i^2$$

$$F_{ST} = p_{ST} \cdot A_i$$

$$P_W = F_{ST} \cdot v_i$$

(2.7)

2.1.2 Gestörter Luftmassenstrom

2.1.2.1 Adaptierung des Stromröhrenmodells

In der Realität liegt zwischen der Ein- und Austrittsfläche der Stromröhre ein Objekt (z.B. ein WEA-Rotor), welcher ein Strömungshindernis darstellt und den Luftmassenstrom verzögert. Die Verzögerung hat einen Abfall der Windgeschwindigkeiten v_2 und v_3 zur Folge.

$$v_1 > v_2 > v_3$$

Wird der ungestörte Luftmassenstrom mit gleichbleibender Windgeschwindigkeit v_2 und Querschnittsfläche A_2 vorausgesetzt, muss die Querschnittsfläche A_1 verjüngt und die Fläche A_3 vergrößert werden, sodass weiterhin Gleichung 2.1 gilt.

$$A_1 < A_2 < A_3$$

2.1.2.2 Drehzahlunabhängige Rotorleistung P_R

Die direkte Messung der Windgeschwindigkeit v_2 am Rotorblatt ist kaum möglich. Somit wird im ersten Ansatz die Rotorleistung P_R mithilfe der Gleichung 2.5 aus der Differenz der Windleistung vor dem Rotor und nach dem Rotor berechnet.

$$P_R = P_W(v_1) - P_W(v_3)$$

$$P_R = \frac{1}{2} \cdot \dot{m}_i \cdot (v_1^2 - v_3^2) \quad (2.8)$$

2.1.2.3 Einfluss der Rotordrehzahl n_R

Die entnommene Rotorleistung ist abhängig von der Windgeschwindigkeit v_2 , der Rotordrehzahl n_R und aerodynamischen Effekten. Um die maximal mögliche Leistung für unterschiedliche Arbeitspunkte zu bestimmen, werden WEA-Kennfelder aufgenommen, welche im späteren Verlauf weiter definiert werden. Für eine erste Betrachtung über die Lage des Maximums werden zwei extreme Betriebspunkte festgelegt:

- Rotorstillstand: $n_R = 0 \rightarrow$ kaum Verzögerung
- Verblockung: $n_R \gg 0 \rightarrow$ nahezu Verstopfung

In beiden Fällen ist die entnommene Rotorleistung annähernd Null. Aus den Grenzfällen wird geschlussfolgert, dass das Maximum der Rotorleistung zwischen diesen Punkten liegen muss. Aus dem Froude-Rankineschen Theorem geht hervor, dass die Windgeschwindigkeit des

Rotors v_2 den Mittelwert der ungestörten Windgeschwindigkeit v_1 und der reduzierten Windgeschwindigkeit v_3 darstellt. Somit gilt:

$$v_2 = \frac{v_1 + v_3}{2} \quad (2.9)$$

Der resultierende Luftmassenstrom gemäß Gleichung 2.5 folgt zu:

$$\dot{m}_i = \rho_i \cdot v_2 \cdot A_2$$

$$\dot{m}_i = \rho_i \cdot \frac{v_1 + v_3}{2} \cdot A_2 \quad (2.10)$$

Durch das Einsetzen der Zusammenhänge aus Gleichung 2.8 in Gleichung 2.10 folgt die Gleichung zur Berechnung der Rotorleistung P_R in Abhängigkeit der Rotordrehzahl n_R .

$$P_R = \frac{1}{2} \cdot \rho_i \cdot \frac{v_1 + v_3}{2} \cdot A_2 \cdot (v_1^2 - v_3^2)$$

$$P_R = \frac{1}{2} \cdot \rho_i \cdot A_2 \cdot \frac{1}{2} \cdot v_1 \cdot \left(1 + \frac{v_3}{v_1}\right) \cdot v_1^2 \cdot \left(1 - \frac{v_3^2}{v_1^2}\right)$$

Wird nun der Term $\left(\frac{1}{2} \cdot \rho_i \cdot v_1 \cdot A_1 \cdot v_1^2\right)$ durch P_W aus Gleichung 2.6 ersetzt, resultiert:

$$P_R = P_W \cdot \frac{1}{2} \cdot \left(1 + \frac{v_3}{v_1}\right) \cdot \left(1 - \frac{v_3^2}{v_1^2}\right) \quad (2.11)$$

2.1.2.4 Leistungsbeiwert c_P

Die Gleichung 2.11 wird weiter zu einem Produkt aus der Windleistung P_W und einem dimensionslosen Leistungsbeiwert c_P zusammengefasst. Der Leistungsbeiwert nimmt nur Werte zwischen Null und Eins an und beschreibt das Verhältnis von entnommener Rotorleistung P_R zu zugefügter Windleistung P_W .

$$c_P = \frac{1}{2} \cdot \left(1 + \frac{v_3}{v_1}\right) \cdot \left(1 - \frac{v_3^2}{v_1^2}\right)$$

$$P_R = P_W \cdot c_P \quad (2.12)$$

$$c_P = \frac{P_R}{P_W} \quad (2.13)$$

Ist der Leistungsbeiwert gleich Eins, entnimmt die WEA 100% der Windleistung. Dies ist in der Realität u.a. aufgrund von aerodynamischen Effekten nicht möglich. Bei einer

optimalen Verzögerung wird ein Wert von ca. 59% ($\frac{16}{27}$) erreicht, welcher als Betzscher Leistungsbeiwert ($c_{P,max}$) bezeichnet wird. Dieser Wert wird ausschließlich bei folgender Konstellation ausgehend von der Windgeschwindigkeit v_1 erreicht. Diese Annahme ist jedoch hypothetisch, d.h. in Realität liegt der maximale Leistungsbeiwert bei ca. 45 bis 48%.

- $v_2 = \frac{2}{3} \cdot v_1$
- $v_3 = \frac{1}{3} \cdot v_1$

Weichen die Windgeschwindigkeiten am Rotor und hinter der WEA von den o.g. Faktoren ab, ist das Verhältnis von entnommener zu zugefügter Leistung geringer als der Betzsche Leistungsbeiwert.

2.2 Tragflügeltheorie

2.2.1 Auftrieb und Widerstand eines Tragflügels

Wird ein Tragflügel von einem Wind der Geschwindigkeit v erfasst, entsteht eine resultierende Geschwindigkeit c (Anströmgeschwindigkeit), welche über die Wurzel der quadratischen Summe aus Windgeschwindigkeit v und der relativen Bewegungsgeschwindigkeit u' berechnet wird (Gleichung 2.14). Die relative Bewegungsgeschwindigkeit u' folgt aus der Negation der quer zur Windgeschwindigkeit stehenden Bewegungsgeschwindigkeit u .

$$c = \sqrt{v^2 + (u')^2} \quad (2.14)$$

Die Anströmgeschwindigkeit ist über die Tragflügelänge konstant. Durch die Luftanströmung werden Luftpartikel an der oberen Tragflügelseite beschleunigt und an der unteren Tragflügelseite abgebremst. Dadurch entstehen eine Saugseite (beschleunigte Luftpartikel) und eine Druckseite (gebremste Luftpartikel). Die unterschiedlichen Strömungsgeschwindigkeiten führen zu einem Druckunterschied zwischen der oberen und unteren Tragflügelseite. Der Überdruck unter dem Tragflügel führt zu einer Auftriebskraft F_A , wohingegen der Unterdruck auf der Oberseite eine Widerstandskraft F_W hervorruft.

2.2.1.1 Kräfte

Durch die Abgrenzung von Saug- und Druckseite durch eine Profilsehne entsteht ein Anstellwinkel α zwischen der Profilsehne und des Vektors der Anströmgeschwindigkeit c . Die Widerstandskraft verläuft in Richtung der Anströmgeschwindigkeit, wohingegen die Auftriebskraft senkrecht zu dieser steht. Aus den Kenntnissen über die Tiefe t_{Flug} und Breite

t_{Flug} eines Tragflügels werden die Auftriebs- und Widerstandskraft nach Gleichung 2.15 und Gleichung 2.16 berechnet.

$$F_A = c_A(\alpha) \cdot \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot c^2 \cdot (t_{\text{Flug}} \cdot t_{\text{Flug}}) \quad (2.15)$$

$$F_W = c_W(\alpha) \cdot \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot c^2 \cdot (t_{\text{Flug}} \cdot t_{\text{Flug}}) \quad (2.16)$$

Die Faktoren c_A und c_W stellen den Auftriebs- und Widerstandsbeiwert dar und hängen vom Anstellwinkel α ab. Die jeweiligen Werte werden messtechnisch ermittelt und sind für jede Tragflügelkontur unterschiedlich.

2.2.1.2 Beiwerte

Wird der Quotient aus Antriebskraft F_A und Widerstandskraft F_W gebildet, folgt die Gleitzahl ϵ . Diese Verhältnis wird optimal, wenn im Verhältnis zum Widerstand ein maximaler Auftrieb erzeugt wird. Daraus resultiert ein optimaler Anstellwinkel α_{opt} .

$$\begin{aligned} \frac{F_A}{F_W} &= \frac{c_A(\alpha) \cdot \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot c^2 \cdot (t_{\text{Flug}} \cdot t_{\text{Flug}})}{c_W(\alpha) \cdot \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot c^2 \cdot (t_{\text{Flug}} \cdot t_{\text{Flug}})} \\ \frac{F_A}{F_W} &= \frac{c_A(\alpha)}{c_W(\alpha)} \end{aligned} \quad (2.17)$$

$$\boxed{\frac{F_A}{F_W} = \epsilon(\alpha)} \quad (2.18)$$

Wird ein blattprofilspezifischer Wert des Anstellwinkels überschritten, folgt ein Strömungsabriss, d.h. die Luftpartikel folgen nicht länger der Tragflügelkontur.

2.2.2 Anströmverhältnisse am Rotorblatt

2.2.2.1 Anströmungs- und Umfangsgeschwindigkeit

Basierend auf Gleichung 2.14 wird die Anströmungsgeschwindigkeit $c(R, n_R)$ aus der Wurzel der quadratischen Summe von der Windgeschwindigkeit v_2 in der Rotorebene und der Umfangsgeschwindigkeit $u(R, n_R)$ infolge der Rotordrehung berechnet (Gleichung 2.19).

$$\boxed{c(R, n_R) = \sqrt{v_2^2 + u(R, n_R)^2}} \quad (2.19)$$

Die Umfangsgeschwindigkeit u des Rotors ist abhängig von der Rotordrehzahl n_R und dem Rotoraußenradius R (Gleichung 2.20). Mit steigendem Radius zur Blattspitze nimmt die Umfangsgeschwindigkeit und somit auch die Anströmgeschwindigkeit zu.

$$\boxed{u(R, n_R) = \omega_R \cdot R = 2 \cdot \pi \cdot n_R \cdot R} \quad (2.20)$$

2.2.2.2 Schnelllaufzahl

Zur aerodynamischen Auslegung der Rotorblätter ist die Kenntnis über das Verhältnis von Blattspitzengeschwindigkeit $u(R, n_R)$ zur ungestörten Windgeschwindigkeit v_1 wichtig. Dieses Verhältnis wird als Schnelllaufzahl λ deklariert.

$$\lambda(R, n_R) = \frac{u(R, n_R)}{v_1} = \frac{\omega_R(n_R) \cdot R}{v_1} \quad (2.21)$$

2.2.2.3 Anstell- und Anströmwinkel

Der Anstellwinkel $\alpha(R)$ hängt vom Tragflügelprofil ab und repräsentiert den Winkel zwischen der Anströmgeschwindigkeit $c(R, n_R)$ und der Profilschne, welche die Trennlinie zwischen der Druck- und Saugseite darstellt.

Der Anströmwinkel $\gamma(R, n_R)$ hängt von der Windgeschwindigkeit v_2 und der Umfangsgeschwindigkeit $u(R, n_R)$ ab. Sind beide Größen bekannt, resultiert der Anströmwinkel aus folgender Gleichung 2.22.

$$\gamma(R, n_R) = \arctan\left(\frac{v_2}{u(R, n_R)}\right) \quad (2.22)$$

Die eben aufgeführte Gleichung hängt ebenso wie die Anströmgeschwindigkeit c nur von der Windgeschwindigkeit v_2 in der Rotorebene und der Umfangsgeschwindigkeit $u(R, n_R)$ ab. Somit hängt die Anströmgeschwindigkeit γ direkt vom Anströmwinkel α ab. Es gilt:

$$c(R, n_R) = c(\gamma(R, n_R)) \quad (2.23)$$

2.2.2.4 Bauwinkel

Der Bauwinkel $\beta(R, n_R)$ wird beim Entwurf eines neuen Rotorblattes festgelegt und liegt zwischen der Rotorebene und der Profilschne. Auf Grundlage dessen resultiert ein optimales Anströmverhältnis aus Antriebskraft $F_A(\alpha(R, n_R))$ zu Widerstandskraft $F_W(\alpha(R, n_R))$. Der Anstellwinkel $\alpha(R, n_R)$ liegt genau im Optimum $\alpha_{\text{opt}}(R, n_R)$. Durch den Einbauwinkel kann der Anströmwinkel $\gamma(R, n_R)$ aus der Summe von Anstellwinkel $\alpha(R, n_R)$ und Bauwinkel $\beta(R, n_R)$ berechnet werden (Gleichung 2.24).

$$\gamma(R, n_R) = \alpha(R, n_R) + \beta(R, n_R) \quad (2.24)$$

Da die Umfangsgeschwindigkeit bei gleichbleibenden Windverhältnissen von der Blattspitze bis zur Blattwurzel linear abnimmt und trotzdem ein optimale Anstellwinkel über die gesamte

Blattlänge erreicht werden soll, muss das Rotorblatt verwunden werden. Andernfalls würde das Anströmverhältnis nicht im Optimum liegen. Der Bauwinkel nimmt zur Blattspitze hin ab. Die Blattkontur kann während des Betriebs nicht weiter verändert werden, folglich kann der Anstellwinkel nur noch durch die Anpassung der Rotordrehzahl, als auch durch das Verdrehen des gesamten Rotorblattes (Pitchen) verändert werden.

2.2.2.5 Wirkung der Auftriebs- und Widerstandskraft

Die Gleichungen zur Berechnung der Auftriebs- und Widerstandskraft beruhen auf Gleichung 2.15 und Gleichung 2.16. Da die Anströmgeschwindigkeit $c(R, n_R)$ ebenfalls vom Anströmwinkel $\gamma(R, n_R)$ abhängt, folgt:

$$F_A(\alpha(R, n_R), \gamma(R, n_R)) = c_A(\alpha(R, n_R)) \cdot \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot c(\gamma(R, n_R))^2 \cdot (t_{\text{Flug}} \cdot t_{\text{Flug}}) \quad (2.25)$$

$$F_W(\alpha(R, n_R), \gamma(R, n_R)) = c_W(\alpha(R, n_R)) \cdot \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot c(\gamma(R, n_R))^2 \cdot (t_{\text{Flug}} \cdot t_{\text{Flug}}) \quad (2.26)$$

Aus der Wurzel der quadratischen Addition von Auftriebs- und Widerstandskraft folgt eine resultierende Gesamtkraft $F_{\text{res}}(\alpha, \gamma)$ (Gleichung 2.27), welche aus einer resultierenden Umfangskraft $\Delta F_U(\alpha, \gamma)$ und einer Schubkraft $\Delta F_S(\alpha, \gamma)$ besteht. Die resultierende Umfangskraft hat Biege- und Schubbelastungen von den Rotorblättern, Gondel, Turm und des Fundaments zur Folge. Hingegen erzeugt die Schubkraft eine Beschleunigung und Verzögerung der Rotordrehung.

$$F_{\text{res}}(\alpha, \gamma) = \sqrt{F_A(\alpha, \gamma)^2 + F_W(\alpha, \gamma)^2} \quad (2.27)$$

Die Kräfte $\Delta F_U(\alpha, \gamma)$ und $\Delta F_S(\alpha, \gamma)$ können aus den Längs- und Querkraften der Antriebs- und Widerstandskräften berechnet werden.

$$\begin{aligned} F_{U,A}(\alpha, \gamma) &= F_A(\alpha, \gamma) \cdot \sin(\gamma(R, n_R)) \\ F_{U,W}(\alpha, \gamma) &= F_W(\alpha, \gamma) \cdot \cos(\gamma(R, n_R)) \\ \Delta F_U(\alpha, \gamma) &= F_{U,A}(\alpha, \gamma) - F_{U,W}(\alpha, \gamma) \end{aligned}$$

$$\Delta F_U(\alpha, \gamma) = F_A(\alpha, \gamma) \cdot \sin(\gamma(R, n_R)) - F_W(\alpha, \gamma) \cdot \cos(\gamma(R, n_R)) \quad (2.28)$$

$$\begin{aligned} F_{S,A}(\alpha, \gamma) &= F_A(\alpha, \gamma) \cdot \cos(\gamma(R, n_R)) \\ F_{S,W}(\alpha, \gamma) &= F_W(\alpha, \gamma) \cdot \sin(\gamma(R, n_R)) \\ \Delta F_S(\alpha, \gamma) &= F_{S,A}(\alpha, \gamma) + F_{S,W}(\alpha, \gamma) \end{aligned}$$

$$\Delta F_S(\alpha, \gamma) = F_A(\alpha, \gamma) \cdot \cos(\gamma(R, n_R)) - F_W(\alpha, \gamma) \cdot \sin(\gamma(R, n_R)) \quad (2.29)$$

Die Gleichung 2.28 und Gleichung 2.29 gelten für ein Blattelement. Ein Rotorblatt besteht aus mehreren Blattelementen.

2.2.3 Drehmomente und Leistungen

2.2.3.1 Rotor- und Blattmoment

Das Rotordrehmoment M_R resultiert aus der Summation aller Teilmomente, welche aus dem Produkt von resultierender Umfangskraft ΔF_U und zugehöriger Radius resultieren. Da die WEA aus drei Rotorblättern besteht, wird die Summe zusätzlich mit dem Faktor drei multipliziert (Gleichung 2.30).

$$M_R(R, n_R) = 3 \cdot \sum_i \Delta F_U(r_i) \cdot r_i \quad (2.30)$$

Für das Blattmoment M_B kann die Gleichung 2.30 als Referenz herangezogen werden. Die Umfangskraft wird lediglich durch die Schubkraft ΔF_S ersetzt (Gleichung 2.31).

$$M_B(R, n_R) = 3 \cdot \sum_i \Delta F_S(r_i) \cdot r_i \quad (2.31)$$

2.2.3.2 Rotorleistung

Durch die gewonnenen Erkenntnisse aus Gleichung 2.30 über das Rotormoment M_R und mithilfe der Rotorwinkelgeschwindigkeit ω_R kann nun eine Gleichung zur Berechnung der Rotorleistung berechnet werden, welche in direkter Abhängigkeit zur Rotordrehzahl n_R steht.

$$P_R(R, n_R) = \left(3 \cdot \sum_i \Delta F_S(r_i) \cdot r_i \right) \cdot \omega_R(R, n_R) \quad (2.32)$$

2.2.4 Leistungsanpassung

2.2.4.1 Leistungsbegrenzung durch Pitchen

Beim Pitchen kann der Anstellwinkel α durch das Drehen des gesamten Blattes um den Pitchwinkel Θ_P an unterschiedliche Windgeschwindigkeiten v angepasst werden. Der Anströmwinkel γ bleibt dabei unverändert. Da die Drehung jedoch eine langsame Stellgröße darstellt und die Windgeschwindigkeiten schnellen Änderungen unterliegen, ist das Pitchen

lediglich zur Leistungsbegrenzung sinnvoll. Ein weiterer Nachteil ist, dass der optimale Anstellwinkel α_{opt} lediglich für ein Blattelement eingestellt wird, nicht aber für die gesamte Blattlänge.

2.2.4.2 Leistungsoptimierung durch Drehzahlanpassung

Als Alternative zum Pitchen, wird die Rotordrehzahl n_R und somit die Umfangsgeschwindigkeit u entsprechend der Windgeschwindigkeiten in der Rotorebene nachgeführt, um ein optimales Anströmverhältnis und ein daraus resultierenden optimalen Anstellwinkel α_{opt} zu garantieren. Der optimale Anstellwinkel hängt direkt vom Anströmwinkel ab, d.h. der Anstellwinkel ändert die Größe indirekt zur Rotordrehzahl. Durch die dynamische Drehzahlanpassung kann im Gegensatz zur Pitchwinkelverstellung der optimale Anstellwinkel für alle Blattelemente eingestellt werden.

2.3 WEA-Kennfelder

2.4 Lookup Tables

3 Modell des Antriebsstranges

Dieser Abschnitt befasst sich mit der Modellierung und Simulation des Antriebsstranges der Windturbine. Das Modell soll anschließend zusammen mit dem Modell des Turmes und des Blattes, sowie der Aerodynamik als Teilmodelle in Simulink zusammengeführt werden. Der Antriebsstrang besteht dabei grundsätzlich aus einem Rotor (Blätter und Nabe), einem Getriebe, einem Synchrongenerator sowie einer Welle, welche alle Komponenten mechanisch verbindet. Abbildung 3.1 zeigt einer Übersichtsgrafik der Modellparameter als Ein- bzw. Ausgänge des Teilmodells.

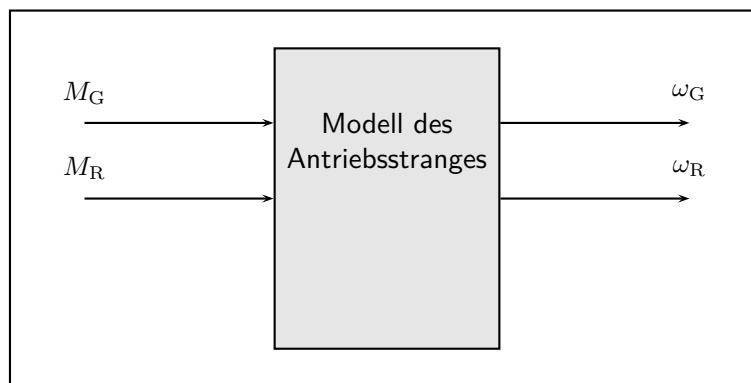


Abb. 3.1: Blockdarstellung des Antriebsstrangteilmodells inklusive der Ein- und Ausgangsparameter

Zu erkennen sind das Generator Drehmoment (M_G) und das Rotordrehmoment (M_R) als Eingangsgrößen des Modells. Das Rotordrehmoment wird in der Gesamtsimulation später vom Modell der Aerodynamik bereitgestellt. Das Generator Drehmoment geht aus dem Generator-Umrichter-Modell hervor, in welchem auch die Regelung der Windkraftanlage umgesetzt ist.

Als Ausgänge benötigt werden die Generatorwinkelgeschwindigkeit (ω_G) und die Rotorwinkelgeschwindigkeit (ω_R). Erstere ist später ein Eingangsparameter des Generator-Umrichter-Modells und wird insbesondere für die Berechnung des Generator Drehmoment im Momentenregler benötigt. Die Rotorwinkelgeschwindigkeit ist ebenfalls ein Eingang des Generator-Umrichter-Modells sowie des Modells für die Aerodynamik.

3.1 Modellierung des Antriebsstranges

Zunächst soll das Modell für den Antriebsstrang entwickelt werden, bevor es anschließend simulativ losgelöst in Simulink getestet und verifiziert werden kann. Abbildung 3.2 zeigt

modellhaft die Struktur des Antriebsstranges mitsamt der wirkenden Momente. Auf Basis der Abbildung erfolgt anschließend die Modellierung des Teilsystems.

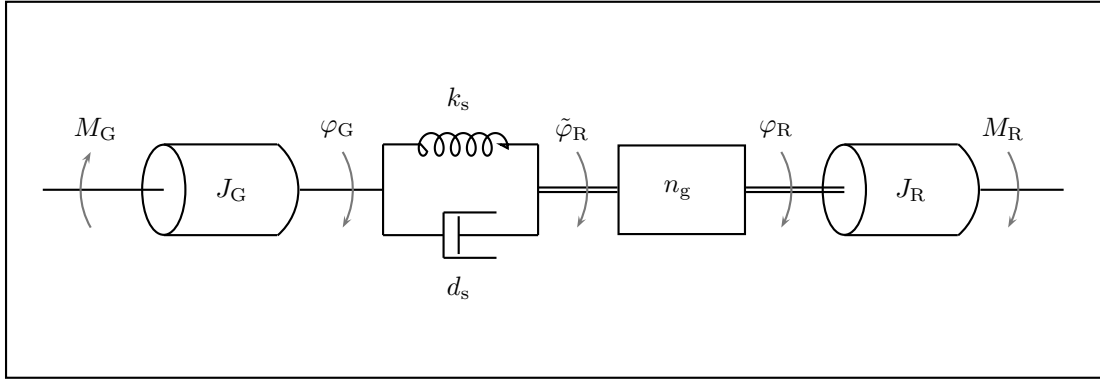


Abb. 3.2: Modellhafte des Antriebsstrangteilmodelles inklusive der wirkenden Momente

Die Modellbildung erfolgt über die Momentenbilanzierung. Diese besagt, dass die Summe aller wirkenden Momente gleich Null ist. Zunächst lässt sich die Summe aller Momente allgemein berechnen zu

$$\sum M = J \cdot \ddot{\varphi}. \quad (3.1)$$

Nachfolgend wird eine Bilanzgleichung für den Generator (high speed shaft) und den Rotor (slow speed shaft) aufgestellt. Erstere ist in Gleichung 3.2 und Letzere in Gleichung 3.3 dargestellt.

$$J_R \cdot \ddot{\varphi}_R + \tilde{M}_{d_s} + \tilde{M}_{k_s} - M_R = 0 \quad (3.2)$$

$$J_G \cdot \ddot{\varphi}_G - M_{d_s} - M_{k_s} + M_G = 0 \quad (3.3)$$

Bei \tilde{M}_{d_s} handelt es sich um das Moment, welches sich aus dem Dämpfungsfaktor des Triebstranges bezogen auf die schnelle Welle (d_s) ergibt. Es wird berechnet zu

$$\tilde{M}_{d_s} = d_s \cdot (\dot{\varphi}_G - \dot{\varphi}_R). \quad (3.4)$$

Bei \tilde{M}_{k_s} wiederum handelt es sich um das Moment, welches sich aus dem Triebstrangsteifigkeit bezogen auf die schnelle Welle (k_s) ergibt. Dieses wird berechnet zu

$$\tilde{M}_{k_s} = k_s \cdot (\varphi_G - \tilde{\varphi}_R). \quad (3.5)$$

Da es sich bei beiden Momenten um bezogene Größen (bezogen auf die Schnelle Welle) handelt, müssen diese noch umgerechnet werden. Dies geschieht über die Getriebeübersetzung (n_g). M_{d_s} und M_{k_s} folgen somit zu

$$M_{d_s} = n_g \cdot \tilde{M}_{d_s} \quad (3.6)$$

$$M_{k_s} = n_g \cdot \tilde{M}_{k_s}. \quad (3.7)$$

Auch bei $\tilde{\varphi}_R$ muss das Getriebeübersetzungsverhältnis wie folgt berücksichtigt werden:

$$\tilde{\dot{\varphi}}_R = n_g \cdot \dot{\varphi}_R \quad (3.8)$$

Somit kann der Antriebsstrang abschließend modelliert werden zu

$$J_R \cdot \ddot{\varphi}_R + n_g \cdot d_s \cdot (\dot{\varphi}_G - n_g \cdot \tilde{\dot{\varphi}}_R) + n_g \cdot k_s \cdot (\varphi_G - n_g \cdot \tilde{\varphi}_R) - M_R = 0 \quad (3.9)$$

$$J_G \cdot \ddot{\varphi}_G - d_s \cdot (\dot{\varphi}_G - n_g \cdot \tilde{\dot{\varphi}}_R) - k_s \cdot (\varphi_G - n_g \cdot \tilde{\varphi}_R) - M_G = 0. \quad (3.10)$$

3.2 Simulative Modellverifikation des Antriebsstranges

In diesem Unterkapitel wird das zuvor entwickelte Modell in Simulink implementiert und getestet. Auf eine Vollständige Verifikation wird an dieser Stelle jedoch verzichtet, da diese erst nach der Integration in das Gesamtsystem (mit allen anderen Teilmodellen) erfolgen kann. Geprüft wird jedoch, wie sich die Winkelgeschwindigkeiten des Rotors und des Generators nach einer sprunghaften Anregung verhalten. Ebenfalls verifiziert wird, inwiefern eine Torsion der Antriebswelle auftritt, wenn sich das Generator Drehmoment und das Rotordrehmoment sprunghaft zeitversetzt ändern.

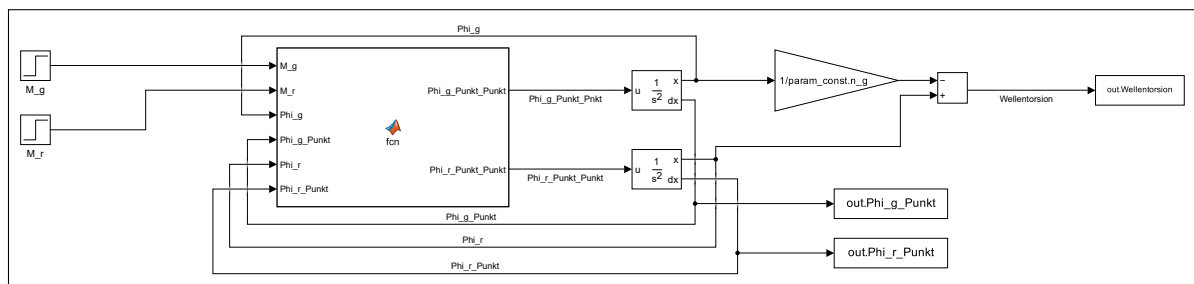


Abb. 3.3: Simulink Blockstruktur des Antriebsstranges der WEA

Abbildung 3.3 zeigt die Blockstruktur, welche in Simulink umgesetzt wurde. Der Funktionsblock in der Mitte der Abbildung enthält die Modellgleichungen, welche zuvor in Gleichung 3.9 und Gleichung 3.10 hergeleitet wurden. Eingangsseitig wird ein Sprung von M_G bzw. M_R eingepreßt. Ersterer setzt nach 15 s ein, Zweiterer bereits nach 5 s. Ausgangsseitig werden durch die Nutzung von Integratoren die Winkelgeschwindigkeiten ω_R und ω_G zurückgegeben. Für die Modellverifikation wurde noch ein weiterer Ausgang hinzugefügt, welcher die Differenz des Rotor Winkel (φ_R) und des Generator Winkel (φ_G) bereitstellt.

In Abbildung 3.4 ist klar zu erkennen, dass durch die Einprägung des Momentensprunges auf den Rotor die Winkelgeschwindigkeit der Welle annähernd linear ansteigt. Dies zeigt sich sowohl auf Seiten des Rotors als auch auf Seiten des Generators. Der Kurvenverlauf beider Winkelgeschwindigkeiten ist annähernd identisch. Der Unterschied um zwei Zehnerpotenzen ergibt sich aus der Getriebeübersetzung (n_g), welche bei ca. 100 (97) liegt.

Der generatorseitige Momentensprung zeigt sich in Abbildung 3.4 besonders gut in der Betrachtung der Generator Winkelgeschwindigkeit ($\dot{\varphi}_G$). Es kommt zu einem Schwingvorgang, der nach etwas über 5 s wieder ausgeglichen ist. Durch die Elastizität der Welle ist der Momentensprung am Generator rotorseitig abgedämpft. Die Rotor Winkelgeschwindigkeit ($\dot{\varphi}_R$) schwingt nur leicht.

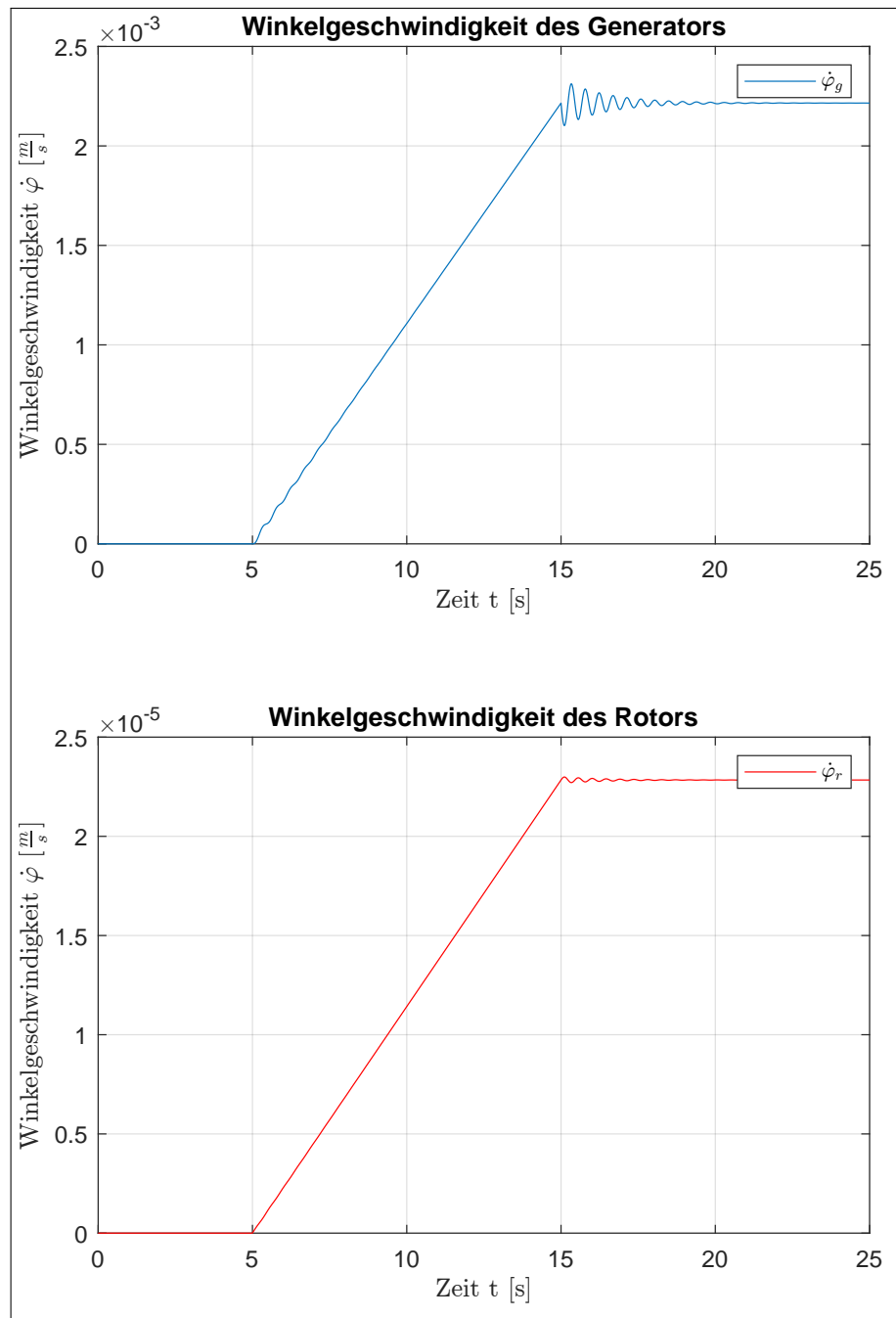


Abb. 3.4: Visualisierung der Winkelgeschwindigkeit des Rotors und des Generators nach zeitversetzter Sprunganregung

Abbildung 3.5 zeigt die Differenz zwischen Rotorwinkel (φ_R) und Generatorwinkel (φ_G). Diese gibt eine Aussage darüber, inwiefern es zu einer Torsion der Antriebswelle kommt. Zu erkennen ist, dass nach 5 s eine erste Torsion auftritt, die sich nach kurzem Schwingen auf einen stationären Wert von rund einem Millionstel eines Grades einpegelt. Nach dem generatorseitigen Momentensprung (bei 15 s kommt es erneut zu einem Schwingvorgang in der Wellentorsion. Da das eingeprägte Moment signifikant größer ist, ist die Schwingungsamplitude ebenfalls deutlich größer als zuvor beim rotorseitigen Momentensprung. Nach ca. 10 s ist auch dieser Schwingvorgang abgeschlossen und ein stationärer Endwert von rund einem Einhunderttausendstel Grad wird erreicht.

Es kann zusammenfassend argumentiert werden, dass die Simulationsergebnisse plausibel und hinreichend genau sind, um das Antriebsstrangmodell als Teilmodell der Simulation und Regelung der Windenergieanlage einsetzen zu können.

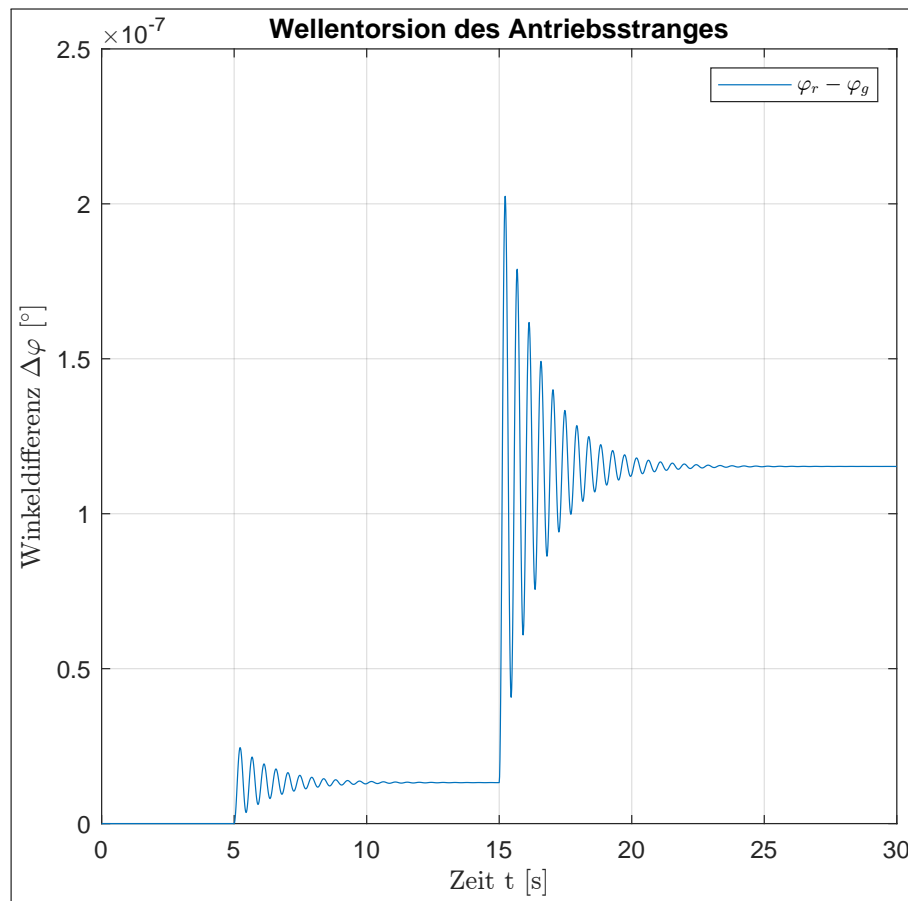


Abb. 3.5: Visualisierung der Wellentorsion des Antriebsstranges nach zeitversetzter Sprunganregung

4 Momentenregelung des Antriebstranges

4.1 Regelungsziele und Regelkreis

Bevor eine Regelung für die WEA umgesetzt werden kann, müssen zunächst einige Regelungsziele festgelegt werden. Aus der Beschreibung der Regelungsziele ergeben sich die Regelgrößen der WEA. Des Weiteren wird die Komplexität des Reglers durch ein geeignetes Funktionsmodell, welches das dynamische Verhalten der Regelstrecke bestimmt, beschrieben. Hierfür wird das torsionsstarre Triebstrangmodell verwendet. Die Regelung konzentriert sich auf die Einhaltung und Umsetzung der Hauptziele, wobei das Verhalten der Blätter, des Turms und des Antriebstranges nicht berücksichtigt wird. Folglich reicht ein sehr vereinfachtes Funktionsmodell aus. Die folgende Auflistung fasst die Hauptziele des Reglers zusammen.

Hauptziele:

1. Leistungsoptimierung - Leistungsbeiwert c_P stets auf Maximalwert halten.
2. Leistungsbegrenzung - Leistungsbeiwert c_P für eine konstante Entnahme der Nennwindleistung beeinflussen.

Für die Regelung der WEA wird von einem Standardregelkreis ausgegangen, wie in Abbildung 4.1 dargestellt. Als Stellgröße u eignet sich das Generatormoment M_G und der Pitchwinkel Θ_P . Da die Windgeschwindigkeit nur sehr ungenau messtechnisch erfasst werden kann und ein stochastisches Verhalten aufweist, eignet sich diese Größe als Störgröße z . Hingegen kann die Rotordrehzahl ω_R sehr gut messtechnisch erfasst und verglichen werden und eignet sich daher gut als Führungs- und Regelgröße w und y . Die Regler- und Streckenübertragungsfunktion werden separat mithilfe der Superposition ermittelt. Aus der Generatorcharakteristik lassen sich insgesamt drei Arbeitsbereiche ermitteln, nämlich der untere und obere Teillastbereich, sowie der Volllastbereich. Wobei für den unteren und oberen Teillastbereich eine Leistungsoptimierung vorzusehen ist und für den Volllastbereich eine Leistungsbegrenzung. Auf Grundlage dessen, werden in den folgenden Kapiteln die benötigten Regler für die verschiedenen Arbeitsbereiche und Anforderungen entwickelt.

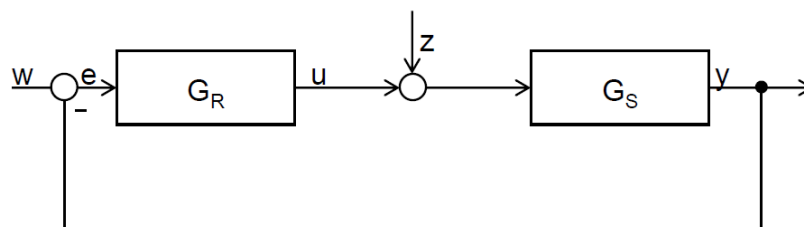


Abb. 4.1: Standardregelkreis

4.2 Unterer Teillastbereich

Wie bereits erwähnt, ist für den unteren Teillastbereich eine Leistungsoptimierung notwendig, da die Windleistung P_W unterhalb der Generatornennleistung $P_{G,nenn}$ liegt. Die Drehzahl n liegt folglich noch unter der Generatorenndrehzahl $n_{G,nenn}$, wodurch diese noch variabel an die Windgeschwindigkeit v_1 angepasst werden kann. Aufgrund dessen ergibt sich ein optimales Anströmverhältnis und es resultiert ein maximaler Leistungsbeiwert. Im unteren Teillastbereich kann mit steigender Windgeschwindigkeit also die maximal mögliche Windleistung entnommen werden, das heißt, der Leistungsbeiwert c_P wird stets auf den maximalen Leistungsbeiwert $c_{P,max}$ geregelt.

4.3 Linearisierung der Streckenübertragungsfunktion

4.4 Oberer Teillastbereich

4.5 Volllastbereich

5 Modellierung von Rotorblatt und Turm

5.1 Vorbetrachtung

Die Modellierung der Rotorblätter (weiter als Blatt bezeichnet) und des Turms erfolgt analog zur Modellierung des Triebstranges. Als Grundlage für die Modellbildung dient das Feder-Masse-Dämpfer-System. Daraus soll die Bewegungs-DGL für die Blätter und des Turms abgeleitet werden. Allerdings wird hier für die Modellierung eine translatorische Bewegung betrachtet. Damit die reale Auslenkung der Blätter und des Turms modelliert wird, müssen hierzu mathematische Modelle formuliert werden, die die Dynamik des Systems in Abhängigkeit von äußeren Belastungen beschreibt. Genauer wird hier die Auslenkung infolge von außen angreifenden Kräften betrachtet. Die Verwendung eines mathematischen Ersatzmodells dient zur Vereinfachung und Überführung komplexer technischer Systeme. Dies macht das System beschreibbar und deterministisch.

Für die reale Auslenkung der Blätter und des Turms wird die Blattverbiegung als kollektiv in Windrichtung und die Turmverbiegung in Windrichtung betrachtet. Ähnlich wie beim Triebstrang haben die Systemgrößen wie Steifigkeit, Dämpfung und Masse ebenfalls eine entscheidende Rolle bei der Modellierung. Die Abbildung 5.1 zeigt schematisch die Auslenkung von Blätter und Turm. Die Schubkraft F_S bewirkt dabei die Blatterverbiegung y_B und die Turmverbiegung y_T . Die Auslenkung hängt maßgeblich von der Steifigkeit und Dämpfung beider Systeme ab. Eine hohe Steifigkeit und Dämpfung führt zur einer geringeren Auslenkung und damit auch zu einem schnelleren Ausschwingen bei Belastung, während eine geringe Steifigkeit und Dämpfung zu einer höheren Auslenkung und langsamerem Ausschwingen bei Belastung führt.

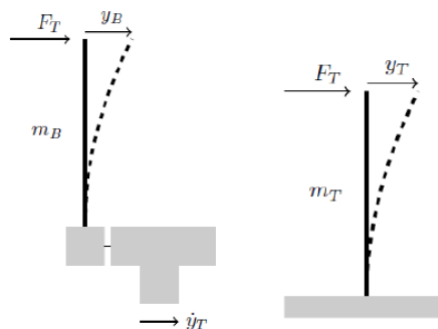


Abb. 5.1: Schematische Darstellung der Auslenkung der kollektiven Blätter (*links*) und des Turms (*rechts*)

Mit Hilfe der Bewegungs-DGL soll die reale Auslenkung der WEA beschrieben werden, damit zunächst abgeschätzt wird, ob eine Einhaltung der vorgegebenen Auslenkungsgrenzen vorliegt. Die WEA wird hierfür mit einer Bemessungswindgeschwindigkeit und einer daraus resultierenden Schubkraft F_S mechanisch von außen belastet. Das Modell wird als Funktionsblock in Matlab Simulink implementiert.

5.2 Feder-Masse-Dämpfer-System

Als Grundlage für die Modellbildung dient das Feder-Masse-Dämpfer-System. Mithilfe dessen Vorüberlegungen und Ansätze wird das mathematische Modell für die Blätter und dem Turm abgeleitet. Jeder mechanische Körper besitzt eine Steifigkeit k und eine Dämpfung d . Sofern eine Kraft F auf den Körper wirkt, entsteht eine Auslenkung x , welche von der Masse m und den vorher besagten Größen abhängt. Die Abbildung 5.2 zeigt den grundlegenden Aufbau eines solchen Systems. Des Weiteren entsteht an jedem Element eine sogenannte Gegenkraft, welche der einwirkenden Kraft F entgegenwirkt. Die Summe aller Kräfte innerhalb eines Systems ergeben sich zu 0, wodurch sich folgende Kräftebilanz in Gleichung 5.1 wiederfindet. Der Zusammenhang zwischen der Auslenkung x und der Kraft F kann als Differentialgleichung in Gleichung 5.2 beschrieben werden.

$$F(t) - F_m(t) - F_k(t) - F_d(t) = 0 \quad (5.1)$$

$$F(t) = m \cdot \frac{\delta^2 x}{\delta^2 t} + d \cdot \frac{\delta x}{\delta t} + k \cdot x(t) \quad (5.2)$$

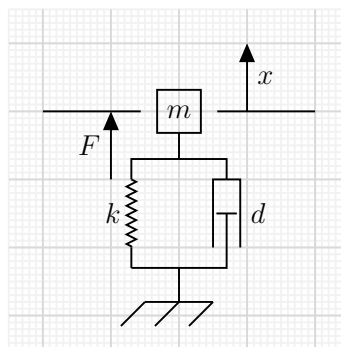


Abb. 5.2: Feder-Masse-Dämpfer-System

5.3 Modellierung

Für die Modellierung ist zu berücksichtigen, dass die Blätter und der Turm über die Gondel mechanisch miteinander gekoppelt sind. Ähnlich wie beim Triebstrang, bei dem die low speed shaft mit dem high speed shaft über das Getriebe und dessen Übersetzungsverhältnis gekoppelt ist. Das heißt, in den jeweiligen Bewegungs-DGL haben die Auslenkung der Blätter und des Turms einen gegenseitigen Einfluss aufeinander. Der einzige Unterschied der beiden Modellansätze ist, dass beim Triebstrang aufgrund einer rotatorischen Bewegung die Torsion der Wellen betrachtet wird, wobei sich ein Verschiebungswinkel φ ergibt und bei der Modellierung der Blätter und des Turms sich durch die translatorische Bewegung eine Auslenkung y_B und y_T ergibt, wie in Abbildung 5.3 dargestellt. Die Werte zur jeweiligen Masse, Steifigkeit und Dämpfung sind bereits gegeben. Da für die gesamte Modellierung der WEA eher die Auslenkung von Bedeutung ist, gilt es die Gleichung 5.2 so umzustellen, dass die benötigte Auslenkung der Blätter und des Turms berechnet wird. Eine zu große Auslenkung würde nämlich zur Zerstörung der WEA führen und dies gilt es mit geeigneten Reglern zu begrenzen.

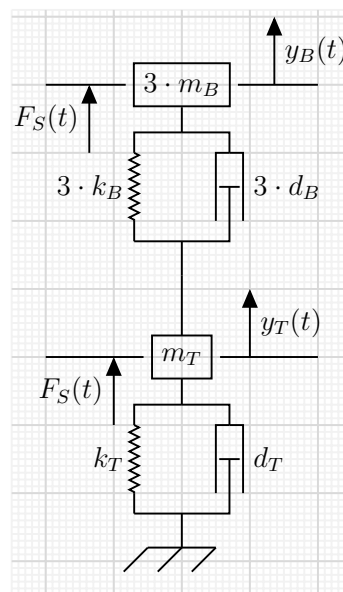


Abb. 5.3: Modell des Turms und der Blätter

Die Auslenkung der kollektiven Blätter wirkt der Auslenkung des Turms entgegen, wodurch die Gegenkräfte der Steifigkeit und Dämpfung der Blätter mit einem positiven Vorzeichen in die Bewegungs-DGL mit einfließen. Die eigentliche Auslenkung ergibt sich aufgrund der mechanischen Kopplung aus der Differenz zwischen Blattverbiegung y_B und Turmverbiegung y_T . Die Steifigkeit und Dämpfung beziehen sich lediglich auf ein Blatt, wodurch diese Faktoren mit 3 multipliziert werden, um insgesamt das Verhalten der drei Blätter abzubilden. Damit ergibt sich für die Bewegungs-DGL des Turms:

$$\ddot{y}_T = \frac{-k_T \cdot y_T - d_T \cdot \dot{y}_T + 3 \cdot k_B \cdot (y_B - y_T) + 3 \cdot d_B \cdot (\dot{y}_B - \dot{y}_T) + F_S}{m_T} \quad (5.3)$$

Gleiches gilt für die effektiv schwingende Blattmasse m_B . Aufgrund dessen verringert sich die Schubkraft F_S um Eindrittel.

Für die Blätter ergibt sich folgende Bewegungs-DGL:

$$\ddot{y}_B = \frac{-3 \cdot k_B \cdot (y_B - y_T) - 3 \cdot d_B \cdot (\dot{y}_B - \dot{y}_T) + F_S}{3 \cdot m_B} \quad (5.4)$$

5.4 Simulationsergebnisse

Zu Beginn des Kapitels wurde bereits erwähnt, dass das Modell zu Blätter und Turm in einem Funktionsblock in Matlab Simulink implementiert wird. Zur vorläufigen Überprüfung des Modells wird vorerst das System mit einer konstanten Schubkraft F_S im Bemessungsbetrieb belastet. Dies soll zunächst eine Auskunft darüber geben, ob die resultierende Auslenkung den Erwartungen entspricht. Um eine genaue Aussage über das korrekte Verhalten des Modells zu treffen, muss das gesamte Modell mit Regelung betrachtet und getestet werden. Die Bemessungswindleistung der WEA in der Rotorebene beträgt:

$$v_2 = 10 \frac{m}{s} \quad (5.5)$$

Es wird ein Schubkraftbeiwert von $c_T = 0,8$ angenommen. Der Schubkraftbeiwert c_T sowie die daraus resultierende Schubkraft F_S ergibt sich später aus dem Kennfeld der WEA. Mithilfe der Gleichung 5.4 lässt sich nun eine Schubkraft F_S berechnen, die das System belasten soll. Die restlichen benötigten Größen sind Konstanten und bereits gegeben. Das Ergebnis ist der Gleichung 5.7 zu entnehmen.

$$F_S = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot \pi \cdot R^2 \cdot c_T \cdot v_2^2 \quad (5.6)$$

$$F_S = \frac{1}{2} \cdot 1,225 \frac{kg}{m^3} \cdot \pi \cdot (63m)^2 \cdot 0,8 \cdot (10 \frac{m}{s})^2$$

$$F_S = \underline{\underline{610980,1N}} \quad (5.7)$$

Mit dem Ergebnis aus Gleichung 5.7 wird nun das Modell von außen mit einer konstanten Schubkraft F_S belastet. Die Abbildung 5.4 zeigt die Auslenkungen von den kollektiven Blättern und des Turms. Aus der Simulation ist zu erkennen, dass die Auslenkung der Blätter deutlich höher im Vergleich zur Auslenkung des Turms ist. Dies begründet sich dadurch, dass der Turm eine deutlich größere Steifigkeit und Dämpfung aufweist. Zu Beginn der Belastung ist ein deutliches Schwingen beider Systeme zu erkennen. Nach einer gewissen Zeit erreichen Blätter und Turm einen stationären Endwert, wobei der Turm etwas früher einen stationären Endwert erreicht. Das Ausmaß der Auslenkung von Blätter und Turm wird in Bezug auf die vorgegebenen Grenzen so weit eingehalten. Jedoch muss dies im Gesamtmodell erneut verifiziert werden.

Zusammenfassend lässt sich sagen, dass das Simulationsergebnis zu den Blättern und dem Turm den Erwartungen entspricht. Für eine genauere Aussage zur Richtigkeit der Modelle ist die Gesamtheit der Modellierung und dessen Ergebnis zu betrachten und neu zu beurteilen. Hier wurde lediglich die WEA mit dessen Bemessungswindleistung belastet. Im Realfall

sind deutlich höhere Windgeschwindigkeiten durchaus denkbar. Des Weiteren geht die Windgeschwindigkeit quadratisch in die Gleichung 5.6 mit ein, so dass die Schubkraft F_S ebenfalls quadratisch mit der Windgeschwindigkeit steigt und damit die WEA deutlich mehr belastet wird, was wiederum eine höhere Auslenkung beider Systeme zur Folge hat. Durch geeignete Pitchverstellung lässt sich jedoch die Belastung der WEA bei steigender Schubkraft F_S verringern, wodurch die erzeugte Energie zwar verringert wird, aber damit wird die WEA nicht durch zu hohe Belastungen zerstört.

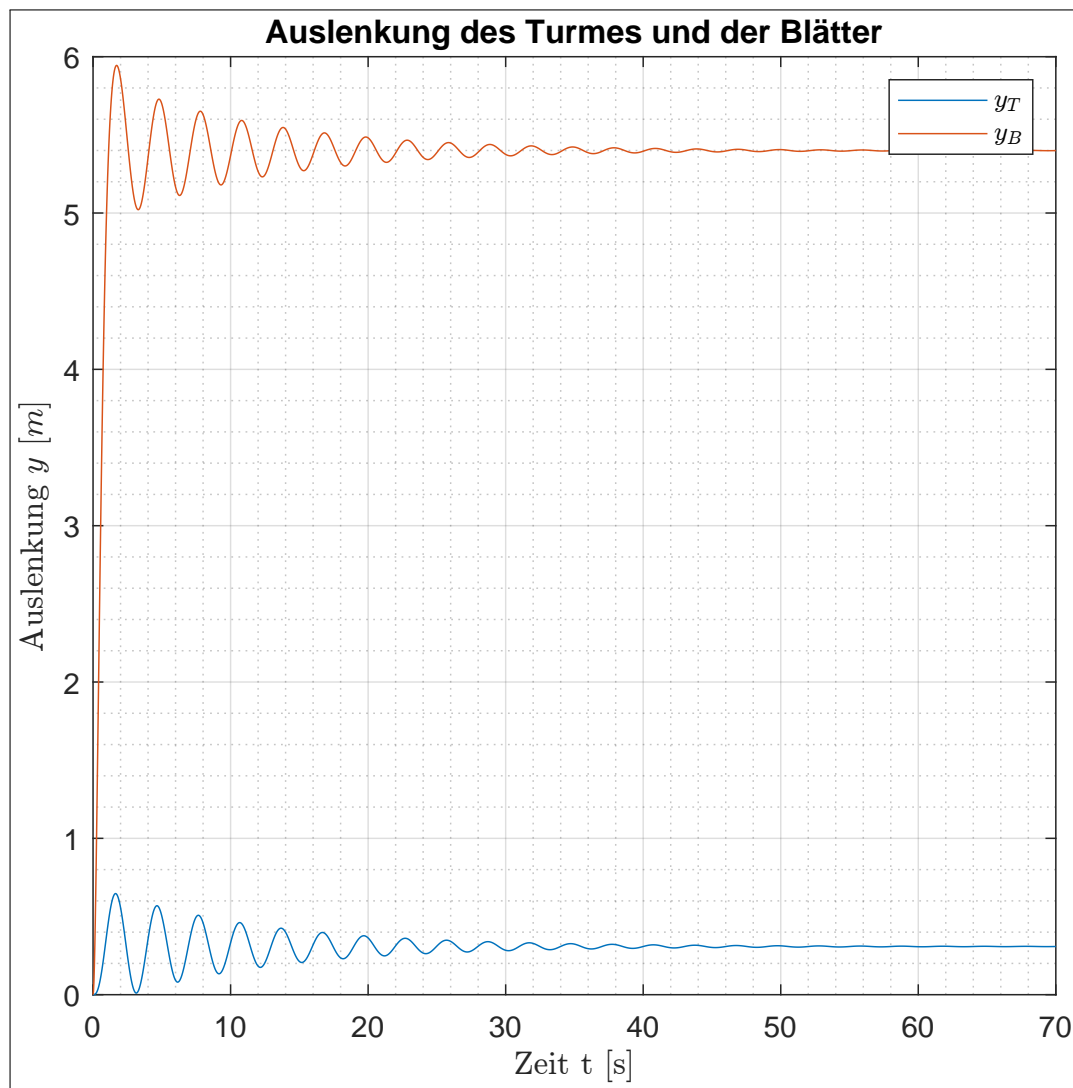


Abb. 5.4: Auslenkung der kollektiven Blätter (*blau*) und des Turmes (*rot*)

Literaturverzeichnis

- [1] HTW-Logo auf dem Deckblatt
https://de.wikipedia.org/wiki/Datei:Logo_HTW_Berlin.svg
Stand: 17.08.2018 um 14:49 Uhr
- [2] HTW-Logo in der Kopfzeile
<http://tonkollektiv-htw.de/>
Stand: 17.08.2018 um 14:53 Uhr
- [3] Skript Automation in regenerativen Energiesystemen
Prof. Dr.-Ing. Horst Schulte
- [4] Anleitung Linearisierung eines zeitinvarianten,
nichtlinearen Zustandmodells
Prof. Dr.-Ing. Heide Brandstädter
- [5] Regelungs- und Steuerungstechnik: Polstellenverteilung
Prof. Dr.-Ing. M. Buss