

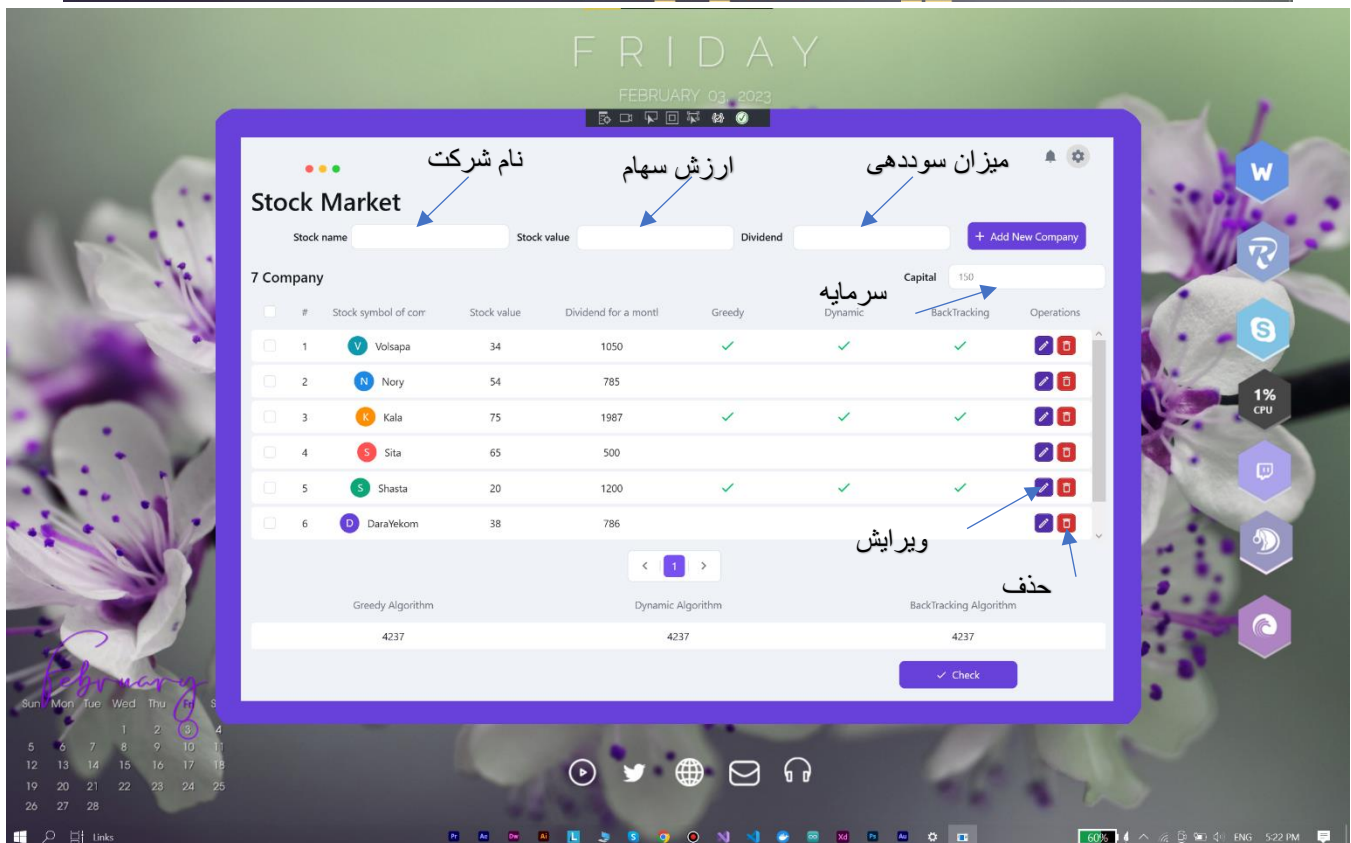
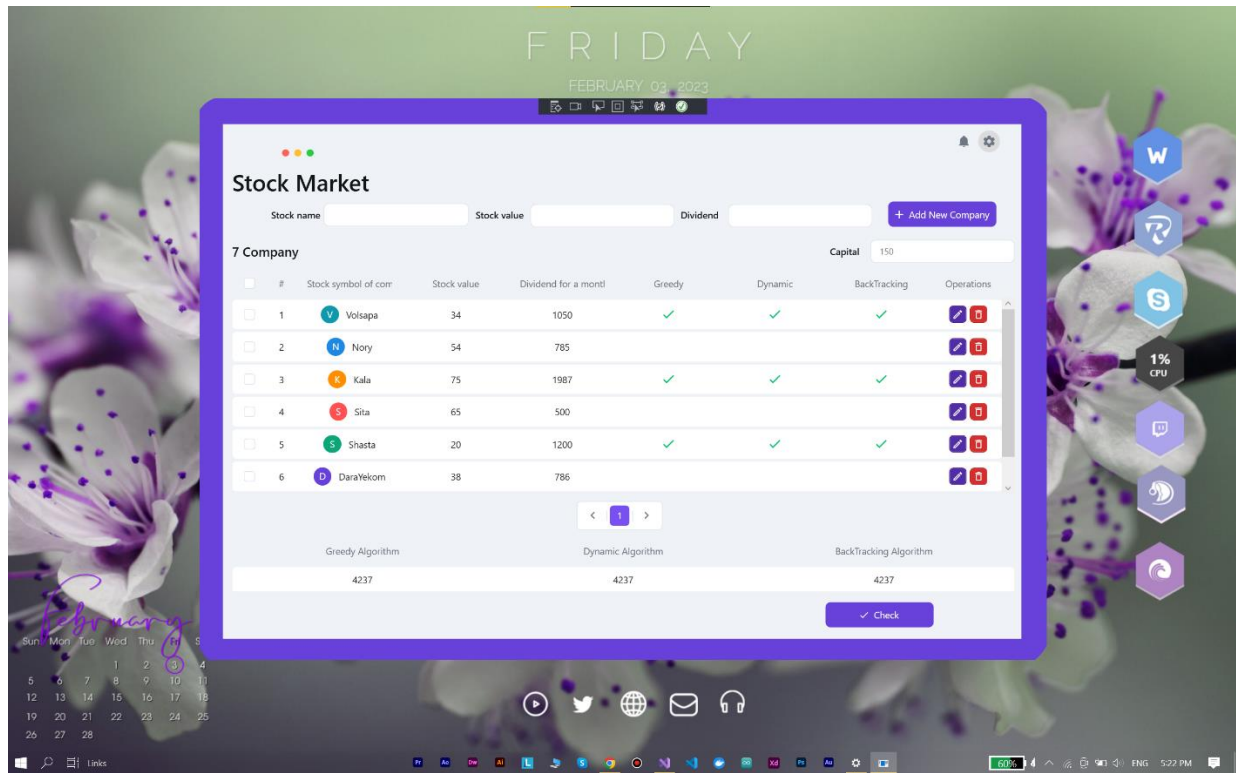
به نام خدا

پروژه : کوله پستی 1و0(بورس)

نام و نام خانوادگی : علی بابارهایی

شماره دانشجویی : 992164022

# دموی برنامه



## الگوریتم Greedy

این الگوریتم بر اساس حاصل تقسیم ارزش (Value) بر وزن (Weight) انتخاب میکند براین اساس که هر چی حاصل این تقسیم بیشتر باشد اون شی را انتخاب میکند

این الگوریتم همیشه جواب بهینه نمی دهد

```
public class Greedy_Algorithm
{
    public double totalVal = 0d;
    public List<long> company_list=new List<long>();
    public double KnapSack_Greedy(item[] items, long w)
    {
        cprCompare cmc = new cprCompare();
        Array.Sort(items, cmc); //Time Complexity O(nlogn)

        long currentW = 0;
        foreach (item i in items) //Time Complexity O(n)
        {
            long remaining = w - currentW;
            if (i.weight <= remaining)
            {
                totalVal +=i.value;
                currentW += i.weight;
                company_list.Add(i.id);
            }
            if (remaining == 0)
                break;
        }
        return totalVal;
    }
}
```

Time Complexity :  $O(n \log n) + O(n) = O(n)$

Space Complexity :  $O(n)$

# الگوریتم Dynamic

## روش 1

در این الگوریتم از پایین به بالا حرکت میکنیم (برعکس Divide & Conquer)  
برای پیاده سازی از آرایه دو بعدی استفاده میکنیم

```
public class Dynamic_Algorithm
{
    public double totalVal = 0;
    public List<long> company_list = new List<long>();
    public void R_Companies(long n, long total_W, long[,] k, item[] items)
    {
        long current_value = 0;
        long preview_value = 0;
        for (long j = n; j > 0; j--) //Time Complexity O(n)
        {
            current_value = k[j, total_W];
            preview_value = k[j - 1, total_W];
            if (current_value > preview_value)
            {
                company_list.Add((items[j - 1].id));
                total_W = total_W - items[j - 1].weight;
            }
        }
    }
    public void knapSack_Dynamic(item[] items, long W)
    {
        long n = items.Length;
        long[,] K = new long[n + 1, W + 1];
        for (long i = 0; i <= n; i++) //Time Complexity O(N*W)
        {
            for (long w = 0; w <= W; w++)
            {
                if (i == 0 || w == 0)
                    K[i, w] = 0;
                else if (items[i - 1].weight <= w)
                    K[i, w] = Math.Max(items[i - 1].value + K[i - 1, w - items[i - 1].weight], K[i - 1, w]);
                else
                    K[i, w] = K[i - 1, w];
            }
        }
        totalVal = K[n, W];
        R_Companies(n, W, K, items);
    }
    private long max(long a, long b) { return (a > b) ? a : b; }
}
```

## توابع

Function -> R\_Companies:

لیست شرکت ها را خروجی میدهد

Function -> knapsack\_Dynamic:

تابع اصلی برای محاسبه کوله پشتی بر اساس الگوریتم Dynamic

محاسبه هر درایه آرایه

```
array[i,w] = Max(items[i-1].value + array[i-1, w-items[i-1].weight], K[i-1, w]);
```

Time Complexity :  $O(N*W)$

Space Complexity :  $O(N*W)$

اگر  $W$  زیاد باشد میتواند هزینه زیادی به جا بزند

# الگوریتم Dynamic Optimized

## روش 2

تعداد درایه های آرایه کاهش پیدا کرده است

```
public class Dynamic_Algorithm
{
    public double totalVal = 0;
    public void knapSack_Dynamic_optimized(item[] items, long W)
    {
        long n = items.Length;
        double[] k = new double[W + 1];
        for (long i = 1; i < n + 1; i++)           //Time Complexity O(N*W)
        {
            for (long w = W; w >= 0; w--)
            {
                if (items[i - 1].weight <= w)
                {
                    k[w] = Math.Max(k[w], k[w - items[i - 1].weight] + items[i - 1].value);
                }
            }
        }
        totalVal = k[W];
    }
}
```

Time Complexity :  $O(N*W)$

Space Complexity :  $O(W)$

## الگوریتم BackTracking

این الگوریتم تمام حالت های ممکن را بررسی میکند و هر کدام که بالاترین سود را دهد مشخص میکند

```
public class BackTracking_Algorithm
{
    public long max(long a, long b) { return (a > b) ? a : b; }
    public double totalVal = 0;
    public List<long> company_list = new List<long>();
    public long recurison( item[] items, double W, long n)
    {
        if (n == 0 || W == 0)
            return 0;
        if (items[n - 1].weight > W)
            return recurison( items, W, n - 1);
        else
            return max(items[n - 1].value
                        + recurison( items, W - items[n - 1].weight, n - 1),
                        recurison( items, W, n - 1));
    }
    public void knapSack_BackTracking(item[] items, double W, long n)
    {
        totalVal= recurison(items, W, n);
    }
}
```

Time Complexity :  $O(2^n)$

Space Complexity :  $O(n)$  -> just for stack



همچنین میتوان با استفاده از الگوریتم branch and bound پیچیدگی زمانی را کاهش داد (با محاسبه bound در هر node)

$$\left( \begin{array}{l} \uparrow \\ \text{bound} = \end{array} \right. \underbrace{\left( profit + \sum_{j=i+1}^{k-1} p_j \right)}_{\text{Profit from first } k-1 \text{ items taken}} + \underbrace{(W - totweight)}_{\text{Capacity available for } k\text{th item}} \times \underbrace{\frac{p_k}{w_k}}_{\text{Profit per unit weight for } k\text{th item}}$$