Tema 1 - Introducción.

1.3 Modelos 3D. Modelos volumétricos, sólidos y de superficie.

Germán Arroyo, Juan Carlos Torres

6 de marzo de 2021

Germán Arroyo, Juan Carlos Torres

Tema 1 - Introducción.

6 de marzo de 2021

Germán Arroyo, Juan Carlos Torres

Contenido del tema

Tema 1: Introducción.

de superficie.

Tema 1 - Introducción.

6 de marzo de 2021

1.3 Modelos 3D. Modelos volumétricos, sólidos y de superficie.

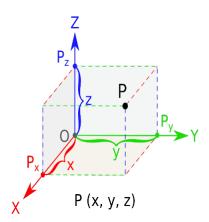


Figura 1: Espacio euclídeo 3D.

Tipos de modelos: Nube de puntos.

1.1 Concepto de entorno virtual.

1.4 Sistemas de interacción 2D y 3D.

1.2 Percepción y sentidos. Visualización 3D.

1.3 Modelos 3D. Modelos volumétricos, sólidos y

Posición de los puntos: P_i : $(x_i, y_i, z_i) \in \mathbb{E}^3$

Propiedades asociadas al punto: color, densidad, etc.

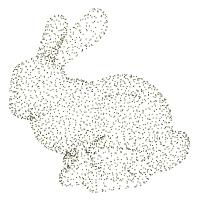


Figura 2: Nube de puntos.

Tipos de modelos: Malla.

Solamente se representa una superficie (de forma aproximada).

$$V\subseteq\mathbb{E}^3, E\subseteq V\times V, F=\{(i_1,i_2,...,i_n)|i_k\in V, (i_k,i_{k+1}\in E\}$$

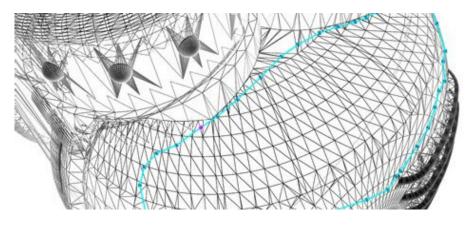


Figura 3: Modelo de malla

Germán Arroyo, Juan Carlos Torres

Tema 1 - Introducción.

6 de marzo de 2021

6 de marzo de 2021

Tipos de modelos: Sólidos (II).

Todo el sólido mantiene la misma propiedad.

Operaciones regularizadas

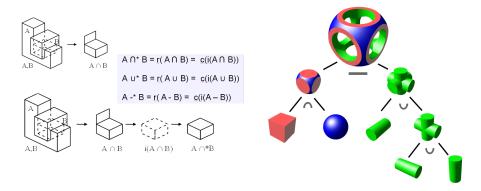


Figura 5: Modelo CSG.

Tipos de modelos: Sólidos (I).

La regularización de un conjunto se define como la clausura de su interior: r(S) = c(i(S))

Un conjunto es regular si es igual a su regularización: S = r(S)Conjunto (continuo) regular cerrado: $S \subseteq \mathbb{E}^3$.

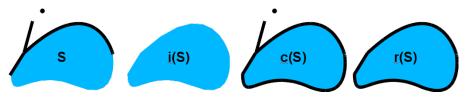


Figura 4: Modelo sólido.

Germán Arroyo, Juan Carlos Torres

Tipos de modelos: Volumétricos.

Rejillas de datos: vóxeles → Interior heterogéneo $V \subseteq \mathbb{E}^3 \times \Gamma$, donde Γ son las propiedades del vóxel.

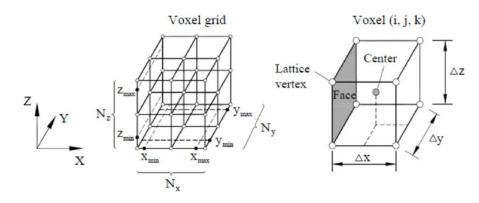


Figura 6: Rejilla de vóxeles

Germán Arroyo, Juan Carlos Torres Tema 1 - Introducción. 6 de marzo de 2021

Operaciones comunes en espacios euclídeos.

Operaciones básicas:

 $\blacktriangleright \ \ {\rm Posici\'on} \ (P_i) {:} \ (x_i,y_i,\ldots) \in \mathbb{E}^n$

 $\blacktriangleright \ \ {\rm Traslaci\'on} \ (T)\hbox{:}\ x->x+\Delta t_x$

 $\blacktriangleright \ \, \mathsf{Rotaci\'{o}n} \ (R) \hbox{:}\ x->x\cdot\cos(\Theta)+y\cdot\sin(\Theta)$

▶ Escalado (S): $x->x\cdot \Delta s_x$

Germán Arroyo, Juan Carlos Torres

Tema 1 - Introducción.

6 de marzo de 2021

9 / 15

Operaciones, ¿cómo se combinan?

$$\begin{split} &[(x,y)+(\Delta t_x)]\cdot \Delta s_x\\ &\text{¿Es igual que esto?}\left[(x,y)\cdot (\Delta s_x)\right]+\Delta t_x \end{split}$$

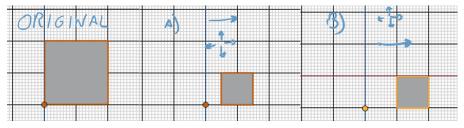


Figura 7: Operaciones geométricas y su orden.

Punto de pivote: Punto a partir del cual se realizan las transformaciones.

Germán Arroyo, Juan Carlos Torres

Germán Arroyo, Juan Carlos Torres

Tema 1 - Introducción.

6 de marzo de 2021

Notación: Matrices

Las matrices nos permiten aprovechar uniformar todas las operaciones.

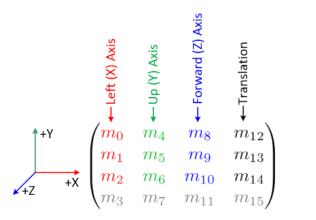


Figura 8: Ejemplo de operación representado como matriz.

Operaciones comunes: Matrices (I).

$$P_i = \begin{pmatrix} x_i \\ y_i \\ z_i \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$T = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \Delta t_x \\ 0 & 1 & 0 & \Delta t_y \\ 0 & 0 & 1 & \Delta t_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \rightarrow Translate(P_i) = T \cdot P_i$$

$$S = \begin{pmatrix} \Delta s_x & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \Delta s_y & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \Delta s_z & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \rightarrow Scale(P_i) = S \cdot P_i$$

Germán Arroyo, Juan Carlos Torres Tema 1 - Introducción. 6 de marzo de 2021 11/15

Tema 1 - Introducción.

6 de marzo de 2021

Operaciones comunes: Matrices (II).

$$R_x = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos\Theta_{\alpha} & -\sin\Theta_{\alpha} & 0 \\ 0 & \sin\Theta_{\alpha} & \cos\Theta_{\alpha} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$R_y = \begin{pmatrix} \cos\Theta_{\beta} & 0 & \sin\Theta_{\beta} & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -\sin\Theta_{\beta} & 0 & \cos\Theta_{\beta} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$R_z = \begin{pmatrix} \cos\Theta_{\gamma} & 0 & -\sin\Theta_{\gamma} & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ \sin\Theta_{\gamma} & 0 & \cos\Theta_{\gamma} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Germán Arroyo, Juan Carlos Torres

6 de marzo de 2021

Apilación de matrices jerárquica

$$M(P) \to M \cdot P$$

 $M(N(P)) \to M \cdot N \cdot P$

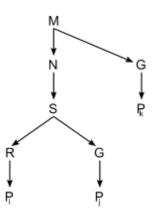


Figura 9: Diagrama de operaciones.

Germán Arroyo, Juan Carlos Torres Tema 1 - Introducción.

6 de marzo de 2021

Ventajas de las matrices.

$$\begin{split} R(\Theta_{\alpha},\Theta_{\beta},\Theta_{\gamma}) &= R_x \cdot R_y \cdot R_z \\ M &= R(\alpha,\beta,\gamma) \cdot T \cdot S \\ M &= \begin{pmatrix} a_0 & a_1 & a_2 & a_3 \\ b_0 & b_1 & b_2 & b_3 \\ c_0 & b_1 & c_2 & c_3 \\ d_0 & b_1 & d_2 & d_3 \end{pmatrix} \\ M \cdot P_0 \\ M \cdot P_1 \\ \dots \end{split}$$

Germán Arroyo, Juan Carlos Torres

Tema 1 - Introducción.

6 de marzo de 2021