

# QuickSort

Prof. Andrey Masiero

28 de setembro de 2017

# Agenda

- 1 QuickSort
- 2 Exercícios
- 3 Referências

# QuickSort

- Assim como o MergeSort, é um algoritmo que tem base no paradigma de divisão e conquista;

# QuickSort

- Assim como o MergeSort, é um algoritmo que tem base no paradigma de divisão e conquista;
- Só que utiliza a técnica de maneira contrária. Trabalho pesado é feito antes das chamadas recursivas;

# QuickSort

- Assim como o MergeSort, é um algoritmo que tem base no paradigma de divisão e conquista;
- Só que utiliza a técnica de maneira contrária. Trabalho pesado é feito antes das chamadas recursivas;
- Dado uma sequência  $S$ :

# QuickSort

- Assim como o MergeSort, é um algoritmo que tem base no paradigma de divisão e conquista;
- Só que utiliza a técnica de maneira contrária. Trabalho pesado é feito antes das chamadas recursivas;
- Dado uma sequência  $S$ :
  - Aplica a técnica de divisão e conquista, fazendo subsequências de  $S$ ;

# QuickSort

- Assim como o MergeSort, é um algoritmo que tem base no paradigma de divisão e conquista;
- Só que utiliza a técnica de maneira contrária. Trabalho pesado é feito antes das chamadas recursivas;
- Dado uma sequência  $S$ :
  - Aplica a técnica de divisão e conquista, fazendo subsequências de  $S$ ;
  - Aplica a recursão ordenando cada subsequência;

# QuickSort

- Assim como o MergeSort, é um algoritmo que tem base no paradigma de divisão e conquista;
- Só que utiliza a técnica de maneira contrária. Trabalho pesado é feito antes das chamadas recursivas;
- Dado uma sequência  $S$ :
  - Aplica a técnica de divisão e conquista, fazendo subsequências de  $S$ ;
  - Aplica a recursão ordenando cada subsequência;
  - Por fim, combina as subsequências ordenadas através de uma concatenação simples.



# QuickSort

Os três passos do algoritmo:

- Dividir: se  $S$  tiver pelo menos dois elementos, escolhe-se um elemento  $x$  de  $S$ , chamado de *pivô*. Uma opção é escolher  $x$  como o último elemento de  $S$ . Os demais elementos de  $S$  são removidos, e colocados em três sequências:

# QuickSort

Os três passos do algoritmo:

- Dividir: se  $S$  tiver pelo menos dois elementos, escolhe-se um elemento  $x$  de  $S$ , chamado de *pivô*. Uma opção é escolher  $x$  como o último elemento de  $S$ . Os demais elementos de  $S$  são removidos, e colocados em três sequências:
  - $L$ : elementos de  $S$  menores que  $x$ ;

# QuickSort

Os três passos do algoritmo:

- Dividir: se  $S$  tiver pelo menos dois elementos, escolhe-se um elemento  $x$  de  $S$ , chamado de *pivô*. Uma opção é escolher  $x$  como o último elemento de  $S$ . Os demais elementos de  $S$  são removidos, e colocados em três sequências:
  - $L$ : elementos de  $S$  menores que  $x$ ;
  - $E$ : elementos de  $S$  iguais a  $x$ ;

# QuickSort

Os três passos do algoritmo:

- Dividir: se  $S$  tiver pelo menos dois elementos, escolhe-se um elemento  $x$  de  $S$ , chamado de *pivô*. Uma opção é escolher  $x$  como o último elemento de  $S$ . Os demais elementos de  $S$  são removidos, e colocados em três sequências:
  - $L$ : elementos de  $S$  menores que  $x$ ;
  - $E$ : elementos de  $S$  iguais a  $x$ ;
  - $G$ : elementos de  $S$  maiores que  $x$ .

# QuickSort

Os três passos do algoritmo:

- Dividir: se  $S$  tiver pelo menos dois elementos, escolhe-se um elemento  $x$  de  $S$ , chamado de *pivô*. Uma opção é escolher  $x$  como o último elemento de  $S$ . Os demais elementos de  $S$  são removidos, e colocados em três sequências:
  - $L$ : elementos de  $S$  menores que  $x$ ;
  - $E$ : elementos de  $S$  iguais a  $x$ ;
  - $G$ : elementos de  $S$  maiores que  $x$ .
- Recursão: Ordena as sequências de  $L$  e  $G$ , recursivamente;

# QuickSort

Os três passos do algoritmo:

- Dividir: se  $S$  tiver pelo menos dois elementos, escolhe-se um elemento  $x$  de  $S$ , chamado de *pivô*. Uma opção é escolher  $x$  como o último elemento de  $S$ . Os demais elementos de  $S$  são removidos, e colocados em três sequências:
  - L: elementos de  $S$  menores que  $x$ ;
  - E: elementos de  $S$  iguais a  $x$ ;
  - G: elementos de  $S$  maiores que  $x$ .
- Recursão: Ordena as sequências de L e G, recursivamente;
- Conquista: Uni os elementos de  $S$  em ordem, a partir de L, passando por E e finalizando com G.

# QuickSort

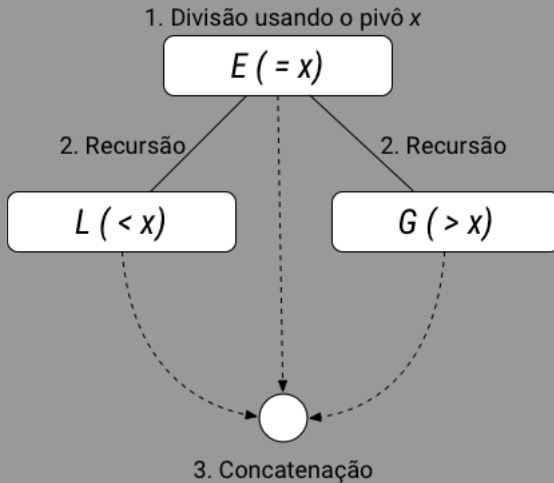


Figura: Goodrich e Tamassia, 2013

# QuickSort

- Assim como o MergeSort, o QuickSort pode ser visualizado com uma árvore binária recursiva;



# QuickSort

- Assim como o MergeSort, o QuickSort pode ser visualizado com uma árvore binária recursiva;
- A altura da árvore do QuickSort é no pior caso linear;

# QuickSort

- Assim como o MergeSort, o QuickSort pode ser visualizado com uma árvore binária recursiva;
- A altura da árvore do QuickSort é no pior caso linear;
- O pior caso ocorre quando a sequência consiste em  $n$  elementos distintos e já ordenada.

# QuickSort

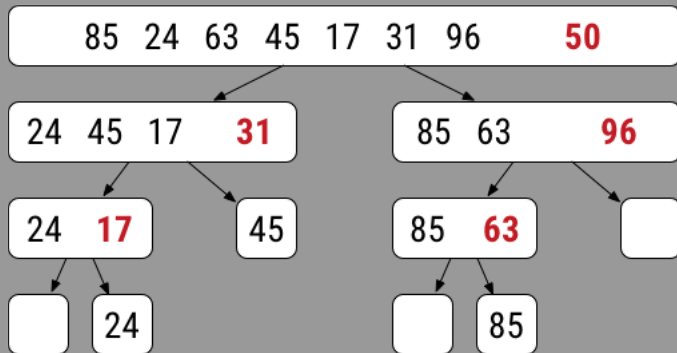


Figura: Goodrich e Tamassia, 2013

# QuickSort

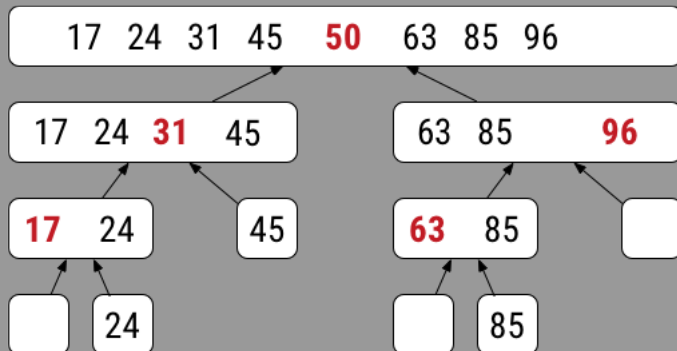


Figura: Goodrich e Tamassia, 2013

# Algoritmo de Ordenação

```
public void sort(int X[], int inicio, int fim) {  
    if (inicio < fim) {  
        int pivot = this.divide(X, inicio, fim);  
        this.sort(X, inicio, pivot - 1);  
        this.sort(X, pivot + 1, fim);  
    }  
}
```

# Método Divide

```
public int divide(int X[], int inicio, int fim) {  
    int pivot = X[inicio];  
    int postPivot = inicio;  
    for (int i = inicio + 1; i <= fim; i++) {  
        if(X[i] < pivot) {  
            X[postPivot] = X[i];  
            X[i] = X[postPivot + 1];  
            postPivot++;  
        }  
    }  
    X[postPivot] = pivot;  
    return postPivot;  
}
```

# Exercícios

- ① Implemente o QuickSort.
- ② Teste os algoritmos em um programa principal, com o seguintes vetores:
  - ① 42, 21, 37, 75, 98, 11, 50, 63
  - ② 88, 15, 27, 55, 44, 38
  - ③ 12, 81, 75, 37, 47, 25, 34
  - ④ 48, 11, 88, 33, 57, 12, 18, 87, 54, 8

# Referências Bibliográficas

- ① Cormen, Thomas H., Charles E. Leiserson, Ronald L. Rivest, and Clifford Stein. "Introduction to algorithms second edition." (2001).
- ② Goodrich, Michael T. and Tamassia, Roberto. "Estrutura de Dados e Algoritmos em Java." Porto Alegre, Ed. Bookman 5 (2013).
- ③ Ascencio, Ana Fernanda Gomes, and Graziela Santos de Araújo. "Estruturas de Dados: algoritmos, análise da complexidade e implementações em JAVA e C/C++." São Paulo: Perarson Prentice Halt 3 (2010).