

# Selection Sort e Insertion Sort

Prof. Andrey Masiero

12 de setembro de 2017

# Agenda

1 Selection Sort

2 Insertion Sort

3 Exercícios

4 Referências

# Selection Sort

- Busca pelo menor elemento no vetor;

# Selection Sort

- Busca pelo menor elemento no vetor;
- Depois posiciona ele na primeira posição;

# Selection Sort

- Busca pelo menor elemento no vetor;
- Depois posiciona ele na primeira posição;
- Realiza novamente o processo para todos elementos até  $n - 1$ ;

# Selection Sort

- Busca pelo menor elemento no vetor;
- Depois posiciona ele na primeira posição;
- Realiza novamente o processo para todos elementos até  $n - 1$ ;
- Complexidade dele:  $O(n^2)$ .

# Selection Sort

Vamos ordenar este vetor!

20	4	15	7	10
0	1	2	3	4

# Selection Sort

20	4	15	7	10
0	1	2	3	4

↑    ↑

*i*    *j*

*troca* = 0

- inicializa  $i = 0$ ;  $j = i + 1$ ;



# Selection Sort

20	4	15	7	10
0	1	2	3	4
↑	↑			
<i>i</i>	<i>j</i>			

*troca* = 0

- inicializa  $i = 0$ ;  $j = i + 1$ ;
- $20 > 4$  ? Sim

# Selection Sort

20	4	15	7	10
0	1	2	3	4
↑	↑			
<i>i</i>	<i>j</i>			

*troca* = 0

- inicializa  $i = 0$ ;  $j = i + 1$ ;
- $20 > 4$  ? Sim
- $troca = j$

# Selection Sort

20	4	15	7	10
0	1	2	3	4

↑

*i*

↑

*j*

*troca* = 1

- $j = j + 1;$

# Selection Sort

20	4	15	7	10
0	1	2	3	4

↑

*i*

↑

*j*

*troca* = 1

- $j = j + 1$ ;
- $4 > 15$  ? Não

# Selection Sort

20	4	15	7	10
0	1	2	3	4
↑		↑		
i		j		

*troca* = 1

- $j = j + 1$ ;
- $4 > 15$  ? Não
- próximo

# Selection Sort

20	4	15	7	10
0	1	2	3	4

↑

*i*

↑

*j*

*troca* = 1

- $j = j + 1;$

# Selection Sort

20	4	15	7	10
0	1	2	3	4
↑			↑	
i			j	

*troca = 1*

- $j = j + 1$ ;
- $4 > 10$  ? Não

# Selection Sort

20	4	15	7	10
0	1	2	3	4
↑			↑	
i			j	

*troca = 1*

- $j = j + 1$ ;
- $4 > 10$  ? Não
- próximo



# Selection Sort

20	4	15	7	10
0	1	2	3	4
↑				↑
i				j

*troca* = 1

- finalizou o vetor

# Selection Sort

20	4	15	7	10
0	1	2	3	4
↑				↑
i				j

*troca* = 1

- finalizou o vetor
- $swap(vetor[i], vetor[troca])$

# Selection Sort

20	4	15	7	10
0	1	2	3	4
↑				↑
<i>i</i>				<i>j</i>

*troca = 1*

- finalizou o vetor
- $swap(vetor[i], vetor[troca])$
- $i = i + 1; j = i + 1; troca = i$

# Selection Sort

4	20	15	7	10
0	1	2	3	4



*i*      *j*

*troca* = 1

- $20 > 15$  ? Sim

# Selection Sort

4	20	15	7	10
0	1	2	3	4



*i*   *j*

*troca* = 1

- $20 > 15$  ? Sim
- $troca = j$

# Selection Sort

4	20	15	7	10
0	1	2	3	4

↑

*i*

↑

*j*

*troca* = 2

- $j = j + 1;$

# Selection Sort

4	20	15	7	10
0	1	2	3	4
	↑		↑	
	i		j	

*troca = 2*

- $j = j + 1$ ;
- $15 > 7$  ? Sim

# Selection Sort

4	20	15	7	10
0	1	2	3	4

↑

i

↑

j

*troca* = 2

- $j = j + 1$ ;
- $15 > 7$  ? Sim
- $troca = j$



# Selection Sort

4	20	15	7	10
0	1	2	3	4
	↑			↑
	i			j

*troca* = 3

- $j = j + 1;$

# Selection Sort

4	20	15	7	10
0	1	2	3	4
	↑			↑
	i			j

*troca = 3*

- $j = j + 1$ ;
- $7 > 10$  ? Não

# Selection Sort

4	20	15	7	10
0	1	2	3	4

↑                      ↑

i                      j

*troca = 3*

- $j = j + 1$ ;
- $7 > 10$  ? Não
- próximo

# Selection Sort

4	20	15	7	10
0	1	2	3	4
	↑			↑
	i			j

*troca = 3*

- finalizou o vetor

# Selection Sort

4	20	15	7	10
0	1	2	3	4
	↑			↑
	i			j

*troca* = 3

- finalizou o vetor
- $swap(vetor[i], vetor[troca])$

# Selection Sort

4	20	15	7	10
0	1	2	3	4
	↑			↑
	<i>i</i>			<i>j</i>

*troca = 3*

- finalizou o vetor
- $swap(vetor[i], vetor[troca])$
- $i = i + 1; j = i + 1; troca = i$

# Selection Sort

4	7	15	20	10
0	1	2	3	4

↑    ↑  
i    j

*troca* = 2

- $15 > 20$  ? Não

# Selection Sort

4	7	15	20	10
0	1	2	3	4

↑    ↑  
i    j

*troca* = 2

- $15 > 20$  ? Não
- próximo



# Selection Sort

4	7	15	20	10
0	1	2	3	4
		↑		↑
		<i>i</i>		<i>j</i>

*troca* = 2

- $j = j + 1;$

# Selection Sort

4	7	15	20	10
0	1	2	3	4
		↑		↑
		i		j

*troca* = 2

- $j = j + 1$ ;
- $15 > 10$  ? Sim

# Selection Sort

4	7	15	20	10
0	1	2	3	4

↑                      ↑  
i                      j

*troca* = 2

- $j = j + 1$ ;
- $15 > 10$  ? Sim
- $troca = j$

# Selection Sort

4	7	15	20	10
0	1	2	3	4
		↑		↑
		i		j

*troca* = 4

- finalizou o vetor

# Selection Sort

4	7	15	20	10
0	1	2	3	4
		↑		↑
		i		j

*troca* = 4

- finalizou o vetor
- $swap(vetor[i], vetor[troca])$

# Selection Sort

4	7	15	20	10
0	1	2	3	4
		↑		↑
		<i>i</i>		<i>j</i>

*troca = 4*

- finalizou o vetor
- $swap(vetor[i], vetor[troca])$
- $i = i + 1; j = i + 1; troca = i$

# Selection Sort

4	7	10	20	15
0	1	2	3	4

↑    ↑  
i    j

*troca* = 3

- $20 > 15$  ? Sim

# Selection Sort

4	7	10	20	15
0	1	2	3	4

↑    ↑  
i    j

*troca* = 3

- $20 > 15$  ? Sim
- $troca = j$



# Selection Sort

4	7	10	20	15
0	1	2	3	4

↑    ↑  
i    j

*troca* = 4

- finalizou o vetor

# Selection Sort

4	7	10	20	15
0	1	2	3	4

↑    ↑  
i    j

*troca* = 4

- finalizou o vetor
- $swap(vetor[i], vetor[troca])$

# Selection Sort

4	7	10	15	20
0	1	2	3	4

Vetor Ordenado

# Selection Sort

```
vetor[] = {20, 4, 15, 7, 10}
```

```
for (i = 0; i < vetor.length - 1; i++)  
    indice_menor = i  
    for (j = i + 1; j < vetor.length; j++)  
        if (vetor[j] < vetor[indice_menor])  
            indice_menor = j  
    swap(vetor[j], vetor[j + 1])
```

# Insertion Sort

- Utilizando um vetor auxiliar;

# Insertion Sort

- Utilizando um vetor auxiliar;
- Os elementos são inseridos na posição correta;

# Insertion Sort

- Utilizando um vetor auxiliar;
- Os elementos são inseridos na posição correta;
- Complexidade dele:  $O(n^2)$ .

# Insertion Sort

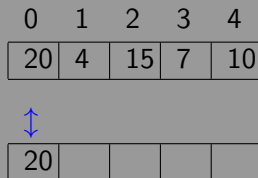
Vamos ordenar este vetor!

0	1	2	3	4
20	4	15	7	10

--	--	--	--	--

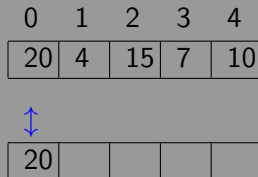


# Insertion Sort



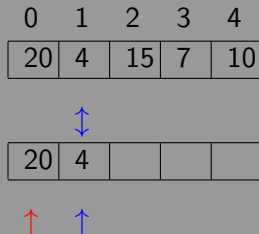
- inicializa  $i = 0$ ;

# Insertion Sort



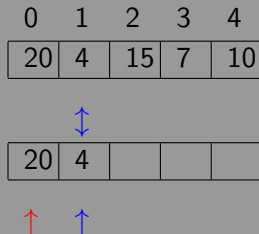
- inicializa  $i = 0$ ;
- copia o  $vetor[i]$  para a posição 0 do vetor auxiliar

# Insertion Sort



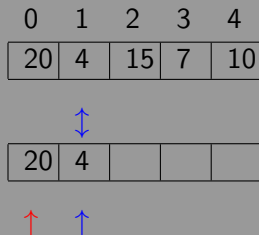
- $i = i + 1$ ; inicializa  $j = i - 1$

# Insertion Sort



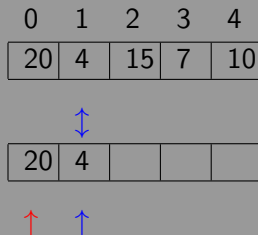
- $i = i + 1$ ; inicializa  $j = i - 1$
- $4 < 20$  ? Sim

# Insertion Sort



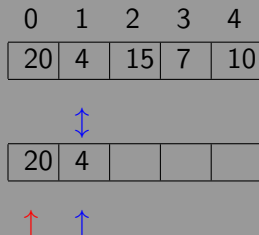
- $i = i + 1$ ; inicializa  $j = i - 1$
- $4 < 20$  ? Sim
- $j = j - 1$

# Insertion Sort



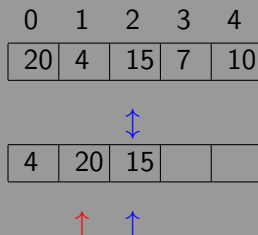
- $i = i + 1$ ; inicializa  $j = i - 1$
- $4 < 20$  ? Sim
- $j = j - 1$
- acabou vetor

# Insertion Sort



- $i = i + 1$ ; inicializa  $j = i - 1$
- $4 < 20$  ? Sim
- $j = j - 1$
- acabou vetor
- $swap(vetor[i], vetor[j + 1])$

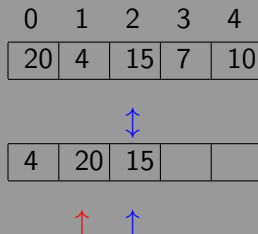
# Insertion Sort



- $i = i + 1$ ; inicializa  $j = i - 1$

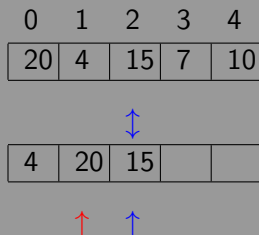


# Insertion Sort



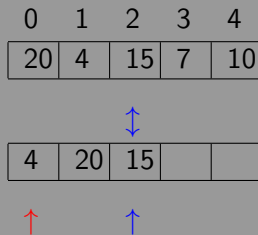
- $i = i + 1$ ; inicializa  $j = i - 1$
- $15 < 20$  ? Sim

# Insertion Sort



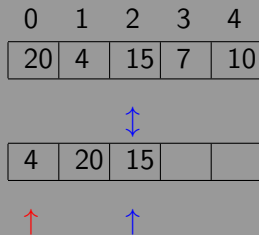
- $i = i + 1$ ; inicializa  $j = i - 1$
- $15 < 20$  ? Sim
- $j = j - 1$

# Insertion Sort



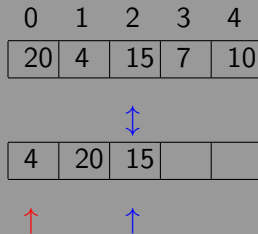
- $15 < 4$  ? Não

# Insertion Sort



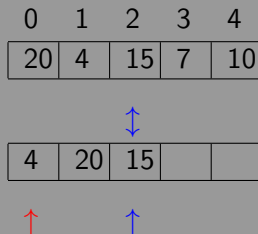
- $15 < 4$  ? Não
- $j = j - 1$

# Insertion Sort



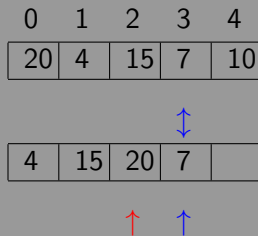
- $15 < 4$  ? Não
- $j = j - 1$
- acabou vetor

# Insertion Sort



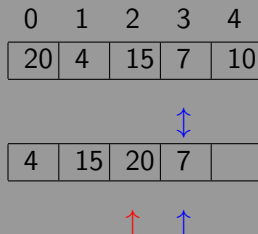
- $15 < 4$  ? Não
- $j = j - 1$
- acabou vetor
- $swap(vetor[i], vetor[j + 1])$

# Insertion Sort



- $i = i + 1$ ; inicializa  $j = i - 1$

# Insertion Sort



- $i = i + 1$ ; inicializa  $j = i - 1$
- $7 < 20$  ? Sim

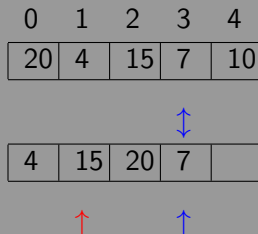


# Insertion Sort



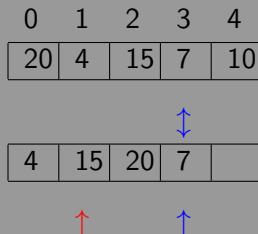
- $i = i + 1$ ; inicializa  $j = i - 1$
- $7 < 20$  ? Sim
- $j = j - 1$

# Insertion Sort



- $7 < 15$  ? Sim

# Insertion Sort



- $7 < 15$  ? Sim
- $j = j - 1$

# Insertion Sort



- $7 < 4$  ? Não

# Insertion Sort



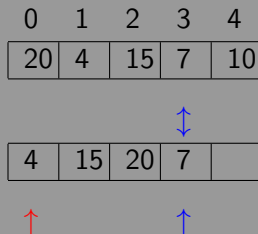
- $7 < 4$  ? Não
- $j = j - 1$

# Insertion Sort



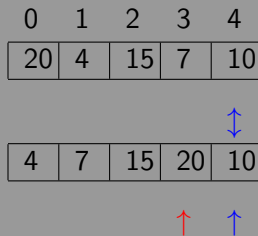
- $7 < 4$  ? Não
- $j = j - 1$
- acabou vetor

# Insertion Sort



- $7 < 4$  ? Não
- $j = j - 1$
- acabou vetor
- $swap(vetor[i], vetor[j + 1])$

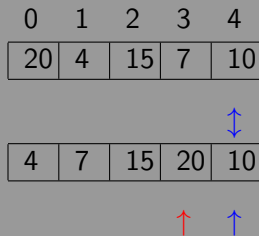
# Insertion Sort



- $i = i + 1$ ; inicializa  $j = i - 1$



# Insertion Sort



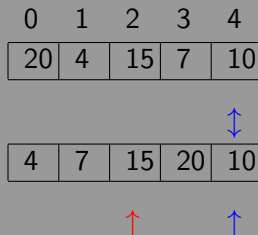
- $i = i + 1$ ; inicializa  $j = i - 1$
- $10 < 20$  ? Sim

# Insertion Sort



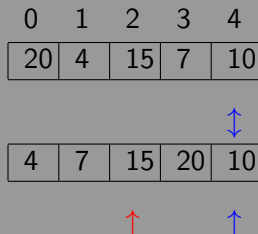
- $i = i + 1$ ; inicializa  $j = i - 1$
- $10 < 20$  ? Sim
- $j = j - 1$

# Insertion Sort



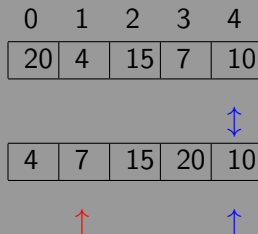
- $10 < 15$  ? Sim

# Insertion Sort



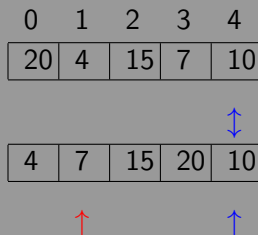
- $10 < 15$  ? Sim
- $j = j - 1$

# Insertion Sort



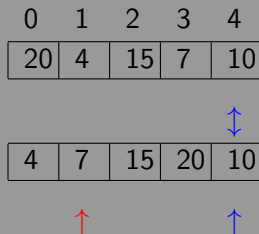
- $10 < 7$  ? Não

# Insertion Sort



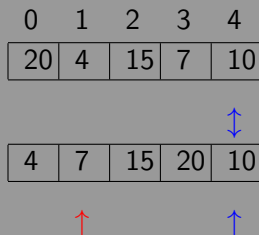
- $10 < 7$  ? Não
- $j = j - 1$

# Insertion Sort



- $10 < 7$  ? Não
- $j = j - 1$
- acabou vetor, pois não a partir daqui está ordenado.

# Insertion Sort



- $10 < 7$  ? Não
- $j = j - 1$
- acabou vetor, pois não a partir daqui está ordenado.
- $swap(vetor[i], vetor[j + 1])$



# Insertion Sort

0	1	2	3	4
20	4	15	7	10
4	7	10	15	20

Acabou! Vetor Auxiliar Ordenado!

# Insertion Sort

```
vetor[] = {20, 4, 15, 7, 10}
```

```
for (int i = 0; i < array.length; i++)  
    int a = array[i]  
    for (int j = i - 1; j >= 0 & array[j] > a; j--)  
        array[j + 1] = array[j]  
        array[j] = a
```

# Exercícios

- 1 Implemente o método de ordenação Selection Sort.
- 2 Implemente o método de ordenação Insertion Sort.
- 3 Teste todos os algoritmos em um algoritmo principal

# Referências Bibliográficas

- ① Cormen, Thomas H., Charles E. Leiserson, Ronald L. Rivest, and Clifford Stein. "Introduction to algorithms second edition." (2001).
- ② Tamassia, Roberto, and Michael T. Goodrich. "Estrutura de Dados e Algoritmos em Java." Porto Alegre, Ed. Bookman 4 (2007).
- ③ Ascencio, Ana Fernanda Gomes, and Graziela Santos de Araújo. "Estruturas de Dados: algoritmos, análise da complexidade e implementações em JAVA e C/C++." São Paulo: Perarson Prentice Halt 3 (2010).