## Ondas viajeras y estacionarias

Los ejercicios con (\*) entrañan una dificultad adicional. Son para investigar después de resolver los demás.

## Parámetros de una onda viajera

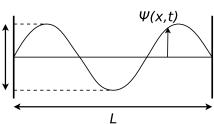
- 1. Verifique si las siguientes expresiones matemáticas cumplen la ecuación de las ondas unidimensional. Grafique las funciones dadas.
- a)  $\Psi(x,t) = A e^{-\lambda(x-vt)^2}$  b)  $\Psi(x,t) = \beta(x+vt)$  c)  $\Psi(x,t) = A \operatorname{sen} \left[k(x-vt)\right]$  d)  $\Psi(x,t) = B \operatorname{sen}^2(kx-\omega t)$  e)  $\Psi(x,t) = C \cos(kx) \operatorname{sen}(\omega t)$  f)  $\Psi(x,t) = D e^{i(kx-\omega t)}$

- 2. La ecuación de una onda transversal en una cuerda está dada por:  $y(x,t) = 0.1 \,\mathrm{m\,sen}\,(x\pi\,\mathrm{m}^{-1} t4\pi\,\mathrm{s}^{-1})$ . Determine para la onda que se propaga en ella:
  - a) amplitud,
  - c) velocidad de propagación.

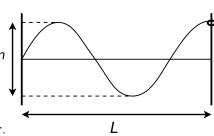
- b) frecuencia de vibración, y
- d) Y en  $x = 2 \,\mathrm{m}$  y  $t = 1 \,\mathrm{s}$ , desplazamiento, velocidad y la aceleración de la cuerda.
- 3. La frecuencia angular y número de onda de una onda transversal que se propaga en  $\hat{x}$  es  $\omega = 10\,\mathrm{s}^{-1}$  y  $k = 100 \,\mathrm{m}^{-1}$ . En  $x_1 = 1 \,\mathrm{km}$  y  $t_1 = 1 \,\mathrm{s}$  tiene por fase  $\phi = \frac{3\pi}{2}$ .
  - a) ¿Cuál es la fase en ese mismo punto para t = 0?
  - b) Considerando que  $\phi(x,t) = kx \omega t + \phi_0$ , ¿cuánto vale  $\phi_0$ ?
  - c) ¿A qué velocidad se propaga la onda?
  - d) ¿En que tiempo el frente de onda arriba a un  $x_2 = 2x_1$ ?
- 4. Una cuerda con densidad lineal  $\mu=0.005\,\frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{m}}$  se tensa aplicando una fuerza de 0,25 N. El extremo izquierdo se mueve hacia arriba y hacia abajo con un movimiento armónico simple de período 0,5 s y amplitud 0,2 m mientras se mantiene la tensión constante. Encontrar:
  - a) La velocidad de la onda generada en la cuerda, la frecuencia y la longitud de onda.
  - b) La expresión matemática para el desplazamiento: y(x,t).
  - c) La energía cinética media por unidad de longitud, de una partícula del medio.
  - d) La energía potencial media por unidad de longitud, de una partícula.

## Estacionarias en una cuerda como superposición de viajeras

5. Una cuerda de longitud  $L=0.6\,\mathrm{m}$ , fija en sus dos extremos, oscila en uno de sus modos normales. La velocidad de propagación de las 8mm ondas en dicha cuerda es  $v=80\,\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$ . En el momento que presenta su máxima amplitud pico a pico esta es de 8 mm



- a) Escribir  $\Psi(x,t)$ , sabiendo que a  $\Psi(x,0)=0 \ \forall x, y \ \text{que } \dot{\Psi}(L/2,0)>0$ .
- b) Hallar las ondas viajeras  $\Psi_{1,2}$  tales que  $\Psi(x,t)$  sea una combinación lineal de estas.
- 6. Una cuerda de longitud  $L = 1 \,\mathrm{m}$ , con un extremo fijo y uno libre, oscila en uno de sus modos normales. La velocidad de propagación de las ondas en dicha cuerda es  $v=80\,\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$ . En t=0 presenta su máxima 8mmamplitud pico a pico de 8 mm, siendo  $\Psi(L,0) > 0$ .



- a) Resolver, para esta situación, todo lo pedido en el problema anterior.
- b) Si ahora la cuerda está oscilando en un modo normal arbitrario n, con las mismas condiciones iniciales dadas arriba, repetir (a) (expresar en función de n).