Ondas viajeras y estacionarias

Los ejercicios con (*) son opcionales.

Parámetros de una onda viajera

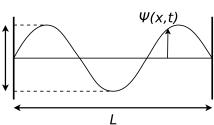
- 1. Verifique si las siguientes expresiones matemáticas cumplen la ecuación de las ondas unidimensional. Grafique las funciones dadas.
- a) $\Psi(x,t) = A e^{-\lambda(x-vt)^2}$ b) $\Psi(x,t) = \beta(x+vt)$ c) $\Psi(x,t) = A \operatorname{sen} \left[k(x-vt)\right]$ d) $\Psi(x,t) = B \operatorname{sen}^2(kx-\omega t)$ e) $\Psi(x,t) = C \cos(kx) \operatorname{sen}(\omega t)$ f) $\Psi(x,t) = D e^{i(kx-\omega t)}$

- 2. La ecuación de una onda transversal en una cuerda está dada por: $y(x,t) = 0.1 \,\mathrm{m\,sen}\,(x\pi\,\mathrm{m}^{-1} t4\pi\,\mathrm{s}^{-1})$. Determine para la onda que se propaga en ella:
 - a) amplitud,
 - c) velocidad de propagación.

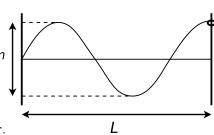
- b) frecuencia de vibración, y
- d) Y en $x = 2 \,\mathrm{m}$ y $t = 1 \,\mathrm{s}$, desplazamiento, velocidad y la aceleración de la cuerda.
- 3. La frecuencia angular y número de onda de una onda transversal que se propaga en \hat{x} es $\omega = 10\,\mathrm{s}^{-1}$ y $k = 100 \,\mathrm{m}^{-1}$. En $x_1 = 1 \,\mathrm{km}$ y $t_1 = 1 \,\mathrm{s}$ tiene por fase $\phi = \frac{3\pi}{2}$.
 - a) ¿Cuál es la fase en ese mismo punto para t = 0?
 - b) Considerando que $\phi(x,t) = kx \omega t + \phi_0$, ¿cuánto vale ϕ_0 ?
 - c) ¿A qué velocidad se propaga la onda?
 - d) ¿En que tiempo el frente de onda arriba a un $x_2 = 2x_1$?
- 4. Una cuerda con densidad lineal $\mu=0.005\,\frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{m}}$ se tensa aplicando una fuerza de 0,25 N. El extremo izquierdo se mueve hacia arriba y hacia abajo con un movimiento armónico simple de período 0,5 s y amplitud 0,2 m mientras se mantiene la tensión constante. Encontrar:
 - a) La velocidad de la onda generada en la cuerda, la frecuencia y la longitud de onda.
 - b) La expresión matemática para el desplazamiento: y(x,t).
 - c) La energía cinética media por unidad de longitud, de una partícula del medio.
 - d) La energía potencial media por unidad de longitud, de una partícula.

Estacionarias en una cuerda como superposición de viajeras

5. Una cuerda de longitud $L=0.6\,\mathrm{m}$, fija en sus dos extremos, oscila en uno de sus modos normales. La velocidad de propagación de las 8mm ondas en dicha cuerda es $v=80\,\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$. En el momento que presenta su máxima amplitud pico a pico esta es de 8 mm



- a) Escribir $\Psi(x,t)$, sabiendo que a $\Psi(x,0)=0 \ \forall x, y \ \text{que } \dot{\Psi}(L/2,0)>0.$
- b) Hallar las ondas viajeras $\Psi_{1,2}$ tales que $\Psi(x,t)$ sea una combinación lineal de estas.
- 6. Una cuerda de longitud $L = 1 \,\mathrm{m}$, con un extremo fijo y uno libre, oscila en uno de sus modos normales. La velocidad de propagación de las ondas en dicha cuerda es $v=80\,\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$. En t=0 presenta su máxima 8mmamplitud pico a pico de 8 mm, siendo $\Psi(L,0) > 0$.



- a) Resolver, para esta situación, todo lo pedido en el problema anterior.
- b) Si ahora la cuerda está oscilando en un modo normal arbitrario n, con las mismas condiciones iniciales dadas arriba, repetir (a) (expresar en función de n).