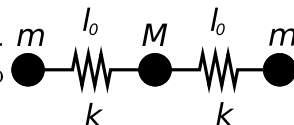


N > 2 GRADOS DE LIBERTAD

Los ejercicios con (*) entrañan una dificultad adicional. Son para investigar después de resolver los demás.

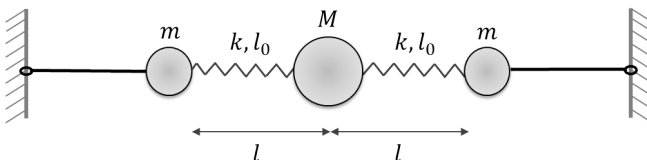
Sistemas con $N > 2$ grados de libertad

1. **Molécula triatómica** Se esquematiza en la figura una molécula triatómica simétrica. Entre dos átomos de masa m hay uno de masa $M = 2m$. Se modelan los enlaces bajo el modelo de elasticidad de Hook con constante k y longitud natural l_0 .

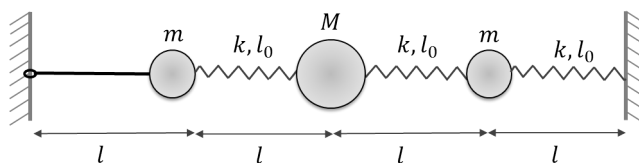


- Encuentre las ecuaciones para la dinámica de cada átomo en la dirección longitudinal a la molécula, \hat{x} . Asuma que los átomos tienen impedido un movimiento transversal.
- Halle las frecuencias de los modos normales.
- Dibuje las configuraciones de cada modo.
- Si el centro de masa de la molécula se mueve con $\vec{v}_0 = \text{cte } \hat{x}$, escriba la solución $\vec{x}(t)$.
- Determine las condiciones iniciales para excitar sólo el modo de mayor frecuencia.

2. Analice las oscilaciones transversales del problema anterior. Para su mejor comprensión puede imaginarlo como el esquema de la figura, en el cual las partículas de los extremos pueden subir/bajar pero solidarias a la barra enhebrada a los vástagos laterales.



- Encuentre las ecuaciones de movimiento de las partículas. ¿Qué diferencia hay en el caso con resortes *slinky* y con $l_0 \neq 0$ en las ecuaciones de movimiento bajo la aproximación de pequeñas oscilaciones?
- Halle las frecuencias de los modos normales.
- Dibuje la configuración correspondiente a cada modo normal. Determine los desplazamientos de cada partícula como función del tiempo (solución más general posible para cada partícula).
- ¿Qué condiciones iniciales que permiten excitar sólo el segundo modo?
- Si se fuerza la partícula del centro con frecuencias incrementalmente mayores, ¿qué modos se van observando?
- ¿Cómo se modifican los resultados anteriores si el extremo de la derecha se fija a la pared como se indica en la figura a continuación?



3. Considere el sistema de la figura, en la que los resortes verticales tienen longitud natural l_0 y constante k_1 , y los horizontales $a_0 = 0$ (son “slinkies”) y k_2 . Calcule las frecuencias propias y los modos normales.

