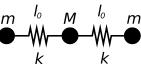
N>2 GRADOS DE LIBERTAD

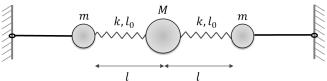
Los ejercicios con (*) entrañan una dificultad adicional. Son para investigar después de resolver los demás.

Sistemas con N > 2 grados de libertad

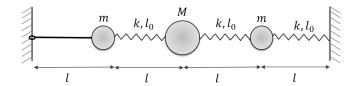
1. Molécula triatómica Se esquematiza en la figura una molécula triatómica simétrica. Entre dos átomos de masa m hay uno de masa M = 2m. Se modelan los enlaces bajo m el modelo de elasticidad de Hook con constante k y longitud natural l_0 .



- a) Encuentre las ecuaciones para la dinámica de cada átomo en oscilaciones longitudinales a la molécula (\hat{x}) . Asuma que los átomos tienen impedido cualquier movimiento transversal.
- b) Halle las frecuencias de los modos normales.
- c) Dibuje las configuraciones de cada modo.
- d) Si el centro de masa de la molécula se mueve con $\vec{v}_0 = \text{cte}\hat{x}$, escriba la solución $\vec{x}(t)$.
- e) Determine las condiciones iniciales para excitar sólo el modo de mayor frecuencia.
- 2. Analice las oscilaciones transversales del problema anterior. Para su mejor comprensión puede imaginarlo como el esquema de la figura, en el cual las masas de los extremos pueden subir/bajar pero solidarios a la barra enhebrada a los vástagos laterales.



- a) Encuentre las ecuaciones de movimiento de las masas. ¿Qué diferencia hay en el caso con resortes slinky y con $l_0 \neq 0$ en las ecuaciones de movimiento bajo la aproximación de pequeñas oscilaciones?
- b) Halle las frecuencias de los modos normales.
- c) Dibuje la configuración correspondiente a cada modo normal. Determine los desplazamientos de cada masa como función del tiempo (solución más general posible para cada masa).
- d) ¿Qué condiciones iniciales que permiten excitar sólo el segundo modo?
- e) Si se fuerza la masa del centro con frecuencias incrementalmente mayores, ¿qué modos se van observando?
- f) ¿Cómo se modifican los resultados anteriores si el extremo de la derecha se fija a la pared como se indica en la figura a continuación?.



3. Considere el sistema de la figura, en la que los resortes verticales tienen longitud natural l_0 y constante k_1 , y los horizontales $a_0 = 0$ (son "slinkies") y k_2 . Calcule las frecuencias propias y los modos normales.

