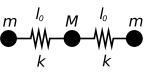
la dirección transversal.

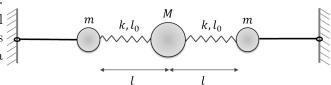
SISTEMAS DE N>2 GRADOS DE LIBERTAD

Los ejercicios con (*) entrañan una dificultad adicional y puede considerarlos opcionales.

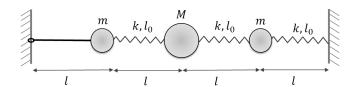
1. Molécula triatómica Se esquematiza en la figura una molécula triatómica simétrica. En el equilibrio dos átomos de masa m están situados a ambos lados del átomo de m masa M = 2m y vinculados por resortes de constante k y longitud natural l_0 . Como sólo estamos interesados en analizar los modos longitudinales, supondremos que las masas se encuentran dentro de una canaleta que impide todo tipo de movimiento en



- a) Encuentre las ecuaciones de movimiento de cada masa.
- b) Halle las frecuencias de los modos normales.
- c) Dibuje las configuraciones de cada modo.
- d) Si el centro de masa de la molécula se mueve con $v_o = cte$, halle la solución para $\psi_a(t)$, $\psi_b(t)$ y $\psi_c(t)$.
- e) Determine las condiciones iniciales para excitar sólo el modo más alto (mayor frecuencia).
- 2. Analice las oscilaciones transversales del problema anterior. Para su mejor comprensión puede imaginarlo como el esquema de la figura, en el cual las masas de los extremos pueden subir/bajar pero solidarios a la barra enhebrada a los vástagos laterales.



- a) Encuentre las ecuaciones de movimiento de las masas. ¿Qué diferencias hay entre la ecuación de movimiento para resortes slinky y resortes con $l_0 \neq 0$ en la aprox. de pequeñas oscilaciones?
- b) Halle las frecuencias de los modos normales.
- c) Dibuje la configuración correspondiente a cada modo normal. Determine los desplazamientos de cada masa como función del tiempo (solución más general posible para cada masa).
- d) ¿Qué condiciones iniciales que permiten excitar sólo el segundo modo?
- e) Si se fuerza la masa del centro con frecuencias incrementalmente mayores, ¿qué modos se van observando?
- f) ¿Cómo se modifican los resultados anteriores si el extremo de la derecha se fija a la pared como se indica en la figura a continuación?.



3. Considere el sistema de la figura, en la que los resortes verticales tienen longitud natural l_0 y constante k_1 , y los horizontales $a_0 = 0$ (son "slinkies") y k_2 . Calcule las frecuencias propias y los modos normales.

