

Chomsky-Normalform

Überführen Sie jeweils die angegebene kontextfreie Grammatik in Chomsky-Normalform.

(a) $G = (\{S, A, B, C, X\}, \{a, b, c\}, P, S)$ mit P :

$$P = \left\{ \begin{array}{l} S \rightarrow XAB \mid \epsilon \\ A \rightarrow aAB \mid AB \mid c \\ B \rightarrow BB \mid C \mid a \\ C \rightarrow CC \mid c \mid \epsilon \\ X \rightarrow A \mid b \end{array} \right\}$$

(b) $G = (\{S, T\}, \{a, b, c\}, P, S)$ mit P :

$$P = \left\{ \begin{array}{l} S \rightarrow aSbS \mid T \\ T \rightarrow cT \mid c \end{array} \right\}$$

(i) Elimination der ϵ -Regeln

— Alle Regeln der Form $A \rightarrow \epsilon$ werden eliminiert. Die Ersetzung von A wird durch ϵ in allen anderen Regeln vorweggenommen. —

☑ Nichts zu tun

(ii) Elimination von Kettenregeln

— Jede Produktion der Form $A \rightarrow B$ mit $A, B \in S$ wird als Kettenregel bezeichnet. Diese tragen nicht zur Produktion von Terminalzeichen bei und lassen sich ebenfalls eliminieren. —

$$P = \left\{ \begin{array}{l} S \rightarrow aSbS \mid cT \mid c \\ T \rightarrow cT \mid c \end{array} \right\}$$

(iii) Separation von Terminalzeichen

— Jedes Terminalzeichen σ , das in Kombination mit anderen Symbolen auftaucht, wird durch ein neues Nonterminal S_σ ersetzt und die Menge der Produktionen durch die Regel $S_\sigma \rightarrow \sigma$ ergänzt. —

$$P = \left\{ \begin{array}{l} S \rightarrow ASAS \mid CT \mid c \\ T \rightarrow CT \mid c \\ A \rightarrow a \\ B \rightarrow b \\ C \rightarrow c \end{array} \right\}$$

(iv) **Elimination von mehrelementigen Nonterminalketten**

— Alle Produktionen der Form $A \rightarrow B_1 B_2 \dots B_n$ werden in die Produktionen $A \rightarrow A_{n-1} B_n, A_{n-1} \rightarrow A_{n-2} B_{n-1}, \dots, A_2 \rightarrow B_1 B_2$ zerteilt. Nach der Ersetzung sind alle längeren Nonterminalketten vollständig heruntergebrochen und die Chomsky-Normalform erreicht.

$$P = \left\{ \begin{array}{l} S \rightarrow AU \mid CT \mid c \\ T \rightarrow CT \mid c \\ A \rightarrow a \\ B \rightarrow b \\ C \rightarrow c \\ U \rightarrow SVV \qquad \qquad \qquad \rightarrow AS \end{array} \right\}$$

(c) $G = (\{S, A, B\}, \{a, b, c\}, P, S)$ mit P :

$$P = \left\{ \begin{array}{l} S \rightarrow AB \\ A \rightarrow aAA \mid \epsilon \\ B \rightarrow bBB \mid \epsilon \end{array} \right\}$$