Einzelprüfung "Theoretische Informatik / Algorithmen / Datenstrukturen (nicht vertieft)" Einzelprüfungsnummer 46115 / 2016 / Frühjahr

**Thema 1 / Aufgabe 8** (Bubble- und Quicksort bei 25,1,12,27,30,9,33,34,18,16)

Stichwörter: Sortieralgorithmen, Bubblesort, Quicksort

(a) Sortieren Sie das Array mit den Integer Zahlen

25, 1, 12, 27, 30, 9, 33, 34, 18, 16

(i) mit BubbleSort

```
Lösungsvorschlag
 25
     1
             27
                  30
                      9
                           33 34
                                            Eingabe
         12
                                   18
                                       16
 25
    1
         12
             27
                  30
                      9
                           33
                               34
                                   18
                                       16
                                            Durchlauf Nr. 1
>25
    1<
         12
             27
                  30
                      9
                          33
                               34
                                   18
                                       16
                                            vertausche (i 0<>1)
    >25
         12< 27
                  30
                      9
                          33
                               34
                                   18
                                            vertausche (i 1<>2)
 1
                                       16
         25
     12
             27 >30
                      9<
                          33
                               34
 1
                                   18
                                       16
                                            vertausche (i 4<>5)
         25
 1
     12
             27
                  9
                      30
                          33 >34
                                   18< 16
                                            vertausche (i 7<>8)
 1
     12
         25
             27
                  9
                      30
                          33
                               18 >34
                                       16< vertausche (i 8<>9)
     12
         25
             27
                      30
                  9
                          33
                              18
                                   16
                                       34
                                           Durchlauf Nr. 2
 1
 1
     12
         25 >27
                  9<
                      30
                          33 18
                                   16
                                       34
                                           vertausche (i 3<>4)
     12
         25
             9
                  27
                      30 >33
                             18< 16
                                       34
                                           vertausche (i 6<>7)
     12
         25
             9
                  27
                      30
                          18 >33
                                   16< 34
                                           vertausche (i 7<>8)
 1
         25
                  27
                      30
     12
             9
                          18
                               16
                                   33
                                       34 Durchlauf Nr. 3
 1
     12 > 25
             9<
                  27
                      30
                                           vertausche (i 2<>3)
 1
                           18
                               16
                                   33
                                       34
 1
     12
         9
             25
                  27 >30
                           18< 16
                                   33
                                       34
                                            vertausche (i 5<>6)
     12
         9
             25
                  27
                      18 > 30
                               16< 33
                                       34
                                            vertausche (i 6<>7)
 1
                                       34
     12
         9
             25
                  27
                      18
                               30
                                   33
                           16
                                           Durchlauf Nr. 4
 1
 1
    >12
         9<
             25
                 27
                      18
                           16
                               30
                                   33
                                       34
                                           vertausche (i 1<>2)
             25 >27
                      18< 16
                               30
                                   33
 1
         12
                                           vertausche (i 4<>5)
     9
         12
             25
                  18 >27
                           16< 30
                                   33
                                           vertausche (i 5<>6)
 1
                                       34
     9
         12
             25
                  18
                      16
                          27
                               30
                                   33
                                       34
                                           Durchlauf Nr. 5
 1
     9
         12 > 25
                  18< 16
                          27
                               30
                                   33
                                       34
                                           vertausche (i 3<>4)
 1
     9
             18 > 25
                      16< 27
                               30
                                   33
                                       34
                                            vertausche (i 4<>5)
 1
         12
     9
         12
             18
                      25
                          27
                               30
                                   33
                                       34
                                           Durchlauf Nr. 6
 1
                  16
     9
                               30
                                   33
                                       34 vertausche (i 3<>4)
 1
         12 >18
                  16< 25
                          27
 1
     9
         12
             16
                  18
                      25
                          27
                               30
                                   33
                                       34 Durchlauf Nr. 7
                               30 33
         12
             16
                  18
                      25
                          27
                                       34 Ausgabe
```

(ii) mit Quicksort, wenn als Pivotelement das jeweils erste Element gewählt wird.

Beschreiben Sie die Abläufe der Sortierverfahren

- (i) bei BubbleSort durch eine Angabe der Zwischenergebnisse nach jedem Durchlauf
- (ii) bei *Quicksort* durch die Angabe der Zwischenergebnisse nach den rekursiven Aufrufen.
- (b) Welche Laufzeit (asymptotisch, in O-Notation) hat BubbleSort bei beliebig großen Arrays mit n Elementen. Begründen Sie Ihre Antwort.



## **Die Bschlangaul-Sammlung** Hermine Bschlangaul and Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike 4.0 International-Lizenz.

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht allein! Das ist ein Community-Projekt! Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net.Der TEX-Quelltext dieses Dokuments kann unter folgender URL aufgerufen werden: https://github.com/bschlangaul-sammlung/examens-aufgaben/blob/main/Staatsexamen/46115/2016/03/Thema-1/Aufgabe-8.tex