Einzelprüfung "Theoretische Informatik / Algorithmen / Datenstrukturen (nicht vertieft)" Einzelprüfungsnummer 46115 / 2015 / Herbst

# Thema 2 / Aufgabe 1

(Hashing mit Modulo 8)

Stichwörter: Streutabellen (Hashing)

Fügen Sie die folgenden Werte in der gegebenen Reihenfolge in eine Streutabelle der Größe 8 (mit den Indizes 0 bis 7) und der Streufunktion  $h(x) = x \mod 8$  ein. Verwenden Sie die jeweils angegebene Hash-Variante bzw. Kollisionsauflösung: 15, 3, 9, 23, 1, 8, 17, 4

# (a) Offenes Hashing

Zur Kollisionsauflösung wird Verkettung verwendet.

## **Beispiel**

Für die beiden Werte 8 und 16 würde die Lösung wie folgt aussehen:

Lösungsvorschlag

$$h(15) = 15 \mod 8 = 7$$

$$h(3) = 3 \mod 8 = 3$$

$$h(9) = 9 \mod 8 = 1$$

$$h(23) = 23 \mod 8 = 7$$

$$h(1) = 1 \mod 8 = 1$$

$$h(8) = 8 \mod 8 = 0$$

$$h(17) = 17 \mod 8 = 1$$

$$h(4) = 4 \mod 8 = 4$$

$$\frac{\text{Bucket } 0 \quad 1 \quad 2 \quad 3 \quad 4 \quad 5 \quad 6 \quad 7}{\text{Inhalt} \quad 8 \quad 9 \quad 3 \quad 4 \quad 15}$$

$$1 \quad 23$$

### (b) Geschlossenes Hashing

Zur Kollisionsauflösung wird lineares Sondieren (nur hochzählend) mit Schrittweite +5 verwendet.

Treten beim Einfügen Kollisionen auf, dann notieren Sie die Anzahl der Versuche zum Ablegen des Wertes im Subskript (z. B. das Einfügen des Wertes 8 gelingt im 5. Versuch:  $8_5$ ).

# **Beispiel**

Für die beiden Werte 8 und 16 würde die Lösung wie folgt aussehen:

Lösungsvorschlag

$$h'(x) = x \mod 8$$
  
$$h(x,i) = (h'(x) + i \cdot 5) \mod 8$$

# 17 einfügen

#### 4 einfügen

(c) Welches Problem tritt auf, wenn zur Kollisionsauflösung lineares Sondieren mit Schrittweite 4 verwendet wird? Warum ist 5 eine bessere Wahl?

Lösungsvorschlag

Beim linearen Sondieren mit der Schrittweite 4 werden nur zwei verschiedene Buckets erreicht, beispielsweise: 1, 5, 1, 5, etc.

Beim linearen Sondieren mit der Schrittweite 5 werden nacheinander alle möglichen Buckets erreicht, beispielsweise: 1, 6, 3, 0, 5, 2, 7, 4.

#### Additum

# Kleines Java-Hilfsprogramm zum Ausrechnen der Sondierungen

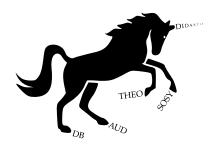
```
public class Hashing {
  public static int hashen(int x) {
    return (x % 8);
  }

public static int sondieren(int x, int i) {
    int ergebnis = (hashen(x) + i * 5) % 8;
    System.out.println(String.format("h(%s,%s) = %s", x, i, ergebnis));
    return ergebnis;
  }

public static void main(String[] args) {
  for (int i = 0; i < 5; i++) {
     sondieren(17, i);
  }

  for (int i = 0; i < 7; i++) {
     sondieren(4, i);
  }
}</pre>
```

 $Code-Beispiel\ auf\ Github\ ansehen: \verb|src/main/java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashing.java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/baum/Hashingaul/aufgaben/aud/baum/Hashingaul/aufgaben/aud/baum/Hashingaul/aufgaben/aud/baum/Hashingaul/aufgaben/aud/baum/Hashingaul/aud/baum/hashingaul/aud/baum/hashingaul/aud/baum/hashingaul/aud/baum/hashingaul/aud/baum/hashingaul/aud/baum/hashingaul/aud/baum/hashingau$ 



# Die Bschlangaul-Sammlung

#### Hermine Bschlangaul and Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike 4.0 International-Lizenz.

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht allein! Das ist ein Community-Projekt! Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net.Der TEX-Quelltext dieses Dokuments kann unter folgender URL aufgerufen werden: https://github.com/bschlangaul-sammlung/examens-aufgaben/blob/main/Staatsexamen/46115/2015/09/Thema-2/Aufgabe-1.tex