Einzelprüfung "Softwaretechnologie / Datenbanksysteme (nicht vertieft)"

Einzelprüfungsnummer 46116 / 2015 / Herbst

# Thema 2 / Teilaufgabe 1 / Aufgabe 3

(ASCII)

Stichwörter: wp-Kalkül

Sei wp(A, Q) die schwächste Vorbedingung (weakest precondition) eines Programmfragments A bei gegebener Nachbedingung Q so, dass A alle Eingaben, die wp(A,Q) erfüllen, auf gültige Ausgaben abbildet, die Q erfüllen.

Bestimmen Sie schrittweise und formal (mittels Floyd-Hoare-Kalkül) jeweils wp(A, Q) für folgende Code-Fragmente A und Nachbedingungen Q und vereinfachen Sie dabei den jeweils ermittelten Ausdruck so weit wie möglich.

Die Variablen x, y und z in folgenden Pseudo-Codes seien ganzzahlig (vom Typ int). Zur Vereinfachung nehmen Sie bitte im Folgenden an, dass die verwendeten Datentypen unbeschränkt sind und daher keine Überläufe auftreten können.

### (a) Sequenz:

```
x = -2 * (x + 2 * y);

y += 2 * x + y + z;

z -= x - y - z;

Q :\equiv x = y + z
```

Lösungsvorschlag

```
Code umformulieren:
```

```
code difficilitation function.

x = -2 * (x + 2 * y); \\ y = y + 2 * x + y + z; \\ z = z - (x - y - z);
Wp("x=-2*(x+2*y);y=2*y+2*x+z;", x = y + z)
z \text{ eingesetzen}
\equiv Wp("x=-2*(x+2*y);y=2*y+2*x+z;", x = y + (z - (x - y - z)))
Innere Klammer auflösen
\equiv Wp("x=-2*(x+2*y);y=2*y+2*x+z;", x = y + (-x + y - 2z))
Klammer auflösen
\equiv Wp("x=-2*(x+2*y);y=2*y+2*x+z;", x = -x + 2y + 2z)
-x \text{ auf beiden Seiten}
\equiv Wp("x=-2*(x+2*y);y=2*y+2*x+z;", 0 = -2x + 2y + 2z)
\div 2 \text{ auf beiden Seiten}
```

## (b) Verzweigung:

Lösungsvorschlag

```
1. Fall: x < y
2. Fall: x \ge y \land y > 0
3. Fall: x \ge y \land y \le 0
Code umformulieren:
if (x < y) {
  x = y + z;
} else if (x >= y \&\& y > 0) {
   x = x - y;
\mathrm{wp}(\text{"if}(x < y) \{x = y + z;\} \text{ else if}(x > y \& y > 0) \{z = y - 1;\} \text{ else}\{y = y - z; x = x - y;\} ", x > z)
                                                                                  (In mehrere kleinere wp-Kalküle aufsplitten)
                                          ((x < y) \land wp("x=y+z;", x > z)) \lor
                              \left((x \ge y \land y > 0) \land \operatorname{wp}(\texttt{"z=y-1};\texttt{"}, x > z)\right) \lor
                              ((x \ge y \land y \le 0) \land wp("y=y-z;x=x-y;", x > z))
\equiv
                                                                                                               (Code einsetzen)
                                           ((x < y) \land wp("", y + z > z)) \lor
                              \left( (x \ge y \land y > 0) \land \operatorname{wp}("", x > y - 1) \right) \lor
                               \left( (x \ge y \land y \le 0) \land \operatorname{wp}("y=y-z;", x-y > z) \right)
\equiv
                                                                 (wp-Kalkül-Schreibweise weg lassen, Code weiter einsetzen)
```

$$\left( (x < y) \land y + z > z \right) \lor$$

$$\left( (x \ge y \land y > 0) \land x > y - 1 \right) \lor$$

$$\left( (x \ge y \land y \le 0) \land \operatorname{wp}("", x - (y - z) > z) \right)$$

≡ (Terme vereinfachen, wp-Kalkül-Schreibweise weg lassen)

$$(x < y \land y > 0) \lor$$
$$(x \ge y^a \land y > 0) \lor$$
$$((x \ge y \land y \le 0) \land x - (y - z) > z)$$

(letzten Term vereinfachen) (letzten Term vereinfachen)

$$(x < y \land y > 0) \lor$$
$$(x \ge y \land y > 0) \lor$$
$$((x \ge y \land y \le 0) \land x - y > 0)$$

 $\equiv$  (ein  $\land$  eleminieren)

$$(x < y \land y > 0) \lor$$
$$(x \ge y \land y > 0) \lor$$
$$(y \le 0 \land x > y)$$

### (c) Mehrfachauswahl:

switch (z) {
 case "x":

 $ax > y - 1 \land x \ge y$  ergibt  $x \ge y$  $ax > y - 1 \land x \ge y$  ergibt  $x \ge y$ 

```
y = "x";
case "y":
    y = --z;
    break;
default:
    y = 0x39 + "?";
}
```

Hinweis zu den ASCII-Codes

```
- 'x' = 120_{(10)}

- 'y' = 121_{(10)}

- 0x39 = 57_{(10)}

- '?' = 63_{(10)}
```

Lösungsvorschlag

Mehrfachauswahl in Bedingte Anweisungen umschreiben. Dabei beachten, dass bei fehlendem break die Anweisungen im folgenden Fall bzw. ggf. in den folgenden Fällen ausgeführt werden:

```
if (z == "x") {
  y = "x";
  y = z - 1;
} else if (z == "y") {
  y = z - 1;
} else {
  y = 0x39 + "?";
}
```

Da kein break im Fall  $z = \|x\|$ . --z bedeutet, dass die Variable erst um eins verringert und dann zugewiesen wird.

```
if (z == 120) {
  y = 120;
  y = 120 - 1;
} else if (z == 121) {
  y = 121 - 1;
} else {
  y = 57 + 63;
}
```

Vereinfachung / Zusammenfassung:

```
if (z == 120) {
  y = 120;
  y = 119;
} else if (z == 121) {
  y = 120;
```

```
} else {
  y = 120;
    wp("if(z=120){y=120;y=119;})else if(z=121){y=120;}else{y=120;}", 120=y)
                                                                          (In mehrere kleinere wp-Kalküle aufsplitten)
                                       (z = 120) \land wp("y=120;y=119;", 120 = y)) \lor
                    ((z \neq 120) \land (z = 121)) \land wp("y=120;", 120 = y)) \lor
                    (((z \neq 120) \land (z \neq 121)) \land wp("y=120;", 120 = y))
    \equiv
                                                                                                   (Code einsetzen)
                                        (z = 120) \land wp("y=120;", 120 = 119)) \lor
                      (((z \neq 120) \land (z = 121)) \land wp("", 120 = 120)) \lor
                      (((z \neq 120) \land (z \neq 121)) \land wp("", 120 = 120))
    \equiv
                                                                                                     (vereinfachen)
                                                                  false V
                                                    (z = 121) \land \text{true}) \lor
                                  (((z \neq 120) \land (z \neq 121)) \land \mathsf{true})
    \equiv false \lor (z = 121) \lor ((z \neq 120) \land (z \neq 121))
    \equiv (z = 121) \lor (z \neq 121)
    \equiv z \neq 121
    Alle Zahlen außer 120 sind möglich bzw. alle Zeichen außer 'x'.
```



# **Die Bschlangaul-Sammlung** Hermine Bschlangaul and Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike 4.0 International-Lizenz.

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht allein! Das ist ein Community-Projekt! Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net.Der TEX-Quelltext dieses Dokuments kann unter folgender URL aufgerufen werden: https://github.com/bschlangaul-sammlung/examens-aufgaben/blob/main/Staatsexamen/46116/2015/09/Thema-2/Teilaufgabe-1/Aufgabe-3.tex