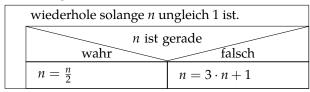
Abitur 2019 IV

Das Collatz-Problem ist ein immer noch ungelöstes Problem der Mathematik. Dabei geht es um Zahlenfolgen, die nach folgendem Algorithmus gebildet werden, wobei der Eingabewert n eine natürliche Zahl größer 0 ist:

collatzfolge(n)



Obwohl der Algorithmus sehr einfach ist, ist bis heute ungeklärt, ob er tatsächlich bei jedem beliebigen Startwert von n nach endlich vielen Durchläufen der Wiederholung terminiert.

(a) Geben Sie die Zahlenfolge an, die man mit dem Startwert 7 erhält, wenn n nach jedem Durchlauf der Wiederholung ausgegeben wird.

```
22 11 34 17 52 26 13 40 20 10 5 16 8 4 2 1
```

(b) Beschreiben Sie, wie man mithilfe der ganzzahligen Division ohne Rest prüfen kann, ob eine Zahl *a* durch eine andere Zahl *b* teilbar ist.

Wenn man das Ergebnis der Division der beiden Zahlen a und b mit b multipliziert und nach der Mulitplikation als Ergebnis wieder die Zahl a feststeht, dann handelt es sich um eine Division ohne Rest. Ergibt sich eine Zahl, die kleiner als a ist, so handelt es sich um eine Division mit Rest.

(c) Geben Sie ein Programm für die Registermaschine an, das den gegebenen Algorithmus collatzfolge (n) umsetzt, wobei zusätzlich die Anzahl der Durchläufe der Wiederholung bestimmt werden soll. Der Startwert für n steht am Anfang bereits in Speicherzelle 100.

Mit Modulo

```
# n:
    # anzahl: 101
                  LOADI O
                  STORE 101
    # WHILE n <> 1
                  LOAD 100
    solange:
                  CMPI 1
                  JMPZ ende
10
   # IF (n \% 2) = 0 THEN
11
                  LOAD 100
   bedingung:
12
                  MODI 2
13
14
                  JMPNZ ist_ungerade
```

```
15
    # n := n / 2;
16
    ist_gerade: LOAD 100
17
                   DIVI 2
18
                   STORE 100
19
20
                   JMP zaehler
21
    # n := 3 * n + 1;
22
    ist_ungerade: LOADI 3
23
                   MUL 100
24
                   ADDI 1
26
                   STORE 100
27
28
    # anzahl := anzahl + 1;
    zaehler:
                  LOAD 101
29
                   ADDI 1
30
                   STORE 101
31
                   JMP solange
32
33
                   HOLD
    ende:
34
```

Ohne Modulo

```
LOADI O
                   STORE 101
2
                   LOAD 100
    solange:
                   SUBI 1
                   JMPZ ende
                   LOAD 101
    zaehler:
                   ADDI 1
                   STORE 101
10
11
    modulo:
                   LOAD 100
                   DIVI 2
13
                   MULI 2
14
15
                   SUB 100
                   JMPN ist_ungerade
16
17
    ist_gerade:
                   LOAD 100
18
                   DIVI 2
19
                   STORE 100
20
                   JMP solange
21
22
    ist_ungerade: LOAD 100
23
                   MULI 3
24
                   ADDI 1
25
                   STORE 100
26
                   JMP solange
27
    ende:
                   HOLD
```

Minisprache

```
PROGRAM collatz;
VAR n, anzahl;

BEGIN
n := 7;
anzahl := 0;
```

```
WHILE n <> 1 DO
       IF (n % 2) = 0 THEN
        n := n / 2;
10
        n := 3 * n + 1;
11
12
       END;
       anzahl := anzahl + 1;
13
     END
14
15 END collatz.
package org.bschlangaul.aufgaben.tech_info.assembler;
3 public class Collatz {
    public static void main(String[] args) {
       int n = 7;
       int anzahl = 0;
       while (n != 1) {
         if (n % 2 == 0) {
          n = n / 2;
         } else {
10
11
          n = 3 * n + 1;
12
         anzahl++;
13
        System.out.println(n);
14
15
       System.out.println("Anzahl an Durchläufen " + anzahl);
16
17
   }
18
```