Reguläre Grammatik, reguläre Ausdrücke und DEA

Gegeben sind die folgenden Sprachen über dem Alphabet $\Sigma = \{a, b\}$:

- $L_0 = \{ w \mid w \text{ enthält mindestens ein } bb \}$
- $L_1 = \{ w \mid w \text{ endet auf h\"ochstens ein } b \}$
- $L_2 = \{ w \mid w \text{ fängt mit } aa \text{ an oder hört mit } bb \text{ auf } \}$
- (a) Gib zu allen Sprachen eine reguläre Grammatik an.

- (b) Gib zu den folgenden Wörtern eine Ableitung bzw. einen Syntaxbaum anhand der erstellten Grammatiken aus der Teilaufgabe a) an:
 - zum Wort *abba* aus der Sprache L_0 .
 - zum Wort baab aus der Sprache L_1 .
 - zum Wort *aabb* aus der Sprache L_2 .

$$Ab_0 = S \rightarrow aS \rightarrow abA \rightarrow abbB \rightarrow aabb$$

$$Ab_1 = S \rightarrow bA \rightarrow baS \rightarrow baaS \rightarrow baab$$

 $Ab_2 = S \rightarrow aA \rightarrow aaB \rightarrow aabB \rightarrow aabb$

(c) Gib zu allen Sprachen einen regulären Ausdruck an.

```
Reg_0 = (a|b)*bb(a|b)*
Reg_1 = (b*a+)*b
Reg_2 = (aa(a|b)*)|((a|b)*bb)
```

(d) Gib zu allen Sprachen einen Automaten an, der die Sprache akzeptiert.