Aufgabe 8

(a) Sortieren Sie das Array mit den Integer Zahlen

```
25, 1, 12, 27, 30, 9, 33, 34, 18, 16
```

(i) mit BubbleSort

```
25 1
       12 27
               30 9
                      33 34 18 16 Eingabe
25 1
       12 27
               30 9
                      33 34 18 16 Durchlauf Nr. 1
>25
   1< 12
           27
               30
                  9
                      33
                         34 18 16 vertausche (i 0<>1)
1 >25 12< 27
                     33 34 18 16 vertausche (i 1<>2)
               30
                  9
   12 25 27 >30 9< 33 34 18 16 vertausche (i 4<>5)
    12
       25
           27
               9
                  30 33 >34 18< 16 vertausche (i 7<>8)
       25 27
   12
               9
                  30 33 18 >34 16< vertausche (i 8<>9)
1
   12
       25 27
               9
                  30 33 18 16 34 Durchlauf Nr. 2
    12
       25 >27
              9<
                  30 33 18 16 34 vertausche (i 3<>4)
1
               27
    12 25 9
                  30 >33 18< 16 34 vertausche (i 6<>7)
   12 25 9
               27
                  30 18 >33 16< 34 vertausche (i 7<>8)
    12 25
          9
               27
                  30
                     18 16 33 34 Durchlauf Nr. 3
    12 >25 9<
               27
                  30
                     18 16
                             33 34 vertausche (i 2<>3)
    12 9
           25
               27 >30
                     18< 16 33 34 vertausche (i 5<>6)
   12 9
           25
               27
                  18 >30 16< 33 34 vertausche (i 6<>7)
    12 9
           25
               27
                  18
                     16
                         30 33 34 Durchlauf Nr. 4
   >12 9< 25 27
                  18 16 30
                             33 34 vertausche (i 1<>2)
1
1
       12 25 >27
                  18< 16 30
                             33 34 vertausche (i 4<>5)
       12
           25 18 >27 16< 30
                             33 34
                                    vertausche (i 5<>6)
1
       12 25 18 16 27 30
                             33 34 Durchlauf Nr. 5
       12 > 25 18 < 16 27 30
                             33 34 vertausche (i 3<>4)
       12 18 >25
                  16< 27
                         30
                             33
                                34
                                    vertausche (i 4<>5)
                         30
                             33 34 Durchlauf Nr. 6
       12 18 16
                  25 27
       12 >18
               16< 25
                      27
                         30
                             33 34
                                    vertausche (i 3<>4)
    9
       12 16
               18
                  25
                      27
                         30
                             33
                                34
                                    Durchlauf Nr. 7
1
       12 16
              18
                  25
                      27
                         30
                             33
                                34
                                    Ausgabe
```

(ii) mit *Quicksort*, wenn als Pivotelement das jeweils erste Element gewählt wird.

Beschreiben Sie die Abläufe der Sortierverfahren

- (i) bei *BubbleSort* durch eine Angabe der Zwischenergebnisse nach jedem Durchlauf
- (ii) bei *Quicksort* durch die Angabe der Zwischenergebnisse nach den rekursiven Aufrufen.
- (b) Welche Laufzeit (asymptotisch, in O-Notation) hat BubbleSort bei beliebig großen Arrays mit n Elementen. Begründen Sie Ihre Antwort.