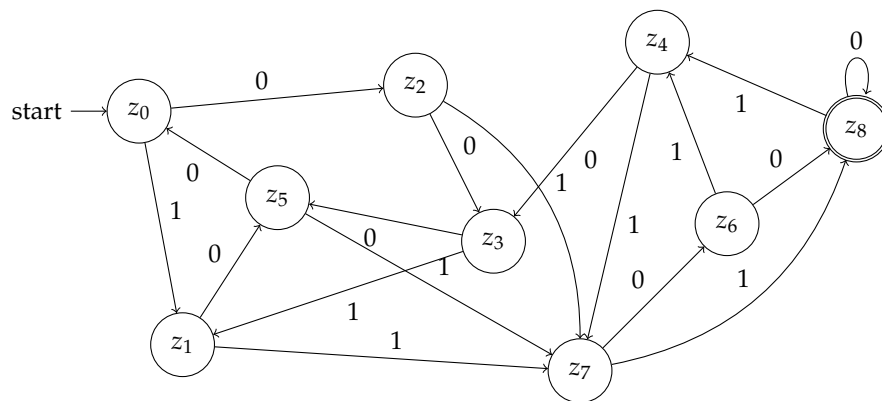


Staatsexamen 66115 / 2020 / Frühjahr

Thema 2 / Teilaufgabe 1 / Aufgabe 1

Stichwörter: Reguläre Sprache

- (a) Geben Sie einen deterministischen endlichen Automaten (DEA) mit minimaler Anzahl an Zuständen an, der dieselbe Sprache akzeptiert wie folgender deterministischer endlicher Automat. Dokumentieren Sie Ihr Vorgehen geeignet.



Der Automat auf flaci.com (FLACI: Formale Sprachen, abstrakte Automaten, Compiler und Interpreter) Ein Projekt der Hochschule Zittau/Görlitz und der Pädagogischen Hochschule Schwyz: flaci.com/Aj5aei652

Lösungshinweise

Minimierungstabelle (Table filling)

— Der Minimierungs-Algorithmus (auch Table-Filling-Algorithmus genannt) trägt in seinem Verlauf eine Markierung in alle diejenigen Zellen der Tabelle ein, die zueinander nicht äquivalente Zustände bezeichnen. Die Markierung „ x_n “ in einer Tabellenzelle (i, j) bedeutet dabei, dass das Zustandspaar (i, j) in der k -ten Iteration des Algorithmus markiert wurde und die Zustände i und j somit zueinander $(k - 1)$ -äquivalent, aber nicht k -äquivalent und somit insbesondere nicht äquivalent sind. Bleibt eine Zelle bis zum Ende unmarkiert, sind die entsprechenden Zustände zueinander äquivalent.

z_0	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset
z_1	x_3	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset
z_2	x_3	x_4	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset
z_3		x_3	x_3	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset
z_4	x_3	x_4		x_3	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset
z_5	x_3	x_4		x_3		\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset
z_6	x_2	x_2	x_2	x_2	x_2	x_2	\emptyset	\emptyset	\emptyset
z_7	x_2	x_2	x_2	x_2	x_2	x_2	x_2	\emptyset	\emptyset
z_8	x_1	x_1	x_1	x_1	x_1	x_1	x_1	x_1	\emptyset
	z_0	z_1	z_2	z_3	z_4	z_5	z_6	z_7	z_8

x_1 Paar aus End-/ Nicht-Endzustand kann nicht äquivalent sein.

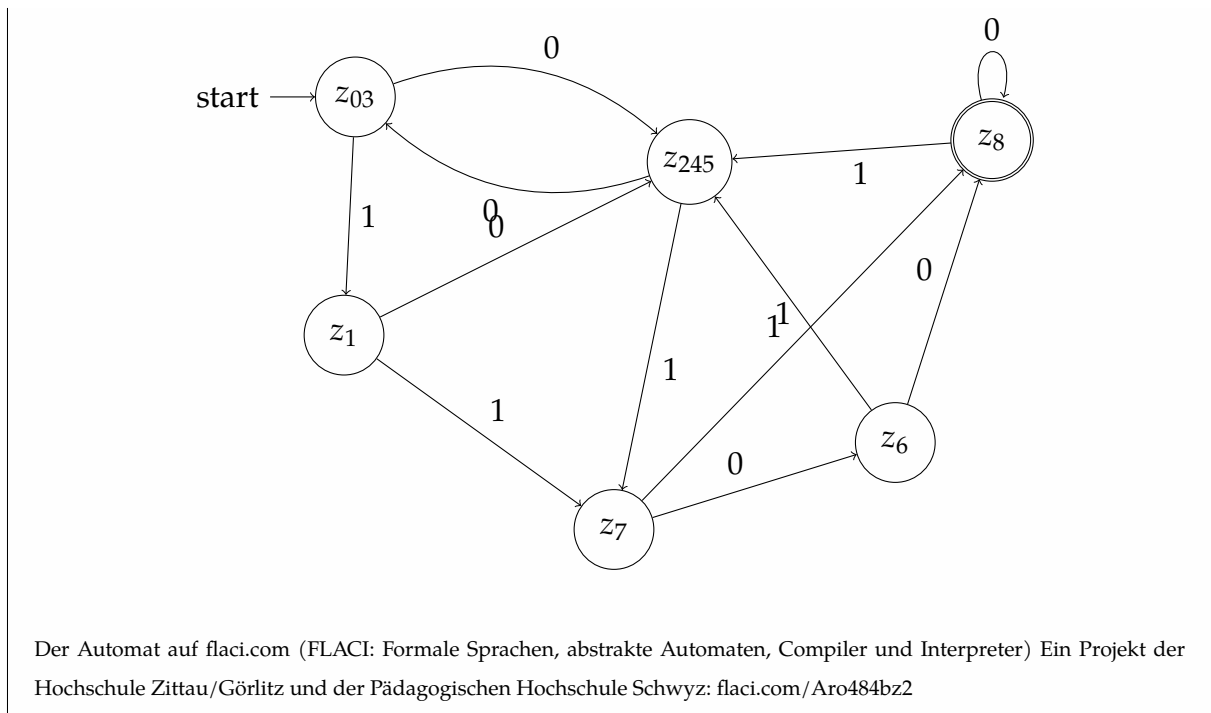
x_2 Test, ob man mit der Eingabe zu einem bereits markiertem Paar kommt.

x_3 In weiteren Iterationen markierte Zustände.

x_4 ...

Übergangstabelle

Zustandspaar	0	1
(z_0, z_1)	(z_2, z_5)	$(z_1, z_7) \quad x_3 \quad x_3$
(z_0, z_2)	(z_2, z_3)	$(z_1, z_7) \quad x_3$
(z_0, z_3)	(z_2, z_5)	(z_1, z_1)
(z_0, z_4)	(z_2, z_3)	$(z_1, z_7) \quad x_3$
(z_0, z_5)	(z_2, z_0)	$(z_1, z_7) \quad x_3$
(z_0, z_6)	(z_2, z_8)	$(z_1, z_4) \quad x_2$
(z_0, z_7)	(z_2, z_6)	$(z_1, z_8) \quad x_2$
(z_1, z_2)	(z_5, z_3)	$(z_7, z_7) \quad x_4$
(z_1, z_3)	(z_5, z_5)	$(z_7, z_1) \quad x_3$
(z_1, z_4)	(z_5, z_3)	$(z_7, z_7) \quad x_4$
(z_1, z_5)	(z_5, z_0)	$(z_7, z_7) \quad x_4$
(z_1, z_6)	(z_5, z_8)	$(z_7, z_4) \quad x_2$
(z_1, z_7)	(z_5, z_6)	$(z_7, z_8) \quad x_2$
(z_2, z_3)	(z_3, z_5)	$(z_7, z_1) \quad x_3$
(z_2, z_4)	(z_3, z_3)	(z_7, z_7)
(z_2, z_5)	(z_3, z_0)	(z_7, z_7)
(z_2, z_6)	(z_3, z_8)	$(z_7, z_4) \quad x_2$
(z_2, z_7)	(z_3, z_6)	$(z_7, z_8) \quad x_2$
(z_3, z_4)	(z_5, z_3)	$(z_1, z_7) \quad x_3$
(z_3, z_5)	(z_5, z_0)	$(z_1, z_7) \quad x_3$
(z_3, z_6)	(z_5, z_8)	$(z_1, z_4) \quad x_2$
(z_3, z_7)	(z_5, z_6)	$(z_1, z_8) \quad x_2$
(z_4, z_5)	(z_3, z_0)	(z_7, z_7)
(z_4, z_6)	(z_3, z_8)	$(z_7, z_4) \quad x_2$
(z_4, z_7)	(z_3, z_6)	$(z_7, z_8) \quad x_2$
(z_5, z_6)	(z_0, z_8)	$(z_7, z_4) \quad x_2$
(z_5, z_7)	(z_0, z_6)	$(z_7, z_8) \quad x_2$
(z_6, z_7)	(z_8, z_6)	$(z_4, z_8) \quad x_2$



- (b) Beweisen oder widerlegen Sie für folgende Sprachen über dem Alphabet $\Sigma = \{a, b, c\}$, dass sie regulär sind.

(i) $L_1 = \{a^i c u b^j v a c^k \mid u, v \in \{a, b\}^* \text{ und } i, j, k \in \mathbb{N}_0\}$

Lösungshinweise

Die Sprache L_1 ist regulär. Nachweis durch regulären Ausdruck:

$$a^* c (a|b)^* b^* (a|b)^* a c^*$$

(ii) $L_2 = \{a^i c u b^j v a c^k \mid u, v \in \{a, b\}^* \text{ und } i, j, k \in \mathbb{N}_0 \text{ mit } k = i + j\}$

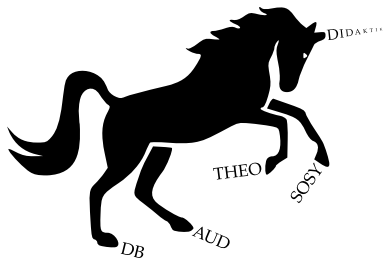
Lösungshinweise

Die Sprache L_2 ist nicht regulär. Widerlegung durch das Pumping-Lemma.
TODO

- (c) Sei L eine reguläre Sprache über dem Alphabet Σ . Für ein festes Element $a \in \Sigma$ betrachten wir die Sprache $L_a = \{aw \mid w \in \Sigma^*, wa \in L\}$. Zeigen Sie, dass L_a regulär ist.

Lösungshinweise

Die regulären Sprachen sind unter dem Komplement abgeschlossen.



Die Bschlangaul-Sammlung

Hermine Bschlangaul and Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike 4.0 International-Lizenz.

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht alleine! Das ist ein Community-Projekt. Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net. Der \LaTeX -Quelltext dieses Dokuments kann unter folgender URL aufgerufen werden: <https://github.com/hbschlang/lehramt-informatik/blob/main/Staatsexamen/66115/2020/09/Thema-2/Teilaufgabe-1/Aufgabe-1.tex>