# Kontextfreie Sprache

Gegeben ist die Grammatik  $G = (\{a, b\}, \{S, A, B\}, S, P)$  und den Produktionen

 $P = \{$   $S \rightarrow SAB \,|\, \epsilon$   $BA \rightarrow AB$   $AA \rightarrow aa$ 

}

(a) Geben Sie einen Ausdruck an, der die Wörter der Sprache beschreibt.

 $BB \rightarrow bb$ 

 $L = \{(a^n b^n)^m \mid m \in \mathbb{N}_0 \text{ und } n \in \text{ gerade Zahlen}\}$ 

Einige Testableitungen um die Grammatik in Erfahrung zu bringen: "." nur als optische Stütze nach 4 Zeichen eingefügt.

### Mit 4 Buchstaben

 $S \rightarrow SAB \rightarrow SABAB \rightarrow ABAB \rightarrow AABB \rightarrow aabb$ 

#### Mit 6 Buchstaben

 $S \rightarrow ... \rightarrow ABAB.AB \rightarrow AABB.AB \rightarrow AABA.BB \rightarrow AAAB.BB \rightarrow \emptyset$ 

#### Mit 8 Buchstaben

 $S \rightarrow ... \rightarrow ABAB.ABAB \rightarrow ... \rightarrow aabb.aabb$ 

S  $\rightarrow$  ...  $\rightarrow$  ABAB.ABAB  $\rightarrow$  ...  $\rightarrow$  AABB.AABB  $\rightarrow$  AABA.BABB  $\rightarrow$  AABA.ABBB  $\rightarrow$  AAAA.ABBB  $\rightarrow$  AAAA.ABBB  $\rightarrow$  AAAA.ABBB  $\rightarrow$  AAAAA.ABBBB  $\rightarrow$  AAAAA.ABBBB  $\rightarrow$  AAAAA.ABBBB

#### Mit 12 Buchstaben

 $S \rightarrow ... \rightarrow ABAB.ABAB.ABAB \rightarrow ... \rightarrow aabb.aabb.aabb$ 

 $S \rightarrow ... \rightarrow ABAB.ABAB.ABAB \rightarrow AAAA.BBBB.AABB \rightarrow aaaa.bbbb.aabb$ 

S  $\rightarrow$  ...  $\rightarrow$  ABAB.ABAB.ABAB  $\rightarrow$  AABB.ABAB.ABAB  $\rightarrow$  AABA.BBAB.ABAB.ABAB ...  $\rightarrow$  aaaa.aabb.bbbb

(b) Geben Sie eine kontextfreie Grammatik G' an, für die gilt: L(G') = L(G)

(c) Geben Sie einen Kellerautomaten an, der die Sprache akzeptiert.

## 1. Kellerautomat (aus der Grammtik abgeleitet)

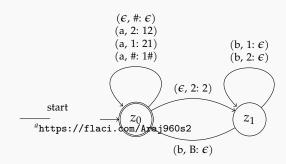
$$K = (\{z_0, z_1, z_2\}, \{a, b\}, \{\#, S, A, B\}, \delta, z_0, \#, z_0)$$

а

#### 2. Kellerautomat

$$K = (\{z_0, z_1\}, \{a, b\}, \{\#, 1, 2\}, \delta, z_0, \#, z_0)$$

Bemerkung zum Kelleralphabet: 1 steht für 1A, also ein a befindet sich im Keller, und 2 steht für 2A, also zwei a befinden sich im Keller.



b

 $<sup>^</sup>b$ https://flaci.com/Ahfqseouz