Einzelprüfung "Theoretische Informatik / Algorithmen (vertieft)"

Einzelprüfungsnummer 66115 / 2016 / Frühjahr

# Thema 2 / Aufgabe 7

(Vergleich Suchbäume)

Stichwörter: Bäume, Rot-Schwarz-Baum, AVL-Baum, Halde (Heap), B-Baum, R-Baum

Wofür eignen sich die folgenden Baum-Datenstrukturen im Vergleich zu den anderen angeführten Baumstrukturen am besten, und warum. Sprechen Sie auch die Komplexität der wesentlichen Operationen und die Art der Speicherung an.

# (a) Rot-Schwarz-Baum

Lösungsvorschlag

# Einfügen (Zeitkomplexität)

 $\mathcal{O}(\log n)$  (im Durchschnitt)

 $\mathcal{O}(\log n)$  (im schlechtesten Fall)

#### Löschen (Zeitkomplexität)

 $\mathcal{O}(\log n)$  (im Durchschnitt)

 $\mathcal{O}(\log n)$  (im schlechtesten Fall)

# Suchen (Zeitkomplexität)

 $\mathcal{O}(\log n)$  (im Durchschnitt)

 $\mathcal{O}(\log n)$  (im schlechtesten Fall) <sup>a</sup>

#### (b) AVL-Baum

Lösungsvorschlag

#### Einfügen (Zeitkomplexität)

 $\mathcal{O}(\log_2 n)$  (im Durchschnitt)

 $\mathcal{O}(\log_2 n)$  (im schlechtesten Fall)

## Löschen (Zeitkomplexität)

 $\mathcal{O}(\log_2 n)$  (im Durchschnitt)

 $\mathcal{O}(\log_2 n)$  (im schlechtesten Fall)

#### Suchen (Zeitkomplexität)

 $\mathcal{O}(\log_2 n)$  (im Durchschnitt)

 $\mathcal{O}(\log_2 n)$  (im schlechtesten Fall) <sup>a</sup>

# (c) Binärer-Heap

Lösungsvorschlag

**Verwendungszweck** zum effizienten Sortieren von Elementen. <sup>a</sup>

#### Einfügen (Zeitkomplexität)

 $\mathcal{O}(1)$  (im Durchschnitt)

<sup>&</sup>lt;sup>a</sup>tutorialspoint.com

<sup>&</sup>lt;sup>a</sup>tutorialspoint.com

 $\mathcal{O}(\log n)$  (im schlechtesten Fall)

#### Löschen (Zeitkomplexität)

 $\mathcal{O}(\log n)$  (im Durchschnitt)

 $\mathcal{O}(\log n)$  (im schlechtesten Fall)

# Suchen (Zeitkomplexität)

 $\mathcal{O}(n)$  (im Durchschnitt)

 $\mathcal{O}(n)$  (im schlechtesten Fall) <sup>b</sup>

<sup>a</sup>deut. Wikipedia

<sup>b</sup>engl. Wikipedia

# (d) B-Baum

Lösungsvorschlag

#### Einfügen (Zeitkomplexität)

 $\mathcal{O}(\log n)$  (im Durchschnitt)

 $\mathcal{O}(\log n)$  (im schlechtesten Fall)

# Löschen (Zeitkomplexität)

 $\mathcal{O}(\log n)$  (im Durchschnitt)

 $\mathcal{O}(\log n)$  (im schlechtesten Fall)

#### Suchen (Zeitkomplexität)

 $\mathcal{O}(\log n)$  (im Durchschnitt)

 $\mathcal{O}(\log n)$  (im schlechtesten Fall) <sup>a</sup>

#### (e) R-Baum

Lösungsvorschlag

**Verwendungszweck** Ein R-Baum erlaubt die schnelle Suche in mehrdimensionalen ausgedehnten Objekten. <sup>a</sup>

# Suchen (Zeitkomplexität)

 $\mathcal{O}(\log_M n)$  (im Durchschnitt) <sup>b</sup>

 $\mathcal{O}(n)$  (im schlechtesten Fall) <sup>c</sup>

<sup>a</sup>deut. Wikipedia

<sup>b</sup>eng. Wikipedia

<sup>c</sup>Simon Fraser University, Burnaby, Kanada



#### Die Bschlangaul-Sammlung

Hermine Bschlangaul and Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.

<sup>&</sup>lt;sup>a</sup>tutorialspoint.com



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike  $4.0\,\mathrm{International\text{-}Lizenz}.$ 

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht allein! Das ist ein Community-Projekt! Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net.Der TEX-Quelltext dieses Dokuments kann unter folgender URL aufgerufen werden: https://github.com/bschlangaul-sammlung/examens-aufgaben/blob/main/Staatsexamen/66115/2016/03/Thema-2/Aufgabe-7.tex