Reguläre Grammatik, reguläre Ausdrücke und DEA

Gegeben sind die folgenden Sprachen über dem Alphabet $\Sigma = \{a, b\}$:

- $L_0 = \{w \mid w \text{ enthält mindestens ein } bb\}$
- $L_1 = \{w \mid w \text{ endet auf h\"ochstens ein } b\}$
- $L_2 = \{w \mid w \text{ fängt mit } aa \text{ an oder hört mit } bb \text{ auf}\}$
- (a) Gib zu allen Sprachen eine reguläre Grammatik an.

$$G_0 = (V, \Sigma, P, S) \text{ mit } V = \{S, A, B\}, \Sigma = \{a, b\}, \text{i } S = S \text{ und mit } P = \{$$

$$S \rightarrow aS \mid bA$$

$$A \rightarrow aS \mid bB \mid b$$

$$B \rightarrow aB \mid a \mid bB \mid b$$

$$S \rightarrow aS \mid bA \mid b$$

$$A \rightarrow aS \mid bA \mid b$$

$$A \rightarrow aS \mid bB$$

$$B \rightarrow aS \mid bB \mid b$$

$$C \rightarrow aD \mid bE \mid b$$

$$C \rightarrow aD \mid bE \mid b$$

$$D \rightarrow bC \mid aD$$

$$E \rightarrow bE \mid b \mid aD$$

- (b) Gib zu den folgenden Wörtern eine Ableitung bzw. einen Syntaxbaum anhand der erstellten Grammatiken aus der Teilaufgabe a) an:
 - zum Wort *abba* aus der Sprache L_0 .

- zum Wort baab aus der Sprache L_1 .
- zum Wort *aabb* aus der Sprache L_2 .

$$Ab_0 = S \rightarrow aS \rightarrow abA \rightarrow abbB \rightarrow aabb$$

 $Ab_1 = S \rightarrow bA \rightarrow baS \rightarrow baaS \rightarrow baab$
 $Ab_2 = S \rightarrow aA \rightarrow aaB \rightarrow aabB \rightarrow aabb$

(c) Gib zu allen Sprachen einen regulären Ausdruck an.

$$Reg_0 = (a|b)*bb(a|b)*$$
 $Reg_1 = (b*a+)*b$
 $Reg_2 = (aa(a|b)*)|((a|b)*bb)$

(d) Gib zu allen Sprachen einen Automaten an, der die Sprache akzeptiert.