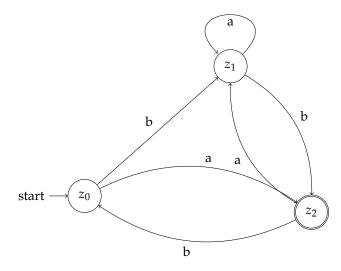
## **Grammatik aus Automat [Grammatik aus Automat]**

## **Grammatik aus Automat**

Sei  $A = (\{z_0, z_1, z_2\}, \{a, b\}, \delta, \{z_2\}, z_0)$  ein endlicher Automat. Die Übergangsfunktion sei wie in dem unten abgebildeten Diagramm definiert.



Der Automat auf flaci.com (FLACI: Formale Sprachen, abstrakte Automaten, Compiler und Interpreter) Ein Projekt der Hochschule Zittau/Görlitz und der Pädagogischen Hochschule Schwyz: flaci.com/Apk0iyqyg

(a) Gebe eine reguläre Grammatik G an, sodass L(G) = L(M) gilt.

$$G=(\{Z_0,Z_1,Z_2\},\{a,b\},P,Z_0) \text{ mit folgender Produktionsmenge}$$
 
$$P=\Big\{$$
 
$$Z_0\to bZ_1\,|\,aZ_2$$
 
$$Z_1\to aZ_1\,|\,bZ_2$$
 
$$Z_2\to bZ_0\,|\,aZ_1\,|\,\varepsilon$$
 
$$\Big\}$$

(b) Überlegen Sie sich ein systematisches Verfahren, um einen deterministischen endlichen Automaten in eine reguläre Grammatik umzuwandeln.

Analog zu obigem Beispiel folgender Algorithmus benutzt werden:

- Setze  $V = \{Z_0, Z_1, \dots Z_n\}$  und S auf den Startzustand des Automaten.
- Für jeden Übergang  $\delta(Z_i,a)=Z_j$  füge die Produktion  $\{Z_i\to aZ_j\}$  zu P hinzu.

- Für jeden Zustand  $Z_i \in Z$  füge die Produktion  $\{Z_i \to \varepsilon\}$  zu P dazu.