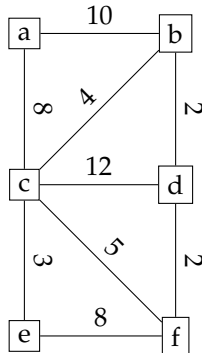


Aufgabe 12: Graphen III

Sei G der folgende Graph.



- (a) Der Algorithmus von Prim ist ein Algorithmus zur Bestimmung des minimalen Spannbaums in einem Graphen. Geben Sie einen anderen Algorithmus zur Bestimmung des minimalen Spannbaums an.

Zum Beispiel der Algorithmus von Kruskal

- (b) Führen Sie den Algorithmus von Prim schrittweise auf G aus. Ausgangsknoten soll der Knoten a sein. Ihre Tabelle sollte wie folgt beginnen:

a	b	c	d	e	f	Warteschlange
---	---	---	---	---	---	---------------

Die Einträge der Tabelle geben an, wie weit der angegebene Knoten vom aktuellen Baum entfernt ist.

```

graph TD
    a ---|10| b
    a ---|∞| c
    b ---|4| c
    b ---|2| d
    c ---|12| d
    c ---|3| e
    c ---|5| f
    d ---|2| f
    e ---|8| f
    style a fill:#fff,stroke:#000
    style b fill:#fff,stroke:#000
    style c fill:#fff,stroke:#000
    style d fill:#fff,stroke:#000
    style e fill:#fff,stroke:#000
    style f fill:#fff,stroke:#000
  
```

a	b	c	d	e	f	Warteschlange
0	∞	∞	∞	∞	∞	a
0	10	8	∞	∞	∞	c, b
0	4	0	12	3	5	e, b, f, d
0	4	0	12	0	5	b, f, d
0	0	0	2	0	5	d, f
0	0	0	0	0	2	f
0	0	0	0	0	0	

- (c) Erklären Sie, warum der Kürzeste-Wege-Baum (also das gezeichnete Ergebnis des Dijkstra-Algorithmus) und der minimale Spannbaum nicht notwendigerweise identisch sind.

Die Wahl der nächsten Kante erfolgt nach völlig verschiedenen Kriterien:

- Beim Kürzeste-Wege-Baum orientiert sie sich an der Entfernung der einzelnen Knoten vom Startknoten.
- Beim Spannbaum orientiert sie sich an der Entfernung der einzelnen Knoten vom bereits erschlossenen Teil des Spannbaums.