

Aufgabe 1

Gegeben seien folgende Tätigkeiten mit ihren Abhängigkeiten und Dauern:

Task	Dauer (in h)	Abhängigkeiten
T1	3	/
T2	6	/
T3	2	T1
T4	2	T2
T5	5	T1
T6	3	T4, T5
T7	6	T3
T8	7	T4
T9	4	T6, T8
T10	1	T7, T9

- (a) Zeichnen Sie ein CPM-Diagramm basierend auf der gegebenen Aufgabenliste. Benutzen Sie explizite Start- und Endknoten.

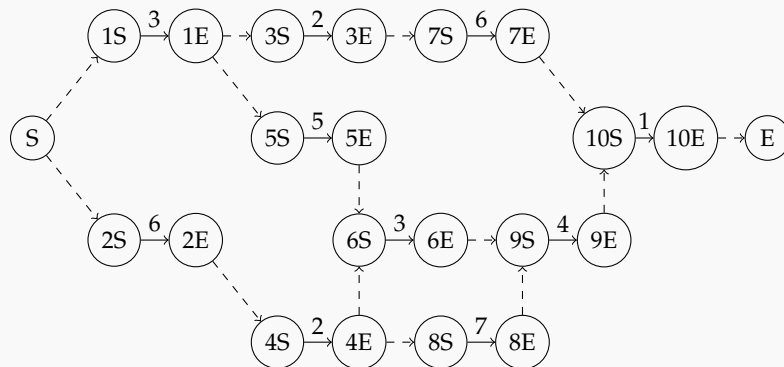
Abkürzungen

S Start

1S Start von T1

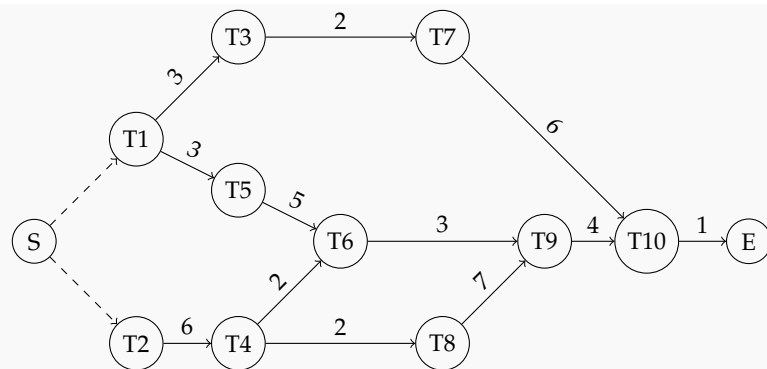
1E Ende von T1

E Ende

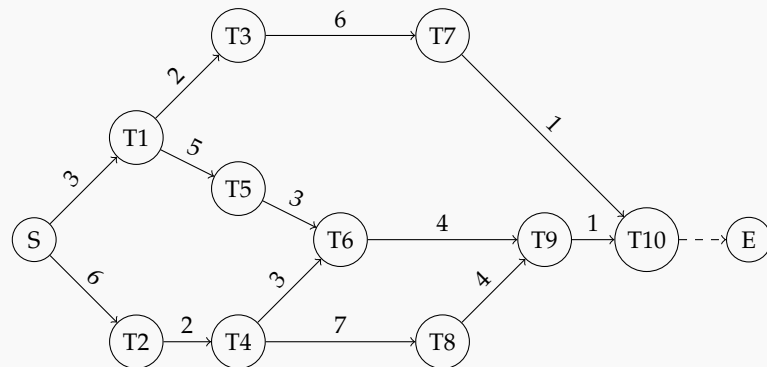


Teilen wir einen Task in zwei Knoten auf, so wird das Diagramm sehr unübersichtlich. Wir verwenden pro Task nur einen Knoten. Es gibt zwei Möglichkeiten:

Knoten sind Anfang der Tasks



Knoten sind Ende der Tasks



- (b) Als *Slack* bezeichnet man die Zeit, um die eine Aufgabe bezüglich ihres frühesten Startzeitpunktes verzögert werden kann, ohne dass es Probleme bei der fristgerechten Fertigstellung des Projektes gibt. Berechnen Sie den Slack für alle Aktivitäten und ergänzen Sie ihn in Ihrem Diagramm.

Knoten sind Anfang der Tasks

i	Nebenrechnung	FZ_i	i	Nebenrechnung	SZ_i
T1		0	T1	$\min(8_{T3}, 4_{T5})$	4
T2		0	T2		0
T3		3	T3		11
T4		6	T4	$\min(12_{T6}, 6_{T8})$	6
T5		3	T5		7
T6	$\max(8_{T4}, 8_{T5})$	8	T6		12
T7		5	T7		13
T8		8	T8		8
T9	$\max(11_{T6}, 15_{T4})$	15	T9		15
T10	$\max(19_{T9}, 11_{T7})$	19	T10		19
E		20	E		20

i	T1	T2	T3	T4	T5	T6	T7	T8	T9	T10	E
FZ_i	0	0	3	6	3	8	5	8	15	19	20
SZ_i	4	0	11	6	7	12	13	8	15	19	20
GP	4	0	8	0	4	4	8	0	0	0	0

Knoten sind Ende der Tasks

i	Nebenrechnung	FZ_i	i	Nebenrechnung	SZ_i
T1	$\max(11_{T4}, 11_{T5})$	3	T1	$\min(11_{T3}, 7_{T5})$	7
T2		6	T2	$\min(12_{T6}, 8_{T8})$	6
T3		5	T3		13
T4		8	T4		8
T5		8	T5		12
T6	$\max(15_{T6}, 19_{T8})$	11	T6		15
T7		11	T7		19
T8		15	T8		15
T9	$\max(20_{T9}, 12_{T7})$	19	T9		19
T10		20	T10		20
E		20	E		20

i	T1	T2	T3	T4	T5	T6	T7	T8	T9	T10	E
FZ_i	3	6	5	8	8	11	11	15	19	20	20
SZ_i	7	6	13	8	12	15	19	15	19	20	20
GP	4	0	8	0	4	4	8	0	0	0	0

- (c) Zeichnen Sie den kritischen Pfad in Ihr Diagramm ein oder geben Sie die Tasks des kritischen Pfades in der folgenden Form an: **Start ! ... ! Ende**. Sollte es mehrere kritische Pfade geben, geben Sie auch diese an. Wie lange ist die Dauer des kritischen Pfades bzw. der kritischen Pfade?

Kritischer Pfad: **Start ! T2 ! T4 ! T8 ! T9 ! T10 ! Ende**

Dauer: 20 h