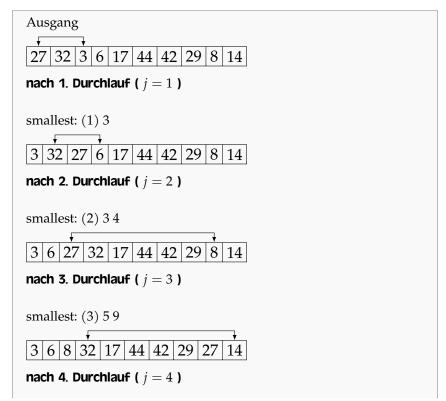
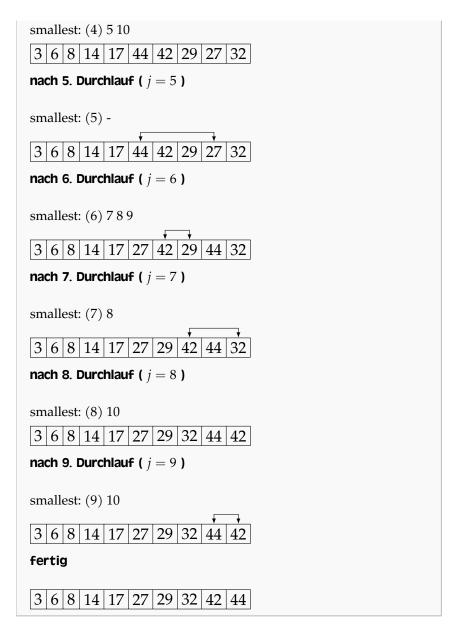
Aufgabe 4

In der folgenden Aufgabe soll ein Feld A von ganzen Zahlen *aufsteigend* sortiert werden. Das Feld habe n Elemente A[1] bis A[n]. Der folgende Algorithmus sei gegeben:

```
var A : array[1..n] of integer;
    procedure selection_sort
    var i, j, smallest, tmp : integer;
    begin
      for j := 1 to n-1 do begin
        smallest := j;
        for i := j + 1 to n do begin
          if A[i] < A[smallest] then
10
             smallest := i;
11
        tmp = A[j];
A[j] = A[smallest];
12
13
        A[smallest] = tmp;
14
15
      end
    end
```

(a) Sortieren Sie das folgende Feld mittels des Algorithmus. Notieren Sie alle Werte, die die Variable *smallest* jeweils beim Durchlauf der inneren Schleife annimmt. Geben Sie die Belegung des Feldes nach jedem Durchlauf der äußeren Schleife in einer neuen Zeile an.





(b) Der Wert der Variablen *smallest* wird bei jedem Durchlauf der äußeren Schleife mindestens ein Mal neu gesetzt. Wie muss das Feld *A* beschaffen sein, damit der Variablen *smallest* ansonsten niemals ein Wert zugewiesen wird? Begründen Sie Ihre Antwort.

Wenn das Feld bereits aufsteigend sortiert ist, dann nimmt die Variable *smallest* in der innneren Schleife niemals einen neuen Wert an.

(c) Welche Auswirkung auf die Sortierung oder auf die Zuweisungen an die Variable *smallest* hat es, wenn der Vergleich in Zeile 9 des Algorithmus statt A[i] < A[smallest] lautet $A[i] \le A[\text{smallest}]$? Begründen Sie Ihre Antwort.

Der Algorithmus sortiert dann nicht mehr *stabil*, d. h. die Eingabereihenfolge von Elementen mit *gleichem Wert* wird beim Sortieren nicht mehr *bewahrt*.

(d) Betrachten Sie den Algorithmus unter der Maßgabe, dass Zeile 9 wie folgt geändert wurde:

```
if A[i] > A[smallest] then
```

Welches Ergebnis berechnet der Algorithmus nun?

```
Der Algorithmus sortiert jetzt absteigend.
```

(e) Betrachten Sie die folgende *rekursive* Variante des Algorithmus. Der erste Parameter ist wieder das zu sortierende Feld, der Parameter n ist die Größe des Feldes und der Parameter *index* ist eine ganze Zahl. Die Funktion $\min_{i=1}^n (A, x, y)$ berechnet für $1 \le x \le y \le n$ den Index des kleinsten Elements aus der Menge $\{A[x], A[x+1], \ldots, A[y]\}$

```
procedure rek_selection_sort(A, n, index : integer)
var k, tmp : integer;
begin
if (Abbruchbedingung) then return;
k = min_index(A, index, n);
if k <> index then begin
tmp := A[k];
A[k] := A[index];
A[index] := tmp;
end
(rekursiver Aufruf)
```

Der initiale Aufruf des Algorithmus lautet: rek_selection_sort(A, n, 1)

Vervollständigen Sie die fehlenden Angaben in der Beschreibung des Algorithmus für

- die Abbruchbedingung in Zeile 4 und

```
n = index bzw n == index
Begründung: Wenn der aktuelle Index so groß ist wie die An-
zahl der Elemente im Feld, dann muss / darf abgebrochen wer-
```

- den rekursiven Aufruf in Zeile 11.

```
rek_selection_sort(A, n, index + 1)
```

den, denn dann ist das Feld soriert.

Am Ende der Methode wurde an die Index-Position index das kleinste Element gesetzt, jetzt muss an die nächste Index-Position (index+1) der kleinste Wert, der noch nicht sortieren Zahlen, gesetzt werden.

Begründen Sie Ihre Antworten.

```
import static org.bschlangaul.helfer.Konsole.zeigeZahlenFeld;
    public class SelectionSort {
      public static void selectionSort(int[] A) {
        int smallest, tmp;
        for (int j = 0; j < A.length - 1; j++) {
10
          System.out.println("\nj = " + (j + 1));
11
          smallest = j;
12
          for (int i = j + 1; i < A.length; i++) {
           if (A[i] < A[smallest]) {</pre>
14
15
              smallest = i;
              System.out.println(smallest + 1);
16
           }
17
18
19
          tmp = A[j];
          A[j] = A[smallest];
20
21
          A[smallest] = tmp;
          zeigeZahlenFeld(A);
22
23
        }
24
25
      public static void rekSelectionSort(int[] A, int n, int index) {
26
27
        int k, tmp;
28
29
        if (index == n - 1) {
        return;
30
31
        k = minIndex(A, index, n);
32
        if (k != index) {
33
          tmp = A[k];
34
          A[k] = A[index];
35
36
         A[index] = tmp;
37
        rekSelectionSort(A, n, index + 1);
38
39
40
      public static int minIndex(int[] A, int x, int y) {
41
42
        int smallest = x;
        for (int i = x; i < y; i++) {
43
         if (A[i] < A[smallest]) {
44
45
            smallest = i;
46
       }
47
        return smallest;
48
49
50
      public static void main(String[] args) {
51
        int[] A = new int[] { 27, 32, 3, 6, 17, 44, 42, 29, 8, 14 };
52
53
        selectionSort(A);
54
        A = new int[] { 27, 32, 3, 6, 17, 44, 42, 29, 8, 14 };
55
        rekSelectionSort(A, A.length, 0);
        zeigeZahlenFeld(A);
57
      }
58
59
  }
60
```