## 66115 / 2015 / Frühjahr

## Thema 2 / Aufgabe 4

Stichwörter: Berechenbarkeit

(Gödelisierung aller Registermaschinen (RAMs))

Lösungsvorschlag

D 1 ist eine endliche Menge und damit entscheidbar. Auch eine endliche Teilmenge des Halteproblems. Anschaulich kann man sich dies so verstellen: Man stellt dem Rechner eine Liste zur Verfügung, die alle haltenden Maschinen M x mit x < 9973 enthält. Diese Liste kann zum Beispiel vorab von einem Menschen erstellt worden sein, denn die Menge der zu prüfenden Programme ist endlich.

 $D 2 x \ge 9973$  entscheidbar, L halt semi-entscheidbar  $\rightarrow$  semi-entscheidbar (Hier wäre auch eine Argumentation über die Cantorsche Paarungsfunktion möglich). Es ist weiterhin nicht entscheidbar. Dazu betrachten wir dei Reduktin des speziel- len Halteproblems  $H 0 : H 0 \le D 2$  Für alle x < 9973 lassen wir M x durch eine Turingmaschine M y simulieren, die eine höhere Nummer hat.

D 3 ist unentscheidbar, denn angenommen D 3 wäre semi-entscheidbar, dann würde sofort folgen, dass L halt entscheidbar ist, da aus der Semientscheidbarkeit von L halt und L halt die Entscheidbarkeit von L halt folgen würde



## Die Bschlangaul-Sammlung

Hermine Bschlangaul and Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike 4.0 International-Lizenz.

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht alleine! Das ist ein Community-Projekt. Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net.Der TgX-Quelltext dieses Dokuments kann unter folgender URL aufgerufen werden: https://github.com/hbschlang/lehramt-informatik/blob/main/Staatsexamen/66115/2015/03/Thema-2/Aufgabe-4.tex