

Aufgabe 2

Betrachten Sie die folgende Grammatik $G = (\{S, A\}, \{0, 1, 2\}, P, S)$ mit $P = \{$

$$S \rightarrow 0S0 \mid 1S1 \mid 2A2 \mid 0 \mid 1 \mid \epsilon$$

$$A \rightarrow A2$$

$\}$

flaci.com/Gf6scqja9

Konstruieren Sie für die Grammatik G schrittweise eine äquivalente Grammatik in Chomsky-Normalform. Geben Sie für jeden einzelnen Schritt des Verfahrens das vollständige Zwischenergebnis an und erklären Sie kurz, was in dem Schritt getan wurde.

Die Regeln $\{S \rightarrow 2A2\}$ und $\{A \rightarrow A2\}$ können gelöscht werden, da es keine Regel $\{A \rightarrow \epsilon\}$ oder $\{A \rightarrow S\}$ gibt. So erhalten wir:

$P = \{$

$$S \rightarrow 0S0 \mid 1S1 \mid 0 \mid 1 \mid \epsilon$$

$\}$

(a) Elimination der ϵ -Regeln

— Alle Regeln der Form $A \rightarrow \epsilon$ werden eliminiert. Die Ersetzung von A wird durch ϵ in allen anderen Regeln vorweggenommen. —

falls $S \rightarrow \epsilon \in P$ neuen Startzustand S_1 einführen

$P = \{$

$$S \rightarrow 0S0 \mid 1S1 \mid 0 \mid 1 \mid 00 \mid 11$$

$$S_1 \rightarrow \epsilon \mid S$$

$\}$

(b) Elimination von Kettenregeln

— Jede Produktion der Form $A \rightarrow B$ mit $A, B \in S$ wird als Kettenregel bezeichnet. Diese tragen nicht zur Produktion von Terminalzeichen bei und lassen sich ebenfalls eliminieren. —

☐ Nichts zu tun

(c) Separation von Terminalzeichen

— Jedes Terminalzeichen σ , das in Kombination mit anderen Symbolen auftaucht, wird durch ein neues Nonterminal S_σ ersetzt und die Menge der Produktionen durch die Regel $S_\sigma \rightarrow \sigma$ ergänzt. —

$N = \text{Null}$ $E = \text{Eins}$

$P = \{$

$$S \rightarrow NSN \mid ESE \mid 0 \mid 1 \mid NN \mid EE$$

$$S_1 \rightarrow \epsilon \mid S$$

$$A \rightarrow AZ$$

$$N \rightarrow 0$$

$$E \rightarrow 1$$

(d) **Elimination von mehrelementigen Nonterminalketten**

— Alle Produktionen der Form $A \rightarrow B_1 B_2 \dots B_n$ werden in die Produktionen $A \rightarrow A_{n-1} B_n, A_{n-1} \rightarrow A_{n-2} B_{n-1}, \dots, A_2 \rightarrow B_1 B_2$ zerteilt. Nach der Ersetzung sind alle längeren Nonterminalketten vollständig heruntergebrochen und die Chomsky-Normalform erreicht. —

$P = \{$

$S \rightarrow NS_N \mid ES_E \mid 0 \mid 1 \mid NN \mid EE$

$S_1 \rightarrow \epsilon \mid S$

$S_N \rightarrow SN$

$S_E \rightarrow SE$

$N \rightarrow 0$

$E \rightarrow 1$

$\}$