Mathematische Grundlagen Zahlen

$$\mathbb{R} \to \mathbb{Q} \to \mathbb{Z} \to \mathbb{N}$$

N: Natürliche Zahl

Die Menge der natürlichen Zahlen wird mit N oder N bezeichnet. Die natürlichen Zahlen sind die beim Zählen verwendeten Zahlen 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, zählen 8, 9, 10 usw. Je nach Definition kann auch die 0 (Null) zu den natürlichen Zahlen Zahlen gezählt werden. 1

7: Ganze Zahl

Die Menge der ganzen Zahlen wird mit \mathbb{Z} oder \mathbb{Z} bezeichnet. Die ganzen Zahlen fügen den natürlichen Zahlen die negativen Zahlen hinzu.

natürlichen Zahlen

Q: Rationale Zahl

Die Menge der rationalen Zahlen wird mit Q oder Q bezeichnet. Sie umfasst alle Zahlen, die sich als Bruch (engl. fraction) darstellen lassen, der Bruch sowohl im *Zähler als auch im Nenner ganze Zahlen* enthält. ²

Zähler auch Nenner ganze

Zahlen

$\mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$: Irrationale Zahl

Kennzeichen einer irrationalen Zahl ist, dass sie nicht als Quotient zweier ganzer Zahlen darstellbar ist. Bekannte irrationale Zahlen sind die Eulersche nicht Quotient Zahl e und die Kreiszahl π . Auch die Quadratwurzel aus Zwei 2 $\sqrt{2}$ und das Teilungsverhältnis des Goldenen Schnitts sind irrationale Zahlen.

darstellbar

¹https://de.wikipedia.org/wiki/Natürliche_Zahl

²https://de.wikipedia.org/wiki/Rationale_Zahl

³https://de.wikipedia.org/wiki/Irrationale_Zahl

R: Reelle Zahl

Die reellen Zahlen umfassen die rationalen Zahlen und die irrationalen Zahlen. Die Menge der reellen Zahlen wird mit $\mathbb R$ oder $\mathbf R$ bezeichnet. 4

rationalen Zahlen und die irrationalen Zahlen

Modulo / Division mit Rest

Modulo berechnet den Rest *b* der Division *n* geteilt durch *m*. ⁵

Rechengesetze

$\textbf{Kommutativgesetz}^{6}$

$$a + b = b + a$$
$$a \cdot b = b \cdot a$$

${\bf Assoziativge setz}^7$

$$(a+b) + c = a + (b+c)$$
$$(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$$

Distributivgesetz⁸

$$a \cdot (b+c) = (a \cdot b) + (a \cdot c)$$
$$(a+b) \cdot c = (a \cdot c) + (b \cdot c)$$

⁴https://de.wikipedia.org/wiki/Reelle_Zahl

⁵https://de.wikipedia.org/wiki/Division_mit_Rest#Modulo

⁶wiki:kommutativgesetz.

⁷wiki:assoziativgesetz.

⁸wiki:distributivgesetz.

Ausklammern:9

Ausklammern dient dazu, aus einer Summe oder Differenz ein Produkt zu machen.

$$ab + ac = a(b + c)$$

Ausmultiplizieren:¹⁰

$$\mathbf{a} \cdot (b+c) = \mathbf{a}b + \mathbf{a}c$$

Binomische Formeln¹¹

Als binomische Formeln werden üblicherweise die folgenden drei Umformungen bezeichnet:

- (a) $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ erste binomische Formel (Plus-Formel)
- (b) $(a b)^2 = a^2 2ab + b^2$ zweite binomische Formel (Minus-Formel)
- (c) $(a+b)\cdot(a-b)=a^2-b^2$ dritte binomische Formel (Plus-Minus-Formel)

Potenzgesetze

Multiplikation mit gleicher Basis

Multipliziert man zwei Potenzen mit gleicher Basis miteinander, erhält man das Ergebnis, indem man die Exponenten der Potenzen addiert.

$$x^a \cdot x^b = x^{a+b}$$

⁹net:html:mathebibel.

¹⁰net:html:mathebibel.

¹¹wiki:binomische-formeln.

Division mit gleicher Basis

Dividiert man zwei Potenzen mit gleicher Basis, erhält man das Ergebnis, indem man die Exponenten der Potenzen voneinander subtrahiert. 12

$$x^a: x^b = \frac{x^a}{x^b} = x^{a-b}$$

Regel von L'Hospital

Die Regel von de L'Hospital ist ein Hilfsmittel zum Berechnen von Grenzwerten bei Brüchen $\frac{f}{g}$ von Funktionen f und g, wenn Zähler und Nenner entweder beide gegen 0 oder beide gegen (+ oder -) unendlich gehen. Wenn in einem solchen Fall auch der Grenzwert des Bruches der Ableitungen existiert, so hat dieser denselben Wert wie der ursprüngliche Grenzwert: 13

$$\lim_{x \to x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \to x_0} \frac{f'(x)}{g'(x)}$$

Binomialkoeffizient

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k! \cdot (n-k)!}$$

Fakultät

$$n! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdots n = \prod_{k=1}^{n} k$$

Mengen

| "für die gilt"

¹²net:html:mathebibel.

¹³https://de.serlo.org/mathe/funktionen/grenzwerte-stetigkeit-differenzierbarkeit/grenzwert/regel-l-hospital

z. B. $M=\{x\in\mathbb{Q}\,|\,x^2-4=0\}$ dabei bedeutet | "für die gilt", also alle rationalen Zahlen x, für die gilt, dass das Quadrat von x abzüglich 4 gleich 0 ist).¹⁴

Mengen

 $M_1 \cup M_2$ Vereinigungsmenge von M_1 und M_2 $M_1 \cap M_2$ Schnittmenge von M_1 und ${M_2}^{15}$

¹⁴foerster.