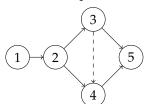
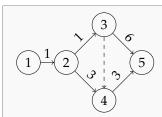
# **CPM und Gantt**

(a) Gegeben ist folgender (unvollständiger) CPM-Netzplan, sowie die frühesten und spätesten Termine und die Pufferzeiten aller Ereignisse:



Ereignis	1	2	3	4	5
frühester Termin	0	1	2	4	8
spätester Termin	0	1	2	5	8
Puffer	0	0	0	1	0

Vervollständigen Sie den CPM-Netzplan, indem Sie mit Hilfe obiger Tabelle die Zeiten der Vorgänge berechnen.



#### Frühester Termin/Zeitpunkt

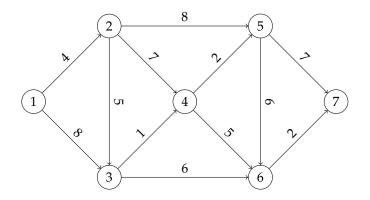
i	Nebenrechnung	$FZ_i$
1		0
2	$0 + 1_{(1 \to 2)} = 1$	1
3	$1_{(1\to 2)} + 1_{(2\to 3)} = 2$	2
4	$1_{(1\to 2)} + 3_{(2\to 4)} = 4$	
	$1_{(1\to 2)} + 1_{(2\to 3)} + 0_{(3\to 4)} = 2$	
	max(4,2)	4
5	$1_{(1\to 2)} + 1_{(2\to 3)} + 6_{(3\to 5)} = 8$	
	$1_{(1\to 2)} + 3_{(2\to 4)} + 3_{(4\to 5)} = 7$	
	max(8,7)	8

#### Spätester Termin/Zeitpunkt

i	Nebenrechnung	$SZ_i$
1	$8 - 6_{(3 \to 5)} - 1_{(2 \to 3)} - 1_{(1 \to 2)} = 0$	
	$8 - 3_{(4 \to 5)} - 3_{(2 \to 4)} - 1_{(1 \to 2)} = 1$	
	min(0,1)	0
2	$8 - 6_{(3 \to 5)} - 1_{(2 \to 3)} = 1$	
	$8 - 3_{(4 \to 5)} - 3_{(2 \to 4)} = 2$	
	min(1,2)	1
3	$8 - 6_{(3 \to 5)} = 2$	2
4	$8 - 3_{(4 \to 5)} = 5$	3
5	siehe FZ <sub>5</sub>	8

(b) Bestimmen Sie zum nachfolgenden CPM-Netzplan für jedes Ereignis den *frühesten Termin*, den *spätesten Termin* sowie die *Gesamtpufferzeit*. Geben Sie

außerdem den kritischen Pfad an.



i	1	2	3	4	5	6	7
$FZ_i$	0	4	9	11	13	19	21
$SZ_i$	0	4	10	11	13	19	21
GP	0	0	1	0	0	0	0

## Frühester Termin/Zeitpunkt

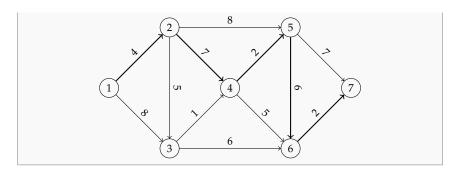
$FZ_i$	Nebenrechnung	
1		0
2		4
3	$\max(8,4_{(-2)}+5) = \max(8,9)$	9
4	$\max(9_{(\to 3)} + 1, 4_{(\to 2)} + 7) = \max(10, 11)$	11
5	$\max(4_{(\to 2)} + 8, 11_{(\to 4)} + 2) = \max(12, 13)$	13
6	$\max(13_{(\to 5)} + 6, 11_{(\to 4)} + 5, 9_{(\to 3)} + 6) = \max(19, 16, 15)$	19
7	$\max(13_{(\to 5)} + 7, 19_{(\to 6)} + 2) = \max(20, 21)$	21

## Spätester Termin/Zeitpunkt

$SZ_i$	Nebenrechnung	
1	$\min(4_{(\to 2)} - 4, 10_{(\to 3)} - 8) = \min(0, 2)$	0
2	$\min(13_{(\to 5)} - 8, 11_{(\to 4)} - 7, 10_{(\to 3)} - 5) = \min(5, 4, 5)$	4
3	$\min(11_{(\to 4)} - 1, 19_{(\to 6)} - 6) = \min(10, 13)$	10
4	$\min(13_{(\to 5)} - 2, 19_{(\to 6)} - 5) = \min(11, 14)$	11
5	$\min(21_{(\to 7)} - 7, 19_{(\to 6)} - 6) = \min(14, 13)$	13
6	$21_{(\to 7)} - 2$	19
7	siehe FZ <sub>7</sub>	21

### Kritischer Pfad

$$\begin{split} 1 &\to 2 \to 4 \to 5 \to 6 \to 7 \\ 4_{(1 \to 2)} &+ 7_{(2 \to 4)} + 2_{(4 \to 5)} + 6_{(5 \to 6)} + 2_{(6 \to 7)} = 21 \end{split}$$



(c) Konvertieren Sie das nachfolgende Gantt-Diagramm in ein CPM-Netzwerk. Als Hilfestellung ist die Anordnung der Ereignisse bereits vorgegeben.

