## **Pumping-Lemma**

 $L = a^n b^n c^n \in \mathbb{N}$  Ich behaupte, L sei kontextfrei.

- (a) Also gibt es eine Pumpzahl. Sie sei j. (Wähle geschickt ein "langes" Wort…)  $a^jb^jc^j$  ist ein Wort aus L, das sicher länger als j ist.
- (b) Da  ${\it L}$  kontextfrei ist, muss es nach dem Pumping-Lemma auch für dieses Wort eine beliebige Zerlegung geben:

```
a^{j}b^{j}c^{j} = uvwxy \text{ mit } |vx| \ge 1 \text{ und } |vwx| \le j
```

- (c) Weil vwx höchstens j lang ist, kann es nie a's und c's zugleich enthalten (es stehen j b's dazwischen!).
- (d) Andererseits enthält vx mindestens ein Zeichen. Das Wort  $\omega = uv^0wx^0y = uwy$  enthält dann nicht mehr gleich viele a's, b's und c's. (Widerspruch)!
- (e) Die Behauptung war falsch! => L ist nicht kontextfrei!