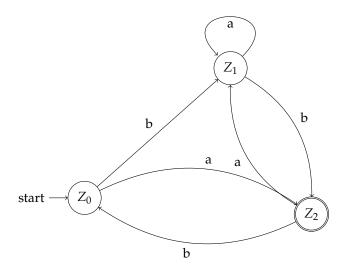
## **Grammatik aus Automat**

 $A=(Z,\Sigma,\delta,E,z_0)$  Sei  $A=(\{Z_0,Z_1,Z_2\},\{a,b\},\delta,\{Z_2\},z_0)$  ein endlicher Automat. Die Übergangsfunktion sei wie in dem unten abgebildeten Diagramm definiert.



flaci.com/Apk0iyqyg

(a) Gebe eine reguläre Grammatik G an, sodass L(G) = L(M) gilt.

$$G=(\{Z_0,Z_1,Z_2\},\{a,b\},P,Z_0)$$
 mit folgender Produktionsmenge  $P=\{$  
$$Z_0\to bZ_1\,|\,aZ_2$$
 
$$Z_1\to aZ_1\,|\,bZ_2$$
 
$$Z_2\to bZ_0\,|\,aZ_1\,|\,\varepsilon$$
  $\}$ 

(b) Überlegen Sie sich ein systematisches Verfahren, um einen deterministischen endlichen Automaten in eine reguläre Grammatik umzuwandeln.

Analog zu obigem Beispiel folgender Algorithmus benutzt werden:

- Setze  $V = \{Z_0, Z_1, \dots Z_n\}$  und S auf den Startzustand des Automaten.
- Für jeden Übergang  $\delta(Z_i,a)=Z_j$  füge die Produktion  $\{Z_i\to aZ_j\}$  zu P hinzu.
- Für jeden Zustand  $Z_i \in Z$  füge die Produktion  $\{Z_i \to \epsilon\}$  zu P