

Staatsexamen 66116 / 2020 / Frühjahr / Thema Nr. 1 / Teilaufgabe Nr. 2 / Aufgabe Nr. 4

Aufgabe 4 [Relation A-F]

Gegeben sei die Relation

$$R(A, B, C, D, E, F)$$

mit den FDs

$$FA = \left\{ \begin{array}{l} \{A\} \rightarrow \{B, C, F\}, \\ \{B\} \rightarrow \{A, B, F\}, \\ \{C, D\} \rightarrow \{E, F\}, \end{array} \right\}$$

(a) Geben Sie alle Kandidatenschlüssel an.

- $\{A, D\}$
- $\{B, D\}$

(b) Überführen Sie die Relation mittels Syntheseargorithmus in die 3. NF. Geben Sie alle Relationen in der 3. NF an und **unterstreichen Sie in jeder einen Kandidatenschlüssel**. — Falls Sie Zwischenschritte notieren, machen Sie das Endergebnis **klar kenntlich**.

(i) Kanonische Überdeckung

— Die kanonische Überdeckung - also die kleinst mögliche noch äquivalente Menge von funktionalen Abhängigkeiten kann in vier Schritten erreicht werden. —

i. Linksreduktion

— Führe für jede funktionale Abhängigkeit $\alpha \rightarrow \beta \in F$ die Linksreduktion durch, überprüfe also für alle $A \in \alpha$, ob A überflüssig ist, d. h. ob $\beta \subseteq \text{AttrHülle}(F, \alpha - A)$. —

 $\{C, D\} \rightarrow \{E, F\}$

$$\{E, F\} \notin \text{AttrHülle}(F, \{C, D \setminus D\}) = \{C\}$$

$$\{E, F\} \notin \text{AttrHülle}(F, \{C, D \setminus C\}) = \{D\}$$

$$FA = \left\{ \begin{array}{l} \{A\} \rightarrow \{B, C, F\}, \\ \{B\} \rightarrow \{A, B, F\}, \\ \{C, D\} \rightarrow \{E, F\}, \end{array} \right\}$$

ii. Rechtsreduktion

— Führe für jede (verbliebene) funktionale Abhängigkeit $\alpha \rightarrow \beta$ die Rechtsreduktion durch, überprüfe also für alle $B \in \beta$, ob $B \in \text{AttrHülle}(F - (\alpha \rightarrow \beta) \cup (\alpha \rightarrow (\beta - B)), \alpha)$ gilt. In diesem Fall ist B auf der rechten Seite überflüssig und kann eliminiert werden, d. h. $\alpha \rightarrow \beta$ wird durch $\alpha \rightarrow (\beta - B)$ ersetzt. —

F

$$F \in \text{AttrHülle}(F \setminus \{A\} \rightarrow \{B, C, F\} \cup \{A\} \rightarrow \{B, C\}, \{A\}) = \{A, B, C, F\}$$

$$FA = \left\{ \begin{array}{l} \{A\} \rightarrow \{B, C\}, \\ \{B\} \rightarrow \{A, B, F\}, \\ \{C, D\} \rightarrow \{E, F\}, \end{array} \right\}$$

$$F \notin \text{AttrHülle}(F \setminus \{B\} \rightarrow \{A, B, F\} \cup \{B\} \rightarrow \{A, B\}, \{B\}) = \{A, B, C\}$$

$$F \notin \text{AttrHülle}(F \setminus \{C, D\} \rightarrow \{E, F\} \cup \{C, D\} \rightarrow \{E\}, \{C, D\}) = \{C, D, E\}$$

B

$$B \notin \text{AttrHülle}(F \setminus \{A\} \rightarrow \{B, C\} \cup \{A\} \rightarrow \{C\}, \{A\}) = \{A, C\}$$

$$B \in \text{AttrHülle}(F \setminus \{B\} \rightarrow \{A, B, F\} \cup \{B\} \rightarrow \{A, F\}, \{B\}) = \{A, B, F\}$$

$$FA = \left\{ \begin{array}{l} \{A\} \rightarrow \{B, C\}, \\ \{B\} \rightarrow \{A, F\}, \\ \{C, D\} \rightarrow \{E, F\}, \end{array} \right\}$$

iii. Löschen leerer Klauseln

— Entferne die funktionalen Abhängigkeiten der Form $\alpha \rightarrow \emptyset$, die im 2. Schritt möglicherweise entstanden sind. —

\emptyset Nichts zu tun

iv. Vereinigung

— Fasse mittels der Vereinigungsregel funktionale Abhängigkeiten der Form $\alpha \rightarrow \beta_1, \dots, \alpha \rightarrow \beta_n$, so dass $\alpha \rightarrow \beta_1 \cup \dots \cup \beta_n$ verbleibt. —

\emptyset Nichts zu tun

(ii) Relationsschemata formen

— Erzeuge für jede funktionale Abhängigkeit $\alpha \rightarrow \beta \in F_c$ ein Relationenschema $\mathcal{R}_\alpha := \alpha \cup \beta$. —

$$R_1(\underline{A}, B, C)$$

$$R_2(\underline{A}, \underline{B}, F)$$

$$R_3(\underline{C}, \underline{D}, E, F)$$

(iii) Schlüssel hinzufügen

— Falls eines der in Schritt 2. erzeugten Schemata R_α einen Schlüsselkandidaten von \mathcal{R} bezüglich F_c enthält, sind wir fertig, sonst wähle einen Schlüsselkandidaten $\mathcal{K} \subseteq \mathcal{R}$ aus und definiere folgendes zusätzliche Schema: $\mathcal{R}_\mathcal{K} := \mathcal{K}$ und $\mathcal{F}_\mathcal{K} := \emptyset$ —

$$R_1(\underline{A}, B, C)$$

$$R_2(\underline{A}, \underline{B}, F)$$

$$R_3(\underline{C}, \underline{D}, E, F)$$

$$R_4(\underline{A}, \underline{D})$$

(iv) Entfernung überflüssiger Teilschemata

— Eliminiere diejenigen Schemata R_α , die in einem anderen Relationenschema $R_{\alpha'}$ enthalten sind, d. h. $R_\alpha \subseteq R_{\alpha'}$. —

\emptyset Nichts zu tun

Github: Staatsexamen/66116/2020/03/Thema-1/Teilaufgabe-2/Aufgabe-4.tex