Einzelprüfung "Datenbanksysteme / Softwaretechnologie (vertieft)"

Einzelprüfungsnummer 66116 / 2021 / Frühjahr

# Thema 2 / Teilaufgabe 1 / Aufgabe 1

(Projektmanagement)

Stichwörter: CPM-Netzplantechnik

Gegeben seien folgende Tätigkeiten mit ihren Abhängigkeiten und Dauern:

| Task | Dauer (in h) | Abhängigkeiten |
|------|--------------|----------------|
| T1   | 3            | /              |
| T2   | 6            | /              |
| T3   | 2            | T1             |
| T4   | 2            | T2             |
| T5   | 5            | T1             |
| T6   | 3            | T4, T5         |
| T7   | 6            | T3             |
| T8   | 7            | T4             |
| T9   | 4            | T6, T8         |
| T10  | 1            | T7, T9         |

(a) Zeichnen Sie ein CPM-Diagramm basierend auf der gegebenen Aufgabenliste. Benutzen Sie explizite Start- und Endknoten.

Lösungsvorschlag

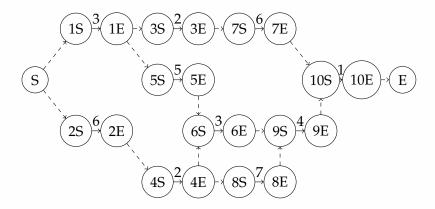
#### Abkürzungen

S Start

**1S** Start von T1

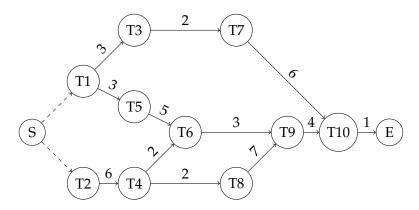
1E Ende von T1

E Ende

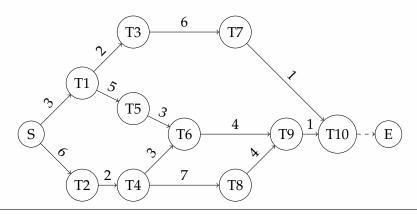


Teilen wir einen Task in zwei Knoten auf, so wird das Diagramm sehr unübersichtlich. Wir verwenden pro Task nur einen Knoten. Es gibt zwei Möglichkeiten:

## Knoten sind Anfang der Tasks



#### Knoten sind Ende der Tasks



(b) Als *Slack* bezeichnet man die Zeit, um die eine Aufgabe bezüglich ihres frühesten Startzeitpunktes verzögert werden kann, ohne dass es Probleme bei der fristgerechten Fertigstellung des Projektes gibt. Berechnen Sie den Slack für alle Aktivitäten und ergänzen Sie ihn in Ihrem Diagramm.

Lösungsvorschlag

## Knoten sind Anfang der Tasks

— Wir führen eine Vorwärtsterminierung durch und addieren die Dauern. Kann ein Ereignis über mehrere Vorgänge erreicht werden, wählen wir das Maximum aus. **Erläuterungen:** i: Ereignis i;  $FZ_i$ : Frühester Zeitpunkt, zu dem Ereignis i eintreten kann.

| i   | Nebenrechnung            | $FZ_i$ |
|-----|--------------------------|--------|
| T1  |                          | 0      |
| T2  |                          | 0      |
| T3  |                          | 3      |
| T4  |                          | 6      |
| T5  |                          | 3      |
| T6  | $\max(8_{T4}, 8_{T5})$   | 8      |
| T7  |                          | 5      |
| T8  |                          | 8      |
| T9  | $\max(11_{T6}, 15_{T4})$ | 15     |
| T10 | $\max(19_{T9}, 11_{T7})$ | 19     |
| E   |                          | 20     |

— Wir führen eine Rückwärtsterminierung durch und subtrahieren die Dauern vom letzten Ereignis aus. Kann ein Ereignis über mehrere Vorgänge erreicht werden, wählen wir das Minimum aus. **Erläuterungen:** i: Ereignis i;  $SZ_i$ : Spätester Zeitpunkt, zu dem Ereignis i eintreten kann.

| i   | Nebenrechnung           | $SZ_i$ |
|-----|-------------------------|--------|
| Е   |                         | 20     |
| T10 |                         | 19     |
| T9  |                         | 15     |
| T8  |                         | 8      |
| T7  |                         | 13     |
| T6  |                         | 12     |
| T5  |                         | 7      |
| T4  | $\min(12_{T6}, 6_{T8})$ | 6      |
| T3  |                         | 11     |
| T2  |                         | 0      |
| T1  | $\min(8_{T3},4_{T5})$   | 4      |

| i      | T1 | T2 | T3 | T4 | T5 | T6 | T7 | T8 | T9 | T10 | E  |
|--------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|-----|----|
| $FZ_i$ | 0  | 0  | 3  | 6  | 3  | 8  | 5  | 8  | 15 | 19  | 20 |
| $SZ_i$ | 4  | 0  | 11 | 6  | 7  | 12 | 13 | 8  | 15 | 19  | 20 |
| GP     | 4  | 0  | 8  | 0  | 4  | 4  | 8  | 0  | 0  | 0   | 0  |

### Knoten sind Ende der Tasks

— Wir führen eine Vorwärtsterminierung durch und addieren die Dauern. Kann ein Ereignis über mehrere Vorgänge erreicht werden, wählen wir das Maximum aus. **Erläuterungen:** i: Ereignis i;  $FZ_i$ : Frühester Zeitpunkt, zu dem Ereignis i eintreten kann.

| i   | Nebenrechnung            | $FZ_i$ |
|-----|--------------------------|--------|
| T1  |                          | 3      |
| T2  |                          | 6      |
| T3  |                          | 5      |
| T4  |                          | 8      |
| T5  |                          | 8      |
| T6  | $\max(11_{T4}, 11_{T5})$ | 11     |
| T7  |                          | 11     |
| T8  |                          | 15     |
| T9  | $\max(15_{T6}, 19_{T8})$ | 19     |
| T10 | $\max(20_{T9}, 12_{T7})$ | 20     |
| Е   |                          | 20     |

— Wir führen eine Rückwärtsterminierung durch und subtrahieren die Dauern vom letzten Ereignis aus. Kann ein Ereignis über mehrere Vorgänge erreicht werden, wählen wir das Minimum aus. **Erläuterungen:** i: Ereignis i;  $SZ_i$ : Spätester Zeitpunkt, zu dem Ereignis i eintreten kann.

| i   | Nebenrechnung                         | $SZ_i$ |
|-----|---------------------------------------|--------|
| Е   |                                       | 20     |
| T10 |                                       | 20     |
| T9  |                                       | 19     |
| T8  |                                       | 15     |
| T7  |                                       | 19     |
| T6  |                                       | 15     |
| T5  |                                       | 12     |
| T4  | $\min(12_{T6}, 8_{T8})$               | 8      |
| T3  | , , , , , , , , , , , , , , , , , , , | 13     |
| T2  |                                       | 6      |
| T1  | $\min(11_{T3},7_{T5})$                | 7      |

| i      | T1 | T2 | T3 | T4 | T5 | T6 | T7 | T8 | T9 | T10 | E  |
|--------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|-----|----|
| $FZ_i$ | 3  | 6  | 5  | 8  | 8  | 11 | 11 | 15 | 19 | 20  | 20 |
| $SZ_i$ | 7  | 6  | 13 | 8  | 12 | 15 | 19 | 15 | 19 | 20  | 20 |
| GP     | 4  | 0  | 8  | 0  | 4  | 4  | 8  | 0  | 0  | 0   | 0  |

(c) Zeichnen Sie den kritischen Pfad in Ihr Diagramm ein oder geben Sie die Tasks des kritischen Pfades in der folgenden Form an: **Start!...! Ende**. Sollte es mehrere kritische Pfade geben, geben Sie auch diese an. Wie lange ist die Dauer des kritischen Pfades bzw. der kritischen Pfade?

Lösungsvorschlag

Kritischer Pfad: Start! T2! T4! T8! T9! T10! Ende

Dauer: 20 h



## **Die Bschlangaul-Sammlung** Hermine Bschlangauland Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike 4.0 International-Lizenz.

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht allein! Das ist ein Community-Projekt! Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net.Der TEX-Quelltext dieses Dokuments kann unter folgender URL aufgerufen werden: https://github.com/bschlangaul-sammlung/examens-aufgaben/blob/main/Staatsexamen/66116/2021/03/Thema-2/Teilaufgabe-1/Aufgabe-1.tex