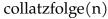
Die Bschlangaul-Sammlung Abitur 2019 IV

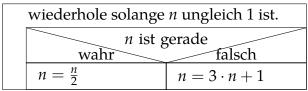
Abitur 2019 IV (Collatz)

Stichwörter: Ein-Adress-Befehl-Assembler

Abitur 2019 IV

Das Collatz-Problem ist ein immer noch ungelöstes Problem der Mathematik. Dabei geht es um Zahlenfolgen, die nach folgendem Algorithmus gebildet werden, wobei der Eingabewert n eine natürliche Zahl größer 0 ist:





Obwohl der Algorithmus sehr einfach ist, ist bis heute ungeklärt, ob er tatsächlich bei jedem beliebigen Startwert von n nach endlich vielen Durchläufen der Wiederholung terminiert.

(a) Geben Sie die Zahlenfolge an, die man mit dem Startwert 7 erhält, wenn *n* nach jedem Durchlauf der Wiederholung ausgegeben wird.

Lösungsvorschlag

7 22 11 34 17 52 26 13 40 20 10 5 16 8 4 2 1

(b) Beschreiben Sie, wie man mithilfe der ganzzahligen Division ohne Rest prüfen kann, ob eine Zahl *a* durch eine andere Zahl *b* teilbar ist.

Lösungsvorschlag

Wenn man das Ergebnis der Division der beiden Zahlen a und b mit b multipliziert und nach der Mulitplikation als Ergebnis wieder die Zahl a feststeht, dann handelt es sich um eine Division ohne Rest, ergibt sich eine Zahl, die kleiner als a ist, so handelt es sich um eine Division mit Rest.

Die Bschlangaul-Sammlung Abitur 2019 IV

(c) Geben Sie ein Programm für die Registermaschine an, das den gegebenen Algorithmus collatzfolge (n) umsetzt, wobei zusätzlich die Anzahl der Durchläufe der Wiederholung bestimmt werden soll. Der Startwert für *n* steht am Anfang bereits in Speicherzelle 100.

Lösungsvorschlag

```
Ohne Modulo
                                           Mit Modulo
          100
                                           # n:
                                                     100
# anzahl: 101
                                           # anzahl: 101
                LOADI O
                                                           LOADI O
                STORE 101
                                                           STORE 101
# WHILE n <> 1
                                           # WHILE n <> 1
solange:
                LOAD 100
                                           solange:
                                                           LOAD 100
                SUBI 1
                                                           CMPI 1
                JMPZ ende
                                                           JMPZ ende
# anzahl := anzahl + 1;
                                           # IF (n \% 2) = 0 THEN
zaehler:
            LOAD 101
                                                           LOAD 100
                                           bedingung:
                ADDI 1
                                                           MODI 2
                STORE 101
                                                           JMPNZ ist_ungerade
# Poorman's Modulo
                                           # n := n / 2;
# IF (n \% 2) = 0 THEN
                                                           LOAD 100
                                           ist_gerade:
modulo:
               LOAD 100
                                                           DIVI 2
                DIVI 2
                                                           STORE 100
                MULI 2
                                                           JMP zaehler
                SUB 100
                JMPN ist_ungerade
                                           # n := 3 * n +
                                           ist_ungerade:
                                                           LOADI 3
# n := n / 2;
                                                           MUL 100
                LOAD 100
ist_gerade:
                                                           ADDI 1
                DIVI 2
                                                           STORE 100
                STORE 100
                JMP solange
                                           # anzahl := anzahl + 1;
                                           zaehler:
                                                           LOAD 101
# n := 3 * n +
                                                           ADDI 1
ist_ungerade:
                LOAD 100
                                                           STORE 101
                MULI 3
                                                           JMP solange
                ADDI 1
                STORE 100
                                           ende:
                                                           HOLD
                JMP solange
                HOLD
ende:
```

Die Bschlangaul-Sammlung Abitur 2019 IV

Minisprache PROGRAM collatz; VAR n, anzahl; **BEGIN** n := 7;anzahl := 0;WHILE $n \iff 1$ DO IF (n % 2) = 0 THEN n := n / 2;ELSE n := 3 * n + 1;END; anzahl := anzahl + 1; **END** END collatz. Java public class Collatz { public static void main(String[] args) { int n = 7; int anzahl = 0; while $(n != 1) {$ if $(n \% 2 == 0) {$ n = n / 2;} else { n = 3 * n + 1;anzahl++; System.out.println(n); System.out.println("Anzahl an Durchläufen " + anzahl); } } Code-Beispiel auf Github ansehen: src/main/java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java



Die Bschlangaul-Sammlung

Hermine Bschlangauland Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike 4.0 International-Lizenz.

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht allein! Das ist ein Community-Projekt! Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net.Der TeX-Quelltext dieses Dokuments kann unter folgender URL aufgerufen werden: https://github.com/bschlangaul-sammlung/examens-aufgaben/blob/main/Module/50_TECH/10_Ein-Adress/Aufgabe_06-Abitur-2019-IV-Collatz.tex