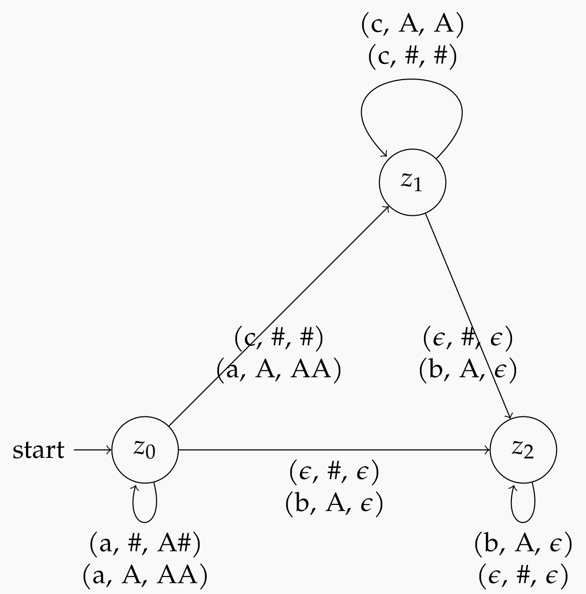
Kontextfreie Sprache

Übung

(a) Gib einen Kellerautomaten an, der die folgende Sprache erkennt:
$L = (a^n c^i b^n | n, i \in N_0)$



Tabellenform:

z0	a	#	z0	A#	
z0	a	A	z0	AA	
z0	b	A	z2	A	ϵ
z0	a #	z0	A#		
z0	a	#	z0	A#	
z0	a	#	z0	A#	
z1	c	#	z1	A#	
z1	c	A	z2	Aϵ	
z1	c	A	z2	Aϵ	
z1	ϵ	#	z2	ϵ	
z2	b	A	z2	Aϵ	
z2	ϵ	#	z2	ϵ	

(b) Gibt eine Grammatik für diese Sprache an.

$P = \{$

$$S \to aSb \mid \epsilon \mid c \mid cC$$
$$C \to cC \mid \epsilon$$

$\}$

alternativ:

$P = \{$

$$S \to aSb \mid \epsilon \mid C$$
$$C \to cC \mid \epsilon$$

$\}$

(c) Gib Konfigurationsfolgen an für die Erzeugung des Wortes

- aacbb

a:	z0, a,# -> zo A#	A#	
c.	z0, c,A -> z1 A	A#	
c:	z1, c, A -> z1, A	A#	llr
b:	z1, b, A -> z2, epsilon	#	
epsilon:	z2, epsilon, # -> z2, epsilon	-	

- accb

Kellerautomaten

Erstelle einen Kellerautomaten zu

(a) $G = (\{P\}, \{0, 1\}, P, S)$

$P = \{$

$$S \to \epsilon \mid 0 \mid 1 \mid 0P0 \mid 1P1$$

$\}$

(b) Grammatik mit den Produktionsregeln

$P = \{$

$$S \to A1B$$
$$A \to 0A \mid \epsilon$$
$$B \to 0B \mid 1B \mid \epsilon$$

$\}$

Übung

(a) Erstelle eine (deterministische) Grammatik für Palindrome, für die ein DPDA existiert.

$L = \{w\$w^R \mid w \in (a|b)^*\}$

(b) Wandle diese Grammatik in einen DPDA um.

Übung

Überführe die folgenden kontextfreien Grammatiken in CNF
$P = \{$

$$\begin{aligned} S &\to ABC \\ A &\to aCD \\ B &\to bCD \\ C &\to D \mid \epsilon \\ D &\to C \end{aligned}$$

$\}$

Übung

Zeige, dass die folgenden Sprache nicht kontextfrei sind:

- $L = \{a^n b^n c^{2n} | n \in N\}$
- $L = \{a^n b^{n^2} | n \in N\}$