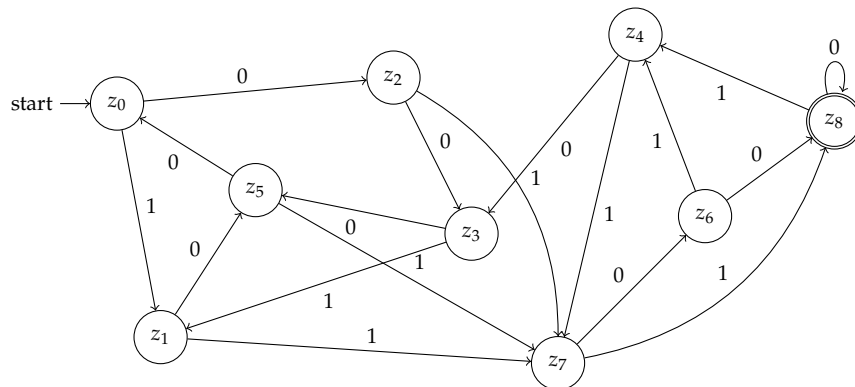


Aufgabe 1

- (a) Geben Sie einen deterministischen endlichen Automaten (DEA) mit minimaler Anzahl an Zuständen an, der dieselbe Sprache akzeptiert wie folgender deterministischer endlicher Automat. Dokumentieren Sie Ihr Vorgehen geeignet.



flaci.com/Aj5aei652

Minimierungstabelle (Table filling)

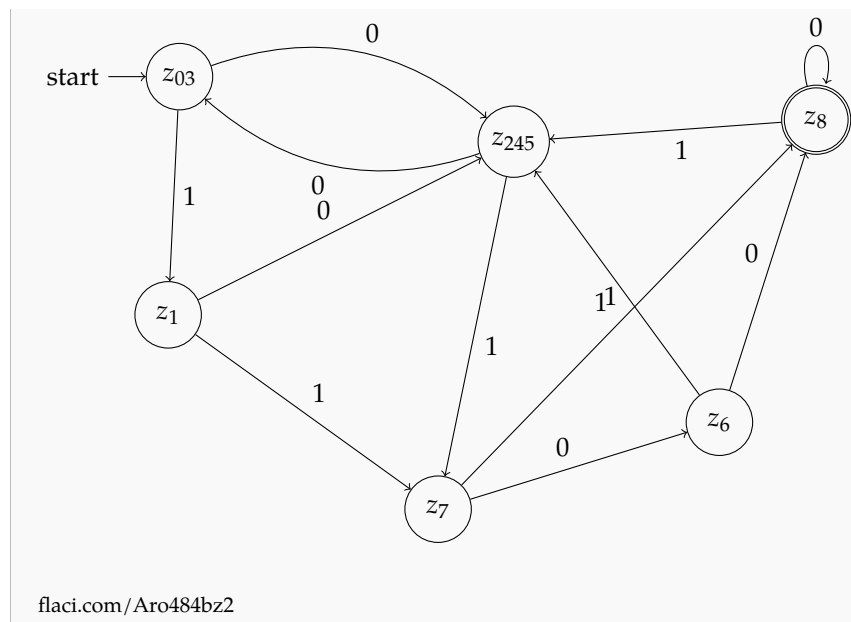
— Der Minimierungs-Algorithmus (auch Table-Filling-Algorithmus genannt) trägt in seinem Verlauf eine Markierung in alle diejenigen Zellen der Tabelle ein, die zueinander nicht äquivalente Zustände bezeichnen. Die Markierung „ x_n “ in einer Tabellenzelle (i, j) bedeutet dabei, dass das Zustandspaar (i, j) in der k -ten Iteration des Algorithmus markiert wurde und die Zustände i und j somit zueinander $(k - 1)$ -äquivalent, aber nicht k -äquivalent und somit insbesondere nicht äquivalent sind. Bleibt eine Zelle bis zum Ende unmarkiert, sind die entsprechenden Zustände zueinander äquivalent. —

z_0	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset
z_1	x_3	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset
z_2	x_3	x_4	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset
z_3		x_3	x_3	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset
z_4	x_3	x_4		x_3	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset
z_5	x_3	x_4		x_3		\emptyset	\emptyset	\emptyset	\emptyset
z_6	x_2	x_2	x_2	x_2	x_2	x_2	\emptyset	\emptyset	\emptyset
z_7	x_2	x_2	x_2	x_2	x_2	x_2	x_2	\emptyset	\emptyset
z_8	x_1	x_1	x_1	x_1	x_1	x_1	x_1	x_1	\emptyset
	z_0	z_1	z_2	z_3	z_4	z_5	z_6	z_7	z_8

- x_1 Paar aus End-/ Nicht-Endzustand kann nicht äquivalent sein.
 x_2 Test, ob man mit der Eingabe zu einem bereits markiertem Paar kommt.
 x_3 In weiteren Iterationen markierte Zustände.
 x_4 ...

Übergangstabelle

Zustandspaar	0	1
(z_0, z_1)	(z_2, z_5)	$(z_1, z_7) \quad x_3 \quad x_3$
(z_0, z_2)	(z_2, z_3)	$(z_1, z_7) \quad x_3$
(z_0, z_3)	(z_2, z_5)	(z_1, z_1)
(z_0, z_4)	(z_2, z_3)	$(z_1, z_7) \quad x_3$
(z_0, z_5)	(z_2, z_0)	$(z_1, z_7) \quad x_3$
(z_0, z_6)	(z_2, z_8)	$(z_1, z_4) \quad x_2$
(z_0, z_7)	(z_2, z_6)	$(z_1, z_8) \quad x_2$
(z_1, z_2)	(z_5, z_3)	$(z_7, z_7) \quad x_4$
(z_1, z_3)	(z_5, z_5)	$(z_7, z_1) \quad x_3$
(z_1, z_4)	(z_5, z_3)	$(z_7, z_7) \quad x_4$
(z_1, z_5)	(z_5, z_0)	$(z_7, z_7) \quad x_4$
(z_1, z_6)	(z_5, z_8)	$(z_7, z_4) \quad x_2$
(z_1, z_7)	(z_5, z_6)	$(z_7, z_8) \quad x_2$
(z_2, z_3)	(z_3, z_5)	$(z_7, z_1) \quad x_3$
(z_2, z_4)	(z_3, z_3)	(z_7, z_7)
(z_2, z_5)	(z_3, z_0)	(z_7, z_7)
(z_2, z_6)	(z_3, z_8)	$(z_7, z_4) \quad x_2$
(z_2, z_7)	(z_3, z_6)	$(z_7, z_8) \quad x_2$
(z_3, z_4)	(z_5, z_3)	$(z_1, z_7) \quad x_3$
(z_3, z_5)	(z_5, z_0)	$(z_1, z_7) \quad x_3$
(z_3, z_6)	(z_5, z_8)	$(z_1, z_4) \quad x_2$
(z_3, z_7)	(z_5, z_6)	$(z_1, z_8) \quad x_2$
(z_4, z_5)	(z_3, z_0)	(z_7, z_7)
(z_4, z_6)	(z_3, z_8)	$(z_7, z_4) \quad x_2$
(z_4, z_7)	(z_3, z_6)	$(z_7, z_8) \quad x_2$
(z_5, z_6)	(z_0, z_8)	$(z_7, z_4) \quad x_2$
(z_5, z_7)	(z_0, z_6)	$(z_7, z_8) \quad x_2$
(z_6, z_7)	(z_8, z_6)	$(z_4, z_8) \quad x_2$



- (b) Beweisen oder widerlegen Sie für folgende Sprachen über dem Alphabet $\Sigma = \{a, b, c\}$, dass sie regulär sind.

(i) $L_1 = \{a^i c u b^j v a c^k \mid u, v \in \{a, b\}^* \text{ und } i, j, k \in \mathbb{N}_0\}$

Die Sprache L_1 ist regulär. Nachweis durch regulären Ausdruck:

$$a^* c (a|b)^* b^* (a|b)^* a c^*$$

(ii) $L_2 = \{a^i c u b^j v a c^k \mid u, v \in \{a, b\}^* \text{ und } i, j, k \in \mathbb{N}_0 \text{ mit } k = i + j\}$

Die Sprache L_2 ist nicht regulär. Widerlegung durch das Pumping-Lemma.

TODO

- (c) Sei L eine reguläre Sprache über dem Alphabet Σ . Für ein festes Element $a \in \Sigma$ betrachten wir die Sprache $L_a = \{a w \mid w \in \Sigma^*, w a \in L\}$. Zeigen Sie, dass L_a regulär ist.