Einzelprüfung "Theoretische Informatik / Algorithmen / Datenstrukturen (nicht vertieft)" Einzelprüfungsnummer 46115 / 2019 / Frühjahr

## Thema 2 / Aufgabe 3

Stichwörter: AVL-Baum

(a) Zeigen oder widerlegen Sie die folgende Aussage: Wird ein Element in einen AVL-Baum eingefügt und unmittelbar danach wieder gelöscht, so befindet sich der AVL-Baum wieder in seinem Ursprungszustand.

Lösungsvorschlag

Die Aussage ist falsch. Wir widerlegen die Aussage durch ein konkretes Beispiel: *Unser Ausgangs-AVL-Baum*:

$$1$$
  $+1$   $2$   $0$ 

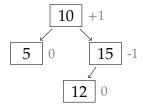
Nach dem Einfügen von "3":

$$\begin{array}{c|c}
\hline
2 & 0 \\
\hline
1 & 0 & 3 & 0
\end{array}$$

Nach dem Löschen von "3":



(b) Fügen Sie in den gegebenen Baum den Schlüssel 11 ein.

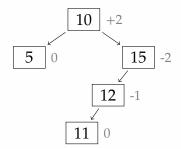


Rebalancieren Sie anschließend den Baum so, dass die AVL-Eigenschaft wieder erreicht wird. Zeichnen Sie den Baum nach jeder Einfach- und Doppelrotation und benennen Sie die Art der Rotation (Links-, Rechts-, Links-Rechts-, oder Rechts-Links-Rotation). Argumentieren Sie jeweils über die Höhenbalancen der Teilbäume.

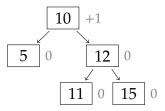
Tipp: Zeichnen Sie nach jedem Schritt die Höhenbalancen in den Baum ein.

Lösungsvorschlag

Nach dem Einfügen von "11":



Nach der Rechtsrotation:





## Die Bschlangaul-Sammlung

Hermine Bschlangauland Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike  $4.0\,\mathrm{International\text{-}Lizenz}.$ 

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht allein! Das ist ein Community-Projekt! Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net.Der TEX-Quelltext dieses Dokuments kann unter folgender URL aufgerufen werden: https://github.com/bschlangaul-sammlung/examens-aufgaben/blob/main/Staatsexamen/46115/2019/03/Thema-2/Aufgabe-3.tex