Einzelprüfung "Theoretische Informatik / Algorithmen (vertieft)"

Einzelprüfungsnummer 66115 / 2017 / Frühjahr

Thema 1 / Aufgabe 2

(Top-Level-Domains (TLD))

Stichwörter: Sortieralgorithmen, Bucketsort, Radixsort, Mergesort, Quicksort

In dieser Aufgabe sei vereinfachend angenommen, dass sich Top-Level-Domains (TLD) ausschließlich aus zwei oder drei der 26 Kleinbuchstaben des deutschen Alphabets ohne Umlaute zusammensetzen. Im Folgenden sollen TLDs lexikographisch aufsteigend sortiert werden, d. h. eine TLD (s_1, s_2) mit zwei Buchstaben (z. B. "co" für Kolumbien) wird also vor einer TLD (t_1, t_2, t_3) der Länge drei (z. B. "com") einsortiert, wenn $s_1 < t_1 \lor (s_1 = t_1 \land s_2 \le t_2)$ gilt.

(a) Sortieren Sie zunächst die Reihung ["de", "com", "uk", "org", "co", "net", "fr", "ee"] schrittweise unter Verwendung des Radix-Sortierverfahrens (Bucketsort). Erstellen Sie dazu eine Tabelle wie das folgende Muster und tragen Sie dabei in das Feld "Stelle" die Position des Buchstabens ein, nach dem im jeweiligen Durchgang sortiert wird (das Zeichen am TLD-Anfang habe dabei die "Stelle" 1).

Exkurs: Alphabet abcdefghijklmnopqrstuvwxyz

Lösungsvorschlag

```
Stelle
      Reihung
      de
            com
                 uk
                       org
                                 net
                                             ee
                            CO
3
      de
            uk
                  CO_
                       fr_
                            ee_
                                 org
                                       com
                                             net
2
      de_
                  net
                       uk_
            ee_
                            CO_
                                 com
                                       fr_
                                             org
      co_
            com
                  de_
                       ee_
                            fr_
                                  net
                                       org
                                             uk_
```

(b) Sortieren Sie nun die gleiche Reihung wieder schrittweise, diesmal jedoch unter Verwendung des Mergesort-Verfahrens (Sortieren durch Mischen). Erstellen Sie dazu eine Tabelle wie das folgende Muster und vermerken Sie in der ersten Spalte jeweils welche Operation durchgeführt wurde: Wenn Sie die Reihung geteilt haben, schreiben Sie in die linke Spalte ein T und markieren Sie die Stelle, an der Sie die Reihung geteilt haben, mit einem senkrechten Strich "|". Wenn Sie zwei Teilreihungen durch Mischen zusammengeführt haben, schreiben Sie ein M in die linke Spalte und unterstreichen Sie die zusammengemischten Einträge. Beginnen Sie mit dem rekursiven Abstieg immer in der linken Hälfte einer (Teil-)Reihung.

```
O | Reihung
T | de_ com uk_ org | co_ net fr_ ee_
T | de_ com | uk_ org
T | de_ | com
M | com de_
```

```
TΙ
               uk | org
M
               org
                    uk
M | com
         de
                     uk
               org
Τl
                                net | fr
                          CO
                                           ee
Τl
                          co | net
M
                          CO_
                                net
ΤΙ
                                      fr | ee
ΤI
                                      ee | fr
M
                                      fr
                          CO
                                ee
                                           net
M | co
         com
               de
                     ee
                          fr
                                net
                                      org
                                           uk
```

(c) Implementieren Sie das Sortierverfahren Quicksort für String-TLDs in einer gängigen Programmiersprache Ihrer Wahl. Ihr Programm (Ihre Methode) wird mit drei Parametern gestartet: dem String-Array mit den zu sortierenden TLDs selbst sowie jeweils der Position des ersten und des letzten zu sortierenden Eintrags im Array.

Lösungsvorschlag

```
public class Quicksort {
 public static void swap(String[] array, int index1, int index2) {
    String tmp = array[index1];
    array[index1] = array[index2];
    array[index2] = tmp;
 public static int partition(String[] array, int first, int last) {
    int pivotIndex = (last + first) / 2;
    String pivotValue = array[pivotIndex];
    int pivotIndexFinal = first;
    swap(array, pivotIndex, last);
    for (int i = first; i < last; i++) {</pre>
      if (array[i].compareTo(pivotValue) < 0) {</pre>
        swap(array, i, pivotIndexFinal);
        pivotIndexFinal++;
    swap(array, last, pivotIndexFinal);
    return pivotIndexFinal;
 public static void sort(String[] array, int first, int last) {
    if (first < last) {</pre>
      int pivotIndex = partition(array, first, last);
      sort(array, first, pivotIndex - 1);
      sort(array, pivotIndex + 1, last);
  }
 public static void main(String[] args) {
    String[] array = new String[] { "de", "com", "uk", "org", "co", "net", "fr",
    → "ee" };
    sort(array, 0, array.length - 1);
```

```
for (int i = 0; i < array.length; i++) {
    System.out.println(array[i]);
}
}
Code-Beispiel auf Github ansehen: src/main/java/org/bschlangaul/examen_66115/jahr_2017/fruehjahr/Quicksort.java</pre>
```



Die Bschlangaul-Sammlung Hermine Bschlangaul and Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike $4.0\,\mathrm{International\text{-}Lizenz}.$

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht allein! Das ist ein Community-Projekt! Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net.Der TEX-Quelltext dieses Dokuments kann unter folgender URL aufgerufen werden: https://github.com/bschlangaul-sammlung/examens-aufgaben/blob/main/Staatsexamen/66115/2017/03/Thema-1/Aufgabe-2.tex