## Aufgabe 3

Gegeben sei die kontextfreie Grammatik  $G=(V,\Sigma,P,S)$  mit Sprache L(G), wobei  $V=\{S,T,U\}$  und  $\Sigma=\{a,b\}$ . P bestehe aus den folgenden Produktionen:

 $P = \{$ 

$$S \to TUUT$$
$$T \to aT \mid \epsilon$$
$$U \to bUb \mid a$$

}

1

- (a) Geben Sie fünf verschiedene Wörter  $w \in \Sigma^*$  mit  $w \in L(G)$  an.
  - aa
  - aaaa
  - ababbaba
  - aababbabaa
  - abbabbbbabba
- (b) Geben Sie eine explizite Beschreibung der Sprache  $\mathcal{L}(G)$  an.

$$L = \{ a^*b^nab^{2n}ab^na^* \mid n \in \mathbb{N}_0 \}$$

- (c) Bringen Sie *G* in Chomsky-Normalform und erklären Sie Ihre Vorgehensweise.
  - (i) Elimination der  $\epsilon$ -Regeln

— Alle Regeln der Form  $A \to \epsilon$  werden eliminiert. Die Ersetzung von A wird durch  $\epsilon$  in allen anderen Regeln vorweggenommen.

$$P = \{$$

$$S \rightarrow TUUT \mid TUU \mid UUT \mid UU$$
 $T \rightarrow aT \mid a$ 
 $U \rightarrow bUb \mid a$ 

}

- (ii) Elimination von Kettenregeln
  - Jede Produktion der Form  $A \to B$  mit  $A,B \in S$  wird als Kettenregel bezeichnet. Diese tragen nicht zur Produktion von Terminalzeichen bei und lassen sich ebenfalls eliminieren.
  - ☑ Nichts zu tun
- (iii) Separation von Terminalzeichen

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>https://flaci.com/Gjpsin26a

```
P = \{ \\ S \rightarrow TUUT \mid TUU \mid UUT \mid UU \\ T \rightarrow AT \mid A \\ U \rightarrow BUB \mid A \\ A \rightarrow a \\ B \rightarrow b \\ \}
```

## (iv) Elimination von mehrelementigen Nonterminalketten

— Alle Produktionen der Form  $A \to B_1B_2 \dots B_n$  werden in die Produktionen  $A \to A_{n-1}B_n, A_{n-1} \to A_{n-2}B_{n-1}, \dots, A_2 \to B_1B_2$  zerteilt. Nach der Ersetzung sind alle längeren Nonterminalketten vollständig heruntergebrochen und die Chomsky-Normalform erreicht.

$$P = \{$$

$$S \rightarrow TS_1 \mid TS_3 \mid US_2 \mid UU$$

$$S_1 \rightarrow US_2$$

$$S_2 \rightarrow UT$$

$$S_3 \rightarrow UU$$

$$T \rightarrow AT \mid a$$

$$U \rightarrow BU_1 \mid a$$

$$U_1 \rightarrow UB$$

$$A \rightarrow a$$

$$B \rightarrow b$$

}