Hashing

Weiterführende Literatur:

- Schneider, Taschenbuch der Informatik, Kapitel 6.3.3 Streutabellen (Hashing), Seite 188-
- Algorithmen und Datenstrukturen: Tafelübung 10, WS 2018/19, Seite 22-39
- Saake und Sattler, Algorithmen und Datenstrukturen, Seite 419-439
- Wikipedia-Artikel "Hashtabelle"

Grundlagen

Das Ziel von Hashing ist einerseits einen extrem großen Schlüsselraum auf einen extrem großen Schlüsselraum vernünftig kleinen Bereich von ganzen Zahlen abzubilden und andererseits dass kleinen Bereich von ganzen Zahlen zwei Schlüssel auf die selbe Zahl abgebildet werden, soll möglichst unwahrschein- zwei Schlüssel auf die selbe Zahl *lich* sein.¹

Daten werden in einer Streu(wert)tabelle (hash table) abgelegt. Aufgrund streu(wert)tabelle des wahlfreien Zugriffs eignen sich Felder zum Abspeichern der Daten. Eine Hashfunktion h bildet ein Datenelement auf einen Hashwert ab. Das Datenele-Hashfunktion ment benötigt dazu einen Schlüssel (key), der das Element eindeutig identifiziert. Der Hashwert wird als Index in dem Feld verwendet. Das Datenelement wird im entsprechenden Bucket der Tabelle gespeichert. Bei der Suche nach einem Element mit bekanntem Schlüssel wird der Index mittels der Hashfunktion bestimmt. Dies geschieht mit konstantem Aufwand. Der Aufwand des Nachschlagens an entsprechender Stelle ist abhängig von der Organisationsform.²

unwahrscheinlich

Kollisionen

Da Hashfunktionen im Allgemeinen nicht eindeutig (injektiv) sind, können zwei nicht eindeutig (injektiv) unterschiedliche Schlüssel zum selben Hash-Wert, also zum selben Feld in der Tabelle, führen. Dieses Ereignis wird als Kollision bezeichnet. In diesem Fall Kollision muss die Hashtabelle mehrere Werte in demselben Bucket aufnehmen.

Zur Behandlung von Kollisionen werden kollidierte Daten nach einer Ausweichstrategie in alternativen Feldern oder in einer Liste gespeichert. Schlimmstenfalls können Kollisionen zu einer Entartung der Hashtabelle führen, wenn wenige Liste Hashwerte sehr vielen Objekten zugewiesen wurden, während andere Hashwerte unbenutzt bleiben.³

Um das Kollisions-Problem zu handhaben, gibt es diverse Kollisionsauflösungsstrategien.

Entartung der Hashtabelle

geschlossenes Hashing mit offener Adressierung

Wenn dabei ein Eintrag an einer schon belegten Stelle in der Tabelle abgelegt werden soll, wird stattdessen eine andere freie Stelle genommen. Häufig werden andere freie Stelle genommen

 $^{^1\}mathrm{Seite}\ 4\ \mathrm{https://moves.rwth-aachen.de/wp-content/uploads/SS15/dsal/lec13.pdf}$

²Algorithmen und Datenstrukturen: Tafelübung 10, WS 2018/19, Seite 25.

³Wikipedia-Artikel "Hashtabelle".

drei Varianten unterschieden:

lineares Sondieren

konstantes Intervall

Intervall quadriert

weitere Hash-Funktior

Elemente im Behälter durchsucht werden

Buckets

es wird um ein *konstantes Intervall* verschoben nach einer freien Stelle gesucht. Meistens wird die Intervallgröße auf 1 festgelegt.

quadratisches Sondieren

Nach jedem erfolglosen Suchschritt wird das Intervall quadriert.

doppeltes Hashen

eine weitere Hash-Funktion liefert das Intervall.

offenes Hashing mit geschlossener Adressierung

Anstelle der gesuchten Daten enthält die Hashtabelle hier *Behälter* (englisch *Buckets*), die alle Daten mit gleichem Hash-Wert aufnehmen. Es müssen die *Elemente im Behälter durchsucht werden*. Oft wird die Verkettung durch eine lineare Liste pro Behälter realisiert.⁴

Die Divisionsrestmethode⁵

Die Divisionsrestmethode – auch Modulo genannt liefert eine Hashfunktion. Die Funktion lautet: $h(k) = k \mod m$. m ist die Größe der Hashtabelle. Die Hash-Funktion kann sehr schnell berechnet werden. Die Wahl der Tabellengröße m beeinflusst die Kollisionswahrscheinlichkeit der Funktionswerte von h. Für praxisrelevante Anwendungen liefert die Wahl einer Primzahl für m.

Belegungsfaktor⁶

 $Belegungs faktor = \frac{Anzahl\ tats \"{a}chlich\ eingetragener\ Schlüssel}{Anzahl\ Hashwerte}$

Literatur

- [1] Algorithmen und Datenstrukturen: Tafelübung 10, WS 2018/19. https://www.studon.fau.de/file2619757_download.html. FAU: Lehrstuhl für Informatik 2 (Programmiersysteme).
- [2] Gunter Saake und Kai-Uwe Sattler. *Algorithmen und Datenstrukturen. Eine Einführung in Java.* 2014.
- [3] Uwe Schneider. Taschenbuch der Informatik. 7. Aufl. Hanser, 2012. isbn: 9783446426382.

2

⁴Wikipedia-Artikel "Hashtabelle".

⁵Wikipedia-Artikel "Divisionsrestmethode".

⁶Algorithmen und Datenstrukturen: Tafelübung 10, WS 2018/19, Seite 29.

- [4] Wikipedia-Artikel "Divisionsrestmethode". https://de.wikipedia.org/wiki/Divisionsrestmethode.
- [5] Wikipedia-Artikel "Hashtabelle".https://de.wikipedia.org/wiki/Hashtabelle.