Abitur 2015 IV

Auf dem ägyptischen *Papyrus Rhind*, der etwa auf das Jahr 1550 v. Chr. datiert wird, ist eine Möglichkeit zur Multiplikation zweier natürlicher Zahlen z_1 und z_2 beschrieben. Als Struktogramm lässt sich dieser Algorithmus folgendermaßen darstellen:

Das berechnete Produkt steht nach Abarbeitung des Algorithmus in der Variablen erg.

(a) Berechnen Sie mithilfe der beschriebenen ägyptischen Multiplikation schrittweise das Produkt aus $z_1=13$ und $z_2=5$

```
z2
          erg
13
    5
          0
          5
     10
3
     20
          25
     40
          65
     80
z1
     z2
          erg
13
          0
13
    5
          5
          5
6
          5
3
     10
          5
3
     20
          5
3
     20
          25
          25
1
     20
     40
          25
1
     40
          65
1
0
     40
          65
0
```

(b) Nennen Sie die wesentliche Idee des Speichermodells eines Rechners, der nach dem von-Neumann-Prinzip aufgebaut ist. Geben Sie einen Vor- und einen Nachteil dieses Speichermodells an.

Wesentliche Idee des Speichermodells eines Rechners, der nach dem von-Neumann-Prinzip gebaut ist: Programme und Daten sind im selben Speicher, wobei der Hauptspeicher aus Zellen gleicher Größe besteht.

Vorteil:

Streng sequentieller Ablauf von Befehlen ist ein Vorteil, weil zu jedem Zeitpunkt klar ist, welcher Schritt durchgeführt wird.

Nachteil:

Der von-Neumann-Flaschenhals, weil alle Daten über denselben Bus

weitergeleitet werden müssen und der Ablauf deshalb eine gewisse Zeit benötigt.

(c) Bestätigen Sie anhand zweier Beispiele, dass mithilfe des folgenden Programmausschnitts entschieden werden kann, ob Speicherzelle 101 eine gerade oder ungerade Zahl enthält.

LOAD 101 SHRI 1 SHLI 1 SUB 101	Beispiel für gerade Zahl 6=110 3=011 6=110 0	Beispiel für ungerade Zahl 5=101 2=010 4=100 not zero für ungerade
LOAD 101 SHRI 1 SHLI 1 SUB 101	Beispiel für gerade Zahl 14=1110 7=0111 14=1110 0	Beispiel für ungerade Zahl 17=10001 8=01000 16=10000 not zero für ungerade
LOAD 101 SHRI 1 SHLI 1 SUB 101	Beispiel für gerade Zahl 44=101100 22=010110 44=101100 0	Beispiel für ungerade Zahl 25=11001 12=01100 24=11000 not zero für ungerade

- (d) Anmerkungen für mich Bedeutung der Abkürzungen: SHRI bedeutet "Shift nach rechts"; SHLI bedeutet "Shift nach links"; Vorgehen: 1. Gerade und ungerade Beispielzahl überlegen (> LOAD 101) und von 1 beginnend solange das letzte Ergebnis *2 nehmen bis es noch in die Beispielzahl passt (im weiteren Verlauf der Erklärung x genannt); dann "=" und von links nach rechts ausgehend hinschreiben, wie oft man das x braucht, dann x/2, etc. (nur 1er und 0er zulässig!) 2. Zahlen hinter dem "=" nach rechts verschieben. Dabei fällt die letzte Zahl weg und links wird die 0 ergänzt. Vor dem "=" die Zahl mit Hilfe der Zahlenfolge bestimmen. (> SHRI 1) 3. Zahlen hinter dem "=" nach links verschieben. Dabei fällt die erste Zahl weg und rechts wird die 0 ergänzt. Vor dem "=" die Zahl mit Hilfe der Zahlenfolge bestimmen. (> SHLI 1) 4. Vom bisherigen Ergebnis die Beispielzahl abziehen. (> SUB 101)
- (e) Schreiben Sie ein Programm für die angegebene Registermaschine, das den Algorithmus des Papyrus Rhind umsetzt. Gehen Sie dabei davon aus, dass die beiden positiven ganzzahligen Faktoren z_1 und z_2 bereits in den Speicherzellen 101 und 102 stehen und dass alle weiteren nicht vom Programm belegten Speicherzellen mit dem Wert 0 vorbelegt sind.

```
1 Start: LOADI 13
2 STORE 101
3 LOADI 5
4 STORE 102
5
6 Wdh: LOAD 101
7 JMPZ end
8
9 Bed: SHRI 1
```

```
10
     SHLI 1
11 SUB 101
12 CMPI 0
13
     JMPZ true
15 false: LOAD erg
16 ADD 102
17 STORE erg
18
19 true: LOAD 101
20 DIVI 2
      STORE 101
21
      LOAD 102
22
      MULI 2
23
      STORE 102
JMP Wdh
24
25
26
27 end: LOAD erg
28 HOLD
29
30 erg: WORD 0
```