Staatsexamen 66115 / 2013 / Frühjahr / Thema Nr. 1 / Aufgabe Nr. 2

Aufgabe 2 [Kontextfreie Grammatiken]

Gegeben sei die Grammatik $G = (\{S, A, B, C\}, \{a, b\}, P, S)$ und

$$P = \Big\{$$

$$S \rightarrow AB$$

$$S \rightarrow CS$$

$$A \rightarrow BC$$

$$A \rightarrow BB$$

$$A \rightarrow a$$

$$B \rightarrow AC$$

$$B \rightarrow b$$

$$C \rightarrow AA$$

$$C \rightarrow BA$$

Der Automat auf flaci.com (FLACI: Formale Sprachen, abstrakte Automaten, Compiler und Interpreter) Ein Projekt der Hochschule Zittau/Görlitz und der Pädagogischen Hochschule Schwyz: flaci.com/Gr46a6j0a L=L(G) ist die von G erzeugte Sprache.

(a) Zeigen Sie, dass G mehrdeutig ist.

Das Wort *baab* kann in zwei verschiedenen Ableitungen hergeleitet werden:

(i)
$$S \vdash AB \vdash BCB \vdash bCB \vdash bAAB \vdash baAB \vdash baaB \vdash baab$$

(ii)
$$S \vdash CS \vdash BAS \vdash bAS \vdash baS \vdash baAB \vdash baaB \vdash baab$$

(b) Entscheiden Sie mithilfe des Algorithmus von Cocke, Younger und Kasami (CYK), ob das Wort w=babaaa zur Sprache L gehört. Begründen Sie Ihre Entscheidung.

b	a	b	a	a	a
В	A	В	Α	Α	A
С	S	С	С	С	
-	В	Α	В		•
A	С	A,C		•	
A,C	B,C,A				
A,C,B					

 \Rightarrow babaaa $\notin L(G)$

Das Startsymbol S ist nicht in der Zelle $V(1,5) = \{A,C,B\}$ enthalten.

(c) Geben Sie eine Ableitung für w = babaaa an.

$$A \vdash BB \vdash bB \vdash bAC \vdash baC \vdash baAA \vdash baBCA \vdash babCA \vdash babAAA \vdash babaAA \vdash babaaA \vdash babaaa$$

Github: Staatsexamen/66115/2013/03/Thema-1/Aufgabe-2.tex