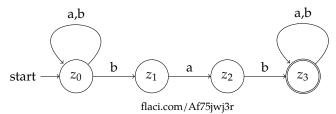
## Aufgabe 1

Wir fixieren das Alphabet  $\Sigma = \{a,b\}$  und definieren  $L \subseteq \Sigma$  durch

 $L = \{w \mid \text{in } w \text{ kommt das Teilwort bab vor}\}$ 

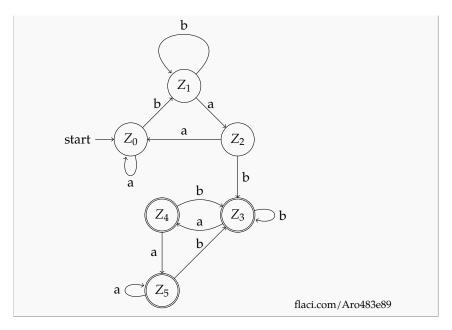
z. B. ist babaabb  $\in$  L, aber baabaabb  $\notin$  L. Der folgende nichtdeterministische Automat A erkennt L:



1 ( 10 ( )

(a) Wenden Sie die Potenzmengenkonstruktion auf den Automaten an und geben Sie den resultierenden deterministischen Automaten an. Nicht erreichbare Zustände sollen nicht dargestellt werden.

Zustandsmenge	Eingabe a	Eingabe b
$Z_0 \{z_0\}$	$Z_0 \{z_0\}$	$Z_1 \{z_0, z_1\}$
$Z_1 \left\{ z_0, z_1 \right\}$	$Z_2\left\{z_0,z_2\right\}$	$Z_1 \{z_0, z_1\}$
$Z_2$ $\{z_0, z_2\}$	$Z_0 \{z_0\}$	$Z_3 \{z_0, z_1, z_3\}$
$Z_3 \{z_0, z_1, z_3\}$	$Z_4 \{z_0, z_2, z_3\}$	$Z_3 \{z_0, z_1, z_3\}$
$Z_4 \{z_0, z_2, z_3\}$	$Z_5\left\{z_0,z_3\right\}$	$Z_3 \{z_0, z_1, z_3\}$
$\mathbb{Z}_5\left\{z_0,z_3\right\}$	$Z_5$ $\{z_0, z_3\}$	$Z_3 \{z_0, z_1, z_3\}$



(b) Konstruieren Sie aus dem so erhaltenen deterministischen Automaten den Minimalautomaten für L. Beschreiben Sie dabei die Arbeitsschritte des verwendeten Algorithmus in nachvollziehbarer Weise.

$z_0$	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø
$z_1$	<i>x</i> <sub>3</sub>	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø
$z_2$	$x_2$	$x_2$	Ø	Ø	Ø	Ø
$z_3$	$x_1$	$x_1$	$x_1$	Ø	Ø	Ø
$z_4$	$x_1$	$x_1$	$x_1$		Ø	Ø
$z_5$	$x_1$	$x_1$	$x_1$			Ø
	$z_0$	$z_1$	$z_2$	$z_3$	$z_4$	$z_5$

- $x_1$  Paar aus End-/ Nicht-Endzustand kann nicht äquivalent sein.
- $x_2$  Test, ob man mit der Eingabe zu einem bereits markiertem Paar kommt.
- $x_3$  In weiteren Iterationen markierte Zustände.
- *x*<sub>4</sub> ...

## Übergangstabelle

