Aufgabe 6

Gegeben sei ein einfacher Sortieralgorithmus, der ein gegebenes Feld *A* dadurch sortiert, dass er das *Minimum m* von *A findet*, dann das Minimum von *A* ohne das Element *m* usw.

(a) Geben Sie den Algorithmus in Java an. Implementieren Sie den Algorithmus *in situ*, d.h. so, dass er außer dem Eingabefeld nur konstanten Extraspeicher benötigt. Es steht eine Testklasse zur Verfügung.

```
public class SortierungDurchAuswaehlen {
      static void vertausche(int[] zahlen, int index1, int index2) {
        int tmp = zahlen[index1];
        zahlen[index1] = zahlen[index2];
        zahlen[index2] = tmp;
      static void sortiereDurchAuswählen(int[] zahlen) {
10
11
        // Am Anfang ist die Markierung das erste Element im Zahlen-Array.
        int markierung = 0;
12
        while (markierung < zahlen.length) {</pre>
13
          // Bestimme das kleinste Element.
          // 'min' ist der Index des kleinsten Elements.
15
          // Am Anfang auf das letzte Element setzen.
16
          int min = zahlen.length - 1;
17
          // Wir müssen nicht bis letzten Index gehen, da wir 'min' auf
18
           \hookrightarrow das letzte Element
          // setzen.
19
          for (int i = markierung; i < zahlen.length - 1; i++) {</pre>
20
21
            if (zahlen[i] < zahlen[min]) {</pre>
22
              min = i;
            }
23
          }
24
25
          // Tausche zahlen[markierung] mit gefundenem Element.
          vertausche(zahlen, markierung, min);
27
28
          // Die Markierung um eins nach hinten verlegen.
29
          markierung++;
30
31
32
      public static void main(String[] args) {
33
34
        int[] zahlen = { 5, 2, 7, 1, 6, 3, 4 };
        sortiereDurchAuswählen(zahlen);
36
        for (int i = 0; i < zahlen.length; i++) {</pre>
37
          System.out.print(zahlen[i] + " ");
38
39
      }
    }
```

(b) Analysieren Sie die Laufzeit Ihres Algorithmus.

Beim ersten Durchlauf des *Selectionsort*-Algorithmus muss n-1 mal das Minimum durch Vergleich ermittel werden, beim zweiten Mal n-2. Mit Hilfe der *Gaußschen Summenforme*l kann die Komplexität gerechnet werden:

$$(n-1) + (n-2) + \dots + 3 + 2 + 1 = \frac{(n-1) \cdot n}{2} = \frac{n^2}{2} - \frac{n}{2} \approx \frac{n^2}{2} \approx n^2$$

Da es bei der Berechnung des Komplexität um die Berechnung der asymptotischen oberen Grenze geht, können Konstanten und die Addition, Subtraktion, Multiplikation und Division mit Konstanten z. b. $\frac{n^2}{2}$ vernachlässigt werden.

Der *Selectionsort*-Algorithmus hat deshalb die Komplexität $\mathcal{O}(n^2)$, er ist von der Ordnung $\mathcal{O}(n^2)$.

(c) Geben Sie eine Datenstruktur an, mit der Sie Ihren Algorithmus beschleunigen können.

Der *Selectionsort*-Algorithmus kann mit einer Min- (in diesem Fall) bzw. einer Max-Heap beschleunigt werden. Mit Hilfe dieser Datenstruktur kann sehr schnell das Minimum gefunden werden. So kann auf die viele Vergleiche verzichtet werden. Die Komplexität ist dann $\mathcal{O}(n\log n)$.