## **Aufgabe 6: Rekursion**

Für Binomialkoeffizienten  $\binom{n}{k}$  gelten neben den grundlegenden Beziehungen  $\binom{n}{0} = 1$  und  $\binom{n}{n} = 1$  auch folgende Formeln:

A) 
$$\binom{n+1}{k} = \binom{n}{k-1} + \binom{n}{k}$$
  
B)  $\binom{n}{k} = \binom{n-1}{k-1} \cdot \frac{n}{k}$ 

(a) Implementieren Sie unter Verwendung von Beziehung (A) eine rekursive Methode binRek(n, k) zur Berechnung des Binomialkoeffizienten in einer objektorientierten Programmiersprache oder entsprechendem Pseudocode!

```
Zuerst verwandeln wir die Beziehung (A) geringfügig um, indem
    wir n durch n-1 ersetzen:
    \binom{n}{k} = \binom{n-1}{k-1} + \binom{n-1}{k}
       * Berechnet rekursiv den Binominalkoeffizienten "n über k". Dabei
    \hookrightarrow muss gelten:
       * n >= 0, k >= 0 und n >= k.
10
11
      * @param n Ganzzahl n
12
       * @param k Ganzzahl k
13
       * @return Eine Ganzzahl.
15
16
      public static int binRek(int n, int k) {
        if (k == 0 | | k == n) {
18
```

(b) Implementieren Sie unter Verwendung von Beziehung (B) eine iterative Methode binIt(n, k) zur Berechnung des Binomialkoeffizienten in einer objektorientierten Programmiersprache oder entsprechendem Pseudocode!

```
} else {
          return binRek(n - 1, k - 1) + binRek(n - 1, k);
21
22
      }
23
24
25
       * Berechnet iterativ den Binominalkoeffizienten "n über k". Dabei
26
    \hookrightarrow muss gelten:
       * n >= 0, k >= 0 und n >= k.
28
29
      * Oparam n Ganzzahl n
       * @param k Ganzzahl k
30
31
32
       * @return Eine Ganzzahl.
33
      public static int binIt(int n, int k) {
34
        // Das Ergebnis wird als Kommazahl deklariert, da nicht alle
        // Zwischenergebnisse ganze Zahlen sind.
```

(c) Geben Sie die Laufzeitkomplexität der Methoden binRek(n, k) und binIt(n, k) aus den vorhergehenden beiden Teilaufgaben in O-Notation an!