## Aufgabe 6

Es sei E die Menge aller (geeignet codierten) Turingmaschinen M mit folgender Eigenschaft: Es gibt eine Eingabe w, so dass M gestartet auf w mindestens 1000 Schritte rechnet und dann irgendwann hält.

Das Halteproblem auf leerer Eingabe  $H_0$  ist definiert als die Menge aller Turingmaschinen, die auf leerer Eingabe gestartet, irgendwann halten.

(a) Zeigen Sie, dass E unentscheidbar ist (etwa durch Reduktion vom Halteproblem  $H_0$ ).

Dazu definieren wir die Funktion  $f: \Sigma^* \to \Sigma^*$  wie folgt:

$$f(u) = \begin{cases} c(M) & \text{falls } u = c(M')w \text{ ist für eine Turingmaschine } M \text{ und Eingabe } w \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$$

Dabei sei M' eine Turingmaschine, die sich wie folgt verhält:

- (i) Geht 1000 Schritte nach rechts
- (ii) Schreibt festes Wort w (für M' ist w demnach fest!)
- (iii) Startet M
  - total
  - berechenbar: Syntaxcheck, 1000 Schritte über 1000 weitere Zustände realisierbar
  - Korrektheit:  $u \in L_{halt} \Leftrightarrow u = c(M)w$  für TM M, die auf w hält  $\Leftrightarrow f(u) = c(M')$ , wobei M' 1000 Schritte macht und dann hält  $\Leftrightarrow f(u) \in L$
- (b) Begründen Sie, dass *E* partiell entscheidbar ist.
- (c) Geben Sie ein Problem an, welches nicht einmal partiell entscheidbar ist.