## **Master-Theorem**

Der Hauptsatz der Laufzeitfunktionen - oder oft auch aus dem Englischen als Master-Theorem entlehnt – bietet eine schnelle Lösung für die Frage, in welcher schnelle Lösung Laufzeitklasse eine gegebene rekursiv definierte Funktion liegt. Mit dem Master- in welcher Laufzeitklasse Theorem kann allerdings nicht jede rekursiv definierte Funktion gelöst werden. rekursiv definierte Funktion Lässt sich keiner der drei möglichen Fälle des Master-Theorems auf die Funktion T anwenden, so muss man die Komplexitätsklasse der Funktion anderweitig berechnen.

$$T(n) = a \cdot T\left(\frac{n}{h}\right) + f(n)$$

a =Anzahl der Unterprobleme in der Rekursion

 $\frac{1}{\hbar}=$  Teil des Originalproblems, welches wiederum durch alle Unterprobleme repräsentiert wird

f(n) = Kosten (Aufwand, Nebenkosten), die durch die Division des Problems und die Kombination der Teillösungen entstehen

12

**1. Fall:** 
$$T(n) \in \Theta\left(n^{\log_b a}\right)$$

falls 
$$f(n) \in \mathcal{O}\left(n^{\log_b a - \varepsilon}\right)$$
 für  $\varepsilon > 0$ 

**2. Fall:** 
$$T(n) \in \Theta\left(n^{\log_b a} \cdot \log n\right)$$

falls 
$$f(n) \in \Theta(n^{\log_b a})$$

**3. Fall:**  $T(n) \in \Theta(f(n))$ 

falls  $f(n) \in \Omega\Big(n^{\log_b a + \varepsilon}\Big)$ für  $\varepsilon > 0$  und ebenfalls für ein c mit 0 < c < 1und alle hinreichend großen n gilt:  $a \cdot f(\frac{n}{h}) \le c \cdot f(n)$ 

## Literatur

- Qualifizierungsmaßnahme Informatik: Algorithmen und Datenstrukturen 2. Sortieren, Suchen, Komplexität. https://www.studon.fau.de/file2566441\_ download.html.
- Wikipedia-Artikel "Master-Theorem". https://de.wikipedia.org/wiki/ Master-Theorem.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Wikipedia-Artikel "Master-Theorem".

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Qualifizierungsmaßnahme Informatik: Algorithmen und Datenstrukturen 2, Seite 19-35 (PDF 11-24).