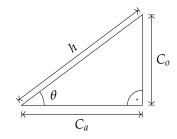


FORMULÁRIO

Relações Trigonométricas



$$sen \theta = C_o/h$$
 $cos \theta = C_a/h$
 $tan \theta = C_o/C_a$
 $h^2 = C_o^2 + C_a^2$

Cinemática unidimensional

$$\Delta x = x_f - x_i \tag{1}$$

$$\Delta v = v_f - v_i \tag{2}$$

$$\Delta t = t_f - t_i \tag{3}$$

$$\overline{v} = \Delta x / \Delta t \tag{4}$$

$$\overline{a} = \Delta v / \Delta t \tag{5}$$

$$v = \lim_{\Delta t \to 0} \overline{v} \tag{6}$$

$$= \lim_{\Delta t \to 0} \Delta x / \Delta t \tag{7}$$

$$a = \lim_{\Delta t \to 0} \overline{a} \tag{8}$$

$$= \lim_{\Delta t \to 0} \Delta v / \Delta t \tag{9}$$

Fórmulas para aceleração constante:

$$v = v_0 + at \tag{10}$$

$$x - x_0 = v_0 t + a t^2 / 2$$
(11)

$$v^2 = v_0^2 + 2a\Delta x \tag{12}$$

$$x - x_0 = (v_0 + v)t/2 \tag{13}$$

$$x - x_0 = vt - at^2/2 (14)$$

Vetores

Dado um referencial com dois eixos perperdiculares x e y e dois vetores unitários $\hat{\imath}$ e $\hat{\jmath}$, cujas direções são as dos eixos coordenados, temos

$$a_x = a\cos\theta$$
 $a_y = a\sin\theta$

$$a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2} \quad \tan \theta = a_y / a_x.$$

Se

$$\vec{a} = a_x \hat{\imath} + a_y \hat{\jmath}, \quad \vec{b} = b_x \hat{\imath} + b_y \hat{\jmath}, \quad (17)$$

então

$$\vec{c} = \vec{a} + \vec{b} \tag{18}$$

$$= (a_x + b_x)\hat{i} + (a_y + b_y)\hat{j}. \quad (19)$$

Cinemática bi e tridimensional

$$\Delta \vec{r} = \vec{r}_f - \vec{r}_i \tag{20}$$

$$\Delta \vec{v} = \vec{v}_f - \vec{v}_i \tag{21}$$

$$\Delta t = t_f - t_i \tag{22}$$

$$\overline{\vec{v}} = \Delta \vec{x} / \Delta t \tag{23}$$

$$\overline{\vec{a}} = \Delta \vec{v} / \Delta t \tag{24}$$

$$\vec{v} = \lim_{\Delta t \to 0} \overline{\vec{v}} \tag{25}$$

$$= \lim_{\Delta t \to 0} \Delta \vec{r} / \Delta t \tag{26}$$

$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \to 0} \bar{\vec{a}} \tag{27}$$

$$= \lim_{\Delta t \to 0} \Delta \vec{v} / \Delta t \tag{28}$$

Movimento de projéteis

Altura máxima, trajetória e alcance horizontal:

$$H = (v_0^2 \sin^2 \theta) / 2g \tag{29}$$

$$y(x) = (\tan \theta_0)x - \frac{gx^2}{(2v_0^2 \cos^2 \theta_0)}$$
(30)

$$R = [v_0^2 \sec(2\theta_0)]/g \tag{31}$$

Movimento Circular Uniforme

Aceleração centripeta e período:

$$a_c = v^2/r$$
 $T = 2\pi r/v$ (32)

Movimento Relativo

$$\vec{r}_S = \vec{r}_{S'} + \vec{r}_{SS'} \tag{33}$$

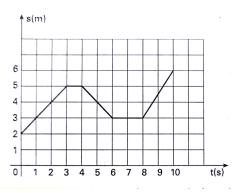
$$\vec{v}_S = \vec{v}_{S'} + \vec{v}_{SS'} \tag{34}$$

$$\vec{a}_S = \vec{a}_{S'} + \vec{a}_{SS'} \tag{35}$$



MOVIMENTOS UNIDIMENSIONAIS COM VELOCIDADE CONSTANTE, VELOCIDADE MÉDIA, E VELOCIDADE INSTANTÂNEA

1. O gráfico abaixo representa a posição *s* de uma partícula como função do tempo.



Analise as afirmativas seguintes e assinale a alternativa correta:

- 1. A velocidade média entre $t=4\,\mathrm{s}$ e $t=6\,\mathrm{s}$ é de $-1\,\mathrm{m/s}$.
- 2. O deslocamento entre t = 4 s e t = 10 s vale 8 m.
- 3. O deslocamento escalar (distância total percorrida) entre t = 0 até t = 10 s vale 8 m.

Alternativas:

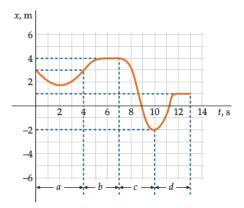
- A. Somente a opção 1 é correta.
- B. Somente 1 e 2 são corretas.
- C. Somente 2 e 3 são corretas.
- D. Somente 1 e 3 são corretas.
- E. Todas estão corretas.

[R.: D.]

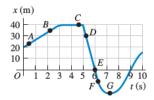
- 2. Você tem que dirigir em uma via expressa para se candidatar a um emprego em outra cidade, a uma distância de 300 km. A entrevista foi marcada para as 11:15 h da manhã. Você planeja dirigir a 100 km/h e parte às 8:00 h da manhã para ter algum tempo de sobra. Você dirige na velocidade planejada durante os primeiros 100 km, depois um trecho da estrada em obra o obriga a reduzir a velocidade para 40 km/h por 40 km. Qual a menor velocidade que você deve manter no resto da viagem para chegar a tempo da entrevista? [R.: 128,0 km/h.]
- 3. Dois trens, o primeiro com velocidade constante de 30 km/h e segundo com velocidade constante de 45 km/h, trafegam em sentidos opostos na mesma linha férrea retilínea. Um pássaro capaz de voar a 60 km/h parte da frente do primeiro trem, quando eles estão separados por 60 km, e se dirige em linha reta para o segundo. Ao chegar ao outro trem, o pássaro faz meia-volta e se dirige para o primeiro trem, e assim por diante. Qual é a *distância total* que o pássaro

percorre até os trens colidirem? *Note que a distância total percorrida pelo pássaro é dada pelo produto do módulo de sua velocidade pelo tempo de voo.* [R.: 48 km.]

- 4. Durante um exercício de treinamento, um piloto sobrevoa uma região plana com velocidade constante de 1300 km/h a uma altitude de 35 m, simulando uma situação em que tenha que evitar sua detecção por radares. Em um certo ponto, o terreno passa a ter uma inclinação constante de 4,0°. Quanto tempo o piloto tem para corrigir o curso e evitar a colisão com o solo? *Dica: Use as relações trigonométricas.* [R.: 1,4s.]
- 5. Um veículo se desloca com uma velocidade de 25 km/h durante 6 min, depois a 12 km/h por 15 min, e finalmente a 62 km/h durante 22 min. Determine sua velocidade média em m/s. [R.: 10,94 m/s.]
- 6. A figura abaixo mostra a posição de uma partícula como uma função do tempo.
 - (a) Determine a velocidade média nos intervalos a e c. [R.: $\langle v_a \rangle = 0$, $\langle v_c \rangle = -2.0 \,\text{m/s.}$]
 - (b) Determine os instantes ou intervalos de tempo onde a velocidade deve ser nula. [R.: t = 2s, de $t \approx 5$ s até $t \approx 7$ s, t = 10s, e de $t \approx 11.5$ s até t = 13s.]

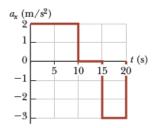


- O gráfico mostrado na figura abaixo representa a posição de um objeto como função do tempo. Determine,
 - (a) Quais dos pontos de *A* a *G* indicam situações onde a velocidade do corpo é nula. [R.: *C* e *G*.]
 - (b) Quais são os módulos das velocidades médias nos intervalos t=0 a t=3 s e t=5 s a t=6 s. [R.: 6.7 m/s e 40 m/s, respectivamente.]
 - (c) Determine os valores dos módulos das velocidades instantâneas nos pontos A, B, D e E. [R.: $v_A = v_B = 6.7 \, \text{m/s}, v_D = v_E = 40 \, \text{m/s}$. (Note que as respostas são iguais às do item anterior. Por quê?)]





- 8. Uma partícula executa um movimento unidimensional, partindo do repouso e acelerando como mostrado no gráfico abaixo. Determine
 - (a) a velocidade da partícula em $t = 10.0 \,\mathrm{s}$. [R.: $20 \,\mathrm{m/s}$.]
 - (b) o deslocamento da partícula entre t=0 e t=20.0 s. [R.: 262,5 m.]



- Considere o movimento oscilatório vertical de um corpo suspenso através de uma mola entre dois instantes de tempo quaisquer. Sobre o conceito de velocidade média, assinale as alternativas verdadeiras.
 - A. Um valor positivo de velocidade média indica que o corpo sempre se moveu no sentido positivo da trajetória durante o intervalo de tempo considerado.
 - B. Um valor negativo de velocidade média indica que o corpo sempre se moveu no sentido negativo da trajetória durante o intervalo de tempo considerado.
 - C. Um valor nulo de velocidade média não significa que o corpo não se moveu durante o intervalo de tempo considerado.
 - D. Um valor positivo de velocidade média indica que durante parte do tempo a partícula se moveu no sentido positivo do eixo coordenado.
 - E. Para calcularmos a velocidade média, basta determinarmos a razão entre a diferença das posições final e inicial, e o intervalo de tempo.

[R.: Verdadeiras: C, D, E.]

MOVIMENTOS UNIDIMENSIONAIS COM ACELERAÇÃO CONSTANTE

- Discursiva: Um malabarista joga uma bola verticalmente para cima, sem enfrentar resistência apreciável do ar.
 - (a) Qual é a relação entre a direção e o sentido da aceleração e da velocidade? Elas são sempre no mesmo sentido? Mesma direção? Explique.
 - (b) Qual é a aceleração da bola quando ela pára no topo da trajetória? Justifique.
- 11. Discursiva: Analise as seguintes situações

- (a) Um certo veículo que trafega em linha reta diminui sua velocidade enquanto o módulo de sua aceleração aumenta progressivamente (continuamente).
- (b) Um certo veículo que trafega em linha reta aumenta sua velocidade enquanto o módulo de sua aceleração diminui progressivamente (continuamente).

Tais situações são possíveis ou impossíveis? Explique seu raciocínio.

12. Discursiva: Você lança uma bola verticalmente para cima e ela atinge uma altura máxima maior do que a sua altura. O módulo da aceleração é maior quando ela está sendo lançada ou quando ela deixa sua mão?



- 13. O piloto de um avião a jato deseja atingir a uma velocidade de três vezes a velocidade do som, partindo do repouso, o mais rapidamente possível. A aceleração máxima do avião é de 5g (isto é, de cinco vezes a aceleração da gravidade), porém o piloto perde a consciência ao ser submetido a tal aceleração por mais de 5,0 s. Sabendo que a velocidade do som é de 343,0 m/s, e assumindo que o avião possa desenvolver sua aceleração máxima durante todo o processo
 - (a) Qual é o tempo necessário para que o piloto atinja a velocidade desejada, em segundos? [R.: 21 s.]
 - (b) Qual é a maior velocidade que o caça pode atingir antes de o piloto perder a consciência, em m/s? [R.: 245 m/s.]
- 14. Ao decolar de um porta-aviões, um caça a jato atinge a velocidade de 270 km/h em relação ao navio, em uma distância de 90 m. Suponha que a aceleração seja constante.
 - (a) Qual é a aceleração do caça, em m/s^2 ? [R.: $31,25 \, m/s^2$.]
 - (b) Qual é o tempo necessário para o caça atingir essa velocidade de decolagem, em segundos? [R.: 2,4s.]
- 15. Um carro se move ao longo do eixo x por uma distância de 900,0 m, partindo do repouso em x = 0.0 m e terminando em repouso em x = 900.0 m. No primeiro quarto do percurso, a aceleração é de 2,25 m/s². Nos outros três quartos, a aceleração passa a ser -0.750 m/s². Quais são
 - (a) A velocidade máxima? [R.: 31,82 m/s.]
 - (b) O tempo necessário para percorrer os 900,0 m? [R.: 56,57 s.]



- 16. Em uma colisão de um automóvel, o corpo humano pode sobreviver a uma aceleração de no máximo 250 m/s². Considere a seguinte situação: um carro que se move com velocidade de 105 km/h colide frontalmente com uma árvore e permanece parado após a colisão. Caso o carro tenha *air-bags*, eles inflarão e quando o tórax e o rosto do passageiro o atingirem cederão, exercendo uma força que desacelerará o passageiro. Calcule a distância mínima que o *air-bag* precisa ceder para que o passageiro seja desacelerado de forma segura. [R.: 1,7 m.]
- 17. Suponha que você está dirigindo um carro a 137 km/h e que os freios do veículo são capazes de desacelerá-lo a uma taxa de 5,3 m/s². Após uma árvore, a 70 m de distância, você avista um radar cuja velocidade limite é de 90 km/h. Será possível evitar a multa? [R.: Rigorosamente, não.]
- 18. Você está sobre o telhado do prédio do Departamento Acadêmico de Física diretamente acima da porta a uma altura de 30,00 m acima do solo. Seu professor de Física, que possui 1,75 m de altura, está caminhando em direção à entrada com uma velocidade de 1,20 m/s. Se você deseja soltar um ovo (com velocidade nula) de forma que ele caia na cabeça dele,
 - (a) quanto tempo o ovo demorará para atingi-lo? [R.: 2,40 s.]
 - (b) a que distância da porta ele deve estar no momento em que você solta o ovo? [R.: 2,88 m.]
- 19. Se um amigo seu segurar uma régua verticalmente pela extremidade superior e você dispuser seu polegar e seu indicador em forma de pinça, alinhados com o zero da régua, podemos calcular o seu *tempo de reação*. Assim que você vir a régua se movendo, feche os dedos para segurá-la. Assumindo que a distância percorrida pela régua foi de 17,6 cm, qual foi o tempo transcorrido entre seu amigo soltá-la e você segurá-la, isto é, seu tempo de reação? [R:: 0,190 s.]
- 20. O sinal amarelo de um cruzamento fica ligado durante $3.0 \, \mathrm{s}$ e a largura do cruzamento é de $15.0 \, \mathrm{m}$. Um carro que se encontra a $30.0 \, \mathrm{m}$ do cruzamento tem aceleração máxima de $3.0 \, \mathrm{m/s^2}$ e capacidade de frenagem de $6.0 \, \mathrm{m/s^2}$.
 - (a) Qual é a velocidade mínima que o carro precisa ter para poder atravessar completamente o cruzamento antes que o sinal se torne vermelho? [R.: 10,5 m/s.]
 - (b) Qual é a velocidade máxima que lhe permite ser freado antes de atravessar o cruzamento? [R.: 18,97 m/s.]
- 21. Um antílope que se move com aceleração constante leva 7,0 s para percorrer uma distância de 70,0 m entre dois pontos. Ao passar pelo segundo ponto sua velocidade é de 15,0 m/s.
 - (a) Qual era sua aceleração? [R.: 1,43 m/s².]

(b) Qual era sua velocidade quando passava pelo primeiro ponto? [R.: 5 m/s.]



- 22. Um balão de ar quente sobe verticalmente com velocidade de 5,00 m/s. Quando o balão se encontra a uma altura de 40,0 m acima do solo, um saco de areia se desprende do cesto de passageiros.
 - (a) Após quanto tempo o saco atinge o solo? [R.: 3,41 s.]
 - (b) Qual é a velocidade do saco quando ele está na iminência de atingir o solo? [R.: 28,44 m/s.]
- 23. Um objeto cai, partindo do repouso, uma distância de 109 metros, sem resistência do ar. Qual é a distância percorrida por ele em seu último segundo de queda? [R.: 41,32 m.]
- 24. Deixa-se cair uma pedra, sem velocidade inicial, do alto de um edifício de 60 m. A que distância do topo do edifício está a pedra 1,2 s antes de chegar ao solo? [R.: 25,9 m.]
- 25. ** Um certo malabarista normalmente arremessa bolas verticalmente até a uma altura $h=3.0\,\mathrm{m}$. A que altura as bolas devem ser arremessadas para passarem o dobro do tempo no ar? [R.: $12\,\mathrm{m}$.]



- 26. Um vaso com plantas cai do alto de um edifício e passa pelo terceiro andar, situado 20 m acima do solo, 0,5 s antes de se espatifar no chão.
 - (a) Com que velocidade ele chega ao chão? [R.: 42,45 m/s.]
 - (b) Qual é a altura do edifício? [R.: 91,94 m.]
- 27. Uma pedra é lançada verticalmente para cima, a partir do solo, no instante t = 0 s. Em t = 1.5 s, ela ultrapassa o alto de uma torre. Após 1.0 s, ela atinge a altura máxima. Qual é a altura da torre? [R.: 25.7 m.]



28. ** Uma torneira mal fechada libera uma gota a cada 1,0 s. Conforme essas gotas caem, a distância entre elas aumenta, diminui ou permanece a mesma? Determine uma expressão para a distância entre as gotas. [R.: Aumenta, sendo que a distância é dada por d = (2t-1) · g/2, com t ≥ 1 s.]



- 29. ** Duas pedras são largadas da beirada de um precipício de 70 m, a segunda 1,6 s após a primeira. A que distância abaixo do topo do precipício está a segunda pedra quando a separação entre ambas é de 36 m? [R.: 11 m.]
- 30. ** Uma pedra, largada de um penhasco, cobre um terço da distância total ao solo no último segundo de queda. A resistência do ar é desprezível. Qual é a altura do penhasco? Dica: Encontre primeiro as velocidades no início e no fim do terço final do deslocamento, ambas em função da distância percorrida. Use essas informações, juntamente com o tempo e o deslocamento, para determinar a altura. [R.: 145,5 m.]
- 31. ** Uma bola é solta, partindo do repouso, do alto de um edifício com altura *h*. Ao mesmo tempo, uma segunda bola é projetada verticalmente para cima a partir do nível do chão, de tal modo que possui velocidade zero quanto atinge o topo do edifício.
 - (a) A que altura em relação ao solo ambas ficam lado a lado? [**R**.: H = 3h/4.]
 - (b) Qual é a velocidade de cada uma das bolas? [R.: $v_1 = v_2 = \sqrt{2gh}/2$.]

VETORES E NOTAÇÃO VETORIAL

- 32. Quais são as componentes a_x e a_y de um vetor \vec{a} , cujo módulo é de 5,00 se o ângulo formado entre o vetor e o semieixo x positivo é de:
 - (a) $\theta_1 = 65^\circ$, medido no sentido anti-horário? [R.: $a_x = 2.11, a_y = 4.53.$]
 - (b) $\theta_2 = 138^\circ$, medido no sentido anti-horário? [R.: $a_x = -3.72$, $a_y = 3.35$.]
 - (c) $\alpha_1 = 25^\circ$, medido no sentido horário? [R.: $a_x = 4,53, a_y = -2,11.$]
 - (d) $\alpha_2 = 130^{\circ}$, medido no sentido horário? [R.: $a_x = -3.21, a_y = -3.83.$]
- 33. Quais são as componentes b_x e b_y de um vetor b, cujo módulo é de 10,00 se o ângulo formado entre o vetor e o semieixo y positivo é de:
 - (a) $\beta_1 = 20^\circ$, medido no sentido anti-horário? [R.: $a_x = -3.42$, $a_y = 9.40$.]
 - (b) $\beta_2 = 110^\circ$, medido no sentido anti-horário? [R.: $a_x = -9,40, a_y = -3,42.$]
 - (c) $\gamma_1 = 25^{\circ}$, medido no sentido horário? [R.: $a_x = 4,23, a_y = 9,06$.]
 - (d) $\gamma_2 = 130^\circ$, medido no sentido horário? [R.: $a_x = 7.66$, $a_y = -6.43$.]
- 34. Quais são as componentes b_x e b_y de um vetor \vec{b} , cujo módulo é de 10,00 se o ângulo formado entre o vetor é:
 - (a) $\delta_1 = 20^\circ$, em relação ao semieixo x negativo, medido no sentido anti-horário?[R.: $b_x = -9.40$, $b_y = -3.42$.]

- (b) $\delta_2 = 110^\circ$, em relação ao semieixo x negativo, medido no sentido anti-horário? [R.: $b_x = 3,42$, $b_y = -9,40$.]
- 35. Determine o módulo e o ângulo em relação ao semieixo *x* positivo dos vetores descritos pelas seguintes componentes:
 - (a) $a_x = 3 \text{ e } a_y = 4$. [R.: $a = 5, \theta = 53,13^\circ$.]
 - (b) $a_x = -3 \text{ e } a_y = 4$. [R.: a = 5, $\theta = 126,86^\circ$.]
 - (c) $a_x = 3 \text{ e } a_y = -4$. [R.: a = 5, $\theta = 306,87^\circ$.]
 - (d) $a_x = -3 \text{ e } a_y = -4$. [R.: a = 5, $\theta = 233,13^\circ$.]
- 36. O vetor \vec{a} é dado por

$$\vec{a} = 3\,\hat{\imath} + 5\,\hat{\jmath},\tag{84}$$

enquanto o vetor \vec{b} tem módulo 6 e faz um ângulo de -25° em relação ao semieixo x positivo. Determine o módulo e o ângulo em relação ao semieixo x positivo para os vetores:

- (a) $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$. [R.: $c = 8,79, \theta = 16,25^{\circ}$.]
- (b) $\vec{d} = \vec{a} \vec{b}$. [R.: d = 7.92, $\theta = 107.93^{\circ}$.]
- 37. O vetor posição de um próton é inicialmente $\vec{r}_i = (5.0 \,\mathrm{m})\hat{\imath} (6.0 \,\mathrm{m})\hat{\jmath} + (2.0 \,\mathrm{m})\hat{k}$ e depois se torna $\vec{r}_f = -(2.0 \,\mathrm{m})\hat{\imath} + (6.0 \,\mathrm{m})\hat{\jmath} + (2.0 \,\mathrm{m})\hat{k}$.
 - (a) Qual é o vetor velocidade média para este deslocamento se ele se deu em $0.4 \, \mathrm{s}$? [R.: $\langle \vec{v} \rangle = -(17.5 \, \mathrm{m/s}) \, \hat{\imath} + (30 \, \mathrm{m/s}) \, \hat{\jmath}$.]
 - (b) Este movimento poderia ter sido tratado de maneira bidimensional? Justifique. [R.: Sim, pois não há variação da posição no eixo z.]
- 38. Um vento moderado acelera uma pedra sobre um plano horizontal xy com uma aceleração constante $\vec{a} = 5,00 \, \text{m/s}^2 \, \hat{\imath} + 7,00 \, \text{m/s}^2 \, \hat{\jmath}$. No instante $t = 0 \, \text{s}$, a velocidade é $\vec{v} = 4,00 \, \text{m/s} \, \hat{\imath}$. Quais são o módulo e o ângulo da velocidade da pedra após ter se deslocado 12,0 m paralelamente à direção positiva do eixo x? [R:: 15,8 m/s, 42,6°.]



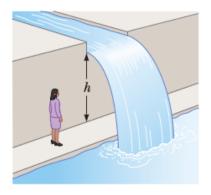
Movimentos bidimensionais sujeitos à aceleração da gravidade

- 39. **Discursiva:** Um objeto é lançado fazendo um ângulo θ com a horizontal de forma que $0 < \theta < 90^\circ$.
 - (a) Há algum lugar da trajetória percorrida pelo objeto em que seus vetores aceleração e velocidade são perpendiculares entre si?
 - (b) Há algum lugar em que tais vetores são paralelos?

Justifique suas respostas.



- 40. Um atirador mira uma espingarda apontando-a para o centro de um alvo a 150 m de distância da extremidade do cano, sendo que o cano fica perfeitamente horizontal. O projétil atinge o alvo 30,0 cm abaixo do centro. Desconsiderando qualquer efeito da resistência do ar, responda:
 - (a) Qual é o tempo de voo do projétil, em segundos? [R.: 0,2474s.]
 - (b) Qual é a velocidade do projétil quando ele emerge do cano, em m/s? [R.: 606 m/s.]
- 41. Um rifle capaz de atirar projéteis a uma velocidade de 460 m/s é utilizado para disparar contra um alvo a 45,7 m de distância. O rifle e o centro do alvo estão alinhados horizontalmente. Qual é a inclinação que deve ser dada ao rifle para que o projétil atinja o centro do alvo corretamente? [R.: 0,061°.]
- 42. Um livro é lançado horizontalmente com velocidade 1,10 m/s sobre uma mesa sem atrito e ao final dela cai, atingindo o chão 0,350 s depois. Ignore a resistência do ar e encontre
 - (a) A altura da mesa. [R.: 0,6 m.]
 - (b) A distância horizontal entre o final da mesa e o ponto onde o livro atinge o chão. [R.: 0,385 m.]
- 43. Um arquiteto está planejando uma queda d'água artificial para um parque municipal. A água flui através de um canal horizontal com velocidade 1,7 m/s e, ao chegar ao final do canal, cai em um lago. A altura do canal em relação ao lago é de 2,35 m.



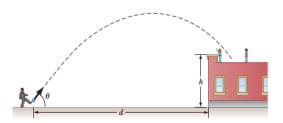
Considerando que as moléculas de água são partículas que não interagem umas com as outras e que suas trajetórias serão idênticas a que teria uma bola sob as mesmas condições, responda as questões abaixo.

- (a) O arquiteto deseja fazer uma calçada que passe por baixo da queda d'água. Qual será a largura máxima que ela poderá ter, em metros? [R.: 1,18 m.]
- (b) Se uma pessoa passa pela calçada de forma que o topo de sua cabeça esteja a 60 cm da parede, qual é a altura máxima que ela poderá ter para que não se molhe, em metros? [R.: 1,74 m.]

- 44. Durante uma tempestade, um carro viaja em uma estrada retilínea até que se depara com uma ponte que foi derrubada pela força da água. O motorista resolve tentar saltar com o carro sobre o rio e chegar do outro lado. A altura da margem em que o carro se encontra é de 21,3 m, enquanto a margem oposta tem altura de 1,8 m. A largura do rio é de 61,0 m.
 - (a) Qual é a velocidade horizontal necessária para que carro consiga saltar o rio? [R.: 110 km/h.]
 - (b) Quais são o módulo e o ângulo em relação à horizontal do vetor velocidade quando ele está prestes a chegar ao chão na outra margem? [R.: 131 km/h, 32,6° abaixo da horizontal.]

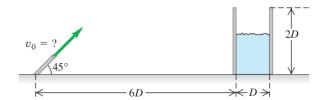


- 45. Uma bola de futebol é chutada por um jogador a partir do chão com uma velocidade inicial de 19,5 m/s e um ângulo para cima de 45,0°. No mesmo instante um segundo jogador a 55,0 m de distância do primeiro, na direção do chute, começa a correr para receber a bola. Qual deve ser sua velocidade média em módulo para que ele alcance a bola imediatamente antes que ela toque o gramado? [R.: 5,76 m/s.]
- 46. Uma área de lazer para crianças foi instalada na cobertura de uma escola, sendo que a altura h mostrada na figura abaixo é de 7,0 m (sendo 1,0 m da mureta de proteção). Quando uma bola cai na rua, um transeunte resolve ajudar, chutando-a de forma que a velocidade inicial faça um ângulo de 53,0° com a horizontal, sendo que o ponto de lançamento está a uma distância d=24,0 m do prédio. A bola demora 2,2 s para atingir o ponto de sua trajetória localizado acima da mureta. Qual é a distância horizontal percorrida pela bola no momento em que ela toca o chão da área de lazer? [R: 26,8 m.]



47. ** A figura abaixo mostra uma mangueira que lança água a partir do solo com um ângulo de 45,0°. Um tanque de altura 2D e diâmetro D está disposto a uma distância 6D do ponto de lançamento. Determine os valores máximo e mínimo de velocidade para os quais a água atinge o tanque. $Dica: utilize a equação da trajetória. [R:: <math>v_{\min} = \sqrt{9gD}, v_{\max} = \sqrt{49gD/5}$.]





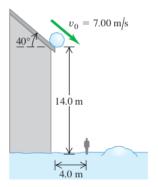


- 48. Wilie E. Coyote (*Carnivorus hungribilus*) está perseguindo Papa-Léguas (*Speedibus cantcatchmi*) mais uma vez. Enquanto ambos correm com a mesma velocidade por uma estrada plana e retilínea, se deparam com um abismo com 15,0 m de largura. Ao chegar na margem do abismo, Papa-Léguas pula com um ângulo de 15,0° acima da horizontal, voltando a tocar o chão na margem oposta, a 1,5 m da extremidade.
 - (a) Qual era a velocidade inicial do Papa-Léguas? [R.: 18 m/s.]
 - (b) Wile E. Coyote também pula ao atingir a extremidade do abismo, porém não consegue chegar na margem oposta, faltando 4 m. Considerando que as velocidades imediatamente após o salto do Coyote e do Papa-Léguas são iguais em módulo, e assumindo que o abismo é formado por paredes retas, a que altura abaixo da margem oposta ele colide? [R.: 93 cm.]
- 49. Um certo avião tem uma velocidade de 290,0 km/h e está mergulhando com um ângulo $\theta=30^\circ$ abaixo da horizontal quando o piloto libera um sinalizador. A distância horizontal entre o ponto de lançamento e o ponto onde o sinalizador se choca com o solo é d=700 m.
 - (a) Quanto tempo o sinalizador permaneceu no ar? [R.: 10s.]
 - (b) De que altura foi lançado? [R.: 897,5 m.]
- 50. Um arremessador de peso de nível olímpico é capaz de lançar um peso com uma velocidade inicial $v_0=15,0\,\mathrm{m/s}$ a partir de uma plataforma de altura 2,160 m. Que distância horizontal é coberta pelo peso se
 - (a) O ângulo θ_0 de lançamento é 45°? [R.: 24,95 m.]
 - (b) O ângulo θ_0 é de 42°? [R.: 25,02 m.]
- 51. Um taco golpeia uma bola de golfe, lançando-a a partir de uma pequena elevação acima de um campo plano. A velocidade com que a bola é lançada é de 12,0 m/s e o ângulo inicial acima da horizontal é de 51,0°. Após 2,08 s, a bola toca o campo.
 - (a) Qual é a altura máxima que a bola atinge acima da elevação? [R.: 4,44 m.]

(b) Qual é a altura da elevação em relação ao campo? [R.: 1,8 m.]



- 52. Uma bola de neve rola do telhado de um celeiro que possui uma inclinação de 40°, conforme mostra a figura abaixo. A extremidade do telhado está situada a 14,0 m acima do solo e a bola de neve possui velocidade de 7,0 m/s quando abandona o telhado. Despreze a resistência do ar.
 - (a) Calcule a que distância do celeiro a bola de neve atingirá o solo caso não colida com nada durante sua queda. [R.: 6,93 m.]
 - (b) Um homem de 1,9 m está parado a uma distância de 4,0 m da extremidade do celeiro. Ele será atingido pela bola de neve? Prove matematicamente. [R.: Não, na posição x_h do homem, y(x_h) = 7,3 m em relação ao solo.]





- 53. Bombeiros estão lançando um jato d'água em um prédio em chamas, usando uma mangueira de alta pressão que dispara água a uma velocidade escalar de $25,0\,\text{m/s}$. Quando sai da mangueira, a água passa a adquirir o movimento de um projétil. Os bombeiros ajustam o ângulo de elevação α da mangueira até a água levar $3,0\,\text{s}$ para atingir o prédio a $45,0\,\text{m}$ de distância. Despreze a resistência do ar e suponha que o final da mangueira está ao nível do solo.
 - (a) Determine o ângulo α ? [R.: 53,1°.]
 - (b) A que altura do chão a água atinge o prédio e qual sua velocidade, em módulo, na iminência de atingir o prédio? [R.: 15,9 m, 17,7 m/s.]
- 54. ** Um explorador espacial alienígena, após se divertir fazendo círculos em plantações, realiza o seguinte experimento na Terra: ele rola uma bola sobre a superfície de uma mesa horizontal e verifica que após cair, ela atinge o solo a uma distância horizontal *D*



a partir da borda da mesa. Em uma viagem espacial, ele pousa em um planeta inexplorado e repete o experimento que realizou na Terra, lançando a bola com a mesma velocidade horizontal (sobre a mesma mesa), porém verifica que a bola atinge o solo a uma distância 1,36 D. Qual é a aceleração da gravidade neste planeta? Encontre uma expressão para a distância em função da altura da mesa e da aceleração gravitacional, iguale às distâncias indicadas, e monte um sistema de equações. [R:: 5,3 m/s².]



55. ** A velocidade de lançamento de um projétil é cinco vezes maior que a velocidade na altura máxima. Determine o ângulo de lançamento θ_0 . [R.: $\theta = 78,5^{\circ}$]



- 56. ** Em um lançamento oblíquo, quando o projétil atinge a metade de sua altura máxima, o módulo de sua velocidade é 3/4 do módulo da velocidade inicial. Qual é o ângulo de lançamento? [R.: $\theta = \arcsin \sqrt{14/16}$.]
- 57. ** Um canhão atira um projétil com velocidade v_0 a um ângulo de 30,0° acima da horizontal. O canhão está localizado em uma elevação com altura de 40,0 m acima de um campo e, ao atingi-lo, o projétil tem velocidade 1,2 v_0 . Encontre o valor de v_0 . [R.: $42 \, \text{m/s.}$]

MOVIMENTO CIRCULAR

- 58. Quais das seguintes propriedades caracterizam o movimento de um satélite artificial em torno da Terra, admitindo-se que o movimento seja circular uniforme?
 - A. Velocidade constante em módulo e direção.
 - B. Aceleração constante, paralela ao vetor velocidade.
 - C. Aceleração constante em módulo e direção.
 - D. Aceleração constante com uma componente paralela ao vetor velocidade e outra perpendicular a ela.
 - E. Vetor aceleração perpendicular ao vetor velocidade e constante em módulo.

[R.: E.]

59. **Discursiva:** Um pêndulo simples (um corpo oscilando na extremidade de um fio) descreve um arco de círculo em cada oscilação. Qual é a direção e o sentido da aceleração nas extremidades da oscilação? E no ponto mais baixo da trajetória?

- 60. **Discursiva:** Em um movimento circular uniforme, qual é o ângulo formado entre a direção do vetor velocidade e a direção do vetor aceleração? O que podemos afirmar sobre tal ângulo quando o movimento não é uniforme?
- 61. Um satélite se move em uma órbita circular, 640 km acima da superfície da Terra, com um período de 98,0 min. Quais são
 - (a) A velocidade do satélite. [R.: 7490 m/s.]
 - (b) O módulo e a direção da aceleração centrípeta do satélite? [R.: 8,7 m/s².]

Considere o raio da Terra como $6,37 \times 10^6$ m.

- 62. A Terra tem um raio de 6 380 km e completa uma volta a cada 24,0 h.
 - (a) Qual é a aceleração centrípeta de um objeto localizado em seu equador? [R.: $3.4 \cdot 10^{-2} \, \text{m/s}^2$.]
 - (b) Se a aceleração centrípeta fosse maior que a aceleração da gravidade, objetos na superfície da Terra seriam arremessados para o espaço. Qual seria o período de rotação da Terra ou seja, qual seria a duração de um dia para que isso ocorresse? [R.: 84,5 min.]

Você pode calcular a velocidade do objeto simplesmente dividindo a distância percorrida por ele em uma revolução completa da Terra pela duração de um dia.

- 63. Um trem francês de alta velocidade, conhecido como TGV (*Train à Grande Vitesse*), viaja a uma velocidade média de 216,0 km/h.
 - (a) Se o trem faz uma curva a essa velocidade e o módulo da aceleração sentida pelos passageiros pode ser no máximo de 0,050*g* isto é, 0,050 vezes o valor da aceleração da gravidade —, qual é o menor raio de curvatura dos trilhos que pode ser tolerado? [R.: 7347 m.]
 - (b) Com que velocidade o trem deve fazer uma curva com 1,0 km de raio para que a aceleração esteja no limite permitido? [R.: 80 km/h.]
- 64. Um carro de corrida percorre uma pista circular de 1,0 km de diâmetro com velocidade constante 30,0 m/s. Em certo momento, o piloto acelera o carro e 20,0 s depois sua velocidade é de 45,0 m/s. Suponha que a aceleração tangencial seja constante.
 - (a) Calcule o valor da aceleração tangencial. [R.: 0,75 m/s².]
 - (b) Calcule o valor da aceleração centrípeta e o módulo do vetor aceleração 7,0 s após o piloto ter começado a acelerar o carro. [R.: $a_c = 2,49 \,\text{m/s}^2$, $a = 2,6 \,\text{m/s}^2$.]

Lembre-se que o vetor aceleração total tem duas componentes: uma radial (ou centrípeta) e outra tangencial, responsável por alterar o módulo da velocidade.

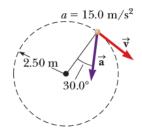




- 65. A roda gigante da figura abaixo gira no sentido contrário ao dos ponteiros de um relógio. Um passageiro encontra-se na periferia da roda a 14 m do centro e, em um dado instante, se localiza no ponto mais baixo da trajetória circular, movendo-se a 3,0 m/s e ganhando velocidade com uma taxa constante de 0,50 m/s².
 - (a) Determine o módulo e a direção em relação ao eixo horizontal da aceleração do passageiro nesse instante. Lembre-se que é possível dividir a aceleração em uma componente tangencial e outra centrípeta. [R.: 0,81 m/s², 52,1°.]
 - (b) Quando uma pessoa é submetida a acelerações da ordem de 50,0 m/s² por muito tempo, ela perde a consciência. Determine quanto tempo leva, a partir do momento em que a roda começa a girar, até que o módulo do vetor aceleração atinja tal valor. [R:: 52,9 s.]



- 66. A figura abaixo representa a aceleração total de uma partícula que se move no sentido horário em um circulo de raio 2,5 m. Para o instante mostrado na figura, o módulo da aceleração é $a=15,0\,\mathrm{m/s^2}$, enquanto sua direção é tal que faz um ângulo de 30,0° em relação ao raio que liga a partícula ao centro da trajetória circular. Sob essas condições
 - (a) Determine as acelerações tangencial e centrípeta da partícula. [R.: $a_c = 13 \,\text{m/s}^2$, $a_t = 7.5 \,\text{m/s}^2$.]
 - (b) Determine a velocidade da partícula. [R.: 5,7 m/s.]





- 67. ** Em um pêndulo simples, uma bola balança em um plano vertical presa à extremidade de uma corda, descrevendo um círculo de raio 1,5 m. Quando ela está a 36,9° à direita da posição mais baixa (isto é, a corda faz um ângulo de 36,9° em relação a posição que ocuparia quando a bola estivesse na posição mais baixa), a aceleração total é de -22,5 m/s² î + 20,2 m/s² ĵ em relação a um sistema de coordenadas onde o eixo *x* é horizontal e aponta para a direita, enquanto o eixo *y* é vertical e aponta para cima. Para esse instante,
 - (a) Determine a valor das componentes tangencial e centrípeta da aceleração: decomponha o vetor aceleração em uma componente que aponta para o centro da trajetória circular e outra que aponta na direção tangencial ao círculo (isto é, perpendicularmente à direção que aponta para o centro do círculo). [R: $a_c = 29.7 \, \text{m/s}^2$, $a_t = 5.9 \, \text{m/s}^2$.]
 - (b) Determine o valor do módulo da velocidade da bola. [R.: 6,7 m/s.]

MOVIMENTO RELATIVO

- 68. **Discursiva:** Em um dia sem vento, gotas de chuva atingem as janelas laterais de um carro em movimento e deixam rastros retilíneos diagonais.
 - (a) Explique por que os rastros são diagonais.
 - (b) Se você souber a velocidade do carro v_c e da gota v_g , qual será o ângulo que o rastro fará com a horizontal?
- 69. Em um aeroporto, uma "esteira rolante" se desloca com uma velocidade de 1,0 m/s, sendo que seu comprimento é de 35,0 m. Se uma pessoa pisa em uma das extremidades da esteira e caminha a 1,5 m/s em relação a ela:
 - (a) Quanto tempo ela necessita para chegar à extremidade oposta se andar no sentido oposto ao movimento da esteira? E se andar no sentido da esteira? [R.: 70 s e 17,5 s, respectivamente.]
 - (b) Qual é a distância percorrida sobre a esteira em cada caso? [R.: 35 m e 8,75 m, respectivamente.]
- 70. Um balão de 124 kg carrega um cesto de 22,0 kg enquanto desce verticalmente com velocidade constante de 20,0 m/s. Uma pessoa atira uma pedra de 1,0 kg lateralmente, com velocidade de 15,0 m/s (em relação a pessoa). Após 6,0 s, a pedra atinge o solo.
 - (a) Qual é o módulo da velocidade da pedra quando ela atinge o chão? [R.: 80 m/s.]
 - (b) Se o balão continua descendo com velocidade de 20,0 m/s, qual é a distância em linha reta entre o balão e o ponto em que a pedra atinge o solo, no momento em que ela atinge o solo? [R.: 198 m.]



- 71. Um rio corre para o sul com velocidade de 2,0 m/s. Um homem usa um barco motorizado para atravessar de uma margem para a outra, com velocidade de 4,2 m/s em relação à água, na direção leste-oeste, indo de leste para oeste. A largura do rio no ponto onde ocorre a travessia é de 800,0 m.
 - (a) Em termos dos vetores unitários, qual é a velocidade do barco em relação à margem? [R.: $\vec{v}_{bm} = -4.2 \, \text{m/s} \, \hat{\imath} 2.0 \, \text{m/s} \, \hat{\jmath}$.]
 - (b) Quanto tempo dura a travessia do rio? [R.: 190,5 s.]
 - (c) Qual é a distância ao sul do ponto de partida que o barco percorre durante a travessia? [R.: 381 m.]
- 72. O piloto de um avião deseja voar para o oeste durante um dia em que a velocidade do vento é 80,0 km/h na direção norte-sul, com sentido de norte para sul (em relação ao solo). A velocidade de cruzeiro do avião é de 320,0 km/h em relação ao vento.
 - (a) Em que direção ele deve voar? [R.: 14,48° ao norte do oeste.]
 - (b) Qual é a velocidade do avião em relação ao solo? [R.: $v_{AS} = 309,84 \, \text{km/h}$ em direção ao oeste.]
- 73. Duas ruas retilíneas se cruzam fazendo um ângulo de 90,0°. Em certo instante, um carro de polícia está a uma distância de 800 m da interseção entre as duas ruas, movendo-se a 80,0 km/h em direção à interseção. No mesmo instante, outro carro desloca-se na rua perpendicular, distando 600,0 m da esquina e com velocidade de 60,0 km/h (indo de encontro à esquina).
 - (a) Na situação acima, qual é o módulo da velocidade \vec{v}_{cv} do segundo carro em relação à viatura? Qual é o ângulo entre o vetor \vec{v}_{cv} e o vetor \vec{v}_{vs} (velocidade da viatura em relação ao solo)? [R: $100 \, \mathrm{km/h}$, 36.9° .]
 - (b) Os carros colidirão na interseção? [R.: Sim.]
- 74. Gotas de chuva que caem verticalmente (em relação à Terra) deixam traços nas janelas laterais de um trem, sendo que o ângulo de inclinação desses traços é de 30,0° em relação à vertical. Neste instante, o trem viaja com velocidade de 12,0 m/s na direção lesteoeste, indo de oeste para leste.
 - (a) Qual é o módulo da velocidade da gota em relação ao trem? [R.: 24 m/s.]
 - (b) Qual é o módulo da velocidade em relação à Terra? [R.: 20,8 m/s.]
- 75. Um estudante está em pé na caçamba de uma camionete que se move em linha reta a uma velocidade de 10,0 m/s. Em um dado momento, ele atira uma bola fazendo um ângulo de 60,0° em relação à horizontal, de forma que a componente horizontal da velocidade da bola esteja na mesma direção que a velocidade da camionete. Um observador no solo vê a bola executar um movimento de subida e descida.

- (a) Qual é a velocidade da bola em relação ao estudante? [R.: 20 m/s.]
- (b) Qual é a altura máxima que a bola atinge em relação ao ponto onde deixou a mão do estudante? [R.: 15,3 m.]
- 76. Dois navios, *A* e *B*, deixam o porto ao mesmo tempo. O navio *A* navega para noroeste a 24 nós e o navio *B* navega a 28 nós em uma direção 40,0° a oeste do sul 1 nó corresponde a uma milha marítima por hora.. Quais são:
 - (a) O módulo e a orientação da velocidade do navio *A* em relação ao navio *B*? [R.: 38,42 nós, 1,54° ao leste do norte.]
 - (b) Após quanto tempo os navios estarão separados por 160 milhas marítimas? [R.: 4,16h.]
 - (c) Qual será a orientação do vetor velocidade de *B* em relação ao navio *A* nesse instante? [R.: 1,54° ao oeste do sul.]
- 77. Um parafuso cai do teto de um trem em movimento, cuja aceleração é de 2,5 m/s² para o norte.
 - (a) Qual é o vetor aceleração do parafuso em relação à Terra? [R.: 9,8 m/s², para baixo.]
 - (b) Qual é o vetor aceleração do parafuso em relação ao trem? [R.: $a = -2.25 \,\text{m/s}^2 \,\hat{\imath} 9.8 \,\text{m/s}^2 \,\hat{\jmath}$.]
 - (c) Descreva a trajetória do parafuso para um observador localizado na Terra, parado em relação ao solo. [R.: Em relação ao solo, o parafuso tem uma velocidade inicial igual à velocidade do trem. Logo, quando ele cai, descreve um segmento de parábola.]
 - (d) Descreva a trajetória do parafuso para um observador localizado no trem, parado em relação ao vagão. [R.: No referencial do trem, a velocidade inicial do parafuso é nula. Logo, ao cair, ele segue em linha reta na direção do vetor aceleração total a que está sujeito. Como $\vec{a}_{ps} = \vec{a}_{pt} + \vec{a}_{ts}$, então $\vec{a}_{pt} = \vec{a}_{ps} \vec{a}_{ts} = (-9.8\,\mathrm{m/s^2})\,\hat{\imath} (2.5\,\mathrm{m/s^2})\,\hat{\jmath}$, onde para ambos os referenciais o eixo y aponta verticalmente para cima e o eixo x na direção do movimento do trem.]
- 78. Um rio flui com uma velocidade constante v. Um estudante nada rio acima uma distância d em relação à margem e depois nada de volta ao ponto de partida. A velocidade do nadador é em relação à água é c.
 - (a) Em termos de d, v e c, qual é o tempo necessário para efetuar o trajeto de ida e volta? [R.: $t = 2d/[c(1-v^2/c^2)]$.]
 - (b) Se a água estivesse parada em relação à margem (como em uma piscina), quanto tempo o nadador levaria para percorrer o mesmo trajeto? Esse tempo seria maior, ou menor em relação ao item anterior? [R.: Seria menor, $t = \frac{2d}{c}$.]