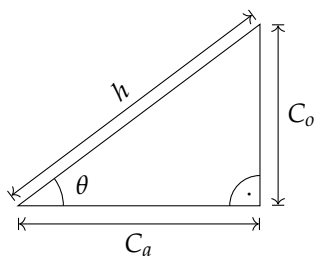


FORMULÁRIO

Relações Trigonométricas



$$\begin{aligned}\sin \theta &= C_o/h & \cos \theta &= C_a/h \\ \tan \theta &= C_o/C_a & h^2 &= C_o^2 + C_a^2\end{aligned}$$

Cinemática unidimensional

Fórmulas para aceleração constante:

$$\begin{aligned}v &= v_0 + at & (1) \\ x - x_0 &= v_0 t + at^2/2 & (2) \\ v^2 &= v_0^2 + 2a\Delta x & (3) \\ x - x_0 &= (v_0 + v)t/2 & (4) \\ x - x_0 &= vt - at^2/2 & (5)\end{aligned}$$

Vetores

Dado um referencial com dois eixos perpendiculares x e y e dois vetores unitários \hat{i} e \hat{j} , cujas direções são as dos

eixos coordenados, temos:

$$a_x = a \cos \theta \quad (6)$$

$$a_y = a \sin \theta \quad (7)$$

$$a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2} \quad (8)$$

$$\tan \theta = a_y/a_x \quad (9)$$

onde θ é o ângulo entre o vetor e o semi-eixo x positivo. Se

$$\vec{a} = a_x \hat{i} + a_y \hat{j} \quad (10)$$

$$\vec{b} = b_x \hat{i} + b_y \hat{j} \quad (11)$$

então

$$\vec{c} = \vec{a} + \vec{b} \quad (12)$$

$$= (a_x + b_x)\hat{i} + (a_y + b_y)\hat{j} \quad (13)$$

Leis de Newton

1. Quando a força resultante que age sobre um corpo é zero, o corpo permanece em repouso ou se move em linha reta com velocidade escalar constante.
2. A força resultante \vec{F}_R que age sobre um corpo de massa m está relacionada à aceleração \vec{a} do corpo através de:

$$\vec{F} = m\vec{a} \quad (14)$$

3. Se dois corpos A e B interagem de forma que A exerça uma força $\vec{F}_{A \rightarrow B}$ sobre B , então B exerce uma força $\vec{F}_{B \rightarrow A}$ sobre A de forma que

$$\vec{F}_{A \rightarrow B} = -\vec{F}_{B \rightarrow A} \quad (15)$$

Forças

Peso:

$$P = mg \quad (16)$$

Força de atrito:

$$f_{\text{at}}^c = \mu_c N \quad (17)$$

$$f_{\text{at}}^{e, \text{Máx}} = \mu_e N \quad (18)$$

Força de arrasto:

$$F_a = C\rho A v^2/2 \quad (19)$$

Aceleração e força centrípeta:

$$a_c = v^2/r \quad (20)$$

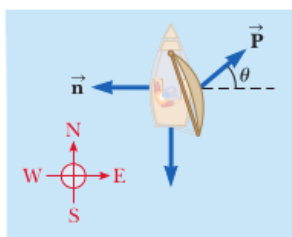
$$F_c = mv^2/r \quad (21)$$

Força de uma mola:

$$\vec{F}_m = -k\vec{d} \quad (22)$$

SISTEMAS SIMPLES EM EQUILÍBRIO

1. Sob a ação de três forças, uma partícula se move com velocidade constante $\vec{v} = 3,0 \text{ m/s} \hat{i} - 4,0 \text{ m/s} \hat{j}$. Uma das forças é $\vec{F}_1 = 2,0 \text{ N} \hat{i} - 6,0 \text{ N} \hat{j}$ e outra $\vec{F}_2 = 12,0 \text{ N} \hat{j} + 2,3 \text{ N} \hat{k}$. Determine a terceira força que age sobre a partícula. [R.: $\vec{F}_3 = -2 \text{ N} \hat{i} - 6 \text{ N} \hat{j} - 2,3 \text{ N} \hat{k}$]
2. A figura abaixo mostra um barco que viaja para o norte, com velocidade constante. Para o valor de velocidade em questão, a força de arrasto da água sobre o casco é de 285 N. Se sobre a vela temos uma força de 774 N.



Nessas condições, temos que o ângulo θ e o módulo da força \vec{n} exercida lateralmente sobre o barco pela quilha são, respectivamente

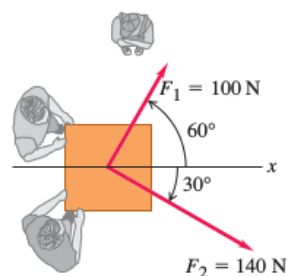
- A. $21,6^\circ$, 719,6 N
- B. $21,6^\circ$, 726,3 N
- C. $17,3^\circ$, 306,5 N
- D. $68,4^\circ$, 719,6 N
- E. $20,2^\circ$, 726,3 N



[R.: A.]

SISTEMAS SIMPLES FORA DO EQUILÍBRIO

3. Três forças agem sobre um objeto, sendo elas $\vec{F}_1 = (-2,00 \hat{i} + 2,00 \hat{j}) \text{ N}$, $\vec{F}_2 = (5,00 \hat{i} - 3,00 \hat{j}) \text{ N}$ e $\vec{F}_3 = (4,50 \hat{i} + 3,00 \hat{k}) \text{ N}$. A aceleração experimentada pelo objeto tem módulo $3,75 \text{ m/s}^2$. Determine a massa do objeto. [R.: $m = 2,17 \text{ kg}$.]
4. Dois adultos e uma criança desejam empurrar uma mesa com rodas no sentido positivo do eixo x mostrado na figura. Os dois adultos empurram a mesa com forças $F_1 = 100 \text{ N}$ e $F_2 = 140 \text{ N}$, sendo que a primeira faz um ângulo $\theta_1 = 60^\circ$ com o eixo x e a segunda um ângulo $\theta_2 = 30^\circ$.
 - (a) Determine o módulo e a direção da menor força que a criança deve fazer para que a mesa se desloque na direção desejada. [R.: $\vec{F} = 16,6 \text{ N} \hat{j}$, considerando y apontando para baixo na figura.]
 - (b) Quando a mesa se desloca na direção desejada, com a criança exercendo a força mínima necessária, a aceleração ao longo do eixo x é de $2,0 \text{ m/s}^2$. Qual é a massa da mesa? [R.: $m = 85,6 \text{ kg}$.]



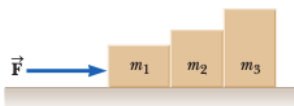
5. Três astronautas impulsionados por mochilas a jato empurram e guiam um asteroide de $120,0 \text{ kg}$ em direção a um módulo de análise, exercendo forças $F_1 = 32 \text{ N}$, $F_2 = 55 \text{ N}$ e $F_3 = 41 \text{ N}$. A força F_2 é na direção positiva do eixo x , enquanto F_1 e F_3 fazem ângulos $\theta_1 = 30^\circ$ e $\theta_3 = 60^\circ$ acima e abaixo do eixo x , respectivamente. Determine:
 - (a) A aceleração do asteroide em termos dos vetores unitários. [R.: $\vec{a} = 0,86 \text{ m/s}^2 \hat{i} - 0,16 \text{ m/s}^2 \hat{j}$.]
 - (b) O módulo da aceleração. [R.: $a = 0,88 \text{ m/s}^2$.]
 - (c) O ângulo que ela faz com o eixo x . [R.: $\theta = -10,7^\circ$.]



TERCEIRA LEI DE NEWTON

6. **Discursiva:** Em uma colisão frontal entre um carro compacto de $1\,000 \text{ kg}$ e outro grande de $2\,500 \text{ kg}$, qual está sujeito à maior força, ou as forças são as mesmas? Qual sofre a maior aceleração? Através dessas respostas, como podemos explicar que os passageiros do carro menor têm mais chances de se ferir que os do carro maior?
7. Uma moça de $40,0 \text{ kg}$ e um trenó de $8,4 \text{ kg}$ estão inicialmente em repouso sobre a superfície sem atrito de um lago congelado, separados por uma distância de $15,0 \text{ m}$, mas unidos por uma corda de massa desprezível. A moça exerce uma força horizontal constante de $5,2 \text{ N}$ sobre a corda.
 - (a) Quais são as acelerações do trenó e da moça? [R.: $a_m = 0,13 \text{ m/s}^2$, $0,62 \text{ m/s}^2$.]
 - (b) A que distância da posição inicial da moça eles se tocam? *Resolva utilizando cinemática.* [R.: $2,6 \text{ m}$.]

8. Na figura abaixo, uma força horizontal de 39 N é aplicada a um conjunto de três blocos que podem se mover sem atrito por uma superfície plana. As massas dos blocos são de $m_1 = 1 \text{ kg}$, $m_2 = 9 \text{ kg}$, e $m_3 = 8 \text{ kg}$, respectivamente.



O módulo da força que o bloco 1 exerce sobre o bloco 2 é de

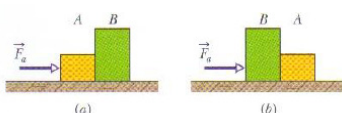
- A. 17,3 N.
B. 19,5 N.
C. 36,8 N.
D. 39,0 N.



[R.: C.]

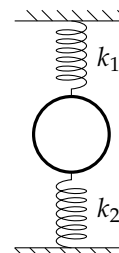
9. Na figura (a) abaixo, uma força horizontal constante \vec{F}_a é aplicada ao bloco A, que empurra o bloco B com uma força de 20 N dirigida horizontalmente para a direita. Na figura (b), a mesma força \vec{F}_a é aplicada ao bloco B; desta vez, o bloco B empurra o bloco A com uma força de 10 N dirigida horizontalmente para a esquerda. Os blocos têm uma massa total de 12 kg. Quais são

- (a) O módulo da aceleração? [R.: $2,5 \text{ m/s}^2$.]
(b) O módulo da força \vec{F}_a ? [R.: 30 N.]

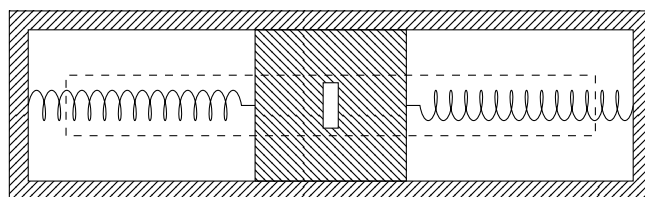


FORÇA PESO E FORÇA ELÁSTICA

10. Um anel de aço com massa de 45 kg deve ser suspenso como mostrado na figura abaixo. Quando o anel está em equilíbrio, a mola superior deve ter uma distensão de 10 cm, enquanto a mola inferior deve ter uma compressão, também de 10 cm. Nesse caso, qual deve ser o valor da soma $k_1 + k_2$ das constantes das molas? [R.: $k_1 + k_2 = 4410 \text{ N/m}$.]



11. Você deseja fabricar um acelerômetro simples para medir acelerações laterais em um carro de montanha russa. Sua ideia está representada na figura abaixo e consiste em utilizar um pequeno cilindro metálico que pode deslizar sem atrito dentro de um tubo, sendo que o cilindro está ligado a duas molas ancoradas nas tampas nas extremidades do tubo. Um corte na lateral do tubo forma uma janela que permite comparar a posição do centro do cilindro a uma escala marcada na superfície externa do tubo. A largura total da janela é de 20 cm, o que permite que o cilindro se desloque 10 cm para cada lado, em relação à posição de equilíbrio. As molas têm constante $k = 10 \text{ N/m}$. Qual deve ser a massa do cilindro para que o acelerômetro seja capaz de aferir acelerações de $3g$ para cada lado? [R.: $m = 68 \text{ g}$]



FORÇA NORMAL

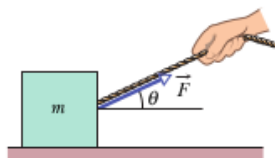
12. **Discursiva:** Se tomarmos uma balança digital — do tipo que comumente é utilizada em cozinhas —, e a acelerarmos para cima, verificaremos uma leitura diferente de zero mesmo que não haja nada sobre ela. Se a acelerarmos para baixo, verificaremos uma leitura menor que zero. Por quê?

13. **Discursiva:** Ao saltarmos de um trampolim em uma piscina, sentimos uma sensação de “frio na barriga”. Por quê? Às vezes isso acontece quando estamos nos deslocando em um veículo como um carro, motocicleta, bicicleta, ou mesmo em um avião. Identifique as condições para que isso aconteça.

14. Na figura abaixo, um bloco de massa $m = 5,00 \text{ kg}$ é puxado através de uma corda que exerce uma força $F = 12,0 \text{ N}$ com um ângulo $\theta = 25,0^\circ$.

(a) Qual é a magnitude da aceleração do bloco? [R.: $a = 2,18 \text{ m/s}^2$.]

(b) Suponha que a força F passe a aumentar gradualmente, mantendo constante o ângulo em relação à horizontal. Qual é o valor da aceleração horizontal do bloco quando ele está na iminência de ser levantado? [R.: $a = 21 \text{ m/s}^2$.]



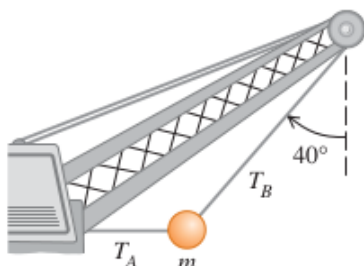
TENSÃO

15. **Discursiva:** Uma caixa possui alças em duas laterais, uma oposta à outra. Uma sala tem outras duas alças em paredes opostas. Dois segmentos de corda são amarrados nas alças da caixa e passam pelas duas alças da parede, de forma que a caixa possa ser suspensa puxando as cordas. É possível tensionar as cordas o suficiente para que fiquem completamente horizontais? Faça um diagrama de corpo livre para a caixa e explique seu raciocínio.

16. A bola de demolição mostrada na figura abaixo é mantida na posição mostrada através da tensão exercida por dois cabos. Se a massa da bola é $m = 4090 \text{ kg}$, calcule

(a) A tensão T_B no cabo que faz um ângulo $\theta = 40,0^\circ$ com a vertical. [R.: 52323 N .]

(b) A tensão T_A no cabo horizontal. [R.: 33633 N .]

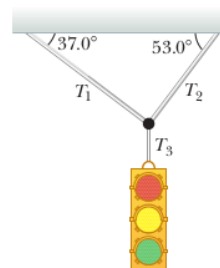


17. O semáforo da figura abaixo está preso a dois cabos que fazem ângulos de $37,0^\circ$ e $53,0^\circ$ com a haste a qual estão ligados. Se a tensão T_2 no cabo da direita é de $97,4 \text{ N}$, quais são

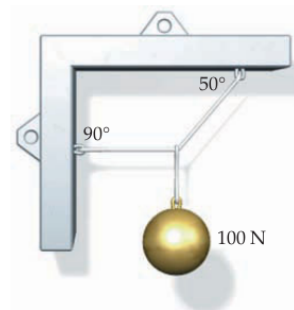
(a) A tensão T_1 no cabo à esquerda? [R.: $73,4 \text{ N}$.]

(b) A massa do semáforo? [R.: $12,4 \text{ kg}$.]

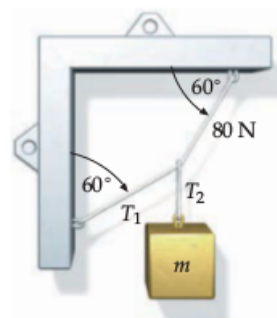
Considere que a massa dos cabos é desprezível.



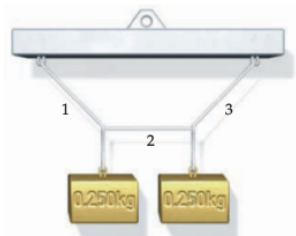
18. Uma esfera cujo peso é de 100 N está suspensa por duas cordas, como mostra a figura abaixo. Quais são as tensões nos três cabos? [R.: $T_1 = 83,91 \text{ N}$, $T_2 = 130,5 \text{ N}$, $T_3 = 100 \text{ N}$.]



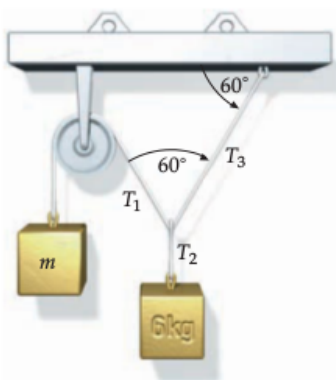
19. Na figura abaixo, a tensão no segmento mais alto da corda é de $80,0 \text{ N}$ e os ângulos indicados são de $60,0^\circ$. Encontre as tensões T_1 e T_2 , e a massa m . [R.: $T_1 = T_2 = 46,2 \text{ N}$, $m = 4,71 \text{ N}$.]



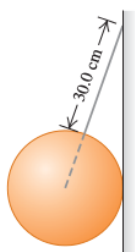
20. Dois blocos estão pendurados por cordas como mostra a figura abaixo. O ângulo entre cada corda diagonal e a horizontal é de 45° e a corda número 2 está disposta horizontalmente. Se as massas dos blocos são de 250 g cada, qual é a tensão em cada uma das cordas? Considere que a massa dos cabos é desprezível. [R.: $T_1 = 3,46 \text{ N}$, $T_2 = 2,45 \text{ N}$, $T_3 = 3,46 \text{ N}$.]



21. Na figura abaixo, a massa do bloco mais baixo é de 6,00 kg e os ângulos indicados são de $60,0^\circ$. Sabendo que o sistema está em equilíbrio, encontre as tensões T_1 , T_2 e T_3 , e a massa m . [R.: $T_1 = 33,9 \text{ N}$, $T_2 = 58,8 \text{ N}$, $T_3 = T_1$, $m = 3,46 \text{ kg}$.]

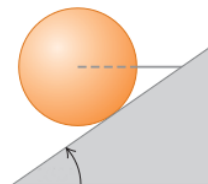


22. Uma bola sólida e uniforme de 36 kg e diâmetro de 27 cm está presa a um suporte vertical livre de atrito por um fio de 30,0 cm e massa desprezível, conforme mostrado na figura abaixo. Qual é a força que a bola exerce sobre a parede quando está em repouso? [R.: $N = 115,18 \text{ N}$.]

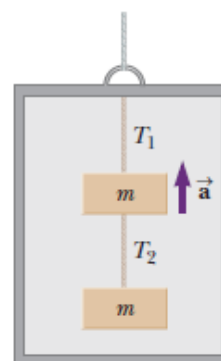


23. Na figura abaixo uma esfera metálica maciça e uniforme está sendo segurada por um fio horizontal. Se o ângulo de inclinação do plano inclinado é θ e a massa da esfera é m , demonstre que a tensão no fio é dada por

$$T = mg \tan \theta.$$



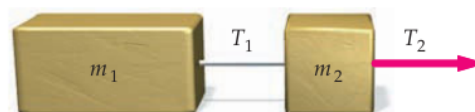
24. Dois blocos de massa $m = 3,5 \text{ kg}$ estão pendurados no teto de um elevador, conforme mostra a figura abaixo. Se o elevador se move com uma aceleração de $1,6 \text{ m/s}^2$ para cima, encontre as tensões T_1 e T_2 nas cordas. [R.: $T_1 = 79,8 \text{ N}$, $T_2 = 39,9 \text{ N}$.]



25. Dois blocos com massas m_1 e m_2 estão ligados por uma corda, como mostra a figura abaixo. Uma segunda corda puxa o segundo bloco, de maneira que o sistema acelera sobre uma superfície sem atrito. Mostre que

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{m_1}{m_1 + m_2}. \quad (102)$$

Dica: Calcule a aceleração.

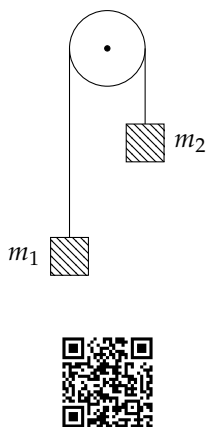


26. A figura abaixo mostra um sistema conhecido como Máquina de Atwood. Nele, dois blocos de massas $m_1 = 4,0 \text{ kg}$ e $m_2 = 7,0 \text{ kg}$ estão ligados por uma corda que passa por uma roldana. Determine:

(a) A aceleração dos blocos. [R.: $2,7 \text{ m/s}^2$.]

(b) A tensão na corda. [R.: $49,9 \text{ N}$.]

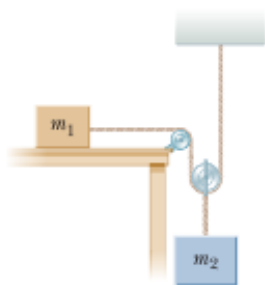
(Considere que não há atrito no eixo da roldana, o que faz com que a polia possa girar livremente; considere também que a corda tem massa nula, que é inextensível, e que não desliza na polia; despreze a massa da polia e os efeitos do arrasto.)



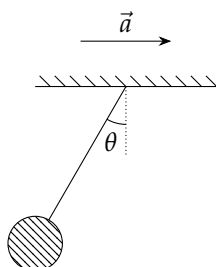
27. * Na figura abaixo, a polia e a corda têm massa desprezível e a corda não estica. Além disso, a superfície da mesa é sem atrito. Em cada segmento da corda, entre as polias, a tensão é igual a T .

(a) As acelerações dos blocos não são iguais. Qual é a relação entre elas? Explique. [R.: Considerando um eixo horizontal x para a direita e um eixo vertical y para cima, $a_{1,x} = -2a_{2,y}$.]

(b) Calcule a aceleração do bloco suspenso em função das massas m_1 e m_2 . [R.: $a_{2,y} = -m_2g/(4m_1 + m_2)$.]

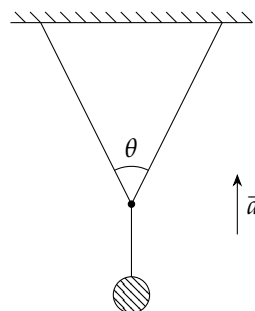


28. A figura abaixo mostra uma esfera de massa m presa por um fio flexível ao teto de um veículo que se desloca horizontalmente, com aceleração constante $a = 5,0 \text{ m/s}^2$. Determine o ângulo θ entre o fio e a direção vertical. [R.: $\theta = 27^\circ$.]

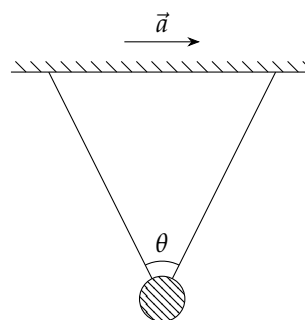


29. A figura abaixo mostra duas cordas de mesmo comprimento presas ao teto de um elevador, e que estão amarradas a um terceiro segmento de corda, sustentando um corpo de massa m . O ângulo entre as cordas superiores é $\theta = 53,13^\circ$ e a massa do corpo é de

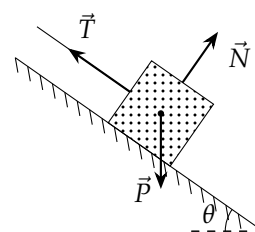
5,0 kg. Determine o módulo das tensões exercidas pelas cordas se o elevador acelera verticalmente para cima, com aceleração $a = 3,0 \text{ m/s}^2$. [R.: $T_1 = T_2 = 35,77 \text{ N}$.]



30. * A figura abaixo mostra um corpo suspenso por duas cordas de mesmo comprimento presas ao teto de uma sala. O ângulo entre as cordas é $\theta = 50^\circ$ e a massa m do corpo é de 5,0 kg. Determine o módulo das tensões exercidas pelas cordas se existe uma aceleração do corpo para a direita, cujo módulo é $a = 2,0 \text{ m/s}^2$. [R.: $T_1 = 38,9 \text{ N}$, $T_2 = 15,2 \text{ N}$.]

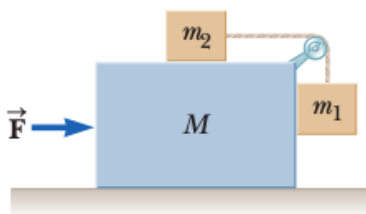


31. A figura abaixo mostra um bloco de massa $m = 5,0 \text{ kg}$ que pode deslizar sobre um plano inclinado sem atrito. Sobre o bloco, uma tensão constante $T = 20,0 \text{ N}$ é exercida por meio de uma corda cuja direção é paralela ao plano inclinado, apontando para cima. Determine o valor da aceleração do bloco se $\theta = 30^\circ$. [R.: $a = 0,90 \text{ m/s}^2$ para baixo.]

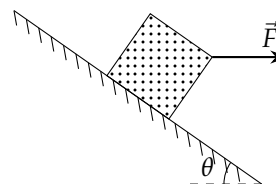


32. * Na figura abaixo, mostre que o valor do módulo da força F necessária para que os blocos m_1 e m_2 permaneçam parados em relação ao bloco de massa M é dado por (desconsiderando o atrito e supondo que a massa da polia seja desprezível)

$$F = \frac{m_1 + m_2 + M}{m_2} m_1 g. \quad (116)$$



ATRITO



33. **Discursiva:** Um carro trafega por uma estrada, sendo que sobre um dos assentos está um livro. Nenhuma precaução foi tomada para evitar que o livro se movimente para frente ou para os lados, porém ele não é capaz de se movimentar para trás pois está apoiado no encosto do assento. Nessa situação, ocorrem os seguintes fenômenos:

1. O carro freia moderadamente e o livro não se move em relação ao assento, porém em frenagens mais intensas, ele desliza para frente.
2. Em curvas suaves o livro não se move, mas em curvas mais fechadas (com raio menor) o livro desliza para fora da curva (se afastando do centro da curva, na direção que liga o centro ao carro).

Analisando o exposto acima, descreva como tais comportamentos podem ser explicados à luz das Leis de Newton e das propriedades das forças peso, normal e de atrito.

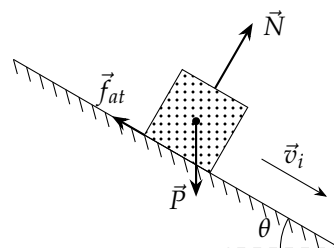
34. **Discursiva:** Se você prender uma extremidade de um elástico em um bloco de madeira que repousa sobre uma mesa e puxar a extremidade oposta com velocidade constante e de maneira que o elástico fique disposto horizontalmente, o bloco se movimentará, porém não com velocidade uniforme. Ao invés disso, o que ocorre é que o bloco desliza uma distância e pára, voltando a deslizar novamente e parando novamente, sendo que isso acontece durante todo o tempo que você ficar puxando a extremidade do elástico. Explique esse comportamento utilizando as propriedades das forças de atrito.

35. Um bloco de massa 25,0 kg está inicialmente em repouso sobre um plano inclinado com ângulo de $\theta = 35,0^\circ$ com a horizontal. Uma força horizontal de 75,0 N — dirigida de forma a fazer com que o bloco desça — é necessária para fazer com que o bloco passe a se mover paralelamente ao plano inclinado, para baixo. Calcule o coeficiente de atrito estático entre o bloco e o plano inclinado. [R.: $\mu_e = 1,28$.]

36. Na figura abaixo, os blocos têm massas m_1 e m_2 . A massa do primeiro é conhecida, sendo de 4,0 kg, enquanto a do segundo é desconhecida. Sabendo que o ângulo de inclinação do plano é de 30° , determine a faixa de valores de m_2 para os quais o sistema não desliza, sabendo que $\mu = 0,50$. [R.: $0,268 \text{ kg} < m_2 < 3,73 \text{ kg}$.]



37. Na figura abaixo, um bloco é lançado para baixo em um plano inclinado, partindo com uma velocidade inicial \vec{v}_i paralela ao plano, com módulo 4,5 m/s. O coeficiente de atrito cinético μ_c entre o bloco e o plano tem valor 0,2. Considerando que o ângulo entre o plano e a horizontal é de 60° , determine a aceleração do bloco ao longo de um eixo x paralelo ao plano e que aponta para baixo. [R.: $a = 7,51 \text{ m/s}^2$.]



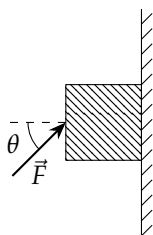
38. Um veículo sobe por um trecho de uma estrada que faz um plano inclinado com 15° em relação à horizontal. Um animal invade a pista e o motorista freia subitamente. Como o veículo não possui ABS, as rodas travam e o veículo passa a deslizar. Se ele tem uma velocidade inicial de 120,0 km/h e o coeficiente de atrito cinético entre os pneus e a pista é $\mu_c = 0,4$,

- (a) qual é a distância que ele percorre até parar? [R.: $\Delta x = 87,86 \text{ m}$.]
- (b) qual seria a distância necessária para parar, caso ele estivesse descendo o mesmo trecho, com a mesma velocidade? [R.: $\Delta x = 444 \text{ m}$.]

39. Um bloco é empurrado contra a parede por uma força que faz um ângulo θ com a horizontal, conforme mostra a figura abaixo. Mostre que as forças mínima e máxima para que o bloco não deslize são dadas por

$$F = \frac{mg}{\sin \theta \pm \mu \cos \theta'} \quad (129)$$

onde o sinal positivo corresponde à força mínima e o sinal negativo à força máxima.



40. Dois blocos com massas de 360 g e 730 g estão ligados por uma corda de massa desprezível e deslizam para baixo em um plano inclinado de $30,0^\circ$. O coeficiente de atrito cinético entre o bloco mais leve e o plano é de 0,10, já entre o mais pesado e o plano é de 0,20. Supondo que o bloco mais leve desce na frente, determine

- (a) A aceleração dos blocos. [R.: $a = 3,5 \text{ m/s}^2$.]
(b) A tensão na corda. [R.: $T = 0,2 \text{ N}$.]

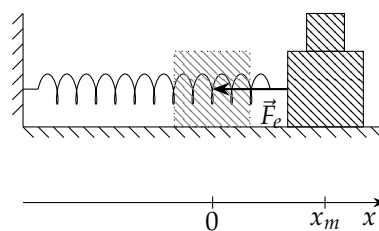
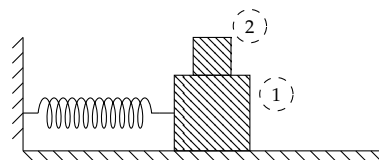
41. Em uma aposta com um amigo, você alega ser capaz de colocar uma caixa na lateral de um carrinho e o movimentar de forma que a caixa não caia — tudo isso sem utilizar cola, imãs ou qualquer outro método de fixação —, bastando acelerar o sistema como mostrado na figura abaixo. O coeficiente de atrito estático entre a caixa e a lateral do carrinho é 0,7. Qual é a aceleração mínima do sistema, em m/s^2 , para que você ganhe a aposta? [R.: $a = 14 \text{ m/s}^2$.]



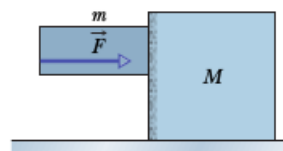
42. Uma camionete tem em sua caçamba uma caixa de ferramentas, no entanto, sua tampa traseira está quebrada e não fecha. Se o veículo for submetido a uma aceleração muito grande, a caixa deslizará e poderá acabar caindo. Suponha que o coeficiente de atrito estático entre a caixa e o assoalho da caçamba seja de 0,650. Qual é o menor tempo possível para que o veículo atinja a velocidade de 30 m/s, assumindo que ele partiu do repouso? [R.: $t = 4,7 \text{ s}$.]

43. * A figura abaixo mostra um bloco que está apoiado sobre uma mesa sem atrito e que está ligado a uma mola. Sobre este bloco, repousa um segundo

bloco. Na interface entre os blocos, existe atrito. Qual é a máxima distensão x_m que a mola pode ter para a qual os blocos aceleram juntos ao liberarmos o sistema para se mover? Considere que $k = 120,0 \text{ N/m}$, $m_1 = 3,0 \text{ kg}$, $m_2 = 1,0 \text{ kg}$, e $\mu_e = 0,65$. [R.: $x_m = 0,21 \text{ m}$.]

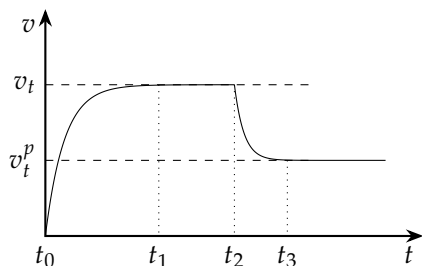


44. * Os dois blocos ($m = 16 \text{ kg}$ e $M = 88 \text{ kg}$) da figura abaixo não estão ligados. O coeficiente de atrito estático entre os blocos é $\mu_e = 0,38$, mas não há atrito na superfície abaixo do bloco maior. Qual é o menor valor do módulo da força horizontal \vec{F} para o qual o bloco menor não escorregue para baixo ao longo do bloco maior? [R.: $F = 487,7 \text{ N}$.]



ARRASTO

45. **Discursiva:** Você pega duas bolas idênticas e enche uma delas de água e as larga simultaneamente de cima de um prédio. O que acontece se você desprezar a resistência do ar? E se não desprezá-la?
46. Um paraquedista abandona o avião e inicia sua queda, em pleno ar, no instante t_0 (despreze o movimento lateral inicial que o paraquedista teria ao saltar de um avião). Ele cai livremente, submetido à força de resistência do ar e à força peso, até o instante t_2 , quando abre o paraquedas. O gráfico abaixo representa a velocidade vertical do paraquedista em função do tempo.



Classifique as afirmativas abaixo como verdadeiras (V) ou falsas (F):

- Entre os instantes t_2 e t_3 , a força de resistência do ar sobre o paraquedista e seu paraquedas é maior do que a força peso do conjunto, e a força resultante tem sentido contrário ao do movimento do paraquedista.
- Entre os instantes t_1 e t_2 , a força de resistência do ar tem valor igual ao da força peso. Nessa situação a velocidade atinge um valor conhecido como *velocidade terminal*.
- Desde o instante t_0 em que o paraquedista abandona o avião até o instante t_1 , a força de resistência do ar aumenta, iniciando em zero e chegando a um valor aproximadamente igual ao peso do conjunto paraquedista+paraquedas.
- Durante toda a queda a aceleração do paraquedista é constante e igual à aceleração da gravidade.
- A aceleração do paraquedista tem valor constante, desde o instante t_0 em que abandona o avião até o instante em que o paraquedas abre.
- Em nenhum instante a força de resistência do ar apresentou maior intensidade do que a força peso do paraquedista.
- Entre o instante t_3 e o momento que o paraquedista toca o solo, a sua velocidade é constante.
- Os valores de velocidade terminal antes e depois da abertura do paraquedas são iguais.

[R.: VVVFFVF.]

47. Um paraquedista com massa de 80,0 kg pula de um balão que encontra-se parado em relação ao solo, em um dia sem vento. Após algum tempo, ele atinge uma velocidade terminal de 50,0 m/s. Considere que o arrasto experimentado pelo paraquedista é dado pela equação $F_A = C\rho A v^2/2$.

- Qual é a força de arrasto que atua sobre o paraquedista quando sua velocidade é de 30,0 m/s? [R.: $F_A = 282 \text{ N}$.]
- Qual é sua aceleração quando sua velocidade é de 30,0 m/s? [R.: $a = 6,3 \text{ m/s}^2$.]

48. Um caça sofre uma pane e o piloto decide ejetar. No momento em que o assento é ejetado do avião a velocidade da aeronave em relação ao ar é de 1 300 km/h. Suponha que a densidade do ar seja de $1,2 \text{ kg/m}^3$, que o coeficiente de arrasto seja $C = 0,40$, que a área de seção reta do piloto juntamente com o assento seja de $1,2 \text{ m}^2$ e que a massa do conjunto piloto-assento seja de 200 kg. Despreze a velocidade de ejeção do assento, considere que a força de arrasto é dada por $F_a = C\rho A v^2/2$, e determine

- A força de arrasto exercida sobre o conjunto piloto-assento imediatamente após a ejeção. Qual é a razão entre a força de arrasto e a força peso do conjunto? [R.: $F_A = 37,6 \cdot 10^3 \text{ N}$, $F_A/P = 19,2$.]
- Determine a área que o paraquedas instalado no assento precisa ter para que o conjunto piloto-assento chegue ao solo com uma velocidade de 10 m/s. Considere que o coeficiente de arrasto C seja o mesmo que antes da abertura do paraquedas. [R.: $A = 82 \text{ m}^2$.]

49. * Uma demonstração comum da força de arrasto envolve soltar filtros de café abertos e calcular o tempo necessário para que eles percorram uma certa distância. Um professor solta um filtro de café de uma altura h acima do solo e cronometra o tempo Δt que ele demora para percorrê-la. Ao se empilhar n filtros de café idênticos e soltá-los sob as mesmas condições, observa-se que eles percorrem uma distância h_n . Encontre, em termos de h e n , uma expressão para a distância h_n percorrida pelo conjunto de n filtros. Considere que os filtros são tão leves que eles instantaneamente atingem a velocidade terminal. [R.: $h_n = \sqrt{n} h$.]



FORÇAS NO MOVIMENTO CIRCULAR

- Discursiva:** Se alguém lhe disser que os astronautas não têm peso em órbita em torno da Terra (como, por exemplo, na Estação Espacial Internacional), por que estão além do alcance da força da gravidade, você concordaria? Explique.
- Discursiva:** Você faz uma bola girar na extremidade de um fio descrevendo um plano horizontal. O fio está contido no plano ou está inclinado? A inclinação, se diferente de zero, é para cima ou para baixo? Faça um diagrama de forças da bola.

¹Isto é, você deve obter uma expressão para a distância que depende dos valores de h e de n .

52. **Discursiva:** Uma revista de automóveis chama uma curva com raio decrescente de “a desgraça do motorista inexperiente”. Considerando as propriedades da força de atrito estático, explique tal afirmação.

53. Após Goku morrer para que Piccolo pudesse derrotar Raditz, graças à intervenção de Kami-Sama perante Enma Daioh, ele recebe permissão para viajar pelo Caminho da Serpente e treinar com o lendário Senhor Kaioh. Tal treinamento é necessário para que Goku possa derrotar os Saiyajins que estão a caminho da Terra e que chegarão em um ano, com o intuito de destruí-la. A grande vantagem de treinar no planeta do Senhor Kaioh é o fato de que a gravidade é muito elevada, sendo 10 vezes maior que a da Terra.²

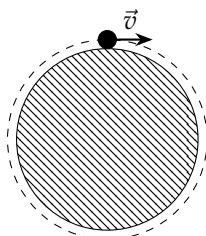
O planeta é bastante curioso: apesar da gravidade extremamente elevada, seu raio é pequeno. Apesar disso, Senhor Kaioh gosta muito de dirigir e possui um carro, sendo que ele pode trafegar somente por uma pista que descreve um círculo ao redor do planeta (o raio da pista é o mesmo do planeta). A figura abaixo mostra um esboço dessa situação, sendo que o carro é representado pelo círculo preto.

- Faça um diagrama de corpo livre indicando as forças relevantes para esse problema (ignore a força de arrasto). Indique o sistema de coordenadas que será adotado para a solução do problema.
- Demonstre matematicamente que a velocidade máxima que o carro pode atingir antes de perder contato com o solo é dada por

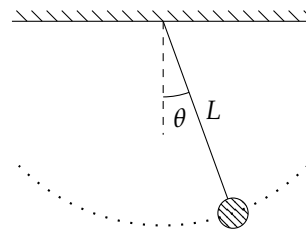
$$v = \sqrt{rg_K},$$

onde r e g_K representam o raio do planeta e sua aceleração gravitacional, respectivamente.

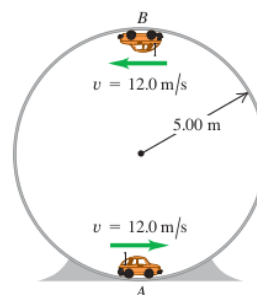
- Qual é o raio do planeta, se a velocidade máxima é de 150 km/h? [R.: $R = 17,7$ m.]



54. Na figura abaixo um objeto cuja massa é de 50 kg oscila no plano da página, preso a uma corda de comprimento $L = 20,00$ m. Quando o ângulo θ é de 20° , a velocidade do objeto é de 8,00 m/s. Encontre a tensão na corda. [R.: $T = 6,2 \cdot 10^2$ N.]



55. Um carro de brinquedo com massa m se desloca com velocidade constante em uma pista circular vertical (um loop), conforme mostrado na figura abaixo. A pista tem um raio R de 5,00 m e a velocidade do carro é $v = 12,00$ m/s. Se a força normal exercida pela pista quando o carro está no topo (posição B) é de 6,00 N, qual é a força normal quando o carro está na parte mais baixa da pista (posição A)? [R.: $N = 12,2$ N.]

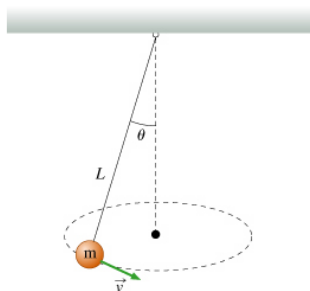


56. Uma moeda está sobre um disco que pode girar em torno de um eixo que passa por seu centro, perpendicularmente à face plana. A velocidade de rotação do disco é tal que ele completa uma revolução a cada segundo. Se ela está localizada a uma distância inferior a 16,0 cm em relação ao eixo, ela permanece em repouso, mas qualquer posição além disso faz com que ela escorregue. Determine o coeficiente de atrito estático entre a moeda e o disco. [R.: $\mu_e = 0,64$.]

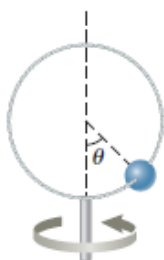
57. A figura abaixo mostra um *pêndulo cônico*. Nesse tipo de pêndulo, uma massa m pendurada em uma corda de comprimento L e massa negligível descreve uma trajetória circular com velocidade constante v . Se $m = 0,40$ kg, $L = 0,90$ m e o perímetro da trajetória circular é $\ell = 0,94$ m, calcule

- A tensão na corda. [R.: $T = 4,0$ N.]
- A velocidade v da massa. [R.: $v = 0,50$ m/s.]

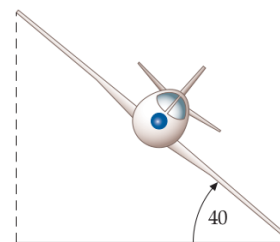
²http://pt-br.dragonball.wikia.com/wiki/Planeta_do_Senhor_Kaioh



58. * Uma conta pode deslizar em um arco circular disposto na extremidade de uma haste, como mostrado na figura abaixo. O atrito entre a conta e o arco é desprezível. A haste é disposta verticalmente e posta para rodar. O raio do arco circular é de 15 cm. Se $\theta = 45^\circ$, qual é a velocidade da conta? *Tenha em mente que o raio do arco e o da trajetória circular não são necessariamente iguais.* [R.: $v = 1,02 \text{ m/s}$.]



59. Um avião voa com uma velocidade de 480,0 km/h, descrevendo um círculo horizontal. As asas do avião fazem um ângulo de $40,0^\circ$, como mostrado na figura abaixo. Assuma há uma força de sustentação desenvolvida pelas asas do avião (a força é perpendicular às asas). Qual é o raio do círculo desenvolvido pelo avião? [R.: $R = 2162 \text{ m}$.]



60. * Uma curva circular compensada de uma rodovia foi planejada para uma velocidade de 60,0 km/h, isto é, com essa velocidade é possível contornar a curva mesmo que o coeficiente de atrito entre os pneus e a pista seja nulo. O raio da curva é de 200,0 m. Em um dia chuvoso, a velocidade dos carros diminui para 40,0 km/h. Qual é o menor coeficiente de atrito entre os pneus e a estrada para que os carros façam a curva sem derrapar para dentro da curva? [R.: $\mu_e = 0,078$.]
61. * Um objeto de massa m_1 está amarrado através de uma corda de comprimento ℓ a um outro objeto de massa m_2 . O segundo objeto está amarrado a um eixo por uma corda de comprimento R , e o conjunto gira de modo que o centro do eixo e os dois objetos estão sempre colineares, sendo que os círculos descritos pelos corpos estão contidos em um plano horizontal (veja a figura abaixo). Além disso, a velocidade do objeto mais próximo do centro é \vec{v} . Desconsiderando a força peso e a força de arrasto,
- Calcule a velocidade da esfera externa em termos da velocidade da esfera interna. (Ambos objetos descrevem uma circunferência completa ao mesmo tempo.) [R.: $v_e = v(R + \ell)/R$.]
 - Mostre que a tensão na corda entre o eixo e o primeiro objeto é dada por

$$T = \left(m_2 + m_1 \frac{(R + \ell)}{R} \right) \frac{v^2}{R}. \quad (143)$$

