# Securitatea Sistemelor Informati

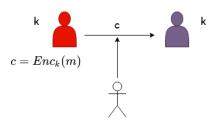
- Curs 4.0 - Noțiuni de securitate mai puternice

Adela Georgescu

Facultatea de Matematică și Informatică Universitatea din București Anul universitar 2022-2023, semestrul I

## Securitate computațională

- ► In continuare considerăm noțiuni de securitate mai puternice care ne vor folosi pentru a obține refolosirea cheii
- ► Reamintim noțiunea de indistinctibilitate definită anterior, în cazul unui adversar care interceptează un singur mesaj criptat



## Securitate computațională

In cursurile anterioare:

- ► Am definit securitate perfectă, am vazut OTP perfect sigur și am evidențiat limitările practice
- ► In practică, vrem chei mai scurte și refolosirea cheii
- Am slăbit noțiunea de securitate perfectă și am obținut securitate computațională, considerand un adversar polinomial cu probabilitate neglijabilă de succes
- ► Am construit un sistem de criptare computațional sigur (satisface indistinctibilitatea) pentru care cheia de criptare este mai scurtă
- ► Insă acest sistem de criptare nu permite refolosirea cheii în siguranță

Securitatea Sistemelor Informatice

2/45

## Experimentul $Priv_{\mathcal{A},\pi}^{eav}(n)$

$$b \in \{0,1\}$$

$$\begin{array}{c} b \in \{0,1\} \\ \hline \\ Provocator \\ k \leftarrow \mathcal{K} \end{array} \xrightarrow{m_0, \, m_1 \in \mathcal{M} : \, |m_0| = |m_1|} \\ \hline \\ c \leftarrow \textit{Enc}_k(\mathbf{m_b}) \end{array} \xrightarrow{Adversar} \\ \downarrow b' \in \{0,1\}$$

▶ Output-ul experimentului este 1 dacă b'=b și 0 altfel. Dacă  $Priv_{\mathcal{A},\pi}^{eav}(n)=1$ , spunem că  $\mathcal{A}$  a efectuat experimentul cu succes.

## Securitate - interceptare simplă

#### Definiție

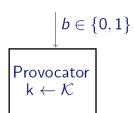
O schemă de criptare  $\pi=(\mathit{Enc},\mathit{Dec})$  este indistinctibilă în prezența unui atacator pasiv dacă pentru orice adversar  $\mathcal A$  există o funcție neglijabilă negl așa încât

$$Pr[Priv_{\mathcal{A},\pi}^{eav}(n)=1] \leq \frac{1}{2} + negl(n).$$

Securitatea Sistemelor Informatice

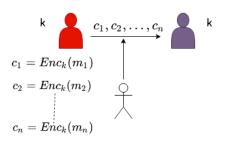
5/45

# Experimentul $Priv_{A,\pi}^{mult}(n)$



## Securitate pentru interceptare multiplă

- ► In definiția precedentă am considerat cazul unui adversar care primește un singur text criptat;
- ► In realitate, în cadrul unei comunicații se trimit mai multe mesaje pe care adversarul le poate intercepta;
- Definim ce înseamnă o schemă sigură chiar și în aceste condiții.



Securitatea Sistemelor Informatice

6/45

# Experimentul $Priv_{A,\pi}^{mult}(n)$

$$\begin{array}{c} \downarrow b \in \{0,1\} \\ \hline \text{Provocator} \\ k \leftarrow \mathcal{K} \end{array} \xrightarrow{ \begin{array}{c} M_0 = (m_0^1,...,m_0^t) \\ \hline M_1 = (m_1^1,...,m_1^t) \\ \hline c_i \leftarrow Enc_k(\mathbf{m_{i,b}}) \\ \hline C = (c_1,...,c_t) \end{array} } \xrightarrow{ \begin{array}{c} A \text{dversar} \\ \mathcal{A} \end{array} }$$

- ▶ Output-ul experimentului este 1 dacă b' = b și 0 altfel;
- Definiția de securitate este aceeași, doar că se referă la experimentul de mai sus.
- Securitatea pentru interceptare **simplă** nu implică securitate pentru interceptare **multiplă**!

## Securitate pentru interceptare multiplă

#### Teoremă

O schemă de criptare (Enc, Dec) unde funcția Enc este deterministă nu are proprietatea de securitate la interceptare multiplă conform cu definiția de mai sus.

Securitatea Sistemelor Informatice

12/45

Securitatea Sistemelor Informatice

Demonstrație

lucru;

13/45

## Demonstrație

$$b \in \{0,1\}$$

$$M_0 = (0^n, 0^n)$$

$$M_1 = (0^n, 1^n)$$

$$C_i \leftarrow Enc_k(\mathbf{m_{i,b}})$$

$$C = (c_1, c_2)$$

$$Adversar$$

$$A$$

$$b' \in \{0,1\}$$

- $lackbox{ Dacă } c_1=c_2$ , atunci  ${\mathcal A}$  întoarce 0, altfel  ${\mathcal A}$  întoarce 1.
- Analizăm probabilitatea ca  $\mathcal{A}$  să ghicească b: dacă b=0, același mesaj este criptat mereu  $(m_0^1=m_0^2)$  iar  $c_1=c_2$  și deci $\mathcal{A}$  întoarce mereu 0:
- ▶ Dacă b=1, atunci  $(m_1^1 \neq m_1^2)$  iar  $c_1 \neq c_2$  și deci  $\mathcal{A}$  întoarce mereu 1.

#### Concluzie

 $ightharpoonup \mathcal{A}$  ghicește bitul b cu probabilitate 1 și deci schema nu este indistinctibilă la interceptare multiplă

Intuitiv, am vazut că schema OTP este sigură doar când o

La sistemul de criptare bazat pe PRG se întâmplă același

ightharpoonup Vom considera un adversar  ${\cal A}$  care atacă schema (în sensul

cheie este folosită o singură dată;

experimentului  $Priv_{A \pi}^{mult}(n)$ 

▶ Pentru a obţine securitate la interceptare multipla, avem nevoie de o schemă de criptare probabilista, aşa încât la criptari succesive ale aceluiaşi mesaj să obţinem texte criptate diferite

Securitatea Sistemelor Informatice

18/45

Securitatea Sistemelor Informatice

#### Scenarii de atac

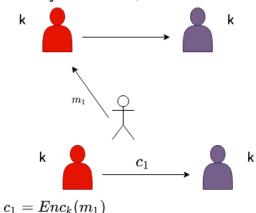
- Reamintim câteva dintre scenariile de atac pe care le-am mai întâlnit:
  - Atac cu text criptat: Atacatorul știe doar textul criptat poate încerca un atac prin forță brută prin care se parcurg toate cheile până se găsește cea corectă;
  - Atac cu text clar: Atacatorul cunoaște una sau mai multe perechi (text clar, text criptat);
  - Atac cu text clar ales: Atacatorul poate obține criptarea unor texte clare alese de el;
  - Atac cu text criptat ales: Atacatorul are posibilitatea să obțină decriptarea unor texte criptate alese de el.

Securitatea Sistemelor Informatice

20/45

#### Securitate CPA

► CPA (Chosen-Plaintext Attack): adversarul poate să obțină criptarea unor mesaje alese de el;





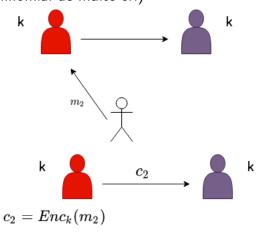
- ► Ultimele 2 scenarii de atac oferă adversarului putere crescută;
- ► Acesta devine un adversar **activ**, care primește abilitatea de a obține criptarea și / sau decriptarea unor mesaje, respectiv texte criptate alese de el;
- ▶ În plus, adversarul poate alege mesajele sau textele criptate în mod **adaptiv** în funcție de răspunsurile primite precedent.

Securitatea Sistemelor Informatice

21/45

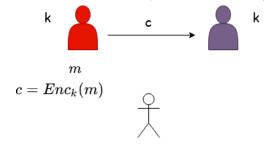
#### Securitate CPA

 adversarul poate cere criptarea unor mesaje alese de el repetitiv (polinomial de multe ori)



#### Securitate CPA

mai tarziu adversarul observă criptarea unui mesaj necunoscut



dorim ca adversarul să nu afle nici un fel de informație despre mesajul m

Securitatea Sistemelor Informatice

24/45

### Securitate CPA

- ► Considerăm că securitatea este impactată dacă adversarul poate să distingă între criptările a două mesaje aleatoare;
- Vom defini securitatea CPA pe baza unui experiment de indistinctibilitate  $Priv_{\mathcal{A},\pi}^{cpa}(n)$  unde  $\pi=(Enc,Dec)$  este schema de criptare iar n este parametrul de securitate al schemei  $\pi$ ;
- Personajele participante: **adversarul** A care încearcă să spargă schema și un **provocator** (**challenger**);

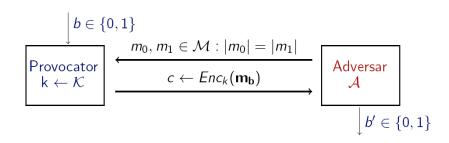
#### Securitate CPA

- Capabilitățile adversarului: el poate interacționa cu un oracol de criptare, fiind un adversar activ care poate rula atacuri în timp polinomial;
- Adversarul poate transmite către oracol orice mesaj *m* și primește înapoi textul criptat corespunzător;
- ▶ Dacă sistemul de criptare este nedeterminist, atunci oracolul folosește de fiecare dată o valoare aleatoare nouă și neutilizată anterior.

Securitatea Sistemelor Informatice

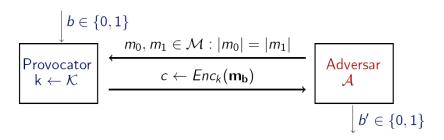
25/45

# Experimentul $Priv_{\mathcal{A},\pi}^{cpa}(n)$



▶ Pe toată durata experimentului,  $\mathcal{A}$  are acces la oracolul de criptare  $Enc_k(\cdot)$ !

# Experimentul $Priv_{\mathcal{A},\pi}^{cpa}(n)$



Output-ul experimentului este 1 dacă b'=b și 0 altfel. Dacă  $Priv_{\mathcal{A},\pi}^{cpa}(n)=1$ , spunem că  $\mathcal{A}$  a efectuat experimentul cu succes

Securitatea Sistemelor Informatice

32/45

#### Securitate CPA - al doilea război mondial

criptanaliza sistemului de criptare german Enigma de către englezi



Puterile Axei



## Experimentul $Priv_{A,\pi}^{cpa}(n)$

#### Definiție

O schemă de criptare  $\pi = (Enc, Dec)$  este CPA-sigură dacă pentru orice adversar PPT  $\mathcal{A}$  există o funcție neglijabilă negl așa încât

$$Pr[Priv_{\mathcal{A},\pi}^{cpa}(n)=1] \leq \frac{1}{2} + negl(n).$$

► Un adversar nu poate determina care text clar a fost criptat cu o probabilitate semnificativ mai mare decât dacă ar fi ghicit (în sens aleator, dat cu banul), chiar dacă are acces la oracolul de criptare.

Securitatea Sistemelor Informatice

33/45

#### Securitate CPA - al doilea război mondial

armata engleză a plasat mine în anumite locații...

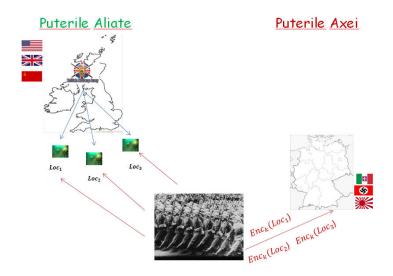


Puterile Axei



#### Securitate CPA - al doilea război mondial

...știind că armata germană le va găsi și va trimite locațiile lor criptate către sediu

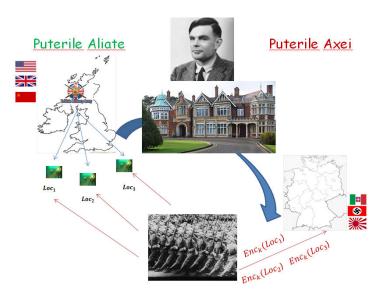


Securitatea Sistemelor Informatice

36/45

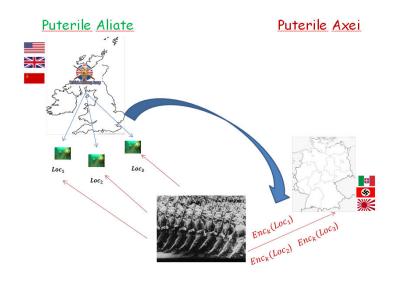
#### Securitate CPA - al doilea război mondial

... si folosite la Bletchely Park pentru criptanaliza mașinii Enigma



#### Securitate CPA - al doilea război mondial

aceste mesaje criptate au fost interceptate de către englezi ...



Securitatea Sistemelor Informatice

### Securitate CPA

- ▶ Întrebare: Un sistem de criptare CPA-sigur are întotdeauna proprietatea de indistinctibilitate?
- **Răspuns:** DA! Experimentul  $Priv_{A,\pi}^{eav}(n)$  este  $Priv_{A,\pi}^{cpa}(n)$  în care  $\mathcal{A}$  nu folosește oracolul de criptare.
- ▶ Întrebare: Un sistem de criptare determinist poate fi CPA-sigur?
- Răspuns: NU! Adversarul cere oracolului criptarea mesajului  $m_0$ . Dacă textul criptat este egal cu c, atunci b'=0, altfel b'=1. În concluzie,  $\mathcal{A}$  câștigă cu probabilitate 1.

Securitatea Sistemelor Informatice 38/45 Securitatea Sistemelor Informatice 39/45

37/45

## Securitate CPA - Criptare multiplă

- ▶ În definiția precedentă am considerat cazul unui adversar care primește un singur text criptat;
- În realitate, în cadrul unei comunicații se trimit mai multe mesaje pe care adversarul le poate intercepta;
- ▶ Definim ce înseamnă o schemă sigură chiar şi în aceste condiții.

Securitatea Sistemelor Informatice

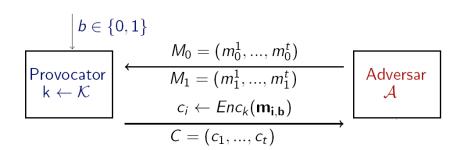
40/45

# Experimentul $Priv_{\mathcal{A},\pi}^{cpa}(n)$

$$\begin{array}{c} b \in \{0,1\} \\ \hline \\ \text{Provocator} \\ \mathsf{k} \leftarrow \mathcal{K} \end{array} \xrightarrow{ \begin{array}{c} M_0 = (m_0^1,...,m_0^t) \\ \hline M_1 = (m_1^1,...,m_1^t) \\ \hline c_i \leftarrow \mathit{Enc}_k(\mathbf{m_{i,b}}) \end{array} } \xrightarrow{ \begin{array}{c} \mathsf{Adversar} \\ \mathcal{A} \end{array} }$$

Pe toată durata experimentului,  $\mathcal{A}$  are acces la oracolul de criptare  $Enc_k(\cdot)!$ 

# Experimentul $Priv_{\mathcal{A},\pi}^{cpa}(n)$



Securitatea Sistemelor Informatice

43/45

# Experimentul $Priv_{A,\pi}^{cpa}(n)$

$$b \in \{0,1\}$$

$$M_0 = (m_0^1, ..., m_0^t)$$

$$M_1 = (m_1^1, ..., m_1^t)$$

$$C = (c_1, ..., c_t)$$

$$Adversar$$

$$A$$

$$b' \in \{0,1\}$$

- ▶ Output-ul experimentului este 1 dacă b' = b și 0 altfel;
- Definiția de securitate este aceeași, doar că se referă la experimentul de mai sus.
- Securitatea pentru criptare simplă implică securitate pentru criptare multiplă!

Securitatea Sistemelor Informatice

44/45

Securitatea Sistemelor Informatice