```
termvar, \, x, \, y, \, z, \, f
  typevar, X, Y, Z
  index,\;i,\;j,\;k
  t, c, v, s, n
                                                         ::=
                                                                     \boldsymbol{x}
                                                                     triv
                                                                     box
                                                                     unbox
                                                                     \Lambda(X <: A).t
                                                                     [A]t
                                                                     \lambda(x:A).t
                                                                     t_1 t_2
                                                                    (t_1, t_2)
                                                                     \mathsf{fst}\;t
                                                                     \mathsf{snd}\; t
                                                                     \mathsf{succ}\ t
                                                                    case t of t_3 \rightarrow t_1, t_4 \rightarrow t_2
                                                                     t :: t'
                                                                                                                       S
                                                                     (t)
  K
                                                          ::=
  A, B, C, D, E, S, U
                                                                    \top
                                                                    \mathbb{S}
                                                                    X
                                                                    \mathsf{List}\,A
                                                                    \forall (X <: A).B
                                                                    Unit
                                                                     Nat
                                                                    A_1 \to A_2 \\ A_1 \times A_2
                                                                                                                       S
 Γ
                                                                    \begin{array}{l} \Gamma, X <: A \\ \Gamma, x : A \end{array}
\Gamma \vdash A : \star
                                                                \frac{\Gamma_1 \vdash A : \star}{\Gamma_1, X <: A, \Gamma_2 \vdash X : \star}
                                                                                                   K_{\text{-}TOP}
                                                                               \overline{\Gamma \vdash \mathbb{S} : \star}
                                                                                                   K\_{\rm SL}
```

 $\Gamma \vdash A \sim B$

$$\frac{\Gamma \vdash A : \star}{\Gamma \vdash A \sim A} \quad \text{C_Refl}$$

$$\frac{\Gamma \vdash A \lesssim \mathbb{S}}{\Gamma \vdash A \sim ?} \quad \text{C_Box}$$

$$\frac{\Gamma \vdash A \lesssim \mathbb{S}}{\Gamma \vdash ? \sim A} \quad \text{C_Unbox}$$

$$\frac{\Gamma \vdash A \sim B}{\Gamma \vdash (\text{List } A) \sim (\text{List } B)} \quad \text{C_List}$$

$$\frac{\Gamma \vdash A_2 \sim A_1 \quad \Gamma \vdash B_1 \sim B_2}{\Gamma \vdash (A_1 \to B_1) \sim (A_2 \to B_2)} \quad \text{C_Arrow}$$

$$\frac{\Gamma \vdash A_1 \sim A_2 \quad \Gamma \vdash B_1 \sim B_2}{\Gamma \vdash (A_1 \times B_1) \sim (A_2 \times B_2)} \quad \text{C_Prod}$$

$$\frac{\Gamma \vdash A_1 \sim A_2 \quad \Gamma \vdash B_1 \sim B_2}{\Gamma \vdash (A_1 \times B_1) \sim (A_2 \times B_2)} \quad \text{C_Prod}$$

$$\frac{\Gamma, X <: A \vdash B_1 \sim B_2}{\Gamma \vdash (\forall (X <: A).B_1) \sim (\forall (X <: A).B_2)} \quad \text{C_Forall}$$

 $A \sqsubseteq B$

$$\frac{\Gamma \vdash A \lesssim \mathbb{S}}{A \sqsubseteq ?} \quad P_UP$$

$$\frac{A \sqsubseteq ?}{A \sqsubseteq A} \quad P_REFL$$

$$\frac{A \sqsubseteq C \quad B \sqsubseteq D}{(A \to B) \sqsubseteq (C \to D)} \quad P_ARROW$$

$$\frac{A \sqsubseteq C \quad B \sqsubseteq D}{(A \times B) \sqsubseteq (C \times D)} \quad P_PROD$$

$$\frac{A \sqsubseteq B}{(\mathsf{List}\ A) \sqsubseteq (\mathsf{List}\ B)} \quad P_LIST$$

$$\frac{B_1 \sqsubseteq B_2}{(\forall (X <: A).B_1) \sqsubseteq (\forall (X <: A).B_2)} \quad \text{P_FORALL}$$

 $t\sqsubseteq t'$

$$\begin{array}{c|c} \hline t \sqsubseteq t & \mathrm{TP_REFL} \\ \hline t_1 \sqsubseteq t_2 \\ \hline (\operatorname{succ} t_1) \sqsubseteq (\operatorname{succ} t_2) & \mathrm{TP_SUCC} \\ \hline \\ t_1 \sqsubseteq t_4 & t_2 \sqsubseteq t_5 & t_3 \sqsubseteq t_6 \\ \hline (\operatorname{case} t_1 \operatorname{of} 0 \to t_2, (\operatorname{succ} x) \to t_3) \sqsubseteq (\operatorname{case} t_4 \operatorname{of} 0 \to t_5, (\operatorname{succ} x) \to t_6) \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_3}{(t_1, t_2)} \sqsubseteq (t_3, t_4) & \mathrm{TP_PAIR} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_2}{(\operatorname{fst} t_1)} \sqsubseteq (\operatorname{fst} t_2) & \mathrm{TP_FST} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_2}{(\operatorname{snd} t_1)} \sqsubseteq (\operatorname{snd} t_2) & \mathrm{TP_SND} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_3}{(\operatorname{snd} t_1)} \sqsubseteq (\operatorname{snd} t_2) & \mathrm{TP_CONS} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_3}{(t_1 :: t_2)} \sqsubseteq (t_3 :: t_4) & \mathrm{TP_CONS} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_4}{(t_1 :: t_2)} \sqsubseteq (t_3 :: t_4) & \mathrm{TP_CONS} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_4}{(\operatorname{case} t_1 \operatorname{of} [] \to t_2, (x :: y) \to t_3)} \sqsubseteq (\operatorname{case} t_4 \operatorname{of} 0 \to t_5, (x :: y) \to t_6) \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_2}{(\lambda(x :: A_1).t)} \sqsubseteq (\lambda(x :: A_2).t_2) & \mathrm{TP_FUN} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_3}{(\lambda(x :: A_1).t)} \sqsubseteq (t_3 t_4) & \mathrm{TP_APP} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_2}{(\Lambda(X <: A).t_1)} \sqsubseteq (\Lambda(X <: A).t_2) & \mathrm{TP_TFUN} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_2}{(A_1 \sqsubseteq L_2)} \sqsubseteq (t_3 t_4) & \mathrm{TP_TFUN} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_2}{(A_1 \sqsubseteq L_2)} \sqsubseteq (t_3 t_4) & \mathrm{TP_TFUN} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_2}{(A_1 \sqsubseteq L_2)} \sqsubseteq (t_3 t_4) & \mathrm{TP_TFUN} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_2}{(A_1 \sqsubseteq L_2)} \sqsubseteq (t_3 t_4) & \mathrm{TP_TFUN} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_2}{(A_1 \sqsubseteq L_2)} \sqsubseteq (t_3 t_4) & \mathrm{TP_TFUN} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_2}{(A_1 \sqsubseteq L_2)} \sqsubseteq (t_3 t_4) & \mathrm{TP_TFUN} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_2}{(A_1 \sqsubseteq L_2)} \sqsubseteq (t_3 t_4) & \mathrm{TP_TFUN} \\ \hline \\ \frac{t_1 \sqsubseteq t_2}{(A_1 \sqsubseteq L_2)} \sqsubseteq (t_3 t_4) & \mathrm{TP_TAPP} \\ \hline \\ \end{array}$$

 $\Gamma \vdash A \lesssim B$

$$\frac{\Gamma \vdash A : \star}{\Gamma \vdash A \lesssim A} \quad \text{S_Refl}$$

$$X <: A' \in \Gamma \quad \Gamma \vdash A' \sim A$$

$$\Gamma \vdash X \lesssim A \qquad \text{S_VAR}$$

$$\frac{\Gamma \vdash A : \star}{\Gamma \vdash A \lesssim \top} \quad \text{S_TOP}$$

$$\frac{\Gamma \vdash A \lesssim \mathbb{S}}{\Gamma \vdash A \lesssim ?} \quad \text{S_Box}$$

$$\frac{\Gamma \vdash A \lesssim \mathbb{S}}{\Gamma \vdash ? \lesssim A} \quad \text{S_UNBOX}$$

$$\frac{\Gamma \vdash A \lesssim \mathbb{S}}{\Gamma \vdash ? \lesssim A} \quad \text{S_TOPSL}$$

$$\begin{array}{cccc} \overline{\Gamma \vdash ? \lesssim \mathbb{S}} & \text{S_USL} \\ \hline \hline \Gamma \vdash \text{Nat} \lesssim \mathbb{S} & \text{S_NATSL} \\ \hline \hline \Gamma \vdash \text{Unit} \lesssim \mathbb{S} & \text{S_UNITSL} \\ \hline \hline \Gamma \vdash A \lesssim \mathbb{S} & \text{S_LISTSL} \\ \hline \hline \Gamma \vdash A \lesssim \mathbb{S} & \text{S_LISTSL} \\ \hline \hline \Gamma \vdash A \lesssim \mathbb{S} & \Gamma \vdash B \lesssim \mathbb{S} \\ \hline \hline \Gamma \vdash A \to B \lesssim \mathbb{S} & \text{S_ARROWSL} \\ \hline \hline \hline \Gamma \vdash A \lesssim \mathbb{S} & \Gamma \vdash B \lesssim \mathbb{S} \\ \hline \hline \Gamma \vdash A \times B \lesssim \mathbb{S} & \text{S_PRODSL} \\ \hline \hline \hline \Gamma \vdash A \lesssim B & \text{S_LIST} \\ \hline \hline \hline \Gamma \vdash (\text{List }A) \lesssim (\text{List }B) & \text{S_LIST} \\ \hline \hline \hline \Gamma \vdash A_1 \lesssim A_2 & \Gamma \vdash B_1 \lesssim B_2 \\ \hline \hline \Gamma \vdash (A_1 \times B_1) \lesssim (A_2 \times B_2) & \text{S_PROD} \\ \hline \hline \hline \hline \Gamma \vdash (A_1 \to B_1) \lesssim (A_2 \to B_2) & \text{S_ARROW} \\ \hline \hline \hline \Gamma \vdash (A_1 \to B_1) \lesssim (A_2 \to B_2) & \text{S_ARROW} \\ \hline \hline \hline \Gamma \vdash (\forall (X <: A).B_1) \lesssim (\forall (X <: A).B_2) & \text{S_FORALL} \\ \hline \hline \hline \end{array}$$

 $\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t : A$

$$\frac{x:A\in\Gamma}{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}x:A}\quad \mathsf{T}_\mathsf{VARP}$$

$$\frac{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}t:A}{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}\mathsf{box}_At:?}\quad \mathsf{T}_\mathsf{BOX}$$

$$\frac{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}t:A}{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}\mathsf{unbox}_At:A}\quad \mathsf{T}_\mathsf{UNBOX}$$

$$\frac{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}t:S}{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}\mathsf{squash}_St:?}\quad \mathsf{T}_\mathsf{SQUASH}$$

$$\frac{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}t:?}{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}\mathsf{split}_St:S}\quad \mathsf{T}_\mathsf{SPLIT}$$

$$\frac{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}t:?}{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}\mathsf{split}_St:S}\quad \mathsf{T}_\mathsf{UNITP}$$

$$\frac{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}0:\mathsf{Nat}}{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}0:\mathsf{Nat}}\quad \mathsf{T}_\mathsf{UNITP}$$

$$\frac{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}t:A\quad\mathsf{nat}(A)=\mathsf{Nat}}{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}\mathsf{succ}\,t:\mathsf{Nat}}\quad \mathsf{T}_\mathsf{SUCC}$$

$$\frac{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}t:C\quad\mathsf{nat}(C)=\mathsf{Nat}\quad\Gamma\vdash_{\mathsf{A}_1}\sim A}{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}\mathsf{t}_1:A_1\quad\Gamma,x:\mathsf{Nat}\vdash_{\mathsf{SG}}t_2:A_2\quad\Gamma\vdash_{\mathsf{A}_2}\sim A}\quad \mathsf{T}_\mathsf{NCASE}$$

$$\frac{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}t:C\;\mathsf{nat}(C)=\mathsf{Nat}\quad\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}t:C\;\mathsf{nat}(C)\to\mathsf{Nat}}{\Gamma\vdash_{\mathsf{SG}}\mathsf{case}\,t\;\mathsf{of}\;0\to t_1,(\mathsf{succ}\;x)\to t_2:A}\quad \mathsf{T}_\mathsf{NCASE}$$

```
\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t_1 : A_1 \quad \Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t_2 : A_2 \quad \mathsf{list}(A_2) = \mathsf{List}\,A_3 \quad \Gamma \vdash A_1 \sim A_3 \qquad \Gamma_{\mathsf{\_CONS}}
                                                                                                                    \Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t_1 :: t_2 : \mathsf{List}\ A_3
                                                                                                     \frac{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t_1 : A_1 \quad \Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t_2 : A_2}{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} (t_1, t_2) : A_1 \times A_2} \quad \mathsf{T\_PAIR}
                                                                                                             \frac{\Gamma, x : A \vdash_{\mathsf{SG}} t : B}{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} \lambda(x : A).t : A \to B} \quad \mathsf{T\_LAM}
                                                                                              \frac{\Gamma, X <: A \vdash_{\mathsf{SG}} t : B}{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} \Lambda(X <: A).t : \forall (X <: A).B} \quad \text{$\mathsf{T}$\_Lam}
                                                                                 \frac{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t : \forall (X <: B).C \quad \Gamma \vdash A \lesssim B}{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} [A]t : [A/X]C} \quad \mathsf{T}_{\mathsf{-TYPEAPP}}
                                                                                                             \frac{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t : A \quad \Gamma \vdash A \lesssim B}{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t : B} \quad \text{T\_SUB}
                           \Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t : C \quad \mathsf{list}(C) = \mathsf{List}\,A
                          \frac{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t_1 : B_1 \quad \Gamma, x : A, y : \mathsf{List} \, A \vdash_{\mathsf{SG}} t_2 : B_2 \quad \Gamma \vdash B_1 \sim B \quad \Gamma \vdash B_2 \sim B}{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} \mathsf{case} \, t \, \mathsf{of} \, [] \to t_1, (x :: y) \to t_2 : B}
                                                                      \Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t_1 : C
                                                                     \frac{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t_2 : A_2 \quad \Gamma \vdash A_2 \sim A_1 \quad \mathsf{fun}(C) = A_1 \to B_1}{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t_1 t_2 : B_1} \quad \mathsf{T}_{-\mathsf{APP}}
                                                                                              \frac{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t : B \quad \mathsf{prod}(B) = A_1 \times A_2}{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} \mathsf{fst} t : A_1} \quad \mathsf{T}_{\mathsf{\bot}\mathsf{FST}}
                                                                                              \frac{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} t : B \quad \mathsf{prod}(B) = A_1 \times A_2}{\Gamma \vdash_{\mathsf{SG}} \mathsf{snd} \ t : A_2} \quad \mathsf{T\_SND}
   \Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_2 : A
                                                                                                                                \frac{x: A \in \Gamma}{\Gamma \vdash x \Rightarrow x: A} \quad \text{CI_VAR}
                                                                                                                            \frac{}{\Gamma \vdash 0 \Rightarrow 0 : \mathsf{Nat}} \quad ^{\text{CI\_ZERO}}
                                                                                                                    \overline{\Gamma \vdash \mathsf{triv} \Rightarrow \mathsf{triv} : \mathsf{Unit}} \quad {}^{\mathrm{CI\_TRIV}}
                                                                                     \frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_2 : ?}{\Gamma \vdash \mathsf{succ}\, t_1 \Rightarrow \mathsf{succ}\, (\mathsf{unbox}_{\mathsf{Nat}}\, t_2) : \mathsf{Nat}}
                                                                                                                                                                                                                         CI_SUCCU
                                                                                                          \frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_2 : \mathsf{Nat}}{\Gamma \vdash \mathsf{succ}\ t_1 \Rightarrow \mathsf{succ}\ t_2 : \mathsf{Nat}} \quad \text{CI\_SUCC}
                           \Gamma \vdash t \Rightarrow t' : ? \quad \Gamma \vdash A_1 \sim A \quad \mathsf{caster}(A_1, A) = c_1
\frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_1' : A_1 \quad \Gamma, x : \mathsf{Nat} \vdash t_2 \Rightarrow t_2' : A_2 \quad \Gamma \vdash A_2 \sim A \quad \mathsf{caster}(A_2, A) = c_2}{\Gamma \vdash (\mathsf{case} \ t \ \mathsf{of} \ 0 \rightarrow t_1, (\mathsf{succ} \ x) \rightarrow t_2) \Rightarrow (\mathsf{case} \ (\mathsf{unbox}_{\mathsf{Nat}} \ t') \ \mathsf{of} \ 0 \rightarrow (c_1 \ t_1'), (\mathsf{succ} \ x) \rightarrow (c_2 \ t_2')) : A}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       CI_NCASEU
                  \Gamma \vdash t \Rightarrow t' : \mathsf{Nat} \quad \Gamma \vdash A_1 \sim A \quad \mathsf{caster}(A_1, A) = c_1
                 \frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_1' : A_1 \quad \Gamma, x : \mathsf{Nat} \vdash t_2 \Rightarrow t_2' : A_2 \quad \Gamma \vdash A_2 \sim A \quad \mathsf{caster}(A_2, A) = c_2}{\Gamma \vdash (\mathsf{case} \ t \ \mathsf{of} \ 0 \to t_1, (\mathsf{succ} \ x) \to t_2) \Rightarrow (\mathsf{case} \ t' \ \mathsf{of} \ 0 \to t_1', (\mathsf{succ} \ x) \to t_2') : A} \quad \text{CI_NCASE}
                                                                                          \frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_3 : A_1 \quad \Gamma \vdash t_2 \Rightarrow t_4 : A_2}{\Gamma \vdash (t_1, t_2) \Rightarrow (t_3, t_4) : A_1 \times A_2} \quad \text{CI\_PAIR}
```

$$\frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_2 : ?}{\Gamma \vdash \mathsf{fst} \, t_1 \Rightarrow \mathsf{fst} \, (\mathsf{split}_{(?\times?)} \, t_2) : ?} \quad \mathsf{CLFSTU}$$

$$\frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_2 : A_1 \times A_2}{\Gamma \vdash \mathsf{fst} \, t_1 \Rightarrow \mathsf{fst} \, t_2 : A_1} \quad \mathsf{CLFST}$$

$$\frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_2 : A_1 \times A_2}{\Gamma \vdash \mathsf{fst} \, t_1 \Rightarrow \mathsf{fst} \, t_2 : A_1} \quad \mathsf{CLFST}$$

$$\frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_2 : A \times B}{\Gamma \vdash \mathsf{snd} \, t_1 \Rightarrow \mathsf{snd} \, t_2 \mapsto \mathsf{fst} \, t_2 : B} \quad \mathsf{CLSND}$$

$$\frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_2 : A \times B}{\Gamma \vdash \mathsf{snd} \, t_1 \Rightarrow \mathsf{snd} \, t_2 \vdash \mathsf{fst}} \quad \mathsf{CLEMPTY}$$

$$\frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_1' : A_1 \quad \Gamma \vdash t_2 \Rightarrow t_2' : ?}{\Gamma \vdash (t_1 : t_2) \Rightarrow ((\mathsf{box}_{A_1} \, t_1') : (\mathsf{split}_{(\mathsf{list} \, ?)} \, t_2')) : \mathsf{List}?} \quad \mathsf{CLCONSU}$$

$$\frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_1' : A_1 \quad \Gamma \vdash t_2 \Rightarrow t_2' : \mathsf{List} \, A_2 \quad \mathsf{Caster}(A_1, A_2) = c}{\Gamma \vdash (t_1 : t_2) \Rightarrow ((\mathsf{box}_{A_1} \, t_1') : (\mathsf{split}_{(\mathsf{list} \, ?)} \, t_2')) : \mathsf{List}?} \quad \mathsf{CLCONSU}$$

$$\frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_1' : R_1 \quad \Gamma \vdash t_2 \Rightarrow t_2' : \mathsf{List} \, A_2 \quad \mathsf{Caster}(A_1, A_2) = c}{\Gamma \vdash (t_1 : t_2) \Rightarrow ((\mathsf{ct}'_1) : t_2') : \mathsf{List} \, A_2} \quad \mathsf{CLCONSU}$$

$$\frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_1' : R_1 \quad \Gamma \vdash t_2 \Rightarrow t_2' : \mathsf{List} \, A_2 \quad \mathsf{Caster}(A_1, A_2) = c}{\Gamma \vdash (t_1 : t_2) \Rightarrow ((\mathsf{ct}'_1) : t_2') : \mathsf{List} \, A_2} \quad \mathsf{CLCONSU}$$

$$\frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_1' : R_1 \quad \Gamma \vdash t_2 \Rightarrow t_2' : \mathsf{List} \, A_2 \quad \mathsf{Caster}(B_1, B) = c_1 \quad \mathsf{Caster}(B_2, B) = c_2}{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_1' : R_1 \quad \Gamma \vdash x : ? \; y : \mathsf{List} \, ? \vdash t_2 \Rightarrow t_2' : \mathsf{Lis} \, \Gamma \vdash B_1 \sim B \quad \Gamma \vdash B_2 \sim B}$$

$$\frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_1 : \mathsf{List} \, A \quad \mathsf{Caster}(B_1, B) = c_1 \quad \mathsf{Caster}(B_2, B) = c_2}{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_1' : R_1 \quad \Gamma \vdash x : A : \mathsf{List} \, A \quad \mathsf{List} \, t_2 : t_2' : B_2 \quad \Gamma \vdash B_1 \sim B \quad \Gamma \vdash B_2 \sim B}$$

$$\frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_1 : \mathsf{List} \, A \quad \mathsf{Caster}(B_1, B) = c_1 \quad \mathsf{Caster}(B_2, B) = c_2}{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_1' : R_1 \quad \Gamma \vdash x : A : \mathsf{List} \, t_2 : A_2 \quad \mathsf{Caster}(B_2, B) = c_2}$$

$$\frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_1' : R_1 \quad \Gamma \vdash x : A : \mathsf{List} \, t_1 : b_2 : A_2}{\Gamma \vdash (\mathsf{List} \, x : A : b_1 : b_2 : A_2} \quad \mathsf{CLLAM}$$

$$\frac{\Gamma \vdash t_1 \Rightarrow t_1' : R_1 \quad \Gamma \vdash x : A : \mathsf{List} \, A$$

Definition rules: 94 good 0 bad Definition rule clauses: 179 good 0 bad