<u>אלגוריתם מתקדם - מטלה 2</u>

מאור אופק 205683485 אלעזר פיין 315547158

 ניתן להשתמש באלגוריתם שמשתמש באלגוריתם שלמדנו בכיתה (DP) ע"י שינוי הערכים במערך: (הוספת מספר גדול M מספיק לכל הערכים, הוספה שלו N פעמים למערך וחיפוש אחר סכום חדש N (N'm).
אלגוריתם זה זהה בסיבוכיות (התוספת היא (O(n)).

האלגוריתם עובד (אם קיים סכום לתת קבוצה אז גם קיים סכום עם SHIFT לתת קבוצה עם SHIFT), אך לא הצלחנו לשחזר בדרך זו את תת הקבוצה שמצריך סעיף ג', לכן השתמשנו באלגוריתם אחר בסוף:

'אלגוריתם ב

1. נגדיר את הקבוצות B כסכום האיברים השליליים של קבוצה A, ו C סכום האיברים החיוביים של קבוצה A.

2. אם קיים Ai==s שמור את האיבר ותחזיר

:אחרת

נגדיר (FUNC(i,s נבדוק אם קיימת תת קבוצה שסכומם

- FALSE מתקיים שלכל B > S > C יהיה B > S > C. עבור
- . ונמלא בעזרת רקורסיה: n*(C-B) ניצור מטריצה בגודל

FUNC(1,S)=FUNC(i-1,S) OR (Ai==S) OR FUNC(i-1,S-Ai) i=2.....n עבור

למציאת תתי הקבוצות נמלא את הטבלה עם הדוגמא:

שחזור תת קבוצה

1.בעמודה S נעבור על כל האיברים עד שנמצא את ה TRUE הראשון בעמודה ונוסיף את איבר זה לרשימה, אם לא נמצא פשוט להחזיר FALSE (לא קיימת תת קבוצה).

2.נתחיל ב (i-1,s-Ai) אם הוא הראשון בעמודה נוסיף לתת קבוצה, אחרת נעבור על השורות עד שנמצא את הTRUE הראשון בעמודה.

3. אם Ai !=Si נחזור לשלב השני, אחרת נוסיף לתת קבוצה.

4.נחזיר את התת קבוצה.

סיבוכיות (O(n*(C-B)) שזה זמן מילוי המטריצה.

Ai/Si	-9	-8	- 7	- 6	- 5	- ⊿		- 2		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
9	F	F	F	F	F	F	F	F	F	T	F	F	F	F	F	F	F	F	T	F	F	F	F	F	F
-3	F	F	F	F	F	F	Τ	F	F	T	F	F	F	F	F	<u>7</u>	F	F	T	F	F	F	F	F	F
2	F	F	F	F	F	F	T	F	T	T	F	T	F	F	F	T	F	<u>T</u>	T	F	Т	F	F	F	F
4	F	F	F	F	F	F	Τ	F	T	T	T	T	T	T	F	T	F	T	T	Т	Т	<u> </u>	Т	F	T
-5	F	T	F	T	T	T	Τ	T	T	T	T	T	T	T	T	T	<u> </u>	T	T	Т	T	T	T	F	<i>T</i>
-1	Т	Т	Т	T	T	T	Τ	T	T	T	T	T	T	Т	Т	T	Т	T	T	Т	Т	T	Т	Т	T
	•	-	-	-	·		-			-		-						-	-	·	-	•	-		

תת קבוצה:

-5, 4, 2, -3, 9,

:אלגוריתם

סיבוכיות: (2 (min(k, m)

<u>נכונות</u>:

T[1..k] אנחנו בודקים כל אחת אם היא סיפא של p קיימים רק m קיימים רק m לכן אם קיימת רישא ל

state = 0, i = 1

$$\delta\left(1,B\right)=\delta\left(0,B\right)=1$$

$$\delta$$
 (1, *C*) = δ (0, *C*) = 0

$$state = \delta\left(0, P\left[2\right]\right) = \delta\left(0, A\right) = 0$$

state = 0, i = 2

$$\delta\left(2,A\right)=\delta\left(0,A\right)=0$$

$$\delta$$
 (2, *C*) = δ (0, *C*) = 0

$$state = \delta (0, P [3]) = \delta (0, B) = 1$$

state = 1, i = 3

$$\delta$$
 (3, A) = δ (1, A) = 2

$$\delta$$
 (3, *C*) = δ (1, *C*) = 0

$$state = \delta (1, P [4]) = \delta (1, B) = 1$$

state = 1, i = 4

$$\delta$$
 (4, *B*) = δ (1, *B*) = 1

$$\delta$$
 (4, *C*) = δ (1, *C*) = 0

$$state = \delta (1, P [5]) = \delta (1, A) = 2$$

state = 2, i = 5

$$\delta$$
 (5, A) = δ (2, A) = 0

$$\delta$$
 (5, *C*) = δ (2, *C*) = 0

$$state = \delta\left(2, P\left[6\right]\right) = \delta\left(2, B\right) = 3$$

state = 3, i = 6

$$\delta$$
 (6, A) = δ (3, A) = 2

$$\delta$$
 (6, *B*) = δ (3, *B*) = 4

$$state = \delta(3, P[7]) = \delta(3, C) = 0$$

state = 0, i = 7

$$\delta$$
 (7, *B*) = δ (0, *B*) = 1

$$\delta$$
 (7, *C*) = δ (0, *C*) = 0

$$state = \delta (0, P[8]) = \delta (0, A) = 0$$

state = 0, i = 8

$$\delta\left(8,A\right)=\delta\left(0,A\right)=0$$

$$\delta\left(8,\,C\right)=\delta\left(0,\,C\right)=0$$

$$state = \delta (0, P [9]) = \delta (0, B) = 1$$

state = 1, i = 9

$$\delta$$
 (9, A) = δ (1, A) = 2

$$\delta$$
 (9, *B*) = δ (1, *B*) = 1

$$\delta$$
 (9, *C*) = δ (1, *C*) = 0

טבלת מצבים:

states	а	b	С
0	0	1	0
1	2	1	0
2	0	3	0
3	2	4	0
4	5	1	0
5	0	6	0
6	2	4	7
7	8	1	0
8	0	9	0
9	2	1	0

ב.

T = "ABABABABBABCAA"

Т	А	В	А	В	Α	В	А	В	В	А	В	С	Α	А
state	0	1	2	3	2	3	2	3	4	5	6	7	8	0

ג.

אוטומט

_									
	•	_		_		_		_	_
	0 1	0	1	1	2	3		0	1
L	ŭ		_	_	_	Ŭ	ŭ	·	

טבלת הפעולות

0	1	2	3	2	3	2	3	4	5	6	7	8	0

.4

א.

סיבוכיות התוכנית (O(n) -

תוכנית זו יכולה לא למצוא מופע.

למשל עבור

P="abb"

T="ababb"

לא נמצא את מופע למרות שקיים.

l=1,

j=1

P[j]=T[i]

j!=m

i=2, j=2

i=2

j=2

P[j]=T[i]

j!=m

i=3, j=3

i=3

j=3

P[j]!=T[i]

i=4, j=1

i=4

۰		А
п	_	1
и	_	_

P[j]!=T[i]

i=5, j=1



j=1

P[j]!=T[i]

i=6, j=1

ב.

- O(mn) סיבוכיות התוכנית

תוכנית זו עלולה לא למצוא אף מופע למרות שיש.

למשל עבור

P="abb"

T="ababb"

לא נמצא את מופע למרות שקיים.

i=1

j=1

P[j]=T[i]

j! =m

i=2, j=2

i=2

j=2

P[j]=T[i]

j! =m

i=3, j=3

i=3

j=3

P[j]! =T[i]

i=4, j=1
i=4
j=1
P[j]! =T[i]
i=5, j=1
i=4
j=1
P[j]! =T[i]
i=6, j=1

ג.

סיבוכיות (MN)O

פה ימצאו כל המופעים.

תוכנית זו תמצא את כל המופעים.

X זה הפוינטר על איפה נמצאים, אם נתקל בדפוס לא נכון נחזור למקום 1+K ונמשיך משם שוב(נאפס את LJ), משמע לא נדלג על שום מידע גם בעת נמצא דפוס נכון נחזור ל 1+K ונדע שמצאנו, אפשר לראות את זה על דוגמא (עשינו משהו ממש דומה בכיתה)

P= "aba"

T="ababa"