



# Claves XML: Una Implementación de Algoritmos de Implicación y Validación

**Emir F. Muñoz Jiménez**

Departamento de Ingeniería Informática  
Universidad de Santiago de Chile

Examen de Grado

Dr. Mauricio Marín - Dr. Flavio Ferrarotti

Lunes 30 de mayo de 2011



# Introducción

## Claves XML



- Las claves son fundamentales para la administración de bases de datos (**independiente del modelo usado** )
- En la última década, varias nociones de claves han sido propuestas
  - La más popular es la propuesta de Buneman et al., 2002 y 2003 basada en un árbol XML
- Las claves identifican nodos en árboles XML, en base a los valores de los nodos descendientes
- Su expresividad y propiedades computacionales han sido analizadas en la teoría



# Introducción

## Claves XML (cont.)

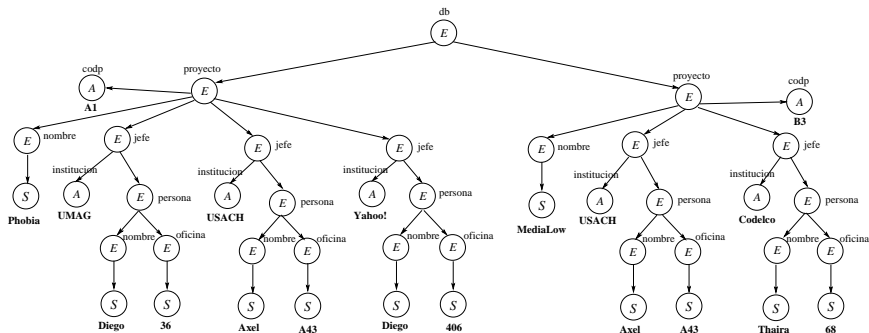


- Tanto la industria como la academia han reconocido la importancia de las claves en la administración de datos XML
- Por otro lado, en la práctica, las nociones de expresividad de las claves XML han sido **ignoradas**
- Se espera que las claves XML sean **tan útiles como en el modelo relacional**
- Así, las claves tendrán gran potencial en áreas como: diseño de esquemas, optimización de consultas, almacenamiento y actualización, intercambio de datos e integración



# Introducción

## Claves XML (cont.)

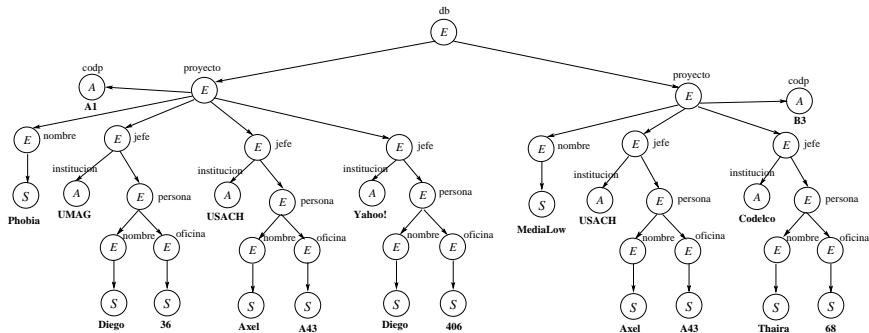


Un nodo *proyecto* es identificado por *codp* en todo el documento

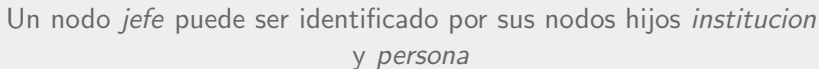


# Introducción

## Claves XML (cont.)



Un nodo *jefe* puede ser identificado por *institucion*, relativo a un nodo *proyecto*





# Introducción

## Claves XML (cont.)



### Claves definidas

- (a). Un nodo *proyecto* es identificado por *codp* en todo el documento (**Clave Absoluta**)
- (b). Un nodo *jefe* puede ser identificado por *institucion*, relativo a un nodo *proyecto* (**Clave Relativa**)
- (c). Un nodo *jefe* puede ser identificado por sus nodos hijos *institucion* y *persona* (**Clave Relativa**)

### Nótese que

Hay claves que implican otras claves. Como la clave (b) que implica la (c). (**superclave**)



# Introducción

## Claves XML (cont.)



### Claves definidas

- (a). Un nodo *proyecto* es identificado por *codp* en todo el documento (**Clave Absoluta**)
- (b). Un nodo *jefe* puede ser identificado por *institucion*, relativo a un nodo *proyecto* (**Clave Relativa**)
- (c). Un nodo *jefe* puede ser identificado por sus nodos hijos *institucion* y *persona* (**Clave Relativa**)

### Nótese que

Hay claves que implican otras claves. Como la clave (b) que implica la (c). (**superclave**)





# Introducción

## Claves XML (cont.)



### Es importante investigar las claves XML

Las claves XML tienen un gran potencial para áreas como:

- Diseño de esquemas
- Optimización y reescritura de consultas
- Almacenamiento y actualización de datos
- Intercambio e integración de datos
- Indexación



# Introducción

## Claves XML (cont.)



### ¿Qué se ha hecho en el área?

- Propuestas de definición de restricciones en XML  
[Arenas et al., 2002, Fan, 2005, Fan and Siméon, 2003, Fan and Libkin, 2002, Suciu, 2001, Vianu, 2003]
- Las principales son las claves absolutas y relativas  
[Buneman et al., 2002, Buneman et al., 2003]
  - Se estudia el problema de implicación de claves XML  
[Buneman et al., 2002, Buneman et al., 2003]
  - Se logra un algoritmo  $\mathcal{O}(n^7)$
- El conjunto de reglas presentadas no era válido  
[Hartmann and Link, 2009]
- Se propone un nuevo algoritmo  $\mathcal{O}(n^2)$ , para un fragmento de claves
- Es un área de investigación con gran complejidad teórica



# Contribuciones



- Disminuir la brecha entre teoría y práctica de las claves XML
- Las contribuciones realizadas por este trabajo son:
  - (i). Una **implementación** eficiente para un algoritmo de implicación de claves XML, propuesto en [Hartmann and Link, 2009]
  - (ii). El **diseño e implementación** de un algoritmo de validación de documentos contra claves XML.
  - (iii). El **diseño e implementación** de un algoritmo para calcular *covers* no redundantes.



# Objetivo General



El presente trabajo tuvo como objetivo general:

Demostrar empíricamente las capacidades semánticas que entregan las claves XML, mediante el desarrollo de *software* para los problemas de implicación y validación, para las claves definidas por [Buneman et al., 2003], y estudiadas en [Hartmann and Link, 2009].



# Marco Teórico

## Modelo de Árbol XML



- $\mathbf{E}$  denota el conjunto de **etiquetas de elementos**
- $\mathbf{A}$  denota el conjunto de **nombres de atributos**
- $S$  el conjunto unitario que denota **texto (PCDATA)**
- Sea  $\mathcal{L} = \mathbf{E} \cup \mathbf{A} \cup \{S\}$ , el conjunto de **etiquetas**

### Definición

*Un árbol XML es una 6-tupla  $T = (V, lab, ele, att, val, r)$*



# Marco Teórico

## Modelo de Árbol XML



- $\mathbf{E}$  denota el conjunto de **etiquetas de elementos**
- $\mathbf{A}$  denota el conjunto de **nombres de atributos**
- $S$  el conjunto unitario que denota **texto (PCDATA)**
- Sea  $\mathcal{L} = \mathbf{E} \cup \mathbf{A} \cup \{S\}$ , el conjunto de **etiquetas**

### Definición

*Un árbol XML es una 6-tupla  $T = (V, lab, ele, att, val, r)$*



# Marco Teórico

## Modelo de Árbol XML (cont.)



- Un *camino* en un árbol XML  $T$  es una secuencia finita  $v_0, \dots, v_m$ , tal que  $(v_{i-1}, v_i)$  es una arista de  $T$  para todo  $i = 1, \dots, m$
- El camino  $p$  determina una palabra  $lab(v_1), \dots, lab(v_m)$  sobre el alfabeto  $\mathcal{L}$
- Se llama  $p$  a un camino desde  $v_0$  hasta  $v_m$ , y se dice que  $v_m$  es *alcanzable* desde  $v_0$
- Para cada nodo  $v \in V$ , un nodo  $w$  alcanzable desde  $v$  es llamado *descendiente* de  $v$



# Marco Teórico

## Igualdad en Valor



Dos nodos  $u$  y  $v$  se consideran **iguales en valor** ( $u =_v v$ ) si:

- (a)  $lab(u) = lab(v)$ ,
- (b) si  $u, v$  son nodos atributo o texto, entonces  $val(u) = val(v)$ ,
- (c) si  $u, v$  son nodos elemento, entonces:
  - (i) si  $att(u) = \{a_1, \dots, a_m\}$ , entonces  $att(v) = \{a'_1, \dots, a'_m\}$  y existe una permutación  $\pi$  sobre  $\{1, \dots, m\}$  tal que  $a_i =_v a'_{\pi(i)}$  para  $i = 1, \dots, m$ , y
  - (ii) si  $ele(u) = [u_1, \dots, u_k]$ , entonces  $ele(v) = [v_1, \dots, v_k]$  y  $u_i =_v v_i$  para  $i = 1, \dots, k$ .

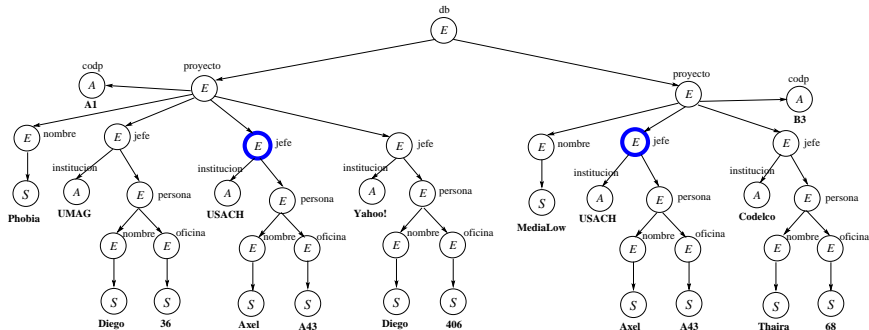
Determinar **isomorfismo entre subárboles**





# Marco Teórico

## Igualdad en Valor (cont.)



Nodos *jefe*, correspondientes a **Axel** con oficina **A43** son iguales en valor



# Marco Teórico

## Expresiones de Camino

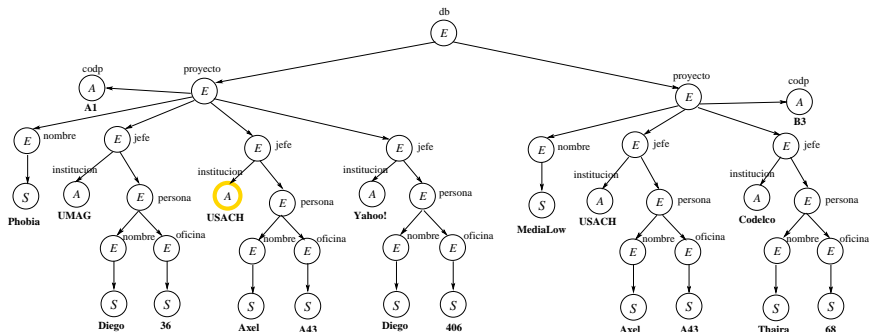


- Se construyen usando las etiquetas de los nodos como alfabeto, describiendo una secuencia de aristas padre-hijo
- Definimos un lenguaje  $PL$  a partir de la gramática
$$Q \rightarrow \ell \mid \varepsilon \mid Q.Q \mid _*$$
- donde  $\ell \in \mathcal{L}$  es alguna etiqueta,  $\varepsilon$  la palabra vacía, “.” el operador concatenación, y “\_\*” el comodín
- Por ejemplo, una expresión de camino puede ser *proyecto.jefe.persona.nombre*



# Marco Teórico

## Expresiones de Camino (cont.)

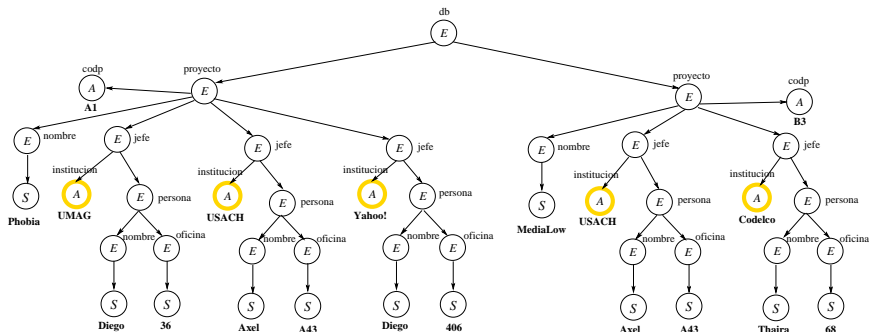


- Para los nodos  $v, w \in V$ , escribimos  $T \models Q(v, w)$  si  $w$  es alcanzable desde  $v$ , siguiendo un camino- $Q$  en  $T$
- Si el camino- $Q$  fuese *proyecto.jefe.institucion* y  $v$  el nodo raíz



# Marco Teórico

## Expresiones de Camino (cont.)



- Para un nodo  $v \in V$ , sea  $v[Q]$  el conjunto de nodos en  $T$  alcanzables desde  $v$  siguiendo un camino- $Q$
- Si el camino- $Q$  fuese *proyecto.jefe.institucion* y  $v$  el nodo raíz



# Marco Teórico

## Expresiones de Camino (cont.)



- Denotamos  $PL_s$  al subconjunto de expresiones  $PL$  que contienen todas las palabras sobre el alfabeto  $\mathcal{L}$  (no contienen comodines)
- $Q \in PL$  es *válida* si no posee etiquetas  $\ell \in \mathbf{A}$  o  $\ell = S$  en una posición que no sea la última
- Para los nodos  $v$  y  $v'$  de un árbol XML  $T$ , la *intersección en valor* de  $v[Q]$  y  $v'[Q]$  es dada por  $v[Q] \cap_v v'[Q] = \{(w, w') \mid w \in v[Q], w' \in v'[Q], w =_v w'\}$



### Definición (Clave XML)

Una clave XML  $\varphi$  en una clase  $\mathcal{K}(PL_1, PL_2, PL_3)$  de claves XML, es una expresión de la forma  $(Q, (Q', \{Q_1, \dots, Q_k\}))$  donde,

- $Q$  es una expresión  $PL_1$  (Camino Contexto)
- $Q'$  es una expresión  $PL_2$  (Camino Objetivo)
- Para  $1 \leq i \leq k$ ,  $Q_i$  es una expresión  $PL_3$  (Caminos Clave)
- Tal que  $Q.Q'.Q_i$  es una expresión válida
- Si  $Q = \varepsilon$ ,  $\varphi$  es absoluta; en otro caso,  $\varphi$  es relativa



# Marco Teórico

## Claves para XML (cont.)



- Un árbol XML  $T$  *satisface* una clave  $(Q, (Q', \{Q_1, \dots, Q_k\}))$  si y sólo si, para todo nodo  $q \in \llbracket Q \rrbracket$  y todo par de nodos  $q'_1, q'_2 \in q \llbracket Q' \rrbracket$ , tal que existen los nodos  $x_i \in q'_1 \llbracket Q_i \rrbracket$ ,  $y_i \in q'_2 \llbracket Q_i \rrbracket$ , con  $x_i =_v y_i$  para todo  $i = 1, \dots, k$ , se tiene que  $q'_1 = q'_2$
- Se trabajó concretamente con la clase  $\mathcal{K}(PL, PL, PL_s^+)$  de claves XML mostrada en [Hartmann and Link, 2009]
- Esta clase representa un buen balance entre expresividad de claves XML y complejidad de su problema de implicación
- Donde “+” indica que el conjunto de caminos clave es finito y no vacío



## Formalización de claves

En particular, las claves descritas informalmente en la introducción, pertenecen a esta clase y pueden ser expresadas como:

- Clave (a):  $(\varepsilon, (\textit{proyecto}, \{\textit{codp}\}))$
- Clave (b):  $(\textit{proyecto}, (\textit{jefe}, \{\textit{institucion}\}))$
- Clave (c):  $(\textit{proyecto}, (\textit{jefe}, \{\textit{institucion}, \textit{persona}\}))$





# Marco Teórico

## Implicación de claves y Axiomatización



- Decimos que  $\Sigma$  implica  $\varphi$ , denotado  $\Sigma \models \varphi$ , si todo árbol XML  $T$  que satisface toda  $\sigma \in \Sigma$  también satisface  $\varphi$
- El **problema de implicación** es decidir para algún conjunto de claves  $\Sigma \cup \{\varphi\}$  en una clase  $\mathcal{C}$ , si  $\Sigma \models \varphi$
- Definimos **clausura semántica** como:  $\Sigma^* = \{\varphi \in \mathcal{C} \mid \Sigma \models \varphi\}$
- Definimos **clausura sintáctica** como:  $\Sigma_{\mathfrak{R}}^+ = \{\varphi \mid \Sigma \vdash_{\mathfrak{R}} \varphi\}$
- Un conjunto de reglas  $\mathfrak{R}$  es *válido (completo)* si  $\Sigma_{\mathfrak{R}}^+ \subseteq \Sigma^* (\Sigma^* \subseteq \Sigma_{\mathfrak{R}}^+)$
- A un conjunto válido y completo de reglas se le llama *axiomatización*



# Implicación de Claves XML

Mini-tree y Witness-graph [Hartmann and Link, 2009]

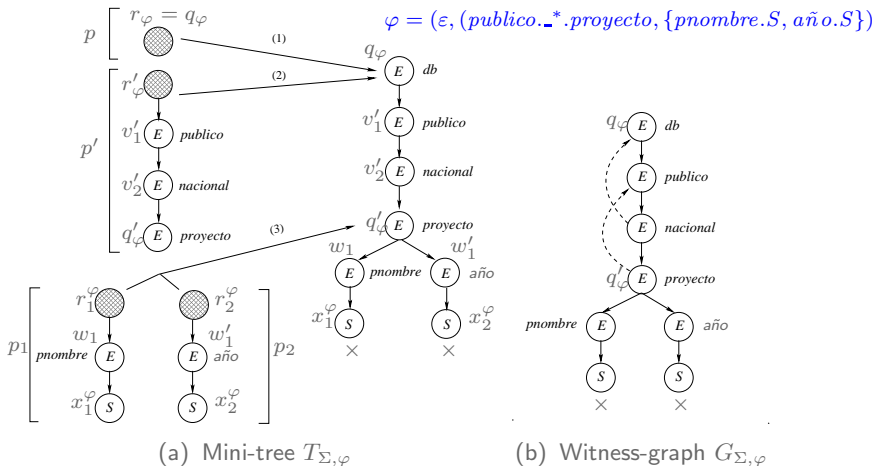


Figure: Herramientas de la implicación.



# Implicación de Claves XML

Algoritmo de Implicación de claves XML




---

## Algoritmo 1: $\Sigma \models \varphi$ : Implicación de claves XML

---

**Entrada:** Conjunto finito de claves XML  $\Sigma \cup \{\varphi\}$  en  $\mathcal{K}(PL, PL, PL_s^+)$

**Salida** : Sí, si  $\Sigma \models \varphi$ ; No, en otro caso

- 1 Construir  $G_{\Sigma, \varphi}$  para  $\Sigma$  y  $\varphi$ ;
  - 2 **if**  $q_\varphi$  es alcanzable desde  $q'_\varphi$  en  $G_{\Sigma, \varphi}$  **then**
  - 3     **return** si;
  - 4 **else**
  - 5     **return** no;
-



# Implicación de Claves XML



## Teorema ([Hartmann and Link, 2009])

*Sea  $\Sigma \cup \{\varphi\}$  un conjunto finito de claves en la clase  $\mathcal{K}(PL, PL, PL_s^+)$ . Se tiene que  $\Sigma \models \varphi$  si y sólo si,  $q_\varphi$  es alcanzable desde  $q'_\varphi$  en  $G_{\Sigma, \varphi}$ .*

## Teorema ([Hartmann and Link, 2009])

*Sea  $\Sigma \cup \{\varphi\}$  un conjunto finito de claves XML en  $\mathcal{K}(PL, PL, PL_s^+)$ . El problema de implicación  $\Sigma \models \varphi$  se puede decidir en tiempo  $\mathcal{O}(|\varphi| \times (||\Sigma|| + |\varphi|))$ .*



# Implicación de Claves XML

## Implementación



- Definir estructuras de datos para representar un grafo (árbol)
  - Listas de adyacencia
- Definir un algoritmo de alcanzabilidad, en base a una búsqueda en profundidad
  - Se ejecuta en tiempo lineal, en el número de aristas de  $G_{\Sigma, \varphi}$
- Se logra una implementación que puede decidir el problema de implicación  $\Sigma \models \varphi$  en tiempo  $\mathcal{O}(|\varphi| \times (\sum_{\sigma_i \in \Sigma} |\sigma_i| \times |\varphi|))$



# Implicación de Claves XML

## Implementación (cont.)

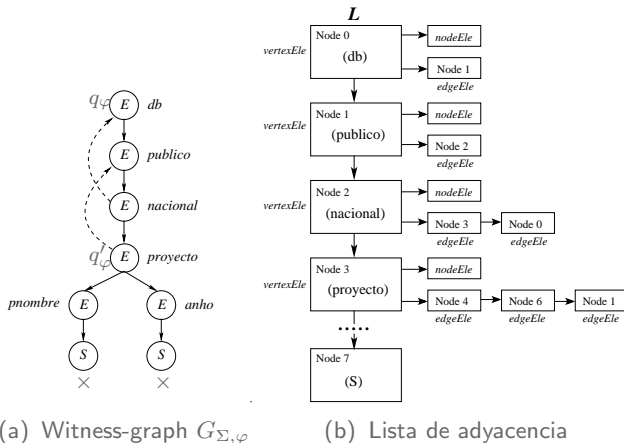


Figure: Representación mediante listas de adyacencia.



# Validación de documentos contra claves XML

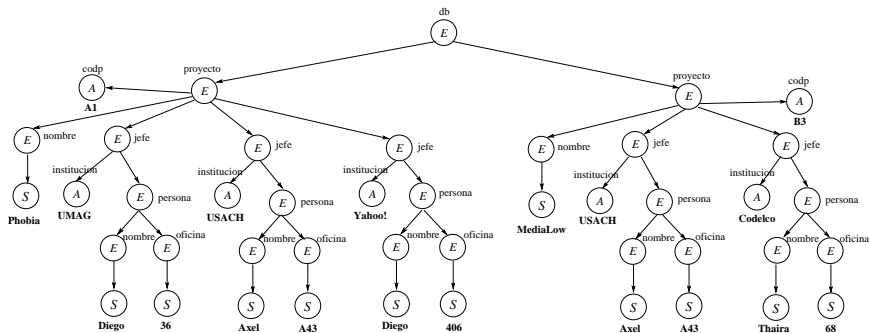
## Estrategia

- Algoritmos rápidos para la validación de claves son cruciales para asegurar la consistencia de los datos en el intercambio [Arenas and Libkin, 2008]
- La estrategia es traducir el problema de validación al problema de satisfacción de claves en un árbol XML
- Se busca la primera intersección en valor no vacía
- En particular, nuestro algoritmo funciona con igualdad en valor **no limitada a texto**
- Proponemos transformar las claves en  $\Sigma$  en expresiones XPath, las que se aplican sobre un árbol XML (DOM)
- Útil para verificar la optimización con *covers* no-redundantes



# Validación de documentos contra claves XML

## Algoritmo de Validación de documentos XML



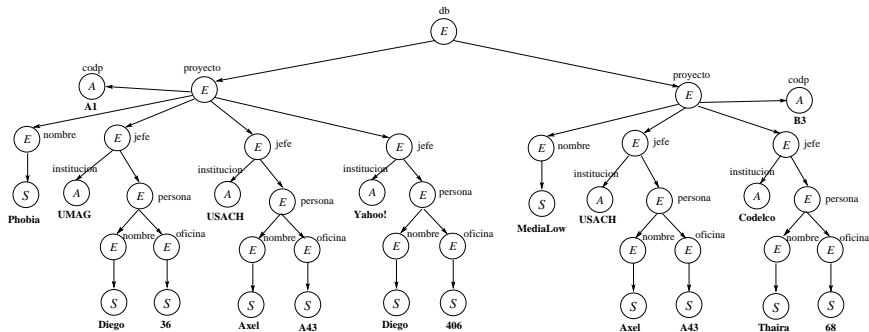
La clave  $(\varepsilon, (\text{proyecto}, \{\text{codp}\}))$  es satisfecha por el árbol XML  $T$





# Validación de documentos contra claves XML

Algoritmo de Validación de documentos XML (cont.)

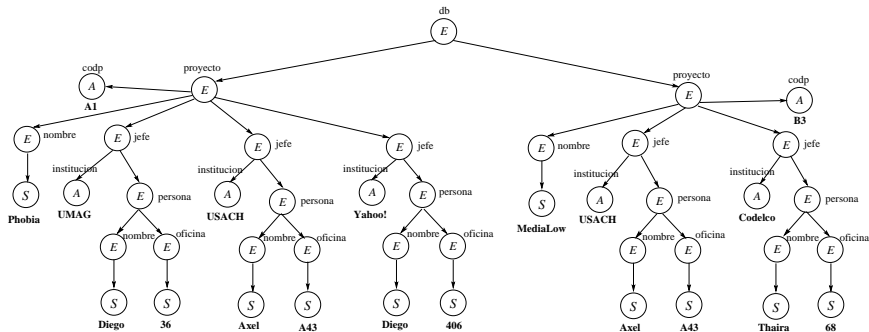


La clave  $(\epsilon, (-*.persona, \{nombre.S, oficina.S\}))$  **no es satisfecha** por el árbol XML T



# Validación de documentos contra claves XML

## Algoritmo de Validación de documentos XML (cont.)



La clave  $(\epsilon, (\text{proyecto}.*.\text{persona}, \{\text{nombre}.S, \text{oficina}.S\}))$  **no es**  
**satisfecha** por el árbol XML  $T$



# Validación de documentos contra claves XML

## Implementación

- Usando Java SDK y la biblioteca `javax.xml.parsers.*`
- Se obtiene una estructura utilizando la biblioteca `org.w3c.dom`
- Para las consultas XPath se utiliza la biblioteca `javax.xml.xpath.*`

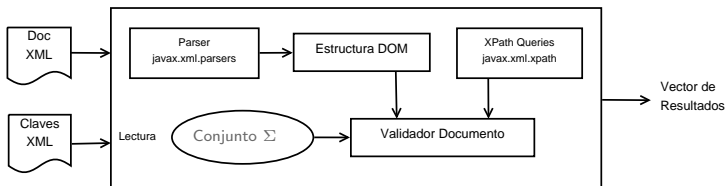


Figure: Arquitectura del validador.



# Conjuntos Cover no-redundantes

## Definiciones



### Definición (Equivalencia)

Dos conjuntos  $\Sigma_1$  y  $\Sigma_2$  de claves XML son **equivalentes**, denotado  $\Sigma_1 \equiv \Sigma_2$ , si  $\Sigma_1^* = \Sigma_2^* \Rightarrow$  ambos son **cover** del otro.

### Definición (No-redundante)

Un conjunto  $\Sigma_2$  de claves XML es **no-redundante** si no hay un subconjunto equivalente.  $\Sigma_2$  es un **cover no-redundante** para un conjunto  $\Sigma_1$ , si  $\Sigma_2$  es no-redundante y cover para  $\Sigma_1$ .



# Conjuntos Cover no-redundantes

## Caracterización



### ¿Podemos utilizar la implicación de claves?

- $\Sigma$  es no-redundante si no hay una clave  $\psi$  en  $\Sigma$  tal que  $\Sigma - \{\psi\} \models \psi$
- Si  $\Sigma_1$  es redundante, entonces existe una clave  $\psi$  que puede ser descartada, obteniendo  $\Sigma_2 = \Sigma_1 - \{\psi\}$
- Si  $\Sigma_2$  es redundante, entonces existe una clave  $\phi$  que puede ser descartada, obteniendo  $\Sigma_3 = \Sigma_2 - \{\phi\}$
- etc. . .
- Nótese, que  $\Sigma_3^* = \Sigma_2^* = \Sigma_1^*$



# Conjuntos Cover no-redundantes

## Caracterización



### ¿Podemos utilizar la implicación de claves?

- $\Sigma$  es no-redundante si no hay una clave  $\psi$  en  $\Sigma$  tal que  $\Sigma - \{\psi\} \models \psi$
- Si  $\Sigma_1$  es redundante, entonces existe una clave  $\psi$  que puede ser descartada, obteniendo  $\Sigma_2 = \Sigma_1 - \{\psi\}$
- Si  $\Sigma_2$  es redundante, entonces existe una clave  $\phi$  que puede ser descartada, obteniendo  $\Sigma_3 = \Sigma_2 - \{\phi\}$
- etc. . .
- Nótese, que  $\Sigma_3^* = \Sigma_2^* = \Sigma_1^*$



# Conjuntos Cover no-redundantes

Algoritmo cálculo de Covers no-redundantes




---

## Algoritmo 2: Cálculo de covers no-redundantes

---

**Entrada:** Conjunto finito  $\Sigma$  de claves XML en  $\mathcal{K}(PL, PL, PL_s^+)$

**Salida** : Un cover no-redundante para  $\Sigma$

```

1   $\Theta = \Sigma;$ 
2  foreach clave  $\psi \in \Sigma$  do
3      if  $\Theta - \{\psi\} \models \psi$  then
4           $\Theta = \Theta - \{\psi\};$ 
5  return  $\Theta;$ 
  
```

---



# Conjuntos Cover no-redundantes

Teorema definido



A partir de lo anterior, obtenemos el siguiente resultado:

## Teorema

*Un conjunto cover no-redundante para  $\Sigma$  puede ser calculado en tiempo  $\mathcal{O}(|\Sigma| \times (\max\{|\psi| : \psi \in \Sigma\})^2)$*





# Conjuntos Cover no-redundantes

## Implementación

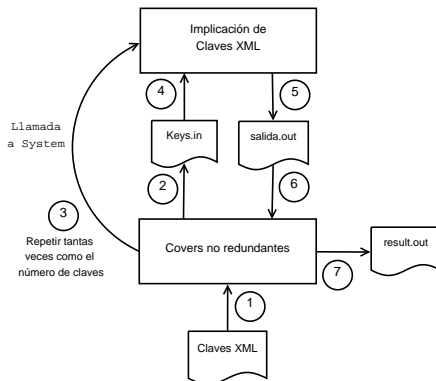
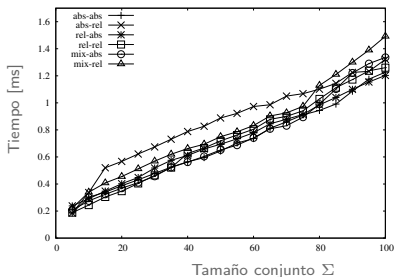


Figure: Flujo del cálculo de *covers* no-redundantes.

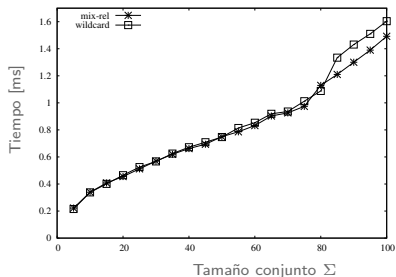


# Resultados Experimentales

## Experimentos de Implicación



(a) Casos de implicación de claves



(b) Efecto de los comodines

**Figure:** Performance de la implicación de claves XML.



# Resultados Experimentales

## Experimentos de Cover no-redundantes

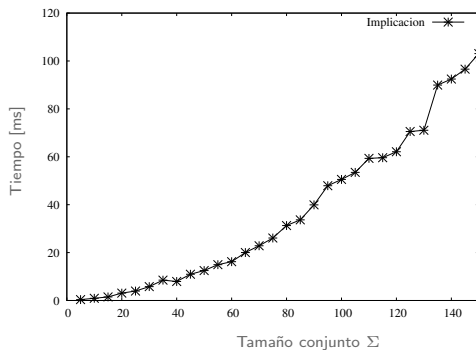
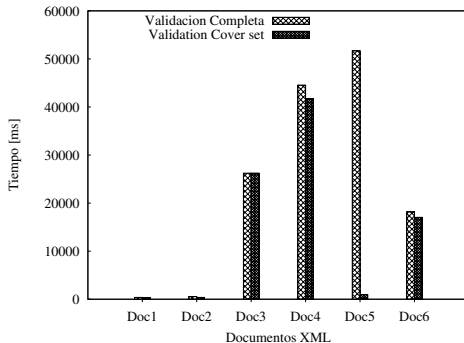


Figure: *Performance del cálculo de covers no-redundante.*



# Resultados Experimentales

## Validación contra Covers no-redundantes



### Documentos XML

- 321gone
- Yahoo
- DBLP
- Nasa
- SIGMOD Record
- Mondial

Figure: Performance de la validación de documentos.



# Conclusiones y Trabajos Futuros I



- Este trabajo tuvo como objetivo principal demostrar que existen clases expresivas, no sólo tratables en la teoría, sino también en la práctica
- Estudiamos un fragmento significativo de claves XML
- Su algoritmo de implicación cuadrático en teoría, es rápido y escala bien en la implementación
- Estudiamos las consecuencias de decidir eficientemente la implicación de claves en la gestión de bases de datos XML
- Implementamos y evaluamos el algoritmo de implicación de claves en  $\mathcal{K}(PL, PL, PL_s^+)$
- Diseñamos, implementamos y evaluamos un algoritmo para validación de documentos, que respete la igualdad valor definida por [Buneman et al., 2002, Buneman et al., 2003]



# Conclusiones y Trabajos Futuros II



- Diseñamos, implementamos y evaluamos un método de optimización del proceso de validación de documentos XML, en base a conjuntos cover no redundantes
- Este método puede reducir significativamente el número de claves, traduciéndose en una enorme reducción en el tiempo de validación
- El tiempo de cálculo de un cover es una fracción del tiempo de validación contra una sola clave
- El algoritmo para calcular covers no depende del fragmento aquí estudiado
- Planeamos extender nuestros estudios para otros fragmentos expresivos de claves XML; y estudiar el uso de estructuras compactas para reducir el espacio de memoria

- 



**YAHOO!**  
RESEARCH





# Referencias I



Arenas, M., Fan, W., and Libkin, L. (2002).

What's Hard about XML Schema Constraints?

In *Proceedings of the 13th International Conference on Database and Expert Systems Applications, DEXA '02*, pages 269–278, London, UK, UK. Springer-Verlag.



Arenas, M. and Libkin, L. (2008).

XML data exchange: Consistency and query answering.

*J. ACM*, 55:7:1–7:72.



Buneman, P., Davidson, S. B., Fan, W., Hara, C. S., and Tan, W. C. (2002).

Keys for XML.

*Computer Networks*, 39(5):473–487.



Buneman, P., Davidson, S. B., Fan, W., Hara, C. S., and Tan, W. C. (2003).

Reasoning about keys for XML.

*Inf. Syst.*, 28(8):1037–1063.



Fan, W. (2005).

XML Constraints: Specification, Analysis, and Applications.

In *DEXA Workshops*, pages 805–809. IEEE Computer Society.



Fan, W. and Libkin, L. (2002).

On XML integrity constraints in the presence of DTDs.

*J. ACM*, 49(3):368–406.



Fan, W. and Siméon, J. (2003).

Integrity constraints for XML.

*J. Comput. Syst. Sci.*, 66(1):254–291.





Efficient Reasoning about a Robust XML Key Fragment.  
*ACM Trans. Database Syst.*, 34(2).



On database theory and XML.  
*SIGMOD Rec.*, 30(3):39–45.

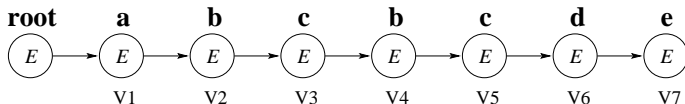


A Web odyssey: from codd to XML.  
volume 32, pages 68–77.



GRACIAS POR SU ATENCIÓN

Emir F. Muñoz Jiménez  
[emir.munozj@usach.cl](mailto:emir.munozj@usach.cl)



- Se tiene que  $T$  satisface la clave absoluta  $\sigma = (\varepsilon, (a._*.b.c._*.d, \{e\}))$ , pero no satisface la clave absoluta  $\varphi = (\varepsilon, (a._*.b, \{c._*.d.e\}))$
- Ya que  $v_2, v_4 \in \llbracket a._*.b \rrbracket$ ,  $v_2 \neq v_4$  y  $v_2 \llbracket c._*.d.e \rrbracket \cap_v v_4 \llbracket c._*.d.e \rrbracket = \{(v_7, v_7)\}$
- Esto es,  $\varphi$  no es implicada por  $\sigma$
- Sin embargo,  $\varphi$  puede ser inferida a partir de  $\sigma$  usando la regla subnodos definida en [Buneman et al., 2003]



- Nuestra implementación del algoritmo de implicación, puede ser utilizada en el contexto de mining de claves XML
- No considerando las claves trivialmente satisfechas
- Si una clave  $\varphi$  es extraída desde un conjunto de claves  $\Sigma$
- Y se tiene que un conjunto  $D$  de documentos, satisface todas las claves en el conjunto  $\Sigma$
- Si  $\Sigma \models \varphi$ , entonces  $\varphi$  es satisfecha por todos los  $d_i \in D$
- Sin necesidad de validar cada documento contra la clave  $\varphi$  descubierta