Grundlagen der Künstlichen Intelligenz

8 PL-1-Inferenz und Situationskalkül für logische Agenten

Modus Ponens und Resolution in PL-1, Kontrollstrategien, Situationskalkül, Modellierung von Aktionen, Zeit und Raum

Volker Steinhage

Inhalt

- Generalisierter Modus Ponens
- Forward Chaining und Backward Chaining
- Binäre Resolution und Faktorisierung
- Vollständige Resolution
- Logische Agenten für die WUMPUS-Welt
- Situationskalkül
 - Beschreibungen von Aktionen: das Rahmenproblem
 - Modellierung von Raum und Bewegungen
 - Kausale & diagnostische Regeln
 - Aktionsauswahl

Wiederholung: Generalized Modus Ponens (GMP)

Mit Hilfe der Unifikation können wir den Generalisierten Modus Ponens als Inferenzmethode für die Prädikatenlogik nutzen:

Beispiel-KB in KNF:

```
King(x) \land Greedy(x) \Rightarrow Evil(x) { -King(x), -Greedy(x), Evil(x) }, King(john) { King(john) }, Greedy(y) { Greedy(y) }, Greedy(y) }
```

Satz: Auf prädikatenlogischen definiten Klauselmengen arbeitet der verallgemeinerte Modus Ponens korrekt, vollständig und effizient:

$$\frac{p_1', p_2', \dots, p_n', (p_1 \land p_2 \land \dots \land p_n \Rightarrow q)}{q\theta} \quad \text{mit } p_i' \theta = p_i \theta \text{ für alle } i.$$

```
Beispiel: p_1' ist King(john) p_1 ist King(x) p_2' ist Greedy(y) p_2 ist Greedy(x) q ist q is q in q is q in q is q in q is q is
```

Strategien für GMP

Geg. sei: *GMP* als Inferenzoperation, Wissensbasis *KB*, Anfrage *q*.

Frage: welche Strategie ist einzusetzen, um q aus KB effizient abzuleiten?

Für die Diskussion dazu dient das folg. Beispiel.

Wissensbasis *KB* informell:

The law says that it is a crime for an American to sell weapons to hostile nations. The country Nono, an enemy of America, has some missiles, and all of its missiles were sold to it by Colonel West, who is American.

Anfrage bzw. Behauptung q:

Prove that Colonel West is a criminal

Beispiel für GMP

... it is a crime for an American to sell weapons to hostile nations:

```
\longrightarrow American(x) \land Weapon(y) \land Sells(x, y, z) \land Hostile(z) \Rightarrow Criminal(x)
```

Nono ... has some missiles, i.e., $\exists x \ Owns(Nono, x) \land Missile(x)$:

```
→ Owns(Nono,M1), Missile(M1)
```

... all of its missiles were sold to it by Colonel West

$$\longrightarrow$$
 Missile(x) \land Owns(Nono, x) \Rightarrow Sells(West, x, Nono)

Missiles are weapons:

$$\longrightarrow$$
 Missile(x) \Rightarrow *Weapon(x)*

An enemy of America counts as "hostile":

$$\longrightarrow$$
 Enemy(x, America) \Rightarrow Hostile(x)

West, who is American ...

The country Nono, an enemy of America ...



Einfache Vorwärtsableitung mit GMP (1)

Prinzip der Vorwärtsableitung:

von den Fakten der Wissensbasis zur Anfrage!

Genauer:

First-order logic forward chaining

Die Funktion FOL-FC-ASK mit

- Eingabe: Wissensbasis KB und atomare Aussage α als Anfrage
- Ausgabe: Unifizierende Substitution oder false
- Prozess: iterative Anwendung der Regelklauseln auf Faktenklauseln solange, bis Anfrage α abgeleitet wird oder keine neuen Ableitungen erzeugbar sind.
- Prinzip der Breitensuche.

Einfache Vorwärtsableitung mit GMP (2)

function FOL-FC-ASK(KB, α) **returns** a substitution or false

inputs: KB, the knowledge base, a set of <u>first-order definite clauses</u>

 α , the query, an atomic sentence

local variables: new, the new sentence inferred on each iteration

```
repeat until new is empty
                                                                                   Suche in KB die p_i^{\iota},
                                                                                        die zu den
  new \leftarrow \{\}
                                                      Standardisierung
                                                                                  Prämissenanteilen p<sub>i</sub>
   for each sentence r in KB do
                                                                                   der Regel r passen
      (p_1 \land p_2 \land \ldots \land p_n \Rightarrow q) \leftarrow \mathsf{STANDARDIZE}\text{-APART}(r)
      for each \theta such that SUBST(\theta, p_1 \land p_2 \land \ldots \land p_n) = \text{SUBST}(\theta, p_1' \land p_2' \land \ldots \land p_n')
               for some p'_1, p'_2, \ldots, p'_n in KB
         q' \leftarrow \mathsf{SUBST}(\theta, q)
         if q' is not a renaming of some sentence already in KB or new then do
               add q' to new
               if \phi is not fail then return \phi
   add new to KB
```

return false

Beweis mit einfacher Vorwärtsableitung (1)



American(West)

Missile(M1)

Owns(Nono, MI)

Enemy(Nono,America)

```
American(West), Missile(M1), Owns(Nono, M1), Enemy(Nono, America),

American(x) \land Weapon(y) \land Sells(x, y, z) \land Hostile(z) \Rightarrow Criminal(x),

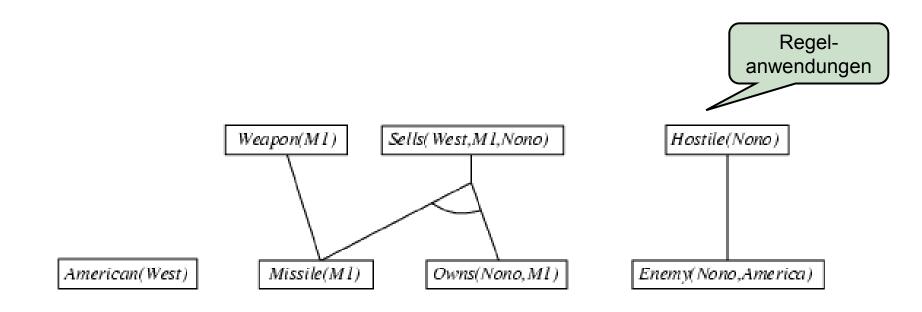
Missile(x) \land Owns(Nono, x) \Rightarrow Sells(West,x,Nono),

Missile(x) \Rightarrow Weapon(x),

Enemy(x, America) \Rightarrow Hostile(x).

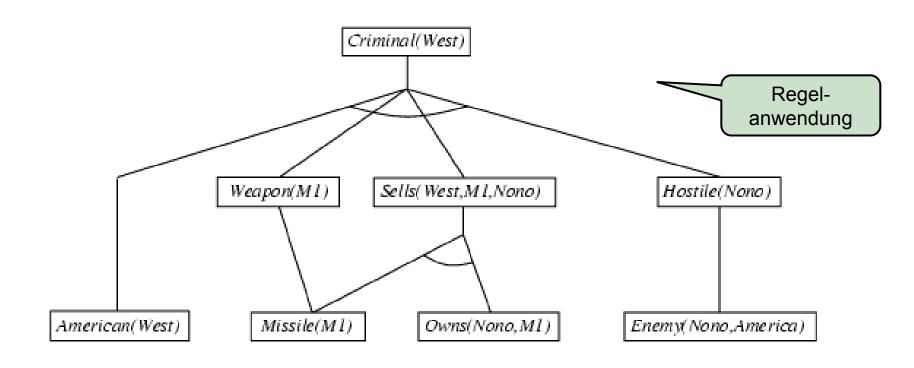
\alpha = Criminal(West)
```

Beweis mit einfacher Vorwärtsableitung (2)



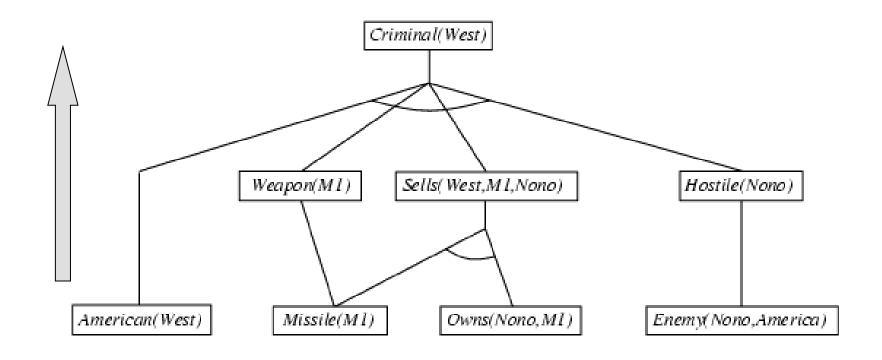
American(West), Missile(M1), Owns(Nono, M1), Enemy(Nono, America), American(x) \land Weapon(y) \land Sells(x, y, z) \land Hostile(z) \Rightarrow Criminal(x), Missile(x₁) \land Owns(Nono, x₁) \Rightarrow Sells(West,x₁,Nono), Missile(x₂) \Rightarrow Weapon(x₂), Enemy(x₃, America) \Rightarrow Hostile(x₃). α = Criminal(West)

Beweis mit einfacher Vorwärtsableitung (3)



American(West), Missile(M1), Owns(Nono, M1), Enemy(Nono, America), $American(x_4) \wedge Weapon(y_4) \wedge Sells(x_4, y_4, z_4) \wedge Hostile(z_4) \Rightarrow Criminal(x_4),$ $Missile(x) \wedge Owns(Nono, x) \Rightarrow Sells(West,x,Nono),$ $Missile(x) \Rightarrow Weapon(x),$ $Enemy(x, America) \Rightarrow Hostile(x).$ $\alpha = Criminal(West)$

Beweis mit einfacher Vorwärtsableitung (4)



Ableitung der Anfrage in 2. Iteration.

- Ab 2. Iteration auch keine weitere Ableitung möglich!
 - → KB in 2. Iteration heißt *Fixpunkt* der Ableitung

Effizienz von einfacher Vorwärtsableitung

- Datalog = prädikatenlog. definite Klauseln ohne echte Funktionen wie z.B. in der Wissensbasis Crime-KB: → für Datalog polynom. Zeitkomplexität.
- Allg. für definite Klauselmengen in PL1 unentscheidbar: Z.B. führen NatNum(0) und $NatNum(n) \Rightarrow NatNum(s(n))$ zu Ableitungen NatNum(s(0)), NatNum(s(s(0))), ...
- Regelauswahl in innerer Schleife ist NP-hart: Vergleich aller Prämissen-Literale (Konjunktion) mit allen 1-Klauseln.
- Beobachtung: in der Auswahl-Schleife besteht in Iteration k > 1 kein Grund der (erneuten) Auswahl einer Regel, sofern nicht mindestens ein Literal der Prämisse in Iteration k-1 **neu** abgeleitet wurde.
 - → Auswahl der Regeln, deren Prämisse mind. ein neu abgeleitet. Literal zeigt.
- Database Indexing: Fakten-Retrieval in O(1) in Wissensbasis Crime-KB führt z.B. Anfrage Missile(x) zu Antwort Missile(M1).
- Einsatz von Vorwärtsableitung in Deduktiven Datenbanken!

Einfache Rückwärtsableitung mit GMP (1)

Prinzip der Rückwärtsableitung:

von der Anfrage (Ziel) zu den Fakten der Wissensbasis!

Genauer:

Die Funktion FOL-BC-ASK

- Eingabe: Wissensbasis KB und Konjunktion von Teilzielen goals als Anfrage.
- Ausgabe: Menge der unifizierenden Substitutionen oder false.
- Prozess: iterative Anwendung der Regelklauseln auf die Teilziele, bis alle Teilziele aus KB abgeleitet sind oder keine neuen Ableitungen erzeugbar sind.
- Prinzip der Tiefensuche → lineare Speicherkomplexität.

Einfache Rückwärtsableitung mit GMP (2)

function FOL-BC-ASK($KB, goals, \theta$) **returns** a set of substitutions

inputs: KB, the knowledge base, a set of first-order definite clauses goals, a list of conjuncts forming a query (θ already applied) θ , the current substitution, initially the empty substitution

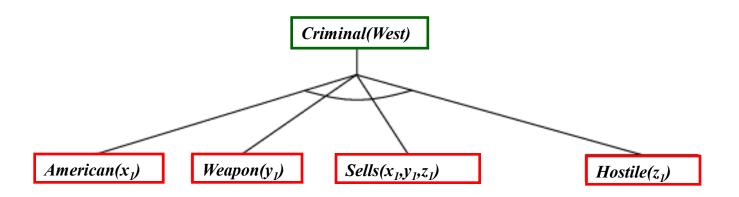
local variables: answers, a set of substitutions, initially empty

Beweis mit einfacher Rückwärtsableitung (1)

Criminal(West)

```
American(West), Missile(M1), Owns(Nono, M1), Enemy(Nono, America), American(x) \wedge Weapon(y) \wedge Sells(x, y, z) \wedge Hostile(z) \Rightarrow Criminal(x), Missile(x) \wedge Owns(Nono, x) \Rightarrow Sells(West, x, Nono), Missile(x) \Rightarrow Weapon(x), Enemy(x, America) \Rightarrow Hostile(x). \alpha = Criminal(West), \ \theta = \{\}
```

Beweis mit einfacher Rückwärtsableitung (2)



```
American(West), Missile(M1), Owns(Nono, M1), Enemy(Nono, America)',

American(x_1) \land Weapon(y_1) \land Sells(x_1, y_1, z_1) \land Hostile(z_1) \Rightarrow Criminal(x_1),

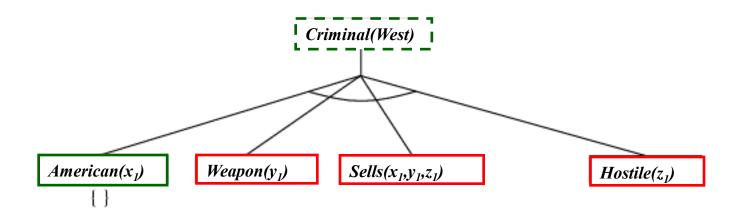
Missile(x) \land Owns(Nono, x) \Rightarrow Sells(West,x,Nono),

Missile(x) \Rightarrow Weapon(x),

Enemy(x, America) \Rightarrow Hostile(x).

goals = {American(x_1), Weapon(y_1), Sells(x_1, y_1, z_1), Hostile(z_1)}, \theta= {}, \theta ' = {x_1/West}
```

Beweis mit einfacher Rückwärtsableitung (3)



```
American(West), Missile(M1), Owns(Nono, M1), Enemy(Nono, America),

American(x_1) \land Weapon(y_1) \land Sells(x_1, y_1, z_1) \land Hostile(z_1) \Rightarrow Criminal(x_1),

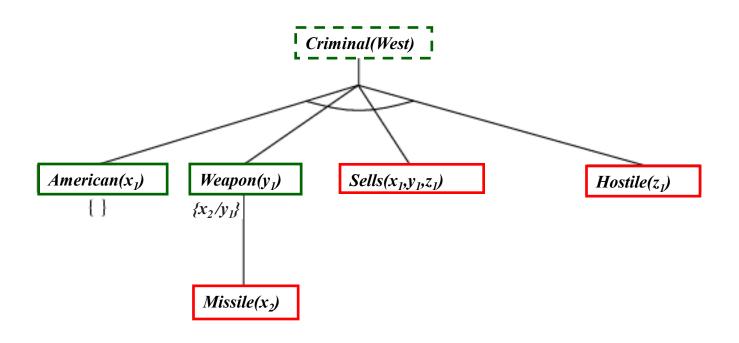
Missile(x) \land Owns(Nono, x) \Rightarrow Sells(West,x,Nono),

Missile(x) \Rightarrow Weapon(x),

Enemy(x, America) \Rightarrow Hostile(x).

goals = {Weapon(y_1), Sells(x_1, y_1, z_1), Hostile(z_1)}, \theta = \{x_1/West\}, \theta' = \{\}
```

Beweis mit einfacher Rückwärtsableitung (4)



```
American(West), Missile(M1), Owns(Nono, M1), Enemy(Nono, America),

American(x_1) \land Weapon(y_1) \land Sells(x_1, y_1, z_1) \land Hostile(z_1) \Rightarrow Criminal(x_1),

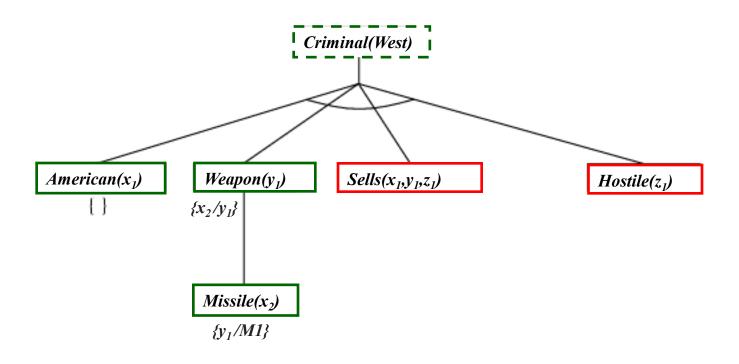
Missile(x) \land Owns(Nono, x) \Rightarrow Sells(West,x,Nono),

Missile(x_2) \Rightarrow Weapon(x_2),

Enemy(x, America) \Rightarrow Hostile(x).

goals = {Missile(x_2), Sells(x_1, y_1, z_1), Hostile(z_1)}, \theta = \{x_1/West\}, \theta = \{x_2/y_1\}
```

Beweis mit einfacher Rückwärtsableitung (5)



```
American(West), Missile(M1), Owns(Nono, M1), Enemy(Nono, America),

American(x_1) \land Weapon(y_1) \land Sells(x_1, y_1, z_1) \land Hostile(z_1) \Rightarrow Criminal(x_1),

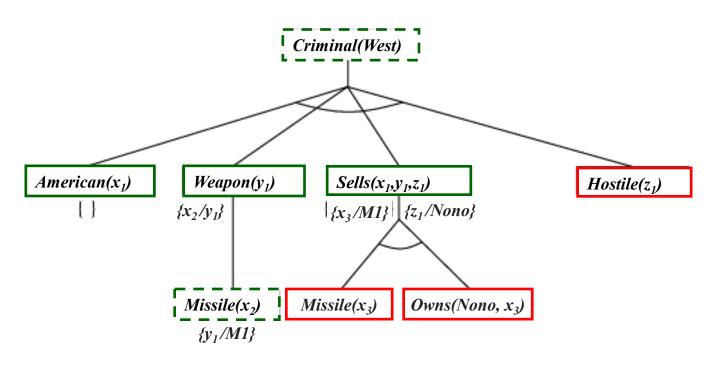
Missile(x) \land Owns(Nono, x) \Rightarrow Sells(West,x,Nono),

Missile(x_2) \Rightarrow Weapon(x_2),

Enemy(x, America) \Rightarrow Hostile(x).

goals = {Sells(x_1, y_1, z_1), Hostile(z_1)}, \theta = \{x_1/\text{West}, x_2/y_1\}, \theta' = \{y_1/\text{M1}\}
```

Beweis mit einfacher Rückwärtsableitung (6)



```
American(West), Missile(M1), Owns(Nono, M1), Enemy(Nono, America),

American(x_1) \land Weapon(y_1) \land Sells(x_1, y_1, z_1) \land Hostile(z_1) \Rightarrow Criminal(x_1),

Missile(x_3) \land Owns(Nono, x_3) \Rightarrow Sells(West,x_3,Nono),

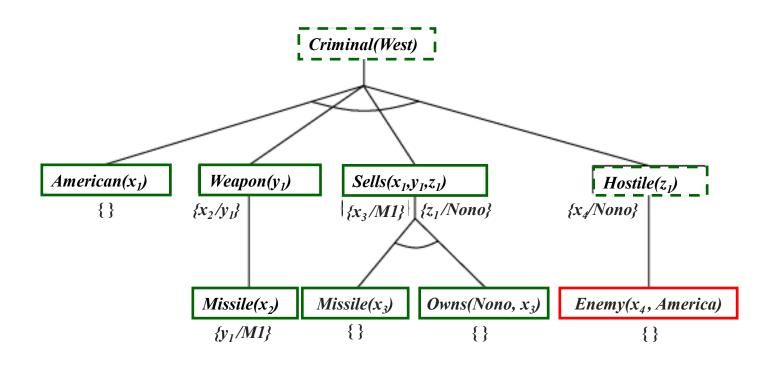
Missile(x_2) \Rightarrow Weapon(x_2),

Enemy(x, America) \Rightarrow Hostile(x).

goals = {Missile(x_3), Owns(Nono, x_3), Hostile(x_1)},

\theta = \{x_1/West, x_2/y_1, y_1/M1\}, \theta' = \{x_3/M1, z_1/Nono\}
```

Beweis mit einfacher Rückwärtsableitung (7)



```
American(West), Missile(M1), Owns(Nono, M1), Enemy(Nono, America),

American(x_1) \land Weapon(y_1) \land Sells(x_1, y_1, z_1) \land Hostile(z_1) \Rightarrow Criminal(x_1),

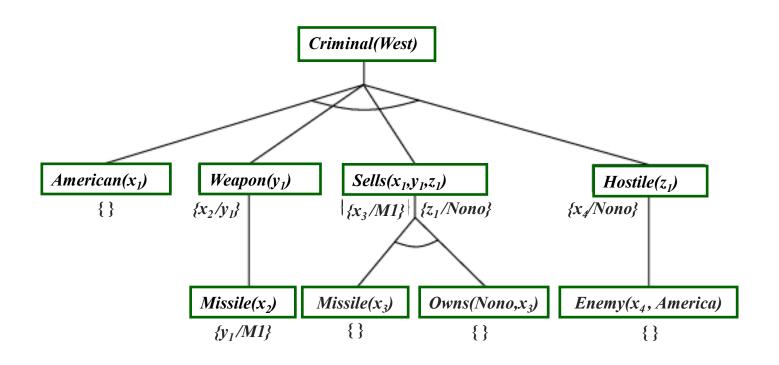
Missile(x_3) \land Owns(Nono, x_3) \Rightarrow Sells(West,x_3,Nono),

Missile(x_2) \Rightarrow Weapon(x_2),

Enemy(x_4, America) \Rightarrow Hostile(x_4).

goals = { Enemy(x_4, America) }, \theta = {x_1/West, x_2/y_1, y_1/M1, x_3/M1, z_1/Nono}, \theta ' = {x_4/Nono}
```

Beweis mit einfacher Rückwärtsableitung (8)



```
American(West), Missile(M1), Owns(Nono, M1), Enemy(Nono, America),

American(x_1) \land Weapon(y_1) \land Sells(x_1, y_1, z_1) \land Hostile(z_1) \Rightarrow Criminal(x_1),

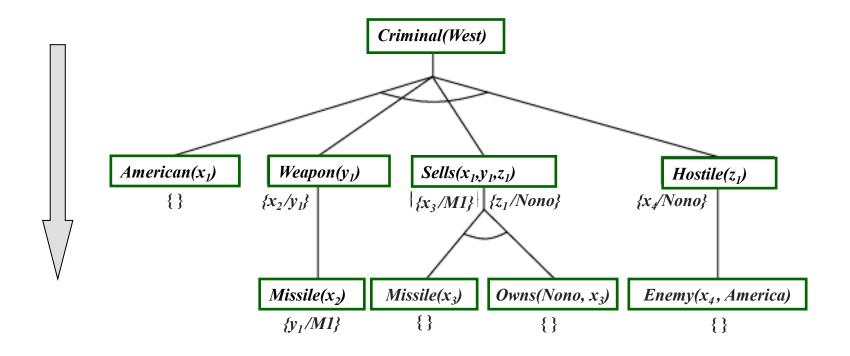
Missile(x_3) \land Owns(Nono, x_3) \Rightarrow Sells(West,x_3,Nono),

Missile(x_2) \Rightarrow Weapon(x_2),

Enemy(x_4, America) \Rightarrow Hostile(x_4).

goals = { }, \theta = \{x_1/\text{West}, x_2/y_1, y_1/\text{M1}, x_3/\text{M1}, z_1/\text{Nono}, x_4/\text{Nono}\}, \theta' = \{ \}
```

Beweis mit einfacher Rückwärtsableitung (8)



Anfrage Criminal(West) führt über 1. Regel zu vier neuen Unterzielen

Substitutionen validierter Unterziele werden auf nachfolgende Unterziele angewandt!

Effizienz der einfachen Rückwärtsableitung

- Lineare Speicherkomplexität wegen Tiefensuche.
- Allg. für definite Klauselmengen in PL1 unentscheidbar: Z.B. führen NatNum(0) und $NatNum(n) \Rightarrow NatNum(s(n))$ zu Ableitungen NatNum(s(0)), NatNum(s(s(0))), ...
- Regelauswahl über rekursive Aufrufe ist ebenfalls NP-hart:
 Vergleich aller Prämissen-Literale (Konjunktion) mit allen 1-Klauseln und
 Regelkonklusionen (Pattern-Matching); Backtracking-Punkte.

- Einsatz von Rückwärtsableitung in Logischer Programmierung.
- Im Mittel effizienter als Vorwärtsableitung wegen zielorientierter Ableitung.

Prädikatenlogische Resolution

Binäre prädikatenlog. Resolvente zweier Klauseln L = $\{l_1,...l_k\}$ und M = $\{m_1,...,m_n\}$ durch Unify $(l_i, \neg m_j) = \theta$:

$$\frac{I_{1} \vee ... \vee I_{k}, \quad m_{1} \vee ... \vee m_{n}}{(I_{1} \vee ... \vee I_{i-1} \vee I_{i+1} \vee ... \vee I_{k} \vee m_{1} \vee ... \vee m_{j-1} \vee m_{j+1} \vee ... \vee m_{n})\theta}.$$

Beispiel:

$$\frac{\neg Rich(x) \lor Unhappy(x), Rich(Ken)}{Unhappy(Ken)}$$
 mit $\theta = \{x/Ken\}$.

GMP ist nur auf definiten Klauselmengen vollständig. AL-Resolution war widerlegungsvollständig auf allen Klauselmengen.

Wir sagen, dass D aus einer prädikatenlogischen Formelmenge ⊕ mit Hilfe von (binären) Resolventenbildungen *abgeleitet* werden kann, d.h.

$$\Theta \vdash D$$

wenn es $C_1, C_2, \dots, C_n = D$ gibt, so dass

$$C_i \in R(\Theta \cup \{C_I, ..., C_{i-1}\}), \text{ für } 1 \leq i \leq n.$$

Unvollständigkeit der binären prädikatenlogischen Resolution

Die binäre prädikatenlogische Resolvente

- heißt binär, weil genau zwei Literale beider Elternklauseln resolviert werden;
- ist aber unvollständig für die Prädikatenlogik 1. Stufe! *

Bspl. für Unvollständigkeit:

Klausel 1:
$$\{+P(x_1), +P(y_1)\},\$$

Klausel 2: $\{-P(x_2), -P(y_2)\}.$

Offensichtlich ist durch Gleichsetzung aller Variablen (z.B. zu X_1) ein logischer Widerspruch ableitbar:

$$(P(x_1) \vee P(x_1)) \wedge (-P(x_1) \vee -P(x_1))$$

 $\rightarrow P(x_1) \wedge -P(x_1)$ (Vereinfachung)
 $\rightarrow false$ (Widerspruch).

Durch binäre Resolution sind aber nur neue 2-Klauseln (z.B. $+P(x_1) \vee -P(x_2)$ durch Resolution über $+P(y_1)$ u. $-P(y_2)$) ableitbar, nicht aber die leere Klausel \square .

^{*} Binäre Resolution ist widerspruchsvollständig für Hornklauselmengen (Klauseln mit höchstens einem positiven Literal) und definite Klauselmengen (Klauseln mit genau einem positiven Literal)!

Vollständigkeit von binärer Resolution und Faktorisierung in PL-1

Wird die binäre prädikatenlogische Resolution um die Faktorisierung ergänzt, so ist die Kombination wieder vollständig für PL-1.

Aus der Aussagenlogik ist bekannt, dass zwei identische Variable in einer Klausel reduzierbar sind auf eine Variable, z.B.: $a \lor b \lor b \lor c \rightarrow a \lor b \lor c$.

Die Faktorisierung ist die Erweiterung dieser Reduktion in die PL-1 so, dass zwei Literale einer Klausel durch Unifikation zu einem Literal verschmolzen werden können, sofern diese Literale dasselbe Vorzeichen haben.

Bemerkung: Alternativ zur Kombination von binärer Resolution und Faktorisierung führt eine Erweiterung der binären Resolution auf *Untermengen* von Literalen auch zur Widerlegungsvollständigkeit der Resolution für PL-1. Diese Variante ist im Anhang skizziert. In dieser Vorlesung und den Übungsaufgaben werden aber nur binäre Resolution und Faktorisierung eingesetzt.

Beispiel für Faktorisierung mit binärer Resolution

Die Faktorisierung am Beispiel von eben:

Klausel 1: $\{+P(x_1), +P(y_1)\}$

Klausel 2: $\{-P(x_2), -P(y_2)\}$

Faktor 1: $\{+P(x_1)\}$ durch Faktorisierung $\{y_1/x_1\}$ aus Klausel 1

Faktor 2: $\{-P(x_2)\}$ durch Faktorisierung $\{y_2/x_2\}$ aus Klausel 2

Bin. Resolvente: \Box durch bin. Resolut. $\{x_1/x_2\}$ auf Faktoren 1 und 2

Bemerkung: In einem Gesamtbeweis sind also für jeden Resolutionsschritt alle Klauseln und deren Faktoren als Kandidaten für die Elternklauseln zu betrachten.

Korrektheit und Vollständigkeit der prädikatenlogischen Resolution

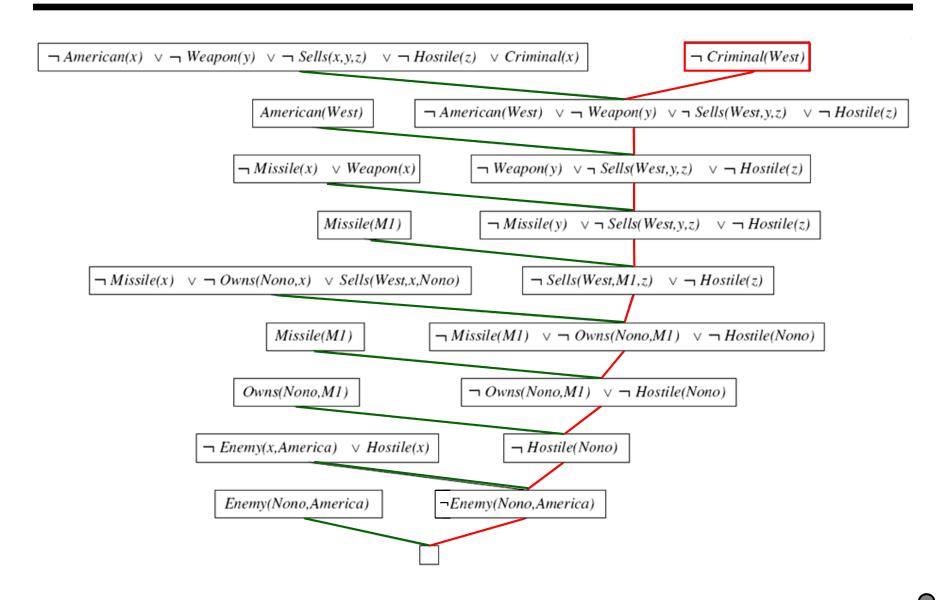
Satz: Die Anwendung der vollständigen prädikatenlogischen Resolution (Folge von Resolventen- und Faktorenbildungen oder von auf Untermengen erweiterte Resolutionsschritte) auf die $KNF(KB \land \neg \alpha)$ ist korrekt und widerspruchsvollständig für die Prädikatenlogik 1. Stufe.

Beweisidee: Korrektheit und Vollständigkeit der AL-Resolution mit Lifting-Lemma.

Lifting Lemma: Seien C_1 und C_2 zwei prädikatenlogische Klauseln ohne gemeinsame Variablen. Seien C_1' und C_2' Grundinstanzen von C_1 bzw. C_2 . Wenn C' Grundresolvente von C_1' und C_2' ist, dann existiert eine prädikatenlogische Klausel C mit

- 1. C ist Resolvente von C_1 und C_2 ,
- 2. C' ist Grundinstanz von C.

Beweis mit prädikatenlogischer Resolution



Kontrollstrategie für Resolution in Prolog

Sei Θ Klauselmenge mit Frageklausel C_0 .

Lineare Resolution der Klausel C_n :

- 1. C_{i+1} ist Resolvente von sog. Centerklausel C_i und Seitenklausel $B_i \forall i = 0,...,n$.
- 2. Jede Seitenklausel B_i ist entweder aus Θ oder frühere Centerklausel C_j mit $j < i \ \forall i = 0,...,n$.

Lineare Resolution mit definiten Seitenklauseln (LD-Resolution) von C_n : a

- 1. Die Ableitung von C_n ist eine lineare Ableitung.
- 2. Jede Centerklausel C_i ist eine Klausel, die nur negative Literale enthält.
- 3. Jede Seitenklausel B_i ist eine definite Regel- oder Faktenklausel.

Selektive lineare Resolution mit definiten Seitenklauseln (SLD-Resolution) von C_n :

- 1. Die Ableitung von C_n ist eine LD-Ableitung.
- 2. Die Seitenklausel B_i wird für die Centerklausel C_i so gewählt (Selective LD), dass über das erste Literal der Centerklausel resolviert werden kann.



^a Z.T. auch als Lineare Resolution mit negativen Centerklauseln, also LN-Resolution, bezeichnet.

^b Z.T. auch als Selektive linear. Res. mit negat. Centerklauseln, also SLN-Resolution, bezeichnet.

Resolutionsbeweise mit Klauselkopien

Auch bei der Resolutionsbeweisen sind ggf. Klauselkopien nötig:

Klauselmenge:

$$P(x) \vee \neg Q(a) \vee \neg Q(b)$$



$$K_1$$
: $P(x_1) \vee \neg Q(a) \vee \neg Q(b)$

$$K_2$$
: $Q(x_2)$

Frage: P(x)

$$K_3$$
: $\neg P(c)$

Beweis:

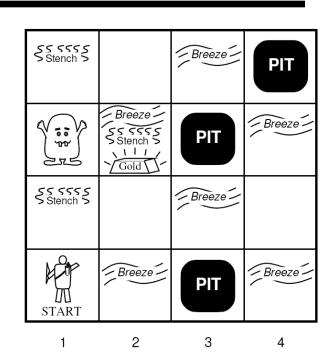
- Res([K₁ = P(x₁) $\vee \neg Q(a) \vee \neg Q(b)$], [K₃ = $\neg P(c)$]) \rightarrow K₄ = $\neg Q(a) \vee \neg Q(b)$ mit {x₁/c}
- Res([K₄ = \neg Q(a) $\lor \neg$ Q(b)], [K₂ = Q(x₂)]) \to K₅ = \neg Q(b) mit {x₂/a}
- Res([K₅ = \neg Q(b)], [K₆ = Q(x₆)]) \rightarrow \square mit {x₆/b} durch neue Klauselkopie K₆ = Q(x₆) von K₂ = Q(x₂)

Logikbasierte Agenten (1)

4

3

2



Zentraler Aspekt: Schließen über die Ergebnisse von Aktionen

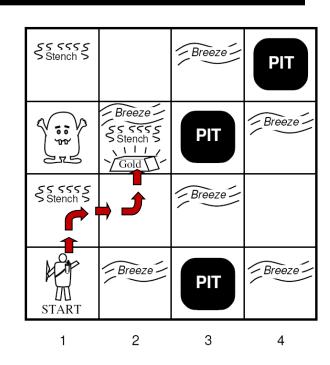
- Nachteil der Aussagenlogik: für jeden Zeitpunkt und Ort eine separate Kopie einer Aktionsbeschreibung
- Jetzt: Verwendung der Logik 1. Stufe in Form des Situationskalküls

Logikbasierte Agenten (2)

4

3

2



Anfrage (Make-Action-Query): $\exists a \ Action(a, t)$

Variablenbindungen an *a* sollen in der WUMPUS-Welt für die obige erste Teilaufgabe folgende Antworten geben:

forward, turn(right), forward, turn(left), forward, grab, ...

Zunächst zum Reflex-Agenten

Reflex-Agenten sind einfach – sie reagieren nur auf Perzepte!

Beispiel für eine Perzept-Aussage (zum Zeitpunkt t=5):

```
Percept(stench, breeze, glitter, no bump, no scream, 5)
```

1. Schritt: Abstraktion auf wesentliche Eigenschaften für Aktionsauswahl

```
\forall b, g, u, c, t \ [Percept(stench, b, g, u, c, t) \Rightarrow Stench(t)]

\forall s, g, u, c, t \ [Percept(s, breeze, g, u, c, t) \Rightarrow Breeze(t)]

\forall s, b, u, c, t \ [Percept(s, b, glitter, u, c, t) \Rightarrow AtGold(t)]
```

2. Schritt: Aktionsauswahl

```
\forall t [AtGold(t) \Rightarrow Action(grab,t)]
```

. . .

Aber: Der Reflex-Agent weiß nicht, wann er aus der Höhle klettern soll, und kann keine Endlosschleifen verhindern, da er weder Perzept noch Gedächtnis für den Besitz des Goldes und die daraus folgende neue Zielsetzung hat.

Modellbasierte Agenten

- . . . haben ein internes Modell
 - aller wesentlichen Aspekte ihrer Umgebung,
 - der Ausführbarkeit und Wirkung von Aktionen,
 - von weiteren wesentlichen Gesetzmäßigkeiten der Welt,
 - und den eigenen Zielen.

Wichtigster Aspekt: Wie ändert sich die Welt?

→ Situationskalkül (McCarthy 63).

Methodischer Ansatz um die Auswirkungen von Aktionen auf Situationen in einer Modellwelt unter Verwendung der Prädikatenlogik zu beschreiben

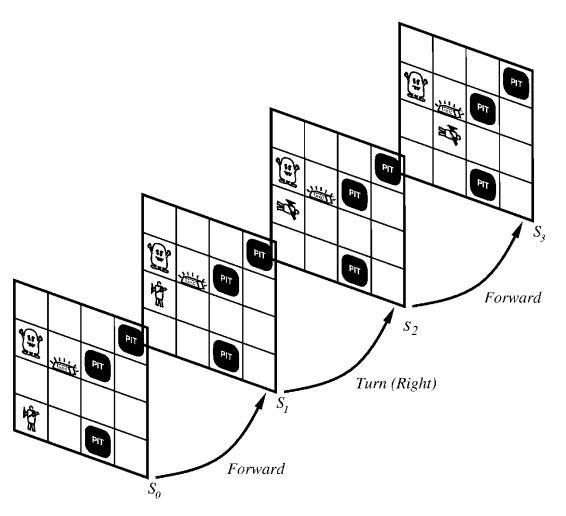
Situationskalkül

- Ein Weg, um mit PL1 dynamische Welten zu beschreiben.
- Die dynamische Welt wird als Folge von Zuständen (auch Situationen) beschrieben.
- Zustände werden durch Terme repräsentiert.
- Die Welt ist in einem Zustand s und kann nur durch Ausführung do einer Aktion a geändert werden: do(a,s) ist der Nachfolgezustand nach Ausführung von Aktion a.
- Aktionen werden durch ihre Vorbedingungen und ihre Effekte beschrieben.
- Relationen, die ihren Wahrheitswert über die Zeit ändern, heißen Fluents. Die Darstellung erfolgt durch ein zusätzliches Argument, das ein Zustandsterm ist. Holding(x, s) bedeutet z.B., dass in der Situation s Objekt x gehalten wird.
- Konstante oder atemporäre Relationen wie Even(8) benötigen kein Zustandsargument.

Beispiel der WUMPUS-Welt

Sei s_0 die Ausgangssituation mit den Folgesituationen

$$s_1 = do(forward, s_0),$$
 $s_2 = do(turn(right), s_1),$ $s_3 = do(forward, s_2).$



Beschreibung von Aktionen

Vorbedingungen: um etwas aufzuheben, muss es vorhanden sein und tragbar sein:

$$\forall x, s \ [Poss(grab(x), s) \Leftrightarrow Present(x, s) \land Portable(x)]$$

In der WUMPUS-Welt z. B.:

$$Portable(gold)$$
 und $\forall s \ [AtGold(s) \Rightarrow Present(gold, s)]$

Verallgemeinerte Aktionsbeschreibungen durch Quantoren, Objekte, Zustände und Relationen

Aktionsbeschreibung durch positives **Effekt**axiom:

$$\forall x, s [Poss(grab(x), s) \Rightarrow Holding(x, do(grab(x), s))]$$

Aktionsbeschreibung durch negatives Effektaxiom:

$$\forall x, s \ [\neg Holding(x, do(release(x), s))]$$

Beschreibungen positiver und negativer Effekte alleine aber nicht ausreichend!!!

Das Rahmenproblem

```
Es gelte: Holding(gold, s_0).
Folgt Holding(gold, do(forward, s_0))?
Es gelte: \neg Holding(gold, s_0).
Folgt \neg Holding(gold, do(turn(right), s_0))?
→ Man muss auch spezifizieren, welche Fluents nicht geändert werden!
→ Das Rahmenproblem (Frame problem):
   Spezifikation der Eigenschaften, die sich bei Aktionen nicht ändern.
```

→ Es müssen auch Rahmenaxiome spezifiziert werden.

Anzahl der Rahmenaxiome

Rahmenaxiom, das spezifiziert, dass alle Aktionen außer release(x) die Relation Holding(x,s) im Nachfolgezustand nicht ändern:

$$\forall a, x, s \ [\ Holding(x, s) \land (a \neq release(x))$$

 $\Rightarrow Holding(x, do(a, s)) \]$

Rahmenaxiom, das spezifiziert, dass alle Aktionen außer grab(x) für greifbare Objekte x die Relation $\neg Holding(x,s)$ im Nachfolgezustand nicht ändern:

$$\forall a, x, s \ [\neg Holding(x, s) \land \{(a \neq grab(x)) \lor \neg Poss(grab(x), s)\}$$

 $\Rightarrow \neg Holding(x, do(a, s)) \]$

Spezifikation der Rahmenaxiome kann sehr aufwendig werden, da bei F Fluents und A Aktionen ggf. $O(|F| \times |A|)$ Axiome spezifiziert werden müssen.

Lösung des Rahmenproblems

Eine elegantere Handhabung des Rahmenproblems ist die vollständige Beschreibung durch Nachfolgezustands-Axiome, die die Anteile der Effektund Rahmenaxiome kombinieren:

wahr nach Aktion ⇔ [Aktion hat es wahr gemacht ∨bereits wahr und durch Aktion nicht falsch geworden].

Beispiel für Holding:

$$\forall a, x, s \ [\ Holding(x, do(a, s)) \Leftrightarrow [\ a = grab(x) \land Poss(a, s) \lor \\ Holding(x, s) \land a \neq release(x) \] \].$$

Kann auch automatisch aus der Angabe der entspr. Rahmen- und Effektaxiome kompiliert werden ("Erklärungsabschluss"). Dabei wird die Annahme gemacht, dass nur die spezifizierten Effekte auftreten können.

Grenzen dieser Version des Situationskalküls

- Keine explizite Zeit. Lediglich chronologisch geordnete diskrete Zustände bzw.
 Situationen. Man kann nicht darüber reden, wie lange eine Aktion für ihre Ausführung benötigt.
- Nur ein Agent. Im Prinzip können aber auch mehrere Agenten modelliert werden (→ Multiagentensysteme).
- Keine parallele Ausführung von Aktionen.
- Abgeschlossene Welt und Determinismus: Nur der Agent verändert den Zustand und Aktionen werden immer mit absoluter Sicherheit korrekt ausgeführt.
- → Trotzdem für viele Fälle ausreichend!
- Abschließend daher noch zur Modellierung von Aktionen im Raum, von Exploration und sowie Zielorientierung in der Wumpus-Modellwelt.

Modellierung von Raum und Bewegung (1)

Der Agent hat eine Orientierung: 0 (nach Osten), 90 (nach Norden), usw:

$$orientation(s) = 0$$
, $orientation(s) = 90$, ...

Mit der Orientierung und der aktuellen Position k\u00f6nnen wir die Folgeposition,
 d.h. die Zelle bestimmen, zu der wir als n\u00e4chstes kommen:

$$\forall x, y [locationToward([x, y], 0) = [x + 1, y]],$$

. . .

Aus der aktuellen Situation heraus:

$$\forall x, y, s \ [At([x, y], s) \Rightarrow locationAhead(s) = locationToward([x, y], orientation(s))].$$

Begrenzungen, z.B. in der Form von Wänden im Wumpus-Szenario:

$$\forall x, y \ [\ \textit{Wall}([x, y]) \Leftrightarrow (x = 0 \lor x = 5 \lor y = 0 \lor y = 5) \].$$

Modellierung von Raum und Bewegung (2)

→ Damit kann man dann die entsprechenden Nachfolgezustands-Axiome für forward und turn angeben:

```
\forall a, x, y, s \quad [\quad At([x, y], do(a, s)) \Leftrightarrow
[\quad (a = forward \land [x, y] = locationAhead(s) \land \neg Wall([x, y])) \lor (At([x, y], s) \land a \neq forward) \quad ] \quad ]^*
```

```
\forall a, d, s [ orientation(do(a, s)) = d \Leftrightarrow [ (a = turn(right) \land d = mod(orientation(s) - 90,360)) \lor (a = turn(left) \land d = mod(orientation(s) + 90,360)) \lor (orientation(s) = d \land \neg (a = turn(right) \lor a = turn(left))) ] ]
```

^{*} zur Erinnerung: keine Seitwärtsbewegungen möglich, sondern nur drehen und vorwärts gehen

Explorieren

Für die Exploration der Umwelt stehen zwei Arten der Inferenz zur Verfügung:

1. **Diagnostische Regeln**, die aus Perzepten Umgebungseigenschaften ableiten – sich z. B. merken, wo es stinkt und wo ein Luftzug weht *:

$$\forall l, s$$
 [$At(Agent, l, s) \land Breeze(s) \Rightarrow Breezy(l)$], Keine Fluents! $\forall l, s$ [$At(Agent, l, s) \land Stench(s) \Rightarrow Smelly(l)$].

2. **Kausale Regeln**, welche die *Ursachen* der Perzepte "erklären". Bspl.: auf den WUMPUS und die Fallgruben schließen.

$$\forall l_1, l_2, s \quad [At(Wumpus, l_1, s) \land Adjacent(l_1, l_2) \Rightarrow Smelly(l_2)],$$
 $\forall l_1, l_2, s \quad [At(Pit, l_1, s) \land Adjacent(l_1, l_2) \Rightarrow Breezy(l_2)].$

^{*} Orts- bzw. Lokationsvariable / als Abkürzung für [x,y].

Aktionsauswahl

Je nach Zustand können wir die möglichen Aktionen, deren Vorbedingungen erfüllt sind, nach einer *Präferenz* klassifizieren.

Beispielskala für Klassifikation : Great, Good, Medium, Risky.

Beispiel: Wenn wir Gold nehmen können oder mit dem Gold die Höhle verlassen können, ist das "*Great"*, usw.

$$\forall a, s \ [Poss(grab(gold), s) \Rightarrow Great(grab(gold), s)].$$

Wir können dann mit Hilfe einer Klassifikation der Aktionen auf die Anfrage $\exists a \ Action(a, t)$ auswählen:

$$\forall a, s \ [\ Great(a, s) \Rightarrow Action(a, s) \],$$
 $\forall a, s \ [\ Good(a, s) \land \neg \exists b \ Great(b, s) \Rightarrow Action(a, s) \],$

Man könnte die Aktionsauswahl natürlich auch direkt in den Aktionen kodieren, aber das ist wenig *modular*.

Zielvorgabe ⇒ **zielorientierter Agent**

Sobald das Gold gefunden ist, ist die Strategie radikal zu ändern: das Startfeld ist anzusteuern, um die Wumpuswelt zu verlassen:

$$\forall s \ [\ Holding(gold, s) \Rightarrow GoalLocation([1, 1], s) \]$$

Explizite Ziele erlauben die Erarbeitung von Aktionssequenzen, um diese Ziele zu erreichen.

Zusammenfassung (1)

 Der Generalisierte Modus Ponens ist korrekt und vollständig für definite PL1-Klauselmengen.

 Die beiden Ansätze des Forward-Chaining und Backward-Chaining werden in Deduktiven Datenbanken bzw. der Logischen Programmierung eingesetzt.

• Die prädikatenlogischen Resolutionsverfahren sind bei Einsatz vollständiger Suchverfahren korrekte und widerspruchsvollständige Ableitungsverfahren.

Zusammenfassung (2)

- Das Situationskalkül ist ein erster Ansatz um mit PL1 dynamische Welten für einen modellbasierten Agenten zu beschreiben. Das Modell des Agenten beschreibt seine möglichen Aktionen und seine Ziele sowie seine Umgebung und deren Gesetzmäßigkeiten.
 - Die Beschreibung der Aktionen führt zum Rahmenproblem, d.h. der Spezifikation der Eigenschaften, die sich bei Aktionen nicht ändern. Dafür müssen Rahmenaxiome bzw. Nachfolgezustands-Axiome eingeführt werden.
 - Agenten agieren häufig mit einem Raum-Zeit-Bezug. Die Modellierung von Raum und Zeit kann in die Nachfolgezustands-Axiome integriert werden.
 - Für die Exploration können kausale Regeln und/oder diagnostische Regeln eingesetzt werden.
 - Um Entscheidungen treffen zu können, müssen Aktionen bzgl. ihres
 Nutzens bewertet werden sowie Teilziele formuliert werden.

Anhang: Die erweiterten prädikatenlogischen Resolution

Die Erweiterung der binären prädikatenlog. Resolution auf eine Resolution von *Untermengen* von Literalen führt auch zur Vollständigkeit für PL-1.

Vollständige prädikatenlog. Resolution: Seien K_1 und K_2 zwei nichtleere PL1-Klauseln sowie M_1 und M_2 nichtleere Teilmengen von Literalen aus K_1 bzw. K_2 . Sei die Menge N der Atomformeln aus M_1 und M_2 unifizierbar mit allg. Unifikator σ_N , so dass $\sigma_N(M_1)$ und $\sigma_N(M_2)$ einelementig sind und verschiedene Vorzeichen haben. Dann heißt $\sigma_N(K_1/M_1) \cup \sigma_N(K_2/M_2)$ prädikatenlogische Resolvente von K_1 und K_2 .

Die vollständige prädikatenlogische Resolution am Beispiel von eben: