Grundlagen der Künstlichen Intelligenz

17 Verstärkendes Lernen

Passives und aktives verstärkendes Lernen

Volker Steinhage

Inhalt

- Rückblick: MDP-basierter Agent
- Passives verstärkendes Lernen
 - Naives Aktualisieren
 - Adaptive Dynamische Programmierung
 - Zeitliche Differenz
- Aktives verstärkendes Lernen
 - Exploration
 - Q-Lernen
- Eingabe-Generalisierung
- Einige Anwendungen

Rückblick: MDP-basierter Agent (1)

Der Begriff *Belohnung* wurde als "*Reward*" im MDP-basierten Agentenkonzept eingeführt:

```
function SIMPLE-POLICY-AGENT(percept) returns an action static: M, a transition model U, a utility function on environment histories P, a policy, initially unknown if P is unknown then P \leftarrow the optimal policy given U, M return P[percept]
```

Gegeben:

- Menge von Zuständen in einer zugänglichen, stochastischen Umgebung
- Menge von Zielzuständen
- Menge von Aktionen
- Transitionsmodell M^a_{ss'}
- Nutzenfunktion

Transitionsmodell $M_{ss'}^a$: Wahrscheinlichkeiten, mit denen Zustände s' nach Ausführung von Aktionen a in Zustände s erreicht werden.

Strategie (Policy): vollständige Abbildung von der Menge der Zustände auf die Menge der Aktionen.

Gesucht: optimale Strategie, die den erwarteten Nutzen maximiert.

Rückblick: MDP-basierter Agent (2)

Eine Nutzenfunktion U_h auf Zustandsfolgen heißt separierbar gdw. es eine Funktion f derart gibt, dass

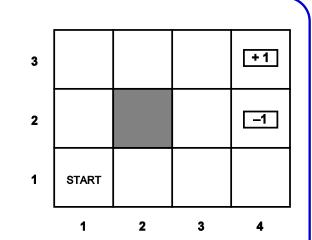
$$U_h([s_0, s_1, ..., s_n]) = f(s_0, U_h([s_1, ..., s_n]))$$

Die einfachste Form ist eine additive Gewinnfunktion R (Reward):

$$U_h([s_0, s_1, ..., s_n]) = R(s_0) + U_h([s_1, ..., s_n]).$$

Beispiel:

• *M*: p(Transition in gewählte Richtung) = 0,8 $p(Transition in gewählte Richtung +90^\circ) = 0,1$ $p(Transition in gewählte Richtung -90^\circ) = 0,1$



U(Aktionsfolge) = U(Endzustand) - #Aktionen/25

Rewards im Beispiel: R((4, 3)) = +1, R((4, 2)) = -1, R(sonstige) = -1/25 = -0.04.

Rückblick: MDP-basierter Agent (3)

Der Nutzen eines Zustandes s ist durch den erwarteten Nutzen der optimalen Strategie policy* unter Transitionsmodell M in s bestimmt:

Wegen der Additivität der Nutzenfunktion kann man die Utility U(s) eines Zustands s auf den maximalen erwarteten Nutzen seiner Nachfolger in Form der Bellman-Gleichung reduzieren:

$$U(s) = R(s) + \max_{a} \sum_{s'} M_{ss'}^{a} U(s').$$

Die optimale Strategie ist dann:

$$\pi^*(s) = \arg\max_{a} \sum_{s'} M_{ss'}^a U(s').$$

Rückblick: MDP-basierter Agent (4)

Umsetzung: Approximative Berechnung durch iterative Anwendung der sogenannten Bellmann-Aktualisierung:

$$\left(U_{t+1}(s) \leftarrow R(s) + \max_{a} \sum_{s'} M_{ss'}^{a} U_{t}(s'),\right)$$

wobei $U_t(s)$ die Utility des Zustands s nach t Iterationen ist.

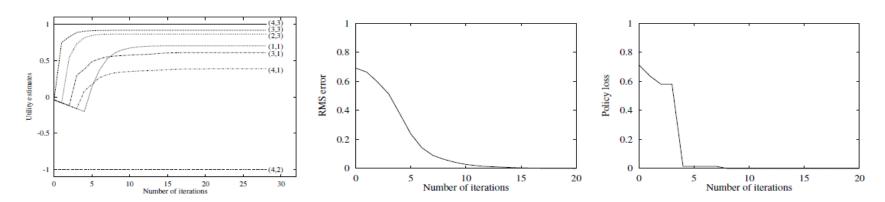
Beobachtung: Mit $t \rightarrow \infty$ konvergieren die Utilities aller Zustände.

Rückblick: MDP-basierter Agent (5)

```
function Value-Iteration(M,R) returns a utility function inputs: M, a transition model R, a reward function on states local variables: U, utility function, initially identical to R U', utility function, initially identical to R repeat U \leftarrow U' for each state i do U'[i] \leftarrow R[i] + \max_a \sum_j M_{ij}^a U[j] end until CLOSE-ENOUGH(U, U') return U
```

Rückblick: MDP-basierter Agent (6)

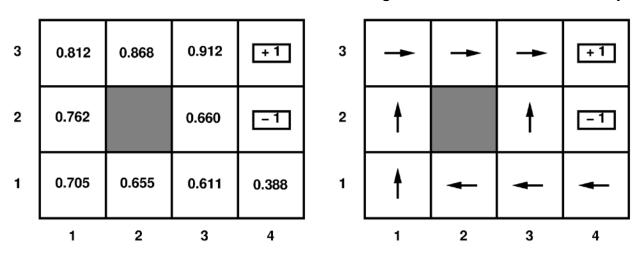
Konvergenz von Nutzen, Nutzenfehlern und Policy-Fehler:



Nutzenfehler: mittlerer quadrat. Fehler zw. aktueller und optimaler Nutzenfunktion.

Policy-Fehler: Differenz zw. erwartetem Nutzen bei aktueller und optimaler Policy.

Nutzen der einzelnen Zustände nach Konvergenz und resultierende Policy:



Grundidee des verstärkenden Lernens

Der Agent hat

- keinen Lehrer, der korrekte Ein-/Ausgabe-Beispiele vorgibt,
- *kein* Modell $M_{ss'}^a$ der Umgebung,
- keine Nutzenfunktion U(s) für Zustände,
- keine Strategie.

Der Agent erfährt nur, ob eine Aktion/Aktionsfolge belohnt wurde oder nicht.

Die "richtigen" oder besseren Aktionen erfährt er jedoch nicht.

→ Belohnung/Bestärkung bzw. Reward/Reinforcement.

Beispiele für verstärkendes Lernen

Beispiel 1:

- zufällige Züge in einem Brettspiel
- mögliche Rewards:
 - Gewinn bzw. Verlust einzelner Spielfiguren während des Spiels,
 - Erreichen von bestimmten Spielstellungen (z.B. Schach),
 - Gewinn, Remis bzw. Verlust am Spielende.

Beispiel 2:

- zufällige Schläge im Tischtennis
- mögliche Rewards:
 - Punktevergabe nach Schlagwechseln,
 - Spielausgang.

Passives vs. aktives verstärkendes Lernen

Passives verstärkendes Lernen:

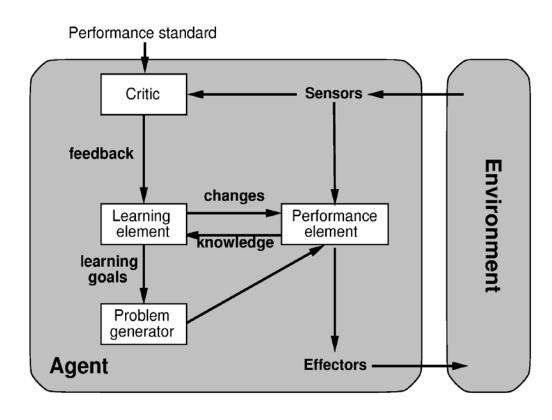
der Agent beobachtet lediglich die Zustände und Änderungen in seiner Umwelt und versucht, den Nutzen verschiedener Zustände einzuschätzen.

Aktives verstärkendes Lernen:

der Agent *führt explorative*Aktionen aus, um unbekannte

Zustände seiner Umgebung zu erkunden.

Dabei wird das bereits gelernte
Wissen verwendet (→ Problem
Generator).



Passives verstärkendes Lernen

```
function PASSIVE-RL-AGENT(e) returns an action
  static: U, a table of utility estimates (initially empty)
        N, a table of frequencies for states (initially zero)
        M, a table of transition frequencies from state to state (initially zero)
        percepts, a percept sequence (initially empty)

add e to percepts
increment N[STATE[e]]
U ← UPDATE(U, e, percepts, M, N)
if TERMINAL?[e] then percepts ← the empty sequence
return the action Observe
```

Zunächst drei verschiedene Aktualisierungsfunktionen für den passiven Agenten:

- 1. Naives Aktualisieren (ohne explizites Transitionsmodell).
- 2. Adaptives Dynamisches Programmieren (mit explizitem Transitionsmodell).
- 3. Zeitliche Differenz (ohne explizites Transitionsmodell).

Passives Lernen einer Nutzenfunktion

Gegeben:

- vollständig beobachtbare Weltzustände,
- Rewards der Zustände,
- <u>die Umwelt</u> erzeugt Zustandsübergänge, die der Agent wahrnimmt
 - \rightarrow damit legt die Umwelt die Policy π fest!
 - → der Agent hat keine Aktionsauswahl,
 in jedem Zustand s wird die Aktion π(s) ausgeführt.

Unbekannt:

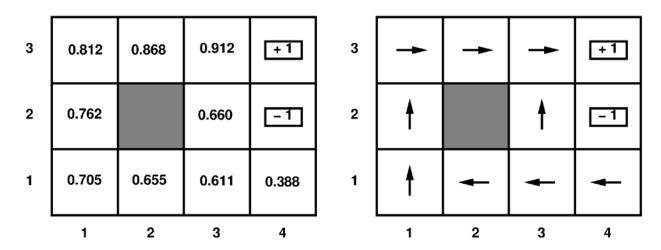
- Transitionsmodell $M^{a}_{ss'}$
- Nutzenfunktion *U(s)*

Ziel:

• Lernen der Nutzenfunktion $U^{\pi}(s)$

Beispiel der bekannten 4x3-Welt

Annahme (oBdA): die Umwelt führe die uns bekannte optimale Policy aus.



Der Agent beobachtet Trainingssequenzen vom Startzustand (1,1) zu den Endzuständen (4,2) bzw. (4,3) entsprechend der Policy π . Der Agent kann sowohl den Zustand als auch den damit verbundenen Reward erkennen.

Typische Trainingssequenzen sind z.B.:

$$(1,1)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (2,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (3,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (4,3)_{+1}$$

$$(1,1)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (2,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (3,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (3,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (3,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (4,3)_{+1}$$

$$(1,1)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (2,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (3,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (3,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (4,2)_{-1}$$

Naives Aktualisieren (1)

Annahme: Nutzen *U*(*s*) eines Zustandes *s* ist die *erwartete Summe der Rewards von s zum Endzustand*:

$$U^{\pi}(s) = E\bigg(\sum_{t=0}^{\infty} R(s_t) \mid \pi, s_0 = s\bigg).$$

Lernen durch Trainingssequenzen: jede Sequenz liefert Lernbeispiele für die besuchten Zustände.

Beispiel für 1. Sequenz:

$$(1,1)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (2,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (3,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (4,3)_{+1}$$

→ Rewardsummen:

- für (1,1): $7 \cdot (-0.04) + 1 = 1 0.28 = 0.72$
- für (1,2): $6 \cdot (-0.04) + 1 = 1 0.24 = 0.76$ und $4 \cdot (-0.04) + 1 = 1 0.16 = 0.84$
- für (1,3): $5\cdot(-0.04) + 1 = 1 0.20 = 0.80$ und $3\cdot(-0.04) + 1 = 1 0.12 = 0.88$

USW.

Naives Aktualisieren (2)

Beispiel für 1. Sequenz:

$$(1,1)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (2,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (3,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (4,3)_{+1}$$

→ Rewardsummen:

- für (1,1): $7 \cdot (-0.04) + 1 = 1 0.28 = 0.72$
- für (1,2): $6 \cdot (-0.04) + 1 = 1 0.24 = 0.76$ und $4 \cdot (-0.04) + 1 = 1 0.16 = 0.84$
- für (1,3): $5 \cdot (-0.04) + 1 = 1 0.20 = 0.80$ und $3 \cdot (-0.04) + 1 = 1 0.12 = 0.88$

usw.

Mit jedem Besuch eines Zustands s wird der "Besuchszähler N[s] (vergl. *Passive-RL-Agent*, Folie 12) inkrementiert und der Nutzen $U^{\pi}(s)$ durch gewichtete Mittelung mit der neu beobachteten *Rewardsumme RS*(s) aktualisiert:

$$U^{\pi}(s) \leftarrow \frac{U^{\pi}(s) \cdot (N[s]-1) + RS}{N[s]} \qquad \text{für N [s]} \geq 1 \text{ und Start} \\ N[s] \qquad \text{mit } U^{\pi}(s) = 0 \text{ für alle s.}$$

Im Grenzfall von unendlich vielen Sequenzbeobachtungen konvergiert diese kumulative Mittelung \mathbf{U}^{π}_{t} gegen $U^{\pi}(s) = E\left(\sum_{t=0}^{\infty} R(s_{t}) \mid \pi, s_{0} = s\right)$.

Naives Aktualisieren (3)

Für den *Passive-RL-Agent* (Folie 12) realisiert die folgende Funktion *Naive Update* den dortigen Aufruf *Update(U,e,percepts,M,N)* das naive Aktualisieren.

```
function Naive Update (U, e, percepts, M, N) returns an updated U

if Terminal?[e] then reward-to-go \leftarrow 0

for each e_i in percepts (starting at end) do

reward-to-go \leftarrow reward-to-go + Reward[e_i]

U[State[e_i]] \leftarrow Running-Average(U[State[e_i]],

reward-to-go, N[State[e_i]])

end
```

```
function Running-Average (U[s], reward-to-go, N[s])
U[s] = [U[s] * (N[s] - 1) + reward-to-go] / N[s]
```

Die Rewardsummen werden hier als reward-to-go bezeichnet und das naive Aktualisieren startet mit $U^{\pi}(s) = 0$ für alle Zustände s.

Naives Aktualisieren (4)

Hinweis zur Anwendung der Funktion Naive Update:

```
function NaiveUPDATE(U, e, percepts, M, N) returns an updated U

if TERMINAL?[e] then reward-to-go \leftarrow 0

for each e_i in percepts (starting at end) do

reward-to-go \leftarrow reward-to-go + REWARD[e_i]
U[STATE[e_i]] \leftarrow RUNNING-AVERAGE(U[STATE[e_i]],
reward-to-go, N[STATE[e_i]])
end
```

```
function Running-Average (U[s], reward-to-go, N[s])
U[s] = [U[s] * (N[s] - 1) + reward-to-go] / N[s]
```

Funktion Naive Update berechnet die Nutzen also "von hinten" startend. Für Sequenz 1:

$$(1,1)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (2,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (3,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (4,3)_{+1}$$

 \rightarrow U(4,3) = +1, U(3,3) = 0.96, U(2,3) = 0.92, U(1,3) = 0.88, U(1,2) = 0.84, U(1,3) = 0.84, U(1,2) = 0.8, U(1,1) = 0.72

Naives Aktualisieren (5)

Beobachtung:

Das naive Aktualisierungsverfahren (*NA*) reduziert verstärkendes Lernen auf induktives Lernen, bei dem die Ein-/Ausgabepaare aus den beobachteten Zuständen und den ermittelten Rewardsummen *RS*_t(s) bestehen.

Problem:

NA ignoriert den Einfluss der W'keit für bestimmte Zustandsübergänge!

Beispiel: In der 2. Sequenz wird Zustand (3,2) zum ersten Mal beobachtet und danach (3,3). Zustand (3,3) wurde bereits in der ersten Sequenz hoch bewertet, also könnte (3,2) auch eine hohe Bewertung erhalten. NA vernachlässigt diesen Zusammenhang aber! $U_1^{\pi}(3,2) = U_1^{\pi}(3,3) = U_1^{$

$$(1,1)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (2,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (3,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (4,3)_{+1}$$

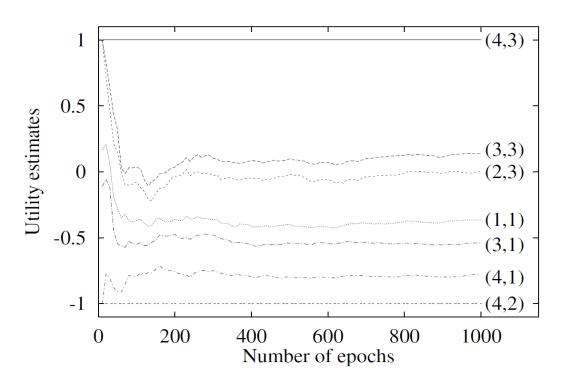
$$(1,1)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (2,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (3,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (3,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (4,3)_{+1}$$

1 - 2.0.04 = 0.92

1 - 0.04 = 0.96

Naives Aktualisieren (6)

 \sim NA sucht in einem unnötig großen Hypothesenraum für $U^{\pi}(s)$ und die Lernkurve konvergiert sehr langsam (mehr als 1000 Epochen sind nötig).



Der tatsächliche Nutzen eines Zustandes ist eben nach der Bellmann-Gleichung der eigene Reward + gewichteter Nutzen seiner Nachfolgezustände:

$$U^{\pi}(s) = R(s) + \sum_{s'} M_{ss'}^{\pi(s)} U^{\pi}(s').$$

Diesen Zusammenhang berücksichtig NA nicht!

₽

Adaptives Dynamisches Programmieren (1)

Um die Zusammenhänge zwischen den Zuständen nutzen zu können, kann der Agent das Transitionsmodell $M_{ss'}^{\pi(s)}$ lernen!

Schrittweise ist das aktuell gelernte Transitionsmodell $M_{ss'}^{\pi(s)}$ dann mit den beobachteten Rewards zur Berechnung der Nutzenfunktion einzusetzen:

$$U^{\pi}(s) = R(s) + \sum_{s'} M_{ss'}^{\pi(s)} U^{\pi}(s').$$

Das Lernen des Transitionsmodells $M_{ss'}^{\pi(s)}$ ist möglich aufgrund der vollständig beobachtbaren Umwelt!

Adaptives Dynamisches Programmieren (2)

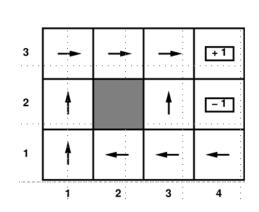
Das Lernen des Transitionsmodells $M_{ss'}^{\pi(s)}$ ist z.B. realisierbar durch eine Tabelle, die für alle s, $\pi(s)$ und s' Buch führt, wie oft der Zustand s' durch eine Ausführung der Aktion $\pi(s)$ im Zustand s in den Trainingssequenzen erreicht wird.

Beispiel:

$$\begin{array}{c} (1,1)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto \overline{(1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}}} \mapsto \overline{(1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,3)_{\frac{-1}{25}}} \mapsto \overline{(1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (2,3)_{\frac{-1}{25}}} \mapsto (3,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (4,3)_{+1} \\ (1,1)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto \overline{(1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (2,3)_{\frac{-1}{25}}} \mapsto \overline{(3,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (3,2)_{\frac{-1}{25}}} \mapsto (3,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (4,3)_{+1} \\ (1,1)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto \overline{(1,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (2,3)_{\frac{-1}{25}}} \mapsto (3,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (3,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (4,2)_{-1} \\ \end{array}$$

In den drei Sequenzen wird die Aktion *Right* vier Mal im Zustand (1,3) ausgeführt und führt dann drei Mal bzw. ein Mal zu den Folgezuständen (2,3) bzw. (1,2).

- \sim Schätzung von $M_{(1,3),(2,3)}^{Right}$ zu 3/4,
- \sim Schätzung von $M_{(1,3),(1,2)}^{Right}$ zu 1/4.



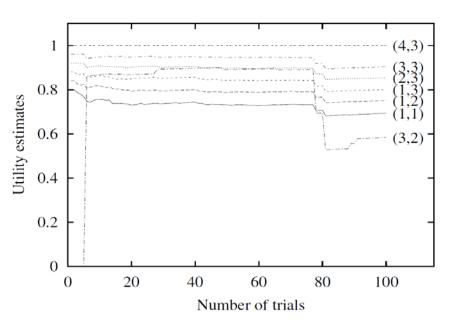
Adaptives Dynamisches Programmieren (3)

```
function PASSIVE-ADP-AGENT (percept) returns an action
 inputs: percept, a percept (s',r') indicating the current state s' and reward r'
  static: \pi, a fixed policy
          mdp, an MDP with rewards R, model M, initially unknown
          U, a table of utilities, initially empty
         N_{sa}, a table of frequencies for state-action pairs, initially zero
         N_{sas}, a table of frequencies for state-action-state triples, initially zero
          s, a, the previous state and action, initially null
 if s' is new then do U(s') \leftarrow r'; R(s') \leftarrow r'
 if s is not null then do
    increment N_{sa}[s,a] and N_{sas}[s,a,s]
                                                               Ähnlich der Value-Iteration, aber mit
    for each s" such that N_{sas}, [s,a,s] is nonzero do
                                                                     festgelegter Strategie \pi:
                                                                 U(s) \leftarrow R(s) + \sum_{s'} M(s, \pi(s), s') U(s')
        M[s,a,s"] \leftarrow N_{sas}, [s,a,s"] / N_{sa}[s,s"]
   U \leftarrow \text{VALUE-DETERMINATION}(\pi, U, mdp)
        // plug observed R and current M into Bellmann equations
  if TERMINAL?[s'] then s, a \leftarrow \text{null else } s, a \leftarrow s', \pi[s']
  return a
```

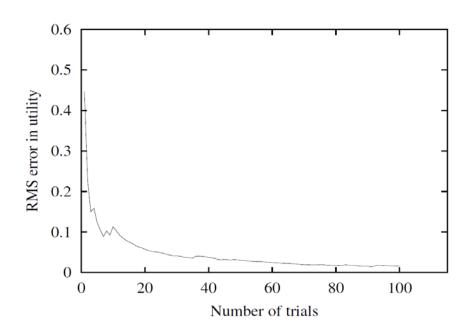
Adaptives Dynamisches Programmieren (4)

Lernkurve für ADP beim 4x3-Beispiel:

deutlich schnellere Konvergenz als naive Aktualisierung



Einbruch bei Sequenz 78 wegen ersten Erreichens des -1-Zustands (4,2)



Adaptives Dynamisches Programmieren (5)

ADP reduziert verstärkendes Lernen ebenfalls auf ein induktives Lernen, bei dem die Ein-/Ausgabepaare gegeben sind durch Zustands-Aktions-Paare (*s,a*) als Eingaben und Folgezustände *s* 'als Ausgaben.

ADP ist aufgrund seiner schnellen Konvergenz ein *Standard*, mit dem andere Reinforcement-Lernverfahren bewertet werden.

ADP ist aber *nicht handhabbar für große Zustandsräume*: Für Backgammon müssten 10⁵⁰ Gleichungen mit 10⁵⁰ Unbekannten gelöst werden.

Ansatz des Temporal Difference Learning
 ohne explizite Herleitung des Transitionsmodells.

Temporal Difference Lernen (1)

Frage: Wie können die *Zusammenhänge* zwischen den Zuständen *ohne* Lernen des expliziten Transitionsmodells berücksichtigt werden?

Lösung: Die Bewertung des Nutzens eines beobachteten Zustands s muss beim Lernen (1) die beobachteten Transitionen *UND* (2) die Nutzen der Folgezustände berücksichtigen!

Beispiel (1. Sequenz):

$$(1,1)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto \boxed{(1,3)}_{\frac{-1}{25}} \mapsto (1,2)_{\frac{-1}{25}} \mapsto \boxed{(1,3)}_{\frac{-1}{25}} \mapsto (2,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (3,3)_{\frac{-1}{25}} \mapsto (4,3)_{+1}$$

Als Ergebnis der ersten Sequenz werde naiv aktualisiert:

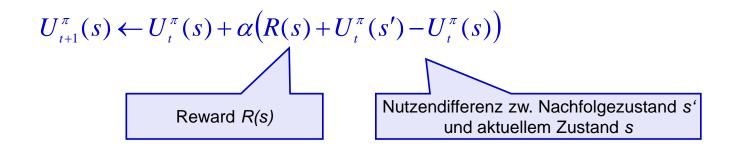
 $U^{\pi}(1,3) = 0.84$ (durch Mittelung aus 0.80 und 0.88) und $U^{\pi}(2,3) = 0.92$.

Wegen der Möglichkeit, direkt von (1,3) zu (2,3) zu kommen, scheint eine höhere Bewertung – insbes. bei wiederholtem Auftreten dieser Transition – angemessen, nämlich:

$$U^{\pi}(1,3) = -0.04 + U^{\pi}(2,3) = \underline{0.88}.$$

Temporal Difference Lernen (2)

Allgemein: Bei einem beobachteten Zustandsübergang von s nach s' wird der Wert von $U^{\pi}(s)$ an den Wert von $U^{\pi}(s')$ mit Lernrate α angepasst:



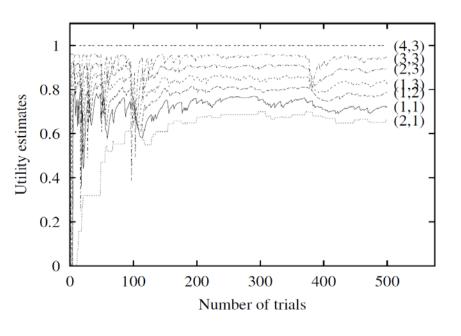
Da die Aktualisierung auf den Nutzendifferenzen *aufeinander folgender*Zustände basiert ~ Temporal Difference Learning.

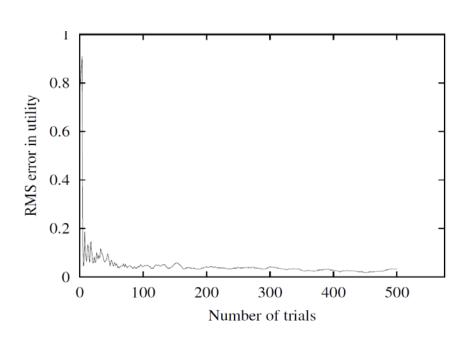
Für die schnelle Konvergenz kann statt konstanter Lernrate α ein Funktional α (n) verwendet werden, dessen Wert mit zunehmender Anzahl n der Beobachtungen eines Zustands s abnimmt.

Temporal Difference Lernen (3)

Lernkurve für TDL beim 4x3-Beispiel:

- Langsamere Konvergenz mit stärkeren Ausreißern als ADP
- Schnellere Konvergenz als naives Aktualisieren
- Verwendete Lernrate α(n) = 60/(59 + n)*





^{*} Allg. Forderung: $\sum_{n=1}^{\infty} \alpha(n) = \infty$, $\sum_{n=1}^{\infty} \alpha^{2}(n) < \infty$. Beispiel: $\alpha(n) = \frac{1}{n}$

Aktives Lernen in einer unbekannten Umgebung

- Beim passiven Lernen hatten wir angenommen, dass der Agent keine aktive Rolle in der Wahl der Aktionen hat \sim durch Umwelt vorgegebene Policy π .
- Beim aktiven Lernen muss jetzt ein Modell $M_{ss'}^a$ für alle möglichen Aktionen a des Agenten unabhängig von einer festen Policy berücksichtigt werden. Dazu bietet sich ADP als Verfahren an.

Die zu lernenden Nutzen der Zustände sind aber durch die *optimale Strategie* entsprechend den Bellmann-Gleichungen bestimmt :

$$U(s) = R(s) + \max_{a} \sum_{s'} M_{ss'}^{a} U(s'), \quad \pi^*(s) = \underset{a}{\operatorname{argmax}} \sum_{s'} M_{ss'}^{a} U(s').$$

Der resultierende *Active-ADP-Agent* verwendet sein *Performance Element*, um eine mögliche Aktion auszuwählen.

Exploration (1)

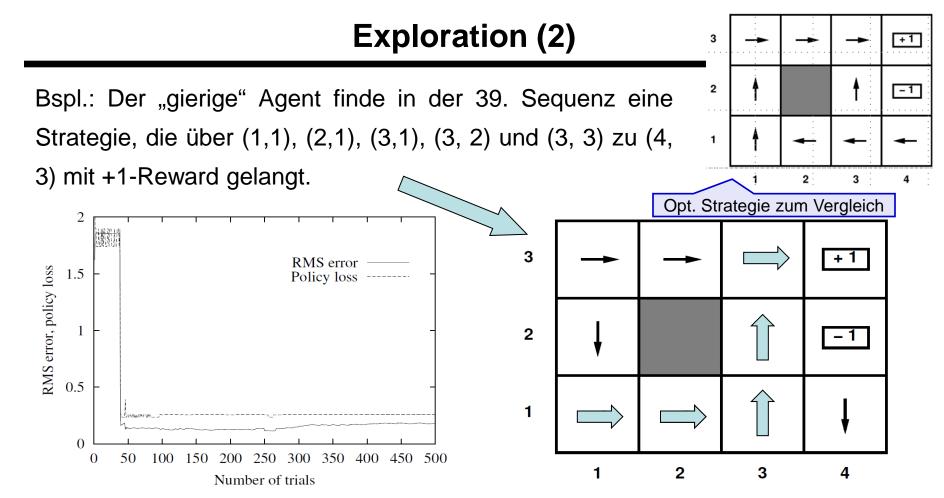
Gibt es eine optimale Erkundungsstrategie?

Ein naiver Agent wählt zufällig Aktionen aus, in der Hoffnung, so die Umgebung vollständig zu erkunden.

→ ein naiver Agent findet eher zufällig eine Lösung.

→ ein naiver Agent optimiert seinen Nutzen nicht zielgerichtet.

Alternative: der gierige Agent maximiert seinen gegenwärtigen Nutzen auf Basis der aktuellen Schätzungen!



Nach einigen kleineren Variationen bleibt der gierige Agent ab Sequenz 276 bei dieser Strategie und findet nicht die optimale Strategie (s.o.).

- → hat der gierige Agent einmal eine Lösung gefunden, wird er nicht besser.
- → Agenten finden nicht immer die optimale Lösung!

Lösung: *Unbekannten* Zustand-Aktions-Paaren höhere Nutzen einräumen!

Exploration (3)

Exploration, die unbekannten Zustands-Aktions-Paaren höhere Nutzen einräumt:

- N(a,s): Wie oft wurde Aktion a in Zustand s ausgeführt.
- *U*⁺(s): Erwartete Utility von s ... unter Berücksichtigung von *N*(a,s).

Die Aktualisierungsgleichung für die Value-Iteration des aktiven ADP-Agenten:

$$U^+(s) \leftarrow R(s) + \max_{a} f(\underline{\sum_{s'} M_{ss'}^a U^+(s')}, \underline{N(a,s)}).$$

f(u,n) heißt *Explorationsfunktion* und bestimmt, in welchem Verhältnis Neugier und Nutzenmaximierung stehen. f(u,n) sollte mit zunehmendem u und abnehmendem n wachsen. Beispiel: $\begin{cases} R^+ & \text{für } n < N \end{cases}$

 $f(u,n) = \begin{cases} R^+ & \text{für } n < N_e \\ u & \text{sonst.} \end{cases}$

 R^+ ist eine fixe, optimistische Reward-Schätzung und führt mit der Konstanten N_e dazu, dass jedes Zustands-Aktions-Paar mindestens N_e Mal gewählt wird.

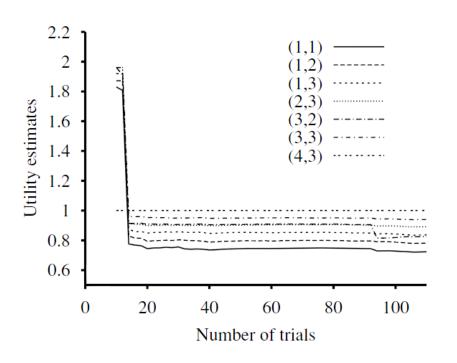
Aktiver ADP-Agent

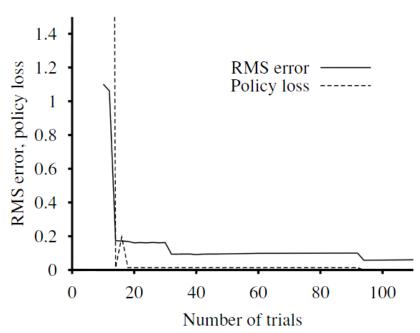
```
function ACTIVE-ADP-AGENT (percept) returns an action
  inputs: percept, a percept (s',r') indicating the current state s' and reward r'
  static: mdp, an MDP with rewards R, model M, initially unknown
          U, a table of utilities, initially empty
         N_{sa}, a table of frequencies for state-action pairs, initially zero
         N_{sas}, a table of frequencies for state-action-state triples, initially zero
          s, a, the previous state and action, initially null
  if s' is new then do U(s') \leftarrow r'; R(s') \leftarrow r'
  if s is not null then do
    increment N_{sa}[s,a] and N_{sas}[s,a,s']
    for each t such that N_{sas}, [s,a,t] is nonzero do
        M[s,a,t] \leftarrow N_{sas}, [s,a,t] / N_{sa}[s,a]
  U \leftarrow \text{VALUE-ITERATION}_{\text{Explore}}(U, mdp)
        // plug observed R and current M into Bellmann equations for exploration
  if TERMINAL?[s'] then s, a \leftarrow null
          else s, a \leftarrow s', argmax_{a'}f(\sum_{s'}M[s,a',s'] U(s'), N_{sa}[s',a'])
  return a
```

Exploration (4)

Lernkurve für explorierenden ADP-Agenten beim 4x3-Beispiel:

- Fast optimale Strategie wird bereits nach 18 Sequenzen gefunden.
- $R^+ = 2$, $N_e = 5$

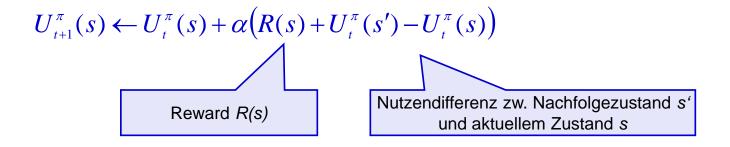




Q-Lernen (1)

Analog zum explorierenden ADP-Agenten soll ein explorierender TDL-Agent gestaltet werden, der ohne Lernen des Transitionsmodells arbeiten kann.

Der passive TDL-Agent berücksichtigte die <u>beobachteten</u> Transitionen **und** die Nutzen der Folgezustände beim Lernen der Nutzenfunktion $U^{\pi}(s)$.



Der aktive TDL-Agent muss die <u>zu wählenden</u> Transitionen und die Nutzen der Folgezustände berücksichtigen und so ein Lernen der Bewertung von Zustands-Aktions-Paaren Q(a,s) mit einer Q-Funktion umsetzen.

Q(a,s) bewertet die Ausführung

von Aktion a in

Zustand s.

Q-Lernen (2)

Zusammenhang von Nutzenfunktion und Zustands-Aktions-Paaren:

$$U(s) = max_a Q(a,s).$$

Vorteil: Ein TDL-Agent, der eine Q-Funktion lernt, benötigt keine Modelle für die Aktionsauswahl:

- Q-Werte dienen direkt der Entscheidungsfindung.
- Q-Werte werden direkt aus dem Reward-Feedback gelernt.

Q-Lernen (3)

Q-Lernen mit ADP-Ansatz würde bedeuten:

 $U(s') = max_{a'}Q(a',s')$

$$Q(a,s) = R(s) + \sum_{s'} M_{ss'}^{a} \max_{a'} Q(a',s').$$

Q-Lernen mit TDL-Ansatz benötigt kein explizites Modell $M_{ss'}^a$:

$$Q_{t+1}(a,s) \leftarrow Q_{t}(a,s) + \alpha \left(R(s) + \max_{a'} Q_{t}(a',s') - Q_{t}(a,s)\right)$$

Zum Vergleich die TDL-Aktualisierung: $U^{\pi}_{t+1}(s) \leftarrow U^{\pi}_{t}(s) + \alpha(R(s) + U^{\pi}_{t}(s') - U^{\pi}_{t}(s))$

Reward R(s)

Bewertungsdifferenz zw. Nachfolgezustand s'und aktuellem s

Der explorierende Q-lernende TDL-Agent benutzt wieder eine Explorations-

funktion f(u,n) wie der explorierende ADP-Agent.

Q-Lernen (4)

```
function Q-LEARNING-AGENT (percept) returns an action
  inputs: percept, a percept (s',r') indicating the current state s' and reward r'
  static: Q, a table of action values indexed by state and action
         N_{sa}, a table of frequencies for state-action pairs, initially zero
         s, a, r the previous state, action, and reward, initially null
 if s is not null then do
    increment N_{sa}[s,a]
    Q[a,s] \leftarrow Q[a,s] + \alpha (r + \max_{a'} Q[a',s'] - Q[a,s])
 if TERMINAL?[s'] then s, a, r \leftarrow null
                         else s, a, r \leftarrow s', argmax_{a'}f(Q[a',s'],N_{sa}[s',a']), r'
  return a
```

Der Q-lernende TDL-Agent lernt ohne Modell ... aber auch deutlich langsamer als der explorierende ADP-Agent, weil TDL keine Konsistenz über ein Transitionsmodell erzwingt.

Eingabe-Generalisierung

Die Zustandsräume von Schach und Backgammon haben ca. 10¹²⁰ bzw. 10⁵⁰ Zustände. Es ist absurd zu verlangen, dass man all diese Zustände besuchen muss, um spielen zu lernen.

Wir benötigen eine *implizite Repräsentation* der Nutzenfunktion. Zum Beispiel lässt sich jede Position im Schach anhand weniger Merkmale bewerten.

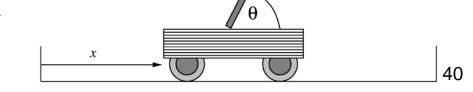
 \sim z.B. gewichtete lineare Nutzenfunktion $U(s) = w_1 f_1(s) + ... + w_{10} f_{10}(s)$

Eingabe-Generalisierung impliziert auch für die Exploration eine Generalisierung bzgl. besuchter Zustände und nicht besuchter Zustände.

Erfolgreiche Anwendungen

- Im Spielebereich: Checkers, TD-Gammon
 - → Eingabe-Generalisierung
- Im Robotikbereich: Invertiertes Pendel
 - mit Zustandsvariablen x, θ , x, θ
 - Versuchssequenzen, die mit Umfallen der Stange oder Spurende terminieren
 - Negative Verstärkung wurde der letzten Aktion zugeordnet und durch die Folge zurückgereicht
 - BOXES-Algm.* konnte Stange nach 30
 Versuchen 1h im Gleichgewicht halten

^{*} D. Michie, R. A. Chambers: BOXES: *An experiment in adaptive control.* In Dale, E., & Michie, D. (Eds.), Machine Intelligence (1968)



Erfolgreiche Anwendungen

Demis Hassabis: Gründer von *DeepMind*, das er 2014 an Google verkaufte.

→ Deep Reinforcement Learning

schlägt weltbesten Go-Spieler Lee Sedol im März 2016

Google DeepMind



Zusammenfassung

Je nach der Rolle des Agenten unterscheiden wir **aktives** (exploratives Handeln) und **passives Lernen** (Beobachten der Umwelt).

Der **Nutzen** eines Zustands ist die Summe der **Belohnungen**, die ein Agent zwischen seinem aktuellen Zustand und dem Endzustand erwartet.

Drei Ansätze, um die Nutzenfunktion zu lernen:

- 1. Naives Aktualisieren.
- 2. Adaptive Dynamische Programmierung.
- 3. Zeitliche Differenz.

Explorative Agenten müssen alle möglichen Aktionen berücksichtigen und verwenden eine Explorationsfunktion.