

Regresión y ANOVA: Analgésicos Infantiles *

García Prado, Sergio
sergio@garciparedes.me

15 de noviembre de 2017

1. Contexto y Conjunto de Datos

En este trabajo se va a realizar un estudio acerca de la diferencia de medias sobre el conjunto de datos **painkillers**, el cual se refiere a un experimento sobre *Analgésicos Infantiles*. Para ello, se utilizará la técnica de *Análisis de la Varianza (ANOVA)*. Una contextualización más detallada del experimento se describe a partir del siguiente enunciado:

“El departamento de pediatría de un hospital desea analizar la eficacia de cuatro analgésicos infantiles ante las cefaleas. Para ello, realiza un experimento en el que se seleccionan aleatoriamente cinco grupos de cuatro pacientes, de manera que en cada grupo se da un cefalea distinto. A continuación se suministra, también de forma aleatoria, cada analgésico a uno de los pacientes de cada grupo, y se observa el tiempo de remisión de la cefalea, en minutos. Se registran los datos siguientes, en cada uno de los cinco grupos (**tiempo de remisión**, **analgésico** y **cefalea**).”

2. Cuestiones

En esta sección se incluyen una serie de cuestiones que serán resueltas mediante el estudio del conjunto de datos a partir de la técnica *ANOVA*.

2.1. Estudia el tipo de diseño adecuado para esta situación, e identifica las variables, factores y parámetros

Tras analizar el contexto del experimento, se sabe que la variable respuesta Y que se utilizará para el *análisis de la varianza* es **tiempo de remisión**, dado que es la que se utiliza para cuantificar la calidad del tratamiento. En cuanto a las variables a partir de las cuales se pretende explicar el **tiempo de remisión**, estas son el **analgésico** y el **cefalea**.

Sin embargo, estas no han sido seleccionadas de la misma manera, dado que tal y como se indica en el enunciado, se han fijado 4 muestras de *a priori* 5 **tipos de cefalea**, sobre los cuales aplicar los 4 tipos de **analgésico**. Por tanto, podemos interpretar dicha situación diciendo que el factor **tipos de cefalea** representa un **bloque** (que denotaremos por B_β siendo $\beta \in \{1, 2, 3, 4, 5\}$ el identificador de cada uno de los niveles del bloque), y asumiento que el factor **analgésico** representa un **tratamiento** (que denotaremos por T_α siendo $\alpha \in \{A, B, C, D\}$ el identificador de cada uno de los niveles del tratamiento).

$$Y_{ij} = \mu + T_\alpha + B_\beta + \epsilon_{ij} \tag{1}$$

*URL: <https://github.com/garciparedes/anova-painkillers>

Por dichas razones, utilizaremos el modelo de *1 factor + 1 bloque*, el cual se muestra en la ecuación (1). A este modelo se le ha añadido además la componente ϵ_{ij} , que representa el error aleatorio y sigue una distribución $N(0, \sigma^2)$, asumiendo que σ^2 es la misma para todas las observaciones.

[TODO]

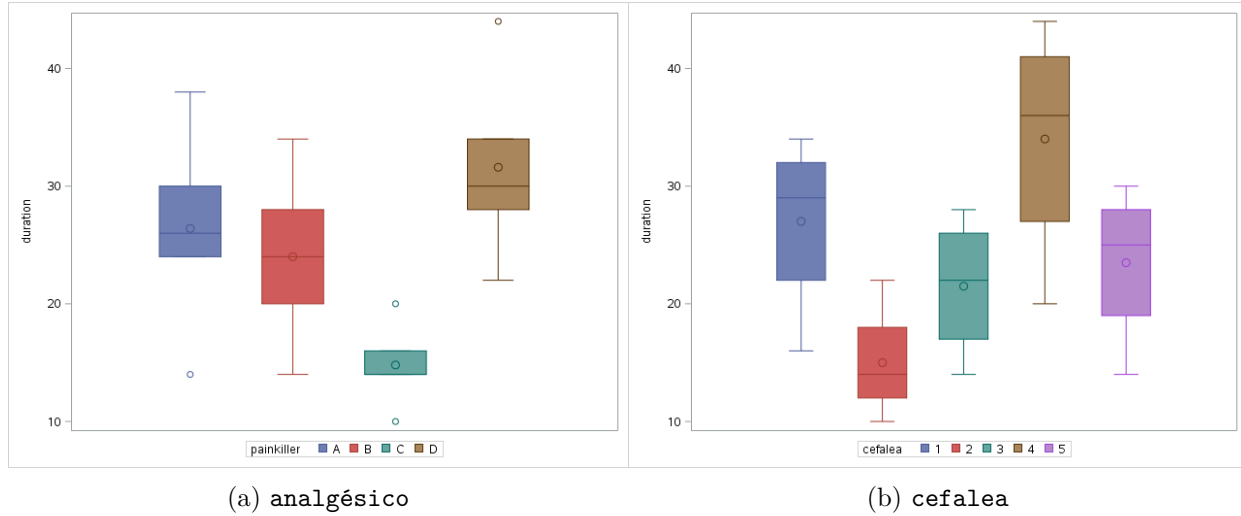


Figura 1: Diagramas de cajas

2.2. ¿Es adecuado usar las cefaleas como bloques?. ¿Existen diferencias significativas entre los tiempos de remisión de las cefaleas para los distintos analgésicos?

[TODO]

The GLM Procedure					
Dependent Variable: duration					
Source	DF	Sum of Squares	Mean Square	F Value	Pr > F
Model	7	1525.200000	217.885714	35.33	<.0001
Error	12	74.000000	6.166667		
Corrected Total	19	1599.200000			

R-Square	Coeff Var	Root MSE	duration Mean
0.953727	10.26148	2.483277	24.20000

Source	DF	Type I SS	Mean Square	F Value	Pr > F
painkiller	3	740.000000	246.666667	40.00	<.0001
cefalea	4	785.200000	196.300000	31.83	<.0001

Source	DF	Type III SS	Mean Square	F Value	Pr > F
painkiller	3	740.000000	246.666667	40.00	<.0001
cefalea	4	785.200000	196.300000	31.83	<.0001

Figura 2

2.3. Estudia gráficamente la existencia de interacción entre analgésico y cefalea.

[TODO]

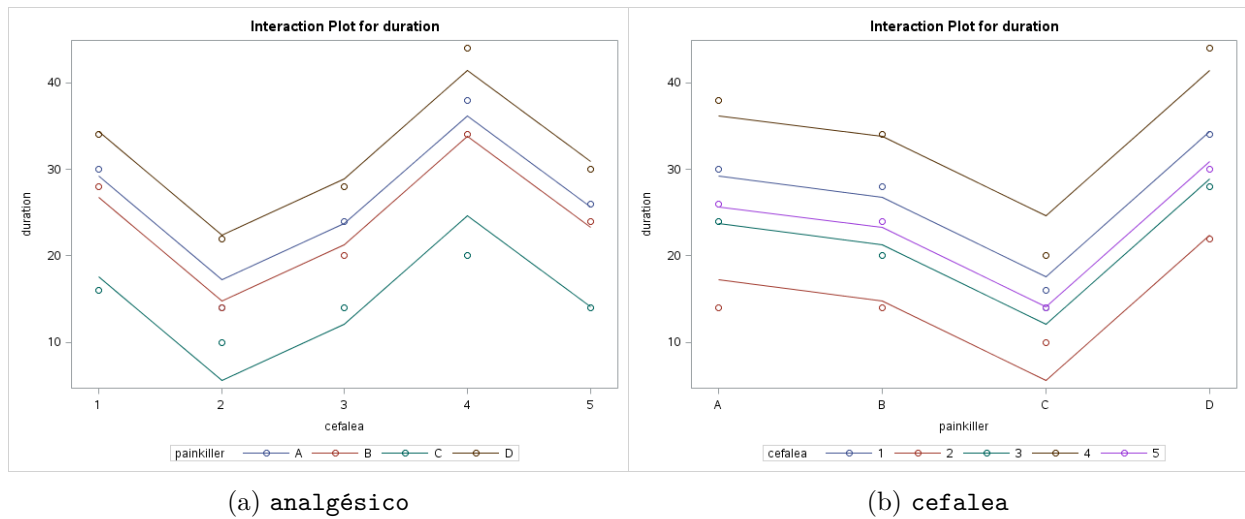


Figura 3: Diagramas de Interacción

2.4. Determina mediante comparaciones múltiples cuál de los analgésicos es más eficaz.

[TODO]

The GLM Procedure				
Least Squares Means				
Adjustment for Multiple Comparisons: Tukey				
painkiller	duration LSMEAN	LSMEAN Number		
A	26.4000000	1		
B	24.0000000	2		
C	14.8000000	3		
D	31.6000000	4		

Least Squares Means for effect painkiller				
Pr > t for H0: LSMean(i)=LSMean(j)				
Dependent Variable: duration				
i/j	1	2	3	4
1		0.4520	<.0001	0.0276
2	0.4520		0.0004	0.0020
3	<.0001	0.0004		<.0001
4	0.0276	0.0020	<.0001	

Figura 4

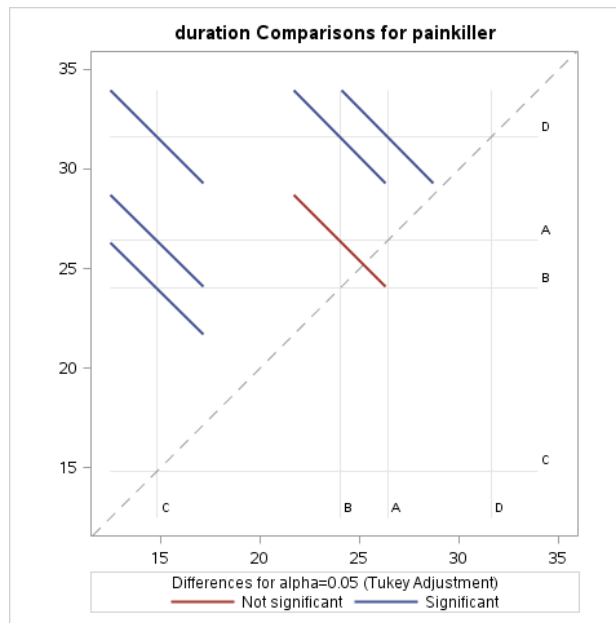


Figura 5

2.5. Suponiendo que el analgésico A es un placebo, realiza el test de Dunnett
[TODO]

The GLM Procedure
Least Squares Means
Adjustment for Multiple Comparisons: Dunnett

painkiller	duration LSMEAN	H0:LSMean=Control
		Pr > t
A	26.4000000	
B	24.0000000	0.3320
C	14.8000000	<.0001
D	31.6000000	0.0162

Figura 6

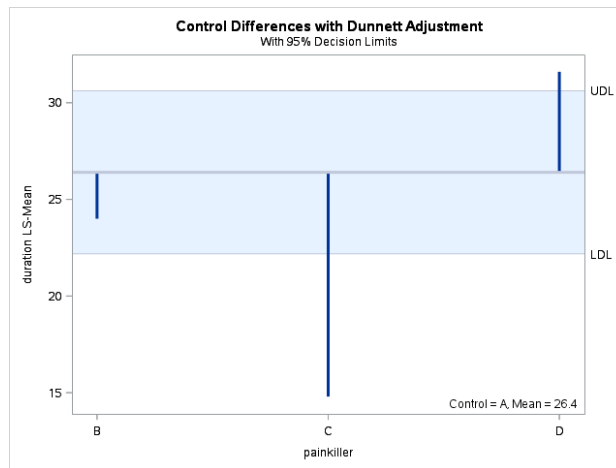


Figura 7

2.6. Haz un análisis gráfico de los residuos.

[TODO]

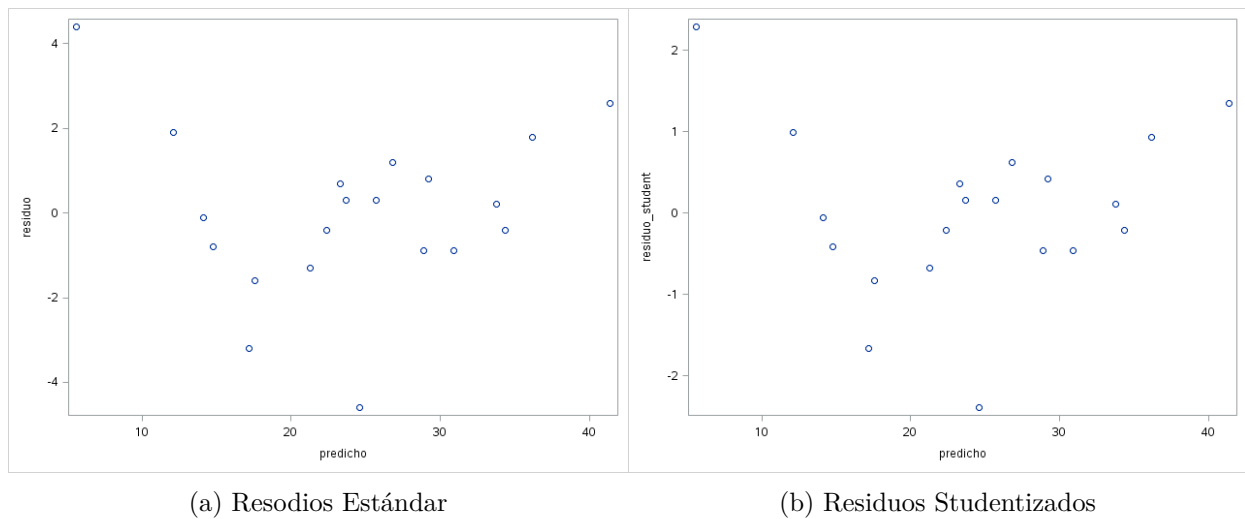


Figura 8: Diagramas de Residuos

2.7. Si los analgésicos se hubieran elegido al azar entre todos los existentes, plantea el modelo adecuado y estima las componentes de la varianza.

[TODO]

The GLM Procedure	
Source	Type III Expected Mean Square
painkiller	Var(Error) + 5 Var(painkiller)
cefalea	Var(Error) + Q(cefalea)

Figura 9

The GLM Procedure					
Tests of Hypotheses for Mixed Model Analysis of Variance					
Dependent Variable: duration					
Source	DF	Type III SS	Mean Square	F Value	Pr > F
painkiller	3	740.000000	246.666667	40.00	<.0001
cefalea	4	785.200000	196.300000	31.83	<.0001
Error: MS(Error)	12	74.000000	6.166667		

Figura 10

2.8. Plantea el modelo como diseño unifactorial completamente aleatorizado y compara los resultados.

[TODO]

The GLM Procedure					
Dependent Variable: duration					
Source	DF	Sum of Squares	Mean Square	F Value	Pr > F
Model	3	740.000000	246.666667	4.59	0.0167
Error	16	859.200000	53.700000		
Corrected Total	19	1599.200000			

R-Square	Coeff Var	Root MSE	duration Mean
0.462731	30.28111	7.328028	24.20000

Source	DF	Type I SS	Mean Square	F Value	Pr > F
painkiller	3	740.000000	246.666667	4.59	0.0167

Source	DF	Type III SS	Mean Square	F Value	Pr > F
painkiller	3	740.000000	246.666667	4.59	0.0167

Figura 11

3. Código Fuente

En esta sección se incluyen los distintos procedimientos de código *SAS* utilizados para la realización de este trabajo.

```

data painkillers;
  input duration painkiller$ cefalea;
  datalines;
30 A 1
28 B 1
16 C 1
34 D 1
14 A 2
14 B 2
10 C 2
22 D 2
24 A 3
20 B 3
14 C 3
28 D 3
38 A 4
34 B 4
20 C 4
44 D 4
26 A 5
24 B 5
14 C 5
30 D 5
;
run;
proc print data=painkillers;
run;

```

Figura 12: *Código SAS*: Lectura del conjunto de datos.

```

proc sgplot data=painkillers;
  vbox duration / group=painkiller;
run;

proc sgplot data=painkillers;
  vbox duration /group=cefalea;
run;

```

Figura 13: *Código SAS*: Generación de los diagramas de cajas.

```

proc glm data=painkillers;
  *class cefalea painkiller;
  class painkiller cefalea;
  model duration=painkiller cefalea ;
  lsmeans painkiller / adjust=tukey;
  lsmeans painkiller / adjust=dunnett;
  random painkiller / test;
  output out=soluc P=predicho R=residuo student=residuo_student;
run;

```

Figura 14: *Código SAS*: Realización de ANOVA por bloques.

```

proc sgplot data=soluc;
  scatter y=residuo x=predicho;
run;

proc sgplot data=soluc;
  scatter y=residuo_student x=predicho;
run;

```

Figura 15: *Código SAS*: Generación de diagramas de residuos.

```

proc glm data=painkillers;
  class painkiller;
  model duration=painkiller;
run;

```

Figura 16: *Código SAS*: Realización de ANOVA completamente aleatorizado.

Referencias

- [1] BARBA ESCRIBÁ, L. Regresión y ANOVA, 2017/18. Facultad de Ciencias: Departamento de Estadística.
- [2] SAS® SOFTWARE INSTITUTE. Sas. <https://www.sas.com/>.