Universiadade Federal da Bahia Instituto de Matemática e Estatística Prof. Dr. Gilberto Pereira Sassi

Lista de exercícios – teste de hipóteses para duas populações ou variáveis.

Em alguns casos desta lista de exercícios, você vai precisar alguma ferramente computacional como o R, Python e afins.

- 1. Assuma que $X_1 \sim N(\mu_1, 10^2)$ e $X_2 \sim N(\mu_1, 5^2)$. Imagine que um pesquisador deseja decidir entre as hipóteses: $H_0: \mu_1 = \mu_2$ e $H_1; \mu_1 \neq \mu_2$. Suponha que coletamos uma amostra de X_1 de tamanho $n_1 = 10$ com média $\bar{x}_1 = 4, 7$ e uma amostra de X_2 de tamanho $n_2 = 15$ com média $\bar{x}_2 = 7, 8$. Use $\alpha = 5\%$.
 - (a) Temos evidência para rejeitar H_0 ?
 - (b) Calcule o valor-p.
- 2. Assuma que $X_1 \sim N(\mu_1, 10^2)$ e $X_2 \sim N(\mu_1, 5^2)$. Imagine que um pesquisador deseja decidir entre as hipóteses: $H_0: \mu_1 \leq \mu_2$ e $H_1; \mu_1 > \mu_2$. Suponha que coletamos uma amostra de X_1 de tamanho $n_1 = 10$ com média $\bar{x}_1 = 24, 5$ e uma amostra de X_2 de tamanho $n_2 = 15$ com média $\bar{x}_2 = 21, 3$. Use $\alpha = 5\%$.
 - (a) Temos evidência para rejeitar H_0 ?
 - (b) Calcule o valor-p.
 - (c) Construa um intervalo de confiança para $\mu_1 \mu_2$ com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Deveríamos rejeitar H_0 usando este intervalo de confiança?
- 3. Assuma que $X_1 \sim N(\mu_1, 10^2)$ e $X_2 \sim N(\mu_1, 5^2)$. Imagine que um pesquisador deseja decidir entre as hipóteses: $H_0: \mu_1 \geq \mu_2$ e $H_1; \mu_1 < \mu_2$. Suponha que coletamos uma amostra de X_1 de tamanho $n_1 = 10$ com média $\bar{x}_1 = 14, 2$ e uma amostra de X_2 de tamanho $n_2 = 15$ com média $\bar{x}_2 = 19, 7$. Use $\alpha = 5\%$.
 - (a) Temos evidência para rejeitar H_0 ?
 - (b) Calcule o valor-p.
 - (c) Construa um intervalo de confiança para $\mu_1 \mu_2$ com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Deveríamos rejeitar H_0 usando este intervalo de confiança?
- 4. Duas máquinas são usadas para encher garrafas PET com 600ml de refrigerante. Assumimos que o volume das garrafas PET tem distribuição normal com desvio padrão $\sigma_1 = 0,020ml$ para a primeira máquina e tem distribuição normal com desvio padrão $\sigma_2 = 0,025ml$ para a segunda máquina. A equipe de controle da qualidade suspeita que as garrafas PET não são preenchidas com o mesmo volume, em média, pelas duas máquinas. Uma amostra com 10 garrafas PET é coletada para as duas máquinas. Os dados estão na Tabela 1. Use $\alpha = 5\%$.
 - (a) As suspeitas da equipe estão corretas?
 - (b) Calcule o valor-p.

Máquina 1	599,99	600,02	599,98	600,02	599,99	599,99	600,01	600,01	600,00	599,98
Máquina 2	620,06	619,89	620,12	620,49	620,19	620,75	620,40	620,36	620,27	619,75

Tabela 1: Volume de garrafas PET preenchidas por duas máquinas.

- 5. Dois tipos de plásticos são adequados para um fabricante de componentes eletrônicos. A força de ruptura deste plástico é importante, e sabemos que a força de ruptura dos dois plásticos tem distribuição normal com desvio padrão $\sigma_1 = \sigma_2 = 1$ psi. Em uma amostra com $n_1 = 10$ espécimes do plástico do tipo 1 obtivemos uma média $\bar{x}_1 = 162, 5$ psi e em uma amostra com $n_2 = 12$ espécimes do plástico do tipo 2 obtivemos uma média $\bar{x}_2 = 155, 0$ psi. Esta companhia usará o plástico de tipo 1 se sua força de ruptura exceder, em média, a força de ruptura do plástico to tipo 2 em 10 psi. Use $\alpha = 5\%$.
 - (a) A companhia deveria usar o plástico de tipo 1?
 - (b) Calcule o valor-p.
 - (c) Calcule o intervalo de confiança para a diferença das forças de ruptura com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Usando este intervalo, qual seria a decisão da companhia?
- 6. As taxas de queima de dois propulsores diferentes de combustível sólido usados em sistemas de fuga da tripulação aérea estão em análise. Sabemos que a taxa de queima dos dois propulsores tem distribuição normal com desvio padrão $\sigma_1 = \sigma_2 = 3$ centímetros por segundo. Um engenheiro analisou $n_1 = 20$ espécimes com uma taxa média de queima $\bar{x}_1 = 18$ centímetros por segundo e $n_2 = 10$ espécimes com uma taxa média de queima $\bar{x}_2 = 24$ centímetros por segundo. Use $\alpha = 5\%$.

- (a) Os dois propulsores tem a mesma taxa de queima?
- (b) Calcule o valor-p.
- 7. Duas formulações diferentes de um combustível oxigenado está em análise para estudar seu índice de octano. A variância do índice de octano para a formulação 1 é $\sigma_1^2 = 1, 5$, e para a formulação 2 é $\sigma_2^2 = 1, 2$. Uma amostra aleatória com $n_1 = 15$ com espécimes da fórmula 1 tem média $\bar{x}_1 = 89, 6$, e a amostra aleatória com $n_2 = 20$ com espécimes da fórmula 2 tem média $\bar{x}_2 = 92, 5$. Assuma a normalidade dos dados. Use $\alpha = 5\%$.
 - (a) A formulação 2 tem um número maior de octanas?
 - (b) Calcule o valor-p.
 - (c) Construa um intervalo de confiança para $\mu_1 \mu_2$ com coeficiente de confiança $\gamma = 94\%$. Qual a resposta para o item (a) usando este intervalo de confiança?
- 8. Um polímero é produzido por um processo químico em lotes. As viscosidade de cada lote tem distribuição normal com variância $\sigma = 20$. Quinze lotes tiveram a viscosidade mensurada e os dados estão na Tabela 2. Uma mudança neste processo

724	760	795	740	739
718	745	756	761	747
776	759	742	749	742

Tabela 2: Viscosidade em quinze lotes de um processo químico para produzir polímeros.

químico envolve a mudança do catalisador. Com este novo catalisador, medimos a viscosidade em oito lotes e os dados estão na Tabela 3. Assuma que a repetibilidade não é alterada pelo novo catalisador. Se a diferença entre as viscosidades médias é 10 ou menos, o engenheiro responsável deseja detectá-la com alta probabilidade. Use $\alpha = 5\%$.

735	729	783	738
775	755	760	780

Tabela 3: Viscosidade em quinze lotes de um processo químico com o novo catalisador.

- (a) Formule um teste de hipóteses apropriado. Qual a sua conclusão?
- (b) Calcule o valor-p.
- (c) Construa um intervalo de confiança a diferença das viscosidades médias com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Qual a sua conclusão no item (a) usando este intervalo de confiança?
- 9. A concentração do ingrediente ativo em um detergente líquido para a lavagem de roupa pode ser afetado pelo tipo de catalisador usando no processo químico. O desvio padrão do ingrediente ativo é $\sigma=3$ gramas por litro independente do catalisador utilizado. Dez observações com a concentração do ingrediente ativo é coletada para dois tipos de catalisador, e os dados estão na Tabela 4. Assuma a normalidade dos dados.

Catalisador 1 57,9	66,2	65,4	65,4	65,2	62,6	67,6	63,7	67,2	71,0
Catalisador 2 66,4	71,7	70,3	69,3	64,8	69,6	68,6	69,4	65,3	68,8

Tabela 4: Concentração de ingrediente ativo (grama por litro).

- (a) Construa um intervalo de confiança para a diferença na concentração média do ingrediente ativo para cada catalisador com coeficiente de confiança $\gamma=95\%$. Interprete esse intervalo de confiança.
- (b) Existe evidência estatística que a concentração do ingrediente ativo depende do tipo de catalisador usado? Use $\alpha = 5\%$.
- (c) Calcule o valor-p.
- 10. Imagine que um pesquisador tem duas variáveis aleatórias independentes, $X_1 \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$ e $X_2 \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$, estão sob análise. Algumas informações deste experimento estão na Tabela 5. Use $\alpha = 5\%$.
 - (a) As variâncias das duas variáveis são iguais?
 - (b) Construa um intervalo de confiança para a diferenças das médias $\mu_1 \mu_2$ com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$.
 - (c) Existe evidência de que as médias são diferentes?
 - (d) Calcule o valor-p.
- 11. Imagine que um pesquisador tem duas variáveis aleatórias independentes, $X_1 \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$ e $X_2 \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$, que estão sob análise. Algumas informações deste experimento estão na Tabela 6. Use $\alpha = 5\%$.
 - (a) As variâncias das duas variáveis são iguais?

Variáveis	Tamanho da amostra	Média	Desvio padrão (amostral)
X_1	12	19,94	1,26
X_2	16	12,15	1,99

Tabela 5: Algumas informações do experimento.

Variáveis	Tamanho da amostra	Média	Desvio padrão
X_1	12	19,94	1,26
X_2	16	12, 15	1,99

Tabela 6: Algumas informações do experimento.

- (b) Construa um intervalo de confiança para a diferenças das médias $\mu_1 \mu_2$ com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$.
- (c) Existe evidência de que a média da variável X_2 é menor que a média da variável X_1 ?
- (d) Calcule o valor-p.
- 12. Considere as hipóteses: $H_0: \mu_1 = \mu_2$ e $H_1: \mu_1 \neq \mu_2$. Suponha que $n_1 = n_2 = 15$, $\bar{x}_1 = 4, 7$, $\bar{x}_2 = 7, 8$, $s_1^2 = 4$ e $s_2^2 = 6, 25$. Assuma que $\sigma_1 = \sigma_2$ e assuma a distribuição normal dos dados. Use $\alpha = 5\%$.
 - (a) Qual a sua decisão?
 - (b) Calcule o valor-p.
- 13. Considere as hipóteses: $H_0: \mu_1 = \mu_2$ e $H_1: \mu_1 \neq \mu_2$. Suponha que $n_1 = n_2 = 15$, $\bar{x}_1 = 6, 2$, $\bar{x}_2 = 7, 8$, $s_1^2 = 4$ e $s_2^2 = 6, 25$. Assuma que $\sigma_1 = \sigma_2$ e assuma a normalidade dos dados. Use $\alpha = 5\%$.
 - (a) Qual a sua decisão?
 - (b) Calcule o valor-p.
- 14. Considere as hipóteses: $H_0: \mu_1 = \mu_2$ e $H_1: \mu_1 \neq \mu_2$. Suponha que $n_1 = n_2 = 10$, $\bar{x}_1 = 7, 8$, $\bar{x}_2 = 5, 6$, $s_1^2 = 4$ e $s_2^2 = 9$. Assuma que $\sigma_1 = \sigma_2$ e assuma a normalidade dos dados. Use $\alpha = 5\%$.
 - (a) Qual a sua decisão?
 - (b) Calcule o valor-p.
 - (c) Construa o intervalo de confiança para $\mu_1 \mu_2$ para coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Qual a sua decisão (a) usando este intervalo de confiança?
- 15. O diâmetro de varas de aço fabricadas por duas máquinas de extrusão diferentes está em análise. Uma amostra com $n_1=15$ varas da máquina 1 com desvio padrão $s_1^2=0,35$ e média $\bar{x}_1=8,73$, e uma amostra com $n_2=17$ varas da máquina 2 com desvio padrão $s_2^2=0,40$ e média $\bar{x}_2=8,68$. Assuma que $\sigma_1=\sigma_2$ e assuma a normalidade dos dados.
 - (a) Existe evidência de que as duas máquinas produzem varas com diâmetros diferentes? Use $\alpha = 5\%$.
 - (b) Construa um intervalo de confiança para a diferente dos diâmetros meios com coeficiente de confiança $\gamma = 5\%$. Qual a sua conclusão para o item (a) usando este intervalo de confiança?
- 16. Dois catalisadores podem ser usados em um lote de processo químico. Doze lotes foram preparados usando o catalisador 1 resultando em um rendimento médio de 86 e desvio padrão 3. Quinze lotes foram preparados usando o catalisador 2 resultando em um rendimento médio 89 com desvio padrão 2. Assuma que o rendimento dos dois catalisadores tem distribuição normal com o mesmo desvio padrão.
 - (a) Existe uma evidência estatística de que o rendimento do catalisador 2 é maior que o rendimento do catalisador 1? Use $\alpha = 5\%$.
 - (b) Construa um intervalo de confiança para a diferença dos rendimentos médios dos dois catalisadores com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Qual a sua decisão no item (a) usando este intervalo de confiança?
- 17. A temperatura de deflexão térmica para dois tipos diferentes de tubos está em análise. Duas amostras com 15 espécimes foram testados, e suas temperaturas de deflexões estão na Tabela 7.

Tipo 1	96,67	86,67	96,11	86,11	90,00	89,44	97,22	85,00	87,22	100,56	88,89	98,89	90,00	81,11	96,11
Tipo 2	80,56	91,67	96,67	93,89	82,22	80,00	85,00	93,33	91,67	88,89	92,22	86,67	87,22	95,00	88,89

Tabela 7: Temperatura de deflexão para os dois tipos de tubos.

(a) Desenhe o diagrama de caixa para temperatura para os dois tipos de tubos. Usando o diagrama de caixa, você acha que as variâncias são iguais?

- (b) Existe evidência que as variâncias das temperaturas são diferentes para os dois tipos de tubos? Use $\alpha = 5\%$.
- (c) Existe evidência de que a temperatura de deflexão para os tubos do tipo 1 excede a temperatura de deflexão para os tubos de tipo 2? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
- 18. O ponto de fusão de dois tipos diferentes de materiais usados em soldas estão em análise e 21 espécimes de cada tipo foram coletadas e medimos o ponto de fusão. O primeiro tipo de material teve temperatura média de fusão $\bar{x}_1 = 215,56^{\circ}C$ com desvio padrão $s = 4^{\circ}C$, e o segundo tipo de material teve temperatura média de fusão $\bar{x}_2 = 218,89$ com desvio padrão $s = 3^{\circ}C$.
 - (a) Existe evidência que as variâncias são diferentes? Use $\alpha = 5\%$.
 - (b) Os dois tipos de material tem o mesmo ponto de fusão? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
- 19. Uma fita fotocondutora é produzido com grossura nominal de 25 milímetros. O engenheiro deseja aumentar a velocidade média e acredita que diminuir a grossura da fita para 20 milímetros aumentará a velocidade média. Oito fitas de cada grossura (20 e 25 milímetros) foram testadas e a velocidade (em microjoules por polegadas²) é medida. Para as fitas com grossura de 25 milímetros obtivemos $\bar{x}_1 = 1,15$ e $s_1 = 0,11$, e para a s fitas com grossura de 20 milímetros obtivemos $\bar{x}_2 = 1,06$ e $s_2 = 0,09$. Assuma a normalidade dos dados e suponha que as fitas com as duas grossuras tem a mesma variância.
 - (a) Os dados suportam a afirmação de que diminuir a grossura da fita aumenta a velocidade? Use $\alpha = 5\%$.
 - (b) Construa um intervalo de confiança para diferença de velocidades médias com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Qual seria a sua decisão no item (a) usando o intervalo de confiança?
- 20. Duas companhias produzem materiais de borracha usados para aplicações automotivas. Este material de borracha sofre degaste abrasivo e o engenheiro decide testar os materiais de borracha das duas companhias. O engenheiro coletou 25 espécimes de cada companhia, e o observou o desgaste em 1000 ciclos. Para a companhia 1, o desgaste médio foi $\bar{x}_1 = 20$ miligramas/1000 ciclos e $s_1 = 2$ miligramas/1000 ciclos, e para a companhia 2, obtemos um desgaste médio de $\bar{x}_2 = 15$ miligramas/1000 ciclos e desvio padrão $s_2 = 8$ miligramas/1000 ciclos. Assuma que o desgaste tem distribuição normal, mas as variâncias do desgaste para cada companhia são diferentes. Use $\alpha = 5\%$.
 - (a) Os dados suportam a afirmação que as duas companhias produzem materiais de borracha com desgastes diferentes?
 - (b) Os dados suportam a afirmação que o desgaste do material de borracha da companhia 1 é maior?
 - (c) Construa um intervalo de confiança para diferença das médias de desgaste para os materiais de borracha das duas companhias. Use $\gamma = 95\%$. Qual sua conclusão para o item (a) e (b) usando este intervalo de confiança?
- 21. Acredita-se que a grossura de uma fita plástica (em milímetros) em um material de substrato influencia a temperatura na qual o revestimento é aplicado. Em um estudo completamente aleatorizado, 11 subtratos foram revestidos em 51,67° C resultando em média $\bar{x}_1=103,5$ milímetros e desvio padrão $s_1=10,2$ milímetros. Outros 13 subtratos foram revestidos em 65,56° C resultando em média $\bar{x}_2=99,7$ milímetros e $s_2=20,1$ milímetros. Um engenheiro suspeita que aumentar a temperatura diminui a grossura da fita. Use $\alpha=1\%$.
 - (a) Os dados confirmam a suspeita do engenheiro? Calcule o valor-p.
 - (b) Responda o item (a) usando intervalo de confiança. Use $\gamma = 99\%$.
- 22. Em engenheiro quantificou a absorção de energia eletromagnética e efeito termal de telefones celulares. O experimento foi realizado em laboratório com ratos. A pressão sanguínea arterial (mmHg) do grupo de controle (nove ratos) teve média $\bar{x}_1 = 90$ com desvio padrão $s_1 = 5$ e o grupo de teste (nove ratos) obtemos $\bar{x}_2 = 115$ com desvio padrão $s_2 = 10$. Assuma que a pressão sanguínea arterial tem distribuição normal, mas as variâncias nos dois grupos não são iguais.
 - (a) Existe evidência estatística que o grupo de teste tem pressão sanguínea arterial maior? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
 - (b) Construa um intervalo de confiança para diferença de pressão média sanguínea arterial com coeficiente de confiança $\gamma = 99\%$. Qual a sua decisão no item (a) usando este intervalo de confiança?
 - (c) Os dados suportam a afirmação que o grupo de teste tem pressão média sanguínea arterial é 15 mmHg maior que o grupo de teste? Use $\alpha = 1\%$. Calcule o valor-p.
- 23. Um engenheiro está analisando a capacidade de uma balança medir o peso de dois tipos de folhas de papel. Os dados estão na Tabela 8. Assuma a normalidade dos dados, e a variância do peso dos dois tipos de papel.

Tipo de papel 1 3,481	3,448	3,485	3,475	3,472	3,477	3,472	3,464	3,472	3,470	3,470	3,470	3,477	3,473	3,474
Tipo de papel 2 \mid 3,258	3,254	3,256	3,249	3,241	3,254	3,247	3,257	3,239	3,250	3,258	3,239	3,245	3,240	3,254

Tabela 8: Peso de folhas de papel em gramas.

- (a) As médias de peso dos tipos de folhas são diferentes? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
- (b) Repita o item (a) com $\alpha = 10\%$.

Companhia 1 251,46	261,52	262,43	247,80	258,78	247,80	255,12	251,46	240,49	244,14
Companhia 2 235,92	223,11	237,74	242,32	249,63	256,95	247,80	246,89	240,49	245,06

Tabela 9: Distância viajada pela bola em metros.

- 24. A distância viajada por uma bola de golfe batida com o Iron Byron, um robô jogador de golfe que emula o campeão lendário Byron Nelson, está em análise. Duas companhias produzem o Iron Byron, e um pesquisador lançou 10 bolas para cada companhia e mediu a distância alcançadas. Os dados estão na Tabela 9. Assuma a normalidade dos dados.
 - (a) As variâncias das distâncias viajadas pelas bolas lançadas pelo Iron Byron das duas companhias são iguais?
 - (b) As distâncias viajadas pelas bolas são diferentes pelos Iron Byron das duas companhias? Use $\alpha=5\%$. Calcule o valor-p.
 - (c) Construa um intervalo de confiança para diferença das distâncias viajadas com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Usando este intervalo de confiança, qual seria a sua decisão no item (b)?
- 25. Cientistas europeus analisaram a composição química e o crescimento de algas em alguns rios da Europa. Na Tabela 10, mostramos a quantidade de alga (mg/L) para 15 rios de alto fluxo e 13 rios de baixo fluxo. Assuma a normalidade dos dados.

Rios de alto fluxo	23,3	23,8	33,6	41,5	56,0	78,8	17,8	31,0	23,4	49,5	65,0	75,8	43,9	48,9	56,4
Rios de baixo fluxo	18,4	59,6	35,8	47,3	34,1	33,3	55,0	43,1	26,0	41,8	38,7	11,8	16,4		

Tabela 10: Quantidade alga nos rios em mg/L.

- (a) As variâncias da quantidade de alga são iguais para rios de alto e baixo fluxo? Use $\alpha = 5\%$.
- (b) A quantidade média de algas para rios de baixo e alto fluxo são iguais? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
- (c) Construa um intervalo de confiança para diferença das médias de algas para rios de baixo e alto fluxo com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Usando este intervalo de confiança, qual a sua decisão para o item (b)?
- 26. Um gerente de uma frota de automóveis está analisando duas marcas de pneus radiais, ele escolheu oito carros e colocou os pneus das duas marcas em uso até eles ficarem carecas e anotou quantos quilômetros rodaram até o degaste total. Os dados estão na Tabela 11. Construa um intervalo de confiança para a diferença do tempo médio de vida dos pneus com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Qual marca o gerente deveria escolher?

Carro	Marca 1	Marca 2
1	36.925	34.318
2	45.300	42.280
3	36.240	35.500
4	32.100	31.950
5	37.210	38.015
6	48.360	47.800
7	38.200	37.810
8	33.500	33.215

Tabela 11: Tempo de vida dos pneus em km.

- 27. Um cientista da computação está analisando a utilidade de duas linguagens diferentes em melhorar as tarefas de programação. Doze programadores, que são familiares com ambas as linguagens, foram solicitados a codificar uma função padrão usando as duas linguagens e o tempo até a finalização foi gravado em minutos. Os dados estão na Tabela 12. Assuma a normalidade dos dados. Encontre o intervalo de confiança para a diferença no tempo médio de codificação com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Alguma linguagem é mais competitiva?
- 28. Dez indivíduos participaram de um programa de educação alimentar para perda de peso. O peso foi mensurado antes e depois da participação do programa de educação alimentar. Os dados estão na Tabela 13.
 - (a) Existe evidência estatística de que o programa de educação alimentar reduz o peso dos participantes? Use $\alpha=5\%$. Calcule o valor-p.
 - (b) Existe evidência estatística de que o programa de educação alimentar reduz o peso dos participantes em pelo menos 10 quilogramas? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
- 29. Dois testes analíticos diferentes podem ser usados para determinar o nível de impuridade em ligas de aço. Oito espécimes foram testados usando ambos procedimentos, e os resultados estão na Tabela 14.

	Tempo para pr	ogramar a função
Programador	Linguagem 1	Linguagem 2
1	17	18
2	16	14
3	21	19
4	14	11
5	18	23
6	24	21
7	16	10
8	14	13
9	21	19
10	23	24
11	13	15
12	18	20

Tabela 12: Tempo para programar em minutos.

Participantes	Antes	Depois
Indivíduo 1	88,45	84,82
Indivíduo 2	96,62	88,45
Indivíduo 3	112,04	100,24
Indivíduo 4	91,17	86,18
Indivíduo 5	84,82	79,38
Indivíduo 6	95,25	89,36
Indivíduo 7	97,52	$90,\!26$
Indivíduo 8	111,58	100,24
Indivíduo 9	133,36	126,10
Indivíduo 10	140,61	$129,\!27$

Tabela 13: Peso dos participantes em kg.

- (a) Existência evidência estatística que os testes diferem na indicação no nível de puridade das ligas de aço? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
- (b) Existe evidência estatística para a afirmação de que o teste 1 produz um nível de pureza média é 0,1 unidades menor? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
- 30. Um engenheiro agrônomo analisou a circunferência (em cm) de cinco laranjeiras foram mensurada em sete momentos. Os dados estão na Tabela 15. Assuma a normalidade dos dados.
 - (a) Compare o crescimento médio nas circunferências nos períodos de 1 a 2 e o crescimento nas circunferências nos períodos de 2 a 3. Este aumento é diferente nos dois períodos? Use $\alpha = 10\%$. Calcule o valor-p.
 - (b) Existe evidência estatística que o crescimento do período 1 ao 2 é maior que o crescimento do período 6 ao 7? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
- 31. Neurocientistas realizaram uma pesquisa no Canadá para verificar se o confinamento solitário afetam a atividade das ondas cerebrais. Eles estudaram 20 presos que foram divididos aleatoriamente em dois grupos: metade ficou em confinamento solitário e a outra metade ficou em confinamento tradicional. Os dados estão na Tabela 16.
 - (a) As duas variáveis estão associadas? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
 - (b) Existe evidência estatística de que a atividade das ondas cerebrais são diferentes entre presos em confinamento solidário e regular? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
- 32. Um pesquisador deseja verificar a eficácia de Ginkgo Biloba, uma árvore de origem chinesa, no tratamento de perda de memória. Voluntários foram medicados por seis semanas, e foram submetidos a testes de memória antes e depois do estudo. Para 99 pacientes voluntários, o aumento médio na fluência do teste (número de palavras geradas em um minuto) foi 1,07 palavras com desvio padrão 3,195. O número de palavras lembradas aumentou depois do uso do mendicamento à base de Ginkgo Biloba? Use α = 5%. Calcule o valor-p.
- 33. Imagine que um pesquisador tem duas variáveis $X_1 \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$ e $X_2 \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$. Considere as hipóteses $H_0: \sigma_1^2 \geq \sigma_2^2$ e $H_1: \sigma_1^2 < \sigma_2^2$. Coletamos $n_1 = 5$ observações de X_1 com variância $s_1^2 = 23, 2$, e $n_2 = 10$ observações de X_2 com variância $s_2^2 = 28, 8$.
 - (a) Qual a sua decisão? Use α . Calcule o valor-p.
 - (b) Construa um intervalo de confiança $\frac{\sigma_1}{\sigma_2}$ com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Usando este intervalo de confiança, qual seria a sua decisão no item (a)?

Espécimes	Teste 1	Teste 2
Barra 1	1,2	1,4
Barra 2	1,3	1,7
Barra 3	1,5	1,5
Barra 4	1,4	1,3
Barra 5	1,7	2,0
Barra 6	1,8	2,1
Barra 7	1,4	1,7
Barra 8	1,3	1,6

Tabela 14: Nível de pureza das barras de aço.

Árvores	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6	x_7
A B C D E	30	58	87	115	120	142	145
В	33	69	111	156	172	203	203
\mathbf{C}	30	51	75	108	115	139	140
D	32	62	112	167	179	209	214
E	30	49	81	125	142	174	177

Tabela 15: Circunferências (em cm) das laranjeiras em sete momentos.

- 34. Imagine que um pesquisador tem duas variáveis $X_1 \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$ e $X_2 \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$. Considere as hipóteses $H_0: \sigma_1^2 \leq \sigma_2^2$ e $H_1: \sigma_1^2 > \sigma_2^2$. Coletamos $n_1 = 20$ observações de X_1 com variância $s_1^2 = 4, 5$, e $n_2 = 8$ observações de X_2 com variância $s_2^2 = 2, 3$.
 - (a) Qual a sua decisão? Use α . Calcule o valor-p.
 - (b) Construa um intervalo de confiança $\frac{\sigma_1}{\sigma_2}$ com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Usando este intervalo de confiança, qual seria a sua decisão no item (a)?
- 35. Imagine que um pesquisador tem duas variáveis $X_1 \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$ e $X_2 \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$. Considere as hipóteses $H_0: \sigma_1^2 = \sigma_2^2$ e $H_1: \sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$. Coletamos $n_1 = 20$ observações de X_1 com variância $s_1^2 = 2, 3$, e $n_2 = 8$ observações de X_2 com variância $s_2^2 = 1, 9$.
 - (a) Qual a sua decisão? Use α . Calcule o valor-p.
 - (b) Construa um intervalo de confiança $\frac{\sigma_1}{\sigma_2}$ com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Usando este intervalo de confiança, qual seria a sua decisão no item (a)?
- 36. Duas companhias fornecem um certo tipo de material bruto. A concentração de um elemento particular neste material é importante para uma linha de produção. A concentração média deste elemento é igual para as duas companhias (devido à especificações técnicas do órgão regulador), mas o engenheiro responsável suspeita que a variabilidade (ou repetibilidade) da concentração deste elemento nos lotes são diferentes nas duas companhias. Para confirmar sua suspeita, este engenheiro analisou $n_1 = 10$ lotes da companhia 1 e obteve um desvio padrão de $s_1 = 4,7$ gramas por litro, e $n_2 = 16$ lotes da companhia 2 e obteve um desvio padrão $s_2 = 5,8$ gramas por litro. Os dados suportam as suspeitas do engenheiro? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
- 37. Imagine que um pesquisador está analisando duas variáveis aleatórias: $X_1 \sim Bernoulli(p_1)$ e $X_2 \sim Bernoulli(p_2)$. Imagine que este pesquisador precisa decidir entre duas hipóteses: $H_0: p_1 = p_2$ e $H_1: p_1 \neq p_2$. Algumas informações na Tabela 17.
 - (a) Qual a sua decisão? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
 - (b) Construa um intervalo de confiança para $p_1 p_2$ com coeficiente de confiança $\gamma = 99\%$. Qual a sua decisão no item (a) usando este intervalo de confiança?
- 38. Imagine que um pesquisador está analisando duas variáveis aleatórias: $X_1 \sim Bernoulli(p_1)$ e $X_2 \sim Bernoulli(p_2)$. Imagine que este pesquisador precisa decidir entre duas hipóteses: $H_0: p_1 \geq p_2$ e $H_1: p_1 < p_2$. Algumas informações na Tabela 18.
 - (a) Qual a sua decisão? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
 - (b) Construa um intervalo de confiança para $p_1 p_2$ com coeficiente de confiança $\gamma = 99\%$. Qual a sua decisão no item (a) usando este intervalo de confiança?
- 39. Imagine que um pesquisador está analisando duas variáveis aleatórias: $X_1 \sim Bernoulli(p_1)$ e $X_2 \sim Bernoulli(p_2)$. Imagine que este pesquisador precisa decidir entre duas hipóteses: $H_0: p_1 \leq p_2$ e $H_1: p_1 > p_2$. Algumas informações na Tabela 19.
 - (a) Qual a sua decisão? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
 - (b) Construa um intervalo de confiança para $p_1 p_2$ com coeficiente de confiança $\gamma = 99\%$. Qual a sua decisão no item (a) usando este intervalo de confiança?

Confinamento solidário	Confinamento regular
9,6	10,7
$10,\!4$	10,7
9,7	10,4
10,3	10,9
9,2	10,5
9,3	10,3
9,9	9,6
$9,\!5$	11,1
9,0	11,2
10,9	10,4

Tabela 16: Atividade cerebral dos prisioneiros

Variáveis	Tamanho da amostra	Número de sucessos
X_1	250	54
X_2	290	60

Tabela 17: Algumas informações do experimento.

- 40. Dois tipos diferentes de máquinas de moldagem por injeção são usadas para formar peças de plástico. Uma peça é considerada defeituosa se a contração é excessiva. Uma amostra com $n_1 = 300$ peças do primeiro tipo de máquina tem 15 peças defeituosas e $n_2 = 300$ peças do segundo tipo de máquina tem 8 pelas defeituosas.
 - (a) Existe evidência estatística que as proporções de peças defeituosas são diferentes para os dois tipos de máquina de moldagem por injeção? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
 - (b) Seja p_1 a proporção de peças defeituosas para o primeiro tipo de máquinas e p_2 a proporção de peças defeituosas para o segundo tipo de máquinas, construa um intervalo de confiança para $p_1 p_2$ com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Qual a sua decisão para o item (a), usando este intervalo de confiança?
- 41. Dois tipo de solução de polimento estão em análise para possível uso no polimento na produção de lentes interoculares usadas em olhos humanos depois de cirurgias de catarata. Trezentas lentes foi polidas com a primeiro solução e 253 foram adequadamente polidas, e outras trezentas lentes foram polidas usando a segunda solução e 196 tiveram polimento satisfatório.
 - (a) Existe evidência estatística de diferença na proporção de lentes com polimento adequado entre as soluções? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.
 - (b) Seja p_1 a proporção de lentes adequadas usando a primeira solução e p_2 a proporção de lentes com polimento satisfatório sando a segunda solução, construa um intervalo de confiança para $p_1 p_2$ com coeficiente de confiança $\gamma = 99\%$. Qual a sua decisão usando este intervalo de confiança?
- 42. Uma amostra aleatória com 500 cidadãos da cidade A indicou que 385 são favoráveis ao aumento do limite de velocidade de uma rodovia local para 120km/hr, e outra amostra com 400 cidadãos da cidade B indicou que 267 são favoráveis ao aumento do limite de velocidade.
 - (a) Os dados suportam a afirmação que a proporção de cidadão favoráveis ao aumento de velocidade é diferente nas duas cidades? Use $\alpha=5\%$. Calcule o valor-p.
 - (b) Construa um intervalo de confiança para a diferença destas proporções com coeficiente de confiança $\gamma = 95\%$. Qual a sua decisão no item (a) usando este intervalo de confiança.
- 43. Acredita-se que a poluição de ar está relacionado com o nascimento de bebês com peso baixo. Um pesquisador examinou a proporção de bebês com peso baixo expostos a altas doses de fuligem e cinzas durante o ataque às torres gêmeas de onze de setembro de 2001. Entre 182 bebês expostos a fuligem e cinzas, 15 foram classificando com bebês com peso baixo. Em um outro hospital foram do alcance da fuligem e cinzas do ataque, entre 2300 bebês nascidos, 92 foram classificando como bebês com peso baixo. Existe evidência estatística que as mães exposta a poluição de ar tem maior incidência de bebês com peso baixo? Use α = 5%. Calcule o valor-p.

Variáveis	Tamanho da amostra	Número de sucessos
$X_1 X_2$	250 350	188 245

Tabela 18: Algumas informações do experimento.

Variáveis	Tamanho da amostra	Número de sucessos
X_1	300	209
X_2	300	65

Tabela 19: Algumas informações do experimento.

44. Um pesquisador deseja verificar a eficácia da cirurgia em homens diagnosticados com câncer de próstata. Entre 695 homens diagnosticados com câncer de próstata, 397 fizeram a cirurgia e 18 deles morreram, e 348 não fizeram a cirurgia e 31 morreram. Existe evidência estatística que a cirurgia diminui a taxa de mortalidade do câncer de próstata? Use $\alpha = 5\%$. Calcule o valor-p.