Московский авиационный институт (национальный исследовательский университет)

Факультет информационных технологий и прикладной математики

Кафедра вычислительной математики и программирования

Лабораторная работа №1 по курсу «Искусственный интеллект» Тема: Линейные модели

Студент: В.В. Бирюков

Преподаватель: Самир Ахмед Группа: М8О-307Б-19

> Дата: Оценка: Подпись:

Лабораторная работа №1

Задача: В лабораторной работе требуется:

- 1. Реализовать следующие алгоритмы машинного обучения: Linear/Logistic Regression, SVM, KNN, Naive Bayes в отдельных классах
- 2. Данные классы должны наследоваться от BaseEstimator и ClassifierMixin
- 3. Организовать весь процесс предобработки, обучения и тестирования с помощью Pipeline
- 4. Настроить гиперпараметры моделей с помощью кросс-валидации (GridSearchCV, RandomSearchCV), вывести и сохранить эти гиперпараметры в файл, вместе с обученными моделями
- 5. Проделать аналогично с коробочными решениями
- 6. Для каждой модели получить оценки метрик: Confusion Matrix, Accuracy, Recall, Precision, ROC AUC curve
- 7. Проанализировать полученные результаты и сделать выводы о применимости моделей

1 Ход работы

Обработка данных производится аналогично предыдущей работе, за исключением стратегии по исправлению пропущенных данных. Непосредственное тестирование показало, что заполнение средними значениями дает лучшие результаты, чем удаление.

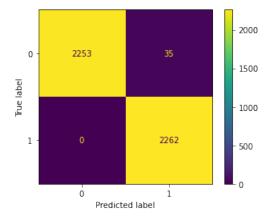
Метод k ближайших соседей имеет единственный параметр — число k. Для вычисления расстояния используется евклидова метрика.

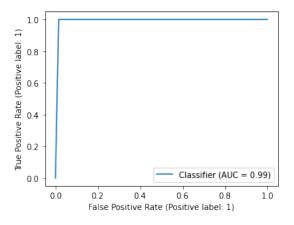
```
class KNN(BaseEstimator, ClassifierMixin):
1
2
        def __init__(self, k=5):
3
            self.k = k
 4
5
        def fit(self, data, labels):
6
            self.data = data
 7
            self.labels = labels
8
            return self
9
        def predict(self, data):
10
11
            res = np.ndarray((data.shape[0],))
            for i, x in enumerate(data):
12
                neighbors = np.argpartition(((self.data - data[i]) ** 2).sum(axis=1),
13
14
                                             self.k - 1)[:self.k]
                values, counts = np.unique(self.labels[neighbors], return_counts=True)
15
16
                res[i] = values[counts.argmax()]
17
            return res
```

Для использования KNN необходимо нормализовывать данные, чтобы все признаки вносили схожий вклад в расстояние. Кросс-валидация показала, что наилучшим значением k является 1. Результаты соответствующей модели:

Accuracy: 0.9923076923076923 Precision: 0.9847627340008707

Recall: 1.0





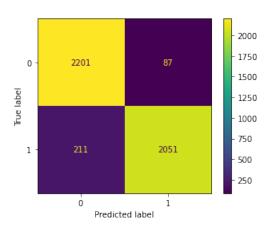
Готовый классификатор KNeighborsClassifier показывает идентичные результаты. Наивный байесовский классификатор реализован в двух вариантах. Для его работы необходимо знать распределения каждого признака для каждого класса а также вероятности самих классов. Первый вариант оценивает распределения признаков ис-

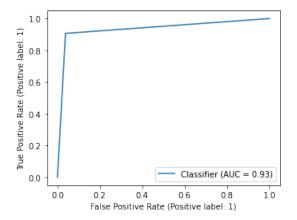
пользуя ядерную оценку плотности вероятности (scipy.stats.gaussian_kde).

```
class NaiveBayes(BaseEstimator, ClassifierMixin):
 1
 2
        def __init__(self):
 3
            pass
 4
 5
        def fit(self, data, labels):
 6
            self.data = data
 7
            self.labels = labels
 8
            self.kde = []
9
            for c, count in zip(*np.unique(labels, return_counts=True)):
10
                self.kde.append([])
11
                for i in range(data.shape[1]):
                    self.kde[-1].append(gaussian_kde(data[labels == c, i]))
12
            self.classes = np.unique(labels, return_counts=True)[1] / len(labels)
13
14
            return self
15
16
        def predict(self, data):
            res = np.ndarray((data.shape[0],))
17
18
            for i, obj in enumerate(data):
19
                prob = np.array(self.classes)
20
                for j in range(len(self.classes)):
21
                    for k, kde in enumerate(self.kde[j]):
22
                        prob[j] *= kde(obj[k])[0]
23
                res[i] = prob.argmax()
24
```

Никаких параметров нет, в кросс-валидации нет необходимости. Результаты модели:

Accuracy: 0.9345054945054945 Precision: 0.9593077642656689 Recall: 0.9067197170645447



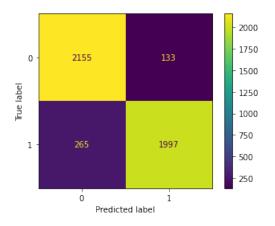


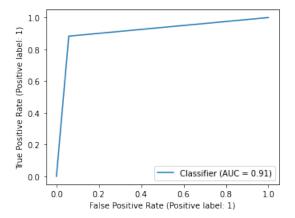
Второй вариант исходит из предположения, что признаки распределены нормально. Соответственно, для каждого признака для каждого класса необходимо посчитать выборочное математическое ожидание и выборочную дисперсию, а при предсказании использовать формулу плотности вероятности нормального распределения.

```
1
    class GaussianNaiveBayes(BaseEstimator, ClassifierMixin):
2
        def __init__(self):
3
            pass
 4
5
        def fit(self, data, labels):
6
            self.data = data
7
            self.labels = labels
8
            self.means = []
9
            self.stds = []
10
            for c in np.unique(labels):
11
                self.means.append(data[labels == c,].mean(axis=0))
                self.stds.append(data[labels == c,].std(axis=0))
12
            self.classes = np.unique(labels, return_counts=True)[1] / len(labels)
13
14
            return self
15
16
        def predict(self, data):
17
            res = np.ndarray((data.shape[0],))
18
            for i, obj in enumerate(data):
19
                prob = np.array(self.classes)
                for j in range(len(self.classes)):
20
21
                    prob[j] *= np.cumprod(1 / self.stds[j] / np.sqrt(2 * np.pi) *
22
                                           np.exp(((obj - self.means[j]) / self.stds[j]) **
        2 / -2))[-1]
23
                res[i] = prob.argmax()
24
            return res
```

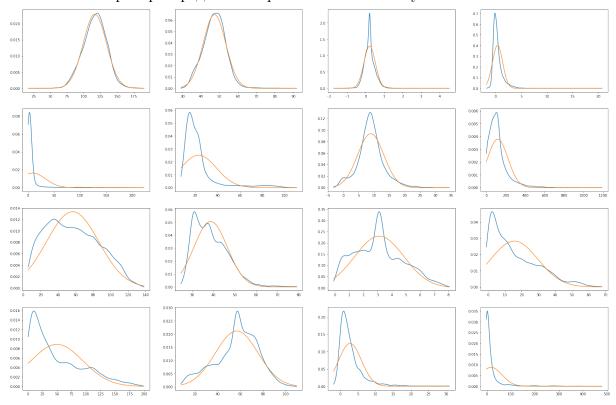
Результаты:

Accuracy: 0.9125274725274726 Precision: 0.9375586854460094 Recall: 0.8828470380194519





Видно, что предположение о гауссовости приводит к несколько более худшим результатам. Рассмотрим распределения признаков в обоих случаях:



Из графиков следует, что, тогда как распределение некоторых признаков довольно хорошо аппроксимируется нормальным, другие имеют более сложную структуру, что и приводит к разнице в результатах. Из преимуществ второго подхода можно отметить более высокую скорость работы и меньшие затраты памяти.

Готовый классификатор GaussianNB показывает результаты, идентичные второй реализации.

Логистическая регрессия проводит разделяющую гиперплоскость в пространстве признаков. Для единообразия параметр смещения входит в вектор коэффициентов, при этом данные надо дополнить фиктивным признаком, всегда равным единице. Функция потерь имеет вид (с учетом L_2 регуляризации):

$$L(w, X, y) = \alpha ||w||_2^2 - \sum_i (y_i \log(\sigma(\langle w, x_i \rangle)) + (1 - y_i) \log(\sigma(-\langle w, x_i \rangle)))$$

где $\sigma(z)=rac{1}{1+e^{-z}}$ — сигмоида. Градиент функции потерь:

$$\nabla_w L(y, X, w) = 2\alpha w - \sum_i x_i (y_i - \sigma(\langle w, x_i \rangle)))$$

Для минимизации функции потерь используем стохастический градиентный спуск, размер минибатча и число эпох — гиперпараметры. Итого, вместе с темпом обучения и множителем регуляризации — четыре гиперпараметра.

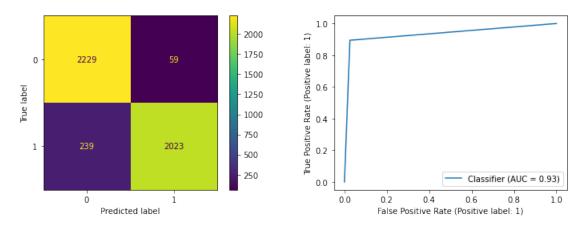
```
class LogisticRegression(BaseEstimator, ClassifierMixin):
1
        def __init__(self, lr=0.1, batch=10, epochs=1, alpha=0.0001):
 2
3
            self.lr = lr
 4
            self.batch = batch
5
            self.epochs = epochs
 6
            self.alpha = alpha
 7
 8
        def fit(self, data, labels):
9
            self.w = np.random.normal(0, 1, (data.shape[1]+1,))
10
            data = np.concatenate((data, np.ones((data.shape[0],1))), axis=1)
11
            for _ in range(self.epochs):
                for i in range(self.batch, len(data), self.batch):
12
13
                    data_batch = data[i-self.batch:i]
14
                    labels_batch = labels[i-self.batch:i]
15
                    pred = self.sigmoid(np.dot(self.w, data_batch.T))
16
17
                    grad = 2 * self.alpha * self.w + np.dot(pred - labels_batch,
       data_batch)
18
19
                    self.w -= self.lr * grad
20
            return self
21
22
        def sigmoid(self, x):
23
            return 1 / (1 + np.exp(-x))
24
25
        def predict(self, data):
26
            return (self.sigmoid(np.concatenate((data, np.ones((data.shape[0],1))), axis
       =1).dot(self.w)) > 0.5).astype('int64')
```

Так как параметров стало больше, для кросс-валидации используем и поиск по сетке и случайный поиск. Случайный поиск быстрее сходится, но не обязательно приводит к глобальному максимуму. Поиск по сетке дает лучшие результаты, но намного медленнее работает. Также логистическая регрессия нуждается в нормализации данных. Оптимальные параметры модели:

lr: 0.1
alpha: 0.0001
batch: 100
epochs: 100

Результаты модели:

Accuracy: 0.9345054945054945 Precision: 0.9716618635926993 Recall: 0.8943412908930151



Готовый классификатор SGDClassifier(loss='log') по неизвестным причинам хуже на несколько процентов.

Метод опорных векторов аналогичен регрессии, за исключением цели оптимизации. Здесь это максимизация расстояния от гиперплоскости до разделяемых объектов. Его функция потерь имеет вид (с учетом L_2 регуляризации):

$$L(w, x, y) = \alpha ||w||_2^2 + \sum_i \max(0, 1 - y_i \langle w, x_i \rangle)$$

Ее градиент:

$$\nabla_w L(w, x, y) = 2\alpha w + \sum_i \begin{cases} 0, & 1 - y_i \langle w, x_i \rangle \le 0 \\ -y_i x_i, & 1 - y_i \langle w, x_i \rangle > 0 \end{cases}$$

Модель имеет те же четыре гиперпараметра.

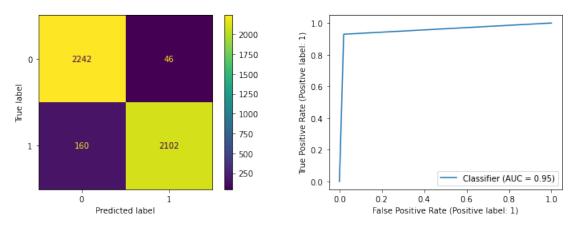
```
1
    class SVM(BaseEstimator, ClassifierMixin):
2
        def __init__(self, lr=0.1, batch=10, epochs=1, alpha=0.0001):
3
            self.lr = lr
 4
            self.batch = batch
5
            self.epochs = epochs
 6
            self.alpha = alpha
 7
 8
        def fit(self, data, labels):
            self.w = np.random.normal(0, 1, (data.shape[1]+1,))
9
            data = np.concatenate((data, np.ones((data.shape[0],1))), axis=1)
10
            labels = labels * 2 - 1
11
12
            for _ in range(self.epochs):
13
                for i in range(self.batch, len(data), self.batch):
14
                    data_batch = data[i-self.batch:i]
15
                    labels_batch = labels[i-self.batch:i]
16
17
                    grad = 2 * self.alpha * self.w
18
                    for i, x in enumerate(data_batch):
```

Оптимальные параметры модели:

lr: 0.01
alpha: 0.001
batch: 100
epochs: 100

Результаты модели:

Accuracy: 0.9547252747252747 Precision: 0.978584729981378 Recall: 0.9292661361626879



Готовый классификатор SGDClassifier(loss='hinge') аналогично хуже на несколько процентов.

2 Выводы

В ходе выполнения лабораторной работы я реализовал некоторые алгоритмы машинного обучения и испытал их на данных, обработанных в предыдущей работе. Лучше всего себя показал метод к ближайших соседей, вероятно из-за большого количетства данных, затем — метод опорных векторов и наивный байесовский классификатор, наконец — логистическая регрессия. Я сравнил результаты с готовыми версиями соответствующих алгоритмов, но при тех же параметрах они показали себя не лучше. Результаты работы подтверждают предыдущие предположения — данная задача решаема методами машинного обучения, причем с очень хорошей точностью 93-99%.