Tema 18: El TAD de las tablas Informática (2019–20)

José A. Alonso Jiménez

Grupo de Lógica Computacional Departamento de Ciencias de la Computación e I.A. Universidad de Sevilla

Tema 18: El TAD de las tablas

- El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
 La clase de los índices de las tablas
 El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
- 2. Especificación del TAD de las tablas Signatura del TAD de las tablas Propiedades del TAD de las tablas
- 3. Implementaciones del TAD de las tablas

Las tablas como funciones Las tablas como listas de asociación

Las tablas como matrices

 Comprobación de las implementaciones con QuickCheck Librerías auxiliares
 Generador de tablas
 Especificación de las propiedades de las tablas

Comprobación de las propiedades

Tema 18: El TAD de las tablas

- El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
 La clase de los índices de las tablas
 El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
- 2. Especificación del TAD de las tablas
- 3. Implementaciones del TAD de las tablas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

```
IM Tema 18: El TAD de las tablas

El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

La clase de los índices de las tablas
```

La clase de los índices de las tablas

- La clase de los índices de las tablas es Ix.
- ► Ix se encuentra en la librería Data. Ix
- ▶ Información de la clase Ix:

```
ghci>:info Ix
class (Ord a) => Ix a where
  range :: (a, a) -> [a]
  index :: (a, a) -> a -> Int
  inRange :: (a, a) -> a -> Bool
 rangeSize :: (a, a) -> Int
instance Ix Ordering -- Defined in GHC.Arr
instance Ix Integer -- Defined in GHC.Arr
instance Ix Int -- Defined in GHC.Arr
instance Ix Char -- Defined in GHC.Arr
instance Ix Bool -- Defined in GHC.Arr
instance (Ix a, Ix b) => Ix (a, b)
```

La clase de los índices de las tablas

► (range (m,n)) es la lista de los índices desde m hasta n, en el orden del índice. Por ejemplo,

```
range (0,4) \longrightarrow [0,1,2,3,4]

range (3,9) \longrightarrow [3,4,5,6,7,8,9]

range ('b','f') \longrightarrow "bcdef"

range ((0,0),(1,2)) \longrightarrow [(0,0),(0,1),(0,2),

(1,0),(1,1),(1,2)]
```

► (index (m,n) i) es el ordinal del índice i dentro del rango (m,n). Por ejemplo,

```
index (3,9) 5 \longrightarrow 2 index ('b','f') 'e' \longrightarrow 3 index ((0,0),(1,2)) (1,1) \longrightarrow 4
```

La clase de los índices de las tablas

► (inRange (m,n) i) se verifica si el índice i está dentro del rango limitado por m y n. Por ejemplo,

```
inRange (0,4) 3 \longrightarrow True inRange (0,4) 7 \longrightarrow False inRange ((0,0),(1,2)) (1,1) \longrightarrow True inRange ((0,0),(1,2)) (1,5) \longrightarrow False
```

► (rangeSize (m,n)) es el número de elementos en el rango limitado por m y n. Por ejemplo,

```
rangeSize (3,9) \rightsquigarrow 7 rangeSize ('b','f') \rightsquigarrow 5 rangeSize ((0,0),(1,2)) \rightsquigarrow 6
```

Tema 18: El TAD de las tablas

- El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
 La clase de los índices de las tablas
 El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
- 2. Especificación del TAD de las tablas
- 3. Implementaciones del TAD de las tablas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

- La librería de las tablas es Data.Array.
- Para usar las tablas hay que escribir al principio del fichero

import Data.Array

- Al importar Data.Array también se importa Data.Ix.
- (Array i v) es el tipo de las tablas con índice en i y valores en v.

```
IM Tema 18: El TAD de las tablas

El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
```

Creación de tablas

(array (m,n) ivs) es la tabla de índices en el rango limitado por m y n definida por la lista de asociación ivs (cuyos elementos son pares de la forma (índice, valor)). Por ejemplo,

```
ghci> array (1,3) [(3,6),(1,2),(2,4)]
array (1,3) [(1,2),(2,4),(3,6)]
ghci> array (1,3) [(i,2*i) | i <- [1..3]]
array (1,3) [(1,2),(2,4),(3,6)]</pre>
```

Ejemplos de definiciones de tablas

▶ (cuadrados n) es un vector de n+1 elementos tal que su elemento i–ésimo es i^2 . Por ejemplo,

```
ghci> cuadrados 5
array (0,5) [(0,0),(1,1),(2,4),(3,9),(4,16),(5,25)]
```

```
cuadrados :: Int -> Array Int Int
cuadrados n = array (0,n) [(i,i^2) | i <- [0..n]]</pre>
```

v es un vector con 4 elementos de tipo carácter. Por ejemplo,

```
v :: Array Integer Char
v = array (1,4) [(3,'c'),(2,'a'), (1,'f'), (4,'e')]
```

Ejemplos de definiciones de tablas

▶ m es la matriz con 2 filas y 3 columnas tal que el elemento de la posición (i,j) es el producto de i por j.

```
m :: Array (Int, Int) Int
m = array ((1,1),(2,3)) [((i,j),i*j)) | i<-[1..2],j<-[1..3
```

Una tabla está indefinida si algún índice está fuera de rango.

```
ghci> array (1,4) [(i , i*i) | i <- [1..4]]
array (1,4) [(1,1),(2,4),(3,9),(4,16)]
ghci> array (1,4) [(i , i*i) | i <- [1..5]]
array *** Exception: Error in array index
ghci> array (1,4) [(i , i*i) | i <- [1..3]]
array (1,4) [(1,1),(2,4),(3,9),(4,***
Exception: (Array.!): undefined array element
```

Descomposición de tablas

bounds m \rightsquigarrow ((1,1),(2,3))

```
(t ! i) es el valor del índice i en la tabla t. Por ejemplo,
   ghci> v
   array (1,4) [(1,'f'),(2,'a'),(3,'c'),(4.'e')]
   ghci> v!3
   , ,
   ghci> m
   array ((1,1),(2,3)) [((1,1),1),((1,2),2),((1,3),3),
                          ((2.1).2).((2.2).4).((2.3).6)
   ghci> m!(2,3)
   6
  (bounds t) es el rango de la tabla t. Por ejemplo,
```

Descomposición de tablas

- ► (elems t) es la lista de los elementos de la tabla t. Por ejemplo, | elems m ~> [1,2,3,2,4,6]

Modificación de tablas

► (t // ivs) es la tabla t asignándole a los índices de la lista de asociación ivs sus correspondientes valores. Por ejemplo,

```
ghci> m // [((1,1),4), ((2,2),8)]
array ((1,1),(2,3))
        [((1,1),4),((1,2),2),((1,3),3),
            ((2,1),2),((2,2),8),((2,3),6)]
ghci> m
array ((1,1),(2,3))
        [((1,1),1),((1,2),2),((1,3),3),
            ((2,1),2),((2,2),4),((2,3),6)]
```

Definición de tabla por recursión

 (fibs n) es el vector formado por los n primeros términos de la sucesión de Fibonacci. Por ejemplo,

```
IM Tema 18: El TAD de las tablas

El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
```

Otras funciones de creación de tablas

► (listArray (m,n) vs) es la tabla cuyo rango es (m,n) y cuya lista de valores es vs. Por ejemplo,

```
IM Tema 18: El TAD de las tablas

El tipo predefinido de las tablas ("arrays")

El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
```

Construcción acumulativa de tablas

(accumArray f v (m,n) ivs) es la tabla de rango (m,n) tal que el valor del índice i se obtiene acumulando la aplicación de la función f al valor inicial v y a los valores de la lista de asociación ivs cuyo índice es i. Por ejemplo,

```
ghci> accumArray (+) 0 (1,3) [(1,4),(2,5),(1,2)]
array (1,3) [(1,6),(2,5),(3,0)]
ghci> accumArray (*) 1 (1,3) [(1,4),(2,5),(1,2)]
array (1,3) [(1,8),(2,5),(3,1)]
```

Construcción acumulativa de tablas

► (histograma r is) es el vector formado contando cuantas veces aparecen los elementos del rango r en la lista de índices is. Por ejemplo,

```
ghci> histograma (0,5) [3,1,4,1,5,4,2,7]
array (0,5) [(0,0),(1,2),(2,1),(3,1),(4,2),(5,1)]
```

Tema 18: El TAD de las tablas

- 1. El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
- Especificación del TAD de las tablas
 Signatura del TAD de las tablas
 Propiedades del TAD de las tablas
- Implementaciones del TAD de las tablas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

Signatura del TAD de las tablas

Signatura:

```
tabla :: Eq i => [(i,v)] -> Tabla i v
valor :: Eq i => Tabla i v -> i -> v
modifica :: Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
```

- Descripción de las operaciones:
 - (tabla ivs) es la tabla correspondiente a la lista de asociación ivs (que es una lista de pares formados por los índices y los valores).
 - (valor t i) es el valor del índice i en la tabla t.
 - ► (modifica (i,v) t) es la tabla obtenida modificando en la tabla t el valor de i por v.

Tema 18: El TAD de las tablas

- 1. El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
- 2. Especificación del TAD de las tablas Signatura del TAD de las tablas Propiedades del TAD de las tablas
- 3. Implementaciones del TAD de las tablas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

Propiedades del TAD de las tablas

```
1. modifica (i,v') (modifica (i,v) t)
  = modifica (i,v') t
2. Si i /= i'. entonces
  modifica (i',v') (modifica (i,v) t)
  = modifica (i.v) (modifica (i'.v') t)
3. valor (modifica (i.v) t) i = v
4. Si i /= i'. entonces
  valor (modifica (i,v) (modifica (k',v') t)) i'
  = valor (modifica (k',v') t) i'
```

Tema 18: El TAD de las tablas

- El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
- 2. Especificación del TAD de las tablas
- Implementaciones del TAD de las tablas Las tablas como funciones
 Las tablas como listas de asociación
 Las tablas como matrices
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

Cabecera del módulo:

```
module TablaConFunciones
  (Tabla,
   tabla, -- Eq i => [(i,v)] -> Tabla i v
   valor, -- Eq i => Tabla i v -> i -> v
   modifica -- Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
) where
```

Las tablas como funciones.

```
newtype Tabla i v = Tbl (i -> v)
```

▶ Procedimiento de escritura.

```
instance Show (Tabla i v) where
    showsPrec _ _ cad = showString "<<Una tabla>>" cad
```

Ejemplos de tablas:

```
t1 = tabla [(i,f i) | i <- [1..6]]
where f x | x < 3 = x
| otherwise = 3-x

t2 = tabla [(4,89), (1,90), (2,67)]
```

```
valor :: Eq i => Tabla i v -> i -> v
valor (Tbl f) i = f i
```

► (modifica (i,v) t) es la tabla obtenida modificando en la tabla t el valor de i por v. Por ejemplo, | valor (modifica (6,9) t1) 6 ~> 9

```
modifica :: Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
modifica (i,v) (Tbl f) = Tbl g
   where g j | j == i = v
```

```
valor :: Eq i => Tabla i v -> i -> v
valor (Tbl f) i = f i
```

```
modifica :: Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
modifica (i,v) (Tbl f) = Tbl g
   where g j | j == i = v
```

```
valor :: Eq i => Tabla i v -> i -> v
valor (Tbl f) i = f i
```

 (modifica (i,v) t) es la tabla obtenida modificando en la tabla t el valor de i por v. Por ejemplo, | valor (modifica (6,9) t1) 6 → 9

```
modifica :: Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v

modifica (i,v) (Tbl f) = Tbl g

where g j | j == i = v

| otherwise = f i
```

26 / 51

 (tabla ivs) es la tabla correspondiente a la lista de asociación ivs (que es una lista de pares formados por los índices y los valores). Por ejemplo,

```
ghci> tabla [(4,89), (1,90), (2,67)] <<Una tabla>>
```

(tabla ivs) es la tabla correspondiente a la lista de asociación ivs (que es una lista de pares formados por los índices y los valores). Por ejemplo,

```
ghci> tabla [(4,89), (1,90), (2,67)]
<<Una tabla>>
```

Tema 18: El TAD de las tablas

- 1. El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
- 2. Especificación del TAD de las tablas
- 3. Implementaciones del TAD de las tablas

Las tablas como funciones

Las tablas como listas de asociación

Las tablas como matrices

4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

Cabecera del módulo

```
module TablaConListasDeAsociacion
  (Tabla,
   tabla, -- Eq i => [(i,v)] -> Tabla i v
   valor, -- Eq i => Tabla i v -> i -> v
   modifica -- Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
) where
```

Las tablas como listas de asociación.

```
newtype Tabla i v = Tbl [(i,v)]
deriving Show
```

- ► Ejemplos de tablas
 - Definición:

```
t1 = tabla [(i,f i) | i <- [1..6]]
where f x | x < 3 = x
| otherwise = 3-x

t2 = tabla [(4,89), (1,90), (2,67)]
```

Evaluación:

```
ghci> t1
Tbl [(1,1),(2,2),(3,0),(4,-1),(5,-2),(6,-3)]
ghci> t2
Tbl [(4,89),(1,90),(2,67)]
```

(tabla ivs) es la tabla correspondiente a la lista de asociación ivs (que es una lista de pares formados por los índices y los valores). Por ejemplo,

```
ghci> tabla [(4,89),(1,90),(2,67)]
Tbl [(4,89),(1,90),(2,67)]
```

```
tabla :: Eq i => [(i,v)] -> Tabla i v
tabla ivs = Tbl ivs
```

(tabla ivs) es la tabla correspondiente a la lista de asociación ivs (que es una lista de pares formados por los índices y los valores). Por ejemplo,

```
ghci> tabla [(4,89),(1,90),(2,67)]
Tbl [(4,89),(1,90),(2,67)]
```

```
tabla :: Eq i => [(i,v)] -> Tabla i v tabla ivs = Tbl ivs
```

▶ (valor t i) es el valor del índice i en la tabla t. Por ejemplo,

```
valor t1 6 \rightsquigarrow -3 valor t2 2 \rightsquigarrow 67 valor t2 5 \rightsquigarrow *** Exception: fuera de rango
```

Las tablas como listas de asociación

Las tablas como listas de asociación

► (modifica (i,x) t) es la tabla obtenida modificando en la tabla t el valor de i por x. Por ejemplo,

```
valor t1 6 \longrightarrow -3 valor (modifica (6,9) t1) 6 \longrightarrow 9
```

Las tablas como listas de asociación

► (modifica (i,x) t) es la tabla obtenida modificando en la tabla t el valor de i por x. Por ejemplo,

Tema 18: El TAD de las tablas

- 1. El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
- 2. Especificación del TAD de las tablas
- 3. Implementaciones del TAD de las tablas

Las tablas como funciones

Las tablas como listas de asociación

Las tablas como matrices

4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

```
IM Tema 18: El TAD de las tablas

Implementaciones del TAD de las tablas

Las tablas como matrices
```

Cabecera del módulo:

```
module TablaConMatrices

(Tabla,
tabla, -- Eq i => [(i,v)] -> Tabla i v
valor, -- Eq i => Tabla i v -> i -> v
modifica, -- Eq i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
tieneValor -- Ix i => Tabla i v -> i -> Bool
) where

Importación de la librería auxiliar:
```

import Data.Array

Las tablas como matrices.

newtype Tabla i v = Tbl (Array i v) deriving (Show, Eq)_{25 / 51}

```
IM Tema 18: El TAD de las tablas

Implementaciones del TAD de las tablas

Las tablas como matrices
```

- Ejemplos de tablas:
 - Definición:

```
t1 = tabla [(i,f i) | i <- [1..6]]
where f x | x < 3 = x
| otherwise = 3-x
```

```
t2 = tabla [(1,5),(2,4),(3,7)]
```

Evaluación:

 (tabla ivs) es la tabla correspondiente a la lista de asociación ivs (que es una lista de pares formados por los índices y los valores). Por ejemplo,

```
ghci> tabla [(1,5),(3,7),(2,4)]
Tbl (array (1,3) [(1,5),(2,4),(3,7)])
```

(tabla ivs) es la tabla correspondiente a la lista de asociación ivs (que es una lista de pares formados por los índices y los valores). Por ejemplo,

```
ghci> tabla [(1,5),(3,7),(2,4)]
Tbl (array (1,3) [(1,5),(2,4),(3,7)])
```

Las tablas como matrices

```
valor :: Ix i => Tabla i v -> i -> v
valor (Tbl t) i = t ! i
```

```
valor t1 6 \rightarrow -3 valor (modifica (6,9) t1) 6 \rightarrow 9
```

```
modifica :: Ix i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
modifica p (Tbl t) = Tbl (t // [p])
```

```
valor :: Ix i => Tabla i v -> i -> v
valor (Tbl t) i = t ! i
```

► (modifica (i,x) t) es la tabla obtenida modificando en la tabla t el valor de i por x. Por ejemplo, | valor t1 6
→ -3

```
valor t1 6 \rightarrow -3 valor (modifica (6,9) t1) 6 \rightarrow 9
```

```
modifica :: Ix i => (i,v) -> Tabla i v -> Tabla i v
modifica p (Tbl t) = Tbl (t // [p])
```

```
valor :: Ix i => Tabla i v -> i -> v
valor (Tbl t) i = t ! i
```

► (modifica (i,x) t) es la tabla obtenida modificando en la tabla t el valor de i por x. Por ejemplo, | valor t1 6
~ -3

```
valor (modifica (6,9) t1) 6 \rightsquigarrow 9
```

```
modifica :: Ix i \Rightarrow (i,v) \rightarrow Tabla i v \rightarrow Tabla i v modifica p (Tbl t) = Tbl (t // [p])
```

▶ (cotas t) son las cotas de la tabla t. Por ejemplo,

```
t2 \rightarrow Tbl (array (1,3) [(1,5),(2,4),(3,7)]) cotas t2 \rightarrow (1,3)
```

```
cotas :: Ix i => Tabla i v -> (i,i)
cotas (Tbl t) = bounds t
```

(tieneValor t x) se verifica si x es una clave de la tabla t. Por ejemplo,

```
tieneValor t2 3 → True
tieneValor t2 4 → False
```

```
tieneValor :: Ix i => Tabla i v -> i -> Bool
tieneValor t = inRange (cotas t)
```

```
cotas :: Ix i => Tabla i v -> (i,i)
cotas (Tbl t) = bounds t
```

► (tieneValor t x) se verifica si x es una clave de la tabla t.
Por ejemplo,
| tieneValor t2 3 ~~ True

tieneValor t2 4 \rightsquigarrow False

```
tieneValor :: Ix i => Tabla i v -> i -> Bool
tieneValor t = inRange (cotas t)
```

Las tablas como matrices

```
cotas :: Ix i => Tabla i v -> (i,i)
cotas (Tbl t) = bounds t
```

tieneValor t2 4 \rightsquigarrow False

```
tieneValor :: Ix i => Tabla i v -> i -> Bool
tieneValor t = inRange (cotas t)
```

Tema 18: El TAD de las tablas

- El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
- 2. Especificación del TAD de las tablas
- Implementaciones del TAD de las tablas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck Librerías auxiliares

Generador de tablas Especificación de las propiedades de las tablas Comprobación de las propiedades

Comprobación de las propiedades de las tablas

Importación de la implementación de las tablas que se desea verificar.

```
{\tt import\ Tabla ConListas De Asociacion}
```

Importación de las librerías de comprobación.

```
import Test.QuickCheck
import Test.Framework
import Test.Framework.Providers.QuickCheck2
```

Generador de tablas

Tema 18: El TAD de las tablas

- 1. El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
- 2. Especificación del TAD de las tablas
- Implementaciones del TAD de las tablas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

Librerías auxiliares

Generador de tablas

Especificación de las propiedades de las tablas Comprobación de las propiedades

Generador de tablas

```
genTabla :: Gen (Tabla Int Int)
genTabla =
   do x <- arbitrary
        xs <- listOf arbitrary
        return (tabla (zip [1..] (x:xs)))</pre>
```

instance Arbitrary (Tabla Int Int) where
 arbitrary = genTabla

Tema 18: El TAD de las tablas

- 1. El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
- 2. Especificación del TAD de las tablas
- Implementaciones del TAD de las tablas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

Librerías auxiliares

Generador de tablas

Especificación de las propiedades de las tablas

Comprobación de las propiedades

Al modificar una tabla dos veces con la misma clave se obtiene el mismos resultado que modificarla una vez con el último valor.

Al modificar una tabla dos veces con la misma clave se obtiene el mismos resultado que modificarla una vez con el último valor.

► Al modificar una tabla con dos pares con claves distintas no importa el orden en que se añadan los pares.

► Al modificar una tabla con dos pares con claves distintas no importa el orden en que se añadan los pares.

Especificación de las propiedades de las tablas

El valor de la clave i en la tabla obtenida añadiéndole el par (i,v) a la tabla t es v.

► El valor de la clave i en la tabla obtenida añadiéndole el par (i,v) a la tabla t es v.

Sean i e j dos claves distintas. El valor de la clave j en la tabla obtenida añadiéndole el par (i,v) a la tabla t' (que contiene la clave j) es el valor de j en t'.

Sean i e j dos claves distintas. El valor de la clave j en la tabla obtenida añadiéndole el par (i,v) a la tabla t' (que contiene la clave j) es el valor de j en t'.

Comprobación de las propiedades

Tema 18: El TAD de las tablas

- El tipo predefinido de las tablas ("arrays")
- Especificación del TAD de las tablas
- 3. Implementaciones del TAD de las tablas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

Librerías auxiliares

Generador de tablas

Especificación de las propiedades de las tablas

Comprobación de las propiedades

Definición del procedimiento de comprobación

 compruebaPropiedades comprueba todas las propiedades con la plataforma de verificación. Por ejemplo,

```
compruebaPropiedades =
   defaultMain
       [testGroup "Propiedades del TAD tabla"
       [testProperty "P1" prop_modifica_modifica_1,
            testProperty "P2" prop_modifica_modifica_2,
            testProperty "P3" prop_valor_modifica_1,
            testProperty "P4" prop_valor_modifica_2]]
```

Comprobación de las propiedades

Comprobación de las propiedades de las tablas

Propiedades del TAD tabla:

P1: [OK, passed 100 tests]

P2: [OK, passed 100 tests]

P3: [OK, passed 100 tests]

P4: [OK, passed 100 tests]

	Properties	Total
Passed	4	4
Failed	0	0
Total	4	4