Tema 14: El TAD de las pilas Informática (2019–20)

José A. Alonso Jiménez

Grupo de Lógica Computacional Departamento de Ciencias de la Computación e I.A. Universidad de Sevilla

Tema 14: El TAD de las pilas

- Tipos abstractos de datos
 Abstracción y tipos abstractos de datos
- 2. Especificación del TAD de las pilas Signatura del TAD pilas Propiedades del TAD de las pilas
- Implementaciones del TAD de las pilas
 Las pilas como tipos de datos algebraicos
 Las pilas como listas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck Librerías auxiliares Generador de pilas Especificación de las propiedades de las pilas Comprobación de las propiedades

Tema 14: El TAD de las pilas

- Tipos abstractos de datos
 Abstracción y tipos abstractos de datos
- 2. Especificación del TAD de las pilas
- Implementaciones del TAD de las pilas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

Abstracción y tipos abstractos de datos

- La **abstracción** es un mecanismo para comprender problemas que involucran una gran cantidad de detalles.
- Aspectos de la abstracción:
 - Destacar los detalles relevantes.
 - Ocultar los detalles irrelevantes.
- Un tipo abstracto de datos (TAD) es una colección de valores y operaciones que se definen mediante una especificación que es independiente de cualquier representación.
- Un TAD es una abstracción:
 - Se destacan los detalles (normalmente pocos) de la especificación (el qué).
 - Se ocultan los detalles (normalmente numerosos) de la implementación (el cómo).
- Analogía con las estructuras algebraicas.

Tema 14: El TAD de las pilas

- 1. Tipos abstractos de datos
- Especificación del TAD de las pilas
 Signatura del TAD pilas
 Propiedades del TAD de las pilas
- 3. Implementaciones del TAD de las pilas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

Descripción informal de las pilas

- Una pila es una estructura de datos, caracterizada por ser una secuencia de elementos en la que las operaciones de inserción y extracción se realizan por el mismo extremo.
- La pilas también se llaman estructuras LIFO (del inglés Last In First Out), debido a que el último elemento en entrar será el primero en salir.
- Analogía con las pilas de platos.

Signatura del TAD de las pilas

► Signatura:

```
vacia :: Pila a
apila :: a -> Pila a -> Pila a
cima :: Pila a -> a
desapila :: Pila a -> Pila a
esVacia :: Pila a -> Bool
```

- Descripción:
 - vacia es la pila vacía.
 - ▶ (apila x p) es la pila obtenida añadiendo x al principio de p.
 - ▶ (cima p) es la cima de la pila p.
 - ▶ (desapila p) es la pila obtenida suprimiendo la cima de p.
 - (esVacia p) se verifica si p es la pila vacía.

Tema 14: El TAD de las pilas

- 1. Tipos abstractos de datos
- 2. Especificación del TAD de las pilas Signatura del TAD pilas Propiedades del TAD de las pilas
- 3. Implementaciones del TAD de las pilas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

Propiedades de las pilas

- 1. cima (apila x p) == x
- 2. desapila (apila x p) == p
- 3. esVacia vacia
- 4. not (esVacia (apila x p))

IM Tema 14: El TAD de las pilas

Implementaciones del TAD de las pilas

Las pilas como tipos de datos algebraicos

Tema 14: El TAD de las pilas

- 1. Tipos abstractos de datos
- 2. Especificación del TAD de las pilas
- Implementaciones del TAD de las pilas Las pilas como tipos de datos algebraicos Las pilas como listas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

Cabecera del módulo:

```
module PilaConTipoDeDatoAlgebraico
(Pila,
vacia, -- Pila a
apila, -- a -> Pila a -> Pila a
cima, -- Pila a -> a
desapila, -- Pila a -> Pila a
esVacia -- Pila a -> Bool
) where
```

▶ Tipo de dato algebraico de las pilas.

Procedimiento de escritura de pilas.

```
instance (Show a) => Show (Pila a) where
    showsPrec p Vacia cad = showChar '-' cad
    showsPrec p (P x s) cad =
        shows x (showChar '|' (shows s cad))
```

- Ejemplo de pila:
 - Definición

```
p1 :: Pila Int
p1 = apila 1 (apila 2 (apila 3 vacia))
```

► Sesión | ghci> p1 | 1|2|3|-

▶ vacia es la pila vacía. Por ejemplo,

```
ghci> vacia
```

```
vacia :: Pila a
vacia = Vacia
```

(apila x p) es la pila obtenida añadiedo x encima de la pila p. Por ejemplo,

```
apila 4 p1 => 4|1|2|3|-
```

```
apila :: a \rightarrow Pila a \rightarrow Pila a apila x p = P x p
```

vacia es la pila vacía. Por ejemplo,

```
ghci> vacia
```

```
vacia :: Pila a
vacia = Vacia
```

▶ (apila x p) es la pila obtenida añadiedo x encima de la pila p. Por ejemplo,

```
apila 4 p1 => 4|1|2|3|-
```

```
apila :: a \rightarrow Pila a \rightarrow Pila a apila x p = P x p
```

vacia es la pila vacía. Por ejemplo,

```
ghci> vacia
```

```
vacia :: Pila a
vacia = Vacia
```

 (apila x p) es la pila obtenida añadiedo x encima de la pila p. Por ejemplo,

```
apila 4 p1 => 4|1|2|3|-
```

```
apila :: a -> Pila a -> Pila a
apila x p = P x p
```

Cima p) es la cima de la pila p. Por ejemplo, cima p1 == 1

```
cima :: Pila a -> a
cima Vacia = error "cima: pila vacia"
cima (P x _) = x
```

(desapila p) es la pila obtenida suprimiendo la cima de la pila p. Por ejemplo, | desapila p1 => 2|3|-

```
desapila :: Pila a -> Pila a
desapila Vacia = error "desapila: pila vacia"
desapila (P _ p) = p
```

Cima p) es la cima de la pila p. Por ejemplo, cima p1 == 1

```
cima :: Pila a -> a
cima Vacia = error "cima: pila vacia"
cima (P x _) = x
```

 (desapila p) es la pila obtenida suprimiendo la cima de la pila p. Por ejemplo, |desapila p1 => 2|3|-

```
desapila :: Pila a -> Pila a
desapila Vacia = error "desapila: pila vacia"
desapila (P _ p) = p
```

▶ (cima p) es la cima de la pila p. Por ejemplo, | cima p1 == 1

```
cima :: Pila a -> a
cima Vacia = error "cima: pila vacia"
cima (P x _) = x
```

 (desapila p) es la pila obtenida suprimiendo la cima de la pila p. Por ejemplo,
 |desapila p1 => 2|3|-

```
desapila :: Pila a -> Pila a
desapila Vacia = error "desapila: pila vacia"
desapila (P _ p) = p
```

(esVacia p) se verifica si p es la pila vacía. Por ejemplo, esVacia p1 == False esVacia vacia == True

```
esVacia :: Pila a -> Bool
esVacia Vacia = True
esVacia _ = False
```

(esVacia p) se verifica si p es la pila vacía. Por ejemplo, esVacia p1 == False esVacia vacia == True

```
esVacia :: Pila a -> Bool
esVacia Vacia = True
esVacia _ = False
```

Tema 14: El TAD de las pilas

- 1. Tipos abstractos de datos
- 2. Especificación del TAD de las pilas
- Implementaciones del TAD de las pilas
 Las pilas como tipos de datos algebraicos
 Las pilas como listas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

Cabecera del módulo

```
module PilaConListas
(Pila,
vacia, -- Pila a
apila, -- a -> Pila a -> Pila a
cima, -- Pila a -> a
desapila, -- Pila a -> Pila a
esVacia -- Pila a -> Bool
) where
```

► Tipo de datos de las pilas:

```
newtype Pila a = P [a]
   deriving Eq
```

Procedimiento de escritura de pilas.

Ejemplo de pila: p1 es la pila obtenida anadiéndole los elementos
 3, 2 y 1 a la pila vacía. Por ejemplo,

```
ghci> p1
1|2|3|-
```

```
p1 = apila 1 (apila 2 (apila 3 vacia))
```

vacia es la pila vacía. Por ejemplo, ghci> vacia

```
vacia :: Pila a
vacia = P []
```

▶ (apila x p) es la pila obtenida añadiendo x encima de la pila p. Por ejemplo,

```
apila 4 p1 => 4|1|2|3|-|
```

```
apila :: a -> Pila a -> Pila a
apila x (P xs) = P (x:xs)
```

vacia es la pila vacía. Por ejemplo, ghci> vacia

```
vacia :: Pila a
vacia = P []
```

▶ (apila x p) es la pila obtenida añadiendo x encima de la pila p. Por ejemplo, | apila 4 p1 => 4|1|2|3|-|

```
apila :: a -> Pila a -> Pila a
apila x (P xs) = P (x:xs)
```

vacia es la pila vacía. Por ejemplo, ghci> vacia

```
vacia :: Pila a
vacia = P []
```

 (apila x p) es la pila obtenida añadiendo x encima de la pila p. Por ejemplo,

```
apila 4 p1 => 4|1|2|3|-|
```

```
apila :: a -> Pila a -> Pila a
apila x (P xs) = P (x:xs)
```

cima p) es la cima de la pila p. Por ejemplo, cima p1 == 1

```
cima :: Pila a -> a
cima (P (x:_)) = x
cima (P []) = error "cima de la pila vacia"
```

(desapila p) es la pila obtenida suprimiendo la cima de la pila p. Por ejemplo, |desapila p1 => 2|3|-

```
desapila :: Pila a -> Pila a
desapila (P []) = error "desapila la pila vacia"
desapila (P (_:xs)) = P xs
```

cima p) es la cima de la pila p. Por ejemplo, cima p1 == 1

```
cima :: Pila a -> a
cima (P (x:_)) = x
cima (P []) = error "cima de la pila vacia"
```

(desapila p) es la pila obtenida suprimiendo la cima de la pila p. Por ejemplo, | desapila p1 => 2|3|-

```
desapila :: Pila a -> Pila a
desapila (P []) = error "desapila la pila vacia"
desapila (P (_:xs)) = P xs
```

(cima p) es la cima de la pila p. Por ejemplo, cima p1 == 1

```
cima :: Pila a \rightarrow a

cima (P (x:_)) = x

cima (P []) = error "cima de la pila vacia"
```

 (desapila p) es la pila obtenida suprimiendo la cima de la pila p. Por ejemplo,
 |desapila p1 => 2|3|-

```
desapila :: Pila a -> Pila a
desapila (P []) = error "desapila la pila vacia"
desapila (P (_:xs)) = P xs
```

(esVacia p) se verifica si p es la pila vacía. Por ejemplo, esVacia p1 == False esVacia vacia == True

```
esVacia :: Pila a -> Bool
esVacia (P xs) = null xs
```

(esVacia p) se verifica si p es la pila vacía. Por ejemplo, esVacia p1 == False esVacia vacia == True

```
esVacia :: Pila a -> Bool
esVacia (P xs) = null xs
```

Tema 14: El TAD de las pilas

- 1. Tipos abstractos de datos
- 2. Especificación del TAD de las pilas
- Implementaciones del TAD de las pilas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck Librerías auxiliares
 - Generador de pilas Especificación de las propiedades de las pilas Comprobación de las propiedades

Importación de librerías

► Importación de la implementación de pilas que se desea comprobar.

```
import PilaConTipoDeDatoAlgebraico
-- import PilaConListas
```

Importación de las librerías de comprobación

```
import Test.QuickCheck
import Test.Framework
import Test.Framework.Providers.QuickCheck2
```

Tema 14: El TAD de las pilas

- 1. Tipos abstractos de datos
- 2. Especificación del TAD de las pilas
- Implementaciones del TAD de las pilas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

Librerías auxiliares

Generador de pilas

Especificación de las propiedades de las pilas Comprobación de las propiedades

Generador de pilas

genPila es un generador de pilas. Por ejemplo,
 ghci> sample genPila
 0|0| -6|4|-3|3|0| 9|5|-1|-3|0|-8|-5|-7|2|-

instance (Arbitrary a, Num a) => Arbitrary (Pila a) where
arbitrary = genPila

Especificación de las propiedades de las pilas

Tema 14: El TAD de las pilas

- 1. Tipos abstractos de datos
- 2. Especificación del TAD de las pilas
- 3. Implementaciones del TAD de las pilas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

Librerías auxiliares

Generador de pilas

Especificación de las propiedades de las pilas

Comprobación de las propiedades

Especificación de las propiedades de las pilas

Especificación de las propiedades de pilas

La cima de la pila que resulta de añadir x a la pila p es x.

```
prop_cima_apila :: Int -> Pila Int -> Bool
prop_cima_apila x p =
    cima (apila x p) == x
```

La pila que resulta de desapilar después de añadir cualquier elemento a una pila p es p.

```
prop_desapila_apila :: Int -> Pila Int -> Bool
prop_desapila_apila x p =
    desapila (apila x p) == p
```

Especificación de las propiedades de pilas

▶ La cima de la pila que resulta de añadir x a la pila p es x.

```
prop_cima_apila :: Int -> Pila Int -> Bool
prop_cima_apila x p =
    cima (apila x p) == x
```

► La pila que resulta de desapilar después de añadir cualquier elemento a una pila p es p.

```
prop_desapila_apila :: Int -> Pila Int -> Bool
prop_desapila_apila x p =
    desapila (apila x p) == p
```

Especificación de las propiedades de las pilas

Especificación de las propiedades de las pilas

Especificación de las propiedades de pilas

► La cima de la pila que resulta de añadir x a la pila p es x.

```
prop_cima_apila :: Int -> Pila Int -> Bool
prop_cima_apila x p =
    cima (apila x p) == x
```

► La pila que resulta de desapilar después de añadir cualquier elemento a una pila p es p.

```
prop_desapila_apila :: Int -> Pila Int -> Bool
prop_desapila_apila x p =
    desapila (apila x p) == p
```

Especificación de las propiedades de las pilas

Especificación de las propiedades de pila

La pila vacía está vacía.

```
prop_vacia_esta_vacia :: Bool
prop_vacia_esta_vacia =
   esVacia vacia
```

La pila que resulta de añadir un elemento en un pila cualquiera no es vacía.

```
prop_apila_no_es_vacia :: Int -> Pila Int -> Bool
prop_apila_no_es_vacia x p =
   not (esVacia (apila x p))
```

Especificación de las propiedades de pila

La pila vacía está vacía.

```
prop_vacia_esta_vacia :: Bool
prop_vacia_esta_vacia =
    esVacia vacia
```

La pila que resulta de añadir un elemento en un pila cualquiera no es vacía.

```
prop_apila_no_es_vacia :: Int -> Pila Int -> Bool
prop_apila_no_es_vacia x p =
   not (esVacia (apila x p))
```

Especificación de las propiedades de las pilas

Especificación de las propiedades de las pilas

Especificación de las propiedades de pila

La pila vacía está vacía.

```
prop_vacia_esta_vacia :: Bool
prop_vacia_esta_vacia =
    esVacia vacia
```

La pila que resulta de añadir un elemento en un pila cualquiera no es vacía.

```
prop_apila_no_es_vacia :: Int -> Pila Int -> Bool
prop_apila_no_es_vacia x p =
    not (esVacia (apila x p))
```

Comprobación de las propiedades

Tema 14: El TAD de las pilas

- 1. Tipos abstractos de datos
- 2. Especificación del TAD de las pilas
- Implementaciones del TAD de las pilas
- 4. Comprobación de las implementaciones con QuickCheck

Librerías auxiliares

Generador de pilas

Especificación de las propiedades de las pilas

Comprobación de las propiedades

Definición del procedimiento de comprobación

compruebaPropiedades comprueba todas las propiedades con la plataforma de verificación.

```
compruebaPropiedades =
   defaultMain
      [testGroup "Propiedades del TAD pilas"
            [testProperty "P1" prop_cima_apila,
            testProperty "P2" prop_desapila_apila,
            testProperty "P3" prop_vacia_esta_vacia,
            testProperty "P4" prop_apila_no_es_vacia]]
```

Comprobación de las propiedades

Comprobación de las propiedades de las pilas

```
ghci> compruebaPropiedades
Propiedades del TAD pilas:
  P1: [OK, passed 100 tests]
```

P1: [OK, passed 100 tests]
P2: [OK, passed 100 tests]
P3: [OK, passed 100 tests]
P4: [OK, passed 100 tests]

Properties Total Passed 4 4 Failed 0 0 Total 4 4