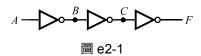
# **℃**CH2 基本邏輯閘

# 隨堂練習解答

## 2-1 反閘

## P21

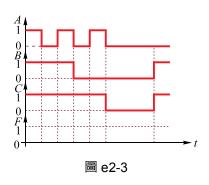
- 1. 反相器的符號爲 $A \longrightarrow f$ , 其特性爲 輸出恆爲輸入的相反 。
- 2. 緩衝器的符號爲 $A \longrightarrow f$ , 其特性爲 輸出恆與輸入相同的狀態 。
- 3. 如圖 e2-1 所示爲三個反相器串接的電路,輸入端A與輸出端F的邏輯關係爲F = A

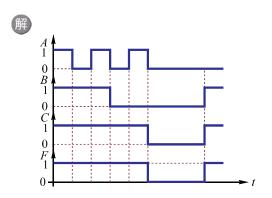


## 2-2 或閘

## P23

- 1. 或閘的特性為 只要有任一或更多輸入端的信號為邏輯 1 時,則輸出端的信號即為邏輯 1;或當所有的輸入端信號皆為邏輯 0 時,則輸出端的信號才為邏輯 0 。
- 2. 兩輸入端或閘的符號爲B, 其布林式爲f = A + B。
- 3. 如圖 e2-3 所示爲一個 3 輸入端或閘的輸入波形時序,試完成(繪出)相對應的 F 輸出波形時序。

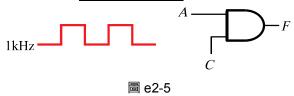




## 2-3 及閘

## P26

- 1. 及閘的特性為 <u>只要有任一或更多輸入端的信號為邏輯 0 時,則輸出端的信號即為邏輯</u> 0;或當所有輸入端的信號皆為邏輯 1 時,則輸出端的信號才為邏輯 1 。
- 2. 兩輸入端及閘的符號爲 B , 其布林式爲 f = AB 。
- 3. 如圖 e2-5 所示,1kHz 的方波由 A 輸入端輸入,當控制端 C=0 時,F 輸出爲 0 ;當控制端 C=1 時,則 F 輸出爲 1kHz 的方波 。



## 2-4 反或閘

#### P28

- 1. 反或閘的特性為<u>只要有任一個或更多個輸入端的信號爲邏輯1時,則輸出端的信號即</u> 爲邏輯0;或當所有的輸入端信號皆爲邏輯0時,則輸出端的信號才爲邏輯1\_。
- 2. 兩輸入端反或閘的符號為 B ,其布林式為  $f = \overline{A + B}$  。
- 3. 如圖 e2-6 所示,1kHz 的方波由輸入端輸入,當控制端 C=0 時, F 輸出為 1kHz 的方波 ;當控制端 C=1 時,則 F 輸出為 0 。

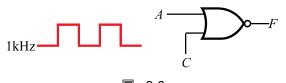
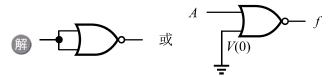


圖 e2-6

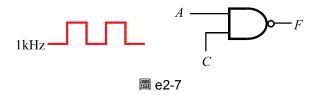
4. 繪出如何將兩輸入端 NOR 閘轉變成反相器?



## 2-5 反及閘

## P31

- 1. 反及閘的特性為 只要有任一個或更多個輸入端的信號為邏輯 0 時,則輸出端的信號即 為邏輯 1;或當所有輸入端的信號皆為邏輯 1 時,則輸出端的信號才為邏輯 0 。
- 2. 三輸入端反及閘的符號為 $f = \overline{ABC}$ 。
- 3. 如圖 e2-7 所示,1kHz 的方波由 A 輸入端輸入,當控制端 C=0 時,F 輸出爲 1 ; 當控制端 C=1 時,則 F 輸出爲 1kHz 的方波 。



4. 繪出如何將兩輸入端 NAND 閘轉變成反相器?

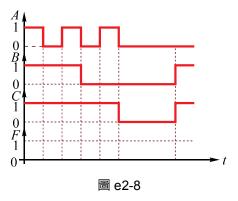


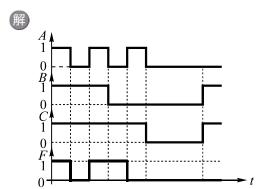
## 2-6 互斥或閘

## P35

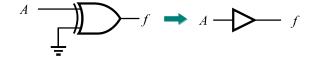
- 1. 互斥或閘的特性為 當輸入端的信號共有奇數個(1,3,5,...)為邏輯 1 時,則輸出端的 信號就為邏輯 1 。
- 2. 兩輸入端互斥或閘的符號為 B ,其布林式為  $f = A \oplus B$  。

3. 如圖 e2-8 所示爲一個 3 輸入端 XOR 閘的輸入波形時序,試完成(繪出)相對應的 F 輸出 波形時序。

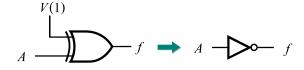




- 4. 繪出如何將兩輸入端 XOR 閘轉變成緩衝器與反相器?
  - 解 (1) XOR→buffer(互斥或閘轉變成緩衝器)



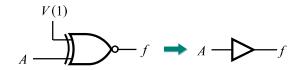
(2) XOR→NOT(互斥或閘轉變成反相器)



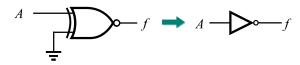
## 2-7 反互斥或閘

#### P40

- 1. 反互斥或閘的特性為<u>當輸入端的信號共有偶數個(0,2,4,…)為邏輯1時,則輸出端</u>的信號就為邏輯1。
- 2. 兩輸入端反互斥或閘的符號爲 $B \longrightarrow f$ , 其布林式爲  $f = A \odot B$
- 3. 繪出如何將兩輸入端 XNOR 閘轉變成緩衝器與反相器?
  - 解 (1) XNOR→buffer(反互斥或閘轉變成緩衝器)



(2) XNOR→NOT(反互斥或閘轉變成反相器)



## 自我評量解答

課本 P41

## - 、 選擇題

2-2(D)1. 如圖 P2-1 所示,輸出端爲1之狀態共有 (A)1 (B)4 (C)7 (D)15。



- 解 OR 閘的特性為:
  - (1)只要有任一輸入爲 1 時,其輸出即爲 1。
  - (2)當所有的輸入全爲 0 時,其輸出方爲 0。

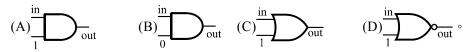
所以,圖 P2-1 的四輸入 OR 閘,其輸出為 1 之狀態共有  $2^4$ -1 = 15 種。

- **2-3**(D) 2. 如圖 P2-2 所示,輸出 Y 為 0 之情況共有 (A)1 (B)3 (C)4 (D)7。
  - 解 AND 閘的特性為:
    - (1)只要有任一輸入爲 0 時,其輸出即爲 0。

(2)當所有的輸入全爲1時,其輸出方爲1。

所以,圖 P2-2 的 AND 閘有 3 個輸入端,其輸入的組合狀況共有  $2^3 = 8$  種,只有當所有的輸入全爲 1 時,其輸出才爲 1,故輸出 Y 爲 0 的情况 共有  $2^3 - 1 = 8 - 1 = 7$  種。

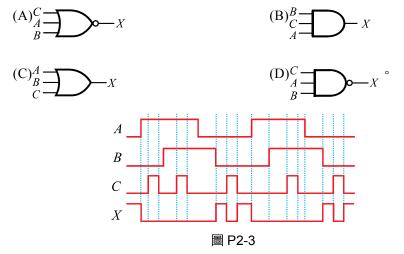
2-4(A)3. 下列那一個可以通過計數脈波?



解) 只有 AND(及)閘可以通過計算脈波,其情況如下:

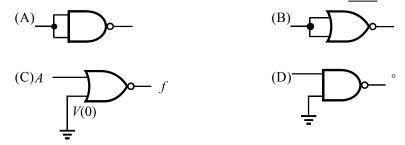


- (D) 4. 四輸入 NOR 閘其輸出為 0的情況共有幾種?
  - (A)1 (B)4 (C)7 (D)15  $\circ$
  - 解 NOR 閘的特性為:
    - (1)只要有任一輸入爲 1 時,其輸出即爲 0。
    - (2)當所有的輸入全爲 0 時,其輸出方爲 1。 所以四輸入 NOR 閘其輸出爲 0 的情況共有  $2^4-1=15$  種。
- **2-5**(A) 5. 時序圖 P2-3 中 ABC 爲輸入邏輯信號, X 爲經一邏輯閘運算後的輸出,則該邏輯 閘應爲下列何者?

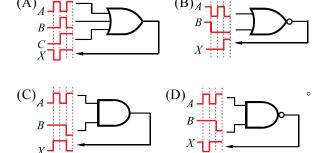


解 由輸入/輸出波形的時序圖中發現:當輸入有任一爲 1 輸入時,輸出即爲 0;當輸入皆爲 0 輸入時,則輸出方爲 1,所以此邏輯閘爲反或閘(NOR gate),故爲選項(A)。

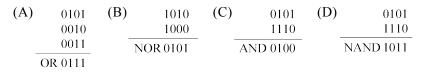
(D) 6. 欲用 NAND 或 NOR 閘組成反相器,下列何種接法是錯誤的?



- 解 NAND 閘的特性為:只要有任一輸入為 0 時,其輸出即為 1,故(D)圖的輸出固定為 1,其餘各圖的接法皆可組成反相器。
- (D)7. 下列各圖輸入4個時序,其輸出何者正確?

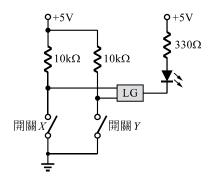


解 若將時序波形以 0、1 代表,則各圖情況如下:



故(D)圖爲正確。

(A) 8. 如圖 P2-4 所示之電路,LG 應為何種邏輯閘,方可得到如下表之實驗結果?(A)NAND (B)NOR (C)AND (D)XOR。



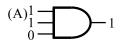
開	LED	
X	Y	LLD
OFF	OFF	亮
ON	OFF	暗
OFF	ON	暗
ON	ON	暗

圖 P2-4

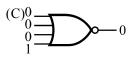
解 當 LG 閘輸出 1 時, LED 暗, 而 LG 閘輸出 0 時, LED 亮; 而開關 OFF 時, 輸入爲 1, ON 時,輸入爲 0, 其眞值表如下:故 LG 閘爲 NAND 閘。

X	Y	LED
1	1	0
0	1	1
1	0	1
0	0	1

2-6(C)9. 請從下列邏輯閘的輸入和輸出邏輯值關係圖中,判斷下列哪個邏輯閘運算正常?

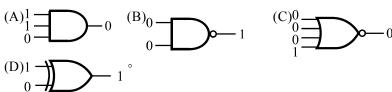








正常運算的結果應如下



- (B) 10. 僅當所有的輸入均相同時,輸出才爲"0"的兩輸入端邏輯閘是
  - (A)NOR (B)XOR (C)OR (D)AND °
  - 解 兩輸入端的互斥或閘(XOR),其真值表如下:

A	В	f
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

**2-7**(C) 11.6 個輸入的反互斥或閘之真值表中,下列何者爲輸出欄所含 1 之個數? (A)1 (B)31 (C)32 (D)63。

- 解 反互斥或閘(XNOR)的特性:當輸入端的信號共有偶數個 $(0, 2, 4, \cdots)$ 爲邏輯 1 時,則輸出端的信號就爲邏輯 1;所以當反互斥或閘有 6 個輸入端時,輸出欄所含 1 之個數爲  $\frac{2^N}{2} = 2^{N-1} = 2^{6-1} = 32$ 。
- (D) 12.以 XNOR 閘而言,若  $A \setminus B$  爲輸入,F 爲輸出,則下列何者可以代表 F 之布林函數? (A)  $A \oplus B$  (B)  $\overline{AB} + A\overline{B}$  (C)  $(\overline{A} + \overline{B})(A + B)$  (D)  $(\overline{A} + B)(A + \overline{B})$  。
  - 爾個輸入端的反互斥或閘(XNOR)其布林式  $F = A \odot B = \overline{A \oplus B} = \overline{AB} + AB = (\overline{A} + B)(A + \overline{B})$
- (B) 13. 在圖 P2-5 中,假設邏輯閘延遲時間為 0。若將左邊三個位元組資料由 LSB(最低有效位元)到 MSB(最高有效位元)依序輸入至邏輯電路之後,其輸出 Y 的位元組結果為何(最左位元為 MSB,最右位元為 LSB)?
  - (A)01101001 (B)10010110 (C)01010101 (D)10101010 °

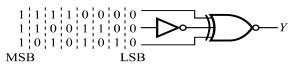


圖 P2-5

解 (1)反互斥或閘(XNOR)的特性:當輸入端有偶數個1輸入時,輸出方為1。

(2) 
$$\frac{11110000}{00110011}$$
  $\frac{11110000}{10101010}$ ,  $\text{th } Y = 10010110$ 

- (B) 14. 某一邏輯閘具有二個輸入 A 與 B, 一個輸出 Y, 經實驗後量得之輸入與輸出關係如表 P2-1 所示,則此邏輯閘爲下列何種功能?
  - (A)XOR (B)XNOR (C)AND (D)OR °
  - 解 由真值表中可以獲得該閘的特性為----當兩輸入相同時,輸出即為1(高態); 反之,若兩輸入不相同時,輸出就為0(低態); 此為XNOR閘的功能。

表 P2-1

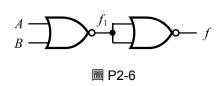
A	В	Y
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

## 二、問答與繪圖題

- 1. n 個輸入端的及閘,其輸出狀態爲邏輯 0 及邏輯 1 的情況,各有幾種?
  - 解 及閘(AND)的特性為:
    - (1)當有任一輸入爲 0 時,其輸出即爲 0。
    - (2)當所有的輸入皆爲1時,其輸出方爲1。

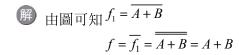
所以n個輸入端的及閘(AND),其輸出狀態爲邏輯1的情況只有1種,即當所有的輸入皆爲1時;而其輸出狀態爲邏輯0的情況則有 $2^n-1$ 種。 $(2^n$ 爲n輸入端的輸入組合狀態)

2. 表 P2-2 爲圖 P2-6 電路之真値表,試完成其真値表 $f_1$ 與f部份,並依真値表說明該組合電路等效哪種基本邏輯閘?



1

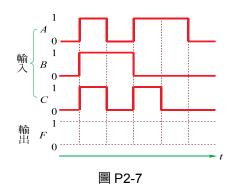
表 P2-2

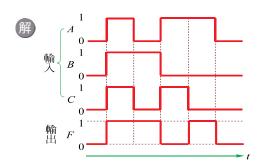


所以該組合電路等效於或閘(OR),故其完整的表如下:

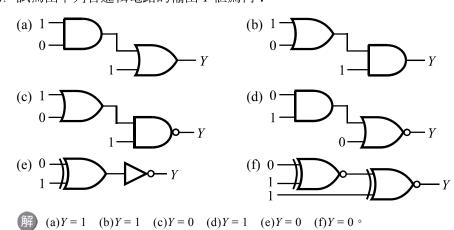
A	В	$f_1$	f
0	0	1	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	0	1

3. 試完成 3 個輸入端互斥或閘的輸入、輸出信號波形時序於圖 P2-7 中。





4. 試寫出下列各邏輯電路的輸出 Y 値爲何?



5. 試完成圖 P2-8、圖 P2-9 電路之真値表,即表 P2-3、P2-4 的輸出端 $f_1$ 與f部份;並比較兩電路有否互爲等效(功能一樣)?

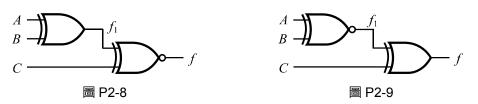


表 P2-3

A	В	$f_1$	С	f
0	0		0	
0	0		1	
0	1		0	
0	1		1	
1	0		0	
1	0		1	
1	1		0	
1	1		1	

表 P2-4

A	В	$f_1$	C	f
0	0		0	
0	0		1	
0	1		0	
0	1		1	
1	0		0	
1	0		1	
1	1		0	
1	1		1	

解 依 XOR 閘、XNOR 閘的特性,完成表 P2-3、P2-4 如下結果發現其兩者互 爲等效,功能是一樣。

A	В	$f_1$	С	f
0	0	0	0	1
0	0	0	1	0
0	1	1	0	0
0	1	1	1	1
1	0	1	0	0
1	0	1	1	1
1	1	0	0	1
1	1	0	1	0

A	В	$f_1$	C	f
0	0	1	0	1
0	0	1	1	0
0	1	0	0	0
0	1	0	1	1
1	0	0	0	0
1	0	0	1	1
1	1	1	0	1
1	1	1	1	0

# 鍛鍊本解答-嚴選精華

- **2-1** 1. 反相器(inverter)的符號爲 $A \longrightarrow f$ , 其特性爲 $\underline{\text{輸出恆爲輸入的補數(即相反的}}$  羅輯狀態)。
  - 2. 緩衝器(buffer)的符號爲 A f ,其特性爲 輸出與輸入具相同的邏輯狀態 。

2-12



4. 或閘(OR gate)其特性爲有任一或更多輸入端的信號爲邏輯 1 時,則輸出端f的信號即爲 邏輯 1\_\_,反之輸入端皆爲邏輯 0 時,則輸出端f才爲\_\_0\_。



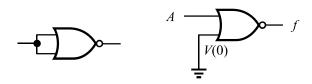
6. 及閘(AND gate)其特性為有任一或更多輸入端的信號爲邏輯 0 時,則輸出端f的信號 即爲邏輯 0,反之,當所有的輸入端皆爲 1 時,則輸出端f 才爲 1。

**2-4** 7. 2 輸入端反或閘(NOR gate)的符號為 B (設輸入端為  $A \setminus B$  , 輸出端為 f),其布林式為  $f = \overline{A + B}$  。

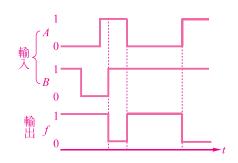
8. 試完成 2 輸入端 NOR 閘真值表的輸出端 f 資料。

輸	入	輸出
A	В	f
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

9. 繪出如何將 2 輸入 NOR 閘轉變成反相器?



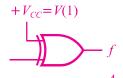
11. 試完成 2 輸入端 NAND 閘真值表的輸出端波形時序資料。



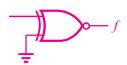
12. 繪出如何將 2 輸入端反及閘(NAND)轉變成反相器?



- - 14. 2 輸入端 XOR 閘特性為兩輸入信號相同時,輸出信號為邏輯 0 ,反之,輸入信號不相同時,輸出信號為邏輯 1 。
  - 15. N 個輸入端的 XOR 閘,其輸出端爲邏輯 1 的情況共有  $2^{N-1}$  種。
  - 16. 繪出如何將兩輸入端互斥或閘轉變成反相器(NOT 閘)?



- - 18. N 輸入端 XNOR 閘特性為當輸入端的信號共有偶數個  $(0 \cdot 2 \cdot 4 \cdot \cdots)$ 為邏輯1 時,則輸出端的信號就為邏輯1。
  - 19. \_ 8 \_ 個輸入端的 XNOR 閘,其輸出端爲邏輯 1 的情况共有 \_ 128 \_ 種。
  - 20. 繪出如何將兩輸入端 XNOR 閘轉變成反相器(NOT 閘)?



# 鍛鍊本解答-大顯身手

## 課内題

詳解請參考自我評量解答 P2-5~2-12

## 課外題

## 一、精選題

(D) 1. 設 $A \times B$  爲輸入端,F 爲輸出端,則 OR 閘的眞值表爲

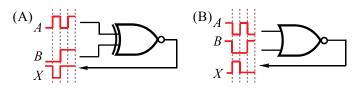
(A)	A	В	f	(B)	A	В	f	(C)	A	В	f	(D)	A	В	
	0	0	1		0	0	0		0	0	0		0	0	
	0	1	0		0	1	1		0	1	0		0	1	
	1	0	0		1	0	1		1	0	0		1	0	
	1	1	1		1	1	0		1	1	1		1	1	

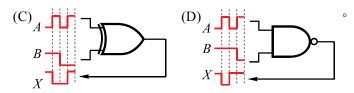
- 解 OR 閘的特性為:只要任一輸入為 1,輸出即為 1;或是當所有的輸入皆為 0 時,輸出才為 0,故 OR 閘的真值表為選項(D)。
- (A) 2. 設 $A \setminus B$  爲輸入端,F 爲輸出端,則反互斥或閘(XNOR)的眞值表爲

(A)	A	В	f	(B)	A	В	f	(C)	A	В	f	(D)	A	В	f
	0	0	1		0	0	0		0	0	0		0	0	0
	0	1	0		0	1	1		0	1	0		0	1	1
	1	0	0		1	0	1		1	0	0		1	0	1
	1	1	1		1	1	0		1	1	1		1	1	1

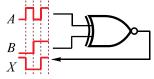
解 兩輸入端互斥或閘(XNOR)的特性為:輸入相同時,輸出為1;輸入不相同時,輸出為0。

(A) 3. 下列各圖輸入 4 個時序,其輸出何者錯誤?





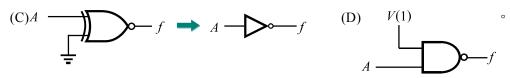
解 兩輸入的反互斥或札(XNOR 特性為)—當兩輸入相同邏輯狀態時,輸出就為 邏輯 1;選項(A)正確時序如圖所示。



- (D)4. 有關N個輸入端的基本閘,其輸出端爲邏輯1狀態的敘述,下列何者錯誤?
  - (A) AND 閘只有 1 種

- (B) OR 閘共有 2<sup>N</sup>-1 種
- (C) NAND 閘共有 2<sup>N</sup>-1 種
- (D) XNOR 閘共有 2<sup>N</sup>-1種。
- 解 N 個輸入端的 XNOR 閘其輸出端爲邏輯 1 狀態共有  $2^{N-1}$  種。
- (A) 5. 下列哪一個電路的功能與其他的<u>不相同</u>?



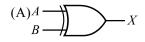


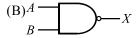
解 選項(B)的功能爲緩衝器(buffer):其餘選項的功能皆爲反相器(NOT 閘)。

## 鍛鍊本解答-高手過招

(A) 1. 具有表(1)真值表之邏輯閘符號爲何?

【104 統測資電類】









表(1)

A	В	X
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

- 解 當有奇數個 1 輸入時,輸出即為 1,此為互斥或閘(XOR gate)的特性,故選(A)。
- (A) 2. 一個兩輸入 NAND 閘, $A \times B$  爲輸入,Y 爲輸出,則下列何者有誤?

$$(A)$$
若  $A = 0 \cdot B = 0$ ,則  $Y = 0$ 

(C)若
$$A=1 \cdot B=0$$
,則 $Y=1$ 

【105 統測資電類】

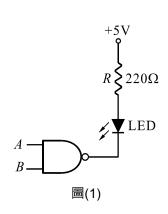
- 解 NAND(反及閘)的特性為:
  - (1)有任一輸入爲 0 時,輸出即爲 1
  - (2)當所以的輸入皆爲 1 時,輸出方爲 0 故當選(A)有誤,正確爲  $A = 0 \, \cdot B = 0$  時,Y = 1
- (D) 3. 如圖(1)所示電路,若要使 LED 發亮,

則 A、B 之輸入值爲何?【105 統測資電類】

$$(A)A = 0 \cdot B = 0$$
  $(B)A=0 \cdot B=1$ 

$$(C)A = 1 \cdot B = 0$$
  $(D)A = 1 \cdot B = 1 \circ$ 

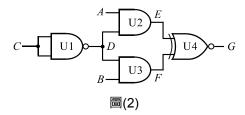
 當 NAND 閘輸出為 0 時,LED 才發亮, 所以需  $A = 1 \setminus B = 1$  。



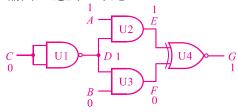
2-17

(D) 4. 如圖(2)所示電路,經量測結果如表(2)所示,請判斷哪一個編號之邏輯閘故障? (A)U1 (B)U2 (C)U3 (D)U4。 【105 統測資電類】

表(2)									
接腳	A	В	C	D	E	F	G		
邏輯狀態	1	0	0	1	1	0	1		

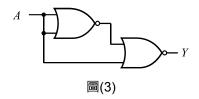


解 將表格內的邏輯狀態套入電路中,可知 U4 閘有故障,因爲  $E=1 \setminus F=0$ ,輸出 G 應爲 0 才是

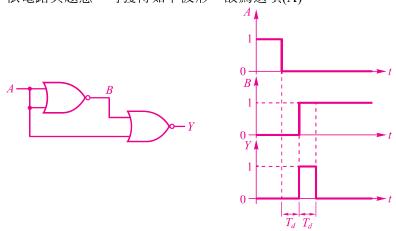


 $T_d$ 的高準位脈波,而後維持低準位

- (A) 5. 如圖(3)中,假設圖內兩個邏輯閘的延遲時間皆為  $T_d$ ,請問下列敘述何者正確? (A)當 A 輸入一個由高準位轉爲低準位的脈波,則 Y 會輸出一個寬度爲
  - (B)當 A 輸入一個由低準位轉爲高準位的脈波,則 Y 會輸出一個寬度爲  $T_d$  的高準位脈波,而後維持低準位
  - (C)當A輸入一個由高準位轉爲低準位的脈波,則Y在延遲2個 $T_a$ 時間後,產生一個脈波上升正緣,並維持寬度爲 $T_a$ 的高準位脈波,而後維持低準位
  - (D)當A輸入一個由低準位轉爲高準位的脈波,則Y在延遲2個 $T_d$ 時間後,產生一個脈波上升正緣,並維持寬度爲 $T_d$ 的高準位脈波,而後維持低準位。 【106 統測資電類】



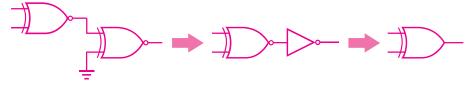
解 依電路與題意,可獲得如下波形,故爲選項(A)



- (C) 6. 在"只用一顆邏輯 IC"的條件下,下列何者可以實現兩個獨立的雙輸入互斥或閘?
  - (A)一顆內含 6 個反閘的 7404
- (B)一顆內含 4 個或閘的 7432
- (C)一顆內含 4 個反互斥或閘的 74266
- (D)一顆內含 4 個反或閘的 7402。

【106 統測資電類】

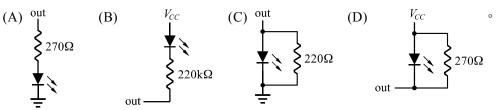
解 只有內含 4 個反互斥或閘的 74266 才能實現兩個獨立的雙輸入互斥或閘,其 組合電路如下:



- (D) 7. 下列哪一種邏輯閘只有在輸入全為"0"時輸出才會是"1"?
  - (A)XOR 閘 (B)XNOR 閘 (C)OR 閘 (D)NOR 閘。

【107 統測資電類】

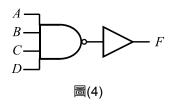
- 解 反或閘(NOR)的特性:
  - (1)當輸入全為"0"時,輸出才會是"1"
  - (2)當輸入有任一爲"1"時,輸出及爲"0"
- (A) 8. 數位邏輯實驗時,若以一般紅色 LED 顯示 TTL IC 74LS04 輸出邏輯狀態,則此 IC 輸出端 out 與 LED 電路的接法,下列圖示何者最佳?



【107 統測資電類】

2-19

- 解 (A)最適當,當輸出爲邏輯1時,LED亮;邏輯0時,LED不亮。
  - (B)220kΩ 過大,LED 不會亮,若改爲 220Ω,則輸出邏輯 1 時,LED 不亮; 邏輯 0 時,LED 亮。
  - (C)(D)電阻  $220\Omega$  或  $270\Omega$  皆無限流功用,故易使 LED 或 IC 燒毀。
- ( C ) 9. 如圖(4)所示,當 A 端輸入爲 1kHz 的方波,B 端輸入爲 1,C 端輸入爲 0,D 端輸入爲 1,則 F 端輸出信號爲 【109 統測資電類】
  - (A)相位超前的 1kHz 方波 (B)相位落後的 1kHz 方波 (C)1 (D)0。



- 解 (1)該組合電路等效為 4 輸入的反及閘(NAND)。
  - (2)反及閘(NAND)的特性:只要有任一或更多輸入爲邏輯 0,則輸出即爲邏輯 1;由於 C=0,所以 F=1。