從零開始的 關聯式學習

Pandas 與 Mlxtend

張家瑋博士

副教授

國立臺中科技大學資訊工程系





#### **Work Experience**

- 2022/2~ Now Associate Professor National Taichung University of Science and Technology
- 2018/2 ~ Now
   Adjunct Assistant Professor
   National Cheng Kung University
- ➤ 2015/8 ~ 2017/11
  Project Manager & Data Scientist
  NEXCOM International Co., Ltd.

#### **About Me**

- [Since Jan. 2019] Young Professionals Chair, IET Taipei Local Network.
- [Since Dec. 2017] Consultant, NEXCOM Industry 4.0 Center.
- [Jan. 2017] Ph.D. degree, National Cheng Kung University.

#### **Research Topics**

- a) Natural Language Processing
  - ✓ Natural Language Understanding
  - ✓ Chatbot
  - ✓ Text Summarization / Classification
- o) Deep Learning
- c) Data Mining
- d) Internet of Things
  - ✓ Smart Speaker



# 關聯規則學習

**Association Rule Learning** 

#### 概念

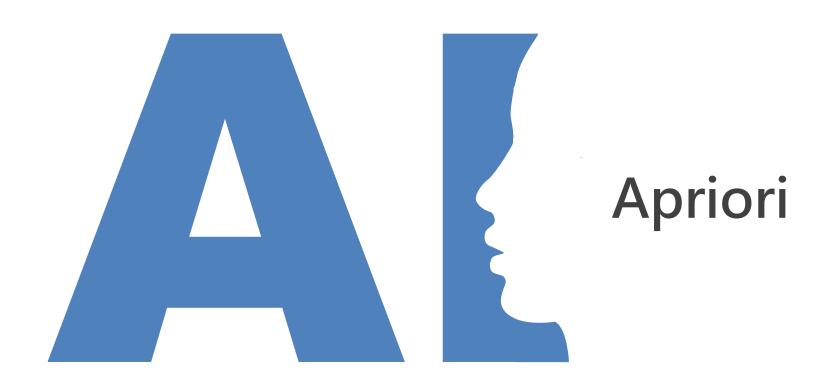
- 在大型資料庫中發現項目間關聯的方法。
  - {牛奶, 麵包}→{可樂}:代表某人同時買了牛奶和 麵包,就可能會買可樂。
- 該方法常使用於電子商務上,通常可為促銷、 產品推薦等行銷活動的決策依據。



### 定義

- 商品的項目集合(itemset) · / = { /<sub>1</sub>, /<sub>2</sub> ..., /<sub>m</sub>} · #Item
- 交易資料庫(Database), $D = \{t_1, t_2, ..., t_n\}$ 。 #Transaction
- 關聯規則(Association Rule), $X \rightarrow Y$



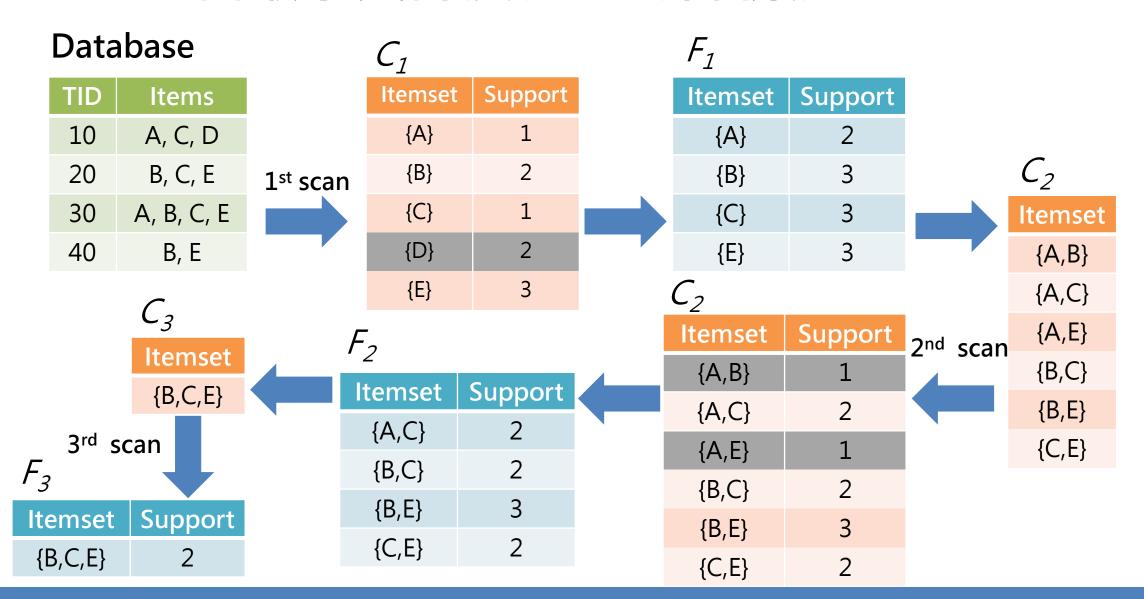


#### 概念

- 逐層搜索的迭代方法。
- *k*-itemset 用於探索(*k* + 1) itemset。
  - 1. 找出 frequent 1-itemset  $F_1 \circ F_1$ 用來找 frequent 2-itemset  $F_2 \circ F_3$ 而  $F_2$  用來找到  $F_3$ 。直到不能找到 k-itemset。
  - 2. 每找一個  $F_k$  需要掃描一次資料庫。為提高頻繁項集逐層產生的效率, Apriori 性質則可減少搜索。
- Apriori 性質: frequent itemset 的所有非空子集都必須是頻繁的。
  - 若某個 *k*-itemset 的 candidate 的 subsets 不在 (*k*-1)-itemset 時, 這個 candidate 就可以直接删除。



#### 當最小支持度為 2 時的情況



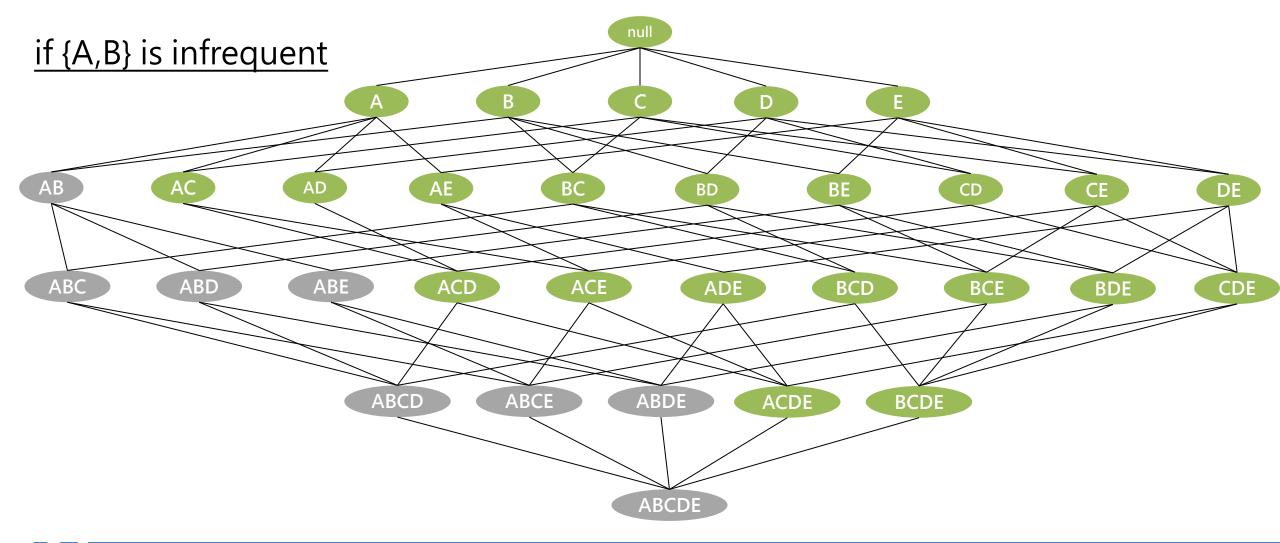


### 方法

- $1. C_3 = F_2$ 的組合
  - $F_2 = \{\{A, C\}, \{B, C\}, \{B, E\}, \{C, E\}\}\}$ {{A, C}, {B, C}, {B, E}, { C, E}}  $= \{\{A, B, C\}, \{A, C, E\}, \{B, C, E\}\}$
- 2. 使用 Apriori 性質剪枝:某個 frequent itemset 的所有 subsets 必須是頻繁的, 對 candidate itemset  $C_3$ ,我們可以刪除其非頻繁的 subsets :
  - {A, B, C} 的 2-itemset 是 {A, B}, {A, C}, {B, C}, 其中 {A, B} 不是 F<sub>2</sub>的元素,所以删除;
  - {A, C, E} 的 2-itemset 是 {A, C}, {A, E}, {C, E}, 其中 {A, E} 不是 F<sub>2</sub>的元素,所以删除;
  - {B, C, E} 的 2-itemset 是 {B, C}, {B, E}, {C, E}, 所有 2-itemset 都是 F<sub>2</sub>的元素,因此保留。
- 3. 剪枝後得到 *C*<sub>3</sub> = {{B, C, E}}



### 剪枝





#### 案例

TID	網球拍	網 球	運動鞋	羽毛球
1	1	1	1	0
2	1	1	0	0
3	1	0	0	0
4	1	0	1	0
5	0	1	1	1
6	1	1	0	0

- 顧客購買記錄的資料庫 D,包含 6 個 Transactions
- 項目集 / = {網球拍, 網球, 運動鞋, 羽毛球}

觀察關聯規則,網球拍 → 網球。

- 1. Transaction 1, 2, 3, 4, 6 包含網球拍。
- 2. Transaction 1, 2, 6 同時包含網球拍和網球。
- 3. 支持度 = 3/6 = 0.5,信心度 = 3/5 = 0.6。
- 若最小支持度為 0.5,最小信心度為 0.6。
- 關聯規則"網球拍→網球" 是存在強關聯的。

- 1-itemset (4): {網球拍}, {網球}, {運動鞋}, <del>{羽毛球}</del>
- 2-itemset (7): {網球拍, 網球}, {網球拍, 運動鞋}, <del>{網球拍, 羽毛球}</del>, {網球,運動鞋}, {網球,羽毛球}, {運動鞋,羽毛球}
- 3-itemset (4): {網球拍, 網球, 運動鞋}, <del>{網球拍, 網球, 羽毛球}, {網球拍, 運動鞋, 羽毛球}</del> {網球,運動鞋,羽毛球}





# 實作開始

## Google Colab





#### **Mlxtend**

http://rasbt.github.io/mlxtend/api\_subpackages/mlxtend.frequent\_patterns/

```
min_support : float (default: 0.5)
```

✓ A float between 0 and 1 for minumum support of the itemsets returned.

transactions\_where\_item(s)\_occur / total\_transactions

$$\operatorname{support}(A \to C) = \operatorname{support}(A \cup C), \quad \operatorname{range:} [0,1]$$

$$\operatorname{confidence}(A o C) = rac{\operatorname{support}(A o C)}{\operatorname{support}(A)}, \quad \operatorname{range:} [0,1]$$



#### **Mlxtend**

http://rasbt.github.io/mlxtend/user\_guide/frequent\_patterns/association\_rules/

$$\operatorname{lift}(A \to C) = \frac{\operatorname{confidence}(A \to C)}{\operatorname{support}(C)}, \quad \operatorname{range:} [0, \infty] \quad = \quad \frac{\operatorname{Support}}{\operatorname{Supp}(X) \times \operatorname{Supp}(Y)}$$

$$\operatorname{levarage}(A \to C) = \operatorname{support}(A \to C) - \operatorname{support}(A) \times \operatorname{support}(C), \quad \operatorname{range:} [-1, 1]$$

$$\operatorname{conviction}(A \to C) = \frac{1 - \operatorname{support}(C)}{1 - \operatorname{confidence}(A \to C)}, \quad \operatorname{range:} [0, \infty] \quad = \quad \mathsf{P}(\mathsf{A})\mathsf{P}(\mathsf{B}')/\mathsf{P}(\mathsf{A} \cap \mathsf{B}')$$



