МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ

по лабораторной работе №5 по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных» Тема: Бинарные деревья поиска и алгоритмы сжатия Вариант 1

Студент гр. 8304	 Щука А. А.
Преподаватель	Фирсов М. А

Санкт-Петербург 2019

Цель работы.

Научиться применять бинарные деревья для решения задач кодирования (сжатия) и поиска

Постановка задачи.

Вариант 1: с помощью бинарного дерева реализовать кодирование: Фано-Шеннона

Описание алгоритма.

Пусть набор весов W упорядочен, а именно: $w_1 \ge w_2 \ge ... \ge w_n$. В качестве корня дерева выбирается такой узел (и соответственно набор $W_{1...n}$ разбивается на два поднабора $W_{1...k}$ и $W_{k+1...n}$ так), что веса поддеревьев различаются минимально. Алгоритм поиска такого узла: перебираем узлы до тех пор, пока разница между весами левой части набора и правой не будет больше либо равна весу следующего узла. С левой стороны от корня должно стоять поддерево с меньшим весом, а с правой — с большим. Эта процедура повторяется для поддеревьев до тех пор, пока не будет получен лист в качестве текущего поддерева.

Для кодирования сообщения необходимо идти по дереву от листа со значением нужного символа к корню дерева. Если текущий узел находится от родителя с левой стороны, то выводим 0, если с правой — 1. Таким образом мы можем получить код сообщения по бинарному дереву, закодированному с помощью алгоритма Фано-Шеннона.

Спецификация программы.

Программа предназначена для кодирования сообщения методом Фано-Шеннона.

Программа написана на языке C++. Входными данными являются символы, которые необходимо закодировать, считываемые из файла или вводимые с клавиатуры. Выходными данными являются промежуточные значения и конечный результат. Данные выводятся на экран монитора и записываются в файл result.txt. Результат работы программы в среде Windows в консоли с кодировкой

Windows-1251 представлен на рис. 1. Исходный код программы приведен в приложении В.

rteefsпу4еукцсу23";"""№!авуыва

frerge4g354

```
Input text:
rteefsпу4еукцсу23";"""№!авуыва
frerge4g354
Encoded text:
01011000101010111100101
Character codes:
  --> 0110
--> 111111
     000
     0111
111110
11110
     001
0101
111011
111010
11100
110111
     10110
     1010
     0100
     110110
     11010
     11001
     10011
     10010
     11000
  --> 101111
  --> 101111
 --> 1000
     101110
Binary coding tree:
End programm
```

Рисунок 1 – Результат работы программы

Тестирование программы.

Тестирование программы приведено в приложении A (содержимое файла result.txt).

Описание СД и методов для работы с ними.

```
struct Symbol
```

Структура для хранения символа и его 'веса'.

Поля структуры:

```
char data_;
size_t weight_;
```

class EncodeTree

Базовый абстрактный класс дерева, реализующий методы для работы с бинарным деревом кодирования. Экземпляр класса является узлом дерева.

Поля класса:

```
Symbol data_;
EncodeTree* parent_;
EncodeTree* left_;
EncodeTree* right_;

Getter's — Meтоды:

const EncodeTree* getLeft() const;
const EncodeTree* getRight() const;
const EncodeTree* getParent() const;
const Symbol& getData() const;

Setter's — Meтоды:

void setLeft(EncodeTree* left);
void setRight(EncodeTree* right);
void setParent(EncodeTree* parent);
void setData(Symbol data);
```

Метод объединения левого и правого поддеревьев в узел:

```
void concat(size_t weight, EncodeTree* left, EncodeTree* right);
```

Метод для кодирования строки с помощью бинарного дерева кодирования:

```
std::string encode(const std::string& message);
```

Два виртуальных метода для создания дерева. В зависимости от алгоритма, класс-наследник реализует эти методы:

```
virtual void createEncodeTree(const std::string& message) = 0;
```

Метод поиска листа дерева с заданными данными:

```
const EncodeTree* findSymbol(char data) const;
```

Метод записи дерева в строку в виде уступчатого списка

```
void printTree(std::string& result, size_t level = 0) const;
```

Метод создания строки кодов символов:

```
std::string createCodeSymbols(const std::string& message) const;
```

class FanoShannonTree

Класс-наследник EncodeTree, реализующий алгоритм кодирования Фано-Шеннона с помощью бинарного дерева кодирования.

Два метода создания дерева кодирования с помощью алгоритма Фано-Шеннона

Статический метод для получения середины массива символов, отсортированных по не возрастанию, по их 'весу'

Выводы.

В ходе работы были изучены способы создания бинарных деревья с помощью алгоритма Фано-Шеннона и кодирования сообщений.

Приложение A. Содержимое файла result.txt

Read text from file ./Tests/test1.txt
Input text:
gsfughuhgkjhKJGHIUKHKNHIguynjgkhnYGbuybUNiuk
RUKYnuikhmhiduhniuehn ugNIygniygmmmiuu gGNIy
URYiuni UIOUyniu yuIUt yrtiol

Encoded text:

Character codes: g --> 0100 --> 11111111 s --> 11111110 --> 000 --> 0101 k --> 11000 --> 111000 j K --> 10110 J --> 1111110 G --> 110111 H --> 110110 --> 1001 Ι U --> 1000 --> 10111 --> 0111 --> 0110 --> 11001 b --> 111001 i --> 001 \n --> 11010 R --> 111010 --> 10101 --> 1111101 --> 1111100 space --> 10100 0 --> 1111010 t --> 111011 --> 1111011 --> 1111001 0 1 --> 1111000 Binary coding tree: - - - u ---i

---g

```
---h
---n
---y
----U
---I
----space
----m
----K
---N
----k
---Y
----\n
----H
----G
----j
----b
----R
----t
----1
-----0
----0
----е
----d
----J
----f
----s
Read text from file ./Tests/test2.txt
Input text:
(*&^%^88%5^%43@@3$%67* &^45*90(*7^%4#23$%67*90 )(8&6543
     &^7*9)(&62#$5^78(0;{"/;{;>/"{:/"[]"/;['?"
```

Encoded text:

Character codes:

(--> 0101
* --> 0001
& --> 0001
^ --> 0000
% --> 0010
8 --> 10101
5 --> 10100
4 --> 10011
3 --> 10010
@ --> 111010
\$ --> 10110

```
6 --> 1000
7 --> 0110
space --> 1111010
9 --> 10111
0 --> 11000
# --> 110110
2 --> 11100
_ --> 111100
) --> 110111
\n --> 1110110
tabulation --> 1110111
; --> 01110
{ --> 11001
" --> 0100
/ --> 01111
> --> 1111011
: --> 1111100
[ --> 11010
] --> 1111101
' --> 1111110
? --> 1111111
Binary coding tree:
___*
---%
----&
---"
---(
---7
----;
----/
----6
----3
----4
----5
----8
----$
----9
----0
----{
----[
----#
----)
----2
----@
----\n
-----tabulation
----space
---->
----:
```

-----]

```
-----?
```

Read text from file ./Tests/test3.txt
Input text:
gdyutrfb876bewtbf76iyT&6tngi8Ubgiyni b utbGi6uytibU
&o*NPmo8&nb6&Nt9b 87b6i89b7o^up8(!N8u1Upm8Pbopb1up9Nmo
&b&o6b(*^7NyojUno*o
IYB*(&^nm7(**Pop7(N8b6
&^B9

Encoded text:

Character codes:

```
g --> 110110
d --> 11111111
 --> 10101
u --> 01111
t --> 10000
  --> 11111110
 --> 1110110
b --> 000
8
  --> 0011
7 --> 01011
 --> 0100
e --> 1111110
w --> 1111101
i
 --> 0110
T --> 1111100
& --> 01010
 --> 10100
U --> 10110
tabulation --> 1110111
space --> 111010
G --> 11110111
\n --> 11000
o --> 0010
  --> 10001
 --> 01110
 --> 110111
 --> 11010
9 --> 11001
  --> 10111
 --> 10011
```

--> 10010

```
! --> 1111001
1 --> 111000
j --> 11110110
I --> 1111010
Y --> 1111000
B --> 111001
Binary coding tree:
---b
----0
---8
----6
----&
----7
---i
---N
----u
----t
----*
----(
----р
----n
----y
----U
----^
----\n
----9
----m
----g
----P
----1
----B
----space
----f
-----tabulation
----Y
----!
----I
----j
----G
----T
----w
----е
----r
----d
Read text from file ./Tests/test4.txt
Input text:
Encoded text:
```

Character codes:

Приложение В. Исходный код программы

main.cpp

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <fstream>
#include "fanoshannontree.h"
using std::cout;
using std::cin;
using std::cerr;
std::string readText(std::istream& in);
std::string readText(std::ifstream& in);
int main(int argc, char *argv[]) {
    setlocale(LC_ALL, "");
    if (argc < 3) {
        std::string text;
        std::string result;
        if (argc == 2) {
            std::string fileName = argv[1];
            result += "Read text from file " + fileName + "\n";
            std::ifstream inputFile(fileName, std::ios::in);
            text = readText(inputFile);
            inputFile.close();
        }
        else {
            cout << "Enter text: ";</pre>
            text = readText(cin);
        }
        std::ofstream resultFile("result.txt", std::ios::app);
        FanoShannonTree* tree = new FanoShannonTree();
        result += "Input text:\n" + text + "\n\n";
        result += tree->encode(text) + "\n\n\n";
        delete tree;
        cout << result;</pre>
        resultFile << result;
```

```
resultFile.close();
    }
    else {
        cerr << "Error: incorect console's arguments\n";</pre>
    }
    cout << "End programm\n";</pre>
    return 0;
}
std::string readText(std::istream& in) {
    std::string result;
    std::string oneLineStr;
    while (getline(in, oneLineStr)) {
        result += oneLineStr;
        result += "\n";
    result = result.substr(0, result.size() - 1);
    return result;
}
std::string readText(std::ifstream& in) {
    if (!in.is_open()) {
        cerr << "Error: incorrect file name!\n";</pre>
        return "";
    }
    std::string result;
    std::string oneLineStr;
    while (getline(in, oneLineStr)) {
        result += oneLineStr;
        result += "\n";
    result = result.substr(0, result.size() - 1);
    return result;
}
encodetree.h
#ifndef ENCODETREE_H
#define ENCODETREE H
#include <iostream>
#include <map>
#include <string>
#include <vector>
#include <algorithm>
```

```
struct Symbol
{
     * Структура для хранения символа и его 'веса'
    */
    char data_;
    size_t weight_;
    Symbol(char data = 0, size_t weight = 0) :
        data_(data), weight_(weight) { }
};
class EncodeTree
{
    * Базовый абстрактный класс дерева, реализующий методы для работы с
    * бинарным деревом кодирования. Экземпляр класса является узлом дерева.
    */
public:
    EncodeTree();
    EncodeTree(const Symbol& data);
    virtual ~EncodeTree();
    //Getter's - методы
    const EncodeTree* getLeft() const;
    const EncodeTree* getRight() const;
    const EncodeTree* getParent() const;
    const Symbol& getData() const;
    //Setter's - методы
    void setLeft(EncodeTree* left);
    void setRight(EncodeTree* right);
    void setParent(EncodeTree* parent);
    void setData(Symbol data);
    //Метод объединения левего и правого поддеревьев в узел
    void concat(size_t weight, EncodeTree* left, EncodeTree* right);
    //Метод для кодирования строки с помощью бинарного дерева кодирования
    std::string encode(const std::string& message);
protected:
    //Два виртуальных метода для создания дерева. В зависимости от алгоритма,
    //класс-наследник реализует эти методы
    virtual void createEncodeTree(const std::string& message) = 0;
    virtual void createEncodeTree(std::map<char, size_t>& symbolMap,
                                  std::vector<char>& symbolVector,
                                  size_t left, size_t right, size_t sum) = 0;
```

```
//Метод поиска листа дерева с заданными данными
    const EncodeTree* findSymbol(char data) const;
    //Метод записи дерева в строку в виде уступчатого списка
   void printTree(std::string& result, size_t level = 0) const;
    //Метод создания строки кодов символов
    std::string createCodeSymbols(const std::string& message) const;
private:
    Symbol data_;
    EncodeTree* parent_;
    EncodeTree* left ;
    EncodeTree* right_;
};
#endif // ENCODETREE_H
encodetree.cpp
#include "encodetree.h"
EncodeTree()
{
    parent = nullptr;
    left_ = nullptr;
   right_ = nullptr;
}
EncodeTree::EncodeTree(const Symbol& data)
{
    * Конструктор создания листа дерева, принимает на вход символ
    * с его "весом".
    */
   this->data_ = data;
}
EncodeTree::~EncodeTree()
{
    if (left_ != nullptr)
        delete left_;
    if (right_ != nullptr)
        delete right_;
}
```

```
const EncodeTree *EncodeTree::getLeft() const
{
    return left_;
}
const EncodeTree *EncodeTree::getRight() const
    return right_;
}
const EncodeTree *EncodeTree::getParent() const
    return parent_;
}
const Symbol& EncodeTree::getData() const
    return data_;
}
void EncodeTree::setLeft(EncodeTree *left)
{
    left_ = left;
}
void EncodeTree::setRight(EncodeTree *right)
    right_ = right;
}
void EncodeTree::setParent(EncodeTree *parent)
    parent_ = parent;
}
void EncodeTree::setData(Symbol data)
    data_ = data;
}
void EncodeTree::concat(size_t weight, EncodeTree* left, EncodeTree* right)
{
     * Метод создания узла дерева, принимает на вход "вес"
```

```
* поддеревьев, левое и правое поддеревья.
    */
    this->data_.weight_ = weight;
    this->left = left;
    this->right_ = right;
}
std::string EncodeTree::encode(const std::string &message)
{
    /*
    * Функция кодирования текста.
    * Принимает на вход текст, возвращает строку-результат,
     * содержащую закодированный текст, коды символов, представление дерева.
    */
    this->createEncodeTree(message);
    std::string code;
    std::string path;
    for (auto elem : message) {
        const EncodeTree* node = this->findSymbol(elem);
        while (node->parent_ != nullptr) {
            if (node->parent_->left_ == node) {
                path = "0" + path;
            }
            else {
                path = "1" + path;
            }
            node = node->parent_;
        }
        code += path;
        path.clear();
    }
    std::string res = "Encoded text:\n";
    res += code;
    res += "\nCharacter codes:\n";
    res += this->createCodeSymbols(message);
    std::string resTree = "\nBinary coding tree: \n";
    this->printTree(resTree);
    res += resTree;
    return res;
}
const EncodeTree *EncodeTree::findSymbol(char data) const
{
```

```
/*
     * Функция поиска символа в дереве, принимает указатель на корень и символ,
    * возвращает указатель на лист, который содержит этот символ, либо если
    * символ отсутствует в дереве - nullptr.
    */
    if (this->left_ == nullptr && this->right_ == nullptr) {
        if (this->data_.data_ == data) {
            return this;
        }
    }
    if (this->left != nullptr) {
        const EncodeTree* buffer = this->left_->findSymbol(data);
        if (buffer != nullptr) {
            return buffer;
        }
    }
    if (this->right != nullptr) {
        const EncodeTree* buffer = this->right_->findSymbol(data);
        if (buffer != nullptr) {
            return buffer;
        }
    return nullptr;
}
void EncodeTree::printTree(std::string &result, size_t level) const
     * Функция записи дерева в строку. Принимает на вход ссылку на
     * строку-результат и уровень в дереве.
     * Записывает дерево в строку ввиде уступчатого списка.
    */
    if (this->right_ == nullptr && this->left_ == nullptr){
        for (size_t i = 0; i < level; ++i){</pre>
            result += "-";
        }
        if (this->data_.data_ == ' ') {
            result += "space";
        else if (this->data_.data_ == '\n') {
            result += "\\n";
        }
        else if (this->data_.data_ == '\t') {
            result += "tabulation";
        }
        else {
            result.push_back(this->data_.data_);
        }
```

```
result.push_back('\n');
    }
    if (this->left ){
        this->left ->printTree(result, level + 1);
    if (this->right ){
        this->right_->printTree(result, level + 1);
    }
}
std::string EncodeTree::createCodeSymbols(const std::string &message) const
{
    /*
     * Функция определения кодов символов по дереву кодирования, текст и
     * возвращает строку-результат.
     ^{*} 1) Создается массив уникальных символов. Алгоритм работает за O(n^{*}m), где n -
     * текста, m - количество уникальных символов. т.к char может содержать не более
2^8
     * символов, можно считать, что алгоритм работает за O(n)
     * 2) В строку результат записывается код символа, который сохраняется в
     * переменной path при проходе по дереву
    */
    std::vector<char> symbolVector;
    std::string path;
    std::string res;
   for (auto elem : message){
        if (find(symbolVector.begin(), symbolVector.end(), elem) == symbolVector.end()
)
            symbolVector.push_back(elem);
    }
    for (size t i = 0; i < symbolVector.size(); ++i){</pre>
        // Переходим в ту часть дерева, где находится нужный символ
        const EncodeTree* node = this->findSymbol(symbolVector[i]);
        // При подъеме от листа к корню если переходим влево - то
        // добавляем в массив 0, если вправо - 1
        while (node->parent != nullptr) {
            if (node->parent_->left_ == node) {
                path = "0" + path;
            }
            else {
                path = "1" + path;
            }
            node = node->parent_;
        }
```

```
if (symbolVector[i] == '\n') {
            res += "\\n";
        }
        else if (symbolVector[i] == ' ') {
            res += "space";
        }
        else if (symbolVector[i] == '\t') {
            res += "tabulation";
        }
        else {
            res.push_back(symbolVector[i]);
        }
        res += " --> " + path + "\n";
        path.clear();
    }
   return res;
}
```

fanoshannontree.h

```
#ifndef FANOSHANNONTREE H
#define FANOSHANNONTREE H
#include "encodetree.h"
class FanoShannonTree : public EncodeTree
{
    * Класс, реализующий алгоритм кодирования Фано-
    * Шеннона с помощью бинарного дерева кодирования.
    */
public:
    FanoShannonTree() = default;
    FanoShannonTree(const Symbol& data);
    ~FanoShannonTree() = default;
private:
    //Два метода создания дерева кодирования с помощью алгоритма
    //Фано-Шеннона
    void createEncodeTree(const std::string& message);
    void createEncodeTree(std::map<char, size_t>& symbolMap,
                          std::vector<char>& symbolVector,
                          size_t left, size_t right, size_t sum);
    //Статический метод для получения середины массива символов,
    //отсортированных по невозрастанию, по их 'весу'
    static size_t getMiddle(std::map<char, size_t>& symbolMap,
```

```
std::vector<char>& symbolVector,
                            size_t left, size_t sum, size_t& leftSum,
                            size_t& rightSum);
};
#endif // FANOSHANNONTREE H
fanoshannontree.cpp
#include "fanoshannontree.h"
FanoShannonTree::FanoShannonTree(const Symbol &data) : EncodeTree(data) { }
void FanoShannonTree::createEncodeTree(const std::string &message)
{
     * Функция, для создания бинарного дерева кодирования, принимает на вход
     * текст.
     * 1) Создаются словарь и массив символов. В словарь заносится частота
     * встречаемости каждого символа в тексте.
     * В массив заносятся уникальные символы.
     * 2) Массив сортируется по убыванию "веса" символов.
     * 3) Случай, когда текст содержит один символ обрабатывается отдельно.
     * 4) Если в тексте больше 1 символа, вызывается фунция создания дерева,
     * которая создает поддеревья из подмассивов.
    */
    std::map<char, size_t> symbolMap;
    std::vector<char> symbolVector;
    for (auto elem : message) {
        if (symbolMap.count(elem) == 0) {
            symbolMap.insert(std::make_pair(elem, 1));
            symbolVector.push_back(elem);
        }
        else {
            symbolMap[elem] += 1;
        }
    }
    std::sort(symbolVector.begin(), symbolVector.end(),
              [&symbolMap] (char first, char second) {
        return symbolMap[first] > symbolMap[second]; });
    if (symbolVector.size() == 1) {
        char data = symbolVector[0];
        Symbol symbol(data, symbolMap[data]);
        FanoShannonTree* leftTree = new FanoShannonTree(symbol);
```

```
this->setLeft(leftTree);
        this->setData(Symbol(0, symbolMap[data]));
        leftTree->setParent(this);
    }
    return createEncodeTree(symbolMap, symbolVector, 0,
                            symbolVector.size(), message.length());
}
void FanoShannonTree::createEncodeTree(std::map<char, size_t> &symbolMap,
                                       std::vector<char> &symbolVector,
                                       size_t left, size_t right, size_t sum)
{
     * Функция, для создания бинарного дерева кодирования, принимает на вход
     * словарь символов, отсортированный по убыванию массив, левый и правый индекс в
массиве,
     * сумму "весов" символов.
     * 1) Если левый индекс больше либо равен правому - возвращает nullptr.
     * 2) Если между левым и правым индексами один элемент - создаем лист.
     * 3) В ином случае разделяем массив на деревья, примерно равные по весу,
     * рекурсивно создаем левое и правое поддеревья.
    */
    if (left >= right) {
        return;
    if (right == left + 1) {
        char data = symbolVector[left];
        Symbol symbol(data, symbolMap[data]);
        this->setData(symbol);
        return;
    }
    size t leftSum = 0;
    size t rightSum = 0;
    size_t middle = getMiddle(symbolMap, symbolVector, left, sum, leftSum, rightSum);
    FanoShannonTree* leftTree = new FanoShannonTree();
    leftTree->createEncodeTree(symbolMap, symbolVector, left,
                               middle + 1, leftSum);
    FanoShannonTree* rightTree = new FanoShannonTree();
    rightTree->createEncodeTree(symbolMap, symbolVector, middle + 1,
                                right, rightSum);
    this->concat(sum, leftTree, rightTree);
    leftTree->setParent(this);
    rightTree->setParent(this);
```

```
}
size_t FanoShannonTree::getMiddle(std::map<char, size_t> &symbolMap,
                                  std::vector<char> &symbolVector,
                                  size_t left, size_t sum, size_t &leftSum,
                                  size_t &rightSum)
{
    * Функция получения середины массива символов, принимает на вход
     * словарь символов, отсортированный по убыванию массив, левый индекс в массиве,
    * ссылки на сумму весов слева и справа от середины, возвращает индекс середины.
    size_t middle = left;
    leftSum = symbolMap[symbolVector[middle]];
    rightSum = sum - leftSum;
    long delta = static_cast<long>(leftSum) - static_cast<long>(rightSum);
    while (delta + static_cast<long>(symbolMap[symbolVector[middle+1]]) < 0) {</pre>
        ++middle;
        char data = symbolVector[middle];
        leftSum += symbolMap[data];
        rightSum -= symbolMap[data];
        delta = static_cast<long>(leftSum) - static_cast<long>(rightSum);
    return middle;
}
```