Классические алгоритмы рекомендаций

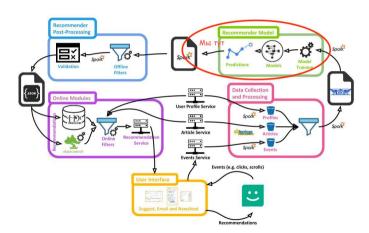
Николай Анохин

28 февраля 2022 г.



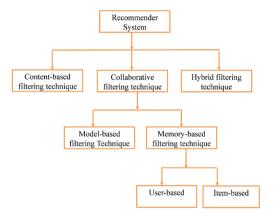


Контекст









•000000000

Content-based RS

Пример: интуиция

Нравится:

Content-based RS

000000000

- Возвращение короля
- Король былого и грядущего
- Война мага

Не нравится:

• Новый ум короля

Что порекомендуем?

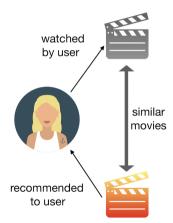
- Битва королей
- Война и мир





Илея

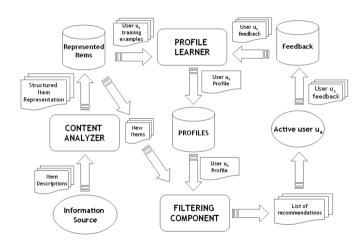
Рекомендуем пользователю айтемы, похожие на те, что нравились ей раньше







Архитектура CBRS [RRSK10]







Анализ контента

Данные Признаки

Табличные

Content-based RS

0000000000





0000000000

Анализ контента

Данные	Признаки
Табличные	Категориальные / числовые
Текст	





0000000000

Данные	Признаки
Табличные	Категориальные / числовые
Текст	BOW / TF-IDF / BM25 / NN Эмбеддинги
Картинки	





0000000000

Анализ контента

Данные	Признаки
Табличные	Категориальные / числовые
Текст	BOW / TF-IDF / BM25 / NN Эмбеддинги
Картинки	SIFT / SURF / NN Эмбеддинги
Музыка	





0000000000

Данные	Признаки
Табличные	Категориальные / числовые
Текст	BOW / TF-IDF / BM25 / NN Эмбеддинги
Картинки	SIFT / SURF / NN Эмбеддинги
Музыка	Spectral





Supervised профили пользователей

Модель

$$p(u \ likes \ i) = f(x_i, x_u, \theta)$$

 $recommendations = arg_i topk p(u likes i)$

Обучаемые параметры:

- x_u профиль пользователя
- θ параметры модели

Данные:

• $\{(x_i, u_i | likes x_i)\}^N$

Примеры моделей:

- Naive Bayes
- Rocchio
- Meta-learning





Unsupervised профили пользователей

Идея

Храним айтемы, с которыми взамиодействовал пользователь, и рекомендуем ближайшие к ним.

Когда айтемов у пользователя слишком много:

- Храним последние
- Кластеризуем и храним представления кластеров [PEZ+20]





Пример: формально

Naive Bayes

Нравится:

- Возвращение короля
- Король былого и грядущего
- Война мага

Не нравится:

• Новый ум короля

Что порекомендуем?

- 1. Битва королей
- 2. Война и мир

$$p(c|d) \sim p(c)p(d|c) =$$
 $= p(c) \prod_{j} p(w_{j}|c) \sim \log p(c) + \sum_{j} \log p(w_{j}|c)$
 $p(w_{j}|c) = \frac{N_{jc} + \alpha}{N_{s} + \alpha|V|}$

Размер словаря
$$|V|=10,\ \alpha=1$$

Вероятности классов $p(+)=3/4,\ p(-)=1/4$
Скоры документов

$$p(+|1) \sim \log 3/4 + \log 1/13 + \log 3/13$$

$$p(-|1) \sim \log 1/4 + \log 1/11 + \log 1/11$$

 $s(1) = p^*(+|1) - p^*(-|1) = 2.69$





Известные использования

- Spotify: Deep content-based music recommendation [vdODS13]
- Ozon: Векторное представление товаров Prod2Vec: как мы улучшили матчинг и избавились от кучи эмбеддингов [OZO]





Плюсь

Content-based RS

000000000

- Рекомендации строятся независимо для каждого пользователя
- Рекомендации часто можно объяснить
- Естественная поддержка холодного старта айтемов

Минусы

- Полагаются на (несовершенные) техники анализа контента
- Нет поддержки холодного старта пользователей
- Отсутствие новизны: умеют рекомендовать только похожие айтемы





Neighbourhood-based Collaborative Filtering



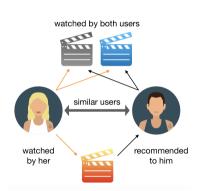
	HP1	HP2	HP3	TW	SW1	SW2	SW3
\overline{A}	4			5	1		
B	5	5	4	(?)	(?)	2	
C				2	4	5	
D		3					3





Collaborative filtering¹-based RS

Рекомендуем пользователю айтемы, которые понравились похожим на нее пользователям. Пользователи похожи, если они похоже оценивают одни и те же айтемы.





User-based

$$\hat{r}_{ui} = h^{-1} \left(\frac{\sum_{v \in N_i(u)} w_{uv} h(r_{vi})}{\sum_{v \in N_i(u)} w_{uv}} \right)$$

Item-based

$$\hat{r}_{ui} = h^{-1} \left(\frac{\sum_{j \in N_u(i)} w_{ij} h(r_{uj})}{\sum_{v \in N_u(i)} w_{uj}} \right)$$

- $N_i(u)$ соседи пользователя u, которые оценили айтем i
- $N_{u}(i)$ соседи айтема i, которые оценила пользователь u
- w_{uv}, w_{ii} веса соседей
- h функция нормализации





Как вычислить веса $w_{\mu\nu}$, w_{ii} ?

$$cos(u, v) = \frac{\sum_{i \in I_{uv}} r_{ui} r_{vi}}{\sqrt{\sum_{i \in I_{u}} r_{ui}^{2} \sum_{i \in I_{v}} r_{vi}^{2}}}$$

$$\textit{pearson}(u,v) = \frac{\sum_{i \in I_{uv}} (r_{ui} - \bar{r}_u)(r_{vi} - \bar{r}_v)}{\sqrt{\sum_{i \in I_{uv}} (r_{ui} - \bar{r}_u)^2 \sum_{i \in I_{uv}} (r_{vi}^2 - \bar{r}_v)}}$$

Дано:

100 айтемов

1000 пользователей

10000 рейтингов равномерно распределены по пользователям и айтемам

Вопрос:

Сколько в среднем общих айтемов у пары пользователей? Сколько в среднем общих пользователей у пары айтемов?

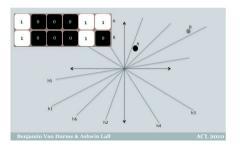
Небольшое количество надежных соседей лучше, чем много ненадежных

- User-based (|U| < |I|)
- Item-based (|U| > |I|)





The general idea of LSH is to use a family of functions ("LSH families") to hash data points into buckets, so that the data points which are close to each other are in the same buckets with high probability, while data points that are far away from each other are very likely in different buckets.







Пример: формально

	HP1	HP2	HP3	TW	SW1	SW2	SW3
\overline{A}	4			5	1		
B	5	5	4	(?)	(?)	2	
C				2	4	5	
D		3					3

Нормализация: h(r) = r Веса

$$cos(A, B) = \frac{4\dot{5}}{\sqrt{42}\sqrt{66}} = 0.38$$

 $cos(B, C) = ?$
 $r(TW) = ? \quad r(SW1) = ?$





Model-based Collaborative Filtering

- Простота и интуитивность: рекомендации можно объяснить.
- Небольшое количество параметров
- Не нужно обучать, удобно добавлять новых пользователей и айтемы

Минусы

- User-based: очень много пользователей для поиска NN
- Item-based: как понять. для каких айтемов считать рейтинги?
- Разреженность пространства





Model-based Collaborative Filtering

•00000000000





Model-based CF

Идея

Выучим модель, которая поможет заполнить "пробелы" в user-item матрице.

	HP1	HP2	HP3	TW	SW1	SW2	SW3
\overline{A}	4			5	1		
B	5	5	4	(?)	(?)	2	
C				2	4	5	
D		3					3





Бейзлайн

Модель

$$b_{ui} = \mu + b_u + b_i$$

- μ средний рейтинг
- b_u bias пользователя
- b_i bias айтема

Оптимизируем

$$\sum_{u:i}(b_{ui}-\mu-b_u-b_i)^2+\lambda_1b_u^2+\lambda_2b_i^2\to min_{b_u,b_i}$$





Модель

$$\hat{r}_{ui} = \mu + b_u + b_i + q_i^T p_u$$

- q_i латентное представление айтема
- р_и латентное представление пользователя

Оптимизируем

$$\sum (r_{ui} - \mu - b_u - b_i - q_i^T p_u)^2 + \lambda (b_u^2 + b_i^2 + \|q_i\|^2 + \|p_u\|^2) \rightarrow min_{b_u,b_i,p_u,q_i}$$





Как оптимизировать

$$\sum_{u,i} (r_{ui} - \mu - b_u - b_i - q_i^T p_u)^2 + \lambda (b_u^2 + b_i^2 + ||q_i||^2 + ||p_u||^2)$$

- ALS [HKV08]
 - 1. фиксируем p_u, b_u , оптимизируем q_i, b_i получем линрег 1
 - 2. фиксируем q_i, b_i , оптимизируем p_u, b_u получем линрег 2
 - 3. повторяем до сходимости
- SGD







Модель

$$\hat{r}_{ui} = \mu + b_u + b_i + q_i^T \left(p_u + \frac{1}{\sqrt{|R(u)|}} \sum_j y_j
ight)$$

• y_i — латентное представление айтемов, на которые пользователь дал implicit feedback до оценки айтема i





Time SVD++

Модель

$$\hat{r}_{ui} = \mu + b_u(t_{ui}) + b_i(t_{ui}) + q_i^T \left(
ho_u(t_{ui}) + rac{1}{\sqrt{|R(u)|}} \sum_j y_j
ight)$$

• t_{ui} — время, когда пользователь оценил айтем





Модель

$$\hat{r}_{ui} = \mu + b_u + b_i + q_i^T p_u$$

$$q_i = \sum_{j \in f_i} v_j, \quad p_u = \sum_{j \in f_u} w_j$$

- f_i признаки айтема
- v_i латентное представление признаков айтема
- $f_{\prime\prime}$ признаки пользователя
- w_i латентное представление признаков пользователя





Альтернативные loss-функции: classification vs regression

Случай implicit feedback похож скорее на задачу классификации, чем регресии

$$\hat{
ho}_{ui}(r=1) = \sigma(\mu + b_u + b_i + q_i^T p_u)$$

Лосс: кросс-энтропия





Model-based Collaborative Filtering

000000000000

Альтернативные loss-функции: ranking with BPR [RFGST09]

Правильное ранжирование важнее, чем точное предсказание рейтинга / фидбэка

$$\hat{p}(u \text{ prefers } i \text{ to } j) = \sigma(\hat{x}_{uij}) = \sigma(\hat{x}_{ui} - \hat{x}_{uj})$$

Лосс:

$$-\sum \log p(u \text{ prefers } i \text{ to } j) + \lambda \|\theta\|^2$$





Можно умно семплировать негативные примеры – так, чтобы сложность негативных примеров увеличивалась, когда модель становится точнее.

Дано: пользователь + позитивный айтем

- 1. Семплируем негативные, пока не найдем неправильно отранжированную пару. Делаем шаг обновления.
- 2. Чем больше пришлось семплировать, тем меньше learning rate шага обновления.





• Качество рекомендаций

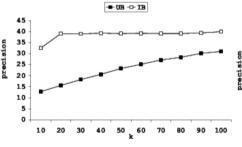
Минусы

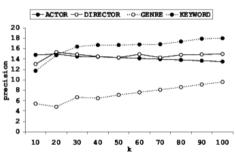
- Сложные алгоримы оптимизации
- Проблемы с холодным стартом

Итоги



CB vs CF









CF Flavors

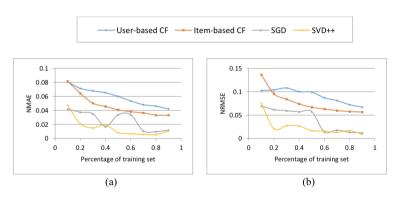


Figure 6. Performance comparison of different recommendation algorithms at different training ratios





Существуют ситуации, в которых могут пригодиться как СВ, так и СF подходы

Некоторые из них даже реализованы на спарке





Литература I

- Yifan Hu, Yehuda Koren, and Chris Volinsky, *Collaborative filtering for implicit feedback datasets*, Proceedings of the 2008 Eighth IEEE International Conference on Data Mining (USA), ICDM '08, IEEE Computer Society, 2008, p. 263–272.
- Maciej Kula, Metadata embeddings for user and item cold-start recommendations, Proceedings of the 2nd Workshop on New Trends on Content-Based Recommender Systems co-located with 9th ACM Conference on Recommender Systems (RecSys 2015), Vienna, Austria, September 16-20, 2015. (Toine Bogers and Marijn Koolen, eds.), CEUR Workshop Proceedings, vol. 1448, CEUR-WS.org, 2015, pp. 14–21.
- Jure Leskovec, Anand Rajaraman, and Jeffrey David Ullman, *Mining of massive datasets*, 2nd ed., Cambridge University Press, USA, 2014.
- Beкторное представление товаров prod2vec: как мы улучшили матчинг и избавились от кучи эмбеддингов.





Литература II

- Aditya Pal, Chantat Eksombatchai, Yitong Zhou, Bo Zhao, Charles Rosenberg, and Jure Leskovec, *Pinnersage: Multi-modal user embedding framework for recommendations at pinterest*, Proceedings of the 26th ACM SIGKDD International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining (New York, NY, USA), KDD '20, Association for Computing Machinery, 2020, p. 2311–2320.
- Steffen Rendle, Christoph Freudenthaler, Zeno Gantner, and Lars Schmidt-Thieme, Bpr: Bayesian personalized ranking from implicit feedback, Proceedings of the Twenty-Fifth Conference on Uncertainty in Artificial Intelligence (Arlington, Virginia, USA), UAI '09, AUAI Press, 2009, p. 452–461.
- Francesco Ricci, Lior Rokach, Bracha Shapira, and Paul B. Kantor, *Recommender systems handbook*, 1st ed., Springer-Verlag, Berlin, Heidelberg, 2010.





Литература III

- Aaron van den Oord, Sander Dieleman, and Benjamin Schrauwen, *Deep content-based music recommendation*, Advances in Neural Information Processing Systems (C. J. C. Burges, L. Bottou, M. Welling, Z. Ghahramani, and K. Q. Weinberger, eds.), vol. 26, Curran Associates, Inc., 2013.
- Benjamin Wilson, Warp loss for implicit-feedback recommendation, Mar 2016.



