## Indice

- Obiettivo
- · Definizione di Tipi ed Eccezioni
- Definizione dei Problemi
  - Problema 1
  - Problema 2
  - Problema 3
  - Problema 4
  - Problema 5
  - Problema 6
- Inclusione Moduli
- Librerie Python
- · Idea dell'Algoritmo
- Funzioni Ausiliarie
- Funzione Principale
- I ## Jupyter
  - Makefile
  - Printer
  - Data
  - GraphUtils
  - Main
  - Python
  - Dimostrazione di Esecuzione

## Obiettivo

L'obiettivo di questo progetto è quello di realizzare un programma scritto in **OCaml** che risolva il *problema* della *colorazione di un grafo*: riuscire a colorare, se possibile, ogni nodo del grafo in modo da non avere mai nodi adiacenti con lo stesso colore. In via più formale, dato un grafo G ed un numero massimo di colori utilizzabili N, assegnare un colore (da 0 a N-1) ai nodi in modo tale che non esistano nodi adiacenti con lo stesso colore; qualora il numero di colori N non sia sufficiente per realizzare la colorazione, riportare un errore.

Definisco il tipo di dato grafo e problema con i relativi costruttori di tipo Grafo e Problema.

Il primo tipo rappresenta un *grafo*, quindi la funzione *successori* che dato un intero (un nodo) restituisce tutti i suoi nodi vicini (i successori).

Il secondo va a rappresentare il problema da risolvere, questo è composto da un grafo (che andrà colorato), dal nodo di partenza e dal massimo numero di colori utilizzabili N.

```
In [1]: type grafo = Grafo of (int -> int list);;
type problema = Problema of grafo * int * int;;

Out[1]: type grafo = Grafo of (int -> int list)

Out[1]: type problema = Problema of grafo * int * int
```

La seguente eccezione verrà lanciata per segnalare che il problema in questione non è risolvibile dato che il grafo non è colorabile con il numero di colori dato.

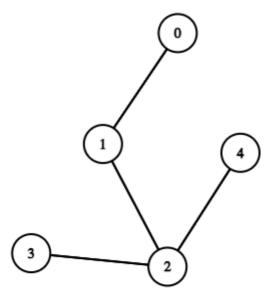
```
In [2]: exception NumeroColoriInsufficiente;;
Out[2]: exception NumeroColoriInsifficiente
```

## Definizione dei Problemi

Ho deciso di rappresentare ogni grafo da colorare come un **Problema** composto da 3 elementi distinti:

- succ : la funzione successori che definisce tutti i nodi vicini raggiungibili da ogni altro nodo. Questo rappresenta il Grafo da colorare
- 2. start : nodo di partenza per la colorazione
- 3.  $\max Colori$ : numero massimo (N) di colori da utilizzare durante la colorazione

Per esempio, il problema costituito dal seguente grafo



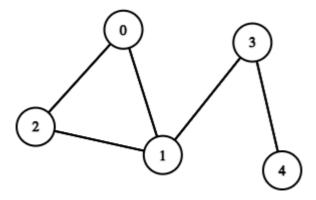
con partenza dal nodo 0 e con un numero di colori N=2 è rappresentato dalla parte di codice sottostante:

### Problema 1

Il **problema 1** è formato da un grafo non orientato e sconnesso, composto da 7 nodi. Il punto di partenza è il *nodo 3* ed ha un numero massimo di colori N=3. Questo problema è stato scelto per far vedere come l'algoritmo si comporta con grafi sconnessi: andrà a colorare solo i nodi che riesce a raggiungere.

Out[3]: val problema 1 : problema = Problema (Grafo <fun>, 3, 3)





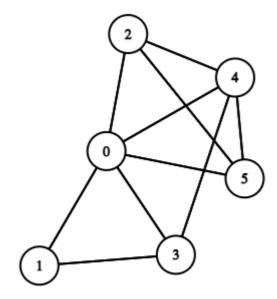
Questo problema è composto da un grafo non orientato e connesso che presenta vari cicli. Ce ne sono 2 varianti:

- 1. la prima è quella che può essere colorata senza problemi con partenza dal  $nodo\ 0$  e numero massimo di colori N=4
- 2. la seconda non è colorabile dato che il numero massimo di colori N=3 non risultano sufficienti per la risoluzione del problema (ne servono minimo 4).

```
(Problema (succ, start, maxColori))
;;

Out[4]: val problema_2_err : problema = Problema (Grafo <fun>, 0, 3)
```

Out[5]: val problema\_2 : problema = Problema (Grafo <fun>, 0, 4)

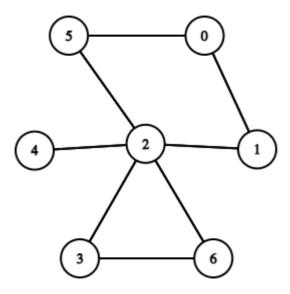


;;

Il **problema 3** ha un altro grafo con 7 nodi, con una topologia abbastanza basilare, un numero massimo di colori N=3 ed il *nodo 0* come punto di partenza.

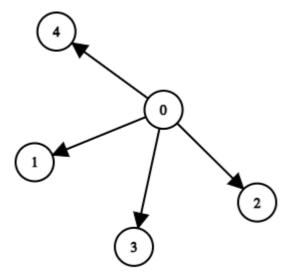
```
In [6]: let problema_3 =
    let x = function
        0 -> [1; 5]
        | 1 -> [0; 2]
        | 2 -> [5; 4; 3; 1; 6]
        | 3 -> [2; 6]
        | 4 -> [2]
        | 5 -> [0; 2]
        | 6 -> [2; 3]
```

Out[6]: val problema 3 : problema = Problema (Grafo <fun>, 0, 3)



Il grafo di questo problema è *orientato* ed è stato scelto per verificare il comportamento dell'algoritmo. Il  $nodo\ 0$  è in collegamento con tutti gli altri, ma questi non possono raggiungerlo. Il punto di partenza è il  $nodo\ 0$  ed ha un numero di colori massimo N=3.

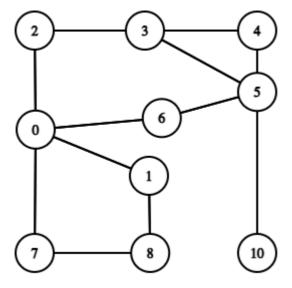
Out[7]: val problema\_4 : problema = Problema (Grafo <fun>, 0, 3)



Il grafo del **problema 5** ha un numero maggiore di nodi, con la presenza di cicli e cammini ridondanti. È stato scelto per testare le performance dell'algoritmo e per accertare la sua correttezza. Ha un numero massimo di colori N=2 e come punto di partenza il *nodo 0*.

```
In [8]: let problema 5 =
           let x = function
                0 \rightarrow [1; 2; 6; 7]
               1 -> [0; 8]
               2 -> [0; 3]
                3 \rightarrow [2;4;5]
                4 -> [3;5]
                5 -> [3;4;6;10]
                6 \rightarrow [0;5]
                7 -> [0;8]
                8 -> [1;7]
              10 -> [5]
               _ -> [] in
             let start = 0 in
                                    (* Partenza *)
             let maxColori = 2 in (* Massimo numero di colori*)
             let succ = Grafo x in (* Successori *)
             (Problema (succ, start, maxColori))
         ;;
```

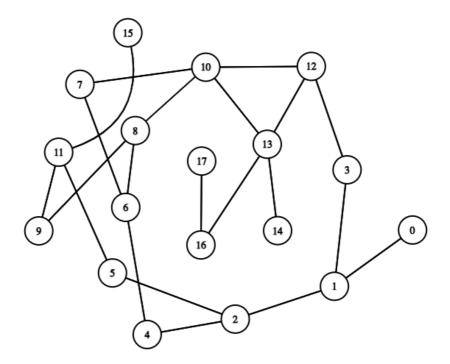
Out[8]: val problema\_5 : problema = Problema (Grafo <fun>, 0, 2)



L'ultimo problema è formato da un grafo abbastanza grande, con un elevato numero di nodi, presenza di cicli e cammini ridondanti. Anche questo è stato utilizzato per vedere come si comporta l'algoritmo su grafi di modeste dimensioni.

```
In [9]: let problema 6 =
          let x = function
               0 \to [1]
               1 -> [0; 2; 3]
               2 -> [1; 4; 5]
               3 -> [1; 12]
               4 -> [2; 6]
               5 -> [2; 11]
               6 -> [4; 7; 8]
               7 -> [6; 10]
               8 -> [6; 9; 10]
              9 -> [8; 11]
             | 10 -> [7; 12; 13]
              11 -> [5; 9; 15]
             | 12 -> [3; 10; 13]
             | 13 -> [10; 12; 14; 16]
             14 -> [13]
              15 -> [11]
              16 -> [13; 17]
              17 -> [16]
              _ -> [] in
                                (* Partenza *)
          let start = 0 in
          let maxColori = 3 in (* Massimo numero di colori*)
          let succ = Grafo x in (* Successori *)
          (Problema (succ, start, maxColori))
```

Out[9]: val problema\_6 : problema = Problema (Grafo <fun>, 0, 3)



## Inclusione Moduli

Includo il modulo jupyter per poter gestire stampe ed immagini nel notebook direttamente da OCaml, dato che i comandi speciali *Magic* (% e %%) sono solo disponibili con il kernel python  $\bigcirc$ .

```
In [10]: #require "jupyter.notebook" ;;
    open Jupyter_notebook ;;
```

# Librerie Python

Procedo all'installazione (tramite pip ) delle librerie necessarie al funzionamento dello script python.

```
In [11]: Process.sh "pip3 install matplotlib";;
Process.sh "pip3 install pyvis";;
```

```
Collecting matplotlib
           Downloading matplotlib-3.6.0-cp39-cp39-manylinux 2 17 x86 64.manylinux201
         4 x86 64.whl (11.8 MB)
         Collecting kiwisolver>=1.0.1
           Downloading kiwisolver-1.4.4-cp39-cp39-manylinux 2 12 x86 64.manylinux201
         0 x86 64.whl (1.6 MB)
         Collecting numpy>=1.19
           Downloading numpy-1.23.3-cp39-cp39-manylinux 2 17 x86 64.manylinux2014 x8
         6 64.whl (17.1 MB)
         Requirement already satisfied: python-dateutil>=2.7 in /home/opam/.local/li
         b/python3.9/site-packages (from matplotlib) (2.8.2)
         Collecting cycler>=0.10
           Downloading cycler-0.11.0-py3-none-any.whl (6.4 kB)
         Collecting contourpy>=1.0.1
           Downloading contourpy-1.0.5-cp39-cp39-manylinux 2 17 x86 64.manylinux2014
         x86 64.whl (296 kB)
         Requirement already satisfied: pyparsing>=2.2.1 in /home/opam/.local/lib/py
         thon3.9/site-packages (from matplotlib) (3.0.9)
         Collecting fonttools>=4.22.0
           Downloading fonttools-4.37.4-py3-none-any.whl (960 kB)
         Requirement already satisfied: packaging>=20.0 in /home/opam/.local/lib/pyt
         hon3.9/site-packages (from matplotlib) (21.3)
         Collecting pillow>=6.2.0
           Downloading Pillow-9.2.0-cp39-cp39-manylinux 2 28 x86 64.whl (3.2 MB)
         Requirement already satisfied: six>=1.5 in /home/opam/.local/lib/python3.9/
         site-packages (from python-dateutil>=2.7->matplotlib) (1.16.0)
         Installing collected packages: numpy, pillow, kiwisolver, fonttools, cycle
         r, contourpy, matplotlib
         Successfully installed contourpy-1.0.5 cycler-0.11.0 fonttools-4.37.4 kiwis
         olver-1.4.4 matplotlib-3.6.0 numpy-1.23.3 pillow-9.2.0
Out[11]: - : Jupyter notebook.Process.t =
         {Jupyter notebook.Process.exit status = Unix.WEXITED 0; stdout = None;
          stderr = None}
```

```
Collecting pyvis
           Downloading pyvis-0.3.0.tar.gz (592 kB)
         Requirement already satisfied: ipython>=5.3.0 in /home/opam/.local/lib/pyth
         on3.9/site-packages (from pyvis) (8.5.0)
         Requirement already satisfied: jinja2>=2.9.6 in /home/opam/.local/lib/pytho
         n3.9/site-packages (from pyvis) (3.1.2)
         Collecting jsonpickle>=1.4.1
           Downloading jsonpickle-2.2.0-py2.py3-none-any.whl (39 kB)
         Collecting networkx>=1.11
           Downloading networkx-2.8.7-py3-none-any.whl (2.0 MB)
         Requirement already satisfied: pygments>=2.4.0 in /home/opam/.local/lib/pyt
         hon3.9/site-packages (from ipython>=5.3.0->pyvis) (2.13.0)
         Requirement already satisfied: traitlets>=5 in /home/opam/.local/lib/python
         3.9/site-packages (from ipython>=5.3.0->pyvis) (5.4.0)
         Requirement already satisfied: pexpect>4.3 in /home/opam/.local/lib/python
         3.9/site-packages (from ipython>=5.3.0->pyvis) (4.8.0)
         Requirement already satisfied: matplotlib-inline in /home/opam/.local/lib/p
         ython3.9/site-packages (from ipython>=5.3.0->pyvis) (0.1.6)
         Requirement already satisfied: pickleshare in /home/opam/.local/lib/python
         3.9/site-packages (from ipython>=5.3.0->pyvis) (0.7.5)
         Requirement already satisfied: backcall in /home/opam/.local/lib/python3.9/
         site-packages (from ipython>=5.3.0->pyvis) (0.2.0)
         Requirement already satisfied: stack-data in /home/opam/.local/lib/python3.
         9/site-packages (from ipython>=5.3.0->pyvis) (0.5.1)
         Requirement already satisfied: jedi>=0.16 in /home/opam/.local/lib/python3.
         9/site-packages (from ipython>=5.3.0->pyvis) (0.18.1)
         Requirement already satisfied: decorator in /home/opam/.local/lib/python3.
         9/site-packages (from ipython>=5.3.0->pyvis) (5.1.1)
         Requirement already satisfied: prompt-toolkit<3.1.0,>3.0.1 in /home/opam/.l
         ocal/lib/python3.9/site-packages (from ipython>=5.3.0->pyvis) (3.0.31)
         Requirement already satisfied: parso<0.9.0,>=0.8.0 in /home/opam/.local/li
         b/python3.9/site-packages (from jedi>=0.16->ipython>=5.3.0->pyvis) (0.8.3)
         Requirement already satisfied: MarkupSafe>=2.0 in /home/opam/.local/lib/pyt
         hon3.9/site-packages (from jinja2>=2.9.6->pyvis) (2.1.1)
         Requirement already satisfied: ptyprocess>=0.5 in /home/opam/.local/lib/pyt
         hon3.9/site-packages (from pexpect>4.3->ipython>=5.3.0->pyvis) (0.7.0)
         Requirement already satisfied: wcwidth in /home/opam/.local/lib/python3.9/s
         ite-packages (from prompt-toolkit<3.1.0,>3.0.1->ipython>=5.3.0->pyvis) (0.
         2.5)
         Requirement already satisfied: asttokens in /home/opam/.local/lib/python3.
         9/site-packages (from stack-data->ipython>=5.3.0->pyvis) (2.0.8)
         Requirement already satisfied: pure-eval in /home/opam/.local/lib/python3.
         9/site-packages (from stack-data->ipython>=5.3.0->pyvis) (0.2.2)
         Requirement already satisfied: executing in /home/opam/.local/lib/python3.
         9/site-packages (from stack-data->ipython>=5.3.0->pyvis) (1.1.0)
         Requirement already satisfied: six in /home/opam/.local/lib/python3.9/site-
         packages (from asttokens->stack-data->ipython>=5.3.0->pyvis) (1.16.0)
         Building wheels for collected packages: pyvis
           Building wheel for pyvis (setup.py): started
           Building wheel for pyvis (setup.py): finished with status 'done'
           Created wheel for pyvis: filename=pyvis-0.3.0-py3-none-any.whl size=60022
         7 sha256=4599ec38ef3cdf43aa9b0a018cfc4cc78083ed5f5bea0572c64b09210536e27a
           Stored in directory: /home/opam/.cache/pip/wheels/ec/07/ee/9d7b8d1363fb7a
         d9bea6b94e494b476419cf8847e56a92ec89
         Successfully built pyvis
         Installing collected packages: networkx, jsonpickle, pyvis
         Successfully installed jsonpickle-2.2.0 networkx-2.8.7 pyvis-0.3.0
Out[11]: - : Jupyter_notebook.Process.t =
         {Jupyter_notebook.Process.exit_status = Unix.WEXITED 0; stdout = None;
          stderr = None}
```

## Idea dell'Algoritmo

L'idea su cui si basa questo algoritmo è quella di andare ad aggiornare i colori dei vicini di un nodo se questi hanno lo stesso colore.

Prima di iniziare la fase di colorazione viene inizializzata una lista con elementi formati da coppie (nodo, colore). Questa rappresenterà il risultato finale ed inizialmente tutti i nodi avranno colore 0. Viene creata esplorando il grafo (tramite una BFS) iniziando dal nodo di partenza e, se siamo di fronte ad un grafo sconnesso verrà presa in considerazione solo la parte di nodi raggiungibile dal quello iniziale ignorando così gli altri.

Ora avviene la fase di colorazione dove, si parte dal nodo iniziale e, sempre con una BFS, si va a scandire il grafo effettuando queste operazioni:

- Controllo che il nodo che sto esaminando non sia già stato visitato, nel caso lo ignoro e proseguo con il prossimo
- Per ogni suo vicino, controllo che il colore del vicino ed il suo siano uguali, se lo sono incremento di 1 il colore del vicino, altrimenti lascio tutto inalterato.
- ullet Prima di effettuare l'aggiornamento del colore di un nodo controllo di non aver superato il massimo numero di colori N:
  - se ciò accade, arresto l'esecuzione e avviso l'utente che il problema non è risolvibile.
  - altrimenti procedo con l'assegnamento e l'esplorazione
- Continuo fin quando non ho esplorato tutto il grafo.

## Funzioni Ausiliarie

Ritorna il colore del nodo dato. La funzione va a cercare il nodo all'interno della lista di nodi colorati (risultato) e ritorna il suo colore. La lista colorati è composta da coppie del tipo (nodo, colore).

```
Out[11]: val get_colore : 'a -> ('a * int) list -> int = <fun>
```

Aggiorna i colori dei nodi adiacenti a quello in esame. Modifica la lista risultato incrementando (colore + 1) il colore dei nodi vicini a quello preso in esame solo se hanno lo stesso colore. Quando si cerca di assegnare un nuovo colore si controlla prima che non venga superato il limite massimo di colori utilizzabili, se succede, viene lanciata un'eccezione e termina il programma.

```
In [12]: let incrementa colore nodi risultato nodi colore maxColori =
           List.map (
               fun(x, y) \rightarrow
                          (*prende solo i
                                                controlla che il colore
                          (*nodi vicini
                                               del vicino sia uguale a quello del *
                          (*al nodo dato
                                                nodo in esame
                   if ((List.mem x nodi) && (colore=(get colore x risultato)))
                       then
                           let nuovo colore = y + 1 in
                           if ((nuovo colore) >= maxColori)
                                                                    (*coltrolla che i
                                then
                                                                     (*non venga supera
                                    raise NumeroColoriInsufficiente
                           else
                               (x, nuovo colore)
                   else
                        (x, y)
               ) risultato
         ;;
```

Questa funzione crea una lista formata da coppie del tipo (nodo, colore). Questa lista rappresenta il risultato finale della colorazione ed inizialmente viene assegnato ad ogni nodo il colore 0, che poi verrà modificato in seguito durante la risoluzione del problema. Questa lista viene creata esplorando il grafo del problema tramite una BFS.

```
In [13]: let inizializza risultato (Grafo succ) partenza =
           let rec bfs visitati risultato = function (* frontiera *)
               [] -> risultato
                                               (*esplorazione finita, ritorno il ri
             | nodo::coda ->
               if List.mem nodo visitati
                                                   (*se il nodo è gia stato visitato
                 then
                   bfs visitati risultato coda (*lo ignoro e continuo l'esplorazi
               else
                 bfs
                                                 (*procedo con l'esplorazione*)
                   (visitati@[nodo])
                                                     (*aggiungo il nodo attuale alla
                   (risultato@[(nodo, 0)])
                                                     (*assegno il colore iniziale a
                   (coda@(succ nodo))
                                                     (*aggiungo alla coda di nodi da
               in bfs [] [] [partenza]
             ;;
```

Out[13]: val inizializza\_risultato : grafo -> int -> (int \* int) list = <fun>

Genera un file contenente il risultato della colorazione che verrà passato a python per poter visualizzare il grafo in un modo più comprensibile.

```
In [14]: let grafodati_file = "grafo.data";; (*Nome del file su cui vengono salvati .
         let salva_grafo_colorato (Grafo succ) colorati =
          let oc = open_out grafodati_file in
                                                      (*Apertura del file in scri
             let rec salva lista =
                                                      (*Funzione ausiliaria per sa
               function (* lista *)
                          -> Printf.fprintf oc "%d" x (* caso base, se la lista ha
                  X
                                                       (* caso ricorsivo, la lista
                 x::coda ->
                  Printf.fprintf oc "%d " x;
                                                      (* stampa l'elemento*)
                  salva_lista coda
                                                      (* continua la ricorsione*)
                 -> ()
```

```
in let rec salva =
    function (* lista nodi_colorati *)
    [] -> Printf.fprintf oc "\n"; close_out oc (* caso base, la lista
|(nodo, colore)::coda -> (* caso ricorsivo, sta
Printf.fprintf oc "%d," nodo; salva_lista (succ nodo); Printf.fpr:
    salva coda

in salva colorati (*avvia la funzione ausiliaria per salvare il grafo salva;;
```

```
Out[14]: val grafodati_file : string = "grafo.data"
Out[14]: val salva grafo colorato : grafo -> (int * int) list -> unit = <fun>
```

Questo set di funzioni serve per mostrare immagini all'interno del notebook ed avviare lo script in python responsabile della rappresentazione grafica del risultato della colorazione. È anche presente una funzione per la rimozione dei file temporanei, come il risultato della risoluzione del problema che OCaml passerà a python o l'immagine generata dallo script. La funzione rappresenta è quella che combina tutte le altre per ottenere il risultato desiderato e questa verrà invocata solo quando la colorazione del grafo sarà completa ed avvenuta con successo.

Nelle varie funzioni ausiliare c'è una parte di codice comune a tutte, forza\_unit, definita come seque:

```
let forza_unit _ = ();;
```

Questo permette di ignorare il valore di ritorno di qualunque espressione passata a questa funzione ed ottenere così unit come valore finale di ogni espressione.

```
In [15]: let forza unit = ();;
                                        (*forza unit come valore di ritorno ignorando
         let avvia python = fun () ->
             forza_unit (Process.sh "python3 progetto/src/rappresentazione_grafo/rap
         let mostra immagine = fun () ->
             forza_unit (Jupyter_notebook.display_file ~base64:true "image/png" "ris
         ;;
         let pulisci = fun () ->
             forza_unit (Process.sh "rm grafo.data risultato.png")
         ;;
         let stampa risultato risultato =
             let rec aux = function (*lista da stampare*)
                 [] -> ();
                                                               (*caso base, la lista (
               | (nodo, colore)::coda ->
                                                               (*caso ricorsivo, stam
                   forza_unit (Jupyter_notebook.display "text/html" ((string_of_int i
                   aux coda
             in aux risultato;
         ;;
         let rappresenta = fun () ->
             avvia python ();
             mostra_immagine ();
             pulisci ()
         ;;
```

```
Out[15]: val forza_unit : 'a -> unit = <fun>
Out[15]: val avvia_python : unit -> unit = <fun>
Out[15]: val mostra_immagine : unit -> unit = <fun>
Out[15]: val pulisci : unit -> unit = <fun>
Out[15]: val stampa_risultato : (int * int) list -> unit = <fun>
Out[15]: val rappresenta : unit -> unit = <fun>
```

## **Funzione Principale**

Out[16]: val risolvi : problema -> unit = <fun>

```
In [16]: let risolvi (Problema ((Grafo succ), partenza, maxColori)) =
                                            let risultato = inizializza_risultato (Grafo succ) partenza in
                                            let rec esplora visitati colorati =
                                                     function (*frontiera*)
                                                                                                                                                                           (*fine delle ricorsione, se la frontiera de la
                                                                     []
                                                                            (stampa risultato colorati; salva grafo colorato (Grafo succ) colo
                                                             nodo::coda
                                                                                                                                                                             (*caso ricorsivo, continua a colorare*)
                                                                    if List.mem nodo visitati
                                                                                                                                                                                                                            (*se il nodo è già stato vis.
                                                                                                                                                                                                                                   (* ignora il nodo ed estra
                                                                            then esplora visitati colorati coda
                                                                    else
                                                                            (*continua con la ricorsione espandendo i nodi vicini al nodo*)
                                                                            esplora
                                                                                                     (visitati@[nodo])
                                                                                                    (incrementa colore nodi colorati (succ nodo) (get colore nod
                                                                                                    (coda@(succ nodo))
                                            in esplora [] risultato [partenza]
```

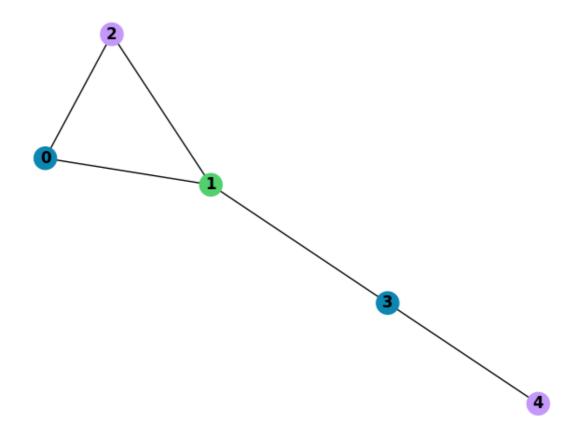
```
In [17]: risolvi problema_1;;
```

3-0

1-2

4-1

0-0



```
Out[17]: - : unit = ()
```

## In [18]: risolvi problema\_2;;

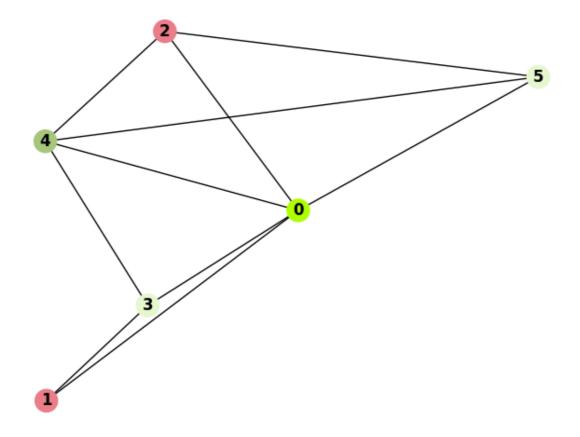
0-0

1-1

2-1

3-2

4-3



```
Out[18]: - : unit = ()
```

## In [19]: risolvi problema 2 err;;

Exception: NumeroColoriInsifficiente.
Raised at incrementa\_colore\_nodi.(fun) in file "[12]", line 12, characters 26-57
Called from Stdlib\_\_List.map in file "list.ml", line 92, characters 20-23
Called from Stdlib\_\_List.map in file "list.ml", line 92, characters 32-39
Called from Stdlib\_\_List.map in file "list.ml", line 92, characters 32-39
Called from Stdlib\_\_List.map in file "list.ml", line 92, characters 32-39
Called from Stdlib\_\_List.map in file "list.ml", line 92, characters 32-39
Called from risolvi.esplora in file "[16]", line 16, characters 16-98
Called from Stdlib\_\_Fun.protect in file "fun.ml", line 33, characters 8-15
Re-raised at Stdlib\_\_Fun.protect in file "fun.ml", line 38, characters 6-52
Called from Topeval.load\_lambda in file "toplevel/byte/topeval.ml", line 8
9, characters 4-150

#### In [20]: risolvi problema\_6;;

0-0

1-1

2-0

3-0

4-1

5-1

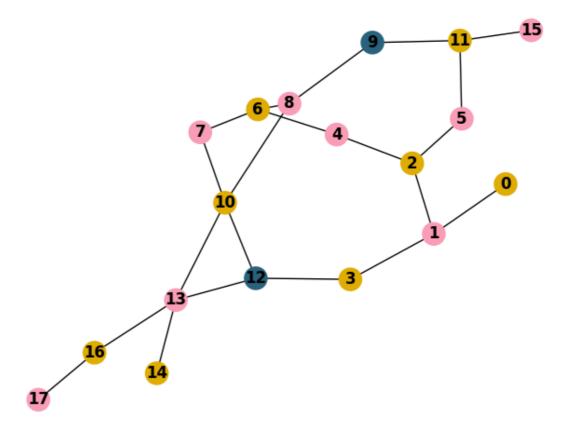
12-2

6-0

11-0

10-0

7-1 8-1 9-2 15-1 14-0 16-0 17-1



Out[20]: - : unit = ()

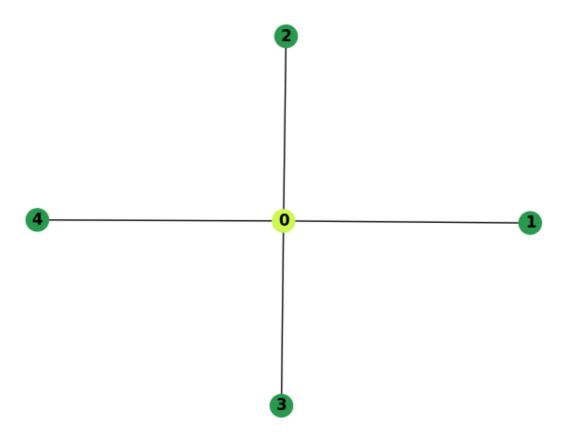
## In [21]: risolvi problema\_4;;

0-0

1-1

2-1

3-1



```
Out[21]: -: unit = ()
```

Spazio per alcuni test e prove il live

In [ ]:



Oltre alla stesura di questo notebook (che presenta una versione certamente funzionante, seppur minimale, dell'algoritmo) ho riscritto tutto il progetto in modo tale che sia compilabile ed eseguibile anche da terminale approfondendo anche altri argomenti e funzionalità del linguaggio.

È disponibili all'interno della cartella progetto e presenta la seguente struttura:

```
__Makefile
__src
__main.ml
__main.mli
__graphUtils.ml
__graphUtils.mli
__data.ml
__data.ml
__printer.ml
__printer.mli
__rappresentazione_grafo
__rappresentazione_grafo.py
```

- Makefile : utilizzato per compilare il progetto e generare l'eseguibile
- main : contiene la funzione principale che si occupa di avviare la risoluzione dei problemi e di gestire le scelte dell'utente.
- graphUtils: insieme di funzioni per risolvere il problema della colorazione.
- data : insieme di problemi per testare il corretto funzionamento del progetto. Questi possono essere aggiunti e rimossi in modo semplice ed efficiente.
- printer: insieme di funzioni ed espressioni per stampare a video menù ed altri elementi con anche la presenza di colori ed emoji ?
- rappresentazione\_grafo : script in python per rappresentare a video (in modo interattivo) un grafo.

#### Makefile

È il file utilizzato per la compilazione del progetto che avviene tramite il comando make . Qualora un file venga modificato, questo permette di non dover ricompilare tutto il progetto ma solo quello che è stato cambiato. In una prima fase compila tutti i file .ml con i relativi .mli, generando 2 altri file:

- .cmi : interfacce compilate utili per il corretto funzionamento dell'estensione OCaml in Visual Studio Code e per la corretta compilazione degli altri file. Questi vengono lasciati all'interno della cartella src e non spostati in quella designata alla fase di building per permettere il corretto funzionamento delle estensioni dell'editor.
- .cmo : file oggetto che verranno poi spostati nella cartella build per essere utilizzati nella fase di linking.

Quindi, ogni file .cmo dipende dai relativi file .ml e .mli . Successivamente, avvia la fase di linking unendo insieme tutti i file .cmo e generando l'eseguibile exe nella cartella bin . All'interno di quest'ultima viene copiato anche lo script python per permettere il corretto funzionamento del progetto.

```
$(buildir)/graphUtils.cmo: $(srcdir)/graphUtils.mli
$(srcdir)/graphUtils.ml
    $(cc) $(cinclude) $(cflags) $^
    mv $(srcdir)/graphUtils.cmo $(buildir)
$(buildir)/printer.cmo: $(srcdir)/printer.mli $(srcdir)/printer.ml
    $(cc) $(cinclude) $(cflags) $^
    mv $(srcdir)/printer.cmo $(buildir)
$(buildir)/data.cmo: $(srcdir)/data.mli $(srcdir)/data.ml
    $(cc) $(cinclude) $(cflags) $^
    mv $(srcdir)/data.cmo $(buildir)
$(buildir)/main.cmo: $(srcdir)/main.mli $(srcdir)/main.ml
    $(cc) $(cinclude) $(cflags) $^
    mv $(srcdir)/main.cmo $(buildir)
cartelle: $(buildir) $(bindir)
$(buildir):
    mkdir -p $@
$(bindir):
    mkdir -p $@
clear:
    rm -f $(buildir)/*.cmo
    rm -f $(bindir)/*
    rm -f $(srcdir)/*.cmi
Contenuto di Makfile
```

Un esempio pratico di come eseguire la fase di compilazione:

```
In [29]: (* compilazione del progetto *)
Process.sh "cd progetto; make; ls -LR";;

    (* pulizia e rimozione dei file compilati*)
Process.sh "cd progetto; make clear; ls -LR";;
```

```
ocamlc -I src -c src/graphUtils.mli src/graphUtils.ml
         mv src/graphUtils.cmo build
         ocamlc -I src -c src/printer.mli src/printer.ml
         mv src/printer.cmo build
         ocamlc -I src -c src/data.mli src/data.ml
         mv src/data.cmo build
         ocamlc -I src -c src/main.mli src/main.ml
         mv src/main.cmo build
         ocamlc -o bin/exe build/graphUtils.cmo build/printer.cmo build/data.cmo bui
         ld/main.cmo
         cp src/rappresentazione grafo/rappresentazione grafo.py bin
         . :
         Makefile
         bin
         build
         src
         ./bin:
         exe
         rappresentazione_grafo.py
         ./build:
         data.cmo
         graphUtils.cmo
         main.cmo
         printer.cmo
         ./src:
         data.cmi
         data.ml
         data.mli
         graphUtils.cmi
         graphUtils.ml
         graphUtils.mli
         main.cmi
         main.ml
         main.mli
         printer.cmi
         printer.ml
         printer.mli
         rappresentazione_grafo
         ./src/rappresentazione_grafo:
         rappresentazione_grafo.py
Out[29]: - : Jupyter_notebook.Process.t =
         {Jupyter_notebook.Process.exit_status = Unix.WEXITED 0; stdout = None;
          stderr = None}
```

```
rm -f build/*.cmo
         rm -f bin/*
         rm -f src/*.cmi
         . :
         Makefile
         hin
         build
         src
         ./bin:
         ./build:
         ./src:
         data.ml
         data.mli
         graphUtils.ml
         graphUtils.mli
         main.ml
         main.mli
         printer.ml
         printer.mli
         rappresentazione grafo
         ./src/rappresentazione grafo:
         rappresentazione_grafo.py
Out[29]: -: Jupyter notebook.Process.t =
         {Jupyter notebook.Process.exit status = Unix.WEXITED 0; stdout = None;
          stderr = None}
```

#### Printer

In questo file risiedono tutte le funzioni e dichiarazioni che gestiscono la stampa a video. Vi è una definizione di stringhe per stampare su terminale caratteri colorati (rosso, verde, blu, ecc.), elementi in grassetto ed emoji (a patto che questo li supporti).

La funzione più degna di nota è stampa\_problema che, dato un problema, stampa a schermo tutti i suoi dati:

- il grafo
- il nodo di partenza
- ullet il massimo numero di colori N

```
type colore = Colore of string ;;

(* normali *)
let rosso = Colore " \027[31 m";;
let verde = Colore " \027[32 m";;
let ciano = Colore " \027[36 m";;
let bianco = Colore " \027[0 m";;

(* grassetto *)
let rosso_b = Colore " \027[31;1 m";;
let verde_b = Colore " \027[32;1 m";;
let ciano_b = Colore " \027[36;1 m";;
let bianco_b = Colore " \027[0;1 m";;
```

```
(* valore di reset per stampare normalmente *)
let reset = bianco ;;
Alcune definizioni di colori
```

```
let stampa problema (Problema((Grafo succ), partenza, maxColori)) =
    print colore rosso b " Partenza : ";
    print int partenza ; print colore rosso b " Max Colori : ";
    print int maxColori ; print string "\n\n";
    let rec search visitati = function (* frontiera *)
        [] -> print string "\n" (* caso base , stampa \n*)
      | nodo :: coda -> (* stampa nodo e vicini *)
        if List.mem nodo visitati (* ignora nodi visti *)
            then
                search visitati coda
        else (* stampa il nodo e vicini .*)
           (print colore verde b (string of int nodo);
            print_colore bianco b " -> ";
            stampa lista (succ nodo);
            search (visitati@[nodo])(coda@(succ nodo)))
    in search [] [partenza] (* avvia la ricorsione *)
Codice della funzione stampa problema
```

```
Partenza: 3 Max Colori: 3

3 + 1 4

1 + 0 2 3

4 + 3

0 + 1 2

2 + 0 1
```

Output della funzione

#### Data

In questo file ci sono tutte le definizioni dei problemi utilizzati come test per verificare il corretto funzionamento dell'algoritmo di colorazione; una funzione che permette di stampare un menù con alcune informazioni come la descrizione dei grafi, gli ID unici, ecc; ed una funzione che dato un numero (ID), ritorna uno dei precedenti problemi. È anche presente una lista (problemi) che contiene tutti i problemi disponibili con una descrizione (una coppia (problema, string)). È questa che permette di aggiungere e togliere elementi in maniera semplice senza dover modificare alcuna funzione.

```
let problemi = [
    ( problema_1 , " Grafo 1") ;
    ( problema_2 , " Grafo 2 con numero sufficiente di colori ") ;
    ( problema_2_err , " Grafo 2 con colori insufficienti ") ;
    ( problema_3 , " Grafo 3") ;
    ( problema_4 , " Grafo 4")
];;
Parte della lista problemi
```

```
1) Grafo 1
2) Grafo 2 con numero sufficiente di colori
3) Grafo 2 con un numero di colori insufficiente per essere colorato
4) Grafo 3
5) Grafo 4
```

Output per la selezione del problema da risolvere

Infine, la funzione scegli\_problema che, dato un ID, ritorna il relativo problema. È interessante notare come per selezionare un dato problema non viene scorsa ricorsivamente tutta la lista, ma quest'ultima viene convertita in un Array per poter utilizzare il metodo get per accedere all'i-esima posizione. Vengono effettuati alcuni controlli sull'input: viene controllato se l'ID passato è valido (non superi per eccesso, o per difetto gli ID mostrati a video) e nel caso solleva un'eccezione (verrà utilizzata nella funzione main per segnalare il problema).

## GraphUtils

Nel file <code>graphUtils.ml</code> possiamo trovare tutte le funzioni implementate ed analizzate fin ora che riguardano l'algoritmo di colorazione. La parte delle *funzioni ausiliarie* è esattamente identica, l'unica differenza possiamo trovarla nella funzione <code>risolvi</code>, dove sono state apportate alcune piccole modifiche per permettere l'esecuzione da riga di comando:

- Ora ritorna il risultato (la lista colorati) e non stampa o mostra a schermo più nulla, sarà un problema del main,
- Lo script python non viene più fatto partire qui dentro ma sarà compito del main avviarlo.

```
let risolvi (Problema ((Grafo succ), partenza, maxColori)) =
 let risultato = inizializza risultato (Grafo succ) partenza in
(* inizializzo il risultato *)
 let rec esplora visitati colorati =
    function (*frontiera*)
                                 (*fine delle ricorsione*)
        []
         (salva grafo colorato (Grafo succ) colorati; colorati)
      nodo::coda
                                 (*caso ricorsivo, continua a
colorare*)
       if List.mem nodo visitati
                                             (*se il nodo è già
stato visitato*)
         then esplora visitati colorati coda (* ignora il nodo
e continua*)
```

Qui vengono anche definiti i tipi grafo e problema, con i relativi costruttori di tipo Grafo e Problema. Viene anche creata l'eccezione

NumeroColoriInsufficiente che servirà per segnalare che il dato problema non è risolvibile per il numero insufficiente di colori selezionato.

### Main

In questo file è presente la funzione principale main che si occupa di gestire tutto il flusso del programma: stampa il menu iniziale, fa scegliere all'utente su quale problema testare l'algoritmo di colorazione, avvia la risoluzione del problema selezionato, stampa il risultato ed avvia lo script python.

```
let main () =
    stampa logo ();
    stampa problemi disponibili ();
   let dati =
        let rec aux () = (* utente sceglie il problema *)
            try (* controllo input valido *)
                scegli problema ( scelta () )
            with SceltaErrata ->
                aux ()
        in aux ()
 in let avvia_colorazione (Problema(g, partenza, maxColori)) =
    print string "\nIl Problema selezionato : \n\n";
    stampa_problema ( Problema (g , partenza , maxColori ) );
    print_string " Coloro ...\ n\n";
    (* colora il grafo *)
   let colorati = risolvi (Problema(g, partenza, maxColori)) in
        stampa_nodi_colorati colorati;(*stampa il grafo colorato*)
        salva grafo colorato g colorati;(*salva grafo colorato*)
        avvia_python () (* avvia python *)
    in (* con un grafo scelto , lo colora *)
            avvia colorazione dati
        with NumeroColoriInsufficiente ->
```

```
stampa_errore ()
;;
Parte del codice del file main.ml
```

Alla riga 2-3 viene stampato sul terminale il logo iniziale e tutti i problemi disponibili per testare l'algoritmo. Nelle successive righe (5-27) vengono definite alcune funzioni

ausiliarie per mettere in pratica i comportamenti descritti prima:

- dati : rimane fermo sulla scelta del problema fin quando l'utente non seleziona un ID esistente. Una volta selezionato un ID valido conterrà il problema scelto.
- avvia\_colorazione : stampa alcune informazioni utili all'utente per poi colorare il grafo, salvarlo su file e avviare lo script python. Qui vengono anche gestite le possibili eccezioni.

Nelle prime righe del file vengono inclusi gli altri codici descritti nelle precedenti sezioni con:

```
open Printer ;;
open GraphUtils ;;
open Data ;;
Inclusione degli altri file .ml
```

## Python

All'interno del progetto è anche presente un breve script in python che verrà avviato una volta risolto il problema della colorazione. Questo script legge il file data generato da OCaml (contiene il grafo ed i colori di ogni nodo) e lo rappresenta all'interno di una finestra in modo interattivo e soprattutto più comprensibile rispetto alla visualizzazione su terminale.

Presenta 2 modalità di utilizzo:

- **notebook**: in questa modalità produce in output un'immagine compatibile con i notebook di jupyter. Sarà poi compito di OCaml andare ad importarla e disegnarla.
- **eseguibile**: questa modalità viene utilizzata quando lo script è invocato dal progetto compilato, genera una pagina HTML, che verrà aperta in automatico, con la visualizzazione interattiva del grafo colorato.

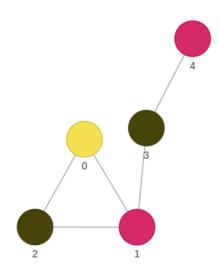
```
import networkx as nx
from pyvis.network import Network
import matplotlib.pyplot as plt

def main(args):
    # controlla che il nome del file sia stato passato
    if len(args) <= 0: return

    fname = args[0]
    in_jupyter = True if len(args) >= 2 else False

    collegamenti = []
    nodi = []
    colori = []
```

```
# lettura dei dati da file
    with open(fname, 'r') as f:
        for text in f.readlines():
            text = text.strip("\n") # elimina i vari \n nel file
            if text != '': # controlla che la riga sia valida
                nodo, vicini, colore = text.split(",")
                vicini = vicini.split(" ")
                colori.append(int(colore))
                # controlla se il nodo ha vicini
                if vicini[0] != '':
                    # crea gli archi del grafo
                    for vicino in vicini:
                        tmp = (int(nodo), int(vicino))
                        collegamenti.append(tmp)
    # controlla che abbia trovato tutti i nodi
    nodi = trova nodi(collegamenti)
    # converte i colori da int a stringa hex per pyvis
    colori = aggiusta_colori(colori)
    rappresenta grafo(nodi, collegamenti, colori, in jupyter)
def rappresenta grafo (nodi, collegamenti, colori, in jupyter):
    if in jupyter:
        G = nx.Graph()
        G.add nodes from(nodi)
        G.add edges from(collegamenti)
        nx.draw(
            G,
            node color=colori,
            with labels=True,
            font weight='bold'
        )
        plt.savefig("risultato.png")
    else:
        net = Network(
            width='100%',
            height='600px',
            directed=False
        )
        net.add nodes(
            nodi,
            label=[f"{x}" for x in nodi],
            color=colori
        )
        net.add_edges(collegamenti)
        net.toggle physics(True)
```



Output dello script python

### Dimostrazione di Esecuzione

Parte delle funzioni dello script python

Una volta compilato il progetto tramite il comando make , è prima necessario spostarsi all'interno della cartella bin per poi avviare l'eseguibile:

cd bin ./exe

Verrà mostrato il menù iniziale e l'utente dovrà scegliere quale problema utilizzare per testare l'algoritmo di colorazione. Se verrà inserito un ID invalido si rimane bloccati in questa scelta fin quando un ID corretto non verrà inserito. Una volta selezionato un ID valido verrà stampato a video il grafo, con il nodo di partenza, il massimo numero di colori ed il risultato della fase di colorazione. Infine verrà avviato lo script python che aprirà una finestra con al suo interno il grafo disegnato. Qualora l'utente selezionerà un problema che non è colorabile, per via del numero insufficiente di colori, verrà mostrato a video un messaggio di errore e non verrà avviato lo script python.

```
Un programma scritto in OCaml in grado di risolvere il problema della colorazione di un grafo.

HELLO Utente 2:
Coloriamo un po' di grafi
Di seguito trovi un elenco dei grafi di default tra cui puoi scegliere.

1) Grafo 1
2) Grafo 2 con numero sufficiente di colori
3) Grafo 2 con un numero di colori insufficiente per essere colorato
4) Grafo 3
5) Grafo 4
```

#### Menù iniziale



Esempio di multiple scelte errate di ID

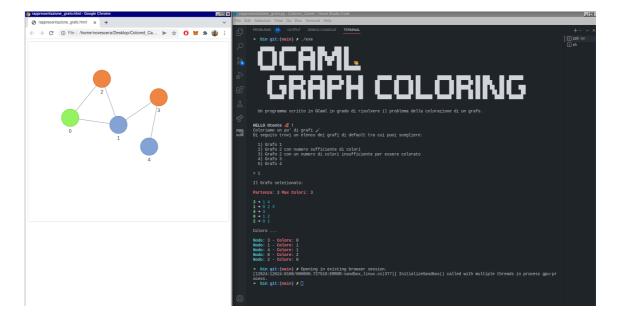
```
> 1
Il Grafo selezionato:

Partenza: 3 Max Colori: 3
3 + 1 4
1 + 0 2 3
4 + 3
0 + 1 2
2 + 0 1

Coloro ...

Nodo: 3 - Colore: 0
Nodo: 1 - Colore: 1
Nodo: 4 - Colore: 1
Nodo: 4 - Colore: 2
Nodo: 2 - Colore: 0
```

Esempio di risoluzione di un problema



Comportamento dello script python

```
> 3

Il Grafo selezionato:

Partenza: 0 Max Colori: 3

0 → 1 2 3 4 5
1 → 0 3
2 → 0 5 4
3 → 0 1 4
4 → 0 3 2 5
5 → 0 2 4

Coloro ...

ERRORE: Numero di colori insufficienti per colorare questo grafo !!
+ bin git:(main) ■
```

Messaggio di errore per numero di colori insufficienti

# Ambiente di Sviluppo 🐳

L'intero progetto è stato realizzato all'interno di un **container docker** utilizzato come ambiente di sviluppo, questo mi ha permesso di risparmiare notevole tempo nella configurazione e installazione di tutto il software necessario al funzionamento di OCaml, ma soprattutto mi dà la possibilità di avere un ambiente di sviluppo portatile che può essere condiviso e avviato su qualunque macchina in pochissimo tempo.

Il tutto si basa sull'estensione Remote Containers per l'editor Visual Studio Code che permette di utilizzare un container docker come un ambiente di sviluppo *full-featured*, di poter aprire qualunque cartella all'interno del container e gestirla tramite l'editor avendo a disposizione tutte le funzionalità che ci offre. È anche possibile scegliere quali estensioni di VSCode andare ad installare e utilizzare all'interno del nostro nuovo ambiente di sviluppo.

Il file devcontainer.json (presente all'interno della cartella .devcontainer) è quello che si occuperà di dire a VSCode come accedere, o creare, il container e quali elementi e strumenti andare a utilizzare. Di seguito un esempio:

```
{
    "name": "ocamldev",
    "build": {
        "dockerfile": "Dockerfile",
```

```
"context": ".."
    },
    "features": {
        "git": "latest",
        "github-cli": "latest"
    },
    "customizations": {
        "vscode": {
                 "extensions": [
                         "ocamllabs.ocaml-platform",
                         "ms-python.python",
                         "ms-toolsai.jupyter"
                 1
        }
    },
    "remoteUser": "opam"
}
```

Possiamo notare alcuni campi importanti come:

- build : che indica il Dockerfile da utilizzare per la generazione del container
- customizations : che permette di configurare le impostazioni dell'editor e scegliere anche quali estensioni andare ad installare
- remoteUser : specifica l'utente con cui verrà effettuato l'accesso al container, di default è root

Il file Dockerfile è responsabile della creazione del nuovo container. Il seguente codice è quello utilizzato per il mio ambiente di sviluppo:

#### FROM ocaml/opam:latest

```
RUN sudo apt-get update & sudo apt upgrade -y
RUN sudo apt-get install -y zlib1g-dev libffi-dev libcairo2-dev
libgmp-dev libzmq5-dev pkg-config
RUN sudo apt install -y make python3 python3-pip
RUN pip3 install jupyter
ENV PATH $PATH:/home/opam/.local/bin
RUN opam update
RUN opam user-setup install
RUN opam install -y ocaml-lsp-server
RUN opam install -y merlin
RUN opam install jupyter
RUN opam upgrade jupyter
RUN grep topfind ~/.ocamlinit || echo '#use "topfind";;' >>
~/.ocamlinit # For using '#require' directive
RUN grep Topfind.log ~/.ocamlinit || echo 'Topfind.log:=ignore;;'
>> ~/.ocamlinit # Suppress logging of topfind (recommended but not
necessary)
RUN opam exec -- ocaml-jupyter-opam-genspec
RUN jupyter kernelspec install --user --name ocaml-jupyter "$(opam
config var share)/jupyter"
```

Sono partito da un'immagine già configurata per il corretto funzionamento di OCaml (solo con questa si ha un ambiente pronto per scrivere ed eseguire codice) per poi modificarla andando ad aggiungere alcuni pacchetti necessari al mio progetto ( make , python e le

varie librerie per python). Ho poi deciso d'installare un server jupyter (che può essere avviato all'evenienza) con un kernel in grado di eseguire OCaml all'interno dei notebook. Non è potente come quello di python ma risulta comunque utilizzabile e più che sufficiente per le mie necessità.

In [ ]: