## Содержание

Лекция 1. Поляризация	2
Лекция 2. Дисперсия света	4

## Лекция 1. Поляризация

В прошлом семестре мы говорили о плоских бесконечных волнах. В реальности волны не бесконечные – о них говорят, как о импульсе, одиночном, кратковременном возмущении Свет излучается атомами за конечное время, порядка наносекунд. Получаем конечный световой импульс, длину распространения которого можно посчитать –  $l=c\cdot t$ , а значит мы можем говорить о световом импульсе, который локализован, как о частице. Здесь появляется понятие кванта: атом не может излучить меньше одного фотона, поэтому фотон – это квант, неделимая часть

Из прошлого семестра мы знаем, что электрон может преодолеть потенциальный барьер, действуя как волна, из-за своего размера. Следствием этого является ограничением на размер транзистора

Такой эффект не сходится с представлениями классической физики. В классической физике (в том числе в механике Ньютона) рассматриваются более высокие порядки размеров и на более низких скоростях, чем скорость света. В механике Гамильтона, основывающейся на концепции гамильтониана (оператора полной энергии) отпадает понятие траектории

Будем говорить, что волна представляет  $E(z,t) = (E_0 e^{i(\omega t - kz)})$ 

Если волна не лежит в системе координат, то добавляют матрицу поворота:  $E(z,t) = \left(E_0\begin{pmatrix}\cos\theta\\\sin\theta\end{pmatrix}e^{i(\omega t - kz)}\right)$ 

Свет считается **поляризованным**, если направления колебания светового вектора  $\vec{E}$  упорядочены каким-либо образом

В простом случае поляризация бывает линейной (или плоской) – в этом случае вектор напряженности движется в одной плоскости

Большинство бытовых источников света излучают неполяризованные волны – в них колебания разных направлений быстро и беспорядочно сменяют друг друга. С помощью устройства с названием **поляризатор** можно получить поляризованный свет, поглощая другие. Поляризатор лишь частично задерживающий колебания, перпендикулярные к его плоскости, называется несовершенным. Качество поляризатора зависит от толщины и материала

С помощью другого прибора – монохроматора – можно получить монохроматическую волну. Так как свет с разной длиной волны имеет разные коэффициенты преломления, то монохроматор способен пропускать свет с нужной длиной волны

Если свет поляризован плохо, то его называют частично поляризованным

Если пропустить частично поляризованный свет через поляризатор, прибора вокруг направления луча интенсивность прошедшего света будет изменяться от  $I_{\min}$  до  $I_{\max}$ . Причем, так как поляризатор симметричен, то угол между  $I_{\min}$  и  $I_{\max}$  равен  $\frac{\pi}{2}$ 

Степенью поляризации  $P = \frac{I_{\max} - I_{\min}}{I_{\max} + I_{\min}}$  можно выразить, насколько сильно поляризован свет

Однако, так как поляризатор не пропускает лучи в неправильном направлении, то интенсивность света уменьшиться. Закон Малюса гласит, что доля интенсивность выходящего света от интенсивность входящего равна  $\cos^2 \varphi$ , где  $\varphi$  — угол между плоскостью поляризатора и плоскостью колебания  $\vec{E}$ 

$$I = I_0 \cos^2 \varphi$$

Если пропустить естественный свет через поляризатор, то интенсивность выходящего света равна  $I=\frac{1}{2}I_0$ . Это объясняется тем, что в естественном свете волны направлены во все стороны равновероятно, а среднее значение  $\cos^2\varphi$  равна  $\frac{1}{2}$ 

Существует круговая (или эллиптическая) поляризация, когда вектор  $\vec{E}$  вращается в плоскости, перпендикулярной направлению распространения волны Всего существуют 3 способа поляризации:

- 1. Поглощение (или дихроизм): свет проходит через вещество с длинными нитевидными молекулами. Проходя вдоль молекулы, свет свободно проходит, а поперек молекул свет не проходит
  - Большинство таких линейных поляризаторов (или так называемых поляроидов) состоят из полимерной пленки или частиц кристаллов турмалина или герапатита в нитроцеллюлозной пленке
- 2. Преломление: в призме Николя используется двойное лучепреломления света. В ней используется анизотропный кристалл исландского шпата, в котором
  - лучи, поляризованные горизонтально, имеют показатель преломления  $n_o = 1.66$  их называют обыкновенными
  - лучи, поляризованные вертикально, имеют показатель преломления  $n_o = 1.51$  их называют необыкновенными

Призма Николя представляет собой две одинаковые треугольные в сечении призмы. Обыкновенный луч испытывает полное внутреннее отражение от склеивающего слоя с n = 1.55 и поглощается, а необыкновенный свободно проходит через него и вторую призму, так как показатели преломления приблизительно равны

3. Отражение: Столетов предложил сделать поляризатор из стекла. При определенном угле падения  $\alpha = \arctan n$  (известном как угол Брюстера) отраженный свет получается поляризованным. Для стекла этот угол равен примерно 59°, однако отраженный свет получается с интенсивностью 4% от интенсивности входящего света.

Столетов предложил использовать несколько стеклянных пластин, чтобы увеличить

интенсивность – данное устройство, состоящее из стопки стекла, получило название стопа Столетова

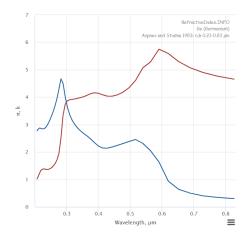
Угол Брюстера применяется в изготовлении лазеров для получения поляризованных волн

## Лекция 2. Дисперсия света

Дисперсией света называется зависимость показателя преломления от частоты волны света Данных эффект был обнаружен Исааком Ньютоном при разложении света в спектр. Тогда Ньютон обнаружил, что для разных частот света (а следовательно для разных волн) показатель преломления разный, поэтому в стекле лучи разных частот двигаются с разной скоростью, на выходе призмы получается радужный спектр

Благодаря дисперсии существует радуга: лучи Солнца, проходя под определенным углом (42 градуса над горизонтом) через капельки воды в воздухе, раскладываются в спектр и попадают на сетчатку глаза

На сайте https://refractiveindex.info можно узнать показатель преломления. Например, металл германий, использующийся в тепловизорах, имеет показатель преломления 3.5-4 в инфракрасном спектре волн, что улучшает разрешение тепловизора при ограниченном объёме устройства Подобные призмы используются в спектрометрах - приборах, позволяющих разложить свет в спектр и узнать, какие длины волн пресутсвуют в спектре



Разные газы в газоразрядной лампе излучают свет разного цвета (то есть спектр из разных длин волн). Поэтому с помощью спектрометра можно обнаружить, из чего со-

стоит источник света (например, Солнца): зная спектр горения водорода и гелия, можно предположить концентрацию горящего вещества на поверхности Солнца

Более продвинутый прибор – масс-спектрометр – используется для изучения состава вещества: вещество нагревают, излученный свет попадает на масс-спектрометр, который определяет интенсивность для разных волн света

Дисперсия возникает как следствие уравнение Максвелла. Допустим для слабопроводящей среды  $\sigma, \varepsilon, \mu = \mathrm{const}~(\sigma = \frac{1}{\rho}$  - удельная проводимость в сименсах)

По закону индукции Фарадея  $\vec{\nabla} \times \vec{E} = -\mu \mu_0 \frac{\partial \vec{H}}{\partial t}$ 

$$\nabla \times (\nabla \times \vec{E}) = -\mu \mu_0 \frac{\partial}{\partial t} (\nabla \times \vec{H})$$
$$\nabla \times (\nabla \times \vec{E}) = \nabla (\nabla \vec{E})$$

$$\nabla^2 \times \vec{E} = -\mu \mu_0 \frac{\partial}{\partial t} (\nabla \times \vec{H})$$

По теореме о циркуляции магнитного поля  $\nabla \times \vec{H} = \sigma \vec{E} + \varepsilon \varepsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$ 

Получаем 
$$\frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} + \frac{\sigma}{\varepsilon \varepsilon_0} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} = v^2 \Delta \vec{E}$$
 — волновое уравнение, где  $v^2 = \frac{1}{\varepsilon \varepsilon_0 \mu \mu_0}$ 

Из этого волнового уравнения для волны, направленной в сторону оси Ox, получаем  $\frac{\partial^2 E_y}{\partial t^2} =$ 

$$v^2 \Delta E_y - \frac{\sigma}{\varepsilon \varepsilon_0} \frac{\partial E_y}{\partial t}$$

Решение его является функция  $E_y = E_0 e^{i(\omega t - kx)}$ , то есть  $\omega^2 = v^2 k^2 - \frac{i\omega\sigma}{\varepsilon\varepsilon_0}$ , где  $k = \frac{2\pi}{\lambda}$  — волновое число

Уравнение

$$k^2 = \frac{omega}{v^2} - \frac{i\omega\sigma}{\varepsilon\varepsilon_0 v^2}$$

называют дисперсионным (то есть зависимость  $k(\omega)$ ). Из него  $k = \pm \frac{\omega}{v} \sqrt{1 - \frac{i\sigma}{\varepsilon \varepsilon_0 \omega}}$  Для  $\frac{\omega}{\varepsilon \varepsilon_0 \omega} \ll 1$  можем аппроксимировать корень, получаем  $k \approx \frac{\omega}{v} (1 - i \frac{\sigma}{2\varepsilon \varepsilon_0 \omega}) = k' - ik''$ 

В ходе вычисления получаем комплексное k: вещественная часть волнового числа k' определяет длину волны, мнимая часть k'' = показывается коэффициент затухания волн, то есть поглощение, получаем  $E_y = E_0 e^{i(\omega t - k'x) - k''x}$ 

Зависимость фазовой скорость волны (то скорость волны с одной длиной) от частоты в среде  $v_{\text{фаз}}(\omega) = \frac{\omega}{k'(\omega)}$  называют дисперсией

Для световых волн дисперсия —  $n(\omega) = \frac{c}{v_{\rm фаз}(\omega)}$  или  $n(\lambda_0) = \frac{c}{v_{\rm фаз}(\lambda_0)}$ 

Если 
$$\sigma = 0$$
, то  $v_{\text{фаз}} = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon \varepsilon_0 \mu \mu_0}}$ 

Получаем дисперсию световых волн:  $n(\omega) = \frac{c}{v_{\text{oàc}}(\omega)}$  или  $n(\lambda_0) = \frac{c}{v_{\text{oàc}}(\lambda_0)}$ 

Из этого выходит закон Бугера: пусть свет интенсивности  $I_0$  падает на вещество толщины L, тогда интенсивность света уменьшается по экспоненциальному закону:  $I = I_0 e^{-kL}$ 

При сложении волн из квазимонохроматического спектра получаем ограниченную в пространстве волну — так называемый волновой пакет. Длительность волнового пакета  $\tau$  пропорциональна обратной разности частот  $\frac{1}{\Lambda v}$ 

В среде волны с разными длинами двигаются с разной скорость, поэтому пакет будет деформироваться из-за дисперсии. Из-за этого пакет получает приращение  $\Delta t = \frac{L}{v_{\rm lèf}} - \frac{L}{v_{\rm lèf}} = \frac{L}{c} \Delta n$  При увеличении пропускной способности оптоволокна нужно уменьшить длительности импульса  $\tau$ . Из этого получаем, что разность частот увеличивается

Если импульс занимает весь видимый диапазон, то  $\Delta n \approx 0.03$ . При прохождении 1 метра волокна получаем  $\Delta t = \frac{1}{3 \cdot 10^8} 0.03 = 10^{-10}$  с. Если длительность пакета меньше  $\Delta t$ , то импульсы

сливаются во время прохождения и на приемнике их становится невозможно различить Групповая скорость  $v_{\rm rp}=\frac{d\omega}{dk}$  - это скорость движения волнового пакета. Если среда дисперсионная, то  $v_{\rm rp}\neq v_{\rm фаз}$ 

Заметим, что 
$$v_{\text{фаз}} = \frac{\omega}{k}$$
, тогда  $v_{\text{гр}} = \frac{d\omega}{dk} = v_{\text{фаз}} + k \frac{dv_{\text{фаз}}}{dk} = v_{\text{фаз}} + k \frac{dv_{\text{фаз}}}{d\lambda} \frac{d\lambda}{dk}$ 

Так как 
$$\frac{dk}{d\lambda} = -\frac{2\pi}{\lambda^2}$$
, то  $v_{\rm rp} = v_{\rm фаз} - \lambda \frac{dv_{\rm фаз}}{d\lambda}$ 

To есть 
$$v_{\text{фаз}} - v_{\text{гp}} = \lambda \frac{dv_{\text{фаз}}}{d\lambda}$$

Если дисперсии нет, то 
$$k_1-k_2=\frac{\omega_1}{c}-\frac{\omega_2}{c}$$
, и тогда  $v_{\rm rp}=c$