Equações Diferenciais Ordinárias: Lista de Problemas de Valor Inicial e Campos de Direções

Prof: Felipe Figueiredo

http://sites.google.com/site/proffelipefigueiredo

Versão: 20141124

1 Exercícios

1. Encontre a solução de cada um dos seguintes Problemas de Valor Inicial:

(a)
$$y' - 2y = 0, y(0) = 4$$

(b)
$$y' - 15y = 0, y(0) = 5$$

(c)
$$y' = -3y, y(0) = -2$$

(d)
$$y' = 9y, y(0) = -5$$

(e)
$$y' - \frac{1}{2}y = 0, y(0) = -1$$

(f)
$$y' = -\frac{1}{3}y, y(0) = 10$$

(g)
$$2y' - 2y = 0, y(0) = \frac{4}{3}$$

(h)
$$5y' + 5y = 0, y(0) = -4$$

(i)
$$3y' - 6y = 0, y(0) = -5$$

(j)
$$3y' - 2y = 0, y(0) = \pi$$

(k)
$$y' = \sqrt{3}y, y(0) = e^2$$

(1)
$$y' - 2\pi y = 0, y(0) = 5e$$

(m)
$$y' - ry = 0, y(0) = y_0$$

2. Encontre a solução de cada um dos seguintes Problemas de Valor Inicial:

(a)
$$y' - 2y = 1, y(0) = \frac{1}{2}$$

(b)
$$y' - 10y = 2, y(0) = \frac{4}{5}$$

(c)
$$y' + y + 1 = 0, y(0) = 0$$

(d)
$$y' + 1 = y, y(0) = -2$$

(e)
$$2y' + 2y - 1 = 0, y(0) = 1$$

(f)
$$3y' - 4y + 5 = 0, y(0) = \frac{1}{3}$$

(g)
$$\frac{1}{2}y' + \frac{1}{3}y + \frac{1}{4} = 0, y(0) = -5$$

(h)
$$y' - ry = a, y(0) = y_0$$

3. Desenhe o Campo de Direções das seguintes equações, e esboce algumas soluções das mesmas

(a)
$$y' = y - y^2$$
 (equação logística)

(b)
$$y' = x$$

(c)
$$y' = \frac{x}{y}$$