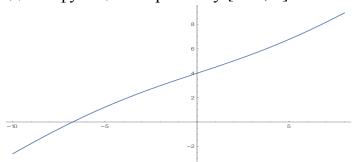
1. Умова Задачі (Варіант 16)

Побудувати інтерполяційні поліноми Лагранжа, Нютона (вперед та назад) та реалізувати інтерполяцію кубічним сплайном для функції:

$$y = x + \frac{8}{1 + e^{\frac{x}{4}}}$$

2. Математичне розв'язання задачі

Графік даної функції на проміжку [-10; 8]:



Аналітичний вигляд шостої похідної:

$$\frac{\partial^{6} f}{\partial x^{6}} = 8\left(\frac{45e^{3x/2}}{256(1 + e^{x/4})^{7}} - \frac{225e^{5x/4}}{512(1 + e^{x/4})^{6}} + \frac{195e^{x}}{512(1 + e^{x/4})^{5}} - \frac{135e^{3x/4}}{1024(1 + e^{x/4})^{4}} + \frac{31e^{x/2}}{2048(1 + e^{x/4})^{3}} - \frac{e^{x/4}}{4096(1 + e^{x/4})^{2}}\right)$$

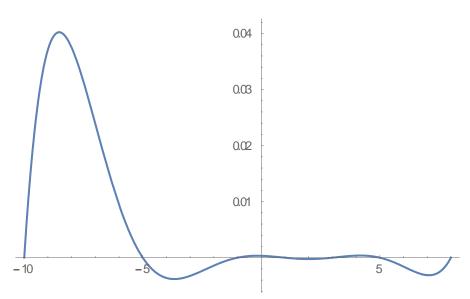
Вважатимемо що ми маємо значення функції в точках -10; -5; -3; 1;1;3;5;8}.

Інтерполяційний поліном у формі Лагранжа визначається наступним чином:

$$L_n(x) = \sum_{k=0}^n \frac{\prod_{j \neq k} (x - x_j)}{\prod_{j \neq k} (x_k - x_j)} f(x_k)$$

Для вузлів {-10; -5; -3;-1;1;3;5;8} отримали такий поліном: $L_6(x) = 3.9996626165 + 0.5001243803x + 0.000353172x^2 \\ + 0.0024726034x^3 - 0.0000158802x^4 - 0.0000089908x^5 \\ + 9.17 \times 10^{-8}x^6$

При цьому маємо таку похибку $(err(x) = f(x) - L_6(x))$:



Поліном у формі Ньютона обчислюється так:

 $P_n(x)=(x-x_0)f(x_0,x_1)+(x-x_0)(x-x_1)f(x_0,x_1,x_2)+\cdots+(x-x_0)(x-x_1)\dots(x-x_{n-1})f(x_0,x_1,\dots,x_n)$, де $f(x_0,x_1,\dots,x_n)$ поділені різниці. Їх можна отримати наступним чином:

де
$$f(x_j, x_{j+1}, ..., x_k) = \sum_{i=j}^k \frac{f(x_i)}{\prod_{t \neq i} (x_i - x_t)}$$

Відповідно якщо переставити вузли $\{x_0, x_1, ..., x_n\}$ то можна отримати формулу інтерполювання назад:

$$P_n(x) = (x - x_n)f(x_n, x_{n-1}) + (x - x_n)(x - x_{n-1})f(x_n, x_{n-1}, x_{n-2}) + \cdots + (x - x_n)(x - x_{n-1}) \dots (x - x_1)f(x_n, x_{n-1}, \dots, x_0),$$

Можна довести що інтерполяційні поліноми у формі Лагранжа , Ньютона при інтерполюванні вперед та Ньютона при інтерполюванні назад ϵ одним і тим самим поліномом.

При інтерполяції кубічним сплайном знайдемо інтерполяційний поліном 3 степеня для кожного з відрізків $[x_{i-1}; x_i]$, де $i = \overline{1, n}$.

Для зручності запишемо інтерполяційний поліном у вигляді:

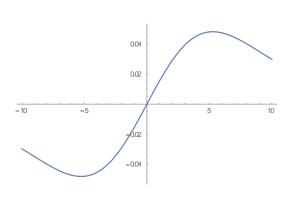
$$S_i(x) = a_i + b_i(x - x_i) + \frac{c_i}{2}(x - x_i)^2 + \frac{d_i}{6}(x - x_i)^3$$

Накладемо на S такі умови:

- Неперервність першої та другої похідної
- $S(x_i) = f(x_i)$
- Граничні умови: $S''(x_0) = f''(x_0)$ та $S''(x_n) = f''(x_n)$

Задамо граничні умови для сплайну на кінцях відрізку:

$$f''(x)=8(rac{e^{x/2}}{8(1+e^{x/4})^3}-rac{e^{x/4}}{16(1+e^{x/4})^2})$$
, тобто отримали $f''(-10)=-0.02973391792$, та



 $f''(8) \approx 0.03998125053$, до слова графік f''(x) схематично виглядає наступним чином:

3 цих умов отримуємо наступні формули для обчислення коефіцієнтів:

$$a_{i} = f(x_{i})$$

$$h_{i}c_{i-1} + 2(h_{i} + h_{i+1})c_{i} + h_{i+1}c_{i+1} = 6\left(\frac{f_{i+1} - f_{i}}{h_{i+1}} - \frac{f_{i} - f_{i-1}}{h_{i}}\right)$$

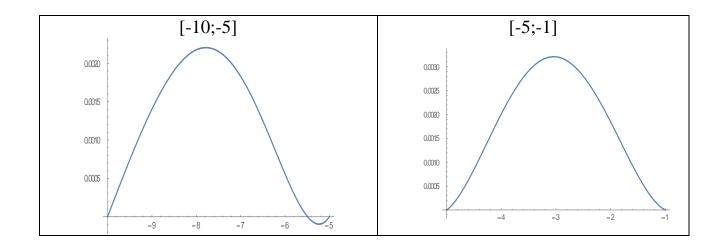
$$d_{i} = \frac{c_{i} - c_{i-1}}{h_{i}}$$

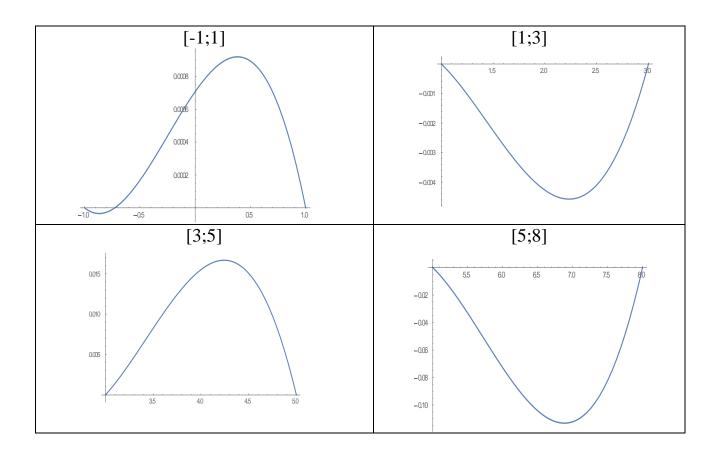
$$b_{i} = \frac{1}{2}h_{i}c_{i} - \frac{1}{6}h_{i}^{2}d_{i} + \frac{f_{i} - f_{i-1}}{h_{i}} = \frac{f_{i} - f_{i-1}}{h_{i}} + \frac{h_{i}(2c_{i} + c_{i-1})}{6}$$

Врахувавши що $c_0=f''(x_0)$, а $c_n=f''(x_n)$ коефіцієнти с можна знайти методом прогонки з початковими умовами: $\begin{cases} \alpha_1=f''(x_0)\\ \beta_1=0 \end{cases}$

Для даної функції отримали такі сплайни та похибки:

Проміжок	Кубічний сплайн
[-10;-5]	$3.73319066 + 0.33410249x - 0.037552x^2 - 0.000756166x^3$
[-5;-1]	$3.9970965 + 0.492446x - 0.0058835x^2 + 0.0013549x^3$
[-1;1]	$3.999293 + 0.499035999x + 0.000706999x^2 + 0.003552x^3$
[1;3]	$4.0033045 + 0.4869995x + 0.0127435 - 0.0004601666x^3$
[3;5]	$3.7257710 + 0.764536x - 0.07976899x^2 + 0.009819x^3$
[5;8]	$7.47828166 - 1.48698099x + 0.37053549x^2 - 0.020201333x^3$





3. Результати роботи (метод Лагранжа)

```
Polinom is:
3.9996626165 + (0.5001243803) * x^1 + (0.0003531720) * x^2 + (0.0024726034) * x^3 + (-10.0003531720) * x^3 + (-10.0003531720) * x^3 + (-10.0003531720) * x^4 + (-10.0003531720) * x^5 + (-10.00035
0.0000158802) * x^4 + (-0.0000089908) * x^5 + (0.0000000917) * x^6
err(-10.0000) = 0.0000
                                                                        err(-4.2500) = 0.0032
                                                                                                                                                  err(1.5000) = 0.0002
err(-9.7500) = 0.0144
                                                                        err(-4.0000) = 0.0036
                                                                                                                                                  err(1.7500) = 0.0002
                                                                                                                                                  err(2.0000) = 0.0002
err(-9.5000) = 0.0250
                                                                        err(-3.7500) = 0.0038
                                                                                                                                                  err(2.2500) = 0.0002
err(-9.2500) = 0.0324
                                                                        err(-3.5000) = 0.0038
                                                                                                                                                  err(2.5000) = 0.0002
err(-9.0000) = 0.0371
                                                                        err(-3.2500) = 0.0036
err(-8.7500) = 0.0396
                                                                        err(-3.0000) = 0.0032
                                                                                                                                                  err(2.7500) = 0.0001
err(-8.5000) = 0.0402
                                                                        err(-2.7500) = 0.0028
                                                                                                                                                  err(3.0000) = 0.0000
err(-8.2500) = 0.0394
                                                                        err(-2.5000) = 0.0024
                                                                                                                                                  err(3.2500) = 0.0001
                                                                                                                                                  err(3.5000) = 0.0002
err(-8.0000) = 0.0375
                                                                        err(-2.2500) = 0.0019
                                                                                                                                                  err(3.7500) = 0.0003
err(-7.7500) = 0.0347
                                                                        err(-2.0000) = 0.0014
err(-7.5000) = 0.0314
                                                                        err(-1.7500) = 0.0010
                                                                                                                                                  err(4.0000) = 0.0004
err(-7.2500) = 0.0277
                                                                         err(-1.5000) = 0.0006
                                                                                                                                                  err(4.2500) = 0.0004
err(-7.0000) = 0.0239
                                                                        err(-1.2500) = 0.0003
                                                                                                                                                  err(4.5000) = 0.0003
                                                                        err(-1.0000) = 0.0000
                                                                                                                                                  err(4.7500) = 0.0002
err(-6.7500) = 0.0200
err(-6.5000) = 0.0162
                                                                        err(-0.7500) = 0.0002
                                                                                                                                                  err(5.0000) = 0.0000
err(-6.2500) = 0.0127
                                                                        err(-0.5000) = 0.0003
                                                                                                                                                  err(5.2500) = 0.0003
err(-6.0000) = 0.0094
                                                                        err(-0.2500) = 0.0003
                                                                                                                                                  err(5.5000) = 0.0007
err(-5.7500) = 0.0065
                                                                        err(0.0000) = 0.0003
                                                                                                                                                  err(5.7500) = 0.0011
err(-5.5000) = 0.0040
                                                                        err(0.2500) = 0.0003
                                                                                                                                                  err(6.0000) = 0.0016
err(-5.2500) = 0.0018
                                                                        err(0.5000) = 0.0002
                                                                                                                                                  err(6.2500) = 0.0021
err(-5.0000) = 0.0000
                                                                        err(0.7500) = 0.0001
                                                                                                                                                  err(6.5000) = 0.0026
err(-4.7500) = 0.0014
                                                                         err(1.0000) = 0.0000
                                                                                                                                                  err(6.7500) = 0.0029
                                                                        err(1.2500) = 0.0001
err(-4.5000) = 0.0025
                                                                                                                                                  err(7.0000) = 0.0031
```

```
err(7.2500) = 0.0031 err(7.7500) = 0.0016 err(7.5000) = 0.0026 err(8.0000) = 0.00000
```

(Метод Нютона вперед)

```
Polinom is:
3.9996626165 + (0.5001243803) * x^1 + (0.0003531720) * x^2 + (0.0024726034) * x^3 + (-10.0003531720) * x^4 + (-10.0003531720) * x^4 + (-10.0003531720) * x^5 + (-10.00035
0.0000158802) * x^4 + (-0.0000089908) * x^5 + (0.0000000917) * x^6
err(-10.0000) = 0.0000
                                                                      err(-3.7500) = 0.0038
                                                                                                                                             err(2.5000) = 0.0002
err(-9.7500) = 0.0144
                                                                      err(-3.5000) = 0.0038
                                                                                                                                             err(2.7500) = 0.0001
err(-9.5000) = 0.0250
                                                                      err(-3.2500) = 0.0036
                                                                                                                                             err(3.0000) = 0.0000
err(-9.2500) = 0.0324
                                                                      err(-3.0000) = 0.0032
                                                                                                                                             err(3.2500) = 0.0001
err(-9.0000) = 0.0371
                                                                      err(-2.7500) = 0.0028
                                                                                                                                             err(3.5000) = 0.0002
err(-8.7500) = 0.0396
                                                                       err(-2.5000) = 0.0024
                                                                                                                                             err(3.7500) = 0.0003
err(-8.5000) = 0.0402
                                                                      err(-2.2500) = 0.0019
                                                                                                                                             err(4.0000) = 0.0004
err(-8.2500) = 0.0394
                                                                      err(-2.0000) = 0.0014
                                                                                                                                             err(4.2500) = 0.0004
err(-8.0000) = 0.0375
                                                                      err(-1.7500) = 0.0010
                                                                                                                                             err(4.5000) = 0.0003
err(-7.7500) = 0.0347
                                                                      err(-1.5000) = 0.0006
                                                                                                                                             err(4.7500) = 0.0002
err(-7.5000) = 0.0314
                                                                      err(-1.2500) = 0.0003
                                                                                                                                             err(5.0000) = 0.0000
                                                                      err(-1.0000) = 0.0000
                                                                                                                                             err(5.2500) = 0.0003
err(-7.2500) = 0.0277
err(-7.0000) = 0.0239
                                                                       err(-0.7500) = 0.0002
                                                                                                                                             err(5.5000) = 0.0007
err(-6.7500) = 0.0200
                                                                      err(-0.5000) = 0.0003
                                                                                                                                             err(5.7500) = 0.0011
err(-6.5000) = 0.0162
                                                                      err(-0.2500) = 0.0003
                                                                                                                                             err(6.0000) = 0.0016
err(-6.2500) = 0.0127
                                                                      err(0.0000) = 0.0003
                                                                                                                                             err(6.2500) = 0.0021
err(-6.0000) = 0.0094
                                                                      err(0.2500) = 0.0003
                                                                                                                                             err(6.5000) = 0.0026
err(-5.7500) = 0.0065
                                                                      err(0.5000) = 0.0002
                                                                                                                                             err(6.7500) = 0.0029
err(-5.5000) = 0.0040
                                                                      err(0.7500) = 0.0001
                                                                                                                                             err(7.0000) = 0.0031
                                                                       err(1.0000) = 0.0000
                                                                                                                                             err(7.2500) = 0.0031
err(-5.2500) = 0.0018
err(-5.0000) = 0.0000
                                                                      err(1.2500) = 0.0001
                                                                                                                                             err(7.5000) = 0.0026
err(-4.7500) = 0.0014
                                                                      err(1.5000) = 0.0002
                                                                                                                                             err(7.7500) = 0.0016
err(-4.5000) = 0.0025
                                                                      err(1.7500) = 0.0002
                                                                                                                                             err(8.0000) = 0.0000
err(-4.2500) = 0.0032
                                                                      err(2.0000) = 0.0002
err(-4.0000) = 0.0036
                                                                       err(2.2500) = 0.0002
```

(Метод Нютона назад)

Polinom is:

```
3.9996626165 + (0.5001243803) * x^1 + (0.0003531720) * x^2 + (0.0024726034) * x^3 + (-
0.0000158802) * x^4 + (-0.0000089908) * x^5 + (0.0000000917) * x^6
                                 err(-6.0000) = 0.0094
                                                                  err(-2.0000) = 0.0014
err(-10.0000) = 0.0000
err(-9.7500) = 0.0144
                                 err(-5.7500) = 0.0065
                                                                  err(-1.7500) = 0.0010
err(-9.5000) = 0.0250
                                 err(-5.5000) = 0.0040
                                                                  err(-1.5000) = 0.0006
err(-9.2500) = 0.0324
                                 err(-5.2500) = 0.0018
                                                                  err(-1.2500) = 0.0003
                                 err(-5.0000) = 0.0000
                                                                  err(-1.0000) = 0.0000
err(-9.0000) = 0.0371
err(-8.7500) = 0.0396
                                 err(-4.7500) = 0.0014
                                                                  err(-0.7500) = 0.0002
err(-8.5000) = 0.0402
                                 err(-4.5000) = 0.0025
                                                                  err(-0.5000) = 0.0003
err(-8.2500) = 0.0394
                                 err(-4.2500) = 0.0032
                                                                  err(-0.2500) = 0.0003
                                                                  err(0.0000) = 0.0003
err(-8.0000) = 0.0375
                                 err(-4.0000) = 0.0036
err(-7.7500) = 0.0347
                                 err(-3.7500) = 0.0038
                                                                  err(0.2500) = 0.0003
err(-7.5000) = 0.0314
                                 err(-3.5000) = 0.0038
                                                                  err(0.5000) = 0.0002
err(-7.2500) = 0.0277
                                 err(-3.2500) = 0.0036
                                                                  err(0.7500) = 0.0001
                                 err(-3.0000) = 0.0032
                                                                  err(1.0000) = 0.0000
err(-7.0000) = 0.0239
err(-6.7500) = 0.0200
                                 err(-2.7500) = 0.0028
                                                                  err(1.2500) = 0.0001
err(-6.5000) = 0.0162
                                 err(-2.5000) = 0.0024
                                                                  err(1.5000) = 0.0002
err(-6.2500) = 0.0127
                                 err(-2.2500) = 0.0019
                                                                  err(1.7500) = 0.0002
```

```
err(2.0000) = 0.0002
                                 err(4.2500) = 0.0004
                                                                   err(6.5000) = 0.0026
err(2.2500) = 0.0002
                                 err(4.5000) = 0.0003
                                                                   err(6.7500) = 0.0029
err(2.5000) = 0.0002
                                 err(4.7500) = 0.0002
                                                                   err(7.0000) = 0.0031
                                 err(5.0000) = 0.0000
err(2.7500) = 0.0001
                                                                   err(7.2500) = 0.0031
err(3.0000) = 0.0000
                                 err(5.2500) = 0.0003
                                                                   err(7.5000) = 0.0026
                                                                   err(7.7500) = 0.0016
err(3.2500) = 0.0001
                                 err(5.5000) = 0.0007
                                                                   err(8.0000) = 0.0000
err(3.5000) = 0.0002
                                 err(5.7500) = 0.0011
err(3.7500) = 0.0003
                                 err(6.0000) = 0.0016
err(4.0000) = 0.0004
                                 err(6.2500) = 0.0021
```

(Кубічний сплайн)

4.Код програми

```
// Interpolation.cpp : Defines the entry point for the
                                                                           while (hold < *(a + j)) j++;
console application.
                                                                           if (j < i) {
//
                                                                                   for (k = i; k > j; k--)
                                                                                            *(a + k) = *(a + k -
#include "stdafx.h"
                                                          1);
#include "fstream"
                                                                                   *(a + j) = hold;
#include "math.h"
                                                                           }
#include "iostream"
                                                                  }
using namespace std;
                                                          void createTable(int n, double* x, double* y, double
#define c1 -0.02973391792
                                                          f(double)){
#define c2 0.03998125053
                                                                  ofstream fout("table.txt");
//#define c1 0
                                                                  int i;
//#define c2 0
                                                                  for (i = 0; i < n; i++){}
                                                                           *(y + i) = f(*(x + i));
                                                          fout << "X[" << i+1 << "]= " << *(x + i) << "\tY[" << i+1 << "]= " << *(y + i) << endl;
double func(double x){
        return x + 8 / (1 + exp(x / 4));
                                                                  }
                                                                  fout.close();
double poll(int n, double *a, double x){
                                                          double rizNewton(int min, int max, double *x, double
        double s=0;
        for (int i = 0; i < n+1; i++)
                                                          *y){
                s += a[n-i]*pow(x, i);
                                                                  int i, j;
                                                                  double s = 0, p=1;
        return s;
                                                                  for (i = min; i <= max; i++){
void printpoll(ofstream &fout, int n, double* a){
                                                                           for (j = min; j \leftarrow max; j++)
        fout << "Polinom is:" << endl << a[n];</pre>
                                                                                   if (i != j) p *= (*(x + i) -
        for (int i = 1; i < n + 1; i++)
                                                          *(x + j));
                 fout << " + (" << a[n - i] << ") * x^"
                                                                           s += *(y + i) / p;
<< i;
        fout << endl;
                                                                           p = 1;
void insertSort(double *a, int n){
                                                                  return s;
        int i, j, k;
        double hold;
        for (i = 1; i < n; i++){}
                hold = *(a + i);
                                                          double rizNewton2(int min, int max, double *x, double
                 j = 0;
                                                          *y,int n){//так можна обчислювати в нютоні назад
                 while (hold > *(a + j)) j++;
                                                                  int i, j, ti, tj;
                                                                  double s = 0, p = 1;
                 if (j < i) {
                         for (k = i; k > j; k--)
                                                                  for (i = n-max; i <= n - min; i++){//ane}
                                  *(a + k) = *(a + k -
                                                          заміна i=n-i перетворює в rizNewton
1);
                                                                           ti = n-i;
                                                                           for (j = n - max; j <= n - min; j++){}
                         *(a + j) = hold;
                                                                                   tj = n - j;
                 }
                                                                                   if (i != j) p *= (*(x + ti) -
        }
                                                          *(x + tj));
void binsertSort(double *a, int n){
                                                                           s += *(y + ti) / p;
        int i, j, k;
                                                                           p = 1;
        double hold;
        for (i = 1; i < n; i++){
                 hold = *(a + i);
                                                                  return s;
                 j = 0;
```

```
double NewtonUP(int n, double *x, double *y, double
                                                                                                                  for (int i = 0; i < n; i++) a[i] = 0;
X){
                                                                                                                  a[n] = y[0];
                                                                                                                  int k = 0;
               double s = *y, p = 1;
               int i, j;
                                                                                                                  for (int i = 1; i < n + 1; i++)
               for (i = 1; i < n; i++){
                             for (j = 0; j < i; j++) p *= (X - *(x - 
                                                                                                                                b[k] = x[i - 1];
 + j));
                                                                                                                                roots(k, b, c);
//cout << i<< " riz = " <<
                             s += p*rizNewton(0,i,x,y);
                             p = 1;
                                                                                                    rizNewton(0, i, x, y) << endl;
               return s;
                                                                                                                                // формуємо ans
                                                                                                                                for (int j = n - i; j < n + 1; j++){
 double NewtonDown(int n, double *x, double *y, double
                                                                                                                                              a[j] += c[j - n + i] *
                                                                                                    rizNewton(0, i, x, y);
X){
               double s = *(y+n-1), p = 1;
               int i, j;
               for (i = n-2; i>=0; i--){
                                                                                                                  }//for (int j = 0; j < n; j++) cout << " ans["
                                                                                                   << j << "] = " << ans[j];
                             for (j = n - 1; j > i; j--) p *= (X -
 *(x + j));
                             s += p*rizNewton(i, n-1, x, y);
                                                                                                   void NewtonBack(int n, double *x, double *y, double
                             p = 1;
                                                                                                    *a)
                                                                                                                  double *b = new double [n + 1], *c = new
               return s:
}*/
                                                                                                    double[n + 1];
                                                                                                                  for (int i = 0; i < n; i++) a[i] = 0;
 void roots(int n, double *a, double *b)
                                                                                                                  a[n] = y[n];
                                                                                                                  int k = 0;
               double *c = new double[n];
                                                                                                                  for (int i = 1; i < n + 1; i + +)
               for (int i = 1; i < n + 1; i + +) b[i] = 0;
               b[0] = a[0];
                                                                                                                                b[k] = x[n-i+1];
               int k = 1;
                                                                                                                                k++;
                                                                                                                                roots(k, b, c);
//cout << i << " riz = " <<
               for (int i = 1; i<n; i++)
                             for (int j = 0; j < n; j++)
                                                                                                    rizNewton(n - i,n , x, y) << endl;
                                                                                                                                for (int j = n - i; j < n + 1; j++){
                                           c[j] = 0;
                             c[0] = a[i];
                             for (int j = 0; j < k; j + +)
                                                                                                                                a[j] += c[j - n + i] * rizNewton(n-i,
                                            c[j + 1] = b[j] * a[i];
                                                                                                    n, x, y);
                                                                                                                                }
                             k++:
                             for (int j = 0; j < k; j++)
                                                                                                                  }
                                           b[j] += c[j];
                                                                                                    void tochnist(string s, double start, double h,double
               for (int i = 0; i<n; i++)
                                                                                                    fin, double f(double), double*c, double n){
                             if (i \% 2 == 0) c[i] = -b[i]; else
                                                                                                                  ofstream fout(s);
                                                                                                                  fout.setf(ios::fixed);
 c[i] = b[i];
               b[0] = 1;
                                                                                                                  fout.precision(10);
               for (int i = 0; i < n; i++)
                                                                                                                  printpoll(fout, n, c);
                             b[i + 1] = c[i];
                                                                                                                  fout.precision(4);
                                                                                                                  int i;
void Lagrange(int n, double *x, double *y, double *c)
                                                                                                                  double t=start;
                                                                                                                  for (i = 0; t < fin; i++){}
               double *a = new double[n], *b = new double[n +
                                                                                                                                t = start + i*h;
1];
                                                                                                                                fout << "err(" << t << ") = " <<
               for (int i = 0; i < n + 1; i++) c[i] = 0;
                                                                                                    fabs(f(t)-poll(n,c,t)) << endl;</pre>
               for (int i = 0; i < n + 1; i + +)
                                                                                                                  };
                                                                                                                  fout.close();
                             double p=1;
                                                                                                    void findCofsSplain3(int n, double *x, double *y,
                             int k = 0;
                                                                                                    double*a, double* b, double* c, double* d){
                             for (int j = 0; j < n + 1; j + +)
                                            if (i != j) {
                                                                                                                  for (int i = 0; i < n + 1; i++) a[i] = y[i];
                                                                                                                  c[0] = c1;
                                           a[k] = x[j];
                                                                                                                  double *alfa = new double[n+1];
                                            k++;
                                           p*=(x[i] - x[j]); }
                                                                                                                  double *beta = new double[n+1];
                                                                                                                  //граничні умови на прогоночні коефіцієнти
                             roots(n, a, b);
                             for (int j = 0; j < n + 1; j++)
                                                                                                                  alfa[1] = 0;
                                            c[j] += b[j]*y[i]/p;
                                                                                                                  beta[1] = c1;
                                                                                                                  for (int i = 1; i<n; i++)
               }
                                                                                                                                //A[i]c[i-1]+C[i]c[i]+B[i]c[i+1]=F[i]
void NewtonUP(int n, double *x, double *y, double *a)
                                                                                                                                double A, B, C, F;
                                                                                                                                A = x[i] - x[i - 1];
                                                                                                                                B = x[i + 1] - x[i];
               double *b = new double[n + 1], *c = new
double[n + 1];
                                                                                                                                C = 2 * (A + B);
```

```
F = 6 * ((y[i + 1] - y[i]) / B - (y[i] | << "))^2/2 + (" << d[i] << ")(X - (" << x[i] << "))^2/2 + (" << d[i] << ")(X - (" << x[i] << "))^2/2 + (" << d[i] << ")(X - (" << x[i] << x[i] << ")(X - (" << x[i] << x[i]
 - y[i - 1]) / A);
                                                                                                              "))^3/6" << endl;
                                //обчислення прогоночних коефіцієнтів
                                alfa[i + 1] = (-B) / (A*alfa[i] + C);
                                                                                                                             for (i = 0; t < x[n-1]; i++){
                                beta[i + 1] = (F - A*beta[i]) /
                                                                                                                                            t = *x + i*h;
(A*alfa[i] + C);
                                                                                                                                            e = fabs(f(t) - Splain(n, x, a, b, c,
                                                                                                             d, t));
                                                                                                                                            fout << "err(" << t << ")= " << e
                c[n] = c2;
                for (int i = n - 1; i>0; i--)
                                                                                                              <<endl;
                               c[i] = alfa[i + 1] *c[i + 1] + beta[i +
                                                                                                                            };
1];
                delete alfa:
                                                                                                             int _tmain(int argc, _TCHAR* argv[])
                delete beta;
                for (int i = 1; i < n + 1; i + +)
                                                                                                                            int i,n;
                                                                                                                             ifstream fin("in.txt");
                                d[i] = (c[i] - c[i-1]) / (x[i] - x[i -
                                                                                                                            ofstream fout("Splain.txt");
1]);
                                                                                                                             fin >> n;
                                                                                                                            double *x = new double[n+1], *y = new
                                b[i] = (y[i] - y[i - 1]) / (x[i] - x[i])
 - 1]) + (x[i] - x[i - 1])*(2 *c[i] + c[i-1]) / 6;
                                                                                                             double[n+1],*a = new double[n+1],h = 0.25;
                                                                                                                             for (i = 0; i < n+1; i++) fin >> *(x + i);
                                                                                                                             fin.close();
double Splain(int n, double *x, double*a, double* b,
                                                                                                                            binsertSort(x, n + 1);
double* c, double x){
                                                                                                                            createTable(n + 1, x, y, func);
                for (int i = 1; i < n; i++){
                                                                                                                            NewtonBack(n, x, y, a);
                               if ((X <= *(x + i)) && (X >= *(x + i - i))
                                                                                                                            tochnist("NewtonBack.txt", x[n], h, x[0],
1)))
                                                                                                             func, a,n);
                                               return *(a + i) + *(b + i)*(X
 -*(x+i)) + *(c+i)*pow(X - *(x+i), 2) / 2 + *(d)
                                                                                                                             insertSort(x, n+1);
+ i)*pow(X - *(x + i), 3) / 6;
                                                                                                                             createTable(n+1, x, y, func);
                                                                                                                             Lagrange(n, x, y, a);
                                                                                                                             tochnist("Lagrange.txt", x[0], h, x[n], func,
}
                                                                                                             a,n);
                                                                                                                            NewtonUP(n,x,y,a);
void printSplain(ofstream &fout, int n, double *x,
                                                                                                                            tochnist("NewtonUp.txt", x[0], h,x[n], func,
double*a, double* b, double* c, double* d, double
                                                                                                             a,n);
                                                                                                                             double *a1 = new double[n + 1], *a2 = new
f(double)){
                double h = 0.25, e, t=x[0];
                                                                                                             double[n + 1], *a3 = new double[n + 1], *a4 = new
                fout.setf(ios::fixed);
                                                                                                             double[n + 1];
                int i;
                                                                                                                             findCofsSplain3(n + 1, x, y, a1, a2, a3, a4);
                for (i = 1; i < n; i++){
                                                                                                                             printSplain(fout, n + 1, x, a1, a2, a3, a4,
                                fout << "на проміжку [" << x[i - 1] << func);
 " ; " << x[i] << "] кубічний сплайн має
                                                                                                                             system("Pause");
вигляд:"<<endl;
                                                                                                                            return 0;
                                fout << a[i] << " + (" << b[i] << ")(X | }
 - (" << x[i] << ")) + (" << c[i] << ")(X - (" << x[i]
```

5. Висновок

Порівнюючи похибки інтерполяції бачимо що похибка залежить від сітки та гладкості функції, зокрема на великих проміжках краще спрацює метод сплайну тоді як на густій рівномірній сітці метод Лагранжа.