# Ejercicios de Programación funcional (II)

Programación — DAW

Ricardo Pérez López IES Doñana

Curso 2021/2022

1. Dada la siguiente función matemática:

$$f(n) = \begin{cases} 0 & \text{si } n = 0\\ 1 + 2 \cdot f(n-1) & \text{si } n > 0 \end{cases}$$

calcular el valor de f(3).

2. La función potencia tiene la siguiente especificación:

$$\begin{cases} \mathbf{Pre}: & b \ge 0 \\ & \mathsf{potencia}(a:\mathsf{int},\ b:\mathsf{int}) \to \mathsf{int} \end{cases}$$
 
$$\mathbf{Post}: \; \mathsf{potencia}(a,\ b) = a^b$$

- a) Implementar la función de forma no recursiva.
- b) Implementar la función de forma recursiva.
- 3. La función repite tiene la siguiente especificación:

$$\begin{cases}
\mathbf{Pre}: & n \ge 0 \\
& \text{repite}(s: \mathsf{str}, n: \mathsf{int}) \rightarrow \mathsf{str}
\end{cases}$$

$$\mathbf{Post}: & \text{repite}(s, n) = s * n$$

Implementar la función de forma recursiva.

4. La suma lenta es un algoritmo para sumar dos números para el que sólo necesitamos saber cuáles son el anterior y el siguiente de un número dado. El algoritmo se basa en la siguiente recurrencia:

$$suma\_lenta(a,b) = \begin{cases} b & \text{si } a = 0\\ suma\_lenta(ant(a), sig(b)) & \text{si } a > 0 \end{cases}$$

Suponiendo que tenemos las siguientes funciones ant y sig:

```
ant = lambda n: n - 1
sig = lambda n: n + 1
```

Se pide:

- a) Escribir su especificación.
- b) Implementar una función recursiva que satisfaga dicha especificación.
- 5. La función suma\_digitos calcula la suma de los dígitos de un número entero:

```
suma\_digitos(423) = 4 + 2 + 3 = 9

suma\_digitos(7) = 7
```

Se pide:

- a) Escribir su especificación.
- b) Implementar una función recursiva que satisfaga dicha especificación.

*Indicación*: Recordar que n // 10 le quita el último dígito a n. Además, n % 10 devuelve el último dígito de n.

6. La función voltea le da la vuelta a un número entero:

```
voltea(423) = 324
voltea(7) = 7
```

Se pide:

- a) Escribir su especificación.
- b) Implementar una función recursiva que satisfaga dicha especificación.

*Indicación*: Usar la función digitos que devuelve la cantidad de dígitos que tiene un entero. Usar además la indicación del ejercicio anterior.

7. La función par\_positivo determina si un número entero positivo es par:

```
par_positivo(0) = True
par_positivo(1) = False
par_positivo(27) = False
par_positivo(82) = True
```

### Se pide:

- a) Escribir su especificación.
- b) Implementar una función recursiva que satisfaga dicha especificación.
- 8. La función par determina si un número entero (positivo o negativo) es par:

```
par(0) = True
par(1) = False
par(-27) = False
```

#### Se pide:

- a) Escribir su especificación.
- b) Implementar una función recursiva que satisfaga dicha especificación.
- c) ¿Cómo se podría implementar una función impar a partir de la función par?
- 9. La función elem tiene la siguiente especificación:

```
\begin{cases} \mathbf{Pre}: & \mathsf{True} \\ & \mathsf{elem}(e,\ t:\ \mathsf{tuple}) \to \mathsf{bool} \end{cases}
\mathbf{Post}: & \mathsf{elem}(e,\ t) = \begin{cases} \mathsf{True} & \mathsf{si}\ e\ \mathsf{est\acute{a}}\ \mathsf{en}\ t \\ \mathsf{False} & \mathsf{en}\ \mathsf{caso}\ \mathsf{contrario} \end{cases}
```

Escribir una función recursiva que satisfaga dicha especificación.

10. La función cuantos tiene la siguiente especificación:

```
\begin{cases} \mathbf{Pre}: & \mathsf{True} \\ & \mathsf{cuantos}(e,\ t:\ \mathsf{tuple}) \ \text{-> int} \end{cases} \mathbf{Post}: & \mathsf{cuantos}(e,\ t) = \mathsf{el}\ \mathsf{n\'umero}\ \mathsf{de}\ \mathsf{veces}\ \mathsf{que}\ \mathsf{aparece}\ e\ \mathsf{en}\ t
```

Escribir una función recursiva que satisfaga dicha especificación y que genere un proceso:

- a) recursivo.
- b) iterativo.
- 11. La función quita tiene la siguiente especificación:

Escribir una función recursiva que satisfaga dicha especificación y que genere un proceso:

- a) recursivo.
- b) iterativo.
- 12. La función sustituye tiene la siguiente especificación:

```
\begin{cases} \textbf{Pre}: & \textbf{True} \\ & \textbf{sustituye}(a,\ b,\ t:\ \textbf{tuple}) \rightarrow \textbf{tuple} \end{cases} \begin{cases} \textbf{Post}: & \textbf{sustituye}(a,\ b,\ t) = \text{una tupla igual que } t \text{ pero sustituyendo los } a \text{ por } b \end{cases}
```

Escribir una función recursiva que satisfaga dicha especificación y que genere un proceso:

- a) recursivo.
- b) iterativo.
- 13. La función ultimo tiene la siguiente especificación:

```
 \begin{cases} \mathbf{Pre}: & t \neq () \\ & \mathsf{ultimo}(t: \mathsf{tuple}) \end{cases} 
 \mathbf{Post}: & \mathsf{ultimo}(t) = \mathsf{el} \ \mathsf{último} \ \mathsf{elemento} \ \mathsf{de} \ t
```

Escribir una función recursiva que satisfaga dicha especificación.

14. La función enesimo tiene la siguiente especificación:

```
\begin{cases} \mathbf{Pre}: & t \neq () \land 0 \leq n < \mathsf{len}(t) \\ & \mathsf{enesimo}(n: \mathsf{int}, \ t: \mathsf{tuple}) \end{cases} \mathbf{Post}: & \mathsf{enesimo}(n, \ t) = \mathsf{el} \ n\text{-}\acute{e}\mathsf{simo} \ \mathsf{elemento} \ \mathsf{de} \ t
```

Escribir una función recursiva que satisfaga dicha especificación.

## **Soluciones**

```
1. f(3)
    = 1 + 2 \cdot f(2)
    = 1 + 2 \cdot (1 + f(1))
    = 1 + 2 \cdot (1 + 2 \cdot (1 + 2 \cdot f(0)))
    = 1 + 2 \cdot (1 + 2 \cdot (1 + 2 \cdot 0))
     = 1 + 2 \cdot (1 + 2 \cdot 1)
     = 1 + 2 \cdot 3
     = 7.
        a) potencia = lambda a, b: a ** b
        b) potencia = lambda a, b: 1 if b == 0 else a * potencia(a, b - 1)
3. repite = lambda s, n: '' if n == 0 else s + repite(s, n - 1)
4.
       a) \begin{cases} \mathbf{Pre}: & a \ge 0 \\ & \mathsf{suma\_lenta}(a:\mathsf{int},\ b:\mathsf{int}) \to \mathsf{int} \end{cases}
\mathbf{Post}: \ \mathsf{suma\_lenta}(a,\ b) = a + b
        b) suma_lenta = lambda a, b: b if a == 0 else suma_lenta(ant(a), sig(b))
5.
        a) \begin{cases} \mathbf{Pre}: & n \geq 0 \\ & \mathsf{suma\_digitos}(n: \mathsf{int}) \rightarrow \mathsf{int} \end{cases}
\mathbf{Post}: & \mathsf{suma\_digitos}(n) = \mathsf{la} \; \mathsf{suma} \; \mathsf{de} \; \mathsf{los} \; \mathsf{digitos} \; \mathsf{de} \; n \end{cases}
        b) suma_digitos = lambda n: n if n < 10 else (n \% 10) + suma_digitos(n // 10)
6.
        a) \begin{cases} \mathbf{Pre}: & n \geq 0 \\ & \text{voltea}(n: \mathsf{int}) \rightarrow \mathsf{int} \end{cases}
\mathbf{Post}: & \text{voltea}(n) = \mathsf{el} \; \mathsf{n\'{u}mero} \; n \; \mathsf{con} \; \mathsf{los} \; \mathsf{d\'{i}gitos} \; \mathsf{al} \; \mathsf{rev\'{e}s} \end{cases}
        b) voltea = lambda n: n if n < loople 10 else \
                                                     (n % 10) * 10 ** (digitos(n) - 1) + voltea(n // 10)
7.
```

```
a) \begin{cases} \mathbf{Pre}: & n \ge 0 \\ & \mathsf{par\_positivo}(n: \mathsf{int}) \to \mathsf{bool} \end{cases}
\mathbf{Post}: & \mathsf{par\_positivo}(n) = \begin{cases} \mathsf{True} & \mathsf{si} \ n \ \mathsf{es} \ \mathsf{par} \\ \mathsf{False} & \mathsf{en} \ \mathsf{caso} \ \mathsf{contrario} \end{cases}
        b) par_positivo = lambda n: True if n == 0 else \
                                                    False if par_positivo(n - 1) else \
                                                    True
8. a) \begin{cases} \mathbf{Pre} : & \mathsf{True} \\ & \mathsf{par}(n: \mathsf{int}) \rightarrow \mathsf{bool} \end{cases}
\mathbf{Post} : & \mathsf{par}(n) = \begin{cases} \mathsf{True} & \mathsf{si} \ n \ \mathsf{es} \ \mathsf{par} \\ \mathsf{False} & \mathsf{en} \ \mathsf{caso} \ \mathsf{contrario} \end{cases}
        b) par = lambda n: True if n == 0 else \
                                      False if par(abs(n) - 1) else \
                                      True
        c) impar = lambda n: not par(n)
 9. elem = lambda e, t: False if t == () else \
                                     True if t[0] == e else \
                                     elem(e, t[1:])
10. Definimos:
     aux = lambda a, b: 1 if a == b else 0
        a) cuantos = lambda e, t: 0 if t == () else \
                                                 aux(e, t[0]) + cuantos(e, t[1:])
        b) cuantos = lambda e, t: cuantos_it(e, t, 0)
            cuantos_it = lambda e, t, acc: acc if t == () else \
                                                              cuantos_it(e, t[1:], acc + aux(e, t[0]))
11. Definimos:
     aux = lambda a, b: () if a == b else (b,)
        a) quita = lambda e, t: () if t == () else \
                                              aux(e, t[0]) + quita(e, t[1:])
        b) quita = lambda e, t: quita_it(e, t, ())
            quita_it = lambda e, t, acc: acc if t == () else \
                                                           quita_it(e, t[1:], acc + aux(e, t[0]))
```

#### 12. Definimos: