

# Expresiones

Ricardo Pérez López

IES Doñana, curso 2020/2021



Generado el 4 de noviembre de 2020 a las 15:36:00

1. El lenguaje de programación Python
2. Elementos de un programa
3. Valores
4. Operaciones
5. Otros conceptos sobre operaciones
6. Operaciones predefinidas

# 1. El lenguaje de programación Python

1.1 Historia

1.2 Características principales

1.3 Instalación

1.4 Funcionamiento del intérprete

1.5 Instalación de Visual Studio Code

## 1.1. Historia

# Historia

- ▶ Python fue creado a finales de los ochenta por **Guido van Rossum** en el Centro para las Matemáticas y la Informática (CWI, Centrum Wiskunde & Informatica), en los Países Bajos, como un sucesor del lenguaje de programación ABC.
- ▶ El nombre del lenguaje proviene de la afición de su creador por los humoristas británicos **Monty Python**.
  - ▶ Python alcanzó la versión 1.0 en enero de 1994.
  - ▶ Python 2.0 se publicó en octubre de 2000 con muchas grandes mejoras. Actualmente, Python 2 está obsoleto.
  - ▶ Python 3.0 se publicó en septiembre de 2008 y es una gran revisión del lenguaje que no es totalmente retrocompatible con Python 2.



Logo de Python

## 1.2. Características principales

## Características principales

- ▶ Python es un lenguaje **interpretado, dinámico y multiplataforma**, cuya filosofía hace hincapié en una sintaxis que favorezca un **código legible**.
- ▶ Es un lenguaje de programación **multiparadigma**. Esto significa que más que forzar a los programadores a adoptar un estilo particular de programación, permite varios estilos: **programación orientada a objetos, programación imperativa y programación funcional**.
- ▶ Tiene una **gran biblioteca estándar**, usada para una diversidad de tareas. Esto viene de la filosofía «pilas incluidas» (*batteries included*) en referencia a los módulos de Python.
- ▶ Es administrado por la **Python Software Foundation** y posee una licencia de **código abierto**.
- ▶ La estructura de un programa se define por su anidamiento.

## 1.3. Instalación



# Instalación

## ► Instalación en Ubuntu:

1. Python 3 ya viene instalado en Ubuntu 20.04 y posteriores, pero es conveniente ejecutar los siguientes comandos desde un terminal del sistema operativo:

```
$ sudo add-apt-repository universe  
$ sudo apt update  
$ sudo apt install python-is-python3 python3-pip  
$ mkdir -p ~/.local/bin
```

Al acabar, cerrar la terminal y abrir otra nueva antes de continuar.

2. Asimismo, es conveniente asegurarse de que no hay ciertos paquetes de Python instalados provenientes del repositorio de Ubuntu (se instalarán directamente desde Visual Studio Code):

```
$ sudo apt purge --autoremove pylint jupyter mypy python3-autopep8
```

► **Instalación en Windows:**

1. Visitar <https://www.python.org/downloads/windows> y descargar desde ahí la última versión estable.
2. Durante la instalación, marcar la casilla que activa la opción de añadir comandos al *PATH*.

## 1.4. Funcionamiento del intérprete

### 1.4.1 Entrar y salir del intérprete

## Funcionamiento del intérprete

- El intérprete de Python tiene dos **modos de funcionamiento**:

1. **Modo interactivo (REPL)**: se abre una **sesión interactiva** con el intérprete donde éste nos solicita que introduzcamos una instrucción (sentencia o expresión) y, a continuación, la ejecuta inmediatamente, para luego volver a solicitar una nueva instrucción, repitiendo este ciclo indefinidamente en un **diálogo continuo entre el programador y el intérprete**.

Es el modo más apropiado para aprender el lenguaje o hacer pruebas rápidas, y el que empezaremos a usar nosotros.

2. **Modo por lotes**: el intérprete ejecuta un programa previamente escrito por el programador y almacenado en archivos fuente (llamados *scripts*) que contienen instrucciones que el intérprete va ejecutando una tras otra.

Es el modo que utilizan los usuarios para ejecutar los programas previamente confeccionados por los programadores.

## Entrar y salir del intérprete

- ▶ Para entrar en el intérprete interactivo, se usa el comando `python` desde la línea de órdenes del sistema operativo:

```
$ python
Python 3.8.2 (default, Apr 27 2020, 15:53:34)
[GCC 9.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>>
```

El mensaje que obtengamos puede que no sea exactamente igual, pero es importante comprobar que estamos usando Python 3 y no 2.

- ▶ Para salir, se pulsa `Ctrl+D` en Ubuntu o `Ctrl+Z` en Windows.
- ▶ El `>>>` es el *prompt* del intérprete de Python, desde el que se ejecutan las expresiones y sentencias que tecleemos:

```
>>> 4 + 3
7
>>>
```

## 1.5. Instalación de Visual Studio Code

### 1.5.1 Configuración básica de Visual Studio Code

# Instalación de Visual Studio Code

## ► Instalación en Ubuntu:

Instalar Visual Studio Code desde el *Centro de software de Ubuntu*.

Alternativamente, se puede visitar <https://code.visualstudio.com> para descargar e instalar el paquete adecuado a la versión de Ubuntu que se está usando, que suele ser la que ya sugiere la propia página web (normalmente es el paquete `.deb` de 64 bits).

## ► Instalación en Windows:

Visitar <https://code.visualstudio.com>, descargar e instalar la versión adecuada a la versión de Windows que se está usando.

## Configuración básica de Visual Studio Code

1. Abrir la aplicación.
2. Acceder al apartado de *Extensiones* (**Ctrl+Mayús+X**) e instalar las siguientes extensiones:
  - ▶ Python
  - ▶ Python Indent
  - ▶ Pylance
3. Configurar las siguientes opciones:
  - ▶ *Python: Language Server:* **Pylance**
  - ▶ *Python > Linting: Enabled:* Activado
  - ▶ *Python > Linting: Pylint Enabled:* Activado
  - ▶ *Python > Linting: Pylint Args:* **--disable=invalid-name,redefined-outer-name**



4. Se recomiendan, además, configurar las siguientes opciones:

- ▶ *Editor: Render Final Newline*: Desactivado
- ▶ *Editor: Smooth Scrolling*: Activado
- ▶ *Files: Insert Final Newline*: Activado
- ▶ *Files: Trim Final Newlines*: Activado
- ▶ *Files: Trim Trailing Whitespace*: Activado

## 2. Elementos de un programa

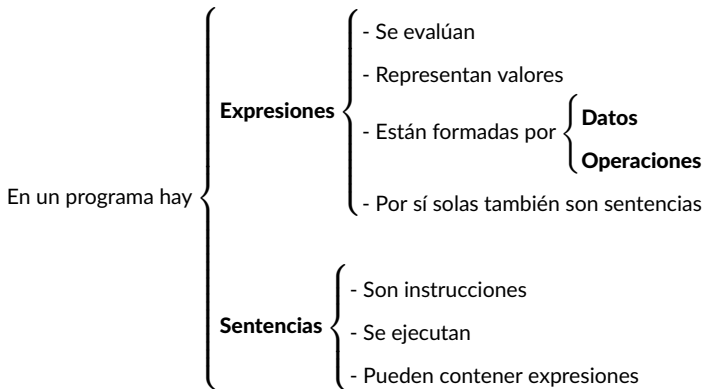
2.1 Expresiones y sentencias

2.2 Conceptos básicos

## 2.1. Expresiones y sentencias

# Expresiones y sentencias

- ▶ El código fuente de un programa está formado por elementos que pertenecen a dos grandes grupos principales:
  - **Expresiones:** son secuencias de símbolos que *representan valores* y que están formados por *datos* y (posiblemente) *operaciones* a realizar sobre esos datos. El valor al que representa la expresión se obtiene *evaluando* dicha expresión.
  - **Sentencias:** son *instrucciones* que sirven para pedirle al intérprete que *ejecute* una determinada *acción*.
- ▶ Las sentencias pueden contener expresiones.
- ▶ En la mayoría de los lenguajes de programación, una expresión por sí sola también es una sentencia válida.



Las **expresiones** se *evalúan*.

Las **sentencias** se *ejecutan*.

## 2.2. Conceptos básicos

# Conceptos básicos

## Definición:

Una **expresión** es una frase (secuencia de símbolos) sintáctica y semánticamente correcta según las reglas del lenguaje que estamos utilizando, cuya finalidad es la de *representar* o **denotar** un determinado objeto, al que denominamos el **valor** de la expresión.

- ▶ El ejemplo clásico es el de las *expresiones aritméticas*:
  - Están formadas por secuencias de números junto con símbolos que representan operaciones aritméticas a realizar con esos números.
  - Denotan un valor numérico, que es el resultado de calcular el valor de la expresión tras hacer las operaciones que aparecen en ella.

Por ejemplo, la expresión  $(2 * (3 + 5))$  denota un valor, que es el número abstracto **dieciséis**.

- ▶ Las expresiones correctamente formadas deben satisfacer la gramática del lenguaje en el que están escritas.
- ▶ En un lenguaje de programación existen muchos tipos de expresiones dependiendo del tipo de los datos y de las operaciones involucradas en dicha expresión.
- ▶ Empezaremos trabajando con las expresiones aritméticas más sencillas para ir incorporando cada vez más elementos nuevos que nos permitan crear expresiones más complejas.



- Para ello, nos basaremos en la siguiente gramática, la cual es una simplificación modificada de la gramática real que deben satisfacer las expresiones en Python:

```
<expresión> ::= <operación> | <literal> | <nombre>
<operación> ::= ( <expresión> <operador_binario> <expresión> )
                | ( <operador_unario> <expresión> )
                | <llamada_función> | <llamada_método>
<nombre> ::= identificador
<literal> ::= entero | real | cadena | ...
<operador_binario> ::= + | - | * | / | // | ** | % | ...
<operador_unario> ::= + | - | ...
<llamada_función> ::= <función> ( [ <lista_argumentos> ] )
<función> ::= identificador
<llamada_método> ::= <objeto> . <método> ( [ <lista_argumentos> ] )
<objeto> ::= <expresión>
<método> ::= identificador
<lista_argumentos> ::= <expresión> { , <expresión> } *
```

- Esta gramática reconoce **expresiones totalmente parentizadas**, en las que cada operación a realizar con operadores va agrupada entre paréntesis, aunque no sea estrictamente necesario, como por ejemplo:

$$(3 + (4 - 7))$$

- Otros ejemplos de expresiones que satisfacen dicha gramática:

- $24$

- $(4 + 5)$

- $-(8 * 3.5)$

- $(9 * (x - 2))$

- $z$

- $(\text{abs}(-3) + (\text{max}(8, 5) / 2))$

- Sabemos que todas esas expresiones son sintácticamente correctas según nuestra gramática porque podemos construir derivaciones desde el símbolo inicial  $\langle \text{expresión} \rangle$  hasta cada expresión.

## Ejercicio

1. Obtener las derivaciones correspondientes de cada una de las expresiones.

- ▶ Muchas veces, de ahora en adelante representaremos las expresiones combinando **distintos colores y estilos tipográficos** con la única finalidad de facilitar la lectura y ayudar a reconocer los diferentes elementos sintácticos que las componen.
- ▶ A esta técnica se la denomina **resaltado de sintaxis**.
- ▶ Por ejemplo, las expresiones anteriores quedarían así:

$$\blacksquare (3 + (4 - 7))$$

$$\blacksquare 24$$

$$\blacksquare (4 + 5)$$

$$\blacksquare (-(8 * 3.5))$$

$$\blacksquare (9 * (x - 2))$$

$$\blacksquare z$$

$$\blacksquare (\text{abs}(-3) + (\text{max}(8, 5) / 2))$$

## 3. Valores

3.1 Introducción

3.2 Evaluación de expresiones

3.3 Expresión canónica y forma normal

3.4 Formas normales y evaluación

3.5 Literales

3.6 Identificadores

## 3.1. Introducción

# Introducción

- ▶ Los **valores** son los datos que manipulan y procesan los programas.
- ▶ Pueden ser:
  - Datos que representan información de interés para el usuario del programa.
  - Datos internos que usa el programa para su correcto funcionamiento.
- ▶ Los datos tienen un **tipo**, que determina el conjunto de *valores* que puede tomar un dato de ese tipo, así como el conjunto de *operaciones* que se pueden realizar con él.
- ▶ **Un valor, por tanto, pertenece a un determinado tipo.**
- ▶ Los tipos más básicos en Programación son los **números** (*enteros y reales*), las **cadenas** y los **lógicos**.

- ▶ En Python, los tipos de datos básicos se llaman de la siguiente forma:
  - Números enteros: `int`
  - Números reales: `float`
  - Cadenas: `str`
  - Lógicos: `bool`
- ▶ Por tanto, cuando un dato es un número entero, decimos que pertenece al tipo `int`; cuando es una cadena, decimos que pertenece al tipo `str`; etcétera.



## 3.2. Evaluación de expresiones

## Evaluación de expresiones

- ▶ **Evaluar una expresión** consiste en determinar el **valor** de la expresión. Es decir, una expresión *representa* o **denota** el valor que se obtiene al evaluarla.
- ▶ Una **subexpresión** es una expresión contenida dentro de otra.
- ▶ La **evaluación de una expresión**, en esencia, es el proceso de **sustituir** (o **reescribir**), dentro de ella, unas *subexpresiones* por otras que, de alguna manera bien definida, estén *más cerca* del valor a calcular, y así hasta calcular el valor de la expresión al completo.
- ▶ Además de las expresiones existen las *sentencias*, que no poseen ningún valor y que, por tanto, no se evalúan sino que se *ejecutan*. Las sentencias son básicas en ciertos paradigmas como el *imperativo*.

- Podemos decir que las expresiones:

3

(1 + 2)

(5 - 2)

denotan todas el mismo valor (el número abstracto **tres**).

- Es decir: todas esas expresiones son representaciones diferentes del mismo ente abstracto.
- Cuando introducimos una expresión en el intérprete, lo que hace éste es buscar **la representación más simplificada o reducida** posible.

En el ejemplo anterior, sería la expresión 3.

- Por eso a menudo usamos, indistintamente, los términos *reducir*, *simplificar* y *evaluar*.

### 3.3. Expresión canónica y forma normal

## Expresión canónica y forma normal

- ▶ Los ordenadores no manipulan valores, sino que sólo pueden manejar representaciones concretas de los mismos.
- ▶ Por ejemplo: utilizan la codificación binaria en complemento a dos para representar los números enteros.
- ▶ Pedimos que la **representación del valor** resultado de una evaluación sea **única**.
- ▶ De esta forma, seleccionaremos de cada conjunto de expresiones que denoten el mismo valor, a lo sumo una que llamaremos **expresión canónica de ese valor**.
- ▶ Además, llamaremos a la expresión canónica que representa el valor de una expresión la **forma normal de esa expresión**.
- ▶ Con esta restricción pueden quedar expresiones sin forma normal.

## Recuerda

Se dice:

- ▶ **Expresión canónica *de un valor*.**
- ▶ **Forma normal *de una expresión*.**

## Ejemplo

- De las expresiones anteriores:

3

(1 + 2)

(5 - 2)

que denotan todas el mismo valor abstracto **tres**, seleccionamos una (la expresión 3) como la **expresión canónica** de ese valor.

- Igualmente, la expresión 3 es la **forma normal** de todas las expresiones anteriores (y de cualquier otra expresión con valor **tres**).
- Es importante no confundir el valor abstracto **tres** con la expresión 3 que representa dicho valor.

- ▶ Hay valores que no tienen expresión canónica:
  - Las funciones (los valores de tipo *función*).
  - El número  $\pi$  no tiene representación decimal finita, por lo que tampoco tiene expresión canónica.
- ▶ Y hay expresiones que no tienen forma normal:
  - Si definimos  $inf = inf + 1$ , la expresión  $inf$  (que es un número) no tiene forma normal.
  - Lo mismo ocurre con  $\frac{1}{0}$ .



## 3.4. Formas normales y evaluación

## Formas normales y evaluación

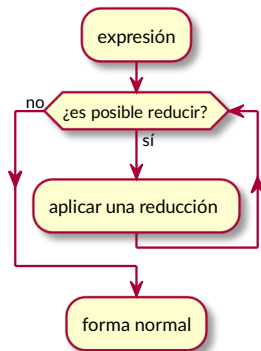
- ▶ Según lo visto hasta ahora, la evaluación de una expresión es el proceso de encontrar su forma normal.
- ▶ Para ello, el intérprete evalúa la expresión reduciendo sus subexpresiones según las reglas del lenguaje y las operaciones que aparecen en ellas, buscando su forma normal.
- ▶ El sistema de evaluación dentro del intérprete está hecho de tal forma que cuando ya no es posible reducir más la expresión es porque se ha llegado a la forma normal.
- ▶ Recordemos que no todos los valores tienen forma normal.

- ▶ El orden en el que se van reduciendo las subexpresiones no debe influir en el resultado de evaluar una expresión, así que debería dar igual elegir una u otra subexpresión.
- ▶ De todas formas, los lenguajes de programación suelen imponer un orden concreto a la hora de evaluar las expresiones.
- ▶ Tanto en Python como en Java (los dos lenguajes que veremos), el orden de evaluación es de izquierda a derecha (salvo excepciones):

**Orden de evaluación de las expresiones:**

Al evaluar una expresión, las subexpresiones que la forman siempre se evaluarán **de izquierda a derecha**.

- ▶ El orden de evaluación de las subexpresiones es un asunto más complejo de lo que parece, y lo estudiaremos en profundidad en posteriores apartados.



Evaluación de una expresión

## Ejemplos

- Evaluar la expresión  $(2 + 3)$ :
  - La expresión está formada por un operador  $+$  que actúa sobre las dos subexpresiones  $2$  y  $3$ . Por tanto, habrá que evaluar primero esas dos subexpresiones, siempre de izquierda a derecha:

```
(2 + 3)      # se evalúa primero 2 (que devuelve 2)
= (2 + 3)    # luego se evalúa 3 (que devuelve 3)
= (2 + 3)    # ahora se evalúa (2 + 3) (que devuelve 5)
= 5
```

► Evaluar la expresión  $(2 * (3 + 5))$ :

- La expresión está formada por un operador  $*$  que actúa sobre las dos subexpresiones  $2$  y  $(3 + 5)$ .
- La segunda subexpresión, a su vez, está formada por un operador  $+$  que actúa sobre las dos subexpresiones  $3$  y  $5$ .
- Todas las subexpresiones se evalúan siempre de izquierda a derecha, a medida que se van reduciendo:

```
(2 + (3 * 5))      # se evalúa primero 2 (que devuelve 2)
= (2 + (3 * 5))    # se evalúa 3 (que devuelve 3)
= (2 + (3 * 5))    # se evalúa 5 (que devuelve 5)
= (2 + (3 * 5))    # se evalúa (3 * 5) (que devuelve 15)
= (2 + 15)         # se evalúa (2 + 15) (que devuelve 17)
= 17
```

► Evaluar la expresión  $((2 + 5) * 3)$ :

- La expresión está formada por un operador  $*$  que actúa sobre las dos subexpresiones  $(2 + 5)$  y  $3$ .
- La primera subexpresión, a su vez, está formada por un operador  $+$  que actúa sobre las dos subexpresiones  $2$  y  $5$ .
- Todas las subexpresiones se evalúan siempre de izquierda a derecha, a medida que se van reduciendo:

```
((2 + 5) * 3)      # se evalúa primero 2 (que devuelve 2)
= ((2 + 5) * 3)    # se evalúa 5 (que devuelve 5)
= ((2 + 5) * 3)    # se evalúa (2 + 5) (que devuelve 7)
= (7 * 3)          # se evalúa 3 (que devuelve 3)
= (7 * 3)          # se evalúa (7 * 3) (que devuelve 21)
= 21
```

## 3.5. Literales



# Literales

- ▶ Los literales constituyen **las expresiones más sencillas** del lenguaje.
- ▶ Un literal es una expresión simple que denota **un valor concreto, constante y fijo**, codificado directamente en la expresión y ya totalmente reducido (o casi).
- ▶ Los literales tienen que satisfacer las **reglas léxicas** del lenguaje, que son las que determinan qué forma pueden tener los componentes léxicos del programa (como números, cadenas, identificadores, etc.).
- ▶ Gracias a esas reglas, el intérprete puede identificar qué literales son, qué valor representan y de qué **tipo** son.

► Ejemplos de distintos tipos de literales:

Números enteros (tipo <code>int</code> )	Números reales (tipo <code>float</code> )	Cadenas (tipo <code>str</code> )
-2	3.5	"hola"
-1	-2.7	"pepe"
0		"25"
1		" "
2		

► Algunas reglas léxicas son:

- Si el número tiene un `.` decimal, es que es un número real.
  - Las cadenas van siempre entre comillas (simples `'` o dobles `"`).
- En apartados posteriores estudiaremos los tipos de datos con más profundidad.

- ▶ Con frecuencia, un literal resulta ser la *expresión canónica* del valor al que denotan y la forma normal de todas las posibles expresiones que denotan ese valor.
- ▶ Por consiguiente, suelen estar ya totalmente simplificados.
- ▶ Por ejemplo, el 3.5 es un literal que denota el valor numérico **tres y medio**, es su expresión canónica y es la forma normal de cualquier expresión que denote dicho valor.
- ▶ Por tanto, el literal 3.5 es la forma más reducida de representar el valor **tres y medio**.
- ▶ Es decir: si le pedimos al intérprete que calcule el resultado de  $7 / 2$ , nos devolverá la expresión 3.5.
- ▶ Sin embargo, el 3.5 no es el único literal que denota el valor numérico **tres y medio**. Por ejemplo, los literales 3.50, 3.500 o 03.50 también denotan ese mismo valor, pero la forma normal de todos ellos es 3.5.
- ▶ O sea: hay varias maneras de escribir un literal que denote el valor **tres y medio**, pero sólo el literal 3.5 es la forma normal de todas ellas.

- ▶ Igualmente, la forma normal de todas las posibles expresiones que denotan el valor numérico **dos** es el literal **2**.
- ▶ El literal **2** es la forma más reducida de representar el valor **dos**.
- ▶ Pero no es el único literal que denota dicho valor.
- ▶ El literal **02** no es correcto según las reglas léxicas del lenguaje, pero sí que podemos usar la expresión **0b10**, que es un literal que representa el valor **dos** escrito en binario.
- ▶ Igualmente, las reglas léxicas del lenguaje permiten usar el carácter **\_** dentro de un número, por lo que el valor numérico **cuatro millones** se puede representar con el literal **4\_000\_000**, si bien su forma normal sigue siendo simplemente **4000000**.
- ▶ Finalmente, las cadenas se pueden escribir con comillas simples (') o dobles ("), pero la forma normal de una cadena siempre usa las simples.

## 3.6. Identificadores

# Identificadores

- ▶ Los **identificadores** son nombres que representan valores u operaciones.
- ▶ Por ejemplo, el nombre de una función es un identificador porque representa a la función.
- ▶ Los identificadores deben cumplir unas reglas sintácticas que dependen del lenguaje de programación, pero que generalmente se resumen en que:
  - Pueden estar formados por combinaciones de letras, dígitos y algunos caracteres especiales como `_` (por ejemplo, `salida_principal23`).
  - No pueden empezar con un dígito, ya que eso los confundiría con un número (por ejemplo, `9abc`).
  - La mayoría de los lenguajes distinguen las mayúsculas de las minúsculas, por lo que `cantidad`, `Cantidad` y `CANTIDAD` son normalmente identificadores distintos (así ocurre en Python y Java).

## 4. Operaciones

4.1 Clasificación

4.2 Operadores

4.3 Funciones

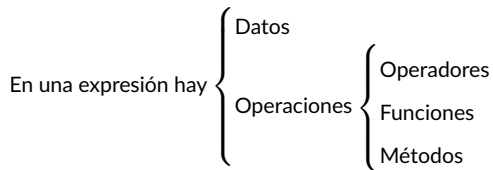
4.4 Métodos

## 4.1. Clasificación



## Clasificación

- ▶ En una expresión puede haber:
  - **Datos**
  - **Operaciones** a realizar sobre esos datos
- ▶ A su vez, las operaciones pueden aparecer en forma de:
  - Operadores
  - Funciones
  - Métodos



## 4.2. Operadores

4.2.1 Aridad de operadores

4.2.2 Paréntesis

4.2.3 Prioridad de operadores

4.2.4 Asociatividad de operadores

4.2.5 Paréntesis y orden de evaluación

4.2.6 Tipos de operandos

# Operadores

- ▶ Un **operador** es un símbolo o palabra clave que representa una *operación* a realizar sobre unos *datos*.
- ▶ Los datos sobre los que actúa un operador se denominan **operandos**.
- ▶ Por ejemplo, los operadores aritméticos  $+$ ,  $-$ ,  $*$  y  $/$ , cuando actúan sobre operandos numéricos, representan las operaciones de suma, resta, multiplicación y división, respectivamente.
  - En la expresión  $(3 + 4)$ :
    - Los operandos son 3 y 4.
    - El operador es  $+$  y representa la operación «*suma de números*».
  - En la expresión  $(9 * 8)$ :
    - Los operandos son 9 y 8.
    - El operador es  $*$  y representa la operación «*multiplicación de números*».

## Aridad de operadores

- ▶ La **aridad** de un operador es el número de operandos sobre los que opera.
- ▶ Los operadores se clasifican según su aridad en:

- **Unarios:** operan sobre un único operando.

Ejemplo: el operador  $-$  que cambia el signo de su operando:

$$(-(5 + 3))$$

- **Binarios:** operan sobre dos operandos.

Ejemplo: la mayoría de operadores aritméticos.

- **Ternarios:** operan sobre tres operandos.

Veremos un ejemplo más adelante.

# Paréntesis

- ▶ Los **paréntesis** sirven para agrupar elementos dentro de una expresión y romper la posible ambigüedad que pueda haber respecto a qué operador actúa sobre qué operandos.
- ▶ Se usan, sobre todo, para hacer que varios elementos de una expresión actúen como uno solo (una subexpresión) al realizar una operación.

■ Por ejemplo:

$((3 + 4) * 5)$  vale 35

$(3 + (4 * 5))$  vale 23

- ▶ Una expresión está **correctamente parentizada** si tiene los paréntesis bien colocados según dicta la gramática del lenguaje.
- ▶ Una expresión está **totalmente parentizada** si agrupa con paréntesis a todas las operaciones con sus operandos.

- ▶ Hasta ahora, según nuestra gramática, las expresiones correctamente parentizadas son precisamente las que están totalmente parentizadas.
- ▶ Por ejemplo:
  - $2 + ) 3 * ( 5 ($  no está correctamente parentizada.
  - $(4 + (2 * 5))$  está correcta y totalmente parentizada.
  - $2 + 5$  no está totalmente parentizada y, por tanto, no está correctamente parentizada según nuestra gramática.
- ▶ Para reducir la cantidad de paréntesis en una expresión, podemos cambiar nuestra gramática acudiendo a un esquema de **prioridades** y **asociatividades** de operadores.
- ▶ Así ya no exigiremos que las expresiones estén totalmente parentizadas.

## Prioridad de operadores

- ▶ En ausencia de paréntesis, cuando un operando está afectado a izquierda y derecha por **operadores de distinta prioridad**, se aplican las reglas de la **prioridad**:

$$8 + 4 * 2$$

El 4 está afectado a izquierda y derecha por los operadores + y \*, que tienen distinta prioridad, por lo que se aplican las reglas de la prioridad. El \* tiene *más prioridad* que el +, así que agrupa primero el \*. Equivale a hacer:

$$8 + (4 * 2)$$

Si hiciéramos

$$(8 + 4) * 2$$

el resultado sería distinto.

- ▶ Ver prioridad de los operadores en Python en <https://docs.python.org/3/reference/expressions.html#operator-precedence>.

## Asociatividad de operadores

- ▶ En ausencia de paréntesis, cuando un operando está afectado a izquierda y derecha por **operadores de la misma prioridad** (o por el **mismo operador**), se aplican las reglas de la **asociatividad**:

$$8 / 4 / 2$$

El 4 está afectado a derecha e izquierda por el mismo operador  $/$ , por lo que se aplican las reglas de la asociatividad. El  $/$  es *asociativo por la izquierda*, así que agrupa primero el operador que está a la izquierda. Equivale a hacer:

$$(8 / 4) / 2$$

Si hiciéramos

$$8 / (4 / 2)$$

el resultado sería distinto.

- ▶ En Python, todos los operadores son **asociativos por la izquierda** excepto el **`**`**, que es asociativo por la derecha.



- Incorporando las reglas de la prioridad y la asociatividad, y eliminando la necesidad de que las expresiones estén totalmente parentizadas, nuestra gramática quedaría ahora sí:

```
<expresión> ::= <operación> | <literal> | <nombre> | (<expresión>)  
<operación> ::= <expresión> <operador_binario> <expresión>  
                | <operador_unario> <expresión>  
                | <llamada_función> | <llamada_método>  
<nombre> ::= identificador  
<literal> ::= entero | real | cadena | ...  
<operador_binario> ::= + | - | * | / | // | ** | % | ...  
<operador_unario> ::= + | - | ...  
<llamada_función> ::= <función>(<lista_argumentos>)]  
<función> ::= identificador  
<llamada_método> ::= <objeto>.<método>(<lista_argumentos>)]  
<objeto> ::= <expresión>  
<método> ::= identificador  
<lista_argumentos> ::= <expresión>{, <expresión>)*
```

- Ahora, cualquier expresión puede llevar paréntesis si es necesario.

## Paréntesis y orden de evaluación

- ▶ Es importante entender que los paréntesis sirven para agrupar elementos, pero por sí mismos no son suficientes para imponer un determinado **orden de evaluación**.
- ▶ Por ejemplo, en la expresión  $4 * (3 + 5)$ , el intérprete intenta hacer el producto de 4 por  $(3 + 5)$ , pero no puede hacerlo hasta haber calculado primero la suma de 3 y 5.
- ▶ Por eso el intérprete calcula primero la suma y finalmente hace el producto, porque para hacer el producto primero necesita haber reducido sus operandos a dos números que se puedan multiplicar.
- ▶ El efecto final es que parece que los paréntesis han obligado a hacer primero la suma, como si los paréntesis fuesen una especie de operador cuya finalidad es la de aumentar la prioridad de lo que hay dentro.

- En concreto, la evaluación de esa expresión sería:

```
4 * (3 + 5)      # se evalúa 4 (que devuelve 4)
= 4 * (3 + 5)    # se evalúa 3 (que devuelve 3)
= 4 * (3 + 5)    # se evalúa 5 (que devuelve 5)
= 4 * (3 + 5)    # se evalúa (3 + 5) (que devuelve 8)
= 4 * 8          # se evalúa 4 * 8 (que devuelve 32)
= 32
```

- Sin paréntesis, la expresión  $4 * 3 + 5$  se evaluaría así:

```
4 * 3 + 5        # se evalúa 4 (que devuelve 4)
= 4 * 3 + 5      # se evalúa 3 (que devuelve 3)
= 4 * 3 + 5      # se evalúa 4 * 3 (que devuelve 12)
= 12 + 5         # se evalúa 5 (que devuelve 5)
= 12 + 5         # se evalúa 12 + 5 (que devuelve 17)
= 17
```

Aquí se puede hacer el producto antes que la suma porque los dos operandos del  $*$  están ya totalmente reducidos.

- ▶ Pero, ¿qué ocurre con expresión  $(2 + 3) * (4 + 5)$ ?
- ▶ En un principio, ocurre algo parecido a lo de antes: para poder hacer el producto, primero hay que calcular las dos sumas, ya que los operandos del  $*$  son los valores que resultan de hacer esas sumas.
- ▶ La cuestión es: ¿qué suma se hace primero? O dicho de otra forma: ¿en qué orden se evalúan los operandos del operador  $*$ ?
- ▶ Matemáticamente no hay ninguna diferencia entre calcular primero  $2 + 3$  y luego  $4 + 5$  o hacerlo al revés.
- ▶ Pero ya sabemos que Python impone un orden de evaluación de izquierda a derecha al reducir las subexpresiones.
- ▶ Por tanto, primero se evaluaría  $(2 + 3)$ , y después  $(4 + 5)$ .
- ▶ El orden de evaluación no viene determinado por los paréntesis, sino por las reglas del lenguaje y el funcionamiento interno del intérprete.

- En concreto, la evaluación de esa expresión sería:

```
(2 + 3) * (4 + 5)  # se evalúa 2 (que devuelve 2)
= (2 + 3) * (4 + 5) # se evalúa 3 (que devuelve 3)
= (2 + 3) * (4 + 5) # se evalúa (2 + 3) (que devuelve 5)
= 5 * (4 + 5)       # se evalúa 4 (que devuelve 4)
= 5 * (4 + 5)       # se evalúa el último 5 (que devuelve 5)
= 5 * (4 + 5)       # se evalúa (4 + 5) (que devuelve 9)
= 5 * 9             # se evalúa 5 * 9 (que devuelve 45)
45
```

## Tipos de operandos

- ▶ Es importante respetar el tipo de los operandos que espera recibir un operador. Si los intentamos aplicar sobre operandos de tipos incorrectos, obtendremos resultados inesperados (o, directamente, un error).
- ▶ Por ejemplo, los operadores aritméticos esperan operandos de tipo *numérico*. Así, si intentamos dividir dos cadenas usando el operador `/`:

```
>>> "hola" / "pepe"
Traceback (most recent call last):
  File "<stdin>", line 1, in <module>
TypeError: unsupported operand type(s) for /: 'str' and 'str'
>>>
```

- ▶ El concepto de **tipo de dato** es uno de los más importantes en Programación y lo estudiaremos en profundidad más adelante.

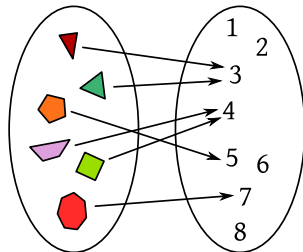
## 4.3. Funciones

4.3.1 Evaluación de expresiones con funciones

4.3.2 Composición de operaciones y funciones

# Funciones

- ▶ Las funciones son una forma de representar operaciones.
- ▶ Matemáticamente, una **función** es una regla que **asocia** a cada elemento de un conjunto (el conjunto *origen* o *dominio*) **un único elemento** de un segundo conjunto (el conjunto *imagen*, *rango* o *codominio*).



Función que asocia a cada polígono con su número de lados



- ▶ En Programación, el concepto de *función* es similar al de una función matemática, aunque con su propia terminología y funcionamiento.
- ▶ En Programación, las funciones son operaciones que actúan sobre unos datos de entrada llamados **argumentos** y que **devuelven un resultado** (también llamado **valor de retorno**) que depende de la operación a realizar y de los datos recibidos como argumentos.
- ▶ Por tanto, los argumentos para las funciones son como los operandos de los operadores.
- ▶ Las funciones reciben los argumentos a través de sus **parámetros**.
- ▶ Para usar una función hay que conocer su **signatura**, la cual informa de:
  - El *nombre* de la función, que es un *identificador* que hace referencia a la función.
  - El número, tipo y posición de sus *parámetros*.
  - El tipo del *resultado* que devuelve.

- ▶ Por ejemplo, la función `abs` está predefinida en Python y tiene la siguiente signatura:

```
abs(x: Number) -> Number
```

- ▶ Esa signatura nos dice que:
  - La función se llama `abs`.
  - Tiene un único parámetro llamado `x` que puede tomar cualquier valor numérico (es lo que representa el tipo especial `Number`).
  - Devuelve un resultado numérico.
- ▶ Para usar la función, lo que hacemos es **llamarla**.
- ▶ Y *llamar* a una función es **aplicar dicha función a unos argumentos** que serán los datos sobre los que queremos que actúe la función.

- ▶ La **aplicación de una función a unos argumentos** es una expresión mediante la cual solicitamos que se realice una operación (que tiene forma de función) pasándole a ésta (a través de los argumentos) los datos sobre los que queremos que actúe la operación.
- ▶ A la aplicación de una función también se la llama **invocación** de la función o **llamada** a la función.
- ▶ En la llamada a la función, **los argumentos sustituyen a los parámetros** según el orden en el que aparecen en la llamada, haciendo corresponder el primer argumento con el primer parámetro, el segundo con el segundo y así sucesivamente.
- ▶ Dicho de otra forma: **los parámetros toman los valores de los argumentos correspondientes**.
- ▶ También se dice que **los argumentos se pasan a los parámetros**.
- ▶ Por eso debe haber tantos argumentos como parámetros, ni más ni menos.

- ▶ Sintácticamente, la **llamada a una función** tiene esta forma:

```
⟨llamada_función⟩ ::= ⟨función⟩(⟨lista_argumentos⟩)  
⟨función⟩ ::= identificador  
⟨lista_argumentos⟩ ::= ⟨expresión⟩(, ⟨expresión⟩)*
```

- ▶ Por ejemplo, si queremos calcular el valor absoluto del número  $-3$ , podemos llamar a la función `abs` pasándole `-3` como su argumento:

`abs(-3)`

- ▶ En esta llamada, las siguientes tres afirmaciones son equivalentes (son tres formas distintas de decir lo mismo):
  - «El argumento `-3` se pasa a la función `abs` a través del parámetro `x`».
  - «El argumento `-3` se pasa al parámetro `x`».
  - «El parámetro `x` toma el valor `-3`».
- ▶ El resultado de la llamada a la función será el valor que devuelve (en este caso, el valor `3`). Por tanto, la expresión `abs(-3)` vale `3`.

- Como la función `abs` está **predefinida** en Python, se puede usar directamente. Por ejemplo:

```
>>> abs(-3)
3
```

- Al igual que pasa con los operadores, es importante respetar la signatura de una función. Si la aplicamos a un argumento de un tipo incorrecto (por ejemplo, una cadena en lugar de un número), obtendremos un error:

```
>>> abs("hola")
Traceback (most recent call last):
  File "<stdin>", line 1, in <module>
TypeError: bad operand type for abs(): 'str'
>>>
```

- ▶ Otro ejemplo es la función `len`, que devuelve la longitud de una cadena (el número de caracteres que contiene). Su signatura sería:

```
len(cadena: str) -> int
```

- ▶ Un ejemplo de llamada a la función `len`:

```
>>> len("hola")  
4
```

- ▶ Siempre hay que cumplir la signatura de la función. Por tanto, debemos pasarle un único argumento de tipo cadena. Si le pasamos más argumentos o bien le pasamos un argumento de otro tipo, dará error:

```
>>> len(23)  
Traceback (most recent call last):  
  File "<stdin>", line 1, in <module>  
TypeError: object of type 'int' has no len()  
>>> len("hola", "pepe")  
Traceback (most recent call last):  
  File "<stdin>", line 1, in <module>  
TypeError: len() takes exactly one argument (2 given)
```

- ▶ Esto es común a cualquier tipo de operación, tenga la forma que tenga. Por ejemplo, con los operadores también hay que cumplirlo.

- ▶ Otro ejemplo es la función `pow`, que realiza la operación de elevar un número a la potencia de otro. Su signatura es:

```
pow(base: Number, exp: Number) -> Number
```

Curiosamente, la misma operación existe en Python de dos formas diferentes:

- Como operador (`**`):

```
>>> 2 ** 3
8
```

- Como función (`pow`):

```
>>> pow(2, 3)
8
```

- En ambos casos, la operación es exactamente la misma.

- ▶ Al llamar a la función `pow` hay que tener en cuenta que tiene dos parámetros.
- ▶ Por tanto, hay que recordar que importa el orden al pasar los argumentos en la llamada a la función.
- ▶ El primer argumento se pasaría al primer parámetro (*base*) y el segundo se pasaría al segundo (*exp*).
- ▶ Por tanto, el primer argumento debe ser la base y el segundo debe ser el exponente, y no al revés.
- ▶ No es lo mismo hacer `pow(2, 3)` que hacer `pow(3, 2)`:

```
>>> pow(2, 3) # aquí, el parámetro «base» toma el valor 2 y «exp» el valor 3
8
>>> pow(3, 2) # aquí, el parámetro «base» toma el valor 3 y «exp» el valor 2
9
```



- ▶ Como último ejemplo, la función `max` devuelve el máximo de dos valores recibidos como argumentos:

```
max(arg1, arg2)
```

- ▶ Aquí es más complicado definir su signature, ya que `max` admite argumentos de varios tipos (se puede calcular el máximo de dos números, de dos cadenas... de casi cualquier par de cosas que sean *comparables* entre sí).
- ▶ Por ejemplo:

```
>>> max(13, 28)
28
>>> max("hola", "pepe")
'pepe'
>>> max(2, "hola")
Traceback (most recent call last):
  File "<stdin>", line 1, in <module>
TypeError: '>' not supported between instances of 'str' and 'int'
```

- ▶ Es interesante tener en cuenta que el nombre de una función (como `abs`, `len` o `max`) es un **identificador** que **representa a la propia función**.
- ▶ Es decir, que `max` es una **expresión válida cuyo valor es la propia función «máximo de dos números»**.
- ▶ Si le pedimos al intérprete que nos muestre el valor de la expresión `max`, nos dice:

```
>>> max  
<built-in function max>
```

(Recordemos que las funciones no tienen forma normal.)

- ▶ En resumen: la expresión `max` devuelve la propia función «**máximo de dos números**» y la expresión `max(4, 8)` devuelve el valor `8`.

**Conclusión: las funciones también son valores.**

## Evaluación de expresiones con funciones

- ▶ **Una llamada a función es una expresión válida**, por lo que podemos colocar una llamada a función en cualquier lugar donde sea sintácticamente correcto situar un valor.
- ▶ La evaluación de una expresión que contiene llamadas a funciones se realiza **sustituyendo (reduciendo) cada llamada a función por su valor correspondiente**, es decir, por el valor que dicha función *devuelve* dependiendo de sus argumentos (**su resultado**).
- ▶ Por ejemplo, en la siguiente expresión se combinan varias funciones y operadores:

`abs(-12) + max(13, 28)`

Aquí se llama a la función `abs` con el argumento `-12` y a la función `max` con los argumentos `13` y `28`, y finalmente se suman los dos valores obtenidos.

- ▶ ¿Cómo se calcula el valor de toda la expresión anterior?
- ▶ En la expresión `abs(-12) + max(13, 28)` tenemos que calcular la suma de dos valores, pero esos valores aún no los conocemos porque son los resultados que se obtienen al llamar a dos funciones.
- ▶ Por tanto, lo primero que tenemos que hacer es evaluar las dos subexpresiones principales que contiene dicha expresión:
  - `abs(-12)`
  - `max(13, 28)`
- ▶ ¿Cuál se evalúa primero?

- ▶ En Matemáticas no importa el orden de evaluación de las subexpresiones, ya que el resultado debe ser siempre el mismo, así que da igual evaluar primero uno u otro.
- ▶ Por tanto, la evaluación paso a paso de la expresión matemática anterior, podría ser de cualquiera de estas dos formas:

$$1. \left\{ \begin{array}{l} \underline{abs(-12)} + max(13, 28) \\ = 12 + \underline{max(13, 28)} \\ = \underline{12 + 28} \\ = 40 \end{array} \right.$$

$$2. \left\{ \begin{array}{l} abs(-12) + \underline{max(13, 28)} \\ = \underline{abs(-12)} + 28 \\ = \underline{12 + 28} \\ = 40 \end{array} \right.$$

En cada paso, la subexpresión subrayada es la que se va a evaluar (reducir) en el paso siguiente.

- ▶ En programación funcional ocurre lo mismo que en Matemáticas, gracias a que se cumple la *transparencia referencial*.
- ▶ Sin embargo, Python no es un lenguaje funcional puro, por lo que resulta importante tener en cuenta el orden de evaluación que sigue al evaluar las subexpresiones que forman una expresión.
- ▶ Concretamente, ya sabemos que **Python siempre evalúa las expresiones de izquierda a derecha**.

- ▶ En Python, la expresión anterior se escribe exactamente igual, ya que Python conoce las funciones *abs* y *max* (son **funciones predefinidas** en el lenguaje):

```
>>> abs(-12) + max(13, 28)
40
```

- ▶ Sabiendo que Python evalúa de izquierda a derecha, la evaluación de la expresión anterior en Python sería:

```
abs(-12) + max(13, 28)    # se evalúa abs (devuelve una función)
= abs(-12) + max(13, 28)  # se evalúa -12 (devuelve -12)
= abs(-12) + max(13, 28)  # se evalúa abs(-12) (devuelve 12)
= 12 + max(13, 28)        # se evalúa max (devuelve una función)
= 12 + max(13, 28)        # se evalúa 13 (devuelve 13)
= 12 + max(13, 28)        # se evalúa 28 (devuelve 28)
= 12 + max(13, 28)        # se evalúa max(13, 28) (devuelve 28)
= 12 + 28                 # se evalúa 12 + 28 (devuelve 40)
= 40
```

## Composición de operaciones y funciones

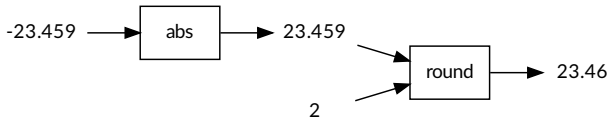
- ▶ Como acabamos de ver, el resultado de una operación puede ser un dato sobre el que aplicar otra operación dentro de la misma expresión:
  - En  $4 * (3 + 5)$ , el resultado de  $(3 + 5)$  se usa como operando para el operador  $*$ .
  - En  $\text{abs}(-12) + \text{max}(13, 28)$ , los resultados de llamar a las funciones `abs` y `max` son los operandos del operador  $+$ .
- ▶ A esto se le denomina **composición de operaciones**.



- ▶ La manera más sencilla de realizar varias operaciones sobre los mismos datos es componer las operaciones, es decir, hacer que el resultado de una operación sea la entrada de otra operación.
- ▶ Se va creando así una **secuencia de operaciones** donde la salida de una es la entrada de la siguiente.
- ▶ Cuando el resultado de una función se usa como argumento de otra función le llamamos **composición de funciones**:

```
round(abs(-23.459), 2) # devuelve 23.46
```

- ▶ En programación funcional, la composición de funciones es una técnica que ayuda a **descomponer un problema en partes** que se van resolviendo por pasos como en una **cadena de montaje**.



## 4.4. Métodos

# Métodos

- ▶ Los **métodos** son, para la **programación orientada a objetos**, el equivalente a las **funciones** para la **programación funcional**.
- ▶ En programación orientada a objetos, los objetos son **datos activos o inteligentes** a los que podemos **enviar mensajes** y que son capaces de **reaccionar y responder** ante la recepción de esos mensajes.
- ▶ Si le mandamos un mensaje a un objeto, **le estamos pidiendo que ejecute un método**. Al hacerlo, el objeto está **respondiendo** a la recepción de ese mensaje.
- ▶ **Los métodos son como funciones** pero, al llamar a un método, en la lista de argumentos siempre hay uno especialmente destacado, que es **el objeto que recibe la orden de ejecutar el método** y que, por tanto, es el objeto sobre el que recae directamente la acción del método.
- ▶ Por eso decimos que el objeto es quien ejecuta el método, o que el método se invoca (o se llama) **sobre ese objeto**.

- La gramática de las llamadas a métodos es la siguiente:

```
 $\langle \text{llamada\_método} \rangle ::= \langle \text{objeto} \rangle . \langle \text{método} \rangle ( [ \langle \text{lista\_argumentos} \rangle ] )$   
 $\langle \text{objeto} \rangle ::= \langle \text{expresión} \rangle$   
 $\langle \text{método} \rangle ::= \text{identificador}$   
 $\langle \text{lista\_argumentos} \rangle ::= \langle \text{expresión} \rangle ( , \langle \text{expresión} \rangle )^*$ 
```

- Según esta gramática, las llamadas a métodos tienen esta forma:

$$o.m(a_1, a_2, \dots, a_n)$$

donde:

- $o$  es el **objeto** que recibe el mensaje (dicho de otra forma: el objeto sobre el que se ejecuta el método).
- $m$  es el **nombre** del método.
- $a_1$ ,  $a_2$ ,  $\dots$ ,  $a_n$  son los **argumentos** del método (si los hay).

- ▶ Esta llamada se puede leer de cualquiera de estas formas:
  - «Se **llama** (o **invoca**) al método  $m$  sobre el objeto  $o$  con los argumentos  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $\dots$ ,  $a_n$ ».
  - «Se **ejecuta** el método  $m$  sobre el objeto  $o$  con los argumentos  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $\dots$ ,  $a_n$ ».
  - «Se **envía el mensaje**  $m$  al objeto  $o$  con los argumentos  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $\dots$ ,  $a_n$ ».

- ▶ En la práctica, no habría mucha diferencia entre tener un método y hacer:

$$o.m(a_1, a_2, \dots, a_n)$$

y tener una función y hacer:

$$m(o, a_1, a_2, \dots, a_n)$$

- ▶ Pero conceptualmente, hay una gran diferencia entre un estilo y otro:
  - El primero es más **orientado a objetos**: decimos que el *objeto*  $\underline{o}$  «recibe» un mensaje solicitando la ejecución del método  $\underline{m}$ .
  - En cambio, el segundo es más **funcional**: decimos que la *función*  $\underline{m}$  se aplica a sus argumentos, de los cuales  $\underline{o}$  es uno más.
- ▶ Python es un lenguaje *multiparadigma* que soporta ambos estilos y, por tanto, dispone de funciones y de métodos. Hasta que no estudiemos la orientación a objetos, supondremos que un método es como otra forma sintáctica de escribir una función.

- Por ejemplo:

Las cadenas responden al método `count`, que devuelve el número de veces que aparece una subcadena dentro de la cadena:

```
>>> 'hola caracola'.count('ol')  
2  
>>> 'hola caracola'.count('a')  
4
```

- Si `count` fuese una función en Python en lugar de un método (cosa que no ocurre), recibiría dos parámetros: la cadena y la subcadena. En tal caso, se usaría así:

```
count('hola caracola', 'ol')
```

(Esto no funciona en Python.)

- ▶ Hemos visto que, para acceder a un método de un objeto, se utiliza el **operador punto (.)**.
- ▶ Es un operador *binario*, por lo que requiere dos operandos.
- ▶ Su **operando izquierdo** debe ser un **objeto**:
  - Técnicamente, un **objeto** es un valor estructurado que contiene definiciones de elementos a los que se puede acceder mediante su nombre.
  - A los elementos que contiene un objeto se les denomina **atributos** de ese objeto.
  - Por tanto, **los métodos son atributos**, aunque un objeto puede tener otros atributos que no son métodos y que veremos en posteriores temas.
- ▶ Su **operando derecho** debe ser el nombre de un *atributo* contenido en dicho objeto.



- ▶ Dos consecuencias interesantes de lo anterior:
  - El nombre de un método (como `count`) es el **identificador** de un atributo que pertenece al objeto sobre el que se ejecuta el método.
  - Si `<método>` es el nombre de un método válido para el objeto `<objeto>`, la expresión `<objeto>.<método>` **nos devuelve el propio método en sí**.
- ▶ Por tanto, si le pedimos al intérprete que nos muestre el valor de la expresión `'hola'.count`, nos dirá algo así:

```
>>> 'hola'.count  
<built-in method count of str object at 0x7f41e9cb6870>
```

(Los métodos son casos especiales de funciones y, por tanto, no tienen forma normal.)

- ▶ En resumen: la expresión `'hola'.count` devuelve el propio método, y la expresión `'hola'.count('o')` devuelve el valor `1`.

**Conclusión: los métodos (como las funciones) también son valores.**

## 5. Otros conceptos sobre operaciones

5.1 Sobrecarga de operaciones

5.2 Equivalencia entre formas de operaciones

5.3 Igualdad de operaciones

## 5.1. Sobrecarga de operaciones

## Sobrecarga de operaciones

- ▶ Un **mismo operador** (o nombre de función o método) puede representar **varias operaciones diferentes**, dependiendo del tipo de los operandos o argumentos sobre los que actúa.
- ▶ Un ejemplo sencillo en Python es el operador `+`:
  - Cuando actúa sobre números, representa la operación de suma:

```
>>> 2 + 3
5
```

- Cuando actúa sobre cadenas, representa la *concatenación* de cadenas:

```
>>> "hola" + "pepe"
'holapepe'
```

- ▶ Cuando esto ocurre, decimos que el operador (o la función, o el método) está **sobrecargado**.

## 5.2. Equivalencia entre formas de operaciones

## Equivalencia entre formas de operaciones

- ▶ Una operación puede tener *forma* de **operador**, de **función** o de **método**.
- ▶ También podemos encontrarnos operaciones con más de una forma.
- ▶ Por ejemplo, ya vimos anteriormente la operación «*longitud*», que consiste en determinar el número de caracteres que tiene una cadena. Esta operación se puede hacer:
  - Con la función `len`, pasando la cadena como argumento:

```
>>> len("hola")  
4
```

- Con el método `__len__` ejecutado sobre la cadena:

```
>>> "hola".__len__()  
4
```

- ▶ De hecho, en Python hay operaciones que tienen **las tres formas**. Por ejemplo, ya vimos anteriormente la operación *potencia*, que consiste en elevar un número a la potencia de otro ( $x^y$ ). Esta operación se puede hacer:

- Con el operador `**`:

```
>>> 2 ** 4  
16
```

- Con la función `pow`:

```
>>> pow(2, 4)  
16
```

- Con el método `__pow__`:

```
>>> (2).__pow__(4)  
16
```

- ▶ La forma **más general** de representar una operación es la **función**, ya que **cualquier operación se puede expresar en forma de función** (cosa que no ocurre con los operadores y los métodos).
- ▶ Los operadores y los métodos son **formas sintácticas especiales** para representar operaciones que se podrían representar igualmente mediante funciones.
- ▶ Por eso, al hablar de operaciones, y mientras no se diga lo contrario, podremos suponer que están representadas como funciones.
- ▶ Eso implica que los conceptos de *dominio*, *rango*, *aridad*, *argumento*, *resultado*, *composición* y *asociación* (o *correspondencia*), que estudiamos cuando hablamos de las funciones, también existen en los operadores y los métodos.
- ▶ Es decir: todos esos son conceptos propios de cualquier operación, da igual la forma que tenga esta.



- ▶ Muchos lenguajes de programación no permiten definir nuevos operadores, pero sí permiten definir nuevas funciones (o métodos, dependiendo del paradigma utilizado).
- ▶ En algunos lenguajes, los operadores son casos particulares de funciones (o métodos) y se pueden definir como tales. Por tanto, en estos lenguajes se pueden crear nuevos operadores definiendo nuevas funciones (o métodos).

## 5.3. Igualdad de operaciones

## Igualdad de operaciones

- ▶ Dos operaciones son **iguales** si devuelven resultados iguales para argumentos iguales.
- ▶ Este principio recibe el nombre de **principio de extensionalidad**.

### Principio de extensionalidad:

$f = g$  si y sólo si  $f(x) = g(x)$  para todo  $x$ .

- ▶ Por ejemplo: una función que calcule el doble de su argumento multiplicándolo por 2, sería exactamente igual a otra función que calcule el doble de su argumento sumándolo consigo mismo.

En ambos casos, las dos funciones devolverán siempre los mismos resultados ante los mismos argumentos.

- ▶ Cuando dos operaciones son iguales, podemos usar una u otra indistintamente.

## 6. Operaciones predefinidas

6.1 Operadores predefinidos

6.2 Funciones predefinidas

6.3 Métodos predefinidos

## 6.1. Operadores predefinidos

6.1.1 Operadores aritméticos

6.1.2 Operadores de cadenas

# Operadores aritméticos

Operador	Descripción	Ejemplo	Resultado	Comentarios
+	Suma	3 + 4	7	
-	Resta	3 - 4	-1	
*	Producto	3 * 4	12	
/	División	3 / 4	0.75	Devuelve un float
%	Módulo	4 % 3 8 % 3	1 2	Resto de la división
**	Exponente	3 ** 4	81	Devuelve 3 <sup>4</sup>
//	División entera hacia abajo	4 // 3 -4 // 3	1 -2	??

## Operadores de cadenas

Operador	Descripción	Ejemplo	Resultado
<code>+</code>	Concatenación	<code>'ab' + 'cd'</code> <code>'ab' 'cd'</code>	<code>'abcd'</code>
<code>*</code>	Repetición	<code>'ab' * 3</code> <code>3 * 'ab'</code>	<code>'ababab'</code> <code>'ababab'</code>
<code>[0]</code>	Primer carácter	<code>'hola'[0]</code>	<code>'h'</code>
<code>[1:]</code>	Resto de cadena	<code>'hola'[1:]</code>	<code>'ola'</code>

## 6.2. Funciones predefinidas

### 6.2.1 Funciones matemáticas y módulos



## Funciones predefinidas

Función	Descripción	Ejemplo	Resultado
<code>abs(<i>n</i>)</code>	Valor absoluto	<code>abs(-23)</code>	23
<code>len(<i>cad</i>)</code>	Longitud de la cadena	<code>len('hola')</code>	4
<code>max(<i>n</i><sub>1</sub>(, <i>n</i><sub>2</sub>)<sup>+</sup>)</code>	Valor máximo	<code>max(2, 5, 3)</code>	5
<code>min(<i>n</i><sub>1</sub>(, <i>n</i><sub>2</sub>)<sup>+</sup>)</code>	Valor mínimo	<code>min(2, 5, 3)</code>	2
<code>round(<i>n</i>[, <i>p</i>])</code>	Redondeo	<code>round(23.493)</code> <code>round(23.493, 1)</code>	23 23.5
<code>type(<i>v</i>)</code>	Tipo del valor	<code>type(23.5)</code>	<class 'float'>

## Funciones matemáticas y módulos

- ▶ Python incluye una gran cantidad de funciones matemáticas agrupadas dentro del módulo `math`.
- ▶ Los **módulos** en Python son conjuntos de funciones (y más cosas) que se pueden **importar** dentro de nuestra sesión o programa.
- ▶ Son la base de la **programación modular**, que ya estudiaremos.
- ▶ Para *importar* una función de un módulo se puede usar la orden **from**. Por ejemplo, para importar la función `gcd` del módulo `math` se haría:

```
>>> from math import gcd # importamos la función gcd que está en el módulo math
>>> gcd(16, 6)           # la función se usa como cualquier otra
2
```

- ▶ Una vez importada, la función ya se puede usar directamente como cualquier otra.

- ▶ También se puede **importar directamente el módulo en sí** usando la orden **import**.

```
>>> import math           # importamos el módulo math
```

- ▶ Al importar el módulo, lo que se importan no son sus funciones, sino el propio módulo, el cual es un **objeto** (de tipo `module`) al que se accede a través de su nombre y cuyos **atributos** son (entre otras cosas) las funciones que están definidas dentro del módulo.
- ▶ Por eso, para poder llamar a una función del módulo usando esta técnica, debemos indicar el nombre del módulo, seguido de un punto (.) y el nombre de la función:

```
>>> import math           # importamos el módulo math
>>> math.gcd(16, 6)       # la función gcd sigue estando dentro del módulo
2
```

```
math.gcd(16, 6)
|      |
|      |----- función
|      |
|      |----- módulo
```

- Eso significa que podríamos ampliar nuestra gramática para permitir que el nombre de una función en una llamada pudiera contener la parte del módulo:

```
⟨llamada_función⟩ ::= ⟨función⟩([⟨lista_argumentos⟩])  
⟨función⟩ ::= [⟨módulo⟩.]identificador  
⟨módulo⟩ ::= identificador
```

- Pero técnicamente no es necesario, ya que las funciones contenidas en un módulo se invocan como si fueran **métodos que se ejecutan sobre el objeto módulo**, por lo que la sintaxis es la misma que para los métodos y está ya recogida en nuestra gramática:

```
⟨llamada_método⟩ ::= ⟨objeto⟩.⟨método⟩([⟨lista_argumentos⟩])  
⟨objeto⟩ ::= ⟨expresión⟩  
⟨método⟩ ::= identificador
```

- Esto nos dice que hay una relación muy estrecha entre funciones y métodos (de hecho, los métodos son funciones que se invocan de una forma especial).

- ▶ De hecho, cuando el objeto es un módulo, no hablamos de métodos sino de funciones (los módulos no contienen métodos).
- ▶ No es lo mismo `math`, que `math.gcd`, que `math.gcd(16, 6)`:
  - `math` es un *módulo* (un objeto de tipo `module`).
  - `math.gcd` es una *función* (no es un método porque `math` es un módulo).
  - `math.gcd(16, 6)` es una *llamada a función*.

```
>>> import math
>>> math
<module 'math' (built-in)>
>>> math.gcd
<built-in function gcd>
>>> math.gcd(16, 6)
2
```

- ▶ La lista completa de funciones que incluye el módulo `math` se puede consultar en su documentación:

<https://docs.python.org/3/library/math.html>

- ▶ El lenguaje Python es, principalmente, un lenguaje **orientado a objetos**.
- ▶ De hecho, **todos los datos en Python son objetos** que tienen sus propios atributos (métodos, entre otros) a los que se le puede acceder usando el operador punto (.).
- ▶ Por ello, en Python los términos «*dato*», «*valor*» y «*objeto*» son sinónimos en la práctica.
- ▶ Los números, las cadenas, los módulos, las funciones... todos son objetos.
- ▶ Incluso los métodos son objetos, ya que, en realidad, son funciones contenidas dentro de otros objetos, y las funciones son objetos.
- ▶ Hasta los tipos (como `int` o `str`) son objetos que tienen sus propios atributos.
- ▶ Entraremos a estudiar más en detalle estas características cuando veamos la **programación orientada a objetos**.

## El módulo `operator`

- El módulo `operator` contiene, en forma de funciones, las operaciones básicas que hasta ahora hemos utilizado en forma de operadores:

Operador	Operación	Función en el módulo <code>operator</code>
<code>+</code>	Suma	<code>add</code>
<code>-</code>	Resta	<code>sub</code>
<code>-</code>	Cambio de signo	<code>neg</code>
<code>*</code>	Multiplicación	<code>mul</code>
<code>/</code>	División	<code>truediv</code>
<code>%</code>	Módulo	<code>mod</code>
<code>**</code>	Exponente	<code>pow</code>
<code>//</code>	División entera hacia abajo	<code>floordiv</code>

- ▶ Gracias al módulo `operator`, podemos reescribir con funciones las expresiones que utilizan operadores.
- ▶ Por ejemplo, la expresión:

```
>>> 3 * (4 + 5) - 10  
17
```

se puede reescribir como:

```
>>> from operator import add, mul, sub  
>>> sub(mul(3, add(4, 5)), 10)  
17
```

- ▶ Pasar los operadores de una expresión a funciones es un ejercicio muy interesante que ayuda a entender en qué orden se evalúan las subexpresiones y por qué.
- ▶ En Python, en una llamada a función, los argumentos se evalúan siempre antes que la propia llamada (y de izquierda a derecha).



- La expresión  $3 * (4 + 5) - 10$  se evalúa así:

```

3 * (4 + 5) - 10      # se evalúa 3 (devuelve 3)
= 3 * (4 + 5) - 10    # se evalúa 4 (devuelve 4)
= 3 * (4 + 5) - 10    # se evalúa 5 (devuelve 5)
= 3 * (4 + 5) - 10    # se evalúa (4 + 5) (devuelve 9)
= 3 * 9 - 10          # se evalúa 3 * 9 (devuelve 27)
= 27 - 10             # se evalúa 27 - 10 (devuelve 17)
= 17

```

- Y la expresión `sub(mul(3, add(4, 5)), 10)` se evalúa así:

```

sub(mul(3, add(4, 5)), 10)  # se evalúa sub (devuelve la función resta)
= sub(mul(3, add(4, 5)), 10) # se evalúa mul (devuelve la función multiplicación)
= sub(mul(3, add(4, 5)), 10) # se evalúa 3 (devuelve 3)
= sub(mul(3, add(4, 5)), 10) # se evalúa add (devuelve la función suma)
= sub(mul(3, add(4, 5)), 10) # se evalúa 4 (devuelve 4)
= sub(mul(3, add(4, 5)), 10) # se evalúa 5 (devuelve 5)
= sub(mul(3, add(4, 5)), 10) # se evalúa add(4, 5) (devuelve 9)
= sub(mul(3, 9), 10)         # se evalúa mul(3, 9) (devuelve 27)
= sub(27, 10)                # se evalúa 10 (devuelve 10)
= sub(27, 10)                # se evalúa sub(27, 10) (devuelve 17)
= 17

```

## Ejercicios

2. Comprobar que el módulo `math` es un valor (objeto) de tipo `module`.
3. ¿Cómo podemos deducir que el tipo `int` también un objeto en Python?

## 6.3. Métodos predefinidos

## Métodos predefinidos

- ▶ Igualmente, en la documentación podemos encontrar una lista de métodos interesantes que operan sobre cadenas:

<https://docs.python.org/3/library/stdtypes.html#string-methods>

## 7. Ejercicios

## 7.1. Ejercicios

## Ejercicios

4. Representar la evaluación las siguientes expresiones, aplicando paso a paso la reducción que corresponda. Indicar también el tipo del valor resultante:

a.  $3 + 6 * 14$

b.  $8 + 7 * 3.0 + 4 * 6$

c.  $-4 * 7 + 2 ** 3 / 4 - 5$

d.  $4 / 2 * 3 / 6 + 6 / 2 / 1 / 5 ** 2 / 4 * 2$

5. Convertir en expresiones aritméticas algorítmicas las siguientes expresiones algebraicas:

a.  $5 \cdot (x + y)$

b.  $a^2 + b^2$

c.  $\frac{x+y}{u+\frac{w}{a}}$

d.  $\frac{x}{y} \cdot (z + w)$

6. Determinar, según las reglas de prioridad y asociatividad del lenguaje Python, qué paréntesis sobran en las siguientes expresiones. Reescribirlas sin los paréntesis sobrantes. Calcular su valor y deducir su tipo:
- a.  $(8 + (7 * 3) + 4 * 6)$
  - b.  $-(2 ** 3)$
  - c.  $(33 + (3 * 4)) / 5$
  - d.  $2 ** (2 * 3)$
  - e.  $(3.0) + (2 * (18 - 4 ** 2))$
  - f.  $(16 * 6) - (3) * 2$
7. Usar la función `math.sqrt` para escribir dos expresiones en Python que calculen las dos soluciones a la ecuación de segundo grado

$$ax^2 + bx + c = 0.$$

Recordar que las soluciones son:

$$x_1 = -b + \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}, \quad x_2 = -b - \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$



8. Evaluar las siguientes expresiones:

- a.  $9 - 5 - 3$
- b.  $2 // 3 + 3 / 5$
- c.  $9 // 2 / 5$
- d.  $7 \% 5 \% 3$
- e.  $7 \% (5 \% 3)$
- f.  $(7 \% 5) \% 3$
- g.  $(7 \% 5 \% 3)$
- h.  $((12 + 3) // 2) / (8 - (5 + 1))$
- i.  $12 / 2 * 3$
- j. `math.sqrt(math.cos(4))`
- k. `math.cos(math.sqrt(4))`
- l. `math.trunc(815.66) + round(815.66)`

9. Escribir las siguientes expresiones algorítmicas como expresiones algebraicas:

a.  $b ** 2 - 4 * a * c$

b.  $3 * x ** 4 - 5 * x ** 3 + x * 12 - 17$

c.  $(b + d) / (c + 4)$

d.  $(x ** 2 + y ** 2) ** (1 / 2)$

## 8. Bibliografía

## Bibliografía

- Abelson, Harold, Gerald Jay Sussman, and Julie Sussman. 1996. *Structure and Interpretation of Computer Programs*. 2nd ed. Cambridge, Mass. : New York: MIT Press ; McGraw-Hill.
- Blanco, Javier, Silvina Smith, and Damián Barsotti. 2009. *Cálculo de Programas*. Córdoba, Argentina: Universidad Nacional de Córdoba.
- Van-Roy, Peter, and Seif Haridi. 2004. *Concepts, Techniques, and Models of Computer Programming*. Cambridge, Mass: MIT Press.