Programación funcional (I)

Ricardo Pérez López

IES Doñana, curso 2020/2021

Generado el 4 de noviembre de 2020 a las 16:00:00

Índice general

2.2. type 2.3. Sistema de tipos 2.3.1. Errores de tipos 2.3.2. Tipado fuerte vs. débil 2.4. Tipos de datos básicos 2.4.1. Números 2.4.2. Cadenas 2.4.3. Funciones 2.5. Conversión de tipos 3. Álgebra de Boole 3.1. El tipo de dato booleano 3.2. Operadores relacionales 3.3. Operadores lógicos 3.3.1. Tablas de verdad 3.4. Axiomas 3.4.1. Traducción a Python 3.5. Teoremas fundamentales 3.5.1. Traducción a Python 3.6. El operador ternario 4. Definiciones 4.1. Introducción 4.2. Identificadores y ligaduras (binding)	1.	Modelo de ejecución 1.1. Concepto	2 2 3
2.2. type 2.3. Sistema de tipos 2.3.1. Errores de tipos 2.3.2. Tipado fuerte vs. débil 2.4. Tipos de datos básicos 2.4.1. Números 2.4.2. Cadenas 2.4.3. Funciones 2.5. Conversión de tipos 3. Álgebra de Boole 3.1. El tipo de dato booleano 3.2. Operadores relacionales 3.3. Operadores lógicos 3.3.1. Tablas de verdad 3.4. Axiomas 3.4.1. Traducción a Python 3.5. Teoremas fundamentales 3.5.1. Traducción a Python 3.6. El operador ternario 4. Definiciones 4.1. Introducción 4.2. Identificadores y ligaduras (binding)	2.	Tipos de datos	4
2.3. Sistema de tipos 2.3.1. Errores de tipos 2.3.2. Tipado fuerte vs. débil 2.4. Tipos de datos básicos 2.4.1. Números 2.4.2. Cadenas 2.4.3. Funciones 2.5. Conversión de tipos 3. Álgebra de Boole 3.1. El tipo de dato booleano 3.2. Operadores relacionales 3.3. Operadores lógicos 3.3.1. Tablas de verdad 3.4. Axiomas 3.4.1. Traducción a Python 3.5. Teoremas fundamentales 3.5.1. Traducción a Python 3.6. El operador ternario 4. Definiciones 4.1. Introducción 4.2. Identificadores y ligaduras (binding)		2.1. Concepto	4
2.3.1. Errores de tipos 2.3.2. Tipado fuerte vs. débil 2.4. Tipos de datos básicos 2.4.1. Números 2.4.2. Cadenas 2.4.3. Funciones 2.5. Conversión de tipos 3. Álgebra de Boole 3.1. El tipo de dato booleano 3.2. Operadores relacionales 3.3. Operadores relacionales 3.3.1. Tablas de verdad 3.4. Axiomas 3.4.1. Traducción a Python 3.5. Teoremas fundamentales 3.5.1. Traducción a Python 3.6. El operador ternario 4. Definiciones 4.1. Introducción 4.2. Identificadores y ligaduras (binding)		=	4
2.3.2. Tipado fuerte vs. débil 2.4. Tipos de datos básicos 2.4.1. Números 2.4.2. Cadenas 2.4.3. Funciones 2.5. Conversión de tipos 3. Álgebra de Boole 3.1. El tipo de dato booleano 3.2. Operadores relacionales 3.3. Operadores lógicos 3.3.1. Tablas de verdad 3.4. Axiomas 3.4.1. Traducción a Python 3.5. Teoremas fundamentales 3.5.1. Traducción a Python 3.6. El operador ternario 4. Definiciones 4.1. Introducción 4.2. Identificadores y ligaduras (binding)		2.3. Sistema de tipos	5
2.4. Tipos de datos básicos 2.4.1. Números 2.4.2. Cadenas 2.4.3. Funciones 2.5. Conversión de tipos 3. Álgebra de Boole 3.1. El tipo de dato booleano 3.2. Operadores relacionales 3.3. Operadores lógicos 3.3.1. Tablas de verdad 3.4. Axiomas 3.4.1. Traducción a Python 3.5. Teoremas fundamentales 3.5.1. Traducción a Python 3.6. El operador ternario 4. Definiciones 4.1. Introducción 4.2. Identificadores y ligaduras (binding)		2.3.1. Errores de tipos	5
2.4.1. Números 2.4.2. Cadenas 2.4.3. Funciones 2.5. Conversión de tipos 3. Álgebra de Boole 3.1. El tipo de dato booleano 3.2. Operadores relacionales 3.3. Operadores lógicos 3.3.1. Tablas de verdad 3.4. Axiomas 3.4.1. Traducción a Python 3.5. Teoremas fundamentales 3.5.1. Traducción a Python 3.6. El operador ternario 4. Definiciones 4.1. Introducción 4.2. Identificadores y ligaduras (binding)			5
2.4.2. Cadenas 2.4.3. Funciones 2.5. Conversión de tipos 3. Álgebra de Boole 3.1. El tipo de dato booleano 3.2. Operadores relacionales 3.3. Operadores lógicos 3.3.1. Tablas de verdad 3.4. Axiomas 3.4.1. Traducción a Python 3.5. Teoremas fundamentales 3.5.1. Traducción a Python 3.6. El operador ternario 4. Definiciones 4.1. Introducción 4.2. Identificadores y ligaduras (binding)			6
2.4.3. Funciones 2.5. Conversión de tipos 3. Álgebra de Boole 3.1. El tipo de dato booleano 3.2. Operadores relacionales 3.3. Operadores lógicos 3.3.1. Tablas de verdad 3.4. Axiomas 3.4.1. Traducción a Python 3.5. Teoremas fundamentales 3.5.1. Traducción a Python 3.6. El operador ternario 4. Definiciones 4.1. Introducción 4.2. Identificadores y ligaduras (binding)			7
2.5. Conversión de tipos 3. Álgebra de Boole 3.1. El tipo de dato booleano 3.2. Operadores relacionales 3.3. Operadores lógicos 3.3.1. Tablas de verdad 3.4. Axiomas 3.4.1. Traducción a Python 3.5. Teoremas fundamentales 3.5.1. Traducción a Python 3.6. El operador ternario 4. Definiciones 4.1. Introducción 4.2. Identificadores y ligaduras (binding)			7
3. Álgebra de Boole 3.1. El tipo de dato booleano 3.2. Operadores relacionales 3.3. Operadores lógicos 3.3.1. Tablas de verdad 3.4. Axiomas 3.4.1. Traducción a Python 3.5. Teoremas fundamentales 3.5.1. Traducción a Python 3.6. El operador ternario 4. Definiciones 4.1. Introducción 4.2. Identificadores y ligaduras (binding)			8
3.1. El tipo de dato booleano 3.2. Operadores relacionales 3.3. Operadores lógicos 3.3.1. Tablas de verdad 3.4. Axiomas 3.4.1. Traducción a Python 3.5. Teoremas fundamentales 3.5.1. Traducción a Python 3.6. El operador ternario 4. Definiciones 4.1. Introducción 4.2. Identificadores y ligaduras (binding)		2.5. Conversión de tipos	9
3.4. Axiomas 3.4.1. Traducción a Python 3.5. Teoremas fundamentales 3.5.1. Traducción a Python 3.6. El operador ternario 4. Definiciones 4.1. Introducción 4.2. Identificadores y ligaduras (binding)	3.	3.1. El tipo de dato <i>booleano</i>	9 9 9
3.4.1. Traducción a Python 3.5. Teoremas fundamentales 3.5.1. Traducción a Python 3.6. El operador ternario 4. Definiciones 4.1. Introducción 4.2. Identificadores y ligaduras (binding)		3.3.1. Tablas de verdad	10
3.5. Teoremas fundamentales 3.5.1. Traducción a Python 3.6. El operador ternario 4. Definiciones 4.1. Introducción			12
4. Definiciones 4.1. Introducción		3.5. Teoremas fundamentales	13
4.1. Introducción	4		14 15
4.2. Identificadores y ligaduras (binding)	4.		
		4.2.1 Reglas léxicas	

		4.2.2. Tipo de un identificador	17
	4.3.	Evaluación de expresiones con identificadores	18
	4.4.	Marcos (frames)	18
		Scripts	
	4.6.	Ámbitos	21
		4.6.1. Ámbito de una ligadura	22
5	Doc	umentación interna	22
J.			
	5.1.	Identificadores significativos	22
	5.2.	Comentarios	23

1. Modelo de ejecución

1.1. Concepto

Cuando escribimos programas (y algoritmos) nos interesa abstraernos del funcionamiento detallado de la máquina que va a ejecutar esos programas.

Nos interesa buscar una metáfora, un símil de lo que significa ejecutar el programa.

De la misma forma que un arquitecto crea modelos de los edificios que se pretenden construir, los programadores podemos usar modelos que *simulan* en esencia el comportamiento de nuestros programas.

Esos modelos se denominan modelos de ejecución.

Los modelos de ejecución nos permiten razonar sobre los programas sin tener que ejecutarlos.

Definición:

Modelo de ejecución:

Es una herramienta conceptual que permite a los programadores razonar sobre el funcionamiento de un programa sin tener que ejecutarlo directamente en el ordenador.

Podemos definir diferentes modelos de ejecución dependiendo, principalmente, de:

- El paradigma de programación utilizado (ésto sobre todo).
- El lenguaje de programación con el que escribamos el programa.
- Los aspectos que gueramos estudiar de nuestro programa.

1.2. Modelo de sustitución

En programación funcional, **un programa es una expresión** y lo que hacemos al ejecutarlo es **evaluar dicha expresión**, usando para ello las definiciones de operadores y funciones predefinidas por el lenguaje, así como las definidas por el programador en el código fuente del programa.

Recordemos que la **evaluación de una expresión**, en esencia, es el proceso de **sustituir**, dentro de ella, unas *sub-expresiones* por otras que, de alguna manera, estén *más cerca* del valor a calcular, y así hasta calcular el valor de la expresión al completo.

Por ello, la ejecución de un programa funcional se puede modelar como un **sistema de reescritura** al que llamaremos **modelo de sustitución**.

La ventaja de este modelo es que no necesitamos recurrir a pensar que debajo de todo esto hay un ordenador con una determinada arquitectura *hardware*, que almacena los datos en celdas de la memoria principal, que ejecuta ciclos de instrucción en la CPU, que las instrucciones modifican los datos de la memoria, etc.

Todo resulta mucho más fácil que eso, ya que todo se reduce a evaluar expresiones.

Ya estudiamos que evaluar una expresión consiste en encontrar su forma normal.

En programación funcional:

- Los intérpretes alcanzan este objetivo a través de múltiples pasos de reducción de las expresiones para obtener otra equivalente más simple.
- Toda expresión posee un valor definido, y ese valor no depende del orden en el que se evalúe.
- El significado de una expresión es su valor, y no puede ocurrir ningún otro efecto, ya sea oculto o no, en ninguna operación que se utilice para calcularlo.

1.3. Transparencia referencial

En programación funcional, el valor de una expresión depende, exclusivamente, de los valores de sus sub-expresiones constituyentes.

Dichas sub-expresiones, además, pueden ser sustituidas libremente por otras que tengan el mismo valor.

A esta propiedad se la denomina **transparencia referencial**.

En la práctica, eso significa que la evaluación de una expresión no puede provocar **efectos laterales**. Formalmente, se puede definir así:

Transparencia referencial:

Si p = q, entonces f(p) = f(q).

Los **efectos laterales** son aquellos que provocan un cambio de estado irremediable en el sistema, y que provocan (o pueden provocar) que el resultado de una expresión no dependa únicamente de los valores que aparecen en esa expresión.

Por ejemplo, las instrucciones de E/S (entrada y salida) provocan efectos laterales, ya que:

- Al leer un dato de la entrada (ya sea el teclado, un archivo del disco o una base de datos), no se sabe de antemano qué valor se va a recibir, ya que éste proviene del exterior y no lo controlamos.
- Al **escribir un dato** en la salida (ya sea la pantalla, un archivo o una base de datos), no sólo estamos calculando el resultado de la expresión, sino que además estamos cambiando irremediablemente algo del exterior.

En posteriores temas veremos que existe un paradigma (el **paradigma imperativo**) que se basa principalmente en provocar efectos laterales, sobre todo mediante la llamada *asignación destructiva*.

2. Tipos de datos

2.1. Concepto

Los datos que comparten características y propiedades se agrupan en conjuntos.

Asimismo, sobre cada conjunto de valores se definen una serie de **operaciones**, que son aquellas que tiene sentido realizar con esos valores.

Un **tipo de datos** define un conjunto de **valores** y el conjunto de **operaciones** válidas que se pueden realizar sobre dichos valores.

Definición:

Tipo de un dato:

Es una característica del dato que indica el conjunto de valores al que pertenece y las operaciones que se pueden realizar sobre él.

El **tipo de una expresión** es el tipo del valor resultante de evaluar dicha expresión.

Los tipos de un lenguaje de programación tienen un nombre (un identificador) que los representa.

Ejemplos en Python:

- El tipo int define el conjunto de los **números enteros**, sobre los que se pueden realizar, entre otras, las operaciones aritméticas.
 - Se corresponde $m\'{a}s$ o menos con el símbolo matemático \mathbb{Z} , que ya hemos usado antes y que representa el conjunto de los números enteros en Matemáticas.
- El tipo float define el conjunto de los **números reales**, sobre los que se pueden realizar también operaciones aritméticas.
 - Se corresponde $m\'{a}s$ o menos con el símbolo matemático \mathbb{R} , que representa el conjunto de los números reales en Matemáticas.
- El tipo str define el conjunto de las **cadenas**, sobre las que se pueden realizar otras operaciones (concatenación, repetición, etc.).

¿Por qué decimos «más o menos»?

2.2. type

La función type devuelve el tipo de un valor:

Es muy útil para saber el tipo de una expresión compleja:

2.3. Sistema de tipos

El **sistema de tipos** de un lenguaje es el conjunto de reglas que asigna un tipo a cada elemento del programa.

Exceptuando a los lenguajes **no tipados** (Ensamblador, código máquina, Forth...) todos los lenguajes tienen su propio sistema de tipos, con sus características.

El sistema de tipos de un lenguaje depende también del paradigma de programación que soporte el lenguaje. Por ejemplo, en los lenguajes **orientados a objetos**, el sistema de tipos se construye a partir de los conceptos propios de la orientación a objetos (*clases*, *interfaces...*).

2.3.1. Errores de tipos

Cuando se intenta realizar una operación sobre un dato cuyo tipo no admite esa operación, se produce un **error de tipos**.

Ese error puede ocurrir cuando:

- Los operandos de un operador no pertenecen al tipo que el operador necesita (ese operador no está definido sobre datos de ese tipo).
- Los argumentos de una función o método no son del tipo esperado.

Por ejemplo:

```
4 + "hola"
```

es incorrecto porque el operador + no está definido sobre un entero y una cadena (no se pueden sumar un número y una cadena).

En caso de que exista un error de tipos, lo que ocurre dependerá de si estamos usando un lenguaje interpretado o compilado:

- Si el lenguaje es interpretado (Python):
 - El error se localizará **durante la ejecución** del programa y el intérprete mostrará un mensaje de error advirtiendo del mismo en el momento justo en que la ejecución alcance la línea de código errónea, para acto seguido finalizar la ejecución del programa.
- Si el lenguaje es **compilado** (Java):

Es muy probable que el comprobador de tipos del compilador detecte el error de tipos **durante** la compilación del programa, es decir, antes incluso de ejecutarlo. En tal caso, se abortará la compilación para impedir la generación de código objeto erróneo.

2.3.2. Tipado fuerte vs. débil

Un lenguaje de programación es **fuertemente tipado** (o de **tipado fuerte**) si no se permiten violaciones de los tipos de datos.

Es decir, un valor de un tipo concreto no se puede usar como si fuera de otro tipo distinto a menos que se haga una conversión explícita.

Un lenguaje es débilmente tipado (o de tipado débil) si no es de tipado fuerte.

En los lenguajes de tipado débil se pueden hacer operaciones entre datos cuyo tipos no son los que espera la operación, gracias al mecanismo de *conversión implícita*.

Existen dos mecanismos de conversión de tipos:

- **Conversión implícita o coerción**: cuando el intérprete convierte un valor de un tipo a otro sin que el programador lo haya solicitado expresamente.
- **Conversión explícita o** *casting*: cuando el programador solicita expresamente la conversión de un valor de un tipo a otro usando alguna construcción u operación del lenguaje.

Los lenguajes de tipado fuerte no realizan conversiones implícitas de tipos salvo excepciones muy concretas (por ejemplo, conversiones entre enteros y reales en expresiones aritméticas).

Los lenguajes de tipado débil se caracterizan, precisamente, por realizar conversiones implícitas cuando, en una expresión, el tipo de un valor no se corresponde con el tipo necesario.

Ejemplo:

- Python es un lenguaje **fuertemente tipado**, por lo que no podemos hacer lo siguiente (da un error de tipos):

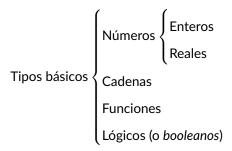
En cambio, PHP es un lenguaje débilmente tipado y la expresión anterior en PHP es perfectamente válida (y vale cinco).

El motivo es que el sistema de tipos de PHP convierte *implícitamente* la cadena "3" en el entero 3 cuando se usa en una operación de suma (+).

Es importante entender que **la conversión de tipos no modifica el dato original**, sino que devuelve un nuevo dato a partir del dato original pero con el tipo cambiado.

2.4. Tipos de datos básicos

Los tipos de datos básicos que empezaremos a estudiar en Python son:



2.4.1. Números

Hay dos tipos numéricos básicos en Python: los enteros y los reales.

- Los **enteros** se representan con el tipo int.

Sólo contienen parte entera, y sus literales se escriben con dígitos sin punto decimal (ej: 13).

- Los reales se representan con el tipo float.

Contienen parte entera y parte fraccionaria, y sus literales se escriben con dígitos y con punto decimal separando ambas partes (ej: 4.87). Los números en notación exponencial (2e3) también son reales (2e3 = 2.0×10^3).

Las **operaciones** que se pueden realizar con los números son los que cabría esperar (aritméticas, trigonométricas, matemáticas en general).

Los enteros y los reales generalmente se pueden combinar en una misma expresión aritmética y suele resultar en un valor real, ya que se considera que los reales *contienen* a los enteros.

- Ejemplo: 4 + 3.5 devuelve 7.5.

Por ello, y aunque el lenguaje sea de tipado fuerte, se permite la conversión implícita entre datos de tipo int y float dentro de una misma expresión para realizar las operaciones correspondientes.

En el ejemplo anterior, el valor entero 4 se convierte implícitamente en el real 4.0 debido a que el otro operando de la suma es un valor real (3.5). Finalmente, se obtiene un valor real (7.5).

2.4.2. Cadenas

Las cadenas son secuencias de cero o más caracteres codificados en Unicode.

En Python se representan con el tipo str.

- No existe el tipo *carácter* en Python. Un carácter en Python es simplemente una cadena que contiene un solo carácter.

Un literal de tipo cadena se escribe encerrando sus caracteres entre comillas simples (') o dobles (").

- No hay ninguna diferencia entre usar unas comillas u otras, pero si una cadena comienza con comillas simples, debe acabar también con comillas simples (y viceversa).

Ejemplos:

```
"hola"
'Manolo'
"27"
```

También se pueden escribir literales de tipo cadena encerrándolos entre triples comillas (''' o """).

Estos literales se usan para escribir cadenas formadas por varias líneas. La sintaxis de las triples comillas respeta los saltos de línea. Por ejemplo:

```
>>> """Bienvenido
... a
... Python"""
'Bienvenido\na\nPython' # el carácter \n representa un salto de línea
```

No es lo mismo 27 que "27".

- 27 es un número entero (un literal de tipo int).
- "27" es una cadena (un literal de tipo str).

Una **cadena vacía** es aquella que no contiene ningún carácter. Se representa con los literales '', "",

Si necesitamos meter el carácter de la comilla simple (') o doble (") en un literal de tipo cadena, tenemos dos opciones:

- Delimitar la cadena con el otro tipo de comillas. Por ejemplo:

```
* 'Pepe dijo: "Yo no voy.", así que no fuimos.'
* "Bienvenido, Señor O'Halloran."
```

- «Escapar» la comilla, poniéndole delante una barra inclinada hacia la izquierda (\):

```
* "Pepe dijo: \"Yo no voy.\", así que no fuimos."
* 'Bienvenido, Señor O\'Halloran.'
```

2.4.3. Funciones

En programación funcional, las funciones también son datos:

```
>>> type(max)
<class 'builtin_function_or_method'>
```

La **única operación** que se puede realizar sobre una función es **llamarla**, que sintácticamente se representa poniendo paréntesis () justo a continuación de la función.

Dentro de los paréntesis se ponen los *argumentos* que se aplican a la función en esa llamada (si es que los necesita), separados por comas.

Por tanto, max es la función en sí (un **valor** de tipo *función*), y max(3, 4) es una llamada a la función max con los argumentos 3 y 4.

```
>>> max # la función max 
<built-in function max> 
>>> max(3, 4) # la llamada a max con los argumentos 3 y 4 
4
```

Recordemos que **las funciones no tienen expresión canónica**, por lo que el intérprete no intentará nunca visualizar un valor de tipo función.

2.5. Conversión de tipos

Hemos visto que en Python las conversiones de tipos deben ser **explícitas**, es decir, que debemos indicar en todo momento qué dato queremos convertir a qué tipo.

Para ello existen funciones cuyo nombre coincide con el tipo al que queremos convertir el dato: str, int y float, entre otras.

```
>>> 4 + '24'
Traceback (most recent call last):
File "<stdin>", line 1, in <module>
TypeError: unsupported operand type(s) for +: 'int' and 'str'
>>> 4 + int('24')
28
```

Convertir un dato a cadena suele funcionar siempre, pero convertir una cadena a otro tipo de dato puede fallar dependiendo del contenido de la cadena:

```
>>> int('hola')
Traceback (most recent call last):
File "<stdin>", line 1, in <module>
ValueError: invalid literal for int() with base 10: 'hola'
```

Recordando lo que dijimos anteriormente, la conversión de tipos no modifica el dato original, sino que devuelve un nuevo dato a partir del dato original pero con el tipo cambiado.

Las funciones de conversión de tipos hacen precisamente eso: devuelven un nuevo dato con un determinado tipo a partir del dato original que reciben como argumento.

Por tanto, la expresión int('24') devuelve el entero 24 pero no cambia en modo alguno la cadena '24' que ha recibido como argumento.

3. Álgebra de Boole

3.1. El tipo de dato booleano

Un dato **lógico** o *booleano* es aquel que puede tomar uno de dos posibles valores, que se denotan normalmente como **verdadero** y **falso**.

Esos dos valores tratan de representar los dos valores de verdad de la lógica y el álgebra booleana.

Su nombre proviene de **George Boole**, matemático que definió por primera vez un sistema algebraico para la lógica a mediados del S. XIX.

En Python, el tipo de dato lógico se representa como bool y sus posibles valores son False y True.

Esos dos valores son formas especiales para los enteros 0 y 1, respectivamente.

3.2. Operadores relacionales

Los **operadores relacionales** son operadores que toman dos operandos (que usualmente deben ser del mismo tipo) y devuelven un valor *booleano*.

Los más conocidos son los **operadores de comparación**, que sirven para comprobar si un dato es menor, mayor o igual que otro, según un orden preestablecido.

Los operadores de comparación que existen en Python son:

```
< > <= >= == !=
```

Por ejemplo:

```
>>> 4 == 3
False
>>> 5 == 5
True
>>> 3 < 9
True
```

```
>>> 9 != 7
True
>>> False == True
False
>>> 8 <= 8
True
```

3.3. Operadores lógicos

Las **operaciones lógicas** se representan mediante **operadores lógicos**, que son aquellos que toman uno o dos operandos *booleanos* y devuelven un valor *booleano*.

Las operaciones básicas del álgebra de Boole se llaman suma, producto y complemento.

En **lógica proposicional** (un tipo de lógica matemática que tiene estructura de álgebra de Boole), se llaman:

Operación	Operador
Disyunción	V
Conjunción	\wedge
Negación	\neg

En Python se representan como or, and y not, respectivamente.

3.3.1. Tablas de verdad

Una **tabla de verdad** es una tabla que muestra el valor lógico de una expresión compuesta, para cada uno de los valores lógicos que puedan tomar sus componentes.

Se usan para definir el significado de las operaciones lógicas y también para verificar que se cumplen determinadas propiedades.

Las tablas de verdad de los operadores lógicos son:

Α	В	$A \vee B$
F	F	F
F	V	V
V	F	V
V	V	V

$$\begin{array}{c|c}
\hline
A & \neg A \\
\hline
F & V \\
V & F
\end{array}$$

Que traducido a Python sería:

Α	В	A or B
False	False	False
False	True	True
True	False	True
True	True	True

Α	В	A and B
False	False	False
False	True	False
True	False	False
True	True	True

Α	not A
False	True
True	False

3.4. Axiomas

1. Ley asociativa:
$$\begin{cases} \forall a,b,c \in \mathfrak{B}: (a \lor b) \lor c = a \lor (b \lor c) \\ \forall a,b,c \in \mathfrak{B}: (a \land b) \land c = a \land (b \land c) \end{cases}$$

2. Ley conmutativa:
$$egin{dcases} orall a,b\in\mathfrak{B}:a\lor b=b\lor a \ orall a,b\in\mathfrak{B}:a\land b=b\land a \end{cases}$$

1. Ley asociativa:
$$\begin{cases} \forall a,b,c \in \mathfrak{B} : (a \lor b) \lor c = a \lor (b \lor c) \\ \forall a,b,c \in \mathfrak{B} : (a \land b) \land c = a \land (b \land c) \end{cases}$$
2. Ley conmutativa:
$$\begin{cases} \forall a,b \in \mathfrak{B} : a \lor b = b \lor a \\ \forall a,b \in \mathfrak{B} : a \land b = b \land a \end{cases}$$
3. Ley distributiva:
$$\begin{cases} \forall a,b,c \in \mathfrak{B} : a \lor (b \land c) = (a \lor b) \land (a \lor c) \\ \forall a,b,c \in \mathfrak{B} : a \land (b \lor c) = (a \land b) \lor (a \land c) \end{cases}$$
4. Elemento neutro:
$$\begin{cases} \forall a \in \mathfrak{B} : a \lor F = a \\ \forall a \in \mathfrak{B} : a \land V = a \end{cases}$$
5. Elemento complementario:
$$\begin{cases} \forall a \in \mathfrak{B} : \exists \neg a \in \mathfrak{B} : a \lor \neg a = V \\ \forall a \in \mathfrak{B} : \exists \neg a \in \mathfrak{B} : a \land \neg a = F \end{cases}$$
Lucas (\mathfrak{B} and $\mathfrak{B$

4. Elemento neutro:
$$\begin{cases} \forall a \in \mathfrak{B} : a \lor F = a \\ \forall a \in \mathfrak{B} : a \land V = a \end{cases}$$

5. Elemento complementario:
$$\begin{cases} \forall a \in \mathfrak{B}; \exists \neg a \in \mathfrak{B}: a \vee \neg a = \mathsf{V} \\ \forall a \in \mathfrak{B}; \exists \neg a \in \mathfrak{B}: a \wedge \neg a = \mathsf{F} \end{cases}$$

Luego $(\mathfrak{B}, \neg, \vee, \wedge)$ es un álgebra de Boole.

3.4.1. Traducción a Python

1. Ley asociativa:

```
(a or b) or c == a or (b or c)
(a \text{ and } b) \text{ and } c == a \text{ and } (b \text{ and } c)
```

2. Lev conmutativa:

```
a or b == b or a
a and b == b and a
```

3. Ley distributiva:

```
a or (b and c) == (a or b) and (a or c)
a and (b or c) == (a and b) or (a and c)
```

4. Elemento neutro:

```
a or False == a
a and True == a
```

5. Elemento complementario:

```
a or (not a) == True
a and (not a) == False
```

3.5. Teoremas fundamentales

- 6. Ley de idempotencia: $\begin{cases} \forall a \in \mathfrak{B} : a \vee a = a \\ \forall a \in \mathfrak{B} : a \wedge a = a \end{cases}$ 7. Ley de absorción: $\begin{cases} \forall a \in \mathfrak{B} : a \vee V = V \\ \forall a \in \mathfrak{B} : a \wedge F = F \end{cases}$ 8. Ley de identidad: $\begin{cases} \forall a \in \mathfrak{B} : a \vee F = a \\ \forall a \in \mathfrak{B} : a \wedge V = a \end{cases}$ 9. Ley de involución: $\begin{cases} \forall a \in \mathfrak{B} : \neg \neg a = a \\ \neg V = F \\ \neg F = V \end{cases}$ 10. Leyes de De Morgan: $\begin{cases} \forall a, b \in \mathfrak{B} : \neg (a \vee b) = \neg a \wedge \neg b \\ \forall a, b \in \mathfrak{B} : \neg (a \wedge b) = \neg a \vee \neg b \end{cases}$

3.5.1. Traducción a Python

6. Ley de idempotencia:

```
a or a == a
a and a == a
```

7. Ley de absorción:

```
a or True == True
a and False == False
```

8. Ley de identidad:

```
a or False == a
a and True == a
```

9. Ley de involución:

```
not (not a) == a
not True == False
not False == True
```

10. Leyes de De Morgan:

```
not (a or b) == (not a) and (not b)
not (a and b) == (not a) or (not b)
```

3.6. El operador ternario

Las expresiones lógicas (o *booleanas*) se pueden usar para comprobar si se cumple una determinada **condición**.

Las condiciones en un lenguaje de programación se representan mediante expresiones lógicas cuyo valor (*verdadero* o *falso*) indica si la condición se cumple o no se cumple.

Con el **operador ternario** podemos hacer que el resultado de una expresión varíe entre dos posibles opciones dependiendo de si se cumple o no una condición.

El operador ternario se llama así porque es el único operador en Python que actúa sobre tres operandos.

El uso del operador ternario permite crear lo que se denomina una expresión condicional.

Su sintaxis es:

```
⟨expr_condicional⟩ ::= ⟨valor_si_cierto⟩ if ⟨condición⟩ else ⟨valor_si_falso⟩
```

donde:

- (condición) debe ser una expresión lógica
- \(\forall valor_si_cierto\) y \(\forall valor_si_falso\) pueden ser expresiones de cualquier tipo

El valor de la expresión completa será $\langle valor_si_cierto \rangle$ si la $\langle condición \rangle$ es cierta; en caso contrario, su valor será $\langle valor_si_falso \rangle$.

Ejemplo:

```
25 if 3 > 2 else 17
```

evalúa a 25.

El operador ternario, así como los operadores lógicos **and** y **or**, se evalúan siguiendo una estrategia según la cual **no siempre se evalúan todos sus operandos**.

La expresión condicional:

```
\(\square\) \(\mathbf{if} \langle \text{condición} \rangle \text{else} \langle \text{valor_si_falso} \rangle
```

se evalúa de la siguiente forma:

- Primero siempre se evalúa la (condición).
- Si es True, evalúa (valor_si_cierto).
- Si es False, evalúa (valor_si_falso).

Por tanto, en la expresión condicional nunca se evalúan todos sus operandos, sino sólo los estrictamente necesarios.

Además, no se evalúan de izquierda a derecha, como es lo normal.

La evaluación de los operadores and y or sigue un proceso similar:

- Primero se evalúa el operando izquierdo.
- El operando derecho sólo se evalúa si el izquierdo no proporciona la información suficiente para determinar el resultado de la operación.

Esto es así porque:

```
True or <u>x</u>siempre es igual a True.False and <u>x</u>
```

siempre es igual a False.

En ambos casos no es necesario evaluar x.

Ejercicio

1. ¿Cuál es la asociatividad del operador ternario? Demostrarlo.

4. Definiciones

4.1. Introducción

Introduciremos ahora en nuestro lenguaje una nueva instrucción (técnicamente es una **sentencia**) con la que vamos a poder hacer **definiciones**.

A esa sentencia la llamaremos **definición**, y expresa el hecho de que **un** *nombre* **representa un** *valor*.

Las definiciones tienen la siguiente sintaxis:

```
⟨definición⟩ ::= identificador = ⟨expresión⟩
```

Por ejemplo:

```
x = 25
```

A partir de ese momento, el identificador x representa el valor 25.

```
Y si x vale 25, la expresión 2 + x * 3 vale 77.
```

4.2. Identificadores y ligaduras (binding)

Los identificadores son los nombres o símbolos que representan a los elementos del lenguaje.

Cuando hacemos una definición, lo que hacemos es asociar un identificador con un valor.

Esa asociación se denomina ligadura (o binding).

Por esa razón, también se dice que una definición crea una ligadura.

También decimos que el identificador está ligado (bound).

Lo representaremos gráficamente así:

En un **lenguaje funcional puro**, un identificador ya ligado no se puede ligar a otro valor. Por ejemplo, lo siguiente daría un error:

```
x = 4 # ligamos el identificador x al valor 4
x = 7 # intentamos ligar x al valor 7, pero ya está ligado al valor 4
```



Python no es un lenguaje funcional puro, por lo que sí se permite volver a ligar el mismo identificador a otro valor distinto (situación que se denomina *rebinding*).

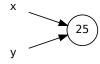
- Eso hace que se pierda el valor anterior.
- Por ahora, no lo hagamos.

Podemos hacer:

```
\begin{array}{ccc}
x &=& 25 \\
y &=& x
\end{array}
```

En este caso estamos ligando a y el mismo valor que tiene x.

Lo que hace el intérprete en este caso no es crear dos valores 25 en memoria (sería un gasto inútil), sino que x e y comparten el único valor 25 que existe:



Por tanto:

```
>>> x = 25
>>> y = x
>>> y
25
```

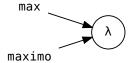
El **nombre** de una **función** es un identificador que está ligado a la función correspondiente (que en programación funcional es un valor como cualquier otro).

Por ejemplo, \max es un identificador ligado a la función que devuelve el máximo de dos números (que representaremos aquí como λ):



Ese valor se puede ligar a otro identificador y, de esta forma, ambos identificadores compartirían el mismo valor y, por tanto, representarían a la misma función. Por ejemplo:

```
>>> maximo = max
>>> maximo(3, 4)
4
```



4.2.1. Reglas léxicas

Cuando hacemos una definición debemos tener en cuenta ciertas cuestiones relativas al identificador:

- ¿Cuál es la longitud máxima de un identificador?
- ¿Qué caracteres se pueden usar?
- ¿Se distinguen mayúsculas de minúsculas?
- ¿Coincide con una palabra clave o reservada?
 - * Palabra clave: palabra que forma parte de la sintaxis del lenguaje.
 - * Palabra reservada: palabra que no puede emplearse como identificador.

En Python, los identificadores pueden ser combinaciones de letras minúsculas y mayúsculas (y distingue entre ellas), dígitos y subrayados (_), no pueden empezar por un dígito, no pueden coincidir con una palabra reservada y pueden tener cualquier longitud.

4.2.2. Tipo de un identificador

Cuando un identificador está ligado a un valor, a efectos prácticos el identificador actúa como si fuera el valor.

Como cada valor tiene un tipo de dato asociado, también podemos hablar del **tipo de un identifica-dor**.

```
El tipo de un identificador es el tipo del dato con el que está ligado.
```

Si un identificador no está ligado, no tiene sentido preguntarse qué tipo tiene.

4.3. Evaluación de expresiones con identificadores

Podemos usar un identificador ligado dentro de una expresión (siempre que la expresión sea una expresión válida según las reglas del lenguaje, claro está).

El identificador representa a su valor ligado y se evalúa a dicho valor en cualquier expresión donde aparezca el identificador:

```
>>> x = 25
>>> 2 + x * 3
77
```

Intentar usar en una expresión un identificador no ligado provoca un error (nombre no definido):

```
>>> y
Traceback (most recent call last):
  File "<stdin>", line 1, in <module>
NameError: name 'y' is not defined
```

4.4. Marcos (frames)

Un marco (del inglés frame) es un conjunto de ligaduras.

Las ligaduras se almacenan en marcos.

En un marco, un identificador sólo puede tener como máximo una ligadura. En cambio, el mismo identificador puede estar ligado a diferentes valores en diferentes marcos.

Los marcos son conceptos dinámicos:

- Se crean en memoria cuando la ejecución del programa entra en ciertas partes del mismo y se destruyen cuando sale.
- Van incorporando nuevas ligaduras a medida que se van ejecutando nuevas instrucciones.

El **marco global** es un marco que siempre existe en cualquier punto del programa y contiene las ligaduras definidas fuera de cualquier construcción o estructura del mismo.

- Por ahora es el único marco que existe para nosotros.

En un momento dado, un marco contendrá las ligaduras que se hayan definido hasta ese momento en el *ámbito* asociado a ese marco:

```
NameError: name 'x' is not defined
>>> x = 25
>>> x
25
```

- Aquí estamos trabajando con el marco global (el único que existe hasta ahora para nosotros).
- En la línea 1, el identificador x aún no está ligado, por lo que su uso genera un error (el marco global no contiene hasta ahora ninguna ligadura para x).
- En la línea 6, en cambio, el identificador puede usarse sin error ya que ha sido ligado previamente en la línea 5 (el marco global ahora contiene una ligadura para x con el valor 25).

Los marcos se van creando y destruyendo durante la ejecución del programa, y su contenido (las ligaduras) también va cambiando con el tiempo, a medida que se van ejecutando sus instrucciones.

Si tenemos:

```
1 >>> x = 4 

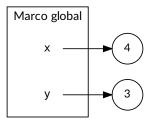
>>> y = 3 

>>> z = y
```

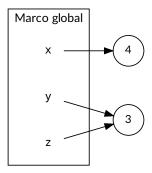
Según la línea hasta donde hayamos ejecutado, el marco global contendrá lo siguiente:



Marco global en la línea 1



Marco global en la línea 2



Marco global en la línea 3

Hemos visto que una ligadura es una asociación entre un identificador y un valor.

Los marcos almacenan ligaduras, pero NO almacenan los valores a los que están asociados los identificadores de esas ligaduras.

Por eso hemos dibujado a los valores fuera de los marcos en los diagramas anteriores.

Los valores se almacenan en una zona de la memoria del intérprete conocida como el montículo.

Asimismo, los marcos se almacenan en otra zona de la memoria conocida como la **pila de control**, la cual estudiaremos mejor más adelante.

4.5. Scripts

Cuando tenemos varias definiciones o muy largas resulta tedioso tener que introducirlas una y otra vez en el intérprete interactivo.

Lo más cómodo es teclearlas juntas dentro un archivo que luego cargaremos desde dentro del intérprete.

Ese archivo se llama *script* y, por ahora, contendrá una lista de las definiciones que nos interese usar en nuestras sesiones interactivas con el intérprete.

Llegado el momento, los *scripts* contendrán el código fuente de nuestros programas y los ejecutaremos desde el intérprete por lotes.

Los nombres de archivo de los scripts en Python llevan extensión .py.

Para cargar un *script* en nuestra sesión usamos la orden **from**. Por ejemplo, para cargar un *script* llamado definiciones.py, usaremos:

```
>>> from definiciones import *
```

Observar que en el from se pone el nombre del script pero sin la extensión .py.

Otra opción es iniciar una nueva sesión con el intérprete interactivo indicándole que cargue el script mediante la opción -i en la línea de órdenes del sistema operativo:

```
$ python -i definiciones.py
>>>
```

En este caso sí se pone el nombre completo del script, con la extensión .py.

4.6. Ámbitos

Existen ciertas construcciones sintácticas que, cuando se ejecutan, provocan la creación de nuevos marcos

Cuando eso ocurre, decimos que esa construcción sintáctica define un **ámbito**, y que ese ámbito viene definido por la porción de texto que ocupa esa construcción sintáctica dentro del programa, de forma que:

- Cuando la ejecución del programa **entra** en el ámbito, se **crea** un nuevo marco.
- Cuando la ejecución se **sale** del ámbito, se **destruye** su marco.

Por tanto, cada marco va asociado con un ámbito, y cada ámbito tiene su marco.

Los ámbitos se anidan recursivamente, o sea, que están contenidos unos dentro de otros.

En un momento dado, el **ámbito actual** es el ámbito más interno en el que se encuentra la instrucción que se está ejecutando actualmente.

El concepto de *ámbito* es un concepto nada trivial y, a medida que vayamos incorporando nuevos elementos al lenguaje, tendremos que ir adaptándolo para tener en cuenta más condicionantes.

Por ahora sólo tenemos un ámbito llamado ámbito global:

- Si se está ejecutando un *script* en el intérprete por lotes (con python script.py), el *ámbito global* abarca todo el *script*, desde la primera instrucción hasta la última.
- Si estamos en el intérprete interactivo (con python o ipython3), el ámbito global abarca toda nuestra sesión con el intérprete, hasta que finalicemos la misma.

En el momento en que se empieza a ejecutar un *script* o se arranca una nueva sesión con el intérprete interactivo, se entra en el *ámbito global*, lo que provoca la creación de un nuevo marco llamado **marco global**.

Del ámbito global sólo se sale cuando se finaliza la ejecución del *script* o se cierra el intérprete interactivo.

Por ejemplo, en el siguiente *script* se realizan cuatro definiciones. Todas ellas se realizan en el ámbito global, que es el único ámbito que existe en el *script*:

```
x = 25
y = 99
z = y
nombre = "Manolo"
```

Ámbito global

4.6.1. Ámbito de una ligadura

El ámbito de una ligadura es la porción del código fuente en la que existe dicha ligadura.

Las ligaduras se definen dentro de un ámbito y, por tanto, se almacenan en el marco del ámbito donde se definen.

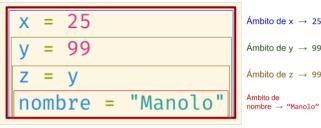
Pero el ámbito de la ligadura no tiene por qué coincidir exactamente con el ámbito en el que se define.

Esto es así porque una ligadura empieza a existir en el momento en el que se define (por ejemplo, cuando se ejecuta una sentencia de definición), y no antes.

Por tanto, si en un momento dado estamos ejecutando una instrucción dentro de un ámbito, las ligaduras que existen dentro de ese ámbito en ese momento son sólo las que se han definido en ese ámbito **hasta ese momento**.

En consecuencia, el ámbito de una ligadura:

- Empieza en el punto donde se define.
- Termina donde lo hace el ámbito en el que se definió la ligadura.



Ámbito global

Es importante no confundir «ámbito» con «ámbito de una ligadura».

La definición de una ligadura no define un nuevo ámbito y, por tanto, no crea un nuevo marco.

Por eso, las ligaduras se almacenan en el marco del ámbito donde se definen.

Hasta ahora, todas las ligaduras las hemos definido en el ámbito global, por lo que se almacenan en el marco global.

Por eso también decimos que esas ligaduras tienen ámbito global, o que pertenecen al ámbito global, o que están definidas en el ámbito global, o que son **globales**.

5. Documentación interna

5.1. Identificadores significativos

Se recomienda usar identificadores descriptivos.

Es mejor usar:

```
ancho = 640
alto = 400
superficie = ancho * alto
```

que

```
x = 640
y = 400
z = x * y
```

aunque ambos programas sean equivalentes en cuanto al efecto que producen y el resultado que generan.

Si el identificador representa varias palabras, se puede usar el carácter de guión bajo (_) para separarlas y formar un único identificador:

```
altura_triangulo = 34.2
```

5.2. Comentarios

Los comentarios en Python empiezan con el carácter # y se extienden hasta el final de la línea.

Los comentarios pueden aparecer al comienzo de la línea o a continuación de un espacio en blanco o una porción de código.

Los comentarios no pueden ir dentro de un literal de tipo cadena.

Un carácter # dentro de un literal cadena es sólo un carácter más.

```
# este es el primer comentario
spam = 1 # y este es el segundo comentario
# ... y este es el tercero
texto = "# Esto no es un comentario porque va entre comillas."
```

Cuando un comentario ocupa varias líneas, se puede usar el «truco» de poner una cadena con triples comillas:

```
x = 1
"""
Esta es una cadena
que ocupa varias líneas
y que actúa como comentario.
"""
y = 2
```

Python evaluará la cadena pero, al no usarse dentro de ninguna expresión ni ligarse a ningún identificador, simplementa la ignorará (como un comentario).

Bibliografía

Abelson, Harold, Gerald Jay Sussman, and Julie Sussman. 1996. Structure and Interpretation of Com-

puter Programs. 2nd ed. Cambridge, Mass.: New York: MIT Press; McGraw-Hill.

Blanco, Javier, Silvina Smith, and Damián Barsotti. 2009. Cálculo de Programas. Córdoba, Argentina: Universidad Nacional de Córdoba.

Van-Roy, Peter, and Seif Haridi. 2004. Concepts, Techniques, and Models of Computer Programming. Cambridge, Mass: MIT Press.