# Programación funcional I

Ricardo Pérez López

IES Doñana, curso 2019/2020



- 1. El lenguaje de programación Python
- 2. Modelo de ejecución
- 3. Expresiones
- 4. Álgebra de Boole
- 5. Variables y constantes
- 6. Documentación interna

## 1. El lenguaje de programación Python

- 1.1 Historia
- 1.2 Características principales



1.1. Historia

1.2. Características principales

## 2. Modelo de ejecución

- 2.1 Modelo de ejecución
- 2.2 Modelo de sustitución



2.1. Modelo de ejecución



## 2.1. Modelo de ejecución

- Cuando escribimos programas (y algoritmos) nos interesa abstraernos del funcionamiento detallado de la máquina que va a ejecutar esos programas.
- ▶ Nos interesa buscar una *metáfora*, un símil de lo que significa ejecutar el programa.
- De la misma forma que un arquitecto crea modelos de los edificios que se pretenden construir, los programadores podemos usar modelos que simulan en esencia el comportamiento de nuestros programas.
- Esos modelos se denominan modelos de ejecución.
- Los modelos de ejecución nos permiten razonar sobre los programas sin tener que ejecutarlos.

Definición:

#### Modelo de ejecución:

Es una herramienta conceptual que permite a los programadores razonar sobre el funcionamiento de un programa sin tener que ejecutarlo directamente en el ordenador.

- Podemos definir diferentes modelos de ejecución dependiendo, principalmente, de:
  - El paradigma de programación utilizado (ésto sobre todo).
  - El lenguaje de programación con el que escribamos el programa.
  - Los aspectos que queramos estudiar de nuestro programa.



2.2. Modelo de sustitución

#### 2.2. Modelo de sustitución

- En programación funcional, un programa es una expresión y lo que hacemos al ejecutarlo es evaluar dicha expresión, usando para ello las definiciones de operadores y funciones predefinidas por el lenguaje, así como las definidas por el programador y que el código fuente del programa.
- La evaluación de una expresión, en esencia, consiste en sustituir, dentro de ella, unas sub-expresiones por otras que, de alguna manera, estén más cerca del valor a calcular, y así hasta calcular el valor de la expresión al completo.
- Por ello, la ejecución de un programa funcional se puede modelar como un sistema de reescritura al que llamaremos modelo de sustitución.

- La ventaja de este modelo es que no necesitamos recurrir a pensar que debajo de todo esto hay un ordenador con una determinada arquitectura hardware, que almacena los datos en celdas de la memoria principal, que ejecuta ciclos de instrucción en la CPU, que las instrucciones modifican los datos de la memoria, etc.
- ► Todo resulta mucho más fácil que eso.
- Todo se reduce a evaluar expresiones.

## 3. Expresiones

- 3.1 Evaluación de expresiones
- 3.2 Literales
- 3.3 Operaciones, operadores y operandos
- 3.4 Tipos de datos
- 3.5 Algebraicas vs. algorítmicas
- 3.6 Aritméticas
- 3.7 Operaciones predefinidas
- 3.8 Constantes predefinidas

## 3.1. Evaluación de expresiones

- 3.1.1 Transparencia referencial
- 3.1.2 Valores, expresión canónica y forma normal
- 3.1.3 Formas normales y evaluación

## 3.1. Evaluación de expresiones

- Ya hemos visto que la ejecución de un programa funcional consiste, en esencia, en evaluar una expresión.
- Evaluar una expresión consiste en determinar el valor de la expresión. Es decir, una expresión representa o denota un valor.
- En programación funcional, el significado de una expresión es su valor, y no puede ocurrir ningún otro efecto, ya sea oculto o no, en ninguna operación que se utilice para calcularlo.
- Una característica de la programación funcional es que toda expresión posee un valor definido, a diferencia de otros paradigmas en los que, por ejemplo, existen las sentencias, que no poseen ningún valor.
- Además, el orden en el que se evalúe no debe influir en el resultado.

Podemos decir que las expresiones:

3

$$1 + 2$$

$$5 - 3$$

denotan todas el mismo valor (el número abstracto 3).

- Es decir: todas esas expresiones son representaciones diferentes del mismo ente abstracto.
- Lo que hace el sistema es buscar la representación más simplificada o reducida posible (en este caso, 3).
- Por eso a menudo usamos, indistintamente, los términos reducir, simplificar y evaluar.

## Transparencia referencial

- En programación funcional, el valor de una expresión depende, exclusivamente, de los valores de sus sub-expresiones constituyentes.
- Dichas sub-expresiones, además, pueden ser sustituidas libremente por otras que tengan el mismo valor.
- ► A esta propiedad se la denomina **transparencia referencial**.
- En la práctica, eso significa que la evaluación de una expresión no puede provocar efectos laterales.
- Formalmente, se puede definir así:

#### Transparencia referencial:

Si p = q, entonces f(p) = f(q).

## Valores, expresión canónica y forma normal

- Los ordenadores no manipulan valores, sino que sólo pueden manejar representaciones concretas de los mismos.
  - representar los números enteros.
- Pidamos que la representación del valor resultado de una evaluación sea única.

Por eiemplo: utilizan la codificación binaria en complemento a 2 para

- De esta forma, seleccionemos de cada conjunto de expresiones que denoten el mismo valor, a lo sumo una que llamaremos expresión canónica de ese valor.
- Además, llamaremos a la expresión canónica que representa el valor de una expresión la forma normal de esa expresión.
- Con esta restricción pueden quedar expresiones sin forma normal.

#### ► Ejemplo:

- De las expresiones anteriores:
  - 3
  - 1 + 2
  - 5 − 3

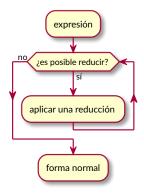
que denotan todas el mismo valor abstracto **3**, seleccionamos una (la expresión **3**) como la **expresión canónica** de ese valor.

- Igualmente, la expresión 3 es la forma normal de todas las expresiones anteriores (y de cualquier otra expresión con valor 3).
- Es importante no confundir el valor abstracto 3 con la expresión 3 que representa dicho valor.

- ▶ Hay valores que no tienen expresión canónica:
  - Las funciones (los valores de tipo función).
  - El número  $\pi$  no tiene representación decimal finita, por lo que tampoco tiene expresión canónica.
- ▶ Y hay expresiones que no tienen forma normal:
  - Si definimos inf = inf + 1, la expresión inf (que es un número) no tiene forma normal.
  - Lo mismo ocurre con  $\frac{1}{0}$ .

## Formas normales y evaluación

- A partir de todo lo dicho, la ejecución de un programa será el proceso de encontrar su forma normal.
- Un ordenador evalúa una expresión (o ejecuta un programa) buscando su forma normal y mostrando este resultado.
- Con los lenguajes funcionales los ordenadores alcanzan este objetivo a través de múltiples pasos de reducción de las expresiones para obtener otra equivalente más simple.
- El sistema de evaluación dentro de un ordenador está hecho de forma tal que cuando ya no es posible reducir la expresión es porque se ha llegado a la forma normal.



3.2. Literales

#### 3.2. Literales

- Un literal es un valor escrito directamente en el código del programa (en una expresión).
- El literal representa un valor constante.
- Ejemplos:

```
-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3 (literales que representan números enteros)
```

```
3.5, -2.7 (literales que representan números reales)
```

```
"hola", "pepe", "25", "" (literales de tipo cadena)
```

- Los literales tienen que satisfacer las reglas de sintaxis del lenguaje.
- Gracias a esas reglas sintácticas, el intérprete puede identificar qué literales son, qué valor representan y de qué tipo son.
- Se deduce, pues, que un literal debe ser la expresión canónica del valor correspondiente.

## 3.3. Operaciones, operadores y operandos

- 3.3.1 Aridad de operadores
- 3.3.2 Paréntesis
- 3.3.3 Asociatividad de operadores
- 3.3.4 Precedencia de operadores

## 3.3. Operaciones, operadores y operandos

- ► En una expresión puede haber:
  - Datos
  - Operaciones a realizar sobre esos datos
- ▶ A su vez, las operaciones se pueden representar en forma de:
  - Operadores
  - Funciones
  - Métodos
- Empezaremos hablando de los operadores.

- Un operador es un símbolo o palabra clave que representa la realización de una operación sobre unos datos llamados operandos.
- ► Ejemplos:
  - Los operadores aritméticos: +, -, \*, / (entre otros):

```
3 + 4
```

(aquí los operandos son los números 3 y 4)

```
9 * 8
```

(aquí los operandos son los números 9 y 8)

■ El operador in para comprobar si un carácter pertenece a una cadena:

```
"c" in "barco"
```

(aquí los operandos son las cadenas "c" y "barco")

## Aridad de operadores

- Los operadores se clasifican en función de la cantidad de operandos sobre los que operan en:
  - Unarios: operan sobre un único operando.

Ejemplo: el operador - que cambia el signo de su operando:



- Binarios: operan sobre dos operandos.
  - Ejemplo: la mayoría de operadores aritméticos.
- **Ternarios**: operan sobre tres operandos.

Veremos un ejemplo más adelante.

#### **Paréntesis**

- Los **paréntesis** sirven para agrupar elementos dentro de una expresión.
- Se usan, sobre todo, para hacer que varios elementos actúen como uno solo en el contexto de una operación.
  - Por ejemplo:

$$(3 + 4) * 5$$
 vale 35



## Asociatividad de operadores

 En ausencia de paréntesis, cuando un operando está afectado a derecha e izquierda por el mismo operador, se aplican las reglas de la asociatividad:

```
8 / 4 / 2
```

El 4 está afectado a derecha e izquierda por el mismo operador /, por lo que se aplican las reglas de la asociatividad. El / es *asociativo por la izquierda*, así que se actúa primero el operador que está a la izquierda. Equivale a hacer:

```
(8 / 4) / 2
```

Si hiciéramos

```
8 / (4 / 2)
```

el resultado sería distinto.

### Precedencia de operadores

En ausencia de paréntesis, cuando un operando está afectado a derecha e izquierda por distinto operador, se aplican las reglas de la prioridad:

```
8 + 4 * 2
```

El 4 está afectado a derecha e izquierda por distintos operadores (+ y \*), por lo que se aplican las reglas de la prioridad. El \* tiene m'as prioridad que el \*, así que actúa primero el \*. Equivale a hacer:

```
8 + (4 * 2)
```

Si hiciéramos

```
(8 + 4) * 2
```

el resultado sería distinto.

## 3.4. Tipos de datos

- 3.4.1 Concepto
- 3.4.2 Tipos de datos básicos

### Concepto

- ▶ Los datos que comparten características y propiedades se agrupan en **conjuntos**.
- Asimismo, sobre cada conjunto de valores se definen una serie de operaciones, que son aquellas que tiene sentido realizar con esos valores.
- Un tipo de datos define un conjunto de valores y el conjunto de operaciones válidas que se pueden realizar sobre dichos valores.
- Definición:

#### Tipo de un dato:

Es una característica del dato que indica el conjunto de *valores* al que pertenece y las *operaciones* que se pueden realizar sobre él.

► El **tipo de una expresión** es el tipo del valor resultante de evaluar dicha expresión.

#### Ejemplos:

- El tipo int en Python define el conjunto de los números enteros, sobre los que se pueden realizar las operaciones aritméticas (suma, producto, etc.) entre otras.
- El tipo str define el conjunto de las cadenas, sobre las que se pueden realizar otras operaciones (la concatenación, la indexación, etc.).

### Sistema de tipos

- El sistema de tipos de un lenguaje es el conjunto de reglas que asigna un tipo a cada elemento del programa.
- Exceptuando a los lenguajes no tipados (Ensamblador, código máquina, Forth...) todos los lenguajes tienen su propio sistema de tipos, con sus características.
- El sistema de tipos de un lenguaje depende también del paradigma de programación que soporte el lenguaje. Por ejemplo, en los lenguajes orientados a objetos, el sistema de tipos se construye a partir de los conceptos propios de la orientación a objetos (clases, interfaces...).

## Tipado fuerte vs. débil

- Un lenguaje de programación es fuertemente tipado (o de tipado fuerte) si no se permiten violaciones de los tipos de datos.
- Es decir, un valor de un tipo concreto no se puede usar como si fuera de otro tipo distinto a menos que se haga una conversión explícita.
- ▶ Un lenguaje es **débilmente tipado** (o de **tipado débil**) si no es de tipado fuerte.
- En los lenguajes de tipado débil se pueden hacer operaciones entre datos cuyo tipos no son los que espera la operación, gracias al mecanismo de conversión implícita.

#### Ejemplo:

Python es un lenguaje fuertemente tipado, por lo que no podemos hacer lo siguiente (da un error de tipos):

```
2 + "3"
```

 En cambio, PHP es un lenguaje débilmente tipado y la expresión anterior en PHP es perfectamente válida (y vale 5).

El motivo es que el sistema de tipos de PHP convierte implícitamente la cadena "3" en el entero 3 cuando se usa en una operación de suma (+).

## Errores de tipos

- Cuando se intenta realizar una operación sobre un dato cuyo tipo no admite esa operación, se produce un error de tipos.
- ► Ese error puede ocurrir cuando:
  - Los operandos de un operador no pertenecen al tipo que el operador necesita (ese operador no está definido sobre datos de ese tipo).
  - Los argumentos de una función o método no son del tipo esperado.
- Por ejemplo:

```
4 + "hola"
```

es incorrecto porque el operador + no está definido sobre un entero y una cadena (no se pueden sumar un número y una cadena).

- En caso de que exista un error de tipos, lo que ocurre dependerá de si estamos usando un lenguaje interpretado o compilado:
  - Si el lenguaje es **interpretado** (Python):

El error se localizará **durante la ejecución** del programa y el intérprete mostrará un mensaje de error advirtiendo del mismo en el momento justo en que la ejecución alcance la línea de código errónea, para acto seguido finalizar la ejecución del programa.

Si el lenguaje es compilado (Java):

Es muy probable que el comprobador de tipos del compilador detecte el error de tipos **durante la compilación** del programa, es decir, antes incluso de ejecutarlo. En tal caso, se abortará la compilación para impedir la generación de código objeto erróneo.



### Números

- Hay dos tipos numéricos básicos en Python: los enteros y los reales.
  - Los **enteros** se representan con el tipo int.
    - Sólo contienen parte entera, y sus literales se escriben con dígitos sin punto decimal (ej: 13).
  - Los reales se representan con el tipo float.
    - Contienen parte entera y parte fraccionaria, y sus literales se escriben con dígitos y con punto decimal separando ambas partes (ej: 4.87). Los números en notación exponencial (2e3) también son reales.



## Operadores aritméticos

Operador	Descripción	Ejemplo	Resultado	Comentarios
+	Suma	3 + 4	7	
-	Resta	3 - 4	-1	
*	Producto	3 * 4	12	
/	División	3 / 4	0.75	Devuelve un float
%	Módulo	4 % 3	1	Resto de la división
		8 % 3	2	
**	Exponente	3 ** 4	81	Devuelve 3 <sup>4</sup>
//	División entera	4 // 3	1	
		-4 // 3	-2	??

## Cadenas

3.5. Algebraicas vs. algorítmicas

3.6. Aritméticas

## 3.7. Operaciones predefinidas

- 3.7.1 Operadores predefinidos
- 3.7.2 Funciones predefinidas
- 3.7.3 Métodos predefinidos

3.8. Constantes predefinidas



# 4. Álgebra de Boole

- 4.1 El tipo de dato booleano
- 4.2 Operadores relacionales
- 4.3 Operadores lógicos
- 4.4 Axiomas
- 4.5 Teoremas fundamentales
- 4.6 El operador ternario



4.1. El tipo de dato booleano

## 4.1. El tipo de dato booleano

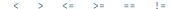
- Un dato lógico o booleano es aquel que puede tomar uno de dos posibles valores, que se denotan normalmente como verdadero y falso.
- Esos dos valores tratan de representar los dos valores de verdad de la lógica y el álgebra booleana.
- Su nombre proviene de George Boole, matemático que definió por primera vez un sistema algebraico para la lógica a mediados del S. XIX.
- En Python, el tipo de dato lógico se representa como bool y sus posibles valores son False y True (con la inicial en mayúscula).
- ▶ Esos dos valores son *formas especiales* para los enteros 0 y 1, respectivamente.



4.2. Operadores relacionales

## 4.2. Operadores relacionales

- Los operadores relacionales son operadores que toman dos operandos (que usualmente deben ser del mismo tipo) y devuelven un valor booleano.
- Los más conocidos son los operadores de comparación, que sirven para comprobar si un dato es menor, mayor o igual que otro, según un orden preestablecido.
- Los operadores de comparación que existen en Python son:



4.3. Operadores lógicos

## 4.3. Operadores lógicos

- Los operadores lógicos son operadores que toman uno o dos operandos booleanos y devuelven un valor booleano.
- Representan las operaciones básicas del álgebra de Boole llamadas suma, producto y complemento.
- En lógica proposicional (un tipo de lógica matemática que tiene estructura de álgebra de Boole), se llaman:
  - Disyunción (∨),
  - Conjunción (∧) y
  - Negación (¬).
- ▶ En Python se representan como or, and y not, respectivamente

4.4. Axiomas

4.4.1 Traducción a Python



### 4.4. Axiomas

- 1. Ley asociativa:  $\begin{cases} \forall a,b,c \in \mathfrak{B}: (a \vee b) \vee c = a \vee (b \vee c) \\ \forall a,b,c \in \mathfrak{B}: (a \wedge b) \wedge c = a \wedge (b \wedge c) \end{cases}$
- 2. Ley conmutativa:  $\begin{cases} \forall a,b \in \mathfrak{B}: a \lor b = b \lor a \\ \forall a,b \in \mathfrak{B}: a \land b = b \land a \end{cases}$
- 3. Ley distributiva:  $\begin{cases} \forall a,b,c \in \mathfrak{B}: a \vee (b \wedge c) = (a \vee b) \wedge (a \vee c) \\ \forall a,b,c \in \mathfrak{B}: a \wedge (b \vee c) = (a \wedge b) \vee (a \wedge c) \end{cases}$
- 4. Elemento neutro:  $\begin{cases} \forall a \in \mathfrak{B} : a \lor F = a \\ \forall a \in \mathfrak{B} : a \land V = a \end{cases}$
- 5. Elemento complementario:  $\begin{cases} \forall a \in \mathfrak{B}; \exists \neg a \in \mathfrak{B}: a \lor \neg a = V \\ \forall a \in \mathfrak{B}; \exists \neg a \in \mathfrak{B}: a \land \neg a = F \end{cases}$

Luego  $(\mathfrak{B}, \neg, \vee, \wedge)$  es un álgebra de Boole.

Programación funcional I

## Traducción a Python

#### 1. Ley asociativa:

```
(a or b) or c == a or (b or c)
(a and b) and c == a and (b and c)
```

#### 2. Ley conmutativa:

```
a or b == b or a
a and b == b and a
```

### 3. Ley distributiva:

```
a or (b and c) == (a or b) and (a or c)
a and (b or c) == (a and b) or (a and c)
```

#### 4. Elemento neutro:

```
a or False == a
a and True == a
```

## 5. Elemento complementario:

```
a or (not a) == True
a and (not a) == False
```



## 4.5. Teoremas fundamentales

4.5.1 Traducción a Python

### 4.5. Teoremas fundamentales

- 6. Ley de idempotencia:  $\begin{cases} \forall a \in \mathfrak{B} : a \lor a = a \\ \forall a \in \mathfrak{B} : a \land a = a \end{cases}$
- 7. Ley de absorción:  $\begin{cases} \forall a \in \mathfrak{B}: a \vee V = V \\ \forall a \in \mathfrak{B}: a \wedge F = F \end{cases}$
- 8. Ley de identidad:  $\begin{cases} \forall a \in \mathfrak{B} : a \lor \mathsf{F} = a \\ \forall a \in \mathfrak{B} : a \land \mathsf{V} = a \end{cases}$
- 9. Ley de involución:  $\begin{cases} \forall a \in \mathfrak{B} : \neg \neg a = a \\ \neg V = F \\ \neg F = V \end{cases}$
- 10. Leyes de De Morgan:  $\begin{cases} \forall a,b \in \mathfrak{B} : \neg (a \lor b) = \neg a \land \neg b \\ \forall a,b \in \mathfrak{B} : \neg (a \land b) = \neg a \lor \neg b \end{cases}$

## Traducción a Python

#### 6. Ley de idempotencia:

```
a or a == a
a and a == a
```

#### 7. Ley de absorción:

```
a or True == True
a and False == False
```

#### 8. Ley de identidad:

```
a or False == a
a and True == a
```

#### 9. Ley de involución:

```
not (not a) == a
not True == False
not False == True
```

#### 10. Leyes de De Morgan:

```
not (a or b) == (not a) and (not b)
not (a and b) == (not a) or (not b)
```



4.6. El operador ternario



## 4.6. El operador ternario

- Las expresiones lógicas (o booleanas) se pueden usar para comprobar si se cumple una determinada condición.
- Las condiciones en un lenguaje de programación se representan mediante expresiones lógicas cuyo valor (verdadero o falso) indica si la condición se cumple o no se cumple.
- Con el operador ternario podemos hacer que el resultado de una expresión varíe entre dos posibles opciones dependiendo de si se cumple o no una condición.
- El operador ternario se llama así porque es el único operador en Python que actúa sobre tres operandos.



Su sintaxis es:

```
<expresión_condicional> ::= <valor_si_verdadero> if <condición> else <valor_si_falso>
```

- donde:
  - <condición> debe ser una expresión lógica
  - «valor\_si\_verdadero» y «valor\_si\_falso» pueden ser expresiones de cualquier tipo
- ► El valor de la expresión completa será <valor\_si\_verdadero> si la <condición> es cierta; en caso contrario, su valor será <valor\_si\_falso>.
- ► Ejemplo:

```
25 if 3 > 2 else 17
```

evalúa a 25.

# 5. Variables y constantes

- 5.1 Definiciones
- 5.2 Identificadores
- 5.3 Ligadura (binding)
- 5.4 Estado
- 5.5 Tipado estático vs. dinámico
- 5.6 Evaluación de expresiones con variables
- 5.7 Constantes



## 5.1. Definiciones



## 5.2. Identificadores



5.3. Ligadura (binding)



5.4. Estado



5.5. Tipado estático vs. dinámico



5.6. Evaluación de expresiones con variables



5.7. Constantes



# 6. Documentación interna

- 6.1 Identificadores significativos
- 6.2 Comentarios
- 6.3 Docstrings

6.1. Identificadores significativos

6.2. Comentarios

6.3. Docstrings



# 7. Respuestas a las preguntas

# 7. Respuestas a las preguntas I



# 8. Bibliografía

## 8. Bibliografía

Abelson, Harold, Gerald Jay Sussman, and Julie Sussman. 1996. Structure and Interpretation of Computer Programs. 2nd ed. Cambridge, Mass.: New York: MIT Press; McGraw-Hill.

Blanco, Javier, Silvina Smith, and Damián Barsotti. 2009. Cálculo de Programas. Córdoba, Argentina: Universidad Nacional de Córdoba.