Programación procedimental (I)

Ricardo Pérez López

IES Doñana, curso 2025/2026



Generado el 2025/07/15 a las 14:33:00

- 1. Conceptos básicos
- 2. Funciones imperativas

1. Conceptos básicos

1.1. Procedimientos



Procedimientos

- A un bloque de sentencias que realiza una tarea específica se le puede dar un nombre.
- De esta forma se crearía una única unidad de código empaquetado que actuaría bajo ese nombre como una caja negra, de manera que, para poder usarla, bastaría con *llamarla* invocando su nombre sin tener que conocer sus detalles internos de funcionamiento.
- A este tipo de «bloques con nombre» se les denomina subrutinas, subprogramas o procedimientos.
- Es el equivalente imperativo al concepto de función en programación funcional, solo que en lugar de estar formado por una expresión, está formado por una sentencia o bloque de sentencias.

- Los procedimientos nos ayudan a:
 - Descomponer el problema principal en subproblemas más pequeños que se pueden resolver por separado de una forma más o menos independiente del resto.
 - Ocultar la complejidad de partes concretas de un programa bajo capas de abstracción con diferentes niveles de detalle.
 - Desarrollar el programa mediante sucesivos refinamientos de cada nivel de abstracción.
- En definitiva, los procedimientos son abstracciones.
- La llamada o invocación a un procedimiento es una sentencia simple pero que provoca la ejecución de un bloque de sentencias.
- Por tanto, podría considerarse que un procedimiento es una sentencia compuesta que actúa como una sentencia simple.



1.2. El paradigma de programación procedimental



El paradigma de programación procedimental

- La programación procedimental (procedural programming) es un paradigma de programación imperativa basada en los conceptos de procedimiento y llamada a procedimientos.
- En este paradigma, un programa imperativo está compuesto principalmente por procedimientos (bloques de sentencias con nombre) que se llaman entre sí.
- Los procedimientos pueden tener parámetros a través de los cuales reciben sus datos de entrada, caso de necesitarlos.
- ▶ A su vez, los procedimientos pueden devolver un resultado, de ser necesario.
- Los procedimientos, además, determinan su propio ámbito local y (dependiendo del lenguaje de programación usado) también podrían acceder a otros ámbitos no locales que contengan al suyo, como el ámbito global.

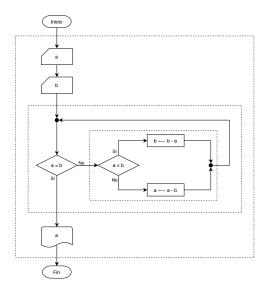


1.3. Procedimientos y refinamiento sucesivo



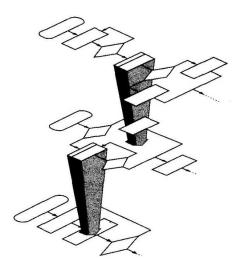
Procedimientos y refinamiento sucesivo

- Durante el proceso de refinamiento sucesivo que acabamos de estudiar, se pueden ir creando procedimientos que representen diferentes niveles de detalle en el diseño descendente.
- Recordemos que una estructura de control es una sentencia compuesta y, como tal, podemos estudiarla como si fuera una sola sentencia (con su entrada y su salida), sin tener que conocer el detalle de cómo funciona por dentro, es decir, sin tener que conocer qué sentencias más simples contiene.



Las cajas con trazo discontinuo, que representan los límites de cada estructura, nos hacen entender que podemos ver cada una de esas estructuras como una sola sentencia.

- De igual forma, una llamada a un procedimiento es una sentencia simple que actúa como una sentencia compuesta, formada por varias instrucciones (el cuerpo del procedimiento) que actúan como una sola.
- En ese caso, el procedimiento actúa como un recurso abstracto en un determinado nivel (en ese nivel, se invoca al procedimiento aunque aún no exista) que luego se implementa en un nivel de mayor refinamiento.
- El uso de procedimientos para escribir programas siguiendo un diseño descendente nos lleva a un código descompuesto en partes separadas en lugar de tener un único código enorme con todo el texto del programa escrito directamente al mismo nivel.
- Esta forma de refinamiento y de diseño descendente está ya más relacionado con el concepto de programación modular, que estudiaremos posteriormente.
- En un ordinograma, una llamada a un procedimiento se representa como un rectángulo con doble trazo superior.



Diseño descendente por refinamiento sucesivo usando procedimientos

► El ejemplo anterior descompuesto en procedimientos sería:

```
Algoritmo: Tabla de multiplicar de n \times n

Entrada: El tamaño n (por la entrada estándar)

Salida: La tabla de multiplicar de n \times n (por la salida estándar)

inicio

leer n

construir_tabla(n)

fin
```

```
Procedimiento: construir_tabla(m) Entrada: El tamaño m Salida: La tabla de multiplicar de m \times m (por la salida estándar) inicio i \longleftarrow 1 mientras i \le m hacer escribir_fila(i, m) i \longleftarrow i + 1 fin
```

```
Procedimiento: escribir_fila(f, t)
Entrada: El número (f) de la fila a escribir y el tamaño (t) de la tabla
Salida: La fila f de la tabla de multiplicar (por la salida estándar)
inicio

i \longleftarrow 1
mientras i \le t hacer
escribir f \times i sin salto de línea
i \longleftarrow i+1
escribir un salto de línea
fin
```

- El código escrito mediante descomposición en procedimientos tiene dos grandes ventajas:
 - Es más fácil de entender un código basado en abstracciones independientes y separadas que se llaman entre sí, antes que un código donde todo está en el mismo nivel de refinamiento formando un texto monolítico de principio a fin.
 - Es probable que los procedimientos así obtenidos puedan reutilizarse en otros programas con poca o ninguna variación, siempre y cuando sean lo suficientemente genéricos e independientes del resto del programa que los utiliza.

- Estas ventajas nos están ya haciendo entender que puede resultar interesante diseñar un programa descomponiéndolo en partes separadas, asunto que veremos con más detalle al estudiar la programación modular.
- Pero no debemos confundir la programación procedimental con la programación modular, que son términos relacionados pero diferentes.
- Asimismo, la mayoría de los lenguajes estructurados permiten la creación de procedimientos, lo que a veces lleva a la confusión de creer que la programación estructurada y la procedimental son el mismo paradigma.



2. Funciones imperativas

2.1. Introducción

Introducción

- Cada lenguaje de programación procedimental establece sus propios mecanismos de creación de procedimientos.
- ▶ En Python, los procedimientos son las denominadas funciones imperativas.
- En los lenguajes orientados a objetos, los procedimientos serían los métodos, que son funciones imperativas que se ejecutan sobre objetos.
- Estudiaremos ahora cómo crear y usar funciones imperativas en Python.
- Al ser Python un lenguaje orientado a objetos además de procedimental, en su momento veremos también cómo crear métodos haciendo uso de funciones imperativas.



2.2. Definición de funciones imperativas



Definición de funciones imperativas

- Al igual que ocurre en programación funcional, una función imperativa es una construcción sintáctica que acepta argumentos y produce un resultado.
- Pero a diferencia de lo que ocurre en programación funcional, una función imperativa contiene sentencias.
- Las funciones imperativas en Python conforman los bloques básicos que nos permiten descomponer un programa en partes que se combinan entre sí, lo que resulta el complemento perfecto para la programación estructurada.
- Todavía podemos construir funciones mediante expresiones lambda, pero las funciones imperativas tienen ventajas:
 - Podemos escribir sentencias dentro de las funciones imperativas.
 - Podemos escribir funciones que no devuelvan ningún resultado porque su cometido sea provocar algún efecto lateral.

La **definición** de una función imperativa tiene la siguiente sintaxis:

```
⟨definición_función⟩ ::=
def ⟨nombre⟩([⟨lista_parámetros⟩]):
⟨cuerpo⟩
```

donde:

```
⟨lista_parámetros⟩ ::= identificador [, identificador]*
⟨cuerpo⟩ ::= ⟨sentencia⟩
```

Por ejemplo:

```
def saluda(persona):
    print('Hola', persona)
    print('Encantado de saludarte')

def despide():
    print('Hasta luego, Lucas')
```

- La definición de una función imperativa es una sentencia compuesta, es decir, una estructura (como las estructuras de control if, while, etcétera).
- Por tanto, puede aparecer en cualquier lugar del programa donde pueda haber una sentencia.
- Como en cualquier otra estructura, las sentencias que contiene (las que van en el cuerpo de la función) van indentadas (o sangradas) dentro de la definición de la función.
- Por tanto (de nuevo, como en cualquier otra estructura), el final de la función se deduce al encontrarse una sentencia menos indentada que el cuerpo, o bien el final del script.

- La definición de una función es una sentencia ejecutable que, como cualquier otra definición, crea una ligadura entre un identificador (el nombre de la función) y una variable que almacenará una referencia a la función dentro del montículo.
- La definición de una función no ejecuta el cuerpo de la función. El cuerpo se ejecutará únicamente cuando se llame a la función, al igual que ocurría con las expresiones lambda.
- Esa definición se ejecuta en un determinado ámbito (normalmente, el ámbito global) y, por tanto, su ligadura y su variable se almacenarán en el marco del ámbito donde se ha definido la función (normalmente, el marco global).
- Asimismo, el cuerpo de una función imperativa determina un ámbito, al igual que ocurría con las expresiones lambda.



```
def saluda(persona):

| print('Hola', persona) |
| print('Encantado de saludarte') |
| def despide():
| Ambito de despide |
| print('Hasta luego, Lucas')
```

El cuerpo de una función determina un ámbito

Nuestra gramática se vuelve a ampliar para incluir las definiciones de funciones imperativas como un caso más de sentencia compuesta:



- En la definición de un función, podemos indicar los tipos tanto de los parámetros como del valor de retorno de la función.
- Esos tipos son, efectivamente, anotaciones de tipo (o type hints en inglés), y ya los hemos visto anteriormente, por ejemplo al escribir la signatura de una función.
- En realidad, la primera línea de la definición de una función (que técnicamente se denomina la cabecera de la función) podría entenderse que es la signatura de la función, precedida por la palabra clave def.

Por ejemplo, la siguiente definición de una función que saluda a una persona a partir de su nombre y sus apellidos:

```
def saluda(nombre, apellidos):
    print('Hola', nombre, apellidos)
```

se podría anotar de la siguiente forma:

```
def saluda(nombre: str, apellidos: str) -> None:
    print('Hola', nombre, apellidos)
```

lo que nos lleva a que la función tiene la siguiente signatura:

```
saluda(nombre: str, apellidos: str) -> None
```

La función anterior devuelve None porque realmente no devuelve ningún valor (su único cometido es escribir en la consola usando print).



 Por tanto, nuestra sintaxis se puede ampliar para incluir las anotaciones de tipo en las definiciones de las funciones:

```
⟨definición_función⟩ ::=
def ⟨nombre⟩([⟨lista_parámetros⟩])[-> ⟨tipo⟩]:
   ⟨cuerpo⟩
⟨lista_parámetros⟩ ::= identificador[[: ⟨tipo⟩] [, identificador]*
```

 Es importante recordar que el intérprete no comprueba en ningún momento las anotaciones de tipo para verificar que son correctas. Para ello se utilizan herramientas externas como pylint o mypy.



2.3. Llamadas a funciones imperativas



Llamadas a funciones imperativas

- Cuando se llama a una función imperativa, ocurre lo siguiente (en este orden):
 - Como siempre que se llama a una función, se crea un nuevo marco en el entorno (que contiene las ligaduras y variables locales a su ámbito, incluyendo sus parámetros) y se almacena en la pila de control.
 - Se pasan los argumentos de la llamada a los parámetros de la función, de forma que los parámetros toman los valores de los argumentos correspondientes.
 - Recordemos que en Python se sigue el orden aplicativo (o evaluación estricta): primero se evalúan los argumentos y después se pasan a los parámetros correspondientes.
 - 3. El flujo de control del programa se transfiere al bloque de sentencias que forman el cuerpo de la función y se empieza a ejecutar éste.

- Cuando se termina de ejecutar el cuerpo de la función (o, dicho de otra forma, cuando se sale de la función):
 - 1. Se genera su valor de retorno (en breve veremos cómo).
 - 2. Se saca su marco de la pila.
 - 3. Se devuelve el control de la ejecución a la sentencia que llamó a la función.
 - 4. Se sustituye, en dicha sentencia, la llamada a la función por su valor de retorno.
 - 5. Se continúa la ejecución del programa desde ese punto.
- En consecuencia, podemos considerar que la llamada a una función es una sentencia simple que, en realidad, actúa como una sentencia compuesta, una estructura secuencial (o bloque), que es el cuerpo de la función.

▶ Por ejemplo:

```
def saluda(persona):
    print('Hola', persona)
    print('Encantado de saludarte')

def despide():
    print('Hasta luego, Lucas')

saluda('Pepe')
print('El gusto es mío')
saluda('Juan')
despide()
print('Sayonara, baby')
```

Produce la siguiente salida:

```
Hola Pepe
Encantado de saludarte
El gusto es mío
Hola Juan
Encantado de saludarte
Hasta luego, Lucas
Savonara. baby
```

Ver ejecución paso a paso en Pythontutor

Una función puede llamar a otra.

▶ Por ejemplo, este programa:

```
def saluda(persona):
    print('Hola', persona)
    quiensoy()
    print('Encantado de saludarte')

def despide():
    print('Hasta luego, Lucas')

def quiensoy():
    print('Me llamo Ricardo')

saluda('Pepe')
print('El gusto es mío')
saluda('Juan')
despide()
print('Sayonara, baby')
```

Produce la siguiente salida:

Hola Pepe Me llamo Ricardo Encantado de saludarte El gusto es mío Hola Juan Me llamo Ricardo Encantado de saludarte Hasta luego, Lucas Sayonara, baby

Ver ejecución paso a paso en Pythontutor



- La función debe estar definida antes de poder llamarla.
- Eso significa que el intérprete de Python debe ejecutar el def de una función antes de que el programa pueda llamar a esa función.
- Por ejemplo, el siguiente programa lanzaría el error «NameError: name 'hola' is not defined» en la línea 1:

```
1 hola()
2 def hola(): print('hola')
```

► En cambio, este funcionaría perfectamente:

```
1     def hola():
        print('hola')
3        hola()
```

2.4. Paso de argumentos



Paso de argumentos

- En el marco de la función llamada se almacenan, entre otras cosas, los parámetros de la función.
- Al entrar en la función, los parámetros contendrán los valores de los argumentos que se hayan pasado a la función al llamar a la misma.
- Existen distintos mecanismos de paso de argumentos, dependiendo del lenguaje de programación utilizado.
- Los más conocidos son los llamados paso de argumentos por valor y paso de argumentos por referencia.
- En Python existe un único mecanismo de paso de argumentos llamado paso de argumentos por asignación, que en la práctica resulta bastante sencillo:
 - Lo que hace el intérprete es *asignar* el argumento al parámetro, como si hiciera internamente *\(\parametro\)* = *\(\argumento\)*, por lo que se aplica todo lo relacionado con los *alias* de variables, mutabilidad, etc.

▶ Por ejemplo:

```
1 def saluda(persona):
    print('Hola', persona)
3    print('Encantado de saludarte')
4    saluda('Manolo') # Saluda a Manolo
6    x = 'Juan'
7    saluda(x) # Saluda a Juan
```

- En la línea 5 se llama a saluda asignándole al parámetro persona el valor 'Manolo'.
- ► En la línea 7 se llama a saluda asignándole al parámetro persona el valor de x, como si se hiciera persona = x, lo que sabemos que crea un *alias*.
 - En este caso, la creación del alias no nos afectaría, ya que el valor pasado como argumento es una cadena y, por tanto, inmutable.



► En caso de pasar un argumento mutable:

```
def cambia(l):
    print(l)
    l.append(99)

lista = [1, 2, 3]
    cambia(lista)  # Imprime [1, 2, 3]
    print(lista)  # Imprime [1, 2, 3, 99]
```

- La función es capaz de cambiar el estado interno de la lista que se ha pasado como argumento porque:
 - Al llamar a la función, el argumento lista se pasa a la función asignándola al parámetro l como si hubiera hecho l = lista.
 - Eso hace que ambas variables sean alias una de la otra (se refieren al mismo objeto lista).
 - Por tanto, la función está modificando el valor de la variable lista que se ha pasado como argumento.

- Recordemos de nuevo que el intérprete no comprueba si los tipos de los argumentos coinciden con los esperados en la lista de parámetros cuando se usan anotaciones de tipos.
- Por tanto, el intérprete de Python ejecutará el siguiente programa sin dar ningún error:

```
def saluda(nombre: str) -> None:
    print('Hola', nombre)
saluda(2)
```

- El intérprete no se quejará aunque en la llamada a la función le hayamos pasado un argumento de tipo int cuando deberíamos haberle pasado uno de tipo str, según se indica en su lista de parámetros.
- ► En este caso, además, la función print tampoco dará ningún error ya que puede imprimir valores de tipo entero.



2.5. La sentencia return



La sentencia return

- Para devolver el resultado de la función al código que la llamó, hay que usar una sentencia return.
- Cuando el intérprete encuentra una sentencia return dentro de una función, ocurre lo siguiente (en este orden):
 - Se genera el valor de retorno de la función, que será el valor de la expresión que aparece en la sentencia return.
 - 2. Se finaliza la ejecución de la función, sacando su marco de la pila.
 - 3. Se devuelve el control a la sentencia que llamó a la función.
 - En esa sentencia, se sustituye la llamada a la función por su valor de retorno (el calculado en el paso 1 anterior).
 - 5. Se continúa la ejecución del programa desde ese punto.



Por ejemplo:

```
def suma(x, y):
    return x + y

a = int(input('Introduce el primer número: '))
b = int(input('Introduce el segundo número: '))
resultado = suma(a, b)
print('El resultado es:', resultado)
```

- La función se define en las líneas 1-2. El intérprete lee la definición de la función pero no ejecuta las sentencias de su cuerpo en ese momento (lo hará cuando se llame a la función).
- En la línea 6 se llama a la función suma pasándole como argumentos los valores de a y b, asignándolos a x e y, respectivamente.
- ▶ Dentro de la función, en la sentencia return se calcula la suma x + y y se finaliza la ejecución de la función, devolviendo el control al punto en el que se la llamó (la línea 6) y haciendo que su valor de retorno sea el valor calculado en la suma anterior (el valor de la expresión que acompaña al return).

- ► El valor de retorno de la función sustituye a la llamada a la función en la expresión en la que aparece dicha llamada, al igual que ocurre con las expresiones lambda.
- Por tanto, una vez finalizada la ejecución de la función, la línea 6 se reescribe sustituyendo la llamada a la función por su valor.
- Si, por ejemplo, suponemos que el usuario ha introducido los valores 5 y 7 en las variables a y b, respectivamente, tras finalizar la ejecución de la función tendríamos que la línea 6 quedaría:

```
resultado = 12
```

y la ejecución del programa continuaría ejecutando la sentencia tal y como está ahora.



- ► También es posible usar la sentencia **return** sin devolver ningún valor.
- En ese caso, su utilidad es la de finalizar la ejecución de la función en algún punto intermedio de su código.
- Pero en Python todas las funciones devuelven algún valor.
- Lo que ocurre en este caso es que la función devuelve el valor None.
- Por tanto, la sentencia return sin valor de retorno equivale a hacer return None.

```
def hola():
   print('Hola')
   return
   print('Adiós') # aquí no llega
hola()
```

imprime:

Hola

```
def hola():
    print('Hola')
    return
    print('Adiós')

x = hola() # devuelve None
print(x)
```

imprime:

Hola None



- Cuando se alcanza el final del cuerpo de una función sin haberse ejecutado antes ninguna sentencia return, es como si la última sentencia del cuerpo de la función fuese un return sin valor de retorno.
- ▶ Por ejemplo:

```
def hola():
    print('Hola')
```

equivale a:

```
def hola():
    print('Hola')
    return
```

Esa última sentencia return nunca es necesario ponerla, ya que la ejecución de una función termina automáticamente (y retorna al punto donde se la llamó) cuando ya no quedan más sentencias que ejecutar en su cuerpo.



2.6. Ámbito de variables



Ámbito de variables

La función suma se podría haber escrito así:

```
def suma(x, y):
   res = x + y
   return res
```

y el efecto final habría sido el mismo.

 La variable res que aparece en el cuerpo de la función es una variable local y sólo existe dentro de la función. Por tanto, esto sería incorrecto:

```
1     def suma(x, y):
        res = x + y
3        return res
4        resultado = suma(4, 3)
6        print(res) # da error
```

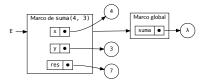
Fuera de la función, la variable res no está definida en el entorno (que está formado sólo por el marco global) y por eso da error en la línea 6.



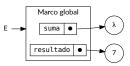
 Eso significa que se crea un nuevo marco en el entorno que contendrá, al menos, los parámetros, las variables locales y las ligaduras locales a la función.

```
1     def suma(x, y):
2         res = x + y
3         return res
4         resultado = suma(4, 3)
6         print(resultado)
```

Ese marco es, por tanto, el espacio de nombres donde se almacenará todo lo que sea local a la función.



Entorno dentro de la función suma



Entorno en la línea 6



Variables locales

- Al igual que pasa con las expresiones lambda, las definiciones de funciones generan un nuevo ámbito.
- Tanto los parámetros como las variables y las ligaduras que se crean en el cuerpo de la función son locales a ella, y por tanto sólo existen dentro de ella.
 - Su **ámbito** es **el cuerpo de la función** a la que pertenecen.
- Los parámetros se pueden usar libremente en cualquier parte del cuerpo de la función porque ya se les ha asignado un valor.
- En cambio, se produce un error UnboundLocalError si se intenta usar una variable local antes de asignarle un valor:

```
>>> def hola():
... print(x) # x es una variable local pero aún no tiene valor asignado
... x = 1 # aquí es donde empieza a tener un valor
...
>>> hola()
UnboundLocalError: local variable 'x' referenced before assignment
```



Variables globales

- Desde dentro de una función es posible usar variables globales, ya que se encuentran en el entorno de la función.
- ▶ Se puede **consultar** el valor de una variable global directamente:

```
x = 4  # esta variable es global

def prueba():
    print(x)  # accede a la variable 'x' global, que vale 4

prueba()  # imprime 4
```

- Pero para poder cambiar una variable global es necesario que la función la declare previamente como global.
- De no hacerlo así, el intérprete supondría que el programador quiere crear una variable local que tiene el mismo nombre que la global:

```
x = 4  # esta variable es global

def prueba():
    x = 5  # crea una variable local

prueba()
print(x)  # imprime 4
```

- Como en Python no existen las declaraciones de variables, el intérprete tiene que averiguar por sí mismo qué ámbito tiene una variable.
- Lo hace con una regla muy sencilla:

Si hay una **asignación** a una variable en cualquier lugar **dentro** de una función, esa variable se considera **local** a la función.

► El siguiente código genera un error «UnboundLocalError: local variable 'x' referenced before assignment». ¿Por qué?

```
x = 4

def prueba():
    x = x + 4
    print(x)

prueba()
```

- Como la función prueba asigna un valor a x, Python considera que x es local a la función.
- ▶ Pero en la expresión x + 4, la variable x aún no tiene ningún valor asignado, por lo que genera un error «variable local x referenciada antes de ser asignada».

global

Para informar al intérprete que una determinada variable es global, se usa la sentencia global:

```
x = 4

def prueba():
    global x # informa que la variable 'x' es global
    x = 5 # cambia el valor de la variable global 'x'

prueba()
print(x) # imprime 5
```

La sentencia «global x» es una declaración que informa al intérprete de que la variable x debe buscarla únicamente en el marco global y que, por tanto, debe saltarse los demás marcos que haya en el entorno.



► Si la variable global no existe en el momento de realizar la asignación, se crea. Por tanto, una función puede crear nuevas variables globales usando global:

```
def prueba():
    global y # informa que la variable 'y' (que aún no existe) es global
    y = 9 # se crea una nueva variable global 'y' que antes no existía

prueba()
print(y) # imprime 9
```



- Las reglas básicas de uso de la sentencia **global** en Python son:
 - Cuando se crea una variable dentro de una función (asignándole un valor), por omisión es local.
 - Cuando se crea una variable fuera de una función, por omisión es global (no hace falta usar la sentencia global).
 - Se usa la sentencia global para cambiar el valor de una variable global dentro de una función (si la variable global no existía previamente, se crea durante la asignación).
 - El uso de la sentencia global fuera de una función no tiene ningún efecto.
 - La sentencia global debe aparecer antes de que se use la variable global correspondiente.



Efectos laterales

- Cambiar el estado de una variable global es uno de los ejemplos más claros y conocidos de los llamados efectos laterales.
- Recordemos que una función tiene (o provoca) efectos laterales cuando provoca cambios de estado observables desde el exterior de la función, más allá de calcular y devolver su valor de retorno.
- Por ejemplo:
 - Cuando cambia el valor de una variable global.
 - Cuando cambia un argumento mutable.
 - Cuando realiza una operación de entrada/salida.
 - Cuando llama a otras funciones que provocan efectos laterales.
- Los efectos laterales hacen que el comportamiento de un programa sea más difícil de predecir.

- La pureza o impureza de una función tienen mucho que ver con los efectos laterales.
- Una función es pura si, desde el punto de vista de un observador externo, el único efecto que produce es calcular su valor de retorno, el cual sólo depende del valor de sus argumentos.
- Por tanto, una función es impura si cumple al menos una de las siguientes condiciones:
 - Provoca efectos laterales, porque está haciendo algo más que calcular su valor de retorno.
 - Su valor de retorno depende de algo más que de sus argumentos (p. ej., de una variable global).
- En una expresión, no podemos sustituir libremente una llamada a una función impura por su valor de retorno.
- ▶ Por tanto, decimos que una función impura no cumple la transparencia referencial.

El siguiente es un ejemplo de función impura, ya que, además de calcular su valor de retorno, provoca el efecto lateral de ejecutar una operación de entrada/salida (la función print):

```
def suma(x, y):
    res = x + y
    print('La suma vale', res)
    return res
```

- Cualquiera que desee usar la función suma, pero no sepa cómo está construida internamente, podría pensar que lo único que hace es calcular la suma de dos números, pero resulta que también imprime un mensaje en la salida, por lo que el resultado que se obtiene al ejecutar el siguiente programa no es el que cabría esperar:
- Programa:

```
resultado = suma(4, 3) + suma(8, 5)
print(resultado)
```

Resultado:

```
La suma vale 7
La suma vale 13
```

- No podemos sustituir libremente en una expresión las llamadas a la función suma por sus valores de retorno correspondientes.
- Es decir. no es lo mismo hacer:

```
resultado = suma(4, 3) + suma(8, 5)
```

que hacer:

```
resultado = 7 + 13
```

porque en el primer caso se imprimen cosas por pantalla y en el segundo no.

Por tanto, la función suma es impura porque no cumple la transparencia referencial, y no la cumple porque provoca un efecto lateral.

- Si una función necesita consultar el valor de una variable global, también pierde la transparencia referencial, ya que la convierte en impura porque su valor de retorno puede depender de algo más que de sus argumentos (en este caso, del valor de la variable global).
- En consecuencia, la función podría producir resultados distintos en momentos diferentes ante los mismos argumentos:

```
def suma(x, y):
    res = x + y + z # impureza: depende del valor de una variable global (z)
    return res

z = 5
print(suma(4, 3)) # imprime 12
z = 2
print(suma(4, 3)) # imprime 9
```

▶ En este caso, la función es **impura** porque, aunque no provoca efectos laterales, sí puede verse afectada por los efectos laterales que provocan otras partes del programa cuando modifican el valor de la variable global z.

- Igualmente, el uso de la sentencia global supone otra forma más de perder transparencia referencial porque, gracias a ella, una función puede cambiar el valor de una variable global, lo que la convertiría en impura ya que provoca un efecto lateral (la modificación de la variable global).
- En consecuencia, esa misma función podría producir resultados distintos en momentos diferentes ante los mismos argumentos:

```
def suma(x, y):
    global z
    res = x + y + z # impureza: depende del valor de una variable global
    z += 1 # efecto lateral: cambia una variable global
    return res

z = 0
print(suma(4, 3)) # imprime 7
print(suma(4, 3)) # la misma llamada a función ahora imprime 8
```



- O también podría afectar a otras funciones que dependan del valor de la variable global.
- En ese caso, ambas funciones serían impuras: la que provoca el efecto lateral y la que se ve afectada por ella.
- ▶ Por ejemplo, las siguientes dos funciones son **impuras**, cada una por un motivo:

```
def cambia(x):
    global z
    z += x  # efecto lateral: cambia una variable global

def suma(x, y):
    return x + y + z  # impureza: depende del valor de una variable global

z = 0
print(suma(4, 3))  # imprime 7
cambia(2)  # provoca un efecto lateral
print(suma(4, 3))  # ahora imprime 9
```

cambia provoca un efecto lateral y suma depende de una variable global.



- Aunque los efectos laterales resultan indeseables en general, a veces es precisamente el efecto que deseamos.
- ► Por ejemplo, podemos diseñar una función que modifique los elementos de una lista en lugar de devolver una lista nueva:

```
def cambia(lista, indice, valor):
    lista[indice] = valor  # modifica el argumento recibido

l = [1, 2, 3, 4]
    cambia(l, 2, 99)  # cambia l
    print(l)  # imprime [1, 2, 99, 4]
```

Si la función no pudiera cambiar el interior de la lista que recibe como argumento, tendría que crear una lista nueva, lo que resultaría menos eficiente en tiempo y espacio:

```
def cambia(lista, indice, valor):
    nueva = lista[:]  # hace una copia de la lista
    nueva[indice] = valor  # modifica la copia
    return nueva  # devuelve la copia

l = [1, 2, 3, 4]
    print(cambia(l, 2, 99))  # imprime [1, 2, 99, 4]
```



3. Ejercicios

3. Ejercicios 3.:



3.1. Ejercicios



Ejercicios

 Considérese la siguiente fórmula (debida a Herón de Alejandría), que expresa el valor de la superficie S de un triángulo cualquiera en función de sus lados, a, b y c:

$$S = \sqrt{\frac{a+b+c}{2}\left(\frac{a+b+c}{2} - a\right)\left(\frac{a+b+c}{2} - b\right)\left(\frac{a+b+c}{2} - c\right)}$$

Escribir una función que obtenga el valor S a partir de a,b y c, evitando el cálculo repetido del semiperímetro, $sp=\frac{a+b+c}{2}$, y almacenando el resultado finalmente en la variable S.

2. Escribir tres funciones que impriman las siguientes salidas en función de la cantidad de líneas que se desean (· es un espacio en blanco):



- 3. Escribir una función para hallar $\binom{n}{k}$, donde n y k son datos enteros positivos,
 - a. mediante la fórmula $\frac{n!}{(n-k)!k!}$
 - b. mediante la fórmula $\frac{n(n-1)\cdots(k+1)}{(n-k)!}$

¿Qué ventajas presenta la segunda con respecto a la primera?



4. Bibliografía

Bibliografía

Pareja Flores, Cristóbal, Manuel Ojeda Aciego, Ángel Andeyro Quesada, and Carlos Rossi Jiménez. 1997. *Desarrollo de Algoritmos y Técnicas de Programación En Pascal*. Madrid: Ra-Ma.

Python Software Foundation. n.d. "Sitio Web de Documentación de Python." https://docs.python.org/3.