

# Programación funcional I

Ricardo Pérez López

IES Doñana, curso 2019/2020

## Índice general

<b>1. El lenguaje de programación Python</b>	<b>2</b>
1.1. Historia . . . . .	2
1.2. Características principales . . . . .	2
<b>2. Modelo de ejecución</b>	<b>2</b>
2.1. Modelo de ejecución . . . . .	2
2.2. Modelo de sustitución . . . . .	3
<b>3. Expresiones</b>	<b>3</b>
3.1. Evaluación de expresiones . . . . .	3
3.1.1. Transparencia referencial . . . . .	4
3.1.2. Valores, expresión canónica y forma normal . . . . .	4
3.1.3. Formas normales y evaluación . . . . .	5
3.2. Literales . . . . .	6
3.3. Operaciones, operadores y operandos . . . . .	6
3.3.1. Precedencia y asociatividad de operadores . . . . .	6
3.4. Tipos de datos . . . . .	6
3.4.1. Concepto . . . . .	6
3.4.2. Tipos de datos básicos . . . . .	6
3.5. Algebraicas vs. algorítmicas . . . . .	7
3.6. Aritméticas . . . . .	7
3.7. Operaciones predefinidas . . . . .	7
3.7.1. Operadores predefinidos . . . . .	7
3.7.2. Funciones predefinidas . . . . .	7
3.7.3. Métodos predefinidos . . . . .	7
3.8. Constantes predefinidas . . . . .	7
<b>4. Álgebra de Boole</b>	<b>7</b>
4.1. El tipo de dato <i>booleano</i> . . . . .	7
4.2. Operadores relacionales . . . . .	7
4.3. Operadores lógicos . . . . .	7
4.4. Axiomas . . . . .	7
4.5. Propiedades . . . . .	7
4.6. El operador ternario . . . . .	7

<b>5. Variables y constantes</b>	<b>7</b>
5.1. Definiciones . . . . .	7
5.2. Identificadores . . . . .	7
5.3. Ligadura ( <i>binding</i> ) . . . . .	7
5.4. Estado . . . . .	7
5.5. Tipado estático vs. dinámico . . . . .	7
5.6. Evaluación de expresiones con variables . . . . .	8
5.7. Constantes . . . . .	8
<b>6. Documentación interna</b>	<b>8</b>
6.1. Identificadores significativos . . . . .	8
6.2. Comentarios . . . . .	8
6.3. Docstrings . . . . .	8
<b>Respuestas a las preguntas</b>	<b>8</b>
<b>Bibliografía</b>	<b>8</b>

## 1. El lenguaje de programación Python

### 1.1. Historia

### 1.2. Características principales

## 2. Modelo de ejecución

### 2.1. Modelo de ejecución

- Cuando escribimos programas (y algoritmos) nos interesa abstraernos del funcionamiento detallado de la máquina que va a ejecutar esos programas.
- Nos interesa buscar una *metáfora*, un símil de lo que significa ejecutar el programa.
- De la misma forma que un arquitecto crea modelos de los edificios que se pretenden construir, los programadores podemos usar modelos que *simulan* en esencia el comportamiento de nuestros programas.
- Esos modelos se denominan **modelos de ejecución**.
- Definición:

#### Modelo de ejecución:

Es una herramienta conceptual que permite a los programadores simular el funcionamiento de un programa sin tener que ejecutarlo directamente en el ordenador.

- Podemos definir diferentes modelos de ejecución dependiendo, principalmente, de:

- El paradigma de programación utilizado (ésto sobre todo).
- El lenguaje de programación con el que escribamos el programa.
- Los aspectos que queramos estudiar de nuestro programa.

## 2.2. Modelo de sustitución

- En programación funcional, **un programa es una expresión** y lo que hacemos al ejecutarlo es **evaluar dicha expresión**, usando para ello las definiciones de operadores y funciones predefinidas por el lenguaje, así como las definidas por el programador y que el código fuente del programa.
- La **evaluación de una expresión**, en esencia, consiste en **sustituir**, dentro de ella, unas *sub-expresiones* por otras que, de alguna manera, estén más cerca del valor a calcular, y así hasta calcular el valor de la expresión al completo.
- Por ello, la ejecución de un programa funcional se puede modelar como un **sistema de reescritura** al que llamaremos **modelo de sustitución**.
- La ventaja de este modelo es que no necesitamos recurrir a pensar que debajo de todo esto hay un ordenador con una determinada arquitectura *hardware*, que almacena los datos en celdas de la memoria principal, que ejecuta ciclos de instrucción en la CPU, que las instrucciones modifican los datos de la memoria, etc.
- Todo resulta mucho más fácil que eso.
- **Todo se reduce a evaluar expresiones.**

## 3. Expresiones

### 3.1. Evaluación de expresiones

- Ya hemos visto que la ejecución de un programa funcional consiste, en esencia, en evaluar una expresión.
- **Evaluar una expresión** consiste en determinar el **valor** de la expresión. Es decir, una expresión *representa* o **denota** un valor.
- En programación funcional, el significado de una expresión es su valor, y no puede ocurrir ningún otro efecto, ya sea oculto o no, en ninguna operación que se utilice para calcularlo.
- Una característica de la programación funcional es que **toda expresión posee un valor definido**, a diferencia de otros paradigmas en los que, por ejemplo, existen las *sentencias*, que no poseen ningún valor.
- Además, el orden en el que se evalúe no debe influir en el resultado.
- Podemos decir que las expresiones:

- 3

$$- 1 + 2$$

$$- 5 - 3$$

denotan el mismo valor (el número abstracto 3).

- Es decir: todas esas expresiones son representaciones diferentes del mismo ente abstracto.
- Lo que hace el sistema es buscar **la representación más simplificada o reducida** posible (en este caso, 3).
- Por eso a menudo usamos, indistintamente, los términos *reducir*, *simplificar* y *evaluar*.

### 3.1.1. Transparencia referencial

- En programación funcional, el valor de una expresión depende, exclusivamente, de los valores de sus sub-expresiones constituyentes.
- Dichas sub-expresiones, además, pueden ser sustituidas libremente por otras que tengan el mismo valor.
- A esta propiedad se la denomina **transparencia referencial**.
- En la práctica, eso significa que la evaluación de una expresión no puede provocar **efectos laterales**.
- Formalmente, se puede definir así:

**Transparencia referencial:**

Si  $p = q$ , entonces  $f(p) = f(q)$ .

### 3.1.2. Valores, expresión canónica y forma normal

- Los ordenadores no manipulan valores, sino que sólo pueden manejar representaciones concretas de los mismos.
  - Por ejemplo: utilizan la codificación binaria en complemento a 2 para representar los números enteros.
- Pidamos que la **representación del valor** resultado de una evaluación sea **única**.
- De esta forma, seleccionemos de cada conjunto de expresiones que denoten el mismo valor, a lo sumo una que llamaremos **expresión canónica de ese valor**.
- Además, llamaremos a la expresión canónica que representa el valor de una expresión la **forma normal de esa expresión**.
- Con esta restricción pueden quedar expresiones sin forma normal.
- Ejemplo:
  - De las expresiones anteriores:

$$* 3$$

$$* 1 + 2$$

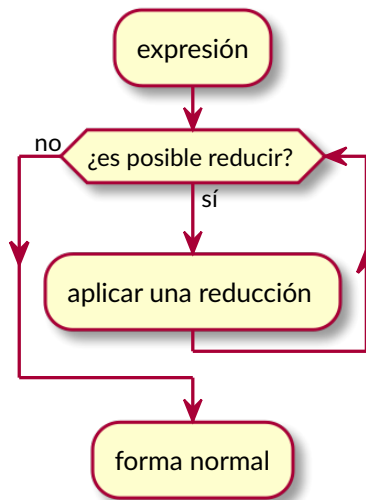
$$* 5 - 3$$

que denotan todas el mismo valor abstracto 3, seleccionamos una (la expresión 3) como la **expresión canónica** de ese valor.

- Igualmente, la expresión 3 es la **forma normal** de todas las expresiones anteriores (y de cualquier otra expresión con valor 3).
- Es importante no confundir el valor abstracto 3 con la expresión 3 que representa dicho valor.
- Hay valores que no tienen expresión canónica:
  - Las funciones (los valores de tipo *función*).
  - El número  $\pi$  no tiene representación decimal finita, por lo que tampoco tiene expresión canónica.
- Y hay expresiones que no tienen forma normal:
  - Si definimos  $inf = inf + 1$ , la expresión  $inf$  (que es un número) no tiene forma normal.
  - Lo mismo ocurre con  $\frac{1}{0}$ .

### 3.1.3. Formas normales y evaluación

- A partir de todo lo dicho, la ejecución de un programa será el proceso de encontrar su forma normal.
- Un ordenador evalúa una expresión (o ejecuta un programa) buscando su forma normal y mostrando este resultado.
- Con los lenguajes funcionales los ordenadores alcanzan este objetivo a través de múltiples pasos de reducción de las expresiones para obtener otra equivalente más simple.
- El sistema de evaluación dentro de un ordenador está hecho de forma tal que cuando ya no es posible reducir la expresión es porque se ha llegado a la forma normal.



## 3.2. Literales

## 3.3. Operaciones, operadores y operandos

### 3.3.1. Precedencia y asociatividad de operadores

## 3.4. Tipos de datos

### 3.4.1. Concepto

#### 3.4.1.1. Tipo de un valor

#### 3.4.1.2. Tipo de una expresión

### 3.4.2. Tipos de datos básicos

#### 3.4.2.1. Números

##### 3.4.2.1.1. Operadores aritméticos

##### 3.4.2.2. Cadenas

### 3.5. Algebraicas vs. algorítmicas

### 3.6. Aritméticas

### 3.7. Operaciones predefinidas

#### 3.7.1. Operadores predefinidos

#### 3.7.2. Funciones predefinidas

#### 3.7.3. Métodos predefinidos

### 3.8. Constantes predefinidas

## 4. Álgebra de Boole

### 4.1. El tipo de dato *booleano*

### 4.2. Operadores relacionales

### 4.3. Operadores lógicos

### 4.4. Axiomas

### 4.5. Propiedades

### 4.6. El operador ternario

## 5. Variables y constantes

### 5.1. Definiciones

### 5.2. Identificadores

### 5.3. Ligadura (*binding*)

### 5.4. Estado

### 5.5. Tipado estático vs. dinámico

## 5.6. Evaluación de expresiones con variables

## 5.7. Constantes

# 6. Documentación interna

## 6.1. Identificadores significativos

## 6.2. Comentarios

## 6.3. Docstrings

# Respuestas a las preguntas

### 6.3.0.1. Respuestas a las preguntas

# Bibliografía

Abelson, Harold, Gerald Jay Sussman, and Julie Sussman. 1996. *Structure and Interpretation of Computer Programs*. 2nd ed. Cambridge, Mass. : New York: MIT Press ; McGraw-Hill.

Blanco, Javier, Silvina Smith, and Damián Barsotti. 2009. *Cálculo de Programas*. Córdoba, Argentina: Universidad Nacional de Córdoba.