



北京交通大学
BEIJING JIAOTONG UNIVERSITY



第四章 线性表的排序

交换排序和选择排序





- ④ 排序的概念
- ④ 交换排序
 - 冒泡排序
 - 快速排序
- ④ 选择排序
 - 简单选择排序
- ④ 插入排序
 - 直接插入排序
 - 折半插入排序
 - 2路插入排序
- ④ 希尔排序



10.1 排序的概念

- ④ 排序分为两大类:内部排序和外部排序
- ④ 内部排序按排序原则分类:
 - 插入排序
 - 交换排序
 - 选择排序
 - 归并排序
 - 计数排序
- ④ 按排序所需工作量分类:
 - 简单排序 (n^2)
 - 先进排序 ($n \log n$)
 - 基数排序 ($d \cdot n$)



10.1 排序的概念

假设含有 n 个记录的序列为: $\{R_1, R_2, \dots, R_n\}$

其相应的关键字序列为: $\{K_1, K_2, \dots, K_n\}$

需确定 $1, 2, \dots, n$ 的一种排列 p_1, p_2, \dots, p_n ,使其相应的关键字满足如下的非递减(或非递增)关系

$$K_{p_1} \leq K_{p_2} \leq \dots, \leq K_{p_n}$$

即使序列 $\{R_1, R_2, \dots, R_n\}$ 成为一个关键有序的序列

$$\{ R_{p_1}, R_{p_2}, \dots, \leq R_{p_n} \}$$

这样一种操作称为 “排序”



10.1 排序的概念



排序算法的性能参数

- 时间复杂度
- 空间复杂度
- 排序稳定性
 - 对于关键字相等的记录，如果排序前 R_i 领先于 R_j ($i < j$)，排序后 R_i **仍然**领先于 R_j ，则称该算法稳定。

序号	学号	姓名	数学	语文	物理	英语
0	1004	王芸	84	70	78	77
1	1002	张鹏	75	88	92	85
2	1012	李成	90	84	66	80
3	1008	陈红	80	95	77	84
n-1	1022	楚姗	90	95	88	100



10.2 交换排序





10.2 交换排序

- **基本思想：**两两比较待排序对象的关键码，如果发生“**逆序**”（即排列顺序与排序后的次序正好相反），则**交换**之，直到所有对象都排好序为止。
 - 10.2.1 冒泡排序
 - 10.2.2 快速排序



10.2.1 冒泡排序



简单交换算法

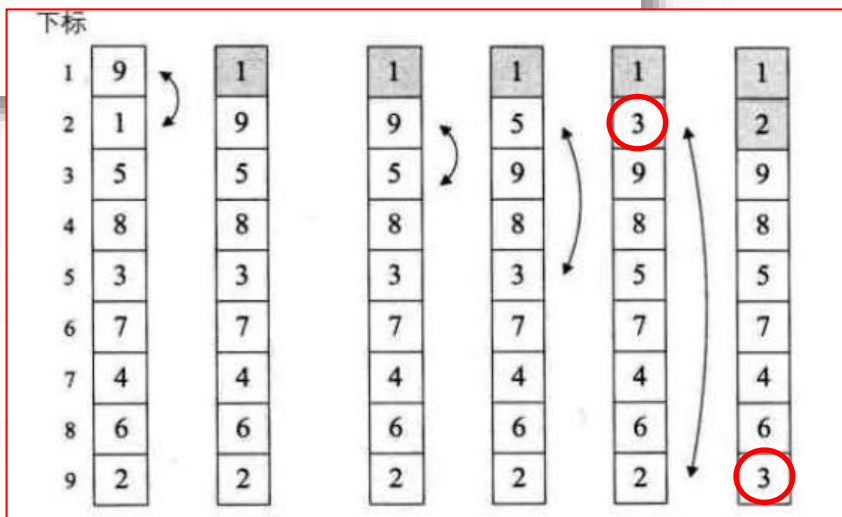
```
00043: /*对 顺序表 L作 交换 排序 ( 冒 泡 排 序 初 级 版 ) */
00044: void BubbleSort0(SqList *L)
00045: {
00046:     int i,j;
00047:     for(i=1;i<L->length;i++)
00048:     {
00049:         for(j=i+1;j<=L->length;j++)
00050:         {
00051:             if(L->r[i]>L->r[j])
00052:             {
00053:                 swap(L,i,j);/* 交 换 L->r[i]与 L->r[j]的 值 */
00054:             }
00055:         }
00056:     }
00057: }
```

```
00026: /* 交 换 L中 数 组 r的 下 标 为 i和 j的 值 */
00027: void swap(SqList *L,int i,int j)
00028: {
00029:     int temp=L->r[i];
00030:     L->r[i]=L->r[j];
00031:     L->r[j]=temp;
00032: }
```




简单交换算法

```
00043: /*对顺序表L作交换排序（冒泡排序初级版）*/
00044: void BubbleSort0(SqList *L)
00045: {
00046:     int i,j;
00047:     for(i=1;i<L->length;i++)
00048:     {
00049:         for(j=i+1;j<=L->length;j++)
00050:         {
00051:             if(L->r[i]>L->r[j])
00052:             {
00053:                 swap(L,i,j);/*交换 L->r[i]与 L->r[j]的值 */
00054:             }
00055:         }
00056:     }
00057: }
```





10.2.1 冒泡排序



从底向上

下标

1	9	9	9
2	1	1	1
3	5	5	5
4	8	8	8
5	3	3	3
6	7	7	7
7	4	4	2
8	6	2	4
9	2	6	6



10.2.1 冒泡排序



冒泡算法

```
00043: /*对顺序表L作交换排序（冒泡排序初级版）*/
```

```
00044: void BubbleSort0(SqList *L)
```

```
00045: {
```

```
00046:     int i,j;
```

```
00047:     for(i=1;i<L->length;i++)
```

```
00048:     {
```

```
00049:         for(j=i+1;j<=L->length;j++)
```

```
00050:         {
```

```
00051:             if(L->r[i]>L->r[j])
```

```
00052:             {
```

```
00053:                 swap(L,i,j);/*交换L->r
```

```
00054:             }
```

```
00055:         }
```

```
00056:     }
```

```
00057: }
```

```
00060: void BubbleSort(SqList *L)
```

```
00061: {
```

```
00062:     int i,j;
```

```
00063:     for(i=1;i<L->length;i++)
```

```
00064:     {
```

```
00065:         for(j=L->length-1;j>=i;j--)
```

```
00066:         {
```

```
00067:             if(L->r[j]>L->r[j+1]) /
```

```
00068:             {
```

```
00069:                 swap(L,j,j+1);/*交
```

```
00070:             }
```

```
00071:         }
```

```
00072:     }
```

```
00073: }
```



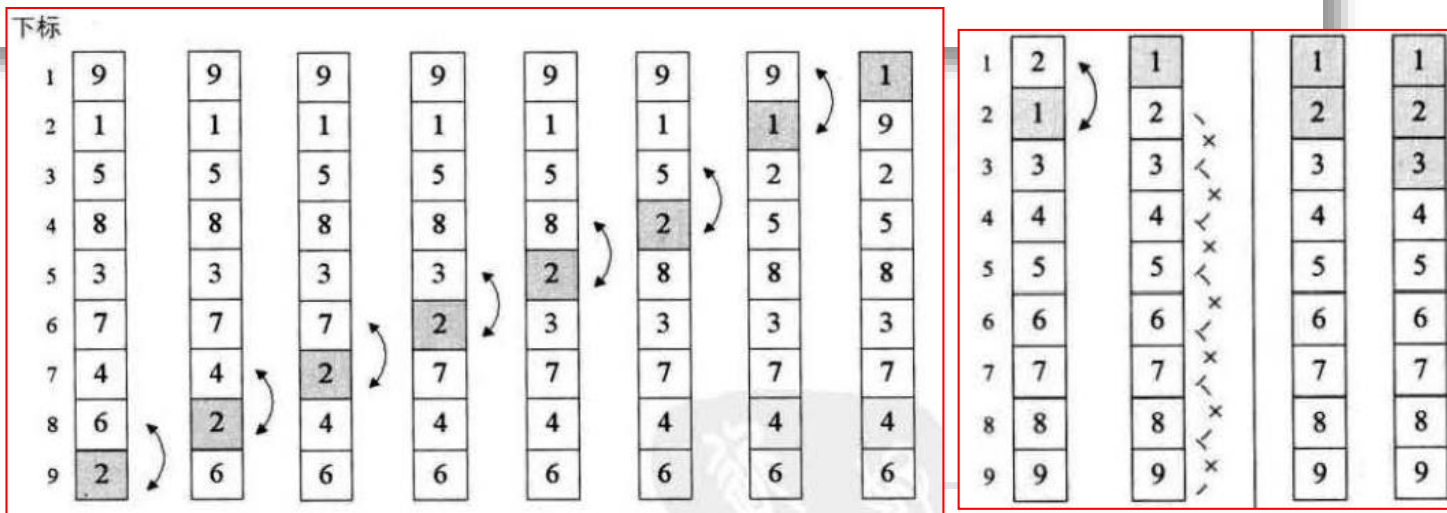
10.2.1 冒泡排序



冒泡算法的问题

```
00059: /*对顺序表L作冒泡排序*/
00060: void BubbleSort(Sqlist *_L)
00061: {
00062:     int i,j;
00063:     for(i=1;i<L->length;i++)
00064:     {
00065:         for(j=L->length-1;j>=i;j--) /*注意j是从后往前循环*/
00066:         {
00067:             if(L->r[j]>L->r[j+1]) /*若前者大于后者（注意这里与
00068:             {
00069:                 swap(L,j,j+1);/*交换L->r[j]与L->r[j+1]的值*/
00070:             }
00071:         }
00072:     }
00073: }
```

?





10.2.1 冒泡排序



带交换标记的起泡算法

```
00059: /*对 顺序表 L作 冒 泡 排 序 */
00060: void BubbleSort(SqList *L)
00061: {
00062:     int i,j;
00063:     for(i=1;i<L->length;i++)
00064:     {
00065:         for(j=L->length-1;j>=i;j--) /*注
00066:         {
00067:             if(L->r[j]>L->r[j+1]) /* 若
00068:             {
00069:                 swap(L,j,j+1);/* 交 换
00070:             }
00071:         }
00072:     }
00073: }
```

```
00076: void BubbleSort2(SqList *L)
00077: {
00078:     int i,j;
00079:     Status flag=TRUE; /* fl
00080:     for(i=1;i<L->length && flag;i++)
00081:     {
00082:         flag=FALSE; /* 初
00083:         for(j=L->length-1;j>=i;j--)
00084:         {
00085:             if(L->r[j]>L->r[j+1])
00086:             {
00087:                 swap(L,j,j+1); /* 交
00088:                 flag=TRUE; /* 如
00089:             }
00090:         }
00091:     }
00092: }
```



10.2.1 冒泡排序

基本思路：每趟不断将记录两两比较，并按“前小后大”（或“前大后小”）规则交换。

优点：每趟结束时，不仅能挤出一个最大值到最后面位置，还能同时“部分理顺”其他元素；一旦下趟没有交换发生，还可以提前结束排序。

前提：顺序存储结构



10.2.2 快速排序

基本思想：通过一趟排序将待排序记录序列分割成独立的**两部分**，其中一部分记录的关键字均比另一部分记录的关键字小，则可分别对这两部分记录继续进行排序，以达到整个序列有序。

优点：因为每趟可以确定不止一个元素的位置，而且呈指数增加，所以**特别快！**

前提：顺序存储结构

找大于49
的关键字

找小于49
的关键字

快速排序

pivotkey=49

27	38	13	49	76	97	65	49+
----	----	----	----	----	----	----	-----

1

2

3

4

low

high

high

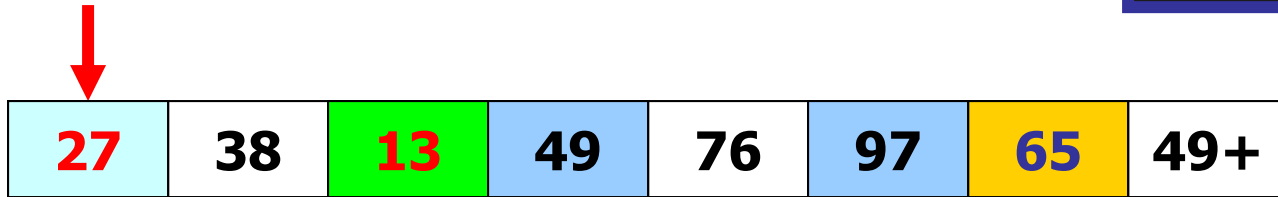
low

high

第 1 趟

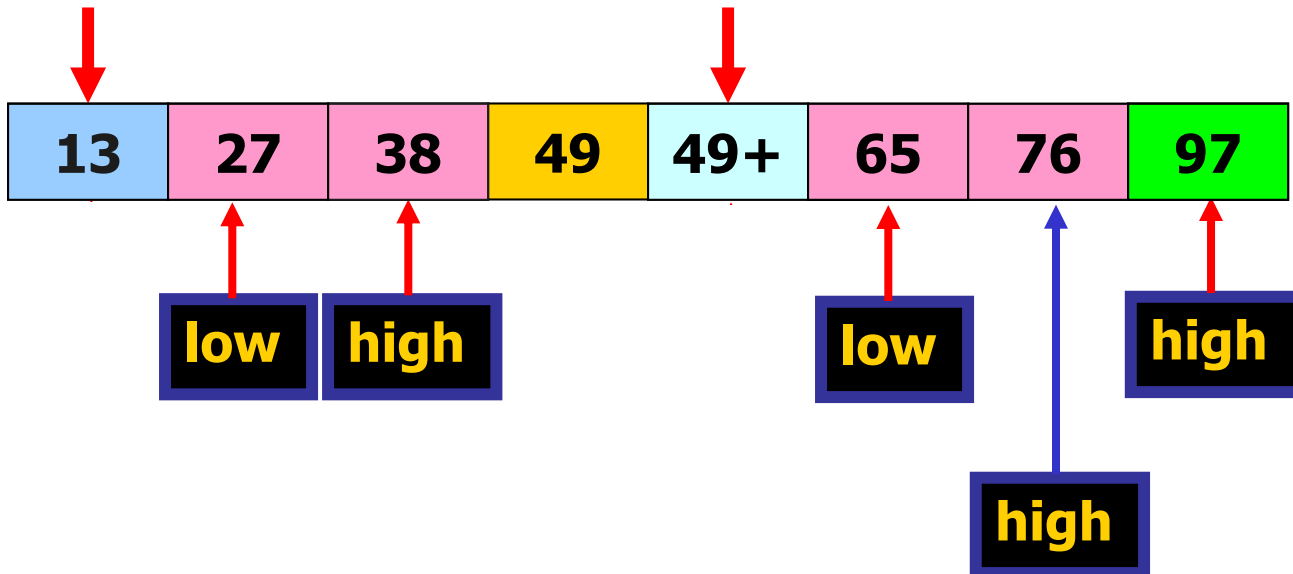
快速排序

pivotkey=49



pivotkey=27

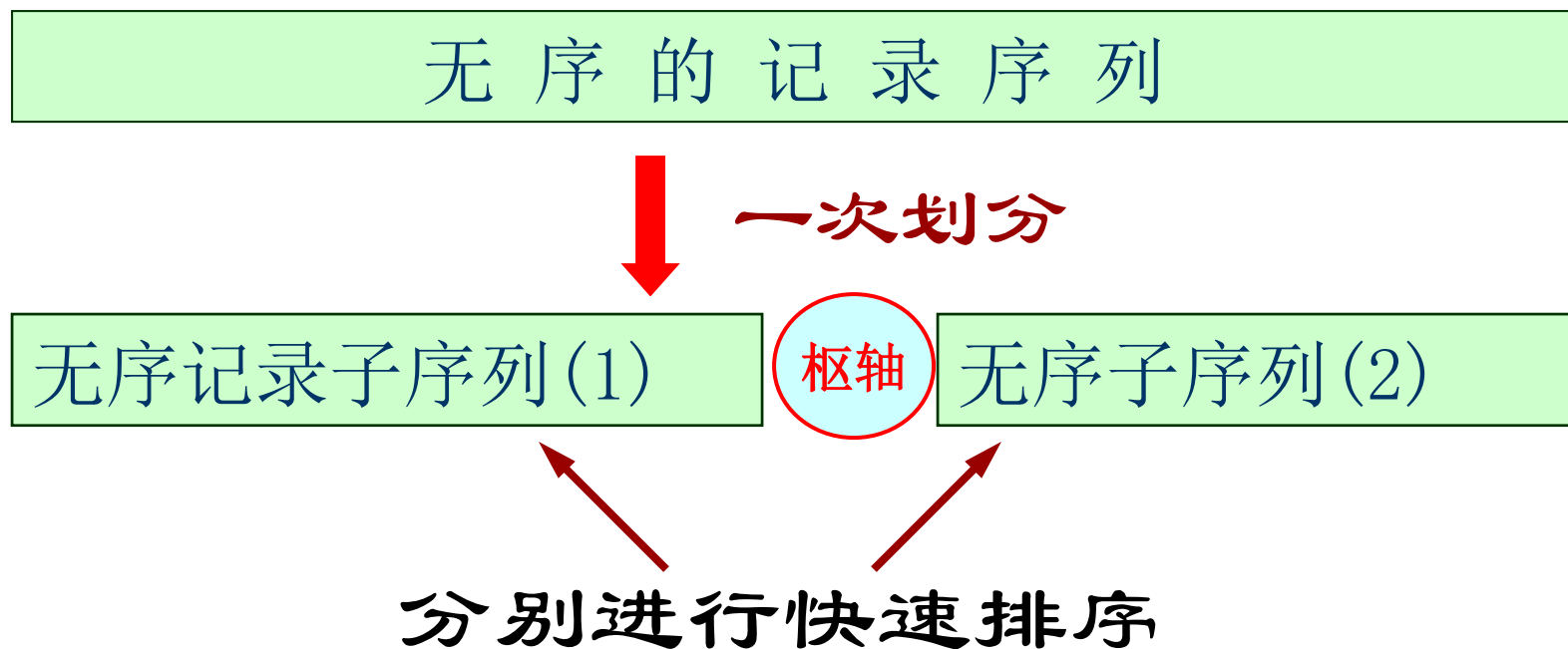
pivotkey=76



第 2 趟

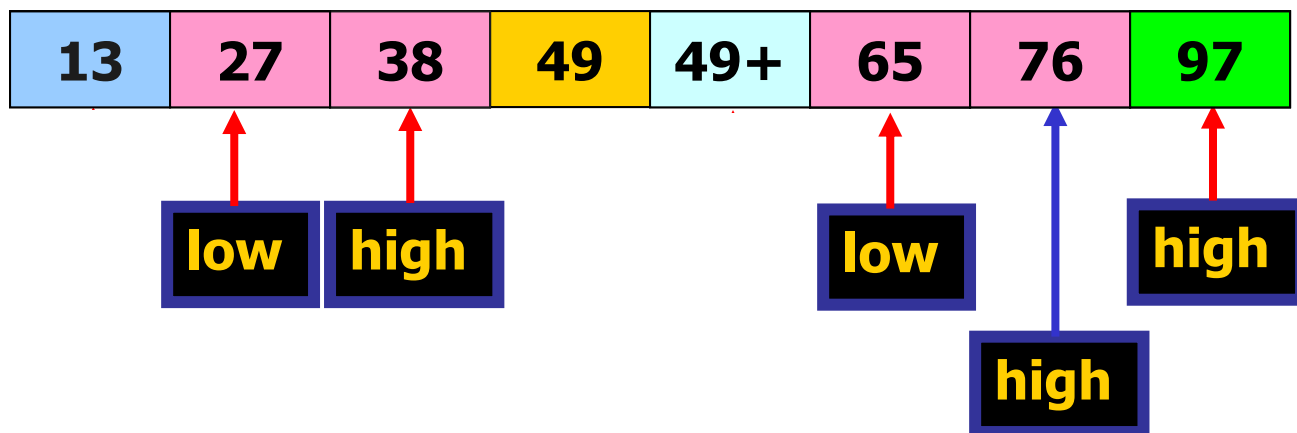
快速排序

首先对无序的记录序列进行“一次划分”，之后**分别**对分割所得两个子序列“递归”**进行快速排序**。



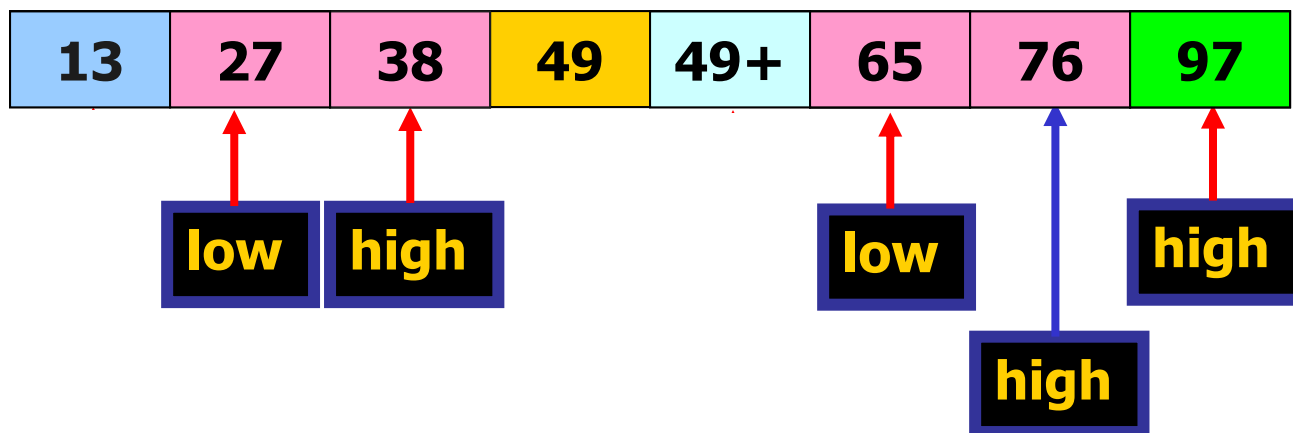
int Partition(SqList &L,int low,int high)

```
{ // 交换顺序表L中子表L.r[low..high]的记录，使枢轴记录到位，
  // 并返回其所在位置，此时在它之前(后)的记录均不大(小)于它
  pivotkey=L.r[low].key;      //用子表的第一个记录作枢轴记录
  while(low<high) {          // 从表的两端交替地向中间扫描
    while(low<high&&L.r[high].key>=pivotkey)  --high;
    L.r[low] <-> L.r[high];  //将比枢轴记录小的记录交换到低端
    while(low<high&&L.r[low].key<=pivotkey)  ++low;
    L.r[low] <-> L.r[high];  //将比枢轴记录大的记录交换到高端
  }
  return low; //返回枢轴所在位置
}
```



int Partition(SqList &L,int low,int high)

```
{ // 交换顺序表L中子表L.r[low..high]的记录，使枢轴记录到位，  
  // 并返回其所在位置，此时在它之前(后)的记录均不大(小)于它  
  pivotkey=L.r[low].key; //用子表的第一个记录作枢轴记录  
  while(low<high) { // 从表的两端交替地向中间扫描  
    while(low<high && L.r[high].key>=pivotkey) --high;  
    L.r[low] = L.r[high]; //将比枢轴记录小的记录交换到低端  
    while(low<high && L.r[low].key<=pivotkey) ++low;  
    L.r[high] = L.r[low]; //将比枢轴记录大的记录交换到高端  
  }  
  L.r[low]=L.r[0]; return low; //返回枢轴所在位置  
}
```





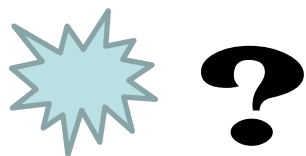
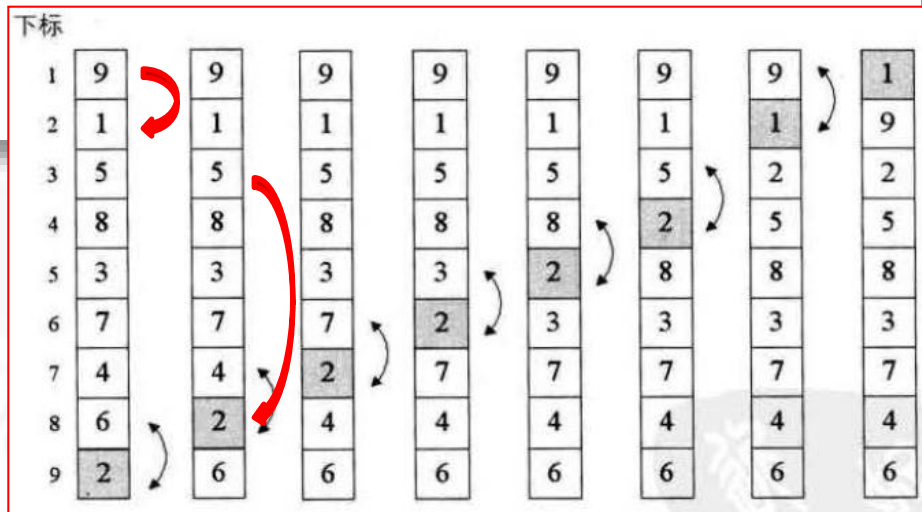
性能分析

- (1) 划分元素的选取是影响快速排序性能的关键
- (2) 输入顺序越乱，所划分元素的随机性越好，排序速度越快。**相反，输入数据越有序，排序速度越慢？**
- (3) 改变划分元素的选取方法，至多只能改变算法平均情况下的时间性能，无法改变最坏情况下的时间性能。
- (4) 快速排序是一种**不稳定**的排序算法。



10.3 选择排序

```
00059: /*对 顺序表 L作 冒 泡 排 序 */
00060: void BubbleSort(SqList *_L)
00061: {
00062:     int i,j;
00063:     for(i=1;i<L->length;i++)
00064:     {
00065:         for(j=L->length-1;j>=i;j--) /*注 意 j是 从 后 往 前 循 环 */
00066:         {
00067:             if(L->r[j]>L->r[j+1]) /*若 前 者 大 于 后 者 ( 注 意 这 里 与
00068:             {
00069:                 swap(L,j,j+1);/*交 换 L->r[j]与 L->r[j+1]的 值 */
00070:             }
00071:         }
00072:     }
00073: }
```





10.3 选择排序

- 基本思想：每一趟在后面 $n-i$ 个待排记录中选取关键字最小的记录作为有序序列中的第 i 个记录。
 - 10.3.1 简单选择排序
 - 10.3.2 树形选择排序（锦标赛排序）（扩展学习）
 - 10.3.3 堆排序（扩展学习）



10.4.1 简单选择排序

思路简单： 每经过一趟比较就找出一个最小值，与待排序列最前面的位置互换即可。

——首先，在 n 个记录中选择最小者放到 $r[1]$ 位置；然后，从剩余的 $n-1$ 个记录中选择最小者放到 $r[2]$ 位置；...如此进行下去，直到全部有序为止。

优点： 实现简单

缺点： 每趟只能确定一个元素，表长为 n 时需要 $n-1$ 趟

前提： 顺序存储结构



10.3 选择排序

```
00059: /*对顺序表L作冒泡排序*/
```

```
00060: void BubbleSort(SqList *L)
```

```
00061: {
```

```
00062:     int i,j;
```

```
00063:     for(i=1;i<L->length;i++)
```

```
00064:     {
```

```
00065:         for(j=L->length-1;j>=i;j--) /*注
```

```
00066:         {
```

```
00067:             if(L->r[j]>L->r[j+1]) /*若
```

```
00068:             {
```

```
00069:                 swap(L,j,j+1);/*交 换
```

```
00070:             }
```

```
00071:         }
```

```
00072:     }
```

```
00073: }
```

```
00096: void SelectSort(SqList *L)
```

```
00097: {
```

```
00098:     int i,j,min;
```

```
00099:     for(i=1;i<L->length;i++)
```

```
00100:     {
```

```
00101:         min = i;
```

```
00102:         for (j = i+1;j<=L->length;j++)
```

```
00103:         {
```

```
00104:             if (L->r[min]>L->r[j]) /*
```

```
00105:                 min = j;
```

```
00106:         }
```

```
00107:         if(i!=min)
```

```
00108:             swap(L,i,min);
```

```
00109:     }
```

```
00110: }
```

例：关键字序列T= (21, 25, 49, 25+, 16, 08) ， 请给出简单选择排序的具体实现过程。

原始序列： 21, 25, 49, 25+, 16, 08

第1趟 08, 25, 49, 25+, 16, **21**

第2趟 08, 16, 49, 25+, **25, 21**

第3趟 08, 16, **21**, 25+, **25, 49**

第4趟 08, 16, **21**, 25+, **25, 49**

第5趟 08, 16, **21**, 25+, **25, 49**

结论：简单选择排序是“**不稳定**”的



实验5 线性表排序的应用

- ① (1) 输入说明：输入的第一行包括两个正整数N（ $N < 10000$ ）和C，其中N是记录的条数，C是指定排序的列号。之后有N行，每行包括一条学生记录。每条学生记录由学号（5位数字，保证没有重复的学号）、姓名（不超过8位且不包含空格的字符串）、成绩（ $[0, 100]$ 内的整数）组成，相邻属性用1个空格隔开。
- ② (2) 输出格式：在N行中输出按要求排序后的结果，即：
：C=1时，按照学号递增排序；当C=2时，按照姓名的非递减字典序排序；当C=3时，按照成绩的非递减排序。
当若干学生具有相同的姓名或者成绩时，则按照他们的学号递增排序。
- ③ 要求：使用冒泡排序和选择排序完成。



实验5 线性表排序的应用

```
typedef struct STUDENT_Str  
{  
    char name[10]; //姓名  
    char num[6]; //学号  
    int score; //成绩  
}STUDENT_STRU;
```

性能分析

i=1	49	38	65	97	76	13	27	49+
i=2	(13)	38	65	97	76	49	27	49+
i=3	(13	27)	65	97	76	49	38	49+
i=4	(13	27	38)	97	76	49	65	49+

简单选择排序中存在大量的“冗余比较”

- (1) 元素x与y比较一次之后，就不必再比较它们
- (2) 若 $x > y$, $y > z$, 则必有 $x > z$

比较的传递性

简单选择排序不能“记住”比较的结果！



10.3.2 树形选择排序

Tree selection sort 采用比赛树结构记住比较结果

基本思想： 与体育比赛时的淘汰赛类似。

首先对 n 个记录的关键字进行两两比较，得到 $\lceil n/2 \rceil$ 个优胜者(关键字小者)，作为第一步比较的结果保留下来。然后在这 $\lceil n/2 \rceil$ 个较小者之间再进行两两比较，...，如此重复，直到选出最小关键字的记录为止。

优点： 减少比较次数，加快排序速度

缺点： 空间效率低，需要构造一个比赛树

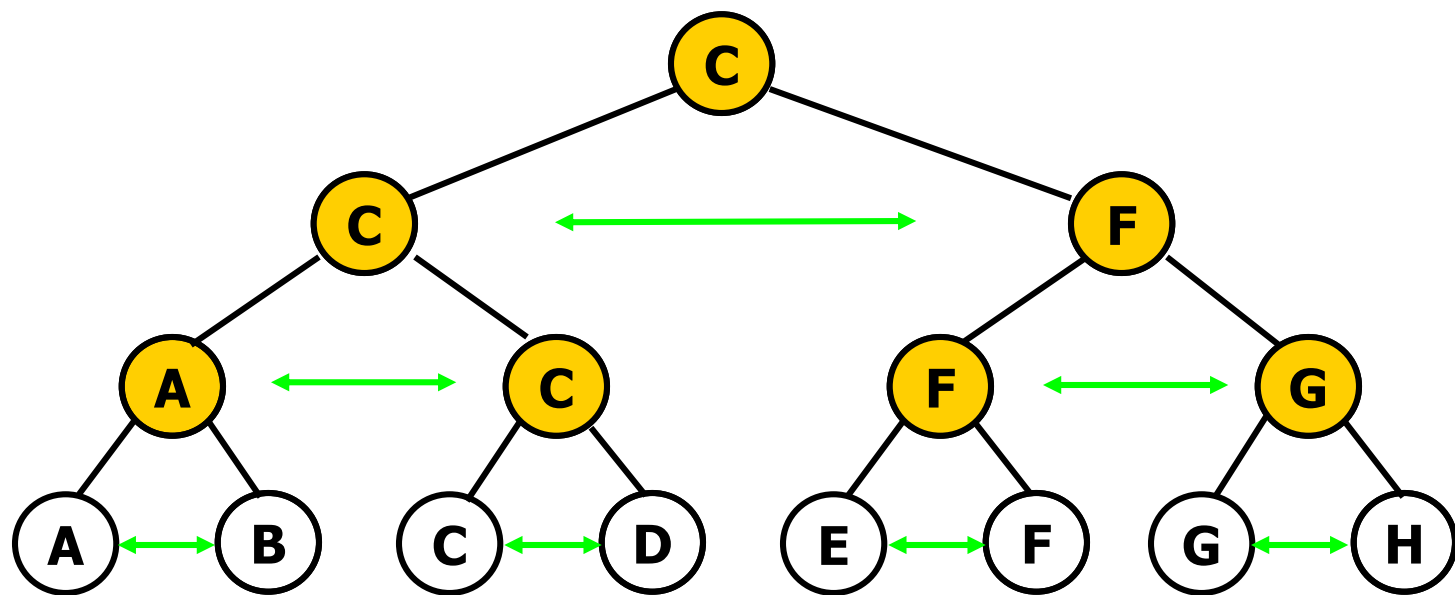
10.3.2 树形选择排序

Tree selection sort 采用**比赛树**结构记住比较结果

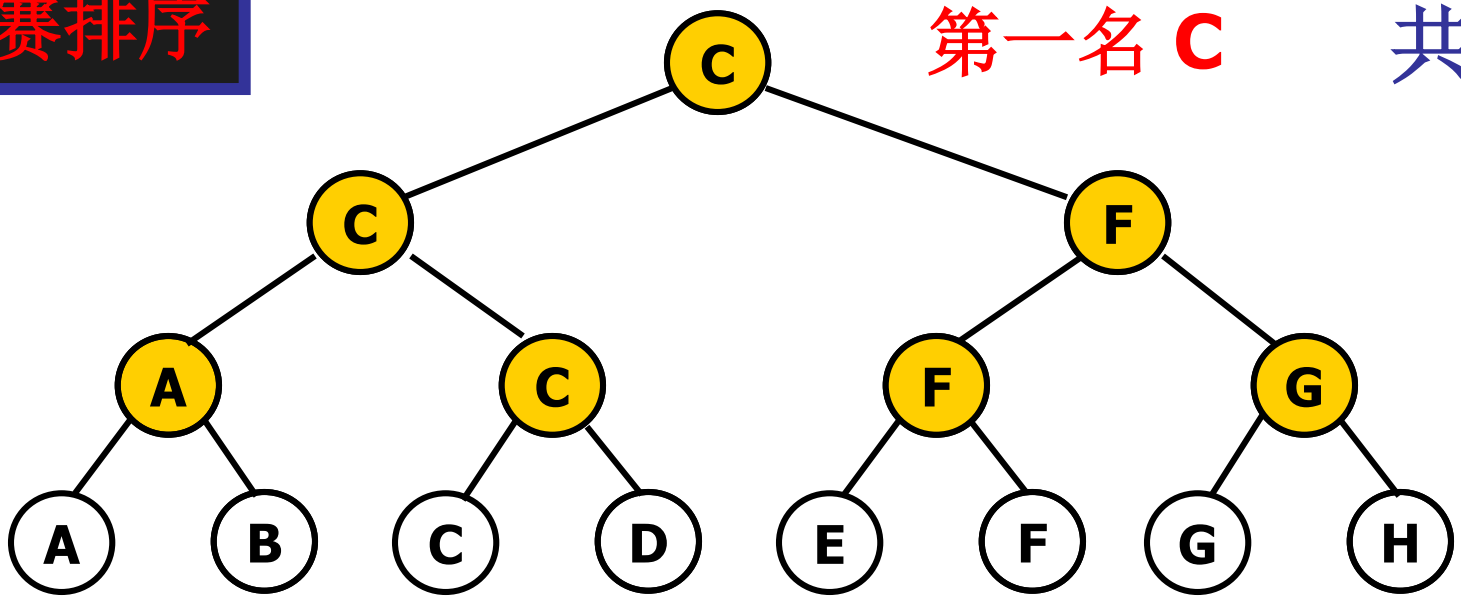
锦标赛排序

第一名 **C**

共**7**次

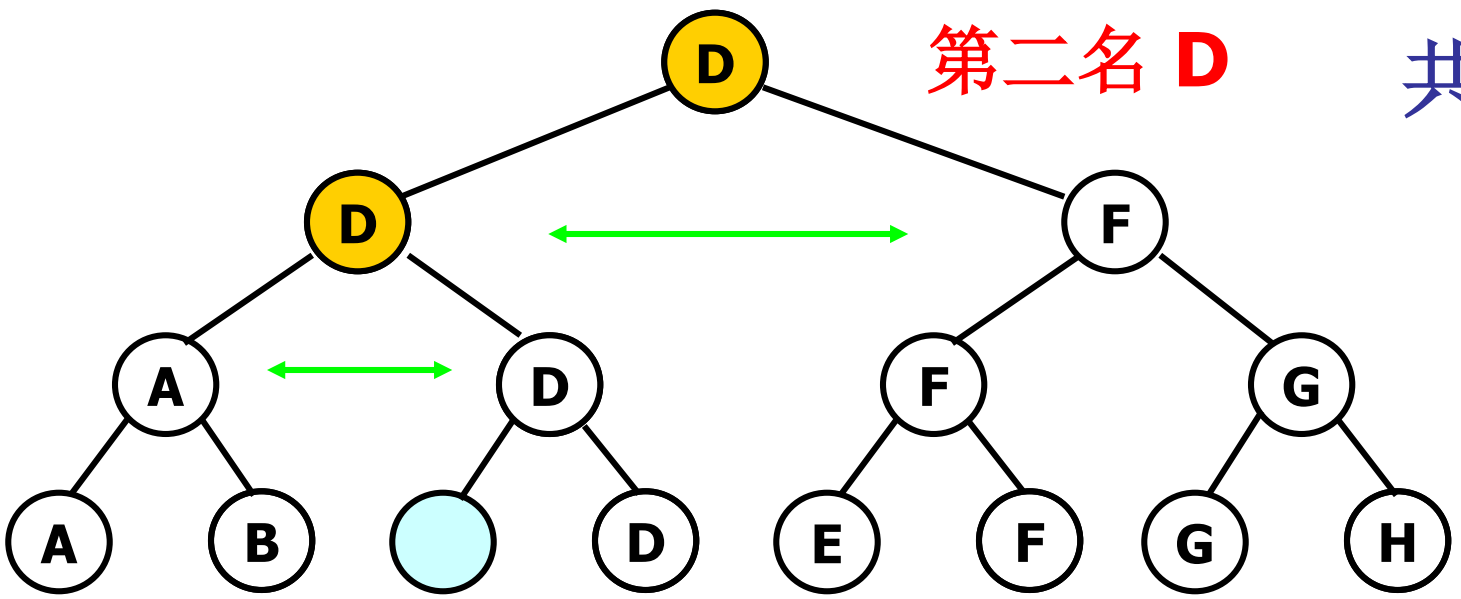


锦标赛排序



第一名 **C**

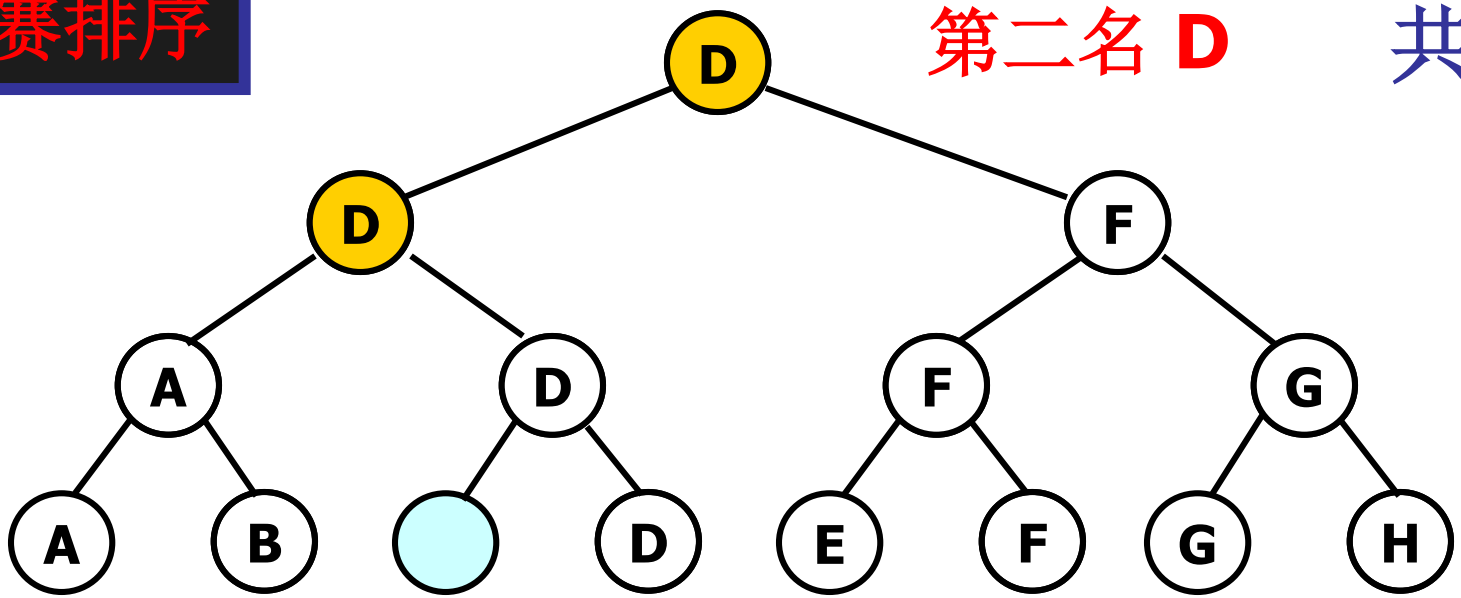
共**7**次



第二名 **D**

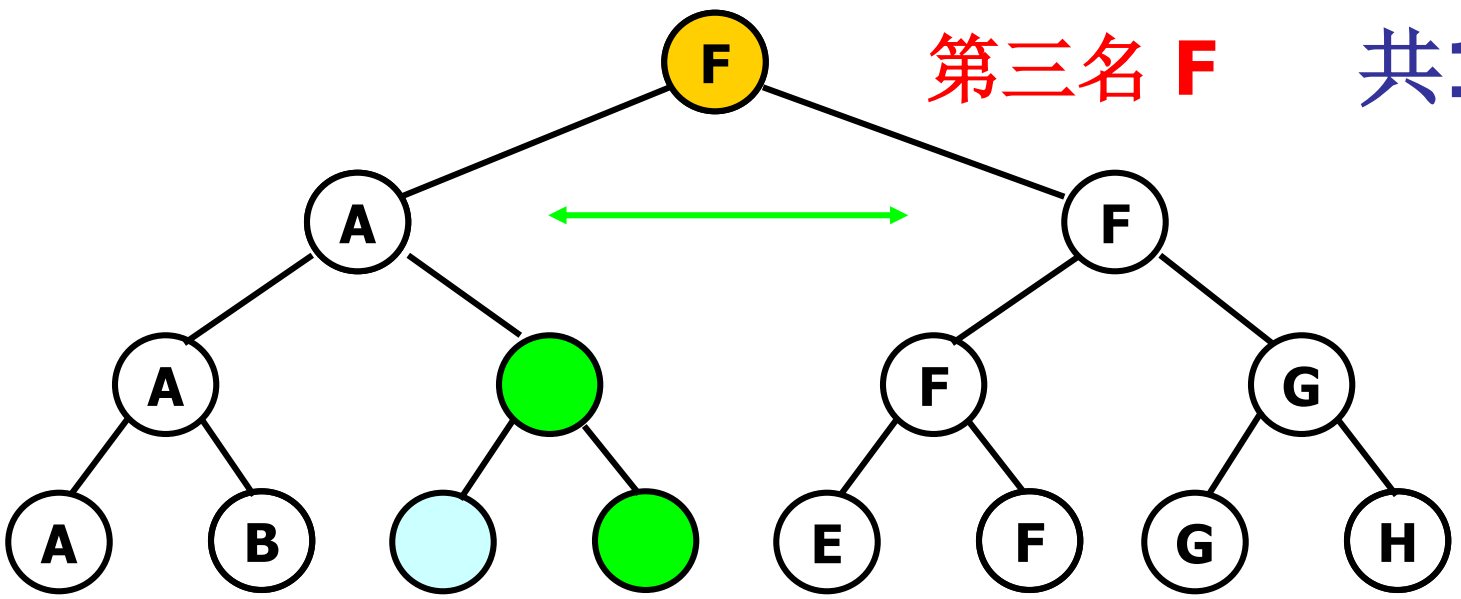
共**9**次

锦标赛排序



第二名 **D**

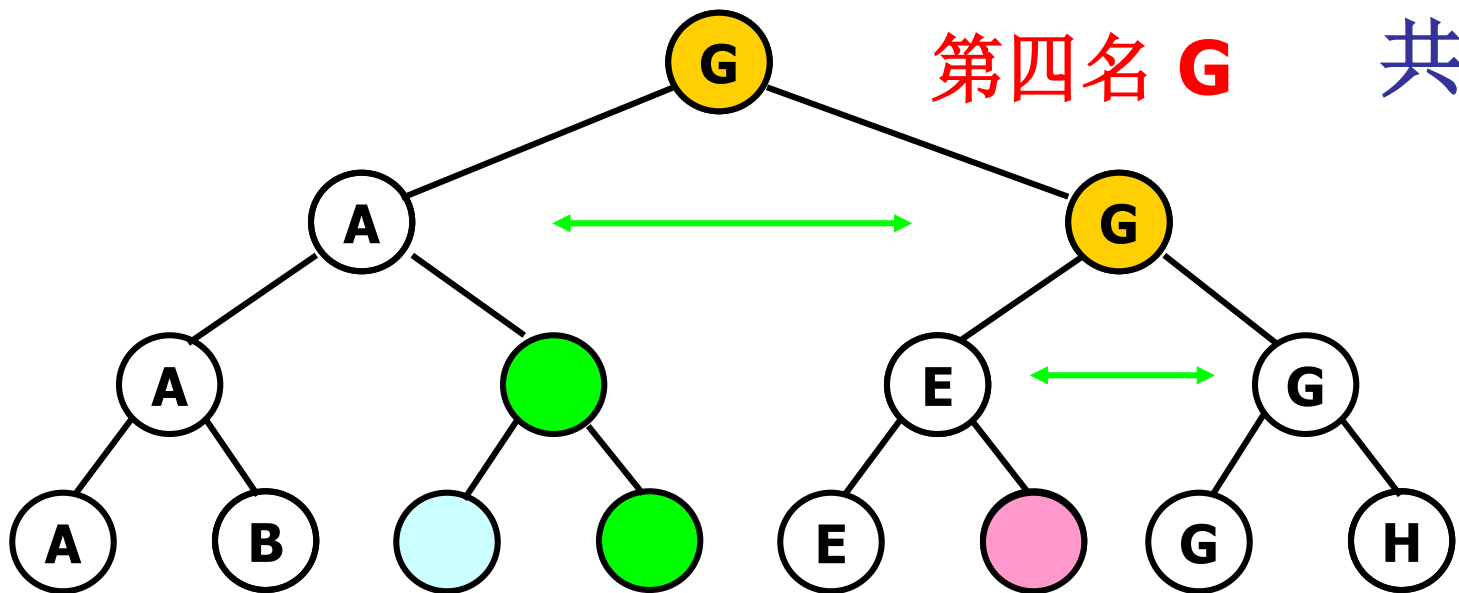
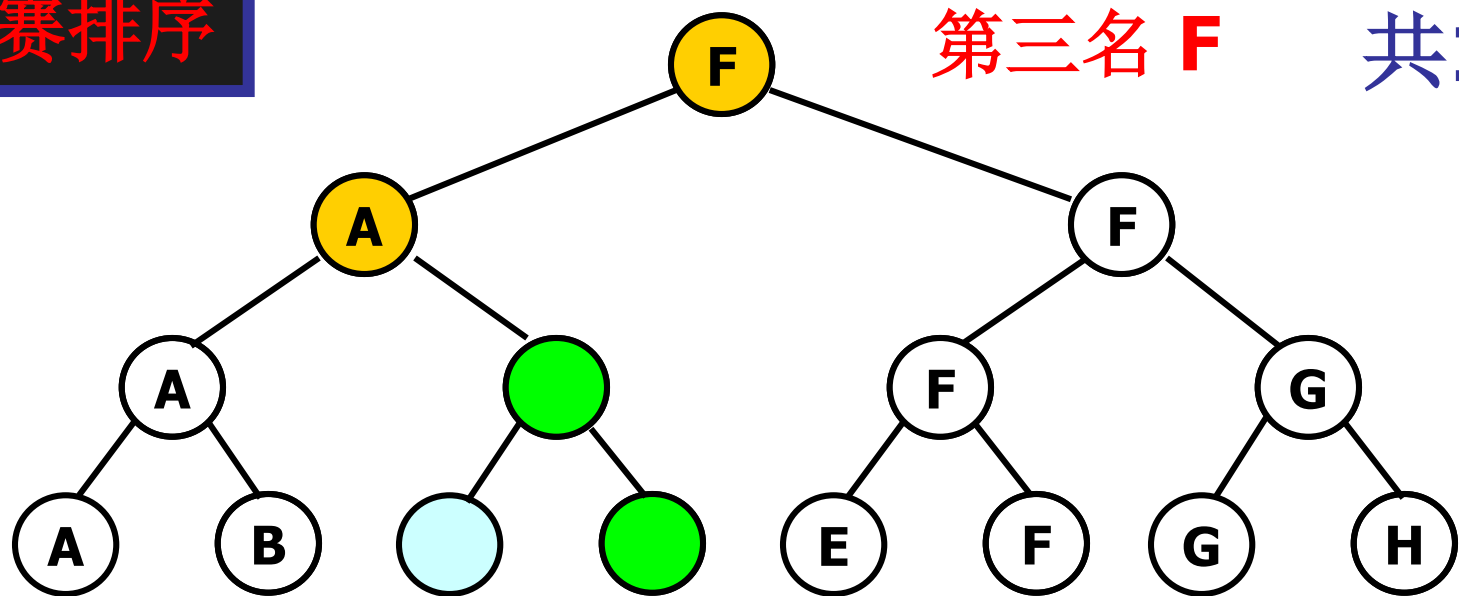
共**9**次



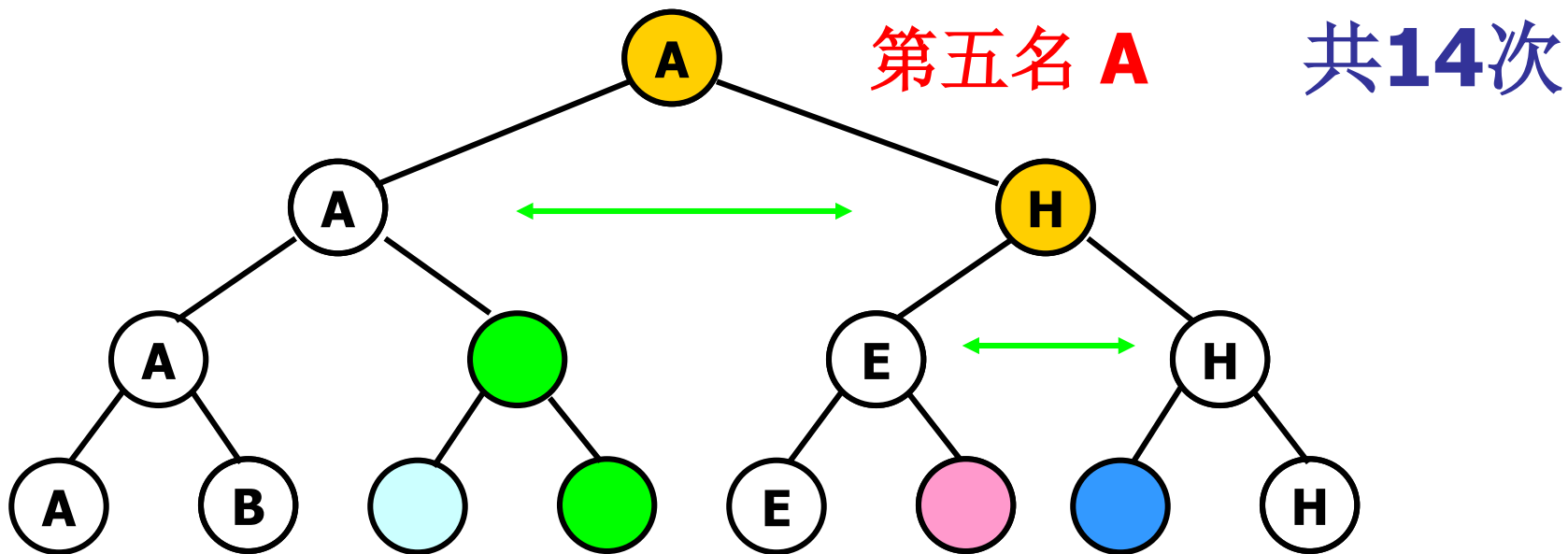
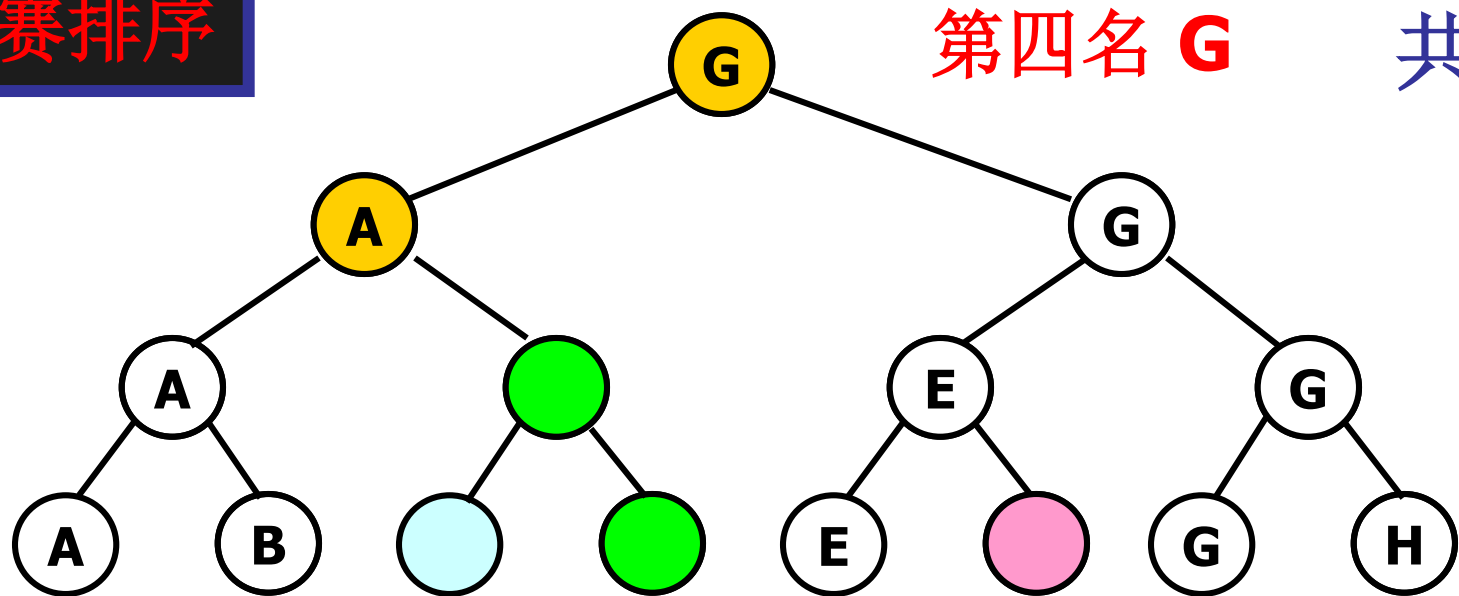
第三名 **F**

共**10**次

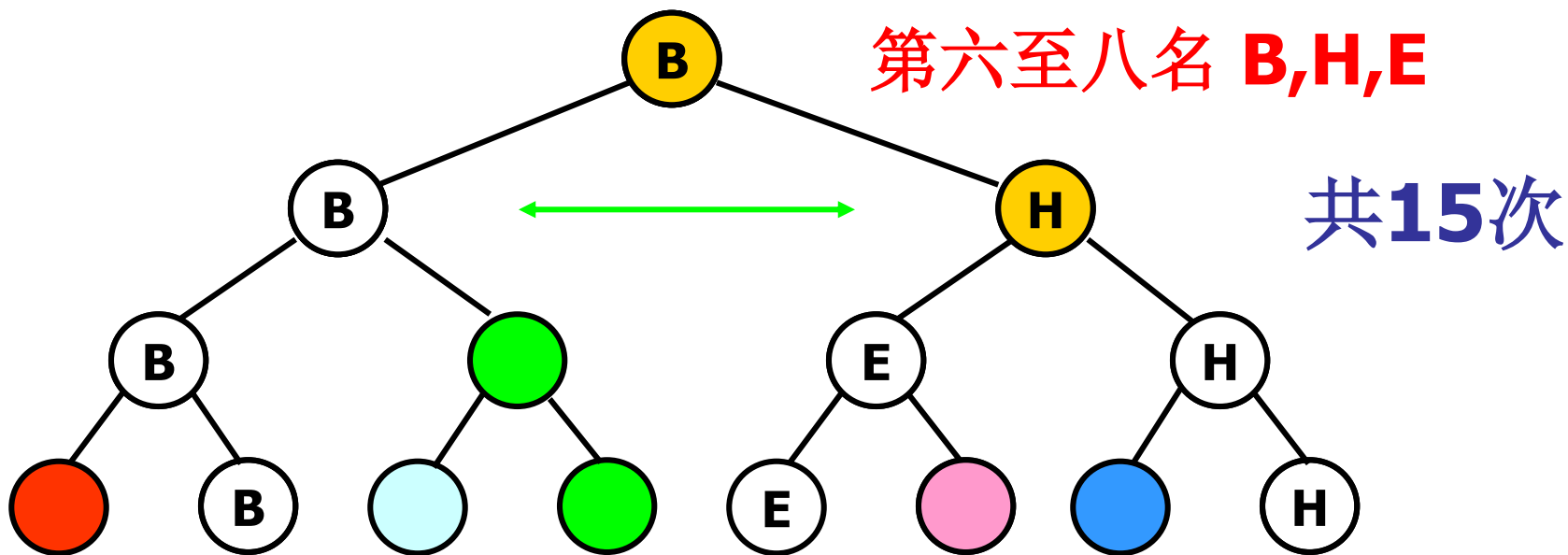
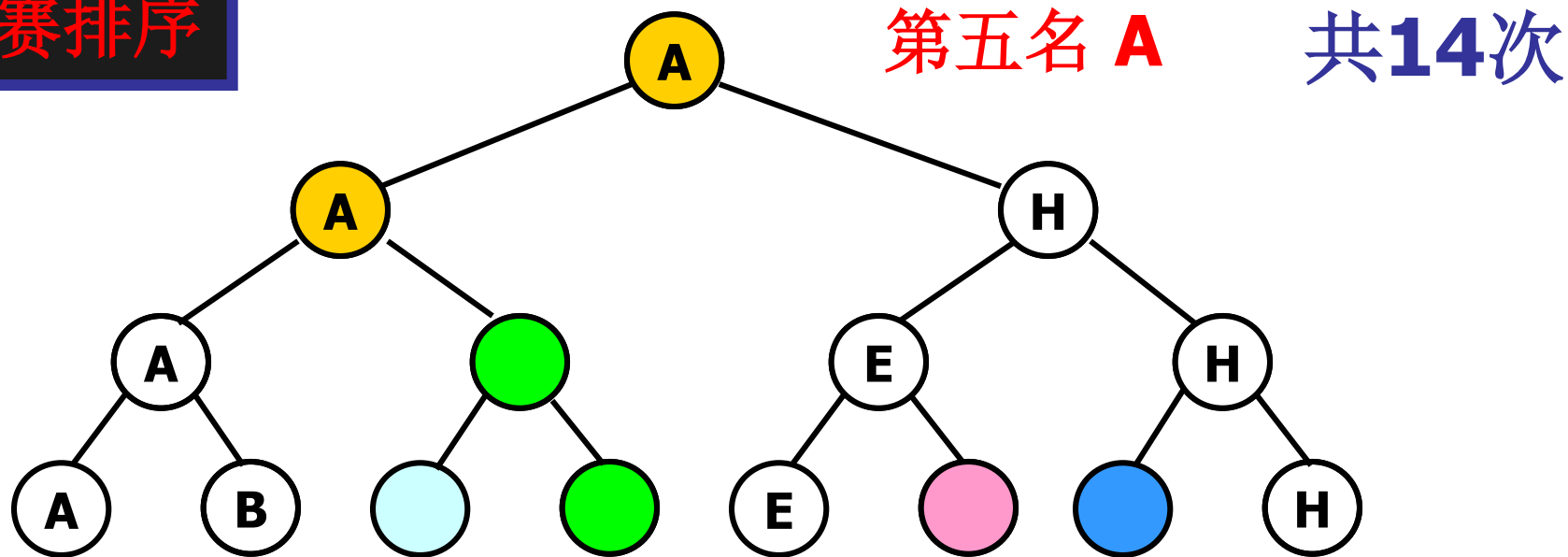
锦标赛排序



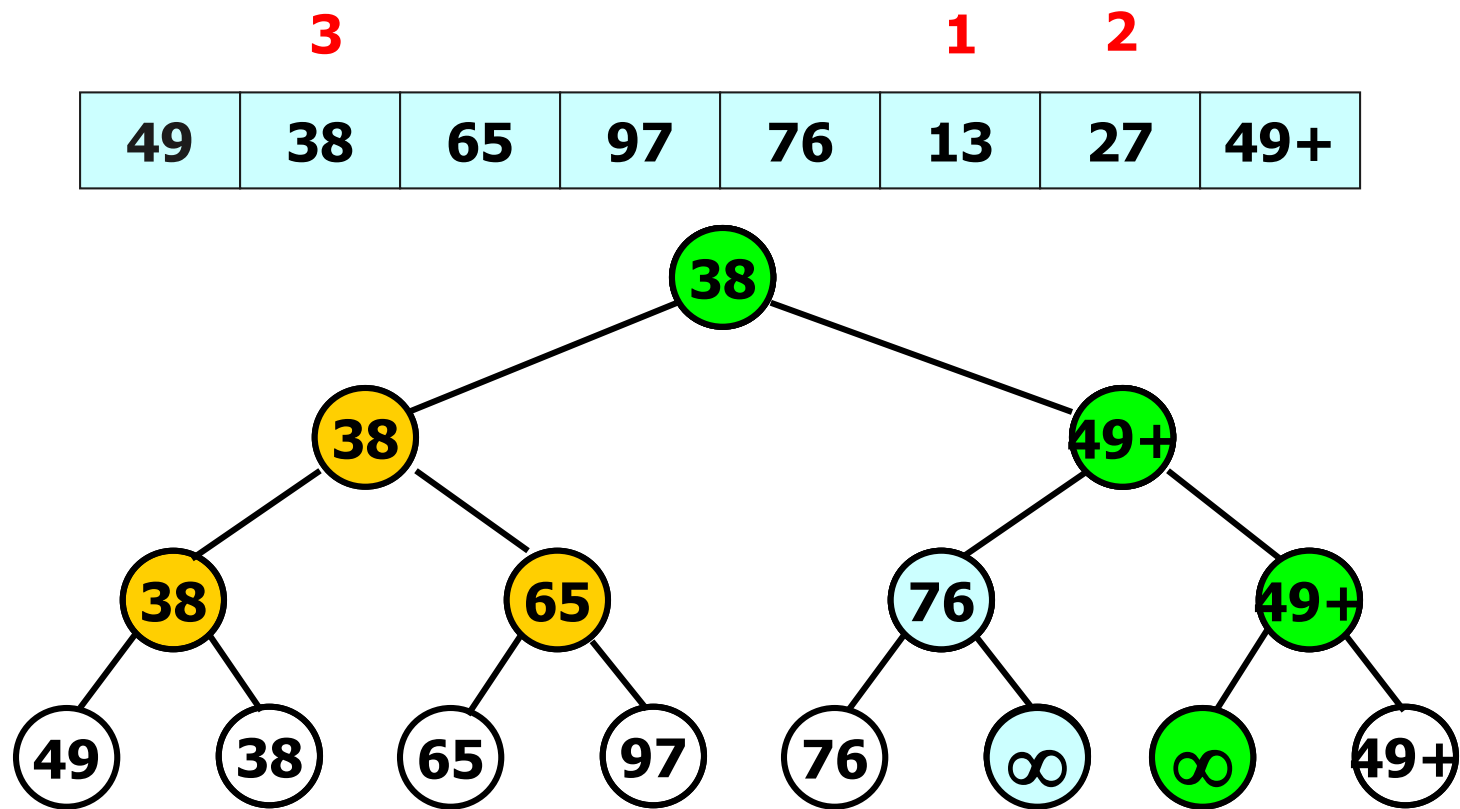
锦标赛排序



锦标赛排序



树形选择排序



每选择一个“次小”关键字，需要_____次比较？

$$T(n) = O(n \log_2 n)$$

$$\lfloor \log_2 n \rfloor$$



10.3.2 树形选择排序

■ 算法分析

- 锦标赛排序构成的树是满的完全二叉树，其深度为 $\lceil \log_2(n+1) \rceil$ ，其中 n 为待排序元素个数。
- 除第一次选择具有最小关键码的对象需要进行 $n-1$ 次关键码比较外，重构胜者树选择具有次小、再次小关键码对象所需的关键码比较次数均为 $O(\log_2 n)$ 。总关键码比较次数为 $O(n \log_2 n)$ 。
- 对象的移动次数不超过关键码的比较次数，所以锦标赛排序总的~~时间复杂度为~~



10.3.3 堆排序

Heap sort

J.Williams, 1964

堆的定义：一个有n个元素的线性序列(R_0, R_1, \dots, R_{n-1}),
其关键字序列(K_0, K_1, \dots, K_{n-1})满足：

$$\begin{cases} K_i \leq K_{2i} \\ K_i \leq K_{2i+1} \end{cases} \quad \text{或} \quad \begin{cases} K_i \geq K_{2i} \\ K_i \geq K_{2i+1} \end{cases}$$

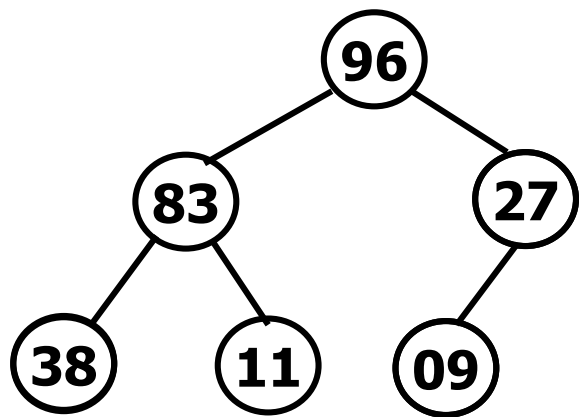
$$\left(i = 1, 2, \dots, \left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor \right)$$

$$\begin{cases} K_i \geq K_{2i} \\ K_i \geq K_{2i+1} \end{cases}$$

堆顶

堆尾

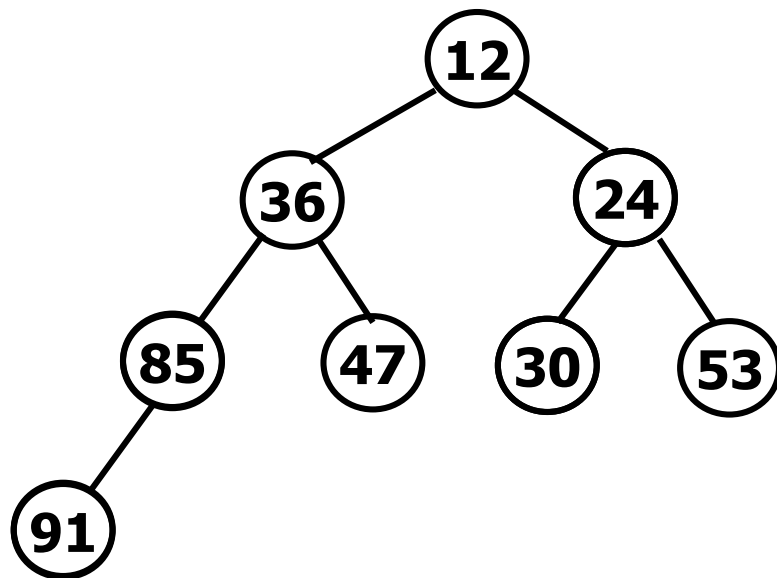
0	1	2	3	4	5	6
	96	83	27	38	11	09



大顶堆

$$\begin{cases} K_i \leq K_{2i} \\ K_i \leq K_{2i+1} \end{cases}$$

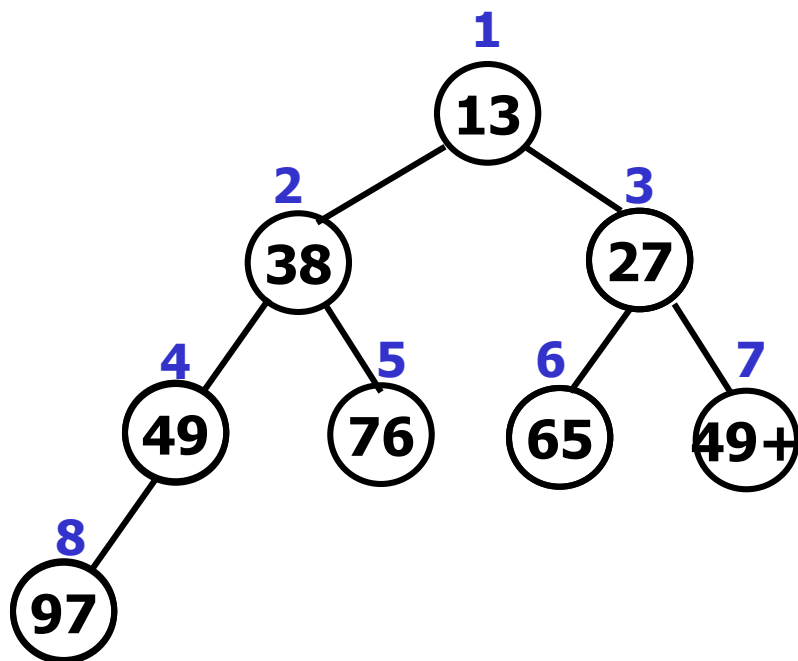
0	1	2	3	4	5	6	7	8
	12	36	24	85	47	30	53	91



小顶堆

堆排序

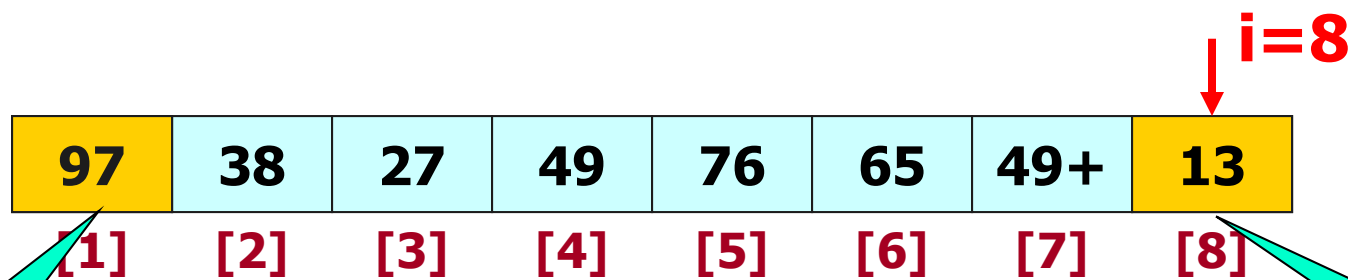
13	38	27	49	76	65	49+	97
[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]	[7]	[8]



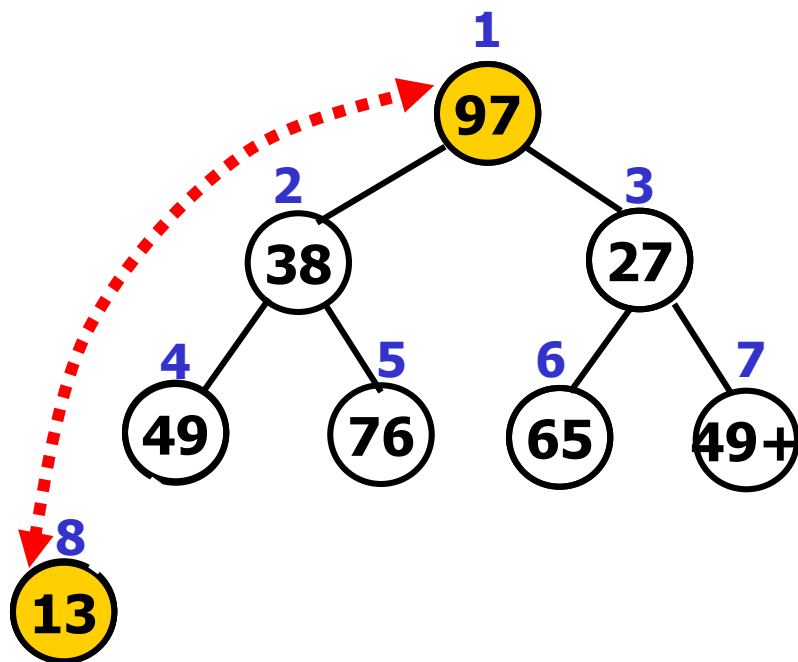
(1) 如何由一个无序序列 “**建立**” 一个堆？

重新堆化

(2) 如何在输出堆顶元素之后， “**调整**” 剩余元素成为一个新的堆？

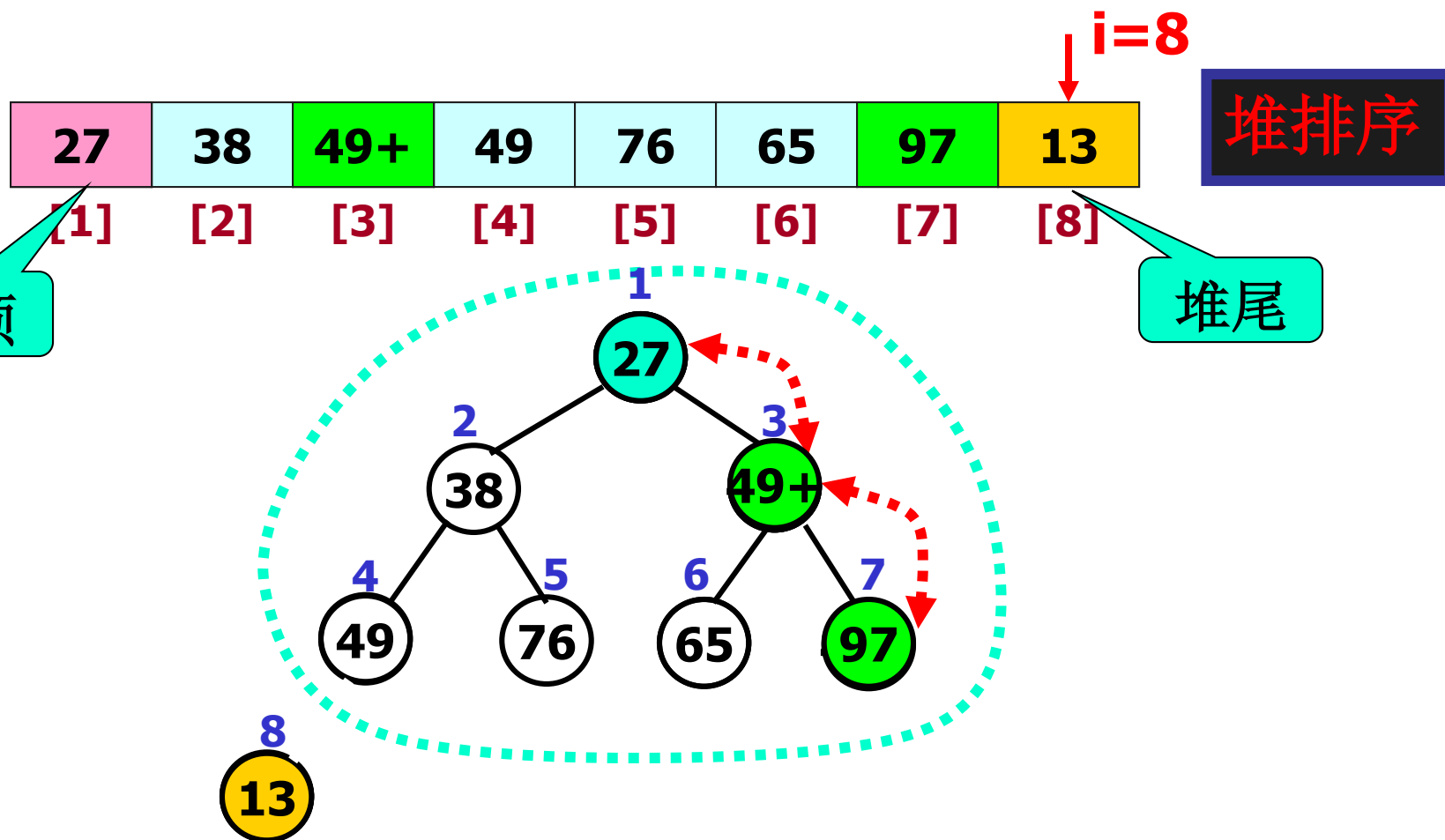


堆排序



(1) $H.r[1] \leftrightarrow H.r[i]$

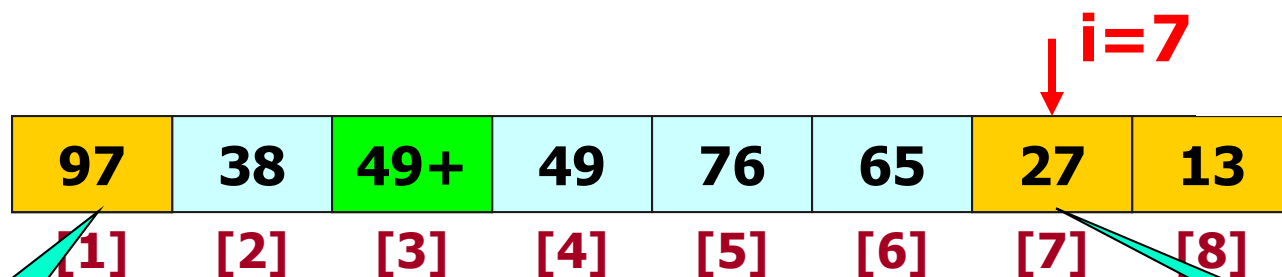
堆尾和堆顶元素交换



(1) $H.r[1] \leftrightarrow H.r[i]$ 堆尾和堆顶元素交换

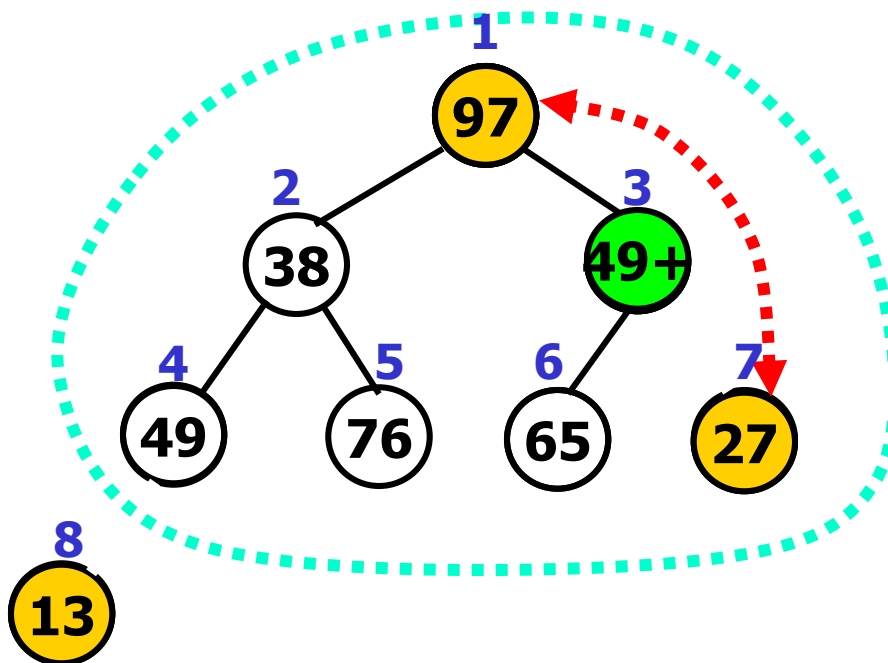
(2) 重新堆化 $H.r[1..i-1]$

堆排序



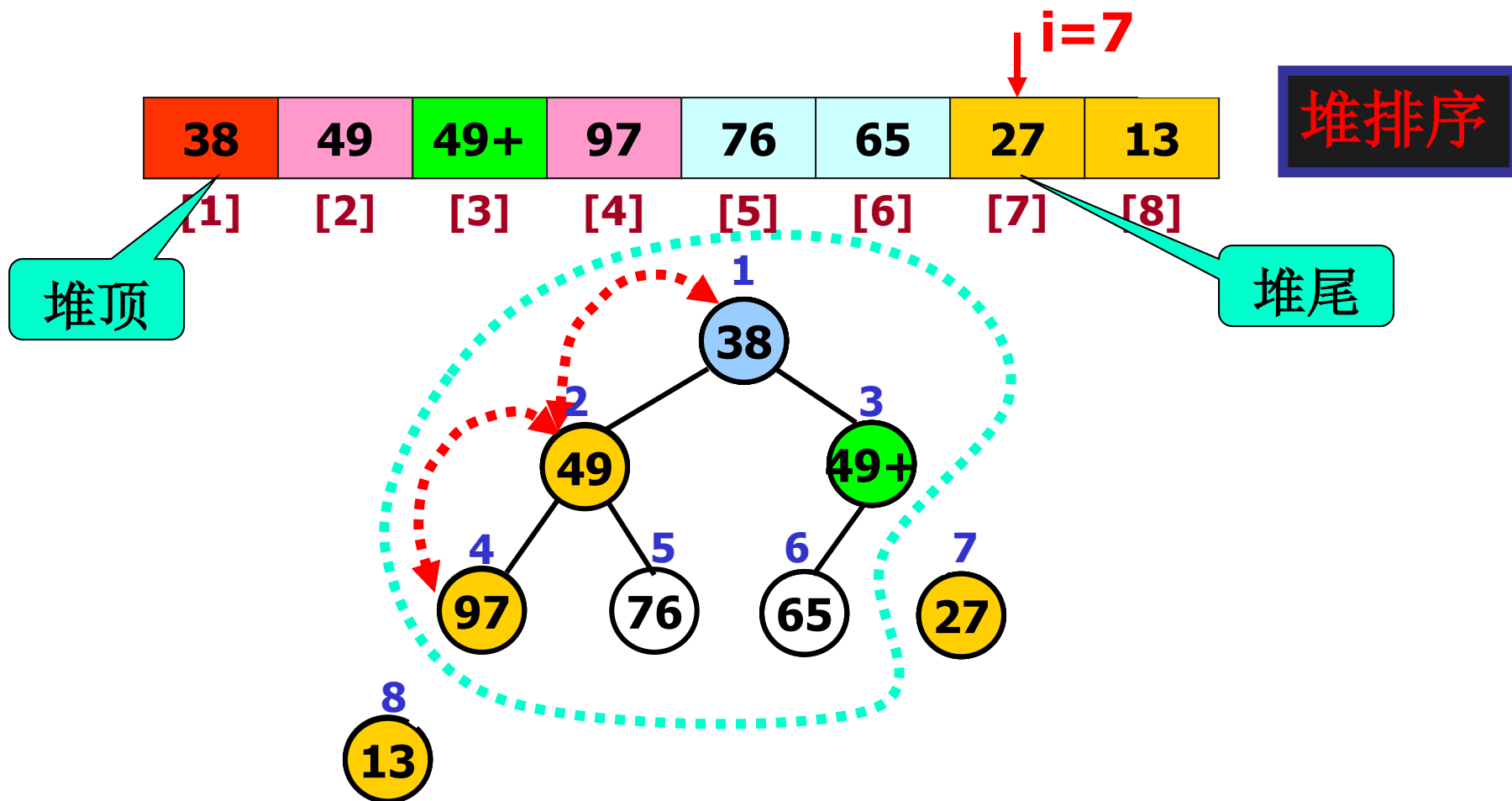
堆顶

堆尾



(1) $H.r[1] \leftrightarrow H.r[i]$

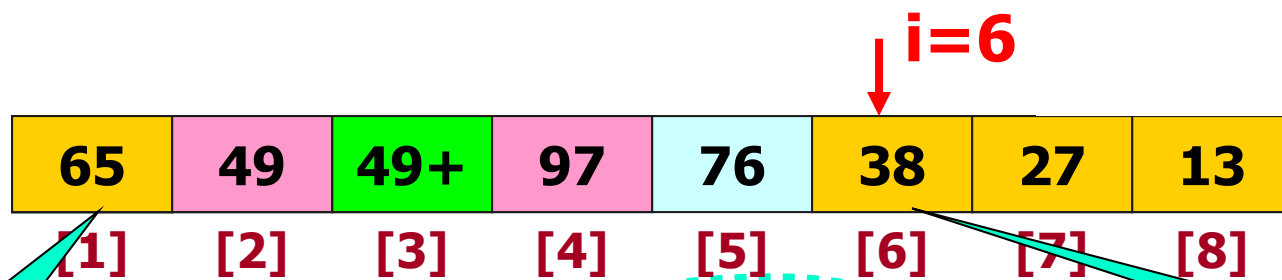
堆尾和堆顶元素交换



(1) $H.r[1] \leftrightarrow H.r[i]$ 堆尾和堆顶元素交换

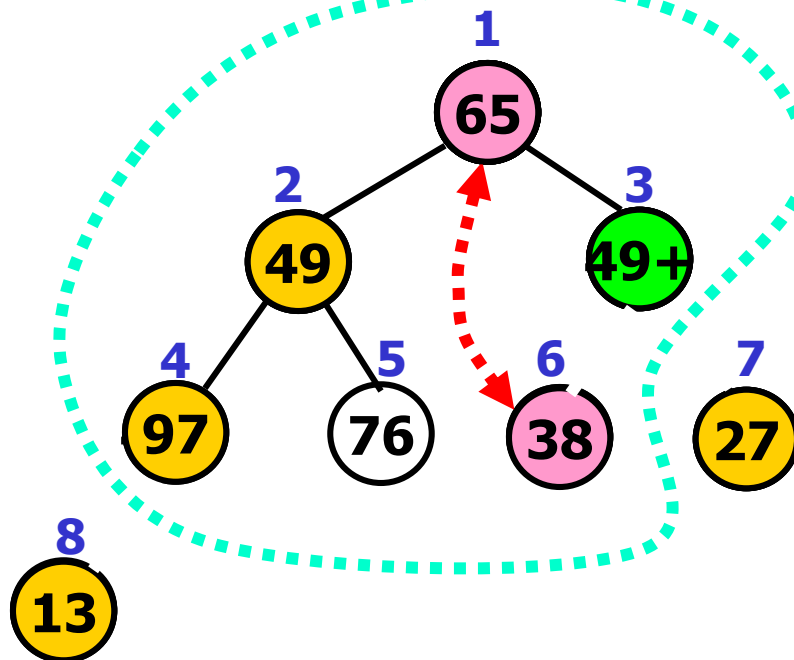
(2) 重新堆化 $H.r[1..i-1]$

堆排序



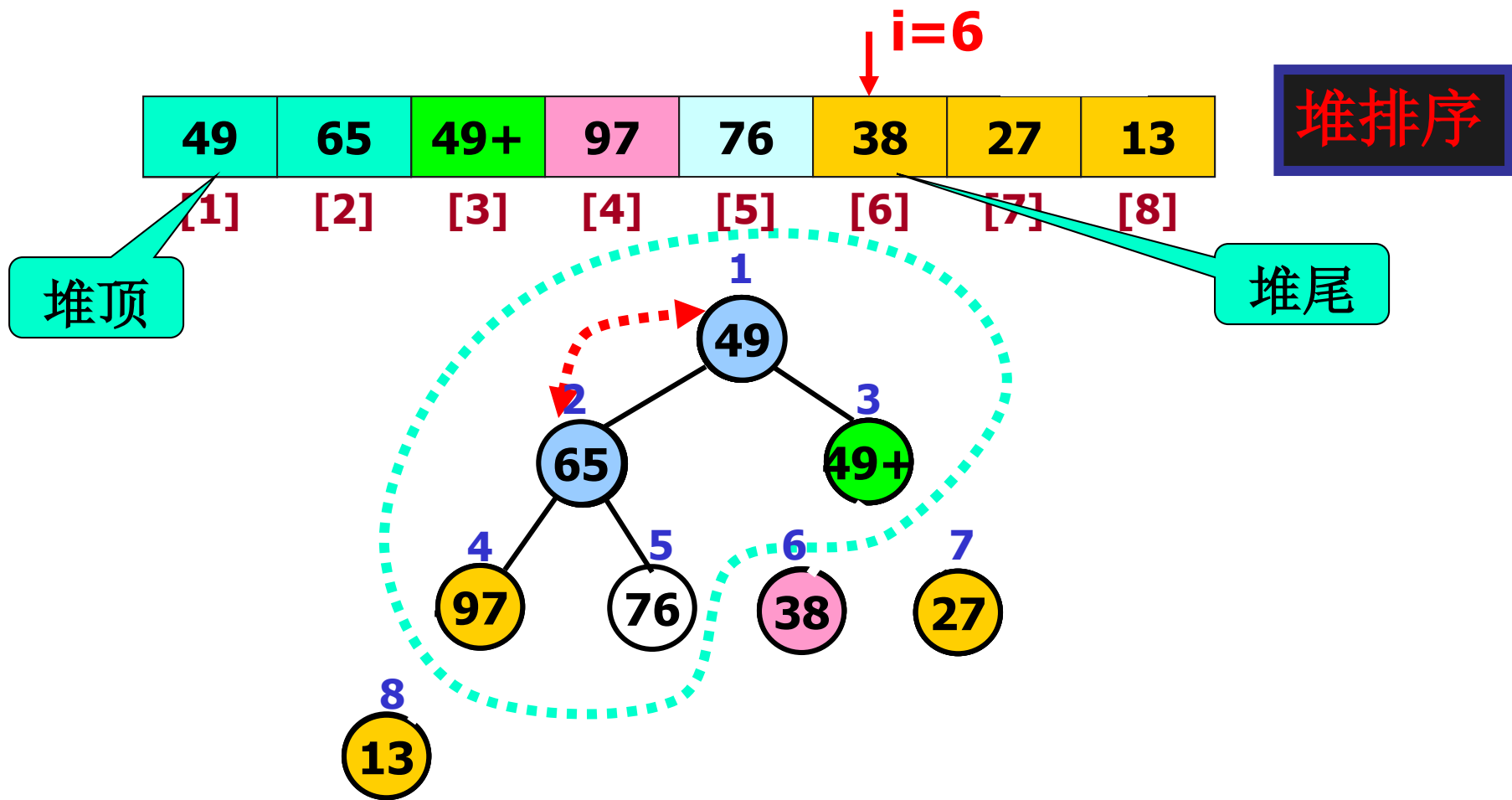
堆顶

堆尾



(1) $H.r[1] \leftrightarrow H.r[i]$

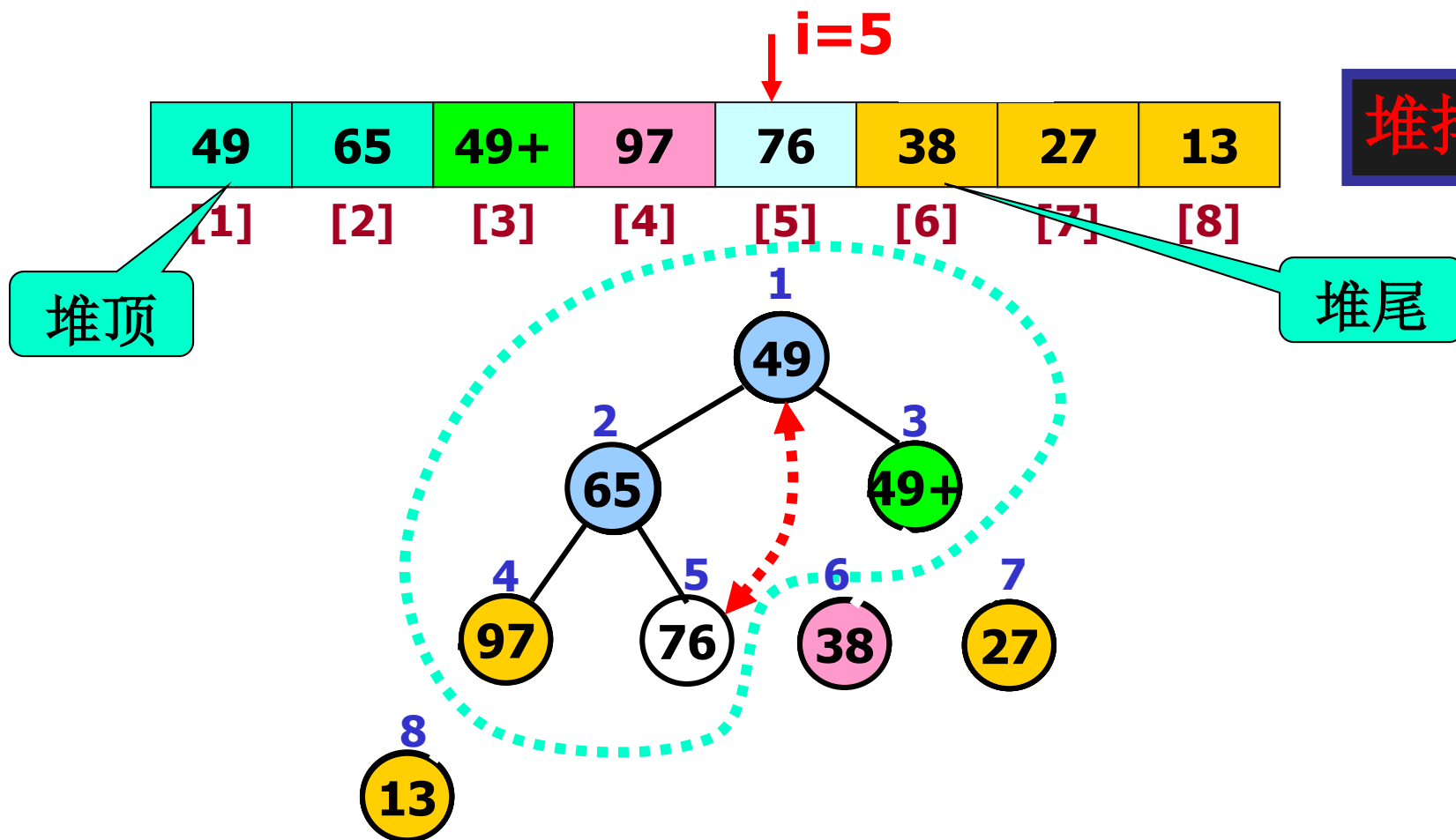
堆尾和堆顶元素交换



(1) $H.r[1] \leftrightarrow H.r[i]$ 堆尾和堆顶元素交换

(2) 重新堆化 $H.r[1..i-1]$

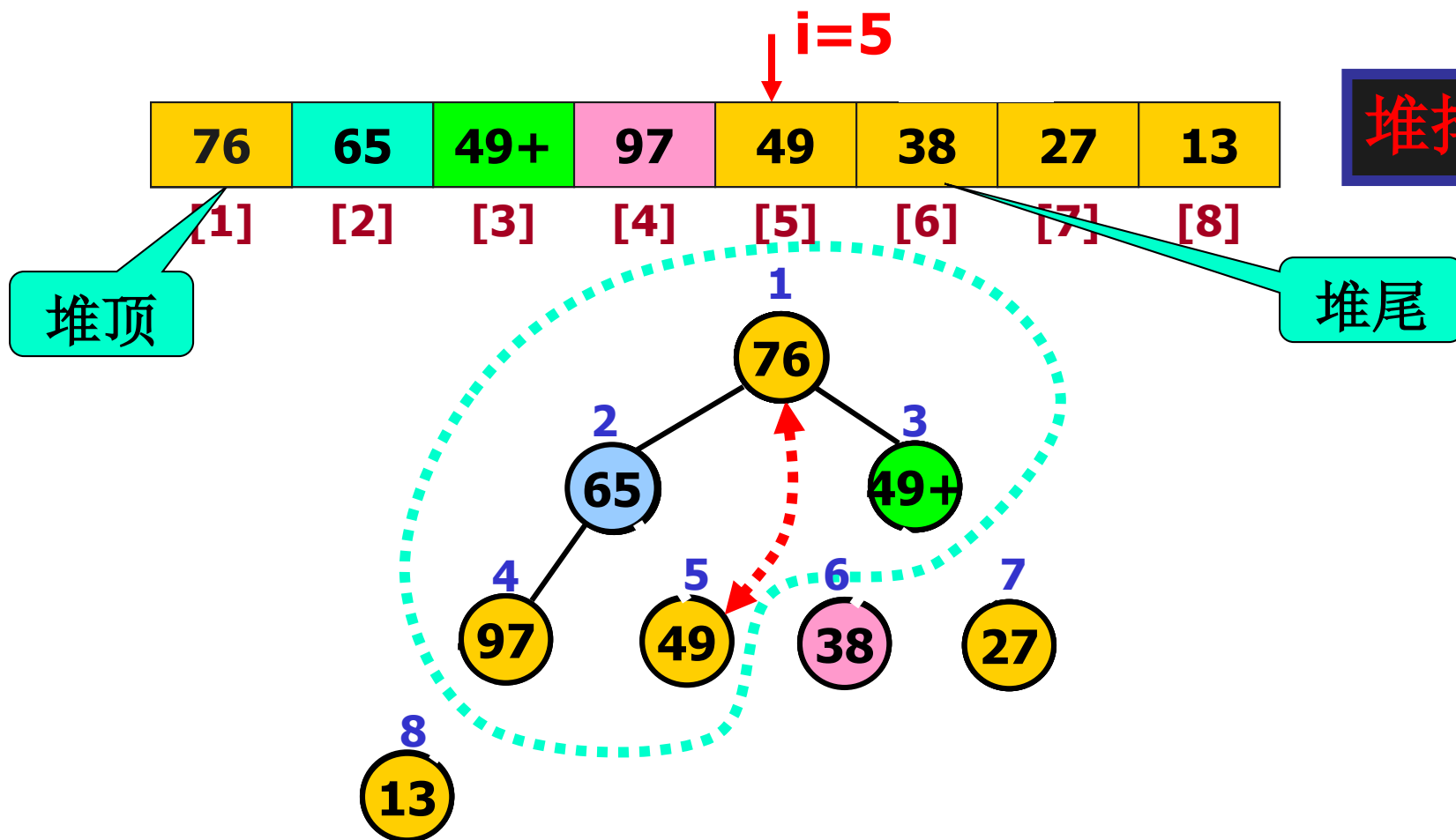
堆排序



(1) $H.r[1] \leftrightarrow H.r[i]$

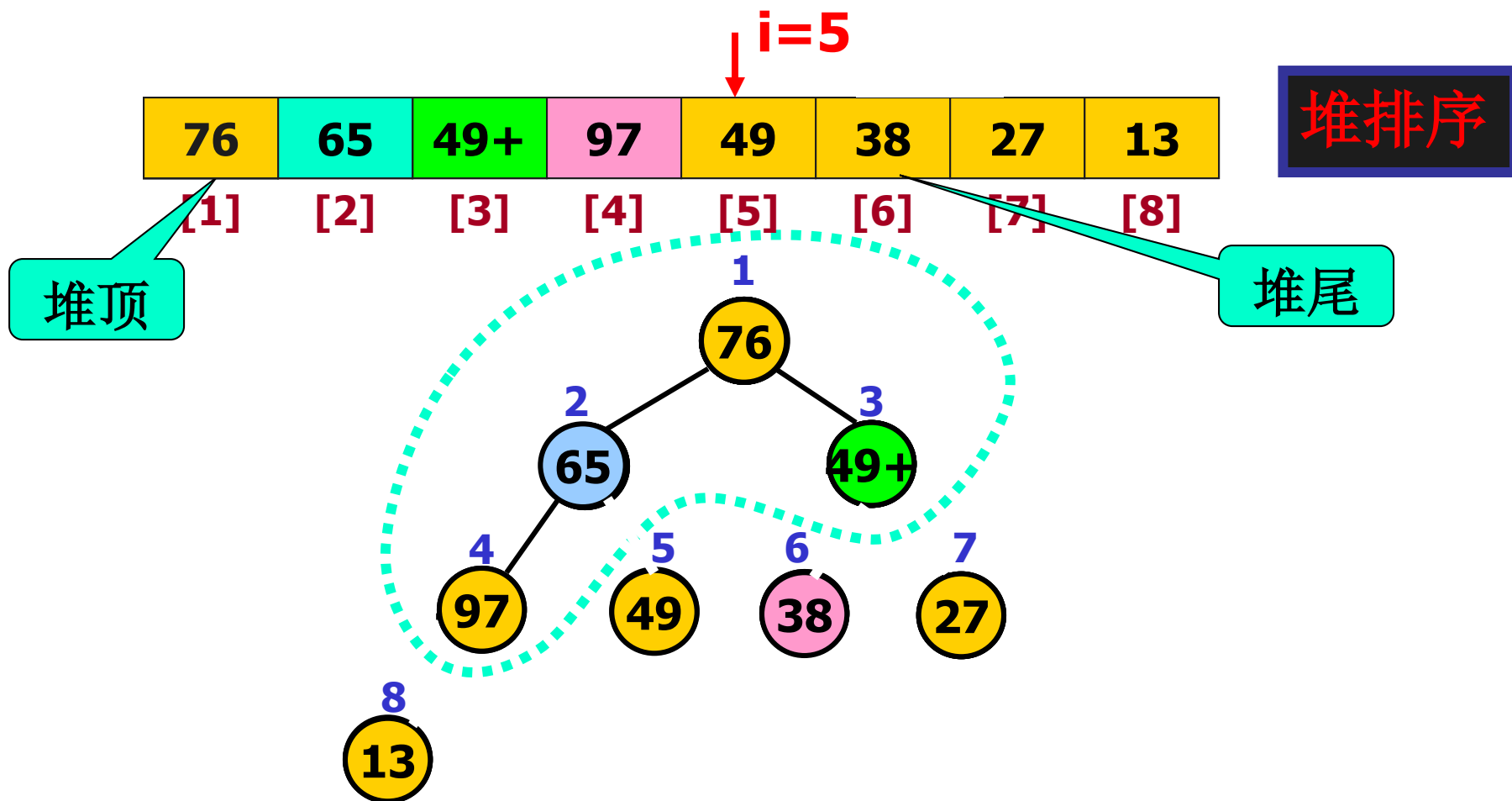
堆尾和堆顶元素交换

堆排序



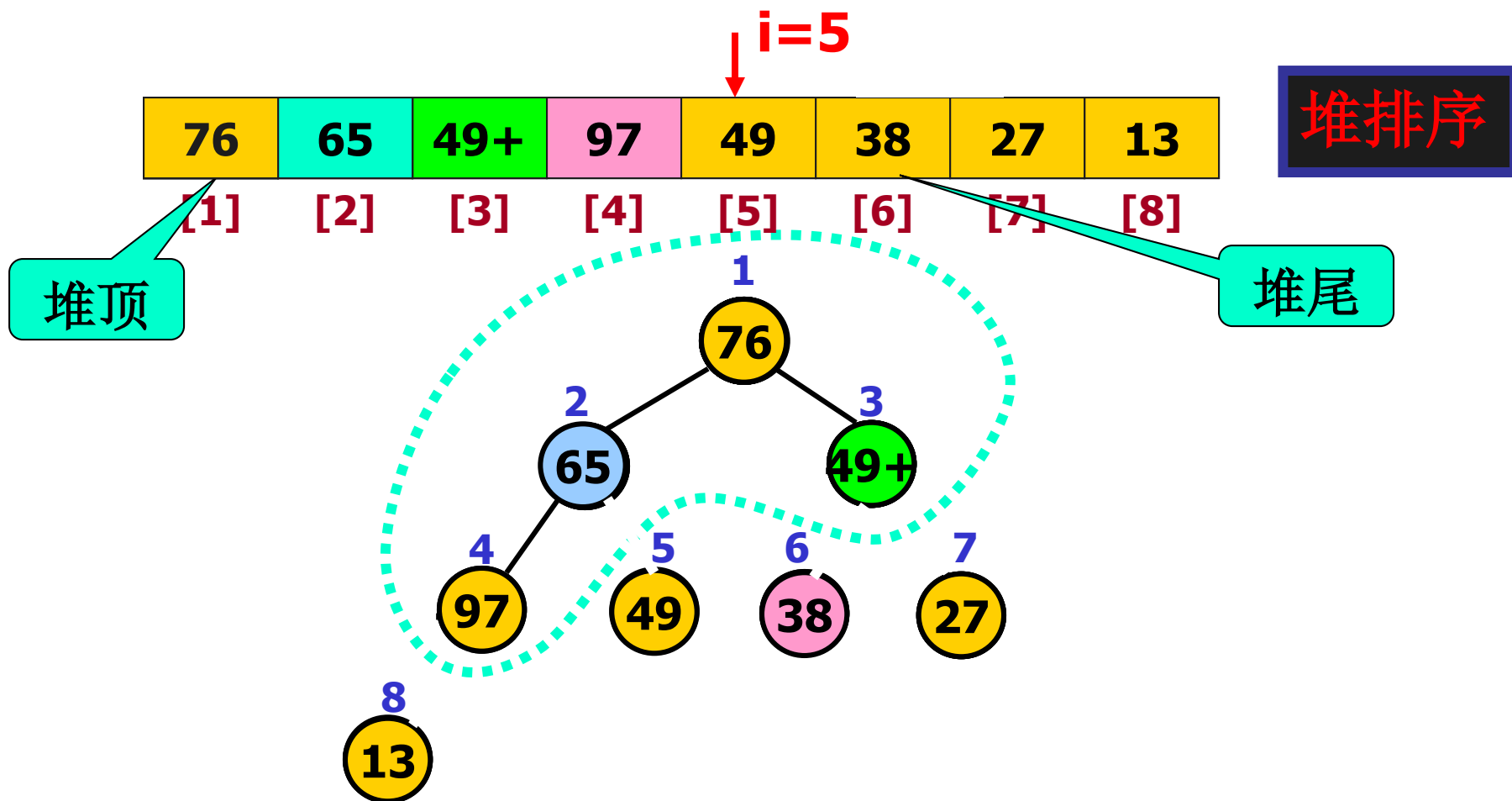
(1) $H.r[1] \leftrightarrow H.r[i]$

堆尾和堆顶元素交换



(1) $H.r[1] \leftrightarrow H.r[i]$ 堆尾和堆顶元素交换

(2) 重新堆化 $H.r[1..i-1]$

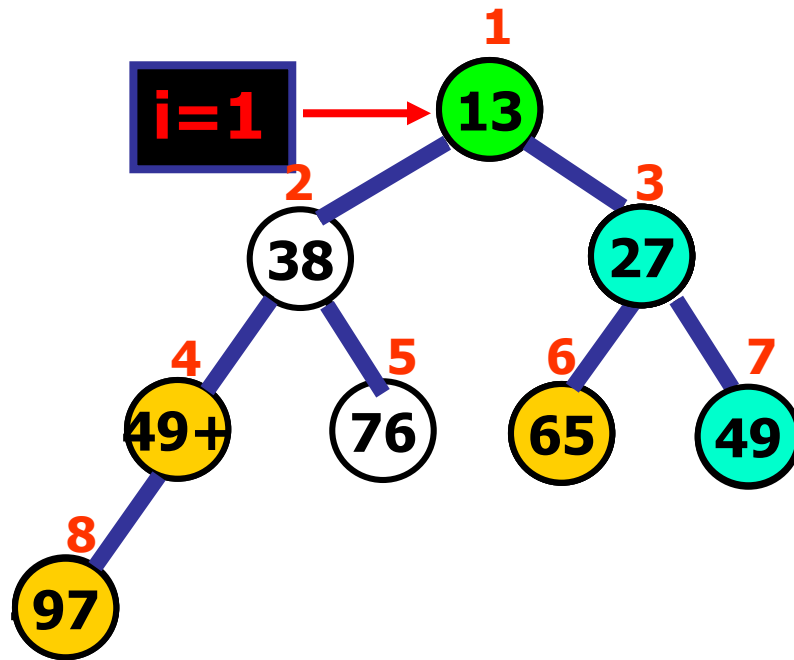


将记录按**从大到小**排列： 建“小”顶堆

将记录按**从小到大**排列： 建“大”顶堆

堆的构造

13	38	27	49+	76	65	49	97
[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]	[7]	[8]



从最后一个“非叶子结点”开始，自下而上进行“堆化”

(1) 空间性能

性能分析

堆排序属于原地排序

(2) 时间性能

(a) 建 n 个元素的新堆，总的关键字比较次数： ?

(b) 对 n 个结点的堆排序时，重新堆化过程中的总的关键字比较次数： ?

(a) 建n个元素的新堆，总的关键字比较次数：？

对于每个非终端结点来说，最多进行两次比较操作，因此整个构建端的时间复杂度是 $O(n)$ 。

(b) 对n个结点的堆排序时，重新堆化过程中的总的关键字比较次数：？

设树高度为 h , $h = \lfloor \log_2 n \rfloor + 1$

完全二叉树的某个结点到根结点的距离为 $\lfloor \log_2 i \rfloor + 1$ ，并且需要进行 $n-1$ 次重新堆化，因此重新堆化的时间复杂度为 $O(n \log n)$ 。

结论：

- (1) 堆排序的运行时间主要耗费在**建初始堆**和调整建新堆时的反复“**筛选**”上
- (2) 对 n 个元素的数组，建初始堆的关键字比较次数不超过 **$4n$** ，重新堆化的总的比较次数不超过 **$2n\log_2 n$**
- (3) 堆排序在最坏情况下的时间性能达到 **$O(n\log n)$**
- (4) 堆排序对记录数较少时不值得提倡，但是对 n 较大的文件很有效
- (5) 堆排序是**不稳定**的排序算法