Árboles binarios

CI-0112 Programación 1

Sivana Hamer - sivana.hamer@ucr.ac.cr
Escuela de Ciencias de la Computación e Informática
Universidad de Costa Rica
Licencia: CC BY-NC-SA 4.0

WNIVERSIDAD DE COSTA RICA

¿Qué problemas tienen las estructuras de datos anteriores?

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA

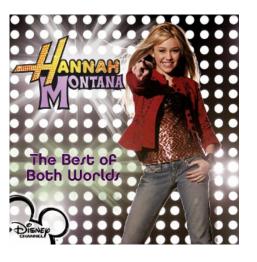
sivana.hamer@ucr.ac.cr



Insertar o borrar en arreglos requiere copiar los datos un nuevo espacio de memoria

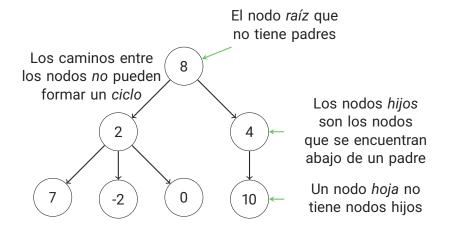


Acceder a elementos en listas requiere recorrer todos los elementos

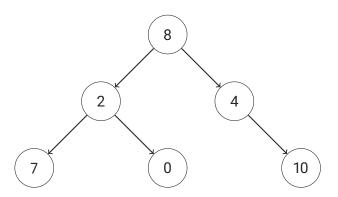


UNIVERSIDAD DE COSTA RICA sivana.hamer@ucr.ac.cr 2 UNIVERSIDAD DE COSTA RICA sivana.hamer@ucr.ac.cr 5

Un árbol es una estructura de datos que guarda nodos que tiene padres e hij@s



Un árbol binario tiene como máximo dos hij@s.



UNIVERSIDAD DE COSTA RICA

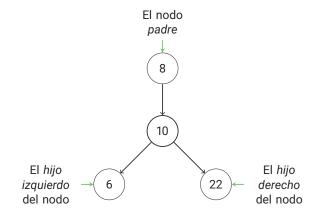
sivana.hamer@ucr.ac.cr

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA

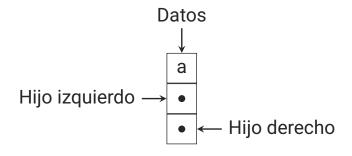
sivana.hamer@ucr.ac.cr

F

Un nodo de un árbol binario es el objeto que guarda el árbol, con referencias a los nodos hij@s

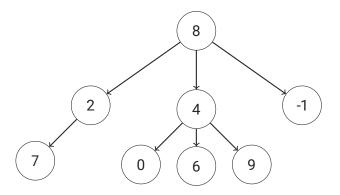


Cada nodo de un árbol guarda dos referencias, uno para el hijo izquierdo y otro para el derecho



Existen distintos tipos de árboles...

Un árbol n-ario tiene como máximo n hij@s.



UNIVERSIDAD DE COSTA RICA

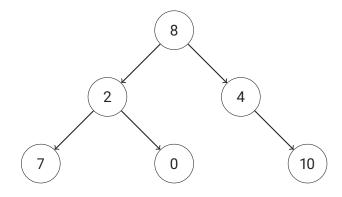
sivana.hamer@ucr.ac.cr

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA

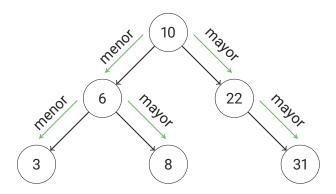
8

sivana.hamer@ucr.ac.cr

Un árbol balanceado tiene una cantidad similares de nodos en el lado derecho e izquierdo



Un Binary search (sort) tree (BST) agrega los elementos en orden, los descendientes izquierdos son menores que el nodo actual pero mayores a los descendientes derechos.



sivana.hamer@ucr.ac.cr UNIVERSIDAD DE COSTA RICA sivana.hamer@ucr.ac.cr UNIVERSIDAD DE COSTA RICA 10

Dado la estructura del árbol, se puede recorrer de distintas maneras, dependiendo el orden en que se visitan los nodos

Veamos algoritmos para árboles...



UNIVERSIDAD DE COSTA RICA

sivana.hamer@ucr.ac.cr

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA

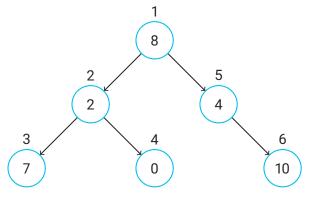
12

sivana.hamer@ucr.ac.cr

13

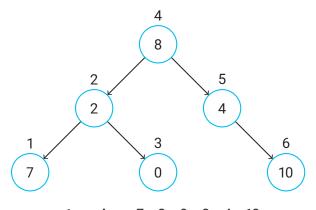
15

Pre-order busca en (1) Nodo actual (2) Hijo izquierdo (3) Hijo derecha



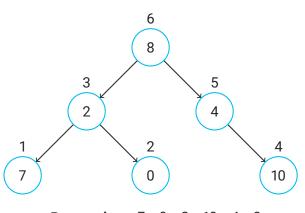
Pre-order: 8 2 7 0 4 10

In-order busca en (1) Hijo izquierdo (2) Nodo actual (3) Hijo derecha



In-order: 7 2 0 8 4 10

Post-order busca en (1) Hijo izquierdo (2) Hijo derecha (3) Nodo actual



Post-order: 7 0 2 10 4 8

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA

sivana.hamer@ucr.ac.cr

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA

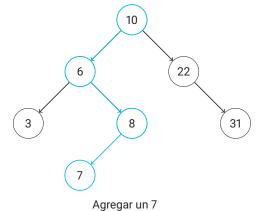
16

sivana.hamer@ucr.ac.cr

31

17

Para *insertar* en un BST debe seguir el orden, agregando el nodo donde se encontraría al buscar



Para remover hay que pensar en diversos casos...

Se puede buscar nodos en un BST rápido dado que tienen orden

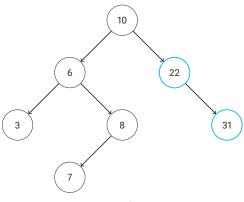
6

10

Buscar un 8

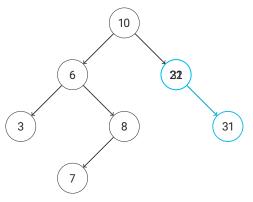
UNIVERSIDAD DE COSTA RICA sivana.hamer@ucr.ac.cr 18 UNIVERSIDAD DE COSTA RICA sivana.hamer@ucr.ac.cr 19

Para remover una hoja en un BST solo se quita la referencia del padre.



Borrar el 31

Para remover un nodo con un hijo en un BST el hijo toma la posición del padre



Borrar el 22

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA

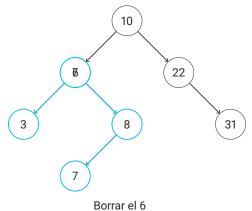
sivana.hamer@ucr.ac.cr

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA

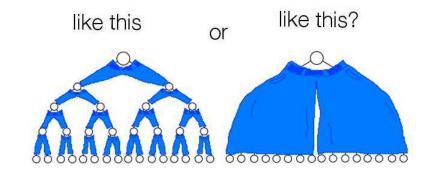
sivana.hamer@ucr.ac.cr

21

Para remover un nodo con varios hijos en un BST se remplaza con el nodo más cercano (el más pequeño en el subárbol derecho)



If a binary tree wore pants would he wear them



20

Referencias I

- D. J. Eck, *Introduction to Programming Using Java*, eighth edition ed. Geneva (NY): Hobart and William Smith Colleges, Department of mathematics and computer science, 2020.
- G. L. McDowell, Cracking the coding interview: 189 programming questions and solutions. CareerCup, 2019.
- P. Morin, Open Data Structures (in Java), 2013.

mebeim. Can't really wrap my head around this one. [Image]. [Online]. Available: https://www.reddit.com/r/ProgrammerHumor/comments/6lvdth/cant_really_wrap_my_head_around_this_one/

[Image]. [Online]. Available: https://static.wikia.nocookie.net/disney/images/2/22/The_Best_of_Both_Worlds.png/revision/latest?cb=20200726165336&path-prefix=es

E. Demaine. 6. binary trees, part 1. [Video]. [Online]. Available: https://www.youtube.com/watch?v=76dhtgZt38A

Referencias II

V. Costan. R5. recursion trees, binary search trees. [Video]. [Online]. Available: https://www.youtube.com/watch?v=r5pXu1PAUkl

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA sivana.hamer@ucr.ac.cr

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA

24

sivana.hamer@ucr.ac.cr

25