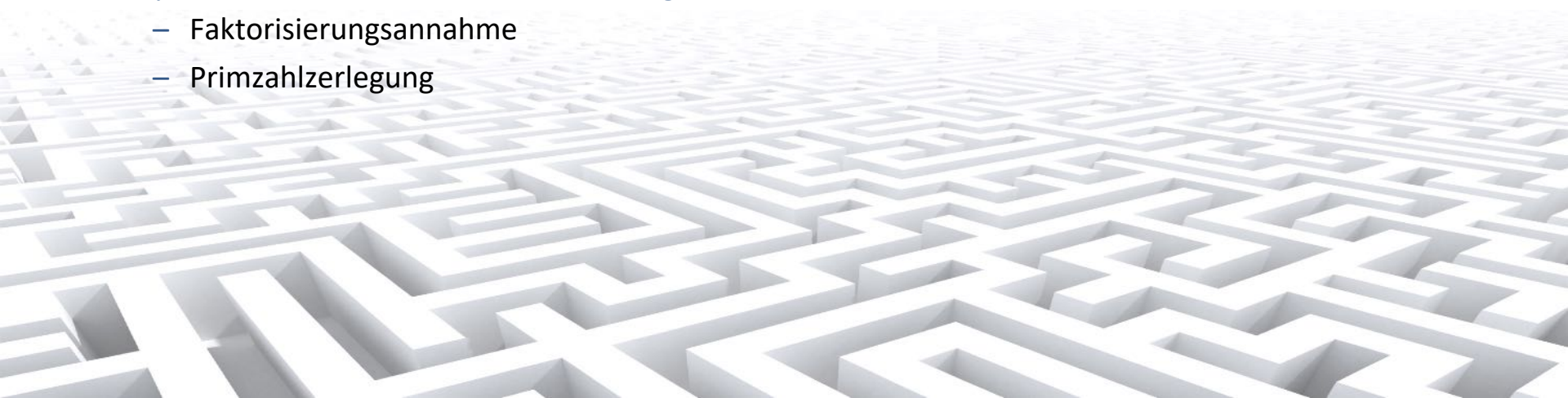


# Mathematische Grundlagen asymmetrischer Systeme

- **Modulo-Rechnung**
  - Grundlagen
  - Erweiterter Euklidischer Algorithmus
- **Systeme auf der Basis des diskreten Logarithmus**
  - primitive Wurzel
  - diskreter Logarithmus Problem
- **Systeme auf der Basis der Faktorisierungsannahme**
  - Faktorisierungsannahme
  - Primzahlzerlegung



## Erweiterter Euklidischer Algorithmus

### ■ Anwendung

- Bestimmung von  $\text{ggT}(a,b)$  und Ermittlung des multiplikativen Inversen von  $b$  im Restklassenring modulo  $a$ , d. h. zur Berechnung von  $b^{-1}$  aus der Beziehung  $b \cdot b^{-1} = 1 \bmod a$

### ■ Algorithmus

- Seien  $a, b \in \mathbf{N}+1$ ,  $a > b$
- Setze
$$\begin{array}{lll} r_{-2} = a & s_{-2} = 0 & t_{-2} = 1 \\ r_{-1} = b & s_{-1} = 1 & t_{-1} = 0 \end{array}$$
- Berechne  $c_k, r_k, s_k$  und  $t_k$  nach folgenden Beziehungen:
$$\begin{array}{l} c_k = r_{k-2} \text{ DIV } r_{k-1} \\ r_k = r_{k-2} \text{ MOD } r_{k-1} \\ s_k = c_k s_{k-1} + s_{k-2} \\ t_k = c_k t_{k-1} + t_{k-2} \end{array}$$
- Abbruchbedingung :  $r_k = 0$
- Es gilt:  $b \cdot s_{k-1} - a \cdot t_{k-1} = (-1)^k \cdot r_{k-1}$
- Ergebnisse:  $r_{k-1} = \text{ggT}(a,b)$ 
$$s_{k-1} \cdot b = (-1)^k \bmod a, \text{ falls } \text{ggT}(a,b) = 1$$

## Erweiterter Euklidischer Algorithmus

$$c_k = r_{k-2} \text{ DIV } r_{k-1} \quad r_k = r_{k-2} \text{ MOD } r_{k-1} \quad s_k = c_k s_{k-1} + s_{k-2} \quad t_k = c_k t_{k-1} + t_{k-2}$$

### ■ Beispiel 1

- Gegeben:  $a=10$   $b=4$
- Gesucht:  $\text{ggt}(a,b)$

k	$c_k$	$r_k$	$s_k$	$t_k$
-2		$10 = a$	0	1
-1		$4 = b$	1	0
0	2	<b>2 = ggt</b>	2	1
1	2	0 (Abbruch)		

## Erweiterter Euklidischer Algorithmus

$$c_k = r_{k-2} \text{ DIV } r_{k-1} \quad r_k = r_{k-2} \text{ MOD } r_{k-1} \quad s_k = c_k s_{k-1} + s_{k-2} \quad t_k = c_k t_{k-1} + t_{k-2}$$

### ■ Beispiel 2

– Gegeben:

$$p=53 \quad q=61 \quad n=p \cdot q=3233 \quad \Phi(n)=(p-1) \cdot (q-1)=3120 \quad c=523$$

– Gesucht:

$$c \cdot c^{-1} = 1 \text{ mod } \Phi(n), \text{ d.h. Multiplikatives Inverses zu } c \text{ mod } \Phi(n)$$

k	$c_k$	$r_k$	$s_k$	$t_k$
-2		$3120 = a = \Phi$	0	1
-1		$523 = b = c$	1	0
0	5	505	5	1
1	1	18	6	1
2	28	1 = ggt	173	29
3	18	0 (Abbruch)		

## Erweiterter Euklidischer Algorithmus

### ■ Beispiel 2 (Forts.)

– Es gilt:

$$\begin{array}{rclcl} s_{k-1} \cdot b & = & (-1)^k & \text{mod } a \\ 173 \cdot 523 & = & (-1)^3 & \text{mod } 3120 \\ 90479 & = & -1 & \text{mod } 3120 \\ 3119 & = & -1 & \text{mod } 3120 \\ -1 & = & -1 & \text{mod } 3120 \end{array}$$

– Da  $(-1)^k = (-1)^3 = -1$ , muss noch mit -1 multipliziert werden.

$$\begin{array}{rclcl} -s_{k-1} \cdot b & = & -(-1)^k & \text{mod } a \\ c & = & -s_{k-1} = -173 & = -173 + a \\ c & = & 2947 & \end{array}$$

## Eulersche- $\Phi$ -Funktion

### ■ Def. Eulersche $\Phi$ -Funktion

- Für eine beliebige ganze Zahl  $n$  bildet die Menge  $\mathbf{Z}_n^*$  der ganzen Zahlen modulo  $n$ , die zu  $n$  teilerfremd sind, eine multiplikative Gruppe. Die Ordnung dieser Gruppe ist  $\Phi(n)$ .
  - **Beispiel:**  $\Phi(9) = 6$      $\mathbf{Z}_9^* = \{1, 2, 4, 5, 7, 8\}$
- Für den Sonderfall  $n = p \in \mathbf{P}$  gilt  $\Phi(p) = p-1$ .

### ■ Satz von Euler

- Für ein beliebiges  $x$  mit  $(1 \leq x < n)$ , das zu  $n$  teilerfremd ist bzw.  $x \in \mathbf{Z}_n^*$ , gilt  $x^{\Phi(n)} = 1 \bmod n$ .

### ■ Euler-Fermat-Identität (kleiner Satz von Fermat)

- Mit  $\Phi(p) = p-1$  ( $p \in \mathbf{P}$ ) folgt aus dem Satz von Euler:

$$x^{p-1} = 1 \bmod p \quad (1 \leq x \leq p-1).$$

### ■ Wenn $n$ das Produkt zweier Primzahlen $n = p \cdot q$ ist, gilt

$$x^{\Phi(p \cdot q)} = x^{(p-1) \cdot (q-1)} \bmod p \cdot q.$$

## Primitive Wurzel

### ■ Definition

- Eine beliebige ganze Zahl  $a$  im Bereich  $1 \leq a < n$  heißt primitive Wurzel von  $n$ , wenn gilt
$$\text{ggT}(a, n) = 1 \quad \text{und}$$
$$a^d \not\equiv 1 \pmod{n} \quad \text{für alle } d \text{ mit der Bedingung } 1 \leq d < \Phi(n)$$

### ■ Theorem

- Die ganze Zahl  $n$  hat genau dann eine primitive Wurzel, wenn  $n = 1, 2$  oder  $4$  ist oder die Form  $p^k$  oder  $2p^k$  hat, wobei  $p$  eine ungerade Primzahl ist.
- Wenn  $n$  eine primitive Wurzel hat, dann hat  $n$  genau  $\Phi(\Phi(n))$  primitive Wurzeln.

### ■ Vermutung

- Jede ganze Zahl, die keine Quadratzahl ist, ist die primitive Wurzel einer Primzahl.

# Diskreter Logarithmus

## ■ Definition diskreter Logarithmus

- Sei  $p$  eine beliebige ganze Zahl, die eine primitive Wurzel  $a$  hat.

Wenn für ein beliebiges  $c$  mit  $0 \leq c < \Phi(p)$

$$b = a^c \bmod p$$

gilt, dann ist  $c$  der diskrete Logarithmus zur Basis  $a$  modulo  $p$  oder auch

$$c = \log_a b \bmod p.$$

## ■ Problemstellung für den Angreifer

- Öffentlich bekannt sind  $a$ ,  $b$ ,  $p$ .
- Geheim ist  $c$ . Erfährt ein Angreifer  $c$ , ist das System gebrochen.
- Folglich möchte ein Angreifer  $c$  ermitteln.

## ■ Beispiel

- $p = 3137$  und  $a = 577$  öffentlich;  $c = 1374$  geheim
- $b = a^c \bmod p = 858$  öffentlich
- $c = \log_a b \bmod p = \log_{577} 858 \bmod 3137 = ?$  (Angreifersicht)



## Diskreter Logarithmus

### ■ Algorithmen zur Berechnung des diskreten Logarithmus

- Baby-Step, Giant-Step, Index-Calculus-Alg., Adleman-Alg.
- Laufzeit zur Berechnung des diskreter Log. mod  $p$  mit  $p \in \mathbf{P}$

$$e^{(1+O(1))(\log p \cdot \log(\log p))^{1/2}}$$

- Rechenzeiten bei  $10^8$  Operationen pro sek. für verschiedene Größenordnungen von  $p$ :

$p$	Anzahl Ops.	benötigte Zeit in Jahren
$\approx 10^{100}$	$7,9 \cdot 10^{22}$	$2,5 \cdot 10^7$
$\approx 10^{200}$	$1,8 \cdot 10^{34}$	$5,7 \cdot 10^{19}$
$\approx 10^{300}$	$1,8 \cdot 10^{43}$	$5,7 \cdot 10^{28}$
$\approx 10^{400}$	$9,5 \cdot 10^{50}$	$4,8 \cdot 10^{36}$
$\approx 10^{500}$	$7,4 \cdot 10^{57}$	$4,8 \cdot 10^{43}$

## Vergleich: Logarithmus

$\log_a b$  ( $a > 0$ ;  $a \neq 1$ ;  $b > 0$ ) ist diejenige reelle Zahl  $c$ , für die gilt  $a^c = b$ .

$c = \log_a b$  wird z.B. gelöst mit

$$\log_a b = \frac{\log_x b}{\log_x a}$$

- **Beispiel 1:** Wieviel Bit benötigt man, um die Zahlen zwischen 0 und 255 binär zu kodieren?

$$\log_2 256 = \frac{\ln 256}{\ln 2} = 8 \text{ Bit}$$

- **Beispiel 2:** Wieviel Bit benötigt man, um die Zahlen bis  $10^{200}$  im Binärcode darzustellen?

$$10^{200} \leq 2^x \quad x \geq \log_2 10^{200} = \frac{\log_{10} 10^{200}}{\log_{10} 2} = \frac{200}{\log_{10} 2} \quad x \geq 665 \text{ Bit}$$

- **Beispiel 3:**  $a = 577$ ;  $b = 858$ ;  $c = ?$

$$c = \log_a b = \log_{577} 858 = \frac{\ln 858}{\ln 577} = 1,0624$$

## Faktorisierungsannahme

- Seien  $p$  und  $q$  zwei große ( $|p| \approx |q| \approx 500 \dots 1500$  Bit), unabhängig und zufällig gewählte Primzahlen.  $p$  und  $q$  werden geheim gehalten. Das Produkt  $n$  aus  $p$  und  $q$  wird veröffentlicht:  $n=p \cdot q$ .
- Annahme: Für jeden schnellen Faktorisierungsalgorithmus  $F(n)$  wird die Wahrscheinlichkeit, dass  $F(n)$  eine Zahl  $n=p \cdot q$  tatsächlich faktorisieren kann, schnell kleiner, je größer die Länge  $|p|$  und  $|q|$  der Faktoren ist.
  - Es ist zwar mit vernünftigem Aufwand möglich, Primzahlen  $p$  und  $q$  zu finden und diese zu multiplizieren. Es ist aber nicht mit vernünftigem Aufwand möglich, die Primfaktoren von  $n$  zu finden.
  - Die öffentlich ausführbare Funktion (Verschlüsseln bzw. Signaturtest) kommt mit dem öffentlichen  $n$  aus. Die private Funktion (Entschlüsseln bzw. Erzeugen einer Signatur) nutzt  $p$  und  $q$ .
  - Dass Faktorisierung schwer ist, ist bisher nicht bewiesen.

# Diffie-Hellman-Key-Exchange

A will B die Nachricht  $m$  schicken.

B:

$p_B \in P$  und  $a$  primitive Wurzel von  $p_B$  wählen

$x_B$  mit  $1 \leq x_B \leq p_B - 1$  wählen

$y_B = a^{x_B} \bmod p_B$  berechnen

$x_B$  bleibt geheim!

$a$ ,  $p_B$  und  $y_B$  sind auf key server veröffentlicht

A:

liest Eintrag für B:  $a$ ,  $p_B$  und  $y_B$

$x_A$  mit  $1 \leq x_A \leq p_B - 1$  geheim wählen

$y_A = a^{x_A} \bmod p_B$  berechnen

Key Agreement:

$k_{AB} = y_B^{x_A} \bmod p_B$  berechnen

Verschlüsselung:

$s = E(k_{AB}, m)$

$s$  und  $y_A$

B:

$k_{BA} = y_A^{x_B} \bmod p_B$  berechnen

$m = E^{-1}(k_{BA}, s)$  entschlüsseln

# Diffie-Hellman-Key-Exchange

A will B die Nachricht  $m$  schicken.

B:

$p_B \in P$  und  $a$  primitive Wurzel von  $p_B$  wählen

$x_B$  mit  $1 \leq x_B \leq p_B - 1$  wählen

$y_B = a^{x_B} \bmod p_B$  berechnen

$x_B$  bleibt geheim!

Beispielrechnung mit  $p_B=23$ ,  $a=5$ ,  $x_A=2$ ,  $x_B=3$ :

10

$5^3$

23

$a$ ,  $p_B$  und  $y_B$  sind auf key server veröffentlicht

A:

liest Eintrag für B:  $a$ ,  $p_B$  und  $y_B$

$x_A$  mit  $1 \leq x_A \leq p_B - 1$  geheim wählen

$y_A = a^{x_A} \bmod p_B$   $2 = 5^2 \bmod 23$

Key Agreement:

$k_{AB} = y_B^{x_A} \bmod p_B$   $8 = 10^2 \bmod 23$

Verschlüsselung:

$s = E(k_{AB}, m)$

8

$s$  und  $y_A$

B:

$k_{BA} = y_A^{x_B} \bmod p_B$   $8 = 2^3 \bmod 23$

$m = E^{-1}(8, s)$  entschlüsseln

# Diffie-Hellman-Key-Exchange mit Forward Secrecy

A will B die Nachricht  $m$  schicken.

B:

$p_B \in \mathcal{P}$  und  $a$  primitive Wurzel von  $p_B$  wählen

$x_B$  mit  $1 \leq x_B \leq p_B - 1$  wählen

$y_B = a^{x_B} \bmod p_B$  berechnen

$x_B$  bleibt geheim!

$a, p_B$  und  $y_B$

Wenigstens  $y_B$  wird je Sitzung neu erzeugt.

A:

liest Eintrag für B:  $a, p_B$  und  $y_B$

$x_A$  mit  $1 \leq x_A \leq p_B - 1$  geheim wählen

$y_A = a^{x_A} \bmod p_B$  berechnen

Key Agreement:

$k_{AB} = y_B^{x_A} \bmod p_B$  berechnen

Verschlüsselung:

$s = E(k_{AB}, m)$

$s$  und  $y_A$

B:

$k_{BA} = y_A^{x_B} \bmod p_B$  berechnen

$m = E^{-1}(k_{BA}, s)$  entschlüsseln

Forward Secrecy:  $k$  lässt sich nach Beendigung der Sitzung nicht mehr aus dem verwendeten Langzeitschlüssel  $(a, p_B, y_B)$  rekonstruieren.

# Diffie-Hellman-Key-Exchange

- Berechnung des Kommunikationsschlüssels

$k_{AB}$  bzw.  $k_{BA}$  erfolgt durch

$$k_{AB} = y_B^{x_A} \bmod p_B \text{ bei A und}$$

$$k_{BA} = y_A^{x_B} \bmod p_B \text{ bei B.}$$

- Nachweis

$$k_{AB} = y_B^{x_A} = (a^{x_B})^{x_A} = (a^{x_A})^{x_B} = y_A^{x_B} = k_{BA} \pmod{p_B}$$

- Angreifer muss zum Brechen  $x_A$  oder  $x_B$  ermitteln, d.h. er muss berechnen:

$$x_A = \log_a y_A \bmod p_B \quad \text{oder}$$

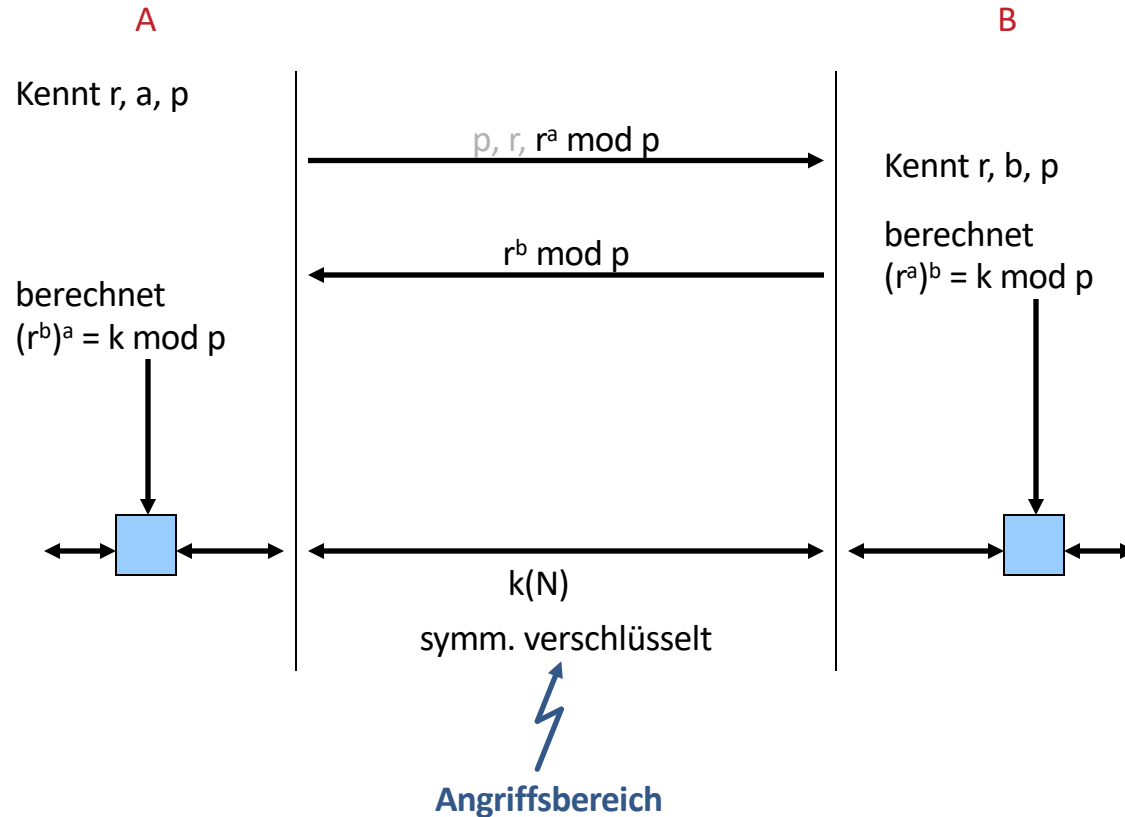
$$x_B = \log_a y_B \bmod p_B$$

- Sicherheit

- Verfahren ist sicher gegen einen passiven Angreifer.
- Verfahren ist unsicher gegen einen aktiven Angreifer (Maskerade).

## Asymmetrische Schlüsselvereinbarung (v1)

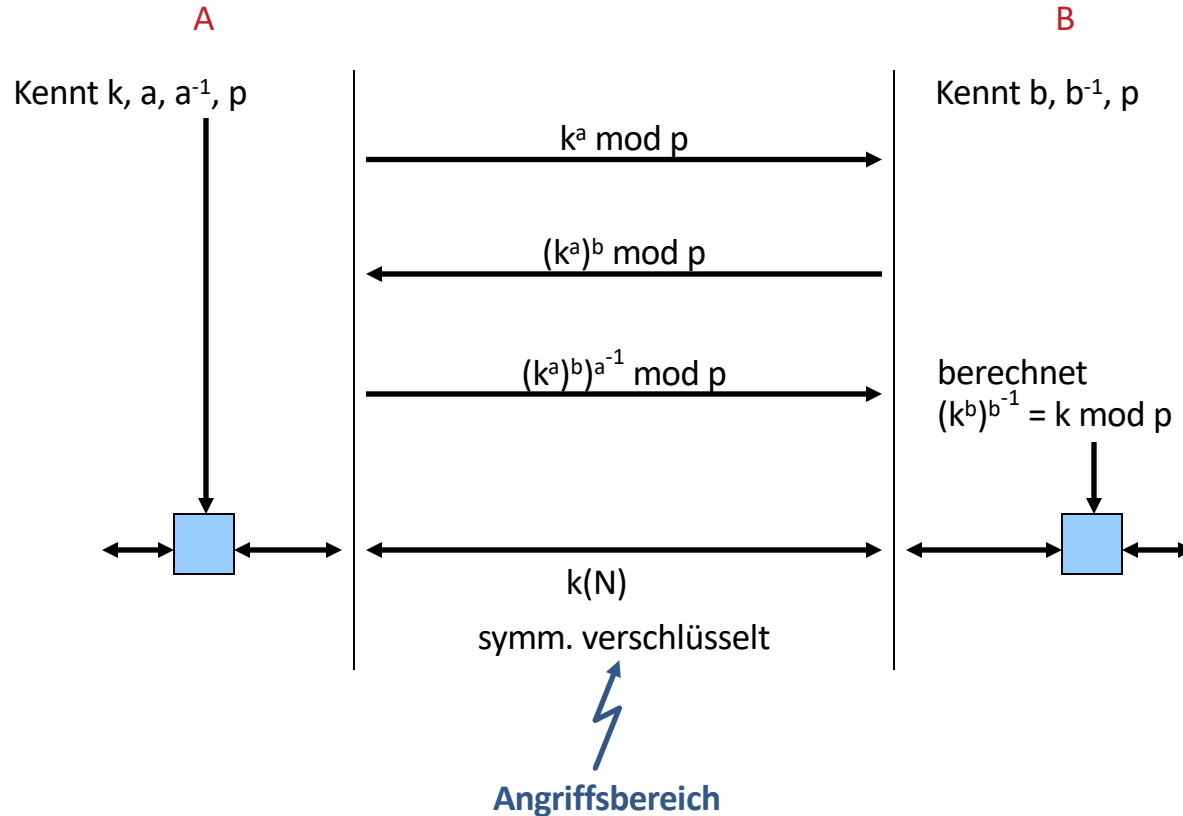
- Wert von  $k$  kann nicht festgelegt werden (ist zufällig)





## Asymmetrische Schlüsselvereinbarung (v2)

- Teilnehmer A kann k festlegen



# Konzelationssystem nach ElGamal

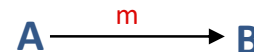
## ■ Schlüsselgenerierung

- wähle global:
  - $p \in \mathcal{P}$  öffentlich
  - $a$  primitive Wurzel von  $p$  öffentlich
- jeder Tln. wählt:
  - geheimen Schlüssel  $k_i$  ( $k_i < p-1$ ) geheim
  - berechnet  $-k_i \bmod (p-1)$  geheim
  - $y_i = a^{-k_i} \bmod p$  öffentlich

ElGamal basiert auf der Schwierigkeit der Berechnung des diskreten Log

## ■ Verschlüsselung

- A will Nachricht  $m$  ( $m < p$ ) an B schicken
- A besorgt sich  $p, a, y_B$
- A wählt Zufallszahl  $z$  ( $z < p$ )
- A berechnet  $c = y_B^z \cdot m \bmod p$
- A sendet an B:  $a^z \bmod p, c$



## ■ Entschlüsselung

- B berechnet  $m^* = (a^z)^{k_B} \cdot c \bmod p$

## Konzelationssystem nach ElGamal: Beispiel

### ■ Schlüsselgenerierung

- Global öffentlich:  $p = 3137$  und  $a = 577$
- Teilnehmer B:  $k_B = 1762$  geheim  
 $-k_B \bmod (p-1) = -1762 \bmod 3136 = -1762 + 3136 = 1374$  geheim  
 $y_B = a^{-k_B} \bmod p = 577^{1374} \bmod 3137 = 858$

### ■ Verschlüsselung

- **A** will **B** vertraulich die Nachricht  $m = 2115$  schicken.
- **A** wählt  $z = 932$  geheim.
- berechnet  $a^z \bmod p = 577^{932} \bmod 3137 = 1852$
- berechnet  $y_B^z \bmod p = 858^{932} \bmod 3137 = 749$
- berechnet  $c = y_B^z \cdot m \bmod p = 749 \cdot 2115 \bmod 3137 = 3087$
- schickt  $a^z = 1852$  und  $c = 3087$  an **B**

### ■ Entschlüsselung

- **B** berechnet  
 $(a^z)^{k_B} \cdot c \bmod p = 1852^{1762} \cdot 3087 \bmod 3137 = 2115$

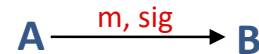
# Signaturssystem nach ElGamal

## ■ Schlüsselgenerierung

- wähle global:
  - $p \in \mathcal{P}$  öffentlich
  - $a$  primitive Wurzel von  $p$  öffentlich
- jeder Tln. wählt:
  - $x_i \in \mathbf{Z}_{p-1}^*$  geheim
  - berechnet  $y_i = a^{x_i} \bmod p$  öffentlich

## ■ Signatur

- A wählt:
  - Zufallszahl  $k$  mit  $k \in \mathbf{Z}_{p-1}^*$  bzw.  $k$  relativ prim zu  $p-1$ , d.h.  $\text{ggT}(k, p-1)=1$
- A berechnet:
  - $k^{-1} \bmod (p-1)$  und
  - $r = a^k \bmod p$
  - bildet Hash-Wert von  $m$  mit  $h(m) < p$  und löst die Kongruenz  $h(m) = (x_A \cdot r + k \cdot s) \bmod (p-1)$  nach  $s$  auf:  $s = k^{-1}(h(m) - x_A \cdot r) \bmod (p-1)$
- A bildet  $\text{sig} = (s, r)$  und sendet  $m, \text{sig}$



## ■ Test

- B berechnet:
  - $t_1 = a^{h(m)} \bmod p$
  - $t_2 = y_A^r \cdot r^s \bmod p$
- B vergleicht:
  - $t_1 = t_2 \rightarrow$  gültige Signatur
  - $t_1 \neq t_2 \rightarrow$  ungültige Signatur

## ■ Schlüsselgenerierung

- wähle unabh. und zufällig  $p, q \in \mathbf{P}$  mit  $|p| \approx |q|$  und  $p \neq q$
- berechne  $n = p \cdot q$
- wähle  $c$  mit  $3 \leq c < \Phi(n)$  und  
 $\text{ggT}(c, \Phi(n))=1$  mit  $\Phi(n) = (p-1)(q-1)$
- berechne  $d$  mittels  $p, q, c$  als multiplikatives Inverses von  $c \bmod \Phi(n)$   
 $c \cdot d \equiv 1 \bmod \Phi(n)$

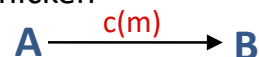
	Konzelationssystem	Signaturssystem
öffentl.	$c, n$	$d$ (hier meist $t$ genannt), $n$
geheim	$d, p, q$	$c$ (hier meist $s$ genannt), $p, q$

RSA basiert auf der  
Faktorisierungsannahme

- Ein Sicherheitsbeweis von RSA ist bisher nicht bekannt.

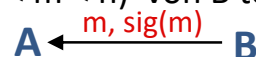
## Verschlüsselung:

A will Nachricht  $m$  ( $1 < m < n$ ) an B schicken



## Signatur:

A will Signatur einer Nachricht  $m$  ( $1 < m < n$ ) von B testen



A besorgt sich öffentliche Parameter von B:  $c$  bzw.  $t$ , sowie  $n$

naiv:  $c(m) := m^c \bmod n$

$\text{sig}_s(m) := m^s \bmod n$

sicher:  $c(m) := (z, m, h(z, m))^c \bmod n$

$\text{sig}_s(m) := (h(m))^s \bmod n$

## Entschlüsselung:

naiv:  $m^* = (m^c)^d \bmod n$

sicher:  $(z^*, m^*, y) = c(m)^d \bmod n$   
 $y = ? \quad h(z^*, m^*) \rightarrow \text{out}(m)$

## Signaturtest:

$m^* = (m^s)^t \bmod n$   
 $m^* = ? \quad m' \rightarrow \text{out}(\text{ok})$

$h(m)^* = ((h(m))^s)^t \bmod n$   
 $h(m)^* = ? \quad h(m') \rightarrow \text{out}(\text{ok})$

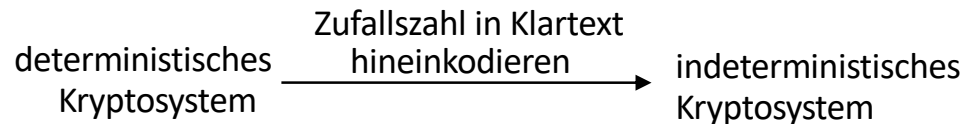
## RSA-Verfahren: Angriffe

- Raten von Klartextblöcken

- Angreifer kann wahrscheinliche Klartextblöcke raten, mit  $c$  verschlüsseln und mit abgefangenen Schlüsseltexten vergleichen.

- Verhinderung

- Zufallszahl in Klartext hineinkodieren



## RSA besitzt multiplikative Struktur

### ■ Passiver Angriff auf naives Signatursystem (Davida)

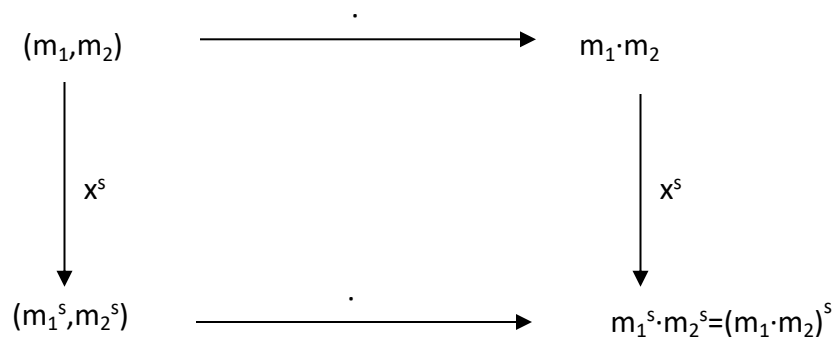
- Angenommen, Angreifer kennt zwei Signaturen  $m_1^s$  und  $m_2^s$  sowie die Nachrichten  $m_1$  und  $m_2$  und kann eine dritte Signatur  $m_3^s$  bilden.  $m_3$  ist jedoch nicht beliebig wählbar.

$$m_3^s = m_1^s \cdot m_2^s \bmod n$$

$$m_3 = m_1 \cdot m_2 \bmod n$$

gilt, da  $m_1^s \cdot m_2^s = (m_1 \cdot m_2)^s$

### ■ Homomorphismus bezüglich Multiplikation





## RSA-Verfahren: Angriffe

### ■ Aktiver Angriff zum selektiven Brechen von RSA nach Judy Moore

- Angreifer möchte Schlüsseltextblock  $s_3$  entschlüsselt haben
- wählt Zufallszahl  $r$  mit  $1 \leq r < n$
- berechnet multiplikatives Inverses mod  $n$ :  $r^{-1}$
- berechnet  $s_2 := s_3 \cdot r^c \bmod n$
- lässt  $s_2$  entschlüsseln, d.h. Angreifer erhält  $s_2^d$
- weiß  $s_2^d \equiv (s_3 \cdot r^c)^d \equiv s_3^d \cdot r^{c \cdot d} \equiv s_3^d \cdot r \bmod n$
- berechnet  $s_3^d \equiv s_2^d \cdot r^{-1} \bmod n$

Angriff wird nutzbar  
gemacht für blinde  
Signaturen (Chaum 1985)

### ■ Verhinderung der Angriffe (aktiv und passiv)

- Konzelenation: Hinzunahme eines Redundanzprädikates, z.B. einer Zufallszahl, so dass das Multiplizieren zweier Klartextblöcke keinen dritten Klartextblock mit passender Redundanz ergibt; alternativ: vor Verschlüsselung Hashwert an Nachricht anhängen
- Signatur: Signatur des Hashwertes  $h(m)$  der Nachricht  $m$ .  $h$  ist eine kollisionsfreie Hashfunktion. Das Finden einer Kollision, d.h.  $h(m) = h(m^*)$  mit  $m \neq m^*$  ist ein schwieriges Problem.

## Blinde Signatur mit RSA-Verfahren

- Teilnehmer möchte Nachricht  $m$  signiert haben, ohne dass der Signierer die Nachricht  $m$  selbst zur Kenntnis bekommt

- wählt Zufallszahl  $r$  mit  $1 \leq r < n$
- berechnet multiplikatives Inverses mod  $n$ :  $r^{-1}$
- Blendet die Nachricht  $m$ , d.h. berechnet

$$w := m \cdot r^t \pmod{n}$$

- lässt  $w$  signieren, d.h. erhält  $w^s$

- Er weiß

$$w^s = (m \cdot r^t)^s = m^s \cdot r^{t \cdot s} = m^s \cdot r \pmod{n}$$

- Entblendet die Nachricht, d.h. berechnet

$$\text{sig}(m) = m^s \cdot r \cdot r^{-1} \pmod{n}$$

- Anwendungsbeispiel: Anonyme digitale Zahlungssysteme

## Blinde Signatur mit RSA-Verfahren

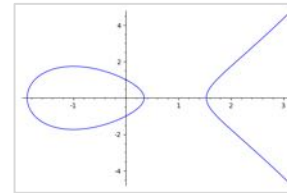
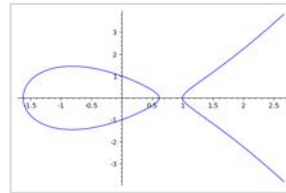
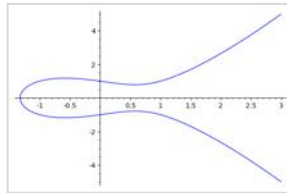
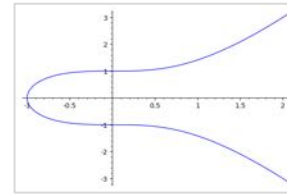
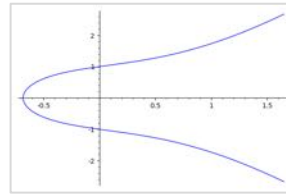
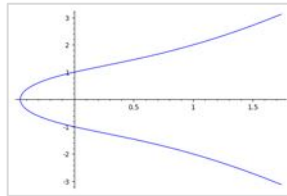
- Anwendungsbeispiel: Anonyme digitale Zahlungssysteme
- Bank erfährt nichts über Zahlungsflüsse ähnlich Bargeld
- Signierer = Bank
  
- Geld abheben:
  - Kunde schickt geblendete digitale Banknote  $w$  an Bank
  - Bank belastet Konto des Kunden mit Gegenwert
  - Bank signiert  $w$  und schickt  $w^s$  zurück an Kunden
  - Kunde entblendet Banknote und erhält  $\text{sig}(m)$
- Bezahlen:
  - Kunde kauft bei Händler ein und bezahlt mit Banknote  $\text{sig}(m)$
  - Händler löst  $\text{sig}(m)$  bei Bank ein
  - Bank prüft  $\text{sig}(m)$  auf Gültigkeit (korrekte Signatur und nicht bereits eingelöst)
  - Bank schreibt Händler Gegenwert auf seinem Konto gut

# Elliptic Curve Cryptography (ECC)

## ■ Elliptische Kurve

- Eine elliptische Kurve  $E$  über den reellen Zahlen  $\mathbb{R}$  ist die Menge aller Punkte  $(x, y)$ , die die Gleichung  $y^2 = x^3 + ax + b$  erfüllen ( $a, b \in \mathbb{R}$  und  $-4a^3 - 27b^2 \neq 0$ ), zusammen mit dem sogenannten **Punkt im Unendlichen**  $\infty$ .

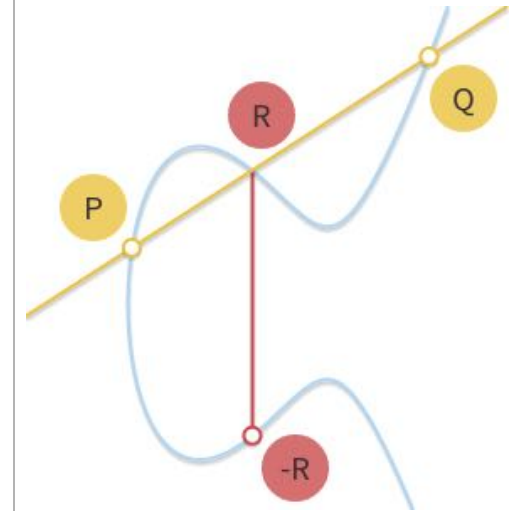
## ■ Beispiel: Verschiedene Kurven mit $a \in \{-3, \dots, 2\}, b = 1$ :



# Elliptic Curve Cryptography (ECC)

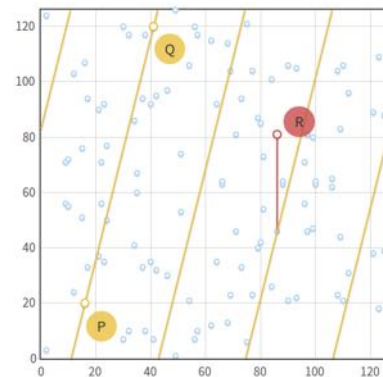
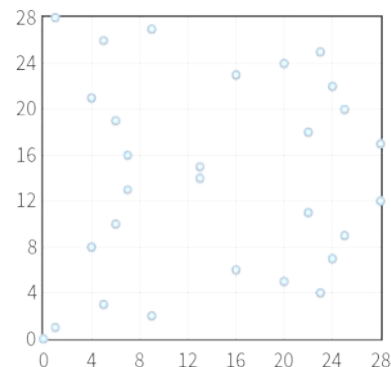
- Zusammen mit der Punktaddition bilden die Punkte einer elliptischen Kurve eine **algebraische (kommutative) Gruppe** über den Punkten  $P_i = (x_i, y_i)$ 
  - Abgeschlossenheit:  $P_1 + P_2 = P_3 \in E$
  - Assoziativität:  $(P_1 + P_2) + P_3 = P_1 + (P_2 + P_3)$
  - Neutrales Element:  $P_i + \infty = P_i$
  - Inverses Element  $-P_i$ :  $P_i + (-P_i) = \infty$
  - Kommutativität:  $P_1 + P_2 = P_2 + P_1$
- **Skalare Multiplikation** wird als mehrfache Addition eines Punktes mit sich selbst betrachtet:  $nP = P + \dots + P$

Geometrische Interpretation der Punktaddition:  $P + Q = -R$



# Elliptic Curve Cryptography (ECC)

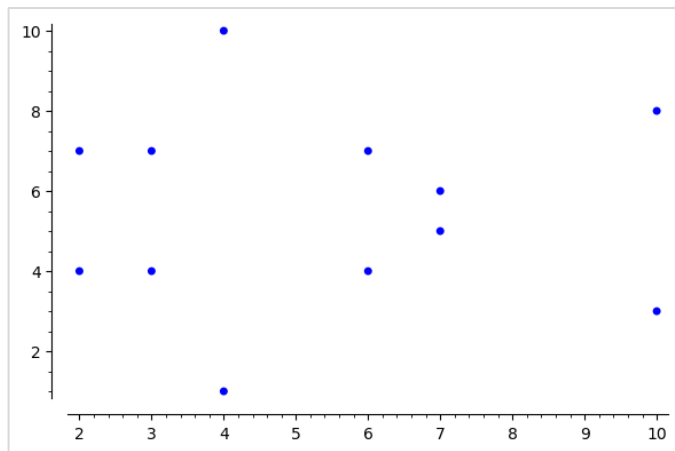
- Elliptische Kurve über  $\mathbb{Z}_p$ 
  - Eine Elliptische Kurve  $E$  über  $\mathbb{Z}_p$  ist die Menge aller Punkte  $(x, y) \in \mathbb{Z}_p^2$ , die die Gleichung  $y^2 \equiv x^3 + ax + b \pmod{p}$  mit  $a, b \in \mathbb{Z}_p$  und  $-4a^3 - 27b^2 \not\equiv 0 \pmod{p}$  erfüllen, zusammen mit dem sogenannten Punkt im Unendlichen  $\infty$ .
- Addition und skalare Multiplikation funktionieren ähnlich, aber  $\text{mod } p$
- Logarithmus-Problem auf elliptischen Kurven (ECDLP):
  - Finde ein  $n \in \mathbb{N}$  für gegebene Punkte  $P, Q \in E$  sodass  $Q = nP$  gilt.
  - Logarithmus-Problem über  $\mathbb{R}$  ist »leicht« zu berechnen, aber wird schwierig über dem endlichen Körper  $\mathbb{Z}_p$



# Elliptic Curve Cryptography (ECC)

## ■ Beispiel:

- Elliptische Kurve über  $\mathbb{Z}_{11}$  mit  $a = 3, b = 2$
- $E(\mathbb{Z}_{11}) = \{(x, y) \in (\mathbb{Z}_{11})^2 \mid y^2 = x^3 + 3x + 2\} \cup \{\infty\}$



- Punkte der Kurve:  $\{(2, 4), (2, 7), (3, 4), (3, 7), (4, 1), (4, 10), (6, 4), (6, 7), (7, 5), (7, 6), (10, 3), (10, 8), \infty\}$
- Generator der Gruppe:  $P = (2, 7), 2P = (10, 8), 3P = (4, 1), \dots, 13P = \infty$

# Elliptic Curve Cryptography (ECC)

## ■ Anwendung von elliptischen Kurven für Kryptographie

- Nicht alle elliptischen Kurven sind gleich gut für ECC geeignet.
- Ordnung (Punkteanzahl) von  $E(K)$  ist u.a. wichtig für Sicherheit.
- Methoden zum Finden geeigneter elliptischer Kurven:
  - Wähle  $a, b, p$ , berechne die Gruppenordnung und überprüfe Sicherheit
  - Wähle  $p$  und Gruppenordnung und bestimme  $a$  und  $b$  (schnellere Methode)

## ■ Vorteile

- bei vergleichbarem Sicherheitsniveau in deutlich kürzere Schlüssel ( $\geq 200$  Bit)
- erzeugen deutlich kürzere Signaturen
- weniger Rechenaufwand

## ■ Beispiele für Algorithmen

- ECDH: Diffie-Hellman-Schlüsselaustausch auf Basis elliptischen Kurven
- ECDSA: Standardisiertes Signatursystem auf Basis elliptischer Kurven
- **EC-ElGamal**: ElGamal auf Basis elliptischer Kurven



---

## Public Key Infrastructures

## Signierte Nachricht und Zertifikat

-----BEGIN SIGNED MESSAGE-----

Hiermit bestelle ich folgende Waren:

10 Eier	Euro 2,00
1 Flasche Milch	Euro 1,50
1 Kasten Bier	Euro 15,00

-----

Gesamtbetrag	Euro 18,50
--------------	------------

Die Zahlung erfolgt bei Lieferung.

Hannes Federrath

-----BEGIN SIGNATURE-----

iQAAwUBOi9VLoBzbJXQK0fCYolrMKCKrdhAn2Rs  
amogkkm+Off90L0W5RxUubfVuUFSXuv=

-----END SIGNED MESSAGE-----

-----BEGIN CERTIFICATE-----

Name: Hannes Federrath

Public key:

h833hd38dddajscbicme098k236egfkW74h5445  
84hdbscldmrtpofjrkt0jedagaszW12geb3u4b=

Valid from: 19.11.2014

Valid until: 18.11.2017

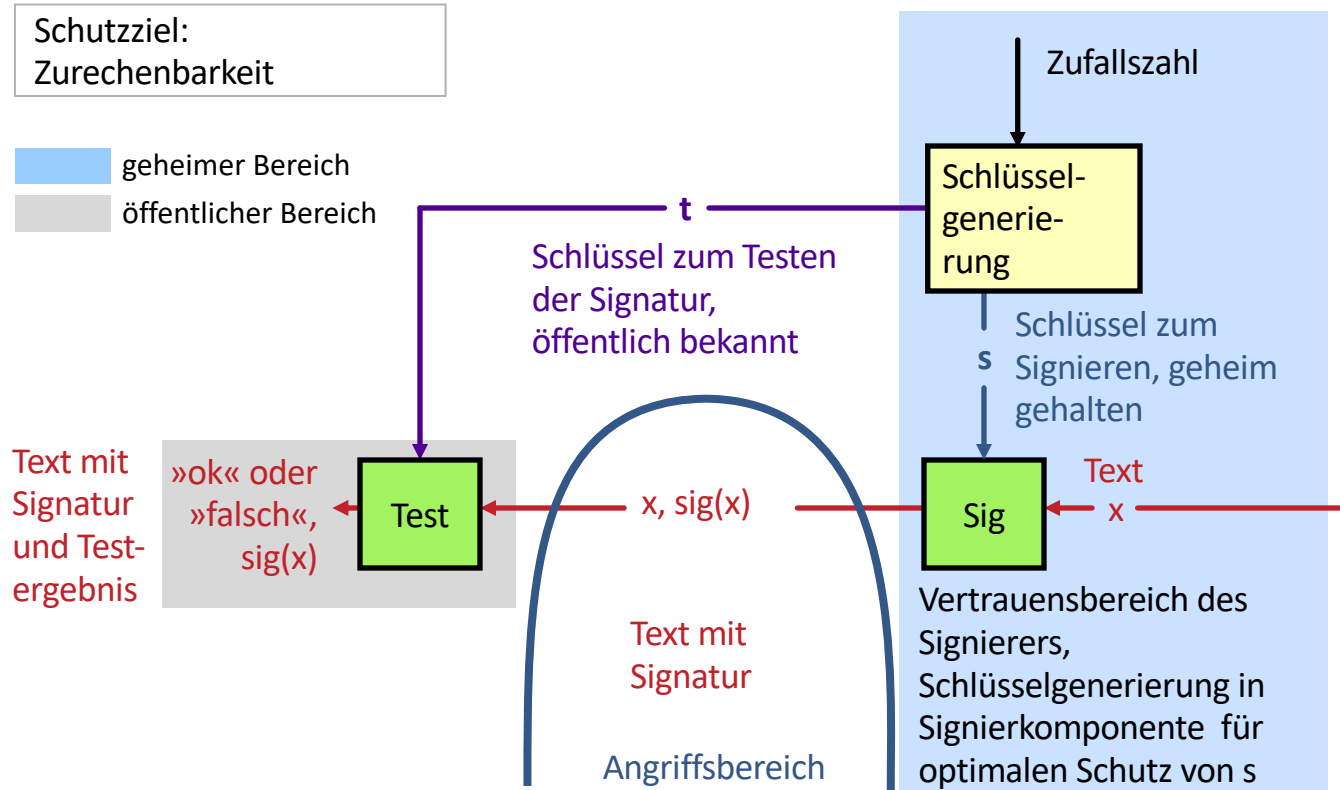
Issuer: Einwohnermeldeamt Dresden

-----BEGIN SIGNATURE OF ISSUER-----

23j423vdsaz345kj435ekj4z2983734ijo23i72  
kj867wdbez2o074j5lkdmcd1237t3rgbdvbwjdj=

-----END CERTIFICATE-----

# Digitales Signatursystem



Signaturgesetz (SigG) vom 16. Mai 2001 schafft rechtliche Rahmenbedingungen für den Beweiswert digitaler Signaturen

### **Elektronische Signatur**

Daten in elektronischer Form, die

- anderen elektronischen Daten beigefügt oder logisch mit ihnen verknüpft sind und die zur Authentifizierung dienen

### **Fortgeschrittene Signatur**

Daten in elektronischer Form, die

- ausschließlich dem Signaturschlüssel-Inhaber zugeordnet sind
- die Identifizierung des Signaturschlüssel-Inhabers ermöglichen
- mit Mitteln erzeugt werden, die der Signaturschlüssel-Inhaber unter seiner alleinigen Kontrolle halten kann
- mit den Daten, auf die sie sich beziehen, so verknüpft sind, dass eine nachträgliche Veränderung der Daten erkannt werden kann

### **Qualifizierte Signatur**

Daten in elektronischer Form, die

- die Anforderungen an eine fortgeschrittene Signatur erfüllen
- auf einem zum Zeitpunkt ihrer Erzeugung gültigen qualifizierten Zertifikat beruhen
- mit einer sicheren Signaturerstellungseinheit erzeugt werden

Sicherheit



Signaturgesetz (SigG) vom 16.  
Mai 2001 schafft rechtliche  
Rahmenbedingungen für den  
Beweiswert digitaler Signaturen

## Elektronische Signatur

Beispiel: **E-Mail mit »Signatur«**

From: Hannes Federrath  
Subject: Beispiel

Das ist der Text.

--

Hannes Federrath  
FB Informatik  
Uni Hamburg

## Fortgeschrittene Signatur

Beispiel: **PGP-signierte E-Mail**

-----BEGIN PGP SIGNED MESSAGE-----  
Hash: SHA1

Das ist der Text.

-----BEGIN PGP SIGNATURE-----  
Version: PGP 8.0.2

iQA/AwUBP6wDdOFAIGFJ7x2EEQK9VgCg2Q4  
eQAztVIHP0HNFQ10eaXte96sAnR2p  
53T/SdevjXIuX6WOF5IXA44S  
=K3TO  
-----END PGP SIGNATURE-----

## Qualifizierte Signatur

Zertifikatausstellung nach  
Identitätsüberprüfung

sichere Signaturerstellungseinheit

Sicherheit



## Zweck der Schlüsselzertifizierung

---

- Betrifft öffentlichen Testschlüssel für die digitale Signatur
- Zertifikat:
  - bestätigt die Zusammengehörigkeit von Testschlüssel und Benutzeridentität bzw. Testschlüssel und Pseudonym.
  - Enthält selbst die Signatur des Zertifizierers
- Ohne Zertifikate:
  - Angreifer kann ein Schlüsselpaar generieren und einfach behaupten, dass dieser Schlüssel jmd. gehört.
  - Testschlüssel sind wertlos ohne Zertifikat (zumindest in einer offenen Welt)

## Maskerade-Angriff 1/2

Alice hat Schlüsselpaar generiert und will ihn veröffentlichen.

Alice <alice@abc.de>

```
-----BEGIN PGP PUBLIC KEY BLOCK-----
mQGIBDQvJk0RBADVPjcdvmyOtqsZBt6z4/5M9MYDB
i+dYNmQEBXQcH/RGe2i30LRvRk4asX++JSTylku
8LMOI...+lbmsVNXeQsdbSAUfd3d9bI/+fGwQcz
6W81...kfd-E7xPI7oVZUYI7cqEfTvic003bgL
sUZ...ukKj01066wVmqlnXcbi2XUebka
L0...ZW59gf5I0eUBevSmydIaliH9Pm
-----END PGP PUBLIC KEY BLOCK-----
```



$c_{\text{Alice}}$



### Angreifer

- hält  $c_{\text{Alice}}$  zurück (blockiert Verteilung)
- generiert selbst ein Schlüsselpaar  $c_{\text{Mask}}$ ,  $d_{\text{Mask}}$  unter falschem Namen
- schickt  $c_{\text{Mask}}$  an Bert

$c_{\text{Mask}}$

Bert besitzt jetzt nicht authentischen Schlüssel von Alice.

Alice <alice@abc.de>

```
-----BEGIN PGP PUBLIC KEY BLOCK-----
OTUAoLncfli6Yit0Kqgp/N9h37uopJHbiQCVAw
xBBPLRdmalP22ij0dARxbJLO7u7XOrnyV3b4m0
14ydpS/ruj9yaY62BwQNMEoGjAnZGA5t3MM
7ZLpIdmFYVYVPL4xRfOJ+MF5ifb8RXaDA1+
CwMBaGAKCRDhQCBhSe8dhOYYAJSE
u64hbO2wuFQlwwq1yb+JAD8DBRAQ
-----END PGP PUBLIC KEY BLOCK-----
```



## Maskerade-Angriff 2/2

Ohne die Gewissheit über die Echtheit eines öffentlichen Schlüssels funktioniert keine sichere asymmetrische Kryptographie. Deshalb: Schlüsselzertifizierung

Bert will Alice eine Nachricht  $N$  schicken.



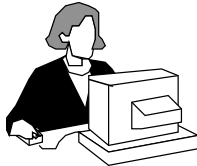
$c_{\text{Mask}}(N)$

Angreifer:

- Weiterleitung verhindern
- entschlüsseln von  $c_{\text{Mask}}(N)$  mit  $d_{\text{Mask}}$
- verschlüsseln von  $N$  mit  $c_{\text{Alice}}$

$c_{\text{Alice}}(N)$

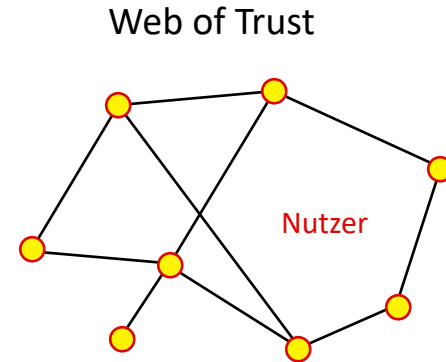
Alice erhält die Nachricht  $N$ .  
 $N$  ist verschlüsselt mit ihrem öffentlichen Schlüssel.





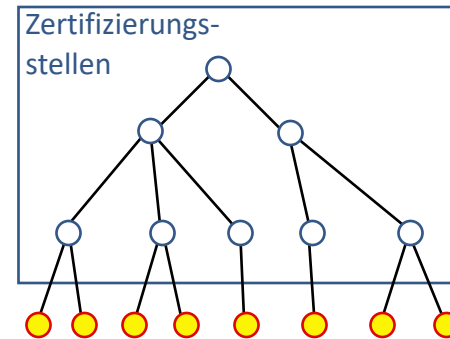
# Zertifizierungsmodelle

- Zur Verschlüsselung und Signierung wird asymmetrische Kryptographie verwendet
  - Zwei Schlüssel: Private und Public Key
  - Zwei Ansätze zur Zuordnung des Public Keys zu einer Person
    - PGP und GnuPG: »Web of Trust«
    - TLS und S/MIME: Hierarchische Zertifizierung



Vertreter: PGP, GnuPG

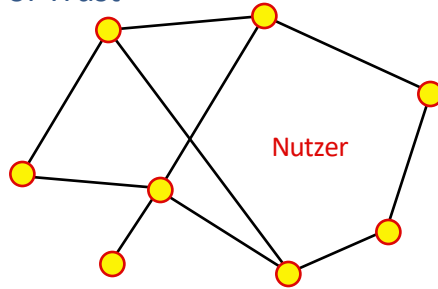
## Hierarchische Zertifizierung



Vertreter: TLS, S/MIME

# Zertifizierungsmodelle

## ■ Web of Trust



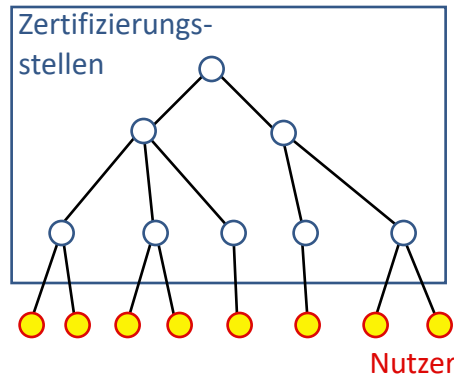
### Vorteile:

- einfache, flexible Nutzung
- viele potentielle Zertifikatsketten

### Nachteile:

- keine oder nur schwer erreichbare Beweisführung im Streitfall
- finden eines vertrauenswürdigen Pfades aufwendiger

## ■ Hierarchische Zertifizierung



### Vorteile:

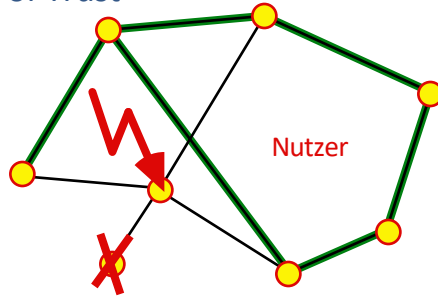
- klare Strukturen und Zurechenbarkeiten (wichtig im Streitfall)

### Nachteile:

- Overhead durch Organisationsstruktur

# Zertifizierungsmodelle

## ■ Web of Trust



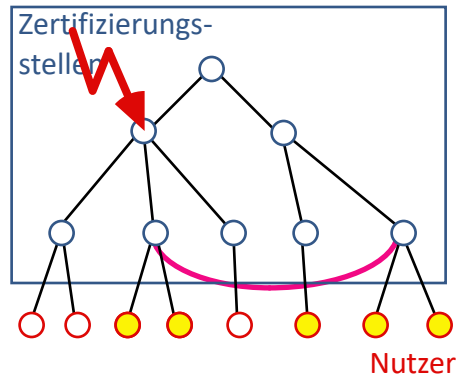
### Vorteile:

- einfache, flexible Nutzung
- viele potentielle Zertifikatsketten

### Nachteile:

- keine oder nur schwer erreichbare Beweisführung im Streitfall
- finden eines vertrauenswürdigen Pfades aufwendiger

## ■ Hierarchische Zertifizierung



### Vorteile:

- klare Strukturen und Zurechenbarkeiten (wichtig im Streitfall)

### Nachteile:

- Overhead durch Organisationsstruktur

- anfällig gegen Fehlverhalten

- Lösungsansatz: Cross Certification erhöht Verfügbarkeit

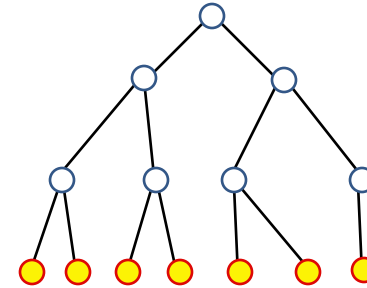
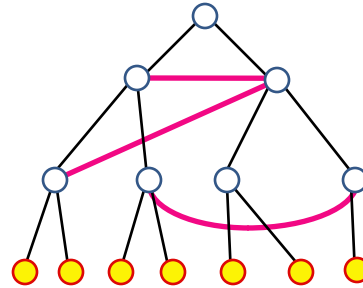
# Zusammenfassung: Zertifizierungsmodelle

Haftung des  
Zertifizierers

Vermaschter  
Graph

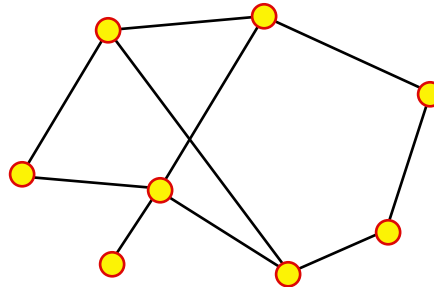
Baum  
(minimal zusammenhängender Graph)

Ja



Reduzieren der Fehleranfälligkeit  
durch Cross Certification

Nein



—

---

## X.509-Zertifikate

## ITU X.509 Zertifikate

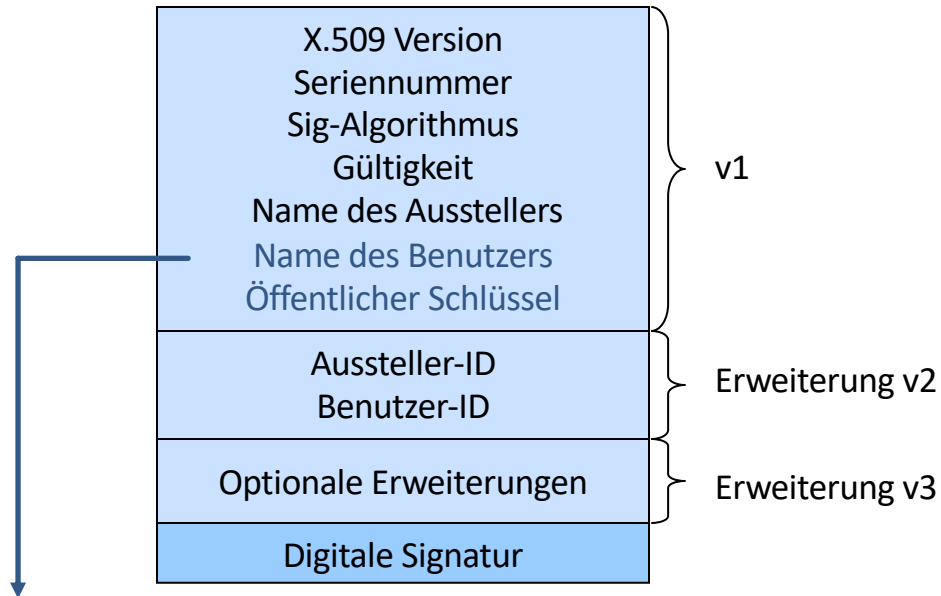
... werden insb. angewendet bei TLS und S/MIME.

- S/MIME (Secure Multipurpose Internet Mail Extensions)
  - Ursprünglich von RSA Data Security Inc.
  - S/MIME v3 im Juli 1999 als IETF-Standard verabschiedet
  - Internet Standards RFCs 2632-2634 (und weitere)
  - In die meisten E-Mail-Clients integriert
- TLS Transport Layer Security
  - vormals SSL (Secure Sockets Layer)
  - Verschlüsselung von TCP-Verbindungen
  - ursprünglich von Netscape für Browser entwickelt
  - heute in jedes moderne Betriebssystem integriert

Schutz der Vertraulichkeit und Integrität

## ITU X.509 Zertifikate

- Festlegung eines standardisierten Formats für Zertifikate



Hierarchisch aufgebauter »distinguished name«, z.B.:  
cn = Hannes Federrath, ou = Informatik, o = Uni Hamburg, c = DE

## ITU X.509 Zertifikate

---

- Erweiterungen in X.509v3
  - Art des Schlüssels, Anwendungsbereich
  - Alternative Namen für Inhaber und Aussteller
  - Einschränkungen bzgl. cross certification
  - Informationen bzgl. Sperrlisten (URL)
  - private ausstellerspezifische Erweiterungen
- Zertifizierungsprozess
  - Antrag bei der Registration Authority (RA)
  - Identitätsprüfung durch die RA
  - Zertifizierung durch die Certificate Authority (CA)
  - Ausgabe des Zertifikats an den Antragsteller
- Widerruf der Zertifikate
  - Certificate Revocation Lists (CRLs)
  - Online Certificate Status Protocol (OCSP)



## Optionen für die Zertifikatserstellung

---

### ■ OpenCA

- <http://www.openca.org>
- Beschreibung:  
»Open Source out-of-the-box Certification Authority implementing the most used protocols with full-strength cryptography world-wide.«
- Benutzt OpenLDAP, OpenSSL, Apache, mod\_ssl, Perl und lässt sich per Browser bedienen/konfigurieren
- Antragstellung per Web-Browser bei der RA, nach Zertifizierung durch die CA Download des Zertifikats
- Kosten:
  - Potentiell niedrig
- Administrationsaufwand:
  - Potentiell mittel
  - allerdings hoher Einrichtungsaufwand

## Optionen für die Zertifikatserstellung

### ■ FlexiTrust

- <http://www.flexsecure.de> (jetzt Kobil)
- Umfassende Lösung zur Erstellung einer PKI und den Betrieb eines Trustcenters
- Entwicklung der Technischen Universität Darmstadt
- Nach dem Signaturgesetz zertifiziert
- Plattformunabhängige Java-Anwendung
- Kosten:
  - Sehr hoch
- Administrationsaufwand:
  - Potentiell niedrig

The screenshot shows a web browser window titled 'Personen Daten - Microsoft Internet Explorer'. The page is the FlexiTrust 'Trustcenter Software' interface. It contains several form sections:

- Personen Daten**: Includes a date field 'Antragsdatum' set to '25.09.2001' and a dropdown for time zone '(TT.MM.JJJJ)'. Below this is a 'Person' section with fields for 'Name', 'Vorname', 'CN-Erweiterung' (set to '\_SIGN'), 'eMail', 'Strasse', and 'Ort'. There are also checkboxes for 'CA erzeugt PIN' (checked) and 'CA erzeugt Revolutionspasswort' (checked).
- Organisation**: Includes fields for 'Organisationseinheit', 'Organisation', and 'Ort'. The 'Land' field is a dropdown menu currently showing 'DE'.
- Zertifikat**: Includes 'Gültig von' (set to '25.09.2001') and 'Gültig bis' (set to '25.09.2002') fields, both with '(TT.MM.JJJJ)' time zone indicators.

At the bottom of the form are two buttons: 'Absenden' and 'Rücksetzen'.

## Bezug von X.509-Zertifikaten von einem kommerziellen Anbieter

---

### ■ Verschiedene Zertifikatsklassen

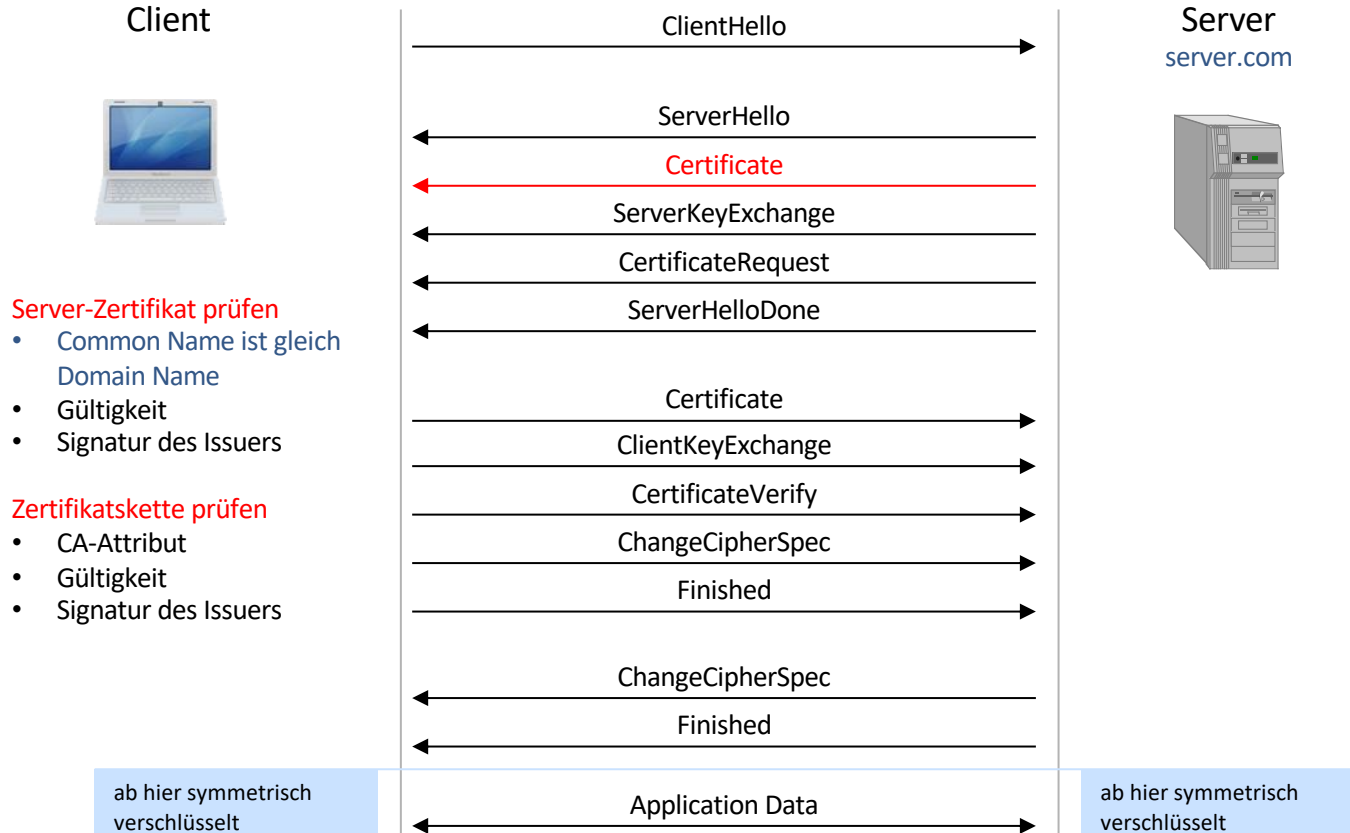
- Class 0: Demo-Zertifikat
- Class 1: Existenz der E-Mail-Adresse wird geprüft
- Class 2: Schriftlicher Auftrag
- Class 3: Antragsteller muss sich persönlich identifizieren
- Class 4: »Online business transactions between companies«
- Class 5: »for private organizations or governmental security«

### ■ Vorteile:

- Wurzelzertifikat ist in den meisten Clients schon enthalten
- keine eigene CA nötig
- kein Administrationsaufwand

### ■ Kosten: 0-130 EUR pro Jahr und Zertifikat

# TLS-Handshake



# TLS-Handshake (vereinfacht)

Client ruft auf  
<https://server.com/>



## Server-Zertifikat prüfen

- Common Name ist gleich Domain Name
- Gültigkeit
- Signatur des Issuers

## Zertifikatskette prüfen

- CA-Attribut
- Gültigkeit
- Signatur des Issuers

ClientHello

ServerHello

Certificate

ServerKeyExchange

CertificateRequest

ServerHelloDone

Certificate

ClientKeyExchange

CertificateVerify

ChangeCipherSpec

Finished

ChangeCipherSpec

Finished

Application Data

Server  
[server.com](https://server.com/)



Client teilt dem Server  
den symmetrischen  
Schlüssel mit  
(verschlüsselt mit  
Public Key des Servers)

ab hier symmetrisch  
verschlüsselt

ab hier symmetrisch  
verschlüsselt

## Benutzeransicht eines Zertifikats (Firefox)

The screenshot displays the 'General' tab of a certificate viewer. At the top, there are two tabs: 'General' (selected) and 'Details'. Below the tabs, a message states: 'This certificate has been verified for the following uses:'. Underneath this message is a white box containing the text 'SSL Server Certificate'. The main content area is divided into several sections: 'Issued To', 'Issued By', 'Validity', and 'Fingerprints'. Each section contains a list of attributes and their corresponding values.

Issued To	
Common Name (CN)	svs.informatik.uni-hamburg.de
Organization (O)	Universitaet Hamburg
Organizational Unit (OU)	MIN-Fakultaet
Serial Number	12:68:6D:71:1C:BA:E6

Issued By	
Common Name (CN)	UHH CA - G02
Organization (O)	Universitaet Hamburg
Organizational Unit (OU)	Regionales Rechenzentrum

Validity	
Issued On	15.08.11
Expires On	13.08.16

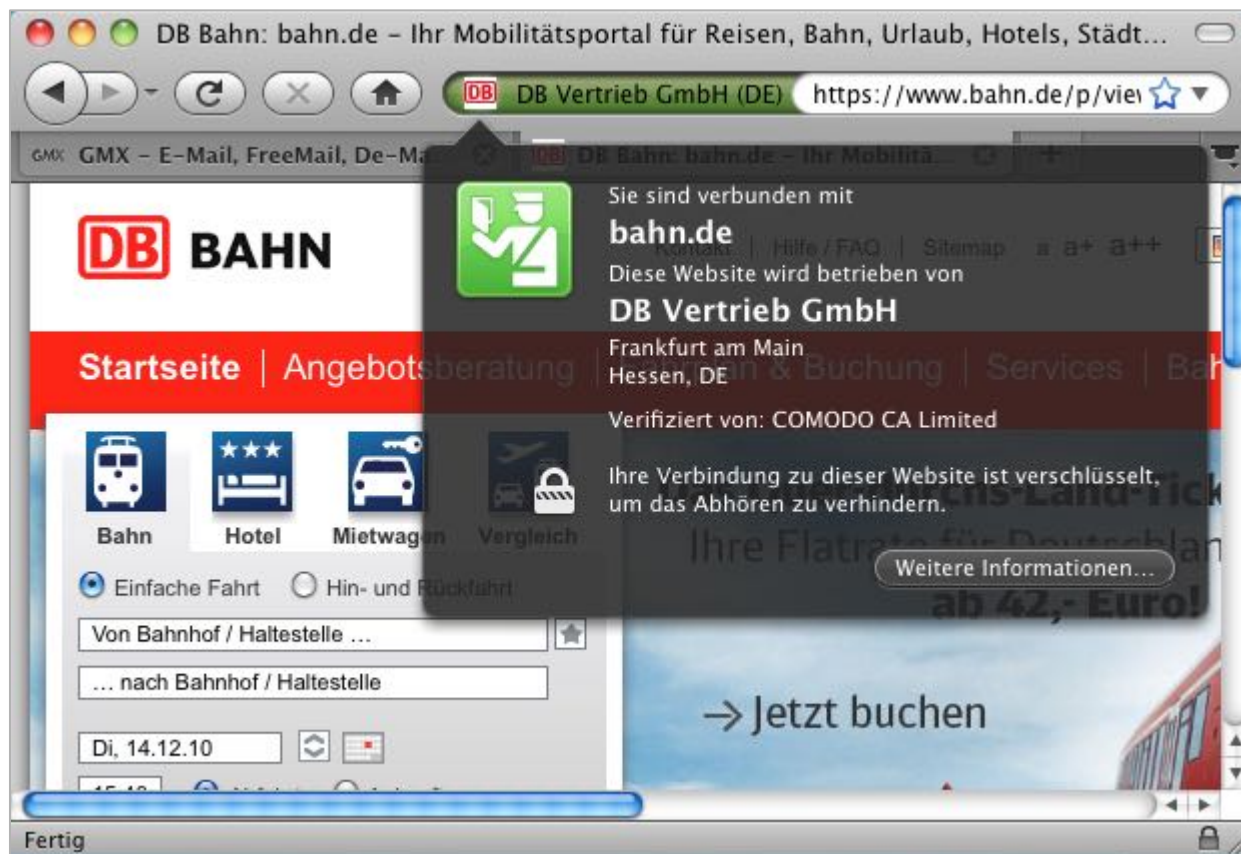
  

Fingerprints	
SHA1 Fingerprint	4F:C6:A7:CD:EC:F5:B6:42:24:F7:76:57:04:A3:6C:41:D2:7E:75:0C
MD5 Fingerprint	6C:5E:74:BD:2F:F5:D6:29:B8:3F:B9:15:B5:C5:65:50

## Normales Serverzertifikat



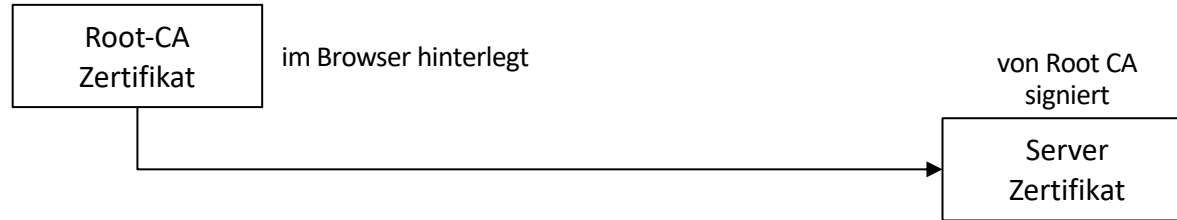
## Extended Validation Certificate



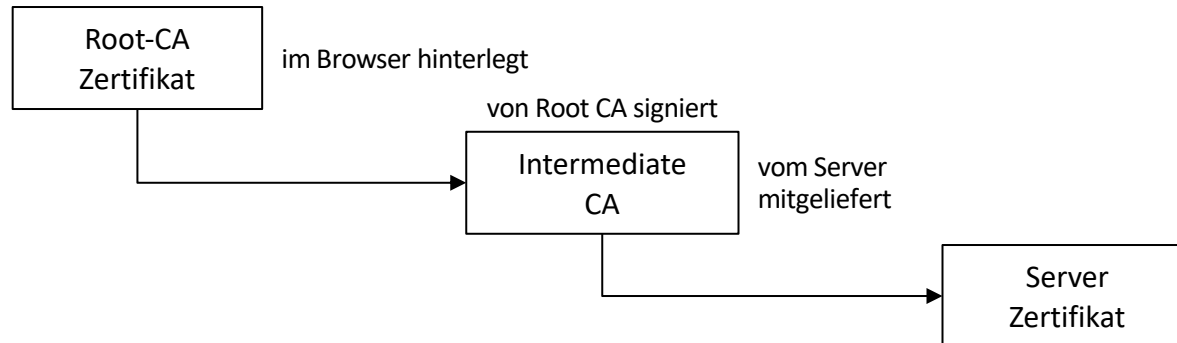


## Zertifikatsvalidierung: Root CA vs. Intermediate CA

- Fall 1: Root CA stellt direkt ein Server-Zertifikat aus



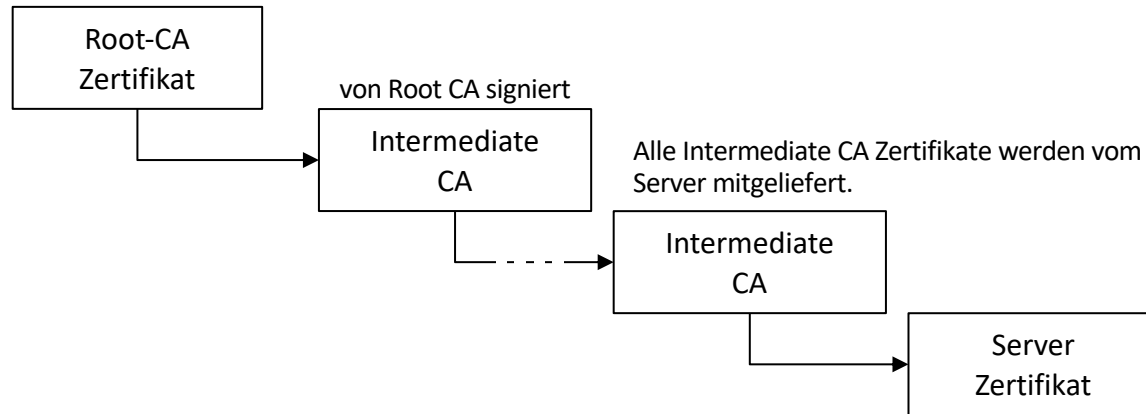
- Fall 2: Root CA zertifiziert Intermediate CA, diese stellt Server-Zertifikat aus



# Rekursive Zertifikatsvalidierung

## ■ Rekursives Verfahren:

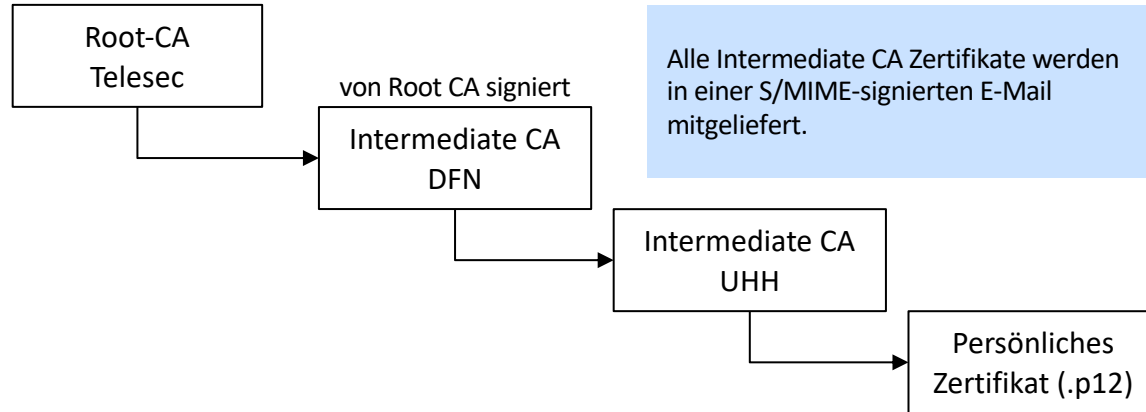
- Root CA zertifiziert Intermediate CA, Intermediate CA zertifiziert Intermediate CA, u.s.w, Intermediate CA stellt ein Server-Zertifikat aus



## Rekursive Zertifikatsvalidierung: Beispiel S/MIME-Zertifikate der UHH

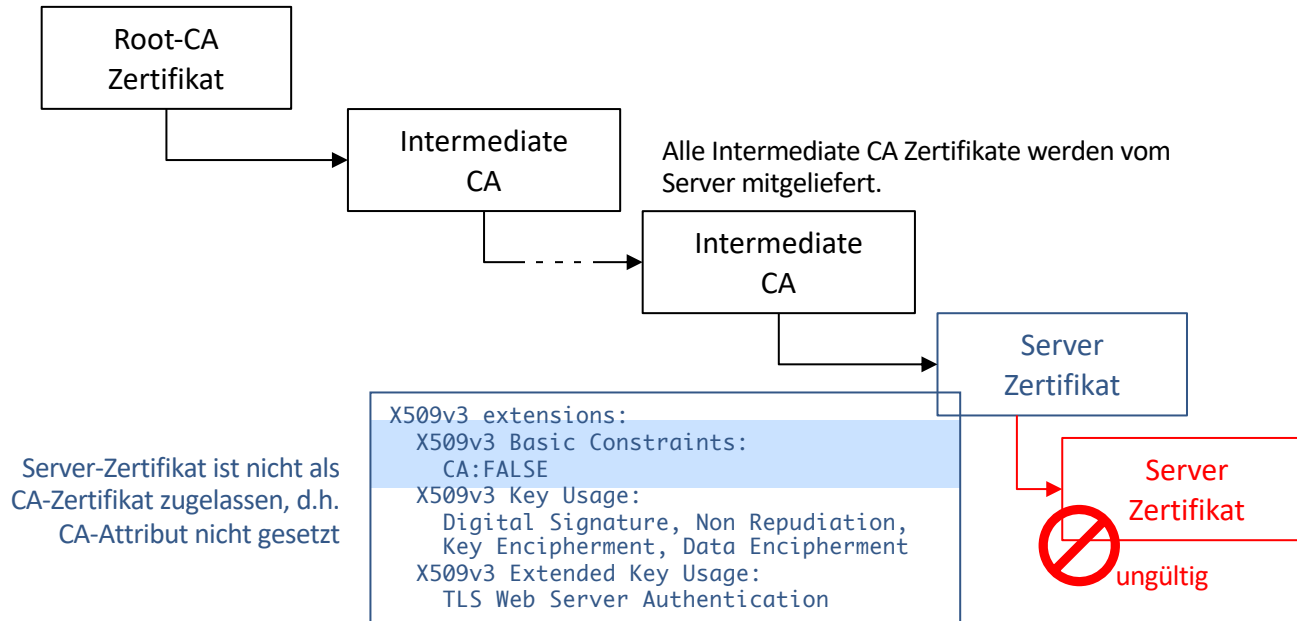
### ■ Rekursives Verfahren:

- Root CA zertifiziert Intermediate CA, Intermediate CA zertifiziert Intermediate CA, Intermediate CA stellt ein Server-Zertifikat aus



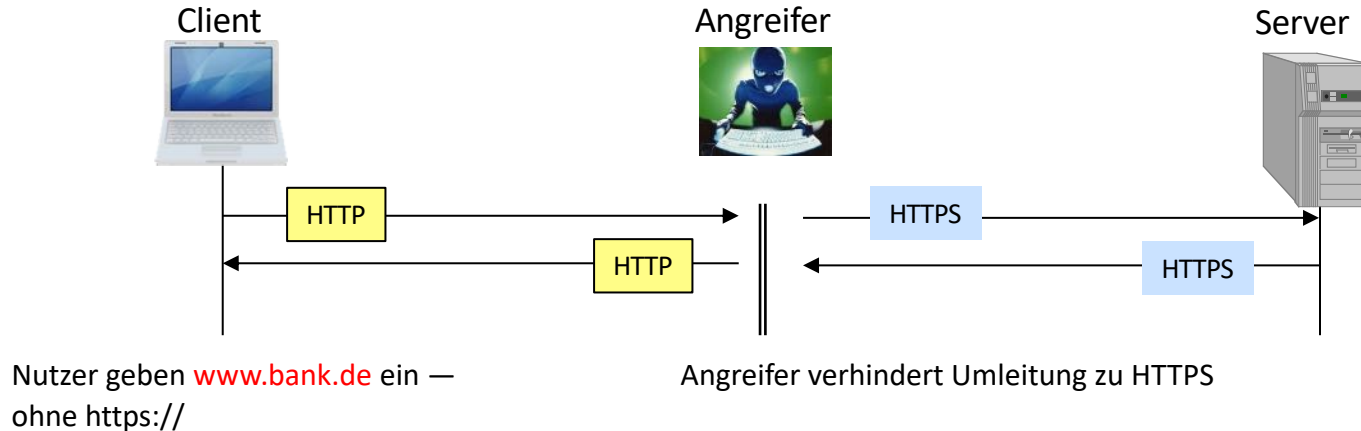
## Einschränkungen bzgl. Cross Certification

Wie wird verhindert, dass vom Inhaber des Server-Zertifikats ein weiteres gültiges **Server-Zertifikat** erzeugt wird?



# Man-in-the-Middle-Angriffe auf HTTPS: sslstrip

- Ziel: Angreifer möchte Kommunikation mitlesen und/oder verändern
- Angriffsmethode: Angreifer verhindert Umleitung zu HTTPS



**HTTP Strict Transport Security (HSTS):** HTTP-Header liefert bei Erstkontakt Verfallsdatum für https-Zwang – funktioniert nur, wenn Vorkontakt zum Server ohne Angreifer

Strict-Transport-Security: max-age=<sek>

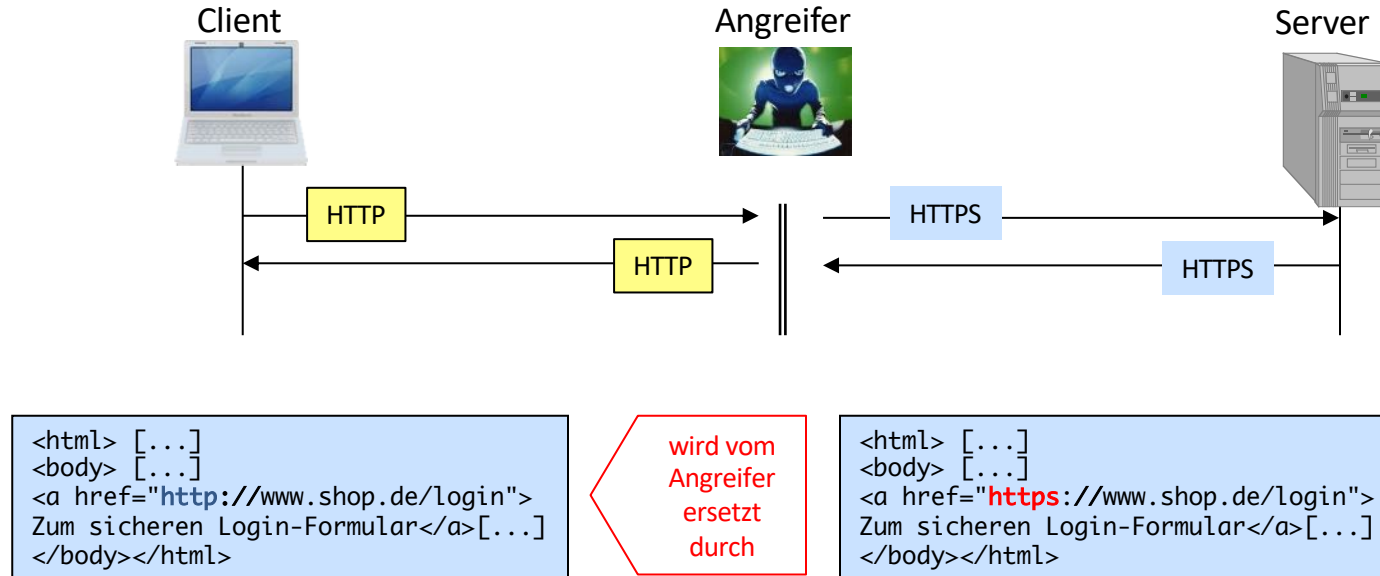
Server liefert normalerweise:

```
> GET / HTTP/1.1
> Host: www.bank.de

< HTTP/1.1 301 Moved Permanently
< Location: https://www.bank.de/
```

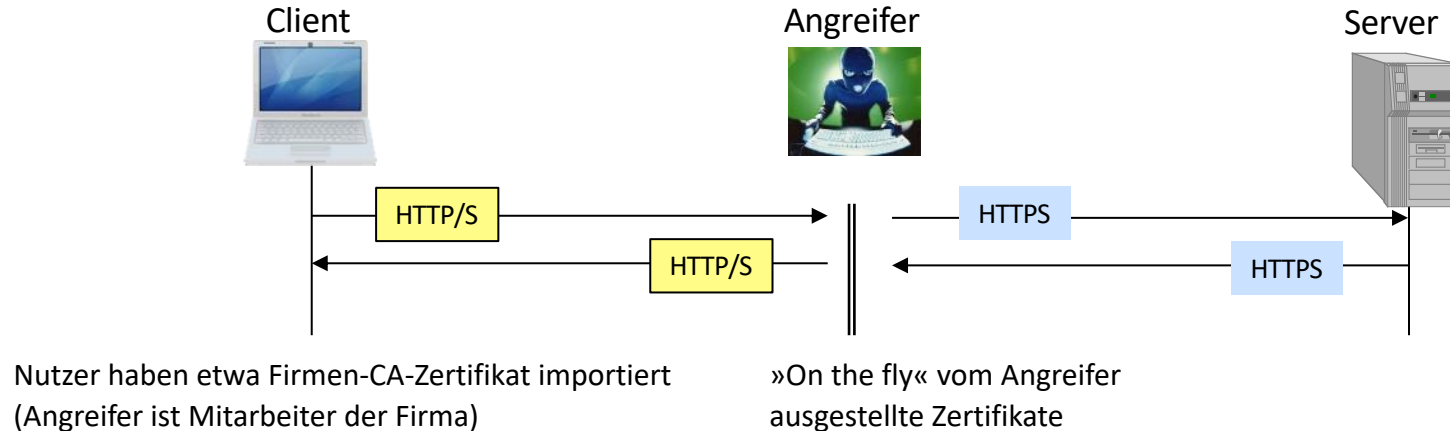
## Man-in-the-Middle-Angriffe auf HTTPS: sslstrip

- Ersetzen aller Umleitungen und Links zu HTTPS
- Verbindung zum Server per HTTPS, zum Client per HTTP
- Server merkt nicht, dass Client kein HTTPS verwendet



## Man-in-the-Middle-Angriffe auf HTTPS: burp proxy, mitmproxy

- Ziel: Angreifer möchte Kommunikation mitlesen und/oder verändern
- Angreifer stellt »on the fly« gültige Zertifikate aus



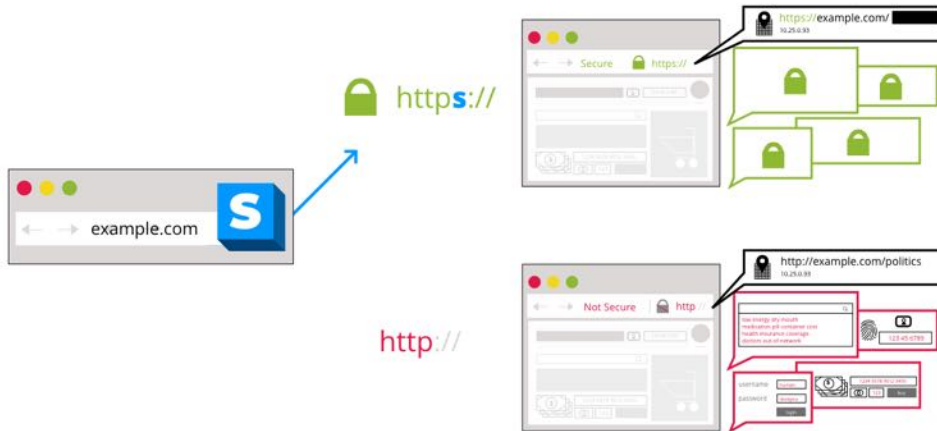
**HTTP Public Key Pinning (HPKP):** HTTP-Header liefert Hash des korrekten öffentlichen Schlüssels – funktioniert nur, wenn Vorkontakt zum Server ohne Angreifer

```
Public-Key-Pins: pin-sha256="cUPcTAZWK..."; max-age=<sek>
```

# HTTPS Everywhere

<https://addons.mozilla.org/de/firefox/addon/https-everywhere/>

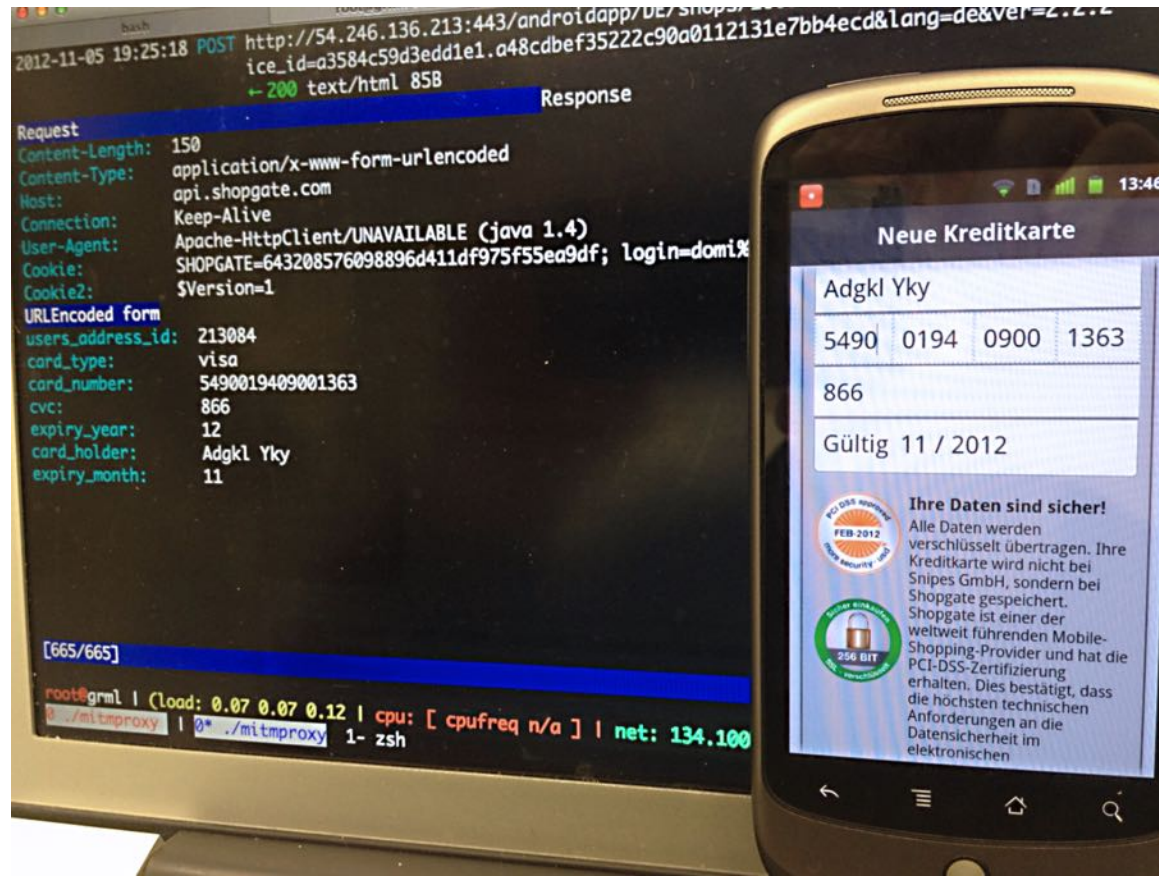
- URLs werden um den https-Präfix ergänzt
- Erweiterung für Firefox und Chrome



The screenshot shows the Firefox Add-ons page for the HTTPS Everywhere extension. The page features the Firefox Browser logo, the text 'ADD-ONS', and a search bar. Below the search bar, the extension's name 'HTTPS Everywhere' is displayed, followed by 'von EFF Technologists'. A blue button labeled 'Empfohlen' (Recommended) is visible. The description reads: 'Verschlüsseln Sie das Web! HTTPS-Everywhere schützt Ihre Kommunikation indem die Verbindung zu unterstützten Seiten automatisch auf eine HTTPS-Verschlüsselung umgestellt wird, auch wenn die URL oder ein besuchter Link das https://-Präfix weg lässt.' At the bottom, a blue button says '+ Zu Firefox hinzufügen'.



## Fehlende oder fehlerhafte Zertifikatsvalidierung in Clients



# Nach welchen Kriterien kommen die Root-Zertifikate in Anwendungen wie Firefox oder die Betriebssysteme?

- **Audit-Standards**
  - Überprüfung der Steuerungs- und Kontrollprozesse von (Root)-CAs

Plattform	Anzahl Zertifikate
Apple iOS, OS X	150
Microsoft Windows 10	230
Mozilla Network Security Services	130

- **WebTrust-Standard** der Canadian Institute of Chartered Accountants
- **ETSI TS 102 042** – Policy for requirements for certification authorities – Issuing public key certificates
- **ETSI TS 101 456** – Policy for requirements for certification authorities – Issuing qualified certificates
- **ISO 21128** – Public key infrastructure for financial services – Practices and policy framework

Quelle: Hicken 2017

## Nach welchen Kriterien kommen die Root-Zertifikate in Anwendungen wie Firefox oder die Betriebssysteme?

- **Audit-Standards**
  - Überprüfung der Steuerungs- und Kontrollprozesse von (Root)-CAs

Anzahl Zertifikate		
Plattform	Hicken 2017	2020
Apple iOS, OS X	150	217
Microsoft Windows 10	230	392
Mozilla CA Certificate Store	130	150
Google (Android)		135 (in 2018)

- **WebTrust-Standard** der Canadian Institute of Chartered Accountants
- **ETSI TS 102 042** – Policy for requirements for certification authorities – Issuing public key certificates
- **ETSI TS 101 456** – Policy for requirements for certification authorities – Issuing qualified certificates
- **ISO 21128** – Public key infrastructure for financial services – Practices and policy framework

---

# Biometrischer Reisepass

Ein Beispiel für den internationalen Aufbau einer PKI

## Elektronischer Reisepass: RFID zur drahtlosen Kommunikation



- Basic Access Control und Active Authentication



123456789P<<JJMMDDP<JJMMDDP<<<<<<P

nach: Dr. Dennis Kügler: Risiko Reisepass?  
Schutz der biometrischen Daten im RF-Chip.  
ct 5 (2005) 88

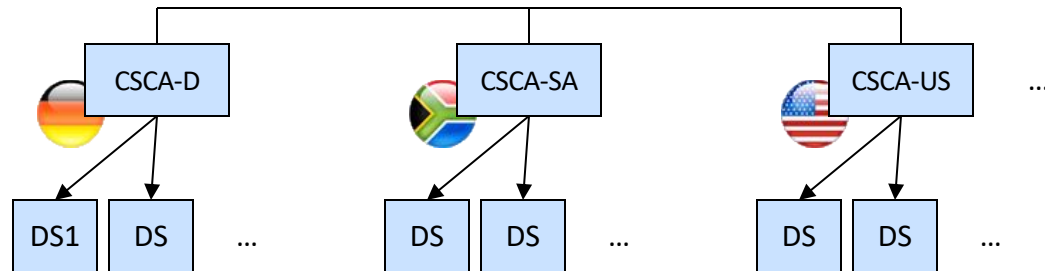
# Sicherheitsfunktionen in elektronischen Reisepässen

- Basic Access Control
  - Auslesen der biometrischen Daten benötigt optische Daten der maschinenlesbaren Zone
  - Schutz des digitalen Fotos
- Active Authentication
  - Soll 1:1-Kopien authentischer Daten auf gefälschten Pässen (Chips) verhindern
  - Authentifikation eines Originalchips mittels Challenge-Response
- Symmetrisch verschlüsselte Kommunikation
  - zwischen Pass und Lesegerät
- Passive Authentication
  - Digitale Signatur der gespeicherten Biometriedaten
  - Aufbau der PKI: -->(nächste Folie)
- Technische Spezifikation: <http://www.icao.int/mrtd/>



# Sicherheitsfunktionen in elektronischen Reisepässen

- Aufbau der PKI bei Passive Authentication der Biometriedaten
  - eine Country Signing Certification Authority (CSCA) pro Land
  - zertifiziert Testschlüssel mehrerer Document Signer (DS)
  - keine übergeordnete weltweite CA
  - alle Lesegeräte enthalten die Zertifikate der CSCAs des eigenen Landes und aller fremden Länder
  - Beispiel:

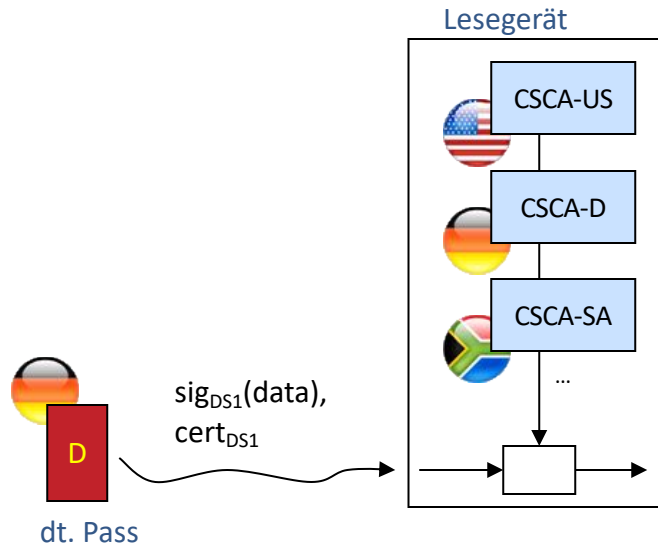


Quelle: Dennis Kügler, Ingo Naumann: Sicherheitsmechanismen für kontaktlose Chips im deutschen Reisepass.DuD 3 (2007)



# Sicherheitsfunktionen in elektronischen Reisepässen

- Aufbau der PKI bei Passive Authentication der Biometriedaten
  - Beispiel: (ausländisches) Lesegerät prüft dt. Passdaten



## Vorausgegangen:

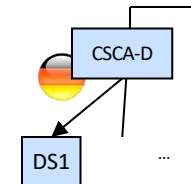
- Basic Access Control
- Active Authentication

## Lesegerät bei Grenzkontrolle:

- kennt alle CSCAs anderer Länder

## Ablauf der Zertifikatsprüfung:

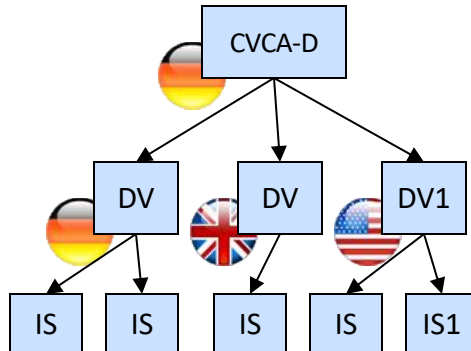
- erhält vom Pass:  
 $\text{sig}_{\text{DS1}}(\text{data}), \text{cert}_{\text{DS1}}$
- prüft:  $\text{sig}_{\text{DS1}}$  mit Testschlüssel (in  $\text{cert}_{\text{DS1}}$  enthalten)
- prüft:  $\text{cert}_{\text{DS1}}$  mit Testschlüssel (in  $\text{cert}_{\text{CSCA-D}}$ )



# Sicherheitsfunktionen in elektronischen Reisepässen

## ■ Anstelle von Basic Access Control ab 2007: Extended Access Control

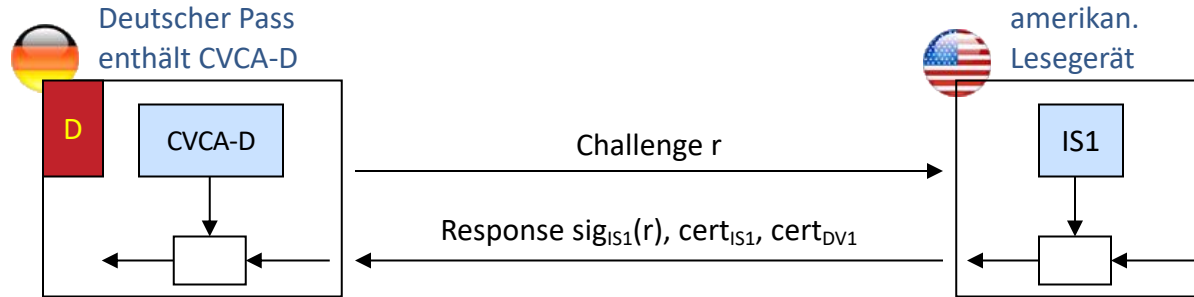
- Schutz der Fingerabdrücke
- Beschränkt den Zugriff auf autorisierte Lesegeräte
- Authentifikation des Lesers über Public Key Zertifikat:
  - Eine Country Verifying Certification Authority (CVCA) pro Land zertifiziert diejenigen
  - Document Verifier (DV) (fremder Länder), die (Fingerabdruck)-Daten auslesen dürfen.
- Chips auf Pässen enthalten nationales CVCA-Zertifikat
- Beispiel:



Dt. zertifiziert Public Keys nationaler und internationaler DVs (nur von solchen Ländern, die Fingerabdruckdaten lesen dürfen); DV zertifiziert Public Keys von (landeseigenen) Inspection Systems (IS)

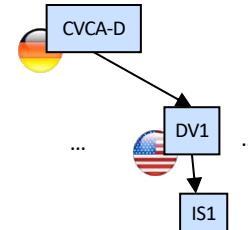
# Sicherheitsfunktionen in elektronischen Reisepässen

- Authentifikation des Lesers über Public Key Zertifikat
- Beispiel: dt. Pass prüft amerikan. Leser



## Ablauf der Zertifikatsprüfung:

- Pass erhält vom Lesegerät:  $\text{sig}_{\text{IS1}}(r)$ ,  $\text{cert}_{\text{IS1}}$ ,  $\text{cert}_{\text{DV1}}$  als Response auf Challenge  $r$  (Zufallszahl)
- Pass prüft:  $\text{sig}_{\text{IS1}}$  mit Testschlüssel (in  $\text{cert}_{\text{IS1}}$  enthalten)
- Pass prüft:  $\text{cert}_{\text{IS1}}$  mit Testschlüssel (in  $\text{cert}_{\text{DV1}}$  enthalten)
- Pass prüft:  $\text{cert}_{\text{DV1}}$  mit Testschlüssel (in  $\text{cert}_{\text{CVCA-D}}$  enthalten)

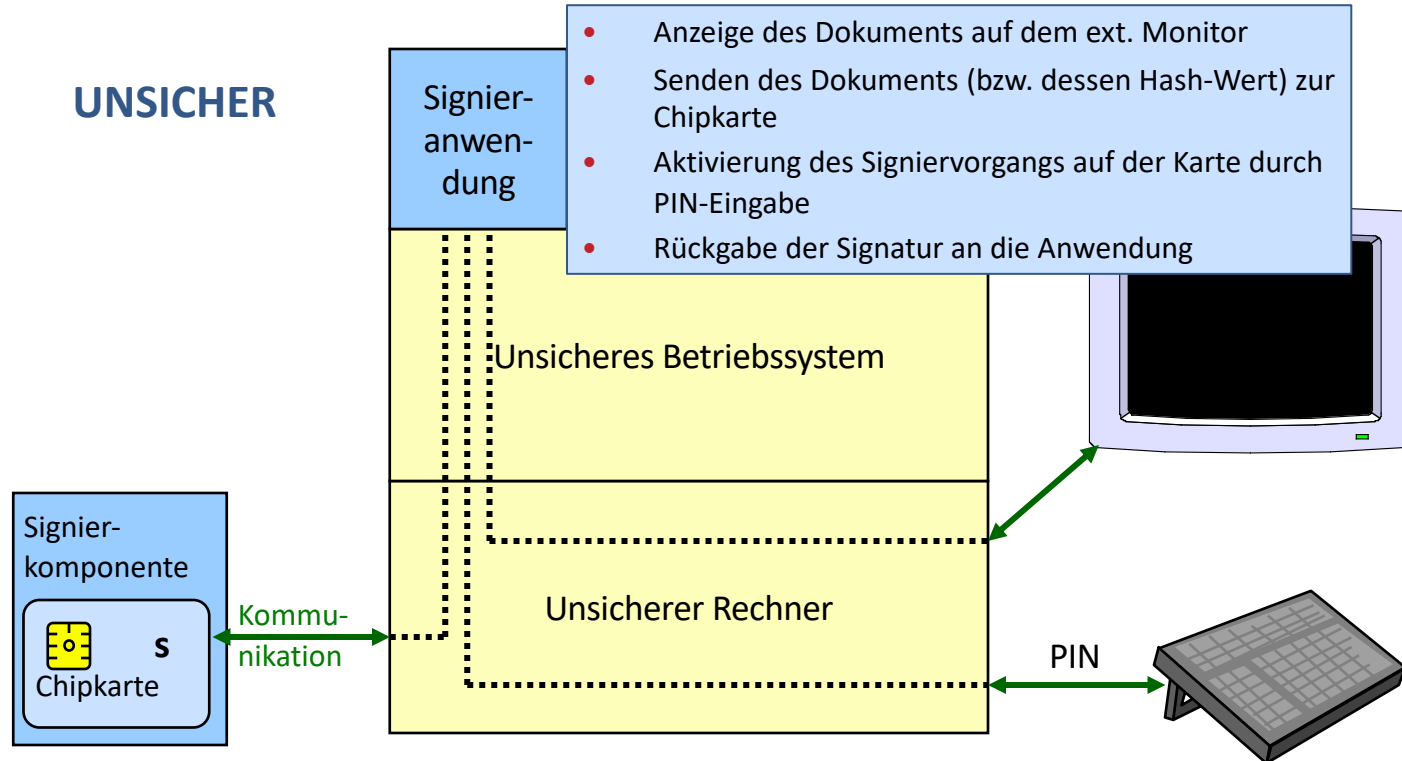


---

## Zur Notwendigkeit sicherer Signaturerstellungseinheiten

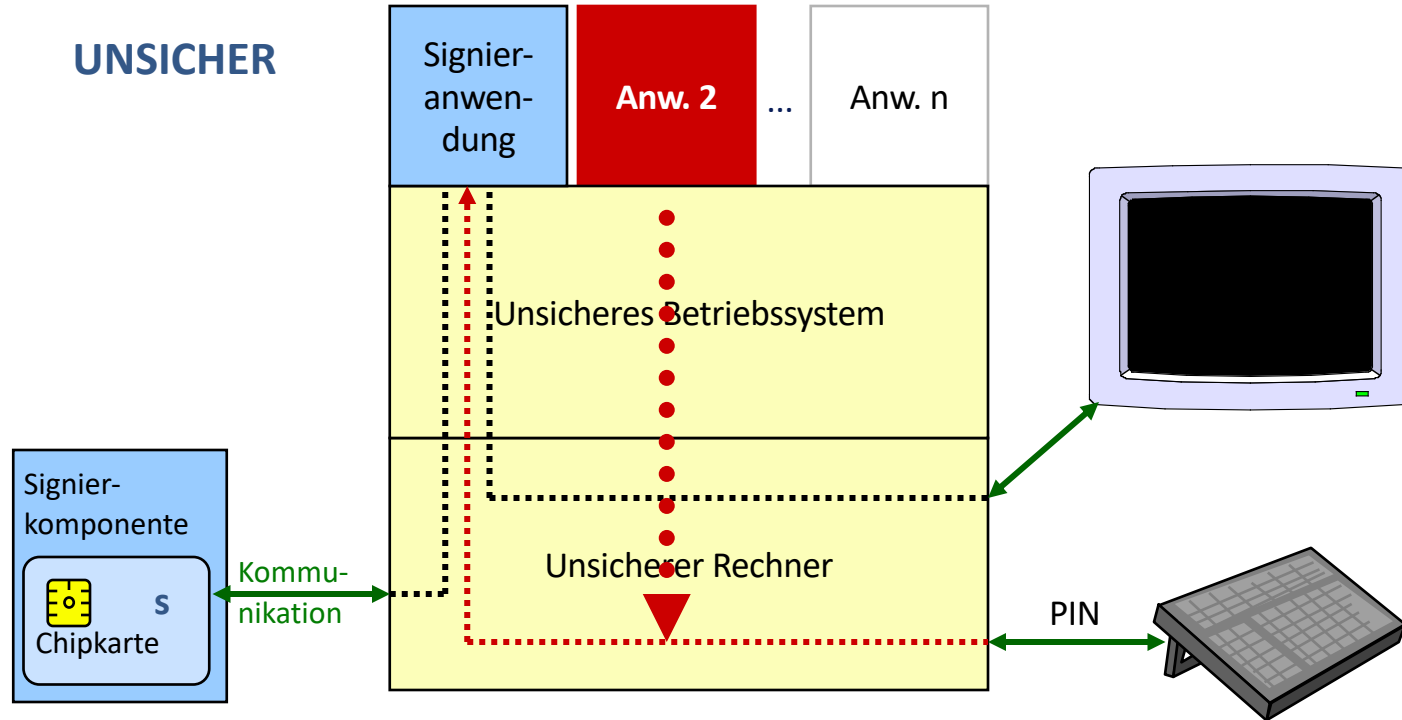
# Ablauf auf Standard-PC mit Chipkarte

- Sichere Geräte sind eine Voraussetzung für sichere Signaturen

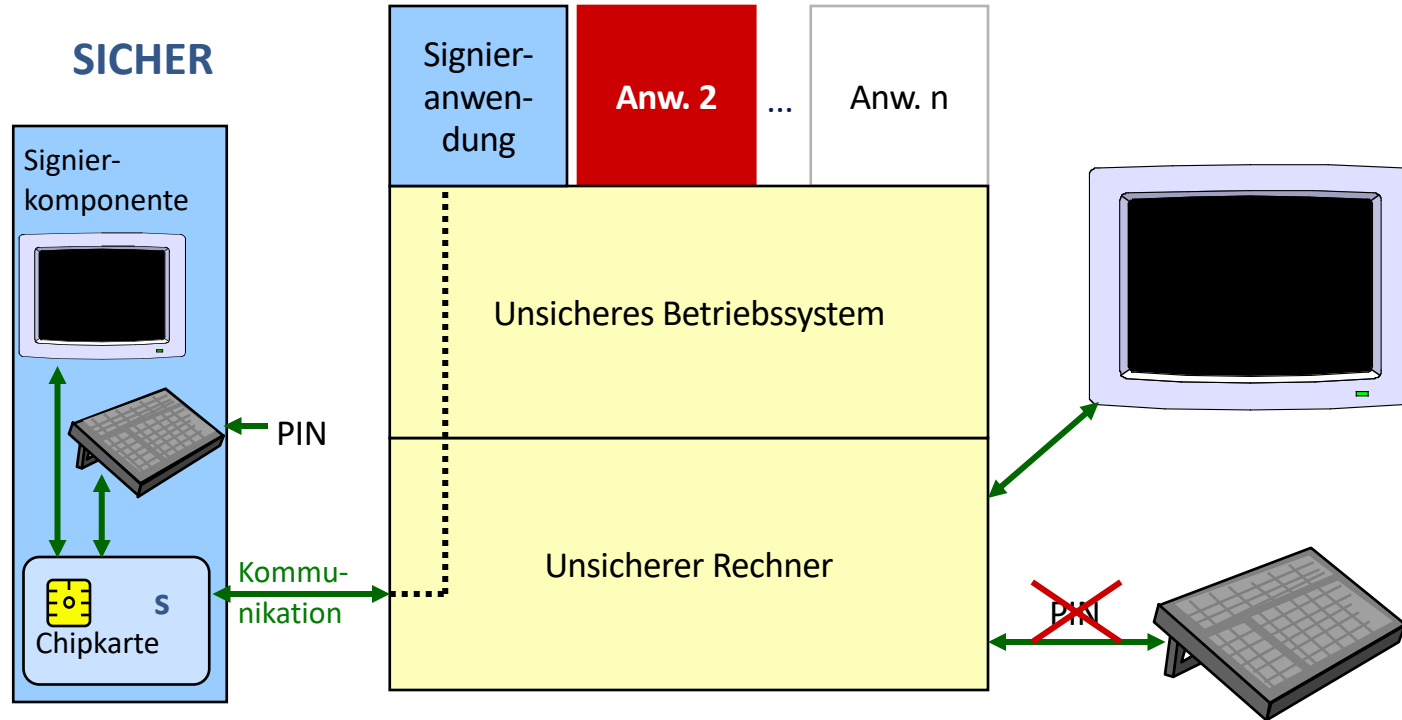


# Standard-PC mit Chipkarte

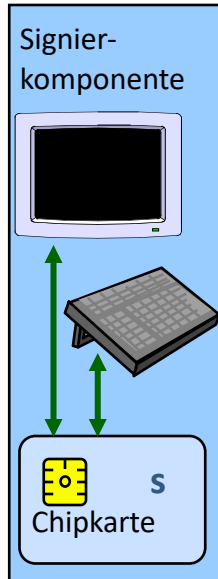
Bösartige Anwendung könnte z.B. PIN abfangen oder Text nach Anschauen und vor Senden an Signierkomponente heimlich ersetzen



## Sichere Signierkomponente mit Standard-PC



# Sichere Signierkomponente



=



- Display
- Tastatur
- Physischer Schutz:  
Manipulationserkennung
- Entwurf offengelegt (keine  
versteckten Trojanischen Pferde)



# Chipkartenleser: Sicherheitsklassen

## ■ Klasse 1

- Keine Sicherheitsfunktionen
- realisieren nur Kommunikation zwischen PC und Leser



## ■ Klasse 2

- PIN-Eingabe kann nicht vom PC mitgeloggt werden
  - Variante 1: PC-Tastatur ist direkt mit Leser verbunden, Verbindung zu PC wird während PIN-Eingabe (physisch) unterbrochen
  - Variante 2: Eigene Tastatur im Leser

## ■ Klasse 3

- eigene Tastatur und eigene Anzeige
- PC ist nicht an der Kommunikation zwischen Karte, Tastatur und Anzeige beteiligt

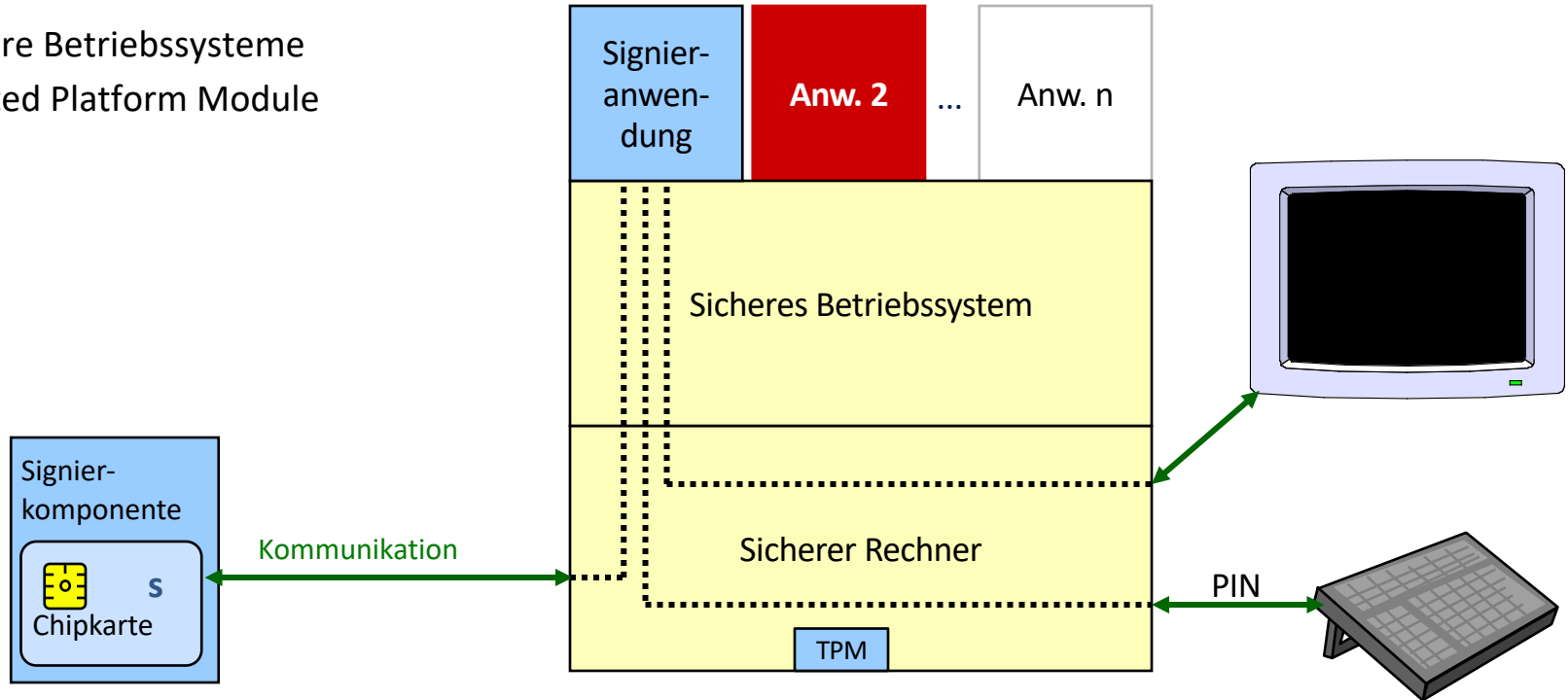


## ■ Klasse 4

- eigener Signaturschlüssel
- kann später ermittelt werden, in welchem Lesegerät die Signatur geleistet wurde

## SICHER, wenn

- Physisch sichere Geräte
- sichere Betriebssysteme
- Trusted Platform Module



---

## Detailaspekte zu PKI

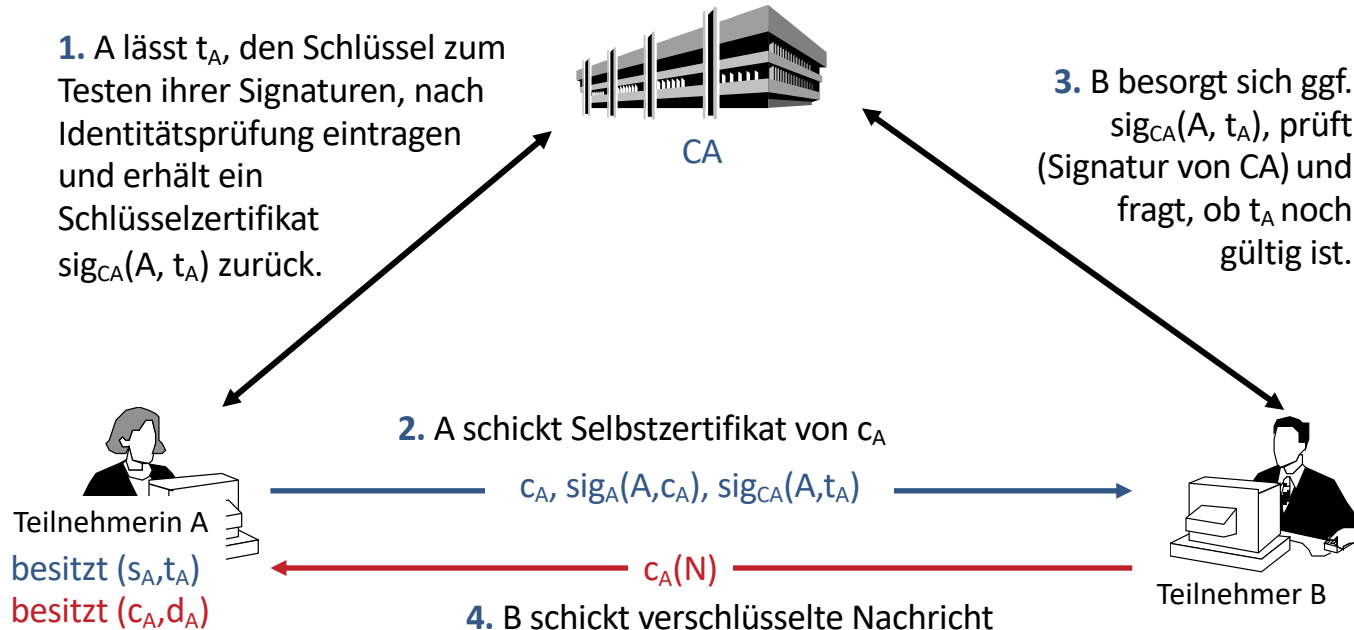
Zeitstempeldienste und Selbstzertifizierung  
Gültigkeitsmodelle für Zertifikate und Signaturen

## Zeitstempeldienste und Digitale Signatur

- Früher geleistete Signaturen können auch nach **Kompromittierung des Signierschlüssels** noch getestet werden.
- Frage: Wie **verhindert** man, dass **rückwirkend gültige Signaturen** erzeugt werden können? (Nach Kompromittierung des Signierschlüssels)
- Nachricht  $x$  erhält einen Zeitstempel (fest mit der Nachricht verbunden):
  - Teilnehmer  $S$  (Signierer)
    1. bildet **Hash-Wert** (Fingerabdruck) der Nachricht:  $h(x)$
    2. fordert **Zeitstempel** von Zeitstempeldienst  $TS$  an:  $\text{sig}_{TS}(\text{time}, h(x))$
    3. signiert Nachricht und Zeitstempel:  $\text{sig}_S(x, \text{sig}_{TS}(\text{time}, h(x)))$
  - Solange der Zeitstempeldienst keine in der Vergangenheit (oder Zukunft) liegende Zeit signiert, kann eine bestimmte Nachricht nicht nachträglich signiert werden
  - Zeitstempel muss einen Fingerabdruck der Nachricht enthalten, damit nicht einfach frühere Zeitstempel der Form  $\text{sig}_{TS}(\text{time})$  wiederverwendet werden können.

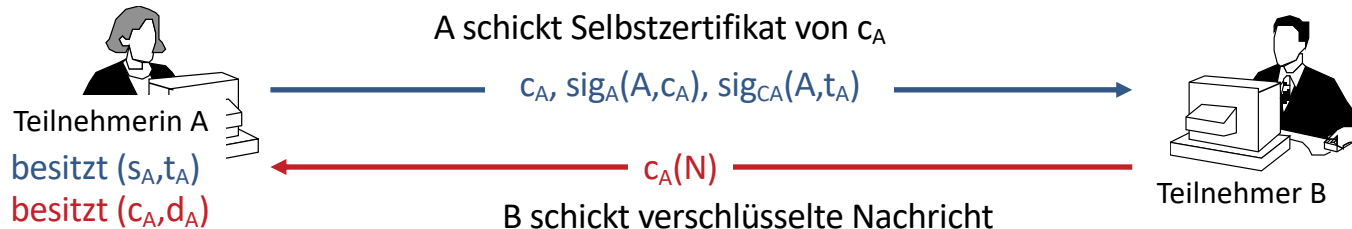
# Selbstzertifizierung öffentlicher Verschlüsselungsschlüssel

Unter der Voraussetzung, dass eine funktionierende Infrastruktur für Digitale Signaturen existiert, wird keine zusätzliche für Verschlüsselung benötigt. Vorhandene Infrastruktur kann zur Sicherung der Authentizität der öffentlichen Verschlüsselungsschlüssel verwendet werden.



## Selbstzertifizierung öffentlicher Verschlüsselungsschlüssel

- Trusted Third Parties werden gebraucht, wenn etwas bewiesen werden soll und nur dort.
  - Digitale Signatur: Beweisbarkeit erforderlich
  - Fremdzertifizierung des Testschlüssels durch Zertifizierungsstellen
- Bei asymmetrischer Verschlüsselung genügt es, sicher zu sein, dass der öffentliche Verschlüsselungsschlüssel authentisch ist.
  - Echtheit von Verschlüsselungsschlüsseln kann über vorhandene Infrastruktur für Digitale Signatur gesichert werden
  - Selbstzertifizierung des öffentlichen Verschlüsselungsschlüssels, jedoch keine Fremdzertifizierung



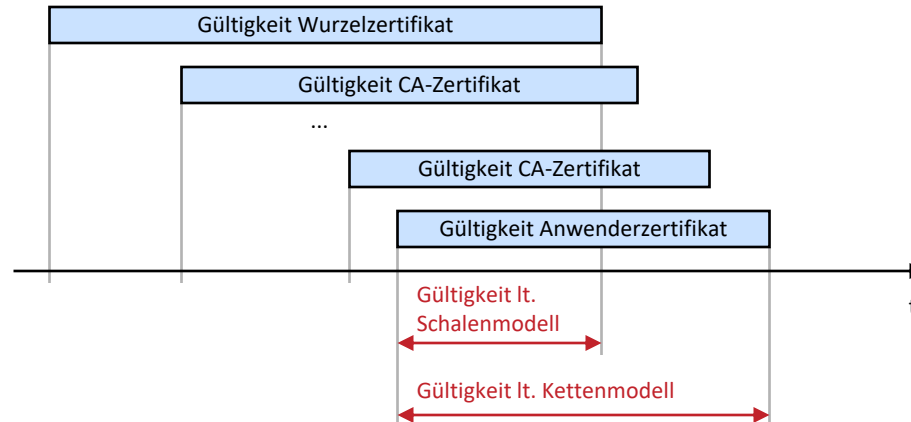
# Gültigkeitsmodelle für Zertifikate und Signaturen

## ■ Schalenmodell

- Eine Signatur unter einem Dokument oder Zertifikat ist dann gültig, wenn zum Zeitpunkt ihrer Erstellung alle zugrunde liegenden Zertifikate gültig waren.

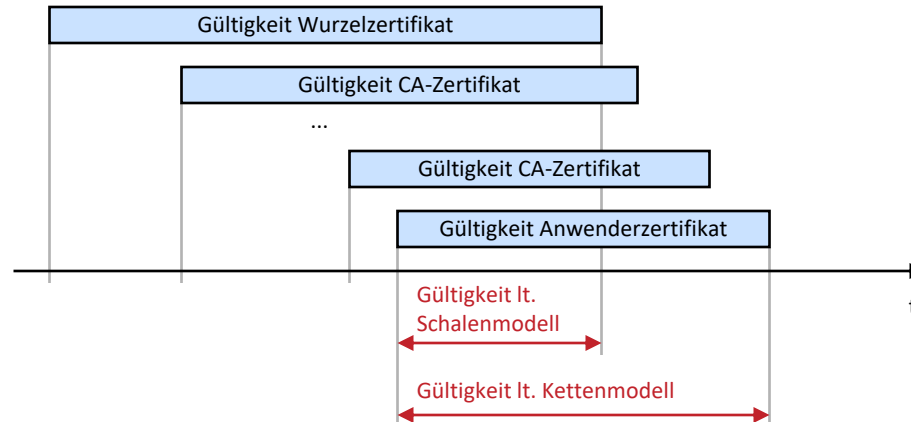
## ■ Kettenmodell

- Eine Signatur unter einem Dokument oder Zertifikat ist dann gültig, wenn zum Zeitpunkt ihrer Erstellung das zugehörige Schlüsselzertifikat gültig war.



# Schalenmodell

- Bei Ablauf oder Widerruf eines Zertifikats
  - Abgeleitete Zertifikate werden ungültig.
  - Beachte: Signaturen bleiben auch nach Ablauf der Zertifikate gültig, wenn Zertifikate zum Signierzeitpunkt gültig waren.
- Einfache praktische Umsetzung
  - Bei Überprüfung ist für alle Zertifikate derselbe Zeitpunkt maßgeblich.
  - int. Standard, basiert auf X.509 und RFC 3280 (PKIX-AG)

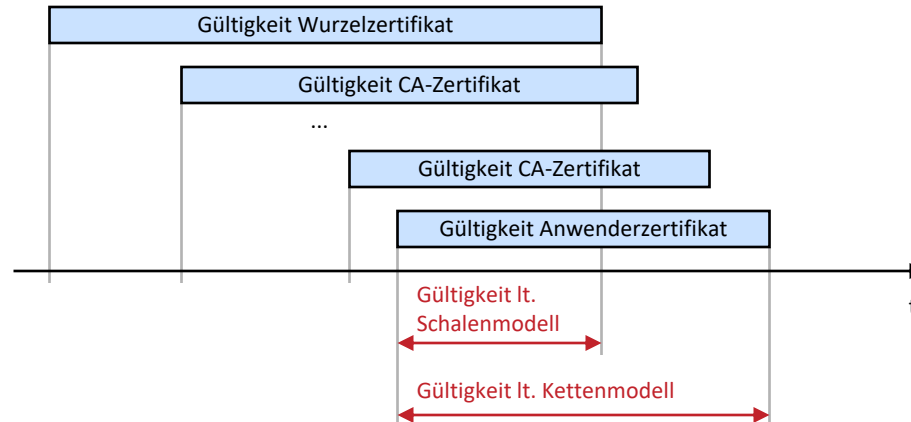




# Kettenmodell

- Bei Ablauf oder Widerruf eines Zertifikats
  - Abgeleitete Zertifikate trotzdem bleiben gültig.
  - rekursive Anwendung auf alle zugrunde liegenden Zertifikate
- Basiert auf einer Forderung des § 19 (5) SigG:

»Die Gültigkeit der von einem Zertifizierungsdiensteanbieter ausgestellten qualifizierten Zertifikate bleibt von der Untersagung des Betriebes und der Einstellung der Tätigkeit sowie der Rücknahme und dem Widerruf einer Akkreditierung unberührt.«



# Gültigkeitsmodelle für Zertifikate und Signaturen

## ■ Praxis

- Übereinstimmende Gültigkeit von Schalenmodell und Kettenmodell bei folgender Situation

