Sztuczna Inteligencja i Inżynieria Wiedzy

Algorytmy Genetyczne - sprawozdanie

Krzysztof Ruczkowski

$22~\mathrm{marca}~2021$

Spis treści

| Badania wpływu parametrów | 3 |
|--------------------------------|--------|
| Rozmiar populacji | 3 |
| Cel badania | 3 |
| Stałe parametry badania | 3 |
| Wyniki i wykresy | 3 |
| Wnioski | 5 |
| Liczba pokoleń | 5 |
| Cel badania | 6 |
| Stałe parametry badania | 6 |
| Wyniki i wykresy | 6 |
| Wnioski | 7 |
| Rozmiar turnieju | 8 |
| Cel badania | 8 |
| Stałe parametry badania | 8 |
| Wyniki i wykresy | 8 |
| Wnioski | 10 |
| Operatory selekcji | 10 |
| Cel badania | 10 |
| Stałe parametry badania | 10 |
| Wyniki i wykresy | 11 |
| Wnioski | 12 |
| Prawdopodobieństwo krzyżowania | 12 |
| Cel badania | 12 |
| Stałe parametry badania | 13 |
| Wyniki i wykresy | 13 |
| Wnioski | 15 |
| Prawdopodobieństwo mutacji | 16 |
| Cel badania | 16 |
| Stałe parametry badania | 16 |
| Wyniki i wykresy | 16 |
| Wnioski | 18 |

| Porównanie algorytmu genetycznego z metodami "naiwnymi" | 18 |
|---|----|
| Podsumowanie | 20 |

Badania wpływu parametrów

Pomijając badanie liczby pokoleń: Każde badanie jest uruchamiane 5 razy. Każde uruchomienie zwraca wynik najlepszego znalezionego osobnika. Wartość "best" to najlepszy wynik z tych 5 uruchomień, a "worst" to najgorszy. Wartość "avg" to średni wynik, a "std" to odchylenie standardowe wyników. Na wykresach oś X przedstawia badany parametr, a oś Y wartość wyniku / odchylenie.

Rozmiar populacji

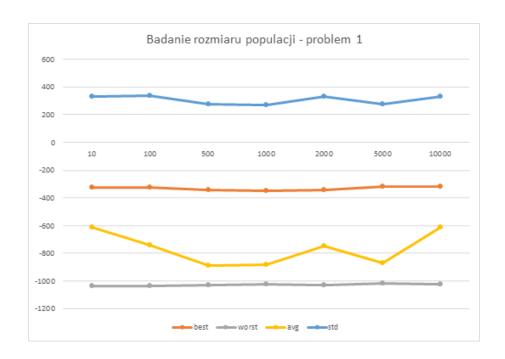
Cel badania

Celem badania jest wybranie rozmiaru populacji, dla którego algorytm genetyczny daje najlepsze wyniki.

Stałe parametry badania

| | | Operator selekcji | P. krzyżo- wania | P. mutacji |
|------|---|----------------------|---------------------|------------|
| 1000 | 3 | Turniej | 0,1 | 0,8 |

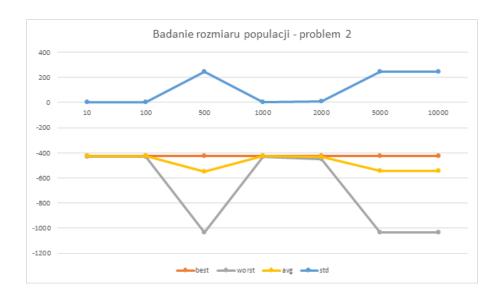
Tabela 1: Stałe parametry badania



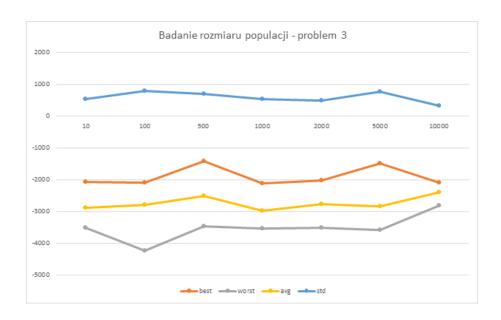
Rysunek 1: Badanie rozmiaru populacji - problem 1

| Problem | Rozmiar | \mathbf{best} | \mathbf{worst} | avg | std |
|---------|-----------|-----------------|------------------|-------------|----------------------|
| | populacji | | | | |
| zad1 | 10 | -328 | -1034 | -613,60 | 333,62 |
| zad1 | 100 | -328 | -1039 | $-745,\!20$ | $335,\!94$ |
| zad1 | 500 | -342 | -1031 | -888,80 | 273,44 |
| zad1 | 1000 | -349 | -1027 | -883,80 | $267,\!54$ |
| zad1 | 2000 | -343 | -1028 | -750,40 | 331,11 |
| zad1 | 5000 | -319 | -1021 | -873,60 | 277,34 |
| zad1 | 10000 | -319 | -1027 | -613,80 | 331,19 |
| zad2 | 10 | -424 | -430 | -425,20 | 2,40 |
| zad2 | 100 | -424 | -430 | $-427,\!00$ | 2,53 |
| zad2 | 500 | -424 | -1036 | $-548,\!20$ | 243,92 |
| zad2 | 1000 | -424 | -430 | $-425,\!20$ | 2,40 |
| zad2 | 2000 | -424 | -450 | $-429,\!20$ | 10,40 |
| zad2 | 5000 | -424 | -1036 | $-546,\!40$ | 244,80 |
| zad2 | 10000 | -424 | -1036 | -546,40 | $244,\!80$ |
| zad3 | 10 | -2071 | -3517 | -2882,00 | 526,57 |
| zad3 | 100 | -2097 | -4252 | -2794,80 | 785,06 |
| zad3 | 500 | -1436 | -3464 | -2527,80 | 678, 10 |
| zad3 | 1000 | -2114 | -3553 | -2975,00 | 530,80 |
| zad3 | 2000 | -2042 | -3530 | -2779,80 | $476,\!21$ |
| zad3 | 5000 | -1492 | -3588 | -2838,60 | 761,07 |
| zad3 | 10000 | -2100 | -2819 | -2392,60 | $307,\!51$ |

Tabela 2: Badanie rozmiaru populacji



Rysunek 2: Badanie rozmiaru populacji - problem 2



Rysunek 3: Badanie rozmiaru populacji - problem 3

Zmiana rozmiaru populacji ma niewielki wpływ na problemy 1 i 2. Wybrany zostaje rozmiar populacji "500", ponieważ zwraca on najlepsze wyniki dla problemu 3.

Liczba pokoleń

Badanie polega na uruchomieniu algorytmu genetycznego i zapisanie najlepszego, najgorszego i średniego wyniku w populacji danej generacji, oraz odchylenie standardowe wyników populacji. Na wykresie oś X przedstawia numer generacji, a oś Y wartość wyniku / odchylenie.

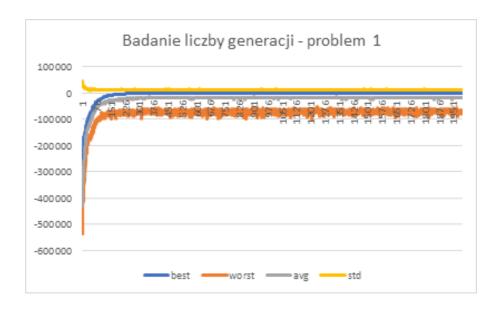
Cel badania

Celem badania jest wybranie liczby pokoleń, po której algorytm genetyczny przestaje zwracać lepsze wyniki (lub robi to znacząco wolniej).

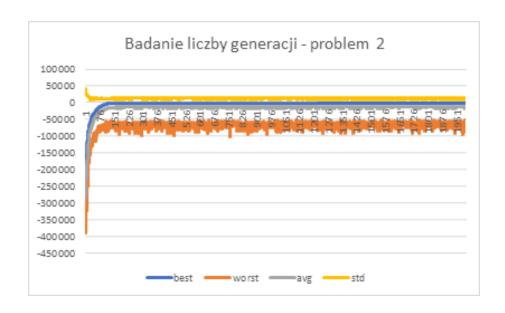
Stałe parametry badania

| | | | - | Pr. krzyżo- wania | |
|-----|------|---|---------|----------------------|-----|
| 500 | 1000 | 3 | Turniei | 0.1 | 0.8 |

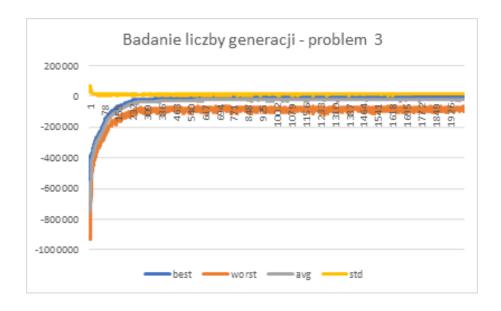
Tabela 3: Stałe parametry badania



Rysunek 4: Badanie liczby pokoleń - problem 1



Rysunek 5: Badanie liczby pokoleń - problem 2



Rysunek 6: Badanie liczby pokoleń - problem 3

Rozwiązania dosyć szybko zbiegają do minimum. Wybrana zostaje liczba pokoleń "1500", ponieważ uznałem to za dobry kompromis pomiędzy czasem trwania badań a drobnymi korzyściami wyników dla problemu 3.

Rozmiar turnieju

Cel badania

Celem badania jest wybranie rozmiaru turnieju, dla którego algorytm genetyczny daje najlepsze wyniki.

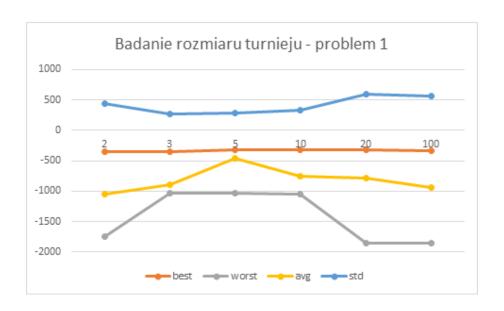
Stałe parametry badania

| Rozmiar cji | popula- | Liczba pokoleń | Pr. krzyżowania | Pr. mutacji | |
|----------------|---------|----------------|-----------------|-------------|-----|
| | 500 | 1500 | 0,1 | | 0,8 |

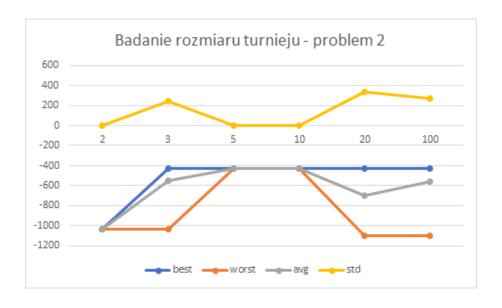
Tabela 4: Stałe parametry badania

| Problem | Rozmiar tur- nieju | best | worst | avg | std |
|---------|-----------------------|--------|---------|------------|----------------------|
| zad1 | 1 | -29318 | -36382 | -32366,20 | 2593,06 |
| zad1 | 2 | -348 | -1754 | -1052,60 | 444,99 |
| zad1 | 3 | -359 | -1030 | -894,00 | 267,50 |
| zad1 | 5 | -319 | -1027 | -466,60 | 280,31 |
| zad1 | 10 | -319 | -1043 | -751,20 | $335,\!38$ |
| zad1 | 20 | -328 | -1853 | -780,80 | 599,69 |
| zad1 | 100 | -342 | -1852 | -939,80 | 558,65 |
| zad2 | 1 | -6128 | -8437 | -7273,80 | 783,57 |
| zad2 | 2 | -1036 | -1036 | -1036,00 | 0,00 |
| zad2 | 3 | -424 | -1036 | -546,40 | 244,80 |
| zad2 | 5 | -424 | -424 | -424,00 | 0,00 |
| zad2 | 10 | -424 | -424 | -424,00 | 0,00 |
| zad2 | 20 | -424 | -1100 | -694,40 | $331,\!17$ |
| zad2 | 100 | -424 | -1100 | -559,20 | $270,\!40$ |
| zad3 | 1 | -70506 | -149770 | -113927,40 | 28986,10 |
| zad3 | 2 | -2856 | -13525 | -6397,80 | 3713,59 |
| zad3 | 3 | -1520 | -4249 | -2595,00 | 924,15 |
| zad3 | 5 | -1426 | -2800 | -1993,80 | 493,99 |
| zad3 | 10 | -2845 | -4241 | -3787,60 | $552,\!69$ |
| zad3 | 20 | -2146 | -4334 | -3255,20 | 874,21 |
| zad3 | 100 | -2787 | -5536 | -3860,20 | 939,94 |

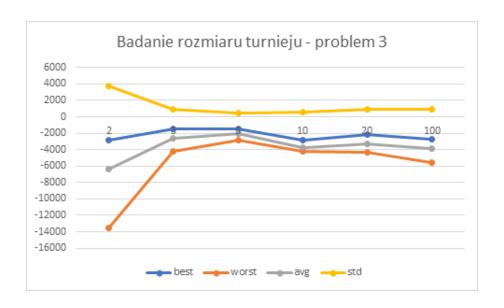
Tabela 5: Badanie rozmiaru turnieju



Rysunek 7: Badanie rozmiaru turnieju - problem 1



 ${\bf Rysunek~8:~}$ Badanie rozmiaru turnieju - problem2



Rysunek 9: Badanie rozmiaru turnieju - problem 3

Wybrany zostaje rozmiar turnieju "3", ponieważ zwraca on najlepsze wyniki dla wszystkich problemów.

Operatory selekcji

Cel badania

Celem badania jest wybranie operatora selekcji, dla którego algorytm genetyczny daje najlepsze wyniki.

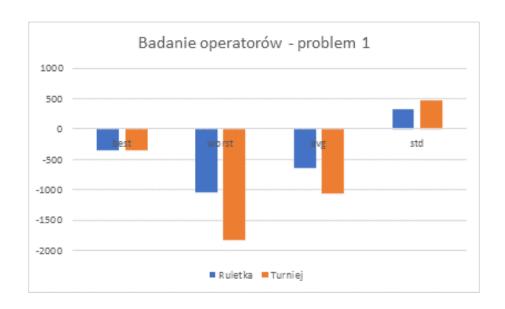
Stałe parametry badania

| Rozmiar | \mathbf{Liczba} | Rozmiar | Pr. krzyżo- | Pr. mu- |
|---------|-------------------|----------|-------------|---------|
| popula- | pokoleń | turnieju | wania | tacji |
| cji | | | | |
| 500 | 1500 | 3 | 0,1 | 0,8 |

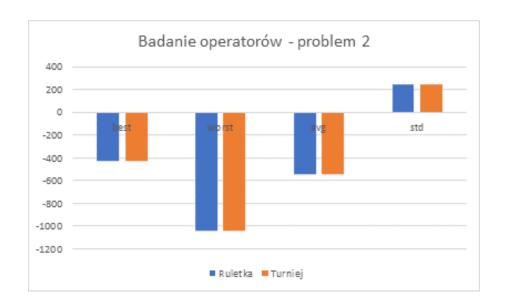
Tabela 6: Stałe parametry badania

| Problem | Operator selekcji | best | worst | avg | std |
|--------------|----------------------|----------------|-----------------|-----------------------|----------------------|
| zad1 | Ruletka | -340 | -1047 | -635,20 | 330,02 |
| zad1 | Turniej | -341 | -1833 | -1052,40 | 472,79 |
| 2ad2 $2ad2$ | Ruletka Turniej | -424 -424 | -1036 -1036 | -546,40 -547,60 | 244,80 244,21 |
| zad3 zad3 | Ruletka Turniej | -3486 -2018 | -15613 -4351 | -10802,60 -2947,60 | 5146,92 882,01 |

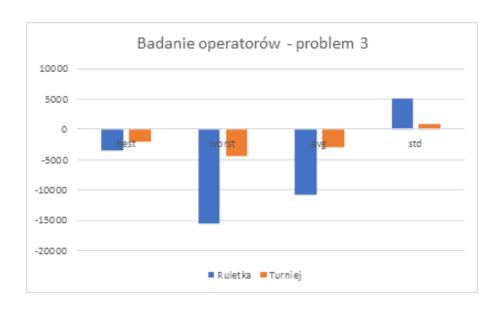
Tabela 7: Badanie operatorów selekcji



Rysunek 10: Badanie operatorów selekcji - problem 1



Rysunek 11: Badanie operatorów selekcji - problem 2



Rysunek 12: Badanie operatorów selekcji - problem 3

Wybór operatora nie ma znaczenia dla dwóch pierwszych problemów. Wybrany zostaje operator turnieju, ponieważ zwraca on najlepsze wyniki dla problemu 3.

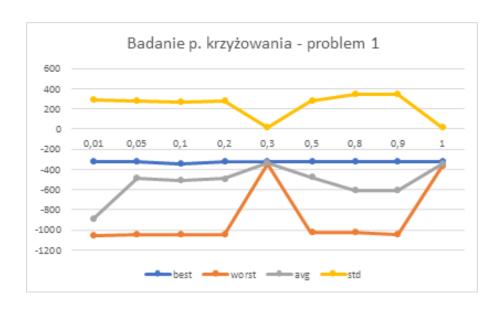
Prawdopodobieństwo krzyżowania Cel badania

Celem badania jest wybranie prawdopodobieństwa krzyżowania, dla którego algorytm genetyczny daje najlepsze wyniki.

Stałe parametry badania

| | | | Operator selekcji | |
|-----|------|---|----------------------|-----|
| cji | | | | |
| 500 | 1500 | 3 | Turniej | 0,8 |

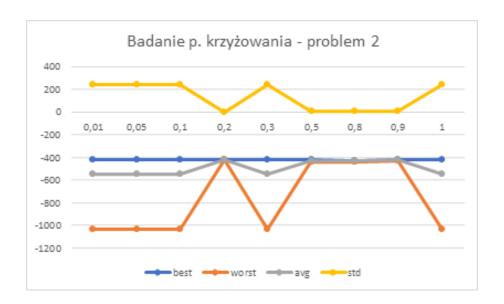
Tabela 8: Stałe parametry badania



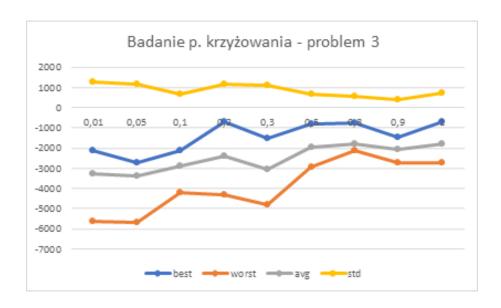
Rysunek 13: Badanie prawdopodobieństwa krzyżowania - problem 1

| Problem | Pr. krzyżo- | best | worst | avg | std |
|---------|-------------|-------|-------|----------|----------------------|
| | wania | | | | |
| zad1 | 0,01 | -328 | -1055 | -895,60 | 284,28 |
| zad1 | 0,05 | -326 | -1047 | -486,20 | 281,10 |
| zad1 | 0,1 | -347 | -1042 | -510,40 | 267,20 |
| zad1 | 0,2 | -328 | -1048 | -493,60 | $278,\!44$ |
| zad1 | 0,3 | -319 | -349 | -334,80 | 10,34 |
| zad1 | 0,5 | -328 | -1024 | -476,00 | 274,24 |
| zad1 | 0,8 | -320 | -1027 | -606,80 | 342,36 |
| zad1 | 0,9 | -319 | -1042 | -610,60 | 342,24 |
| zad1 | 1 | -328 | -363 | -343,60 | 14,92 |
| -zad2 | 0,01 | -424 | -1036 | -546,40 | 244,80 |
| zad2 | 0,05 | -424 | -1036 | -546,40 | 244,80 |
| zad2 | 0,1 | -424 | -1036 | -546,40 | 244,80 |
| zad2 | 0,2 | -424 | -424 | -424,00 | 0,00 |
| zad2 | 0,3 | -424 | -1036 | -546,40 | 244,80 |
| zad2 | 0,5 | -424 | -436 | -427,80 | 4,66 |
| zad2 | 0,8 | -430 | -438 | -432,00 | 3,03 |
| zad2 | 0,9 | -424 | -430 | -425,60 | 2,24 |
| zad2 | 1 | -424 | -1036 | -548,80 | 243,61 |
| zad3 | 0,01 | -2116 | -5606 | -3262,4 | 1283,987 |
| zad3 | 0,05 | -2714 | -5665 | -3365,6 | 1150,938 |
| zad3 | 0,1 | -2110 | -4193 | -2890,60 | 692,32 |
| zad3 | 0,2 | -706 | -4305 | -2399,80 | $1160,\!28$ |
| zad3 | 0,3 | -1512 | -4818 | -3076,20 | 1079,32 |
| zad3 | 0,5 | -811 | -2925 | -1971,8 | $674,\!2876$ |
| zad3 | 0,8 | -743 | -2116 | -1820,2 | 539,8316 |
| zad3 | 0,9 | -1443 | -2727 | -2044,8 | $407,\!361$ |
| zad3 | 1 | -725 | -2752 | -1786,2 | 694,7628 |

Tabela 9: Badanie prawdopodobieństwa krzyżowania



Rysunek 14: Badanie prawdopodobieństwa krzyżowania - problem 2



Rysunek 15: Badanie prawdopodobieństwa krzyżowania - problem 3

Wybór prawdopodobieństwa krzyżowania nie ma znaczenia dla dwóch pierwszych problemów. Wybrane zostaje prawdopodobieństwo krzyżowania "0.2", ponieważ zwraca ono najlepsze wyniki dla problemu 3.

Prawdopodobieństwo mutacji

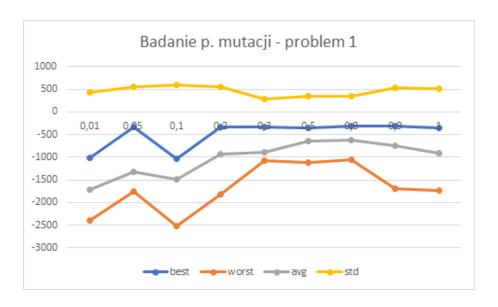
Cel badania

Celem badania jest wybranie prawdopodobieństwa mutacji, dla którego algorytm genetyczny daje najlepsze wyniki.

Stałe parametry badania

| | Liczba pokoleń | | - | Pr. krzyżo- wania |
|-----|-------------------|---|---------|----------------------|
| 500 | 1500 | 3 | Turniej | 0,2 |

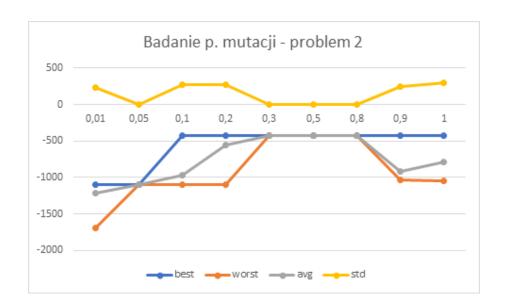
Tabela 10: Stałe parametry badania



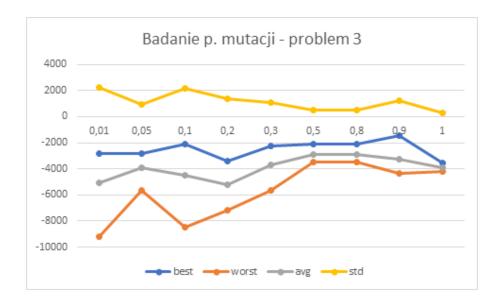
Rysunek 16: Badanie prawdopodobieństwa mutacji - problem 1

| Problem | Pr. cji | muta- | best | worst | avg | std |
|---------|------------|-------|-------|-------|---------|--------------|
| zad1 | | 0,01 | -1021 | -2393 | -1724,4 | 434,3214 |
| zad1 | | 0,05 | -340 | -1747 | -1315,2 | 554,7603 |
| zad1 | | 0,1 | -1025 | -2527 | -1479 | 599,7556 |
| zad1 | | 0,2 | -340 | -1814 | -921 | 546,9965 |
| zad1 | | 0,3 | -341 | -1065 | -898 | 279,1143 |
| zad1 | | 0,5 | -347 | -1120 | -639,4 | 352,29 |
| zad1 | | 0,8 | -319 | -1046 | -616,8 | 344,0834 |
| zad1 | | 0,9 | -319 | -1690 | -739,8 | 542,7045 |
| zad1 | | 1 | -348 | -1726 | -917 | 513,0902 |
| zad2 | | 0,01 | -1100 | -1692 | -1219,6 | 236,2114 |
| zad2 | | 0,05 | -1100 | -1100 | -1100 | 0 |
| zad2 | | 0,1 | -424 | -1100 | -964,8 | 270,4 |
| zad2 | | 0,2 | -424 | -1100 | -559,2 | 270,4 |
| zad2 | | 0,3 | -424 | -424 | -424 | 0 |
| zad2 | | 0,5 | -424 | -424 | -424 | 0 |
| zad2 | | 0,8 | -424 | -424 | -424 | 0 |
| zad2 | | 0,9 | -424 | -1036 | -913,6 | 244,8 |
| zad2 | | 1 | -424 | -1042 | -793,6 | 299,3417 |
| zad3 | | 0,01 | -2810 | -9189 | -5067 | 2269,493 |
| zad3 | | 0,05 | -2833 | -5655 | -3951,2 | $956,\!525$ |
| zad3 | | 0,1 | -2122 | -8460 | -4458,4 | 2174,983 |
| zad3 | | 0,2 | -3398 | -7148 | -5231,2 | $1368,\!857$ |
| zad3 | | 0,3 | -2215 | -5677 | -3717 | 1112,463 |
| zad3 | | 0,5 | -2110 | -3448 | -2882,4 | $496,\!1506$ |
| zad3 | | 0,8 | -2116 | -3494 | -2920 | 519,8896 |
| zad3 | | 0,9 | -1429 | -4342 | -3266,8 | 1234,406 |
| zad3 | | 1 | -3528 | -4194 | -3929,4 | 316,8739 |

Tabela 11: Badanie prawdopodobieństwa mutacji



Rysunek 17: Badanie prawdopodobieństwa mutacji - problem 2



Rysunek 18: Badanie prawdopodobieństwa mutacji - problem 3

Wybrane zostaje prawdopodobieństwo mutacji "0.9", ponieważ zwraca ono najlepsze wyniki dla wszystkich problemów.

Porównanie algorytmu genetycznego z metodami "naiwnymi"

Przy porównaniu uruchomiono 10 razy algorytm ewolucyjny (po 1500 generacji), 15000 razy metoda losowa, oraz 30 razy metoda losowych mutacji (po 1500 generacji). Meto-

da losowych mutacji polega na wylosowaniu osobnika i wykonywaniu na nim losowych mutacji, co jakiś czas cofając się do najlepszego znalezionego rozwiązania.

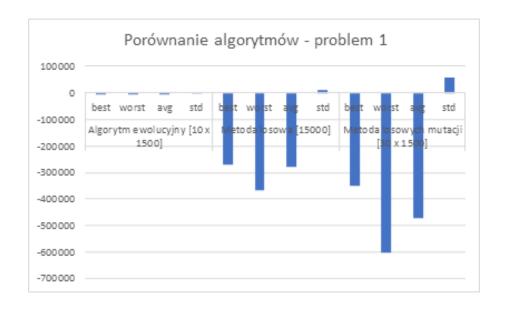
| | | | - | Pr. krzyżo- wania | |
|-----|------|---|---------|----------------------|-----|
| 500 | 1500 | 3 | Turniej | 0,2 | 0,9 |

Tabela 12: Parametry algorytmu genetycznego

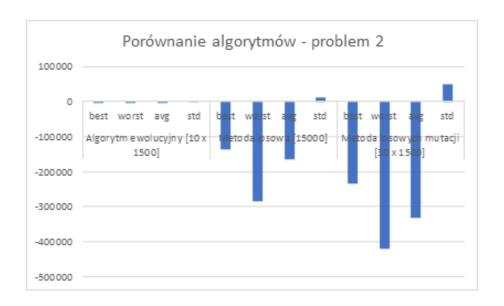
| Instancja | Algorytm ewolucyjny $[10 \times 1500]$ | | | | Metoda losowa [15000] | | | |
|-----------|--|------------------|---------|----------------------|-----------------------|------------------|----------------|----------------------|
| | \mathbf{best} | \mathbf{worst} | avg | std | \mathbf{best} | \mathbf{worst} | \mathbf{avg} | std |
| zad1 | -341 | -2527 | -1110,6 | 742,775 | -270894 | -368663 | -277311 | 10502,92 |
| zad2 | -424 | -1036 | -731,2 | 304,8071 | -135953 | -285244 | -163922 | 12024,88 |
| zad3 | -2059 | -4213 | -2985,5 | 620,792 | -478885 | -686348 | -510788 | 24221,65 |

| Metoda losowych mutacji [30 x 1500] | | | | | | |
|-------------------------------------|------------------|---------|----------------------|--|--|--|
| \mathbf{best} | \mathbf{worst} | avg | std | | | |
| -349442 | -604234 | -470676 | 57255,29 | | | |
| -233683 | -420265 | -330202 | $50262,\!56$ | | | |
| -637791 | -935288 | -806516 | 79839,92 | | | |

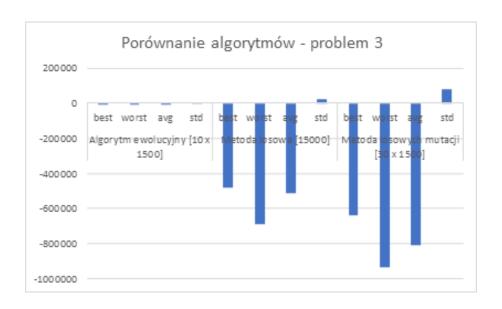
Tabela 13: Porównanie algorytmu genetycznego z naiwnymi



Rysunek 19: Porównanie algorytmów - problem 1



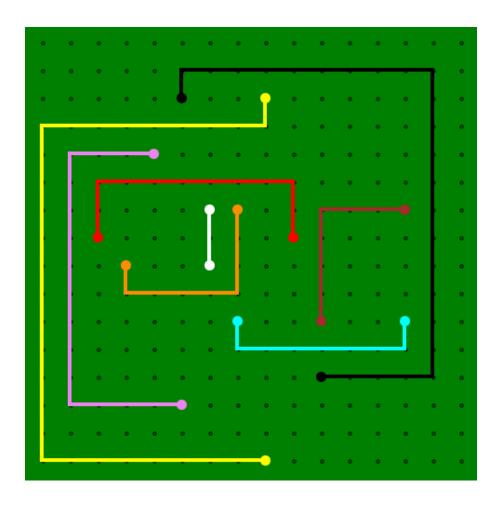
Rysunek 20: Porównanie algorytmów - problem 2



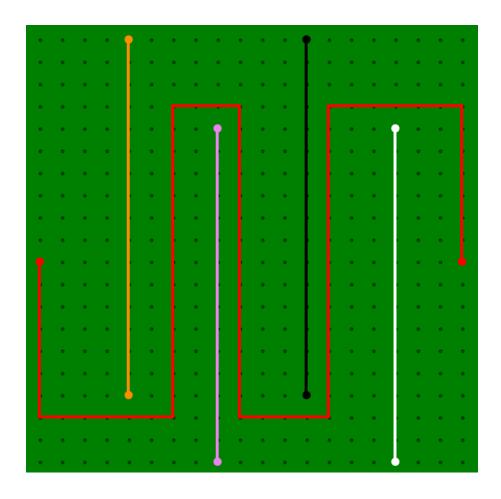
Rysunek 21: Porównanie algorytmów - problem 3

Podsumowanie

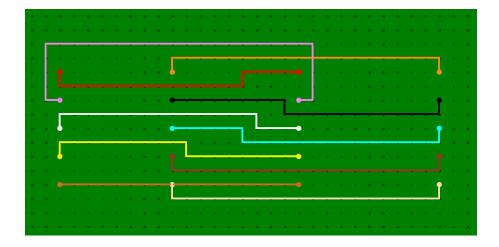
Algorytm genetyczny pozwala na znaczące poprawy wyników dla danego problemu.



Rysunek 22: Najlepsze znalezione rozwiązanie do problemu 1



Rysunek 23: Najlepsze znalezione rozwiązanie do problemu 2



Rysunek 24: Najlepsze znalezione rozwiązanie do problemu