

Ćwiczenia z Sieci komputerowych

Lista 2

1. W 10-Mbitowym Ethernetie sygnał rozchodzi się z prędkością 10^8 m/s. Standard ustala, że maksymalna odległość między dwoma komputerami może wynosić co najwyżej 2,5 km. Oblicz, jaka jest minimalna długość ramki (wraz z nagłówkami).¹
2. Rozważmy rundowy protokół Aloha we współdzielonym kanale, tj. w każdej rundzie każdy z n uczestników usiłuje wysłać ramkę z prawdopodobieństwem p . Jakie jest prawdopodobieństwo $P(p, n)$, że jednej stacji uda się nadać (tj. że nie wystąpi kolizja)? Pokaż, że $P(p, n)$ jest maksymalizowane dla $p = 1/n$. Ile wynosi $\lim_{n \rightarrow \infty} P(1/n, n)$?
3. Jaka suma kontrolna CRC zostanie dołączona do wiadomości 1010 przy założeniu że CRC używa wielomianu $x^2 + x + 1$? A jaka jeśli używa wielomianu $x^7 + 1$?
4. Pokaż, że CRC-1, czyli 1-bitowa suma obliczana na podstawie wielomianu $G(x) = x + 1$, działa identycznie jak bit parzystości.
5. Załóżmy, że wielomian $G(x)$ stopnia n stosowany w CRC zawiera składnik x^0 . Pokaż, że jeśli wybierzemy dowolny odcinek długości n z wiadomości i dowolnie go zmodyfikujemy (zmienimy dowolną niezerową liczbę bitów w nim), to zostanie to wykryte. Czy taka własność zachodzi, jeśli $G(x)$ nie zawiera składnika równego x^0 ?
6. Pokaż, że suma CRC stosująca wielomian $G(x) = x^3 + x + 1$ wykryje wszystkie podwójne błędy (zmianę wartości dwóch bitów), które są oddalone od siebie o nie więcej niż 6 bitów (tj. pomiędzy dwoma zmienianymi bitami jest nie więcej niż 5 innych bitów).
7. Załóżmy, że wyliczamy sumę CRC dla 4-bitowej wiadomości używając wielomianu $G(x) = x^3 + x + 1$; wtedy wiadomość wraz z sumą ma długość 7 bitów. Załóżmy, że co najwyżej jeden z tych 7 bitów został przekłamaný. Pokaż, jak odbiorca takiego komunikatu może wykryć i skorygować takie przekłamanie.
8. Pokaż, że kodowanie Hamming(7,4) umożliwia skorygowanie jednego przekłamanego bitu.
9. W pewnym kanale każdy przesyłany bit zostaje przekłamaný (niezależnie) z prawdopodobieństwem $1/100$. Rozważmy dwa scenariusze wysłania 100 bitów danych.
 - Dane wysyłamy w ramce bez dodatkowego kodowania. Ramka jest dostarczona poprawnie, jeśli żaden z bitów nie jest przekłamaný.
 - Każde 4 bity kodujemy za pomocą kodowania Hamming(7,4) w postaci 7-bitowego bloku. (czyli wysyłamy $(7/4) \cdot 100$ bitów). Ramka jest dostarczona poprawnie, jeśli każdy z 7-bitowych bloków jest dostarczony poprawnie. 7-bitowy blok jest dostarczony poprawnie, jeśli zawiera co najwyżej jeden przekłamaný bit.

Oszacuj, ile wynosi prawdopodobieństwo poprawnego dostarczenia ramki w obu scenariuszach.²

¹Można założyć, że $10 \text{ Mbit} = 10^7$ bit. W rzeczywistości sygnał rozchodzi się ok. 2 razy szybciej, ale opóźnienia występują nie tylko w kablu.

²Wykorzystywane formuły powinny być poprawne, ale do konkretnych wyliczeń możesz użyć kalkulatora.

10. Dana jest deterministyczna funkcja skrótu h zwracająca na podstawie tekstu liczbę m -bitową. Losujemy $2^{m/2}$ tekstów i obliczamy na nich funkcję h . Zakładamy tutaj, że przy takim losowaniu tekstu x , $h(x)$ jest losową (wybraną z rozkładem jednostajnym) liczbą m -bitową. Pokaż, że prawdopodobieństwo, że wśród wylosowanych tekstów istnieją dwa o takiej samej wartości funkcji h jest $\Omega(1)$.³

Materiały do kursu znajdują się w systemie SKOS: <https://skos.ii.uni.wroc.pl/>.

Marcin Bieńkowski

³Dlaczego ten fakt jest istotny okaże się na wykładzie 11. Albo już się okazało.