

首先感谢djz, hxf, zyz, myf, 河工大的zzh和lhy同学的大力支持。

B, E, J, K简单题, C, D, F, H, L中等, A, G, I困难。

题面有锅, 磕头了。不过总的来看海星。

简单:

B题

可以发现如果没有0, 不论其他咋选, mex都是0, 所以优先找个0

如果有了0但是没有1, 不论其他咋选, mex都是1, 所以次级优先地去找个1。

以此类推, 我们需要贪心地选取0到k-1。所以我们判断0到k-1在a数组里是否出现过。如果存在某个数字没出现就输出并break。如果0到k-1都出现了, 输出k。sort一下然后扫一遍或者用map/set做一下都可。

E题

边读入边判断边计数即可, 使用sqrt判断或者预处理出1到10000的所有完全平方数均可。

J题

边读入边更新计数最大值或者sort一下从后往前扫均可。(题上忘了说保证一定至少有一个奇数了, 磕头+1)

K题

模拟一下, 可以从前往后扫, 用一个变量记录当前是否在一对括号内。

中等:

C题

如果暴力地枚举abcd, 复杂度为 n^4 。考虑先预处理 $f[x]$ 表示 $A*B=x$ 的方案数, 那么答案就是 $f[1]*f[n-1]+f[2]*f[n-2]+...+f[n-1]*f[1]$ 。预处理的过程可以使用 n 根号 n 的枚举因数的方法或者 $n\log n$ 的枚举倍数法。

D题

按位思考, 每一位如果a为0, 则 $x+y \geq 0 = 2*a$, 如果为1则 $x+y = 2*a$ 。所以s需要大于等于 $2*x$ 。

大于后唯一还需要 $a \& (s - 2*a) = 0$

F题

$$\text{原} = \prod_{i=0}^n (1 + x^{2^i}) = (1 - x) \frac{\prod_{i=0}^n (1 + x^{2^i})}{1 - x}$$

将上面的式子通过平方差公式连续化简 n 次就能得到

$$\text{原式} = \frac{(1 - x^{2^{n+1}})}{1 - x} \text{即可 } o(\log n) \text{ 得到式子的值}$$

注意: 1. 对指数取模的时候根据欧拉定理应该取模 $(mod - 1)$

2. 当 x 的值为1时要特判, 否则分母为0。此时输出 2 的 $n + 1$ 次方即可

可以发现模 $mod-1$ 应该有循环节, 本地跑一跑找到循环节后可以利用上: 0到22暴力地跑一跑, 如果大于则利用后面长为24的循环节。

H题

是一个01背包，不过可以加速：

设一个累加器 $ans=0$ 。然后从小到大考虑 a_i ，如果 $a_i \leq sum+1$ ，就让 sum 加上 a_i 。否则 $sum+1$ 就是答案。

原理： sum 代表 $[0, sum]$ 的值可以被拼出来，那么如果 $a_i \leq sum+1$ ，那么 $[0, sum+a_i]$ 也可以被拼出来。

L题

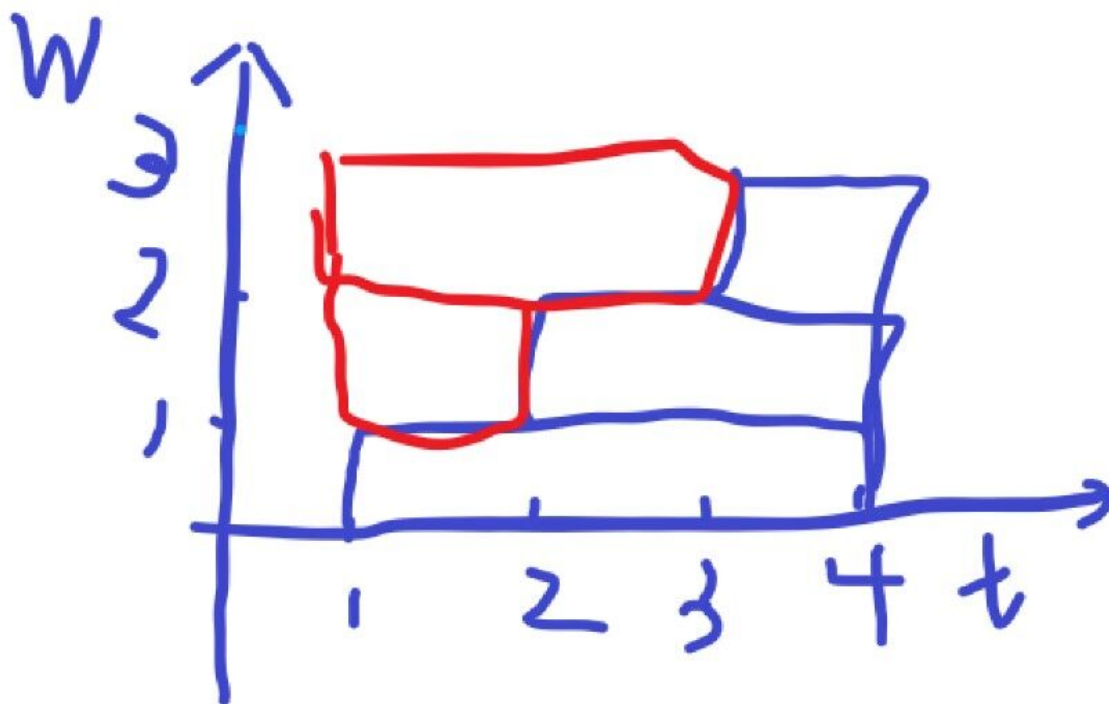
可以发现把 a 和 b 分开考虑并不影响正确性。我选定答案是哪些 a 打多次，哪些 b 打一次，实际打的时候先 a 再 b 即可。

然后考虑对 a 数组和 b 数组排序，那么小于等于 a_n 的 b_i 就是没用的了，你只能打一次还没人家一直能打的伤害高。

于是我们有了一个贪心的方案：先大到小枚举 b_i ，如果大于 a_n 且 $h>0$ 就打一下， $h-=a_i$ 否则break。如果用完了所有大于 a_n 的 b 之后赢了，输出即可。如果没赢，就一直使用 a_n 打，输出刚才打的 b 的数量+剩余血量除以 a_n 向上取整。

困难

A题



考虑一个人的工资发放情况，横轴为月份，纵轴为工资，

蓝色区域内的边界随着时间的增加而增加，因此不好计算它的贡献。而整个矩形区域的面积是好计算的，红色区域的边界固定，因此也容易计算。

所以每次修改时就区间减去红色区域的值即可。

红色区域的值 $= (t - 1) * \text{涨的工资数}$

最后答案就是整个矩形的面积减去红色区域的值。利用线段树维护这两个值即可。时间复杂度为 $n \log(n)$

G题

考虑简单版本在本题的瓶颈在于排序和累加。

如果一组 a 使得 $[0, 2^k]$ 都能拼出来并且 $\sum a_i \leq 2^{k+1}$, 只需要再多一个 $2^k + 1 \leq p \leq 2^{k+1}$ 且 $p \leq \sum a_i + 1$, 那么我们就可以拼出来 $[0, 2^{k+1}]$ 。

用线段树维护 $a_l \dots a_r$ 中所有大小在 $[2^k, 2^{k+1}]$ 范围里的 a_i 的和与最小值, 然后扫描每一段 $[2^k, 2^{k+1}]$ 即可。

I题

首先使用差分, 问题转变成把差分数组变成全0的。

然后把修改看做边, 建图。每种修改对 xy 连一条边。最后会有若干个连通块。

检查是否有解: 因为每次恰好使得两个点取反, 所以如果某个连通块里1的数量是奇数, 就输出0。

有解后考虑计算解的数量: 对连通块做一个生成树, 那么不论这些灯什么情况, 仅用树边有且仅有一个方案使得这些灯变成0。于是非树边任选, 答案就是 $2^{\text{非树边的数量}} = 2^{m-n-1-\text{连通块数量}}$