河南省第十四届 ICPC 大学生程序设计竞赛

The 2023 ICPC China Henan Provincial Programming Contest

现场赛 Onsite Round



题目列表 Problem List

A	列车售货员难题
В	循环数码
C	结对编程
D	导弹拦截 (量子波动速算版)
E	抽奖问题
F	实验器材采购
G	异或解密
Н	部落冲突
I	calc
J	NBS
K	连通最小乘积
L	行星探索
Μ	二手物品回收

请勿在比赛开始前翻阅试题! Do not open before the contest has started.

2023年5月21日

Problem A. 列车售货员难题

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 3 second

Memory limit: 512 megabytes

大家在乘坐火车的时候,经常遇到售货员卖一些零食小吃。他们有时会把自己所售卖的物品名字编成押韵的顺口溜,比如"花生瓜子八宝粥,啤酒饮料矿泉水,腿收一下","花生瓜子矿泉水,啤酒饮料爆米花,德州扒鸡大碗面"这样做似乎可以让销量更好。

在一辆有 n 节车厢的火车上,车厢编号从前往后依次为 [1,n] 的整数。其中每个车厢都会有若干项需要的物品,物品的编号是范围在 [1,m] 的整数。

售货员 Alice 会被安排在火车的其中一**段连续的车厢**里叫卖商品。Alice 是一名有文采且敬业的售货员,不管被分配到哪一段连续的车厢售货,她都会准备好那些车厢所需要的所有物品,并且把这些物品的名字编成一段顺口溜。Alice 请让你帮忙计算一下:为了应对所有情况,她需要写多少段不同的顺口溜?

Input

第一行输入两个正整数 n,m 满足 $(1 \le n \le 2 \times 10^5), (1 \le m \le 100)$ 。分别代表车厢节数和物品编号最大值。

其后 n 行, 第 i 行首先是一个整数 k_i , 满足 $1 \le k_i \le m$, 代表第 i-1 节车厢需要的物品种类数。其后 k_i 个整数,代表第 i-1 节车厢所需要的物品的编号。保证 k_i 的和不超过 10^6 ,保证输入的物品编号是 [1,m] 内的整数,并且同一节车厢的物品编号互不相同。

Output

请你输出一行一个整数, 代表 Alice 需要编写的顺口溜的个数。

Example

standard input	standard output
5 5	8
1 1	
2 1 2	
2 4 5	
1 1	
2 2 3	

Explanation

以下列出所有区间的物品集合:区间 [1,1]:物品 $\{1\}$,区间 [1,2]:物品 $\{1,2\}$,区间 [1,3]:物品 $\{1,2,4,5\}$,区间 [1,4]:物品 $\{1,2,4,5\}$,区间 [1,5]:物品 $\{1,2,3,4,5\}$,区间 [2,2]:物品 $\{1,2\}$,区间 [2,3]:物品 $\{1,2,4,5\}$,区间 [2,4]:物品 $\{1,2,4,5\}$,区间 [2,5]:物品 $\{1,2,3,4,5\}$,区间 [3,3]:物品 $\{4,5\}$,区间 [3,4]:物品 $\{1,4,5\}$,区间 [3,5]:物品 $\{1,2,3,4,5\}$,区间 [4,4]:物品 $\{1,2,3\}$,区间 [4,5]:物品 $\{1,2,3\}$,区间 [5,5]:物品 $\{2,3\}$ 。

其中出现的物品集合有: $\{1\},\{1,2\},\{1,2,4,5\},\{1,2,3,4,5\},\{4,5\},\{1,4,5\},\{1,2,3\},\{2,3\}$ 共 8 种

Problem B. 循环数码

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 second

Memory limit: 512 megabytes

有一种数字我们称其为循环数,在这种数字的十进制表示下呈现循环的样式(由一段数字重复拼接而成的样式),并且循环节长度不等于其自身长度。例如 11111, 123123、212121 都属于循环数, 114、514、12312312 这些不属于循环数。

Alice 想问你,在小于等于 n 的正整数中,有多少数是循环数呢? 她很急切的需要答案,请你在 1s 内计算出答案,并将答案对 998244353 取模。

Input

输出一行一个整数 n,满足 $1 \le n \le 10^{10^5}$

Output

输出一行一个整数,代表小于等于 n 的正整数中循环数的个数对 998244353 取模后的值。

standard input	standard output
11	1
1000000	1098

Problem C. 结对编程

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 second

Memory limit: 512 megabytes

A 公司是一家主营软件开发的公司。公司内有 n 名员工,编号为 1 到 n 的整数,除了 1 号老板外每 名员工都有一个直接上级和若干个间接上级(上级的上级)。

这天 A 公司正在进行结对编程能力测试。为了尽量避免由于员工个人因素影响测试的结果,本次测试采用随机抽人的方式。具体方法是由公司的所有**非空员工子集**中等概率地取出一个子集。然后找出该子集的级别最低的共同上级作为团队指挥(1 号老板的级别是最高的)。当然,该团队指挥有可能在也有可能不在该子集中,在子集中的话就参与结对编程,不在的话就只负责指挥。

由于你大学参加过 ICPC 比赛,编程能力比较强,公司派你写一段程序来完成这个选人的过程。但是你最近疏于编程训练,头脑不清晰,犯了个大错误。你的代码里居然真的直接等概率取出一个非空子集,却忽略了这样一个事实:选出的子集人数必须是偶数,才能安排接下来的结对编程活动!

但是事到如今也无法挽救了。你了解到公司里每个职员都有一个可以量化的权限,当职员 i 被选作团队指挥时,如果你的程序输出了一个合理的结果(偶数个人),他会奖励你 a_i 元作为酬劳,反之如果你的程序输出了一个不合理的结果(奇数个人),那他会罚你 a_i 元作为赔偿。

那么,请你为自己计算出:你期望会**损失**多少钱?为了避免浮点误差,请你输出期望损失的钱数 \times (2^n – 1) 的结果,可以证明这是个整数。同时,你的输出也有可能是个负数,此时说明期望会赚到钱。

Input

第一行输入 n,满足 $1 \le n \le 2 \times 10^5$ 代表公司内员工的个数。

其后一行 n-1 个整数,从左到右代表 2 号员工到 n 号员工的上级是几号。

其后一行 n 个整数, 从左到右代表 1 号到 n 号员工的权限值 a_i , 满足 $0 \le a_i < 10^5$

Output

请输出一个整数,表示你期望损失的钱数 $\times (2^n - 1)$ 的结果。

Example

standard input	standard output
3	4
1 1	
1 2 3	

Explanation

对于样例,有以下情况:

选出 1, 指挥为 1, 赔偿 1 元

选出 2, 指挥为 2, 赔偿 2元

选出3,指挥为3,赔偿3元

选出 1, 2, 指挥为 1, 赚 1 元

选出 1, 3, 指挥为 1, 赚 1 元

选出 2, 3, 指挥为 1, 赚 1 元

选出 1, 2, 3, 指挥为 1, 赔偿 1 元

最终损失的期望 $\times (2^3 - 1) = 4$

Problem D. 导弹拦截 (量子波动速算版)

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 seconds

Memory limit: 512 megabytes

[NOIP1999 普及组] 导弹拦截:

某国为了防御敌国的导弹袭击,发展出一种导弹拦截系统。但是这种导弹拦截系统有一个缺陷:虽然它的第一发炮弹能够到达任意的高度,但是以后每一发炮弹都不能高于前一发的高度。某天,雷达捕捉到敌国的导弹来袭。由于该系统还在试用阶段,所以只有一套系统,因此有可能不能拦截所有的导弹。

输入导弹依次飞来的高度,计算这套系统最多能拦截多少导弹。

以上是一个经典问题。简单来说就是要求一个序列的最长不上升子序列的长度。然而 Alice 向小朋友解释这个问题时遭受了质疑: 他们认为这样的问题把数列写出来人眼看一看就知道答案了,何必要这么复杂的算法来研究呢。

为了让小朋友们能理解计算机在执行重复的事件上的优势, Alice 决定给小朋友们打印一些随机的序列, 让他们来手动计算, 再展示计算机计算的速度, 以此来进行比对。她生成随机序列的方式是: 取一对整数 (a,b), 将 a 写成 b 进制得到一个序列。例如 (100,3) 得到序列为 [1,0,2,0,1],(1000,19) 得到序列为 [2,14,12],(5,10) 得到序列为 [5]。她认为这样的话生成的序列不会太长, 方便打印。

为了方便批改,Alice 想根据答案生成数据。她请你帮她算算,如果给定 (a,b) 的范围,那么有多少对整数,生成的序列的拦截导弹数恰好为 k 呢?为了展示算法的高效,你的代码需要在 1s 之内运行出结果。

简洁题意: 求有多少对 (a,b) 使得 $L_1 \le a \le R_1$, $L_2 \le b \le R_2$ 且满足 a 在 b 进制表示下的数位序列最长不上升子序列长度为 k。

Input

输入一行五个正整数, L_1, R_1, L_2, R_2, k ,分别代表 a 的最小值,最大值,b 的最小值,最大值和最长不上升子序列的长度。满足 $1 \le L_1 \le R_1 \le 2 \times 10^6, 2 \le L_2 \le R_2 \le 2 \times 10^6, 1 \le k \le 100$ 。

Output

输出一行一个整数,代表答案。

standard input	standard output
10 1000 2 10 2	3554

Problem E. 抽奖问题

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 2 second

Memory limit: 512 megabytes

为了庆祝 ICPC 比赛的成功举办,主办方决定进行一次抽奖活动。活动是这样的:主办方有一个抽 奖程序,程序里价值为 i 的不同奖品有 a_i 个,奖品价值的范围是 [0,n]。m 个选手依次上台抽奖,点击抽 奖后得到从所有奖品均匀随机出来的一个奖品,同一个奖品在多次抽奖中可以不限次数的重复出现。

Alice 通过反复测试这个程序,计算出了主办方 m 次抽奖后发放的**奖品总价值**在 [0,n) 每个值的概率。(虽然总价值有可能大于等于 n,但是 Alice 没有计算出来相关数据)。那么你能否猜测出,抽奖程序中每个价值的奖品可能有多少个?

输入的概率在模 998244353 意义下输入。你的答案也应该在模 998244353 的意义下输出。数据保证输入的概率不为 0。

如果有多种解,请你输出保证值域在[0,998244353)的任意一种解,如果无解的话,输出-1。

Input

第一行输入两个正整数 n,m 满足 $1 \le n, m \le 2 \times 10^5$

第二行输入 n 个空格隔开的整数 p_i , 从左到右代表总奖金在 [0,n) 每个值的概率在模 998244353 意义下的值。

Output

若存在解:输出一行 n+1 个整数,从左到右代表价值在 [0,n] 每个价值的奖品个数模 998244353 意义下的值。

若不存在解:输出-1

standard input	standard output
5 5	1 2 3 4 5 6
105283333 54588977 799361550	
202713141 409256620	
5 2	-1
3 4 5 6 7	

Problem F. 实验器材采购

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 3 second

Memory limit: 512 megabytes

A 大学开设了若干门实验课,每门实验课都需要使用不同的实验器材,A 大学的 Alice 老师负责采购器材,在采购器材的时候遇到了一些棘手的问题,想要请你帮忙解决一下。

你了解到,每种实验器材要为这门课的每个学生准备一份,并且每个器材只能使用两年就要报废。也就是进行这一次采购后,当届学生用完下届学生再用一次,之后就要报废。但是由于不同届学生选每门课程的人数不同,Alice 老师只能按照较多人数的一届进行采购,这样就势必会造成某些设备两年的寿命只用过一年,造成浪费,**浪费的数量即本届使用人数和下届使用人数差的绝对值**。

Alice 老师给了你一份报名记录,表示为一个长度为 n 的序列 A, A_i 表示需要的设备编号。然后给你三个整数 L,mid,R, 满足 $1 \le L \le mid < R \le n$, 代表 L 到 R 是下两届的报名记录,其中下标范围在 [L,mid] 是本届同学的报名记录,下标在 [mid+1,R] 是下届同学报名记录,她想让你帮忙计算一下,**浪费最多的一款设备浪费了多少台**?

Input

第一行输入两个正整数 n, m, 满足 $2 \le n \le 80000, 1 \le m \le 80000$

其后一行 n 个整数, 第 i 个代表 A_i , 满足 $1 \le A_i \le 10^9$

其后 m 行,每行三个整数 L,mid,R,满足 $1 \le L \le mid < R \le n$ 。代表一次询问

Output

对于每次询问,请你输出一行一个整数,代表在本次询问中,浪费最多的一款设备浪费了多少台。

Example

standard input	standard output
10 2	2
1 1 2 3 4 1 1 1 2 3	2
2 5 10	
1 3 10	

Explanation

[2,5] 中 1 出现了 1 次, [6,10] 中 1 出现了 3 次, 差值为 2, 1 是浪费最多的一款设备。

[1,3] 中 3 出现了 0 次, [4,10] 中 3 出现了 2 次, 差值为 2, 3 是浪费最多的一款设备。

Problem G. 异或解密

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 2 seconds

Memory limit: 256 megabytes

Alice 是一名网络安全技术人员。这天她得到一串加密过的序列 $x_1, x_2, ..., x_n$ 。并且她知道,从原序列 y 加密成新序列 x 的加密方式是 $x_i = y_i \oplus a$,且原序列所有数的和为 S。

她想请你帮忙破解这个加密序列,你需要找到一个**非负的最小的 a** 使得 $x_i=y_i\oplus a$ 且 $\sum_{i=1}^n y_i=S$ 。 \oplus 代表二进制按位异或运算。

Input

第一行输入两个整数 n,S,分别代表序列长度和原序列的和。 $1 \le n \le 10^5, 0 \le S < 2^{60}$

第二行输入 n 个整数 $x_1, x_2, ..., x_n$, 用空格隔开。 $0 \le x_i < 2^{60}$

Output

输出一个整数,代表 a。如果无解的话输出-1。

Example

standard input	standard output
3 5	1
1 2 3	
3 0	-1
1 2 3	

Explanation

 $1\oplus 1 + 2 \oplus 1 + 3 \oplus 1 = 5$

Problem H. 部落冲突

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 seconds

Memory limit: 512 megabytes

在远古大陆上生活着两个部落的原始人。两个部落的原始人活动范围都可以看作一个凸多边形,并且,由于两个部落人们的交际往来,他们的活动范围是有面积大于 0 的重叠部分的。

这天, 部落遭受到了外敌入侵, 两个部落的原始人们想要联合起来抵抗敌人。于是此时两个部落的活动范围被合并在了一起, 他们想知道, 对于合并后的活动范围, 边界线有多长? 也就是说对于合并后的多边形, 其周长有多长?

敌人马上赶到,请你在 1s 内计算出答案。

Input

第一行输入两个正整数 n, m,满足 $3 \le n, m \le 1000$,分别代表两个部落活动范围凸多边形点的个数。

其后 \mathbf{n} 行,每行两个数字 x_i, y_i ,代表第一个部落凸多边形的第 \mathbf{i} 个点的坐标。保证坐标按逆时针给出。

其后 m 行,每行两个数字 x_i, y_i ,代表第二个部落凸多边形的第 i 个点的坐标。保证坐标按逆时针给 出。

对于所有的坐标,保证其值域在 $[-10^6, 10^6]$,且输入时小数部分不超过 6 位。保证两个凸多边形之间任意两条边不重合。

Output

输出一行一个数字,代表答案。你的答案与标准答案误差不超过 10⁻³ 时即可被认为正确。

standard input	standard output
4 3	13.074638
3 1	
3 3	
1 3	
1 1	
4 4	
0 3	
3 0	

Problem I. calc

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 seconds

 $\mbox{Memory limit:} \qquad 512 \ \mbox{megabytes}$

给你一个集合 S, S 中包含若干个值域在 [1,7] 范围内的整数。Alice 老师想要考考你:如果在 [1,n] 中选若干个 (不能是 0 个) 互不相同的整数,满足这些整数之间任意两个的差都不存在于集合 S 中,有多少种可行的方案?请你输出答案对 998244353 取模的值。

Input

第一行输入两个正整数 k,n,满足 $1 \le k \le 7$, $1 \le n \le 10^7$,分别代表 S 集合的大小和可选整数的上界。

第二行 k 个整数 s_i ,代表 S 集合中的数,满足 $1 \le s_i \le 7$ 且互不相等。

Output

输出一行一个整数代表答案。

Example

standard input	standard output
2 5	10
1 3	

Explanation

所有方案如下: $\{1\},\{2\},\{3\},\{4\},\{5\},\{1,3\},\{2,4\},\{1,5\},\{3,5\},\{1,3,5\}.$

Problem J. NBS

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 2 second

Memory limit: 512 megabytes

我们称一个字符串为 NBS 串,当且仅当这个字符串 S 不存在任意一个 i,满足 $1 \le i < |S|$ 且 S 长 度为 i 的前缀和后缀相等。|S| 代表字符串 S 的长度。

Alice 老师有一个长度为 n 的字符串 S,仅由小写字母'a','b' 组成。她想请你找到一个字符串 T,满足:

T 的长度和 S 相等;

T 仅由小写字母'a','b' 组成;

T 的字典序大于 S;

T是一个NBS串。

请你在所有合法的 T 串中,输出字典序最小的那一个。如果不存在这样的 T,输出-1。

字典序的比较方法是先按照第一个字母、以 a、b、c……z 的顺序排列;如果第一个字母一样,那么比较第二个、第三个乃至后面的字母。如果比到最后两个单词不一样长 (比如, sigh 和 sight),那么把短者排在前。

Input

第一行输入一个整数 T, 代表数据组数 $1 \le T \le 2 \times 10^5$

对于每组数据第一行输入一个正整数 n,代表 Alice 老师字符串的长度。 $1 \le n \le 3 \times 10^6$

其后一行输入一个长度为 n 的字符串 S, 保证 S 中仅有小写字母'a','b'。

保证 n 的和不超过 5×10^6

Output

对于每组数据:输出一个长度为 n 的字符串 T,满足题目中的要求。如果你认为无解,输出-1。

standard input	standard output
2	abbb
4	-1
aabb	
4	
bbba	

Explanation

在样例 1 中,大于"aabb" 的串依次是"abaa","abab","abba","abba","abbb"。其中"abaa","abab","abba" 都不是 NBS 串。

在样例 2 中,大于"bbba" 的串只有"bbbb",因此不存在合法的 NBS 串

Problem K. 连通最小乘积

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 second

Memory limit: 512 megabytes

一个图上有 n 个点, 点的编号为 1, 2, ..., n。i 号点有一个权值 A_i 。对于一对点 $(i,j), i \neq j, 1 \leq i, j \leq n$,连通 i 和 j 的代价为 $A_i \times A_j$ 。

Alice 老师想请你以最小的总代价使这个图连通, 你能帮帮她吗?

注意,图中的边是无向的,你不能选择重边。即你不能选择连通(i,j)后再次选择连通(j,i)。

Input

第一行输入一个整数 n, $2 \le n \le 2 \times 10^5$ 。

第二行输入 n 个整数 A_i ,依次代表 1 号点到 n 号点的权值。满足 $-10^3 \le A_i \le 10^3$

Output

输出一行一个整数, 代表答案。

standard input	standard output
6	-90
-1 -2 -3 4 5 6	
2	6
-2 -3	

Problem L. 行星探索

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 second

Memory limit: 512 megabytes

Alice 正在乘坐一艘飞船进行行星探索。终于在漫长的旅程后,发现了一颗疑似可居住的星球。这颗被命名为 ICPC 的星球,是一颗由"峡谷 (Canyon)"、"岩浆湖 (Magma lake)"和"森林 (Forest)"这三种地形相互交织而成的星球。通过调查,居住地周边的地图已经制作完成。

居住地的形状是一个南北长为 N、东西长为 M 的矩形,被分成了边长为 1 的正方形区域。总共有 $N\times M$ 个区域,第 p 行第 q 列的区域用 (p, q) 表示,其中左上角的区域为 (1, 1),右下角的区域为 (N, M)。每个区域的地形可以是"峡谷"、"岩浆湖"或"森林",分别用英文字母 C、M、F 表示。

现在,在制定详细的移民计划之前, Alice 希望调查 K 个长方形区域内分别包含多少个"峡谷"、"岩浆湖"和"森林"区域。

Input

第一行包含两个整数 $N(1 \le N \le 1000), M(1 \le M \le 1000),$ 以空格分隔,表示预定居住地的南北距离为 N ,东西距离为 M。

第二行包含一个整数 $K(1 \le K \le 100000)$, 表示待调查的区域数量。

接下来的 N 行代表居住地的地图。第 i+2 行 $(1 \le i \le N)$ 包含一个长度为 M 的字符串,由'C'、'M'、'F' 组成,表示居住地从北向南的第 i 行的 M 个区域的信息。

接下来的 K 行包含待调查的区域信息。第 j+N+2 行 $(1 \le j \le K)$ 包含四个整数 a_j, b_j, c_j, d_j ,以空格分隔,表示第 j 个区域的西北角为 (a_j, b_j) ,东南角为 (c_j, d_j) 。其中, a_j, b_j, c_j, d_j 满足 $1 \le a_j \le c_j \le N, 1 \le b_i \le d_i \le M$ 。

Output

请将调查结果以 K 行的形式输出到标准输出。第 j 行应包含三个整数,以空格分隔,分别表示第 j 个调查区域中包含的"峡谷"(C) 区块数量,"岩浆湖"(M) 区块数量,和"森林"(F) 区块数量。

standard input	standard output
4 7	1 3 2
4	3 5 2
CFMCMFC	0 1 0
FMCMFCM	10 11 7
CMFCMMF	
MMCCFCM	
3 5 4 7	
2 2 3 6	
2 2 2 2	
1 1 4 7	

Explanation

在这个样例中,第 2 个调查区域包括 3 个区块的"峡谷"、5 个区块的"岩浆湖"和 2 个区块的"森林",如图所示。

	1	2	3	4	5	6	7
1	С	F	М	C	М	F	С
2	F	ж	С	М	F	С	ж
3	С	ж	F	C	Ж	М	F
4	ж	Ж	С	С	F	С	Ж

Problem M. 二手物品回收

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 second

Memory limit: 512 megabytes

Alice 老师需要搬家,她家里有很多很多的个人物品,搬起来实在是太麻烦,她决定在这 N 个物品中挑选 K 个物品卖出去,搬家方便的同时也能赚到一笔钱。为此,她在网上找到了 M 家回收二手物品的商家。

对于每个物品 i,其有两个属性: A_i 和 B_i 。 A_i 代表该物品能卖出的价值 (单位元), B_i 代表哪个商家愿意回收该物品。

当 Alice 把一些物品卖给 i 号商家时,需要花费 X_i 元作为快递费。不管她卖多少物品给该个商家,都只需要支付 X_i 元作为快递费,不卖给某商家则不需要支付快递费。

Alice 想知道:她最多能赚到多少钱?

Input

第 1 行包含三个整数 N,M 和 K,用空格分隔,表示 Alice 的物品总数 N($1 \le N \le 1000$),回收物品的商家数 M($1 \le M \le 1000$),她打算将其中 K($1 \le K \le N$) 个物品卖出去。

接下来一行 M 个整数,从左到右依次代表邮寄到 i 号商家所需要的快递费 X_i 。 $1 \le i \le M$, $0 \le X_i \le 1000$

接下来的 N 行中,每行包含两个整数 A_i 和 B_i ,用空格分隔,表示第 i 个物品的回收价为 A_i ,($1 \le A_i \le 10^5$),回收商家为 B_i ,($1 \le B_i \le M$) ($1 \le i \le N$)。

Output

输出一行一个整数代表 Alice 最多能赚到的钱数。

Example

standard input	standard output		
5 3 4	330		
10 15 20			
90 1			
91 2			
80 3			
90 3			
100 3			

Explanation

卖出 1, 3, 4, 5 四个商品收益最高。