

向量

位图：快速初始化

从那天看见他我心里就放不下呀
因此上我偷偷地就爱上他呀
但愿这个年轻的人哪他也把我爱呀
过了门，他劳动，我生产，又织布，纺棉花
我们学文化，他帮助我，我帮助他
争一对模范夫妻立业成家呀

我从那无比圣洁的河水那里
走了回来，仿佛再生了一般
正如新的树用新的枝叶更新
一身洁净，准备就绪，就飞往星辰

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

$$O(n) \sim O(1)$$

❖ Bitmap的构造函数中, 通过 `memset(M,0,N)` 统一清零

这一步只需 $O(1)$ 时间? 不, 实际上仍等效于诸位清零, $O(N) = O(n)$!

❖ 尽管这并不会影响上例的渐近复杂度, 但并非所有问题都是如此

❖ 有时, 对于大规模的散列表 (第09章), 初始化的效率直接影响到实际性能

例如: 第13章中bc[]表的构造算法, 需要 $O(|\Sigma|+m) = O(s+m)$ 时间

若能省去bc[]表各项的初始化, 则可严格地保证是 $O(m)$

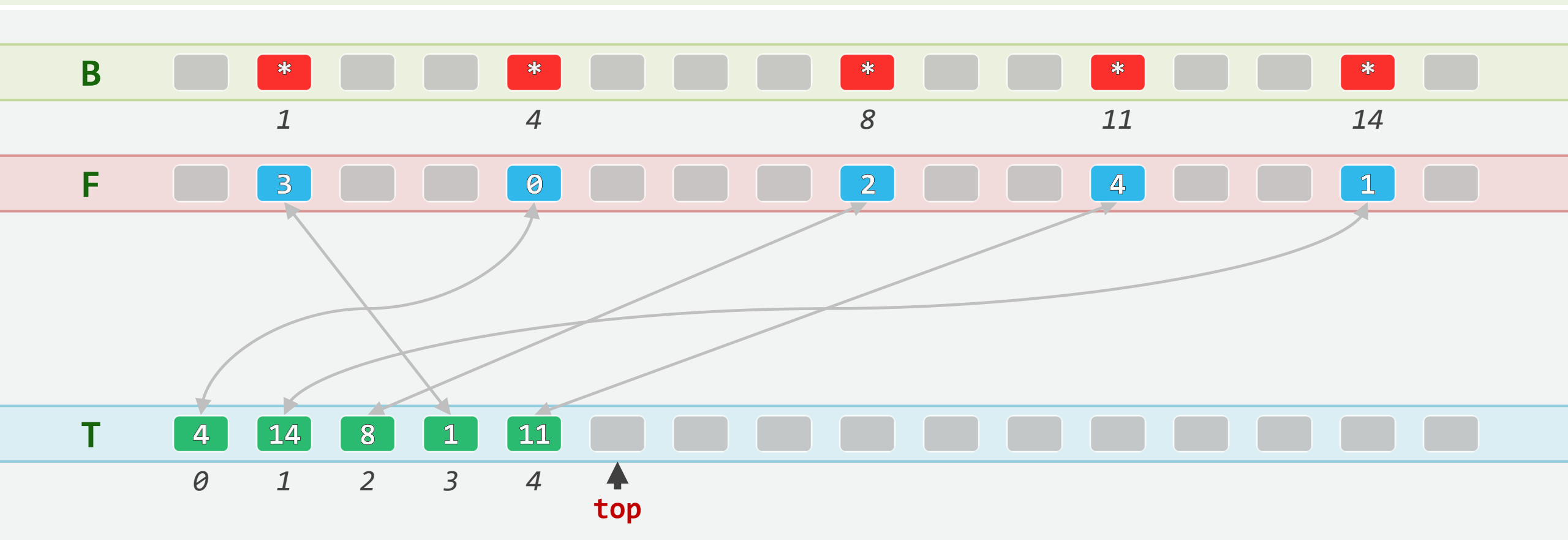
❖ 有时, 甚至会影响到算法的**整体**渐近复杂度

例如, 为从 $n = 10^8$ 个 32 位整数中找出重复者, 可仿造**剔除**算法... //但这里无需回收

因此, 若能省去Bitmap的初始化, 则只需 $O(n)$ 时间

J. Hopcroft, 1974: **B[]**拆分成一对等长向量: Rank **F[m]**, **T[m]**, **top** = 0;

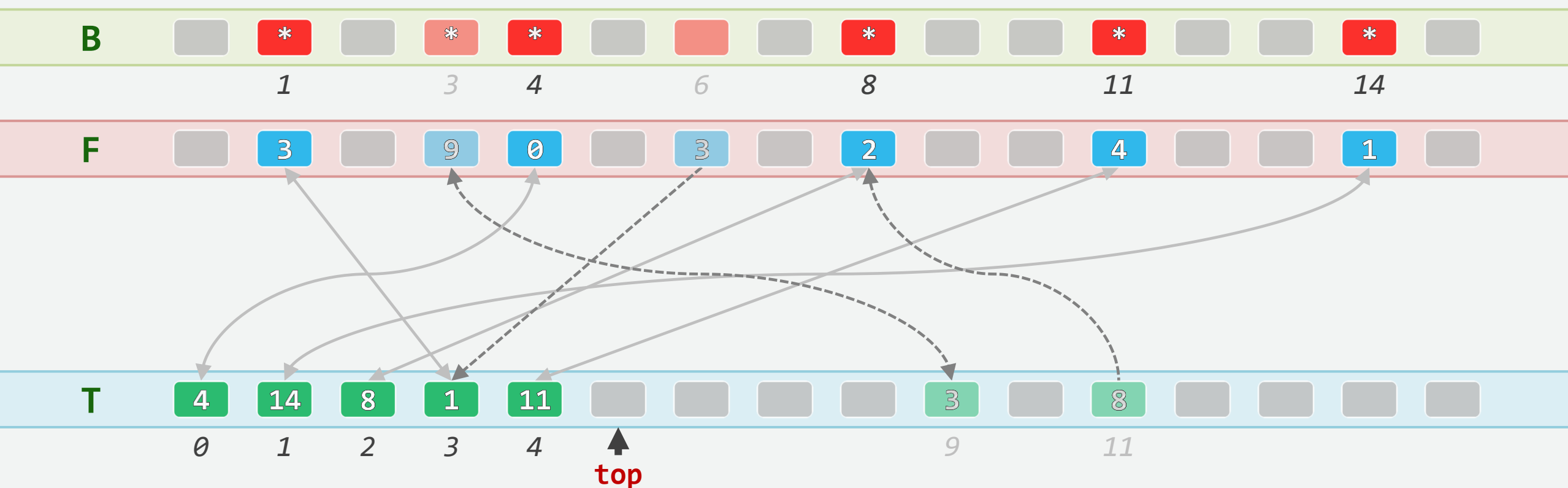
❖ 构成校验环: $T[F[k]] == k$ & $F[T[i]] == i$



测试: $\text{test}(1,4,8,11,14) = \text{true}$ & $\text{test}(3,6) = \text{false}$

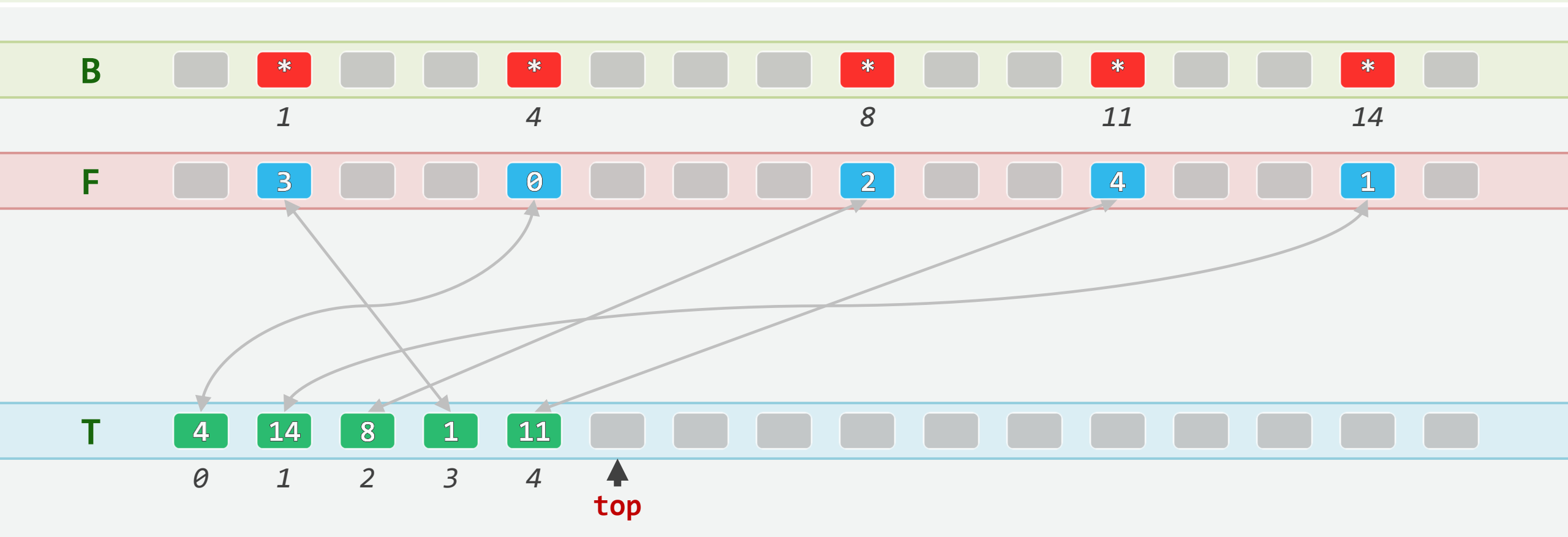
```
bool Bitmap::test( Rank k )
```

```
{ return ( 0 <= F[k] ) && ( F[k] < top ) && ( k == T[F[k]] ); }
```



$O(1)$ 复位

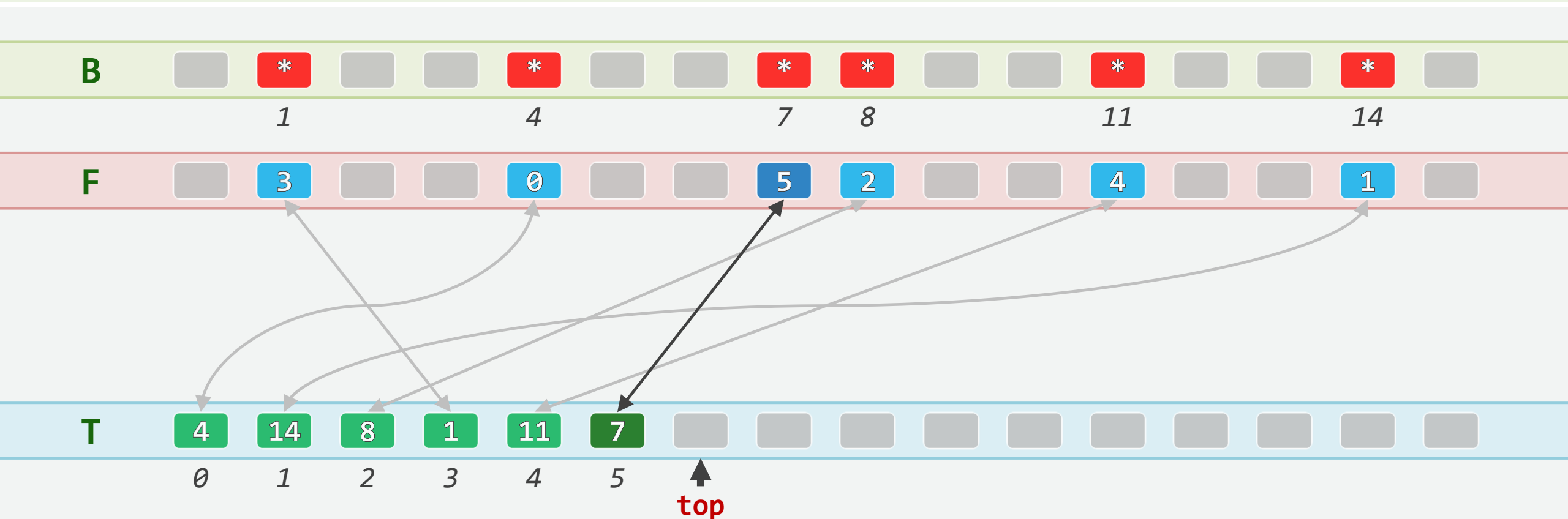
```
void Bitmap::reset() { top = 0; }
```



$O(1)$ 插入: set(7)

```
void Bitmap::set( Rank k )
```

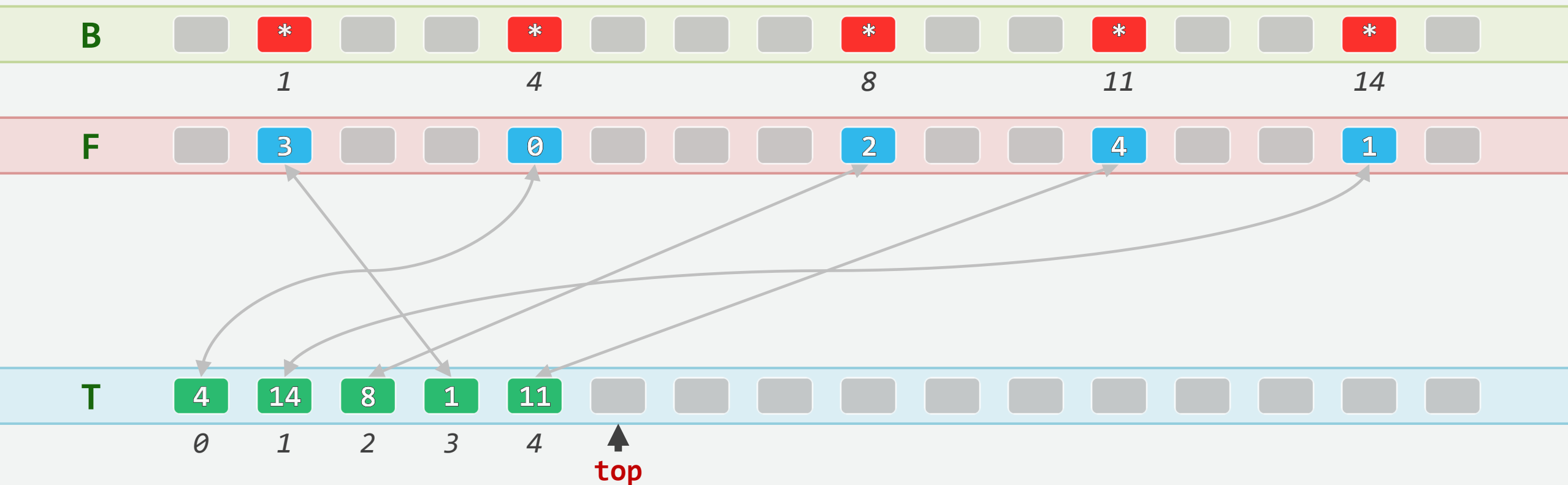
```
{ if ( ! test ( k ) ) { T[top] = k; F[k] = top++; } }
```



$O(1)$ 删除: remove(7)

```
void Bitmap::clear( Rank k )
```

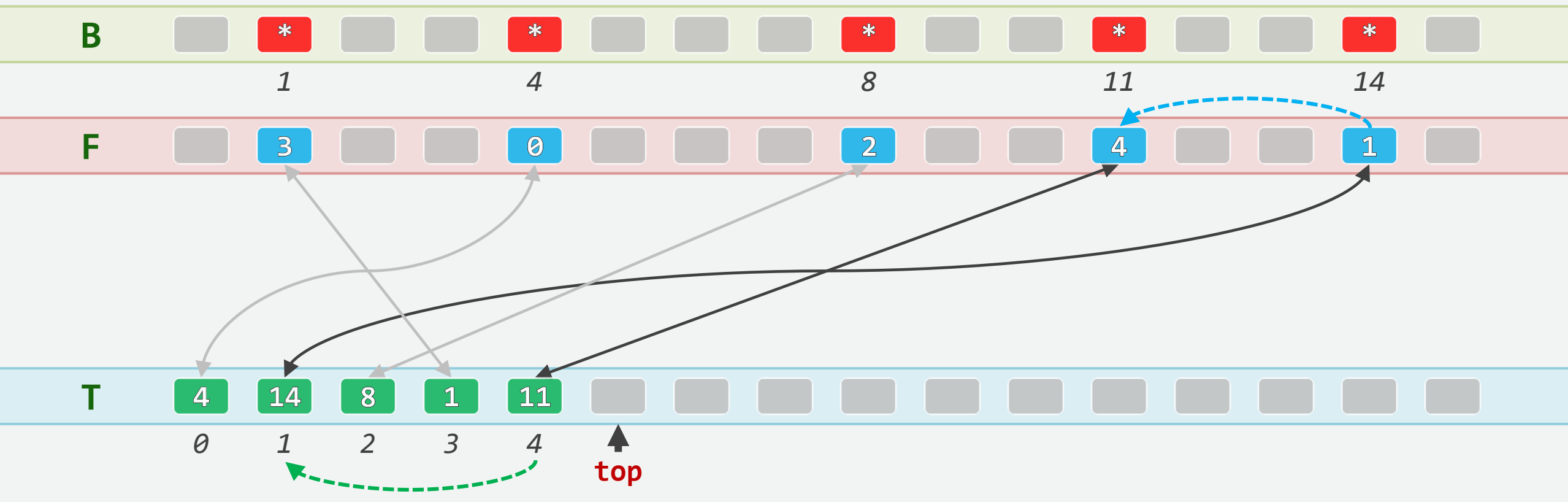
```
{ if ( test ( k ) && ( --top ) ) { F[T[top]] = F[k]; T[F[k]] = T[top]; } }
```



$O(1)$ 删除: remove(14) ...

```
void Bitmap::clear( Rank k )
```

```
{ if ( test ( k ) && ( --top ) ) { F[T[top]] = F[k]; T[F[k]] = T[top]; } }
```



$O(1)$ 删除: ... remove(14)

```
void Bitmap::clear( Rank k )
```

```
{ if ( test ( k ) && ( --top ) ) { F[T[top]] = F[k]; T[F[k]] = T[top]; } }
```

