

排序

快速排序：快速划分：DUP版

14-A6

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

左见兮鸣鴈，右睹兮呼梟

重复元素

❖ 大量甚至全部元素重复时

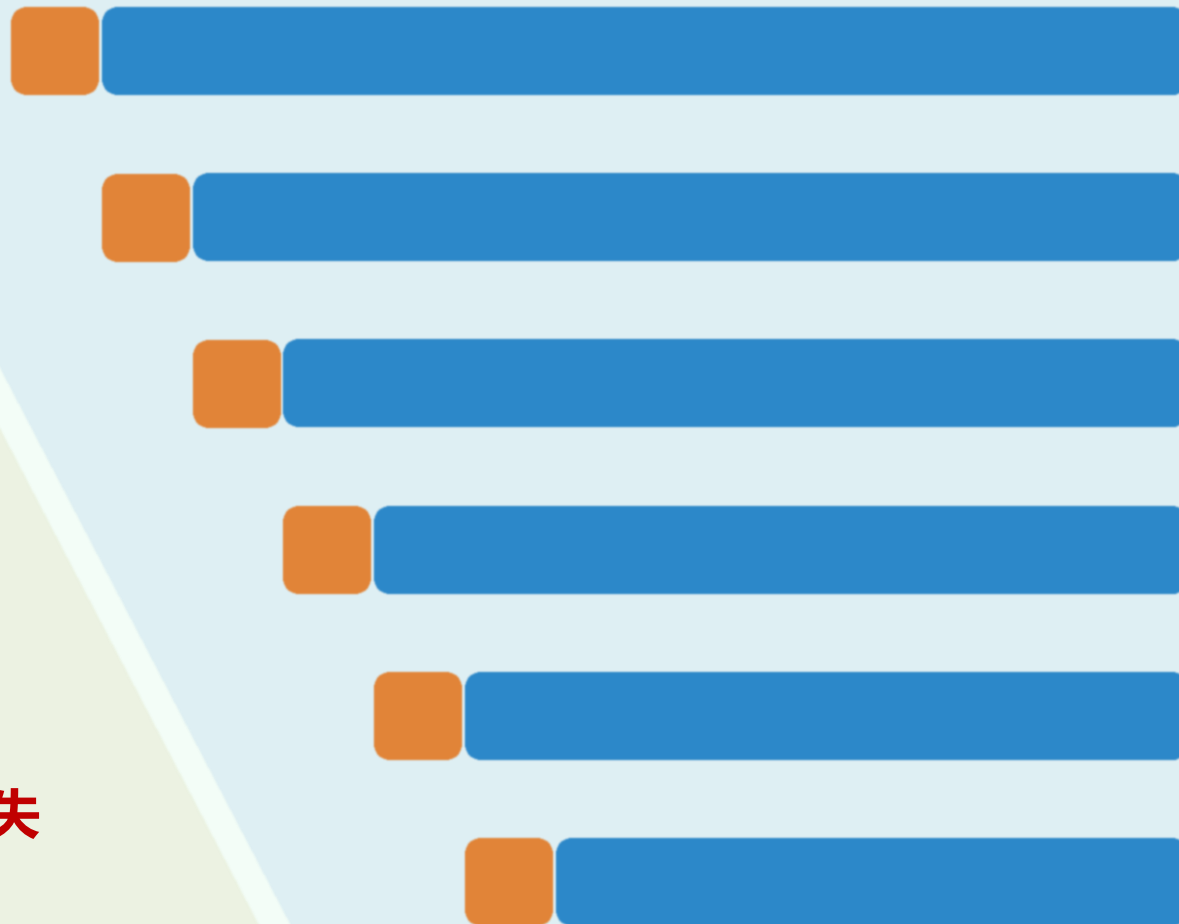
- 轴点位置总是接近于 lo
- 子序列的划分极度失衡
- 二分递归退化为线性递归
- 递归深度接近于 $O(n)$
- 运行时间接近于 $O(n^2)$

❖ 移动 lo 和 hi 的过程中，同时比较相邻元素 若属于相邻的重复元素，则不再深入递归

❖ 但一般情况下，如此计算量反而增加，得不偿失

❖ 对LUG版略做调整，即可解决问题

——为便于对比，以下依次给出LUG'版、DUP'版、DUP版



LUG' 版

```
template <typename T> Rank Vector<T>::partition( Rank lo, Rank hi ) { //[lo, hi)
    swap( _elem[ lo ], _elem[ lo + rand() % ( hi - lo ) ] ); //随机交换
    hi--; T pivot = _elem[ lo ]; //经以上交换, 等效于随机选取候选轴点
    while ( lo < hi ) { //从两端交替地向中间扫描, 彼此靠拢
        while ( lo < hi && pivot <= _elem[ hi ] ) hi--; //向左拓展G
        if ( lo < hi ) _elem[ lo++ ] = _elem[ hi ]; //凡小于轴点者, 皆归入L
        while ( lo < hi && _elem[ lo ] <= pivot ) lo++; //向右拓展L
        if ( lo < hi ) _elem[ hi-- ] = _elem[ lo ]; //凡大于轴点者, 皆归入G
    } //assert: lo == hi
    _elem[ lo ] = pivot; return lo; //候选轴点归位; 返回其秩
}
```

DUP' 版

```
template <typename T> Rank Vector<T>::partition( Rank lo, Rank hi ) { //[lo, hi)
    swap( _elem[ lo ], _elem[ lo + rand() % ( hi - lo ) ] ); //随机交换
    hi--; T pivot = _elem[ lo ]; //经以上交换, 等效于随机选取候选轴点
    while ( lo < hi ) { //从两端交替地向中间扫描, 彼此靠拢
        while ( lo < hi && pivot < _elem[ hi ] ) hi--; //向左拓展G
        if ( lo < hi ) _elem[ lo++ ] = _elem[ hi ]; //凡不大于轴点者, 皆归入L
        while ( lo < hi && _elem[ lo ] < pivot ) lo++; //向右拓展L
        if ( lo < hi ) _elem[ hi-- ] = _elem[ lo ]; //凡不小于轴点者, 皆归入G
    } //assert: lo == hi
    _elem[ lo ] = pivot; return lo; //候选轴点归位; 返回其秩
}
```

DUP版

```
template <typename T> Rank Vector<T>::partition( Rank lo, Rank hi ) { //[lo, hi)
    swap( _elem[ lo ], _elem[ lo + rand() % ( hi - lo ) ] ); //随机交换
    hi--; T pivot = _elem[ lo ]; //经以上交换, 等效于随机选取候选轴点
    while ( lo < hi ) { //从两端交替地向中间扫描, 彼此靠拢
        while ( lo < hi )
            if ( pivot < _elem[ hi ] ) hi--; //向左拓展G, 直至遇到不大于轴点者
            else { _elem[ lo++ ] = _elem[ hi ]; break; } //将其归入L
        while ( lo < hi )
            if ( _elem[ lo ] < pivot ) lo++; //向右拓展L, 直至遇到不小于轴点者
            else { _elem[ hi-- ] = _elem[ lo ]; break; } //将其归入G
    } //assert: lo == hi
    _elem[ lo ] = pivot; return lo; //候选轴点归位; 返回其秩
}
```

性能

- ❖ 可以正确地处理一般情况
同时复杂度并未实质增高
- ❖ 处理重复元素时
 - lo和hi会交替移动
 - 二者移动的距离大致相当
- 轴点最终被安置于 $(lo+hi)/2$ 处
- ❖ 由LUG版的勤于拓展、懒于交换
转为懒于拓展、勤于交换
- ❖ 交换操作有所增加, “更” 不稳定

