二叉树

有根有序树 = 二叉树

当地平线消失

躯体保持水平

大地保持水平

但别的一切

都垂直

音一味的随心所然。因此又发了感性。又特向表纳他说道:

宝玉终是不安本分之人,竟一味的随心所欲,因此又发了癖性,又特向秦钟悄说道:"咱们俩个人一样的年纪,况又是同窗,以后不必论叔侄,只论弟兄朋友就是了。"

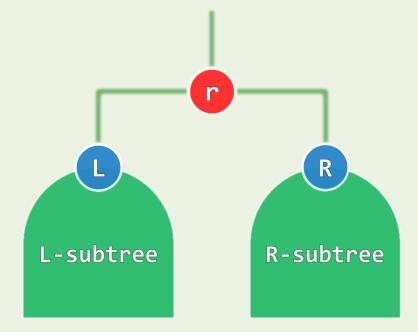
邓俊辉 deng@tsinghua.edu.cn

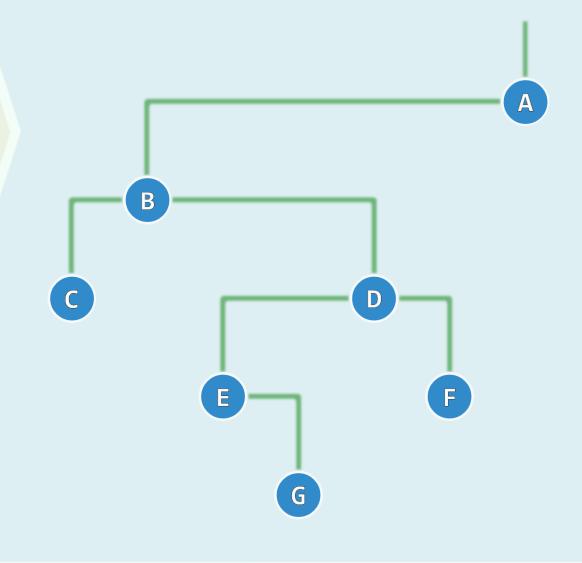
### 二叉树

❖ Binary Tree: 节点度数不超过2

孩子 (子树) 可以左、右区分 (隐含有序)

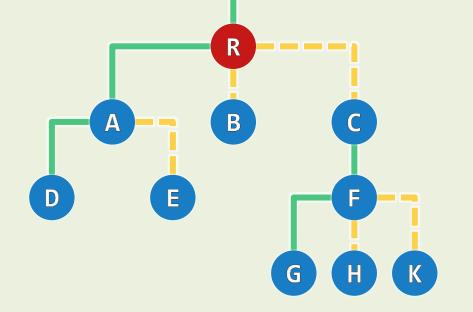
- lc() ~ lSubtree()
- rc() ~ rSubtree()

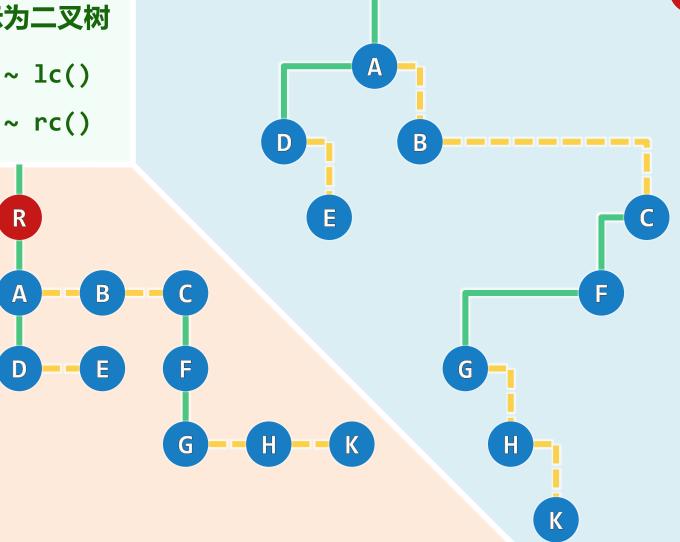




## 描述多叉树: 长子-兄弟表示法

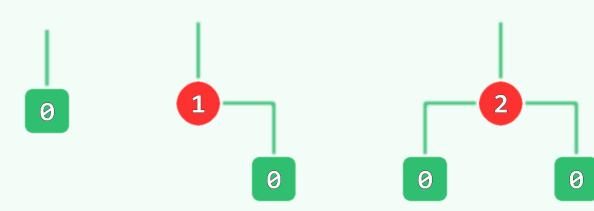
- ❖ 有根且有序的多叉树,均可转化并表示为二叉树
- ◆ 长子 ~ 左孩子 firstChild() ~ lc()
  - 兄弟 ~ 右孩子 nextSibling() ~ rc()





# 基数:设度数为0、1和2的节点,各有no、n1和n2个

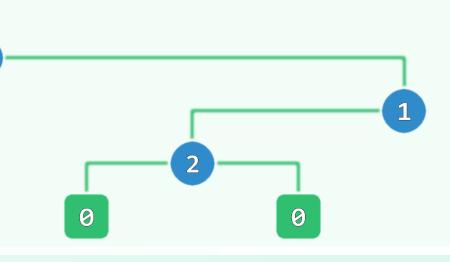
❖ 边数 e = n − 1 = n₁ + 2n₂1/2度节点各对应于1/2条入边



n<sub>1</sub>与n<sub>0</sub>无关: h = 0时, 1 = 0 + 1; 此后, n<sub>0</sub>与随n<sub>2</sub>同步递增

- ❖ 节点数 n = n<sub>0</sub> + n<sub>1</sub> + n<sub>2</sub> = 1 + n<sub>1</sub> + 2n<sub>2</sub>
- ❖ 特别地, 当n₁ = Ø时, 有

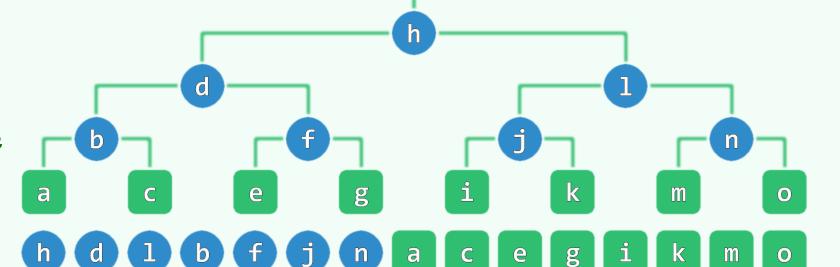
此时,节点度数均为偶数,不含单分支节点...



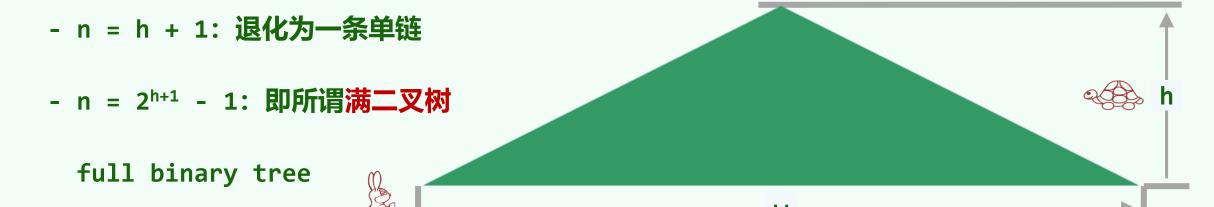
## 满树

- ❖ 深度为k的节点,至多2<sup>k</sup>个
- ❖ n个节点、高h的二叉树满足

$$h+1 \le n \le 2^{h+1}-1$$



#### ❖ 特殊情况



#### 真二叉树

❖ 通过引入 n₁ + 2n₂ 个外部节点 可使原有节点度数统一为2

❖ 如此,即可将任─二叉树转化为真二叉树 (proper binary tree)

❖ 验证: 如此转换之后,全树自身的复杂度并未实质增加

❖ 对于<u>红黑树</u>之类的结构,真二叉树

可以简化描述、理解、实现和分析

