深度优先搜索: 性质

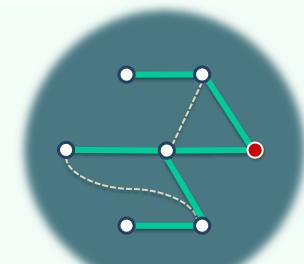
邓俊辉

身后有余忘缩手,眼前无路想回头

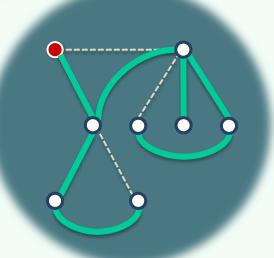
deng@tsinghua.edu.cn

DFS树/森林

- ❖ 从顶点s出发的DFS
 - 在无向图中将访问与s连通的所有顶点 (connectivity)
 - 在有向图中将访问由s可达的所有顶点 (reachability)



- ❖ 经DFS确定的树边,不会构成回路
- ❖ 从s出发的DFS,将以s为根生成一棵DFS树;所有DFS树,进而构成DFS森林
- ❖ DFS树及森林由parent指针描述 (只不过所有边取反向)
- ❖ DFS之后,我们已经知道森林乃至原图的全部信息了吗?
 就某种意义而言,是的...



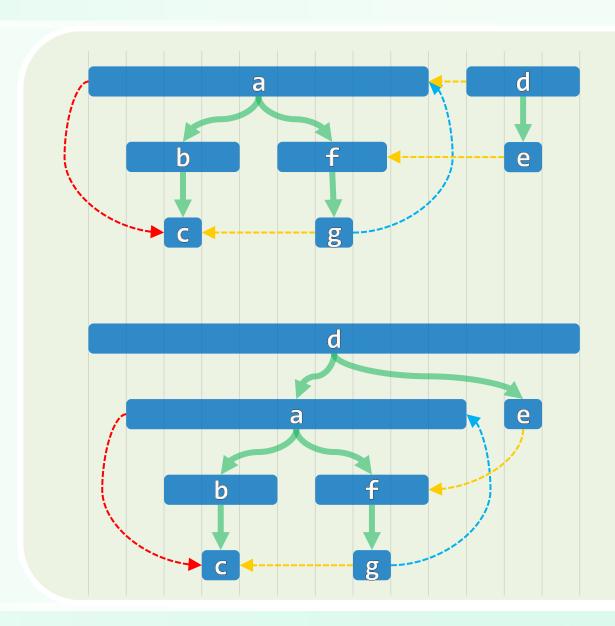
活跃期 & 括号引理

- \diamond active[u] = (dTime[u], fTime[u])

给定有向图G = (V, E)及其任一DFS森林,则

- u是v的后代 iff $active[u] \subseteq active[v]$
- u是v的祖先 iff $active[u] \supseteq active[v]$
- u与v "无关" iff $active[u] \cap active[v] = \varnothing$
- ❖ 仅凭status[]、dTime[]和fTime[]

即可对各边分类...



边分类

可从当前v进入处于UNDISCOVERED状态的u ❖ TREE(v, u): (u) 试图从当前v进入处于DISCOVERED状态的u ❖ BACKWARD(v, u): v (\mathbf{v}) DFS**发现后向边** iff **存在回路** //后向边数 == 回路数? ❖ FORWARD(v, u): 1 v 3 u ? 试图从当前顶点v进入处于VISITED状态的u,且v更早被发现 \$ CROSS(v, u): 7 V 3 u ?

试图从当前顶点v进入处于VISITED状态的u,且u更早被发现

遍历算法应用举例

连通图的支撑树 (DFS/BFS Tree)	DFS/BFS
非连通图的支撑森林	DFS/BFS
连通性检测	DFS/BFS
无向图环路检测/二部图判定	DFS/BFS
有向图环路检测	DFS
顶点之间可达性检测/路径求解	DFS/BFS
顶点之间的最短距离	BFS
直径/半径/围长/中心	BFS
欧拉回路	DFS
拓扑排序	DFS
双连通分量、强连通分量分解	DFS
• • •	• • •