

通用算法

- ❖ 各种遍历算法的区别,仅在于选取顶点进行访问的次序
 - 广度/深度: 优先访问与更早/更晚被发现的顶点相邻接者; ...
- ❖ 不同的遍历算法,取决于顶点的选取策略
- ❖ 不同的顶点选取策略,取决于存放和提供顶点的数据结构——Bag
- ❖ 此类结构,为每个顶点v维护一个优先级数——priority(v)
 - 每个顶点都有初始优先级数;并可能随算法的推进而调整
- ❖ 通常的习惯是,优先级数越大/小,优先级越低/高
 - 特别地, priority(v) == INT_MAX, 意味着v的优先级最低

统一框架 (1/2)

```
template <typename Tv, typename Te>
template <typename PU> //优先级更新器(函数对象)
void Graph<Tv, Te>::PFS( Rank v, PU prioUpdater ) { //PU的策略, 因算法而异
  priority(v) = 0; status(v) = VISITED; parent(v) = -1; //起点v加至PFS树中
  while (1) { //将下一顶点和边加至PFS树中
     /* ... 依次引入n-1个顶点 (和n-1条边) ... */
  } //while
} //如何推广至非连通图?
```

统一框架 (2/2)

```
while (1) { //依次引入n - 1个顶点(和n - 1条边)
  for ( Rank u = firstNbr(v); -1 < u; u = nextNbr(v, u) ) //对v的每一个邻居u
     prioUpdater(this, v, u); //更新其优先级及其父亲
  for ( int shortest = INT_MAX, u = 0; u < n; u++ )
     if ( UNDISCOVERED == status(u) ) //从尚未加入遍历树的顶点中
        if ( shortest > priority(u) ) //选出下一个
          { shortest = priority(u); v = u; } //优先级最高的顶点v
  if ( VISITED == status(v) ) break; //直至所有顶点均已加入
  status(v) = VISITED; type( parent(v), v ) = TREE; //将v加入遍历树
```

复杂度

- ❖ 执行时间主要消耗于内、外两重循环; 其中两个内循环前、后并列
- ❖ 前一内循环的累计执行时间: 若采用邻接矩阵,为0(n²);若采用邻接表,为0(n+e) 后一循环中,优先级更新的次数呈算术级数变化{ n, n - 1,...,2,1 },累计为0(n²) 两项合计,为0(n²)
- ◇ 后面将会看到: 若采用优先级队列,以上两项将分别是∅(e*logn)和∅(n*logn) //保持兴趣两项合计,为∅((e+n)*logn)
- ❖ 这是很大的改进——尽管对于稠密图而言,反而是倒退 //已有接近于 𝑉(e + n*logn)的算法
- ❖ 基于这个统一框架, 如何解决具体的应用问题...