起泡排序

邓俊辉

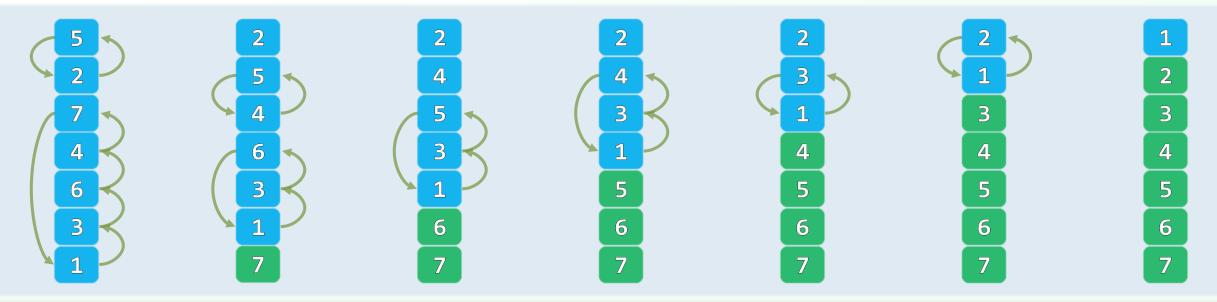
deng@tsinghua.edu.cn

通过感觉,物体会——呈现在我们的面前,就像在自然中一样;通过比较,我重新安排或者调整它们的顺序。

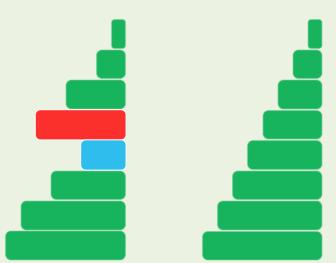
排序器: 统一入口

```
template <typename T> void Vector<T>::sort( Rank lo, Rank hi ) {
  switch ( rand() % 6 ) {
     case 1: bubbleSort(lo, hi); break; //起泡排序
     case 2: selectionSort(lo, hi); break; //选择排序(习题)
     case 3: mergeSort(lo, hi); break; //归并排序
     case 4: heapSort(lo, hi); break; //堆排序(第12章)
     case 5: quickSort(lo, hi); break; //快速排序(第14章)
     default: shellSort( lo, hi ); break; //希尔排序(第14章)
  } //随机选择算法,以尽可能充分地测试。应用时可视具体问题的特点,灵活确定或扩充
```

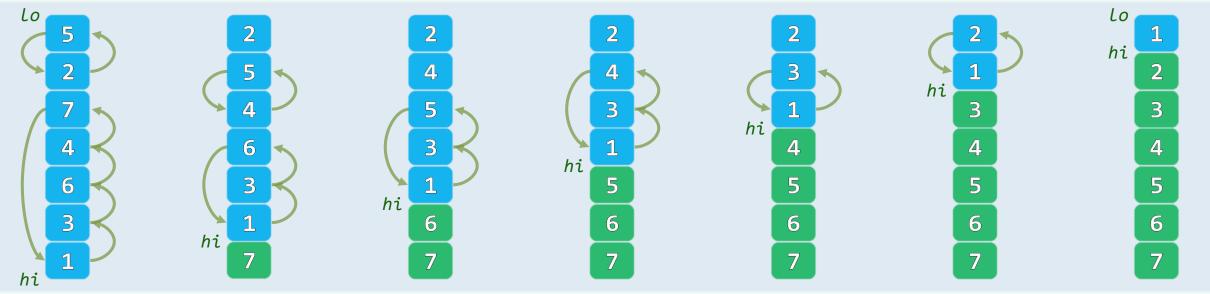
构思



- ❖ 观察: 有序/无序序列中,任何/总有一对相邻元素顺序/逆序
- ❖ 扫描交换: 依次比较每一对相邻元素; 如有必要, 交换之直至某趟扫描后, 确认相邻元素均已顺序
- ❖ 迟早会有这么一天?如果有,至多需做多少趟扫描交换?



基本版



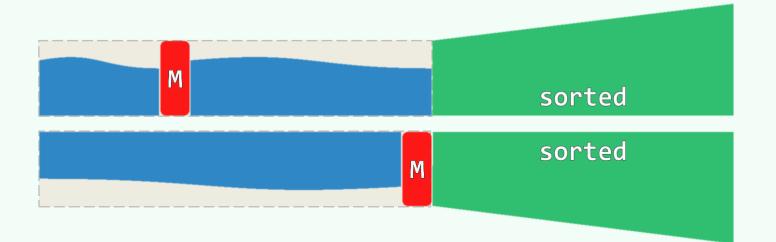


正确性

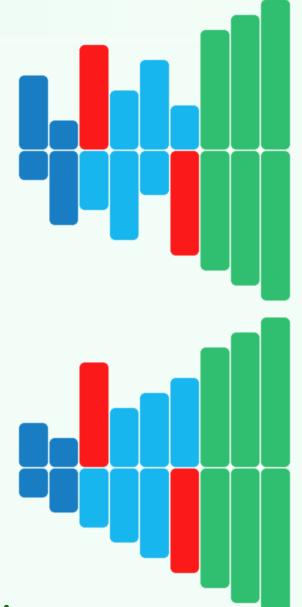
❖ Loop Invariant: 经k趟扫描交换后,最大的k个元素必然就位

❖ Convergence: 经k趟扫描交换后,问题规模缩减至n-k

❖ Correctness: 经至多n趟扫描后,算法必然终止,且能给出正确解答



- ❖ n-1趟起泡扫描一定足够,但往往不必,比如...
- ❖ [hi]就位后,[lo,hi)可能已经有序(sorted) ——此时,应该可以...



提前终止版

```
template <typename T> void Vector<T>::bubbleSort( Rank lo, Rank hi ) {
    for( bool sorted = false; sorted = !sorted; hi-- )
       for( Rank i = lo + 1; i < hi; i++ )
          if( _elem[i-1] > _elem[i] )
             swap( _elem[i-1], _elem[i] ), sorted = false;
                                                         sorted
❖ 有改进,但仍有继续改进的余地,比如...
```

有可能某一后缀[last,hi)已然有序——此时,应该可以...

跳跃版

```
template <typename T> void Vector<T>::bubbleSort( Rank lo, Rank hi ) {
     for( Rank last; lo < hi; hi = last )</pre>
        for( Rank i = (last = lo) + 1; i < hi; i++)
           if( _elem[i-1] > _elem[i] )
              swap( _elem[i-1], _elem[last = i] );
A[lo, last) <= A[last, hi)</pre>
 A[last - 1] < A[last, hi)
```

综合评价

- ❖ 时间效率: 最好0(n), 最坏0(n²)
- ❖ 输入含重复元素时,算法的稳定性 (stability) 是更为细致的要求 重复元素在输入、输出序列中的相对次序,是否保持不变?
 - 输入: 6, 7a, 3, 2, 7b, 1, 5, 8, 7c, 4
 - 输出: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7a, 7b, 7c, 8 //stable
 - 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7a, 7c, 7b, 8 //unstable
- ❖ 以上起泡排序算法是稳定的吗?
 - 是的! 毕竟在起泡排序中, 唯有相邻元素才可交换
- ❖ 在if一句的判断条件中, 若把">"换成">=", 将有何变化?