# 向量

有序向量:插值查找

.....那么在最后剩下的一万个猎手中,肯定有人会做出这样的选

择: 向那个位置开一枪试试...

邓 後 辑 deng@tsinghua.edu.cn

# 原理与算法

❖ 大数定律: 越长的序列, 元素的分布越有规律

最为常见:独立且均匀的随机分布

❖ 于是: [lo, hi]内各元素应大致呈线性趋势增长

$$\frac{mi-lo}{hi-lo} pprox \frac{e-A[lo]}{A[hi]-A[lo]}$$

❖ 因此: 通过猜测轴点mi, 可以极大地提高收敛速度

$$mi \approx lo + (hi - lo) \cdot \frac{e - A[lo]}{A[hi] - A[lo]}$$

❖ 以英文词典为例: binary大致位于2/26处

search大致位于19/26处

[lo]	0	A	1	[1,53)
	1	В	74	[53,104)
*	2	С	158	[104,156)
3	3	D	292	[156,208)
	4	E	368	[208,259)
3	5	F	409	[259,311)
	6	G	473	[311,363)
	7	Н	516	[363,414)
2 3	8	I	562	[414,466)
	9	J	607	[466,518)
2 3	10	K	617	[518,569)
	11	L.	628	[569,621)
	12	М	681	[621,673)
	13	N	748	[673,724)
	14	0	771	[724,776)
	15	Р	806	[776,827)
	16	Q	915	[827,879)
	17	R	922	[879,931)
	18	S	1002	[931,982)
	19	T	1176	[982,1034)
	20	U	1253	[1034,1086)
	21	V	1271	[1086,1137)
	22	W	1289	[1137,1189)
	23	Х	1337	[1189,1241)
	24	Υ	1338	[1241,1292)
0 3	25	Z	1341	[1292,1344)
[hi]	26		1344	

# 实例

```
❖ 查找目标: e = 50
                                  19
                                     23
                                        29
                                           36
                                               39
                                                     44
                                                                        82
                                                                           86
                                                  41
* lo = 0, hi = 18
 插值: mi = 0 + (18 - 0)*(50 - 5)/(92 - 5) = 9
 比较: A[9] = 41 < e
                                                                        82
                                  19
                                        29
                                           36
                                                              59
                                                                           86
* lo = 10, hi = 18
                                               8
                                                     10
 插值: mi = 10 + (18 - 10)*(50 - 44)/(92 - 44) = 11
 比较: A[11] = 51 > e
\diamond lo = hi = 10
                                                                        82
 插值: mi = 10
```

比较: A[10] = 44 < e, 故返回: NOT\_FOUND

# 性能

❖最坏:  $hi - lo = \mathcal{O}(n)$ 

//具体实例?

riangle 平均:每经一次比较,待查找区间宽度由 n 缩至 $\sqrt{n}$  //[Yao76, PIA78],习题解析[2-24]

$$n \to \sqrt{n} \to \sqrt{\sqrt{n}} \to \sqrt{\sqrt{n}} \to \cdots \to 2$$

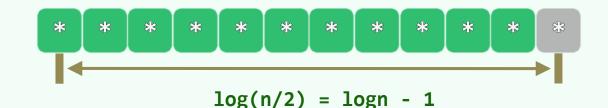
$$\underbrace{n \to n^{1/2^1} \to n^{1/2^2} \to n^{1/2^3} \to \cdots \to 2}_{\mathcal{O}(\log \log n)}$$

\*每经一次比较,

#### 查找区间宽度的数值n开方,有效字长1ogn减半

- 插值查找 = 在字长意义上的折半查找
- 二分查找 = 在字长意义上的顺序查找





# 综合评价

❖ 从Ø(logn)到Ø(loglogn), 优势并不明显

(除非查找表极长,或比较操作成本极高)

比如, 
$$n = 2^{(2^5)} = 2^32 = 4G时$$

- $-\log_2(n) = 32$
- $-\log_2(\log_2(n)) = 5$
- ❖ 须引入乘法、除法运算
- ❖ 易受畸形分布的干扰和"蒙骗"

- ❖ 实际可行的方法
  - 首先通过插值查找

迅速将查找范围缩小到一定的尺度

- 然后再进行二分查找

进一步缩小范围

- 最后 (当数据项只有200~300时)

使用顺序查找