

Тунчо имал  $n$  пръчки с различна дължина. Той играе игра, при която ги хвърля една по една произволно по пода. Играта Микадо се състои в изваждането на пръчките една по една без да се мръднат другите. Лесно може да се сетиш, че клечките, които са най-отгоре (върху тях няма други) могат да се извадят най-лесно. Например такава винаги е последната хвърлена. Помогнете на Тунчо да разбере колко им е броя.

Жокер: Задачата има ограничение на броя горни клечки (1000), което подсказва, че може да се поддържа динамичен списък от тях. Всяка поредна клечка се добавя автоматично в този списък и от него се премахват всички предишни клечки (отсечки), с които последната има вътрешно пресичане. И така до края. Извеждат се запаменените индекси на клечките в списъка.

За да открием има ли пресичане между две отсечки използваме теорията от задача game 20:

Нека едната отсечка се дефинира чрез точките  $L1\_P1(L1\_X1, L1\_Y1)$  и  $L1\_P2(L1\_X2, L1\_Y2)$ , а втората отсечка от точките  $L2\_P1(L2\_X1, L2\_Y1)$  и  $L2\_P2(L2\_X2, L2\_Y2)$ . Намираме аналитичната функция на права за двете отсечки. Това са две тройки числа:  $[a1, b1, c1]$  за първата отсечка и  $[a2, b2, c2]$  за втората отсечка. Ако  $a2/a1 = b2/b1 = c2/c1$  (внимавайте с делението на 0 - ако някой знаменател е 0, то и числителя трябва да е нула за да е изпълнено равенството), то отсечките лежат на 1 права. В този случай вижте дали има застъпване и между X-интервалите и между Y-интервалите на двете отсечки. Ако има и по двете координати то двете отсечки се пресичат, в противен случай не се пресичат.

Ако отсечките не лежат на една права конструираме две уравнения на пресичане:

1) Изразява, коя точка  $\rightarrow L2\_P1 + T2 * \rightarrow L2\_P1\_P2 = \rightarrow L2\_P1 + T2 * (\rightarrow L2\_P2 - \rightarrow L2\_P1) = (L2\_X1 + (L2\_X2 - L2\_X1) * T2, L2\_Y1 + (L2\_Y2 - L2\_Y1) * T2)$  от втората права лежи на първата права:

$$Fline1(L2\_X1 + (L2\_X2 - L2\_X1) * T2, L2\_Y1 + (L2\_Y2 - L2\_Y1) * T2) = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow a1 * (L2\_X1 + (L2\_X2 - L2\_X1) * T2) + b1 * (L2\_Y1 + (L2\_Y2 - L2\_Y1) * T2) + c1 = 0$$

Решаваме уравнението за  $T2$ :

$$T2 = \text{ЧИСЛИТЕЛ\_2} / \text{ЗНАМЕНАТЕЛ\_2}$$

Ако  $\text{ЗНАМЕНАТЕЛ\_2} == 0$ , то правите са успоредни и не се пресичат. Ако  $T2$  е в интервала  $[0.0, 1.0]$  то правата на първата отсечка пресича втората отсечка (остава да проверим дали има пресичане в първата отсечка). Ако  $T2$  не е в този интервал то между двете отсечки няма пресичане и не решаваме уравнение 2):

2) Симетрично уравнение изразяващо коя точка от първата права  $\rightarrow L1\_P1 + T1 * \rightarrow L1\_P1\_P2 = \rightarrow L1\_P1 + T1 * (\rightarrow L1\_P2 - \rightarrow L1\_P1) = (L1\_X1 + (L1\_X2 - L1\_X1) * T1, L1\_Y1 + (L1\_Y2 - L1\_Y1) * T1)$  лежи на втората права:

$$Fline2(L1\_X1 + (L1\_X2 - L1\_X1) * T1, L1\_Y1 + (L1\_Y2 - L1\_Y1) * T1) = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow a2 * (L1\_X1 + (L1\_X2 - L1\_X1) * T1) + b2 * (L1\_Y1 + (L1\_Y2 - L1\_Y1) * T1) + c2 = 0$$

Решаваме уравнението за  $T1$ :

$$T1 = \text{ЧИСЛИТЕЛ\_1} / \text{ЗНАМЕНАТЕЛ\_1}$$

Винаги  $\text{ЗНАМЕНАТЕЛ\_1} != 0$ , тъй като правите не са успоредни (иначе нямаше да стигнем до тук). Ако  $T1$  е в интервала  $[0.0, 1.0]$  то правата на втората отсечка пресича първата отсечка и имаме пресичане на двете отсечки. Ако  $T1$  не е в този интервал то между двете отсечки няма пресичане.

АЛТЕРНАТИВНО РЕШЕНИЕ: За да се пресичат двете отсечки трябва четириъгълника:  $L1\_P1, L2\_P1, L1\_P2, L2\_P2$  да не е тъпоъгълен. Това на езика на векторната алгебра е векторното произведение  $(\rightarrow A(ax, ay) \times \rightarrow B(bx, by)) = ax * by - ay * bx = |\rightarrow A| * |\rightarrow B| * \sin(\text{ъгъла между между } \rightarrow A \text{ и } \rightarrow B)$  на всеки два вектора на съседни страни ориентирани всички по часовниковата или обратно на часовниковата стрелка да има един и същи знак.

$$\text{Sign}(\rightarrow A \times \rightarrow B) = \text{Sign}(|\rightarrow A| * |\rightarrow B| * \sin(\text{ъгъла между между } \rightarrow A \text{ и } \rightarrow B)) = \text{Sign}(\text{Positive\_Number\_A} * \text{Positive\_Number\_B} * \sin(\text{ъгъла между между } \rightarrow A \text{ и } \rightarrow B)) = \text{Sign}(\sin(\text{ъгъла между между } \rightarrow A \text{ и } \rightarrow B)) =$$

{

1, ако  $0 < \text{ъгъла} < 180$  градуса

-1, ако  $180 < \text{ъгъла} < 360$  градуса

0, в останалите случаи

}

Това означава че всички синуси от ъгли на четириъгълника имат еднакъв знак, т.е че или всички ъгли са по-големи от 180 градуса (ако обърнем посоката на всички вектори на обратно всички горе-описани произведения ще станат  $< 180$  градуса) или всички ъгли са по-малки от 180 градуса:

$\text{Sign}(\rightarrow L1\_P1\_L2\_P1 \times \rightarrow L2\_P1\_L1\_P2) = \text{Sign}(\rightarrow L2\_P1\_L1\_P2 \times \rightarrow L1\_P2\_L2\_P2) =$

$= \text{Sign}(\rightarrow L1\_P2\_L2\_P2 \times \rightarrow L2\_P2\_L1\_P1) = \text{Sign}(\rightarrow L2\_P2\_L1\_P1 \times \rightarrow L1\_P1\_L2\_P1)$

Ако един от Sign-овете е 0, то общата точка в него лежи на правата на другата отсечка и трябва да се проверят останалите 3 дали имат еднакъв знак.

Ако два от Sign-овете са 0, то едната точка е обща за двете отсечки, следователно те се застъпват в нея.

Ако четирите Sign-а са 0, то отсечките лежат на 1 права и трябва да се провери дали има застъпване и между X-интервалите и между Y-интервалите на двете отсечки.

Не е възможно 3 от Sign-овете да са 0, а другия да не е.

## Input Format

Входът се състои от няколко теста. Данните за всеки един от тях започват с число  $1 \leq n \leq 100\,000$ , което показва колко клечки ще има в тази игра. На следващите  $n$  реда са записани 4 числа с плаваща запетая, задаващи координатите на краищата на пръчката ( $-1000 \leq x, y \leq 1000$ ). Пръчките се описват, в реда в който са хвърлени. Както и да ги хвърля Тунчо никога не може да остави повече от 1000 пръчки свободни. Край на тестовете се задава с  $n=0$ .

## Constraints

$1 \leq n \leq 100\,000$

$-1000 \leq x, y \leq 1000$

$1 \leq \text{Брой тестове} \leq 7$

## Output Format

За всеки тестов пример, на отделен ред да се изведе списък с номерата на пръчките, които са свободни. Този списък трябва да е сортиран по реда на хвърляне и номерата да са разделени със запетая и интервал. Всеки ред завършва с точка.

## Sample Input 0

```
5
1 1 4 2
2 3 3 1
1 -2.0 8 4
1 4 8 2
3 3 6 -2.0
3
0 0 1 1
1 0 2 1
2 0 3 1
0
```

## Sample Output 0

2, 4, 5.  
1, 2, 3.