

## BMerge

a)

Pro  $n = 1$  (nenastane) vrátíme  $x_0$ , pro  $n \leq 2$  pak  $\min(x_0, x_1), \max(x_0, x_1)$  a je setříděno. Pokud začneme od listů (takhle bude stejně konstruovaná síť), pak z indukce stačí rozhodnout už jen obecný případ. Jestliže máme v  $(a_0, \dots, a_{n-1})$  a  $(b_0, \dots, b_{n-1})$  setříděné, pak máme setříděné  $(x_0, \dots, x_{n-1})$  jednotlivě na sudých a lichých místech. Pak spouštíme porovnání  $C_i$  na  $C(x_{2i}, x_{2i+1}) \forall i \in \frac{n}{2}$  a podle velikosti je prohodíme. Po tomto porovnání budou tyto dvě čísla seřazená, ale nutně musí být i seřazená s dvojicí vedle, neboť  $x_{2i+1} \leq x_{2i+3} \wedge x_{2i} \leq x_{2i+2}$ . Můžeme to rozebrat po příkladech:

- $C_i, C_{i+2}$  prohodí, pak nemůže být  $x_{2i} \geq x_{2i+3}$ , jinak by  $x_{2i+1} \geq x_{2i+3}$
- $C_i, C_{i+2}$  neprohodí, pak nemůže být  $x_{2i+1} \geq x_{2i+2}$  opět z tranzitivity
- $C_i$  prohodí,  $C_{i+2}$  neprohodí, nebo naopak, pak nemůže být  $x_{2i} \geq x_{2i+2}$ , resp  $x_{2i+1} \geq x_{2i+3}$  přímo z definice setříděných posloupností

b)

Pokud máme vstup délky  $n$ , pak uděláme dvě subsítě pro liché a sudé prvky a přidáme mezi každé obdvojnici komparátor (prvky této obdvojnice však nemusí být v síti vedle sebe; subsítě jsou proloženy přes sebe). Triviální komparátor použijeme pro  $n = 2$ .