

**1**

Stačí spočítat kovarianci (speciální  $E$ ), směrodatné odchylky a pak vhodit do zlomku.

**2**

Úplně stejně. Výsledek by měl být však jiný, než v jedničce.

**3****3.1**

Po integraci vyjde, že  $c = 4$

**3.2**

Je třeba vypočítat  $\text{var}(XY)$ , proto  $E[XY]$  a  $E[X^2Y^2]$ .

**3.3**

Jsou. (není to však opačná implikace?)

**3.4**

Vhodně do matice  $4 \times 4$  naházíme  $\text{var}(X), \text{cov}(X, Y), \text{cov}(Y, X), \text{var}(Y)$

**3.5**

Střední hodnota je přímo lineární. U variace je nutné nezapomenout na všechny kovariace (ty jsou však v tomto případě nulové).

**4**

Přes integrály:  $\text{cov}(X, Y) = 0$

Výsledný vektor nemá hustotu. Jsou závislé, neboť  $P[x \in (-0.5, 0.5)] \cdot P[x^2 \in (0.5, 1)] \neq P[x \in (-0.5, 0.5) \wedge x^2 \in (0.5, 1)]$

**5**

Integrál kruhu. Rozhodně tedy musí být závislé (všechny nezávislé jsou v kvádru)

**6**

$Y_i \rightarrow \text{Bi}(1, p), X \rightarrow \text{Bi}(n, p)$

$EX = E[\sum Y_i] = \sum E[Y_i] = np$

$\text{var}(X) = \sum \text{var}(Y_i) = \sum \text{var}(Y_i) + \sum \sum \text{cov}(Y_i, Y_j) = np(1 - p) + 0$