

Popis

Vstup si pojmenujeme $T = AB$ s tím, že chceme vytvořit výstup $T = BA$. Velikosti si označíme: $|A| = a, |B| = b$. Algoritmus funguje jednoduše tak, že se snaží opravit místo $T[a]$. Definujeme si funkci $where(i)$, která vrátí hodnotu, kam patří znak z i -té pozice v původním řetězci. Ta vypadá následovně. Slovně všechny znaky v A posune o b doprava a opačně pro znaky v B .

```
def where(i):
    if i < a:
        return b + i
    else:
        return i - a
```

Nyní se budeme soustředit na prvek $T[a]$, ze kterého budeme napravovat zbytek řetězce. Začneme $swap(a, where(a))$, což je samozřejmě to stejné, jako $swap(a, 0)$. Vyhodnocené číslo 0 si uložíme do proměnné t . Na indexu 0 je už správný znak, takže se zde už swapovat s ničím nebude. Následně jen $(a + b)$ -krát provedeme $\{swap(a, where(t)); t = where(t);\}$

Pseudokód

```
def where(i):
    if i < a:
        return b + i
    else:
        return i - a

t = a
for i in 0..a+b:
    swap(a, where(t))
    t = where(t)
```

Funkce *swap* je definovaná očekávaným způsobem. Pracuje na konstantní paměti v konstantním čase.

Složitost

Děláme konstantní práci na *každém* znak. Výsledkem je $O(a + b)$. Používáme jen konstantní paměť navíc.

Správnost

Pro $a = b$ tento postup selže, neboť hned na začátku si na $T[a]$ nastavíme správnou hodnotu, takže by se tento případ musel ošetřit zvlášť. Místo důkazu správnosti zbylých případů mě napadlo jiné, snad rozumnější, řešení (druhá strana).

Popis

Tento algoritmus pracuje s překlápěním. Nejprve si překlopíme celé pole a pak jednotlivé části.

Pseudokód

```
def flip(i, j):  
    for z in i..j/2:  
        swap(z, j-z)  
  
flip(0, a+b)  
flip(0, b)  
flip(b+1, a+b)
```

Složitost

Na každém znaku uděláme dvě konstantní operace. Paměť navíc, kromě pro swapy, nepotřebujeme. Celkem $O(a+b)$ časově a $O(1)$ paměťově.

Správnost

Můžeme se podívat, co se stane s prvkem původně: $T[x]$. Pro případ $x < a$ nejprve dostaneme $T[a+b-x]$, ale pak $T[b+a+b-a-b+x] \dots T[b+x]$, což jsme chtěli. Symetricky pro $x \geq a$.