6.4 Vilém Zouhar

Počítání

$$(1,-1,1,\ldots,1,-1)$$

$$v_{i} = \sum_{k=0}^{n-1} \omega_{i}^{k} (-1)^{k} = \sum_{k=0}^{\frac{n}{2}-1} \omega_{i}^{2k} - \sum_{k=0}^{\frac{n}{2}-1} \omega_{i}^{2k+1} = \left(n' = \frac{n}{2}\right) = \sum_{k=0}^{n'-1} \left(\omega_{i}^{2}\right)^{k} - \sum_{k=0}^{n'-1} \omega_{i} \left(\omega_{i}^{2}\right)^{k} \text{ (poloviční } n) = 0 - 0 = 0 \text{ (součet všek mocnin primitivních odmocnin 1 pro dané n')}$$

$$(1,0,1,\ldots,1,0)$$

$$v_i = \sum_{k=0}^{\frac{n}{2}-1} \omega_i^k = \left(n' = \frac{n}{2}\right) = \sum_{k=0}^{n'-1} \left(\omega_i^2\right)^k = 0 \text{ (součet všek mocnin primitivních odmocnin 1 pro dané n')}$$

$$(k, k, k, \ldots, k, k)$$

$$v_i = k \cdot \sum_{l=0}^{n-1} \omega_i^l = 0$$
 (součet všek mocnin primitivních odmocnin 1 pro dané n)

$$(\omega^0, \omega^1, \omega^2, \dots, \omega^{n-2}, \omega^{n-1})$$

$$v_i = \sum_{k=0}^{n-1} \omega_i k + k = \sum_{l=0}^{\frac{n}{2}-1} \left(\omega_i^2\right)^l = 0 \text{ (součet všek mocnin primitivních odmocnin 1 pro dané n')}$$

$$(\omega^0, \omega^2, \omega^4, \dots, \omega^{2n-4}, \omega^{2n-2})$$

$$v_i = \sum_{k=0}^{n-1} \omega_i k + 2k = \sum_{l=0}^{\frac{n}{3}-1} \left(\omega_i^3\right)^l = 0$$
 (součet všek mocnin primitivních odmocnin 1 pro dané n')