

**Квадратное уравнение и формула разложения
квадратного трехчлена на множители**

Пусть **квадратное уравнение** имеет вид: $ax^2 + bx + c = 0$

Тогда **дискриминант** находят по формуле: $D = b^2 - 4ac$

Если $D > 0$, то квадратное уравнение имеет **два корня**, которые находят по формуле:

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$$

Если $D = 0$, то квадратное уравнение имеет **один корень** (его кратность: 2), который ищется по формуле:

$$x_0 = \frac{-b}{2a}$$

Если $D < 0$, то квадратное уравнение **не имеет корней**.

В случае когда квадратное уравнение имеет **два корня**, соответствующий квадратный трехчлен может быть разложен на множители по следующей формуле:

$$ax^2 + bx + c = a(x-x_1)(x-x_2)$$

Если квадратное уравнение имеет **один корень**, то разложение соответствующего квадратного трехчлена на множители задается следующей формулой:

$$ax^2 + bx + c = a(x-x_0)^2$$

Только в случае если квадратное уравнение имеет **два корня** (т.е. дискриминант строго больше нуля) выполняется **Теорема Виета**. Согласно **Теореме Виета**, сумма корней квадратного уравнения равна:

$$x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}$$

Произведение корней квадратного уравнения может быть вычислено по формуле:

$$x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a}$$