TP Convertisseur binaire - décimal - hexadécimal

On s'intéressera uniquement à la conversion d'entiers non signés (ie entiers naturels)

Préambule:

a-Vérifier que $4x^5-7x^4+3x^3+2x^2+6x+3=(((((4x)-7)x+3)x+2)x+6)x+3$.

b-Calculer le nombre d'opérations de la première expression puis celui de la seconde.

Que constatez-vous?

c-La seconde expression est une décomposition dite de Hörner. Pourquoi est-elle souvent utilisée en programmation?

Application:

$$10111_{(2)} = 1 \times 2^{4} + 0 \times 2^{3} + 1 \times 2^{2} + 1 \times 2^{1} + 1 \times 2^{0}$$

$$= (((1 \times 2 + 0) \times 2 + 1) \times 2 + 1) \times 2 + 1$$

$$= (((b_{4} \times 2 + b_{3}) \times 2 + b_{2}) \times 2 + b_{1}) \times 2 + b_{0}$$

où b₀ est le bit de poids faible et b₄ le bit de poids fort.

Le TP:

1- Dans le fichier *convertisseurEleve.py*, écrire la fonction *BinToDec* en Python de paramètre b où b est un tableau d'entiers représentant l'écriture binaire d'un nombre et qui renvoie son écriture décimale.

Par exemple, pour 1011₍₂₎ b représente le tableau:

indice	0	1	2	3
valeur	1	0	1	1

b[0] est le bit de poids fort, b[3] le bit de poids faible.

2- Ecrire la fonction *DecToBin* en Python de paramètre d où d est l'écriture décimale d'un nombre qui renvoie son écriture binaire sous forme d'une chaîne de caractères (string).

La fonction str(nombre) convertit un nombre en chaîne de caractères.

Par exemple, str(123) donne '123'.

3- Ecrire la fonction *HexaToDec* en Python de paramètre h où h est un tableau de caractères représentant l'écriture hexadécimale d'un nombre et qui renvoie son écriture décimale.

Par exemple, pour D8A1₍₁₆₎ h représente le tableau:

indice	0	1	2	3
valeur	'D'	'8'	'A'	'1'

h[0] est le bit de poids fort, h[3] le bit de poids faible

Le tableau hex=['0','1','2','3','4','5','6','7','8','9','A','B','C','D','E','F'] a pour but de faciliter la conversion. Quelle est la valeur décimale du symbole 'C' ? Quel est l'indice du symbole 'C' dans le tableau hex? La fonction int(chaîne de caractères) convertit la chaîne de caractères en entier.

Par exemple, int('123') donne 123.

4- Ecrire la fonction *DecToHexa* en Python de paramètre d où d est un nombre décimal qui renvoie son écriture hexadécimale sous forme de chaîne de caractères.

Pour aller plus loin:

5- Ecrire une fonction *BaseN* de paramètre b entier supérieur à 1 qui renvoie la liste des caractères utilisés pour écrire un nombre dans la base b.

Par exemple: BaseN(2) donnera ['0','1'] .

- 6- Ecrire la fonction *DecToBaseN* de paramètres d et b où d est le nombre décimal et b la base qui renvoie son écriture dans la base b sous forme de chaîne de caractères. (chr(65) donne 'A', chr(66) donne 'B'...)
- 7- Ecrire la fonction *BaseNToDec* en Python de paramètres n et b où n est un tableau de caractères représentant l'écriture d'un nombre dans la base b et qui renvoie son écriture décimale.

Rappels sur les listes:

a=[] crée une liste vide.a=[1,2,3] crée une liste de 3 entiers.a=['a','b','c'] crée une liste de 3 caractères.a=list('azerty') crée la liste ['a','z','e','r','t','y'].

a.append(élément) ajoute élément à la fin de la liste a a[i] donne l'élément n°(i+1) de la liste a.

a[i]=5 affecte la valeur 5 à l'élément n°(i+1) de la liste a.