#### 2018年1月真题

一、问题求解第 1~15 小题, 每小题 3 分共 45 分。下列每题给出的 A、B、C、D、E 五个选项中只有一个选 项符合试题要求请在答题卡上将所选项的字母涂黑。

1. 学科竞赛一等奖、二等奖和三等奖, 比例为 1:3:8, 获奖率为 30%, 已知 10 人获得一等奖, 则参加竞赛的人 数为()

(A) 300

(B) 400

(C) 500

(D) 550

(E) 600

2. 为了解某公司员工的年龄结构, 按男、女人数的比例进行了随机抽样, 结果如下

男员工年龄 (岁)	23	26	28	30	32	34	36	38	41
女员工年龄 (岁)	23	25	27	27	29	31			

根据表中数据估计,该公司男员工的平均龄与全体员工的平均年龄分别是()(单位:岁)

(A) 32, 30

(B) 32, 29.5 (C) 32, 27

(D) 30, 27

(E) 29.5, 27

3. 某单位采取分段收费的方式收取网络流量(单位:GB)费用,每月流量20(含)以内免费,流量20到30(含) 的 GB 收费 1 元, 流量 30 到 40(含)每 GB 收费 3 元, 流量 40 以上的每 GB 收费 5 元, 小王这个月用了 45GB 的 流量,则他应该交费()

(A) 45 元

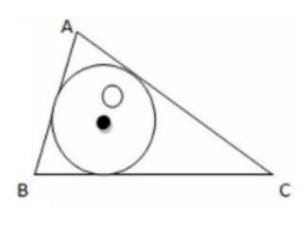
(B) 65元

(C) 75元

(D) 85元

(E) 135 元

4. 如图, 圆 0 是三角形 ABC 的内切圆, 若三角形 ABC 的面积与周长的大小之比为 1:2, 则圆 0 的面积为 ( )



(A) π

(B)  $2\pi$ 

(C)  $3\pi$ 

(D)  $4\pi$ 

(E) 5 π

5. 设实数 a, b 满足 | a-b | =2, | a3-b3 | =26, 则 a2+b2=()

(A) 30

(B) 22

(C) 15

(D) 13

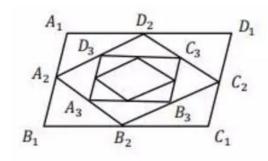
(E) 10

6. 有 96 位顾客至少购买了甲、乙、丙三种商品中的一种, 经调查:同时购买了甲、乙两种商品的有 8 位,同时购买了甲、丙两种商品的有 12 位,同时购买了乙、丙两种商品的有 6 位,同时购买了三种商品的有 2 位则仅购买一种商品的顾客有( )

- (A) 70 位
- (B) 72 位.
- (C) 74 位
- (D) 76 位
- (E) 82 位

7. 如图, 四边形  $A_1B_1C_1D_1$  是平行四边形,  $A_2$ ,  $B_2$ ,  $C_2$ ,  $D_2$  分别是  $A_1B_1C_1D_1$  四边的中点, $A_3$ ,  $B_3$ ,  $C_3$ ,  $D_3$  分别是四边形  $A_2B_2C_2D_2$  四边的中点,依次下去,得到四边形序列 AnBnCnDn (n=1, 2, 3, ...) 设 AnBnCnDn, 的面积为 Sn 且  $S_1=12$ , 则  $S_1+S_2+S_3+\cdots=($  )

- (A) 16
- (B) 20
- (C) 24
- (D) 28
- (E) 30



8. 将 6 张不同的卡片 2 张一组分别装入甲、乙、丙 3 个袋中, 若指定的两张卡片要在同一组, 则不同的装法有( )

- (A) 12 种
- (B) 18 种
- (C) 24 种
- (D) 30 种
- (E) 36 种

9. 甲、乙两人进行围棋比赛,约定先胜 2 盘者赢得比赛,已知每盘棋甲获胜的概率是 06, 乙获胜的概率是 04, 若乙在第一盘获胜,则甲赢得比赛的概率为( )

- (A) 0.144
- (B) 0.288
- (C) 0.36
- (D) 0.4
- (E) 0.6

10. 已知圆 C: x2+(y-a) 2=b, 若圆 C 在点(1, 2) 处的切线与 y 轴的交点为(0, 3). 则 ab=()

- (A) -2
- (B) -1
- (C) 0
- (D) 1
- (E) 2

11. 羽毛球有 4 名男运动员和 3 名女运动员, 从中选出两对参加混双比赛, 则不同的选派方式有( )

- (A) 9种
- (B) 18 种
- (C) 24 种
- (D) 36 种
- (E) 72 种

12. 从标号为1到10的10张卡片中随机抽取2张,它们的标号之和能被5整除的概率为()

- $(A) \frac{1}{5}$
- (B)  $\frac{1}{9}$

(C)  $\frac{2}{9}$ 

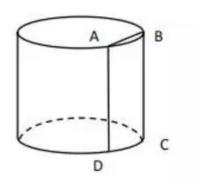
- (D)  $\frac{2}{15}$
- (E)  $\frac{7}{45}$

13. 某单位为检查 3 个部门的工作, 由这 3 个部门的主任和外聘的 3 名人员组成检查组, 分 2 人一组检查工 作,每组有1名外聘成员,规定本部门主任不能检查本部门,则不同的安排方式有()

- (A) 6种
- (B) 8 种
- (C) 12 种
- (D) 18 种 (E) 36 种

14. 如图圆柱体的底面半径为 2, 高为 3, 垂直于底面的平面截圆柱体所得截面为矩形 ABCD。若弦 AB 所对 的圆心角是 $\frac{1}{3}$   $\pi$ ,则截掉部分(较小部分)的体积为( )

- (A)  $\pi 3$  (B)  $2\pi 6$  (C)  $\pi \frac{3\sqrt{3}}{2}$  (D)  $2\pi 3\sqrt{3}$  (E)  $\pi \sqrt{3}$



15. 函数 f (x) =max {x2, -x2+8} 的最小值为 ( )

- (A) 8
- (B) 7 (C) 6
  - (D) 5
- (E) 4

二、条件充分性判断(本大题共10小题,每小题3分,共30分)解题说明:本大题要求判断所给出的条 件能否充分支持题干中陈述的结论。阅读条件(1)和条件(2)后,请在答题卡上将所选项的字母涂黑。

- A: 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分
- B: 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分
- C: 条件(1)和(2)单独都不充分,但条件(1)和条件(2)联合起来充分
- D: 条件(1) 充分,条件(2) 也充分。
- E:条件(1)和条件(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分。

16、设 $^{x,y}$ 为实数,则 $|x+y| \le 2$ 。

- (1)  $x^2 + v^2 \le 2$
- $(2) xy \le 1$

17. 设 {an} 为等差数列则能确定 a1+a2+···+a9 的值

- (1)已知 a1 的值
- (2)已知 a5 的值

18. 设 m, n 是正整数,则能确定 m+n 的值。

(1) 
$$\frac{1}{m} + \frac{3}{n} = 1$$

(2) 
$$\frac{1}{m} + \frac{2}{n} = 1$$

19. 甲、乙、丙三人的年收入成等比数列,则能确定乙的年收入的最大值

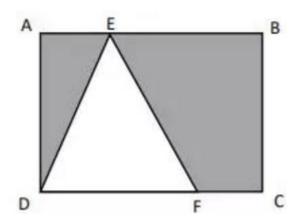
- (1) 已知甲、丙两人的年收入之和
- (2) 已知甲、丙两人的年收入之积

20. 甲购买了若干件 A 玩具, 乙购买了若干件 B 玩具给幼儿园, 甲比乙少花了 100 元则能确定甲购买的玩具件数

- (1)甲与乙共购买了50件玩具
- (2) A 玩具的价格是 B 玩具的 2 倍

21. 如图, 在矩形 ABCD 中, AE=FC, 则三角形 AED 与四边形 BCFE 能拼接成一个直角三角形。

- (1) EB=2FC
- (2) ED=EF



22. 已知点 P(m, 0), A(1, 3), B(2, 1)点(x, y)在三角形 PAB 上,则 x-y 的最小值与最大值分别为-2 和 1。

- (1) m  $\leq$  1
- $(2) \, m \ge -2$

23. 如果甲公司的年终奖总额增加 25%, 乙公司的年终奖总额减少 10%, 两者相等则能确定两公司的员工人数之比。

- (1) 甲公司的人均年终奖与乙公司的相同
- (2)两公司的员工人数之比与两公司的年终奖总额之比相等

24. 设 a, b 为实数,则圆 x2+y2=2y 与直线 x+ay=b 不相交

(1) 
$$1a-b1 > \sqrt{1+a^2}$$

(2) 
$$1a+b1 > \sqrt{1+a^2}$$

25. 设函数 f(x)=x2+ax,则 f(x)的最小值与 f(f(x))的最小值相等

- (1) a≥2
- (2) a≤0

#### 2017年1月真题

一、问题求解(本大题共5小题,每小题3分,共45分)下列每题给出5个选项中,只有一个是符合要 求的,请在答题卡上将所选择的字母涂黑。

1. 甲从 1、2、3 中抽取一个数,记为a; 乙从 1、2、3、4 中抽取一个数,记为b, 规定当 a > b 或 a+1 < b 时甲获胜,则甲取胜的概率为()

- (A)  $\frac{1}{6}$
- (B)  $\frac{1}{4}$  (C)  $\frac{1}{3}$

- (D)  $\frac{5}{12}$  (E)  $\frac{1}{2}$

2. 已知  $\triangle ABC$  和  $\triangle A'B'C'$  满足 AB: A'B' = AC: A'C' = 2:3,  $\angle A + \angle A' = \pi$ ,则  $\triangle ABC$  和  $\triangle A'B'C'$  的面积 比为()

- (A)  $\sqrt{2} : \sqrt{3}$  (B)  $\sqrt{3} : \sqrt{5}$ 
  - (C) 2:3 (D) 2:5 (E) 4:9

3. 将 6 人分成 3 组, 每组 2 人,则不同的分组方式共有()

- (A) 12 种
- (B) 15 种

- (C) 30 种 (D) 45 种 (E) 90 种

4. 甲、乙、丙三人每轮各投篮 10 次,投了三轮,投中数如下表:

	第一轮	第二轮	第三轮
甲	2	5	8
乙	5	2	5
丙	8	4	9

记 $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3$ 分别为甲、乙、丙投中数的方差,则()

- (A)  $\sigma_1 > \sigma_2 > \sigma_3$
- (B)  $\sigma_1 > \sigma_3 > \sigma_2$  (C)  $\sigma_2 > \sigma_1 > \sigma_3$
- (D)  $\sigma_2 > \sigma_3 > \sigma_1$  (E)  $\sigma_3 > \sigma_2 > \sigma_1$

5. 将长、宽、高分别为12,9,6的长方体切割成正方体,且切割后无剩余,则能切割成相同正方体的最 少个数为()

- (A) 3
- (B) 6
- (C) 24
- (D) 96
- (E) 648

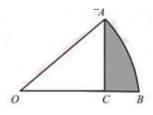
6. 某品牌电冰箱连续两	次降价10%后的售价是	是降价前的( )		
(A) 80%	(B) <b>81%</b>	(C) 82%	(D) 83%	(E) 85%
		辆甲种车和1辆乙种车的  各1辆车一次最多运送		<b>甲种车和</b> 3辆
(A) 125 吨	(B) 120吨	(C) 115吨	(D) 110吨	(E) 105 吨
		]了 45 名同学的咨询,其 师咨询的学生人数为(		询了张老师,
(A) 81	(B)	(C) 115	(D) 126	(E) 135
9. 某种机器人可搜索到积(单位:平方米)为 $(A) 10 + \frac{\pi}{2}$	( )	]圆,若该机器人沿直线 $(C)~20+rac{\pi}{2}$		
$10. 不等式  x-1  + x \le 2$	2 的解集为( )			
(A) (-∞,1]	(B) $\left(-\infty, \frac{3}{2}\right]$	(C) $[1, \frac{3}{2}]$	(D) $[1,+\infty)$ (E	$(\frac{3}{2}, +\infty)$
11. 在 1 到 100 之间,俞	能被 9 整除的整数的平均	均值是( )		
(A) 27	(B) 36	(C) 45	(D) 54	(E) 63
正确选项,有5道题能1个作为答案,则甲得	排除 2 个错误选项,有 满分的概率为(  )	上选项,其中只有一项是 $^{2}$ 4 道能排除 $^{1}$ 个错误选项。 $\frac{1}{2^{5}} + \frac{1}{3^{4}}$ (D)	项,若从每题排除后剩余 -	余的选项中选

13. 某公司用 1 万元购买了价格分别为 1750 和 950 的甲、乙两种办公设备,则购买的甲、乙办公设备的件 数分别为()

- (A) 3, 5
- (B) 5, 3
- $(C) 4, 4 \qquad (D) 2, 6$
- (E) 6, 2

14. 如图,在扇形 AOB 中,  $\angle AOB = \frac{\pi}{4}$  , OA = 1 , AC 垂直于 OB , 则阴影部分的面积为 ( )

- (A)  $\frac{\pi}{8} \frac{1}{4}$  (B)  $\frac{\pi}{8} \frac{1}{8}$  (C)  $\frac{\pi}{4} \frac{1}{2}$  (D)  $\frac{\pi}{4} \frac{1}{4}$  (E)  $\frac{\pi}{4} \frac{1}{8}$



15. 老师问班上50名同学周末复习情况,结果有20人复习过数学,30人复习过语文,6人复习过英语, 且同时复习过数学和语文的有10人,同时复习过语文和英语的有2人,同时复习过英语和数学的有3人. 若同时复习过这三门课的人为 0,则没有复习过这三门课程的学生人数为()

- (A) 7
- (B) 8
- (C) 9
- (D) 10
- (E) 11

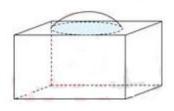
二、条件充分性判断: 第  $16^{25}$  小题, 每小题 3 分, 共 30 分. 要求判断每题给出的条件(1) 和条件(2) 能否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断, 在答题卡上将所选项的字母涂黑.

- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.
- (C)条件(1)和(2)单独都不充分,但条件(1)和条件(2)联合起来充分.
- (D) 条件(1) 充分,条件(2) 也充分.
- (E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.

16. 某人需要处理若干份文件,第 1 小时处理了全部文件的 $\frac{1}{5}$ ,第 2 小时处理了剩余文件的 $\frac{1}{4}$ ,则此人需 要处理的文件数为25份。

- (1)前两个小时处理了10份文件。
- (2)第二小时处理了5份文件。

- 17. 能确定某企业产值的月平均增长率。
- (1)已知一月份的产值。
- (2)已知全年的总产值。
- 18. 圆  $x^2 + y^2 ax by + c = 0$  与 x 轴相切,则能确定 c 的值。
- (1)已知 $^a$ 的值。
- (2)已知**b**的值。
- 19. 某人从 A 地出发,先乘时速为 220km 的动车,后转乘时速为 100km 的汽车到达 B 地,则 A, B 两地的距离为 960km。
- (1) 乘动车的时间与乘汽车的时间相等;
- (2) 乘动车的时间与乘汽车的时间之和为6小时。
- 20. 直线 y = ax + b 与抛物线  $y = x^2$  有两个交点。
- $(1) \ a^2 > 4b$
- (2) b > 0
- 21. 如图,一个铁球沉入水池中,则能确定铁球的体积。

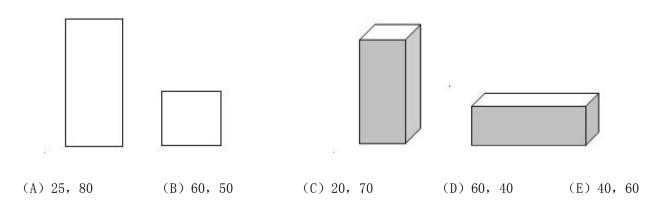


- (1) 已知铁球露出水面的高度。
- (2) 已知水深及铁球与水面交线的周长。
- 22. 已知 a,b,c 为三个实数,则  $\min\{|a-b|,|b-c|,|a-c|\} \le 5$  。
- (1)  $|a| \le 5, |b| \le 5, |c| \le 5$ .
- (2) a+b+c=15

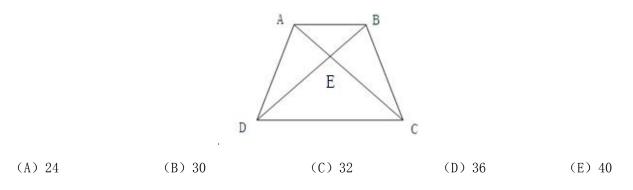
- 23. 某机构向 12 位教师征题, 共征集到 5 种题型的试题 52 道, 则能确定供题教师的人数。
- (1) 每位供题教师提供的试题数相同。
- (2) 每位供题教师提供的题型不超过2种。
- 24. 某人参加资格考试,有 A 类和 B 类可选择, A 类的合格标准是抽 3 道题至少会做 2 道,B 类的合格标准是抽 2 道题需都会做,则此人参加 A 类合格的机会大.
- (1) 此人 A 类题中有 60%会做。
- (2) 此人 B 类题中有 80%会做。
- 25. 设 a,b 是两个不相等的实数,则函数  $f(x) = x^2 + 2ax + b$  的最小值小于零。
- (1) 1,*a*,*b* 成等差数列。
- (2) 1, a, b 成等比数列。

	2 小题,每小题 3 分,共 在答题卡上将所选项字		l的五个选项中,A、B、	C、D、E 只有一
	中,子女教育支出与生 江出占家庭总支出的 10.5			女教育支出的比
(A) 40%	(B) 42%	(C) 48%	(D) 56%	(E) 64%
	形瓷砖,用它们铺满某 <sup>。</sup> 要增加 21 块瓷砖才能铺			或的边长增加一
(A) 9981 块	(B) 10000 块	(C) 10180 块	(D) 10201 块	(E) 10222 块
知货车和客车的时速分	甲地出发前往乙地,同时别是每小时 90 千米和 1	00千米,则当客车到	达甲地时,货车距乙地	的距离是( )
(A) 30 千米	(B) 43 千米	(C) 45 千米	(D) 50 千米	(E) 57 千米
4. 在分别标记了数字 1、	、2、3、4、5、6的6张	长卡片中随机取3张,	其上数字之和等于 10 的	的概率 ( )
(A) 0.05	(B) 0.1	(C) 0.15	(D) 0.2	(E) 0.25
	2000 元的冰箱以 2400 ; § 4 台,若要每天销售利			<b>首的售价每降低</b>
(A) 2200	(B) 2250	(C) 2300	(D) 2350	(E) 2400
6. 某委员会由三个不同 外出调研,则不同的选	专业的人员组成,三个 <sup>。</sup> 派方式有( )	专业的人数分别是 2,	3,4,从中选派2位不	「同专业的委员
(A) 36 种	(B) 26 种	(C) 12 种	(D) 8种	(E) 6种
7. 从 1 到 100 的整数中	任取一个数,则该数能	被 5 或 7 整除的概率	为()	
(A) 0.02	(B) 0.14	(C) 0.2	(D) 0.32	(E) 0.34
	= 0 上到原点距离最远的			
(A) (-3,2)	(B) $(3,-2)$	(C) $(6,4)$	(D) (-6,4)	(E) $(6,-4)$

9. 现有长方形木板 340 张,正方形木板 160 张(如左图),这些木板刚好可以装配成若干竖式和横式的无盖箱子(如右图),则装配成竖式和横式箱子的个数为()



10. 如图所示,在四边形 ABCD 中,  $AB/\!\!/ CD$  ,与 AB 与 CD 的边长分别为 4 和 8. 若  $\Delta ABE$  的面积为 4,则四边形 ABCD 的面积为( )



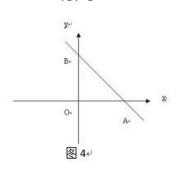
11. 设抛物线  $y=x^2+2ax+b$  与 x 轴相交于 A,B 两点,点 C 坐标 (0,2) ,若  $\Delta ABC$  的面积等于 6 ,则( )

- $(A) \quad a^2 b = 9$
- (B)  $a^2 + b = 9$
- (C)  $a^2 b = 36$

- (D)  $a^2 + b = 36$
- (E)  $a^2 4b = 9$

12. 如图所示,点 A, B, O 的坐标分别为(4,0),(0,3),(0,0),若(x,y) 是  $\Delta AOB$  中的一点,则 2x+3y 的最大值为( )

- (A) 6
- (B) 7
- (C) 8
- (D) 9
- (E) 12



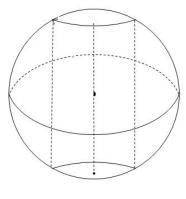
13. 某公司以分期付款方式购买一套定价为1100万元的设备,首期付款100万元,之后每月付款50万元, 并支付上期余额的利息, 月利率 1%, 该公司为此设备共支付了()

- (A) 1195 万元 (B) 1200 万元
- (C) 1205 万元 (D) 1215 万元 (E) 1300 万元

14. 某学生要在 4 门不同课程中选修 2 门课程, 这 4 门课程中的 2 门各开设一个班, 另外 2 门各开设 2 个 班,则该学生不同的选课方式共有()

- (A) 6种
- (B) 8种
- (C) 10 种
- (D) 13 种
- (E) 15 种

15. 如图, 在半径为10厘米的球体上开一个底面半径是6厘米的圆柱形洞,则洞的内壁面积为()()(单 位: 平方厘米)



- (A)  $48\pi$
- (B)  $288\pi$
- (C)  $96\pi$
- (D)  $576\pi$  (E)  $192\pi$

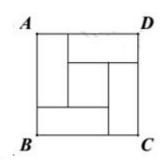
二、条件充分性判断: 第  $16^{25}$  小题, 每小题 3 分, 共 30 分, 要求判断每题给出的条件(1) 和条件(2) 能否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断, 在答题卡上将所选项的字母涂黑.

- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.
- (C)条件(1)和(2)单独都不充分,但条件(1)和条件(2)联合起来充分.
- (D) 条件(1) 充分,条件(2) 也充分.
- (E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.

16. 已知某公司男员工的平均年龄和女员工的平均年龄,则能确定该公司员工的平均年龄。

- (1) 已知该公司员工的人数
- (2) 已知该公司男、女员工的人数之比

17. 如图所示,正方形 ABCD 由四个相同的长方形和一个小正方形拼成,则能确定小正方形的面积。



- (1) 已知正方形 ABCD 的面积
- (2) 已知长方形的长宽之比

18. 利用长度为 a 和 b 的两种管材能连接成长度为 37 的管道(单位: 米)

- (1) a = 3, b = 5
- (2) a = 4, b = 6

19. 设x, y 是实数,则 $x \le 6, y \le 4$ 

- (1)  $x \le y + 2$
- (2)  $2y \le x + 2$ .

20. 将 2 升甲酒精和 1 升乙酒精混合得到丙酒精,则能确定甲、乙两种酒精的浓度

- (1) 1 升甲酒精和 5 升乙酒精混合后的浓度是丙酒精浓度的  $\frac{1}{2}$  倍
- (2) 1 升甲酒精和 2 升乙酒精混合后的浓度是丙酒精浓度的  $\frac{2}{3}$  倍

21. 设有两组数据  $S_1$ : 3,4,5,6,7 和  $S_2$ : 4,5,6,7,a ,则能确定 a 的值。

- (1)  $S_1$ 与 $S_2$ 的均值相等
- (2)  $S_1$ 与 $S_2$ 的方差相等

22. 已知M 是一个平面有限点集,则平面上存在到M 中每个点距离相等的点。

- (1) *M* 中只有三个点
- (2) M 中的任意三点都不共线

23. 设x,y 是实数,则可以确定 $x^3 + y^3$  的最小值。

- (1) xy = 1
- (2) x + y = 2

24. 已知数列  $a_1,a_2,a_3\cdots\cdots,a_{10}$ ,则  $a_1-a_2+a_3-,\cdots\cdots,+a_9-a_{10}\geq 0$ 

- (1)  $a_n \ge a_{n+1}, n = 1, 2, \dots, 9$
- (2)  $a_n^2 \ge a_{n+1}^2, n = 1, 2, \dots, 9$

25. 己知  $f(x) = x^2 + ax + b$  , 则  $0 \le f(1) \le 1$ 

- (1) f(x) 在区间[0,1] 中有两个零点
- (2) f(x) 在区间[1,2]中有两个零点

## 2015年1月真题

一、问题求解第 1-15 小题,每小题 3 分,共 45 分,下列每题给出的五个选项中,A、B、C、D、E 只有一 个项符合试题要求。请在答题卡上将所选项字母涂黑。

1. 若实数 a,b,c 满足 a:b:c=1:2:5,且 a+b+c=24,则  $a^2+b^2+c^2=c$ 

- (A) 30
- (B) 90
- (C) 120
- (D) 240
- (E) 270

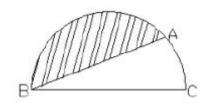
2. 某公司共有甲、乙两个部门,如果从甲部门调10人到乙部门,那么乙部门人数是甲部门人数的2倍, 如果把乙部门员工的 $\frac{1}{5}$ 调到甲部门,那么两个部门的人数相等,该公司的总人数为()

- (A) 150
- (B) 180
- (C) 200
- (D) 240
- (E) 250

3. 设m, n 是小于 20 的质数,满足条件|m-n|=2 的  $\{m, n\}$  共有 ( )

- (A) 2组
- (B) 3组
- (C) 4组
- (D) 5 组
- (E) 6 组

4. 如图,BC是半圆的直径,且BC = 4,  $\angle ABC = 30$ °,则图中阴影部分的面积为()



- $(A) \frac{4}{3}\pi \sqrt{3}$

(C)  $\frac{2}{3}\pi + \sqrt{3}$ 

- (D)  $\frac{2}{3}\pi + 2\sqrt{3}$
- (E)  $2\pi 2\sqrt{3}$

5. 某人驾车从A地赶往B地,前一半路程比计划多用时45分钟,平均速度只有计划的80%,若后一半路 程的平均速度为 120 千米/小时,此人还能按原定时间到达 B 地, A、 B 两地的距离为()

- (A) 450 千米
- (B) 480 千米 (C) 520 千米
- (D) 540 千米
- (E) 600 千米

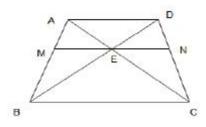
6. 在某次考试中,甲、乙、丙三个班的平均成绩分别为80,81和81.5,三个班的学生得分之和为6952, 三个班共有学生()

- (A) 85 名
- (B) 86 名
- (C) 87 名
- (D) 88 名
- (E) 90 名

7. 有一根圆柱形铁管,管壁厚度为 0.1 米,内径为 1.8 米,长度为 2 米,若将该铁管熔化后浇铸成长方体,则该长方体体积为( )(单位  $m^3$  ;  $\pi \approx 3.14$ )

(A) 0.38 (B) 0.59 (C) 1.19 (D) 5.09 (E) 6.28

8. 如图,梯形 ABCD 的上底与下底分别为 5 和 7, E 为 AC 与 BD 的交点, MN 过点 E 且平行于 AD ,则 MN =  $(\ )$ 



- (A)  $\frac{26}{5}$  (B)  $\frac{11}{2}$  (C)  $\frac{35}{6}$  (D)  $\frac{36}{7}$  (E)  $\frac{40}{7}$
- 9. 已知 $x_1, x_2$ 是方程 $x^2 ax 1 = 0$ 的两个实数根,则 $x_1^2 + x_2^2 = ($  )
- (A)  $a^2 + 2$  (B)  $a^2 + 1$  (C)  $a^2 1$  (D)  $a^2 2$  (E) a + 2
- 10. 一件工作,甲、乙两人合作需要 2 天,人工费 2900 元;乙、丙两个人合作需要 4 天,人工费 2600 元;甲、丙两人合作 2 天完成全部工作量的  $\frac{5}{6}$ ,人工费 2400 元,甲单独完成这一工作需要的时间与人工费分别为( )
- (A) 3 天, 3000 元 (B) 3 天, 2580 元 (C) 3 天, 2700 元
- (D) 4天, 3000元 (E) 4天, 2900元
- 11. 若直线 y = ax 与圆  $(x-a)^2 + y^2 = 1$  相切,则  $a^2 = ($  )
- (A)  $\frac{1+\sqrt{3}}{2}$  (B)  $1+\frac{\sqrt{3}}{2}$  (C)  $\frac{\sqrt{5}}{2}$  (D)  $1+\frac{\sqrt{5}}{3}$  (E)  $\frac{1+\sqrt{5}}{2}$
- 12. 设点 A(0,2) 和 B(1,0) ,在线段 AB 上取一点 M(x,y)(0 < x < 1) ,则以 x,y 为两边长的矩形面积的最大值为( )
- (A)  $\frac{5}{8}$  (B)  $\frac{1}{2}$  (C)  $\frac{3}{8}$  (D)  $\frac{1}{4}$  (E)  $\frac{1}{8}$

(A) 30%	(B) 35%		(C) 40%	(D) 45%	(E) 50%
14. 某次网球b 如下	と赛的四强对阵为 いっこう しょうしん かいしん しんしん かいしん しんしん かいしん かいしん しんしん しん	甲对乙,丙对	丁,两场比赛的胜	生者将争夺冠军. 选手之	_间相互获胜的概率
9H 1,					
	甲	乙	丙	丁	
甲获胜概率		0.3	0.3	0.8	
乙获胜概率	0. 7		0.6	0. 3	
丙获胜概率 	0.7	0.4		0. 5	
丁获胜概率	0. 2	0. 7	0.5		
(A)0.165 15. 平面上有 8			直线垂直,若两组	(D) 0.315 且平行直线共构成 280~	
	(D) C		(C) 7	(D) 8	(E) 9
(A) 5	(B) 6				
二、条件充分! 否充分支持题=	生判断:第 16~25	B, C, D,		要求判断每题给出的条 新结果,请选择一项符	
二、条件充分惊 否充分支持题 <sup>-</sup> 在答题卡上将所	生判断:第 16 <sup>~</sup> 25 干所陈述的结论. A	B. C. D.			
二、条件充分性 否充分支持题= 在答题卡上将所 (A)条件(1)	生判断:第 16 <sup>~</sup> 25 干所陈述的结论. A f选项的字母涂黑.	、B、C、D、 2)不充分.			
二、条件充分的 否充分支持题= 在答题卡上将所 (A)条件(1) (B)条件(2)	生判断: 第 16 <sup>~</sup> 25 干所陈述的结论. A <b>万选项的字母涂黑.</b> 充分,但条件(2 充分,但条件(1	<ol> <li>、B、C、D、</li> <li>不充分.</li> </ol>		所结果,请选择一项符	

16. 信封中装有 10 张奖券,只有 1 张有奖。从信封中同时抽取两张奖券,中奖的概率为P;从信封中每

(E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.

次抽取 1 张奖券后放回,如此重复抽取 n 次,中奖的概率为 Q. 则 P < Q.

(1) n = 2.

(2) n = 3.

- 17. 已知 p,q 为非零实数,则能确定  $\frac{p}{q(p-1)}$  的值.
- (1) p+q=1.
- (2)  $\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = 1$ .
- 18. 已知a,b为实数,则 $a \ge 2$ 或 $b \ge 2$ .
- (1)  $a+b \ge 4$ .
- (2)  $ab \ge 4$ .
- 19. 圆盘  $x^2 + y^2 \le 2(x + y)$  被直线 L 分成面积相等的两部分.
- (1) L: x + y = 2.
- (2) L: 2x y = 1.
- 20. 已知  $\{a_n\}$  是公差大于零的等差数列,  $S_n$  是  $\{a_n\}$  的前 n 项和. 则  $S_n \geq S_{10}$ ,  $n=1,2\cdots$
- (1)  $a_{10} = 0$ .
- (2)  $a_{11}a_{10} < 0$ .
- 21. 几个朋友外出游玩,购买了一些瓶装水,则能确定购买的瓶装水数量.
- (1) 若每人分3瓶,则剩余30瓶.
- (2) 若每人分 10 瓶,则只有一人不够.
- 22. 己知  $M = (a_1 + a_2 + \dots + a_{n-1})(a_2 + a_3 + \dots + a_n)$ ,  $N = (a_1 + a_2 + \dots + a_n)(a_2 + a_3 + \dots + a_{n-1})$ ,则 M > N.
- (1)  $a_1 > 0$ .
- (2)  $a_1 a_n > 0$ .

23. 设 $\{a_n\}$ 是等差数列.则能确定数列 $\{a_n\}$ .

- (1)  $a_1 + a_6 = 0$
- (2)  $a_1 a_6 = -1$ .

24. 已知  $x_1, x_2, x_3$  为实数, $x \to x_1, x_2, x_3$  的平均值. 则  $\left|x_k - \overline{x}\right| \le 1, k = 1, 2, 3$ .

- (1)  $|x_k| \le 1, k = 1, 2, 3$ .
- (2)  $x_1 = 0$ .

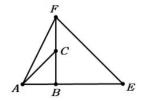
25. 底面半径为r, 高为h 的圆柱体表面积为 $S_1$ ; 半径为R 的球体表面积记为 $S_2$ . 则 $S_1 \leq S_2$ .

- $(1) \quad R \ge \frac{r+h}{2}.$
- $(2) \quad R \leq \frac{2h+r}{3}.$

- 一、问题求解(本大题共15题,每小题3分,共45分。在下列每题给出的五个选项中,只有一项是符合 试题要求的。请在答题卡上将所选的字母涂黑。)
- 1. 某部门在一次联欢活动中设了26个奖,奖品均价为280元,其中一等奖单价为400元,其他奖品均价 为270元.一等奖的个数为()
- (A) 6
- (B) 5
- (C) 4
- (D) 3

- (E) 2
- 2. 某单位进行办公室装修, 若甲、乙两个装修公司合做, 需 10 周完成, 工时费为 100 万元; 甲单独做 6 周后由乙公司接着做 18 周完成, 工时费为 96 万元. 甲公司每周的工时费为()
- (A) 7.5 万元
- (B) 7 万元 (C) 6.5 万元
- (D) 6 万元 (E) 5. 5 万元
- 3. 如图所示,已知 AE = 3AB, BF = 2BC, 若  $\Delta ABC$  的面积为 2,则  $\Delta AEF$  的面积为 ( )
- (A) 14
- (B) 12
- (C) 10
- (D) 8

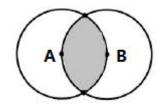
(E) 6



- 4. 某容器中装满了浓度为90%的酒精,倒出1升后用水将容器充满,搅拌均匀后又倒出1升,再用水将容 器住满. 已知此时的酒精浓度为 40%,则该容器的容积是()
- (A) 2.5升
- (B) 3 升 (C) 3.5 升 (D) 4 升
- (E) 4.5 升

- 5. 如图,圆 A 与圆 B 的半径均为 1,则阴影部分的面积为()

- (A)  $\frac{2}{3}\pi$  (B)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  (C)  $\frac{\pi}{3} \frac{\sqrt{3}}{4}$  (D)  $\frac{2\pi}{3} \frac{\sqrt{3}}{4}$  (E)  $\frac{2\pi}{3} \frac{\sqrt{3}}{2}$



- 6. 某公司投资一个项目,已知上半年完成了预算的 $\frac{1}{3}$ ,下半年完成了剩余部分的 $\frac{2}{3}$ ,此时还有8千万投资 未完成,则该项目的预算为()

- (A)  $3 \ \angle$  (B)  $3.6 \ \angle$  (C)  $3.9 \ \angle$  (D)  $4.5 \ \angle$  (E)  $5.1 \ \angle$

7. 甲乙两人上午8:00分别自A、B出发相向而行,9:00第一次相遇, 之后速度均提高了1.5公里/小时, 甲到B、乙到A后都立刻沿原路返回. 若两人在10:30第二次相遇,则A、B两地相距()公里

- (A) 5.6
- (B) 7
- (C) 8
- (D) 9
- (E) 9.5

8. 已知  $\{a_n\}$  为等差数列,且  $a_2 - a_5 + a_8 = 9$ ,则  $a_1 + a_2 + \cdots + a_9 = ()$ 

- (A) 27
- (B) 45
- (C) 54 (D) 81
- (E) 162

9. 在某项活动中,将3男3女6名志愿者随机地分成甲、乙、丙三组,每组2人,则每组都是异性的概率 为()

- (A)  $\frac{1}{90}$
- (B)  $\frac{1}{15}$
- (C)  $\frac{1}{10}$  (D)  $\frac{1}{5}$

10. 已知直线 l 是圆  $x^2 + y^2 = 5$  在点 (1,2) 处的切线,则 l 在 y 轴上的截距为 ( )

- $(A) \frac{2}{5}$
- (B)  $\frac{2}{3}$
- (C)  $\frac{3}{2}$
- (D)  $\frac{5}{2}$
- (E) 5

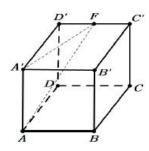
11. 某单位决定对 4 个部门的经理进行轮岗,要求每位经理必须轮流到 4 个部门中的其他部门任职,则不 同的轮岗方案有()种。

- (A) 3
- (B) 6

- (C) 8
- (D) 9
- (E) 10

12. 如图,正方体 ABCD - A'B'C'D' 的棱长为 2, F 是棱 C'D' 的中点,则 AF 的长为()

- (A) 3
- (B) 5
- (C)  $\sqrt{5}$  (D)  $2\sqrt{2}$  (E)  $2\sqrt{3}$



13、某工厂在半径为5cm的球形工艺品上镀一层装饰金属,厚度为0.01cm,已知装饰金属的原材料为棱 长为 20cm 的正方体锭子,则加工 10000 个该工艺品需要的锭子数最少为( )个。( $\pi=3.14$ ,忽略装 饰损耗)

- (A) 2
- (B) 3
- (C) 4
- (D) 5
- (E) 20

14. 若几个质数(素数)的乘积为770,则它们的和为()

(A) 85

(B) 84

(C) 28

(D) 26

(E) 25

15. 掷一枚均匀的硬币若干次,当正面向上次数大于反面向上次数时停止,则在 4 次之内停止的概率为()

(A)  $\frac{1}{\varrho}$ 

(B)  $\frac{3}{8}$  (C)  $\frac{5}{8}$  (D)  $\frac{3}{16}$ 

(E)  $\frac{5}{16}$ 

二、条件充分性判断: 第  $16^{25}$  小题, 每小题 3 分, 共 30 分. 要求判断每题给出的条件(1)和条件(2) 能否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断, 在答题卡上将所选项的字母涂黑.

- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.
- (C) 条件(1) 和(2) 单独都不充分, 但条件(1) 和条件(2) 联合起来充分.
- (D) 条件(1) 充分,条件(2) 也充分.
- (E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.

16. 设 x 是非零实数,则  $x^3 + \frac{1}{x^3} = 18$ 

(1) 
$$x + \frac{1}{r} = 3$$
 (2)  $x^2 + \frac{1}{r^2} = 7$ 

17. 甲、乙、丙三人年龄相同

- (1) 甲、乙、丙年龄等差
- (2) 甲、乙、丙年龄等比

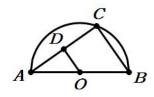
18. 不等式  $|x^2+2x+a| \le 1$  的解集为空

- (1) a < 0
- (2) a > 2

19. 己知曲线  $l: y = x^3 - 6x^2 + bx + a$ ,则 (a+b-5)(a-b-5) = 0

- (1) 曲线 l 过点(1,0)
- (2) 曲线l过点(-1,0)

20. 如图,O是半圆圆心,C是半圆上的一点, $OD \perp AC$ ,则OD长可求出。



- (1) 已知 BC 的长
- (2) 已知 AO 的长
- 21. 已知 x, y 为实数,则  $x^2 + y^2 \ge 1$
- (1)  $4y 3x \ge 5$
- (2)  $(x-1)^2 + (y-1)^2 \ge 5$
- 22. 已知袋中有红、黑、白三种颜色的球若干个,则红球最多
- (1) 随机取出一球是白球的概率为 $\frac{2}{5}$
- (2) 随机取出两球,两球中至少有一个黑球的概率小于 $\frac{1}{5}$
- 23. 已知二次函数  $f(x) = ax^2 + bx + c$ , 则能确定  $a \cdot b \cdot c$ 的值
- (1) 曲线 y = f(x) 过点(0,0)和点(1,1)
- (2) 曲线 y = f(x) 与直线 y = a + b 相切
- 24. 方程  $x^2 + 2(a+b)x + c^2 = 0$  有实根
- (1) a、b、c是三角形的三边长
- (2) 实数 a、c、b 成等差数列
- 25. 已知 $M = \{a, b, c, d, e\}$ 是一个整数集合. 则能确定集合M
- (1) a、b、c、d、e平均值为10
- (2) a、b、c、d、e方差为2

## 2013年1月真题

# 一、问题求解第 1~15 题,每小题 3 分,共 45 分。下列每题给出的 A、B、C、D、E 五个选项中,只有一项 是符合试题要求的。请在答题卡上将所选项的字母徐黑。

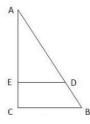
TIME IN THE TOTAL TO COMMENT A MICHIELD TO THE STATE OF THE SECOND TO TH	1.	某工厂	生产-	-批零件,	计划 10 天完成任务,	实际提前2天完成,	则每天的产量比计划平均提高了(	( )
--	----	-----	-----	-------	--------------	-----------	-----------------	-----

- (A) 15%
- (B) 20% (C) 25%
- (D) 30%
- (E) 35%
- 2. 某工程由甲公司承包需要 60 天完成,由甲、乙两公司共同承包需 28 天完成,由乙、丙两公司共同承包 需35天完成,则由丙公司承包完成该工程所需的天数为()
- (A) 85
- (B) 90
- (C) 95
- (D) 100
- (E) 105
- 3. 甲班共有30名学生,在一次满分为100分的考试中,全班的平均成绩为90分,则成绩低于60分的学 生至多有()
- (A) 8名
- (B) 7名 (C) 6名
- (D) 5 名
- (E) 4名
- 4. 甲、乙两人同时从 A 点出发,沿 400 米跑道同向均匀行走,25 分钟后乙比甲少走了一圈,若乙行走一 圈需要8分钟,则甲的速度是(单位:米/分钟)()
- (A) 62
- (B) 65
- (C) 66
- (D) 67
- (E) 69
- 5. 甲、乙两商店同时购进了一批某品牌的电视机, 当甲店售出 15 台时乙售出了 10 台, 此时两店的库存之 比为8:7,库存之差为5,甲、乙两商店总进货量为()
- (A) 75
- (B) 80
- (C) 85
- (D) 100
- (E) 125
- 6.  $\exists \exists f(x) = \frac{1}{(x+1)(x+2)} + \frac{1}{(x+2)(x+3)} + \dots + \frac{1}{(x+9)(x+10)}, \quad \emptyset \ f(8) = ()$
- (A)  $\frac{1}{9}$

- (B)  $\frac{1}{10}$  (C)  $\frac{1}{16}$  (D)  $\frac{1}{17}$

- 7. 点(0,4)关于直线2x+y+1=0的对称点为()
- (A) (2,0) (B) (-3,0) (C) (-6,1) (D) (4,2) (E) (-4,2)

8. 如图,在直角三角形 ABC中, AC = 4, BC = 3, DE//BC ,已知梯形 BCED 的面积为 3,则 DE 的长 为()



- (A)  $\sqrt{3}$  (B)  $\sqrt{3} + 1$  (C)  $4\sqrt{3} 4$
- (D)  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$  (E)  $\sqrt{2}+1$

9. 将体积为  $4\pi cm^3$  和  $32\pi cm^3$  的两个实心金属球溶化后铸成一个实心大球,则大球的表面积是()

- (A)  $32\pi cm^2$

- (B)  $36\pi cm^2$  (C)  $38\pi cm^2$  (D)  $40\pi cm^2$
- (E)  $42\pi cm^2$

10. 在  $(x^2 + 3x + 1)^5$  的展开式中,  $x^2$  的系数为()

- (A) 5
- (B) 10
- (C) 45
- (D) 90
- (E) 95

11. 已知 10 件商品中有 4 件一等品,从中任取 2 件,至少有 1 件为一等品的概率为()

- $(A) \frac{1}{3}$
- (B)  $\frac{2}{3}$  (C)  $\frac{2}{15}$  (D)  $\frac{8}{15}$
- (E)  $\frac{13}{15}$

12. 有一批水果需要装箱,一名熟练工单独装箱需要10天,每天报酬为200元;一名普通工人单独装箱 需要 15 天,每天报酬为 120 元,由于场地限制,最多可同时安排 12 人装箱,若要求在一天内完成装箱任 务,则支付的最少报酬为()

- (A) 1800 元

- (B) 1840 元 (C) 1920 元 (D) 1960 元
- (E) 2000 元

13. 已知  $\{a_n\}$  为等差数列,若  $a_2$ 和  $a_{10}$  是  $x^2 - 10x - 9 = 0$  的两个根,则  $a_5 + a_7 = ($  )

- (A) -10
- (B) -9 (C) 9
- (D) 10
- (E) 12

14. 已知抛物线  $y = x^2 + bx + c$  的对称轴为 x=1,且过点 (-1, 1) ,则 ()

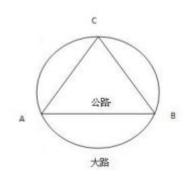
(A) b = -2, c = -2

- (B) b = 2, c = 2
- (C) b = -2, c = 2

(D) b = -1, c = -1

(E) b = 1, c = 1

15. 确定两人从 A 地出发经过 B, C, 沿逆时针方向行走一圈回到 A 地的方案(如图)。若从 A 地出发时每人均可选大路或山道,经过 B, C 时,至多有一人可以更改道路,则不同的方案有( )



- (A) 16 种
- (B) 24 种
- (C) 36 种
- (D) 48 种
- (E) 64 种

二、条件充分性判断:第  $16^2$ 25 小题,每小题 3 分,共 30 分. 要求判断每题给出的条件(1)和条(2)能 否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断, 在答题卡上将所选项的字母涂黑.

- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.
- (C) 条件(1)和(2)单独都不充分,但条件(1)和条件(2)联合起来充分.
- (D) 条件(1) 充分, 条件(2) 也充分.
- (E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.

16. 已知二次函数  $f(x) = ax^2 + bx + c$ ,则方程 f(x) = 0有两个不同实根。

- (1) a+c=0
- (2) a+b+c=0

17.  $\triangle ABC$  的边长分别为a,b,c,则 $\triangle ABC$ 为直角三角形,

- (1)  $(c^2-a^2-b^2)(a^2-b^2)=0$
- (2)  $\triangle ABC$  的面积为 $\frac{1}{2}ab$

18. p = mq + 1 为质数。

- (1) m为正整数, q为质数。
- (2) m,q均为质数。

19. 已知平面区域  $D_1 = \{(x,y) | x^2 + y^2 \le 9\}$ ,  $D_2 = \{(x,y) | (x-x_0)^2 + (y-y_0)^2 \le 9\}$ ,  $D_1, D_2$  覆盖区域的边界长度为 $8\pi$ 

- $(1) \ x_0^2 + y_0^2 = 9$
- (2)  $x_0 + y_0 = 3$ .

20. 三个科室的人数分别为 6, 3 和 2, 因工作需要,每晚需要安排 3 人值班,则在两个月中可使每晚的值班人员不完全相同。

- (1) 值班人员不能来自同一科室
- (2) 值班人员来自三个不同科室

21. 在一个库房中安装了n个烟火感应报警器,每个报警器遇到烟火成功报警的概率均为p,该库房遇烟火发出警报的概率达到0.999.

- (1) n = 3, p = 0.9
- (2) n = 2, p = 0.97

22. 已知 a, b 是实数,则  $|a| \le 1, |b| \le 1$ 

- $(1) |a+b| \leq 1,$
- $(2) |a-b| \leq 1,$

23. 某单位年终共发了 100 万元奖金,奖金金额分别是一等奖 1. 5 万元,二等奖 1 万元,三等奖 0. 5 万元,则该单位至少有 100 人

- (1) 得二等奖的人数最多
- (2) 得三等奖的人数最多

24. 设 x, y, z 为非零实数,则  $\frac{2x+3y-4z}{-x+y-2z} = 1$  。

(1) 
$$3x - 2y = 0$$

(2) 
$$2y - z = 0$$

25. 设  $a_1 = 1, a_2 = k, \dots, a_{n+1} = |a_n - a_{n-1}| (n \ge 2)$ . 则  $a_{100} + a_{101} + a_{102} = 2$ .

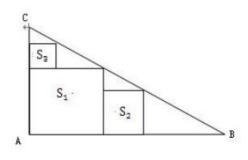
- (1) k = 2.
- (2) k 是小于 20 的正整数.

一、问题求解题: 第1~15 小题,每小题三分,共45 分。下列每题给出的 A、B、C、D、E 五个选项中, 只有一项是符合试题要求的。请在答题卡上将所选的字母涂黑。

1. 某商品的定价为 200 元, 受金融危机的影响, 连续两次降价 20%后的售价为()

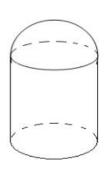
- (A) 114 元 (B) 120 元 (C) 128 元 (D) 144 元 (E) 160 元

2. 如图,  $\triangle ABC$  是直角三角形, $S_1S_2S_3$  为正方形,已知a,b,c 分别是 $S_1S_2S_3$  的边长,则()



- (A) a = b + c (B)  $a^2 = b^2 + c^2$  (C)  $a^2 = 2b^2 + 2c^2$  (D)  $a^3 = b^3 + c^3$  (E)  $a^3 = 2b^3 + 2c^3$

3. 如图,一个储物罐的下半部分的底面直径与高均是20m的圆柱形,上半部分(顶部)是半球形,已知底 面与顶部的造价是  $400 \, \pi/m^2$ ,侧面的造价是  $300 \, \pi/m^2$ ,该储物罐的造价是  $\pi \approx 3.14$  )()



- (A) 56.52万元 (B) 62.8万元 (C) 75.36万元

- (D) 87.92 万元 (E) 100.48 万元

4. 在一次商品促销活动中,主持人出示一个9位数,让顾客猜测商品的价格,商品的价格是该9位数中从 左到右相邻的3个数字组成的3位数,若主持人出示的是513535319,则顾客一次猜中价格的概率是()

- (A)  $\frac{1}{7}$
- (B)  $\frac{1}{6}$  (C)  $\frac{1}{5}$  (D)  $\frac{2}{7}$

- (E)  $\frac{1}{3}$

5. 某商店经营 15 种商品,每次在橱窗内陈列 5 种,若每两次陈列的商品不完全相同,则最多可陈列()

- (A) 3000 次 (B) 3003 次
- (C) 4000 次 (D) 4003 次 (E) 4300 次

6. 甲、乙、丙三个地区的公务员参加一次测评,其人数和考分情况如下表:

人数 分数	6	7	8	9
地区				
甲	10	10	10	10
乙	15	15	10	20
丙	10	10	15	15

三个地区按平均分由高到低的排名顺序为()

- (A) 乙、丙、甲
- (B) 乙、甲、丙 (C) 甲、丙、乙

- (D) 丙、甲、乙
- (E) 丙、乙、甲

7. 经统计,某机场的一个安检口每天中午办理安检手续的乘客人数及相应的概率如下表:

乘客人数	0~5	6~10	$11^{\sim}15$	$16^{\sim}20$	21~25	25 以上
概率	0. 1	0.2	0.2	0. 25	0.2	0.05

该安检口2天中至少有1天中午办理安检手续的乘客人数超过15的概率是()

- (A) 0.2
- (B) 0.25
- (C) 0.4
- (D) 0.5
- (E) 0.75

8. 某人在保险柜中存放了M元现金,第一天取出它的 $\frac{2}{3}$ ,以后每天取出前一天所取的 $\frac{1}{3}$ ,共取了7次, 保险柜中剩余的现金为()

- (A)  $\frac{M}{3^7} \vec{\pi}$  (B)  $\frac{M}{3^6} \vec{\pi}$  (C)  $\frac{2M}{3^6} \vec{\pi}$  (D)  $[1-(\frac{2}{3})^7]M \vec{\pi}$  (E)  $[1-7\times(\frac{2}{3})^7]M \vec{\pi}$

9. 在直角坐标系中,若平面区域 D 中所有点的坐标 (x, y) 均满足:

- $0 \le x \le 6, 0 \le y \le 6 |y-x| \le 3, x^2 + y^2 \ge 9$ ,则 *D* 的面积是( )
- (A)  $\frac{9}{4}(1+4\pi)$  (B)  $9(4-\frac{\pi}{4})$  (C)  $9(3-\frac{\pi}{4})$  (D)  $\frac{9}{4}(2+\pi)$  (E)  $\frac{9}{4}(1+\pi)$

10. 某单位春季植树 100 棵,前 2 天安排乙组植树,其余任务由甲、乙两组用 3 天完成,已知甲组每天比 乙组多植树 4 棵,则甲组每天植树()

- (A) 11 棵
- (B) 12 棵
- (C) 13 棵
- (D)15 棵
- (E)17 棵

- (A) 12 种
- (B) 10 种
- (C) 8 种 (D) 6 种
- (E) 4 种

12. 若  $x^3 + x^2 + ax + b$  能被  $x^2 - 3x + 2$  整除,则()

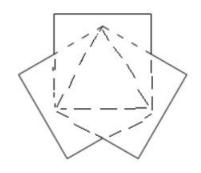
- (A) a = 4, b = 4
- (B) a = -4, b = -4
- (C) a = 10, b = -8

- (D) a = -10, b = 8
- (E) a = -2, b = 0

13. 某公司计划运送 180 台电视机和 110 台洗衣机下乡,现有两种货车,甲种货车每辆最多可载 40 台电 视机和 10 台洗衣机, 乙种货车每辆最多可载 20 台电视机和 20 台洗衣机,已知甲、乙两种货车的租金分 别是每辆 400 元和 360 元,则最少的运费是()

- (A) 2560 元 (B) 2600 元 (C) 2640 元 (D) 2680 元 (E) 2720 元

14. 如图, 三个边长为1的正方形所覆盖区域(实线所围)的面积为()



- (A)  $3-\sqrt{2}$  (B)  $3-\frac{3\sqrt{2}}{4}$  (C)  $3-\sqrt{3}$  (D)  $3-\frac{\sqrt{3}}{2}$  (E)  $3-\frac{3\sqrt{3}}{4}$

15. 在一次捐赠活动中,某市将捐赠的物品打包成件,其中帐篷和食品共320件,帐篷比食品多80件, 则帐篷的件数是()

- (A) 180
- (B) 200
- (C) 220
- (D) 240
- (E) 260

二、条件充分性判断: 第  $16^225$  小题, 每小题 3 分, 共 30 分. 要求判断每题给出的条件 (1) 和条件 (2)能否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断, 在答题卡上将所选项的字母涂黑.

- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.

- (C)条件(1)和(2)单独都不充分,但条件(1)和条件(2)联合起来充分.
- (D)条件(1)充分,条件(2)也充分.
- (E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.
- 16. 一元二次方程  $x^2 + bx + 1 = 0$  有两个不同实根.
- (1) b < -2
- (2) b > 2
- 17. 已知 $\{a_n\}$ , $\{b_n\}$ 分别为等比数列与等差数列, $a_1 = b_1 = 1$ ,则 $b_2 \ge a_2$
- (1)  $a_2 > 0$
- (2)  $a_{10} = b_{10}$
- 18. 直线 y = ax + b 过第二象限。
- (1) a = -1, b = 1
- (2) a = 1, b = -1
- 19. 某产品由两道独立工序加工完成,则该产品是合格品的概率大于0.8.
- (1) 每道工序的合格率为 0.81.
- (2) 每道工序的合格率为 0.9.
- 20. 已知m, n是正整数,则m是偶数.
- (1) 3m + 2n 是偶数
- (2)  $3m^2 + 2n^2$  是偶数
- 21. 已知 a, b 是实数,则 a > b
- (1)  $a^2 > b^2$
- (2)  $a^2 > b$

- 22. 在某次考试中, 3 道题中答对 2 道即为及格. 假设某人答对各题的概率相同, 则此人及格的概率是  $\frac{20}{27}$  。
- (1)答对各题的概率均为 $\frac{2}{3}$
- (2)3 道题全部答错的概率为 $\frac{1}{27}$
- 23. 已知三种水果的平均价格为10元/千克,则每种水果的价格均不超过18元/千克。
- (1) 三种水果中价格最低的为6元/千克。
- (2) 购买重量分别是1千克、1千克和2千克的三种水果共用了46元。
- 24. 某户要建一个长方形的羊栏,则羊栏的面积大于500m2.
- (1) 羊栏的周长为120m.
- (2)羊栏对角线的长不超过50m.
- 25. 直线 y = x + b 是抛物线  $y = x^2 + a$  的切线。
- (1) y = x + b 与  $y = x^2 + a$  有且仅有一个交点。
- $(2) \quad x^2 x \ge b a(x \in R)$

### 2011年1月真题

一、问题求解: 第1~15 小题,每小题 3 分,共 45 分,下列每题给出的 A、B、C、D、E 五个选项,只有一 项是符合试题要求的,请在答题卡上将所选项的字母涂黑。

1. 已知船在静水中的速度为 28km/h, 河水的流速为 2km/h。则此船在相距 78km 的两地间往返一次所 需时间是()

- A. 5.9h
- B. 5.6*h*
- c. 5.4*h*
- D. 4.4h
- E. 4h

2. 若实数 a,b,c 满足  $|a-3|+\sqrt{3b+5}+(5c-4)^2=0$ ,则 abc=()

A. -4

- B.  $-\frac{5}{3}$  C.  $-\frac{4}{3}$
- D.  $\frac{4}{5}$

E. 3

3. 某年级60名学生中,有30人参加合唱团,45人参加运动队,其中参加合唱团而未参加运动队的有8 人,则参加运动队而未参加合唱团的有()

- A. 15人
- B. 22人
- C. 23 人
- D. 30 人
- E. 37人

4. 现有一个半径为R的球体,拟用刨床将其加工成正方体,则能加工成的最大正方体的体积是( )

- A.  $\frac{8}{2}R^{3}$
- B.  $\frac{8\sqrt{3}}{9}R^3$  C.  $\frac{4}{3}R^3$  D.  $\frac{1}{3}R^3$
- E.  $\frac{\sqrt{3}}{9}R^3$

5. 2007年,某市的全年研究与试验发展(R&D)经费支出 300亿元,比 2006年增长 20%,该市的GDP为 10000 亿元, 比 2006 年增长 10%, 2006 年, 该市的 R&D 经费支出占当年 GDP 的 ( )

- A. 1.75%
- B. 2%
- C. 2.5%
- D. 2.75%
- E. 3%

6. 现从5名管理专业、4名经济专业和1名财会专业的学生中随机派出一个3人小组,则该小组中3个专 业各有1名学生的概率为()

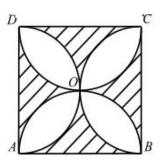
- B.  $\frac{1}{3}$  C.  $\frac{1}{4}$
- D.  $\frac{1}{5}$
- E.  $\frac{1}{6}$

7. 一所四年制大学每年的毕业生七月份离校,新生九月份入学。该校2001年招生2000名,之后每年比 上一年多招 200 名,则该校 2007 年九月底的在校学生有()

- A. 14000 名
- B. 11600 名
- C. 9000名
- D. 6200 名
- E. 3200 名

8.	将2个红球与1	个白球随机地放入甲、	乙、	丙三个盒子中,	则乙盒中至少有	1 个红球的概率为( )
Α.	$\frac{1}{9}$	B. $\frac{8}{27}$	С.	$\frac{4}{9}$	D. $\frac{5}{9}$	E. $\frac{17}{27}$

9. 如图,四边形 ABCD 是边长为 1 的正方形,弧 AOB,BOC,COD,DOA 均为半圆,则阴影部分的面积 为()



D.  $\frac{\pi}{2} - 1$ C.  $1 - \frac{\pi}{4}$ E.  $2 - \frac{\pi}{2}$ 

10.3个3口之家一起观看演出,他们购买了同一排的9张连坐票,则每一家的人都坐在一起的不同坐法 有()

- A. (3!)<sup>2</sup>种
- B. (3!)<sup>3</sup> 种 C. 3(3!)<sup>3</sup> 种 D. (3!)<sup>4</sup> 种 E. 9! 种

11. 设 P 是圆  $x^2 + y^2 = 2$  上的一点,该圆在点 P 的切线平行于直线 x + y + 2 = 0, 则点 P 的坐标为 ( )

- A. (-1,1)

- B. (1,-1) C.  $(0,\sqrt{2})$  D.  $(\sqrt{2},0)$  E. (1,1)

12. 设 a,b,c 是小于 12 的三个不同的质数 (素数),且 |a-b|+|b-c|+|c-a|=8,则 a+b+c=( )

A. 10

- B. 12
- C. 14 D. 15

E. 19

13. 在年底的献爱心活动中,某单位共有100人参加捐款。经统计,捐款总额是19000元,个人捐款数额 有 100 元、500 元和 2000 元三种。该单位捐款 500 元的人数为()

A. 13

- B. 18
- C. 25
- D. 30
- E. 38

14. 某施工队承担了开凿一条长为 2400m 隧道的工程,在掘进了 400m 后,由于改进了施工工艺,每天比 原计划多掘进 2m, 最后提前 50 天完成了施工任务。原计划施工工期是()

- A. 200 天
- B. 240 天
- C. 250 天 D. 300 天 E. 350 天

15. 已知 
$$x^2 + y^2 = 9$$
,  $xy = 4$ , 则  $\frac{x+y}{x^3 + y^3 + x + y} = ( )$ 

- A.  $\frac{1}{2}$

- B.  $\frac{1}{5}$  C.  $\frac{1}{6}$  D.  $\frac{1}{13}$

E. 
$$\frac{1}{14}$$

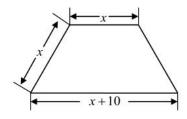
二、条件充分性判断: 第  $16^225$  小题, 每小题 3 分, 共 30 分. 要求判断每题给出的条件 (1) 和条件 (2)能否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断, 在答题卡上将所选项的字母涂黑.

- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.
- (C)条件(1)和(2)单独都不充分,但条件(1)和条件(2)联合起来充分.
- (D)条件(1)充分,条件(2)也充分.
- (E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.
- 16. 实数 a,b,c 成等差数列。
- (1)  $e^a, e^b, e^c$  成等比数列
- (2)  $\ln a$ ,  $\ln b$ ,  $\ln c$  实

17. 在一次英语考试中,某班的及格率为80%。

- (1) 男生及格率为 70%, 女生及格率为 90%
- (2) 男生的平均分与女生的平均分相等

18. 如图,等腰梯形的上底与腰均为x,下底为x+10,则x=13。



- (1) 该梯形的上底与下底之比为13:23
- (2) 该梯形的面积为 216

- 19. 现有 3 名男生和 2 名女生参加面试。则面试的排序法有 24 种。
- (1) 第一位面试的是女生
- (2) 第二位面试的是指定的某位男生
- 20. 已知三角形 ABC 的三条边长分别为 a,b,c 。则三角形 ABC 是等腰直角三角形。
- (1)  $(a-b)(c^2-a^2-b^2)=0$
- (2)  $c = \sqrt{2}b$
- 21. 直线 ax + by + 3 = 0 被圆  $(x-2)^2 + (y-1)^2 = 4$  截得的线段长度为  $2\sqrt{3}$ 。
- (1) a = 0, b = -1
- (2) a = -1, b = 0
- 22. 已知实数 a,b,c,d 满足  $a^2+b^2=1,c^2+d^2=1$ ,则  $\left|ac+bd\right|<1$ 。
- (1) 直线 ax + by = 1与 cx + dy = 1 仅有一个交点
- (2)  $a \neq c, b \neq d$
- 23. 某年级共有8个班。在一次年级考试中,共有21名学生不及格,每班不及格的学生最多有3名,则(一)班至少有1名学生不及格。
- (1) (二)班的不及格人数多于(三)班
- (2) (四)班不及格的学生有2名
- 24. 现有一批文字材料需要打印,两台新型打印机单独完成此任务分别需要 4 小时与 5 小时,两台旧型打印机单独完成此任务分别需要 9 小时与 11 小时,则能在 2.5 小时内完成此任务。
- (1) 安排两台新型打印机同时打印
- (2) 安排一台新型打印机与两台旧型打印机同时打印
- 25. 已知 $\{a_n\}$ 为等差数列,则该数列的公差为零。
- (1) 对任何正整数 n, 都有  $a_1 + a_2 + \dots + a_n \le n$  (2)  $a_2 \ge a_1$

一、问题求解: 第1~15 小题,每小题3分,共45分.下列每题给出的A、B、C、D、E五个选项中,有一 项是符合试题要求的. 请在答题卡上将所选项的字母涂黑.

1. 电影开演时观众中女士与男士人数之比为5:4, 开演后无观众入场, 放映一个小时后, 女士的 20%, 男 士的 15%离场,则此时在场的女士与男士人数之比为().

- (A) 4:5
- (B) 1:1
- (C) 5:4
- (D) 20:17
- (E) 85:64

2. 某商品的成本为240元,若按该商品标价的8折出售,利润率是15%,则该商品的标价为().

- (A) 276 元
- (B) 331 元
- (C) 345 元
- (D) 360 元
- (E) 400 元

3. 三名小孩中有一名学龄前儿童(年龄不足6岁),他们的年龄都是质数(素数),且依次相差6岁,他 们的年龄之和为().

- (A) 21
- (B) 27
- (C) 33
- (D) 39
- (E) 51

4. 在右边的表格中,每行为等差数列,每列为等比数列,则 x + y + z = ().

2	$\frac{5}{2}$	3	
х	<u>5</u>	$\frac{3}{2}$	
а	у	$\frac{3}{4}$	
b	С	Z	

(A) 2

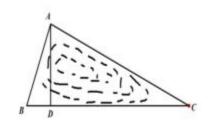
- (B)  $\frac{5}{2}$
- (C) 3
- (D)  $\frac{7}{2}$
- (E) 4

5. 某商店举行店庆活动,顾客消费达到一定数量后,可以在4种赠品中随机选取2个不同的赠品,任意两 位顾客所选赠品中,恰有1件品种相同的概率是().

(A)  $\frac{1}{6}$ 

- (B)  $\frac{1}{4}$
- (C)  $\frac{1}{3}$  (D)  $\frac{1}{2}$

6. 如图,在直角三角形 ABC 区域内部有座山,现计划从 BC 边上某点 D 开凿一条隧道到点 A ,要求隧道 长度最短,已知AB长为5km,AC长为12km,则所开凿的隧道AD的长度约为().



- (A) 4.12km
- (B) 4.22km
- (C) 4.42km
- (D) 4.62km
- (E) 4.92km

7. 多项式  $x^3 + ax^2 + bx - 6$  的两个因式是 x-1 和 x-2,则第三个一次因式为().

- (A) x 6
- (B) x-3
- (C) x+1
- (D) x+2
- (E) x+3

8. 某公司的员工中,拥有本科毕业证,计算机等级证,汽车驾驶证的人数分别为130,110,90,又知只有一 种证的人数为140,三证齐全的人数为30,则恰有双证的人数为().

- (A) 45
- (B) 50
- (C) 52
- (D) 65
- (E) 100

9. 甲商店销售某种商品,该商品的进价每件90元,若每件定为100元,则一天内能售出500件,在此基 础上,定价每增1元,一天能少售出10件,要使甲商店获得最大利润,则该商品的定价应().

- (A) 115 元
- (B) 120 元
- (C) 125 元
- (D) 130 元
- (E) 135 元

10. 已知直线 ax - by + 3 = 0(a > 0, b > 0) 过圆  $x^2 + 4x + y^2 - 2y + 1 = 0$  的圆心,则 ab 的最大值为( ).

- (A)  $\frac{9}{16}$
- (B)  $\frac{11}{16}$  (C)  $\frac{3}{4}$  (D)  $\frac{9}{8}$

11. 某大学派出 5 名志愿者到西部 4 所中学支教, 若每所中学至少有一名志愿者, 则不同的分配方案共有 ().

- (A) 240 种
- (B) 144 种
- (C) 120 种
- (D) 60 种
- (E) 24 种

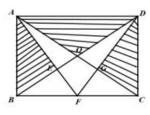
12. 某装置的启动密码是由 0 到 9 中的 3 个不同数字组成,连续 3 次输入错误密码,就会导致该装置永久 关闭,一个仅记得密码是由3个不同数字组成的人能够启动此装置的概率为().

- (A)  $\frac{1}{120}$
- (B)  $\frac{1}{168}$
- (C)  $\frac{1}{240}$

13. 某居民小区决定投资 15 万元修建停车位,据测算,修建一个室内的费用为 5000 元,修建一个室外车位的费用为 1000 元,考虑到实际因素,计划室外车位的数量不少于室内车位的 2 倍,也不多于室内车位的 3 倍,这笔投资最多可建车位的数量为( ).

- (A) 78
- (B) 74
- (C) 72
- (D) 70
- (E) 66

14. 如图,长方形 ABCD 的两边分别为 8m 和 6m ,四边形 OEFG 的面积是  $4m^2$  ,则阴影部分的面积为( ).



- (A)  $32m^2$
- (B)  $28m^2$
- (C)  $24m^2$
- (D)  $20m^2$
- (E)  $16m^2$

 $\frac{1}{2}$ 

15. 在一次竞猜活动中,设有 5 关,如果连续通过 2 关就算闯关成功,小王通过每关的概率都是  $^2$  ,他闯关成功的概率为( ).

- (A)  $\frac{1}{8}$
- (B)  $\frac{1}{4}$
- (C)  $\frac{3}{8}$
- (D)  $\frac{4}{8}$
- (E)  $\frac{19}{32}$

二、条件充分性判断:第  $16^225$  小题,每小题 3 分,共 30 分.要求判断每题给出的条件(1)和条件(2)能否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断,在答题卡上将所选项的字母涂黑.

- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.
- (C)条件(1)和(2)单独都不充分,但条件(1)和条件(2)联合起来充分.
- (D) 条件(1) 充分,条件(2) 也充分.
- (E) 条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.

16.  $a|a-b| \ge |a|(a-b)$ .

- (1) 实数 a > 0.
- (2) 实数 a,b 满足 a > b.

# 17. 有偶数位来宾.

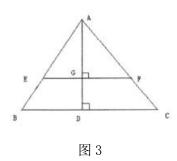
- (1) 聚会时所有来宾都被安排坐在一张圆桌周围,且每位来宾与其邻座性别不同.
- (2) 聚会时男宾人数是女宾人数的两倍.
- 18. 售出一件甲商品比售出一件乙商品利润要高.
- (1) 售出5件甲商品,4件乙商品共获利50元.
- (2) 售出 4件甲商品,5件乙商品共获利47元.
- 19. 已知数列  $\{a_n\}$  为等差数列,公差为  $d_1a_1 + a_2 + a_3 + a_4 = 12$  ,则  $a_4 = 0$ .
- (1) d = -2.
- (2)  $a_2 + a_4 = 4$ .
- 20. 甲企业今年人均成本是去年的 60%.
- (1) 甲企业今年总成本比去年减少25%, 员工人数增加25%.
- (2) 甲企业今年总成本比去年减少28%, 员工人数增加20%.
- 21. 该股票涨了.
- (1) 某股票连续三天涨 10%后, 又连续三天跌 10%.
- (2) 某股票连续三天跌 10%后,又连续三天涨 10%.
- 22. 某班有50名学生,其中女生26名,已知在某次选拔测试中,有27名学生未通过,则有9名男生通过.
- (1) 在通过的学生中,女生比男生多5人.
- (2) 在男生中未通过的人数比通过的人数多6人.
- 23. 甲企业一年的总产值为 $\frac{a}{p}[(1+p)^{12}-1]$ .
- (1) 甲企业一月份的产值为a,以后每月产值的增长率为p.

(2) 甲企业一月份的产值为 $\frac{a}{2}$ ,以后每月产值的增长率为2p。

24. 设a,b为非负实数,则 $a+b \le \frac{5}{4}$ 。

- (1)  $ab \le \frac{1}{16}$ .
- (2)  $a^2 + b^2 \le 1$ .

25. 如图 3,在三角形 ABC 中,已知 EF//BC ,则三角形 AEF 的面积等于梯形 EBCF 的面积.



- (1) |AG| = 2|GD|.
- $(2) |BC| = \sqrt{2} |EF|.$

# 2009年1月真题

一、问题求解:第  $1\sim15$  小题,每小题 3 分,共 45 分.下列每题给出的 A、B、C、D、E 五个选项中,有一

项是符合试题要求	的. 请在答题卡上将所说	<b>远项的字母涂黑</b> .		
1. 一家商店为回收 则商店盈亏结果为		品均以 480 元一件卖出,	己知甲商品赚了 20%,	乙商品亏了20%,
(A) 不亏不赚	(B) 亏了50元	(C) 赚了50元	(D) 赚了40元	(E) 亏了 40 元
为20:13. 后又增加		原为19:12,由于先增加 一是男女运动员比例最终 总人数为( ).		
(A) 686	(B) 637	(C) 700	(D) 661	(E) 600
		天需用该原料 6 吨,每四 厂要使平均每天支付的/		
(A) 11	(B) 10	(C) 9	(D) 8	(E) 7
B 管中,混合后再耳		现将浓度为 12%的盐水 1 果 A、B、C 三个试管中 <sub>3</sub> 量各是( ).		
(A) A 试管, 10 引	Ē	(B) B 试管, 20 克	(	(C) C 试管, 30 克
(D) B 试管, 40 克	Ē	(E) C 试管, 50 克		
5. 一艘轮船往返航 往返一次所需的时		,船在静水中的速度不到	<b></b> 。则当这条河的水流;	速度增加 50%时,
(A) 增加	(B) 减少半小时	(C) 不变 (	D) 减少1小时	(E) 无法判断
6. 方程 $ x- 2x+1 $	=4的根是( ).			
(A)  x = -5   x =	= 1	(B) $x = 5$ 或 $x = -1$	(C)	$x = 3 \stackrel{?}{\rightrightarrows} x = -\frac{5}{3}$
(D) $x = -3$ 或 $x =$	$=\frac{5}{3}$	(E) 不存在		

7.  $3x^2 + bx + c = 0$  ( $C \neq 0$ ) 的两个根为 $\alpha$ 、 $\beta$ ,如果又以 $\alpha + \beta$ 、 $\alpha\beta$  为根的一元二次方程  $3x^2 - bx + c = 0$ , 则b和c分别为().

- (A) 2, 6

- (B) 3, 4 (C) -2, -6 (D) -3, -6 (E) 以上结论均不正确

8. 若  $(1+x)+(1+x)^2+\cdots+(1+x)^n=a_1(x-1)+2a_2(x-1)^2+\cdots+na_n(x-1)^n$  则  $a_1 + 2a_2 + 3a_3 + \dots + na_n =$  ( ) .

- (A)  $\frac{3^n-1}{2}$  (B)  $\frac{3^{n+1}-1}{2}$  (C)  $\frac{3^{n+1}-3}{2}$  (D)  $\frac{3^n-3}{2}$  (E)  $\frac{3^n-3}{4}$

9. 在 36 人中, 血型情况如下: A型 12 人, B型 10 人, AB型 8人, 0型 6人. 若从中随机选出两人,则两 人血型相同的概率是().

- (B)  $\frac{44}{315}$

- (C)  $\frac{33}{315}$  (D)  $\frac{9}{122}$  (E) 以上结论均不正确

10. 湖中有四个小岛,它们的位置恰好近似构成正方形的四个顶点. 若要修建三座桥将这四个小岛连接起来, 则不同的建桥方案有()种.

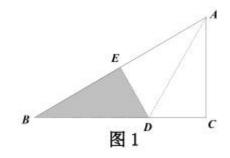
- (A) 12
- (B) 16
- (C) 13
- (D) 20
- (E) 24

11. 若数列  $\{a_n\}$  中, $a_n \neq 0 (n \geq 1), a_1 = \frac{1}{2}$ ,前 n 项和  $S_n$  满足  $a_n = \frac{2S_n^2}{2S_n - 1} (n \geq 2)$ ,则  $\{\frac{1}{S}\}$  是( ).

- (A) 首项为 2, 公比为  $\frac{1}{2}$  的等比数列
- (B) 首项为 2, 公比为 2 的等比数列
- (C) 既非等差也非等比数列
- (D) 首项为2, 公差为 $\frac{1}{2}$ 的等差数列
- (E) 首项为 2, 公差为 2 的等差数列

12. 直角三角形 ABC 的斜边 AB=13 厘米,直角边 AC=5 厘米,把 AC 对折到 AB 上去与斜边重合,点 C与点E重合,折痕为AD(如图 1),则图中阴影部分的面积为()平方厘米.

- (A) 20
- (B)  $\frac{40}{3}$  (C)  $\frac{38}{3}$
- (D) 14
- (E) 12



13. 设直线 nx + (n+1)y = 1 (n为正整数)与两坐标轴围成的三角形面积为 $S_n(n=1,2,\cdots,2009)$ ,则  $S_1 + S_2 + \dots + S_{2009} = ( ) .$ 

- (A)  $\frac{1}{2} \times \frac{2009}{2008}$  (B)  $\frac{1}{2} \times \frac{2008}{2009}$  (C)  $\frac{1}{2} \times \frac{2009}{2010}$  (D)  $\frac{1}{2} \times \frac{2010}{2009}$  (E) 以上结论均不正确

14. 若圆  $C:(x+1)^2+(y-1)^2=1$  与 x 轴交于 A 点,与 y 轴交于 B 点,则与此圆相切于劣弧 AB 中点 M(注:小于半圆的弧称为劣弧)的切线方程是().

(A)  $v = x + 2 - \sqrt{2}$ 

(B)  $y = x + 1 - \frac{1}{\sqrt{2}}$ 

(C)  $y = x - 1 + \frac{1}{\sqrt{2}}$ 

(D)  $v = x - 2 + \sqrt{2}$ 

(E)  $v = x + 1 - \sqrt{2}$ 

15. 已知实数 a,b,x,y 满足  $y + \left| \sqrt{x} - \sqrt{2} \right| = 1 - a^2$  和  $\left| x - 2 \right| = y - 1 - b^2$  ,则  $3^{x+y} + 3^{a+b} = ($  ).

- (A) 25
- (B) 26
- (C) 27 (D) 28

(E) 29

二、条件充分性判断: 第  $16^{25}$  小题, 每小题 3 分, 共 30 分. 要求判断每题给出的条件 (1) 和条件 (2)能否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断, 在答题卡上将所选项的字母涂黑.

- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.
- (C) 条件(1) 和(2) 单独都不充分, 但条件(1) 和条件(2) 联合起来充分.
- (D) 条件(1) 充分,条件(2) 也充分.
- (E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.

16. 
$$a_1^2 + a_2^2 + a_3^2 + \dots + a_n^2 = \frac{1}{3} (4^n - 1)$$
.

- (1) 数列  $\{a_n\}$  的通项公式为  $a_n = 2^n$
- (2) 在数列  $\{a_n\}$ 中,对任意正整数 n,有  $a_1+a_2+a_3+\cdots+a_n=2^n-1$
- 17. A 企业的职工人数今年比前年增加了 30%.
- (1) A 企业的职工人数去年比前年减少了 20%
- (2) A 企业的职工人数今年比去年增加了 50%
- 18.  $|\log_a x| > 1$ .

(1) 
$$x \in [2,4], \frac{1}{2} < a < 1$$

(2) 
$$x \in [4, 6], 1 < a < 2$$

- 19. 对于使 $\frac{ax+7}{bx+11}$ 有意义的一切x的值,这个分式为一个定值.
- (1) 7a-11b=0
- (2) 11a 7b = 0

$$20. \ \frac{a^2 - b^2}{19a^2 + 96b^2} = \frac{1}{134} \ .$$

(1) 
$$a,b$$
 均为实数,且  $|a^2-2|+(a^2-b^2-1)^2=0$ 

(2) 
$$a,b$$
均为实数,且 $\frac{a^2b^2}{a^4-2b^4}=1$ 

21. 
$$2a^2 - 5a - 2 + \frac{3}{a^2 + 1} = -1$$

(1) 
$$a$$
是方程 $x^2 - 3x + 1 = 0$ 的根

(2) 
$$|a| = 1$$

22. 点 (s,t) 落入圆  $(x-a)^2 + (y-a)^2 = a^2$  内的概率是  $\frac{1}{4}$ .

- (1) s,t 是连续掷一枚骰子两次所得到的点数,a=3
- (2) s,t 是连续掷一枚骰子两次所得到的点数,a=2
- 23.  $(x^2-2x-8)(2-x)(2x-2x^2-6) > 0$ .
- (1)  $x \in (-3, -2)$
- (2)  $x \in [2,3]$

24. 圆  $(x-1)^2 + (y-2)^2 = 4$  和直线  $(1+2\lambda)x + (1-\lambda)y - 3 - 3\lambda = 0$  相交于两点.

$$(1) \quad \lambda = \frac{2\sqrt{3}}{5}$$

$$(2) \quad \lambda = \frac{5\sqrt{3}}{2}$$

25.  $\{a_n\}$ 的前 n 项和  $S_n$  与  $\{b_n\}$  的前 n 项和  $T_n$  满足  $S_{19}:T_{19}=3:2$  .

- (1)  $\{a_n\}$  和  $\{b_n\}$  是等差数列
- (2)  $a_{10}$ :  $b_{10} = 3:2$

# 2018年1月真题解析

一、问题求解第 1~15 小题,每小题 3 分共 45 分。下列每题给出的 A、B、C、D、E 五个选项中只有一个选项符合试题要求请在答题卡上将所选项的字母涂黑。

### 1. 【答案】B

【考点】比与比例

【解析】一等奖、二等奖和三等奖,比例为 1:3:8,已知 10 人获得一等奖,则 30 人获得二等奖,80 人获得三等奖。获奖人数一共 10+30+80=120 人。获奖率为 30%,总人数= $120\div30\%=400$  人。

### 2. 【答案】A

【考点】数据分析

【解析】男员工的平均龄:  $(23+26+28+30+32+34+36+38+41) \div 9=32$ 

全体员工的平均年龄: (23+26+28+30+32+34+36+38+41+23+25+27+27+29+31) ÷15=30

### 3. 【答案】B

【考点】分段函数

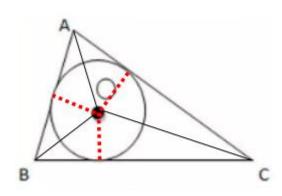
【解析】45GB=20GB+10GB+10GB+5GB

费用=0+10×1+10×3+5×5=65(元)

### 4. 【答案】A

【考点】平面图形

【解析】连接 OA, OB, OC; 作 3 条垂线段均为 r;



 $S\triangle AOB = \frac{1}{2}AB \times r$ 

 $S\triangle AOC = \frac{1}{2}AC \times r$ 

 $\frac{1}{S \triangle BOC = 2} BC \times r$ 

 $\frac{1}{S\triangle ABC} = \frac{1}{2} (AB+AC+BC) \times r \qquad C\triangle ABC = AB+AC+BC$ 

因为 S△ABC: C△ABC=1:2, 所以  $\frac{1}{2}$  (AB+AC+BC) × r : (AB+AC+BC) =1:2 可求出 r=1, 故圆的面积=  $\pi$  。

# 5. 【答案】E

【考点】绝对值

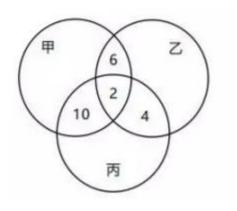
【解析】 | a3-b3 | =26 可得: | (a-b) (a2+ab+b2) | =26, 又因为 | a-b | =2, 可得: | a2+ab+b2 | =13

由 | a-b | =2 可得: a2-2ab+b2=4, ab=  $\frac{\left(a^2+b^2\right)-4}{2}$  , 代入上式

6. 【答案】C

【考点】组合数

【解析】



96-6-2-10-4=74.

7. 【答案】C

【考点】平行四边形

【解析】S1=12, S2=6, S3=3,......

首项 12,公比为 $\frac{1}{2}$ 的等比数列。 $S=\frac{a_1(1-q^n)}{1-q}$ ,a1=12,1-qn 当 n 无限大时,qn=0

$$S = \frac{12 \times 1}{1 - \frac{1}{2}} = 24$$

## 8. 【答案】B

【考点】组合数

【解析】指定 2 张卡片为 1 组,剩余 4 张卡片分成 2 组:  $\frac{C_4^2C_2^2}{P_2^2}$  = 3,依题意 6 张卡片 2 张一组,可以分为不同的 3 组,再把 3 组随机放到甲、乙、丙 3 个袋子里。 $3 \times \frac{P_3^3}{3}$  =  $3 \times 6$  = 18.

- 9. 【答案】C
  - 【考点】概率

【解析】甲若赢得比赛,需要连胜2局:06×06=0.36

10. 【答案】E

【考点】圆与直线的位置关系

【解析】设切线的解析式 y=kx+b,  $\begin{cases} k+b=2\\ b=3 \end{cases}$ , 得 k=-1;

圆心 (0, a) 与切点 (1, 2) 的联系垂直于切线,得  $\frac{2-a}{1-0} = 1$ ,  $\therefore a=1$ 

∴圆的方程: x2+(y-1)2=b

将(1,2)代入可得:1+1=b, b=2, 故 ab=1×2=2.

#### 11. 【答案】D

【考点】组合数

【解析】4 名男运动员选 2 名:  $C_4^2$ , 3 名女运动员选 2 名:  $C_3^2$ ;

男 A,男 B,女 C,女 D 组成混双有 2 种情况: ①(男 A,女 C),(男 B,女 D)②(男 A,女 D),(男 B,女 C)。故  $C_4^2 \times C_3^2 \times 2=36$ .

# 12. 【答案】A

【考点】概率

【解析】能被5整除的有: 1+4, 1+9, 2+3, 2+8, 3+7, 4+6, 5+10, 6+9, 7+8, 共9种。

$$P = \frac{9}{C_{10}^2} = \frac{1}{5}$$

# 13. 【答案】C

【考点】组合数

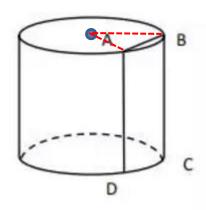
【解析】3个主任是错排,不去各自的部门一共两种情况;外聘3人是随机分配,是全排列。

$$_{2} \times P_{3}^{3} = 12 \, \text{m}$$

# 14. 【答案】D

【考点】空间几何

## 【解析】



S 底面积=  $\pi$  r 2=4  $\pi$  , S 扇形 0AB=  $\frac{1}{6}$  S 底面积=  $\frac{2}{3}$   $\pi$  , S $\triangle$ 0AB=  $\frac{\sqrt{3}}{4}$   $a^2$  =  $\sqrt{3}$  , 则 S 弓形 AB=  $\frac{2}{3}$   $\pi$  –  $\sqrt{3}$ 

### 15. 【答案】E

【考点】函数最值

【解析】f(x)=max {x2,-x2+8},当 x2=-x2+8 时,x1=2,x2=-2,所以可得:

$$f(x) = \begin{cases} x^2(x \ge 2) \\ -x^2 + 8(-2 \le x \le 2) \\ x^2(x \le -2) \end{cases}$$
, ∴ f (x) 的最小值为 f (2) = f (-2) = 4.

# 二、条件充分性判断(本大题共10小题,每小题3分,共30分)

解题说明:本大题要求判断所给出的条件能否充分支持题干中陈述的结论。阅读条件(1)和条件(2)后, 请在答题卡上将所选项的字母涂黑。

- A: 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分
- B: 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分
- C:条件(1)和(2)单独都不充分,但条件(1)和条件(2)联合起来充分
- D: 条件(1) 充分,条件(2) 也充分。
- E:条件(1)和条件(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分。
- 16. 【答案】A

【考点】均值

【解析】 (1) 
$$x^2 + y^2 \le 2$$
,  $2xy \le x^2 + y^2 \le 2$ , 则  $xy \le 1$ .

| 
$$x+y$$
 |  $=\sqrt{(x+y)^2} = \sqrt{x^2 + y^2 + 2xy} \leqslant \sqrt{2+2\times 1} = 2;$  故 (1) 充分

(2) x, y 正负不确定,则不充分。如 x=-10,  $y=-\frac{1}{10}$ , 得 | x+y | > 2。

#### 17. 【答案】B

【考点】等差数列

【解析】
$$S9 = \frac{9(a_1 + a_9)}{2}$$
 (1) 不充分。

$$S9 = \frac{9(a_1 + a_9)}{2} = \frac{9 \times 2a_5}{2}$$
 9a5,条件(2)充分。

# 18. 【答案】D

【考点】不定方程

【解析】对于(1),3m+n=mn, m=2, n=6; m=4, n=4; m+n=8 成立。

对于(2),2m+n=mn, m=2, n=4; m=3, n=3, m+n=6 成立

### 19. 【答案】A

【考点】均值不等式

【解析】设甲、乙、丙分别为x、y、z

条件(1)x+z 已知,

y2=xz;

$$_{X+Z} \geqslant 2\sqrt{XZ}$$
,

$$\therefore_{xz} \leqslant (\frac{x+z}{2}) \ 2,$$

$$\therefore y2 \leqslant (\frac{x+z}{2}) 2$$

$$x + z$$

∴y≤ 2 ,能确定乙的最大值。

条件(2) xz 已知, y2=xz, 可求出 y是固定值,没有最大值。

### 20. 【答案】E。

【考点】方程组

【解析】由题干可设, 甲买 A 玩具 x 件, 乙买 B 玩具 y 件, A 玩具单价 m 元, B 玩具单价 n 元。mx-ny=100

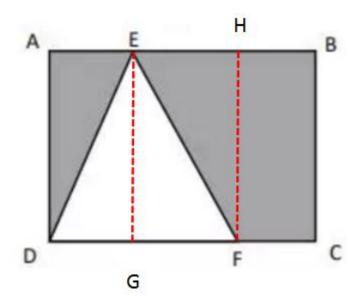
- (1) x+y=50
- (2) m=2n

四个未知数,三个方程,显然解不出来。故选 E。

# 21. 【答案】D

【考点】平面图形

【解析】作 EG L CD, FH L AB,



(1) 题干 AE=FC, (1) EB=2FC, 可得: AE=FC=BH=EH, 因为 AD // EG // FH, E 是 AH 中点, 可得 G 是 DE 中点。 所以△EDF 是等腰三角形。所以∠AED=∠EDF=∠EFD。

所以 $\angle$ AED+ $\angle$ EFC=180°,又有 $\angle$ A+ $\angle$ C=180°,所以三角形 AED 与四边形 BCFE 能拼接成一个直角三角形。 (1) 充分

(2) ED=EF, 直接得到△EDF 是等腰三角形, 同理可证。(2) 也充分。

### 22. 【答案】C

# 【考点】解析几何

【解析】 ∴点 P(m, 0), A(1, 3), B(21)点(xy)在三角形 PAB 上, 所以 x-y=m, -2, 1

对于(1)m≤1 时, max=1, min 不存在

对于(2)m≥-2 时, min=-2, max 不存在

联立(1)与(2)可得:-2≤m≤1时, max=1, min=-2成立

## 23. 【答案】D

# 【考点】平均值

【解析】设甲公司员工为 x 人, 年终奖总额为 m, 乙公司员工为 y 人, 年终奖总额为 n。

可得 
$$(1+25\%)$$
 m= $(1-10\%)$  n 即 1.25m=0.9n, $\frac{m}{n} = \frac{18}{25}$ 

条件(1)
$$\frac{m}{x} = \frac{n}{y}$$
, 可得 $\frac{x}{y} = \frac{m}{n} = \frac{18}{25}$ , (1) 充分。

条件 (2)  $\frac{x}{y} = \frac{m}{n}$ , 直接可得  $\frac{x}{y} = \frac{18}{25}$ , (2) 也充分。

# 24. 【答案】A

【考点】圆与直线

【解析】直线与圆不相交, d>r, 圆 x2+y2-2y=0 可得 x2+(y-1)2=1

圆心为(0,1), r=1, 直线 x+ay-b=0

∴ 
$$d = \frac{\left|a - b\right|}{\sqrt{1 + a^2}} >_1$$
,即 $\left|a - b1\right> \sqrt{1 + a^2}$ ,显然(1)成立。

# 25. 【答案】D

【考点】二次函数

【解析】当 
$$x=-\frac{a}{2}$$
时  $f(x)$  最小,最小值为 $-\frac{a^2}{4}$  即  $f(x) \geq -\frac{a^2}{4}$ 

$$f(f(x)=(x^2+ax)^2+a(x^2+ax)$$

设 
$$x^2+ax=k$$
, , f (f (x)= $k^2+ak$ :当 f (x)= $-\frac{a}{2}$ 时, 取得, 最小值也是- $\frac{a^2}{4}$ 

∴只需满足
$$-\frac{a}{2} \ge -\frac{a^2}{4}$$
即可,解得  $a \ge 2$  或  $a \le 0$ 。

(1) (2) 都充分。

# 2017年1月真题解析

一、问题求解(本大题共 5 小题,每小题 3 分,共 45 分)下列每题给出 5 个选项中,只有一个是符合要求的,请在答题卡上将所选择的字母涂黑。

1. 【答案】E

【考点】概率计算

【解析】

古典概型,列举法:

满足a > b的有(2,1)(3,1)(3,2);

满足a+1 < b的有(1,3)(1,4)(2,4);

共六组,因此概率为 $\frac{6}{C_3^1 \times C_4^1} = \frac{1}{2}$ .

2. 【答案】E

【考点】求三角形面积比

【解析】

采用简便做法: 分别取  $AB = AC = 2, A'B' = A'C' = 3, \angle A = \angle A' = \frac{\pi}{2}$ ,

则两三角形均为等腰直角三角形,则 $S: S' = \frac{1}{2} \times 2 \times 2: \frac{1}{2} \times 3 \times 3 = 4:9$ .

3. 【答案】B

【考点】排列组合

【解析】

这是人员分组分配问题,每组内人员数目相等,且组与组之间没有名称的差别

即"均匀无名称分组"问题。用组合数求解,并且必须进行消序。

分组方式共有: 
$$\frac{C_6^2 \times C_4^2 \times C_2^2}{A_3^3} = 15$$
 种.

#### 4. 【答案】B

# 【考点】方差计算

# 【解析】

分别计算甲、乙、丙方差,并比较大小:

$$\overline{x_{\text{H}}} = 5, \quad \sigma_{1} = \frac{(2-5)^{2} + (5-5)^{2} + (8-5)^{2}}{3} = 6$$

$$\overline{x_{\text{Z}}} = 4, \quad \sigma_{2} = \frac{(5-4)^{2} + (2-4)^{2} + (5-4)^{2}}{3} = 2$$

$$\overline{x_{\text{H}}} = 7, \quad \sigma_{3} = \frac{(8-7)^{2} + (4-7)^{2} + (9-7)^{2}}{3} = \frac{14}{3}$$

因此, $\sigma_1 > \sigma_3 > \sigma_2$ 

- 5. 【答案】C
  - 【考点】切割问题

#### 【解析】

要求切割后无剩余,则正方体的棱长应是长方体长、宽、高的公约数。

想要正方体最少,则需要找出长方体长、宽、高的最大公约数。

12, 9, 6 的最大公约数为 3, 因此得到的正方体个数为  $\frac{12}{3} \times \frac{9}{3} \times \frac{6}{3} = 24$ .

- 6. 【答案】B
  - 【考点】增长率

### 【解析】

设降价前是a,则降价后为a(1-10%)(1-10%)=81%a,所以是降价前的81%.

- 7. 【答案】E
- 【考点】列方程解应用题

设甲乙丙分别载重量为a,b,c吨,由己知得:

$$\begin{cases} 2b = a + c \\ 2a + b = 95 \\ a + 3c = 150 \end{cases}$$

得 
$$\begin{cases} a = 30 \\ b = 35 \\ c = 40 \end{cases}$$

所求 a+b+c=105.

- 8. 【答案】D
  - 【考点】集合问题

【解析】

下午张老师咨询的总人数共 $\frac{9}{10\%}$ =90人根据集合问题解题思路:由于9名学生既参加了上午的咨询,又参加了下午的咨询。因此学生总数为45+90-9=126.

9. 【答案】D

【考点】求图形面积

【解析】

如图, 机器人走过的区域为:



因此搜索区域的面积是长方形面积加一个圆的面积(由位于两边的两个半圆组成):  $S=2\times 10+\pi\times 1^2=20+\pi$ 

### 10. 【答案】B

【考点】解绝对值不等式

平方法求解:

$$|x-1|+x \le 2$$

$$\Rightarrow |x-1| \le 2-x,$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x \le 2 \\ (x-1)^2 \le (2-x)^2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow x \le \frac{3}{2}$$

### 11. 【答案】D

【考点】整除问题

#### 【解析】

1到100之间,9的倍数有9,18,27,…,99,共11个数值。

这些数值的平均数为
$$\frac{(9+99)\times11}{2\times11}$$
=54.

## 12. 【答案】B

【考点】概率问题

#### 【解析】

6 道题能确定正确选项,因此答对每题的概率为1,6 道题目全部做对的概率为1;

5 道题可排除 2 个错误选项,因此答对每题的概率为 $\frac{1}{2}$ ,5 道题目全部做对的概率为  $\frac{1}{2^5}$ ;

4 道题目可排除 1 个错误选项,因此答对每题的概率为 $\frac{1}{3}$ ,4 道题目全部做对的概率为  $\frac{1}{3^4}$ ,

因此概率为 $1 \cdot \frac{1}{2^5} \cdot \frac{1}{3^4} = \frac{1}{2^5} \cdot \frac{1}{3^4}$ .

### 13. 【答案】A

【考点】不定方程问题

设甲种办公设备为 x, 乙种办公设备为 y, 列方程为

$$1750x + 950y = 10000$$

,

化简得: 35x+19y=200

验证选项得: y=5, x=3

## 14. 【答案】A

【考点】图形面积计算

#### 【解析】

$$S$$
開影 =  $S$ 扇形 $AOB$   $-S_{\Delta OCA}$  
$$= \frac{1}{8} \cdot \pi \cdot 1^2 - \frac{1}{2} \cdot 1 \cdot \frac{1}{2}$$
 
$$= \frac{\pi}{8} - \frac{1}{4}$$

### 15. 【答案】C

【考点】集合问题

### 【解析】

复习过数学的看做 A, 复习过语文的看做 B, 复习过英语的看做 C,

复习数学和语文的看做 AB, 复习数学和英语的看做 AC, 复习语文和英语的看做 BC,

同时复习过这三门课的看做 ABC, 三科全部都没有复习的看做 D。

因此列式为:

$$50 = (A+B+C-AB-AC-BC+ABC)+D$$
  

$$50 = (20+30+6-10-2-3+0)+D$$
  
∴ D=9

- 二、条件充分性判断:第  $16^225$  小题,每小题 3 分,共 30 分.要求判断每题给出的条件(1)和条件(2)能否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断,在答题卡上将所选项的字母涂黑.
- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.

- (C) 条件(1)和(2)单独都不充分,但条件(1)和条件(2)联合起来充分.
- (D)条件(1)充分,条件(2)也充分.
- (E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.

#### 16. 【答案】D

#### 【考点】工程问题

#### 【解析】

条件(1): 设要处理的文件数为x,则可得 $\frac{1}{5}x+(\frac{4}{5}x\cdot\frac{1}{4})=10$   $\Rightarrow$  x=25,充分。

条件(2):  $\frac{1}{5}x = 5 \Rightarrow x = 25$ ,充分.

### 17. 【答案】E

## 【考点】增长率问题

#### 【解析】

条件(1):由1月份的产值无法得出月平均增长率,不充分.

条件(2):由全年总产值无法得出月平均增长率,不充分.

联立,设 1 月份的产值为a,全年总产值为b,月平均增长率为x,则  $a+a(1+x)+a(1+x)^2+...+a(1+x)^{11}=b$ ,

观察可知, 当 a 为 0 时候, 无法确定月平均增长率 x 的值, 不充分.

# 18. 【答案】A

#### 【考点】直线与圆的位置关系

### 【解析】

圆方程配方得到:  $(x-\frac{a}{2})^2 + (y-\frac{b}{2})^2 = \frac{a^2+b^2}{4}-c$ ,由圆与x轴相切可知圆心到x轴距离等于圆的半径。  $\mathbb{P}\left|\frac{b}{2}\right| = \sqrt{\frac{a^2+b^2}{4}-c}, \therefore \frac{a^2}{4} = c$ 。

要确定 c 值只需要 a 值即可。条件(1)充分,条件(2)不充分.

### 19. 【答案】C

#### 【考点】行程问题

#### 【解析】

条件(1)、(2)单独,都无法确定乘动车的时间与乘汽车的时间,所以都不充分.

联立,可知乘动车和汽车的时间均为3小时,则可知两地距离为 $(220+100)\times 3=960$ ,充分.

### 20. 【答案】B

【考点】直线与抛物线交点问题

#### 【解析】

讨论直线与抛物线交点问题, 联立直线与抛物线方程:

$$x^2 = ax + b$$
,  $x^2 - ax - b = 0$ 

若有两个交点,则需要 $\Delta = a^2 + 4b > 0$ ,

可知条件(1)不充分,条件(2)充分.

# 21. 【答案】B

【考点】立体几何

#### 【解析】

条件(1): 由铁球露出水面的高度无法求出铁球半径,不充分.

条件(2): 如图,设铁球半径为R,已知水面交线的周长C,可以求出截面半径r;

水深 h-R, 截面半径 r, 铁球半径 R 构成直角三角形满足勾股定理使用条件。

根据勾股定理可得:  $(h-R)^2 + r^2 = R^2$ 

得到: 铁球的半径  $R = \frac{r^2 + h^2}{2h}$ , 半径已知,则可以得出铁球的体积,充分.



### 22. 【答案】A

【考点】不等式

### 【解析】

 $\min\{|a-b|,|b-c|,|a-c|\} \le 5$  表示:

|a-b|, |b-c|, |a-c| 三个表达式中最小的值小于等于 5,也就是只要其中的一个小于等于 5 即可,或者都不超过 5

条件 (1): 根据绝对值的几何意义,若  $|a-b| \ge 5$ ,  $|a-c| \ge 5$ ,则  $|b-c| \le 5$  必定成立,既至少有一个小于等于 5,故充分.

条件(2): 反例 a = 5, b = -5, c = 15, 不充分.

### 23. 【答案】C

【考点】不定方程

### 【解析】

根据  $52 = 2 \times 26, 52 = 4 \times 13$ ,

条件(1)老师人数可能为2或4。因此,不充分.

条件(2)无法确定每位老师供题数目情况,不能确定供题教师的人数,不充分.

联立:  $52 = 2 \times 26,52 = 4 \times 13$ , 当人数为 2人时,由于每位供题教师提供的题型不超过 2种,则题型最多为 4种,达不到征集 5种题型,故舍去。可得教师人数只能为 4人,充分.

### 24. 【答案】C

【考点】概率计算

#### 【解析】

明显单独都不充分。

联立:

A 类合格的概率为:  $P_1 = C_3^2 \times 0.6^2 \times 0.4 + 0.6^3 = 0.648$ ;

B 类合格的概率为:  $P_2 = 0.8 \times 0.8 = 0.64$ ;

 $P_1 > P_2$ , 充分.

### 25. 【答案】A

【考点】二次函数最值

最小值=
$$\frac{4b-(2a)^2}{4}=b-a^2$$

条件 (1):  $2a = b + 1, b = 2a - 1, \therefore b - a^2 = 2a - 1 - a^2 = -(a - 1)^2$ ,

若a=1,则数列是常数列,不满足题干中a,b不相等,

因此 a 必然不是 1,因此  $(a-1)^2 > 0 \rightarrow -(a-1)^2 < 0$ , 充分.

条件 (2):  $a^2 = b \rightarrow b - a^2 = 0$ , 不充分.

# 2016年1月真题解析

一、问题求解第 1-15 小题,每小题 3 分,共 45 分,下列每题给出的五个选项中,A、B、C、D、E 只有一个项符合试题要求。请在答题卡上将所选项字母涂黑。

1. 【答案】D.

【考点】比例应用题

### 【解析】

由已知得,子女教育支出:生活资料支出:文化娱乐支出=6:16:3,则生活资料支出占家庭总支出的 $10.5\% \div 3 \times 16 = 56\%$ 

### 2. 【答案】C.

【考点】列方程解应用题

#### 【解析】

设正方形瓷砖为 $1\times1$ 的,假设共有N 块瓷砖,正方形区域的长度为a,则有

$$\begin{cases} 1^2 \times (N - 180) = a^2 \\ 1^2 \times (N + 21) = (a + 1)^2 \end{cases} \Rightarrow N = 10180$$

#### 3. 【答案】E.

【考点】行程问题

#### 【解析】

甲乙两地之间的距离为 $(90+100)\times3=570$ ,客车从乙地到甲地所需的时间为 $\frac{570}{100}=5.7$ 小时,因此当客车到达甲地时货车距乙地的距离是 $570-90\times5.7=57$ 千米.

## 4. 【答案】C.

【考点】概率计算

#### 【解析】

古典概型计算。事件总可能性为 $C_6^3 = 20$ 种,满足"数字之和等于 10"的事件共有:

$$1+3+6,1+4+5,2+3+5$$
 三种, 因此所求概率为  $\frac{3}{20}$  = 0.15

#### 5. 【答案】B.

#### 【考点】最值应用题

### 【解析】

设冰箱的售价降低了 x 个 50 元,则销售利润为

y = (2400 - 50x - 2000)(8 + 4x), 当 x = 3 时取到最大值, 定价为  $2400 - 3 \times 50 = 2250$  元.

## 6. 【答案】B.

【考点】分类分步原理

#### 【解析】

### 7. 【答案】D.

【考点】概率计算

## 【解析】

能被 5 整除的数有 20 个,能被 7 整除的数有 14 个,能被 5 整除且能被 5 整除的数有 2 个,从而能被 5 或 7 整除的数有 20 + 14 - 2 = 32 个,所求概率  $p = \frac{32}{100} = 0.32$ .

### 8. 【答案】D.

【考点】平面图形的面积

### 【解析】

由于 AB//CD, 从而  $\angle BAE = \angle DCE$ ,  $\angle ABE = \angle CDE$ , 又  $\angle AEB = \angle CED$ , 则

$$\Delta ABE \sim \Delta CDE$$
,  $\frac{S_{\Delta ABE}}{S_{\Delta CDE}} = \left(\frac{AB}{CD}\right)^2 = \frac{1}{4}$ , 又因为 $S_{\Delta ABE} = 4$ , 所以 $S_{\Delta CDE} = 16$ ,  $\Delta ABE$ 与 $\Delta BCE$ 等高,

故 
$$\frac{S_{\Delta ABE}}{S_{\Delta BCE}}=\frac{AE}{CE}=\frac{AB}{CD}=\frac{1}{2}$$
,所以  $S_{\Delta BCE}=8$ ,同样  $S_{\Delta ADE}=8$ ,因此四边形  $ABCD$  的面积=4+8+8+16=36.

## 9. 【答案】E.

【考点】列方程解应用题

设竖式的箱子x个,横式箱子有y个,则有 $\begin{cases} 4x+3y=340 \\ x+2y=160 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=40 \\ y=60 \end{cases}$ 

### 10. 【答案】E.

【考点】对称问题

#### 【解析】

圆的标准方程为 $(x-3)^2+(y+2)^2=13$ ,原点(0,0)恰好在圆上,则到原点距离最远的点与原点恰好关于圆心(3,-2)对称,根据中点坐标公式,求得对称点为(6,-4)

#### 11. 【答案】D.

【考点】最值问题

### 【解析】

求形如 "ax+by"最值问题,可采用代入法计算。即 2x+3y 的最大值一定为(4,0),(0,3),(0,0) 3 点中最大的函数值,带入得到 2x+3y 的最大值在(0,3) 处取得,值为 9,因此最大值为 9.

#### 12. 【答案】A.

【考点】韦达定理

#### 【解析】

设 A、B 两点的横坐标分别为  $x_1, x_2$ ,则  $\Delta ABC$  的面积为  $S = |x_1 - x_2| \times 2 \times \frac{1}{2} = 6$ ,

则有
$$|x_1-x_2=6|$$
,由韦达定理知 $|x_1-x_2|=\frac{\sqrt{\Delta}}{|a|}=\frac{\sqrt{4a^2-4b}}{1}=6$ 得 $a^2-b=9$ .

#### 13. 【答案】C.

【考点】数列求和应用题

### 【解析】

首期付款 100 万元,因此首月利息为 $1000\times1\%$ ,之后每月付款 50 万元,因此次月利息为 $950\times1\%$ ,递推得最后一月利息为 $50\times1\%$ ,

则总利息为 $(1000+950+900+\cdots+100+50)$ ×1% = 50× $(1+2+3+\cdots+20)$ ×1% = 105 万元,从而付款总额为 1100+105=1205 万元.

#### 14. 【答案】D.

### 【考点】组合问题

#### 【解析】

共有六个班,从中选两个班,因此总选法为 $C_6^2=15$ 种。其中不满足情况的有:恰好选择分步在两个班的同门课程,共两种选法。因此不同的选课方式有 $C_6^2-2=15-2=13$ 种.

#### 15. 【答案】E.

【考点】立体几何

#### 【解析】

圆柱体的体对角线为球体的直径=20 厘米,体对角线、圆柱底面直径、圆柱体的高恰好构成直角三角形,则利用勾股定理求得圆柱的高:  $\sqrt{20^2-12^2}=16$  厘米,洞的内壁面积即圆柱的表面积,即  $2\pi rh=192\pi$ 

- 二、条件充分性判断:第  $16^225$  小题,每小题 3 分,共 30 分. 要求判断每题给出的条件(1)和条件(2)能否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断,在答题卡上将所选项的字母涂黑.
- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.
- (C)条件(1)和(2)单独都不充分,但条件(1)和条件(2)联合起来充分.
- (D) 条件(1) 充分,条件(2) 也充分.
- (E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.

#### 16. 【答案】B.

#### 【考点】十字交叉法解应用题

# 【解析】

设男、女员工平均年龄分别为 a, b。男、女员工的人数分别为 x, y。题干要求,  $\frac{ax+by}{x+y}$  的值能确定.

69

条件 (1) x+y 已知,无法推出  $\frac{ax+by}{x+y}$  的值,不充分.

条件 (2) 
$$\frac{x}{y}$$
 已知,设 $\frac{x}{y} = k$ ,则 $\frac{ax + by}{x + y} = \frac{aky + by}{ky + y} = \frac{ak + b}{k + 1}$ ,已知,充分.

#### 17. 【答案】C.

【考点】平面图形的面积

#### 【解析】

设长方形的长为b, 宽为a, 则小正方形的边长为b-a, 大正方形的边长为a+b

条件(1)中,已知大正方形 ABCD 的面积,能够得出大正方形的边长,即得出 a+b ,显然无法得出 b-a 的值,不充分.

条件(2)中,已知长方形的长宽比,显然也无法得出,不充分.

联立,即已知的大正方形面积值 S,同时已知长方形的长宽比 $\frac{b}{a} = k$ ,则小正方形的面积

$$=(b-a)^2 = (a+b)^2 - 4ab = S - 4ab$$

而  $a+b=\sqrt{S}$  , 可具体得出 a 和 b 的数值,从而小正方形面积可以确定,充分.

### 18. 【答案】A.

【考点】不定方程应用题

#### 【解析】

设两种管材分别需要 x, y 根。

条件 (1) , 3x+5y=37 ,解得  $\begin{cases} x=9\\ y=2 \end{cases}$  以 即有方案能够连接成 37 的管道,充分.

条件(2), 4x+6y=37, 由于 4x 和 6y 均为偶数,不可能求和得到 37,不充分.

#### 19. 【答案】C.

【考点】不等式

## 【解析】

条件(1) 取特值: x = 8, y = 6, 不充分

条件(2) 取特值: x = 8, y = 5, 不充分

联立, 
$$\begin{cases} x \le y + 2 \\ 2y \le x + 2 \end{cases}$$
, 得  $2y \le x + 2 \le y + 2 + 2$ , 可得出  $\begin{cases} x \le 6 \\ y \le 4 \end{cases}$ , 充分.

### 20. 【答案】E.

【考点】浓度问题

#### 【解析】

设甲酒精浓度为 x,乙酒精的浓度为 y,丙酒精的浓度为  $\frac{2x+y}{3}$  ,题干要求得出 x, y 的值

条件 (1) 
$$\frac{x+5y}{6} = \frac{1}{2} \cdot \frac{2x+y}{3}$$
 只能得  $x = 4y$ , 不充分

条件 (2) 
$$\frac{x+2y}{3} = \frac{2}{3} \cdot \frac{2x+y}{3}$$
, 只能得  $x = 4y$ , 不充分

联立, 仍不充分.

### 21. 【答案】A.

【考点】均值与方差

### 【解析】

条件(1): 由
$$S_1, S_2$$
均值相等,可得 $\frac{3+4+5+6+7}{5} = \frac{4+5+6+7+a}{5}$ ,得 $a=3$ ,充分.

条件(2): 由 $S_1, S_2$ 方差相等,可得

$$\frac{1}{5} \Big[ (3-5)^2 + ... + (7-5)^2 \Big] = \frac{1}{5} \Big[ (4-5)^2 + ... + (a-5)^2 \Big], \quad \mathbb{P}(a-5)^2 = (3-5)^2 \ \text{得} \ a = 7 \ \text{或} \ 3, \quad \text{不能唯一}$$
确定,不充分.

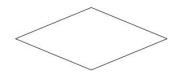
### 22. 【答案】C.

【考点】平面几何

# 【解析】

条件(1)举反例: M中只有三个点,当三个点共线时,平面上不存在到M中各点距离都相等的点,不充分.

条件(2)举反例: M中有四个点,恰好构成菱形,如图所示,平面中不存在到四个点的距离都相等的点,不充分



联立,M中的三个点恰好可构成一个三角形,三角形三条边的垂直平分线交于一点。根据垂直平分线上的点到线段两端点的距离相等,可知此点到M中三个点距离相等,充分.

### 23. 【答案】B.

## 【考点】最值问题

### 【解析】

条件 (1) 举反例, 当 $x = -\infty$ ,  $y = \frac{1}{-\infty}$  时, 无法确定  $x^3 + y^3$  的最小值, 不充分。

条件 (2) 
$$x^3 + y^3 = (x+y)^3 - 3x^2y - 3y^2x = (x+y)^3 - 3xy(x+y) = 8 - 6xy$$
,由 $\frac{x+y}{2} \ge \sqrt{xy}$ ,可知 $\sqrt{xy} \le 1$ ...  $xy \le 1$ ...  $x^3 + y^3 = 8 - 6xy \ge 2$ ,充分.

#### 24. 【答案】A.

#### 【考点】数列问题

#### 【解析】

条件 (1) 由 
$$a_n \ge a_{n-a}$$
 , 可知  $a_1 \ge a_2, a_3 \ge a_4, \dots, a_9 \ge a_{10}$  , 可得

$$a_1 - a_2 + a_3 - \dots + a_9 - a_{10} = (a_1 - a_2) + \dots + (a_9 - a_{10}) \ge 0$$

条件 (2) 由 
$$a_n^2 \ge a_{n+1}^2$$
, 可知  $a_n \ge a_{n+1} \ge 0$  或  $a_n \le a_{n+1} \le 0$ , 其中  $a_n \le a_{n+1} \le 0$  时, 可得

$$a_1 - a_2 + a_3 - \dots + a_9 - a_{10} = (a_1 - a_2) + \dots + (a_9 - a_{10}) \le 0$$
, 不充分.

#### 25. 【答案】D.

#### 【考点】区间根问题

### 【解析】

条件(1): 此条件等价于 "方程  $x^2 + ax + b = 0$  的两根在区间 [0,1] 内",即转化为区间根问题,数形结合求解,

$$\begin{cases} \Delta = a^2 - 4b > 0 \\ 0 < -\frac{a}{2} < 1 \\ f(0) \ge 0 \\ f(1) \ge 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a^2 - 4b > 0 \\ -2 < a < 0 \\ b \ge 0 \\ 1 + a + b \ge 0 \end{cases}, \text{ 首先能够得到 } f(1) = 1 + a + b \ge 0;$$

其次,由
$$\begin{cases} a^2 - 4b > 0 \Rightarrow b < \frac{a^2}{4} \\ -2 < a < 0 \end{cases}$$
,可得  $f(1) = 1 + a + b < 1 + a + \frac{a^2}{4} = \left(1 + \frac{a}{2}\right)^2 < 1$ 

综上得 $0 \le f(1) < 1$ , 充分.

条件 (2): 此条件等价于"方程  $x^2 + ax + b = 0$  的两根在区间 [1, 2] 内",即转化为区间根问题,数形结合求解,

$$\begin{cases} \Delta = a^2 - 4b > 0 \\ 1 < -\frac{a}{2} < 2 \\ f(1) \ge 0 \\ f(2) \ge 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a^2 - 4b > 0 \\ -4 < a < -2 \\ 1 + a + b \ge 0 \\ 4 + 2a + b \ge 0 \end{cases}, \quad \Box$$

其次,由 
$$\begin{cases} a^2 - 4b > 0 \Rightarrow b < \frac{a^2}{4}, \quad \text{可得 } f(1) = 1 + a + b < 1 + a + \frac{a^2}{4} = \left(1 + \frac{a}{2}\right)^2 < 1 \end{cases}$$

综上得 $0 \le f(1) < 1$ , 充分.

# 2015年1月真题解析

一、问题求解第 1-15 小题,每小题 3 分,共 45 分,下列每题给出的五个选项中,A、B、C、D、E 只有一个项符合试题要求。请在答题卡上将所选项字母涂黑。

### 1. 【答案】E

【考点】比例问题

## 【解析】

由己知比例,可设  $a = k, b = 2k, c = 5k(k \neq 0)$ ,则 a + b + c = 8k = 24,所以 a = 3, b = 6, c = 15,所以  $a^2 + b^2 + c^2 = 270$ . 故选 E.

#### 2. 【答案】D

【考点】算术应用题

#### 【解析】

设甲部门有 x 人,乙部门有 y 人,由已知  $\begin{cases} y+10=2\big(x-10\big)\\ \frac{1}{5}y+x=\frac{4}{5}y \end{cases}$ ,得 x=90,y=150. 该公司的总人数为 x+y=240 人. 故选 D.

### 3. 【答案】C

【考点】质数问题

## 【解析】

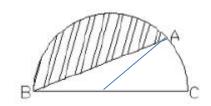
质数问题大多用列举法: 小于 20 的质数有 2,3,5,7,11,13,17,19,满足条件|m-n|=2 的  $\{m,n\}$  共有  $\{3,5\}$ ,  $\{5,7\}$ ,  $\{11,13\}$ ,  $\{17,19\}$  共 4 组. 故选 C.

### 4. 【答案】A

【考点】阴影图形的面积

#### 【解析】

如图所示,连接A及半圆圆心O(如图)



74

则所求面积  $S = \frac{\pi \cdot 2^2}{3} - \frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} \times 1 = \frac{4\pi}{3} - \sqrt{3}$ . 故选 A.

## 5. 【答案】D

【考点】路程问题

#### 【解析】

设 A 地到 B 地的距离为 2S ,原计划的速度为 $\nu$  (单位:千米/分钟).

后一半路程的平均速度为120千米/小时,即2千米/分钟,

所以 
$$\begin{cases} \frac{S}{v} + 45 = \frac{S}{0.8v}, \\ \frac{2S}{v} = \frac{S}{v} + 45 + \frac{S}{2}, \end{cases}$$

解得 
$$\begin{cases} S = 270, \\ v = \frac{3}{2} \end{cases}$$
 ,所以 2S=540km. 故选 D.

# 6. 【答案】B.

【考点】平均值问题

### 【解析】

用极端假设法求解,若三个班平均成绩都为80分,则甲、乙、丙三个班人数为 $\frac{6952}{80} \approx 86.9$ ,

若三个班平均成绩都为 81.5 分,则甲、乙、丙三个班人数为  $\frac{6952}{81.5} \approx 85.3$ .

由于人数为正整数,所以取人数为86人.故选B.

### 7. 【答案】C

【考点】立体几何

# 【解析】

根据熔铸前后体积不变,即圆柱形铁管的体积与长方体体积相等,所以长方体的体积  $V=\pi\times 1^2\times 2-\pi\times \left(0.9\right)^2\times 2=2\pi(1^2-0.9^2)\approx 1.19~.$  故选 C

### 8. 【答案】C

【考点】平面图形的面积

### 【解析】

平面几何中, 平行可以构造出很多相似三角形。

由于  $\triangle AED \sim \triangle CEB$ , 所以 AD: CB = AE: CE = DE: BE = 5:7;

又 
$$\triangle AME \sim \triangle ABC$$
,所  $ME:BC=AE:AC=5:12, ME=\frac{35}{12}$ ,

同理可得 
$$EN = \frac{35}{12}$$
, 则  $MN = \frac{35}{6}$ , 故选 C.

# 9. 【答案】A

【考点】韦达定理的应用

#### 【解析】

考察韦达定理的扩展应用,不用求根,就可以求出一些代数式的值。

由韦达定理得
$$\begin{cases} x_1 + x_2 = a \\ x_1 x_2 = -1 \end{cases}$$

$$x_1^2 + x_2^2 = (x_1 + x_2)^2 - 2x_1x_2 = a^2 - 2(-1) = a^2 + 2$$
.

#### 10. 【答案】A

【考点】工程问题

# 【解析】

设总工作量为单位 1,甲、乙、丙单独完成这项工作分别需要x天、y天、z天,甲、乙、丙每天的工资分别为 a,b,c,则有

$$\begin{cases} \left(\frac{1}{x} + \frac{1}{y}\right) \times 2 = 1 \\ \left(\frac{1}{y} + \frac{1}{z}\right) \times 4 = 1 \implies x = 3, \ \mathbb{R}^{7} x = 3 \end{cases}$$

$$\left(\frac{1}{x} + \frac{1}{z}\right) \times 2 = \frac{5}{6}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 2900 \\ 4b + 4c = 2600 \implies a = 1000 ,\\ 2a + 2c = 2400 \end{cases}$$

即甲三天完成工作,人工费共需 3a=3000 元,故选 A.

### 11. 【答案】E

【考点】直线与圆的位置关系

#### 【解析】

由已知得,圆心为(a,0),半径为1。

则圆心到直线 
$$y-ax=0$$
 的距离为  $d=\frac{\left|-a^2\right|}{\sqrt{1+a^2}}=1$   $\Rightarrow$   $\left|a^2\right|=\sqrt{1+a^2}$   $\Rightarrow$   $a^4-a^2-1=0$ 

则 
$$a^2 = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$$
,又因为  $a^2 > 0$ , 所以  $a^2 = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$ .

## 12. 【答案】B

【考点】最值问题

### 【解析】

首先求出点 
$$A, B$$
 所在的直线方程:  $y = \frac{2-1}{0-1}(x-1) \Rightarrow y = -2x + 2(0 < x < 1)$ 

矩形面积 
$$S = xy = x(-2x+2) = -2(x-\frac{1}{2})^2 + \frac{1}{2}$$

经验证, 当 $x = \frac{1}{2}$ 时, 矩形面积最大, 为 $\frac{1}{2}$ .

### 13. 【答案】E

【考点】增长率问题

#### 【解析】

设 2005 年末的产值为a, 由已知 2009 年末的产值为 $a(1+q)^4$ ,

2013 年末的产值为  $a(1+q)^4(1+0.6q)^4$ , 因此有  $a(1+q)^4(1+0.6q)^4=a1.95^4$ ,即  $(1+q)^4(1+0.6q)^4=1.95^4$ ,整理得  $60q^2+160q-95=0$ ,

$$(6q+19)(10q-5)=0$$
, 将负值舍去, 解得  $q=\frac{1}{2}$ ,

### 14. 【答案】A

### 【考点】概率计算

#### 【解析】

甲获得冠军的情况有两种,分别根据分步原理进行计算:

甲对乙胜, 丙对丁胜, 甲对丙胜  $P_1 = 0.3 \times 0.5 \times 0.3 = 0.045$ 

甲对乙胜, 丙对丁胜, 甲对丙胜  $P_2 = 0.3 \times 0.5 \times 0.8 = 0.12$ 

所以, $P = P_1 + P_2 = 0.045 + 0.12 = 0.165$ 

#### 15. 【答案】D.

#### 【考点】组合问题

#### 【解析】

两组平行直线共构成 280 个矩形,即需要在一组平行直线中选取两根直线,然后在另一组平行直线中选取两根直线。并且构成矩形的过程,不需要选取后排序。故用组合数进行运算:

有 $C_5^2 \cdot C_n^2 = 280$ ,解得n = 8

- 二、条件充分性判断:第 16~25 小题,每小题 3 分,共 30 分.要求判断每题给出的条件(1)和条(2)能 否充分支持题干所陈述的结论.A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断,在答题卡上将所选项的字母涂黑.
- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.
- (C) 条件(1) 和(2) 单独都不充分,但条件(1) 和条件(2) 联合起来充分.
- (D) 条件(1) 充分,条件(2) 也充分.
- (E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.

### 16. 【答案】B

### 【考点】概率计算

#### 【解析】

计算 P, Q, 都可以从反面出发考虑:

条件 (1) , 
$$p=1-\frac{C_9^2}{C_{10}^2}=1-\frac{4}{5}=\frac{1}{5}, Q=1-(\frac{C_9^1}{C_{10}^1})^2=\frac{19}{100}, P>Q$$
 , 不充分;

条件 (2) , 
$$p=1-\frac{C_9^2}{C_{10}^2}=1-\frac{4}{5}=\frac{1}{5}, Q=1-(\frac{C_9^1}{C_{10}^1})^3=\frac{271}{1000}, P>Q$$
 , 充分.

## 17. 【答案】B

【考点】代数式计算

### 【解析】

条件 (1) 
$$p+q=1 \Rightarrow p-1=-q$$
, 原式  $\frac{p}{q(p-1)}=\frac{p}{-q^2}$ , 该值不能确定,不充分;

条件 (2) 
$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = 1 \Rightarrow \frac{p+q}{pq} = 1$$
, 即  $pq = p+q$ ,  $\frac{p}{q(p-1)} = \frac{p}{pq-q} = \frac{p}{p+q-q} = 1$ , 充分.

### 18. 【答案】A

【考点】不等式

### 【解析】

条件 (1)  $a+b \ge 4$ , a,b 的平均值  $\frac{a+b}{2} \ge 2$ , 则  $a \ge 2$  或  $b \ge 2$ , 充分.

条件 (2) 取特值,  $ab \ge 4$ , a = -2, b = -3 满足上式, 但显然不成立, 不充分.

### 19. 【答案】D

【考点】直线与圆的位置关系

### 【解析】

将圆的方程处理为 $\left(x-1\right)^2+\left(y-1\right)^2=2$ ,而过圆心的直线L将其面积分成相等的两部分,

即圆心在直线上。带入条件(1)和(2)进行验证,都充分.

### 20. 【答案】D

【考点】数列问题

## 【解析】

等差数列最值出现在某一项为零处,或某一项变号处。

条件(1)  $a_{10}=0$ ,由于  $\{a_n\}$  是公差大于零的等差数列,所以  $a_9<0, a_{11}>0$ ,从而  $S_n$  有最小值,为  $S_9=S_{10}\leq S_n$  n=1,2.....,充分;

条件 (2)  $a_{11}a_{10} < 0 \Rightarrow a_{10} < 0, a_{11} > 0$ , 故有  $S_{10} \leq S_n$   $n = 1, 2, \ldots$ , 充分。

### 21. 【答案】C

【考点】不定方程应用题

#### 【解析】

条件(1)人数无法确定,所以不能确定数值,单独不充分.

条件(2)人数无法确定,剩余数目无法确定,所以不能确定数值,单独不充分水.

联立,设共有x个人外出游玩,3x+30=10(x-1)+r,其中0< r<10

整理 7x = 40 - r, 所以 x=5, 充分

## 22. 【答案】B

【考点】代数式计算

#### 【解析】

技巧性运算,要关注代数式中的"公共部分",即设 $a_2+a_3+\cdots+a_{n-1}=P$ ,则 $M=(a_1+P)(P+a_n)=a_1P+P^2+a_nP+a_1a_n$ ,

$$N = (a_1 + P + a_n)P = a_1P + P^2 + a_nP$$

故 $M-N=a_1a_n$ , 即当 $a_1a_n>0, M>N$ , 条件(1)不充分, 条件(2)充分.

## 23. 【答案】E

【考点】数列问题

#### 【解析】

首先,条件(1),(2)单独都无法确定数列的首项与公差,即单独都不充分;

联合,由韦达定理的应用, $a_1 + a_6 = 0, a_1 a_6 = -1, a_1, a_6$ 为方程 $x^2 - 1 = 0$ 的两个根,

解得  $a_1 = 1, a_6 = -1$  或  $a_1 = -1, a_6 = 1$  。即数列不可唯一确定,不充分.

#### 24. 【答案】C

【考点】绝对值不等式

### 【解析】

条件 (1) 取特值:  $x_1 = 1, x_2 = -1, x_3 = 1$ , 不充分.

条件(2)取特值:  $x_2 = -1, x_3 = 5$ ,不充分;

联合 
$$\overline{x} = \frac{0 + x_2 + x_3}{3} \Rightarrow -\frac{2}{3} \le \overline{x} = \frac{0 + x_2 + x_3}{3} \le \frac{2}{3}$$
, 显然  $\left| 0 - \overline{x} \right| \le 1$ , 而 
$$\left| x_2 - \overline{x} \right| = \left| x_2 - \frac{0 + x_2 + x_3}{3} \right| = \left| \frac{2x_2 - x_3}{3} \right| \le 1(\left| x_k \right| \le 1, k = 2, 3)$$
, 同理  $\left| x_3 - \overline{x} \right| \le 1$ , 充分。

### 25. 【答案】C

【考点】圆柱、球体表面积

## 【解析】

题干要求推出  $2\pi rh + 2\pi r^2 \le 4\pi R^2$ , 即  $R^2 \ge \frac{r(r+h)}{2}$ ,

条件(1)取特值: r=3, h=1, R=2, 不充分.

条件 (2) 取特值: r = 2, h = 2, R = 1 不充分;

联合: 
$$\frac{r+h}{2} \le R^2 \le \frac{2h+r}{3}$$
, 从而  $r \le h$ ,  $R^2 \ge \frac{\left(r+h\right)^2}{4} = \frac{r^2+h^2+2rh}{4} \ge \frac{r^2+r^2+2rh}{4} = \frac{r\left(r+h\right)}{2}$  成立,

### 2014年1月真题解析

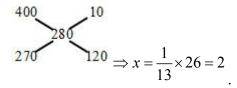
一、问题求解(本大题共 15 题,每小题 3 分,共 45 分。在下列每题给出的五个选项中,只有一项是符合试题要求的。请在答题卡上将所选的字母涂黑。)

### 1、【答案】E

【考点】十字交叉法解应用题

### 【解析】

用十字交叉法求解:



## 2、【答案】B

【考点】列方程解应用题

### 【解析】

设甲、乙每周的工时费分别为x,y;

$$\begin{cases} 10(x+y) = 100 \\ 6x + 18y = 96 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 7 \\ y = 3 \end{cases}.$$

### 3、【答案】B.

【考点】平面几何

### 【解析】

根据三角形面积的性质:两三角形同底,面积比即为高的比.得到:

$$S_{\square ABC} = 2 \Rightarrow S_{\square ABF} = 4$$
 (两个三角形同底  $AB$ , 高比为  $BF: BC = 2:1$ ),

 $\Rightarrow S_{GBFE} = 8$  (同三角形 ABF, 同底 BF, 高的比 BE: AB = 2:1)

故 ΔAEF 面积为 12.

### 4、【答案】B.

【考点】浓度问题

### 【解析】

设该容器的容积是 V,则  $90\% - \frac{V-1}{V} - \frac{V-1}{V} = 40\%$ ,化简得: (5V-3)(V-3) = 0,

由于 V>1, 得 V=3.

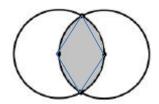
### 5、【答案】E

【考点】阴影图形的面积

### 【解析】

如图所示: 阴影部分所对的圆心角为 $120^\circ$ ,阴影面积的一半为一个圆心角为 $120^\circ$ 的扇形,减去一个顶角为 $120^\circ$ 的等腰三角形。

即有 
$$S = 2S_{\perp} = 2(\frac{120}{360}\pi r^2 - \frac{1}{2} \times \sqrt{3} \times \frac{1}{2}) = \frac{2\pi}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2}$$



### 6、【答案】B.

【考点】算术应用题

【解析】设该项目的预算为x,由已知得 $\frac{1}{3}x + \frac{2}{3}x \cdot \frac{2}{3} + 0.8 = x, x = 3.6$ .

### 7、【答案】D

【考点】行程问题

## 【解析】

设两人的速度分别为 $v_1, v_2$ , 两地距离为S,

$$\begin{cases} (v_1 + v_2) \times 1 = S \\ (v_1 + v_2 + 3) \times 1.5 = 2S \end{cases} \Rightarrow S = 9$$

### 8、【答案】D

【考点】数列问题

【解析】

$$\therefore a_2 + a_8 = 2a_5 \therefore a_5 = 9, a_1 + a_2 + \dots + a_9 = 9a_5 = 81$$

9、【答案】E

【考点】概率计算

【解析】

古典概型。事件发生的可能总数为  $\frac{C_6^2C_4^2C_2^2}{P_3^3}$  =15,满足所求事件的可能数为  $\frac{C_3^1C_3^1C_2^1C_2^1C_1^1}{P_3^3}$  =6,从而概率  $p=\frac{6}{15}=\frac{2}{5}.$ 

10、【答案】D

【考点】切线问题

【解析】

在圆  $x^2 + y^2 = r^2$  上某一点  $(x_0, y_0)$  的切线方程为  $x_0x + y_0y = r^2$ ;

因此过点 (1,2) 处的切线为  $x + 2y = 5 \Rightarrow y = -\frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$ ,

在y轴上的截距为 $\frac{5}{2}$ 

11、【答案】D

【考点】轮岗方案问题

【解析】

这属于排列组合中的"轮岗问题",即要求不对号入座的问题。

这类问题需要记忆固定的答案,当4个元素不对号入座的时候,方案有9种.

84

12、【答案】A.

【考点】立体几何

【解析】

三角形 AA'F 为直角三角形,又  $A'F = \sqrt{5}$ ,  $AF = \sqrt{5+4} = 3$ .

### 13、【答案】C

【考点】立体几何

### 【解析】

每个工艺品需要的材料体积是镀层的体积,需要用"大球体"体积减去"小球体"体积。

即每个工艺品需要的材料体积=
$$\frac{4}{3}\pi(5+0.01)^3 - \frac{4}{3}\pi5^3 = \frac{4}{3}\pi\times0.01\times(5.01^2+5.01\times5+5^2)\approx\pi$$
。

故需要的个数为 $\frac{10000\pi}{20^3} \approx 3.93 < 4$ ,则最少需要 4 个.

# 14、【答案】E

【考点】质数问题

#### 【解析】

分解质因数:  $770=11\times7\times5\times2$ , 和为11+7+5+2=25.

## 15、【答案】C.

【考点】概率计算

## 【解析】

一次停止即掷出正面就得停止的概率为 $\frac{1}{2}$ 

两次停止没有可能;

三次停止即掷出"反正正",概率为
$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$
:

四次停止没有可能. 故  $p = \frac{5}{8}$ .

- 二、条件充分性判断:第  $16^225$  小题,每小题 3 分,共 30 分.要求判断每题给出的条件(1)和条件(2)能否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断,在答题卡上将所选项的字母涂黑.
- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.
- (C)条件(1)和(2)单独都不充分,但条件(1)和条件(2)联合起来充分.
- (D) 条件(1) 充分,条件(2) 也充分.

(E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.

### 16、【答案】A

【考点】代数运算

#### 【解析】

条件 (1) 
$$x + \frac{1}{x} = 3 \Rightarrow x^2 + \frac{1}{x^2} = (x + \frac{1}{x})^2 - 2 = 7 \Rightarrow x^3 + \frac{1}{x^3} = (x + \frac{1}{x})(x^2 - 1 + \frac{1}{x^2}) = 3 \times 6 = 18$$
 充分.

条件(2)由此式分析:明显x有正负之分,不充分.

## 17、【答案】C

【考点】数列的判断

## 【解析】

条件(1)甲、乙、丙年龄分别为1、2、3,不充分

条件(2)甲、乙、丙年龄分别为1、2、4,不充分

联立,既为等差数列又为等比数列的数列一定是常数数列,充分.

### 18、【答案】B

【考点】绝对值不等式

#### 【解析】

要使 $|x^2+2x+a| \le 1$ 的解集为空,则需满足函数  $f(x)=x^2+2x+a$  的最小值大于 1,

即可有  $f(x) = x^2 + 2x + a = (x+1)^2 + a - 1$ , 因此需满足  $a - 1 > 1 \Rightarrow a > 2$ , 显然条件 (2) 充分。

### 19、【答案】A

【考点】曲线方程

#### 【解析】

在曲线上的点满足曲线方程。

条件 (1) 
$$1^3 - 6 \times 1^2 + b + a = 0 \Rightarrow a + b = 5$$
, 充分.

条件 (2) 
$$(-1)^3 - 6 \times (-1)^2 + b + a = 0 \Rightarrow a + b = 7$$
, 不充分.

#### 20、【答案】A

### 【考点】圆的性质

### 【解析】

由于C是半圆上的一点,得到 $AC \perp BC$ ,又 $OD \perp AC$ ,OD //BC

三角形 ADO 与三角形 ACB 相似,因此  $OD = \frac{1}{2}BC$ ,即只要 BC 可求, OD 长就可求出.

条件(1)已知BC的长,充分.

条件(2) A0 长度只决定圆的大小,无法确定 C的位置,也无法确定 BC的长度,不充分.

### 21、【答案】A

【考点】直线与圆的位置关系

### 【解析】

观察题干, 圆心(0,0)到直线 4y-3x-5=0 的距离 d=1,从而满足  $4y-3x \ge 5$  的点都满足  $x^2+y^2 \ge 1$ ,条件(1) 充分.

在条件(2)下有最小距离为原点(0,0)到圆  $(x-1)^2+(y-1)^2=5$  圆上点的最小距离.  $d_{\min}=\sqrt{5}-\sqrt{2}<1$ ,条件不充分.

### 22、【答案】C

#### 【考点】概率计算

#### 【解析】

条件(1)只提到关于白球的信息,无法判断其他颜色的情况,不充分.

条件(2)与条件(1)同理,单独不充分。

联立,条件(2)课深化理解为: 随机取出两球,两球都不出现黑色的概率大于 $\frac{4}{5}$ ,可以推断若单独取出一球是黑色的概率相当小,小与 $\frac{1}{5}$ 

2

所以当联立时,黑色的概率相当小而白球的概率为 $\frac{1}{5}$ ,可得到红球最多,充分.

### 23、【答案】C

【考点】二次函数计算

#### 【解析】

曲线过某点,则该点坐标满足曲线方程。

条件 (1) 有
$$\begin{cases} c=0 \\ a+b+c=1 \end{cases}$$
  $\Rightarrow$   $\begin{cases} c=0 \\ a+b=1 \end{cases}$ , 条件单独不充分.

条件 (2) 有  $ax^2 + bx + c = a + b$ ,  $\Delta = b^2 - 4a(c - a - b) = 0$ , 单独也不充分.

联立(1)(2)有 
$$\begin{cases} c=0\\ a+b=1\\ b^2+4a=0 \end{cases}$$
,可求出 $a$ 、 $b$ 、 $c$ 。即 
$$\begin{cases} a=-1\\ b=2\\ c=0 \end{cases}$$
。联立充分。

### 24、【答案】D

## 【考点】方程的根

#### 【解析】

题干要求方程有实根, 只需满足  $\Delta = [2(a+b)]^2 - 4c^2 = 4(a+b+c)(a+b-c) \ge 0$ .

条件(1)根据三角形三边关系a+b>c,又a、b、c都为正数,a+b+c>0显然满足,充分.

条件 (2) 有 2c = a + b, 即有  $\Delta = 4(a + b)^2 - 4c^2 = 4(a + b + c)(a + b - c) = 12c^2 \ge 0$ , 显然满足, 充分.

### 25、【答案】C

### 【考点】均值与方差

#### 【解析】

平均值只能确定它们的和, 而方差可说明波动性, 所以明显单独不充分,

联立得:

$$(a-10)^2 + (b-10)^2 + (c-10)^2 + (d-10)^2 + (e-10)^2 = 2 \times 5 = 10$$
,

又集合M 是整数集合,根据集合中元素的互异性得a-10,b-10,c-10,d-10,e-10 <sub>定</sub>是 5 个互不相同的整数。又 $10=(-2)^2+(-1)^2+0^2+1^2+2^2$  恰好满足题意,即有集合 $M=\{8.9.10.11.12\}$ 

10 不可能再分成另外的 5 个整数的平方和,因此集合 M 中元素满足确定性,联立充分。

### 2013年1月真题解析

一、问题求解第  $1^{\sim}15$  题,每小题 3 分,共 45 分。下列每题给出的 A、B、C、D、E 五个选项中,只有一项 是符合试题要求的。请在答题卡上将所选项的字母徐黑。

1. 【答案】C

【考点】增长率

【解析】

设共生产 x 个零件,则 
$$\frac{\frac{x}{8} - \frac{x}{10}}{\frac{x}{10}} = \left(\frac{1}{8} - \frac{1}{10}\right) \times 10 = \frac{1}{4} = 25\%$$

### 2. 【答案】E

【考点】工程问题

【解析】

设乙、丙完成该工程各需 
$$x$$
、 $y$  天,则 
$$\begin{cases} \frac{1}{60} + \frac{1}{x} = \frac{1}{28} \\ \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{1}{35} \end{cases} \Rightarrow y = 105.$$

### 3. 【答案】B

【考点】至多至少问题

【解析】

设  $x_1, x_2, \cdots, x_{30}$  分别为 30 个人的成绩,则  $x_1 + x_2 + \cdots + x_{30} = 2700$  (分),

若  $x_1 + x_2 + \dots + x_7 < 420$ ,则 $x_8 + x_9 + \dots + x_{30} \ge 2280$ 是可能的,

但若  $x_1 + x_2 + \cdots + x_8 < 480$ , 则  $x_9 + x_{10} + \cdots + x_{30} > 2220$  是不可能的.

## 4. 【答案】C

【考点】行程问题

【解析】

设甲的速度为
$$v_1$$
,由已知乙的速度为 $v_2 = \frac{400}{8} = 50$ ,则 $\frac{400}{v_1 - 50} = 25$ 

89

解得  $v_1 = 66 * * / 分钟$ .

5. 【答案】D

【考点】比例问题

【解析】

设甲商店购进x台、乙商店购进y台

$$\operatorname{Id} \begin{cases} \frac{x-15}{y-10} = \frac{8}{7} \\ (x-15) - (y-10) = 5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 55 \\ y = 45 \end{cases}$$

 $\therefore x + y = 100$ 

6. 【答案】E

【考点】裂项相消

【解析】

根据裂项相消原理:

$$f(x) = \left(\frac{1}{x+1} - \frac{1}{x+2}\right) + \left(\frac{1}{x+2} - \frac{1}{x+3}\right) + \dots + \left(\frac{1}{x+9} - \frac{1}{x+10}\right) = \frac{1}{x+1} - \frac{1}{x+10}$$

$$\therefore f(8) = \frac{1}{9} - \frac{1}{18} = \frac{1}{18}$$

7. 【答案】D

【考点】三角形相似

【解析】

由己知, 
$$\triangle ABC \sim \triangle ADE$$
, 因此  $\frac{AE}{4} = \frac{DE}{3}$ ,

由于
$$\frac{1}{2}$$
×4×3 $-\frac{1}{2}$ × $AE$ × $DE$  = 3,则 $DE^2 = \frac{18}{4}$ ,∴ $DE = \frac{3\sqrt{2}}{2}$ 

8. 【答案】E

【考点】点关于直线对称点

【解析】

设对称点为
$$(x,y)$$
,则
$$\begin{cases} \frac{x-4}{x-0} \cdot (-2) = -1 \\ 2 \cdot \frac{x+0}{2} + \frac{y+4}{2} + 1 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = -4 \\ y = 2 \end{cases}$$

9. 【答案】B

【考点】球的表面积

【解析】

设实心大球的半径为R,根据熔铸后大球体积等于两个实心小球体积:

$$\frac{4}{3}\pi R^3 = 32\pi + 4\pi = 36\pi \ cm^2.$$

解得R=3,表面积 $S = 4\pi \cdot 3^2 = 36\pi$ .

10. 【答案】E

【考点】展开式系数

【解析】

$$(x^2+3x+1)^5$$
的一般项为 $C_5^k x^k (x+3)^k$ , (k=0, 1, 2, 3, 4, 5)

$$C_5^1 x^1 (x+3)^1$$
以及 $C_5^2 x^2 (x+3)^2$ 中含有 $x^2$ , 其系数为:  $C_5^1 + 9C_5^2 = 95$ 

11. 【答案】B

【考点】概率

【解析】

古典概型问题。所求概率为 $1-\frac{C_6^2}{C_{10}^2}=1-\frac{15}{45}=\frac{2}{3}$ 

12. 【答案】C

【考点】最值问题

【解析】

报酬 200x + 120y 的最小值。

$$\begin{cases} 3x+2y \ge 30 \\ x+y \le 12 \end{cases} , \ \mbox{得} \ x \ge 6 , \ \mbox{取} \ x = 6, \ y = 6 \ \mbox{时,报酬最小为} \ 200 \times 6 + 120 \times 6 = 1920 \end{cases}$$

### 13. 【答案】D

【考点】等差数列

## 【解析】

由韦达定理: 
$$a_2 + a_{10} = -\frac{-10}{1} = 10$$
,

又根据等差数列中,由下标和定理:  $a_5 + a_7 = a_2 + a_{10} = 10$ .

### 14. 【答案】A

【考点】一元二次方程

### 【解析】

抛物线过某点,则该点满足抛物线方程:

依题意得 
$$\begin{cases} -\frac{b}{2} = 1\\ (-1)^2 + b \times (-1) + c = 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} b = -2\\ c = -2 \end{cases}$$

# 15. 【答案】C

【考点】分步原理

#### 【解析】

考察分布原理:

第一步由 A 到 B,每人两两种方法,所以共  $2 \times 2 = 4$  种;

第二步由 B 到 C,由于至多有一人可以更改道路,为三种;

第二步由 C 到 A,同样至多有一人可以更改道路,所以也为三种。

则 
$$A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow A$$
 4×3×3=36

- 二、条件充分性判断:第  $16^2$ 25 小题,每小题 3 分,共 30 分. 要求判断每题给出的条件(1)和条(2)能 否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断, 在答题卡上将所选项的字母涂黑.
- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.
- (C) 条件(1) 和(2) 单独都不充分,但条件(1) 和条件(2) 联合起来充分.
- (D) 条件(1) 充分, 条件(2) 也充分.
- (E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.

#### 16. 【答案】A

# 【考点】方程的根

#### 【解析】

首先,二次函数意味着 $a \neq 0$ , 题干要求 $b^2 - 4ac > 0$ ,

条件 (1) 
$$a+c=0 \Rightarrow c=-a$$
,  $\Delta = b^2 - 4ac = b^2 + 4a^2 > 0$ , 充分

条件 (2) 
$$a+b+c=0 \Rightarrow b=-a-c$$
,  $\Delta = b^2-4ac=(-a-c)^2-4ac=(a-c)^2 \ge 0$  , 不充分

### 17. 【答案】B

### 【考点】判断三角形形状

#### 【解析】

条件 (1)  $c^2 = a^2 + b^2$  或  $a^2 = b^2$  , 三角形为直角三角形或等腰三角形, 不充分

条件(2) 
$$S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2}ab\sin C = \frac{1}{2}ab \Rightarrow \sin C = 1, \therefore C = 90$$
 ,三角形为直角三角形,充分

#### 18. 【答案】E

#### 【考点】质数问题

#### 【解析】

质数问题,采用特值法进行验证:

条件 (1) 取 m = 4, q = 2 , 则  $p = 4 \times 2 + 1 = 9$  , 合数, 不充分

条件(2)取m=3,q=5,则 $p=3\times5+1=16$ ,合数,不充分,这组特值同时说明两条件联立不充分.

# 19. 【答案】A

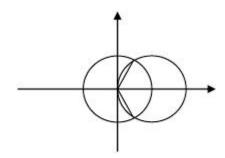
【考点】圆与圆的位置关系

### 【解析】

两圆心距为 $d = \sqrt{{x_0}^2 + {y_0}^2}$ .

条件(1): d=3,此时两圆位置关系如图所示:

因此所求长度为不重叠的两段弧长, $(2\pi \times 3 - \frac{2\pi}{3} \times 3) \times 2 = 8\pi$ 



条件(2):两个圆的位置关系不定,即两圆之间的距离无法确定。因此,弧长无法确定。

### 20. 【答案】A

### 【考点】方案问题

#### 【解析】

为满足题干要求,排班的种数需要大于62天(按照天数最长的两个月——七月、八月相邻来计算)。

条件 (1) 总可能性减去 3 人来自同一科室的可能性:  $C_{11}^3 - C_6^3 - C_3^3 = 144 > 62$  天,充分

条件(2)按照分步原理, $C_6^1C_3^1C_2^1=36<62$ 天,不充分

# 21. 【答案】D

### 【考点】概率计算

#### 【解析】

按照题干要求,发出警报概率≥0.999即可。

从反面出发进行计算。报警成功的反面是: 所有报警器均报警失败。并且三个烟火报警器成功报警是独立事件。

94

条件 (1) 
$$P(A+A+A)=1-P(\overline{A})^3=1-0.1^3=0.999$$
, 充分

条件 (2) 
$$P(A+A)=1-P(\overline{A})^2=1-0.03^2=0.9991$$
, 充分

### 22. 【答案】C

【考点】绝对值不等式

### 【解析】

条件(1)取 a=3, b=-2, 不充分

条件(2)取 a=3, b=2, 不充分

联立,则有

$$\begin{cases} |a+b| \leq 1 \\ |a-b| \leq 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (a+b)^2 \leq 1 \text{ in } (1+2) \Rightarrow a^2 + b^2 \leq 1 \text{ in } |a| \leq 1, |b| \leq 1 \\ (a-b)^2 \leq 1 \text{ in } (a+b)^2 \leq 1 \text{ in } (a+b)^2 \leq 1 \text{ in } |a| \leq 1, |b| \leq 1 \end{cases}$$

### 23. 【答案】B

【考点】不等式应用题

### 【解析】

设得一、二、三等奖的人数分别为x,y、z则由奖金数额有: 1.5x+y+0.5z=100变形即 x+y+z+0.5(z-x)=100,而需要得到 $x+y+z\geq 100$ ,观察发现,只需  $z\geq x$ 即可

条件(1)即 y 最大,无法确定 x 与 z 的大小关系,不充分

条件(2)即z最大,说明 $z \ge x$ ,充分

## 24. 【答案】C

【考点】代数式求值

#### 【解析】

要确定次代数式值,需确定 x, y, z 三者的关系,因此单独都不成立。

## 25. 【答案】D

【考点】数列问题

### 【解析】

条件 (1) 当k = 2 时

此数列为:  $1,2,1,1,0,1,1,0,1,1,0,\dots$  从第三项开始,每相邻三项和都是 2,  $\therefore a_{100}+a_{101}+a_{102}=2$  ,充分. 条件(2)此数列为: 1, k, k-1,1, k-2,  $k-3,1,\dots$   $k-k,1,1,0,1,1,0,\dots$  k ,若  $1 \le k < 20$  ,则此数列从 30 项以后,每相邻三项和都是 2,  $a_{100}+a_{101}+a_{102}=2$  ,充分。

### 2012年1月真题解析

一、问题求解题:第  $1\sim15$  小题,每小题三分,共 45 分。下列每题给出的 A、B、C、D、E 五个选项中,只有一项是符合试题要求的。请在答题卡上将所选的字母涂黑。

1. 【答案】C

# 【考点】变化率

【解析】连续两次降价后的售价为 $200\times(1-20\%)\times(1-20\%)=128$  (元).

### 2. 【答案】A

【考点】三角形相似

【解析】图中右边的三角形两两都是相似的,利用三角形相似得比例关系  $\frac{c}{a-c} = \frac{a-b}{b} \Rightarrow a = b+c$ 

### 3. 【答案】C

【考点】圆柱体面积

【解析】底面半径与球的半径相等由面积公式可得,总造价为

 $2\pi r \times h \times 300 + (\pi r^2 + \frac{1}{2} \times 4\pi r^2) \times 400 = (2\pi \times 10 \times 20)300 + (10^2 \pi + 2\pi \times 10^2)400 = 240000\pi = 75.36$  万元.

### 4. 【答案】B

【考点】概率

【解析】注意从左到右相邻的 3 个数字组成的 3 位数中 353 出现两次,因此所有可能只有 6 种: 513、135、353、535、531、319,所以概率为  $\frac{1}{6}$ 

#### 5. 【答案】B

【考点】排列组合

【解析】最多可陈列 
$$C_{15}^5 = \frac{15!}{10!5!} = 3003$$

#### 6. 【答案】C

【考点】实数

【解析】

甲的平均分
$$\frac{6\times10+7\times10+8\times10+9\times10}{40}$$
=7.5

乙的平均分
$$\frac{6\times15+7\times15+8\times10+9\times20}{60}$$
=7.58

丙的平均分 
$$\frac{6 \times 10 + 7 \times 10 + 8 \times 15 + 9 \times 15}{50} = 7.7$$

### 7. 【答案】E

## 【考点】概率

【解析】该机场的一个安检口每天中午办理安检手续的乘客人数超过 15 的概率为 0.25+0.2+0.05=0.5 所以该安检口 2 天中至少有 1 天中午办理安检手续的乘客人数超过 15 的概率是  $1-C_2^0P^0(1-P)^2=1-(1-0.5)^2=0.75$ 

### 8. 【答案】A

【考点】等比数列

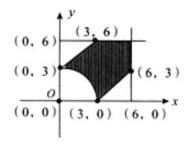
【解析】依题意得第一天取出 $\frac{2}{3}M$ ,第二天取出 $\frac{2}{3}M\cdot\frac{1}{3}=\frac{2}{9}M=2(\frac{1}{3})^2M$ 第三天取出 $2(\frac{1}{3})^2M\cdot\frac{1}{3}=2(\frac{1}{3})^3M\cdot\dots$ ,可以看出取出的量是以 $\frac{2}{3}M$ 为首项, $\frac{1}{3}$ 为公比的等比数列,七天取出的量为该数列的前七项之和即 $\frac{\frac{2}{3}M(1-(\frac{1}{3})^7)}{1-\frac{1}{2}}=M(1-(\frac{1}{3})^7)$ ,所剩的钱为  $(\frac{1}{3})^7M$ 

#### 9. 【答案】C

#### 【考点】平面几何

【解析】如图,D是在正方形 $0 \le x \le 6$ , $0 \le y \le 6$  中去掉左上角和右下角两个边长为3的等腰直角三角形及左下角以原点为圆心,3为半径的直角扇形之后剩下的图形,因此它的面积为

$$36-2\times\frac{1}{2}\times3\times3-\frac{1}{4}\pi\times3^2=27-\frac{9}{4}\pi$$



# 10. 【答案】D

【考点】工作效率

【解析】设甲组每天植树 x 棵,则乙组每天植树 x-4 棵,则有 2(x-4)+3(2x-4)=100 解 x=15

# 11. 【答案】A

【考点】排队问题

【解析】分两个步骤进行,先排两女有 2!种,再排 3 男,有 3!种,从而共有  $2! \times 3! = 12$  种

#### 12. 【答案】D

【考点】因式定理

【解析】 
$$x^2 - 3x + 2 = (x - 1)(x - 2)$$
, 因此  $x = 1, x = 2$  为  $x^3 + x^2 + ax + b$  的两个根,即  $1 + 1 + a + b = 0.8 + 4 + 2a + b = 0$  解得  $a = -10, b = 8$ 

#### 13. 【答案】B

【考点】最值问题

【解析】设甲车 x 辆,乙车 y 辆,由题意得 
$$\begin{cases} 40x + 20y \ge 180 \\ 10x + 20y \ge 110 \end{cases}$$
 运费为  $400x + 360y$ 

从运费上看,甲车运费高,所以甲车要尽量少。从甲一辆,乙7辆开始求运费,算出甲2辆乙5辆时运费最低,此时最低费用为2600元.

#### 14. 【答案】E

【考点】三角形面积

【解析】三个边长为 1 的正方形所覆盖区域面积为三个边长为 1 的正方形的面积减去中间边长为 1 的等边三角形面积的 2 倍,再减去底边长为 1,底角为 30° 的等腰三角形的 3 倍,即

$$3-2\times\frac{1}{2}\times1\times\frac{\sqrt{3}}{2}-3\times\frac{1}{2}\times1\times\frac{\sqrt{3}}{6}=3-\frac{3\sqrt{3}}{4}$$

#### 15. 【答案】B

【考点】总量与部分量

【解析】设帐篷 x 件, 食品 y 件, 则  $\begin{cases} x+y=320 \\ x=y+80 \end{cases}$  解得 x=200, y=120.

- 二、条件充分性判断:第  $16^225$  小题,每小题 3 分,共 30 分.要求判断每题给出的条件(1)和条件(2)能否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断,在答题卡上将所选项的字母涂黑.
- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.
- (C)条件(1)和(2)单独都不充分,但条件(1)和条件(2)联合起来充分.
- (D) 条件(1) 充分,条件(2) 也充分.
- (E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.

#### 16. 【答案】D

【考点】一元二次方程

【解析】由题干可知 $b^2-4>0$ ,解得b>2或b<-2,两个条件都充分

#### 17. 【答案】C

【考点】数列

【解析】设 $\{a_n\}$ 的公比为 $q,\{b_n\}$ 的公差为d,题干要得到 $b_2 \ge a_2$ 即 $1+d \ge q$ 

条件(1)令q=1, d=-1, 则1+d < q不充分

条件(2)知
$$1+9d=q^9$$
  $\Rightarrow$   $d=\frac{q^9-1}{9}$ ,令 q=-2,得 $1+d < q$  不充分

联立得知 
$$b_2 = 1 + d = 1 + (\frac{q^9 - 1}{9}) = \frac{q^9 + 1 + 1 + \dots + 1}{9} \ge \sqrt[9]{q^9} = q = a_2$$
 充分

# 18. 【答案】A

【考点】直线方程

【解析】条件(1)代表的直线经过一二四象限,充分,条件(2)代表的直线经过一三四象限,不充分.

## 19. 【答案】B

【考点】概率

【解析】条件(1)则该产品是合格品的概率为 $0.81 \times 0.81 = 0.6561 < 0.8$ 不充分

条件(2)则该产品是合格品的概率为 $0.9 \times 0.9 = 0.81 > 0.8$ 充分

## 20. 【答案】D

### 【考点】奇数偶数

【解析】条件(1)3m+2n是偶数,2n也是偶数,则3m是偶数,m必是偶数

条件 (2)  $3m^2 + 2n^2$  是偶数,  $2n^2$  也是偶数, 则  $3m^2$  是偶数,  $m^2$  是偶数, m 必是偶数

### 21. 【答案】E

#### 【考点】实数

【解析】条件(1)看令 $a=-2,b=-1,(-2)^2>(-1)^2$ ,但是-2<-1,不充分

条件(2)  $a = -2, b = -1, (-2)^2 > 1,$  但是 -2 < 1, 不充分

### 22. 【答案】D

### 【考点】伯努利公式

【解析】此题考点为概率中独立重复试验的公式,及格表示3题中对2题或3题

条件 (1) 
$$C_3^2(\frac{2}{3})^2(\frac{1}{3})+(\frac{2}{3})^3=\frac{20}{27}$$
,充分

条件(2)3 道题全部答错的概率为  $\frac{1}{27}$ ,用 P 表示答对各题的概率,则  $(1-p)^3 = \frac{1}{27}$ , $P = \frac{2}{3}$  与(1)等价,充分

#### 23. 【答案】D

### 【考点】价格问题

【解析】用x, y, z分别表示三种水果的单价,则x + y + z = 30

条件(1)设x=6,则y+z=24,显然y,z的价格均不超过 18 元/千克,否则与x=6 为最低价格相矛盾,充分

条件 (2) x+y+2z=46,联立 x+y+z=30 ⇒ z=16, ⇒ x+y=14,所以每种水果的价格均不超过 18 元/千克,充分.

# 24. 【答案】C

【考点】矩形面积最值

【解析】用a,b表示羊栏的长与宽,要求ab > 500

条件(1)  $a+b=60 \ge 2\sqrt{ab} \Rightarrow \sqrt{ab} \le 30$ ,不充分

条件 (2)  $\sqrt{a^2+b^2} \le 50 \Rightarrow a^2+b^2 \le 2500$ , 又  $a^2+b^2 > 2ab$ , 去掉等号是因为 a,b 不相等,

所以 $ab < \frac{2500}{2}$ ,也不充分

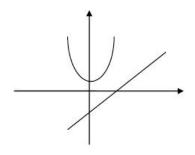
联立 (1) (2)  $3600 = (a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2 \le 2500 + 2ab$ , 所以  $ab \ge 550$ , 满足结论, 充分.

## 25. 【答案】A

## 【考点】

【解析】条件(1) y = x + b 与  $y = x^2 + a$  有且仅有一个交点,这条直线斜率为1,不可能平行于 x 轴,因此它是抛物线的切线,充分

条件(2)  $x^2 - x \ge b - a(x \in R) \Rightarrow x^2 + a \ge x + b$  即抛物线位于直线上方,如图所示,并不表示这条直线就是抛物线的切线,不充分.



2011年1月真题解析

一、问题求解:第 $1^{\sim}15$ 小题,每小题3分,共45分,下列每题给出的A、B、C、D、E 五个选项,只有一项是符合试题要求的,请在答题卡上将所选项的字母涂黑。

1. 【答案】B

【考点】顺水逆水问题

【解析】

顺水: 
$$t_1 = \left| \frac{78}{28 + 2} \right| = 2.6h$$

逆水: 
$$t_2 = \left| \frac{78}{28 - 2} \right| = \frac{78}{26} = 3h$$

总时间=
$$t_1 + t_2 = 2.6 + 3 = 5.6h$$

### 2. 【答案】A

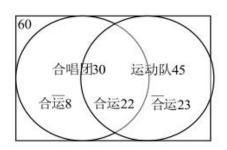
【考点】非负性

【解析】 
$$\begin{cases} a-3=0 \\ 3b+5=0 \Rightarrow \\ 5c-4=0 \end{cases} \begin{cases} a=3 \\ b=-\frac{5}{3} \Rightarrow abc=3 \times (-\frac{5}{3}) \times \frac{4}{5} = -4 \\ c=\frac{4}{5} \end{cases}$$

### 3. 【答案】C

【考点】集合问题

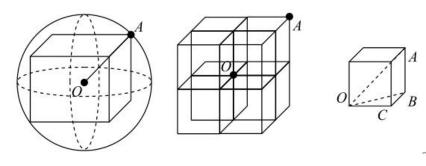
【解析】



4. 【答案】B

【考点】正方体外接球

# 【解析】



设正方体的边长为a,如图可知, $OC = BC = AB = \frac{a}{2}$ ,则

$$OA = \sqrt{(\frac{a}{2})^2 + (\frac{a}{2})^2 + (\frac{a}{2})^2} = \sqrt{\frac{3}{4}}a$$
 , 球体的半径为  $R$  , 即  $\sqrt{\frac{3}{4}}a = R$  , 则  $a = \sqrt{\frac{4}{3}}R \ V = (\sqrt{\frac{4}{3}}R)^3 = \frac{8\sqrt{3}}{9}R^3$  。

## 5. 【答案】D

# 【考点】比例计算

# 【解析】

	2006 年	2007 年	
R & D	$\frac{300}{1+20\%} = 250$	300	
GDP	$\frac{10000}{1+10\%}$	10000	

则 
$$\frac{250}{1+10\%} = 2.75\%$$

### 6. 【答案】E

【考点】分组取样问题

# 【解析】

$$P = \frac{C_5^1 \cdot C_4^1 \cdot C_1^1}{C_{10}^3} = \frac{5 \times 4 \times 1}{\frac{10 \times 9 \times 8}{3 \times 2 \times 1}} = \frac{1}{6}$$

### 7. 【答案】B

### 【考点】等差数列求和

### 【解析】

2007年九月底的在校学生有:

2004.09 入学、2005.09 入学、2006.09 入学、2007.09 入学。共2600+2800+3000+3200=11600 名。

### 8. 【答案】D

【考点】取球问题

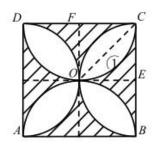
【解析】反向思考,三个球放入三个盒子中,每个球有三种选择,一共有 $3\times3\times3=27$ 种,乙盒中一个红球都没有的情况是 $2\times2\times3=12$ 种,所以概率为

$$p = 1 - \frac{12}{3^3} = 1 - \frac{12}{27} = \frac{15}{27} = \frac{5}{9}$$

### 9. 【答案】E

【考点】阴影部分面积

【解析】做辅助线如图所示:



将空白部分看成4片叶子

一片叶子面积 = 
$$S_{+\otimes}$$
 -  $S_{OCEF}$  =  $\frac{1}{2}\pi(\frac{1}{2})^2 - \frac{1}{2}\times\frac{1}{2} = \frac{\pi}{8} - \frac{1}{4} = \frac{\pi-2}{8}$   $S_{\mathbb{H}} = S_{ABCD} - 4\cdot\frac{\pi-2}{8} = 1 - \frac{\pi-2}{2} = 2 - \frac{\pi}{2}$ 

### 10. 【答案】D

【考点】相邻问题用"捆绑法"

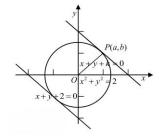
#### 【解析】

第一步将三个一家人利用捆绑法绑在一起,有  $A_3^3 \times A_3^3 \times A_3^3$  种,第二步对三个家庭进行全排有  $A_3^3$  种 所以总的坐法有 $(A_3^3)^4$ = $(3!)^4$ 

# 11. 【答案】E

【考点】直线与圆的位置关系

【解析】设过点 P 的切线方程为 x+y+k=0,点 P 的坐标可设为 (a,b)。则  $\frac{\left|0+0+k\right|}{\sqrt{1^2+1^2}}=\sqrt{2}$ ,  $\Rightarrow k=\pm 2$ , 若 k=2,则与 x+y+2=0 重合,故排除。



因此k=-2,则过点P的切线方程为x+y-2=0,而点P在圆上又在切线上,得

$$\begin{cases} a^2 + b^2 = 2 \\ a + b - 2 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = 1 \end{cases}, 则 P 的坐标为 (1,1) .$$

### 12. 【答案】D

【考点】质数与绝对值

【解析】可设a > b > c,则|a-b|+|b-c|+|c-a|=a-b+b-c+a-c=2(a-c)=8,  $\Rightarrow a-c=4$ ,小于 12 的质数分别为 2、3、5、7、11 只有 a=7,b=5,c=3 满足则 a+b+c=7+5+3=15

## 13. 【答案】A

【考点】不定方程

【解析】设捐款数额为 100 元、500 元和 2000 元的人数分别为x、y、z。

$$\operatorname{Id} \begin{cases} x + y + z = 100 \\ x + 5y + 20z = 190 \end{cases} \Rightarrow 4y + 19z = 90 \Rightarrow y = \frac{90 - 19z}{4}$$

由于 4y 和 90 都是偶数,所以 19z 为偶数,可得 z=2,y=13

### 14. 【答案】D

【考点】工程问题

#### 【解析】

设原计划每天可掘进x米

依题意有: 
$$\frac{400}{x} + \frac{2400 - 400}{x + 2} = \frac{2400}{x} - 50$$
, 解得  $x = 8$ , 则  $\frac{2400}{8} = 300$ (天)。

#### 15. 【答案】C

【考点】整式分式的运算

【解析】 
$$\frac{x+y}{x^3+y^3+x+y} = \frac{x+y}{(x+y)(x^2+y^2-xy)+(x+y)} = \frac{x+y}{(x+y)(x^2+y^2-xy+1)}$$
$$= \frac{1}{x^2+y^2-x+1} = \frac{1}{9-4+1} = \frac{1}{6} \circ$$

- 二、条件充分性判断:第  $16^225$  小题,每小题 3 分,共 30 分.要求判断每题给出的条件(1)和条件(2)能否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断,在答题卡上将所选项的字母涂黑.
- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.
- (C)条件(1)和(2)单独都不充分,但条件(1)和条件(2)联合起来充分.
- (D) 条件(1) 充分, 条件(2) 也充分,
- (E) 条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.
- 16. 【答案】A

【考点】等差、等比数列

#### 【解析】

条件 (1) ,  $e^a$  ,  $e^b$  ,  $e^c$  等成比数列,则  $(e^b)^2 = e^a \cdot e^c$  ,可得 2b = a + c ,那么实数 a,b,c 成等差数列,充分;

条件(2), 
$$\ln a$$
,  $\ln b$ ,  $\ln c$  成等差数列,则  $2 \ln b = \ln a + \ln c \Rightarrow \begin{cases} b^2 = ac \\ a > 0 \\ b > 0 \end{cases}$ ,那么实数  $a,b,c$  成等比数列,  $c > 0$ 

不充分;

#### 17. 【答案】E

【考点】比例问题

【解析】

条件(1),

	男生	女生	全班
人数	x	y	x+y
及格率	70%	90%	70%x + 90%y
			x+y
			,

由于不知道 x, y, 无法推出  $\frac{70\%x + 90\%y}{x + y}$  的值为 80%, 故不充分;

条件(2),

	男生	女生	全班
人数	x	y	x+y
平均分	а	а	$\underline{xa + ya}$
			x + y

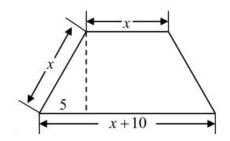
仅有平均分,得不到与及格率相关的条件,故不充分。联合条件(1),(2),也不成立,故选 E。

### 18. 【答案】D

### 【考点】梯形面积

### 【解析】

条件 (1) 有 $\frac{x}{x+10} = \frac{13}{23}$ ,则x = 13,充分;条件 (2),如图所示。



$$\text{MIS} = \frac{(x+x+10)(\sqrt{x^2-5^2})}{2} = 216 = (x+5)\sqrt{x^2-5^2} , \implies \sqrt{x^2-5^2} = \frac{216}{x+5} \Rightarrow (x-5)(x+5) = (\frac{6^3}{x+5})^2$$

$$\Rightarrow x-5 = \frac{6^6}{(x+5)^3} = (\frac{36}{x+5})^3$$

x+5	6	9	12	18	36
x-5	4	1	2	8	26
$\left(\frac{36}{x+5}\right)^3$	排除	排除	27	8	1

只有x+5=18时,这组解有意义,解得x=13,充分。

但是此方法是比较麻烦,因此实战中,令x=13,代入梯形面积公式得到面积为 216 即可说明该条件充分。

## 19. 【答案】B

【考点】特殊位置元素法

## 【解析】

条件 (1)  $C_2^1 \cdot P_4^4 = 48$  不充分; 条件 (2)  $P_4^4 = 24$ , 充分;

## 20. 【答案】C

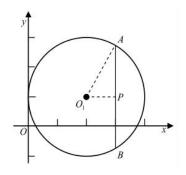
【考点】判断三角形形状

# 【解析】

## 21. 【答案】B

【考点】直线与圆的位置关系

# 【解析】



圆心坐标为  $O_1(2,1)$  ,半径  $AO_1=2$  ,  $AB=2\sqrt{3} \Leftrightarrow AP=\sqrt{3} \Leftrightarrow O_1P=\sqrt{AO_1^2-AP^2}=1$  ,

即  $\frac{|a \times 2 + b \times 1 + 3|}{\sqrt{a^2 + b^2}} = 1$ 。条件(1)代入,不充分;条件(2)代入,充分。

## 22. 【答案】A

【考点】柯西不等式

条件(1),由柯西不等式得 $(a^2+b^2)$   $(c^2+d^2) \ge (ac+bd)^2$  所以 $(ac+bd)^2 \le 1$  当且仅当ad=bc 时成立,所以当 $ad \ne bc$  时有 $(ac+bd)^2 < 1$ ,直线有一个交点即斜率不相等,所以 $ad \ne bc$ ,即 $(ac+bd)^2 < 1$ 充分

条件 (2) ,特值  $a \neq c, b \neq d, |a| = |c| \, \text{且} |b| = |d| \, \text{可以成立} (a = \frac{\sqrt{2}}{2}, c = -\frac{\sqrt{2}}{2}, b = \frac{\sqrt{2}}{2}, d = -\frac{\sqrt{2}}{2},)$  此时 |ac + bd| = 1,不充分。

#### 23. 【答案】D

#### 【考点】至多至少问题

【解析】除(一)班外,只要其他七个班至多20个人不及格,就充分,由条件一,二班人数最多3人,三班人数最多2人,所以其他七个班最多20人,即(一)班至少1名不及格,充分;

条件(二除了(一)班外,其他班至多20个人不及格,即(一)班至少1名不及格,充分

#### 24. 【答案】D

【考点】工程问题

【解析】条件(1), 
$$t = \frac{1}{\frac{1}{4} + \frac{1}{5}} = \frac{20}{9} < \frac{5}{2}$$
, 充分;

条件 (2) , 
$$t = \frac{1}{\frac{1}{4} + \frac{1}{9} + \frac{1}{11}} = \frac{396}{179} < \frac{5}{2}$$
 , 或 $t = \frac{1}{\frac{1}{5} + \frac{1}{9} + \frac{1}{11}} = \frac{495}{199} < \frac{5}{2}$  , 充分。

## 25. 【答案】C

【考点】等差数列单调性问题

#### 【解析】

条件 (1) ,  $S_n \le n$  ,即  $(\frac{d}{2})n^2 + (a_1 - \frac{d}{2})n \le n$  , 令  $f(n) = (\frac{d}{2})n^2 + (a_1 - \frac{d}{2})n$  为抛物线, g(n) = n 为直线,则对任何正整数 n ,都有 f(n) < g(n) ⇒ 抛物线开口方向向下,则  $d \le 0$  ,不充分;条件 (2) ,  $a_2 \ge a_1 \Rightarrow a_1 + d \ge a_1 \Rightarrow d \ge 0$  ,不充分;联合起来有 d = 0 ,充分。

## 2010年1月真题解析

一、问题求解:第  $1\sim15$  小题,每小题 3 分,共 45 分.下列每题给出的 A、B、C、D、E 五个选项中,有一项是符合试题要求的.请在答题卡上将所选项的字母涂黑.

#### 1. 【答案】D

【考点】比例

【解析】设开演时女观众 50 人,男观众 40 人,一个小时后,女观众剩 80%,男观众剩 85%,则此时在场的女观众与男观众人数之比为  $50 \times 80\%$  :  $40 \times 85\% = 20$  : 17

#### 2. 【答案】C

【考点】利润率问题

【解析】设该商品的标价为
$$x$$
,则 $\frac{0.8x-240}{240}$ =15%,所以 $x=345$ .

#### 3. 【答案】C

【考点】质数

【解析】不足 6 岁的小孩年龄可能为 2, 3, 5, 当等于 2 时另外两人年龄为 8, 14 不为质数,不满足;当年龄为 3 时也不满足;当年龄为 5 时,另外两个人的年龄是 11,17,符合,年龄和为 33

## 4. 【答案】A

【考点】等差数列、等比数列

【解析】

因为每行为等差数列,所以第二行 
$$\frac{5}{4}-x=\frac{1}{4}$$
  $\Rightarrow$   $x=1$  每列为等比数列,所以第二列  $\frac{\frac{5}{4}}{\frac{5}{2}}=\frac{y}{\frac{5}{4}}$   $\Rightarrow$   $y=\frac{5}{8}$ 

第三列
$$\frac{\frac{3}{4}}{\frac{2}{2}} = \frac{z}{\frac{3}{4}} \Rightarrow z = \frac{3}{8}$$
所以 $x + y + z = 2$ 

## 5. 【答案】E

【考点】概率

每位顾客都选 2 个不同的赠品,总的情况有  $C_4^2C_4^2=36$  种,两人恰有 1 件不同,则情况数为  $C_4^1C_3^1C_2^1$ ,所以概率为  $\frac{C_4^1C_3^1C_2^1}{36}=\frac{2}{3}$ 

## 6. 【答案】D

【考点】三角形

#### 【解析】

因为 AB = 5km, AC = 12km, 所以 BC = 13km, 由  $AB \times AC = AD \times BC$  可得 AD = 4.62km

## 7. 【答案】B

【考点】多项式

## 【解析】

设  $f(x) = x^3 + ax^2 + bx - 6 = (x - 1)(x - 2)(x + m)$ ,由于多项式的常数项为-6,所以(-1)(-2)m = -6,所以m = -3,第三个一次因式为x - 3

#### 8. 【答案】B

【考点】集合问题

#### 【解析】

恰有双证的人数为 
$$\frac{130+110+90-140-30\times 3}{2} = 50$$

## 9. 【答案】B

【考点】二次函数求最值问题

#### 【解析】

设该商品的定价比原定价(100元)高x元,利润为y,则  $y = (100 + x - 90)(500 - 10x) = -10(x^2 - 40x + 50) = -10(x - 20)^2 + 9000$ 

所以当x=20,即定价为 120 元时,甲商店获得最大利润

## 10. 【答案】D

【考点】直线与圆的位置关系、均值定理

【解析】由已知,圆心为(-2,1),直线ax-by+3=0(a>0,b>0)过(-2,1),即2a+b=3,所以 $3=2a+b\geq 2\sqrt{2ab}$ ,所以 $ab\leq \frac{9}{8}$ 

## 11. 【答案】A

【考点】分配问题

## 【解析】

先从 5 名志愿者中选出 2 人,有  $C_5^2$  种选法,将这二人看成一个整体,与另外三人进行排列,所以不同的分配方案共有  $C_5^2$  4! = 240 种

## 12. 【答案】C

【考点】尝试密码

【解析】这个密码的排列方法有  $A_{10}^3=720$ 种,则一次打开此装置的概率为  $\frac{1}{720}$  ,第一次没打开,第二次打开此装置的概率为  $\frac{719}{720} \times \frac{1}{719} = \frac{1}{720}$  ,前两次没打开,第三次打开此装置的概率为  $\frac{719}{720} \times \frac{718}{719} \times \frac{1}{718} = \frac{1}{720}$  ,所以此人能启动此装置的概率为  $\frac{1}{720} + \frac{1}{720} + \frac{1}{720} = \frac{1}{240}$ 

#### 13. 【答案】B

【考点】最优解问题

# 【解析】

设修建室内车位x个,室外车位y个,由题意得

$$\begin{cases} 2x \le y \le 3x \\ 5000x + 1000y \le 150000 \end{cases}$$
, 修建车位总数为  $x + y$ 

要使车位最多,则便宜的车位即室外车位y应尽可能多,假设y=3x,代入则x=18.75,取整x=19,y=55,共修 19+55=74 个车位

#### 14. 【答案】B

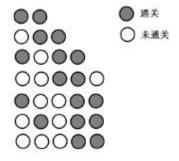
【考点】阴影部分面积

由于三角形 ABF 面积与三角形 DBF 面积相等,所以三角形 ABE 面积与三角形 DEF 面积相等,所以阴影部分面积  $S=S_{\tiny{\tiny{DACD}}}+S_{\tiny{\tiny{DidthOFFG}}}=20+4=28$ 

## 15. 【答案】E

【考点】闯关问题

【解析】分下列几种情况:



- (1) 第 1, 2 通过, 概率为  $(\frac{1}{2})^2 = \frac{1}{4}$ ;
- (2) 第1关没有通过,第2,3关通过,概率为 $(\frac{1}{2})^3 = \frac{1}{8}$ ;
- (3) 第 1 关通过,第 2 关没有通过,第 3, 4 关通过,概率为 $(\frac{1}{2})^4 = \frac{1}{16}$ ;
- (4) 前两关没有通过,第 3, 4 关通过,概率为 $(\frac{1}{2})^4 = \frac{1}{16}$ ;
- (5) 前两关只通过 1 关,第 3 关没有通过,第 4,5 关通过,概率为 $[C_2^1(\frac{1}{2})^2]\cdot\frac{1}{2}\cdot(\frac{1}{2})^2=\frac{1}{16};$
- (6) 前三关没有通过,第 4, 5 关通过,概率为 $(\frac{1}{2})^5 = \frac{1}{32}$ ,所以他闯关成功的概率为 $\frac{19}{32}$ 。
- 二、条件充分性判断:第  $16^225$  小题,每小题 3 分,共 30 分. 要求判断每题给出的条件(1)和条件(2)能否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断,在答题卡上将所选项的字母涂黑.
- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.
- (C) 条件(1)和(2)单独都不充分,但条件(1)和条件(2)联合起来充分,
- (D) 条件(1) 充分,条件(2) 也充分.
- (E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.

### 16..【答案】A

【考点】绝对值大小

## 【解析】

由于 $|a-b| \ge a-b$  恒成立,所以,要使等式成立只需a > 0 所以条件(1)充分

## 17. 【答案】A

【考点】奇数偶数

#### 【解析】

条件(1),男女来宾交错围成一圈,男女是一样多的,所以有偶数位来宾,条件(1)充分;条件(2),如果男宾(2)人,女宾(2)人,则条件不满足,不充分

## 18. 【答案】C

【考点】利润比较

#### 【解析】

显然条件(1)(2)单独都不充分,联立,设售出一件甲商品获利x元,售出一件乙商品获利y元,则  $\begin{cases} 5x+4y=50,\\ 4x+5y=47 \end{cases}$  , 两方程相减得x-y=3>0 , 所以售出一件甲商品比售出一件乙商品利润要高

## 19. 【答案】D

【考点】等差数列

## 【解析】

条件(1), 
$$a_1+a_2+a_3+a_4=(a_4-3d)+(a_4-2d)+(a_4-d)+a_4=4a_4-6d=12$$
,  $d=-2$ , 所以  $a_4=0$  充分; 条件(2), 因为 
$$\begin{cases} a_1+a_2+a_3+a_4=2(a_2+a_4)-2d=12\\ a_2+a_4=4 \end{cases}$$
解得 $d=-2$ , 所以  $a_4=0$  充分

#### 20. 【答案】D

【考点】人均数值

【解析】设去年成本为a,员工人数为b,则人均成本为 $\frac{a}{b}$ ,

条件 (1) ,  $\frac{a(1-25\%)}{b(1+25\%)} = \frac{a}{b} \times 60\%$  ,所以该企业今年人均成本是去年的 60%. ,充分;

条件 (2) ,  $\frac{a(1-28\%)}{b(1+20\%)} = \frac{a}{b} \times 60\%$  ,所以该企业今年人均成本是去年的 60%. ,充分,

## 21. 【答案】E

【考点】涨跌问题

【解析】设股票原来的价格为1

条件(1)和条件(2)变化之后均为, $(1+10\%)^3(1-10\%)^3=(1.1\times0.9)^3<1$ 所以股票均跌了

## 22. 【答案】D

【考点】总量求部分量

【解析】设通过的男生有a人

条件(1), 通过的人数一共有50-27=23人, 由题意得a+5+a=23解得a=9充分

条件(2), 男生人数一共有50-26-24人, 由题意得a+6+a=24解得a=9充分

## 23. 【答案】A

【考点】增长率问题

【解析】

条件 (1) 可知,一年总产值为  $a+a(1+p)+\cdots+a(1+p)^{11}=\frac{a}{p}[(1+p)^{12}-1]$ ,充分;条件 (2),一年总产值为  $\frac{a}{4p}[(1+2p)^{12}-1]$ ,不充分.

## 24. 【答案】C

【考点】配方求最值

【解析】

条件 (1) , 令 
$$a=2,b=\frac{1}{64}$$
 ,  $a+b=2\frac{1}{64}>\frac{5}{4}$  , 不充分; 条件 (2) , 令  $a=b=\frac{2}{3}$  ,则  $a^2+b^2\leq 1$  ,  $a+b=\frac{4}{3}>\frac{5}{4}$  , 不充分; 联立得,  $(a+b)^2=a^2+2ab+b^2\leq \frac{9}{8}<\frac{25}{16}$  ,即  $a+b\leq \frac{5}{4}$ 

# 25. 【答案】B

【考点】三角形面积

条件 (1) 得
$$|AG| = \frac{2}{3}|AD|, |EF| = \frac{2}{3}|BC|,$$
所以 $S_{\Delta AEF} = \frac{2}{3} \times \frac{2}{3}S_{\Delta ABC} = \frac{4}{9}S_{\Delta ABC}$  不充分

条件 (2) 得
$$|AG| = \frac{\sqrt{2}}{2}|AD|, |EF| = \frac{\sqrt{2}}{2}|BC|,$$
所以 $S_{\Delta AEF} = \frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} S_{\Delta ABC}$ 充分

2009年1月真题解析

一、问题求解:第  $1\sim15$  小题,每小题 3 分,共 45 分.下列每题给出的 A、B、C、D、E 五个选项中,有一项是符合试题要求的.请在答题卡上将所选项的字母涂黑.

#### 1. 【答案】E

【考点】盈亏问题

【解析】设甲、乙两件商品的成本价分别为x,y元,

则 
$$\begin{cases} x(1+20\%) = 480, \\ y(1-20\%) = 480, \end{cases}$$
 解得  $\begin{cases} x = 400, \\ y = 600, \end{cases}$ 

所以甲、乙两件商品的成本之和为x+y=1000元,而实际卖得的价格为 480+480=960 元,商店亏了 1000-960=40 元.

#### 2. 【答案】B

【考点】比例问题

#### 【解析】

方法 1: 设先增加了x名女运动员,后增加了x+3名男运动员,最初男女运动员分别有19k和12k人

则有 
$$\begin{cases} \frac{19k}{12k+x} = \frac{20}{13} \\ \frac{19k+(x+3)}{12k+x} = \frac{30}{19} \end{cases}, \quad \text{解得 } x = 7, k = 20$$

所以总人数为 $19 \times 20 + (7+3) + 12 \times 20 + 7 = 637$  (人).

方法 2: 原来 男: 女=19:12;增加女运动员后,男:女=20:13,在该过程中男运动员数量没变,故男运动员数能被 20 和 19 整除,增加女运动员后,男:女=20:13,再增加男运动员后,男:女=30:19;在该过程中女运动员数量没变,故女运动员数能被 13 和 19 整除,.最小就13×19=247;又男:女=30:19  $\Rightarrow$  男=13×30=390,390+247=637.

## 3. 【答案】B

【考点】均值不等式

【解析】设应该每隔n天购买一次原料

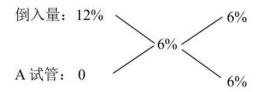
则总费用  $S = 1800 \times 6n + 6 \times 3 \times (1 + 2 + \dots + n) + 900 = 10800n + 9n(n+1) + 900$ ,所以平均每天的费用  $\overline{S} = 10809 + 9n + \frac{900}{n}$ ,根据平均值不等式可知当且仅当  $9n = \frac{900}{n}$ 即 n = 10 时。每天的费用最少.

## 4. 【答案】C

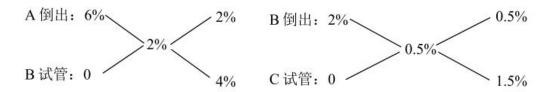
【考点】溶液问题

### 【解析】

方法 1: 由于混合后 A 试管中盐水的浓度为 6%,由十字交叉法可得:



由于倒入的盐水为 10 克, 所以 A 试管中原来有 10 克水, 同理可求 B 和 C 试管原来水的重量:



由于从 B、C 试管取出的盐水都是 10 克, 所以 B 试管中原来有 20 克水, C 试管中原来有 30 克水方法 2: 设 A 试管原来的盛水量为 x, B 试管原来的盛水量为 y, C 试管原来的盛水量为 Z, 则有

$$\frac{12\% \times 10}{10 + x} = 6\% \,\text{解} \, R \, x = 10 \, (\, \hat{\textbf{p}} \,)$$

$$\frac{6\% \times 10}{10 + y} = 2\% \text{ 解得 } y = 20 \text{ (克)}$$

$$\frac{2\% \times 10}{10 + z} = 0.5\% \text{ 解得 } z = 30 \text{ (克)}$$

#### 5. 【答案】A

【考点】顺水逆水问题

## 【解析】

方法 1: 设船在静水中的速度为v,水流速度 $v_0$ ,路程为 1,则

$$t_1 = \frac{1}{v + v_0} + \frac{1}{v - v_0} = \frac{2v}{v^2 - v_0^2}, t_2 = \frac{1}{v + 1.5v_0} + \frac{1}{v - 1.5v_0} = \frac{2v}{v^2 - 2.25v_0^2}, \quad \text{figst} \ t_1 < t_2$$

方法 2: 设船在静水中的速度为v = 20,水流速度为 $v_0 = 10$ .路程为 1

$$t_1 = \frac{1}{20+10} + \frac{1}{20-10} = \frac{4}{30}, t_2 = \frac{1}{20+1.5\times10} + \frac{1}{20-1.5\times10} = \frac{8}{35} > \frac{4}{30}$$

#### 6. 【答案】C

【考点】双层绝对值

# 【解析】

方法 1: 分两种情况讨论:

当 
$$2x+1<0$$
,即  $x<-\frac{1}{2}$ 时,  $|x-|2x+1|=4\Leftrightarrow |x+(2x+1)|=|3x+1|=4$ ,解得  $x=-\frac{5}{3}$ 。

方法 2: 选项直接带入验证

## 7. 【答案】D

【考点】韦达定理

【解析】由题可得, 
$$\begin{cases} \alpha+\beta=-\frac{b}{3},\\ \alpha\beta=\frac{c}{3}, \end{cases}, \quad \text{则新方程的根为} \ x_1=\alpha+\beta=-\frac{b}{3}, \quad x_2=\alpha\beta=\frac{c}{3} \end{cases}$$

所以 
$$\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{b}{3} = -\frac{b}{3} + \frac{c}{3}, \\ x_1 x_2 = \frac{c}{3} = -\frac{bc}{9}, \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} b = -3, \\ c = -6. \end{cases}$$

# 8. 【答案】0

【考点】等比数列求和

【解析】 令 
$$x = 2$$
,所以  $a_1 + 2a_2 + 3a_3 + \dots + na_n = 3 + 3^2 + \dots + 3^n = \frac{3^{n+1} - 3}{2}$ .

# 9. 【答案】A

【考点】古典概率

【解析】

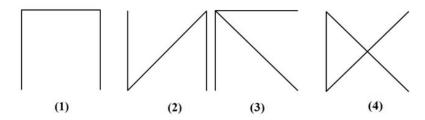
总的情况有
$$C_{36}^2$$
种,血型相同的概率为 
$$\frac{C_{12}^2 + C_{10}^2 + C_8^2 + C_6^2}{C_{36}^2} = \frac{11}{45} = \frac{77}{315}.$$

## 10. 【答案】B

【考点】建桥方案

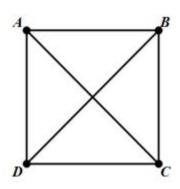
## 【解析】

方法 1: 能将这四个小岛连接起来的方式有下面 4 种模式(如图):



当三座桥按图中每种模式修建时,都有4种方式选择,因此不同的建桥方案有16种

方法 2: 如下图所示,A,B,C,D 为四个小岛,我们可以在正方形的四条边和两条对角线上修桥,因此修 三座桥的方法有  $C_6^2$  种,又因为当三条边构成三角形时,不能将这四个小岛连接起来,这样的三角形有四个,分别为  $\Delta ABC,\Delta BCD,\Delta CDA,\Delta DAB$ ,因此不同的建桥方案有  $C_6^2-4=16$  种.



## 11. 【答案】E

【考点】等差数列

# 【解析】

由于  $a_n=S_n-S_{n-1}=\frac{2S_n^2}{2S_n-1}$ ,所以  $S_{n-1}-S_n=2S_nS_{n-1}$ ,两边同时除以  $S_nS_{n-1}$  得  $\frac{1}{S_n}-\frac{1}{S_{n-1}}=2$ ,又因为  $a_1=S_1$ ,所以  $\{\frac{1}{S_n}\}$  是首项为 2,公差为 2 的等差数列.

#### 12. 【答案】B

【考点】三角形面积

#### 【解析】

显然  $S_{\triangle ACD} = S_{\triangle AED}$ , 设 DE = DC = x,

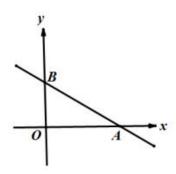
由于 AE = AC = 5 ,所以 BE = 13 - 5 = 8 ,BD = 12 - x ,由勾股定理得  $x^2 + 8^2 = (12 - x)^2$  ,解得  $x = \frac{10}{3}$  。

$$S_{\Delta BED} = \frac{1}{2}DE \cdot BE = \frac{1}{2} \cdot \frac{10}{3} \cdot 8 = \frac{40}{3}$$
平方厘米.

# 13. 【答案】C

## 【考点】三角形面积

【解析】如图,设直线与两坐标轴围成的三角形为 $\Delta OAB$ 



由图可知 
$$OA = \frac{1}{n}, OB = \frac{1}{n+1}$$
 所以  $S_n = \frac{1}{2n(n+1)} = \frac{1}{2}(\frac{1}{n} - \frac{1}{n+1})$ ,

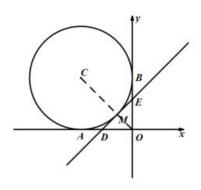
$$S_1 + S_2 + \dots + S_{2009} = \frac{1}{2} [(1 - \frac{1}{2}) + (\frac{1}{2} - \frac{1}{3}) + (\frac{1}{2009} - \frac{1}{2010})] = \frac{1}{2} \times \frac{2009}{2010}$$

# 14. 【答案】A

## 【考点】圆的切线方程

#### 【解析】

如图,连接OC,则OC经过点M,由于OC所在的直线方程为y=-x,将其代入圆C的方程可得M的坐标为 $(\frac{\sqrt{2}}{2}-1,1-\frac{\sqrt{2}}{2})$ ,由于所求切线与OC垂直,因此可设该切线方程为y=x+b,



代入点 M 的坐标得切线方程为  $y = x + 2 - \sqrt{2}$ 

#### 15. 【答案】D

#### 【考点】非负性

【解析】由题意得  $y = 1 - a^2 - \left| \sqrt{x} - \sqrt{2} \right|$  和  $y = \left| x - 2 \right| + b^2 + 1$  联立得  $\left| x - 2 \right| + b^2 + 1 + \left| \sqrt{x} - \sqrt{2} \right| = 1 - a^2$ ,即  $a^2 + b^2 + \left| x - 2 \right| + \left| \sqrt{x} - \sqrt{2} \right| = 0$ ,

所以 a = 0, b = 0, x = 2,代入原式得 y = 1,所以  $3^{x+y} + 3^{a+b} = 28$ .

- 二、条件充分性判断:第  $16^225$  小题,每小题 3 分,共 30 分.要求判断每题给出的条件(1)和条件(2)能否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果,请选择一项符合试题要求的判断,在答题卡上将所选项的字母涂黑.
- (A) 条件(1) 充分, 但条件(2) 不充分.
- (B) 条件(2) 充分, 但条件(1) 不充分.
- (C) 条件(1)和(2)单独都不充分,但条件(1)和条件(2)联合起来充分.
- (D) 条件(1) 充分, 条件(2) 也充分.
- (E)条件(1)和(2)单独都不充分,条件(1)和条件(2)联合起来也不充分.

#### 16. 【答案】B

## 【考点】等比数列

## 【解析】

条件 (1) , 因为  $a_n = 2^n$  , 所以  $a_n^2 = 2^{2n}$  ,  $\{a_n^2\}$  为首项为 4,公比为 4 的等比数列,

$$a_1^2 + a_2^2 + \cdots + a_n^2 = S_n = \frac{4(1-4^n)}{1-4} = \frac{4(4^n-1)}{3}$$
,不充分;

条件(2),因为  $a_1+a_2+a_3+\cdots+a_n=2^n-1$ ,即  $S_n=2^n-1$ 所以  $a_n=S_n-S_{n-1}=2^n-1-(2^{n-1}-1)=2^{n-1}, a_n^2=4^{n-1}, \left\{a_n^{\ 2}\right\}$  为首项为 1 公比为 4 的等比数列,所以  $a_1^2+a_2^2+a_3^2+\cdots+a_n^2=S_n=\frac{1}{3}(4^n-1), \ \text{充分}.$ 

#### 17. 【答案】E

#### 【考点】变化率问题

## 【解析】

显然条件 (1) 条件 (2) 单独不充分,联立设前年人数为 x,则去年为 x(1-20%)=0.8x,今年为 x(1-20%) (1+50%)=1.2x,所以今年比前年增加了  $\frac{1.2x-x}{x}$ ×100%=20%

#### 18. 【答案】D

【考点】对数函数单调性

【解析】由题干得 $\log_a x > 1$ 或 $\log_a x < -1$ 

条件 (1) 当 $\frac{1}{2}$  < a < 1时,函数单调递减,所以  $\log_a x < \log_a^{\frac{1}{a}} = -1$  充分

条件 (2) 当1 < a < 2时,函数单调递增,所以 $\log_a x > \log_a^a = 1$ 充分

## 19. 【答案】B

【考点】分式的化简

## 【解析】

条件(1),令a=11,b=7,则 $\frac{ax+7}{bx+11}=\frac{11x+7}{7x+11}$ 不为定值,不充分;条件(2),由于11a-7b=0, 所以 $a=\frac{7}{11}b$ ,所以 $\frac{ax+7}{bx+11}=\frac{7kx+7}{11kx+11}=\frac{7}{11}$ ,充分.

#### 20. 【答案】D

【考点】分式计算

#### 【解析】

条件 (1) ,若
$$|a^2-2|+(a^2-b^2-1)^2=0$$
成立,则 $\left\{ \begin{vmatrix} a^2-2 \end{vmatrix} = 0, (a^2-b^2-1)^2 = 0 \right\}$ 

解得 
$$\begin{cases} a^2 = 2, \text{ 所以 } \frac{a^2 - b^2}{19a^2 + 96b^2} = \frac{1}{134}$$
 充分

条件 (2) ,因为 $\frac{a^2b^2}{a^4-2b^4}$ =1,所以 $a^4-a^2b^2-2b^4=(a^2-2b^2)(a^2+b^2)=0$ ,即 $a^2=2b^2$ ,将其代入 $\frac{a^2-b^2}{19a^2+96b^2}=\frac{1}{134}$ 充分

#### 21. 【答案】A

【考点】化简

【解析】对于(1),由于a是方程 $x^2-3x+1=0$ 的根,所以 $a^2=3a-1$ ,

所以 
$$2a^2-5a-2+\frac{3}{a^2+1}=2(3a-1)-5a-2+\frac{3}{3a}=-1$$
 ,充分。对于(2),将  $a=\pm 1$ 代入 
$$2a^2-5a-2+\frac{3}{a^2+1}$$
 ,均不满足该式等于 $-1$  ,不充分.

## 22. 【答案】B

#### 【考点】掷骰子问题

#### 【解析】

由于s,t 是连续掷一枚骰子两次所得到的点数,因此点(s,t)的所有可能取值有 36 种,由条件(1)a=3,未落入 $(x-3)^2+(y-3)^2=9$  内的有

(1,6),(2,6),(3,6),(4,6),(5,6),(6,1),(6,2),(6,3),(6,4),(6,5),(6,6)共 11 种情况, 故落入该圆内的概率是  $P=1-\frac{11}{36}=\frac{25}{36}$ 充分;

由条件(2) a = 2,  $(x-2)^2 + (y-2)^2 = 4$ , 点(s, t) 落入 $(x-2)^2 + (y-2)^2 = 4$  内的情况有 (1,1), (1,2), (1,3), (2,1), (2,2), (2,3), (3,1), (3,2), (3,3), 共 9 种情况,故点(s, t) 落入该圆内的概率是  $P = \frac{9}{36} = \frac{1}{4}$ . 充分

## 23. 【答案】E

## 【考点】不等式

【解析】由于
$$(x^2-2x-8)(2-x)(2x-2x^2-6)>0$$
⇒ $(x^2-2x-8)(x-2)(2x^2-2x+6)>0$ 

因为
$$2x^2 - 2x + 6$$
中 $\Delta = 4 - 4 \times 2 \times 6 = -44 < 0$  所以恒大于 0

$$\Rightarrow (x^2 - 2x - 8)(x - 2) > 0$$

解得 $x \in (-2,2) \cup (4,+\infty)$ , 所以(1), (2)均不充分.

## 24. 【答案】D

## 【考点】直线与圆的位置关系

#### 【解析】

方法 1: 圆和直线相交于两点,则圆心到该直线的距离小于圆的半径,

所以  $\frac{\left|(1+2\lambda)+2(1-\lambda)-3-3\lambda\right|}{\sqrt{(1+2\lambda)^2+(1-\lambda)^2}} = \frac{\left|-3\lambda\right|}{\sqrt{5\lambda^2+2\lambda+2}} \le 2$ ,即 $11\lambda^2+8\lambda+8\ge 0$ ,显然条件(1),(2)均满足该不等式,故选 D.

方法 2: 将直线方程  $(1+2\lambda)x+(1-\lambda)y-3-3\lambda=0$  变形可得

$$(x+y-3)+\lambda(2x-y-3)=0$$
,解方程组 $\begin{cases} x+y-3=0, \\ 2x-y-3=0, \end{cases}$ 得 $\begin{cases} x=2, \\ y=1, \end{cases}$ 

因此直线  $(1+2\lambda)x+(1-\lambda)-y-3=3\lambda$  (恒过定点 (2,1) ,而点 (2,1) 在圆  $(x-1)^2+(y-2)^2=4$  的内部,所以(1),(2)都充分.

# 25. 【答案】C

## 【考点】数列

## 【解析】

显然条件(1)(2)单独不充分,联合得,由于  $\{a_n\}$  和  $\{b_n\}$  是等差数列,所  $S_{19}=\frac{19(a_1+a_{19})}{2}=19a_{10}$ ,同理  $T_{19}=19b_{10}$ ,所以  $S_{19}:T_{19}=3:2$ .