Tipos: polimorfismo y alto orden

Algoritmos y Estructuras de Datos I

Haskell es un lenguaje de programación fuertemente tipado y con tipado estático:

- Toda expresión tiene un tipo,
- los errores de tipo son detectados antes de la ejecución de un programa.

Permite evitar muchos errores de programación.

(&&) :: Bool -> Bool -> Bool

La expresión 'a' && True no está bien tipada y provocará un error en tiempo de compilación.

En lenguajes no tipados, errores como este no pueden identificarse antes de la ejecución.

Haskell puede inferir el tipo de una expresión:

- el programador puede definir una función sin declarar su tipo,
- al compilar se corre un algoritmo que calcula el tipo, en caso que lo tenga, y dará un error en caso contrario.

f = 'a' && True

provocará el siguiente error al compilar:

```
Couldn't match expected type `Bool' with actual type `Char'
In the first argument of `(&&)', namely 'a'
In the expression: 'a' && True
In an equation for `f': f = 'a' && True
```

- Básicos: Int, Integer, Float, Double, Bool,
 Char, String, ...
- Estructurados: listas, tuplas, ...

Spoiler alert: en el segundo proyecto veremos cómo definir tipos nosotros mismos.

Polimorfismo

Hay expresiones que pueden tener más de un tipo:

id :: a -> a

¿Qué tipo tiene la función id?

Polimorfismo

id :: a -> a

- a es una variable de tipo. (Minúscula)
- Puede ser reemplazada por cualquier tipo concreto (Char, Int, Bool...)

Polimorfismo

id :: a -> a

puede tener tipo

- Char -> Char,
- Bool -> Bool,
- (Bool -> Bool) -> (Bool -> Bool), etc.

Esto se llama polimorfismo paramétrico.

Polimorfismo paramétrico

- Una función polimórfica no conoce nada del tipo.
- Su comportamiento es independiente del tipo concreto con el que se use.

¿Cuántas funciones "distintas" de tipo a -> a hay?

Polimorfismo paramétrico

- Una función polimórfica paramétrica no conoce nada del tipo.
- Su comportamiento es independiente del tipo concreto con el que se use.

- ¿Conocen alguna otra?
- ¿Hay otros tipos de polimorfismos? Si, ad hoc.

Currificación

Las funciones tienen un único parámetro!

```
Acá requiero que el tipo a tenga definido un orden, es decir, un < .
¡Spoiler! Lo veremos en Proy. 2

max :: Ord a => a -> a -> a

( )
```

Al pensar una función con **currificación**, el lado derecho es el la imagen de la función ...

Currificación

Las funciones tienen un único parámetro!

$$max :: Ord a => a -> (a -> a)$$

La **descurrificación** permite pensar en funciones de muchos parámetros. Si pienso **max** de esta manera, toma dos elementos de tipo a y devuelve un a

Aplicación parcial

Aplicación parcial

```
max :: Ord a => a -> (a -> a)
\max x y \mid x \le y = y
          | x \rangle y = x
(max 4) :: Ord a => a -> a
(max \ 4) \ y \ | \ 4 <= y = y
            4 \rightarrow y = 4
```

Aplicación parcial

- Es la aplicación de una función con menos parámetros.
- Es una forma simple de crear nuevas funciones.
- Los operadores también pueden aplicarse parcialmente, usando paréntesis.

Alto orden, vieja

Las funciones devuelven funciones. ¿Pueden tomar funciones como parámetros?

applyTwice :: (a -> a) -> a -> a

Alto orden, vieja

Las funciones devuelven funciones. ¿Pueden tomar funciones como parámetros?

```
applyTwice :: (a -> a) -> a -> a
applyTwice f x = f (f x)
```

map y filter

Definición en el preludio de la función

```
map f [] = []
map f (x:xs) = f x : map f xs
```

map y filter

La función map:

- Toma 2 argumentos, uno de los cuales es una función
- . Aplica f a cada elemento de xs
- El resultado es una lista con la aplicación en el mismo orden

map y filter:

ejemplo de uso de map:

```
Prelude> map succ [1,2,3,4]
[2,3,4,5]
Prelude> map not [False, False, True]
[True,True,False]
```

map y filter

```
filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
```

Definición en el preludio de la función

map y filter

La función filter:

- Toma 2 argumentos, uno de los cuales es un predicado
- El resultado es una lista con los elementos que cumplen el predicado

map y filter:

ejemplo de uso de filter:

```
Prelude> filter (<2) [3,1,0,6,9]
[1,0]
Prelude> filter even [8,2,3,6,11]
[8,2,6]
```

Qué leer para aprender más:

- https://wiki.haskell.org/Polymorphism
- http://learnyouahaskell.com/types-and-typeclasses
- http://aprendehaskell.es (cap. 3 y 6)