



UA

Unidad 4: Buenas prácticas

*BBDD01, Sesión 11:
Restricciones de Integridad
Formalización: Dependencias Funcionales*

*Ignacio Olmeda
Josefa Gómez
Daniel Rodríguez García
Iván González Diego
Dept. Ciencias de la Computación
Universidad de Alcalá*



INDICE

■ Integridad Referencial

- Introducción.
- Restricciones de los dominios.
- Integridad Referencial.
- Asertos.
- Disparadores.
- Seguridad y autorización.
- Autorización en SQL.
- Cifrado y autenticación.

■ Normalización: Dependencias Funcionales

- Introducción.
- Dificultades en el diseño de bases de datos relacionales.
- Dependencias funcionales.

Referencias: Silberschatz 4ª Ed. pp 140-189
Elmasri 3ª Ed. Pp 439-496



Introducción

- Restricciones de integridad \Rightarrow modificaciones hechas por los usuarios autorizados mantengan la consistencia de los datos.
- Dos tipos se han visto:
 - Declaración de claves.
 - Tipo de relación.
- Nuevos tipos
- Pueden sobrecargar la base de datos.



Restricciones de Dominio

- Cada atributo se asocia a un dominio \Rightarrow restricción de los valores.
- Son las restricciones más simples.
- Caracteres, enteros, fechas/tiempo
- El sistema de base de datos lo verifica cada vez que se produce una modificación en la base de datos.
- Equivalente a los tipos de variables en los lenguajes de programación.
- Create domain \Rightarrow crea nuevos dominios

```
create domain Euros numeric(12,2)  
create domain Dólares numeric(12,2)
```

- Valor de tipo Euro a tipo Dólar daría error.



Restricciones de Dominio

- Se pueden convertir valores de un dominio a otro.

cast r.A as Dólares

- Drop domain y alter domain \Rightarrow borrar y modificar dominio
- Check \Rightarrow permite restringir un dominio más poderosamente.
- Asignar un predicado que se debe de cumplir para cualquier valor perteneciente al dominio

```
create domain sueldo-por-hora numeric(5,2)  
constraint comprobación-valor-sueldo  
check(value  $\geq$  4.00)
```

- Nombre de la restricción (constraint) es opcional



Restricciones de Dominio

- Se puede decir que no contenga nulos

```
create domain número-cuenta char(10)  
constraint comprobación-número—cuenta-nulo  
check(value not null)
```

- Conjunto concreto de valores

```
create domain tipo-cuenta char(10)  
constraint comprobación-tipo-cuenta  
check(value in ('Corriente', 'Ahorro'))
```

- Se podrían introducir subconsultas (pueden ser costosas)

```
check (nombre-sucursal in  
(select nombre-sucursal from sucursal))
```



Integridad Referencial

- Asegurar que un valor que aparece en una relación para un conjunto de atributos aparezca en otra relación \Rightarrow Integridad Referencial
- Conceptos básicos
- Tuplas colgantes \Rightarrow aquellas que no se reúnen con otra tupla de otra relación.
- Pueden ser deseables o no \Rightarrow Integridad referencial para permitir las o no.
- Depende de si hay clave externa o no.
- Sean $r_1(R_1)$ y $r_2(R_2)$ con PK K_1 y K_2 , se dice que un subconjunto α de R_2 es una clave externa que hace referencia a K_1 si se exige que para cada tupla t_2 haya una t_1 tal que $t_1[K_1]=t_2[\alpha] \Rightarrow$ Restricción de integridad (dependencia de subconjunto)



Integridad Referencial

- α generalmente es K_1
- Si el esquema viene obtenido del modelo E-R:
 - Cada relación que proceda de un conjunto de relaciones tendrá integridad referencial en la clave externa (ajena)
 - Conjuntos de entidades débiles también.
- Modificación de la base de datos
- Puede ocasionar violaciones en la integridad referencial

$$\Pi_{\alpha}(r_2) \subseteq \Pi_K(r_1)$$

- Insertar \Rightarrow si se inserta una tupla t_2 , el sistema debe de asegurar que hay otra tupla t_1 que cumple:

$$t_1[K] = t_2[\alpha]$$

$$t_2[\alpha] \in \Pi_K(r_1)$$



Integridad Referencial

- Borrar \Rightarrow Si se borra t_1 del sistema, se debe de calcular el número de tuplas de r_2 que referencian a r_1 .

$$\sigma_{\alpha = t_1[K]}(r_2)$$

- Si el resultado no es un conjunto vacío:
 - Se rechaza la orden de borrado
 - Se borran todas las tuplas que referencian a t_1 (borrado cascada)

- Actualizar \Rightarrow Dos casos

- Actualización sobre la clave externa de $r_2 \Rightarrow$ comprobación parecida a la inserción. Hay que asegurar:

$$t'_2[\alpha] \in \Pi_K(r_1)$$

- Actualización sobre la primary key de $r_1 \Rightarrow$ comprobación parecida a la del borrado. Hay que asegurar:

$$\sigma_{\alpha = t_1[K]}(r_2)$$

- La actualización se realiza o se produce una actualización en cascada



Integridad Referencial

- Integridad referencial en SQL
- Las claves externas en SQL \Rightarrow foreign key en el create table
- También cláusula references

nombre-sucursal **char**(15) **references** *sucursal*

```
create table impositor  
  (nombre-cliente    char(20),  
   número-cuenta    char(10),  
   primary key (nombre-cliente, número-cuenta),  
   foreign key (nombre-cliente) references cliente,  
   foreign key (número-cuenta) references cuenta)
```

- En caso de violación RI \Rightarrow rechazar la acción.
- Con foreign key se pueden tomar medidas



UA

Integridad Referencial

```
create table cuenta
(...
foreign key (nombre-sucursal) references sucursal
on delete cascade
on update cascade,
...)
```

- Se puede:
 - Actualizar/borrar en cascada (cascade)
 - Establecer en nulo
 - Poner un valor por defecto (set default)
 - Prohibir la acción (defecto)
- Puede haber propagaciones en cascada por diferentes tablas
- Las claves externas pueden ser no nulos
- Mejor definir las claves externas como nulos



Asertos

- Es un predicado que expresa una condición que tiene que cumplir la base de datos.
- Restricciones de dominio y RI son asertos especiales.
- Hay restricciones que no se pueden definir con los anteriores
- En SQL:

```
create assertion <nombre-aserto> check <predicado>
```

```
create assertion restricción-suma check  
(not exists (select * from sucursal  
  where (select sum(importe) from préstamo  
    where préstamo.nombre-sucursal  
      = sucursal.nombre-sucursal)  
  >= (select sum (importe) from cuenta  
    where préstamo.nombre-sucursal  
      = sucursal.nombre-sucursal)))
```

- Puede producir gran sobrecarga en la base de datos



Disparadores

- Es una orden que el sistema ejecuta como efecto secundario de la modificación sobre la base de datos.
- Dos requisitos:
 - Las condiciones del disparador \Rightarrow evento y condición.
 - Las acciones a realizar por el disparador.
- Modelo: evento-condición-acción.
- Se almacenan en la base de datos \Rightarrow persistentes
- Necesidad de disparadores:
 - En un banco cuando el saldo de una cuenta es negativo
 - En un almacén cuando el stock baja una cierta cantidad



Disparadores

- Se usan ampliamente
- Hasta SQL-99 no formaron parte de la norma.
- Pero cada sistema tiene su propia sintaxis.

```
create trigger descubierto after update on cuenta
referencing new row as nfila
for each row
when nfila.saldo < 0
begin atomic
    insert into prestatario
        (select nombre-cliente, número-cuenta
         from impositor
         where nfila.número-cuenta = impositor.número-cuenta);
    insert into préstamo values
        (nfila.número-cuenta, nfila.nombre-sucursal, - nfila.saldo)
    update cuenta set saldo = 0
        where cuenta.número-cuenta = nfila.número-cuenta
end
```



Disparadores

■ El evento disparador:

- INSERT, DELETE
- UPDATE: se pueden realizar sobre un campo

```
create trigger descubierto after update of  
                  saldo on cuenta
```

■ Referencing old row as \Rightarrow valor de la fila actualizada o borrada

■ Referencing new row as \Rightarrow valor nuevo de la fila a actualizar o insertar

■ Activación:

- AFTER: después del evento
- BEFORE: antes del evento. Se pueden usar como restricciones extras

```
create trigger poner-nulo before update on r  
referencing new row as nfila  
for each row  
when nfila.número-teléfono = ''  
set nfila.número-teléfono = null
```



Disparadores

- En vez de cada fila, se puede hacer una vez por cada instrucción completa que provocó el disparador \Rightarrow for each statement

```
create trigger nuevopedido after update of cantidad on inventario
referencing old row as ofila, new row as nfila
for each row
when nfila.nivel <= (select nivel
                     from nivelmínimo
                     where nivelmínimo.producto = ofila.producto)
and ofila.nivel <= (select nivel
                   from nivelmínimo
                   where nivelmínimo.producto = ofila.producto)
begin
    insert into pedidos
        (select producto, cantidad
         from nuevopedido
         where nuevopedido.producto= ofila.producto);
end
```




Disparadores

- Hay que escribirlos con mucho cuidado
- Puede provocar el fallo de una modificación de la base de datos y desencadenar una secuencia de disparadores infinita
⇒ se suelen limitar las secuencias consecutivas
- Antiguamente:
 - se usaban para hacer copias o replicación.
 - Para hacer resúmenes de una base de datos. Hoy con vistas materializadas es más fácil



Seguridad y Autorización

- Los datos deben estar protegidos contra accesos no autorizados que pueden producir :
 - Destrucción
 - Alteraciones malintencionadas
 - Inconsistencias de los datos
- Violaciones de seguridad
 - Lectura no autorizada
 - Modificación no autorizada
 - Destrucción no autorizada
- Protección frente a usuarios no autorizados:
 - Sistema Gestor de Base de Datos
 - Sistema Operativo
 - Conexiones de Red
 - Sitios protegidos
 - Personas con autorizaciones



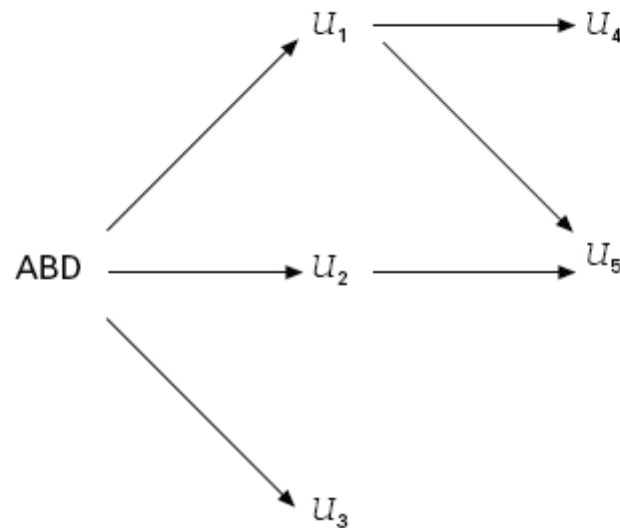
Seguridad y Autorización

- Autorizaciones
- Varios tipos sobre datos:
 - Lectura
 - Inserción
 - Actualización
 - Borrado
- Varios tipos sobre el esquema:
 - Indices
 - Recursos: nuevas relaciones
 - Alteración: nuevos atributos a las relaciones
 - Eliminación de las relaciones
 - Vistas: como una forma de ocultar detalles de la base de datos a ciertos usuarios.



Seguridad y Autorización

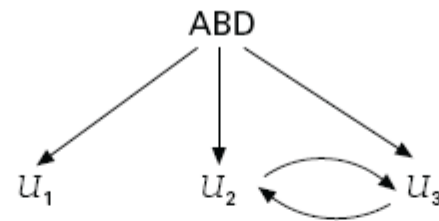
- Concesión de privilegios
- Un usuario que tiene concedido autorizaciones puede transmitir esas autorizaciones a otros usuarios.
- Grafo de autorización:



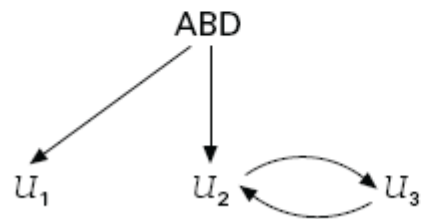


Seguridad y Autorización

■ Intento de eludir autorización

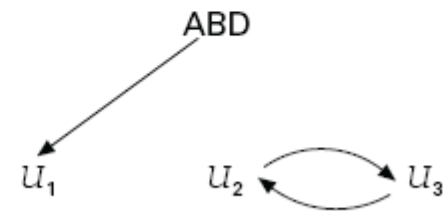


(a)



(b)

U₃



(c)



Seguridad y Autorización

- Concepto de papel (Role)
- Hay usuarios que tienen los mismos privilegios y autorizaciones.
- En vez de asignarlo a cada usuario que se crea del mismo tipo
⇒ mejor crear un esquema de autorización para conjuntos de usuarios del mismo tipo ⇒ papel
- Asignar el papel de ese usuario en la base de datos.
- Asignar un identificador propio para cada usuario
- Trazas de auditorías
- Registro histórico donde se guarda todos los cambios que se han producido junto con el usuario que lo ha realizado y cuando.



Autorización en SQL

- Privilegios en SQL
- Delete, insert, update y select
- Grant \Rightarrow conceder privilegios

grant <lista de privilegios> **on** <nombre de relación o de lista> **to** <lista de usuarios/papeles>

grant select on sucursal to U_1, U_2, U_3

- Con update y insert se pueden establecer a campos concretos

grant update (*importe*) **on préstamo to** U_1, U_2, U_3

- También references \Rightarrow declarar claves externas en relaciones

grant references (*nombre-sucursal*) **on sucursal to** U_1

- All privileges \Rightarrow todos los privilegios son concedidos
- Nombre usuario public \Rightarrow referencia a todos los usuarios y los que puedan venir.



Autorización en SQL

■ Papeles

■ Crear: `create role cajero`

■ Conceder privilegios: `grant select on cuenta
to cajero`

■ Asignar papeles a otros usuarios o papeles:

```
grant cajero to juan  
create role gestor  
grant cajero to gestor  
grant gestor to maría
```

■ Privilegios de un usuario o papel constan:

- Privilegios concedidos al usuario o papel
- Privilegios concedidos a papeles que se hayan concedido al papel o usuario



Autorización en SQL

- Privilegio de conceder privilegios
- Un usuario no está predeterminado a conceder un privilegio que se le ha concedido a otro usuario.
- Si se desea \Rightarrow with grant option

grant select on *sucursal* to U_1 with grant option

- Retirar autorización \Rightarrow revoke

revoke <lista de privilegios> **on** <nombre de relación
o de vista>

from <lista de usuarios o papeles> [**restrict** | **cascade**]

revoke select on *sucursal* from U_1, U_2, U_3

revoke update (*importe*) on *préstamo* from U_1, U_2, U_3

**revoke references (*nombre-sucursal*) on *sucursal*
from U_1**

revoke grant option for select on *sucursal* from U_1



Autorización en SQL

- El creador de un objeto \Rightarrow obtiene los privilegios de ese objeto y además puede concederlos a otros.
- Sólo el propietario del esquema puede ejecutar cualquier modificación del mismo



Cifrado y Autenticación.

- Proteger datos extremadamente delicados \Rightarrow cifrado
- Técnicas de cifrado:
 - Sencillas
 - Complicadas:
 - DES: Data Encryption Standard: Sustitución y ordenación de los caracteres en base a una clave de cifrado
 - AES: Advanced Encryption Standard
 - Cifrado de clave asimétrica: clave pública y clave privada
- Autenticación \Rightarrow tarea de verificar la identidad de una persona o software que se conecte a la base de datos.
 - Usuario – contraseña
 - Sistemas desafío-respuesta + cifrado con clave pública
 - Firmas digitales



Introducción

- Estudio de los problemas de bases de datos relacionales.
- Objetivo :
 - generación de un conjunto de esquemas relacionales que no almacenen redundancia.
 - Permitir la recuperación de información fácilmente.
- Diseño de esquemas que se hallen en una forma normal adecuada \Rightarrow normalización.
- Hace falta información adicional de la lógica de negocio que se está almacenando.
- Dependencias funcionales
- Formas normales en función de las dependencias funcionales y otros tipos de dependencias.



Dificultades en el diseño de BD relacionales

■ Mal diseño de BD:

- Repetición de la información.
- Imposible representar determinada información.

■ Ejemplo:

Esquema-empréstimo = (nombre-sucursal, ciudad-sucursal, activo, nombre-cliente, número-préstamo, importe)

<i>nombre-sucursal</i>	<i>ciudad-sucursal</i>	<i>activo</i>	<i>nombre-cliente</i>	<i>número-préstamo</i>	<i>importe</i>
Centro	Arganzuela	9.000.000	Santos	P-17	1.000
Moralzarzal	La Granja	2.100.000	Gómez	P-23	2.000
Navacerrada	Aluche	1.700.000	López	P-15	1.500
Centro	Arganzuela	9.000.000	Sotoca	P-14	1.500
Becerril	Aluche	400.000	Santos	P-93	500
Collado Mediano	Aluche	8.000.000	Abril	P-11	900
Navas de la Asunción	Alcalá de Henares	300.000	Valdivieso	P-29	1.200
Segovia	Cerceda	3.700.000	López	P-16	1.300
Centro	Arganzuela	9.000.000	González	P-18	2.000
Navacerrada	Aluche	1.700.000	Rodríguez	P-25	2.500
Galapagar	Arganzuela	7.100.000	Amo	P-10	2.200

- Se desea añadir un nuevo préstamo



Dificultades en el diseño de BD relacionales

- Repetir información: activo y sucursal.
- Ocupa más espacio en disco.
- Complica actualización de la base de datos \Rightarrow si cambia el activo, hay que modificarlo en todas las tuplas.
- Este diseño es malo: cada sucursal identifica un activo.
- Dado una sucursal no se puede identificar a un préstamo.
- Se cumple la dependencia funcional:

nombre-sucursal \rightarrow activo

- Es independiente el hecho de tener activo y de conceder préstamos \Rightarrow relaciones independientes.
- Para introducir una sucursal tiene que haber un préstamo concedido. Si no, introducir valores nulos



Dependencias Funcionales

- Papel importante entre buenos y malos diseños.
- Tipo de restricción \Rightarrow generalización del concepto clave
- Representa hechos de la lógica de negocio real.
- Superclave \Rightarrow Subconjunto K de R donde $r(R)$ donde t_1 y t_2 de r se cumple que si $t_1 \neq t_2$ entonces $t_1[K] \neq t_2[K]$
- Sea $\alpha \subseteq R$ y $\beta \subseteq R$, se define la dependencia funcional
$$\alpha \rightarrow \beta$$
- En cualquier relación $r(R)$, para los pares de tuplas t_1 y t_2 de r tales que $t_1[\alpha] = t_2[\alpha]$, se cumple $t_1[\beta] = t_2[\beta]$.
- K es una superclave de R si $K \rightarrow R$. Es decir, siempre que $t_1[K] = t_2[K]$, también se produce que $t_1[R] = t_2[R]$. ($t_1 = t_2$)
- Permiten expresar restricciones que no se pueden expresar con las superclaves.



Dependencias Funcionales

■ Ejemplo:

*Esquema-info-préstamo = (número-préstamo,
nombre-sucursal, nombre-cliente, importe)*

■ Se necesita cumplir:

número-préstamo → importe
número-préstamo → nombre-sucursal

■ Pero no:

número-préstamo → nombre-cliente

■ Se utilizan para:

- Para probar las relaciones y ver si son legales. Conjunto F de DF. r satisface F
- Para especificar las restricciones del conjunto de relaciones legales. F se cumple en R.



Dependencias Funcionales

■ Ejemplo:

<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>D</i>
<i>a</i> ₁	<i>b</i> ₁	<i>c</i> ₁	<i>d</i> ₁
<i>a</i> ₁	<i>b</i> ₂	<i>c</i> ₁	<i>d</i> ₂
<i>a</i> ₂	<i>b</i> ₂	<i>c</i> ₂	<i>d</i> ₂
<i>a</i> ₂	<i>b</i> ₃	<i>c</i> ₂	<i>d</i> ₃
<i>a</i> ₃	<i>b</i> ₃	<i>c</i> ₂	<i>d</i> ₄

- Se cumple: $A \rightarrow C$ (dos tuplas de a_1 tienen c_1)
- No se cumple $C \rightarrow A$ (dos tuplas que para C no tiene el mismo valor de A)
- Se cumple: $AB \rightarrow D$ (todos valores diferentes. Sólo una tupla)
- Triviales: $A \rightarrow A$
- Dependencia trivial $\alpha \rightarrow \beta$, si $\beta \subseteq \alpha$



Dependencias Funcionales

■ Ejemplo: relación cliente

<i>nombre-cliente</i>	<i>calle-cliente</i>	<i>ciudad-cliente</i>
Santos	Mayor	Peguerinos
Gómez	Carretas	Cerceda
López	Mayor	Peguerinos
Pérez	Carretas	Cerceda
Rupérez	Ramblas	León
Abril	Preciados	Valsaín
Valdivieso	Goya	Vigo
Fernández	Jazmín	León
González	Arenal	La Granja
Rodríguez	Yeserías	Cádiz
Amo	Embajadores	Arganzuela
Badorrey	Delicias	Valsaín

■ Calle-cliente→ciudad-cliente ?. No se cumple generalmente



Dependencias Funcionales

■ Ejemplo: relación préstamo

<i>número-préstamo</i>	<i>nombre-sucursal</i>	<i>importe</i>
P-17	Centro	1.000
P-23	Moralzarzal	2.000
P-15	Navacerrada	1.500
P-14	Centro	1.500
P-93	Becerril	500
P-11	Collado Mediano	900
P-29	Navas de la Asunción	1.200
P-16	Segovia	1.300
P-18	Centro	2.000
P-25	Navacerrada	2.500
P-10	Galapagar	2.200

- Numero-prestamo→importe. Se cumple y se debe de exigir ya que un número de préstamo tiene un importe asociado.



Dependencias Funcionales

■ Ejemplo: relación sucursal

<i>nombre-sucursal</i>	<i>ciudad-sucursal</i>	<i>activo</i>
Centro	Arganzuela	9.000.000
Moralzarzal	La Granja	2.100.000
Navacerrada	Aluche	1.700.000
Becerril	Aluche	400.000
Collado Mediano	Aluche	8.000.000
Navas de la Asunción	Alcalá de Henares	300.000
Segovia	Cerceda	3.700.000
Galapagar	Arganzuela	7.100.000

- Nombre-sucursal→activo. Se cumple y se debe de exigir. Al revés no es cierto.



Dependencias Funcionales

- Cierre de un conjunto de DF.
- Hay que considerar todas las DF: las definidas y las implícitas
- Una dependencia funcional f de R está implicada lógicamente por un conjunto de DF F de R , si cada ejemplar $r(R)$ que satisface F , satisface f también.
- Ejemplo: $R(A,B,C,G,H,I)$ y el conjunto de DF

$$\begin{array}{l} A \rightarrow B \\ A \rightarrow C \\ CG \rightarrow H \\ CG \rightarrow I \\ B \rightarrow H \end{array}$$

- La DF $A \rightarrow H$ está implicada lógicamente.



Dependencias Funcionales

- Cierre de $F \Rightarrow F^+$, conjunto de todas las DF implicadas lógicamente en F .
- Los axiomas o reglas de inferencia se pueden aplicar repetidamente para hallar F^+ (axiomas de Armstrong)
 - **Regla de la reflexividad.** Si α es un conjunto de atributos y $\beta \subseteq \alpha$, entonces se cumple que $\alpha \rightarrow \beta$.
 - **Regla de la aumentatividad.** Si se cumple que $\alpha \rightarrow \beta$ y γ es un conjunto de atributos, entonces se cumple que $\gamma\alpha \rightarrow \gamma\beta$.
 - **Regla de la transitividad.** Si se cumple que $\alpha \rightarrow \beta$ y también se cumple que $\beta \rightarrow \gamma$, entonces se cumple que $\alpha \rightarrow \gamma$.
- Son correctos \Rightarrow generan DF correctas.
- Son completos \Rightarrow permiten generar todo F^+



Dependencias Funcionales

■ Para simplificar, se puede emplear:

- **Regla de la unión.** Si se cumple que $\alpha \rightarrow \beta$ y que $\alpha \rightarrow \gamma$, entonces se cumple que $\alpha \rightarrow \beta\gamma$.
- **Regla de la descomposición.** Si se cumple que $\alpha \rightarrow \beta\gamma$, entonces se cumple que $\alpha \rightarrow \beta$ y que $\alpha \rightarrow \gamma$.
- **Regla de la pseudotransitividad.** Si se cumple que $\alpha \rightarrow \beta$ y que $\gamma\beta \rightarrow \delta$, entonces se cumple que $\alpha\gamma \rightarrow \delta$.

- Ejemplo: $R=(A,B,C,G,H,I)$ y $F \{A \rightarrow B, A \rightarrow C, CG \rightarrow H, CG \rightarrow I, B \rightarrow H\}$
- $A \rightarrow H$,dado que $A \rightarrow B$ y $B \rightarrow H$ (Transitividad)
- $CG \rightarrow HI$,dado que $CG \rightarrow H$ y $CG \rightarrow I$ (Unión)
- $AG \rightarrow I$, dado que $A \rightarrow C$ y $CG \rightarrow I$ (pseudotransitividad)



Dependencias Funcionales

- Cierre de un conjunto de atributos
- Sea α conjunto de atributos
- Conjunto de todos los atributos determinados funcionalmente por α bajo un conjunto F de DF \Rightarrow cierre de α bajo F (α^+)
- Si α es superclave debe implicar todas las DF de F
- Algoritmo:

```
resultado :=  $\alpha$ ;  
while (cambios en resultado) do  
  for each dependencia funcional  $\beta \rightarrow \gamma$  in  $F$  do  
    begin  
      if  $\beta \subseteq \text{resultado}$  then resultado := resultado  $\cup \gamma$ ;  
    end
```

- Si α^+ contiene todos los atributos de $R \Rightarrow$ es superclave



Dependencias Funcionales

- Ejemplo: Calcular $(AG)^+$ con las DF $\{A \rightarrow B, A \rightarrow C, CG \rightarrow H, CG \rightarrow I, B \rightarrow H\}$
- Primero se añade AG
- $A \rightarrow B$, B se añade al resultado: ABG
- $A \rightarrow C$, C se añade a resultado: ABCG
- $CG \rightarrow H$, H se añade: ABCGH
- $CG \rightarrow I$, I se añade: ABCGHI

- Usos del algoritmo:
 - Comprobar si α es superclave.
 - Comprobar si se cumple DF $\alpha \rightarrow \beta$, comprobando si $\beta \subseteq \alpha^+$
 - Otra manera de calcular F^+



Dependencias Funcionales

- Recubrimiento canónico
- Si se produce una modificación en la BD, se debe asegurar que la modificación no viole ninguna DF de F.
- Se puede reducir el esfuerzo comprobando un conjunto de DF simplificado que tenga el mismo cierre que el conjunto dado.
- Atributo raro de una DF \Rightarrow si se puede eliminar sin modificar el cierre de F. Considerar $\alpha \rightarrow \beta$
 - A es raro en α , si $A \in \alpha$ y F implica lógicamente a $(F - \{\alpha \rightarrow \beta\}) \cup \{(\alpha - A) \rightarrow \beta\}$
 - A es raro en β , si $A \in \beta$ y el conjunto de DF $(F - \{\alpha \rightarrow \beta\}) \cup \{\alpha \rightarrow (\beta - A)\}$ implica lógicamente a F
- Ejemplo: $AB \rightarrow C$ y $A \rightarrow C$, entonces B es raro en $AB \rightarrow C$
- $AB \rightarrow CD$ y $A \rightarrow C$, C es raro en el lado derecho de $AB \rightarrow CD$



Dependencias Funcionales

■ Recubrimiento canónico

■ Para comprobar eficientemente si un atributo A es raro en la DF $\alpha \rightarrow \beta$:

- Si $A \in \beta$, hay que considerar el conjunto $F' = (F - \{\alpha \rightarrow \beta\}) \cup \{\alpha \rightarrow (\beta - A)\}$ y comprobar si $\alpha \rightarrow A$ puede inferirse a partir de F' . Se calcula α^+ bajo F' y si incluye A, entonces A es raro en β
- Si $A \in \alpha$, sea $\gamma = \alpha - \{A\}$ hay que comprobar que si $\gamma \rightarrow \beta$ puede inferirse a partir de F. Se calcula γ^+ bajo F y si incluye todos atributos de β , entonces A es raro en α

- ## ■ Ejemplo: F contiene $AB \rightarrow CD$, $A \rightarrow E$ y $E \rightarrow C$. Para comprobar si C es raro en $AB \rightarrow CD$ hay que calcular el cierre de AB bajo $F' = \{AB \rightarrow D, A \rightarrow E \text{ y } E \rightarrow C\}$. El cierre es ABCDE incluye a CD por lo que C es raro.



Dependencias Funcionales

- Recubrimiento canónico F_c de F es un conjunto de las dependencias tales que F implica lógicamente todas las dependencias de F_c y F_c implica todas las dependencias de F .
- Posee dos propiedades:
 - Ninguna dependencia funcional F_c contiene atributos raros.
 - Lado izquierdo de cada DF de F_c es único. No hay dos DF $\alpha_1 \rightarrow \beta_1$ y $\alpha_2 \rightarrow \beta_2$ de F_c tales que $\alpha_1 = \alpha_2$.

■ Algoritmo

$F_c = F$
repeat

Utilizar la regla de unión para sustituir las dependencias de F_c de la forma

$\alpha_1 \rightarrow \beta_1$ y $\alpha_1 \rightarrow \beta_2$ con $\alpha_1 \rightarrow \beta_1 \beta_2$.

Hallar una dependencia funcional $\alpha \rightarrow \beta$ de F_c con un atributo raro en α o en β .

/* Nota: la comprobación de los atributos raros se lleva a cabo empleando F_c , no F^* */

Si se halla algún atributo raro, hay que eliminarlo de $\alpha \rightarrow \beta$.

until F_c ya no cambie.



Recordando: Dependencias Funcionales

- Ejemplo: Dado el conjunto de DF para el esquema (A,B,C)
 $A \rightarrow BC$, $B \rightarrow C$, $A \rightarrow B$ y $AB \rightarrow C$
- Calcular el recubrimiento canónico de F.
- Hay dos DF con el mismo conjunto de atributos a la izquierda:

$$A \rightarrow BC$$

$$A \rightarrow B$$

- Se transforman en $A \rightarrow BC$
- A es raro en $AB \rightarrow C$ porque F implica lógicamente a $(F - \{AB \rightarrow C\}) \cup \{(B \rightarrow C)\}$
- C es raro en $A \rightarrow BC$, ya que $A \rightarrow BC$ está implicada lógicamente en $A \rightarrow B$ y $B \rightarrow C$
- El recubrimiento canónico es:

$$A \rightarrow B$$

$$B \rightarrow C$$