Технология сбалансированной идентификации математических моделей (SvF): установка системы, подготовка файла-задания, примеры. (SvF Linux UserGide Rus v.28)

Технология сбалансированной идентификации математических моделей (т.н. SvFтехнология, от Simplicity vs Fitting) представляет собой перспективное направление прикладной математики, сочетающее методы структурного математического моделирования, оптимизации, адаптивной регуляризации и распределенных вычислений. Приводится описание принципов функционирования и практического применения SvF-технологии.

Введение

Технология сбалансированной идентификации математических моделей (SvF - Simplicity vs Fitting) предназначена для идентификации математических моделей на основе техник оптимизационного моделирования.

В основе технологии следующий взгляд на научное исследование:

- проекция объективной реальности в обозримый набор математических моделей,
- сравнение указанных моделей с целью выбрать ту, которая лучше других аппроксимирует (описывает) объективную реальность.

Построение математической модели можно разбить на этапы:

- формулировка целей исследования;
- построение общей (концептуальной) модели;
- анализ экспериментальных данных, включая планирование новых экспериментов;
- выбор (аналитической) математической модели и ее исследование:
- выбор конечномерной численной модели, аппроксимирующей, возможно бесконечномерную математическую;
- идентификация (определение параметров и зависимостей) модели на экспериментальных данных;
- верификация построенной модели, оценка погрешностей;
- анализ построенной модели, определение ее области применимости,
- использование построенной модели, например, для прогноза поведения исследуемого явления или объекта.

Указанный план, вообще говоря, требует много времени, знаний в различных областях математики и навыков программирования. Особенно "технические" этапы, начиная с третьего.

Целью технологии является освободить, по возможности, исследователя от рутины (знания и навыки не отменяются). В идеале, ему достаточно: собрать и сгруппировать имеющиеся данные измерений; сформировать математическое описание (модель); определить значения неизвестных параметров и/или фунциональных зависимостей (идентификация); построить графики и оценки погрешностей описания для выбранной модели. После завершения расчета по выбранной модели он анализирует результаты. Если они не устраивают исследователя, то он может привлечь дополнительные данные или модифицировать модель (добавить/сократить параметры, изменить состав уравнений и т.д.). Затем можно провести расчет по измененной модели и количественно сравнить результаты с тем, что было получено для предыдущей модели.

Имеется отдаленное сходство SvF-технологии с методами «глубокого обучения», с одним важным отличием: в SvF-технологии «обучаются» не нейронные сети, достаточно универсального типа, а конкретные, структурные модели (включающие, например, системы интегро-дифференциальных уравнений), учитывающие представления исследователя об «устройстве» и принципах поведения/функционирования изучаемого явления.

1. Требования к ПО

- OS Linux
- Python 2.7, 3.7.4+ (для экономии места на дисках, рекомендуется использовать реализации интерпретатора языка и менеджера пакетов Python в системе Miniconda, https://docs.conda.io/en/latest/miniconda.html
- numpy 1.6.*
- mathplotlib 1.5.*
- Pyomo 5.6.*, http://www.pyomo.org/
- Решатель нелинейных задач математического программирования lpopt 3.12.*, https://github.com/coin-or/lpopt
- Для проведения масштабных расчётов желательно использование платформы Everest, http://everest.distcomp.org/ в частности, приложения SSOP, https://optmod.distcomp.org/apps/vladimirv/solve-set-opt-probs, позволяющего одновременно решать набор оптимизационных задач на вычислительных ресурсах, подключённых к системе https://optmod.distcomp.org. Для этого нужно будет зарегистрироваться на сайте https://everest.distcomp.org/ или https://optmod.distcomp.org.

2. Установка системы

За установочным файлом *SvF.zip* или за доступом к нему через *Gitlab* следует обратиться к Александру Соколову, alexander.v.sokolov@gmail.com .

- 1. Файл SvF.zip распакуйте в любой удобный для Вас каталог.
- 2. Файл runSvF28.sh из каталога SvFp скопируйте в /home/ВашеИмяПользователя/bin. Затем откройте его в любом текстовом редакторе, найдите там строку «python /home/sokol/SvF/Lib28/_START28.py» и укажите правильное месторасположение файла _START28.py в соответствии с каталогом, выбранным в п. 1.
- 3. Для установки свободно доступных пакета Pyomo и решателя Ipopt либо используйте инструкции на сайтах, указанных в разделе 1, либо обратитесь за консультацией к А. Соколову.
- 4. Для использования внешних распределенных ресурсов необходимо зарегистрироваться на https://everest.distcomp.org/ или https://optmod.distcomp.org.

Для тех, кто пользуется системой контроля версий Git можно скачать систему из общедоступного репозитория https://github.com/distcomp/SvF.

3. Принципы функционирования

Общая схема человеко-машинной технологии, реализующий сбалансированный метод идентификации SvF, показано на рисунке 1. Подробное описание технологии можно найти в следующих статья

- 1. Sokolov A. V., Voloshinov V. V. Model Selection by Balanced Identification: the Interplay of Optimization and Distributed Computing // Open Computer Science, 2020, 10 p. 283–295.
- 2. Соколов, А.В.; Волошинов, В.В. Выбор математической модели: баланс между сложностью и близостью к измерениям. International Journal of Open Information Technologies, 2018, 6(9) C. 33-41, http://injoit.org/index.php/j1/article/view/612

На «верхнем уровне» исследователь должен подготовить файлы данных и файл-задание, содержащий формальное описание модели и спецификации параметров управляющих проведением расчетов. Остальные действия по работе алгоритма (с привлечением внешних дополнительных вычислительных ресурсов или на компьютере исследователя) будут выполнены автоматически технологией SvF.

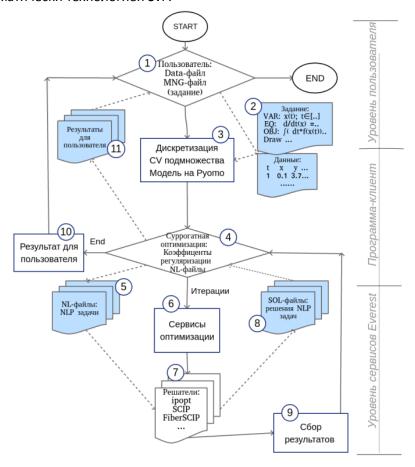


Рис. 1. Технологический цикл SVF-технологии.

Математическое описание и ссылки на файлы данных нужно формализовать в файле вычислительного задания в текстовом формате с расширением .mng или в формате Open/Libre Office .odt. Далее для краткости, файл вычислительного задания будем называть mng-файл.

Для запуска программы в каталоге, содержащем mng –файл, в командной строке наберите \$ bash *runSvF28.sh*.

Если таких файлов несколько, система предложит осуществить выбор.

Возможен также запуск с явным указанием файла задания: \$ bash *runSvF28.sh ИмяФайла*.

Такой способ предпочтителен, если в каталоге содержится несколько файлов с расширением .mng или .odt.

В процессе обработки файла-задания система преобразует его содержание в программу на языке Python. При этом для описания задач математического программирования будут использоваться средства пакета Pyomo (Python Optimization Modeling Objects), http://www.pyomo.org/. Исходные данные задач оптимизации в итоге преобразуются в т.н. NL-файлы (*.nl) в формате, принятом в одном из самых распространенных стандартов оптимизационного моделирования AMPL, https://ampl.com/. Именно эти файлы отправляются AMPL-совместимым решателям, например, COIN-Or Ipopt. Результаты решения возвращаются в виде т.н. SOL-файлов (*.sol), данные из которых извлекаются также с помощью Pyomo.

Программа выполняется с использованием назначенных вычислительных ресурсов, которые указываются средствами Everest API, https://gitlab.com/everest/python-api/, см. пример https://github.com/distcomp/pyomo-everest/blob/master/ssop/demoUseSsop.py (ищите ssop_config.SSOPP_RESOURCES).

Начальные значения параметров регуляризации считываются из файла, имя которого формируется из имени mng-файла заменой расширения на .res (далее – res-файл).

Если в каталоге имеется файлы решений (*.sol), то они используются в качестве начального приближения.

Результаты расчетов (найденные решения) сохраняются в виде графических (*.png) и текстовых (*.sol) файлов, значения найденных параметров регуляризации и найденные оценки погрешностей сохраняются в — res-файле.

4. Файл вычислительного задания

Текстовый mng-файл содержит полное формальное описание задачи идентификации неизвестных параметров и функциональных зависимостей математической модели. Этой информации достаточно для численного решения на основе технологии сбалансированной идентификации (SvF-технологии). Для этого используются специальные ключевые слова, определения (декларации) системы SvF, математические выражения в достаточно естественной нотации и (если это необходимо) операторы на языке Python.

С целью повышения наглядности математической задачи, в описания допускается использование некоторых специальных символов (см. Табл1)

Табл 1	Спешиальные	символы и	их имена в	в программе	на языке Pvthon.
I aun. I.	Специальные	CHIMBOTIBLE	их иімспа і	o HDOLDAMME	na nobine i vilivii.

'ړ'	'\\int'
'∈'	'\\in '
'√'	'sqrt'
1,1	1*1
'\"	'apst'
'^'	'max'
'τ'	'tau'
'μ'	'muu'
'π'	'pi'
'α'	'alpha'
'σ'	'sigma'
'ξ'	'xi'
'Ω'	'Omega'

Порядок следования операторов - произвольный, однако определение объекта должно предшествовать ссылке на него. Нотация является позиционной (как в языке Python). Однако, ключевые слова, заканчивающиеся двоеточием (*Var., Set., EQ.* и др.) начинают блок описаний.

Идущие далее описания наследуют ключевое слово, если они не начинаются с первой позиции. Блок заканчивается на любом операторе (кроме '#'), записанном с первой позиции файла. Кроме того необходимо помнить, что описание целевой функции (или функций) запускает расчеты и следующий за ним код предназначен только для обработки результатов.

При написании параметров системы (параметров, управляющих расчетами) и ключевых слов не имеет значения регистр символов (можно использовать прописные и строчные буквы). Символ '\' означает продолжение текста на следующей строке.

Рекомендуется следующая структура mng-файла:

- Управляющие параметры (например, ExitStep = 1e-6);
- Источники данных (измерений) (например, Select * from ABC.txt where ...);
- Множества (сетки) дискретизации (например, SET: t = [t_min, t_max, t_step]);
- Функции-параметры (например, PARAM: Q(t));
- Функции-неизвестные (например, VAR: E(t); >=0);
- Уравнения (например, EQ: E = Cond (Q,T) · VPD)
- Целевая функция (функции) (например, OBJ: x.Complexity (Penal[0]) + x.MSD())
- Обработка результатов (например, Draw Q)

Ниже в примерах мы будем постепенно вводить различные конструкции и примеры нотации.

5. Примеры постановки, формализации и решения различных задач.

5.1. Модель движения «Маятник с трением».

Подробно математическая постановка ряда задач выбор модели, описывающей данные, искусственно подготовленные при помощи формулы осциллятора и датчика псевдослучайных чисел, и последовательный анализ моделей приведены в работах (Sokolov, Voloshinov, 2020),(Соколов, Волошинов, 2018), указанных выше. Здесь мы ограничимся краткими постановками и подробным обсуждением их формализации — описанием файла задания. Соответствующие «цифровые» постановки и результаты расчетов находятся в каталогах SvF/Examples/1-Oscillator (дистрибутива SvF).

Форматы исходных данных

Исходные данные для идентификации задач находятся в файлах *Spring5.dat* и *Spring5.xlsx*. Фрагмент текстового файла *Spring5.dat*:

t x_t	x #SvFver_62_tbl	
-1.0	0.0691932442765	-0.0113286164626
-0.825	0.223051530384	0.191218514986
-0.65	0.407965450633	0.379565282838

Первая строка содержит названия столбцов (t x_f x) и символическую кодировку формата (#SvFver_62_tb). Остальные строки содержат значения соответствующих переменных.

Аналогичные данные в формате MS Excell приведены в фрагменте файла Spring5.xlsx:

Первая строка содержит названия столбцов, далее идут соответствующие значения. Комбинация #END# (необязательная) ограничивает размеры таблицы

0-x(t) (full, short, very_short) – функция одного переменного (сплайн-аппроксимация, непараметрическая регрессия).

Задача состоит в поиске функции x(t), аппроксимирующей экспериментальные данные из файла Spring 5.dat.

Файл-задание (MNG-full.mng) на поиск функции x(t):

```
CVNumOfIter = 21
                               # максимальное кол-во итераций поиска весов регуляризации
CVstep
             = 21
                                 # кол-во подмножеств для процедуры кросс-валидации
Select x, t from ../Spring5.dat
                                 # считывание столбцов x, t из файла ../Spring5.dat
t_min = -1.0
                                 # левая граница интервала
t max = 2.5
                                 # правая граница интервала
SET: T = [t min, t max, 0.025]
                                 # множество T от t min до t max с шагом 0.025
VAR: x(t); t \in T \# t \in T
                                 # неизвестная функция, заданная на множестве Т
OBJ: x.MSD() + x.Complexity(Penal[0]) # целевая функция — смешанный критерий выбора x(t)
Draw x
                                 # отображение найденной функции x(t)
EOF
                                 # конец файла, все что дальше опускается
```

Смысл операторов кратко поясняется в комментариях (после #).

При выполнении оператора Select данные из файла попадают в программу с именами x, t. При описание сеточной функции (декларации SET) первый параметр определяет минимальное значение равное t_min, второй — максимальное значение t_max, третий параметр определяет шаг сетки 0.025. Затем при описании неизвестной функции x(t) (оператор VAR:) они связываются с такими же именами x, t. Такая связь позволяет рассчитать среднеквадратичное отклонение неизвестной от данных в целевой функции - x.MSD() (оператор OBJ:). Другое слагаемое x.Complexity (Penal[0]) определяет взвешенный (Penal[0]) штраф за кривизну искомой кривой.

Возможна более короткая запись задания в файле MNG-shot.mng:

```
CVNumOfIter = 21
                               # максимальное кол-во итераций поиска весов регуляризации
                                 # кол-во подмножеств для процедуры кросс-валидации
CVstep
             = 21
Select * from ../Spring5.dat
                                 # считывание всех столбцов из файла ../Spring5.dat
SET: t = [ , , 0.025]
                            # множество t от min до max значений t из файла с шагом 0.025
VAR: x(t)
                                 # неизвестная функция, заданная на множестве t
OBJ: x.MSD() + x.Complexity(Penal[0]) # целевая функция – смешанный критерий выбора x(t)
Draw x
                                 # отображение найденной функции x(t)
EOF
                                 # конец файла, все что дальше опускается
    Знак st в операторе Select означает считывание всех данных, в том числе и столбцов t и x.
Множество, определяющее область определения обозначается t. Через это имя
```

осуществляется связь со столбцом данных t, что позволяет опустить первые два аргумента (в

операторе *SET:*), заменив их на минимальное и максимальное значения их всех значений одноименного столбца.

Еще более короткая запись вычислительного задания приведена в файле *MNG-very_shot.mng*:

```
Select * from ../Spring5.dat # считывание всех столбцов из файла ../Spring5.dat VAR: x(t) # неизвестная функция, заданная на множестве t
```

OBJ: x.MSD() + x.Complexity(Penal[0]) # целевая функция — смешанный критерий выбора x(t) Draw # отображение всех функций

Если значения некоторых управляющий параметров не заданы, при выполнении задания они получат значения по умолчанию. Например, для параметра CVstep, определяющего число частей (подмножеств), на которые разбивается набор экспериментальных данных при перекрестной проверке (cross validation) это значение 7 частей. Другой опущенный параметр CVNumOflter (максимальное кол-во итераций поиска весов регуляризации) примет значение по умолчанию 20. Заметим, что такое изменение может привести к некоторому изменению результата. Описание множества t происходит автоматически. Оператор Draw отображает все функции задачи. Наконец, EOF необязателен в конце файла.

1-differential_equation_1 – дифференциальное уравнение 1-ого порядка: правая часть полином.

```
Файл-задание (MNG-dif-1.mng) на поиск функций x(t) и f(t):
```

```
CVNumOflter = 21 # максимальное кол-во итераций поиска весов регуляризации
```

CVstep = 21 # кол-во подмножеств для процедуры кросс-валидации

Select time AS t, position AS x from ../Spring5.xlsx # считывание данных из таблицы ../Spring5.xlsx

столбец time переименовывается в t, position - в x

```
SET: t = [ , , 0.025] # область определения функции x(t)
```

X = [0, 2.2, 0.1] # область значений (с запасом) функции x(t)

VAR: x(t) # искомая функция

f (X); PolyPow = 5 # искомая правая часть - полином 5-ой степени

EQ: d/dt(x) = f(x) # дифференциальное ур-ие

OBJ: x.MSD() + f.Complexity (Penal[0]) # целевая функция – смешанный критерий выбора x(t)

Draw # отображение всех функции: x(t) и f(x)

Две новые конструкции: неизвестная функция f(x), представляемая полиномом 5-ой степени (PolyPow=5) и конструкция EQ:, определяющая дифференциальное уравнение. Выражение d/d означает оператор дифференцирования, в данном случае дифференцирование функции x по t.

1G-differential_equation_1 – дифференциальное уравнение 1-ого порядка: правая часть сглаженная ломаная.

Файл-задание (MNG-dif-1G.mng) на поиск функций x(t) и f(t) отличается от рассмотренного выше одной строкой:

```
вместо записи f(X); PolyPow = 5 # искомая правая часть - полином 5-ой степени стоит запись f(X); VarType = G # искомая правая часть - сглаженная ломаная.
```

Сглаженная ломаная – специальная непрерывно-дифференцируемая конструкция, аппроксимирующая ломаную.

2-differential_equation_2 – дифференциальное уравнение 2-ого порядка.

подробным описание модели можно ознакомиться здесь:

http://injoit.org/index.php/j1/article/view/612

$$\frac{d^2x}{\mathrm{d}t^2} = f\left(x, \frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}t}\right), x \in C^2(t_{\min}, t_{\max}), f \in C^2(G), G \subset R^2$$

Файл-задание (MNG-dif-2.mng) на поиск функций x(t) и f(t):

CVNumOflter = 21 # максимальное кол-во итераций поиска весов регуляризации

CVstep = 21 # кол-во подмножеств для процедуры кросс-валидации

Snoelect t, x from ../Spring5.dat # считывание данных

SET: t = [, , 0.025] # область определения функции x(t)

X = [-0.1, 2.2, 0.1] # область значений (с запасом) функции x(t) V = [-1, 1.5, 0.1] # область значений (с запасом) функции v(t)

VAR: x(t) # искомая функция v(t) # искомая функция

f (X, V); PolyPow = 6 # искомая правая часть - полином 5-ой степени от х и t

EQ: d2/dt2(x) == f(x,v) # дифференциальное ур-ие 2-ого порядка v == d/dt(x) # дифференциальное ур-ие 1-ого порядка

OBJ: f.Complexity(Penal[0], Penal[1])/x.V.sigma2 + x.MSD() #критерий выбора x(t),v(t) и f(x,t)

Draw x # отображение функции x(t)

PI = Polyline (x, v, None, 'Trajectory') # ломаная, состоящая из точек {xi,vi}

Pl.Y[0] = Pl.Y[1] # прячем 0-ую точку

Pl.Y[-1] = Pl.Y[-2] # прячем последнюю точку

Draw f Trajectory;LC:red # отображение функции f(x,v) и траектории решения

Конструкция VAR: f(X, V); PolyPow = 6 описывает неизвестную от двух переменных, заданную на множестве XxV полиномом 6-ой степени. Polyline (полилиния) — ломаная линия, задаваемая набором пар точек (x,v). Последний оператор — отображение функции двух переменных (линиями уровня) и траектории системы в координатах x и v (линия красного цвета).

3-Oscillator_K_Mu_xr – Осциллятор с вязким трением (дифференциальное уравнение 2-ого порядка с неизвестными коеффициентами).

Использование формата .odt (и соответствующего редактора LibreOffice Writer) позволяет существенно улучшить наглядность представления задания:

- различные фонты, цвета, типы и жирности текста,
- возможность использования математических символов, греческого алфавита и т.д.,
- возможность набирать формулы в редакторе форм,
- возможность добавлять в файл дополнительные (не влияющие на расчеты) элементы. Например, словесная или схематическая постановка задачи, результаты в виде графиков, найденные погрешности и т.д.

Ниже приведен фрагмент файла-задания (Oscillator_K_Mu_x.odt или Oscillator_K_Mu_xr_ChDir.odt) на поиск функции x(t) и коэффициентов K, μ , xr (уже описанные конструкции отмечены серыми комментариями):

```
*******************************
```

```
BoF-SvF
                                    # Файл-задание обрабатывается с этой команды
# ChDir = ./3-Oscillator_K_Mu_xr
                                    # Рабочий каталог перемещается в ./3-Oscillator_K_Mu_xr
CVNumOfIter = 50
                                    # максимальное кол-во итераций поиска весов регуляризации
            = 21
                                    # кол-во подмножеств для процедуры кросс-валидации
CVstep
DIF1
            = Central
                             # использование центральной схемы аппроксимации производной
Select x, t from ../Spring5.dat
                                    # считывание данных
GRID: t \in [-1., 2.5, 0.025]
                                    # область определения функции x(t) и v(t)
Var:
           x(t)
                                    # искомая функция
           v(t)
                                    # искомая функция
           K
                                    # неизвестный параметр - жесткость пружины
                                    # неизвестный параметр - смещение точки крепления (Deltax)
           \Delta x
                                    # неизвестный параметр - вязкость среды (в формуле Стокса),
                                    # (в программе заменяется на muu)
# EQ: d2/dt2(x) == -K * (x - \Delta x) - \mu * v
                                    # обычная запись ур-ия – без редактора формул
EQ: \frac{d^2}{dt^2}(x) == -K * (x - \Delta x) - \mu * v
                                           # формулы набираются в редакторе формул
     v == \frac{d}{dt}(x)
                                              # дифференциальное ур-ие 1-ого порядка
OBJ: x.Complexity (Penal[0])/x.V.sigma2 + x.MSD() # критерий выбора
Draw
                                                          # отображение функций
EOF
                                                          # конец обработки задания
*************************
```

Все, что находится до BoF-SvF и после EOF, опускается.

Иногда удобно хранить файл задание в каталоге отличном от каталога со всеми файлами задачи. Что бы изменить рабочий каталог используется команда ChDir.

Первую производную можно аппроксимировать по-разному, в том числи DIF1 = Central.

В тексте используются символы \in , Δ и μ . Естественно, в тексте программы они заменяются на буквенные выражения.

Формулы набираются в редакторе формул (хранение в формате LaTeX).

5.2. Мультипликативное представление функций.

Пример 5.2a. Модель $E=Ust(Q,VPD)\cdot VPD$

```
RunSolver ServerParallel # Параллельные расчеты ведутся на удаленном сервере py_max_iter = 15000 # Опция максимальное кол-во итераций для solver
```

```
CVNumOflter = 21
                       # Максимальное кол-во итераций CV
ExitStep
               = 1e-6 # Контроль сходимости. Завершение по малости смешения
useNaN
                       # useNaN – строки с отсутствующими данными считываются
Select ROWNUM AS t, I As Q, Ta As T, WPD As VPD, Enan As E, Pnan As P, Dat, NN, PRel, ERel \
    from ../../DATA/Phot-5short.xlsx
MakeSets_byParam Dat 11
                                             # CV procedure parameters – 11 subsets by Dat
Set:
                      # Time - number of point (first=0)
       t = [0, 1]
Param: VPD(t)
       Q (t)
       T (t)
Var:
       E (t)
EoD
                      # Закрывает открытую таблицу. Здесь можно не закрывать.
       Cqv (Q, VPD); Q \in [,,-50]; VPD \in [,,-50]
Var:
EQ:
       E = Cqv (Q, VPD) \cdot VPD \cdot 0.0101495726495726
#
       E(t) = Cqv (Q(t), VPD(t)) \cdot VPD(t) \cdot 0.0101495726495726
#
       E(t) = Cqv (Q(t), VPD(t)) \cdot VPD(t) \cdot 0.0101495726495726; t \in t
Obj:
       Cqv.Complexity (Penal[0],Penal[1]) + E.MSDnan()
DrawTransp # транспонирует двумерные рисунки.
DrawVar # готовит графики только для функций-переменных
EOF
```

Здесь появляется новое ключевое слово *Param:,* которое открывает блок описания функций-параметров. Они участвуют в расчетах как заранее заданные функции и поэтому должны быть определены до начала расчетов. В данном примере VPD(t), Q(t) и T(t) считываются (на основе совпадения имен переменных и аргументов с именами столбцов) из таблицы *Phot-5short.xlsx*.

Ключевое слово EQ: (equation) задает связь $E = Cqv (Q, VPD) \cdot VPD \cdot 0.0101495726495726$ между функциями E, Cqv, Q и VPD. Это сокращенная запись — более подробная нотация находится в комментариях строках ниже.

DrawVar – готовит графики только для функций-переменных.

5.4. Интегральные уравнения

Пример 5.4a. Математическая модель: fast nonlocal heat transport in magnetic fusion plasmas.

С подробным описание модели можно ознакомиться здесь: http://arxiv.org/abs/1901.03789 Здесь приводится формальная математическая постановка. Однако некоторые элементы описания содержат дополнительную информацию, необходимые для дальнейших преобразований, например, при описании множеств, шаг дискретизации.

Константы:

$$Frac_{min} = 0.5Frac_{max} = 10$$
 r_step = 0.01 t_step = 0.005 t_inj = 6.994
$$t_{min} = t_{inj}$$

$$t_{max} = 7.1$$

$$r_{max} = 0.44$$

$$r_{pp} = 0.9$$

qmax = 3 # Только для 7 разряда

Множества:

Set:
$$t = [tmin, tmax, t_step]$$

 $rm = [0, rmax, r_step]$
 $rp = [0, r_{pp}, r_step]$

неизвестные

известные

Papam: $P(r_m, t)$

уравнения

EQ:
$$A_{bs}(r_m)*(Isr(t)-Isr0) = P(r_m,t)$$
 #(1)
$$Isr(t) = 2*qme/(\sqrt{4*qmeF_{out}(t)+Ame_{bs}*2}+Ame_{bs})$$
 #(4)
$$Isr0 = 2*qme/(\sqrt{4*qme*F_{out}0+Ame_{bs}*2}+Ame_{bs})$$
 #(40)
$$\int \frac{2}{r_{pp}*2}*\int_{0}^{r_{max}}A_{bs}(r)*r*dr$$
 #(5)
$$Ame_{bs} \geq \int *(Frac_{min}+1)$$
 #(5a)
$$Ame_{bs} \leq \int *(Frac_{max}+1)$$
 #(5b)
$$Amebs**2*(1+Fout(t)) <= qme$$
 #(6)
$$AbsGTr_m = \#(11)$$

```
Isr(t) = \sqrt{I(t)}
      #
                                                                      #(S1)
             Isr0 = \sqrt{I0}
       #
                                                                      #(S1o)
       1/W_F < F_{out}\left(t\right)/F_{out} \ 0 < W_F,
                                                                      #(12)
       #Пробные значения
       W_F = 10, 2
Файл-задание
                            # ПАРАМЕТРЫ РАСЧЕТОВ:
       CVstep
                     = 13
       CVNumOfIter = 0
       ExitStep
                     = 1e-7
                            # КОНСТАПТЫ:
       ######### 7
       t inj7 = 6.994
       qmax7 = 5 #3
       ########## 8
       #t inj = 7.497
       #qmax = 6
       Frac_min = 0.5
       Frac max = 10
       W_F
               = 10.2
       r_{step} = 0.02
       t_step = 0.005
       t min7 = t inj7
               = 0.05
       t int
               = 0.44
       r max
               = 0.9
       r_pp
                                   # МНОЖЕСТВА (СЕТКИ):
       GRID: t = [0, t_{int}, t_{step}]
             r_m = [0, r_max, r_step]
             r_p = [0, r_pp, r_step]
      Tbl = Select r As r_m, tm As t, Pi As P7, Pi As pP7 from ../27-002Pi_T(r,t)n(r)-21/Pi(r,tm).sol
      Tbl.dat('t')[:] -= t_min7
                                   # НЕИЗВЕСТНЫЕ И ПАРАМЕТРЫ
       Var:
             P7(r_m,t)
       Param: pP7(r m,t)
       EOD
       Var:
             A_bs (r_m );
                            >=0
             Ame bs;
                            >=0
             qme7;
                           >=0; <= qmax7 # bounds = [0, qmax7]
                                                                             #(9)
             Isr(t);
                           >=0
             F_out(t);
                           >=0.01; <= 0.2*pi
                                                 # bounds = [0.01, .2*pi]
                                                                             #(7)
                           >=0
             Isr0;
                           >=0.01; <= 0.2*pi #
                                                        bounds = [0.01, .2*pi] #(7o)
             F_out0;
```

```
AbsGTr m;
                            >=0
                                      # УРАВНЕНИЯ
         A_bs(r_m) \cdot (Isr(t)-Isr0) = P7(r_m,t)
EQ:
                                                                                      # (1)
         Isr(t) = 2 \cdot qme7/(\sqrt{4 \cdot qme7 \cdot F} \text{ out}(t) + Ame \text{ bs}^{**}2) + Ame \text{ bs})
                                                                                      # (4)
         Isr0 = 2 \cdot qme7/(\sqrt{4 \cdot qme7 \cdot F_out0} + Ame_bs^{**}2) + Ame_bs)
                                                                                       # (40)
         Int_r_m = 2/(r_pp^{**2}) \cdot \int (0, r_max, dr_m^*A_bs(r_m) \cdot r_m)
                                                                                      # (5)
         Ame_bs <= (1+Frac_max) · Int_r_m
                                                                                       # (5a)
         Ame_bs >= (1+Frac_min) · Int_r_m
                                                                                      # (5b)
         AbsGTr_m=(Ame_bs-Int_r_m)·r_pp**2/(r_pp**2-r_max**2)
                                                                                      # 11
         Ame bs^{**}2 \cdot (1+F \text{ out(t)}) \le gme7
                                                                                      # (6)
         Ame_bs**2 \cdot (1+F_out0 ) <= qme7
                                                                                      # (60)
         F \text{ out0} <= F \text{ out(t)} * W F
                                                                                      # 12
         F \text{ out(t)} \leftarrow F \text{ out0} * W F
                                                                                      # 12
```

Obj: A_bs.Complexity (Penal[0]) + Isr.Complexity (Penal[1]) \
+ F_out.Complexity (Penal[2]) + P7.MSD()

-

Int r m;

>=0

DrawTransp

Draw

EOF

Новые конструкции:

- 1) Tbl.dat('t')[:] -= t_min7 оператор (Python): для столбца с именем 't' таблицы Tbl уменьшить все значения на t min7
- 2) $\sqrt{(4\cdot\text{qme7}\cdot\text{F} \text{ out(t)}+\text{Ame bs**2})} \rightarrow \text{sqrt} (4\cdot\text{qme7}\cdot\text{F} \text{ out(t)}+\text{Ame bs**2});$
- 3) $\int (0, r_max, d(r_m)^*A_bs(r_m)\cdot r_m) интеграл от 0 до r_max для выражения <math>d(r_m)^*A_bs(r_m)\cdot r_m$. Дифференциал $d(r_m) c$ тоит на первом месте!

Целевая функция (Obj:) состоит из штрафов за кривизны трех функций (A_bs, Isr, F_out) и среднеквадратичного отклонения Р7 от данных.

6. Параметры и операторы файла вычислительного задания (.mng)

Переменных с именами d и d2 лучше избегать – они зарезервированы как символыдифференциалов.

6.1. Управляющие параметры

```
DIF1 = Central
RunSolver Server # ServerParallel # LocalParallel #Local #
EOF
printL = 1
```

6.2. Опции сервера

6.3. SET: or GRID:

```
GRID: t = [-1., 2.5, 0.025]

gx = [-0.1, 2.2, 0.1]

gy = [-1, 1.5, 0.1]
```

6.4. Select - некоторое небольшое подмножество языка SQL

```
Select r As r_m,tm As t, Pi As P_RTP, Pi As pP_RTP from ../27-Pe_Pi/Pi(r,tm).sol

Select r As r_m,tm As t, Pi As P_RTP, Pi As pP_RTP from ../27-Pe_Pi/Pi(r,tm).sol As Tbl

Tbl = Select r As r_m,tm As t, Pi As P_RTP, Pi As pP_RTP from ../27-Pe_Pi/Pi(r,tm).sol
```

Если требуется работа с записями таблицы (Tbl), лучше использовать вариант (Tbl=)

Select x, t from Spring5.dat where x>=1 and t==100

Select * from Spring5.dat

ROWNUM - Поле номеры записи по порядку

EoD - Закрывает открытую таблицу. Во избежание путаницы (имен столбцов с другими именами), лучше закрывать.

Select X,Y, num as Z from Les.xyz where Z==2

6.5. WriteSvFtbl

WriteSvFtbl "tmp.txt" – Сохранение таблицы в текстовой файл

CVstep = 7 – разбивает множество данных на 7 подмножеств :

6.6. CV

```
[ [0,7,14...], [1,8,15...] ... [6,13...]]

MakeSets_byParam ParamName =Data Every =3 Margin =0

MakeSets_by Param Data 13 4

разбивает множество данных на 13 подмножеств на основе столбца Data
В обучающей последовательности убирает поля (по 4 до и после)
Важно при работе с временными рядами.
```

6.7. VAR:

```
PolyPow - степень полинома
Var: x(t); t∈[,2.5,0.025]; x∈[-6.,7]; # <=7; >= -6
v(t)
```

```
f(gx, gv); PolyPow = 6
   var:
          x(t); t \in t64; x \in [-10.,10];
          x(t); DataFile = ../DATA/Spring5.dat
          x(t); Select x,t from ../DATA/Spring5.dat
   d/d(t) - полный интервал автоматически уменьшается на шаг
          T(\rho,t); t \in Time;
                                  \rho \in R_p; T \in [0,delH2O]; PolyPow =5;
           E (t); t \in [0, t \text{ max}, 1]; >=0
   DataFile = T.txt;
   initialize = 1
   Reg (gWD); PolyPow = 7; \leq 1 - \kappa a \kappa EQ:
 6.8. PARAM:
   Param Ust (Q,T)
        Если InFile не задан, считывается из файла по умолчанию.
 6.9. EQ:
   EO:
           d2/dt2(x(t)) == f(x(t),v(t)); #t <> 1
          v(t) == d/dt(x(t))
          v(t17) == d/dt17(x(t17)); t17 \in t; t17 <> 1
          v(t17) == d/dt17(x(t17)); t17 \in [-1., 2.5, 0.025]
   if ..cond.. : d(PHqt(gQ,gT))//d(gQ) >= 0 => if not ( ..cond..) : return Constraint.Skip
   [r (0, 2, f) - rectangle = f(0) + f(1) для шаг = 1
 6.10. OBJ:
   OBJ: f.Complexity ( [Penal[0], Penal[1]] )/x.V.sigma**2 + x.MSD()
   ObjL: x.Complexity (Penal[0]) + x.MSD()
   ObjU: x.MSDverif (formula)
   Obj: \int (dt^*x(t)^{**2})
   Obj: \int (0, 1, dt^*x(t)^{**}2) # dt on the first place!
 6.11. Draw
   Draw
   DrawTransp - транспонирование картинки.
   Draw fun11 L:1,2,4,8,16,32,64 – задание значений уровней
   DrawVar – только переменные
   DrawErr – оставшиеся ошибки
   MarkerSize = 1
 6.12. Операторы Python, использующие разработанные классы.
Работа с таблицами
Tbl.dat('t')[:] -= t min7 – оператор (Python): для столбца с именем 't' таблицы Tbl уменьшить
 все значения на t min7
Работа с компонентами GIS
 Pol = Polyline ([1,2,3],[4,5,6])
 Pol = Polyline ('X','Y','Z')
 Pol.Draw(mask, 6, 1000) - Draw(self, mask, pixSize=1, Val=None):
```

```
mask.FloodFillReal ([6508870, 5875460], 1000,1000)
FloodFillReal (self, xy, BordVal,FillVal)
dh = NaN
ang = 2
H.Smoothing (dh, ang, mask,1000)
H.SaveGrid ('smooth2grad.asc') - эквивалентно H.SaveGrid ('smooth2grad.asc', 'N')
TA = H.TiltAngle () - sqrt (**2 + **2) производных — модуль градиента
TA.Draw()
TA.SaveGrid ('after.asc')
Xder = H.Make_1_Deriv()
Yder = H.Make_1_Deriv('y')
```

7. Организация файлов данных

.xlsx - первая строка содержит имена столбцов

.txt - первая строка содержит имена столбцов. Разделитель пробел или табуляция.

```
#END# - первый столбец xlsx - конец
#END# - в строке имен xlsx - конец
```

ДОполнительно

Transp - Транспонировать при отрисовке Draw A.sol; Transp

```
SavePoints — сохранять точки в *.txt. По умолчанию False
```

FOR: CC in [RUS GBR FRA DEU ESP ITA]: - скобки необязательны, «:» - можно опустить EOFOR

Если имя res-файла не задано явно, оно формируется из mng-файла, заменой расширения имени на res.

Файлы .sol содержат решения задачи (они же и начальные приближения) как сеточные функции одной или двух переменных.

Первая строка содержит служебную информацию:

имена переменных, имя функции, служебная информация (после знака `#`)

- 1D содержит таблицу со столбцами: аргумент и функция
- 2D содержит матрицу решения.

В первой строке сначала имя, соответствующее столбцам, затем — строкам. Далее строка чисел, определяющая значения столбцов (первого аргумента) Далее набор строк. В каждой строке: первое число — значение второго агрумента, далее значения функции.

Пример:

r	t	Pdf	#SvFver_62_mtr2
	0.0	5.0	10.0
100	50.3	99.5	140.5
102	49.5	96.5	135.6

Литература

Sokolov A. V., Voloshinov V. V. Model Selection by Balanced Identification: the Interplay of Optimization and Distributed Computing // Open Computer Science, 2020, 10 - p. 283-295.

https://doi.org/10.1515/comp-2020-0116

Соколов, А.В.; Волошинов, В.В. Выбор математической модели: баланс между сложностью и близостью к измерениям. International Journal of Open Information Technologies, 2018, 6(9) С. 33-41

http://injoit.org/index.php/j1/article/view/612

Технология сбалансированной идентификации математических моделей (т.н. SvFтехнология, от Simplicity vs Fitting) открывает перспективное направление прикладной математики, сочетающее методы структурного математического моделирования, оптимизации, адаптивной регуляризации и распределенных вычислений.

Недостающее (закомментированное) определение целевой функции (Obj: ...) будет добавлено автоматически.

useNaN # use NaN values in experimental data Оператор 'MakeSets_byParam Dat 11' задает разбиение множества данных (для перекрестной проверки) на 11 подмножеств по столбцу таблицы 'Dat'.