

## 现代数学(自我激励篇)



**ACE** 

c++达人,数学爱好者,游戏引擎研究,solo

82 人赞同了该文章

这篇主要是自我激励一下。

很久以前,有个对数学很感兴趣的男孩,小时候数学成绩就一直很好。从小学,到初中,再到高中,一直是全班第

一。然后他参加了高考,考上了大学。

不过可惜的是,专业是父母帮他填的,并没有选择数学系。

而那个时候虽然他很喜欢数学,但是还没有想过要继续学习数学,因为他除了喜欢数学之外,也很 喜欢玩,

脑子里就想着终于从高考解放了,可以玩了。就没想那么多。

但是上了大学之后过的并不开心,因为专业不喜欢,加上没有了约束,就放纵了,就这样混了7 年,一直到研究生 毕业。

不过虽然是放纵,但是心里始终对数学还是有那么一丝眷恋,在研究生的时候,也不知怎么的,就 找到了一本

叫算术研究的书,就是高斯写的那个,那个时候他眼里知道的最厉害的数学家就是高斯了。

就想看看自己能不能读懂。

于是每天去网吧读这本书。读了第一章之后,他感到无比的兴奋和有趣。

于是又读第二章一样的感觉,然后第三章,第四章。直到第五章,第五章中充斥了大量的计算,终于他感觉有点

跟不上这些计算了,不过还是坚持了不少。但是最终没有坚持下去,就中断在了第五章。

然后他就工作了,转行做了计算机。在工作之余,偶然有一天,也不知怎么的,又对数学产生了一 丝眷恋之情。

想起他小时候听过一个叫群论的东西,当时觉着很高大上。

于是乎,他又想,是不是找一本介绍群论的书来看看,看能不能读懂。于是找了本电子版叫做algebra-methods

的书。开始读。就是用晚上下班之后的睡前的时间来读。

第一次读的时候真的感觉很神奇,从没有见过这样的数学。经过一段时间的坚持,终于把这本书读 完了。这其中

无数奇思妙想令他感到不可思议。不过印象最深的一个是 同态三定理 ,还有一个就是 jordan-holder 定理了。他

认为后者这本书中最deep的定理。(直到又过了很久,他才在另一篇文章中,确认了自己的看法和某位数学家是一致的)

这本书让他从古典数学走向了现代数学,可以说是启蒙吧。

这是一本gtm系列的小薄书,他开始读了,推理并不复杂,但是慢慢变的深刻。不过这本书的每一步都比较清晰,

终于,在最后,他把整个证明看明白了,这让他再一次体会到数学的美。

同时也激发了他进一步学习数学的动力,于是又在业余时间读了基础拓扑学,但是他对拓扑 的思 维方式似乎不太

习惯,在书本的后期,似乎有点力不从心,于是叫放弃了后面的部分。不过即使这样,对于拓扑的 基本概念他也基

本掌握了。

这是他感觉到现代数学的博大精深。于是乎,他开始了解现代的数学家。终于知道一个叫 格罗腾 迪克 的人。 这确实让他感到刷新三观,感到现代数学的发展已经超出了他的理解范畴。不过秉着好奇与自信, 他就买了那本

GTM52,但这本书确实让他感到挫折,因为读不懂,不过凭着意志力,还是硬生生的吃了接近一章吧。但是已经令

他精疲力尽了。此时的他终于陷入了迷茫,他不能理解这样的书怎么能读懂呢? 怎么可能有意志力去读下去。

这确实是令他感到受挫折的一段时光。也是让他自信第一次崩塌的时候,他觉着自己可能也就这样 了,不能再走下

去了。不过对数学的热爱并没有变,于是他又开始研究其了数论,因为他想知道结局。终于他把算术的第七章读完

了,这一章确实是自成体系的,也很神奇的一章。他意识到这一章和伽罗华理论有莫大的联系,但 是因为要工作,

他始终也没有完整的时间来整理其中的关系。随后又了解到了高等线性代数,代数数论,kummer 理论。

这些虽然都读了一些,但也都没有坚持下去。此时,终于到了一个瓶颈,再有走不下去了,其中 kummer理论虽然可以继续

走下去,但是因为文章写的太长,太多计算,也让他没有坚持下去。

在那之后,他的数学学习就停止了,毕竟还有工作,就这样过了一段时间。

但是他并没有放弃思考,直到有一天,他意识到,自己虽然不懂,为什么不可以去问别人呢?

这是他之前从来没有考虑过的问题。而这一次,实在是感到走投无路了。

于是,他就在知乎寻求帮助,终于他碰到他想找的人。那个人给他介绍了下现代数学,当时确实让 他感到震惊,

这是他第一次碰到比自己厉害的人,而且不是厉害的一点半点,而是垮了好几维度吧。

虽然在这之前他已经知道有很多比他厉害的人,但是从没有这一次这么感受深刻。

那一刻,他感到有些打击,觉着自己没有必要再学下去了,毕竟只是业余玩玩,何必呢?感觉他和 现代数学离的

还是太远了。而那个人也劝他放弃数学。他也认真的考虑了好几天,最后就问自己,为何要数学呢?除了兴趣

之外还有一点就是,学习数学可以让他精神沉静下来,抛弃杂念,从世俗的烦恼中暂时的解脱出 来。

而且在计算机方面,他也感受到越深的知识越和数学有关,这使得他决定了,继续学下去。还有就 是为什么看不懂

GTM52的原因也得到了解答,那个人告诉他,你应该先看交换代数和同调代数。

这是他第一次意识到,原来数学书之间是有依赖关系的,必须循序渐渐是吗?这确实是他之前没有考虑过的。

于是他就开始看交换代数了,不过很可惜,在坚持了一些之后,终于到了看不懂的地方了。但这一 次他没有轻易放

弃,于是换了一本书,继续读,不过还是读了一部分又坚持不下去了。但是那本书却给了他一些启 发,就是范畴的

语言,折让他开始学习范畴,这次终于比较顺利了,范畴很快就学习完了。

于是他再次学习交换代数,这次他买了纸质版,取代了电子版。纸质版确实收到了奇效。终于他把 交换代数也

读完了(其实还差最后一章)。而这中间也没有花太多时间。交换代数让他找到了自信,

于是他就开始读微分几何 与 同调代数 。不过这个过程又不是很轻松,微分几何其实在很久以前他 也试着读过,

但是通常看了一两页就看不下去了。使得他始终没有进入几何的大门。

再经历了一番波折之后,在知友的推荐下,他锁定了两本书,一本是流形导论,还有一本是 DeCarmo的微分几

何,一个是古典一个现代的。

这两本书似乎不是很难,于是他就读了,这回倒是没有费太大的尽力,终于坚持到了微分几何的 最关键的部分

高斯-博内定理的证明。

不过为了缓解一下,他决定读读同调代数来过度一下。可是同调代数让他头更大,满屏的符号密密 麻麻,令他

感到窒息。

这让他又遇到一个瓶颈。不过最神奇的事也就发生在这里了。之前他在网上寻求帮助,机缘巧合, 又遇到一个数学

系的学生,这是一个很有天赋的学生,于是他就不耻下问,像她学习。

终于有一天,他问道,导出函子是什么? 然后那个学生就给他解释了下......

最后,那个学生让他,你自己看书去吧。我解释的不一定对。

于是,他就把之前买好的同调代数再次翻开。 这一次,神奇的事情发生了,他发现这本书,有一部分是范畴的内

容,而这一部分他之前已经学习过了。基本是一样的。还有一部分是模论的,这在之前的那本高等 线性代数上也有

介绍。还有一部分则是交换代数的标准内容。除去这些,最关键的就是阿贝尔范畴和导出函子那些 东西了,而

这些基本和那个学生给他的解释相一致。于是他迅速的过了一遍这里的内容,发现也没有太多特殊的东西了。

于是乎这本书只剩下一个谱序列了。也就是说,这本书除了谱序列的部分,可以认为他基本上已经 掌握了(粗糙模式),

当然实际上不能算秒。但是从体验来看,就是秒了这本书。同调代数成了他学的最快的一本书,也就是顿悟了。

这样他微分几何和同调代数也就算掌握的七七八八了。

在顿悟同调代数这本书的那一瞬间,他感受到,自己的天赋在历经岁月之后依然没有丧失,而是一 直伴随着在

他体内,只是沉睡着。他意识到,现代大学数学的那些知识,已经再也不能难倒他了。

为了纪念这个里程碑的时刻,他就写下了这篇文章,以此作为激励。

但是迫于生活,他只能再一次暂时告别数学,而这一别,又不知何时再能相见。

当然,其实也不会完全告别,而是一直在路上。

至少,这给了他足够的信心,在这条路上继续走下去。 有数学的陪伴,他不会寂寞。

至于终点在哪里,他也不知道,唯一知道的就是要向前走。

写好了,放在草稿箱里,本来也不想拿出来了,可是突然看到了某个提问,看到的回答都是否定态度,一时心血来

潮就发了。

现代社会,总是喜欢给人贴上各种各样的标签,什么985,211,清北。。。什么码农,什么什么,

创造了一堆莫名其妙的标签,再用标签取代了人,却忘记了,标签始终只是标签,标签不是人,标 签也无法代表每

一个活生生的人。

标签的背后是无数的盲目与盲从,无数的人云亦云。

标签成了束缚成了枷锁,束缚着被贴标签的人,更是束缚着贴标签的人。一代一代往反与复,作茧 自缚。

这些标签禁锢了人类的思想与自由。禁锢了人类的文明的前进。

看看人们对待女性的态度,对待学历的态度,对待考试成绩的态度。这些不过都是标签范畴的具体 实例。

贴标签的人把常识当做真理,实际上只不过是把愚昧当做明智。

人们能看到具体的错误,为什么就抽象不出这个共同的错误呢?

是时候把这些标签给撕掉了,就在现在,在这里。

发布于 2022-05-06 03:11

数学 现代数学 现代



#### 文章被以下专栏收录



#### 我流哲学

探讨数学,哲学,编程等,统一用哲学来概括

### 推荐阅读



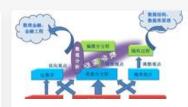
讲座回顾|基础篇:大学数学学习方法和技巧

一起刷高数

# [转载]现代数学 | 清华学霸带你理清现代数学脉络

文章来源: 微信公众号 澧好|毕业生链接: 现代数学|清华学霸带你理清现代数学脉络目录1基础课: 数学分析、高等代数2代数和数论3分析和方程4几何和拓扑5数学是什么?6参考书…

powerless



《大学数学》包含哪些内容?怎 样安排学习顺序?

王老师-大... 发表于大学数学解...