

# ESTUDO DE CASO - RELAÇÃO ENTRE VÃO E ALTURA

## Importando bibliotecas

```
In [10]: import sys
sys.path.insert(0, '../')
import fconcrete as fc
import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
```

## Leitura das amostras

```
In [7]: dados_menores_custos = pd.read_excel("Dados de custo das melhores dimensoes.xlsx")
```

## Tabela com adição de colunas

```
In [8]: dados_menores_custos["custo/comprimento"] = dados_menores_custos["custo"]/dados_menores_custos["comprimento"]
dados_menores_custos["comprimento/altura"] = dados_menores_custos["comprimento"]/dados_menores_custos["altura"]
```

```
dados_menores_custos
```

```
Out[8]:
```

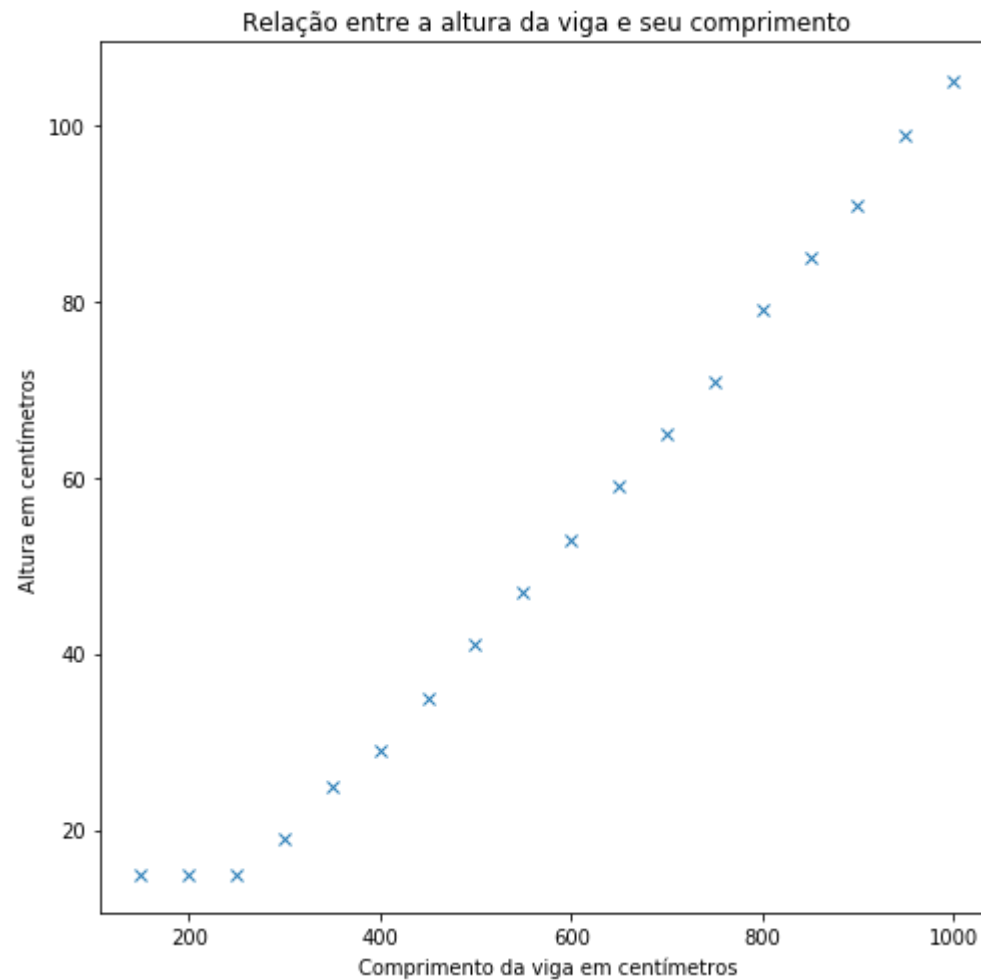
	base	altura	comprimento	custo	concreto	barras longitudinais	barras transversais	custo/comprimento	comprimento/altura
<b>150</b>	15	15	150	26.552389	11.92	6.60	8.02	0.177016	10.000000
<b>200</b>	15	15	200	35.238586	15.90	8.64	10.70	0.176193	13.333333
<b>250</b>	15	15	250	43.924782	19.87	10.68	13.37	0.175699	16.666667
<b>300</b>	15	19	300	61.904167	30.21	15.18	16.52	0.206347	15.789474
<b>350</b>	15	25	350	88.298648	46.37	19.19	22.74	0.252282	14.000000
<b>400</b>	15	29	400	119.126072	61.47	28.95	28.70	0.297815	13.793103
<b>450</b>	15	35	450	154.924409	83.47	36.89	34.57	0.344276	12.857143
<b>500</b>	15	41	500	201.408929	108.64	49.44	43.33	0.402818	12.195122
<b>550</b>	15	47	550	247.964731	136.99	57.89	53.08	0.450845	11.702128
<b>600</b>	15	53	600	300.256021	168.52	70.81	60.92	0.500427	11.320755
<b>650</b>	15	59	650	364.396778	203.24	88.76	72.40	0.560610	11.016949
<b>700</b>	15	65	700	436.807594	241.13	110.81	84.87	0.624011	10.769231
<b>750</b>	15	71	750	510.608829	282.20	133.72	94.69	0.680812	10.563380
<b>800</b>	15	79	800	599.797505	334.93	153.68	111.19	0.749747	10.126582
<b>850</b>	15	85	850	689.532881	382.89	180.11	126.54	0.811215	10.000000
<b>900</b>	15	91	900	785.570084	434.03	213.13	138.41	0.872856	9.890110
<b>950</b>	15	99	950	901.924097	498.42	245.30	158.20	0.949394	9.595960
<b>1000</b>	15	105	1000	1017.767634	556.45	284.89	176.43	1.017768	9.523810

## Relação entre a altura da viga e seu comprimento

### Visualização básica

```
In [11]: # Tamanho da figura a ser plotada
plt.rcParams["figure.figsize"] = (8,8)
plt.title("Relação entre a altura da viga e seu comprimento")
plt.ylabel("Altura em centímetros")
plt.xlabel("Comprimento da viga em centímetros")

plt.plot(dados_menores_custos["comprimento"], dados_menores_custos["altura"], "x")
plt.show()
```



### Relação entre a altura da viga e seu comprimento

```
In [12]: x = np.array(dados_menores_custos["comprimento"])
        y = np.array(dados_menores_custos["altura"])
        x_projetado = np.linspace(x[0], x[-1], 100)
```

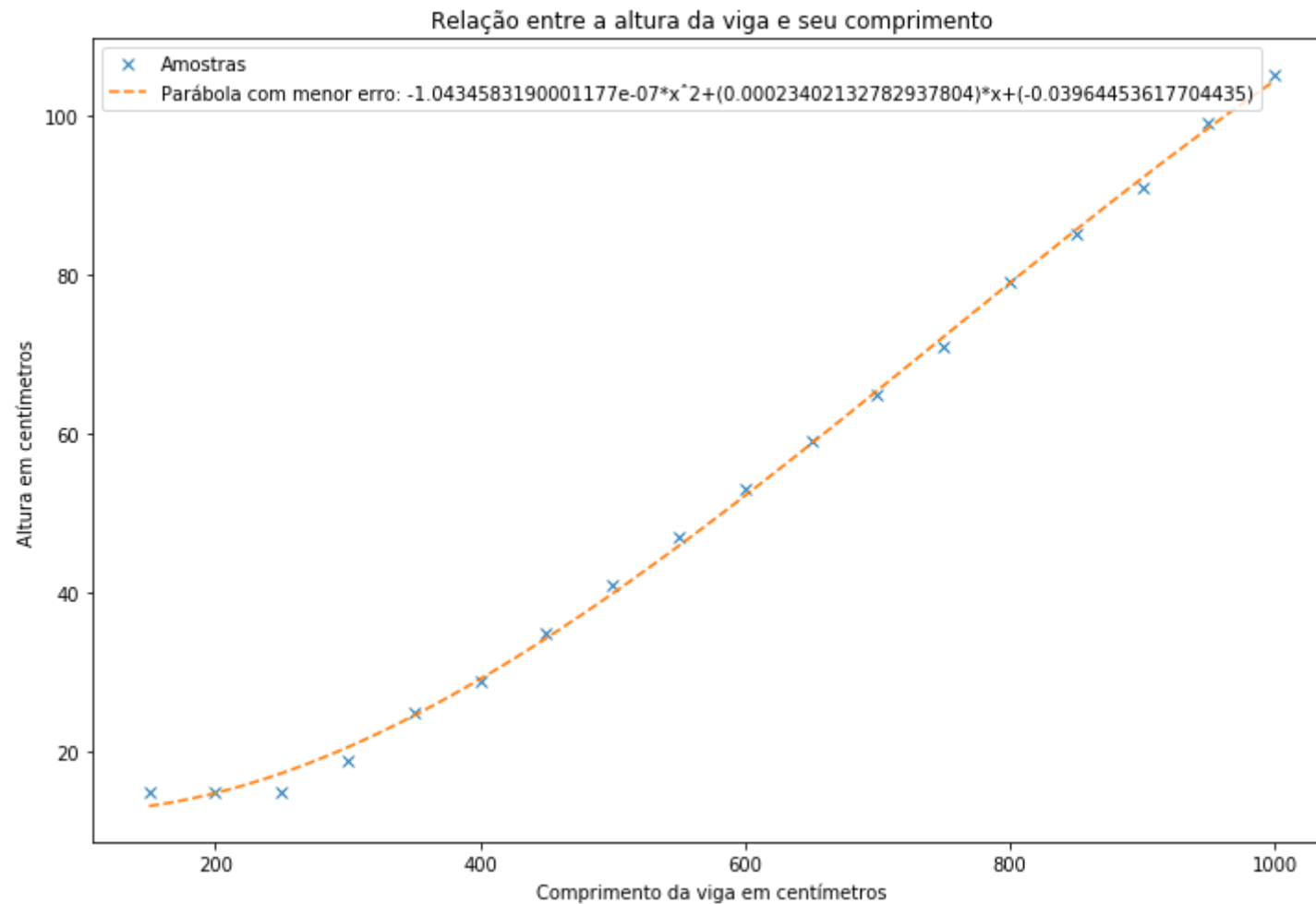
```
In [21]: def retornar_resultados(x, y, coeficientes):
        variacoes = np.polyld(coeficientes)(x)-y
        x_com_falhas = x[variacoes < 0]
        print("Para as amostras, respectivamente, as variações são de:\n {}".format(np.ceil(variacoes)))
```

### *Considerando a parábola ideal*

```
In [22]: plt.rcParams["figure.figsize"] = (12,8)
real, = plt.plot(x, y, 'x', label="Amostras")

coeficientes_da_parabola_ideal = np.polyfit(x, y, 3)
y_projetado = np.polyld(coeficientes_da_parabola_ideal)(x_projetado)
texto_projecao_parabola_ideal = "Parábola com menor erro: {}*x^2+({})*x+({})".format(*coeficientes_da_parabola_ideal)
projecao, = plt.plot(x_projetado, y_projetado, '--', label=texto_projecao_parabola_ideal)

plt.title("Relação entre a altura da viga e seu comprimento")
plt.ylabel("Altura em centímetros")
plt.xlabel("Comprimento da viga em centímetros")
plt.legend()
plt.show()
```



```
In [23]: retornar_resultados(x, y, coeficientes_da_parabola_ideal)
```

Para as amostras, respectivamente, as variações são de:

```
[-1. -0.  3.  2. -0.  1. -0. -1. -1. -0. -0.  1.  2. -0.  1.  2. -0. -0.]
```

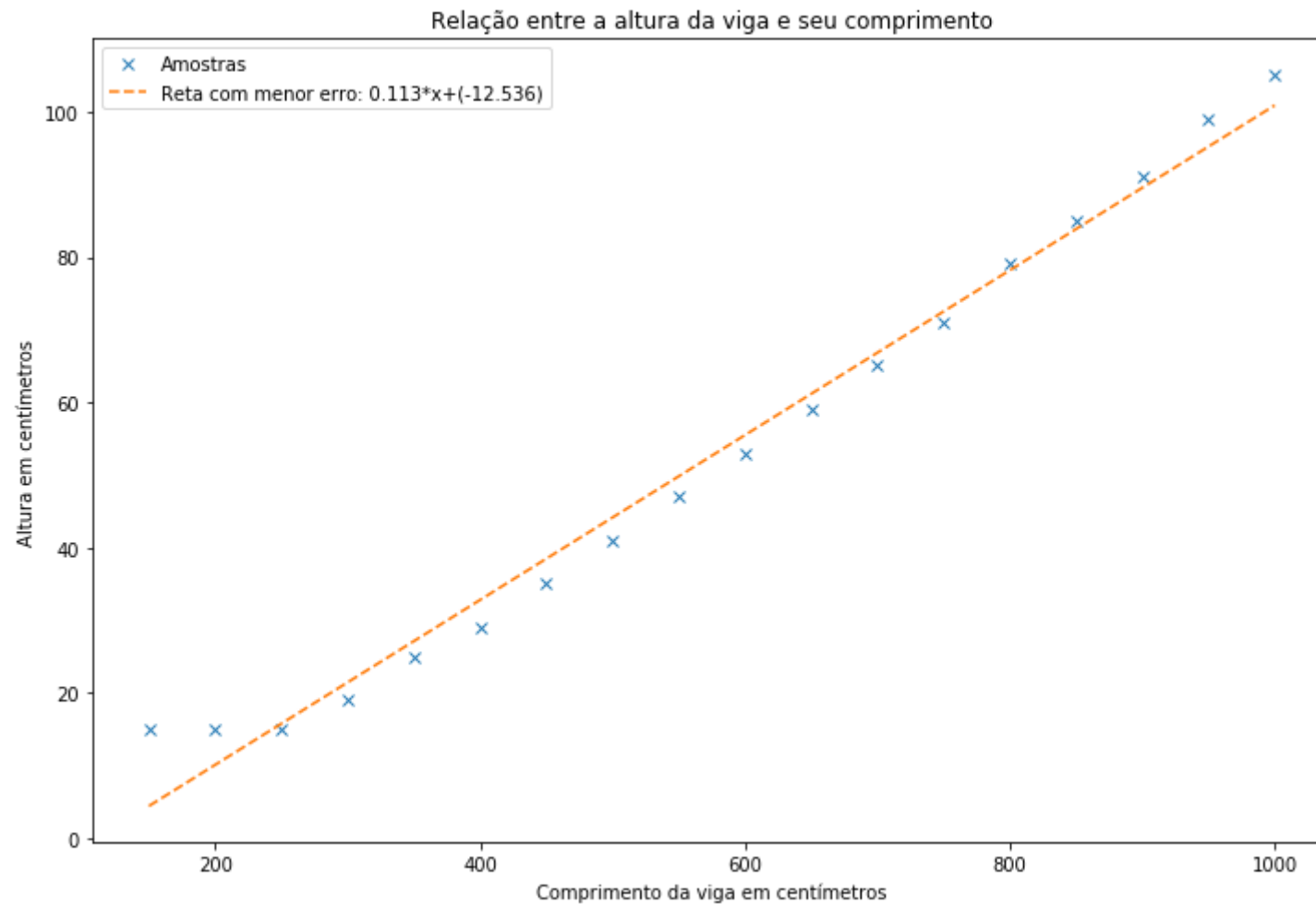
**Considerando a reta ideal**

```
In [24]: real, = plt.plot(x, y, 'x', label="Amostras")

coeficientes_da_reta_ideal = np.polyfit(x, y, 1)
y_projetado = np.polyld(coeficientes_da_reta_ideal)(x_projetado)
texto_projecao_ideal = "Reta com menor erro: {}*x+{}".format(*coeficientes_da_reta_ideal.round(3))
projecao, = plt.plot(x_projetado, y_projetado, '--', label=texto_projecao_ideal)

plt.title("Relação entre a altura da viga e seu comprimento")
plt.ylabel("Altura em centímetros")
plt.xlabel("Comprimento da viga em centímetros")
plt.legend()
plt.show()
```





```
In [25]: retornar_resultados(x, y, coeficientes_da_reta_ideal)
```

Para as amostras, respectivamente, as variações são de:

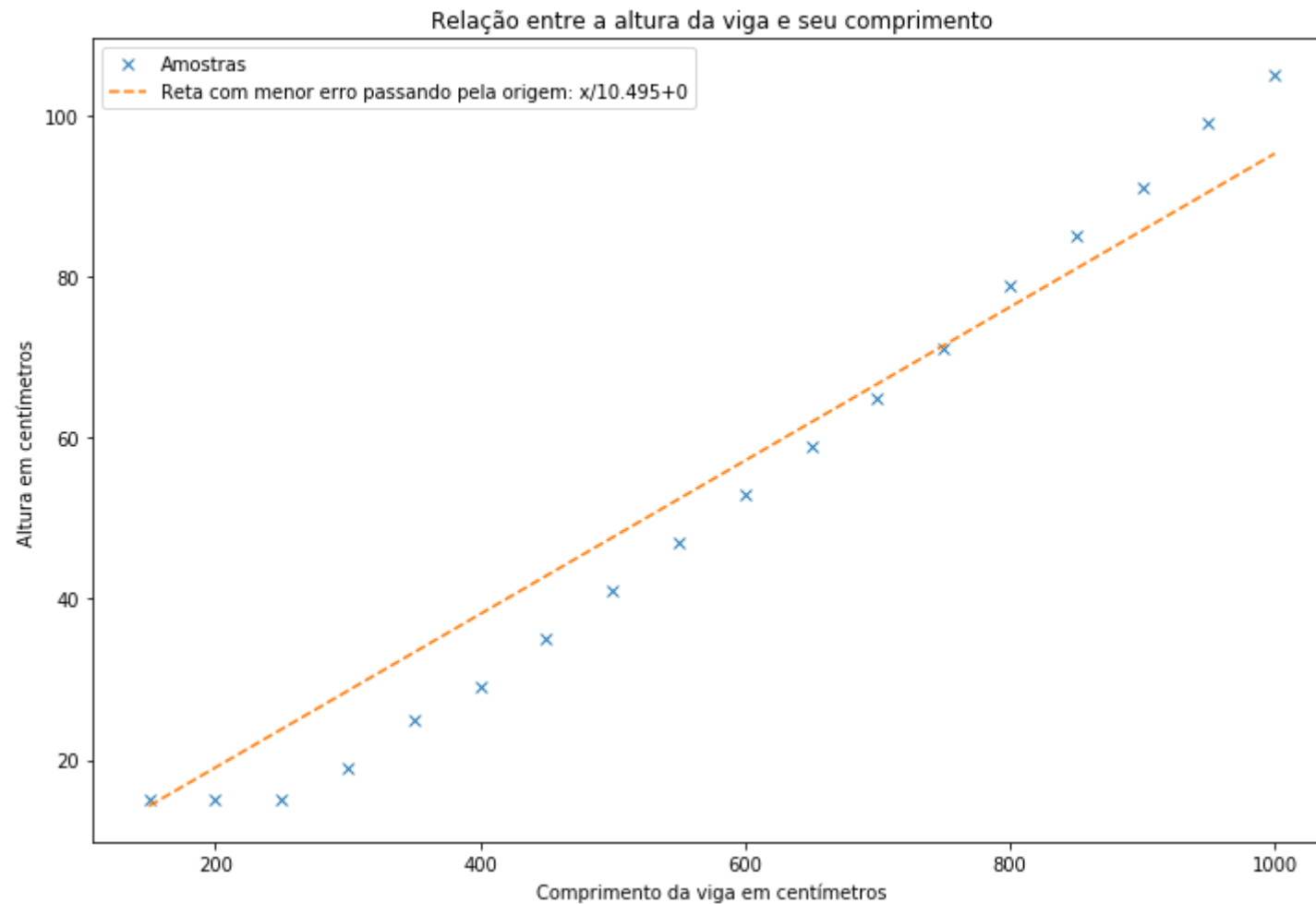
```
[-10.  -4.   1.   3.   3.   4.   4.   4.   3.   3.   3.   2.   2.  -0.
 -1.  -1.  -3.  -4.]
```

**Considerando os valores da reta ideal que passa na origem**

```
In [27]: real, = plt.plot(x, y, 'x', label="Amostras")

coeficientes_da_reta_passando_pela_origem = np.linalg.lstsq(np.vstack((x, np.zeros_like(x))).T, y, rcond=None)[0]
y_projetado_passando_origem = np.poly1d(coeficientes_da_reta_pela_origem)(x_projetado)
texto_projecao_passando_pela_origem = "Reta com menor erro passando pela origem: x/{0}+0".format((coeficientes_da_reta_passando_pela_origem[0]**(-1)).round(3))
projecao, = plt.plot(x_projetado, y_projetado_passando_origem, '--', label=texto_projecao_passando_pela_origem)

plt.title("Relação entre a altura da viga e seu comprimento")
plt.ylabel("Altura em centímetros")
plt.xlabel("Comprimento da viga em centímetros")
plt.legend()
plt.show()
```



```
In [28]: retornar_resultados(x, y, coeficientes_da_reta_pela_origem)
```

Para as amostras, respectivamente, as variações são de:

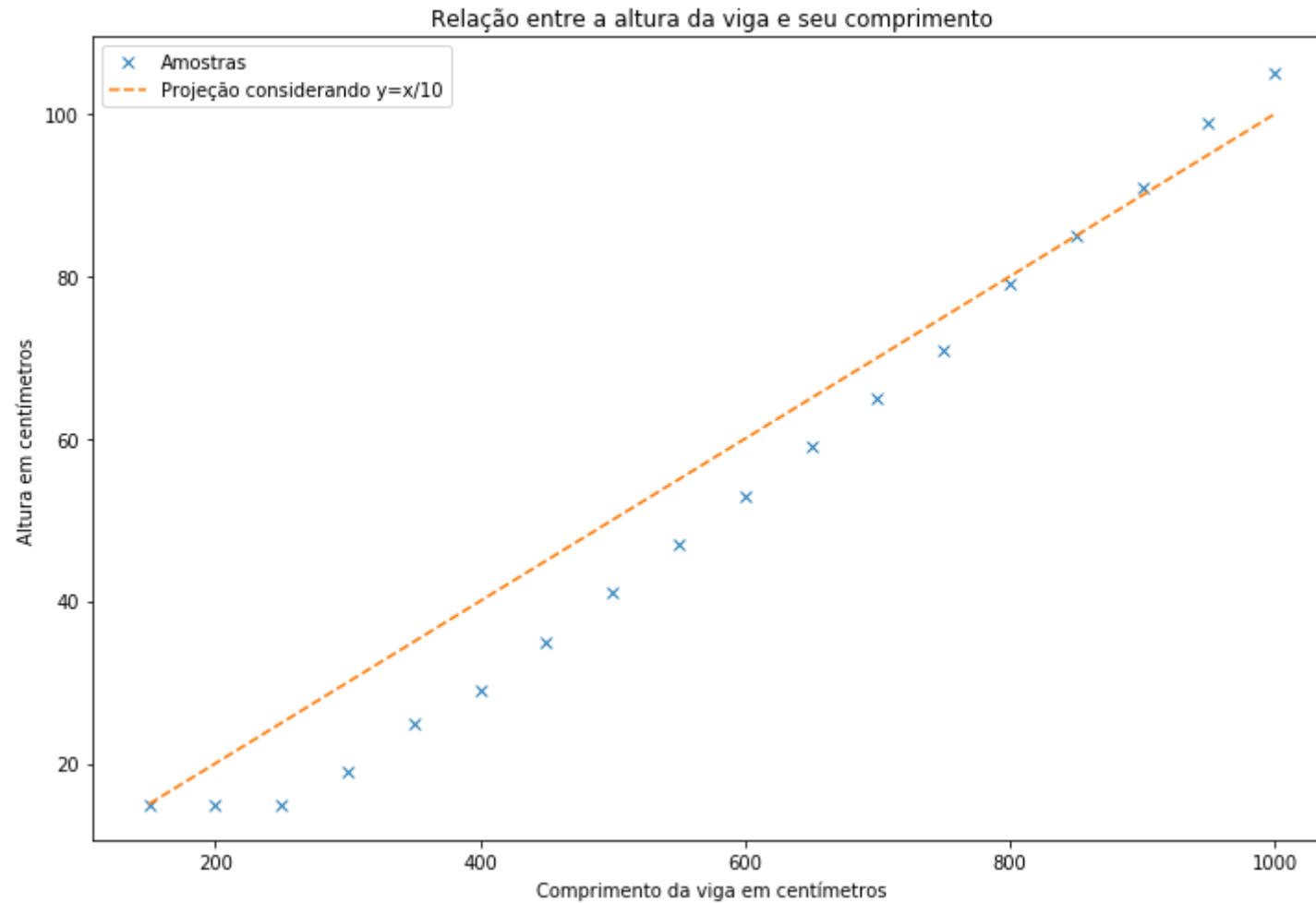
```
[-0.  5.  9. 10.  9. 10.  8.  7.  6.  5.  3.  2.  1. -2. -4. -5. -8. -9.]
```

**Considerando  $y=x/10$**

```
In [29]: real, = plt.plot(x, y, 'x', label="Amostras")

coeficientes_literatura = [1/10, 0]
y_projetado_literatura = np.polyld(coeficientes_literatura)(x_projetado)
projecao, = plt.plot(x_projetado, y_projetado_literatura, '--', label="Projeção considerando  $y=x/10$ ")

plt.title("Relação entre a altura da viga e seu comprimento")
plt.ylabel("Altura em centímetros")
plt.xlabel("Comprimento da viga em centímetros")
plt.legend()
plt.show()
```



```
In [30]: retornar_resultados(x, y, coeficientes_literatura)
```

Para as amostras, respectivamente, as variações são de:

```
[ 0.  5. 10. 11. 10. 11. 10.  9.  8.  7.  6.  5.  4.  1.  0. -1. -4. -5.]
```

**Todas as compras**

```
In [32]: x = np.array(dados_menores_custos["comprimento"])
y = np.array(dados_menores_custos["altura"])
x_projetado = np.linspace(x[0], x[-1], 100)

real, = plt.plot(x, y, 'x', label="Amostras")

coeficientes_da_parabola_ideal = np.polyfit(x, y, 3, )
y_projetado = np.polyld(coeficientes_da_parabola_ideal)(x_projetado)
texto_projecao_parabola_ideal = "Parábola com menor erro: {}*x^2+({})*x+({})".format(*coeficientes_da_parabola_ideal)
projecao, = plt.plot(x_projetado, y_projetado, '--', label=texto_projecao_parabola_ideal)

coeficientes_da_reta_ideal = np.polyfit(x, y, 1)
y_projetado = np.polyld(coeficientes_da_reta_ideal)(x_projetado)
texto_projecao_ideal = "Reta com menor erro: {}*x+({})".format(*coeficientes_da_reta_ideal.round(3))
projecao, = plt.plot(x_projetado, y_projetado, '--', label=texto_projecao_ideal)

coeficientes_da_reta_passando_pela_origem = np.linalg.lstsq(np.vstack((x, np.zeros_like(x))).T, y, rcond=None)[0]
y_projetado_passando_origem = np.polyld(coeficientes_da_reta_pela_origem)(x_projetado)
texto_projecao_passando_pela_origem = "Reta com menor erro passando pela origem: x/{0}+0".format((coeficientes_da_reta_passando_pela_origem[0]**(-1)).round(3))
projecao, = plt.plot(x_projetado, y_projetado_passando_origem, '--', label=texto_projecao_passando_pela_origem)

coeficientes_literatura = [1/10, 0]
y_projetado_literatura = np.polyld(coeficientes_literatura)(x_projetado)
projecao, = plt.plot(x_projetado, y_projetado_literatura, '--', label="Projeção considerando y=x/10")

plt.title("Relação entre a altura da viga e seu comprimento")
plt.ylabel("Altura em centímetros")
plt.xlabel("Comprimento da viga em centímetros")
plt.legend()
plt.show()
```

