## El paquete nacal\*

## Marcos Bujosa mbujosab@ucm.es

## 26 de enero de 2023

#### Resumen

Paquete que define los macros empleados al escribir el libro Un Curso de Álgebra Lineal (https://github.com/mbujosab/CursoDeAlgebraLineal) con Notación Asociativa (NAcAL).

## Índice

1.	$\mathbf{Uso}$	
	1.1.	Conjuntos de números
	1.2.	Paréntesis y corchetes
		1.2.1. Regla mnemotécnica para comandos que escriben expresiones con paréntesis
	1.3.	Subíndices
		1.3.1. Subíndices y exponente
		1.3.2. Solo subíndices
	1.4.	Operadores
		1.4.1. Conjugación y concatenación
		1.4.2. Norma y valor absoluto
		1.4.3. Transposición
		1.4.4. Inversa
		1.4.5. Operador selector
		por la izquierda de un objeto
		por la derecha de un objeto
		por ambos lados de un objeto
		por la izquierda de un vector
		por la derecha de un vector
		por la izquierda de una matriz (filas)
		por la derecha de una matriz (columnas)
		de elementos de una matriz
		de elementos de una matriz transpuesta
		1.4.6. Operaciones elementales
		Operaciones elementales genéricas
		1.4.7. Transformaciones elementales particulares
		Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto
		Sucesiones indiciadas de Transf. elementales
		Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto
		Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto
		Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.
		Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto
		Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.
		Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto.  .

<sup>\*</sup>Este documento corresponde a nacal v1.0, fecha 2023/01/05.

		Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda
		de un objeto
		Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de
		un objeto.
		Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto (funciones du-
		plicadas sin argumentos opcionales)
		Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto (funciones duplicadas sin
		argumentos opcionales)
		Transformaciones elementales particulares
	1 / 2	Operador que quita un elemento
		Selección de elementos sin emplear el operador selector
1 5		
		nas genéricos
1.6.		res y matrices
		Vectores genéricos
		Vectores de $\mathbb{R}^n$
	1.6.3.	Matrices
		Matrices transpuestas
		Matrices columna
		Matrices fila
		Matriz inversa
	1.6.4.	Miscelánea matrices
		Determinante de una matriz
		Orden de las matrices
		Nombre de la matriz de autovalores
		Matriz triangular superior unitaria
		Matriz triangular inferior unitaria
		Matriz de eliminación gaussiana (por columnas)
1.7.	Produ	ctos entre vectores
		Producto escalar
		Producto punto
		Producto punto a punto o Hadamard
1.8.		z por vector y vector por matriz
		z por matriz
		productos entre matrices y vectores
		as de ecuaciones
		ios vectoriales
	-	ión funcional
	. Notaci Estadí	
1.14	. Estadi	ISTICA
Imn	lemen	tación
2.1.		ntos de números
2.2.		tesis y corchetes
2.3.		· ·
		dices
2.4.	-	dores
	2.4.1.	Conjugación y concatenación
	2.4.2.	Norma y valor absoluto
	2.4.3.	Transposición
	2.4.4.	Inversa
	2.4.5.	Operador selector
	2.4.6.	Operaciones elementales
		Transformaciones elementales generales
	2.4.7.	Transformaciones elementales particulares
		Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto
		Sucesiones indiciadas de Transf. elementales

		Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto	59
		espejo de una transformación elemental por la izquierda de un objeto	60
		espejo de una transformación elemental por la derecha de un objeto	60
		Inversa de una transformación elemental por la izquierda de un objeto	61
		Inversa de una transformación elemental por la derecha de un objeto	61
		Espejo de la inversa de una transformación elemental por la izquierda de un	
		J .	61
		Espejo de la inversa de una transformación elemental por la derecha de un objeto	61
		Transformaciones elementales particulares	63
	2.4.8.	Operador que quita un elemento	63
	2.4.9.	Selección de elementos sin emplear el operador selector	64
2.5.	Sistem	as genéricos	64
2.6.	Vector	es y matrices	64
	2.6.1.	Vectores	64
	2.6.2.	Vectores de $\mathbb{R}^n$	64
	2.6.3.	Matrices	65
	2.6.4.	Miscelánea matrices	66
2.7.	Produc	etos entre vectores	68
	2.7.1.	Producto escalar	68
	2.7.2.	Producto punto	69
	2.7.3.	Producto punto a punto o Hadamard	69
2.8.	Matriz	por vector y vector por matriz	69
2.9.	Matriz	por matriz	70
		Matriz inversa	71
2.10	Otros j	productos entre matrices y vectores	72
2.11	Sistem	as de ecuaciones	73
2.12	Espaci	os vectoriales	74
2.13	Notaci	ón funcional	75
2 14	Estadís	stica	75

## Introducción

Para el Curso de Álgebra Lineal con Notación Asociativa he creado multitud de macros que definen la notación empleada en el material docente (libro, transparencias, ejercicios, ¿vídeos?).

## 1. Uso

 $\Nn$ 

\Zz \Rr

/CC

\Z

\R \Cc

## 1.1. Conjuntos de números

Respecto a estos comandos, véase el párrafo explicativo de la Sección 1.4.6

Los comandos  $\n$ ,  $\Zz$ ,  $\Rr$  y  $\CC$  no tienen argumentos y denotan el conjunto de números naturales, de números enteros, de números reales y números complejos respectivamente

 $\Nn \Zz \Rr \CC$ 

Los comandos  $\N, \Z, \R, \Cc$ , tienen 1 argumento opcional correspondiente a un superíndice

 $\mathbb{C}$   $\mathbb{C}^n$ 

## 1.2. Paréntesis y corchetes

Me resulta agradable normalizar el tamaño de los paréntesis y otros tipos de llaves. En general prefiero que en las expresiones matemáticas de tipo *ecuación* o "*displaymath*" los paréntesis sean ligeramente mayores que aquello que encierran. Pero prefiero paréntesis pequeños en las expresiones entre líneas dentro de los párrafos.

El comando \parentesis tiene 1 argumento, \parentesis\* $\{\langle contenido \rangle\}$ . Escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre los paréntesis \big( y \big) si se usa la versión con estrella (paréntesis medianos). Si no se incluye la estrella escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre ( y ) (paréntesis pequeños)

$$(A)$$
  $(A)$ 

El comando \Parentesis tiene 1 argumento, \Parentesis\* $\{\langle contenido \rangle\}$ . Escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre los paréntesis \left( y \right) si se usa la versión con estrella (paréntesis ajustados al tamaño del contenido). Si no se incluye la estrella escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre \Big( y \Big) (paréntesis grandes)

$$\boxed{\left(A\right)} \boxed{\left(\int\limits_a^b h(x)dx\right)}$$

El comando \corchetes tiene 1 argumentos, y es similar a \parentesis, pero escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre corchetes

El comando  $\Corchetes$  tiene 1 argumentos, y es similar a  $\Parentesis$ , pero escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre corchetes



#### 1.2.1. Regla mnemotécnica para comandos que escriben expresiones con paréntesis

Seguiré la siguiente regla con la nomenclatura de algunos comandos y sus versiones con estrella (\*).

- Si terminan en "p" minúscula
  - $\bullet$ sin estrella se pondrá un paréntesis medianoal<br/>rededor del objeto sobre el que se esta realizando una operación
  - con estrella el paréntesis será pequeño
- Si terminan en "P" mayúscula
  - $\bullet\,$ sin estrella se pondrá un paréntesis  $medianamente\ grande$ al<br/>rededor del objeto sobre el que se esta realizando una operación
  - con estrella el paréntesis tendrá un tamaño ajustado al objeto
- Si terminan en "pE" se pondrá un paréntesis alrededor de toda la operación.
  - sin estrella el paréntesis será mediano
  - $\bullet\,$ con estrella el paréntesis será  $peque\~no$
- Si terminan en "PE" se pondrá un paréntesis alrededor de toda la operación
  - sin estrella se pondrá un paréntesis medianamente grande
  - con estrella el tamaño del paréntesis quedará ajustado al tamaño del objeto

## 1.3. Subíndices

## 1.3.1. Subíndices y exponente

El comando \LRidxE tiene 4 argumentos, \LRidxE $\{\langle objeto \rangle\}$  $\{\langle indIzda \rangle\}$  $\{\langle indDcha \rangle\}$  $\{\langle exponente \rangle\}$ , \LRidxE y pone un subíndice a cada lado del objeto (con exponente) \LRidxEp \LRidxEp\* \LRidxEP \LRidxE{\Mat{A}}{1}{7}{'}  $_{1}\mathbf{A}_{7}^{'}$ \LRidxEP\* \LRidxEpE \LRidxEp{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEp\*{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEpE\* \LRidxEPE \LRidxEPE\* \LRidxEP{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEP\*{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEpE{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEpE\*{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEPE{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEPE\*{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LidxE El comando \LidxE tiene 3 argumentos, \LidxE $\{\langle objeto \rangle\}\{\langle indIzda \rangle\}\{\langle exponente \rangle\}$ , y pone un subíndice a la izquierda del objeto (con exponente) \LidxEp \LidxEp\*  $_{1}\mathbf{A}^{'}$ \LidxEP \LidxE{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEP\* \LidxEpE \LidxEp{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEp\*{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEpE\* \LidxEPE \LidxEPE\* \LidxEP{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEP\*{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEpE{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEpE\*{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEPE{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEPE\*{\Mat{A}}{1}{'} \RidxE El comando \RidxE tiene 3 argumentos, \RidxE $\{\langle objeto \rangle\}$  $\{\langle indDcha \rangle\}$  $\{\langle exponente \rangle\}$ , y pone un a la derecha del objeto (con exponente)  $\mathbf{A}_{7}^{'}$ \RidxE{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEp{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEp\*{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEP{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEP\*{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEpE{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEpE\*{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEPE{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEPE\*{\Mat{A}}{7}{'}

#### 1.3.2. Solo subíndices

\LRidx Las versiones con y sin estrella tienen 3 argumentos,  $\LRidx<XX*>{\langle objeto\rangle}{\langle indIzda\rangle}{\langle (indDcha)\rangle}$ , y ponen un subíndice a cada lado del objeto \LRidxp \LRidxp\*  $\LRidx{Mat{A}}{1}{7}$  $_1$ A $_7$ \LRidxP \LRidxP\* \LRidxpE  $\LRidxp{\Mat{A}}{1}{7} \LRidxp*{\Mat{A}}{1}{7}$ \LRidxpE\* \LRidxPE  $\label{lambda} $$ \LRidxP*{\mathcal A}}{1}{7} \LRidxP*{\mathcal A}}{1}{7}$ \LRidxPE\*  $\label{eq:likelihood} $$ LRidxpE*{\mathcal{A}}_{1}_{7} \ LRidxpE*{\mathcal{A}}_{1}_{7}$$ Las versiones con y sin estrella tienen 2 argumentos,  $\text{Lidx}<XX*>\{\langle objeto\rangle\}\{\langle indIzda\rangle\}$ , y ponen un subíndice a la izquierda del objeto  $Lidx{Mat{A}}{1}$  $\label{lidxp(\widehat{A})}{1} \ \Lidxp*{\widehat{A}}}{1}$  $\label{lidxP{\widetilde{A}}}{1} \LidxP*{\widetilde{A}}}{1} \\$  $\label{eq:lidxpE{\widehat{\Mat{A}}}{1} \ LidxpE*{\widehat{\Mat{A}}}{1}$  $\label{eq:lidxPE(widehat{A})}{1} \ \LidxPE*{\widehat{A}}}{1}$ Las versiones con y sin estrella tienen 2 argumentos,  $\Ridx<XX*>{\langle objeto\rangle}{\langle indDcha\rangle}$ , y ponen un subíndice a la derecha del objeto  $\Ridx{Mat{A}}{7}$  $\label{eq:likelihood} $$ \left( \mathcal A^{A} \right) \ \ \\ \ \left( \mathcal A^{A} \right)$  $(\mathbf{A})$  $\label{eq:likelihood} $$ \mathbb{W}_{\Delta}^{1} \ \Re P*{\widetilde{A}}\ 1}$  $\label{eq:likelihood} $$ \Pr{\mathbb{\mathbb{A}}}{1} \Pr{x\in \mathbb{A}}{1}$  $\RidxPE{\widetilde{A}}{1} \RidxPE*{\widetilde{A}}{1}$ 

## 1.4. Operadores

## 1.4.1. Conjugación y concatenación

Definimos un operador con una barra ancha.

El comando \widebar tiene 1 argumento, \widebar $\{\langle objeto \rangle\}$ , y pone una barra ancha sobre el  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

\widebar{x}  $\overline{x}$ 

Con dicha barra ancha denotaremos el operador conjugación:

El comando \conj tiene 1 argumento, \conj $\{\langle objeto \rangle\}$ , y pone una barra ancha sobre el  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

\conj{5+2i}  $\overline{5+2i}$ 

Con el comando \concat denotaremos la concatenación de dos sistemas

\concat El comando \concat no tiene argumentos, \concat.

\concat #

## 1.4.2. Norma y valor absoluto

\norma El comando \norma tiene 2 argumentos, \norma[ $\langle tipo \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, y denota la norma del \norma\* { $\langle objeto \rangle$ }. En la versión con estrella las dobles barras verticales se ajustan al tamaño del { $\langle objeto \rangle$ }.

\norma{f} \norma\*{\int\limits\_a^b h(x) dx}

 $\boxed{ \|f\| } \boxed{ \left\| \int_a^b h(x) dx \right\| }$ 

 $\label{local_loc$ 

 $\boxed{ \|f\|_{L_2} } \left\| \left\| \int_a^b h(x) dx \right\|_{L_1} \right\|$ 

\modulus El comando \modulus tiene 1 argumento, \modulus $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el valor absoluto del \modulus\*  $\{\langle objeto \rangle\}$ . En la versión con estrella las barras verticales se ajustan al tamaño del  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

\modulus{A} \modulus{ \int\limits\_a^b h(x) dx }

 $\boxed{|f|} \left| \int_a^b h(x) dx \right|$ 

## 1.4.3. Transposición

\TransP\*
\TranspE

\TranspE\*
\TransPE

\TransPE\*

\T El comando \T no tiene argumentos y denota el símbolo de la transposición.

\Trans El comando Trans<XX\*> tiene 1 argumento, Trans<XX\*> $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota la transposición del \Transposición \( \langle objeto \rangle \}

 $A^{\mathsf{T}}$   $M^{\mathsf{T}}$ 

 $\label{eq:linear_alpha} $$ \operatorname{\mathbb{A}}} \Transp*{\widetilde{A}}}$ 

 $\left(\widehat{\mathbf{A}}\right)^{\mathsf{T}}\left[\left(\widehat{\mathbf{A}}\right)^{\mathsf{T}}\right]$ 

\TransP{\Mat{A}} \TransP\*{\Mat{A}}}

 $(\mathbf{A})^{\mathsf{T}}$ 

\TranspE{\Mat{A}} \TranspE\*{\Mat{A}}}

\TransPE{\Mat{A}} \TransPE\*{\Mat{A}}

 $\begin{array}{|c|c|}
\hline
\left(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}\right) \\
\hline
\left(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}\right)
\end{array}$ 

#### 1.4.4. Inversa

Me gusta que el signo negativo que indica la inversa sea ligeramente más corto que el habitual. Así logramos que las expresiones sean un poco más compactas.

El comando \minus no tiene argumentos

\minus -

Tiene 1 argumento,  $\langle objeto \rangle$ , y denota el inverso del  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

 $\ln x$ 

 $\Invp{x} \Invp*{x}$ 

 $(x)^{-1}$   $(x)^{-1}$ 

\InvP{x} \InvP\*{\int\limits\_a^b h(x)dx}

 $\left[\left(x\right)^{-1}\right]\left[\left(\int\limits_a^b h(x)dx\right)^{-1}\right]$ 

\InvpE{x} \InvpE\*{x}

 $(x^{-1})$   $(x^{-1})$ 

\InvPE{x} \InvPE\*{x}

 $(x^{-1})$   $(x^{-1})$ 

## 1.4.5. Operador selector

Denotaremos el operador selector con una barra vertical.

El comando \getItem no tiene argumentos

\getItem

El comando \getitemL tiene 1 argumento, \getitemL $\{\langle objeto \rangle\}$ .

El comando \getitemR tiene 1 argumento, \getitemR $\{\langle objeto \rangle\}$ .

 $\label{eq:getitemR} $$ \gcd j $$ 

por la izquierda de un objeto El comando \elemL<XX\*> tiene 2 argumentos,

 $\left( objeto \right) \left( indice(s) \right),$ 

y denota la selección de elementos por la izquierda.

 $\left( A_{A}\right)$ 

 $_{i|}\mathbf{A}$ 

 $\label{lemLp} $$\left(Mat{A}\right)_{i} \leq mLp*{Mat{A}}_{i}$$ 

 $(\mathbf{A})$ 

\elemLP{\Mat{A}}{i} \elemLP\*{\Mat{A}}{i}

 $(\mathbf{A})$   $[i|(\mathbf{A})]$ 

\elemLpE{\Mat{A}}{i} \elemLpE\*{\Mat{A}}{i}

 $(i|\mathbf{A}) || (i|\mathbf{A})$ 

\elemLPE{\Mat{A}}{i} \elemLPE{\Mat{A}}{i}

(i|A)

```
y denota la selección de elementos por la derecha.
                                                    \elemR{\Mat{A}}{i}
                                                                                         \mathbf{A}_{|i}
                               \left( A\right) = \operatorname{Rp}\left( A\right) 
                               \operatorname{RP}{\operatorname{A}}{i} \operatorname{RP}{\operatorname{A}}{i}
                              \end{A}{i} \end{A}{i} \end{A}{i}
                              \label{lemRPE(Mat{A}){i} <caption> lemRPE(\Mat{A}){i} \\
              por ambos lados de un objeto El comando \elemLR<XX*> tiene 3 argumentos,
   \elemLR
  \elemLRp
                                     \verb|\elemLR<XX*>{\langle objeto\rangle}{\langle indice(s)Izda\rangle}{\langle indice(s)Dcha\rangle}{,}
 \elemLRp*
  \elemLRP
              y denota la selección de elementos por ambos lados.
\elemLRP*
                                                \elemLR{\Mat{A}}{i}{j}
\elemLRpE
\elemLRpE*
\elemLRPE
                        \operatorname{LRp}_{A}_{i}_{j} \operatorname{LRp}_{A}_{i}_{j}
                                                                                                                 _{il}(\mathbf{A})_{li}
\elemLRPE*
                        \elemLRP{\Mat{A}}{i}{j} \elemLRP*{\Mat{A}}{i}{j}
                       \label{lem_RpE*(Mat{A}){i}{j} \elem_RpE*{\mathcal{A}}{i}{j}
                      \left[ A_{A}\right] = \left[ A_{A}\right] 
              por la izquierda de un vector El comando \eleVL<XX*> tiene 3 argumentos,
    \eleVL
   \eleVLp
                                           \ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\sc NM}}}} \{\langle nombre \rangle\} \{\langle indice(s) \rangle\},\
  \eleVLp*
   \eleVLP
              y denota la selección de elementos por la izquierda de un vector.
  \eleVLP*
  \eleVLpE
                                        \left( a_{i} \right) \left( h_{a}^{i} \right)
                                                                                                 _{i|}(\boldsymbol{a}_{h})
 \eleVLpE*
  \eleVLPE
                                     \eleVLp{a}{i} \eleVLp[h]{a}{i}
 \eleVLPE*
                                     \eleVLp*{a}{i} \eleVLp*[h]{a}{i}
                                                                                             _{i|}(\boldsymbol{a})
                                                                                                     _{i|}(\boldsymbol{a}_{h})
                                     \eleVLP{a}{i} \eleVLP[h]{a}{i}
                                    \left( e^{a}_{i} \right) = \left( h_{a}^{i} \right)
                                                                                             _{i|}(\boldsymbol{a})
                                                                                                     _{i|}(\boldsymbol{a}_{h})
```

por la derecha de un objeto El comando \elemR<XX\*> tiene 2 argumentos,

 $\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{$\sim$}}}}{\langle\mbox{\mbox{$objeto$}\rangle}}{\langle\mbox{$indice(s)$}\rangle},$ 

$$\label{eq:local_period_a} $$ \left( \frac{1}{a} \right) \left( \frac{1}{a} \right)$$

por la derecha de un vector El comando \eleVR<XX\*> tiene 3 argumentos,

$$\ensuremath{\mbox{\ensuremath}\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\engen}}}}}}}} \end{subsite} \end{subsite} \end{subsite}\ensuremath{\mbox{\ensuremath}\e$$

y denota la selección de elementos por la derecha de un vector.

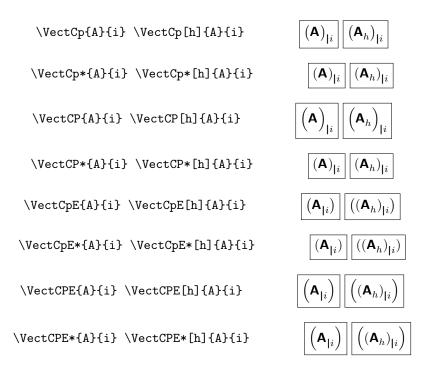
por la izquierda de una matriz (filas) El comando \VectF<XX\*> tiene 3 argumentos,

$$\label{eq:control} $$\operatorname{VectF}_{XX*}[\langle subindice \rangle] {\langle nombre \rangle}_{\langle indice(s) \rangle}, $$$$

y denota la selección de filas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)

```
\left(\mathbf{A}^{'}\right)
                                     \VectFP{A}{i} \VectFP[h]{A}{i}
                                     \VectFP*{A}{i} \VectFP*[h]{A}{i}
                                   \VectFpE{A}{i} \VectFpE[h]{A}{i}
                                                                                                       (\mathbf{A}_h)
                                   \VectFpE*{A}{i} \VectFpE*[h]{A}{i}
                                                                                                       ({}_{i|}(\mathbf{A}_h))
                                   \VectFPE{A}{i} \VectFPE[h]{A}{i}
                                 \VectFPE*{A}{i} \VectFPE*[h]{A}{i}
                   El comando \VectTF<XX*> tiene 3 argumentos,
   \VectTF
  \VectTFp
                                           \VectTF<XX*>[\langle subindice\rangle]\{\langle nombre\rangle\}\{\langle indice(s)\rangle\},\
 \VectTFp*
  \VectTFP
               y denota la selección de filas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis
 \TEP*
               cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)
 \VectTFpE
\VectTFpE*
                                                                                            _{i}|(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})
                                      \VectTF{A}{i} \VectTF[h]{A}{i}
 \VectTFPE
\VectTFPE*
                                                                                             _{i|}(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})
                                    \VectTFp{A}{i} \VectTFp[h]{A}{i}
                                                                                               _{i|}(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}
                                   \VectTFp*{A}{i} \VectTFp*[h]{A}{i}
                                                                                                         _{i\mathsf{I}}(\mathsf{A}_{h}^{\intercal})
                                                                                            i \mid (\mathbf{A}^{\mathsf{T}})
                                   \VectTFP{A}{i} \VectTFP[h]{A}{i}
                                                                                               _{i|}(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})
                                   \VectTFP*{A}{i} \VectTFP*[h]{A}{i}
                                                                                             (iI(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}))
                                \VectTFpE{A}{i} \VectTFpE[h]{A}{i}
                                                                                                         ({}_{il}(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})
                                                                                              (i(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}))
                                                                                                           (\mathbf{I}(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}))
                               \VectTFpE*{A}{i} \VectTFpE*[h]{A}{i}
                                                                                             _{i}|(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})
                                \VectTFPE{A}{i} \VectTFPE[h]{A}{i}
                                                                                                           _{\rm H}({\bf A}_h^{\sf T})
                                                                                              (i|(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})
                              \VectTFPE*{A}{i} \VectTFPE*[h]{A}{i}
               por la derecha de una matriz (columnas) El comando \VectC<XX*> tiene 3 argumentos,
    \VectC
   \VectCp
                                            \VectCp*
   \VectCP
               y denota la selección de columnas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis
  \VectCP*
               cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)
  \VectCpE
 \VectCpE*
                                                                                                   (\mathbf{A}_h)_{|i}
                                         \VectC{A}{i} \VectC[h]{A}{i}
  \VectCPE
```

\VectCPE\*



El comando \VectTC<XX\*> tiene 3 argumentos,

$$\VectTC[\langle subindice\rangle] \{\langle nombre\rangle\} \{\langle indice(s)\rangle\},\$$

y denota la selección de filas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)

de elementos de una matriz El comando \eleM<XX\*> tiene 4 argumentos,

y denota la selección de filas y columnas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)

$\end{A}{i}{j} \end{A}{i}{j}$	$\boxed{_{i }\mathbf{A}_{ j }}\boxed{_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j }}$
$\label{eq:loss_part} $$ \left(i\right)_{j} \leq \left(h\right)_{A}_{i}_{j}$$	$\left[ {}_{i }(\mathbf{A})_{ j } \right] \left[ {}_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j } \right]$
$\end{align*} $$\left\{i\right\}_{j} \leq Mp*[h]_{A}_{i}_{j}$	$\left[{}_{i }(\mathbf{A})_{ j } ight]\left[{}_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j } ight]$
$\ensuremath{\tt NP\{A\}\{i\}\{j\}\ \ensuremath{\tt NP[h]\{A\}\{i\}\{j\}}$	$\left[ \left  \left( \mathbf{A} \right)_{ j} \right  \right] \left  \left  \left  \left( \mathbf{A}_h \right)_{ j} \right  \right $
$\end{align*} $$ \left(i\right)_{j} \elemp*[h]_{A}_{i}_{j} $$$	$egin{bmatrix} [i (\mathbf{A})_{ j}] \end{bmatrix} egin{bmatrix} [i (\mathbf{A}_h)_{ j}] \end{bmatrix}$
$\label{eq:loss_elempe_h} $$\left(A\right_{i}_{j} \leq MpE[h]_{A}_{i}_{j}$$$	$\boxed{\left({}_{i }\mathbf{A}_{ j}\right)} \boxed{\left({}_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j}\right)}$
$\label{lem:pe} $$ \left(i\right)_{j} \leq \mathbb{E}[h]_{A}_{i}_{j} $$$	$\boxed{(_{i }\mathbf{A}_{ j})} \boxed{(_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j})}$
$\end{align*} $$ \left[h\right]_{A}_{i}_{j} \end{align*} $	$\boxed{\left({}_{i }\mathbf{A}_{ j}\right)} \boxed{\left({}_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j}\right)}$
$\label{lem:permutation} $$ \left(i\right)_{j} \leq MPE*[h]_{A}_{i}_{j}$$$	$\boxed{ \left( {_{i }}\mathbf{A}_{ j} \right) \left[ \left( {_{i }}(\mathbf{A}_h)_{ j} \right) \right] }$

de elementos de una matriz transpuesta El comando \eleMT<XX\*> tiene 4 argumentos,

\eleMT \eleMTp

\eleMTp\*

\eleMTP

\eleMTP\*
\eleMTpE

\eleMTpE\*
\eleMTPE

\eleMTPE\*

 $\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{$\sim$}}} {\mbox{\mbox{\mbox{$\sim$}}}} {\mbox{\mbox{$\sim$}}} {\mbox{\mbox{$\sim$}}}$ 

y denota la selección de filas y columnas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)

#### 1.4.6. Operaciones elementales

Primero fijamos la notación de las operaciones elementales tipo I y II, los intercambios y las reordenaciones (o permutaciones).

El comando \su tiene 3 argumentos, \pe{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una transformación Tipo I.

$$\su{a}{j}{k}$$

El comando \pr tiene 2 argumento, \pr{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una transformación Tipo II.

$$\pr{a}{k} \qquad \qquad \boxed{(a)\, \pmb{k}}$$

El comando \pr tiene 2 argumento, \pr{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica un intercambio.

$$\texttt{pe{i}}\{\mathtt{k}\}\qquad \qquad \boxed{i \rightleftharpoons k}$$

El comando \perm no tiene argumentos e indica un reordenamiento o permutación.

Usaremos letra griega tau para denotar una operación elemental (o una secuencia de ellas).

El comando \TrEl no tiene argumentos

\TrEl 
$$au$$

El comando  $\Delta El comando \Delta El comando$ 

$$\begin{tabular}{ll} $ \begin{tabular}{ll} $ \begin{tabular}{ll}$$

El comando  $\triangle Su$  tiene 3 argumentos,  $\triangle Su\{\langle num\rangle\}\{\langle indice\rangle\}\{\langle indice\rangle\}\}$ , e indica una operación elemental de Tipo I

\OEsu{a}{j}{k} 
$$ag{[(a)j+k]}$$

El comando OEpr tiene 2 argumentos,  $\texttt{OEpr}\{\langle num \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$ , e indica una operación elemental de Tipo II

\OEpr{a}{j} 
$$\frac{ au}{[(a)j]}$$

El comando  $\ensuremath{\texttt{OEin}}$  tiene 2 argumentos,  $\ensuremath{\texttt{OEin}}\{\langle indice \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$ , e indica un intercambio de posición entre componentes

**\OEin{k}{j}** 
$$au_{[k \rightleftharpoons j]}$$

El comando  $\backslash \mathtt{OEper}$  no tiene argumentos e indica un reordenamiento o permutación entre componentes

El comando \E0Esu tiene 3 argumentos, \E0Esu{ $\langle num \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica la operación espejo de una elemental de Tipo I

\E0Esu{a}{j}{k} 
$$esp \binom{ au}{[(a)j+k]}$$

El comando \E0Epr tiene 2 argumentos, \E0Epr $\{\langle num \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$ , e indica la operación espejo de una elemental de Tipo II

\EOEpr{a}{j} 
$$esp inom{ au}{[(a)j]}$$

Operaciones elementales genéricas. Los siguientes comandos tienen argumentos opcionales, que no funcionan al escribir preguntas para Moodle.

 $\$  El comando  $\$  E

\OEg \OEg[k] \OEg[][\*] \OEg[k][\*] 
$$au_k$$
  $au_k$   $au_k$ 

\EOEg El comando \EOEg tiene 2 argumentos opcionales, \EOEg [ $\langle indice \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ], e indica la operación espejo de una elemental genérica

\Inv0Eg

$$\texttt{\EOEg \ \ \ } \texttt{\ \ } \texttt{\$$

El comando \InvE0Eg tiene 1 argumento opcional, \Inv0Eg[ $\langle indice \rangle$ ], e indica la operación inversa de una elemental genérica

\Inv0Eg \Inv0Eg[k] 
$$au^{-1}$$
  $au^{-1}$ 

\EInvOEg El comando \EInvOEg tiene 1 argumento opcional, \EInvOEg[ $\langle indice \rangle$ ], e indica la operación espejo de la inversa de una elemental genérica

\EInvOEg \EInvOEg[k] 
$$esp( au^{-1}) esp( au^{-1})$$

\SEg El comando \SOEg tiene 3 argumentos opcionales, \SOEg [ $\langle indiceInic \rangle$ ] [ $\langle indiceFin \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ], e indica una sucesión de operaciones elementales genéricas

\S0Eg 
$$\boxed{ au_1\cdots au_k}$$
 \S0Eg[8] \S0Eg[8][p] \S0Eg[8][p][\*]  $\boxed{ au_8\cdots au_k} \boxed{ au_8\cdots au_p} \boxed{ au_8^*\cdots au_p^*}$ 

Comandos duplicados para las operaciones elementales generales. Desgraciadamente para el propósito de este paquete, las macros que he definido al escribir el libro usan mayoritariamente argumentos opcionales, que en Moodle no se pueden usar. Cambiar las macros originales supondría modificar los archivos del libro, las transparencias de clase, los problemas propuestos, los exámenes pasados... demasiado trabajo. La alternativa que me queda tampoco me gusta, pero al menos no supone tanto trabajo. Dicha alternativa consiste en duplicar comandos, es decir, que por cada comando original (con argumentos opcionales) crearé otro comando que pinte los mismos símbolos pero sin argumentos opcionales (esta solución ya la he tomado con los comandos de notación de los conjuntos de números, de manera que para escribir  $\mathbb{R}^n$  ahora tenemos  $\mathsf{NR[n]}$  (el argumento opcional es el superíndice) o bien  $\mathsf{Nr^n}$  (que no tiene argumentos opcionales y que es lo que tendremos que usar si queremos escribir dicha expresión en en las preguntas para Moodle).

El criterio de nomenclatura que he adoptado ha sido repetir la letra del comando pero en minúscula (salvo en el caso de los complejos); es decir, los comandos definidos para el libro son:  $\N$ ,  $\Z$ ,  $\R$  y  $\C$ c (debido a que  $\C$  ya es un comando del paquete hyperref). Así, que los nuevos comandos que he creado para duplicar los anteriores pero sin argumentos opcionales son  $\N$ n,  $\Z$ z,  $\R$ r y  $\C$ C.

Ahora tengo que pensar en un criterio análogo para que sea fácil pasar del comando original a duplicado sin argumentos opcionales. No lo tengo claro así que voy a probar con mantener los mismo nombres pero con una d delante para indicar que es el comando duplicado (no sé que tal resultará esta solución).

\d0EgE El comando \d0EgE tiene 2 argumentos, \d0EgE{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }, e indica una operación elemental genérica con un exponente (y replica el comando \0Eg que tiene argumentos opcionales)

\dOEg El comando \dOEg tiene 1 argumento, \dOEg{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una operación elemental genérica (y replica el comando \OEg que tiene argumentos opcionales)

\d0Eg{} \d0Eg{k} 
$$\overline{ au}$$

También fijamos la notación para operación inversa, la operación espejo y el espejo de la inversa de una operación elemental

El comando  $\del{deolege}$  tiene 2 argumentos,  $\del{deolege}$  {(indice)} {(exponente)}, e indica la operación espejo de una elemental genérica con un exponente (y replica el comando  $\del{deolege}$  que tiene argumentos opcionales)

$$\label{eq:continuous_esp} $$\de{E0EgE}_k} = \left[ esp(\tau) \right] \left[ esp(\tau_k^*) \right] $$$$

El comando  $\del{delege}$  tiene 1 argumento,  $\del{delege}$  ( $\del{indice}$ ), e indica la operación espejo de una elemental genérica (y replica el comando  $\del{delege}$  que tiene argumentos opcionales)

$$\label{eq:loss_esp} $$\deoeg{k}$ $$ esp(\pmb{\tau}) $$ esp(\pmb{\tau}_k)$$$

El comando  $\d InvOEg tiene 1 argumento, \d InvOEgE{(indice)}, e indica la inversa de una elemental genérica (y replica el comando \InvOEg que tiene argumentos opcionales)$ 

\dInv0Eg{} \dInv0Eg{k} 
$$\boxed{ au^{-1}}$$
  $\boxed{ au_k^{-1}}$ 

$$\label{eq:local_def} $$ \ensuremath{\tt dEInv0Eg\{k\}} $$ $ esp(\pmb{\tau}^{-1}) $ esp(\pmb{\tau}_k^{-1}) $$$

El comando \dS0EgE tiene 3 argumento3, \dS0EgE{ $\langle indiceInic \rangle$ }{ $\langle indiceFin \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }, e indica una sucesión de operaciones elementales genéricas con exponente

$$\label{eq:tau_dsoege} $$\dsoege{j}_{k}^{*}$ \qquad $$ \boxed{\tau_{j}^{*}\cdots\tau_{k}^{*}}$$$

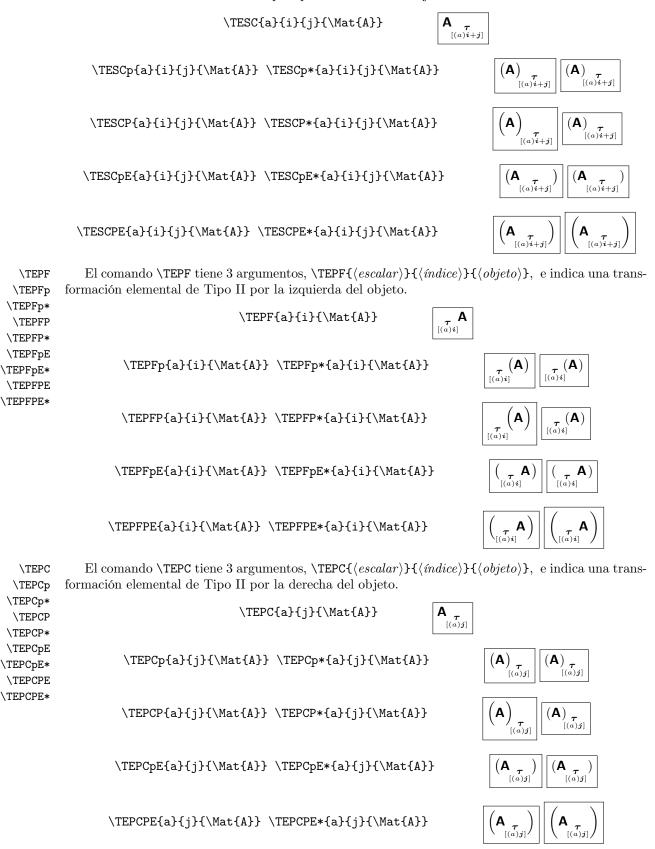
El comando \dS0Eg tiene 2 argumento3, \dS0Eg{ $\langle indiceInic \rangle$ }{ $\langle indiceFin \rangle$ }, e indica una sucesión de operaciones elementales genéricas

\dS0Eg{j}{k} 
$$au_j \cdots au_k$$

#### 1.4.7. Transformaciones elementales particulares

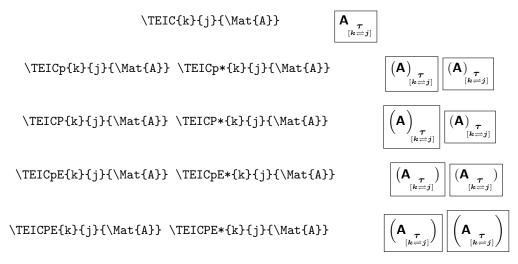
Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto El comando \TESF tiene 4 argumentos, \TESF{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una transformación elemental de Tipo I por la izquierda del objeto.

El comando \TESC tiene 4 argumentos, \TESC $\{\langle escalar \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental de Tipo I por la derecha del objeto.



El comando \TEIF tiene 3 argumentos, \TEIF $\{\langle indice \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$ , e indica un inter-\TEIF cambio por la izquierda del objeto. \TEIFp \TEIFp\* \TEIF{k}{j}{\Mat{A}} \TEIFP \TEIFP\* \TEIFpE (A) $\label{eq:temp_k}_{j}_{\mathbf{A}} \TEIFp*{k}_{j}_{\mathbf{A}}$ \TEIFpE\* \TEIFPE \TEIFPE\*  $\TEIFP\{k\}\{j\}\{\Mat\{A\}\}\ \TEIFP*\{k\}\{j\}\{\Mat\{A\}\}\}$  $\label{eq:tempe} $$ TEIFpE_{k}_{j}_{\mathcal{A}} \ TEIFpE_{k}_{j}_{\mathcal{A}}$$ 

El comando \TEIC tiene 3 argumentos, \TEIC $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica un intercambio por la derecha del objeto.



El comando \Mint tiene 2 argumentos, \Mint{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una matriz intercambio.

$$\begin{tabular}{ll} $\setminus$ Mint{i}{j} \\ & & [\tau] \\ [i \rightleftharpoons j] \end{tabular}$$

El comando \MintT tiene 2 argumentos, \MintT{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una matriz intercambio (filas).

$$\begin{tabular}{ll} $\uparrow$ & $\begin{matrix} \tau \\ [i \rightleftharpoons j] \end{matrix} \end{tabular}$$

El comando \PF tiene 1 argumento, \PF{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una permutación de los elementos de un objeto por la izquierda.

El comando \PC tiene 1 argumento, \PC $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una permutación de los elementos de un objeto por la derecha.

# \PC{\Mat{A}}

El comando \MP no tiene argumentos e indica una matriz permutación.

 $\MP$ 

\MPT El comando \MPT no tiene argumentos e indica una matriz permutación.

\MPT

Sucesiones indiciadas de Transf. elementales por la izquierda, la derecha, o por ambos lados.

\SITEF El comando \SITEF tiene 3 argumentos, \SITEF $\{\langle indInic \rangle\}$  $\{\langle indFinal \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda del  $\{\langle objeto \rangle\}$ . \SITEFp

\SITEFp\* \SITEF{j}{k}{\Mat{A}}} \SITEFP \SITEFP\* \SITEFpE \SITEFp{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFpE\* \SITEFPE \SITEFPE\*

 $\SITEFp*{j}{k}{\Mat{A}}$ 

\SITEFP{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFP\*{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFpE{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFpE\*{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFPE{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFPE\*{j}{k}{\Mat{A}}}

El comando \SITEC tiene 3 argumentos, \SITEC $\{\langle indInic \rangle\}$  $\{\langle indFinal \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una \SITEC sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha del  $\{\langle objeto \rangle\}$ . \SITECp

\SITECp\* \SITEC{j}{k}{\Mat{A}}} \SITECP

\SITECP\* \SITECpE \SITECp{j}{k}{\Mat{A}}} \SITECpE\* \SITECPE

\SITECPE\* \SITECp\*{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITECP{j}{k}{\Mat{A}}}

$$\label{eq:linear_continuous_con$$

El comando \SITEFC tiene 3 argumentos, \SITEFC $\{\langle indInic \rangle\}\{\langle indFinal \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del  $\{\langle objeto \rangle\}$  (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

\SITEFC{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{\boldsymbol{\tau}_k {\cdots} \boldsymbol{\tau}_j \mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_j {\cdots} \boldsymbol{\tau}_k}}$
\SITEFCp{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{_{\boldsymbol{\tau}_k \cdots \boldsymbol{\tau}_j} \big( \mathbf{A} \big)_{\boldsymbol{\tau}_j \cdots \boldsymbol{\tau}_k}}$
\SITEFCp*{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{_{\boldsymbol{\tau}_k \cdots \boldsymbol{\tau}_j}(\mathbf{A})_{\boldsymbol{\tau}_j \cdots \boldsymbol{\tau}_k}}$
\SITEFCP{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{\boldsymbol{\tau}_{k} \cdots \boldsymbol{\tau}_{j} \bigg( \mathbf{A} \bigg)_{\boldsymbol{\tau}_{j} \cdots \boldsymbol{\tau}_{k}}}$
\SITEFCP*{j}{k}{\Mat{A}}}	$\boxed{_{\boldsymbol{\tau}_k \cdots \boldsymbol{\tau}_j}(\mathbf{A})_{\boldsymbol{\tau}_j \cdots \boldsymbol{\tau}_k}}$
\SITEFCpE{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{\left({}_{\boldsymbol{\tau}_{k}}\boldsymbol{\tau}_{j}\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_{j}}\boldsymbol{\tau}_{k}\right)}$
\SITEFCpE*{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{ \left( {_{{\pmb{\tau}_k} \cdots {\pmb{\tau}_j}} {\pmb{A}_{{\pmb{\tau}_j} \cdots {\pmb{\tau}_k}}} \right)}$
\SITEFCPE{j}{k}{\Mat{A}}}	$\boxed{ \left( \boldsymbol{\tau}_{k} \cdots \boldsymbol{\tau}_{j}  \boldsymbol{A}_{\boldsymbol{\tau}_{j}} \cdots \boldsymbol{\tau}_{k} \right) }$
\SITEFCPE*{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{ \begin{pmatrix} \boldsymbol{\tau}_k \boldsymbol{\tau}_j  \mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_j} \boldsymbol{\tau}_k \end{pmatrix} }$

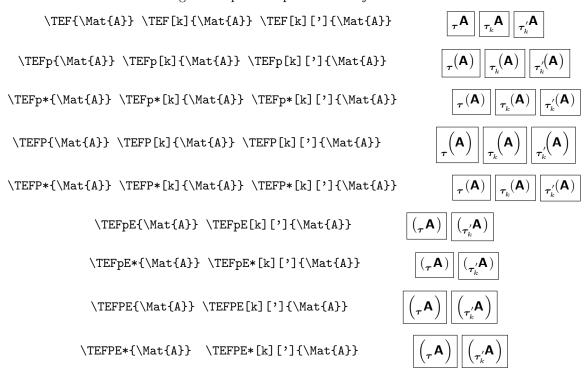
El comando \SITEFCR tiene 3 argumentos, \SITEFCR $\{\langle indInic \rangle\}$  $\{\langle indFinal \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del  $\{\langle objeto \rangle\}$  (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

```
\SITEFCRP*{j}{k}{\Mat{A}}}
                                                                                    \SITEFCRpE{j}{k}{\Mat{A}}}
                                                                                   \SITEFCRpE*{j}{k}{\Mat{A}}}
                                                                                   \SITEFCRPE{j}{k}{\Mat{A}}}
                                                                                  \SITEFCRPE*{j}{k}{\Mat{A}}}
                                  El comando \TrF tiene 2 argumentos, \TrF [\langle trasformaciones \rangle] {\langle objeto \rangle}, e indica la aplicación
        \TrF
                         de transformaciones elementales por la izquierda del \{\langle objeto \rangle\}.
     \TrFp
  \TrFp*
                                                        \label{eq:trf_mat{A}} $$ TrF[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}} $$
     \TrFP
  \TrFP*
  \TrFpE
                                               \label{eq:TrFp(Mat(A)) TrFp(OEpr(-7){j})(Mat(A))} $$ TrFp(\DEpr(-7){j})(Mat(A)) $$
\TrFpE*
  \TrFPE
\TrFPE*
                                             \TrFp*{\Mat{A}} \TrFp*[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}}
                                              \label{eq:trfp} $$ TrFP[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}} $$
                                             \label{eq:trfp*} $$ TrFP*[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}} $$
                                              \label{eq:linear_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed
                                          \label{eq:logpring} $$ TrFPE(\A}) \TrFPE[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}} $$
                                       \TrFPE*{\Mat{A}} \TrFPE*[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}}
                                   El comando \TrC tiene 2 argumentos, \TrC[\langle trasformaciones \rangle] \{\langle objeto \rangle\}, e indica la aplicación
        \TrC
                         de transformaciones elementales por la derecha del \{\langle objeto \rangle\}.
     \TrCp
  \TrCp*
                                                            \TrC{\SV{A}} \TrC[\OEpr{-7}{j}]{\SV{A}}
    \TrCP
  \TrCP*
  \TrCpE
                                                   \TrCpE*
  \TrCPE
\TrCPE*
                                                 \label{local_trcp*} $$ \TrCp*[\OEpr{-7}{j}]{\SV{A}} $$
```

El comando \TrFCC tiene 3 argumentos, \TrFCC [ $\langle trasformacionesIzda \rangle$ ] [ $\langle trasformacionesDcha \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la aplicación de transformaciones elementales por la izquierda y la derecha del { $\langle objeto \rangle$ }.

Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto. Cuando la aplicamos a la izquierda de una matriz corresponde a una transformación de sus filas

El comando TEF<XX\*> tiene 3 argumentos, TEF<XX\*> [ $\langle indice \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.



Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto. Cuando la aplicamos a la derechade una matriz corresponde a una transformación de sus columnas

El comando TEC<XX\*> tiene 3 argumentos, TEC<XX\*> [ $\langle indice \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

\TEC

\TECp\*
\TECP\*
\TECPE\*
\TECPE\*
\TECPE
\TECPE

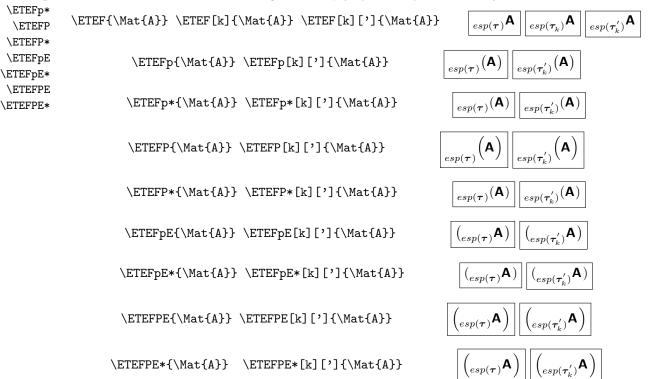
\TEC{\Mat{A}} \TEC[k]{\Mat{A}} \TEC[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}}} \boxed{\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_k}} \boxed{\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_k'}}$
$\label{eq:temp} $$ \TECp[k]_{\mathcal{A}} \TECp[k]_{\mathcal{A}} \TECp[k]_{\mathcal{A}} $$$	$\boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}_k}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}_k'}}$
\TECp*{\Mat{A}} \TECp*[k]{\Mat{A}} \TECp*[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}_k}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}_k'}}$
\TECP{\Mat{A}} \TECP[k]{\Mat{A}} \TECP[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\boldsymbol{\tau}}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\boldsymbol{\tau}_k}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\boldsymbol{\tau}_k'}}$
\TECP*{\Mat{A}} \TECP*[k]{\Mat{A}} \TECP*[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{ \left( \mathbf{A} \right)_{\pmb{\tau}} } \left[ \left( \mathbf{A} \right)_{\pmb{\tau}_k} \right] \left[ \left( \mathbf{A} \right)_{\pmb{\tau}_k'} \right]$
\TECpE{\Mat{A}} \TECpE[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{\left(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}}\right)} \boxed{\left(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_k'}\right)}$
\TECpE*{\Mat{A}} \TECpE*[k][']{\Mat{A}}}	$\boxed{(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}})} \boxed{(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_k'})}$
<pre>\TECPE{\Mat{A}} \TECPE[k][']{\Mat{A}}</pre>	$oxed{\left( \mathbf{A}_{oldsymbol{ au}}  ight)} oxed{\left( \mathbf{A}_{oldsymbol{ au}_k'}  ight)}$
\TECPE*{\Mat{A}} \TECPE*[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{\left(A_{\boldsymbol{\tau}}\right)} \boxed{\left(A_{\boldsymbol{\tau}_k'}\right)}$

## Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.

\ETEF

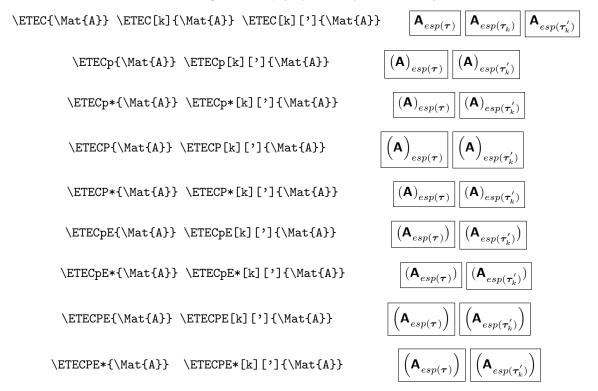
\ETEFp

El comando ETEF<XX\*> tiene 3 argumentos, ETEF<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica espejo por la izquierda del objeto.



## Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto.

El comando ETEC<XX\*> tiene 3 argumentos, ETEC<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica espejo por la izquierda del objeto.



## Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.

El comando InvTEF<XX\*> tiene 2 argumentos, InvTEF<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.



Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto.

\InvTEC

El comando InvTEC<XX\*> tiene 2 argumentos, InvTEC<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

\InvTECp versa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.		del objeto.
$\InvTECp*$	\ TTEC(\ M_+ (A)) \ TTEC([-] (\ M_+ (A))	
$\InvTECP$	$\InvTEC{\hat{A}} \InvTEC[k]{\mathcal{A}}$	$oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}^{-1}}oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}_k^{-1}}$
\InvTECP*		
\InvTECpE	\InvTECp{\Mat{A}} \InvTECp[k]{\Mat{A}}	$\left \left(\mathbf{A} ight)_{oldsymbol{ au}^{-1}} ight \left(\mathbf{A} ight)_{oldsymbol{ au}_{k}^{-1}}$
\InvTECpE*	•	$\langle \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$
\InvTECPE	\ T	
\InvTECPE*	$\label{lem:linvTECp*{Mat{A}} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	$\left\  \left( \mathbf{A}  ight)_{oldsymbol{ au}^{-1}} \left\  \left( \mathbf{A}  ight)_{oldsymbol{ au}_k^{-1}}  ight\ $
	\InvTECP{\Mat{A}} \InvTECP[k]{\Mat{A}}	(A) (A)
	\IIIVILOI (\Macket\) (IIIVILOI [k] (\Macket\)	$\left  \left\langle m{ }  ight angle_{m{ au}^{-1}} \left  \left  \left\langle m{ }  ight angle_{m{ au}_k^{-1}}  ight   ight.$
	\InvTECP*{\Mat{A}} \InvTECP*[k]{\Mat{A}}	$oxed{(\mathbf{A})_{oldsymbol{ au}^{-1}}}oxed{(\mathbf{A})_{oldsymbol{ au}_k^{-1}}}$
	\InvTECpE{\Mat{A}} \InvTECpE[k]{\Mat{A}}	$(\Lambda)$
	(Thytash) (Alaqoatvni) ((Altah) Jaqoatvni)	$oxed{\left(oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}^{-1}} ight)}oxed{\left(oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}_k^{-1}} ight)}$
	$\label{linvTECpE*{Mat{A}} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	$\left \left(\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}^{-1}} ight) ight \left \left(\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}_{k}^{-1}} ight) ight $
		κ
	\\	
	\InvTECPE{\Mat{A}} \InvTECPE[k]{\Mat{A}}	$\left \left(oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}^{-1}} ight) ight \left(oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}_{k}^{-1}} ight) ight $
	\InvTECPE*{\Mat{A}} \InvTECPE*[k]{\Mat{A}}	$\left(\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}^{-1}} ight)\left\ \left(\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}_{b}^{-1}} ight) ight\ $
	(Im) Doily ( (ind) ( ) / Imv Indi in ( ) ( ) ( (ind) ( ) )	$ igl( m{ }  au^{-1} igr)     igl( m{ }  au_k^{-1} igr)   $

# Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.

\EInvTEF

El comando EInvTEF<XX\*> tiene 2 argumentos, EInvTEF<XX\*>[\(\frac{indice}\)] \{\(\color{objeto}\)\}, \(\ext{e}\) inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

\EInvTEFP \EInvTEFP\* \EInvTEFpE

\EInvTEFpE\* \EInvTEFPE

\EInvTEFPE\*

## Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto.

El comando EInvTEC<XX\*> tiene 2 argumentos, EInvTEC<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.



Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto (funciones duplicadas sin argumentos opcionales). Cuando la aplicamos a la izquierda de una matriz corresponde a una transformación de sus filas

El comando \dTEEF tiene 3 argumentos, \dTEEF $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle exponente \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una \dTEEF transformación elemental genérica (con exponente) por la izquierda del objeto. \dTEEFp \dTEEFP \dTEEF{}{}{\SV{A}} \dTEEF{2}{}{\SV{A}} \dTEEF{2}{\*}{\SV{A}} \dTEEFpE \dTEEFPE  $\label{eq:dteefp} $$ \det f^2_{A} \det f^2_{A} \det f^2_{A} \\$  $\label{eq:dteefp} $$ \det P_{2}_{A} \det P_{2}_{A} \\$ \dTEF El comando \dTEF tiene 2 argumentos, \dTEF $\{\langle indice \rangle\}$ , e indica una transformación \dTEFp elemental genérica por la izquierda del objeto. \dTEFP  $\label{eq:dtef} $$ \det\{A\} \det\{A\} $$ \det\{A\} $$$ \dTEFpE \dTEFPE \dTEFpE{}{\Mat{A}} \dTEFpE{2}{\Mat{A}}} \dTEFPE{}{\Mat{A}} \dTEFPE{2}{\Mat{A}}} El comando \dETEF tiene 2 argumentos, \dETEF $\{\langle indice \rangle\}$ , e indica una transformación \dETEF \dETEFp elemental espejo genérica por la izquierda del objeto. \dETEFP \dETEF{}{\Mat{A}} \dETEF{2}{\Mat{A}}} \dETEFpE  $esp(\tau_2)$ \dETEFPE \dETEFp{}{\Mat{A}} \dETEFp{2}{\Mat{A}}} \dETEFP{}{\Mat{A}} \dETEFP{2}{\Mat{A}}} \dETEFpE{}{\Mat{A}} \dETEFpE{2}{\Mat{A}} \dETEFPE{}{\Mat{A}} \dETEFPE{2}{\Mat{A}}} El comando \dInvTEF tiene 2 argumentos, \dInvTEF $\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transfor-\dInvTEF mación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto. \dInvTEFp

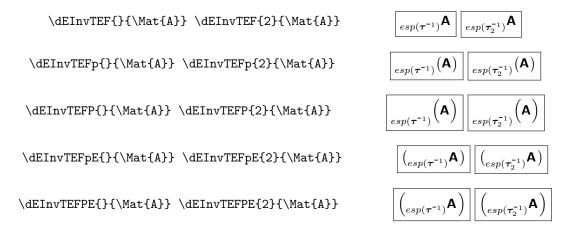
\dInvTEF{}{\Mat{A}} \dInvTEF{2}{\Mat{A}}

\dInvTEFp{}{\Mat{A}} \dInvTEFp{2}{\Mat{A}}}

\dInvTEFP

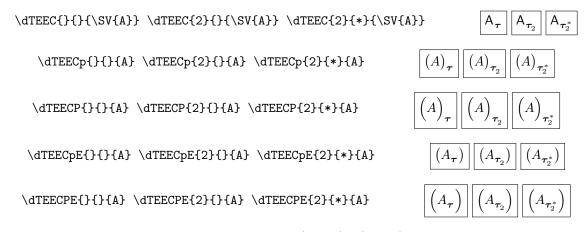
\dInvTEFpE \dInvTEFPE

El comando \dEInvTEF tiene 2 argumentos, \dEInvTEF $\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.



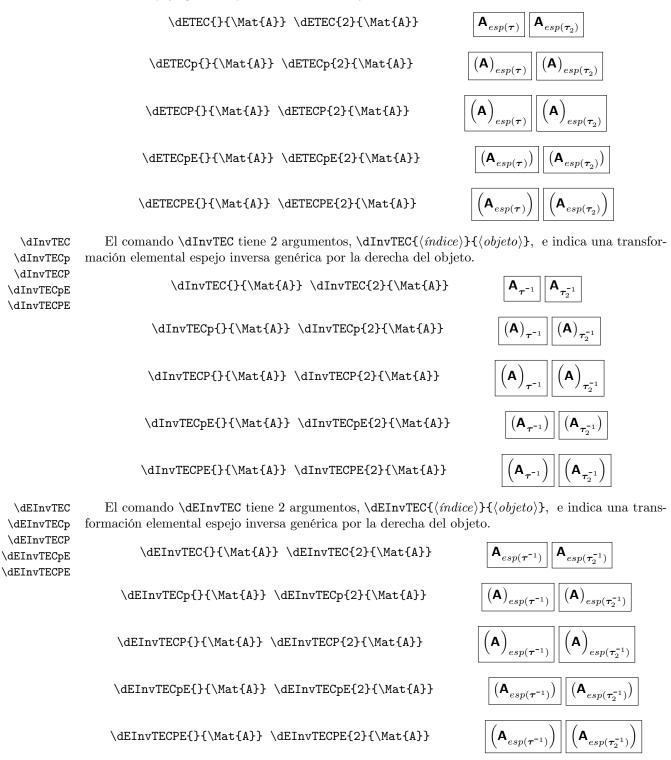
Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto (funciones duplicadas sin argumentos opcionales). Cuando la aplicamos a la derecha de una matriz corresponde a una transformación de sus columnas

El comando \dTEEC tiene 3 argumentos, \dTEEC $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle exponente \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental genérica (con exponente) por la derecha del objeto.



El comando \dTEC tiene 2 argumentos, \dTEC $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental genérica por la derecha del objeto.

El comando \dETEC tiene 2 argumentos, \dETEC $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental espejo genérica por la derecha del objeto.



**Transformaciones elementales particulares** Aquí describimos la notación de transformaciones específicas.

\dTrFp \dTrFP \dTrFPE \dTrFPE El comando  $\dTrF$  tiene 2 argumentos,  $\dTrF{\langle operación(es)\rangle}{\langle objeto\rangle}$ , e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por la izquierda del objeto.

El comando  $\dTrC$  tiene 2 argumentos,  $\dTrC\{\langle operación(es)\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$ , e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por la derecha del objeto.

\dTrCpE{ \d0EgE{1}{'}\cdots\d0EgE{p}{'} }{\Mat{I}} \dTrCpE{ \OpE{\su{5}{i}{j}}\OpE{\pr{-7}{j}} }{\Mat{A}} \dTrCPE{ \d0EgE{1}{'}\cdots\d0EgE{p}{'} }{\Mat{I}}  $\dTrCPE\{ \OpE\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\OpE\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\}$ \dTrFC El comando  $\dTrFC$  tiene 3 argumentos,  $\dTrFC\{\langle operaciones Izda\rangle\}\{\langle operaciones Dcha\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$ , \dTrFCp e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por cada lado del objeto. \dTrFCP  $\dTrFC(\DE{\su\{-5\}\{i\}\{j\}\}}{\DpE\{\pr\{-7\}\{j\}\}}{\Mat\{A\}}$ \dTrFCpE  $\begin{bmatrix} \boldsymbol{\tau} & \boldsymbol{\tau} & \boldsymbol{\tau} \\ [(-5)\boldsymbol{i}+\boldsymbol{j}] & [(-7)\boldsymbol{j}] \end{bmatrix}$ \dTrFCPE \dTrFCpE{\OpE{\su{-5}{i}{j}}}{\OpE{\pr{-7}{j}}}{\Mat{A}}  $\dTrFCPE(\opE(\su\{-5\}\{i\}\{j\})\}{\opE(\pr\{-7\}\{j\})}\{\Mat\{A\}\}\}$ 1.4.8. Operador que quita un elemento \fueraitemL El comando \fueraitemL tiene 1 argumento, \fueraitemL $\{\langle indice \rangle\}$ , y denota la eliminación por la izquierda del elemento correspondiente al  $\{\langle indice \rangle\}$ \fueraitemL{i} El comando \fueraitemR tiene 1 argumento, \fueraitemR $\{\langle indice \rangle\}$ , y denota la eliminación \fueraitemR por la derecha del elemento correspondiente al  $\{\langle indice \rangle\}$  $\vec{j}$ \fueraitemR{j} El comando  $\text{quitaLR tiene 3 argumentos}, \text{quitaLR}(\langle objeto \rangle) + (\langle indIzda \rangle) + (\langle indDcha \rangle), y denota$ \quitaLR el resultante de quitar un elemento por la izquierda y otro por la derecha \quitaLR{\Mat{A}}{i}{j} El comando \quitaL tiene 2 argumentos, \quitaL $\{\langle objeto \rangle\}\{\langle indIzda \rangle\}$ , y denota el resultante \quitaL de quitar un elemento por la izquierda i\quitaL{\Mat{A}}{i} El comando  $\operatorname{quitaR}$  tiene 2 argumentos,  $\operatorname{quitaR}(\langle objeto \rangle) \{\langle indDcha \rangle\}$ , y denota el resultante \quitaR de quitar un elemento por la derecha

\quitaR{\Mat{A}}{j}

## 1.4.9. Selección de elementos sin emplear el operador selector

\elemUUU

El comando \elemUUU tiene 2 argumentos, \elemUUU $\{\langle sistema \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$ , y denota la selección del elemento correspondiente al  $\{\langle indice \rangle\}$ 

$$\left(SV{Z}\right){i}$$

$$\operatorname{elem}_{i}(\mathsf{Z})$$

El comando  $\VectFFF\ tiene\ 2\ argumentos$ ,  $\VectFFF\{\langle nombre\rangle\}\{\langle indice\rangle\}$ , y denota la selección de la fila correspondiente al  $\{\langle indice\rangle\}$ 

$$fila_i(\mathbf{A})$$
  $fila_i(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})$ 

El comando  $\ensuremath{\mbox{VectCCC}}\ensuremath{\mbox{CCC}}\ensuremath{\mbox{CCC}}\ensuremath{\mbox{Cmombre}}\ensuremath{\mbox{H}}\ensuremath{\mbox{VectCCC}}\ensuremath{\mbox{Cmombre}}\ensuremath{\mbox{VectCCC}}\ensuremath{\mbox{Vindice}}\ensuremath{\mbox{N}}\ensuremath{\mbox{N}}, \ \mbox{y denota la selección de la columna correspondiente al <math>\{\langle indice \rangle\}$ 

$$\operatorname{col}_{i}\left(\mathbf{A}\right)$$
  $\operatorname{col}_{i}\left(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}\right)$ 

tiene 3 argumentos,  $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indiceFil \rangle\}\{\langle indiceCol \rangle\}$ , y denota la selección del elemento correspondiente a los índices indicados

$$\left(A}{i}{j} \left(A}{i}{j} \right) \right) \ \left(A}{i}{j} \right) \ \left(A}{j}{j} \right)$$

$$\boxed{\operatorname{elem}_{ij}(\mathbf{A}) \left[ \operatorname{elem}_{ij}(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}) \right] \left[ a_{ij} \right]}$$

## 1.5. Sistemas genéricos

El comando \SV tiene 2 argumentos, \SV[ $\langle subíndice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }

$$SV{A} \SV[h]{A}$$

$$A A_h$$

El comando \concatSV tiene 2 argumentos, \concatSV $\{\langle sistemaA\rangle\}$  $\{\langle sistemaB\rangle\}$ , y denota la concatenación del  $\{\langle sistemaA\rangle\}$  con el  $\{\langle sistemaB\rangle\}$ .

## 1.6. Vectores y matrices

#### 1.6.1. Vectores genéricos

tiene 2 argumentos,  $\text{vect} < X*>[\langle sub\'indice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota un vector genérico.

$$\vec{a}$$
  $\vec{a}_h$ 

 $\c [h]{a} \c [h]{a} \c [h]{a} \c [h]{a}$ 

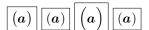
$$\left[\left(\overrightarrow{a}_{h}
ight)\right]\left(\overrightarrow{a}_{h}
ight)\left[\left(\overrightarrow{a}_{h}
ight)\right]\left(\overrightarrow{a}_{h}
ight)$$

## 1.6.2. Vectores de $\mathbb{R}^n$

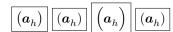
tiene 2 argumentos,  $Vect < X*>[\langle subindice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota un vector de  $\mathbb{R}^n$ 



\Vectp{a} \Vectp\*{a} \VectP{a} \VectP\*{a}



\Vectp[h]{a} \Vectp\*[h]{a} \VectP[h]{a} \VectP\*[h]{a}



de vectores de  $\mathbb{R}^n$ \irvec{a} \irvec[p]{a} \irvec[p][q]{a}  $oxed{a_1,\ldots,a_n} oxed{a_p,\ldots,a_n} oxed{a_p,\ldots,a_q}$ C tiene 3 argumentos,  $irvec[\langle subindiceInic \rangle][\langle subindiceFin \rangle]\{\langle nombre \rangle\}$ , y escribe una suce-\irvec sión de columnas de una matriz  $oxed{\mathsf{A}_{|1},\ldots,\mathsf{A}_{|n}} oxed{\mathsf{A}_{|p},\ldots,\mathsf{A}_{|n}} oxed{\mathsf{A}_{|p},\ldots,\mathsf{A}_{|q}}$ \irvecC[a] \irvecC[p][a] \irvecC[p][q]{a} 1.6.3. Matrices tiene 2 argumentos, Mat<X\*>[ $\langle subindice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota una matriz \Mat  $Mat{A} \operatorname{h}{A} \operatorname{h}{A}^2$ \Matp{A} \Matp\*{A} \MatP{A} \MatP\*{A}  $\label{eq:matpA} $$ \Matp*{A}[h] \MatP*{A}[h] \MatP*{A}[h] $$$ Matrices transpuestas. El comando MatT<XX\*> tiene 2 argumentos, MatT<XX\*>[ $\langle subindice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }  $\MatT$ \MatTp \MatT{A} \MatT[h]{A}  $\mathbf{A}_h^\mathsf{T}$ \MatTp\* \MatTP \MatTP\*  $(\mathbf{A})^{\mathsf{T}}$  $(\mathbf{A}_h)^{\mathsf{T}}$ \MatTpE \MatTpE\* \MatTPE \MatTP{A} \MatTP\*{A} \MatTP[h]{A} \MatTP\*[h]{A} \MatTPE\* \MatTpE{A} \MatTpE\*{A} \MatTpE[h]{A} \MatTpE\*[h]{A} \MatTPE{A} \MatTPE\*{A} \MatTPE[h]{A} \MatTPE\*[h]{A} Matriz transpuesta de la transpuesta. El comando \MatTT tiene 2 argumentos,  $MatTT < X *> [\langle subindice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ \MatTT \MatTT\*  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})^{\mathsf{T}}$ \MatTT{A} \MatTT\*{A} \MatTT[h]{A} \MatTT\*[h]{A}  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})^{\mathsf{T}}$ \MatTTPE \MatTTPE\* \MatTTPE{A} \MatTTPE\*{A}

tiene 3 argumentos,  $irvec[\langle subindiceInic \rangle][\langle subindiceFin \rangle]\{\langle nombre \rangle\}$ , y escribe una sucesión

\MatTTPE[h]{A} \MatTTPE\*[h]{A}

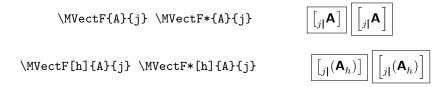
#### Matrices columna

\MVect\*

El comando \MVect tiene 2 argumentos, \MVect[ $\langle sub\'indice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota una matriz columna creada a partir de un vector

\MVectF\*

El comando \MVectF tiene 3 argumentos, \MVectF[ $\langle subindice \rangle$ ] { $\langle indice \rangle$ }, y denota una matriz columna creada a partir de una fila de una matriz



El comando \MVectC tiene 3 argumentos, \MVectC[ $\langle sub\'indice \rangle$ ] { $\langle indice \rangle$ }, y denota una matriz columna creada a partir de una columna de una matriz

## Matrices fila

El comando \MVectT tiene 2 argumentos, \MVectT[ $\langle subindice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota una matriz fila creada a partir de un vector

$$\label{eq:main_model} $$ \MVectT{a} \MVectT*{a} $$ $ [a]^T \ [a]^T $$ $$ $ \MVectT[h]{a} \MVectT*[h]{a} $$ $ $ [a_h]^T $$ $$ $$ $ [a_h]^T $$ $$ $$$$

El comando \MVectFT tiene 3 argumentos, \MVectFT[ $\langle subindice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ } { $\langle indice \rangle$ }, y denota una matriz fila creada a partir de una fila de una matriz

El comando \MVectCT tiene 3 argumentos, \MVectCT[ $\langle subindice \rangle$ ] { $\langle indice \rangle$ }, y denota una matriz fila creada a partir de una columna de una matriz

## Matriz inversa Notación para las matrices inversas

El comando \InvMat tiene 2 argumentos, InvMat<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota la inversa de una matriz

	\InvMat{A} \InvMat[h]{A}	$\boxed{\mathbf{A}^{\text{-}1}} \boxed{\mathbf{A}_h^{\text{-}1}}$
	\InvMatp{A} \InvMatp*{A}	$ \boxed{ \left( \mathbf{A} \right)^{-1} } \left[ \left( \mathbf{A} \right)^{-1} \right] $
	\InvMatp[h]{A} \InvMatp*[h]{A}	$oxed{\left(oldsymbol{A}_h ight)^{-1}}oxed{\left(oldsymbol{A}_h ight)^{-1}}$
	\InvMatP{A} \InvMatP*{A}	$\left[\left(\mathbf{A}\right)^{-1}\right]\left[\left(\mathbf{A}\right)^{-1}\right]$
	\InvMatP[h]{A} \InvMatP*[h]{A}	$oxed{\left(oldsymbol{A}_h ight)^{-1}}oxed{\left(oldsymbol{A}_h ight)^{-1}}$
	\InvMatpE{A} \InvMatpE*{A}	$\boxed{(\mathbf{A}^{-1})} \boxed{(\mathbf{A}^{-1})}$
	\InvMatpE[h]{A} \InvMatpE*[h]{A}	$\boxed{(\boldsymbol{A}_h^{-1})} \boxed{(\boldsymbol{A}_h^{-1})}$
	\InvMatPE{A} \InvMatPE*{A}	$\boxed{\left(\mathbf{A}^{-1}\right)} \boxed{\left(\mathbf{A}^{-1}\right)}$
	\InvMatPE[h]{A} \InvMatPE*[h]{A}	$\boxed{\left(\mathbf{A}_h^{-1}\right)} \boxed{\left(\mathbf{A}_h^{-1}\right)}$
\InvMatT \InvMatTpE	El comando $\InvMatT$ tiene 2 argumentos, $InvMatT versa de una matriz transpuesta$	*>[ $\langle indice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota la in-
\InvMatTpE* \InvMatTPE \InvMatTPE*	\InvMatT{A} \InvMatT*{A}	$\left[ \left( \mathbf{A}^{T} \right)^{-1} \right] \left[ \left( \mathbf{A}^{T} \right)^{-1} \right]$
	\InvMatT[h]{A} \InvMatT*[h]{A}	$\left[\left(\mathbf{A}_h^\intercal ight)^{-1} ight]\left[\left(\mathbf{A}_h^\intercal ight)^{-1} ight]$
	\InvMatTpE{A} \InvMatTpE*{A}	$\boxed{\left(\left(\mathbf{A}^{T}\right)^{-1}\right)} \boxed{\left(\left(\mathbf{A}^{T}\right)^{-1}\right)}$
	\InvMatTpE[h]{A} \InvMatTpE*[h]{A}	$\boxed{\left(\left(\boldsymbol{A}_{h}^{\intercal}\right)^{-1}\right)} \boxed{\left(\left(\boldsymbol{A}_{h}^{\intercal}\right)^{-1}\right)}$
	\InvMatTPE{A} \InvMatTPE*{A}	$\left[\left(\left(\mathbf{A}^{T}\right)^{-1}\right)\right]\left[\left(\left(\mathbf{A}^{T}\right)^{-1}\right)\right]$
	\InvMatTPE[h]{A} \InvMatTPE*[h]{A}	$\boxed{\left(\left(\mathbf{A}_h^{\intercal}\right)^{-1}\right)} \boxed{\left(\left(\mathbf{A}_h^{\intercal}\right)^{-1}\right)}$
\TInvMat	El comando \TInvMat tiene 2 argumentos, TInvMat transpuesta de la inversa de una matriz	$XX*>[\langle indice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}, y denota la$
\TInvMatpE* \TInvMatPE \TInvMatPE*	\TInvMat{A} \TInvMat*{A}	$\boxed{\left(\mathbf{A}^{-1}\right)^{T}} \boxed{\left(\mathbf{A}^{-1}\right)^{T}}$
(1 THVIIGOI L-P	\TInvMat[h]{A} \TInvMat*[h]{A}	$\boxed{\left(\boldsymbol{A}_h^{-1}\right)^{T}} \boxed{\left(\boldsymbol{A}_h^{-1}\right)^{T}}$
	\TInvMatpE{A} \TInvMatpE*{A}	$\boxed{\left(\left(\boldsymbol{A}^{-1}\right)^{T}\right)}\boxed{\left(\left(\boldsymbol{A}^{-1}\right)^{T}\right)}$

\TInvMatpE[h]{A} \TInvMatpE\*[h]{A}

$$\left[\left(\left(\mathbf{A}_{h}^{-1}\right)^{\mathsf{T}}\right)\right]\left[\left(\left(\mathbf{A}_{h}^{-1}\right)^{\mathsf{T}}\right)\right]$$

\TInvMatPE{A} \TInvMatPE\*{A}

$$\left( \left( \mathbf{A}^{-1} \right)^{\mathsf{T}} \right) \left[ \left( \left( \mathbf{A}^{-1} \right)^{\mathsf{T}} \right) \right]$$

\TInvMatPE[h]{A} \TInvMatPE\*[h]{A}

$$\boxed{\left(\left(\mathbf{A}_{h}^{-1}\right)^{\mathsf{T}}\right)\left[\left(\left(\mathbf{A}_{h}^{-1}\right)^{\mathsf{T}}\right)}$$

#### 1.6.4. Miscelánea matrices

El comando \Traza no tiene argumentos

\Traza

tr

El comando  $\gray rg$  no tiene argumentos

\rg rg

El comando \traza tiene 1 argumento, \traza $\{\langle objeto \rangle\}$ 

\traza{\Mat{A}} \traza\*{\Mat{A}}}

 $\operatorname{tr}\left(\mathbf{A}\right)\left[\operatorname{tr}\left(\mathbf{A}\right)\right]$ 

El comando \rango tiene 1 argumento, \rango $\{\langle objeto \rangle\}$ 

\rango{\Mat{A}} \rango\*{\Mat{A}}

 $rg(\mathbf{A})$   $rg(\mathbf{A})$ 

#### Determinante de una matriz

El comando \cof no tiene argumentos

\cof cof

El comando \adj no tiene argumentos

\adj Adj

El comando \determinante tiene 1 argumento, \determinante $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el determinante del  $\{\langle objeto \rangle\}$  usando las barras verticales

|**A**|

El comando \subMat tiene 3 argumentos, \subMat $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indIzda \rangle\}\{\langle indDcha \rangle\}$ , y denota la submatriz resultante de quitar una o más filas y columnas de la matriz  $\{\langle nombre \rangle\}$ 

 $\square{A}{i}{j}$ 

 $i^{\dagger}\mathbf{A}^{\dagger j}$ 

tiene 3 argumentos,  $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indFila \rangle\}\{\langle indCol \rangle\}$ , y denota el menor de la matriz correspondiente a la fila y columna indicadas

 $\label{eq:menorA} $$ \end{A}_{i}_{j} \end{A}_{i}_{j} $$$ 

El comando  $\Cof tiene 3$  argumentos,  $\Cof\{\langle nombre\rangle\}\{\langle indFila\rangle\}\{\langle indCol\rangle\}$ , y denota el cofactor de la fila y columna indicadas

 $\Cof{A}{i}{j} \Cof*{A}{i}{j}$ 

 $\left|\operatorname{cof}_{ij}\left(\mathbf{A}\right)\right|\left|\operatorname{cof}_{ij}\left(\mathbf{A}\right)\right|$ 

Orden de las matrices El comando \Dim tiene 3 argumentos, \Dim $\{\langle objeto \rangle\}\{\langle filas \rangle\}\{\langle columnas \rangle\}$  $Dim{xxx}{n}{m}$  $\displaystyle \prod\{x\}\{n\}\{m\} \quad \dim x\{x\}\{n\}\{m\}$ (x)(x) $\DimP{x}{n}{m} \DimP*{x}{n}{m}$ (x) $\label{limpE} $$ \prod_{x}{n}{m} \ \prod_{x}{n}{m}$  $\boldsymbol{x}$  $\DimPE\{x\}\{n\}\{m\} \DimPE*\{x\}\{n\}\{m\}$ El comando \Matdim tiene 3 argumentos, Matdim $\langle XX*>\{\langle nombre\rangle\}\{\langle filas\rangle\}\{\langle columnas\rangle\}$ \Matdim \Matdim XXX  $\mathsf{Matdim}\{xxx\}\{n\}\{m\}$ \Matdimp  $n \times m$ \Matdimp\*  $\MatdimP$  $\mathsf{Matdimp}\{x\}\{n\}\{m\} \ \mathsf{Matdimp}*\{x\}\{n\}\{m\}$ (X)(X)\MatdimP\* \MatdimpE \MatdimpE\*  $\mathsf{MatdimP}\{x\}\{n\}\{m\} \ \mathsf{MatdimP}*\{x\}\{n\}\{m\}$  $\MatdimPE$ \MatdimPE\* (X) $\label{lem:matching} $$ \mathbf{x}_n^{m} \operatorname{MatchingE}_{x}^{n}_{m} $$$ Χ  $\MatdimPE\{x\}\{n\}\{m\} \MatdimPE*\{x\}\{n\}\{m\}$ El comando \Matdim tiene 3 argumentos,  $Matdim \langle XX*> \{\langle nombre \rangle\} \{\langle filas \rangle\} \{\langle columnas \rangle\}$  $\MatTdim$ \MatTdim  $XXX^T$  $MatTdim{X}{n}{m}$ \MatTdimp \MatTdimp\* \MatTdimP  $(X^{T})$  $(X^T)$  $\label{lem:matTdimp} $$ \mathbf{x}_n^{m} \operatorname{MatTdimp}_{x}^{n}_{m} $$$ \MatTdimP\* \MatTdimpE \MatTdimpE\*  $\mathbf{X}^{\mathsf{T}}$  $\mathsf{MatTdimP}\{x\}\{n\}\{m\} \ \mathsf{MatTdimP}*\{x\}\{n\}\{m\}$  $(X^T)$ \MatTdimPE \MatTdimPE\*  $n \times m$  $\label{lem:mattdimpE} $$ \mathbf{x}_n}_m \ \mathsf{MattdimpE}_{x}_n}_m $$$  $(X^T)$ ( **X**<sup>T</sup> \MatTdimPE{x}{n}{m} \MatTdimPE\*{x}{n}{m}  $(X^T)$ Nombre de la matriz de autovalores \MDaV \MDaV no tiene argumentos e indica la letra usada par las matrices de autovalores

\MDaV

D

\UMat \InvUMat Matriz triangular superior unitaria (según denominación de G. H. Golub y C. F. Van Loan) \Umat y \InvUmat tienen 1 argumento opcional

\UMat{A} \UMat[k]{A}

$$oldsymbol{\dot{\mathsf{A}}}$$
  $oldsymbol{\dot{\mathsf{A}}}_k$ 

\InvUMat{A} \InvUMat[k]{A}

$$oldsymbol{\dot{\mathbf{A}}}^{-1}$$
  $oldsymbol{\dot{\mathbf{A}}}_k^{-1}$ 

Matriz triangular inferior unitaria (según denominación de G. H. Golub y C. F. Van Loan) \UMatT tiene 1 argumento opcional

\UMatT{A} \UMatT[k]{A}



Matriz de eliminación gaussiana (por columnas) \MatGC e \InvMatGC tienen 1 argumento

\MatGC{h} \InvMatGC{h}



# 1.7. Productos entre vectores

#### 1.7.1. Producto escalar

tiene 3 argumentos,  $\ensuremath{\mbox{\sc identified}} \{\langle objeto \rangle\} \{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el producto escalar entre dos objetos (con asterisco los ángulos se ajustan al contenido)

 $\ensuremath{\ensuremath{\mbox{eSc}\{f(x)\}\{g(x)\}}\ensuremath{\mbox{\mbox{eSc}*\{f(x)\}\{g(x)\}}\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{e}}}\ensuremath{\mbox{\mbox{e}}\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{e}}}\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{e}}}\ensuremath{\mbox{\mbox{e}}\ensuremath{\mbox{\mbox{e}}\ensuremath{\mbox{\mbox{e}}\ensuremath{\mbox{e}}\ensuremath{\mbox{\mbox{e}}\ensuremath{\mbox{\mbox{e}}\ensuremath{\mbox{e}}\ensuremath{\mbox{e}}\ensuremath{\mbox{e}}\ensuremath{\mbox{\mbox{e}}\ensuremath{\mbox{e}}\ensu$ 

$$\langle f(x), g(x) \rangle \left[ \langle f(x), g(x) \rangle \right]$$

 $\esc[L_2]{f(x)}{g(x)} \esc[L_2]*{f(x)}{g(x)}$ 

$$\boxed{\left\langle f(x),g(x)\right\rangle_{\!L_2}} \boxed{\left\langle f(x),g(x)\right\rangle_{\!L_2}}$$

tiene 3 argumentos,  $\langle esc[\langle espacio \rangle] [\langle espacio \rangle] \{\langle nombre \rangle\} \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto escalar entre dos vectores genéricos (con asterisco los ángulos se ajustan al contenido)

\esc{a}{b} \esc\*{a}{b}

$$\left[\left\langle \overrightarrow{a},\overrightarrow{b}\right
angle \right] \left\langle \overrightarrow{a},\overrightarrow{b}
ight
angle$$

 $\left[L_2\right]_{f(x)}_{g(x)} \left[L_2\right]_{f(x)}_{g(x)}$ 

$$\boxed{\left\langle\overrightarrow{f(x)},\overrightarrow{g(x)}\right\rangle_{\!\!\! L_2}} \left[\left\langle\overrightarrow{f(x)},\overrightarrow{g(x)}\right\rangle_{\!\!\! L_2}\right]$$

## 1.7.2. Producto punto

¡Ojo! en las versiones con paréntesis no he sido consistente con el convenio seguido anteriormente y, en lugar de terminar en pE o PE, sencillamente terminan en p o P.

tiene 2 argumentos,  $\dot Prod \{\langle objeto \rangle\} \{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el producto punto entre dos objetos

$$(\boldsymbol{a} + \boldsymbol{b}) \cdot \boldsymbol{c}$$

\dotProdp{\Vect{a}}{\Vect{b}} \dotProdp\*{\Vect{a}}{\Vect{b}}

$$(a \cdot b) | (a \cdot b)$$

$$oxed{egin{pmatrix} oldsymbol{a}\cdotoldsymbol{b} \ \hline oxed{egin{pmatrix} oxed{a}\cdotoldsymbol{b} \ \hline \end{pmatrix}}$$

tiene 2 argumentos,  $\langle nombre \rangle \} \{\langle nombre \rangle \}$ , y denota el producto punto entre dos vectores de  $\mathbb{R}^n$ 

\dotprod{a}{b}

 $a \cdot b$ 

\dotprodp{a}{b} \dotprodp\*{a}{b}

 $(a \cdot b) | (a \cdot b)$ 

\dotprodP{a}{b} \dotprodP\*{a}{b}

 $\left| \left( a \cdot b \right) \right| \left[ \left( a \cdot b \right) \right|$ 

#### 1.7.3. Producto punto a punto o Hadamard

\prodH tiene 2 argumentos,  $\prodH{\langle objeto\rangle}{\{\langle objeto\rangle\}}$ , y denota el producto punto a punto entre dos \prodHp objetos \prodHp\* \prodH{(\Vect{a}+\Vect{b}))}{\Vect{c}}  $(a + b) \odot c$ \prodHP \prodHP\* \prodH \prodHp{\Vect{a}}{\Vect{b}} \prodHp\*{\Vect{a}}{\Vect{b}}  $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$  $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$  $(a \odot b)$  $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$ tiene 2 argumentos,  $\prodh{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$ , y denota el producto punto a punto entre dos \prodh vectores de  $\mathbb{R}^n$ \prodhp \prodhp\* \prodh{a}{b}  $a \odot b$ \prodhP \prodhP\* \prodhp{a}{b} \prodhp\*{a}{b}  $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$  $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$ \prodhP{a}{b} \prodhP\*{a}{b}  $a \odot b$  $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$ Matriz por vector y vector por matriz tiene 4 argumentos,  $\MV[\langle indMatriz \rangle] \{\langle nombre \rangle\} [\langle indVector \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el produc-\MV \MVpE to de una matriz por un vector de  $\mathbb{R}^n$ \MVpE\*  $MV{A}{b} \MV[j]{A}[k]{b}$ Ab $\mathbf{A}_i \mathbf{b}_k$ \MVPE \MVPE\*  $\label{eq:mvpE} $$\MVpE*{A}_{b} \MVpE*{j]_{A}_{k}_{b}$$$  $(\mathbf{A}\boldsymbol{b})$  $(\mathbf{A}\mathbf{b})$  $(\mathbf{A}_i \mathbf{b}_k)$  $\label{eq:mvpe} $$ \MVPE*{A}_{b} \MVPE*{j}_{A}_{k}_{b} $$$ Ab(Ab) $(\mathbf{A}_i \boldsymbol{b}_k)$ tiene 4 argumentos,  $\VM[\langle indVector \rangle] \{\langle nombre \rangle\} [\langle indMatriz \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el produc-\VM to de un vector de  $\mathbb{R}^n$  por una matriz \VMpE \VMpE\*  $\W{a}{B} \VM[k]{a}[j]{B}$  $a\mathsf{B}$  $a_k B_i$ \VMPE \VMPE\* (aB) $\label{local_vmpE} $$ \VMpE*{a}{B} \VMpE*{j}{A}[k]{b}$$ (aB) $(\boldsymbol{a}_k \boldsymbol{\mathsf{B}}_i)$  $a\mathsf{B}$ (aB) $(\boldsymbol{a}_k \boldsymbol{\mathsf{B}}_i)$  $\label{eq:continuous_problem} $$ \VMPE_{a}_{B} \VMpE_{j}_{A}[k]_{b}$$$ \MTV tiene 4 argumentos,  $\MTV[\langle indMatriz \rangle] \{\langle nombre \rangle\} [\langle indVector \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto de una matriz transpuesta por un vector de  $\mathbb{R}^n$ qVTM/ \*qVTM/  $\mathbf{A}^{\mathsf{T}}b$  $\MTV{A}{b} \MTV[j]{A}[k]{b}$  $\mathbf{A}_i^{\mathsf{T}} \boldsymbol{b}_k$ \MTVP \MTVP\*  $\label{eq:mtvp} $$ MTVp*{A}{b} \MTVp*{j}{A}{k}{b}$  $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{b}$  $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{b}$  $(\mathbf{A}_{i}^{\mathsf{T}})\mathbf{b}_{k}$  $\label{eq:mtvp} $$ MTVP*{A}_{b} \MTVP*[j]_{A}_{k}_{b} $$$  $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{b}$  $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{b}$  $(\mathbf{A}_i^{\mathsf{T}}) \mathbf{b}_k$ 

tiene 4 argumentos,  $\VMT[\langle ind Vector \rangle] \{\langle nombre \rangle\} [\langle ind Matriz \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el pro-\VMT ducto de un vector de  $\mathbb{R}^n$  por una matriz transpuesta qTMV/ \VMTp\*  $a\mathsf{B}^\intercal$  $\boldsymbol{a}_k \mathbf{B}_i^\intercal$  $\T{a}{B} \VMT[k]{a}[j]{B}$ \VMTP \VMTP\*  $\label{eq:continuous_problem} $$ \VMTp*{a}_{B} \VMTp*{j}_{A}_{k}_{b}$$$  $a(B^{T})$  $a(B^T)$  $a_k(\mathbf{B}_i^\intercal)$  $\label{eq:continuous_problem} $$ \VMTP*{a}_{B} \VMTP*{j}_{A}_{k}_{b}$$$  $a(B^{\mathsf{T}})$  $a (B^{\mathsf{T}})$  $a_k \left( \mathsf{B}_i^\intercal \right)$ 

#### 1.9. Matriz por matriz

tiene 4 argumentos,  $MN[\langle sub\'indice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle sub\'indice2 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\}$ , y denota el producto matriz por matriz

AB $\MN{A}{B}$  $MN[h]{A}{B} \MN{A}[k]{B} \MN[h]{A}[k]{B}$  $A_hB || AB_k$  $\mathbf{A}_h \mathbf{B}_k$ 

tiene 4 argumentos,  $\MTN[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\}$ , y denota el producto matriz transpuesta por matriz

 $A^TB$  $\MTN{A}{B}$  $\label{eq:mtn(h)(A)(B) \mtn(h)(A)(k)(B) \mtn(h)(A)(k)(B)} $$ \mtn(h)(A)(B) \mtn(h)(A)(B) \mtn(h)(A)(B) $$$  $\mathbf{A}_{b}^{\mathsf{T}}\mathbf{B}$  $A^TB_{i}$  $\mathbf{A}_{h}^{\mathsf{T}}\mathbf{B}_{k}$  $\MTNp{A}{B} \MTNp*{A}{B}$  $(A^T)B$  $(A^T)B$  $\label{eq:minimum} $$ \MTNp[h]_{A}[k]_{B} \MTNp*[h]_{A}[k]_{B}$$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})\mathbf{B}_k$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})\mathbf{B}_k$  $(A^T)B$  $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{B}$  $\MTNP{A}{B} \MTNP*{A}{B}$  $\label{eq:mtnp} $$ \MTNP[h]_{A}[k]_{B} \MTNP*[h]_{A}[k]_{B} $$$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}) \mathbf{B}_k$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}) \mathbf{B}_k$ 

tiene 4 argumentos,  $\MT[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\}$ , y denota el producto matriz por matriz transpuesta

 $AB^T$ \MNT{A}{B}  $\label{eq:mnth} $$ \MNT(A)[k]_{B} \MNT[h]_{A}[k]_{B} $$$  $A_hB^T$  $AB_{i}^{T}$  $A(B^T)$  $A(B^T)$  $\MTp{A}{B} \MNTp*{A}{B}$  $\mathbf{A}_h(\mathbf{B}_k^\intercal)$  $\mathbf{A}_{h}(\mathbf{B}_{h}^{\mathsf{T}})$  $\label{eq:mntp} $$ \MNTp*[h]_{A}_{k}_{B} \MNTp*[h]_{A}_{k}_{B}$$  $A(B^{T})$  $A(B^T)$  $\MTP{A}{B} \MNTP*{A}{B}$  $\label{eq:mntp} $$ \MNTP[h]_{A}_{k}_{B} \MNTP*[h]_{A}_{k}_{B}$$  $\mathbf{A}_h \left( \mathbf{B}_k^{\mathsf{T}} \right)$  $\mathbf{A}_{h}\left(\mathbf{B}_{h}^{\mathsf{T}}\right)$ 

tiene 2 argumentos,  $\MTM[\langle subíndice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto matriz transpuesta por matriz

 $\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}\mathbf{A}_h$ \MTM{A} \MTM[h]{A}  $A^TA$  $\label{local_matter_abs} $$ \MTMp{A} \MTMp*{A} \MTMp*{h}{A} $$ \MTMp*{h}{A} $$$  $(A^T)A$  $(A^T)A$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})\mathbf{A}_h$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})\mathbf{A}_h$  $(A^T)A$  $\label{local_matter_a} $$ \MTMP_{A} \MTMP_{h}_{A} \MTMP_{h}_{A} $$$  $(A^T)A$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}) \mathbf{A}_h$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}) \mathbf{A}_h$ tiene 2 argumentos,  $\MT[\langle subindice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto matriz por su transpuesta\MMT{A}  $AA^T$  $\label{local_matter} $$ \MMTp_{A} \MMTp*{A} \MMTp_{h}_{A} \MMTp*{h}_{A} $$$  $A(A^T)$  $A(A^T)$  $\mathbf{A}_h(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})$  $\mathbf{A}_h(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})$  $\mathbf{A}_h \left( \mathbf{A}_h^{\mathsf{T}} \right)$  $\MTP{A} \MTP*{A} \MTP[h]{A} \MTP*[h]{A}$  $A(A^T)$  $A(A^T)$ tiene 4 argumentos,  $\MNMT[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\}$ , y denota el \MNMT producto matriz por matriz por matriz transpuesta \MNMTp \MNMTp\*  $\MNMT{A}{D} \MNMT[h]{A}[k]{D}$ **ABA**<sup>T</sup>  $\mathbf{A}_h \mathbf{B}_k \mathbf{A}_h^\mathsf{T}$ \MNMTP \MNMTP\*  $AB(A^T)$  $\MNMTp{A}{D} \MNMTp*{A}{D}$  $AB(A^T)$  $\mathbf{A}_h \mathbf{B}_k (\mathbf{A}_h^\mathsf{T})$  $\mathbf{A}_{h}\mathbf{B}_{k}(\mathbf{A}_{h}^{\mathsf{T}})$  $\label{eq:mnmtp} $$ \MNMTp*[h]_{A}_{k}_{D} \MNMTp*[h]_{A}_{k}_{D} $$$ \MNMTP{A}{D} \MNMTP\*{A}{D}  $AB(A^T)$  $AB(A^T)$  $\label{eq:mnmtp} $$ \MNMTP*[h]_{A}_{k}_{D} \MNMTP*[h]_{A}_{k}_{D}$$  $\mathbf{A}_{h}\mathbf{B}_{k}\left(\mathbf{A}_{h}^{\mathsf{T}}\right)$  $\mathbf{A}_{h}\mathbf{B}_{k}\left(\mathbf{A}_{h}^{\mathsf{T}}\right)$ tiene 4 argumentos,  $\MNMT[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\}$ , y denota el \MTNM producto matriz transpuesta por matriz por matriz transpuesta qMNTM/ \MTNMp\*  $\MTNM{A}{D} \MTNM[h]{A}[k]{D}$  $A^TBA$  $\mathbf{A}_{b}^{\mathsf{T}}\mathbf{B}_{b}\mathbf{A}_{b}$ \MTNMP \MTNMP\*  $(A^T)BA$  $(A^T)BA$  $\MTNMp{A}{D} \MTNMp*{A}{D}$  $\label{eq:model} $$ \mathbf{A}[k]_{D} \operatorname{MTNMp}[h]_{A}[k]_{D} $$$  $(\mathbf{A}_{h}^{\mathsf{T}})\mathbf{B}_{k}\mathbf{A}_{h}$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})\mathbf{B}_k\mathbf{A}_h$  $\MTNMP{A}{D} \MTNMP*{A}{D}$ (A<sup>T</sup>)BA $(A^T)BA$  $\label{eq:mtnmp} $$ \mathbf{h}_{A}[k]_{D} \operatorname{mtnmp}_{h}_{A}[k]_{D}$$  $(\mathbf{A}_{b}^{\mathsf{T}}) \mathbf{B}_{k} \mathbf{A}_{b} | (\mathbf{A}_{b}^{\mathsf{T}}) \mathbf{B}_{k} \mathbf{A}_{b}$ Otros productos entre matrices y vectores 1.10. \MTMV tiene 2 argumentos,  $\MTMV{\langle nombre \rangle} {\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto matriz transpuesta por matriz por vector \MTMVp \MTMVp\*  $\mathbf{A}^{\mathsf{T}}\mathbf{A}b$  $\MTMV{A}{b}$ \MTMVP \MTMVP\*  $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{A}\mathbf{b}$  $(A^T)Ab$  $\MTMVp{A}{b} \MTMVp*{A}{b}$  $\MTMVP{A}{b} \MTMVP*{A}{b}$  $(A^T)Ab$  $(A^{\mathsf{T}})Ab$ 

$$\label{eq:decomposition} $$\VMW{a}_{B}(c) $$ aBc$$$

 $\label{eq:local_vector} $$\operatorname{VMV}_{\langle nombre \rangle}_{\langle nombre \rangle}, \ y \ denota \ el \ producto \ vector \ por \ matriz \ por \ vector \ }$ 

$$\VMV{a}{B}$$

tiene 3 argumentos,  $\VMTW{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$ , y denota el producto vector por matriz transpuesta por vector

tiene 2 argumentos,  $\VMTV{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$ , y denota el producto vector por matriz por vector

$$$$ \VMTVp{a}{B} $$ aB^Ta$$ $$ a(B^T)a$$ a(B^T)a$$ $$ a(B^T)a$$ $$ VMTVP{a}{B} \VMTVP*{a}{B} $$ a(B^T)a$$ a(B^T)a$$ $$ a(B^T)a$$ $$ a(B^T)a$$ a(B^T)a$$ $$ a(B^T)a$$ a(B^T)a$$ a(B^T)a$$ a$$

tiene 1 argumento,  $\InvMTM{\langle nombre \rangle}$ , y denota la inversa del producto de una matriz transpuesta por ella misma

no tiene argumentos y denota la inversa del producto de la matriz X transpuesta por ella misma

tiene 2 argumentos,  $\MInvMTMMT[\langle subindice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota la matriz proyección sobre el espacio columna de la matriz de rango completo por columnas indicada por su  $\{\langle nombre \rangle\}$ 

tiene 4 argumentos,  $\VTW[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre2 \rangle\}$ , y denota el producto de una matriz fila por una matriz columna

tiene 2 argumentos,  $\VTV[\langle sub\'indice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto de una matriz fila por su transpuesta

\VTV{a} \VTV[h]{a}

$$oxed{egin{bmatrix} [a]^{\intercal}[a] & oxed{egin{bmatrix} [a_h]^{\intercal}[a_h] \end{matrix}}$$

tiene 2 argumentos,  $\VWT{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$ , y denota el producto de una matriz columna por una matriz fila

$$\VWT{a}{b}$$

$$[a][b]^{\intercal}$$

\VVT tiene 2 argumentos, \VVT [ $\langle sub\'indice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota el producto de una matriz columna por su transpuesta

\VVT{a} \VVT[h]{a}

$$oxed{egin{bmatrix} [a][a]^{\intercal} egin{bmatrix} [a_h][a_h]^{\intercal} \end{matrix}}$$

#### 1.11. Sistemas de ecuaciones

\SEL tiene 3 argumentos, \SEL{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial)

$$SEL{A}{x}{b}$$

$$\mathbf{A}x = b$$

\SELT tiene 3 argumentos, \SELT $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle nombre \rangle\}$ , y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial y matriz de coeficientes transpuesta)

$$SELT{A}{x}{b}$$

$$\mathbf{A}^{\intercal} x = b$$

\SELTP tiene 3 argumentos, \SELTP{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial y matriz de coeficientes transpuesta entre paréntesis)

$$\SELTP{A}{x}{b}$$

$$(\mathbf{A}^{\intercal}) x = b$$

\SELF tiene 3 argumentos, \SELF $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle nombre \rangle\}$ , y denota un sistema de ecuaciones lineales en forma de combinaciones de lineales de las filas de la matriz de coeficientes (con notación matricial)

$$yA = b$$

## 1.12. Espacios vectoriales

tiene 1 argumento,  $\langle EV\{\langle nombre \rangle\}$ , y denota un espacio vectorial

AVE

\EspacioNul no tiene argumentos y denota al espacio nulo (o núcleo)

 $\mathcal{N}$ 

\EspacioCol no tiene argumentos y denota al espacio columna

\EspacioCol

|C|

\Nulls tiene 1 argumento, \Nulls $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el espacio nulo (o núcleo) del objeto

 $\mathbb{Nulls}*$ 

\EV

\Nulls{f} \Nulls\*{f}

$$\mathcal{N}\left(f\right)$$
  $\mathcal{N}\left(f\right)$ 

\nulls tiene 1 argumento, \nulls $\{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el espacio nulo (o núcleo) de una matriz

 $\nulls*$ 

\nulls{A} \nulls\*{A}

$$\mathcal{N}(\mathbf{A})$$
  $\mathcal{N}(\mathbf{A})$ 

\Cols tiene 1 argumento, \Cols $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el espacio columna del objeto

\Cols\*

$$\boxed{\mathcal{C}\left(f\right) \boxed{\mathcal{C}\left(f\right)}}$$

\cols

tiene 1 argumento,  $\cols{(nombre)}$ , y denota el espacio columna de una matriz

$$\cols{A} \cols*{A}$$

$$\mathcal{C}\left(\mathbf{A}\right)$$
  $\mathcal{C}\left(\mathbf{A}\right)$ 

tiene 1 argumento,  $\S pan\{\langle sistema \rangle\}$ , y denota el espacio vectorial generado con los elementos del  $\{\langle sistema \rangle\}$  o conjunto

$$\Span{\SV{Z}} \Span*{\SV{Z}}$$

$$\mathcal{L}(\mathsf{Z})$$
  $\mathcal{L}(\mathsf{Z})$ 

tiene 1 argumento,  $\PSpan{\langle sistema \rangle}$ , y denota el espacio semi-euclídeo de probabilidad generado con los elementos del  $\{\langle sistema \rangle\}$  o conjunto

$$\PSpan{\SV{Z}} \PSpan*{\SV{Z}}$$

$$\mathcal{L}(Z)$$
  $\mathcal{L}(Z)$ 

tiene 1 argumento,  $\coord{\langle vector \rangle}{\langle base \rangle}$ , y denota las coordenadas de un vector respecto de una base

$$\coord{\vect{x}}{\SV{Z}}$$



 $\label{eq:coordP} $$ \operatorname{\vec{x}+|vect{y}}_{SV{Z}} \operatorname{\vec{x}+\vec{y}}_{/z} \left(\vec{x}+\vec{y}\right)_{/z} \right] $$ $$ (\vec{x}+\vec{y})_{/z} $$$ 



#### 1.13. Notación funcional

El comando \dom no tiene argumentos y denota el dominio de una función

tiene 3 argumentos,  $\min{\langle nombre \rangle} \{\langle dominio \rangle\} \{\langle conjLlegada \rangle\}$ , y denota una función que asigna a los elementos de su dominio elementos del conjunto de llegada

$$\boxed{f \colon X \to Y} \boxed{X \xrightarrow{f} Y}$$

tiene 3 argumentos,  $\langle nombre \rangle + \langle nombre$ 

$$\label{eq:local_continuity} $$ \left( X^2 \right) = x^2 . $$ \operatorname{deffun} \{ f \in X^2 \} $$$$

$$f\colon\thinspace \mathbb{Z} \longrightarrow \mathbb{N}$$
$$x \longmapsto x^2$$

#### 1.14. Estadística

El comando  $\texttt{Estmc}\{\langle objeto \rangle\}$  tiene 1 argumento y denota el ajuste MCO del  $\{\langle objeto \rangle\}$ 



El comando  $\Media{\langle objeto\rangle}$  tiene 1 argumento y pinta una barra horizontal que denota la media (proyección ortogonal sobre los vectores contantes) del  $\{\langle objeto\rangle\}$ 



El comando \Smedia no tiene argumentos y pinta el símbolo del valor medio

\Smedia  $\mu$ 

El comando \media tiene 1 argumento, \Media $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el valor medio del objeto.

 $\mbox{media{\Vect{x}} \mbox{media{}}^2 \mbox{media{}}}$ 

 $\mu_{\boldsymbol{x}}$   $\mu_{\boldsymbol{x}}^2$   $\mu_{\boldsymbol{x}}^2$ 

El comando \res no tiene argumentos y pinta el vector de residuos de un ajuste MCO

\res

 $\widehat{m{e}}$ 

# 2. Implementación

## 2.1. Conjuntos de números

```
Números naturales, enteros, reales y complejos
     1 \NewDocumentCommand\Nn{
                                   }{\ensuremath{ {\mathbb{N}}} }\xspace}
\R.r
     2 \NewDocumentCommand\Zz{
                                   }{\ensuremath{ {\mathbb{Z}}} }\xspace}
\CC
     3 \NewDocumentCommand\Rr{
                                   }{\ensuremath{ {\mathbb{R}}} \xspace}
     4 \NewDocumentCommand\CC{
                                   }{\ensuremath{ {\mathbb{C}}} }\xspace}
    Números naturales, enteros, reales y complejos con exponente opcional
     5 \end{NewDocumentCommand} { O{} }{\ensuremath{ {\Nn}^{#1} }\xspace}
\R
     6 \NewDocumentCommand\Z { O() }{\ensuremath{ {\Zz}^{#1} }\xspace}
     7 \NewDocumentCommand\R { 0{} }{\ensuremath{ {\Rr}^{#1} }\xspace}
       8 \end{Cc{ O{}} } {\ensuremath{ {\CC}^{#1} }} xspace}
```

# 2.2. Paréntesis y corchetes

```
\parentesis Paréntesis pequeños
```

res

10 {(#2)}

11 { \big(#2 \big)} \xspace}

\Parentesis Paréntesis de tamaño variable

13 {\left(#2\right)}

14 { \Big(#2 \Big)} \xspace}

\corchetes Corchetes pequeños

16 {[#2]]

17 { \big[#2 \big]} \xspace}

\Corchetes Corchetes de tamaño variable

19 {\left[#2\right]}

20 { \Big[#2 \Big]} \xspace}

#### 2.3. Subíndices

\LRidxE Comandos para escribir índices a derecha e izquierda de un objeto (con exponente)

\LRidxEp\* 22

\LRidxEP 23 \NewDocumentCommand\LRidxEp {smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}

\LRidxEP\* 24 \\LRidxE{\parentesis\*{#2}}{#3}{#4}{#5}}

\LRidxEpE 25 {\LRidxE{\parentesis {#2}}{#3}{#4}{#5}} \xspace}

\LRidxEpE\*

\LRidxEPE

\LRidxEPE\*

```
26
           27 \NewDocumentCommand\LRidxEP {smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                             {\LRidxE{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}{#5}}
           28
                             {\LRidxE{\Parentesis {#2}}{#3}{#4}{#5}}
                                                                          }\xspace}
           29
           30
           31 \NewDocumentCommand\LRidxEpE {smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                             {\parentesis*{\LRidxE{#2}{#3}{#4}{#5}}}
           32
           33
                             {\parentesis {\LRidxE{#2}{#3}{#4}{#5}}}
                                                                          }\xspace}
           34
           35 \NewDocumentCommand\LRidxEPE {smmmm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
                             {\Parentesis*{\LRidxE{#2}{#3}{#4}{#5}}}
                             {\operatorname{LRidxE}\{\#2\}\{\#3\}\{\#4\}\{\#5\}\}}
                                                                          }\xspace}
           37
  \LidxE
          Comandos para escribir índices a la izquierda de un objeto (con exponente)
 \LidxEp
           38 \mbox{NewDocumentCommand\LidxE } mmm{\ensuremath{{\left(\frac{42}^{42}^{}}{{41}}_{{41}}^{43}}}\
\LidxEp*
 \LidxEP
          40 \NewDocumentCommand\LidxEp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                             {\LidxE{\parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
\LidxEP*
                             {\LidxE{\parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                     }\xspace}
\LidxEpE
\LidxEpE*
          44 \NewDocumentCommand\LidxEP {smmm}{\ensuremath{\lifBooleanTF#1}
\LidxEPE
                             {\LidxE{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
           45
\LidxEPE*
                             {\LidxE{\Parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                     }\xspace}
           46
           47
           48 \NewDocumentCommand\LidxEpE {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
           49
                             {\parentesis*{\LidxE{#2}{#3}{#4}}}
           50
                             {\parentesis {\LidxE{#2}{#3}{#4}}}
                                                                     }\xspace}
           52 \NewDocumentCommand\LidxEPE {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                             {\Parentesis*{\LidxE{#2}{#3}{#4}}}
           53
                             {\Parentesis {\LidxE{#2}{#3}{#4}}}
                                                                     }\xspace}
           54
  \RidxE
          Comandos para escribir índices a la derecha de un objeto (con exponente)
 \RidxEp
          55 \NewDocumentCommand\RidxE { mmm}{\ensuremath{{\leftidx{}}
                                                                              }{{#1}}{_{#2}^{#3}}}\xspace}
\RidxEp*
          \RidxEP
                             {\RidxE{\parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
\RidxEP*
                             {\text{NidxE}} {\text{parentesis } {#2}} {#3} {#4}}
                                                                     }\xspace}
\RidxEpE
          59
\RidxEpE*
           60
          61 \NewDocumentCommand\RidxEP {smmm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}
\RidxEPE
                             {\RidxE{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
           62
\RidxEPE*
                             {\text{Parentesis } {#2}}{#3}{#4}}
                                                                     }\xspace}
           63
           64
           65 \NewDocumentCommand\RidxEpE {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                             {\parentesis*{\RidxE{#2}{#3}{#4}}}
           66
           67
                             {\parentesis {\RidxE{#2}{#3}{#4}}}
                                                                     }\xspace}
           68
           69 \NewDocumentCommand\RidxEPE {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                             {\Parentesis*{\RidxE{#2}{#3}{#4}}}
           70
                             {\operatorname{RidxE}}{\#3}{\#4}}
                                                                     }\xspace}
  \LRidx Comando para escribir un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto
           72 \NewDocumentCommand\LRidx { mmm}{\ensuremath{{\LRidxE{#1}{#2}{#3}{}}}\xspace}
 \LRidxp
          Comandos para escribir un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto entre paréntesis
\LRidxp*
          73 \ensuremath{\label{lfBooleanTF#1}}
 \LRidxP
          74
                             {\LRidx{\operatorname{x}{#3}{#4}}}
\LRidxP*
          75
                             {\LRidx{\parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                     }\xspace}
           76
```

```
77 \NewDocumentCommand\LRidxP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                              {\LRidx{\operatorname{X}}{#3}{#4}}
           78
           79
                              {\LRidx{\Parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                       }\xspace}
\LRidxpE
           Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto
\LRidxpE*
           80 \NewDocumentCommand\LRidxpE {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
\LRidxPE
                              {\parentesis*{\LRidx{#2}{#3}{#4}}}
\LRidxPE*
                              {\parentesis {\LRidx{#2}{#3}{#4}}}
                                                                       }\xspace}
           82
           83
           84 \NewDocumentCommand\LRidxPE {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
           85
                              {\Parentesis*{\LRidx{#2}{#3}{#4}}}
                              {\operatorname{LRidx}{#2}{#3}{#4}}}
                                                                       }\xspace}
           86
    Lidx Comando para escribir un índice a la izquierda de un objeto
           87 \NewDocumentCommand\Lidx
                                           { mm}{\ensuremath{\LidxE {#1}{#2}{}}
                                                                                     }\xspace}
           Comandos para escribir un índice a la izquierda de un objeto entre paréntesis
   \Lidxp
  \Lidxp*
                                           { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
           88 \NewDocumentCommand\Lidxp
   \LidxP
           89
                              {\tilde{y}}{\tilde{y}}{\tilde{y}}
  \LidxP*
           90
                              {\coprod_{x\in \mathbb{Z}}{\#3}}
                                                                  }\xspace}
           91
                                           { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
           92 \NewDocumentCommand\LidxP
                              {\coprod_{x\in \mathbb{Z}}{\#3}}
           94
                              {\coprod_{x\in \mathbb{Z}}{\#3}}
                                                                  }\xspace}
 \LidxpE
           Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la izquierda de un objeto
 \LidxpE*
           95 \NewDocumentCommand\LidxpE
                                           { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
  \LidxPE
                              {\operatorname{x}}{\operatorname{Lidx}{\#2}{\#3}}
           96
 \LidxPE*
           97
                              {\operatorname{Lidx}{#2}{#3}}
                                                                  }\xspace}
           99 \NewDocumentCommand\LidxPE
                                           { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                              {\operatorname{Narentesis}}{\operatorname{Lidx}{#2}{#3}}
          100
                              {\operatorname{Lidx}{#2}{#3}}
                                                                  }\xspace}
    \Ridx Comando para escribir un índice a la derecha de un objeto
          102 \NewDocumentCommand\Ridx
                                            { mm}{\ensuremath{\RidxE {#1}{#2}{}
                                                                                      }\xspace}
   \Ridxp Comandos para escribir un índice a la derecha de un objeto entre paréntesis
  \Ridxp* 103 \NewDocumentCommand\Ridxp
                                            {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
   \RidxP 104
                              {\left\{ \right\} }
  \RidxP* 105
                              {\left\{ \right\} }{\left\{ \right\} }
                                                                  }\xspace}
          106
          107 \NewDocumentCommand\RidxP
                                            {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
          108
                              {\left\{ \right\}}{\left\{ \right\}}
                              {\left\{ \right\} }
                                                                  }\xspace}
 \RidxpE Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la derecha de un objeto
 \RidxPE 111
                              {\operatorname{x}}{\text{Ridx}}{\text{#2}}{\text{#3}}}
 \RidxPE* 112
                              {\operatorname{Ridx}}{\#2}{\#3}}
                                                                  }\xspace}
          113
          114 \NewDocumentCommand\RidxPE {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                              {\operatorname{Ridx}}{\#3}}
          115
                              {\operatorname{Ridx}}{\#2}{\#3}}
                                                                  }\xspace}
          116
```

# 2.4. Operadores

153

# 2.4.1. Conjugación y concatenación

```
\widebar Barra ancha para indicar media o conjugación
                                                   117 \NewDocumentCommand\widebar{m}{\mathop{\overline{#1}}}
                                                 Signo de conjugación
                   \conj
                                                   118 \NewDocumentCommand\conj
                                                                                                                                                                                                            {m}{\ensuremath{\widebar{#1}}\xspace}
         \concat Concatenación
                                                   119 \newcommand{\concat}{\mathbin{\mathpalette\conc@t\relax}}
                                                   120 \newcommand{\conc@t}[2]{%
                                                                            \vcenter{\hbox{%
                                                                                       \start 20{$\m@th#1-$}\%
                                                   122
                                                                                        \setlength{\unitlength}{\wd\z@}%
                                                   123
                                                   124
                                                                                       \begin{picture}(1,1)
                                                                                        \roundcap
                                                   125
                                                                                        \put(0.1,0.5){\line(1,0){0.8}}
                                                   126
                                                                                        \put(0.35,0.1){\line(0,1){0.8}}
                                                   127
                                                   128
                                                                                        \put(0.65,0.1){\line(0,1){0.8}}
                                                   129
                                                                                        \end{picture}%
                                                   130
                                                                           }} }
                                                       2.4.2. Norma y valor absoluto
              \norma Norma de un objeto
         \verb|\norma*| 131 \end{|\norma{s0{}} m} {\norma*| 131 \end{|\norma*|}} \end{|\norma*|} 131 \end{|\norma*| 131 \end{|\norma*|}} 
                                                                                                                                {\left\lVert{#3}\right\rVert}
                                                                                                                                                               \rVert{#3}
                                                   133
                                                                                                                                                                                                                                               \rVert}}_{#2}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
    \modulus Valor absoluto
\verb|\modulus*| 134 \verb|\m
                                                   135
                                                                                                                                {\left| {\left| {\#2}\right| } \right| }
                                                   136
                                                                                                                                {
                                                                                                                                                               |{#2}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
                                                       2.4.3.
                                                                                              Transposición
                                  \T Signo de transposición
                                                   137 \NewDocumentCommand\T{}{\intercal}
              \Trans Transposición
         \verb| Transp | 138 \\ | NewDocumentCommand \\ | Trans | sm| {\ensuremath {\life} SoleanTF\#1} \\ | Transp | 138 \\ | Transp 
    \Transp* 139
                                                                                                           {\RidxE{#2\big.}{\T} }
        \TransP 140
                                                                                                           {RidxE{#2}{}{T}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
    \TransP* 141
    \verb|\TranspE| 142 \\ \end{Transp} \ \{sm\} \{\ensuremath\{\label{transp} 142 \ensuremath\{\label{transp} 142 \ensuremath{\makeps} 142
                                                                                                      {\Trans{{\parentesis*{#2}}}}
\TranspE* 143
                                                                                                      {\Trans{{\parentesis {#2}}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                              }\xspace}
   \verb|\TransPE|^{144}
\TransPE*
                                                   146 \NewDocumentCommand\TransP {sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                       {\Trans{{\Parentesis*{#2}}}}
                                                  147
                                                                                                      {\Trans{{\Parentesis {#2}}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
                                                   148
                                                   {\parentesis*{\Trans{#2}}}
                                                   151
                                                                                                       {\parentesis {\Trans{#2}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
                                                   152
```

```
{\Parentesis*{\Trans{#2}}}
                    155
                                        {\Parentesis {\Trans{#2}}}
                    156
                                                                                                                }\xspace}
                     2.4.4. Inversa
     \minus Signo negativo para indicar la inversa
                    157 \NewDocumentCommand\minus { }{\hbox{-}}
         \Inv Notación de la inversa
       \Invp 158 \NewDocumentCommand\Inv
                                                                                  ۲m
                                                                                              }{\ensuremath{ \RidxE{#1}{}{\minus1} }\xspace}
     \Invp* 159
       \InvP 160 \NewDocumentCommand\Invp
                                                                                  {sm
                                                                                              }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
     \InvP* 161
                                                  {\Inv{{\parentesis*{#2}}}}
                                                  {\Inv{{\parentesis {#2}}}}
     \label{lnvpE} ^{162}
    \InvpE* 163
     {sm
                                                                                              }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
   \InvPE* 165
                                                  {\Inv{{\Parentesis*{#2}}}}
                                                  {\Inv{{\Parentesis {#2}}}}
                    167
                    168 \NewDocumentCommand\InvpE
                                                                                              }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                                  \{sm
                                                  {\parentesis*{\Inv{#2}}}
                    169
                    170
                                                  {\parentesis {\Inv{#2}}}
                                                                                                                          }\xspace}
                    171
                    172 \NewDocumentCommand\InvPE
                                                                                  {sm }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                  {\Parentesis*{\Inv{#2}}}
                                                  {\Parentesis {\Inv{#2}}}
                                                                                                                          }\xspace}
                    174
                      2.4.5. Operador selector
 \getItem Signo de operador selector
                    175 \NewDocumentCommand\getItem { }{\ensuremath{ \pmb{\mid}}
                                                                                                                                                }\xspace}
\getitemL Operador selector por la izquierda y operador selector por la derecha
                    176 \ensuremath{ \{\$1\} \ensuremath{ \{\$1\} \ensuremath{ \}}}
                    177 \end{area} $$177 \end{area} \end{area} \end{area} \end{area} \end{area} $$177 \end{area} \e
                           selector por la izquierda de un objeto
     \elemL Selector por la izquierda
    \verb|\elemLp| 178 \verb|\elemLcommand| elemL|
                                                                                  {mm}{\ensuremath{ \Lidx{#1}{\getitemL{#2}} }\xspace}
  \elemLp* 179
   \elemLP 180 \NewDocumentCommand\elemLp {smm}{\ensuremath{\\IfBooleanTF#1}}
                                      {\elemL{\parentesis*{#2}}{#3}}
 \elemLP* 181
                                      {\elemL{\parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}
 \elemLpE 182
\elemLpE* 183
 \verb|\elemLPE| 184 \end{tember} $$184 \end{tember} $$ \{smm\} {\end{tember} } $$
                                      {\left\{ elemL{\left\{ Parentesis*{\#2}\right\} {\#3}\right\} }
                   185
\elemLPE*
                    186
                                      {\elemL{\Parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}
                    187
                    188 \verb|\NewDocumentCommand\elemLpE{smm}{\ensuremath{\label{lfBooleanTF#1}}} \\
                                      {\parentesis*{\elemL{#2}{#3}}}
                    189
                                      {\operatorname{\mathbb{Z}}{#3}} \xspace}
                    190
                    191
                    192 \verb|\NewDocumentCommand\elemLPE{smm}{\ensuremath{\label{lfBooleanTF#1}}} \\
                    193
                                      {\Parentesis*{\elemL{#2}{#3}}}
                    194
                                      {\Parentesis {\elemL{#2}{#3}}} }\xspace}
```

por la derecha de un objeto

```
\elema Selector por la izquierda
     \elemRp 195 \NewDocumentCommand\elemR
                                                                                 {mm}{\ensuremath{ \Ridx{#1}{\getitemR{#2}} }\xspace}
   \elemRp* 196
     \elemRP 197 \NewDocumentCommand\elemRp {smm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}
   \elemRP* 198
                                      {\elemR{\parentesis*{#2}}{#3}}
                                      {\elemR{\parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}
   \ensuremath{\mbox{\mbox{lenRpE}}}\ 199
 \elemRpE* 200
   \elemRPE 201 \NewDocumentCommand\elemRP {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                      {\elemR{\Parentesis*{#2}}{#3}}
                     202
 \elemRPE*
                     203
                                       {\elemR{\Parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}
                     204
                     {\parentesis*{\elemR{#2}{#3}}}
                     207
                                       {\parentesis {\elemR{#2}{#3}}} }\xspace}
                     208
                     209 \label{lemRPE} $$ \ensuremath{\label{lemRPE}$} = $$ \ensuremath{\label{lemRPE}$} $$
                                       {\operatorname{NParentesis}}
                     210
                                      {\Parentesis {\elemR{#2}{#3}}} }\xspace}
                     211
                             por ambos lados de un objeto
     \elemLR Selectores por ambos lados
   \elemLRp 212 \NewDocumentCommand\elemLR{mmm}{
 \elemLRp* 213
                                   \ensuremath{ \LRidx{#1}{\getitemL{#2}}{\getitemR{#3}} }\xspace}
   \elemLRP 214
 \elemLRP* 215 \NewDocumentCommand\elemLRp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                      {\elemLR{\parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
 \verb|\elemLRpE||^{216}
\elemLRpE* 217
                                      {\elemLR{\parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                                                                }\xspace}
 \elemLRPE ^{218}
                     219 \NewDocumentCommand\elemLRpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
\elemLRPE*
                                      {\parentesis*{\elemLR{#2}{#3}{#4}}}
                     220
                                      {\tt \{\parentesis \{\elemLR\{\#2\}\{\#3\}\{\#4\}\}\}}
                     221
                                                                                                                }\xspace}
                     222
                     223 \NewDocumentCommand\elemLRP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                      {\elemLR{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
                     224
                     225
                                      {\elemLR{\Parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                                                                }\xspace}
                     227 \NewDocumentCommand\elemLRPE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                     228
                                       {\Parentesis*{\elemLR{#2}{#3}{#4}}}
                                       {\Parentesis {\elemLR{#2}{#3}{#4}}}
                     229
                                                                                                                }\xspace}
                             por la izquierda de un vector
       \elevL Selector de elementos de un vector por la izquierda
     \verb|\eleVLp| 230 \verb|\eleVLomm| {\eleVL{omm}} {\ensuremath{IfNoValueTF{\#1}\%}} |
   \eleVLp* 231
                                           {\elemL {\Vect
                                                                               {#2}}{#3}}
     \eleVLP 232
                                          {\left\{ elemLP * {\left\{ Vect [#1] { #2} \right\} { #3} \right\}}
                                                                                                          }\xspace}
   \eleVLP* 233
   \verb|\eleVLpE 234 \end{\colored} $$ \end{\colored} $$\end{\colored} $$ \end{\colored} $$\end{\colored} $$\end{\color
                                           {\elemLp*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
 \eleVLpE* ^{235}
   \verb|\eleVLPE||^{236}
                                           {\elemLp {\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                          }\xspace}
 \eleVLPE*
                     238 \NewDocumentCommand\eleVLP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF{#1}%}
                     239
                                          {\elemLP*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                     240
                                          {\elemLP {\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                          }\xspace}
                     241
                     242 \MewDocumentCommand\eleVLpE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1\%}}
                                         {\elemLpE*{\IfNoValueTF{#2}}
                     243
                     244
                                                              {\Vect
                                                                                     {#3}}
```

```
245
                                                                                                                                                                  {\text{Vectp*}[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                         {\elemLpE {\IfNoValueTF{#2}}
                                                    246
                                                    247
                                                                                                                                                                  {\Vect
                                                                                                                                                                                                                                {#3}}
                                                                                                                                                                  {\Vectp*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                                                    248
                                                    249
                                                    {\elemLPE*{\IfNoValueTF{#2}}
                                                   251
                                                    252
                                                                                                                                                                  {\Vect
                                                                                                                                                                                                                                {#3}}
                                                    253
                                                                                                                                                                  {\VectP*[#2]{#3}}}{#4}}
                                                                                                         {\elemLPE {\IfNoValueTF{#2}}
                                                    254
                                                    255
                                                                                                                                                                  {\Vect
                                                                                                                                                                                                                                {#3}}
                                                                                                                                                                  {\VectP*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
                                                    256
                                                                        por la derecha de un vector
              \eleVR Selector de elementos de un vector por la derecha
          \verb|\eleVRp||_{257} \label{levR} eleVR{omm}{\column{command} eleVR{omm}{\column{command} {\column{command} {\column{command} {\column{command} {\column{command} {\column{command} {\column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{column{col
    \eleVRp* _{258}
                                                                                                             {\operatorname{\mathbb{V}ect}}
                                                                                                                                                                                                                {#2}}{#3}}
         \eleVRP 259
                                                                                                             {\elemRP*{\Vect[#1]{#2}}{#3}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                         }\xspace}
    \eleVRP* 260
    \verb|\eleVRpE| 261 \label{levRpE} 261 \label{levRpE} | \ensuremented | \ensurem
                                                                                                             {\elemRp*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
\eleVRpE* ^{262}
                                                                                                             {\elemRp {\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                         }\xspace}
    \verb|\eleVRPE||^{263}
                                                   264
\eleVRPE*
                                                    265 \NewDocumentCommand\eleVRP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF{#1}%}
                                                    266
                                                                                                              {\elemRP*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                             {\left[ {\left[ {2}\right] {#3} \right] {#4}} }
                                                    267
                                                                                                                                                                                                                                                                                         }\xspace}
                                                    268
                                                    269 \ensuremath{\left} \ensure
                                                                                                        {\elemRpE*{\IfNoValueTF{#2}}
                                                    270
                                                                                                                                                                  {\Vect
                                                                                                                                                                                                                                {#3}}
                                                    271
                                                                                                                                                                  {\Vectp*[#2]{#3}}}{#4}}
                                                    272
                                                                                                         {\elemRpE {\IfNoValueTF{#2}}
                                                    273
                                                                                                                                                                  {\Vect
                                                                                                                                                                                                                                 {#3}}
                                                    274
                                                                                                                                                                  {\Vectp*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                                                    275
                                                    277 \ensuremath{\lefa} eleVRPE{somm}{\command\clevRPE} somm{\command\clevRPE} for the command for the comman
                                                                                                        {\elemRPE*{\IfNoValueTF{#2}}
                                                    278
                                                    279
                                                                                                                                                                  {\Vect
                                                                                                                                                                                                                                 {#3}}
                                                                                                                                                                  {\VectP*[#2]{#3}}{#4}}
                                                    280
                                                                                                         {\elemRPE {\IfNoValueTF{#2}}
                                                    281
                                                    282
                                                                                                                                                                  {\Vect
                                                                                                                                                                                                                                 {#3}}
                                                                                                                                                                  {\VectP*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                                                    283
                                                                         de filas de una matriz
              \VectF Selector de filas de una matriz
         \VectFp 284 \NewDocumentCommand\VectF{omm}{\ensuremath{\IfNoValueTF{#1}%}
    \VectFp* 285
                                                                                                             {\left\{ \right\} } 
                                                                                                                                                                                                           {#2}}{#3}}
                                                                                                             {\elemLp*{\Mat[#1]{#2}}{#3}}
         \VectFP 286
                                                                                                                                                                                                                                                                                    }\xspace}
    \VectFP* 287
    \VectFpE* ^{289}
                                                                                                              {\elemLp*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                             {\elemLp {\Mat[#2]{#3}}{#4}} }\xspace}
    \verb|\VectFPE||^{290}
                                                    291
\VectFPE*
                                                   292 \NewDocumentCommand\VectFP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1\%
                                                                                                             {\elemLP*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
                                                    293
                                                                                                              {\elemLP {\Mat[#2]{#3}}{#4}} \xspace}
                                                    294
```

```
296 \NewDocumentCommand\VectFpE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
          297
                   {\elemLpE*{\IfNoValueTF{#2}}
          298
                             {\Mat
                             {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
          299
                   {\elemLpE {\IfNoValueTF{#2}}
          300
                             {\Mat
          301
                                       {#3}}
                             {\Matp*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
          302
          303
          304 \NewDocumentCommand\VectFPE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%
                   {\elemLPE*{\IfNoValueTF{#2}}
          305
          306
                             {\Mat
                                       {#3}}
                             {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
          307
                   {\elemLPE {\IfNoValueTF{#2}}
          308
          309
                             {\Mat
                                        {#3}}
                             {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
          310
  \VectTF Selector de filas de una matriz
 \VectTFp* _{312}
                    {\elemL {\MatTpE* {#2}}{#3}}
 \VectTFP 313
                    {\elemLp*{\MatT[#1]{#2}}{#3}}
                                                   }\xspace}
\VectTFP* 314
{\elemLp*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
\VectTFpE* ^{316}
                    {\elemLp {\MatT[#2]{#3}}{#4}} \xspace}
\ensuremath{\,^{\setminus}} VectTFPE ^{317}
         318
\VectTFPE*
          319 \NewDocumentCommand\VectTFP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%%
                    {\elemLP*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
          320
          321
                    {\elemLP {\MatT[#2]{#3}}{#4}} \xspace}
          322
          323 \NewDocumentCommand\VectTFpE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                   {\elemLpE*{\IfNoValueTF{#2}}
          325
                             {\MatTpE*
                                         {#3}}
          326
                             {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
                   {\elemLpE {\IfNoValueTF{#2}}
          327
                             {\MatTpE*
                                         {#3}}
          328
                             {\MatTpE*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
          329
          330
          331 \NewDocumentCommand\VectTFPE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                   {\elemLPE*{\IfNoValueTF{#2}}
          332
          333
                             {\MatTpE*
                                         {#3}}
                             {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
          334
          335
                   {\elemLPE {\IfNoValueTF{#2}}
          336
                             {\MatTpE*
                                         {#3}}
          337
                             {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
             de columnas de una matriz
   \VectC Selector de columnas de una matriz
  \VectCp* 339
                    {\operatorname{\mathbb{N}} \{}
                                     {#2}}{#3}}
  \VectCP 340
                    {\elemRp*{\Mat[#1]{#2}}{#3}}
                                                  }\xspace}
 \VectCP* 341
 {\elemRp*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
\VectCpE* 343
                    {\elemRp {\Mat[#2]{#3}}{#4}} }\xspace}
 \verb|\VectCPE||^{344}
\VectCPE*
         346 \NewDocumentCommand\VectCP{somm}{\ensuremath{\\IfBooleanTF#1\%\%}
                    {\elemRP*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
          347
                    {\elemRP {\Mat[#2]{#3}}{#4}} \xspace}
          348
```

```
350 \NewDocumentCommand\VectCpE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                                           {\elemRpE*{\IfNoValueTF{#2}}
                      351
                      352
                                                                  {\Mat
                                                                                         {#3}}
                                                                  {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
                      353
                                           {\elemRpE {\IfNoValueTF{#2}}
                      354
                                                                  {\Mat
                      355
                                                                                         {#3}}
                      356
                                                                  {\Matp*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                      357
                      358 \NewDocumentCommand\VectCPE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                                           {\elemRPE*{\IfNoValueTF{#2}}
                      359
                                                                  {\Mat
                      360
                                                                                         {#3}}
                                                                  {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
                      361
                                           {\elemRPE {\IfNoValueTF{#2}}
                      362
                      363
                                                                  {\Mat
                                                                                         {#3}}
                                                                  {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                      364
     \VectTC Selector de columnas de una matriz
   \verb|\VectTCp| 365 \end{|} We when the command \end{|} We command \end{
 \VectTCp* 366
                                             {\elemR {\MatTpE* {#2}}{#3}}
   \VectTCP 367
                                             {\elemRp*{\MatT[#1]{#2}}{#3}}
                                                                                                                  }\xspace}
 \VectTCP* 368
 \VectTCpE 369 \NewDocumentCommand\VectTCp{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%%}}
                                             {\elemRp*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
\VectTCpE* 370
                                             {\elemRp {\MatT[#2]{#3}}{#4}} }\xspace}
 \verb|\VectTCPE||^{371}
                      372
\VectTCPE*
                      373 \NewDocumentCommand\VectTCP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%%
                      374
                                             {\elemRP*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
                      375
                                             {\elemRP {\MatT[#2]{#3}}{#4}} \xspace}
                      376
                      378
                                           {\elemRpE*{\IfNoValueTF{#2}}
                                                                  {\MatTpE*
                      379
                                                                                             {#3}}
                                                                  {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
                      380
                                           {\elemRpE {\IfNoValueTF{#2}
                      381
                                                                  {\MatTpE*
                                                                                             {#3}}
                      382
                                                                  {\MatTpE*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
                      383
                      384
                      385 \NewDocumentCommand\VectTCPE{somm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1%}
                                           {\elemRPE*{\IfNoValueTF{#2}}
                      386
                                                                  {\MatTpE*
                                                                                             {#3}}
                      387
                      388
                                                                  {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
                      389
                                           {\elemRPE {\IfNoValueTF{#2}}
                      390
                                                                  {\MatTpE*
                                                                                             {#3}}
                                                                  {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
                      391
                               de elementos de una matriz
         \eleM Selector de elementos de una matriz
       \eleMp 392 \NewDocumentCommand\eleM {ommm}{\ensuremath{\elemLR {\IfNoValueTF{#1}}
      \eleMp* 393
                                                                                                     {\Mat
                                                                                                                            {#2}}
                                                                                                                                                                       }{#3}{#4}}\xspace}
       \eleMP 394
                                                                                                     {\MatP*[#1]{#2}}
     \eleMP* 395
     \eleMpE 396 \NewDocumentCommand\eleMp {sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                              {\elemLRp* {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
   \ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\sc NeleMpE*}}}\xspace} 397
     \verb|\eleMPE||^{398}
                                                              {\elemLRp {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}} }\xspace}
   \eleMPE*
                      400 \NewDocumentCommand\eleMP {sommm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}}
                                                              {\elemLRP* {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
```

```
403
                              404 \ensuremath{\label{lempEsomm}}{\label{lempEsomm}} {\label{lempEsomm}} \ensuremath{\label{lempEsomm}} \ensuremath{\labell} \ensuremath
                              405
                                                                                        {\parentesis*{\IfNoValueTF{#1}}
                                                                                                                                                                       {#3}{#4}{#5}}
                              406
                                                                                                                                         {\leq M}
                                                                                                                                         {\eleM[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                          }}
                              407
                                                                                        {\parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
                              408
                                                                                                                                        {\eleM
                                                                                                                                                                       {#3}{#4}{#5}}
                              409
                              410
                                                                                                                                        {\left[ {2}, {43}, {44}, {45} \right]}
                                                                                                                                                                                                                          411
                             412 \NewDocumentCommand\eleMPE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                        {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#1}}
                                                                                                                                        {\left\{ \right\} }
                                                                                                                                                                       {#3}{#4}{#5}}
                              414
                              415
                                                                                                                                         {\eleM[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                         }}
                                                                                        {\Parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
                              416
                                                                                                                                        {\left\{ \right.}
                                                                                                                                                                      {#3}{#4}{#5}}
                              417
                                                                                                                                        {\left[ {2}, {43}, {44}, {45} \right]}
                                                                                                                                                                                                                         418
                                          de elementos de una matriz transpuesta
        \eleMT Selector de elementos de una matriz
     \eleMTp* 420
     \eleMTP 421 \NewDocumentCommand\eleMTp {sommm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}
                                                                                       {\tt \{\elemLRp*{\parentesis*{\Mat[#2]{#3}}^{T}{#4}{#5}}}
  \eleMTP* 422
                                                                                        \label{lem_Rp_{mat[#2]{#3}}^T}{#4}{#5}} \ \xspace}
  \verb|\eleMTpE||^{423}
425 \NewDocumentCommand\eleMTP {sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
  \eleMTPE
                                                                                        {\elemLRP*{\parentesis*{\Mat[#2]{#3}}^\T}{#4}{#5}}
                             426
\eleMTPE*
                                                                                        {\elemLRP {\parentesis*{\Mat[#2]{#3}}^\T}{#4}{#5}} }\xspace}
                              428
                              429 \NewDocumentCommand\eleMTpE{sommm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}
                                                                                       {\parentesis*{\IfNoValueTF{#1}}
                              431
                                                                                                                                         {\eleMT
                                                                                                                                                                          {#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                         {\eleMT[#2]{#3}{#4}{#5}}
                              432
                                                                                                                                                                                                                             }}
                                                                                        {\parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
                              433
                                                                                                                                        {\left\{ \right\} }
                                                                                                                                                                          {#3}{#4}{#5}}
                              434
                                                                                                                                        {\eleMT[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                      }\xspace}
                                                                                                                                                                                                                             }}
                              435
                              436
                              437 \NewDocumentCommand\eleMTPE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                        {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#1}}
                              438
                                                                                                                                         {\left\{ \right\} }
                                                                                                                                                                          {#3}{#4}{#5}}
                              439
                                                                                                                                         {\eleMT[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                             }}
                              440
                                                                                        {\Parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
                              441
                                                                                                                                                                          {#3}{#4}{#5}}
                              442
                                                                                                                                        {\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\en
                                                                                                                                        {\eleMT[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                             443
                                2.4.6. Operaciones elementales
           \Trel Signo de transformación elemental
                              444 \DeclareMathOperator{\TrEl}{\boldsymbol{\tau}}
                 \su Transformación elemental Tipo I
                              445 \NewDocumentCommand\su{mmm}{\ensuremath{\%}}
                                                                                                          \left(#1\right){\boldsymbol{#2}}+{\boldsymbol{#3}}
                                                                                                                                                                                                                                                                         }\xspace}
                 \pr Transformación elemental Tipo II
                              447 \NewDocumentCommand\pr{mm }{\ensuremath{%
                              448
                                                                                                          \left(#1\right){\boldsymbol{#2}}
                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
```

{\elemLRP {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}} }\xspace}

```
\pe Intercambio (permuta de dos elementos)
               449 \NewDocumentCommand\pe{mm }{\ensuremath{%
                                                         \boldsymbol{#1} \rightleftharpoons \boldsymbol{#2}
                                                                                                                                                      }\xspace}
     \perm Reordenamiento de los elementos (permutación)
               451 \NewDocumentCommand\perm{}{\normalfont{Mathfrak{S}}}
                                                                                                                                                      }\xspace}
      \Ope Operación elemental
               \OEsu Oper. elem. que suma un múltiplo de una componente a otra
               453 \NewDocumentCommand\OEsu {mmm}{\ensuremath{ \OpE{ \su{#1}{#2}{#3} } }\xspace}
     \OEpr Oper. elem. que multiplica una componente por un número
               454 \NewDocumentCommand\OEpr \{mm\}\{\columnwarf{mm}\}\
                                                                                                                                      } \xspace}
     \OEin Intercambio de posición entre componentes
               455 \NewDocumentCommand\OEin \{mm\}\{\ensuremath\{ \pe{\#1}{\#2}\}\}
                                                                                                                                      } \xspace}
   \OEper Reordenamiento o permutación entre componentes
               456 \NewDocumentCommand\OEper
                                                                     {}{\ensuremath{ \OpE{ \perm
                                                                                                                                      } \xspace}
   \E0Esu Espejo de oper. elem. que suma un múltiplo de una componente a otra
               \E0Epr Espejo de oper. elem. que multiplica una componente por un número
               458 \NewDocumentCommand\E0Epr \{mm\}\{\ensuremath\{ esp\Big(\0Epr\{\#1\}\{\#2\}\}\}\}
                                                                                                                                           \Big)}\xspace}
                 Transformaciones elementales generales
      \OEg Operación elemental genérica
               459 \NewDocumentCommand \OEg{0{}){\}{\ensuremath{ \RidxE{\TrEl}{\!#1}{#2} }\xspace}
     \E0Eg Operación espejo de una operación elemental genérica
               460 \NewDocumentCommand \E0Eg{0{}0{}}{\ensuremath{ esp( \0Eg[#1][#2]}}
                                                                                                                                             ) }\xspace}
 \InvOEg Inversa de una operación elemental genérica
               461 \NewDocumentCommand \InvOEg{O{} }{\ensuremath{}}
                                                                                                              \OEg[#1][\minus1]
                                                                                                                                                 }\xspace}
\EInvOEg Espejo de la inversa de una operación elemental genérica
               462 \ensuremath{ \ensuremath{
                                                                                                                                             ) }\xspace}
     \SOEg Sucesión de operaciones elementales genéricas
               463 \NewDocumentCommand\S0Eg{0{1}0{k}0{}}{\ensuremath{\%}}
                                                                                        \OEg[#1][#3]\cdots\OEg[#2][#3]
   \dOEgE Operación elemental genérica con exponente y sin exponente
     \d0Eg 465 \NewDocumentCommand\d0EgE \{mm\}\\ensuremath\{\RidxE\\TrEl\\\!#1\\\\#2\}
                                                                                                                                                 }\xspace}
               466 \NewDocumentCommand\d0Eg
                                                                     {m}{\ensuremath{
                                                                                                         \d0EgE{#1}{}
                                                                                                                                                 }\xspace}
 \decege Operación espejo de una elemental genérica con exponente y sin exponente
   }\xspace}
               468 \NewDocumentCommand\dE0Eg
                                                                    {m}{\ensuremath{ esp(\d0Eg {#1}}
                                                                                                                                         )
                                                                                                                                                 }\xspace}
\dInvOEg Operación inversa de una elemental genérica
               469 \NewDocumentCommand\dInvOEg {m}{\ensuremath{}
                                                                                                         \dOEgE{#1}{\minus1}
                                                                                                                                                 }\xspace}
```

```
\dEInvOEg Operación espejo de la inversa de una elemental genérica
                                470 \NewDocumentCommand\dEInvOEg{m}{\ensuremath{ esp(\dInvOEg{#1} )
                                                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
      \dSOEgE Sucesión de operaciones elementales genéricas con exponente o sin exponente
         \dSOEg 471 \NewDocumentCommand\dSOEgE{mmm}{\ensuremath{\dOEgE{#1}{#3}\cdots\dOEgE{#2}{#3}}\xspace}
                                472 \NewDocumentCommand\dSOEg {mm}{\ensuremath{\d0Eg {#1}}
                                                                                                                                                                                                                                \cdots\d0Eg {#2}
                                                                                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
                                                           Transformaciones elementales particulares
                                   2.4.7.
                                   Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto Tipo I - Fil
            \TESF Una transformación elemental Tipo I por la izquierda
         \label{thm:lidx} $$\operatorname{TESFp}_{473} \ensuremath_Lidx_{#4}_{0Esu_{#1}_{#2}_{#3}_!}\xspace}$
         \label{temperate} $$ TESFP 474 \ensuremath{\life} {\rm smmm}_{\colored{temperate}} $$
      \label{thm:linear_terms} $$ TESFpE 475 {\lidxp $ $$ {\lidxp $ $$ {\lidxp $ $$ {\lidxp $ $$ $$ $$ }$ $$ }$ } \
      \TESFPE 476 \NewDocumentCommand\TESFP {smmmm}{\ensuremath{\lifBooleanTF#1}}
                                                {\text{y}}{0Esu{#2}{#3}{#4}}!} {\text{y}} {\text{y}} {\text{y}} }
                                478 \NewDocumentCommand\TESFpE{smmmm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}
                                               {\coprod_{\#5}_{0Esu\{\#2\}\{\#3\}\{\#4\}}} } 
                                480 \NewDocumentCommand\TESFPE{smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                              {\LidxPE*{#5}{\OEsu{#2}{#3}{#4}\! }} {\LidxPE{#5}{\OEsu{#2}{#3}{#4}\! }} }\xspace}
                                            Tipo I - Col
            \TESC Una transformación elemental Tipo I por la derecha
            \TESC _{482} \end{TESC} _{482} \end{TESC} {\rm mmmm}_{\ensuremath{Ridx{#4}{\cdot}\cdot0Esu{\#1}{\#2}{\#3}}} \
            \TESC 483 \NewDocumentCommand\TESCp {smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
            \TESC 484
                                               {\Ridxp* {#5}{\!\!\OEsu{#2}{#3}{#4}}} {\Ridxp {#5}{\!\!\OEsu{#2}{#3}}} }\xspace}
            \TESC 485 \NewDocumentCommand\TESCP {smmmm}{\ensuremath{\lifbooleanTF#1}}
                                              {\tilde{y}}_{1}^{4}} {\tilde{y}}_{1}^{4}} 
                                487 \NewDocumentCommand\TESCpE{smmmm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
                                              {\tilde{y}}_{*{y}} = {\tilde{y}}_{*{y}} {\tilde{y}} {\tilde{y}
                                489 \NewDocumentCommand\TESCPE{smmmm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
                                              {\left[xidxPE^{#5}}\right] = {\left[xidxPE^{#5}\right]} 
                                            Tipo II - Fil
            \TEPF Una transformación elemental Tipo II por la izquierda
         \TEPFp 491 \NewDocumentCommand\TEPF
                                                                                                                              {\tt \{mmm\}\{\ensuremath\{\Lidx\{\#3\}\{\ \OEpr\{\#1\}\{\#2\}\!\}\ \}\xspace\}}
         \TEPFP 492 \NewDocumentCommand\TEPFp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                            {\star }^{4}_{0Epr{#2}{#3}}!} {\star {\#4}_{0Epr{#2}{#3}}!} } 
       \TEPFpE 493
      \TEPFPE 494 \NewDocumentCommand\TEPFP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                            {\tilde{y}} {\LidxP {#4}{\OEpr{#2}{#3}}!}  
                                495
                                {\LidxpE*{#4}{\OEpr{#2}{#3}\! }} {\LidxpE{#4}{\OEpr{#2}{#3}\!}
                                                                                                                                                                                                                                                                           } \xspace}
                                498 \verb|\NewDocumentCommand\TEPFPE{smmm}{\colored{commant}}| 198 \verb|\Colored{commant}| 198 \verb|\Col
                                                            {\LidxPE*{#4}{\OEpr{#2}{#3}\! }} {\LidxPE{#4}{\OEpr{#2}{#3}\!}
                                                                                                                                                                                                                                                                           } \xspace}
                                499
                                            Tipo II - Col
            \TEPC Una transformación elemental Tipo II por la derecha
         \TEPCP 501 \NewDocumentCommand\TEPCp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
      \TEPCpE 502
                                                            {\text{Widxp* } {#4}{\cdot!\cdot|\cdot|Epr{#2}{#3}}} {\text{Widxp } {#4}{\cdot!\cdot|\cdot|Epr{#2}{#3}}} } 
      \TEPCPE 503 \NewDocumentCommand\TEPCP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                504
                                                            {\text{WidxP* } {#4}{\cdot!\cdot\DEpr{#2}{#3}}} {\text{WidxP } {#4}{\cdot!\cdot\DEpr{#2}{#3}}} } 
                                505 \verb|\NewDocumentCommand\TEPCpE{smmm}{\colored{command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}\cite{Command}
                                506
                                                            {\RidxpE*{#4}{\!\OEpr{#2}{#3}}} {\RidxpE{#4}{\!\OEpr{#2}{#3}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                            } \xspace}
                                507 \label{lem:command} $$107 \ensuremath{\lifBooleanTF\#1}$
```

} \xspace}

 ${\text{VE}*{#4}{\cdot \text{CEpr}{#2}{#3}}} {\text{CEpr}{#2}{#3}}$ 

#### Intercambio - Fil

```
\TEIF Intercambio por la izquierda
     \TEIFp 509 \NewDocumentCommand\TEIF
                                                                                                             {\tt \{mmm\}\{\ensuremath\{\Lidx\{\#3\}\{\ \OEin\{\#1\}\{\#2\}\!\}\ \}\xspace\}}
     \TEIFP 510 \NewDocumentCommand\TEIFp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
   \TEIFpE 511
                                                   {\star }^{4}_{0Ein{#2}{#3}}!} {\tilde{\#2}{\#3}}!} } 
   \TEIFPE 512 \NewDocumentCommand\TEIFP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                   {\tilde{y}} { (x^* {#4}{\Omega in{#2}{#3}}!)} {\tilde{y}} {\Omega in{#2}{#3}!}} }
                         513
                         514 \NewDocumentCommand\TEIFpE\{smmm\}\{\newDocumentF\#1\}\}
                                                   {\LidxpE*{#4}{\OEin{#2}{#3}\! }} {\LidxpE{#4}{\OEin{#2}{#3}\!}
                         516 \ensuremath{\label{lemm}} {\tt Snmm} {\tt Snmm
                                                   {\LidxPE*{#4}{\OEin{#2}{#3}\! }} {\LidxPE{#4}{\OEin{#2}{#3}\!}
                         517
                                                                                                                                                                                                                                          } }\xspace}
                                    Intercambio - Col
        \TEIC Intercambio por la derecha
     \TEICp 518 \NewDocumentCommand\TEIC
                                                                                                            \TEICP 519 \NewDocumentCommand\TEICp {smmm}{\ensuremath{\lifBooleanTF#1}}
   \TEICpE 520
                                                   {\text{widxp} \ \text{#4}}(\cdot)^{0} {\text{midxp} \ \text{widxp} \ \text{widxp} \ \text{widxp} \ } } \
   \TEICPE 521 \NewDocumentCommand\TEICP {smmm}{\ensuremath{\\IfBooleanTF#1}}
                                                   {\text{WidxP* } \#4}{\cdot\cdot\cdot \#2}{\#3}} {\text{WidxP } \#4}{\cdot\cdot\cdot \#2}{\#3}} } 
                         522
                         523 \NewDocumentCommand\TEICpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                   } \xspace}
        \Mint Matriz intercambio y matriz intercambio (filas)
     528 \NewDocumentCommand\MintT{mm}{\ensuremath{ \TEIF{#1}{#2}{\Mat{I}} }\xspace}
              \PF Permutación por la izquierda y permutación por la derecha
              \PC 529 \NewDocumentCommand\PF
                                                                                                           {m}{\ensuremath{ \Lidx{#1}{ \OEper\! } \xspace}
                         530 \NewDocumentCommand\PC
                                                                                                           {m}{\operatorname{kidx}{\#1}{\cdot}\operatorname{DEper}} \
              MP Matriz permutación y matriz permutación
           \MPT _{531} \NewDocumentCommand\MP
                                                                                                             {}{\ensuremath{ \PC {\Mat{I}}}
                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                                                                                             {}{\ensuremath{ \PF
                         532 \NewDocumentCommand\MPT
                                                                                                                                                                    {\Mat{I}}
                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                            Sucesiones indiciadas de Transf. elementales
     \SITEF Sucesión indiciada de transformaciones elementales genéricas por la izquierda (filas)
   \label{limin_simple_simple_simple_simple_simple} $$ \sum_{33 \neq 533 
                                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
   \SITEFP 534
\SITEFpE 535 \NewDocumentCommand\SITEFp{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                   {\SITEF {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
\SITEFPE 536
                                                                   {SITEF {#2}{#3}{\operatorname{parentesis {#4}}}}
                                                                                                                                                                                                                                       }\xspace}
                         537
                         538
                         539 \NewDocumentCommand\SITEFP{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                                         {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
                         540
                                                                    {\SITEF
                                                                                           {#2}{#3}{\Parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                       }\xspace}
                         541
                                                                    {\SITEF
                         542
                         {\parentesis*{\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
                         544
                                                                    {\parentesis {\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                       }\xspace}
                         545
                         546
                         547 \NewDocumentCommand\SITEFPE{smmm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
                                                                   {\Parentesis*{\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
                         548
                                                                   {\Parentesis {\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                       }\xspace}
                         549
```

```
\SITEC Sucesión indiciada de transformaciones elementales genéricas por la izquierda (filas)
  \SITECP 551
 \SITECpE 552 \NewDocumentCommand\SITECp{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                           {\SITEC {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
 \SITECPE 553
                           {\SITEC {#2}{#3}{\parentesis {#4}}}
                                                                                         }\xspace}
           554
           555
           556 \mbox{\em NewDocumentCommand\SITECP{smmm}}{\mbox{\em curemath}{\label{likelihooleanTF#1}}}
                           {\SITEC {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
           557
                           {\SITEC {#2}{#3}{\Parentesis {#4}}}
                                                                                         }\xspace}
           558
           559
           560 \NewDocumentCommand\SITECpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                           {\parentesis*{\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
           561
                           {\parentesis {\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                         }\xspace}
           562
           563
           564 \ensuremath{\label{lemm}} {\tt SITECPE\{smmm\}\{\label{lemm} \}} \\
                           {\Parentesis*{\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
           565
           566
                           {\Parentesis {\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                         }\xspace}
  \SITEFC Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha
 \SITEFCp 567 \NewDocumentCommand\SITEFC{mmm}{\ensuremath{
 \SITEFCP 568
                                            {\LRidx{#3}{\dSOEg{#2}{#1}}{\dSOEg{#1}{#2}}}
                                                                                             }\xspace}
\SITEFCpE 569
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis {#4}}}
                                                                                         }\xspace}
\SITEFCPE 570
           571 \NewDocumentCommand\SITEFCP{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\Parentesis {#4}}}
                                                                                         }\xspace}
           573
           574 \NewDocumentCommand\SITEFCpE{smmm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}}
                           {\parentesis*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
           575
                           {\operatorname{SITEFC } {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                        }\xspace}
           576
           577 \NewDocumentCommand\SITEFCPE{smmm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}}
                           {\Parentesis*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
           578
                           {\Parentesis {\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                        }\xspace}
           579
 \SITEFCR Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha
\SITEFCRp 580 \NewDocumentCommand\SITEFCR{mmm}{\ensuremath{
\SITEFCRP 581
                                            {\LRidx{#3}{\dSOEg{#1}{#2}}{\dSOEg{#1}{#2}}}
                                                                                             }\xspace}
\SITEFCRpE 582
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
\SITEFCRPE 583
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis {#4}}}
                                                                                         }\xspace}
           584 \NewDocumentCommand\SITEFCRP{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
           585
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\Parentesis {#4}}}
                                                                                         }\xspace}
           586
           587 \NewDocumentCommand\SITEFCRpE{smmm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}}
                           {\parentesis*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
           588
                           {\parentesis {\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                        }\xspace}
           589
           590 \NewDocumentCommand\SITEFCRPE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                           {\Parentesis*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
           591
                           {\Parentesis {\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                        }\xspace}
     \TrF Transformaciones elementales por la izquierdaq de un objeto
    \TrFp 593 \NewDocumentCommand\TrF { O{\SOEg} m }{\ensuremath{ \Lidx{#2}{#1} }\xspace}
    \TrFp* 594
    \TrFP 595 \NewDocumentCommand\TrFp \{s O\\SOEg\} m\}\\ensuremath\\IfBooleanTF#1
   \TrFP* 596
                                       {\TrF[#2]{\parentesis*{#3}}}
   \TrFpE 597
                                       {TrF[#2]{\operatorname{parentesis} {#3}}}
                                                                                    }\xspace}
   \TrFpE* 598
   \label{lem:command} $$\operatorname{SOEg} m}_{\operatorname{SOEg}} $$ NewDocumentCommand\TrFP {s O(\SOEg} m}_{\operatorname{SOEg}} $$
                                      {\TrF[#2]{\Parentesis*{#3}}}
           600
```

\Newl

\Newl

}\xspace}

 ${TrF[#2]{\operatorname{Parentesis} {#3}}}$ 

\TrFPE\*

```
603 \NewDocumentCommand\TrFpE{s O{\S0Eg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                               {\parentesis*{\TrF[#2]{#3}}}
                        604
                        605
                                                    {\parentesis {\TrF[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                       }\xspace}
                        606
                        607 \NewDocumentCommand\TrFPE{s O{\S0Eg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                                               {\Parentesis*{\TrF[#2]{#3}}}
                        608
                        609
                                                   {\Parentesis {\TrF[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                      }\xspace}
                        610
          \TrC Transformaciones elementales por la derecha de un objeto
       \TrCp 611 \NewDocumentCommand\TrC { O{\SOEg} m }{\ensuremath{ \Ridx{#2}{#1} }\xspace}
       \TrCP 613 \NewDocumentCommand\TrCp {s O{\SOEg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                                               {\TrC[#2]{\parentesis*{#3}}}
     \TrCP* 614
     \TrCpE ^{615}
                                                                                               {\TrC[#2]{\parentesis {#3}}}
                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
   \TrCpE* 616
     \label{trcpe} $$ ^{617} \ensuremath{\IfBooleanTF\#1}$ 
                                                                                              {\TrC[#2]{\Parentesis*{#3}}}
                       618
  \TrCPE*
                                                                                              {\TrC[#2]{\Parentesis {#3}}}
                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                        619
                        620
                        621 \NewDocumentCommand\TrCpE{s O{\S0Eg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                                               {\parentesis*{\TrC[#2]{#3}}}
                        622
                        623
                                                   {\parentesis {\TrC[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                      }\xspace}
                        624
                        625 \NewDocumentCommand\TrCPE{s O{\SOEg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                               {\Parentesis*{\TrC[#2]{#3}}}
                                                   {\Parentesis {\TrC[#2]{#3}}}
                        627
                                                                                                                                                                       }\xspace}
                        628
       \TrFC Transformaciones elementales por la izquierdaq de un objeto
     \TrFCp* 630
     \TrFCP 631 \NewDocumentCommand\TrFCp \{s O\{\S0Eg}\ O\{\S0Eg[(k+1)][p]\} m}\\ensuremath\\IfBooleanTF#1
                                                                                              {\TrFC[#2][#3]{\parentesis*{#4}}}
  \TrFCP* 632
                                                                                              {\TrFC[#2][#3]{\parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
  \TrFCpE 633
\TrFCpE* 634
   \begin{array}{ll} & & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ &
                                                                                              {\TrFC[#2][#3]{\Parentesis*{#4}}}
                       636
\TrFCPE*
                                                                                               {\TrFC[#2][#3]{\Parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
                        637
                        638
                        639 \ensuremath{\fff} 0{\so} [(k+1)][p] m}{\ensuremath{\fff} interpret}
                        640
                                                                                               {\parentesis*{\TrFC[#2][#3]{#4}}}
                                                                                                                                                                                    }\xspace}
                        641
                                                   {\parentesis {\TrFC[#2][#3]{#4}}}
                        642
                        643 \end{TFCPE}  0 {SOEg} 0 {SOEg[(k+1)][p]} m} {ensuremath(IfBooleanTF#1 final order of the content of the c
                                                                                               {\Parentesis*{\TrFC[#2][#3]{#4}}}
                        644
                                                                                                                                                                                    }\xspace}
                        645
                                                   {\Parentesis {\TrFC[#2][#3]{#4}}}
                        646
                          Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto
          \TEF Una transformación elemental genérica por la izquierda
       \label{thm:command} $$ \TEFp_{647} \ensurementh{ \left[ \Lidx{#3}{\DEg[#1\!][#2\!]} \right]} $$ \xspace} $$
     \TEFp* 648
       \TEFP 649 \NewDocumentCommand\TEFp so{0}\ \left\{ \IfBooleanTF#1
                                           {\coprod x} {#4}{OEg[#2][#3]} {\coprod x} {\Lidxp {#4}{OEg[#2][#3]}!}}
                                                                                                                                                                                                                         }\xspace}
     \TEFP* 650
   \TEFpE* 651
     \TEFPE
   \TEFPE*
                                                                                                                                                    59
```

```
{\LidxP* {#4}{\OEg[#2][#3]\!}} {\LidxP {#4}{\OEg[#2][#3]\!\!}} \xspace}
                                                                  653
                                                                  654
                                                                  655 \ensuremath{\label{fboleanTF#1}} \ensuremath{\life} \ensuremath{
                                                                  656
                                                                                                                       {\LidxpE*{#4}{\OEg[#2][#3]\!}} {\LidxpE{#4}{\OEg[#2][#3]\!}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
                                                                  657
                                                                  658 \mbox{\command\tefpE} sO{}O{\,}m}{\command\tefpE} so{}O{\,}m}{\command\tefpE} so{\command\tefpE} so{\c
                                                                                                                       {\LidxPE*{#4}{\OEg[#2][#3]\!}} {\LidxPE{#4}{\OEg[#2][#3]\!}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                                                                  659
                            \TEC Una transformación elemental genérica por la izquierda
                     \label{thm:command} $$ \TECp_{660} \encommand\TEC{0{}0{}m}_{\encommand} \Ridx{#3}_{\DEg[$\#1\!][$\#2\!]} \] $$ \CECP_{660} \Ridx{$\#3$}_{\DEg[$\#1\!][$\#2\!]} $$ \CECP_{660} \Ridx{$\#3$}_{\DEg[$\#1\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l][$\#2\l]
              \TECp* 661
                     \TECP 662 \NewDocumentCommand\TECp {s0{}0{ }m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                                       {\Ridxp* {#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    {\Ridxp {#4}{\!\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
              \TECP* 663
        \TECpE* 664
              \label{temperator} $$ TECpE $ 665 \end{temperator} $ 665 \end{temperator} $$ NewDocumentCommand\end{temperator} $$ TECpE $ 665 \end{temperator} $$ NewDocumentCommand\end{temperator} $$ TECpE $ 665 \end{temperator} $$ TEC
            \verb|\TECPE||^{666}
                                                                                                                      {\RidxP* {#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       {\RidxP {#4}{\!\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
                                                                667
       \TECPE*
                                                                 668 \NewDocumentCommand\TECpE{sO{}O{ }m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                                       {\RidxpE*{#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        {\RidxpE{#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
                                                                  671 \NewDocumentCommand\TECPE{sO{}O{ }m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                                      {\RidxPE*{#4}{\0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        {\RidxPE{#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
                                                                  672
                                                                        espejo de una transformación elemental por la izquierda de un objeto
                     \ETEF Espejo de una transformación elemental genérica por la izquierda
              \ETEFp* 674
              {\coprod x} {\#4}{\succeq EE[\#2][\#3]}} {\coprod x} {\coprod x} {\bot x} {\#3}}} 
       \ETEFP* 676
  \ETEFpE* 677
       {\coprod P* {#4}{\succeq EEg[#2][#3]}} {\coprod P {#4}{\succeq EEg[#2][#3]}} }
       \ETEFPE ^{679}
\ETEFPE*
                                                                  681 \end{ETEFpE} \\ so{} O{} m}{\end{ETEFpE} \\ so{} O{} m}{\end{ETEFpE} \\ so{} olean TF\#1 \\ end{ETEFpE} \\ end{ETEFp
                                                                                                                      {\tilde{\#4}}(E0Eg[#2][#3]} {\tilde{\#4}}(E0Eg[#2][#3]}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
                                                                  682
                                                                  {\tilde{y}} 
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
                                                                        espejo de una transformación elemental por la derecha de un objeto
                     \ETEC Espejo de una transformación elemental genérica por la derecha
              \ETECp* 687
              \ETECP 688 \NewDocumentCommand\ETECp {s0{}0{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                                       {\tilde{\#4}}(EOEg[#2][#3]} {\tilde{\#4}}(EOEg[#2][#3]} }
       \ETECP* 689
 \ETECpE* 690
       \verb|\ETECPE||^{692}
                                                                                                                       {\text{EOEg[#2][#3]}} {\text{EOEg[#2][#3]}} }
\ETECPE*
                                                                 694 \ensuremath{\label{lem:ensuremath}} \ensuremath{\label{lem:e
                                                                                                                      {\RidxpE*{#4}{\E0Eg[#2][#3]}} {\RidxpE{#4}{\E0Eg[#2][#3]}}
                                                                  695
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
                                                                  696
                                                                  697 \label{lem:command} $$ETECPE\{sO\{\}O\{\}m\}\{\ensuremath\{\IfBooleanTF\#1\}\}$ and $$ETECPE\{sO\{\}O\{\}m\}\{\ensuremath\{\ETECPE\{sO\{\}O\{\}m\}\}\}\}$ and $$ETECPE\{sO\{\}O\{\}m\}\{\ensuremath\{\ETECPE\{sO\{\}O\{\}m\}\}\}\}$ and $$ETECPE\{sO\{\}O\{\}m\}\{\ensuremath\{\ETECPE\{sO\{\}O\{\}m\}\}\}\}$ and $$ETECPE\{sO\{\}O\{\}m\}\{\ensuremath\{\ETECPE\{sO\{\}O\{\}m\}\}\}\}$ and $$ETECPE\{sO\{\}O\{\}m\}\}$ and $$ETECPE\{sO\{\}O\{\}m\}$ and $$ETECPE\{sO\{\}O\{\}m\}\}$ and $$ETECPE\{sO\{\}O\{\}m\}$ and $$ETECPE\{sO\{\}O\{\}m\}\}$ and $$ETECPE\{sO\{\}O\{\}m\}$ and $$ETECPE\{sO\{\}M\}$ and $
                                                                                                                       {\RidxPE*{#4}{\E0Eg[#2][#3]}} {\RidxPE{#4}{\E0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
                                                                  698
```

#### Inversa de una transformación elemental por la izquierda de un objeto

```
\InvTEF Espejo de una transformación elemental genérica por la izquierda
           \label{linvTEF} $^{699} \end{\colored} $$ \ensuremath{ \Lidx{\#2}{\ln v0Eg[\#1]} }$$ \ensuremath{\colored} $$ \ensuremath{\
        \InvTEFp* 700
           \InvTEFP 701 \NewDocumentCommand\InvTEFp {sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                          {\coprod x} {\coprod x
        \InvTEFP* 702
    \InvTEFpE* 703
       \InvTEFpE 704 \NewDocumentCommand\InvTEFP {sO{}m}{\ensuremath{\lifbooleanTF#1}
                                                                           {\LidxP* {#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\LidxP {#3}{\Inv0Eg[#2]}} }\xspace}
       \verb|\InvTEFPE||^{705}
    \InvTEFPE*
                                               707 \MewDocumentCommand\InvTEFpE\{sO\{\}m\}{\ensuremath}\{IfBooleanTF\#1\}
                                                                          {\LidxpE*{#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\LidxpE{#3}{\Inv0Eg[#2]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
                                               709
                                               710 \ensuremath{\local{linvTEFPE}(sO{}m)}{\ensuremath{\local{linvTEFPE}(sO{}m)}}
                                                                          {\LidxPE*{#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\LidxPE{#3}{\Inv0Eg[#2]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
                                                 Inversa de una transformación elemental por la derecha de un objeto
              \InvTEC Espejo de una transformación elemental genérica por la derecha
           \InvTECp* 713
           \InvTECP 714 \NewDocumentCommand\InvTECp {s0{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
       \InvTECP* 715
                                                                           {\tilde{\#3}}_{Inv0Eg[\#2]}} {\tilde{\#3}}_{Inv0Eg[\#2]}} }
    \InvTECpE* 716
       \InvTECpE 717 \NewDocumentCommand\InvTECP {sO{}m}{\ensuremath{\lifbooleanTF#1}
      \verb|\InvTECPE||^{718}
                                                                           {\RidxP* {#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\RidxP {#3}{\Inv0Eg[#2]}} } 
   \InvTECPE*
                                              720 \NewDocumentCommand\InvTECpE{sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                              721
                                                                          {\RidxpE*{#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\RidxpE{#3}{\Inv0Eg[#2]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
                                              722
                                               723 \ensuremath{\linyTECPE\{sO\{\}m\}\{\ensuremath\{\lifBooleanTF\#1\}\}}
                                                                           {\RidxPE*{#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\RidxPE{#3}{\Inv0Eg[#2]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
                                                  Espejo de la inversa de una transformación elemental por la izquierda de un objeto
           \EInvTEF Espejo de la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda
       \EInvTEFp 725 \NewDocumentCommand\EInvTEF{0{}m}{\ensuremath{ \Lidx{#2}{\EInv0Eg[#1]} }\xspace}
   \EInvTEFp* 726
       \EInvTEFP 727 \NewDocumentCommand\EInvTEFp {sO{}m}{\ensuremath{\lifBooleanTF#1
                                                                           {\coprod x} {\Xi x
   \EInvTEFP* 728
\EInvTEFpE* 729
   \verb|\EInvTEFPE||^{731}
                                                                          {\coprod P* {#3}{\Xi vOEg[#2]}} {\coprod P {#3}{\Xi vOEg[#2]}} }
\EInvTEFPE*
                                              733 \ensuremath{\label{solean}} \newDocumentCommand\EInvTEFpE{sO{}m}{\ensuremath{\lifBoolean}}
                                                                         {\LidxpE*{#3}{\EInvOEg[#2]}} {\LidxpE{#3}{\EInvOEg[#2]}}
                                               734
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        }\xspace}
                                               735
                                               736 \NewDocumentCommand\EInvTEFPE\{sO\{\}m\}\{\newTigBooleanTF#1\}
                                                                          {\LidxPE*{#3}{\EInvOEg[#2]}} {\LidxPE{#3}{\EInvOEg[#2]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        }\xspace}
                                                 Espejo de la inversa de una transformación elemental por la derecha de un objeto
           \EInvTEC Espejo de la inversa de una transformación elemental genérica por la derecha
       \EInvTECp 738 \NewDocumentCommand\EInvTEC{0{}m}{\ensuremath{ \Ridx{#2}{\EInv0Eg[#1]} }\xspace}
   \EInvTECp* 739
       \EInvTECP 740 \NewDocumentCommand\EInvTECp {sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                         {\Ridxp* {#3}{\EInvOEg[#2]}} {\Ridxp {#3}{\EInvOEg[#2]}} }\xspace}
   \EInvTECP* 741
\EInvTECpE*
   \EInvTECpE
                                                                                                                                                                                                                                  61
   \EInvTECPE
```

\EInvTECPE\*

```
742
                            743 \NewDocumentCommand\EInvTECP \{s0\} \\ensuremath\\IfBooleanTF#1
                                            {\RidxP* {#3}{\EInvOEg[#2]}} {\RidxP {#3}{\EInvOEg[#2]}} }\xspace}
                            744
                            745
                            746 \NewDocumentCommand\EInvTECpE{sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                            {\RidxpE*{#3}{\EInvOEg[#2]}} {\RidxpE{#3}{\EInvOEg[#2]}}
                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                           747
                            748
                            749 \NewDocumentCommand\EInvTECPE{sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                            {\RidxPE*{#3}{\EInvOEg[#2]}} {\RidxPE{#3}{\EInvOEg[#2]}}
                                                                                                                                                                                          }\xspace}
           \dTEEF Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
        \dTEEFp 751 \NewDocumentCommand\dTEEF
                                                                                                    {\tt \{mmm\}\{\ensuremath\{\Lidx \ \{\#3\}\{\d0EgE\{\#1\}\{\#2\backslash!\}\}\}\xspace\}}
        \dTEEFP 752 \NewDocumentCommand\dTEEFp {mmm}{\ensuremath{ \Lidxp {#3}{\d0EgE{#1}{#2\!}}}\xspace}
       \dTEEFpE 753 \NewDocumentCommand\dTEEFP {mmm}{\ensuremath{ \LidxP {#3}{\dOEgE{#1}{#2\!}}}\xspace}
       \dTEEFPE 754 \NewDocumentCommand\dTEEFpE {mmm}{\ensuremath{ \LidxpE{#3}{\dOEgE{#1}{#2\!}}}\xspace}
                           755 \NewDocumentCommand\dTEEFPE {mmm}{\ensuremath{ \LidxPE{#3}{\d0EgE{#1}{#2\!}}}\xspace}
             \dTEF Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
           \dTEFp 756 \NewDocumentCommand\dTEF \{mm\}{\ensuremath\{ \Lidx \{\pmax}\}\{\frac{\pmax}{\pmax}\}\}
                                                                                                                                                                                 \dTEFpE 758 \NewDocumentCommand\dTEFP {mm}{\ensuremath{ \LidxP {#2}{{
                                                                                                                                                                                 \dTEFPE 759 \NewDocumentCommand\dTEFpE{mm}{\ensuremath{ \LidxpE{#2}{{
                                                                                                                                                                                 760 \ensuremath{\ensuremath{\mbox{\lid}xPE{\#2}}{\{}}
                                                                                                                                                                                 \deter Una transformación elemental espejo genérica por la izquierda
        \dETEFp 761 \NewDocumentCommand\dETEF \{mm\}{\ensuremath\{\Lidx \{\pm\}\{\frac{\pm\}{\tau}}\}}
                                                                                                                                                                                 \dETEFpE 763 \NewDocumentCommand\dETEFP {mm}{\ensuremath{ \LidxP {#2}{{
                                                                                                                                                                                 \dETEFPE 764 \NewDocumentCommand\dETEFpE{mm}{\ensuremath{ \LidxpE{#2}{{
                                                                                                                                                                                 \label{local_decomposition} $$\dEOEg{\#1}} \ \xspace$
                           765 \ensuremath{\ensuremath{\mbox{\lidxPE}{\#2}}{\{}}
                                                                                                                                                                                 \dInvTEF Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
    \label{linvTEFp} $766 \ \end{dinvTEF} $$ \end{dinvTEF} 
    \dInvTEFP 767 \NewDocumentCommand\dInvTEFp {mm}{\ensuremath{ \Lidxp {#2}{{ \dInvOEg{#1}}}} }\xspace}
  \dInvTEFpE 768 \NewDocumentCommand\dInvTEFP \{mm\}{\ensuremath\{ \LidxP \{#2\}\{ \dInvOEg\{#1\}\} \}\xspace\}
  \label{local-distribution} $$ \dim TEFPE 769 \ensuremath{ \left\langle LidxpE\{\#2\}\{\{ \dInv0Eg\{\#1\}\}\} \right\rangle } $$ is the constant of the constan
                           770 \label{linear_command_divTEFPE\{mm}_{\coloredge for the linear command divTEFPE\{mm\}_{\coloredge for the linear command di
   \dEInvTEF Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
 \dEInvTEFP 772 \NewDocumentCommand\dEInvTEFp \{mm\}\\ensuremath\{ \Lidxp \{#2\}\{\dEInv0Eg\{#1}\}\} \}\xspace\}
\dEInvTEFpE 773 \NewDocumentCommand\dEInvTEFP \{ mm\} \\ \LidxP \{ #2\} \{ \dEInvOEg\ #1\}\} \\ \\ \xspace\}
\dEInvTEFPE 774 \NewDocumentCommand\dEInvTEFpE{mm}{\ensuremath{ \LidxpE{#2}{{\dEInvOEg{#1}}}} }\xspace}
                            775 \NewDocumentCommand\dEInvTEFPE{mm}{\ensuremath{ \LidxPE{#2}{{\dEInvOEg{#1}}}} }\xspace}
           \dTEEC Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
        \dTEECp 776 \NewDocumentCommand\dTEEC
                                                                                                    {mm}{\ensuremath{\Ridx {#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }\xspace}
        \dTEECP 777 \NewDocumentCommand\dTEECp {mmm}{\ensuremath{ \Ridxp {#3}{\d0EgE{#1}{#2}}}\xspace}
       \dTEECpE 778 \NewDocumentCommand\dTEECP {mmm}{\ensuremath{ \RidxP {#3}{\d0EgE{#1}{#2}}}\xspace}
      \dTEECPE 779 \NewDocumentCommand\dTEECpE {mmm}{\ensuremath{ \RidxpE{#3}{\d0EgE{#1}{#2}}}\xspace}
                            780 \NewDocumentCommand\dTEECPE {mmm}{\ensuremath{ \RidxPE{#3}{\d0EgE{#1}{#2}}}\xspace}
             \dTEC Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
           \dTECpE 783 \NewDocumentCommand\dTECP {mm}{\ensuremath{ \RidxP {#2}{{
                                                                                                                                                                                 \d0Eg{#1}}} }\xspace}
         \dTECPE 784 \NewDocumentCommand\dTECpE{mm}{\ensuremath{ \RidxpE{#2}{{
                                                                                                                                                                                 \d0Eg{#1}}} }\xspace}
                           785 \MewDocumentCommand\dTECPE\{mm\}\{\ensuremath\{\RidxPE\{\#2\}\{\{a,b,c\}\}\}\}\}
```

```
\detec Una transformación elemental espejo genérica por la izquierda
       \dETECP 787 \NewDocumentCommand\dETECp {mm}{\ensuremath{ \Ridxp {#2}{{
                                                                                                                                                    \dEOEg{#1}}} }\xspace}
     \dETECpE 788 \NewDocumentCommand\dETECP {mm}{\ensuremath{ \RidxP {#2}{{
                                                                                                                                                     \dETECPE 789 \NewDocumentCommand\dETECpE{mm}{\ensuremath{ \RidxpE{#2}{{
                                                                                                                                                    \dEOEg{#1}}} }\xspace}
                       790 \NewDocumentCommand\dETECPE{mm}{\ensuremath{ \RidxPE{#2}{{
                                                                                                                                                    \label{local_decomposition} $$\dE0Eg{\#1}} \ \xspace$
     \dInvTEC Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
    \dInvTECP 792 \NewDocumentCommand\dInvTECp \{mm\}{\ensuremath\{ \Ridxp \{#2\}\{ \dInvOEg\{#1\}\} \}\xspace\}
  \dInvTECpE 793 \NewDocumentCommand\dInvTECP {mm}{\ensuremath{ \RidxP {#2}{{ \dInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
 \dInvTECPE 794 \NewDocumentCommand\dInvTECpE{mm}{\ensuremath{ \RidxpE{#2}{{ \dInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
                       795 \end{Align*} $$ \end{Ali
   \dEInvTEC Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
 \dEInvTECP 797 \NewDocumentCommand\dEInvTECp \{ mm\} \\ \nesuremath\ \\ \Ridxp \{ #2\} \\ \dEInvOEg\{ #1\}\} \\ \\ \xspace\}
\dEInvTECpE 798 \NewDocumentCommand\dEInvTECP \{ mm\} \\ ensuremath\ \RidxP \{ #2\} \\ dEInvOEg\{ #1\}\} \\ \xspace\}
\dEInvTECPE 799 \NewDocumentCommand\dEInvTECpE{mm}{\ensuremath{ \RidxpE{#2}{{\dEInv0Eg{#1}}} }\xspace}
                       800 \end{Addinv} $$ 800 \end{Addinv} {\end{Addinv} E(\#2)_{{Addinv} E(\#1)}} $$ \end{Addinv} $$ $$ $$ $$ $$ $$ (Addinv) E(\#1)_{{Addinv} E(\#2)_{{Addinv} E(\#2)_
                         Transformaciones elementales particulares
           \dTrF Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda
         \dTrFp 801 \NewDocumentCommand\dTrF \{mm\}{\ensuremath\{ \Lidx\{\pmu}2\}\{\pmu}1\}
                                                                                                                                                                        }\xspace}
         \dTrFP 802 \NewDocumentCommand\dTrFp \{mm\}\\ensuremath\{ \dTrF\{\#1\}\\parentesis\{\#2\} \}\xspace\}
        \dTrFpE 803 \NewDocumentCommand\dTrFP {mm}{\ensuremath{ \dTrF{#1}{\Parentesis{#2}} }\xspace}
       \dTrFPE 804 \NewDocumentCommand\dTrFpE{mm}{\ensuremath{ \parentesis{\dTrF{#1}{#2}} }\xspace}
                       805 \NewDocumentCommand\dTrFPE{mm}{\ensuremath{ \Parentesis{\dTrF{#1}{#2}} }\xspace}
           \dTrC Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda
         \dTrCp 806 \NewDocumentCommand\dTrC {mm}{\ensuremath{ \Ridx{#2}{#1}}
                                                                                                                                                                        }\xspace}
         \dTrCP 807 \NewDocumentCommand\dTrCp \{mm\}\\ensuremath\{ \dTrC\{#1\}\\parentesis\{#2\} \}\xspace\}
        \dTrCpE 808 \NewDocumentCommand\dTrCP \{ mm\} \\ \ensuremath\ \dTrC\{#1\} \\ \Parentesis\{#2\} \\ \\ \xspace\}
       \dTrCPE 809 \NewDocumentCommand\dTrCpE{mm}{\ensuremath{ \parentesis{\dTrC{#1}{#2}} }\xspace}
                       810 \NewDocumentCommand\dTrCPE{mm}{\ensuremath{ \Parentesis{\dTrC{#1}{#2}} }\xspace}
         \dTrFC Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda
       \dTrFCp 811 \NewDocumentCommand\dTrFC {mmm}{\ensuremath{ \LRidx{#3}{#1}{#2}}
       \dTrFCP 812 \NewDocumentCommand\dTrFCp {mmm}{\ensuremath{ \dTrFC{#1}{#2}{\parentesis{#3}} }\xspace}
     \dTrFCpE 813 \NewDocumentCommand\dTrFCP {mmm}{\ensuremath{ \dTrFC{#1}{#2}{\Parentesis{#3}} }\xspace}
     815 \NewDocumentCommand\dTrFCPE{mmm}{\ensuremath{ \Parentesis{\dTrFC{#1}{#2}{#3}} }\xspace}
                         2.4.8. Operador que quita un elemento
\fueraitemL Signo de operador que quita un elemento (por la derecha o por la izquierda)
817 \NewDocumentCommand\fueraitemR{m}{ \leftidx{^{\k}_{1}}_{1}_{1}} }
     \quitalR Sistema resultante de quitar un elemento por la izquierda y/u otro por la derecha
       \quitaL 818 \NewDocumentCommand\quitaLR{mmm}{\ensuremath{
       \quitaR 819
                                                                                \left\{ \left( \frac{r}{\mu }\right) \right\} 
                       820 \ensuremath{ \left( \frac{#2}{!}}{{#1}}{{#1}}{{1}} \right) }
```

821 \NewDocumentCommand\quitaR{mm}{\ensuremath{ \leftidx{ $^{}}}{{#1}}}^{\!\fueraitemR{#2}}} }\xspace}$ 

```
Selección de elementos sin emplear el operador selector
     \elemuuu Selección de un elemento de un sistema
                                                                 822 \end{area} $$ 822 \end{area} {\text{elem}_{\#2}} \end{area} $$ 822 \end{area} $$ $$ ($\mathbb{T}_{\#2}) \end{area} $$ $$ $$ ($\mathbb{T}_{\#2}) \end{area} $$ ($\mathbb{T}_{\#2}
     \Vectccc Selección de una columna de una matriz
824 \NewDocumentCommand\VectCCCT{mm}{\ensuremath{\textrm{col}_{#2}\MatTPE*{#1}}\xspace}
     \VectFFF Selección de una columna de una matriz
826 \NewDocumentCommand\VectFFFT{mm}{\ensuremath{\textrm{\eng{fila}{row}}_{#2}\MatTPE*{#1}}\xspace}
           \eleman \elema
      \label{lem:mm} $$ \mathbb{R}^{\mathbb{R}^2} \mathbb{R}^{\mathbb{R}
                  \eleMM 828 \NewDocumentCommand\eleMMMT{mmm}{\ensuremath{\textrm{elem}_{#2#3}{\MatTPE*{#1}}}\xspace}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
                                                                 829 \mbox{NewDocumentCommand} {\mbm} {\mbm}{\mbox{MakeLowercase}{#1}_{{\#2}{\#3}}}
                                                                       2.5.
                                                                                                                    Sistemas genéricos
                                      \SV Sistema de Vectores
                                                                 \concatSV Concatenación de sistemas
                                                                 831 \NewDocumentCommand\concatSV{mm}{\ensuremath{{#1}\concat{#2}}\xspace}
                                                                       2.6.
                                                                                                                      Vectores y matrices
                                                                      2.6.1.
                                                                                                                   Vectores
                        \vect Vector genérico
                  \vectp 832 \NewDocumentCommand\vect
                                                                                                                                                                                                                                                                             {om}{\ensuremath{\IfNoValueTF{#1}}
                  \vectP 833
                                                                                                                                                           { \vv {\MakeLowercase{#2}}
```

```
{ \vv*{\MakeLowercase{#2}}{\!#1} }
                                                                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                           836 \NewDocumentCommand\vectp {som}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
                           837
                                                       {\parentesis*{\IfNoValueTF{#2}{\vect{#3}}{\vect[#2]{#3}}}}
                                                      {\parentesis {\IfNoValueTF{#2}{\vect{#3}}}{\vect[#2]{#3}}}}
                           838
                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                           839
                           840 \NewDocumentCommand\vectP {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                      {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#2}{\vect{#3}}}{\vect[#2]{#3}}}}
                           841
                                                      {\Parentesis {\IfNoValueTF{#2}{\vect{#3}}}\\\ }\\\ }\\\ }\\\
                           842
                                                        Vectores de \mathbb{R}^n
                              2.6.2.
   Vector de \mathbb{R}^n
\Vectp_{843}\NewDocumentCommand\Vect
                                                                                                                                             {0}{m}{\operatorname{suremath}{%}}
\VectP 844
                                                                                                                               \Ridx{\boldsymbol{\MakeLowercase{#2}}}{#1}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                           846 \label{lem:weight} $$846 \label{lem:weig
                           847
                                                      {\parentesis*{\IfNoValueTF{#2}{\Vect{#3}}}{\Vect[#2]{#3}}}}
```

 ${\ensuremath{\cite{Constraint}}} \label{thm:constraint} $$ {\ensuremath{\cite{Constraint}}} \label{thm:constraint} $$ \ensuremath{\cite{Constraint}}} $$$ 

850 \NewDocumentCommand\VectP {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}

{\Parentesis\*{\IfNoValueTF{#2}{\Vect{#3}}}{\Vect[#2]{#3}}}}

848 849

851

```
\irvec Sucesión de vectores de Rn
                              853 \ensuremath{\vect[#1]{#3},\dots,\vect[#2]{#3}} \xspace}
     \irvecC Sucesión de columnas de una matriz
                              854 \end{area} $$14 \end{area} {\end{area} {\end{are
                                                       Matrices
                                 2.6.3.
              \Mat. Matriz
           \Matp 855 \NewDocumentCommand\Mat
                                                                                                                          \{0\{\}m\}\{\ensuremath\{\%\}\}\}
        \Matp* 856
                                                                                                               \Ridx{\boldsymbol{\mathsf{\MakeUppercase{#2}}}}{#1}
           \MatP 857
        \MatP* 858 \NewDocumentCommand\Matp {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                              859
                                                    {\parentesis*{\IfNoValueTF{#2}{\Mat{#3}}}{\Mat[#2]{#3}}}}
                                                    {\bf \{\parentesis {\bf \{\parente
                              860
                                                                                                                                                                                                                                       }\xspace}
                              861
                              862 \MewDocumentCommand\MatP {som}{\command}\
                                                    {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#2}{\Mat{#3}}}{\Mat[#2]{#3}}}}
                              863
                                                    {\Parentesis {\IfNoValueTF{#2}{\Mat{#3}}{\Mat[#2]{#3}}}}
                              864
                                                                                                                                                                                                                                       }\xspace}
                                          Matrices transpuestas
           \MatT Matriz transpuesta
        \MatTp 865 \NewDocumentCommand\MatT{O{}m}{\ensuremath{\RidxE{\Mat{#2}}{#1}{\T}}\xspace}
     \MatTp* 866
        \MatTP 867 \NewDocumentCommand\MatTp {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                             {\Transp* {\Mat[#2]{#3}}}
     \MatTP* 868
     \MatTpE 869
                                                             {\Transp {\Mat[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                              }\xspace}
  \MatTpE* 870
    {\TransP* {\Mat[#2]{#3}}}
                             872
  \MatTPE*
                                                             {\TransP {\Mat[#2]{#3}}}
                              873
                                                                                                                                                                             }\xspace}
                              874
                              875 \NewDocumentCommand\MatTpE {sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                             {\RidxEpE*{\Mat{#3}}{#2}{\T}}
                              876
                                                             {\RidxEpE*{\Mat{#3}}{#2}{\T}}
                              877
                                                                                                                                                                     }\xspace}
                              879 \NewDocumentCommand\MatTPE {sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                             {\RidxEPE*{\Mat{#3}}{#2}{\T}}
                              880
                                                             {\RidxEPE*{\Mat{#3}}{#2}{\T}}
                              881
                                                                                                                                                                     }\xspace}
                                                 Matriz transpuesta de la transpuesta
        \Mattt Matriz transpuesta
     \label{lem:lem:mattt} $$ 82 \encomentCommand\MattT {som}{\encomenth{IfBooleanTF\#1}} $$
  \MatTTPE 883
                                                             {\TransP*{\MatT[#2]{#3}}}
\MatTTPE* 884
                                                             {\Transp {\MatT[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                          }\xspace}
                              885
                              886 \NewDocumentCommand\MatTTPE{som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                             {\Parentesis*{\MatTT*[#2]{#3}}}
                              887
                                                             {\Parentesis {\MatTT [#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                           }\xspace}
                              888
                                          Matrices columna
        \MVect Matriz columna creada con un vector
     \label{lem:west} $$ \WewDocumentCommand\WVect{som}{\command\LifBooleanTF\#1} $$
                              890
                                                                                  {\left[\Vect[#2]{#3}\vphantom{\Big.}\right]}
```

\big ]}

}\xspace}

{ \big[\Vect[#2]{#3}

```
\MVectT Matriz fila creada con un vector
\label{lem:lem:mand-MVectT} $892 \ensuremath{\life} Annument of the command of 
                                                           {\Trans{\MVect*[#2]{#3}}} }
                                                           {\Trans{\MVect [#2]{#3}} }
                                                                                                                                                                    }\xspace}
                    894
  \MVectF Matriz columna creada con una fila
                    895 \NewDocumentCommand\MVectF{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                           {\left[\VectF[#2]{#3}{#4}\vphantom{\Big.}\right]}
                                                           { \big[\VectF[#2]{#3}{#4}
                                                                                                                                                       \big ]}
                                                                                                                                                                                }\xspace}
                    897
  \MVectC Matriz columna creada con una columna
                    898 \NewDocumentCommand\MVectC{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                           {\left(\  \  \  \  \right)}{\#4}\right) $$ \ {\#4}\left(\  \  \  \  \right)$
                    899
                    900
                                                           { \big[\VectC[#2]{#3}{#4}
                                                                                                                                                       \big ]}
                                                                                                                                                                                }\xspace}
                             Matrices fila
\MVectFT
                    901 % Matriz fila creada con una fila y matriz fila creada con una columna
                    902 \MewDocumentCommand\MVectFT{somm}{\ensuremath{\lifBooleanTF\#1}}
                                                       {\operatorname{\mathbb{L}}(\operatorname{\mathbb{L}}^{#2}_{#3}^{#4}\operatorname{\mathbb{L}})}
                    904
                                                       {\Trans{ \big[\VectF[#2]{#3}{#4}}
                                                                                                                                                                       \big]}} \xspace}
\MVectCT
                    905 % Matriz fila creada con una columna
                    906 \NewDocumentCommand\MVectCT{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                      {\operatorname{L}(\operatorname{L}(\operatorname{L})}{#3}{#4}\operatorname{Big.}\right}
                    908
                                                      {\Trans{ \big[\VectC[#2]{#3}{#4}}
                                                                                                                                                                       \big]}} \xspace}
                      2.6.4.
                                        Miscelánea matrices
                             Características de las matrices
    \Traza Operador traza
                    909 \DeclareMathOperator{\Traza}{tr}
           \rg Operador rango
                    910 \DeclareMathOperator{\rg}{rg}
    \traza Traza
  \traza* 911 \NewDocumentCommand\traza {sm
                                                                                                  }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                      {\Traza{\Parentesis*{#2}}}
                    913
                                                      {\Traza{\parentesis {#2}}}
                                                                                                                                     }\xspace}
    \rango Rango
  \rango* 914 \
                    915 \NewDocumentCommand\rango {sm
                                                                                                  }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                      {\rg{\Parentesis*{#2}}}
                                                      {\rg{\parentesis {#2}}}
                                                                                                                                     }\xspace}
                    917
                             Determinante de una matriz
        \cof Cofactor
                    918 \DeclareMathOperator{\cof}{cof}
        \adj Adjunta
                    919 \DeclareMathOperator{\adj}{Adj}
```

```
\determinante Determinante con barras
\determinante*
               920 \NewDocumentCommand\determinante{sm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}}
                                {\modulus*{#2}}
                922
                                {\modulus {#2}}
                                                                       }\xspace}
       \subMat Determinante con barras
                923 \NewDocumentCommand\subMat{mmm}{\ensuremath{
                            \quitaLR{\Mat{#1}}{#2}{#3}
                                                                     }\xspace}
        \Menor Menor de una matriz
       \verb|\MenorR 925 \NewDocumentCommand\Menor {mmm}{\cline{Menor} } |
                           }\xspace}
               926
                927
                928 \NewDocumentCommand\MenoR {mmm}{\ensuremath{
                929
                                   \big|{\subMat{#1}{#2}{#3}}\big| }\xspace}
          \Cof Cofactor de una matriz
                930 \NewDocumentCommand\Cof{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                {\cof_{{#3}{#4}}\Parentesis*{\Mat{#2}}}
                931
                932
                                {\left(\frac{{\#3}{\#4}}\right)} \times {\left(\frac{{\#2}}{}\right)} \times {\cof_{{\#3}{\#4}}} 
                    Orden de las matrices
          \Dim Orden del objeto
         \Dimp 933 \NewDocumentCommand\Dim{mmm}{\ensuremath{}
        \Dimp* 934
                          \mathop{#1}\limits_{\scriptscriptstyle #2\times#3} \xspace}
         \DimP 935
        \DimP* 936 \NewDocumentCommand\Dimp{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
        \DimpE 937
                           {\Dim{\parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
       \DimpE* 938
                           {\Dim{\parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                   }\xspace}
        \label{eq:dimPE} \ 939
                                                  {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
               940 \NewDocumentCommand\DimP
       \DimPE*
                           {\Dim{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
               941
                           {\Dim{\Parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                   }\xspace}
                942
               943
                944 \NewDocumentCommand\DimpE
                                                  {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                           {\parentesis*{\Dim{#2}{#3}{#4}}}
               945
                           {\parentesis {\Dim{#2}{#3}{#4}}}
                946
                                                                   }\xspace}
                947
                948 \NewDocumentCommand\DimPE
                                                  {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                           {\Parentesis*{\Dim{#2}{#3}{#4}}}
                949
                           {\Parentesis {\Dim{#2}{#3}{#4}}}
                950
                                                                   }\xspace}
       \Matdim Matriz con el orden por debajo
      \label{lem:matcommand_matcomm} $$\operatorname{\mathbf{Matdim}_{omm}}_{\operatorname{\mathbf{Mat}[\#1]}{\#2}}{\#3}{\#4} } $$ \
     \Matdimp* 952
      \MatdimP 953 \NewDocumentCommand\Matdimp {sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                           {\Dimp*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
     \MatdimP* 954
     \verb|\MatdimpE||^{955}
                           {\Dimp {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                                   }\xspace}
    \MatdimpE* ^{956}
     \MatdimPE 957 \NewDocumentCommand\MatdimP {sommm}{\ensuremath{\\IfBooleanTF#1}
                           {\DimP*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                958
    \MatdimPE*
               959
                           {\DimP {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                                   }\xspace}
                960
               961 \NewDocumentCommand\MatdimpE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                           {\DimpE*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                962
                           {\DimpE {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                                   }\xspace}
                963
                964
```

```
965 \NewDocumentCommand\MatdimPE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                       {\DimPE*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
            966
            967
                       {\DimPE {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                              }\xspace}
  \MatTdim Matriz con el orden por debajo
  \MatTdimp 968 \NewDocumentCommand\MatTdim{ommm}{\ensuremath{ \Dim{\MatT[#1]{#2}}{#3}{#4} }\xspace}
 \MatTdimp* 969
 \MatTdimP 970 \NewDocumentCommand\MatTdimp {sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                       {\Dimp*{\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
\MatTdimP* 971
\verb|\MatTdimpE||^{972}
                      {\Dimp {\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                               }\xspace}
\MatTdimpE* ^{973}
\MatTdimPE 974 \NewDocumentCommand\MatTdimP {sommm}{\ensuremath{\lifbooleanTF#1}
                      {\DimP*{\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
            975
\MatTdimPE*
                      {\DimP {\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
            976
                                                               }\xspace}
            977
            978 \NewDocumentCommand\MatTdimpE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                      {\DimpE*{\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
            979
            980
                       {\DimpE {\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                               }\xspace}
            981
            982 \NewDocumentCommand\MatTdimPE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                       {\DimPE*{\MatTpE*[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                       {\DimPE {\MatTpE*[#2]{#3}}{#4}{#5}}
            984
                                                                  }\xspace}
                Matriz de autovalores
      \MDaV Matriz de autovalores
            985 \def\MDaV\{D\}
                Matriz triangular superior unitaria (según denominación de G. H. Golub y C. F. Van Loan)
      \Umat Matriz triangular superior unitaria
            986 \NewDocumentCommand\UMat{0{}m}{\ensuremath{ \Mat[#1]{\Dot{#2}} }\xspace}
  \InvUmat Inversa de matriz triangular superior unitaria
            987 \NewDocumentCommand\InvUMat{0{}m}{\ensuremath{\RidxE{\Mat{\Dot{#2}}}{#1}{\minus1} }\xspace}
            988
                Matriz triangular inferior unitaria (según denominación de G. H. Golub y C. F. Van Loan)
     \UmatT Matriz triangular inferior unitaria
            989 \MewDocumentCommand\UMatT{0{}m}{\ensuremath{\RidxE{\Mat{\Dot{#2}}}{#1}{\T} }\xspace}
                Matriz de eliminación gaussiana (por columnas) y su inversa
     \Matgc Matriz de eliminación gaussiana (por columnas)
  \InvMatGC 990 \NewDocumentCommand\MatGC
                                            {m}{\ensuremath{
                                                                    \UMat[#1\triangleright]{G}
                                                                                                          }\xspace}
            991 \end{Command} InvMatGC{m}{\ensuremath{RidxE{\UMat{G}}{\#1}triangleright}{\mbox{minus1} }} \end{C} 
             2.7.
                    Productos entre vectores
             2.7.1. Producto escalar
       \eSc Producto escalar
      \eSc* 992 \NewDocumentCommand\eSc{sO{}mm}{\ensuremath{{\IfBooleanTF#1}
                             {\left< {#3} , {#4} \right>}
                             \left[\left(\frac{\#3}{\#4}\right), {\#4}\right]^{\2} \]
       \esc Producto escalar entre vectores genéricos
      \esc* 995 \NewDocumentCommand\esc{sO{}mm}{\ensuremath{{\IfBooleanTF#1}
                           {\eSc*{\vect{#3}}}{\vect{#4}}}
            996
```

}\xspace}

{\eSc {\vect{#3}}}{\vect{#4}}}}\_{\!#2}

#### 2.7.2. Producto punto

```
\dotProd Producto punto
  \dotProdp* 999
  \dotProdP 1000 \NewDocumentCommand\dotProdp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
\dotProdP* 1001
                                                                          {\parentesis*{{#2}\cdot{#3}}}
                                                                          {\parentesis {{#2}\cdot{#3}}}
                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                             {\Parentesis*{{#2}\cdot{#3}}}
                                                                         {\operatorname{Parentesis} \{ \#2 \setminus \#3 \} }
                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                            1006
     \dotprod Producto punto
   \dotprodp* 1008
  \dotprodP 1009 \NewDocumentCommand\dotprodp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                          {\parentesis*{\dotprod{#2}{#3}}}
\dotprodP* 1010
                                                                         {\operatorname{\mathtt{Adotprod}}}{\#3}}
                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                             1012
                             1013 \verb|\NewDocumentCommand\dotprodP{smm}{\ensuremath{\label{lfBooleanTF#1}}} \\
                                                                         {\Parentesis*{\dotprod{#2}{#3}}}
                            1014
                                                                         {\Parentesis {\dotprod{#2}{#3}}}
                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                            1015
                                 2.7.3.
                                                   Producto punto a punto o Hadamard
           \prodH Producto punto a punto o Hadamard
        \prodHp*_{1017}
        \prodHP 1018 \NewDocumentCommand\prodHp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                          {\parentesis*{\prodH{#2}{#3}}}
     \prodHP* 1019
                            1020
                                                                         {\parentesis {\prodH{#2}{#3}}}
                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                             1021
                             1022 \verb|\NewDocumentCommand\prodHP{smm}{\colored{hp{smm}}}| A to the constant of the constant
                                                                         {\Parentesis*{\prodH{#2}{#3}}}
                            1023
                                                                         {\operatorname{Parentesis} {\operatorname{H2}{#3}}}
                                                                                                                                                                                            }\xspace}
                            1024
           \prodh Producto punto a punto o Hadamard
        \label{lem:local_prodh} $$ \operatorname{local_{nm}}_{1025} \ensuremath{$\mathbb{C}$} $$
      \prodhp* 1026
                                                                          \prodH{\Vect{#1}}{\Vect{#2}} }\xspace}
        \prodhP 1027
     \verb|\prodhP* 1028 \end{|} If Boolean TF#1 | The prodh the prodh the prodhes th
                                                                         {\operatorname{\mathtt{Prodh}}}{\#3}}
                            1029
                                                                         {\operatorname{prodh}}{\#2}{\#3}}
                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                            1030
                             1031
                             1032 \NewDocumentCommand\prodhP{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                         {\Parentesis*{\prodh{#2}{#3}}}
                             1033
                                                                         {\operatorname{Parentesis} {\operatorname{prodh}{#2}{#3}}}
                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                             1034
                                 2.8.
                                                      Matriz por vector y vector por matriz
                   \MV Producto de matriz por vector
             \label{localize} $$\MVpE_{1035} \ensuremath{ \Mat[#1]{#2}\Vect[#3]{#4} }\xspace} $$
           \MVpE* 1036
             \MVPE 1037 \NewDocumentCommand\MVpE{sO{}mO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
           \MVPE* 1038
                                                                          {\parentesis*{\MV[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                                                                          {\parentesis {\MV[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                            1039
                             1040
```

```
1041 \NewDocumentCommand\MVPE{sO{}mO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                       1042
                                                                                                                                            {\Parentesis*{\MV[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                                                                                                                                           {\Parentesis {\MV[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                                       1043
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      }\xspace}
                  \VM Producto de vector por matriz
     \label{localize} $$ \VMpE_{1044} \ensurementh{\ \vect[#1]{\#2}\Mat[#3]{\#4} \} $$ \ensurementh{\ \vect[#1]{\#4}\Mat[#3]{\#4} \} $$ \ensurementh{\ \wedge} $$ \
\VMpE* 1045
     \VMPE 1046 \NewDocumentCommand\VMpE{sO{}mO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
\VMPE∗ 1047
                                                                                                                                            {\parentesis*{\VM[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                                       1048
                                                                                                                                            {\parentesis {\VM[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      }\xspace}
                                       1049
                                       1050 \verb|\NewDocumentCommand\VMPE{sO{}mO{}m}{\colored{hmoffm}} {\tt lfBooleanTF\#1} {\tt 
                                                                                                                                           {\Parentesis*{\VM[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                                      1051
                                                                                                                                           {\Parentesis {\VM[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                                      1052
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      }\xspace}
           \MTV Producto de matriz por vector
     \label{lem:motion} $$ \MTVP_{1053} \ensuremath{ \mathbb{T}{#1}{#2}\Vect[#3]{#4} }\xspace} $$ \ensuremath{ \mathbb{T}{#1}{#2}\Vect[#3]{#4} }\xspace} $$ \ensuremath{ \mathbb{T}{#1}{#2}\Vect[#3]{#4} }\xspace} $$ \ensuremath{ \mathbb{T}{#1}{#2}\Vect[#3]{#4} }\xspace} $$ \ensuremath{ \mathbb{T}{#1}{*2}\Vect[#3]{#4} }\xspace} $$ \ensuremath{ \mathbb{T}{*1}{*2}\Vect[#3]{*4} } $$ \ensuremath{ \mathbb{T}{*1}{*2}\Vect[#3
\verb|\MTVp*|_{1054}
     \MTVP 1055 \NewDocumentCommand\MTVP{sO{}mD{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                                                           {\text{MatTpE}*[#2]{#3}\Vect[#4]{#5}}
\MTVP* 1056
                                                                                                                                           {\MatTpE [#2]{#3}\Vect[#4]{#5}} }\xspace}
                                      1057
                                      1058
                                      1059 \ensuremath{\label{lem:mother_sof_mof}} \ensuremath{\label{lem:mofh}} \ensuremath{\labell} \ens
                                      1060
                                                                                                                                           {\MatTPE*[#2]{#3}\Vect[#4]{#5}}
                                      1061
                                                                                                                                          {\MatTPE [#2]{#3}\Vect[#4]{#5}} }\xspace}
            \VMT Producto de vector por matriz
     \label{lem:local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local
\VMTp* 1063
     \VMTP 1064 \NewDocumentCommand\VMTp{sO{}mD{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
\VMTP* 1065
                                                                                                                                           {\Vect[#2]{#3}\MatTpE*[#4]{#5}}
                                                                                                                                           {\Vect[#2]{#3}\MatTpE [#4]{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
                                      1066
                                      1067
                                       1068 \verb|\NewDocumentCommand\VMTP{sO{}mO{}m}{\colored{hmotheright}} = 1068 \verb|\NewDocumentCommand\VMTP{sO{}mO{}m}{\colored{hmotheright}} = 1068 \verb|\NewDocumentCommand\VMTP{sO{}mO{}m}{\colored{hmotheright}} = 1068 \verb|\NewDocumentCommand\VMTP{sO{}mO{}m}{\colored{hmotheright}} = 1068 \verb|\NewDocumentCommand\VMTP{sO{}m}{\colored{hmotheright}} = 1068 \verb|\NewDocumentCommand\VMTP{sO{}m}{\colo
                                                                                                                                           {\Vect[#2]{#3}\MatTPE*[#4]{#5}}
                                       1069
                                       1070
                                                                                                                                          {\Vect[#2]{#3}\MatTPE [#4]{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
                                                  2.9.
                                                                                              Matriz por matriz
                  MN Producto de matriz por matriz
                                       1071 \NewDocumentCommand\MN \{0\}mo\{m\}{\ensuremath{ \Mat[#1]{#2}\Mat[#3]{#4} }\xspace}
           \MTN Producto de matriz transpuesta por matriz
     \MTNp* 1073
     {\MatTpE*[#2]{#3}\Mat[#4]{#5}}
\MTNP* 1075
                                                                                                                                           {\MatTpE [#2]{#3}\Mat[#4]{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
                                      1076
                                      1077
                                       1078 \NewDocumentCommand\MTNP \{s0\}m0\{\}m\}\{\ensuremath\{\IfBooleanTF#1\}\}
                                                                                                                                            {\MatTPE*[#2]{#3}\Mat[#4]{#5}}
                                       1079
                                       1080
                                                                                                                                            {\MatTPE [#2]{#3}\Mat[#4]{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
           \MNT Producto de matriz por matriz transpuesta
     \MNTp* 1082
     \MNTP 1083 \NewDocumentCommand\MNTp {sO{}mO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                                                          {\Mat[#2]{#3}\MatTpE*[#4]{#5}}
\MNTP* 1084
```

```
{\Mat[#2]{#3}\MatTpE [#4]{#5}}
                  1086
                  1087 \NewDocumentCommand\MNTP \{s0\}m0\{\}m\}\{\ensuremath\{\IfBooleanTF#1\}\}
                                               {\Mat[#2]{#3}\MatTPE*[#4]{#5}}
                  1088
                                               {\Mat[#2]{#3}\MatTPE [#4]{#5}}
                                                                                                                                                     }\xspace}
                  1089
          \MTM Producto de matriz transpuesta por matriz
        \label{lem:model} $$ \MTMp_{1090} \end{\colored} $$ \{0_{m} \}_{\colored} \MTN[\#1]_{\#2}_{\#1}_{\#2} $$
                                                                                                                                                        }\xspace}
       \MTMp* 1091
        \MTMP* 1093
                                                                               {\MTNp*[#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                               {\MTNp [#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                                                                                                     }\xspace}
                  1094
                  1095
                  1096 \verb|\NewDocumentCommand\MTMP{som}{\colored{httmpsemble}} = 1096 \verb|\NewDocumentCommand\MTMP{som}{\colored{httmpsemble}} 
                  1097
                                                                               {\MTNP*[#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                               {\MTNP [#2]{#3}[#2]{#3}}
                  1098
                                                                                                                                                     }\xspace}
          \MMT Producto de matriz por su transpuesta
        \MMTP 1099 \NewDocumentCommand\MMT {0{}m }{\ensuremath{ \MNT[#1]{#2}[#1]{#2}}
                                                                                                                                                        }\xspace}
       \MMTp* 1100
        \MMTP* 1102
                                                                               {\MNTp*[#2]{#3}[#2]{#3}}
                  1103
                                                                               {\MNTp [#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                                                                                                     }\xspace}
                  1104
                  1105 \NewDocumentCommand\MMTP{som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                               {\MNTP*[#2]{#3}[#2]{#3}}
                  1106
                                                                               {\MNTP [#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                                                                                                     }\xspace}
                  1107
        \MNMT Producto de matriz por matriz por matriz transpuesta
       \MNMTP 1110 \NewDocumentCommand\MNMTp{somom}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
     \MNMTP* 1111
                                                                               {\MN[#2]{#3}[#4]{#5}\MatTpE*[#2]{#3}}
                  1112
                                                                               {\MN[#2]{#3}[#4]{#5}\MatTpE [#2]{#3}} }\xspace}
                  1113
                  1114 \ensuremath{\label{lem:likelike} 1114 \ensuremath{\label{likelike} 1114} } \\
                  1115
                                                                               {\MN[#2]{#3}[#4]{#5}\MatTPE*[#2]{#3}}
                                                                               {\MN[#2]{#3}[#4]{#5}\MatTPE [#2]{#3}} }\xspace}
                  1116
        \MTNM Producto de matriz transpuesta por matriz por matriz
       \label{localize} $$ MTNMp_{1117} \end{MTNM} 0{mO{mo{mo}} {\end{mTNM}} {\end{mTNM}} $$ in $\mathbb{F}_{#2} $$
     \MTNMp* 1118
       \MTNMP 1119 \NewDocumentCommand\MTNMp{somom}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
     \MTNMP* 1120
                                                                               {\MTNp*[#2]{#3}[#4]{#5}\Mat[#2]{#3}}
                                                                               {\MTNp [#2]{#3}[#4]{#5}\Mat[#2]{#3}}
                                                                                                                                                                           }\xspace}
                 1121
                  1123 \MewDocumentCommand\MTNMP{somom}{\colored{https://linear.ps.}}
                                                                               {\MTNP*[#2]{#3}[#4]{#5}\Mat[#2]{#3}}
                  1124
                  1125
                                                                               {\MTNP [#2]{#3}[#4]{#5}\Mat[#2]{#3}}
                                                                                                                                                                           }\xspace}
                     Matriz inversa
    \InvMat Inversa de una matriz
   \InvMatp* 1127
   \InvMatP 1128 \NewDocumentCommand\InvMatp {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                {\Invp*{\Mat[#2]{#3}}}
 \InvMatP* 1129
                                               {\Invp {\Mat[#2]{#3}}}
                                                                                                                  }\xspace}
 \InvMatpE 1130
\InvMatpE*
 \InvMatPE
                                                                                                         71
\InvMatPE*
```

}\xspace}

```
1131
                               1132 \NewDocumentCommand\InvMatP {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                           {\InvP*{\Mat[#2]{#3}}}
                               1133
                                                                          {\InvP {\Mat[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                             }\xspace}
                              1134
                              1135
                              1136 \ensuremath{\lowertemand\lnvMatpE\{sO\{\}m\}\{\ensuremath\{\lifeBooleanTF\#1\}\}\}}
                                                                           {\RidxEpE*{\Mat{#3}}{#2}{\minus1}}
                              1137
                              1138
                                                                          {\mathbb{Z}}{\mathbb{Z}} {\mathbb{Z}} 
                              1139
                              1140 \NewDocumentCommand\InvMatPE{sO{}m}{\coloredge} {\coloredge} {\
                                                                          {\RidxEPE*{\Mat{#3}}{#2}{\minus1}}
                                                                          {\RidxEPE*{\Mat{#3}}{#2}{\minus1}} \xspace}
                              1142
                              1143
       \InvMatT Inversa de una matriz transpuesta
     \label{lem:linvMatT*} $$\lim_{1144} \ensuremath{\IfBooleanTF\#1}$
  \InvMatTpE 1145
                                                                          {\InvP*{ \MatT[#2]{#3} }}
\InvMatTpE* 1146
                                                                          {\Invp { \MatT[#2]{#3} }}
                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
  \InvMatTPE 1147
\label{linvMatTpE*} $$1148 \NewDocumentCommand\InvMatTpE{som }{\coloredge} $$ \ensuremath{\label{linvMatTpE*} } $$
                                                                          {\parentesis*{\InvP*{ \MatT[#2]{#3} }}}
                              1149
                                                                          {\parentesis {\Invp*{ \MatT[#2]{#3} }}}
                              1150
                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
                              1151
                              1152 \NewDocumentCommand\InvMatTPE{som }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                          {\Parentesis*{\InvP*{ \MatT[#2]{#3} }}}
                              1153
                                                                          {\Parentesis {\Invp { \MatT[#2]{#3} }}}
                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
                              1154
       \TInvMat Transpuesta de la inversa de una matriz
     \verb|\TInvMat*|_{1155} \end{thme} \label{thme} $$ InvMat {som }{\ensuremath} \end{thme} $$ InvMat {som } $$ I
  \TInvMatpE_{1156}
                                                                          {\Trans{\left.\InvMatpE*[#2]{#3}\!\right.}}
\TInvMatpE* 1157
                                                                                                                \InvMatpE [#2]{#3}}}
                                                                          {\Trans{
                                                                                                                                                                                                     }\xspace}
  \TInvMatPE 1158
\TInvMatPE* 1159 \NewDocumentCommand\TInvMatpE {som }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                           {\parentesis*{ \TInvMat*[#2]{#3}}}
                              1160
                                                                          {\parentesis {\!\TInvMat*[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                                                     }\xspace}
                              1161
                              1162
                               1163 \NewDocumentCommand\TInvMatPE {som }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                           {\Parentesis*{\TInvMat*[#2]{#3}}}
                                                                          {\Parentesis {\TInvMat [#2]{#3}}}
                               1165
                                                                                                                                                                                                     }\xspace}
                                   2.10.
                                                          Otros productos entre matrices y vectores
                \MTMV Producto de matriz transpuesta por matriz por vector
             \MTMVp* 1167
             \MTMVP 1168 \NewDocumentCommand\MTMVp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                          {\MTNp*{#2}{#2}\Vect{#3}}
          \MTMVP* 1169
                              1170
                                                                          {\MTNp {#2}{\#2}\Vect{#3}}
                                                                                                                                                               }\xspace}
                              1171
                               1172 \NewDocumentCommand\MTMVP{smm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
                                                                          {\MTNP*{#2}{#2}\Vect{#3}}
                              1173
                                                                          {\MTNP {#2}{\#2}\Vect{#3}}
                                                                                                                                                               }\xspace}
                              1174
                  \VMW Producto de vector por matriz por vector
                               1175 \NewDocumentCommand\VMW { mmm} {\\censuremath{ \VM {#1}{#2}\\Vect{#3} }\\xspace}
                  \VMV Producto de vector por matriz por vector
                               1176 \NewDocumentCommand\VMV { mm }{\ensuremath{ \VMW {#1}{#2}{#1}}
                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
```

```
\VMTW Producto de vector por matriz transpuesta por vector
         \VMTWp 1177 \NewDocumentCommand\VMTW { mmm}{\ensuremath{ \VMT {#1}{#2}\Vect{#3} }\xspace}
       \VMTWp* 1178
         {\WTp*{#2}{#3}\Vect{#4}}
       \TVMTWP* 1180
                                                              {\Tp {#2}{#3}\Vect{#4}}
                                                                                                                                        }\xspace}
                        1181
                        1182
                        1183 \NewDocumentCommand\VMTWP{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                               {\VMTP*{#2}{#3}\Vect{#4}}
                                                              {\VMTP {#2}{#3}\Vect{#4}}
                                                                                                                                        }\xspace}
                        1185
           VMTV Producto de vector por matriz transpuesta por vector
         \VMTVp 1186 \NewDocumentCommand\VMTV { mm }{\ensuremath{ \VMTW{#1}{#1}{#1}}
                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
       \VMTVp* 1187
         \VMTVP 1188 \NewDocumentCommand\VMTVp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                              {\Tp*{#2}{#3}\Vect{#2}}
       \VMTVP* 1189
                                                              {\MTp {#2}{#3}\Vect{#2}}
                                                                                                                                        }\xspace}
                        1190
                        {\VMTP*{#2}{#3}\Vect{#2}}
                        1193
                                                              {\TP {#2}{#3}\Vect{#2}}
                        1194
                                                                                                                                        }\xspace}
      \InvMTM Inversa del producto de una matriz transpuesta por ella misma
    {\InvP*{ \MTM[#2]{#3} }}
                        1196
                                                              {\Invp { \MTM[#2]{#3} }}
                                                                                                                                                             }\xspace}
                        1197
       \InvXTX Inversa del producto de la matriz X transpuesta por ella misma
                        1198 \NewDocumentCommand\InvXTX{}{\ensuremath{\InvMTM{X}}}\xspace}
\MInvMTMMT Matriz proyección sobre el espacio columna de la matriz de rango completo por columnas indicada
\label{lem:lem:model} $$ \MInvMTMMT_{1199} \ensuremath{\lifBooleanTF\#1} $$
                                                               {\MVect[#2]{#3}\Invp{\VTV[#2]{#3}}\MVectT[#2]{#3}}
                        1200
                        1201
                                                              {Mat[#2]{#3}\setminus [#2]{#3}\setminus [#2]{#3}}
                                                                                                                                                                                        }\xspace}
                        1202
                        1203 \wd Document Command \MInvMTMMTkk \{s0\{\}m\}{\ensuremath} \mbox{$1203$ \wd $12$}\xspace} \label{lem:matcommand} $$ 1203 \wd $12$ \mbox{$1203$ \wd $12$} \mbo
              \VTW Matriz fila por matriz columna
                        1204 \ensuremath{\MVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{NevDectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{NevDectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{
              \VTV Matriz fila por su transpuesta
                        1205 \wdots (MVectT[#1]{#2}\! MVect[#1]{#2}} \xspace)
              \vvv Matriz columna por matriz fila
                        1206 \verb|\NewDocumentCommand\VWT\{mm\}{\cnsuremath\{\MVect\{\#1\}\!\MVectT\{\#2\}\}\xspace}|
              \VVT Matriz columna por su transpuesta
                        1207 \wd Document Command \VVT om {\ensuremath {\MVect [#1] {\#2}} \xspace} \\
                            2.11.
                                                 Sistemas de ecuaciones
              \SEL Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial
                        1208 \NewDocumentCommand\SEL {mmm}{\ensuremath{\MV}
                                                                                                                                                      {#1}{#2}=\Vect{#3}}\xspace}
           \SELT Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coeficientes transpuesta)
         \SELTP 1209 \NewDocumentCommand\SELT {mmm}{\ensuremath{\MTV {#1}{#2}=\Vect{#3}}\xspace}
                        \SELF Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coeficientes transpuesta)
                        1211 \NewDocumentCommand\SELF {mmm}{\ensuremath{\VM}}
                                                                                                                                                      {#1}{#2}=\Vect{#3}}\xspace}
```

# 2.12. Espacios vectoriales

```
\EspacioNul Letra que denota al Espacio nulo (o núcleo)
                                           1213 \DeclareMathOperator{\EspacioNul}{\EV{N}}
\EspacioCol Letra que denota al Espacio Columna
                                           1214 \ensuremath Operator {\ensuremath Col} {\
                   \Nulls Espacio nulo (o núcleo) de un objeto
                \label{locality} $$ \mathbb{1}_{1215} \ensuremath{\life} \
                                                                          {\EspacioNul\Parentesis*{#2}}
                                           1216
                                                                          {\EspacioNul\parentesis {#2}}
                                                                                                                                                                                                                        }\xspace}
                                           1217
                   \nulls Espacio nulo (o núcleo) de una matriz
               \verb|\nulls*|_{1218} \verb|\nulls*|_{1218} \ensuremath{IfBooleanTF\#1}
                                           1219
                                                                          {\Nulls*{\Mat{#2}}}
                                           1220
                                                                          {\Nulls {\Mat{#2}}}
                                                                                                                                                                                                                                    }\xspace}
                      \Cols Espacio columna de un objeto
                   \verb|\Cols*|_{1221} \verb|\NewDocumentCommand\Cols{sm}{\cline{colsen}}| $$ \ensurement{IfBooleanTF#1} $$ $$ \ensurement{Colsen} $$ \ens
                                           1222
                                                                          {\EspacioCol\Parentesis*{#2}}
                                                                          {\EspacioCol\parentesis {#2}}
                                                                                                                                                                                                                        }\xspace}
                      \cols Espacio columna de una matriz
                   \verb|\cols*|_{1224} \verb|\NewDocumentCommand\cols{sm}{\cols*|_{1224}} \\
                                           1225
                                                                          {\Cols*{\Mat{#2}}}
                                                                          {\Cols {\Mat{#2}}}
                                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
                                           1226
                      \Span Espacio generado por un sistema generador
                   \verb|\Span*|_{1227} \verb|\NewDocumentCommand\Span\{sm\}{\consuremath}_{1fBooleanTF\#1}|
                                                                                         {\EV{L}\Parentesis*{\#2}}
                                           1228
                                                                                         {\EV{L}\parentesis {#2}}
                                                                                                                                                                                                                                        }\xspace}
                                           1229
                   \PSpan Espacio semi-euclídeo de probabilidad generado por un sistema
               \label{eq:pspan*} $$\operatorname{PSpan*}_{1230} \ensuremath{\,\IfBooleanTF\#1}$
                                           1231
                                                                                         {\tiny\EV{P}}{\EV{L}}{2pt}\Parentesis*{\#2}}
                                           1232
                                                                                         {\tiny\EV{P}}{\EV{L}}{2pt}{parentesis $$\{\#2\}$} \xspace}
                   \coord Coordenadas respecto de una base
              \coordP* 1234
                                                                                         \left\{1\right\}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label{mathbin}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label{mathbin}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}}}}}} } } } } } } } 
           \coordPE 1235
        \coordPE* 1236 \NewDocumentCommand\coordP \{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                         {\coord{\Parentesis*{#2}}{#3}}
                                           1237
                                           1238
                                                                                         {\coord{\operatorname{parentesis} {#2}}{#3}}
                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                           1239
                                           {\Parentesis*{\coord{#2}{#3}}}
                                           1241
                                                                                         {\operatorname{\mathtt{A}}} {\operatorname{\mathtt{A}}}
                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                           1242
```

\EV Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coef. transpuesta)

1212 \NewDocumentCommand\EV{m}{\ensuremath{\mathcal{#1}}\xspace}

#### 2.13. Notación funcional

```
\dom Dominio de una función
      1243 \DeclareMathOperator{\dom}{dom}
mifun Breve descripción de una función
1245
                 {#3\xrightarrow{#2}#4}
                 {#2 \colon #3 \to #4}
      1246
                                            }\xspace}
\deffun Breve descripción de una función
      1247 \NewDocumentCommand\deffun {m m m m}{
           \ensuremath{
      1248
      1249
              \begingroup
              {\setlength{\arraycolsep}{0pt}
      1250
      1251
               \begin{array}[t]{r@{\,}c@{\,}c@{\,}1}
                 #1\colon & #2 & \longrightarrow & #3\\
      1252
                         & #4 & \longmapsto & #5
      1253
               \end{array}}
      1254
              \endgroup}\xspace}
      1255
        2.14.
                Estadística
\Estmc Ajuste por MCO
      1256 \NewDocumentCommand\Estmc {m}{\ensuremath{ \widehat{#1} }\xspace}
\Media Media (proyección ortogonal sobre los vectores contantes)
      1257 \NewDocumentCommand\Media {m}{\ensuremath{ \widebar{#1} }\xspace}
\Smedia Símbolo para el valor medio
      1258 \NewDocumentCommand\Smedia {}{\mu}
      1259 \NewDocumentCommand\media {m}{\ensuremath{\IfNoValueTF{#1}%}
              { \Smedia
      1261
              { {\Smedia}_{#1} } \xspace}
  \res Valor medio
      1262 \NewDocumentCommand\res{} {\ensuremath{ \Estmc{\Vect{e}} }\xspace}
        Change History
                                                         v1.2
        v1.1
          General: Añadidos más comandos y
                                                      General: Inclusión opcional índices en matriz
              reimplementación de los subíndices de
                                                         por vector y vector por matriz . . . . . . . . 1
        Index
```

Numbers written in italic refer to the page where the corresponding entry is described; numbers underlined refer to the code line of the definition; numbers in roman refer to the code lines where the entry is used.

$\mathbf{A}$	\dETECP <u>786</u>	\dTEECpE
\adj <u>919</u>	\dETECp	\dTEEF
$\verb \arraycolsep  \dots \dots 1250$	\detecpe	\dTEEFP
<b>.</b>	\dETECpE	\dTEEFp
В	\dETEF	\dTEEFPE
\begin 124, 1251	\determ \determ \frac{761}{761}	\dTEFpE
\begingroup 1249	\dETEFp	\dTEF
\Big 14, 20, 457,	\deterpe	\dTEFP
458, 890, 896, 899, 903, 907	\dETEFpE	\dTEFp
\big 11, 17, 139, 891,	\determinante <u>920</u>	\dTEFPE
897, 900, 904, 908, 929, 994	\determinante* 920	\dTEFpE
\boldsymbol	\Dim 933, 951, 968	\dTrC
444, 440, 440, 450, 844, 850	\DimP 933, 958, 959, 975, 976	\dTrcP
$\mathbf{C}$	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	\dTrCp
\CC	\DimP*	\dTrCPE
\Cc 5	-	\dTrcpE
\cdot 998, 1001, 1002, 1005, 1006	\DimPE . <u>933</u> , 966, 967, 983, 984 \DimpE . <u>933</u> , 962, 963, 979, 980	\dTrF
\cdot 356, 1661, 1662, 1666, 1666 \cdots 464, 471, 472	\DimPE*	\dTrFCP 811
\Cof	\DimpE*	\dTrFCp 811
\cof 918, 931, 932	\dInv0Eg 469,	\dTrFCPE 811
\colon 1246, 1252	470, 766–770, 791–795	\dTrFCpE
\Cols <u>1221</u> , 1225, 1226	\dInvTEC 791	\dTrFP 801
\cols 1224	\dInvTECP 791	\dTrFp 801
\Cols* 1221	\dInvTECp	\dTrFPE
\cols* 1224	\dInvTECPE	\dTrFpE
\conc@t 119, 120	\dInvTECpE 791	(u111p2 <u>601</u>
\concat 119, 831	\dInvTEF 766	${f E}$
\concatSV 831	\dInvTEFP 766	\EInv0Eg
\conj <u>118</u>	\dInvTEFp 766	_
\COII   110	\QIII\IEFD	402, 725, 728, 731, 734,
\coord	<del>-</del>	<u>462</u> , 725, 728, 731, 734, 737, 738, 741, 744, 747, 750
	\dInvTEFPE <u>766</u>	402, 725, 728, 731, 734, 737, 738, 741, 744, 747, 750 \EInvTEC
\coord <u>1233</u>	<del>-</del>	737, 738, 741, 744, 747, 750
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\dInvTEFPE	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{tabular}{lll} $\langle {\tt coordP} & & & \underline{1233} \\ & & & \underline{1233} \\ & & & \underline{1233} \\ \end{tabular}$	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{cccc} \mbox{\sc coord} & & \underline{1233} \\ \mbox{\sc coordP} & & \underline{1233} \\ \mbox{\sc coordP*} & & \underline{1233} \\ \mbox{\sc coordPE} & & \underline{1233} \\ \end{array}$	\dInvTEFPE	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\coord       \frac{1233}{233}         \coordP       \frac{1233}{233}         \coordPE       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{ccccc} & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & $	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\coord       \frac{1233}{233}         \coordP       \frac{1233}{233}         \coordP*       \frac{1233}{233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \Corchetes       \frac{18}{25}         \corchetes       \frac{15}{25}	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738
\coord       \frac{1233}{233}         \coordP       \frac{1233}{233}         \coordPE       \frac{1233}{233}         \coordPE*       \frac{1233}{233}         \corchetes       \frac{18}{25}         \corchetes       \frac{15}{25}         D         \DeclareMathOperator	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738
\coord	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738
\coord 1233 \coordP 1233 \coordP* 1233 \coordPE 1233 \coordPE* 1233 \Corchetes 18 \corchetes 15 D \DeclareMathOperator 444, 909, 910, 918, 919, 1213, 1214, 1243	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       725         \EInvTEFP       725
\coord 1233 \coordP 1233 \coordP* 1233 \coordPE 1233 \coordPE* 1233 \Corchetes 18 \corchetes 15 \DeclareMathOperator 444, 909, 910, 918, 919, 1213, 1214, 1243 \def 985	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP       725
\coord 1233 \coordP 1233 \coordP* 1233 \coordPE 1233 \coordPE* 1233 \Corchetes 18 \corchetes 15 \D \DeclareMathOperator 444, 909, 910, 918, 919, 1213, 1214, 1243 \def 985 \deffun 1247	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725
\coord       \frac{1233}{233}         \coordP*       \frac{1233}{233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{18}{253}         \corchetes       \frac{18}{253}         \corchetes       \frac{15}{253}         D       \DeclareMathOperator         \corchetes       \frac{444}{253}         \def       \frac{985}{2533}         \def       \frac{985}{2533}         \def       \frac{1247}{2533}         \def       \frac{1247}{2533}         \def       \frac{1247}{2533}         \def       \frac{1247}{25333}         \def       \frac{1247}{25333}         \def       \frac{1247}{25333}         \def       \frac{1247}{25333}         \def       \frac{1247}{25333}         \def       \frac{1233}{25333}         \coordness       \frac{1233}{1233}         \coordness       \frac{1233}{1233} <t< td=""><td><math display="block">\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc</math></td><td>737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725</td></t<>	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725
\coord       \frac{1233}{233}         \coordP*       \frac{1233}{233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{18}{253}         \corchetes       \frac{18}{253}         \corchetes       \frac{15}{253}         D       \DeclareMathOperator         \corchetes       \frac{444}{253}         \def       \frac{985}{2533}         \def       \frac{985}{2533}         \deffun       \frac{1247}{2453}         \definvOEg       \frac{470}{270}, 771-775, 796-800         \deInvTEC       \frac{796}{296}	\dInvTEFPE	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725
\coord       \frac{1233}{233}         \coordP*       \frac{1233}{233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{18}{253}         \corchetes       \frac{18}{15}         D         \DeclareMathOperator       \tag{44, 909, 910, 918, 918, 1213, 1214, 1243}         \def       \tag{985}         \deffun       \frac{1247}{1247}         \definvOEg       \frac{470}{470, 771-775, 796-800}         \deInvTEC       \frac{796}{796}         \deInvTECP       \frac{796}{796}	\dInvTEFPE	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725
\coord       \frac{1233}{233}         \coordP*       \frac{1233}{233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \Corchetes       \frac{18}{18}         \corchetes       \frac{15}{15}         D         \DeclareMathOperator       \tag{444, 909, 910, 918, 918, 919, 1213, 1214, 1243}         \def       \tag{985}         \deffun       \frac{1247}{1247}         \deffun       \frac{1247}{1247}         \definvOEg       \frac{470}{470, 771-775, 796-800}         \deInvTEC       \frac{796}{796}         \deInvTECP       \frac{796}{796}         \deInvTECP       \frac{796}{796}	\dInvTEFPE	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725
\coord       \frac{1233}{233}         \coordP*       \frac{1233}{233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \Corchetes       \frac{18}{18}         \corchetes       \frac{15}{15}         D         \DeclareMathOperator       \tag{444, 909, 910, 918, 918, 919, 1213, 1214, 1243}         \def       \tag{985}         \deffun       \frac{1247}{1247}         \deffun       \frac{1247}{1247}         \deffun       \frac{1247}{1247}         \definvTEC       \frac{796}{796}         \deInvTECP       \frac{796}{796}         \deInvTECPE       \frac{796}{796}         \deInvTECPE       \frac{796}{796}	\dInvTEFPE	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE*       725         \EInvTEFPE*       725         \EInvTEFPE*       725
\coord     \frac{1233}{1233}       \coordP*     \frac{1233}{1233}       \coordPE*     \frac{1233}{1233}       \coordPE*     \frac{1233}{1233}       \Corchetes     \frac{18}{15}       \textbf{D}       \textbf{D} <td>\dInvTEFPE</td> <td>737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE*       725</td>	\dInvTEFPE	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE*       725
\coord     \frac{1233}{1233}       \coordP*     \frac{1233}{1233}       \coordP*     \frac{1233}{1233}       \coordPE*     \frac{1233}{1233}       \Corchetes     \frac{18}{18}       \corchetes     \frac{15}{15}       D       \DeclareMathOperator     \tag{444, 909, 910, 918, 919, 1213, 1214, 1243}       \def     \tag{985}       \deffun     \frac{1247}{1247}       \definvOEg     \frac{470}{470, 771-775, 796-800}       \deInvTECP     \frac{796}{796}       \deInvTECPE     \frac{796}{796}       \delinvTECPE     \frac{771}{796}	\dInvTEFPE	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE*       725         \EInvTEFPE*
\coord     \frac{1233}{1233}       \coordP*     \frac{1233}{1233}       \coordP*     \frac{1233}{1233}       \coordPE*     \frac{1233}{1233}       \Corchetes     \frac{18}{18}       \corchetes     \frac{15}{15}       D       \DeclareMathOperator     444, 909, 910, 910, 918, 919, 1213, 1214, 1243, 1244, 1243, 1244, 1243, 1244, 1243, 1244, 1247, 124	\dInvTEFPE	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE*       725         \EInvTEFPE*
\coord     \frac{1233}{1233}       \coordP*     \frac{1233}{1233}       \coordP*     \frac{1233}{1233}       \coordPE*     \frac{1233}{1233}       \Corchetes     \frac{18}{18}       \corchetes     \frac{15}{15}       D       \DeclareMathOperator       \tag{444, 909, 910,}       \gamma{918, 919, 1213, 1214, 1243}       \def     \gamma{985}       \deffun     \frac{1247}{1247}       \definvOEg     \frac{470, 771-775, 796-800}{46InvTECP}       \definvTECP     \frac{796}{796}       \deInvTECPE     \frac{796}{796}       \deInvTECPE     \frac{796}{796}       \deInvTECPE     \frac{796}{796}       \deInvTECPE     \frac{796}{796}       \deInvTECPE     \frac{796}{796}       \deInvTECPE     \frac{796}{796}       \deInvTEFP     \frac{771}{771}       \deInvTEFP     \frac{771}{771}	\dInvTEFPE	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE*       725         \EInvTEFPE*
\coord       \frac{1233}{1233}         \coordP*       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \Corchetes       \frac{18}{18}         \corchetes       \frac{15}{15}         D         \DeclareMathOperator         \tag{444,909,910,}         \gamma{918,919,1213,1214,1243}         \def       \gamma{985}         \deffun       \frac{1247}{1247}         \deffun       \frac{1247}{1247}         \definvTECp       \frac{796}{796}         \deInvTECp       \frac{796}{796}         \deInvTECpe       \frac{796}{796}         \deInvTECpe       \frac{796}{796}         \deInvTECpe       \frac{796}{796}         \deInvTEFP       \frac{771}{771}         \deInvTEFP       \frac{771}{771}         \deInvTEFPE       \frac{771}{771}	\dInvTEFPE	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFPE*       725         \EInvTEFPE*
\coord       \frac{1233}{1233}         \coordP*       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \Corchetes       \frac{18}{18}         \corchetes       \frac{15}{15}         D         \DeclareMathOperator         \tag{444,909,910,}         \gamma{918,919,1213,1214,1243}         \def       \gamma{985}         \deffun       \frac{1247}{1247}         \definvOEg       \frac{470}{470,771-775,796-800}         \deInvTEC       \frac{796}{796}         \deInvTECP       \frac{796}{796}         \deInvTECPE       \frac{796}{796}         \deInvTECPE       \frac{796}{796}         \deInvTEFP       \frac{771}{71}         \deInvTEFPE       \frac{771}{771}         \deInvTEFPE       \frac{771}{771}         \deInvTEFPE       \frac{771}{771}	\dInvTEFPE	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFPE*       725         \EInvTEFPE*
\coord       \frac{1233}{1233}         \coordP*       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \Corchetes       \frac{18}{18}         \corchetes       \frac{15}{15}         D         D         \DeclareMathOperator         \coord=\frac{444,909,910,910,913,1214,1243}         \def       \genumeric 985         \deffun       \frac{1247}{1247}         \deffun       \frac{1247}{1247}         \deffun       \frac{1247}{1247}         \definvTECP       \frac{796}{796}         \deInvTECP       \frac{796}{796}         \deInvTECPE       \frac{796}{796}         \deInvTECPE       \frac{796}{796}         \deInvTEFP       \frac{771}{771}         \deInvTEFPE       \f	\dInvTEFPE	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFPE*       725         \EInvTEFPE*
\coord       \frac{1233}{1233}         \coordP*       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \Corchetes       \frac{18}{18}         \corchetes       \frac{15}{15}         D         D         \DeclareMathOperator         \coord=\frac{444}{909}, 910,         \gamma 918, 919, 1213, 1214, 1243         \def       \gamma 985         \deffun       \frac{1247}{1247}         \deffun       \frac{1247}{1247}         \deffun       \frac{1247}{1247}         \definvTECp       \frac{796}{126}         \definvTECP       \frac{796}{796}         \definvTECPE       \frac{796}{796}         \definvTECPE       \frac{796}{796}         \definvTEFP       \frac{771}{771}         \definvTEFPE       \frac{771}{771}         \definvTEFPE       \frac{771}{771}         \definvTEFPE       \frac{771}{771}         \definvTEFPE       \frac{771}{771}         \definvTEFPE       \frac{771}{771}         \definvTEFPE       \frac{771}{771}         \definite       \frac{761}{765}, 786-790         \definite       \frac{467}{761-	\dInvTEFPE	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE       725         \EInvTEFPE*       725         \EInvTEFPE*
\coord       \frac{1233}{1233}         \coordP*       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \coordPE*       \frac{1233}{1233}         \Corchetes       \frac{18}{18}         \corchetes       \frac{15}{15}         D         D         \DeclareMathOperator         \coord=\frac{444,909,910,910,913,1214,1243}         \def       \genumeric 985         \deffun       \frac{1247}{1247}         \deffun       \frac{1247}{1247}         \deffun       \frac{1247}{1247}         \definvTECP       \frac{796}{796}         \deInvTECP       \frac{796}{796}         \deInvTECPE       \frac{796}{796}         \deInvTECPE       \frac{796}{796}         \deInvTEFP       \frac{771}{771}         \deInvTEFPE       \f	\dInvTEFPE	737, 738, 741, 744, 747, 750         \EInvTEC       738         \EInvTECP       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECP*       738         \EInvTECPE       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTECPE*       738         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFP*       725         \EInvTEFPE*       725         \EInvTEFPE*

\elemLpE 178,	\	1100
<u> </u>	\eleVRp <u>257</u>	\InvMatP $\underline{1126}$
243, 246, 297, 300, 324, 327	\eleVRP* <u>257</u>	\InvMatp <u>1126</u>
\elemLPE* <u>178</u>	\eleVRp*	\InvMatP* 1126
\elemLpE*	\eleVRPE 257	\InvMatp* 1126
\elemLR 212, 392	\eleVRpE 257	\InvMatPE 1126
	<del>-</del>	
\elemLRP	\eleVRPE* 257	\InvMatpE $\underline{1126}$ , 1156, 1157
$\underline{212}$ , 401, 402, 419, 426, 427	$\verb \eleVRpE*  \dots \dots \underline{257}$	\InvMatPE* <u>1126</u>
\elemLRp <u>212</u> , 397, 398, 422, 423	\end 129, 1254	\InvMatpE* <u>1126</u>
\elemLRP* 212	\endgroup 1255	\InvMatT 1144
\elemLRp* 212	\eng 825, 826	\InvMatT* 1144
\elemLRPE 212	,	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	\EOEg 460, 673, 676, 679, 682,	\InvMatTPE <u>1144</u>
\elemLRpE <u>212</u>	685, 686, 689, 692, 695, 698	$\verb \InvMatTpE                                     $
\elemLRPE* <u>212</u>	\E0Epr <u>458</u>	\InvMatTPE* <u>1144</u>
\elemLRpE* <u>212</u>	\E0Esu	\InvMatTpE* <u>1144</u>
\eleMM <u>827</u>	\eSc <u>992</u> , 996, 997	\InvMTM . $\underline{1195}$ , 1198, 1201, $\overline{1203}$
\eleMMM 827	\esc 995	
\eleMMMT 827	\eSc* 992	\InvMTM* <u>1195</u>
\eleMP 392		\Inv0Eg $\underline{461}$ ,
	\esc* <u>995</u>	462, 699, 702, 705, 708,
\eleMp 392	\EspacioCol $1214$ , $1222$ , $1223$	711, 712, 715, 718, 721, 724
\eleMP* <u>392</u>	\EspacioNul <u>1213</u> , 1216, 1217	\InvP <u>158</u> , 1133, 1134,
\eleMp* 392	\Estmc 1256, 1262	1145, 1149, 1153, 1196
\eleMPE 392	\ETEC 686	
\eleMpE 392	\ETECP 686	\Invp \(\frac{158}{158}\), 1129, 1130, 1146,
\eleMPE* 392		1150, 1154, 1197, 1200
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	\ETECp <u>686</u>	\InvP* <u>158</u>
\eleMpE* <u>392</u>	\ETECP* <u>686</u>	\Invp* <u>158</u>
\elemR $\underline{195}$ , 258, 339, 366	\ETECp*	\InvPE 158
\elemRP $195, 259,$	\ETECPE 686	\InvpE 158
266, 267, 347, 348, 374, 375	\ETECpE	
\elemRp <u>195</u> , 262, 263,	\ETECPE*	\InvPE* <u>158</u>
340, 343, 344, 367, 370, 371		\InvpE* <u>158</u>
	\ETECpE*	\InvTEC
\elemRP* <u>195</u>	\ETEF <u>673</u>	\InvTECP 712
$\verb \elemRp*  \dots \dots \underline{195}$	\ETEFP	\InvTECp
$\verb \elemRPE  \dots \dots \underline{195},$	\ETEFp <u>673</u>	\InvTECP*
278, 281, 359, 362, 386, 389	\ETEFP* 673	
\elemRpE 195,	\ETEFp* 673	\InvTECp* <u>712</u>
270, 273, 351, 354, 378, 381	\ETEFPE	\InvTECPE
\elemRPE* 195	\ETEFpE	\InvTECpE
	\F.I F.F DF	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	<del>-</del>	\InvTECPE* 712
\elemRpE* <u>195</u>	\ETEFPE*	\InvTECPE* <u>712</u>
$\ensuremath{^{ar{}}}$	<del>-</del>	\InvTECPE*
<u> </u>	\ETEFPE*	$\begin{tabular}{ll} $\langle InvTECPE* & $\frac{712}{12} \\ InvTECpE* & $\frac{712}{12} \\ InvTEF & $\frac{699}{12} \\ \end{tabular}$
$\ensuremath{^{ar{}}}$	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	InvTECPE*         712           InvTECpE*         712           InvTEF         699           InvTEFP         699
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\ETEFPE*	$ \begin{array}{cccc} & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & \\ & & & \\ &$
	\ETEFPE*	InvTECPE*         712           InvTECpE*         712           InvTEF         699           InvTEFP         699
\eleMT       419         \eleMTP       419         \eleMTp       419         \eleMTP*       419         \eleMTp*       419	\ETEFPE*	InvTECPE*         712           InvTECpE*         712           InvTEF         699           InvTEFP         699           InvTEFP*         699
\eleMT       419         \eleMTP       419         \eleMTp       419         \eleMTP*       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419	\ETEFPE*	InvTECPE*         712           InvTECpE*         712           InvTEF         699           InvTEFP         699           InvTEFP*         699           InvTEFP*         699           InvTEFP*         699
\eleMT       419         \eleMTP       419         \eleMTP       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE       419	\ETEFPE*	InvTECPE*         712           InvTECpE*         712           InvTEF         699           InvTEFP         699           InvTEFP*         699           InvTEFP*         699           InvTEFP*         699           InvTEFPE         699
\eleMT       419         \eleMTP       419         \eleMTp       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419	\ETEFPE*	InvTECPE*         712           InvTECpE*         712           InvTEF         699           InvTEFP         699           InvTEFP*         699           InvTEFP*         699           InvTEFPE         699           InvTEFPE         699           InvTEFPE         699
\eleMT       419         \eleMTP       419         \eleMTP       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE       419	\ETEFPE*	InvTECPE*         712           \InvTECPE*         712           \InvTEF         699           \InvTEFP         699           \InvTEFP*         699           \InvTEFP*         699           \InvTEFPE         699           \InvTEFPE         699           \InvTEFPE*         699           \InvTEFPE*         699
\eleMT       419         \eleMTP       419         \eleMTp       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419	\ETEFPE*	InvTECPE*         712           InvTECpE*         712           InvTEF         699           InvTEFP         699           InvTEFP*         699           InvTEFP*         699           InvTEFPE         699           InvTEFPE         699           InvTEFPE         699
\eleMT       419         \eleMTP       419         \eleMTP*       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419	\ETEFPE*	InvTECPE*         712           \InvTECPE*         712           \InvTEF         699           \InvTEFP         699           \InvTEFP*         699           \InvTEFP*         699           \InvTEFPE         699           \InvTEFPE         699           \InvTEFPE*         699           \InvTEFPE*         699
\eleMT       419         \eleMTP       419         \eleMTP*       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       422         \eleWL       230	\ETEFPE*	InvTECPE*         712           \InvTECPE*         712           \InvTEF         699           \InvTEFP         699           \InvTEFP*         699           \InvTEFP*         699           \InvTEFPE         699           \InvTEFPE*         699           \InvTEFPE*         699           \InvTEFPE*         699           \InvTEFPE*         699           \InvTEFPE*         699
\eleMT       419         \eleMTP       419         \eleMTP*       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       230         \eleVLP       230	\ETEFPE*	\InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE* 699 \InvUMat 987 \InvUMat 987
\eleMT       419         \eleMTP       419         \eleMTP*       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       230         \eleVLP       230         \eleVLP       230         \eleVLP       230         \eleVLP       230	\text{ETEFPE*} \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	\InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvUMat 987 \InvUmat 987 \InvUmat 1987
\eleMT       419         \eleMTP       419         \eleMTP       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       230         \eleVLP       230         \eleVLP       230         \eleVLP*       230         \eleVLP*       230	\ETEFPE*	\InvTECPE* \ \frac{712}{\linvTECPE*} \ \frac{712}{\linvTECPE*} \ \frac{712}{\linvTEF} \ \frac{699}{\linvTEFP} \ \frac{699}{\linvTEFP} \ \frac{699}{\linvTEFP*} \ \frac{699}{\linvTEFPE} \ \frac{699}{\linvTEFPE} \ \frac{699}{\linvTEFPE*} \ \frac{699}{\linvTEFPE*} \ \frac{699}{\linvTEFPE*} \ \frac{699}{\linvTEFPE*} \ \frac{699}{\linvTEFPE*} \ \frac{699}{\linvUMat} \ \frac{987}{\linvUmat} \ \frac{987}{\linvXTX} \ \frac{1198}{\linvXTX} \ \frac{1198}{\linvTEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{859}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{859}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{859}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{859}{\linvEVEC} \frac{859}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{859}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEV
\eleMT       419         \eleMTP       419         \eleMTP       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleWLP       230         \eleVLP       230         \eleVLP       230         \eleVLP*       230         \eleVLP*       230         \eleVLP*       230         \eleVLP*       230	\text{ETEFPE*} \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	\InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvUMat 987 \InvUmat 987 \InvUmat 1987
\eleMT       419         \eleMTP       419         \eleMTP       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleWLP       230         \eleVLP       230         \eleVLP       230         \eleVLP*       230         \eleVLP*       230         \eleVLP*       230         \eleVLPE       230	\ETEFPE*	\InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvUMat 987 \InvUMat 987 \InvUMat 1987 \InvXTX 1198 \irvec 853 \irvecC 854
\eleMT       419         \eleMTP       419         \eleMTP       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       230         \eleVLP       230         \eleVLP       230         \eleVLP*       230         \eleVLP*       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230	\ETEFPE*	\InvTECPE* \ \frac{712}{\linvTECPE*} \ \frac{712}{\linvTECPE*} \ \frac{712}{\linvTEF} \ \frac{699}{\linvTEFP} \ \frac{699}{\linvTEFP} \ \frac{699}{\linvTEFP*} \ \frac{699}{\linvTEFPE} \ \frac{699}{\linvTEFPE} \ \frac{699}{\linvTEFPE*} \ \frac{699}{\linvTEFPE*} \ \frac{699}{\linvTEFPE*} \ \frac{699}{\linvTEFPE*} \ \frac{699}{\linvTEFPE*} \ \frac{699}{\linvUMat} \ \frac{987}{\linvUmat} \ \frac{987}{\linvXTX} \ \frac{1198}{\linvXTX} \ \frac{1198}{\linvTEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \ \frac{859}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{859}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{859}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{859}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{859}{\linvEVEC} \frac{859}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{859}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEVEC} \frac{853}{\linvEV
\eleMT       419         \eleMTP       419         \eleMTP       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleWLP       230         \eleVLP       230         \eleVLP       230         \eleVLP*       230         \eleVLP*       230         \eleVLP*       230         \eleVLPE       230	\ETEFPE*	\InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvUMat 987 \InvUMat 987 \InvUMat 1987 \InvXTX 1198 \irvec 853 \irvecC 854
\eleMTT       419         \eleMTP       419         \eleMTP       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       230         \eleVLP       230         \eleVLP       230         \eleVLP*       230         \eleVLP*       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230	\text{ETEFPE*} \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	\InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvUMat 987 \InvUMat 987 \InvUMat 987 \InvUMat 1198 \irvec 853 \irvec 853 \irvec 854
\eleMTT       419         \eleMTP       419         \eleMTP       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       230         \eleVLP       230         \eleVLP       230         \eleVLP*       230         \eleVLP*       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE*       230         \eleVLPE*       230         \eleVLPE*       230         \eleVLPE*       230	\textbf{EFFPE}* \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	\InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvUMat 987 \InvUMat 987 \InvUMat 987 \InvUMat 987 \InvUTXX 1198 \irvec 853 \irvec 853 \irvec 853 \irvec 853
\eleMTT       419         \eleMTP       419         \eleMTP       419         \eleMTP*       419         \eleMTPE       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       419         \eleMTPE*       230         \eleVLP       230         \eleVLP       230         \eleVLP*       230         \eleVLP*       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230         \eleVLPE       230	\ETEFPE*	\InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvUMat 987 \InvUMat 987 \InvUMat 987 \InvUMat 1198 \irvec 853 \irvec 853 \irvec 854

96, 97, 100, 101, 178,	$\dots$ 829, 833, 834, 844	$\verb \MatTdimPE*  \dots \dots \underline{968}$
473, 491, 509, 529, 533,	$\MakeUppercase \dots 830, 856$	$\verb \MatTdimpE*  \dots \dots \underline{968}$
593, 647, 673, 699, 725,	\Mat 285, 286,	\MatTP <u>865</u>
751, 756, 761, 766, 771, 801	289, 290, 293, 294, 298,	\MatTp <u>865</u>
\LidxE <u>38</u> , 87	301, 306, 309, 339, 340,	\MatTP* <u>865</u>
\LidxEP 38 \LidxEp 38	343, 344, 347, 348, 352, 355, 360, 363, 393, 397,	\MatTp* 865 \MatTPE 326, 334, 337,
\LidxEP*	398, 401, 402, 422, 423,	380, 388, 391, 824, 826,
\LidxEp* 38	426, 427, 527, 528, 531,	828, 865, 1060, 1061,
\LidxEPE 38	532, 855, 865, 868, 869,	1069, 1070, 1079, 1080,
\LidxEpE 38	872, 873, 876, 877, 880,	1088, 1089, 1115, 1116
\LidxEPE* <u>38</u>	881, 924, 931, 932, 951,	$\MatTpE \dots 312, 325, 328,$
\LidxEpE* <u>38</u>	954, 955, 958, 959, 962,	329, 333, 336, 366, 379,
\LidxP $\underline{88}$ , 477,	963, 966, 967, 986, 987,	382, 383, 387, 390, 865,
495, 513, 653, 679, 705,	989, 1035, 1044, 1071,	983, 984, 1056, 1057,
731, 753, 758, 763, 768, 773	1072, 1075, 1076, 1079-	1065, 1066, 1075, 1076,
\Lidxp <u>88</u> , 475,	1081, 1084, 1085, 1088, 1089, 1117, 1120, 1121,	1084, 1085, 1111, 1112 \MatTPE*
493, 511, 650, 676, 702, 728, 752, 757, 762, 767, 772	1124–1126, 1129, 1130,	\MatTpE*
\LidxP* 88	1133, 1134, 1137, 1138,	\MatTT
\Lidxp*	1141, 1142, 1201, 1203,	\MatTT* 882
\LidxPE 95, 481,	1219,  1220,  1225,  1226	\MatTTPE <u>882</u>
499, 517, 659, 685, 711,	$\verb \Matdim  \dots \dots \underline{951}$	\MatTTPE* <u>882</u>
737, 755, 760, 765, 770, 775	$\verb \MatdimP$	$\verb \MDaV  \dots \dots \underline{985}$
\LidxpE $\dots \dots \underline{95}, 479,$	\Matdimp <u>951</u>	\Media <u>1257</u>
497, 515, 656, 682, 708,	\MatdimP* 951	\media <u>1259</u>
734, 754, 759, 764, 769, 774	\Matdimp* 951	\MenoR 928
\LidxPE* 95	\MatdimPE	\Menor 925
\LidxpE* 95 \limits 934	\MatdimpE	\MenorR 925 \mid 175
\line 126-128	\MatdimpE* 951	\mifun
\longmapsto 1253	\MatGC 990	\mifun*
\longrightarrow 1252	\mathbb \ \ \ \ \ \ \ \	\Mint
\LRidx <u>72,</u> 74,	\mathbin 119, 1234	\MintT $\dots \dots \overline{527}$
75, 78, 79, 81, 82, 85,	\mathcal 1212	\minus $157$ , 158, 461,
86, 213, 568, 581, 629, 811	\mathfrak 451	469, 987, 991, 1126,
\LRidxE <u>21</u> , 72	\mathop 117, 934	1137, 1138, 1141, 1142
\LRidxEP <u>21</u>	\mathpalette 119	\MInvMTMMT <u>1199</u>
\LRidxEp	\mathsf 830, 856	\MInvMTMMTkk 1203
\LRidxEP*	\MatP 299, 307, 310, 353, 361, 364, 394, 823, 825, 827, 855	\MMT
\LRidxEPE 21	\Matp 302, 356, 855	\MMTp 1099
\LRidxEpE	\MatP*	\MMTP* 1099
\LRidxEPE*	\Matp* 855	\MMTp* 1099
\LRidxEpE* 21	\MatT 313, 316, 317,	\MN <u>1071</u> , 1108,
\LRidxP <u>73</u>	320, 321, 367, 370, 371,	1111, 1112, 1115, 1116
\LRidxp \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	374, 375, 419,  865, 883,	\MNMT <u>1108</u>
\LRidxP* <u>73</u>	884, 968, 971, 972, 975,	\MNMTP <u>1108</u>
\LRidxp* <u>73</u>	976, 979, 980, 1053,	\MNMTp <u>1108</u>
\LRidxPE <u>80</u>	1062, 1072, 1081, 1108,	\MNMTP* 1108
\LRidxpE	1145, 1146, 1149, 1150, 1153, 1154, 1201, 1203	\MNMTp*
\LRidxPE*	\MatTdim 968	\MNTP <u>1081</u> , 1099
\Lsh 816	\MatTdimP 968	\MNTp \frac{1001}{1081}, 1102, 1103
\lVert 132	\MatTdimp 968	\MNTP* 1081
	\MatTdimP* 968	\MNTp* <u>1081</u>
${f M}$	$\verb \MatTdimp*  \dots \dots \underline{968}$	\modulus <u>134</u> , 921, 922
\m@th 122	$\verb \MatTdimPE  \dots \dots \underline{968}$	\modulus* <u>134</u>

\MP531	\OEg <u>459</u> , 460, 461,	847, 848, 859, 860, 913,
\MPT	464, 647, 650, 653, 656,	917, 926, 932, 937, 938,
	659, 660, 663, 666, 669, 672	945, 946, 1001, 1002,
\MTM <u>1090</u> , 1196, 1197		
\MTMP	\OEin 455, 509, 511, 513, 515,	1010, 1011, 1019, 1020,
\MTMp	517, 518, 520, 522, 524, 526	1029, 1030, 1038, 1039,
\MTMP*	\OEper 456, 529, 530	1047, 1048, 1149, 1150,
\MTMp* 1090	\0Epr 454,	1160, 1161, 1217, 1223,
\MTMV <u>1166</u>	458, 491, 493, 495, 497,	1229, 1232, 1238, 1242
\MTMVP <u>1166</u>	499, 500, 502, 504, 506, 508	\PC <u>529,</u> 531
\MTMVp <u>1166</u>	\0Esu 453,	\pe <u>449</u> , 455
\MTMVP* <u>1166</u>	457, 473, 475, 477, 479,	\perm 451, 456
\MTMVp* <u>1166</u>	481, 482, 484, 486, 488, 490	\PF <u>529</u> , 532
\MTN <u>1072</u> , 1090, 1117, 1166	\OpE 453-456	\pmb
\MTNM <u>1117</u>	\overline 117	\pr447, 454
\MTNMP <u>1117</u>		\prodH <u>1016</u> , 1026
\MTNMp <u>1117</u>	P	\prodh <u>1025</u>
\MTNMP* <u>1117</u>	$\ensuremath{\verb{Parentesis}}\ \underline{12}, 28, 29, 36, 37,$	\prodHP <u>1016</u>
\MTNMp* <u>1117</u>	45, 46, 53, 54, 62, 63,	\prodHp <u>1016</u>
\MTNP $\underline{1072}$ , 1097, 1098,	70, 71, 78, 79, 85, 86,	\prodhP <u>1025</u>
1124, 1125, 1173, 1174	93, 94, 100, 101, 108,	\prodhp <u>1025</u>
\MTNp $1072$ , 1093, 1094,	109, 115, 116, 147, 148,	$\verb \prodHP*  \dots \dots \underline{1016}$
1120, 1121, 1169, 1170	155, 156, 165, 166, 173,	\prodHp* <u>1016</u>
\MTNP* <u>1072</u>	174, 185, 186, 193, 194,	\prodhP* <u>1025</u>
\MTNp* <u>1072</u>	202, 203, 210, 211, 224,	\prodhp* <u>1025</u>
\MTV <u>1053</u> , 1209	225, 228, 229, 413, 416,	\PSpan <u>1230</u>
\MTVP <u>1053</u> , 1210	438, 441, 540, 541, 548,	\PSpan* <u>1230</u>
\MTVp <u>1053</u>	549, 557, 558, 565, 566,	\put 126-128
\MTVP* <u>1053</u>	572, 573, 578, 579, 585,	
\MTVp* 1053	586, 591, 592, 600, 601,	${f Q}$
\mu 1258	608, 609, 618, 619, 626,	\quitaL <u>818</u>
\MV <u>1035,</u> 1208	627, 636, 637, 644, 645,	\quitaLR <u>818</u> , 924
\MVect $\dots \dots \underline{889}$ ,	803, 805, 808, 810, 813,	\quitaR <u>818</u>
893, 894, 1200, 1204–1207	815, 822, 841, 842, 851,	
\MVect* <u>889</u>	852, 863, 864, 887, 888,	$\mathbf{R}$
\MVectC <u>898</u>	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006,	\R <u>5</u>
$\verb  MVectCT                                    $	1014, 1015, 1023, 1024,	\rangle 994
\MVectF $\dots \dots \underline{895}$	1033, 1034, 1042, 1043,	\rango $\underline{914}$
\MVectFT <u>901</u>	1053, 1054, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154,	\rango* <u>914</u>
\MVectT $892$ , $1200$ , $1204-1207$	1164, 1165, 1216, 1222,	\relax 119
\MVectT* <u>892</u>	1228, 1231, 1237, 1241	\res <u>1262</u>
\MVPE 1035	\parentesis 9,	\rg <u>910,</u> 916, 917
\MVpE <u>1035</u>	24, 25, 32, 33, 41, 42,	$\$ Ridx $\underline{102}$ , $104$ , $105$ , $108$ ,
\MVPE* <u>1035</u>	49, 50, 58, 59, 66, 67,	109, 111, 112, 115, 116,
\MVpE* 1035	74, 75, 81, 82, 89, 90,	195, 482, 500, 518, 530,
	96, 97, 104, 105, 111,	550, 611, 660, 686, 712,
${f N}$	112, 143, 144, 151, 152,	738, 776, 781, 786, 791,
\N <u>5</u>	161, 162, 169, 170, 181,	796, 806, 844, 856, 1234
\newcommand 119, 120	182, 189, 190, 198, 199,	$\RidxE$ $\underline{55}$ , $102$ ,
\Nn <u>1,</u> 5	206, 207, 216, 217, 220,	139, 140, 158, 459, 465,
\norma <u>131</u>	221, 405, 408, 422, 423,	865, 987, 989, 991, 1126
\norma* <u>131</u>	426, 427, 430, 433, 536,	$\verb \RidxEP \underline{55} $
\Nulls <u>1215</u> , 1219, 1220	537, 544, 545, 553, 554,	$\verb \RidxEp$
\nulls <u>1218</u>	561, 562, 569, 570, 575,	$\verb \RidxEP*  \dots \dots \underline{55}$
\Nulls* <u>1215</u>	576, 582, 583, 588, 589,	$\verb \RidxEp*  \dots \dots \dots \underline{55}$
\nulls* $\overline{1218}$	596, 597, 604, 605, 614,	\RidxEPE <u>55</u> , 880, 881, 1141, 1142
	615, 622, 623, 632, 633,	$\verb \RidxEpE  55, 876, 877, 1137, 1138 $
0		
<b>O</b>	640, 641, 802, 804, 807,	\RidxEPE* <u>55</u>
\odot 1016	640, 641, 802, 804, 807, 809, 812, 814, 837, 838,	\RidxEPE*

\RidxP <u>103</u> , 486,	\su	\TInvMat* <u>1155</u>
504, 522, 666, 692, 718,	\subMat <u>923</u> , <u>926</u> , 929	$\TInvMatPE \dots 1155$
744, 778, 783, 788, 793, 798	\SV830	\TInvMatpE 1155
\Ridxp 103, 484,	(8) <u>090</u>	\TInvMatPE* 1155
	Т	
502, 520, 663, 689, 715,	<del>-</del>	\TInvMatpE* <u>1155</u>
741, 777, 782, 787, 792, 797	\T	\tiny 1231, 1232
\RidxP* <u>103</u>	140, 422, 423, 426, 427,	\to 1246
$\verb \Ridxp*  \dots \dots \underline{103}$	865, 876, 877, 880, 881, 989	\topinset 1231, 1232
\RidxPE $110, 490,$	\tau 444	\Trans <u>138</u> , 893, 894, 903,
508, 526, 672, 698, 724,	\TEC	904, 907, 908, 1156, 1157
750, 780, 785, 790, 795, 800	\TECP	\TransP <u>138</u> , 872, 873, 883
\RidxpE 110, 488,	\TECp <u>660</u>	\Transp <u>138</u> , 868, 869, 884
506, 524, 669, 695, 721,	\TECP*	
747, 779, 784, 789, 794, 799	\TECp*	\TransP* <u>138</u>
\RidxPE* 110	\TECPE	\Transp* <u>138</u>
		\TransPE <u>138</u>
\RidxpE* <u>110</u>	\TECpE	\TranspE <u>138</u>
\right 13, 19, 132, 135,	\TECPE*	\TransPE* <u>138</u>
446, 448, 452, 890, 896,	\TECpE* <u>660</u>	\TranspE*
899, 903, 907, 993, 1156	\TEF <u>647</u>	\Traza 909, 912, 913
\rightleftharpoons 450	\TEFP <u>647</u>	\traza 911
\roundcap 125	\TEFp <u>647</u>	\traza* 911
\Rr <u>1,</u> 7	\TEFP* <u>647</u>	\TrC 611
\Rsh 817	\TEFp*	
\rVert 132, 133	\TEFPE 647	\TrCP <u>611</u>
(2.020	\TEFpE	\TrCp <u>611</u>
S	\TEFPE* 647	\TrCP* <u>611</u>
\sbox 122	\	\TrCp* <u>611</u>
		\TrCPE <u>611</u>
\SEL	\TEIC <u>518</u> , 527	\TrCpE 611
\SELF 1211	\TEICP	•
		\TrCPE* 611
\SELT <u>1209</u>	\TEICp $\dots $ $\overline{518}$	\TrCPE*
\SELT		\TrCpE* $\overline{\underline{611}}$
\SELT <u>1209</u>	\TEICp $\dots $ $\overline{518}$	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\SELT	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\SELT	$ \begin{array}{ccc} \texttt{\TEICp} & & & \underline{518} \\ \texttt{\TEICPE} & & & \underline{518} \\ \texttt{\TEICpE} & & & \underline{518} \\ \end{array} $	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\SELT	$ \begin{array}{cccc} \text{\ensuremath{\sc TEICp}} & & & & & & & \\ \text{\ensuremath{\sc TEICpE}} & & & & & & \\ \text{\ensuremath{\sc TEICpE}} & & & & & & \\ \text{\ensuremath{\sc TEIF}} & & & & & & \\ \end{array} $	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\SELT \ \ \frac{1209}{1209} \SELTP \ \ \frac{1209}{1250} \SITEC \ \ \SITECP \ \ \frac{550}{550} \SITECP	$ \begin{array}{cccc} \text{\colored} & & & & & & \\ \text{\colored} & & & \\ \text{\colored} & & & & \\ \text{\colored} & & & & \\ \text{\colored} & & \\ \text{\colored} & & & \\ \text{\colored} & & & \\ \text{\colored} & & \\ \text$	\TrCpE* \ \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
\SELT       1209         \SELTP       1209         \setlength       123, 1250         \SITEC       550         \SITECP       550         \SITECPE       550	\TEICP \ \frac{518}{518} \\TEICPE \ \frac{518}{518} \\TEICPE \ \frac{518}{518} \\TEIF \ \frac{509}{509}, \frac{528}{528} \\TEIFP \ \frac{509}{509} \\TEIFP \ \frac{509}{509} \\TEIFPE \\TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE \TEIFPE \\TEIFPE	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\SELT         1209           \SELTP         1209           \setlength         123, 1250           \SITEC         550           \SITECP         550           \SITECPE         550           \SITECPE         550           \SITECPE         550	\TEICP         518           \TEICPE         518           \TEICPE         518           \TEIF         509, 528           \TEIFP         509           \TEIFP         509           \TEIFPE         509           \TEIFPE         509           \TEIFPE         509	\TrCpE* \ \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
SELT         1209           \SELTP         1209           \setlength         123, 1250           \SITEC         550           \SITECP         550           \SITECPE         550           \SITECPE         550           \SITECPE         550           \SITEF         533	\TEICP         518           \TEICPE         518           \TEICPE         518           \TEIF         509, 528           \TEIFP         509           \TEIFP         509           \TEIFPE         509           \TEIFPE         509           \TEIFPE         509           \TEIFPE         500	\TrCpE* \ \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
\SELT \ \frac{1209}{\SELTP} \ \frac{1209}{\SELTP} \ \frac{1209}{\SITEC} \ \SITECP \ \frac{550}{\SITECP} \ \frac{550}{\SITECPE} \ \frac{550}{\SITECPE} \ \frac{550}{\SITECPE} \ \frac{550}{\SITECPE} \ \frac{550}{\SITECPE} \ \frac{550}{\SITEFC} \ \SITEFC \ \frac{567}{\SITEFC} \ \frac{567}{\SITECP} \ \frac{567}{\SITEFC} \ \frac{567}{	\TEICP         518           \TEICPE         518           \TEICPE         518           \TEIF         509, 528           \TEIFP         509           \TEIFP         509           \TEIFPE         509           \TEIFPE         509           \TEPC         500           \TEPCP         500	\text{TrCpE*} \frac{611}{611} \\ \text{TrEl} \frac{444}{452}, 459, 465} \\ \text{TrF} \frac{593}{629} \\ \text{TrFCP} \frac{629}{629} \\ \text{TrFCP*} \\ \text{TrFCp*} \frac{629}{629} \\ \text{TrFCp*} \\ \t
\SELT \ \ \frac{1209}{\SELTP} \ \ \frac{1209}{\SELTP} \ \ \frac{1209}{\SETP} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TEICP         518           \TEICPE         518           \TEICPE         518           \TEIF         509, 528           \TEIFP         509           \TEIFP         509           \TEIFPE         509           \TEIFPE         500           \TEPCP         500           \TEPCP         500           \TEPCP         500	\TrCpE* \ \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
\SELT \ \ \frac{1209}{\SELTP} \ \ \frac{1209}{\SELTP} \ \ \frac{1209}{\SETP} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TEICP         518           \TEICPE         518           \TEICPE         518           \TEIF         509, 528           \TEIFP         509           \TEIFP         509           \TEIFPE         509           \TEIFPE         500           \TEPCP         500           \TEPCP         500           \TEPCPE         500	\TrCpE* \ \frac{611}{611} \ \TrEl \ 444, 452, 459, 465 \ \TrF \ 593 \ \TrFCP \ 629 \ \TrFCP \ 629 \ \TrFCP* \ 629 \ \TrFCP* \ 629 \ \TrFCPE \ 629 \
\SELT \ \ \frac{1209}{1209} \ \SELTP \ \ \frac{1209}{1209} \ \Setlength \ 123, 1250 \ \SITEC \ \ \frac{550}{550} \ \SITECP \ \ \frac{550}{550} \ \SITECPE \ \ \frac{550}{550} \ \SITECPE \ \ \frac{550}{550} \ \SITECPE \ \ \frac{550}{533} \ \SITEFC \ \ \frac{567}{582}, 583, \\ \frac{585}{586}, 588, 589, 591, 592} \ \SITEFCP \ \ \frac{567}{567} \\ \SITEFCP \ \SITEFCP \ \ \frac{567}{757} \\ \SITEFCP \	\TEICP         518           \TEICPE         518           \TEICPE         518           \TEIF         509, 528           \TEIFP         509           \TEIFP         509           \TEIFPE         509           \TEIFPE         500           \TEPCP         500           \TEPCP         500           \TEPCPE         500           \TEPCPE         500           \TEPCPE         500           \TEPCPE         500	\TrCpE* \ \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
\SELT \ \ \frac{1209}{1209} \ \SELTP \ \ \frac{1209}{1209} \ \SETP \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TEICP 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEIF 509, 528 \TEIFP 509 \TEIFP 509 \TEIFPE 509 \TEIFPE 509 \TEPC 500 \TEPCP 500 \TEPCP 500 \TEPCP 500 \TEPCPE 500	\TrCpE* \ \frac{611}{611} \TrEl \ 444, 452, 459, 465 \TrF \ 593 \TrFC \ 629 \TrFCP \ 629 \TrFCP* \ 629 \TrFCP* \ 629 \TrFCPE \ 629
\SELT \ \ \frac{1209}{1209} \SELTP \ \ \frac{1209}{1209} \SETP \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TEICP 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEIF 509, 528 \TEIFP 509 \TEIFP 509 \TEIFPE 509 \TEIFPE 509 \TEPC 500 \TEPCP 500 \TEPCP 500 \TEPCP 500 \TEPCPE 500 \TEPFP 491 \TEPFP 491	\TrCpE* \ \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
\SELT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TEICP 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEIF 509, 528 \TEIFP 509 \TEIFP 509 \TEIFPE 509 \TEIFPE 509 \TEIFPE 500 \TEPCP 500 \TEPCP 500 \TEPCP 500 \TEPCP 500 \TEPCPE 500 \TEPCPE 500 \TEPCPE 500 \TEPCPE 500 \TEPCPE 491 \TEPFP 491 \TEPFP 491	\TrCpE* \ \\ \frac{611}{611} \\ TrEl \ \ \ \ 444, 452, 459, 465 \\ TrFC \ \ \ \ 629 \\ \ TrFCP \ \ \ 629 \\ \ TrFCPE \ \ 629 \\ \ \ \ TrFCPE \ \ 629 \\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\SELT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TEICP 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEIF 509, 528 \TEIFP 509 \TEIFP 509 \TEIFPE 509 \TEIFPE 509 \TEIFPE 500 \TEPCP 500 \TEPFP 491 \TEPFP 491 \TEPFP 491	\TrCpE* \ \\ \frac{611}{611} \\ TrEl \ \ \ \ 444, 452, 459, 465 \\ TrFC \ \ \ 629 \\ \ TrFCP \ \ 629 \\ \ TrFCP* \ \ 629 \\ \ TrFCPE \ \ 629 \\ \ TrFP \ \ 593 \\ \ TrFP \ \ 593 \\ \ TrFP* \ 593 \\ \ TrFP* \ 593 \\ \ \ TrFP* \ 593 \\ \ \ \ TrFP* \ 593 \\ \ \ \ TrFP* \ 593 \\ \ \ \ \ TrFP* \ 593 \\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\SELT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TEICP 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEIF 509, 528 \TEIFP 509 \TEIFP 509 \TEIFPE 509 \TEIFPE 509 \TEIFPE 500 \TEPCP 500 \TEPCP 500 \TEPCP 500 \TEPCP 500 \TEPCPE 500 \TEPCPE 500 \TEPCPE 500 \TEPCPE 500 \TEPCPE 491 \TEPFP 491 \TEPFP 491	\TrCpE* \ \\ \frac{611}{611} \\ \text{TrEl} \ \ \\ \\ \\ \\ \ \ \\ \\ \\ \\ \\ \\
\SELT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TEICP 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEIF 509, 528 \TEIFP 509 \TEIFP 509 \TEIFPE 509 \TEIFPE 509 \TEIFPE 500 \TEPCP 500 \TEPFP 491 \TEPFP 491 \TEPFP 491	\TrCpE*   611 \TrEl
\SELT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TEICP 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEIF 509, 528 \TEIFP 509 \TEIFP 509 \TEIFPE 509 \TEIFPE 509 \TEIFPE 500 \TEPCP 491 \TEPFP 491 \TEPFP 491 \TEPFP 491 \TEPFP 491 \TEPFPE 491 \TEPFPE 491	\TrCpE* \ \\ \frac{611}{611} \\ \text{TrEl} \ \ \\ \\ \\ \\ \ \ \\ \\ \\ \\ \\ \\
\SELT       1209         \SELTP       1209         \setlength       123, 1250         \SITEC       550         \SITECP       550         \SITECPE       550         \SITECPE       550         \SITECPE       550         \SITEFC       567         \SITEFC       567, 582, 583,         \$85, 586, 588, 589, 591, 592       \$1TEFCP         \SITEFCP       567         \SITEFCPE       567         \SITEFCPE       567         \SITEFCRE       580         \SITEFCRP       580         \SITEFCRP       580         \SITEFCRPE       580         \SITEFCRPE       580	\TEICP \begin{array}{c} 518 \\ \TEICPE \end{array} \begin{array}{c} 518 \\ \TEICPE \end{array} \begin{array}{c} 518 \\ \TEIF \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ 528 \\ \TEIFP \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ \TEIFPE \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ \TEIFPE \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ \TEPCP \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCP \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCPE \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCPE \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPFP \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TEPFP \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TEPFPE \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TESC \end{array} \begin{array}{c} 482 \\ \TESCP \end{array} \begin{array}{c} 485 \end{array} \end{array} \text{485} \end{array} \text{485} \end{array}	\TrCpE*   611 \TrEl
\SELT       1209         \SELTP       1209         \setlength       123, 1250         \SITEC       550         \SITECP       550         \SITECPE       550         \SITECPE       550         \SITECPE       550         \SITEFC       567, 582, 583,         \$85, 586, 588, 589, 591, 592       \$1TEFCP         \SITEFCP       567         \SITEFCPE       567         \SITEFCPE       567         \SITEFCPE       567         \SITEFCRP       580         \SITEFCRPE       580          \SITEFCRPE       580          \SITEFCRPE       533	\TEICP 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEICPE 518 \TEIFP 509, 528 \TEIFP 509 \TEIFP 509 \TEIFPE 509 \TEIFPE 500 \TEPCP 500 \TEPFP 491 \TEPFP 491 \TEPFP 491 \TEPFP 491 \TEPFPE 4	\TrCpE*   611 \TrE1
\SELT       1209         \SELTP       1209         \setlength       123, 1250         \SITEC       550         \SITECP       550         \SITECPE       550         \SITECPE       550         \SITECPE       550         \SITEFC       567, 582, 583,         \$585, 586, 588, 589, 591, 592       \$31         \SITEFCP       567         \SITEFCPE       567         \SITEFCPE       567         \SITEFCPE       567         \SITEFCRP       580         \SITEFCRPE       580         \SITEFP       533         \SITEFP       533         \SITEFP       533          \SITEFP       533          \SITEFP       533          \SITEFP       533          \SITEFP       533          \SITEFP       533          \SITEFP       533 <tb< td=""><td>\TEICP \ \frac{518}{518} \ \TEICPE \ \frac{518}{518} \ \TEICPE \ \frac{518}{518} \ \TEIFP \ \frac{509}{528} \ \TEIFP \ \frac{509}{509} \ \TEIFP \ \frac{509}{509} \ \TEIFPE \ \frac{509}{500} \ \TEPC \ \frac{500}{500} \ \TEPCP \ \frac{500}{500} \ \TEPCPE \ \frac{500}{500} \ \TEPCPE \ \frac{500}{500} \ \TEPFP \ \frac{491}{491} \ \TEPFP \ \frac{491}{491} \ \TEPFPE \ \frac{491}{491} \ \TEPFPE \ \frac{491}{491} \ \TESC \ \frac{482}{485} \ \TESCP \ \frac{483}{483} \ \TESCP \ \frac{483}{489} \ \TESCPE \ \frac{489}{489} \end{argentices} \tag{50} \tag{50} \\ \TESCPE \ \frac{489}{489} \\ \TESCPE \ \frac{480}{489} \\ \TESCPE \ \frac{480}{480} \\ \TESCPE \ \frac{480}</td><td>\TrCpE*   611 \TrEl</td></tb<>	\TEICP \ \frac{518}{518} \ \TEICPE \ \frac{518}{518} \ \TEICPE \ \frac{518}{518} \ \TEIFP \ \frac{509}{528} \ \TEIFP \ \frac{509}{509} \ \TEIFP \ \frac{509}{509} \ \TEIFPE \ \frac{509}{500} \ \TEPC \ \frac{500}{500} \ \TEPCP \ \frac{500}{500} \ \TEPCPE \ \frac{500}{500} \ \TEPCPE \ \frac{500}{500} \ \TEPFP \ \frac{491}{491} \ \TEPFP \ \frac{491}{491} \ \TEPFPE \ \frac{491}{491} \ \TEPFPE \ \frac{491}{491} \ \TESC \ \frac{482}{485} \ \TESCP \ \frac{483}{483} \ \TESCP \ \frac{483}{489} \ \TESCPE \ \frac{489}{489} \end{argentices} \tag{50} \tag{50} \\ \TESCPE \ \frac{489}{489} \\ \TESCPE \ \frac{480}{489} \\ \TESCPE \ \frac{480}{480} \\ \TESCPE \ \frac{480}	\TrCpE*   611 \TrEl
\SELT       1209         \SELTP       1209         \setlength       123, 1250         \SITEC       550         \SITECP       550         \SITECPE       550         \SITECPE       550         \SITECPE       550         \SITEFC       567, 582, 583,         \$585, 586, 588, 589, 591, 592       \$31         \SITEFCP       567         \SITEFCPE       567         \SITEFCPE       567         \SITEFCPE       567         \SITEFCRP       580         \SITEFCRPE       580         \SITEFCRPE       580         \SITEFCRPE       580         \SITEFCRPE       580         \SITEFCRPE       580         \SITEFCRPE       533         \SITEFP       533         \SITEFPE       533         \SITEFPE       533	\TEICP \begin{array}{c} 518 \\ \TEICPE \end{array} \begin{array}{c} 518 \\ \TEICPE \end{array} \begin{array}{c} 518 \\ \TEIF \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ \TEIFP \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ \TEIFPE \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ \TEPC \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCP \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCP \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCPE \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCPE \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCPE \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPFP \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TEPFP \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TEPFPE \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TEPFPE \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TEPFPE \end{array} \begin{array}{c} 482 \\ \TESCP \end{array} \begin{array}{c} 483 \\ \TESCPE \end{array} \begin{array}{c} 489 \\ \TESCPE \end{array} \begin{array}{c} 487 \end{array} \end{array} \begin{array}{c} 487 \\ \end{array} \end{array} \begin{array}{c} 487 \\ \end{array} \end{array} \begin{array}{c} 487 \\ \end{array} \end{array} \begin{array}{c} 487 \\ \end{array} \end{array} \end{array} \begin{array}{c} 487 \\ \end{array} \end{array} \begin{array}{c} 487 \\ \end{array} \end{array} \end{array} \\ \end{array} \	\TrCpE*   611 \TrEl
\SELT       1209         \SELTP       1209         \setlength       123, 1250         \SITEC       550         \SITECP       550         \SITECPE       550         \SITECPE       550         \SITECPE       550         \SITEFC       567, 582, 583,         585, 586, 588, 589, 591, 592       \SITEFCP         \SITEFCP       567         \SITEFCPE       567         \SITEFCPE       567         \SITEFCRP       580         \SITEFCRP       580         \SITEFCRPE       580         \SITEFCRPE       580         \SITEFCRPE       580         \SITEFCRPE       580         \SITEFCRPE       580         \SITEFPP       533         \SITEFPP       533         \SITEFPE       533         \SITEFPE       533         \SITEFPE       533         \SITEFPE       533	\TEICP \begin{array}{c} 518 \\ \TEICPE \end{array} \begin{array}{c} 518 \\ \TEICPE \end{array} \begin{array}{c} 518 \\ \TEIF \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ \TEIFP \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ \TEIFPE \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ \TEPC \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCP \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCP \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCPE \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCPE \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCPE \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPFP \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TEPFP \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TEPFPE \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TEPFPE \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TESC \end{array} \begin{array}{c} 482 \\ \TESCP \end{array} \begin{array}{c} 483 \\ \TESCPE \end{array} \begin{array}{c} 487 \\ \TESCPE \end{array} \begin{array}{c} 487 \\ \TESF \end{array} \begin{array}{c} 473 \end{array} \end{array} \text{\text{TESF}} \end{array} \text{\text{473}} \text{\text{TESF}} \end{array}	\TrCpE*   611 \TrEl
\SELT         1209           \SELTP         1209           \setlength         123, 1250           \SITEC         550           \SITECP         550           \SITECPE         550           \SITECPE         550           \SITECPE         550           \SITEFC         567, 582, 583,           585, 586, 588, 589, 591, 592         \$33           \SITEFCP         567           \SITEFCPE         567           \SITEFCPE         567           \SITEFCPE         567           \SITEFCRPE         580           \SITEFCRP         580           \SITEFCRPE         580           \SITEFCRPE         580           \SITEFCRPE         580           \SITEFCRPE         580           \SITEFCRPE         580           \SITEFPE         580           \SITEFPE         533	\TEICP \begin{array}{c} 518 \\ \TEICPE \end{array} \begin{array}{c} 518 \\ \TEICPE \end{array} \begin{array}{c} 518 \\ \TEIF \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ \TEIFP \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ \TEIFPE \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ \TEIFPE \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCP \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCP \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCPE \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCPE \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCPE \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPFP \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TEPFP \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TEPFPE \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TEPFPE \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TESC \end{array} \begin{array}{c} 482 \\ \TESCP \end{array} \begin{array}{c} 483 \\ \TESCPE \end{array} \begin{array}{c} 487 \\ \TESFP \end{array} \begin{array}{c} 473 \\ \TESFP \end{array} \end{array} \begin{array}{c} 473 \\ \TESPP \end{array} \end{array} \\ \TESPP \end{array} \\ \TESPP a	\TrCpE* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\SELT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TEICP \\ 518 \\ \TEICPE \\ 518 \\ \TEICPE \\ 518 \\ \TEIFPE \\ 509 \\ 528 \\ \TEIFPE \\ 509 \\ \TEPFPE \\ 500 \\ \TEPFPE \\ 500 \\ \TEPFPE \\ 491 \\ \TEPFPE \\ 482 \\ \TESCP \\ 483 \\ \TESCPE \\ 487 \\ \TESFP \\ 473 \\ 473 \\ \TESFP \\ 473 \\ \TESPP \\ 473 \\ \TESPP \\ 473 \\ \TE	\TrCpE*   611 \TrEl
\SELT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TEICP \\ 518 \\ \TEICPE \\ 518 \\ \TEICPE \\ 518 \\ \TEICPE \\ 518 \\ \TEIFP \\ 509, 528 \\ \TEIFP \\ 509 \\ \TEIFPE \\ 500 \\ \TEPCP \\ 500 \\ \TEPCPE \\ 500 \\ \TEPCPE \\ 500 \\ \TEPFP \\ 491 \\ \TEPFP \\ 473 \\ \TESFP \\ 473 \\ \TESFPE	\TrCpE*   611 \TrEl
\SELT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TEICP \begin{array}{c} 518 \\ \TEICPE \end{array} \begin{array}{c} 518 \\ \TEICPE \end{array} \begin{array}{c} 518 \\ \TEIF \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ \text{528} \\ \TEIFP \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ \TEIFPE \end{array} \begin{array}{c} 509 \\ \TEIFPE \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCP \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPCPE \end{array} \begin{array}{c} 500 \\ \TEPFP \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TEPFP \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TEPFP \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TEPFPE \end{array} \begin{array}{c} 491 \\ \TESC \end{array} \begin{array}{c} 482 \\ \TESCP \end{array} \begin{array}{c} 483 \\ \TESCPE \end{array} \begin{array}{c} 487 \\ \TESFP \end{array} \begin{array}{c} 473 \\ \TESFP \end{array} \begin{array}{c} 473 \\ \TESFP \end{array} \begin{array}{c} 473 \\ \TESFPE \end{array} \\ \TESFPE \end{array} \begin{array}{c} 473 \\ \TESFPE \en	\TrCpE*   611 \TrEl
\SELT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TEICP \\ 518 \\ \TEICPE \\ 518 \\ \TEICPE \\ 518 \\ \TEICPE \\ 518 \\ \TEIFP \\ 509, 528 \\ \TEIFP \\ 509 \\ \TEIFPE \\ 500 \\ \TEPCP \\ 500 \\ \TEPCPE \\ 500 \\ \TEPCPE \\ 500 \\ \TEPFP \\ 491 \\ \TEPFP \\ 473 \\ \TESFP \\ 473 \\ \TESFPE	\TrCpE*   611 \TrEl

${f v}$	\VectFPE <u>284</u>	\VMTP* <u>1062</u>
\vcenter 121	\VectFpE <u>284</u>	\VMTp* 1062
\Vect 231, 232,	\VectFPE* <u>284</u>	\VMTV <u>1186</u>
235, 236, 239, 240, 244,	\VectFpE* <u>284</u>	\VMTVP <u>1186</u>
247, 252, 255, 258, 259,	$\verb VectP  . 253, 256, 280, 283, \underline{843}$	\VMTVp 1186
262, 263, 266, 267, 271,	$\verb Vectp   .  245,  248,  272,  275,  \underline{843}$	\VMTVP* 1186
274, 279, 282,  843, 853,	$\ensuremath{\verb vectP  }$	$\VMTVp*$ $\overline{1186}$
890, 891, 1007, 1026,	\vectp $\dots \dots \underline{832}$	\VMTW <u>1177</u> , <u>1186</u>
1035, 1044, 1053, 1056,	\VectTC $\dots \underline{365}$	\VMTWP 1177
1057, 1060-1062, 1065,	$\verb \VectTCP$	\VMTWp 1177
1066, 1069, 1070, 1166,	$\verb \VectTCp  \dots \dots \underline{365}$	\VMTWP* 1177
1169, 1170, 1173-1175,	$\verb \VectTCP*  \dots \dots \underline{365}$	\VMT\p*
1177, 1180, 1181, 1184,	$\verb+\VectTCp*+ \dots \dots \underline{365}$	\VMV
1185, 1189, 1190, 1193,	$\label{eq:VectTCPE} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$	\VMW 1175, 1176
1194,  1208-1211,  1262	$\verb \VectTCpE                                     $	\vphantom 890, 896, 899, 903, 907
\rmsymbol{vect} $832, 996, 997$	$\verb \VectTCPE*                                     $	\VTV 1200, 1205
$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	$\verb \VectTCpE*                                     $	\VTW 1200, <u>1205</u>
$\ensuremath{^{ ext{VectCCC}}}$	\VectTF <u>311</u>	\vv
$\verb \VectCCCT  \underline{823}$	$\verb \VectTFP$	•
$\ensuremath{\texttt{VectCP}}$ $\underline{338}$	$\verb \VectTFp$	\VVT <u>1207</u>
\VectCp <u>338</u>	\VectTFP* <u>311</u>	\VWT <u>1206</u>
\VectCP* <u>338</u>	$\label{eq:vectTFp*} \mbox{$\vee$ vectTFp* } \dots \dots \mbox{$\frac{311}{2}$}$	***
\VectCp* <u>338</u>	\VectTFPE $\dots \dots \underline{311}$	W
\VectCPE <u>338</u>	$\verb \VectTFpE$	\wd 123
$\ensuremath{\texttt{VectCpE}}$ $\underline{338}$	\VectTFPE* <u>311</u>	\widebar <u>117</u> , 118, 1257
\VectCPE* <u>338</u>	\VectTFpE* <u>311</u>	\widehat 1256
$\label{eq:VectCpE*} $$\operatorname{VectCpE*}$ \dots \underline{338}$	\VM <u>1044</u> , 1175, 1211	
$\ensuremath{\text{VectF}}$ . $\underline{284}, 896, 897, 903, 904$	$\verb VMPE$	$\mathbf{X}$
$\ensuremath{VectFFF}$ $\underline{825}$	\VMpE <u>1044</u>	$\xrightarrow$ 1245
$\verb+\VectFFFT+ \dots \dots \underline{825}$	$\verb VMPE*  \dots \dots \underline{1044}$	
$\ensuremath{ extstyle VectFP}$ $\underline{284}$	$\verb VMpE*  \dots \underline{1044}$	${f Z}$
$\verb+\VectFp+ \dots \dots \dots \underline{284}$	\VMT <u>1062</u> , 1177	\Z <u>5</u>
\VectFP* <u>284</u>	$\verb VMTP  1062, 1184, 1185, 1193, 1194  \\$	\z@ 122, 123
$\verb+\VectFp*+ \dots \dots \underline{284}$	$\verb VMTp  1062, 1180, 1181, 1189, 1190 \\$	$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $