# El paquete nacal\*

## Marcos Bujosa mbujosab@ucm.es

#### 5 de enero de 2023

#### Resumen

Paquete que define los macros empleados al escribir el libro Un Curso de Álgebra Lineal (https://github.com/mbujosab/CursoDeAlgebraLineal) con Notación Asociativa (NAcAL).

# $\mathbf{\acute{I}ndice}$

1.	Uso		
	1.1.	Conju	ntos de números
	1.2.	Parént	sesis y corchetes
		1.2.1.	Regla mnemotécnica para comandos que escriben expresiones con paréntesis
	1.3.	Subíno	lices
		1.3.1.	Subíndices y exponente
		1.3.2.	Solo subíndices
	1.4.	Opera	dores
		1.4.1.	Conjugación y concatenación
		1.4.2.	Norma y valor absoluto
		1.4.3.	Transposición
		1.4.4.	Inversa
		1.4.5.	Operador selector
			por la izquierda de un objeto
			por la derecha de un objeto
			por ambos lados de un objeto
			por la izquierda de un vector
			por la derecha de un vector
			por la izquierda de una matriz (filas)
			por la derecha de una matriz (columnas)
			de elementos de una matriz
			de elementos de una matriz transpuesta
		1.4.6.	Operaciones elementales
			Operaciones elementales genéricas
		1.4.7.	Transformaciones elementales particulares
			Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto
			Sucesiones indiciadas de Transf. elementales
			Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto
			Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto
			Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.
			Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto
			Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.
			Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto.

<sup>\*</sup>Este documento corresponde a nacal v1.0, fecha 2023/01/05.

		Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto			
de un objeto					
			Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de		
			un objeto.	25	
			Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto (funciones du-		
			plicadas sin argumentos opcionales)	26	
			Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto (funciones duplicadas sin		
			argumentos opcionales)	27	
			Transformaciones elementales particulares	29	
		1.4.8.	Operador que quita un elemento	30	
		1.4.9.	Selección de elementos sin emplear el operador selector	31	
	1.5.	Sistem	as genéricos	31	
	1.6.		es y matrices	31	
			Vectores genéricos	31	
		1.6.2.	Vectores de $\mathbb{R}^n$	31	
		1.6.3.	Matrices	32	
		1.0.0.	Matrices transpuestas	32	
			Matrices columna	32	
			Matrices fila	33	
			Matriz inversa	33	
		1.6.4.	Miscelánea matrices	34	
		1.0.4.	Determinante de una matriz	34	
				35	
			Orden de las matrices		
	1 7	D 1	Matriz de autovalores	36	
	1.7.		ctos entre vectores	36	
			Producto escalar	36	
			Producto punto	36	
			Producto punto a punto o Hadamard	37	
			a por vector y vector por matriz	37	
			a por matriz	38	
			productos entre matrices y vectores	39	
			as de ecuaciones	40	
			os vectoriales	40	
			ón funcional	41	
	1.14.	Estadí	stica	41	
	_	_			
2.	_	lement		42	
			ntos de números	42	
			esis y corchetes	42	
	2.3.		lices	42	
	2.4.	Operad	dores	43	
		2.4.1.	Conjugación y concatenación	43	
		2.4.2.	Norma y valor absoluto	44	
		2.4.3.	Transposición	44	
		2.4.4.	Inversa	45	
		2.4.5.	Operador selector	45	
		2.4.6.	Operaciones elementales	50	
			Transformaciones elementales generales	51	
		2.4.7.	Transformaciones elementales particulares	52	
			Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto	52	
			Sucesiones indiciadas de Transf. elementales	53	
			Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto	55	
			espejo de una transformación elemental por la izquierda de un objeto	56	
			espejo de una transformación elemental por la derecha de un objeto	56	

Inversa de una transformación elemental por la derecha de un objeto  Espejo de la inversa de una transformación elemental por la izquierda de u objeto	in  ojeto 	57 57 59 59 59
objeto	ieto	57 59 59
Espejo de la inversa de una transformación elemental por la derecha de un ob Transformaciones elementales particulares	jeto  	57 59 59
Transformaciones elementales particulares		59 59
•		59
2.4.8. Operador que quita un elemento		50
2.4.9. Selección de elementos sin emplear el operador selector		59
2.5. Sistemas genéricos		60
2.6. Vectores y matrices		60
2.6.1. Vectores		60
2.6.2. Vectores de $\mathbb{R}^n$		60
2.6.3. Matrices		60
2.6.4. Miscelánea matrices		62
2.7. Productos entre vectores		63
2.7.1. Producto escalar		63
2.7.2. Producto punto		64
2.7.3. Producto punto a punto o <i>Hadamard</i>		64
2.8. Matriz por vector y vector por matriz		64
2.9. Matriz por matriz		65
Matriz inversa		66
2.10. Otros productos entre matrices y vectores		67
2.11. Sistemas de ecuaciones		68
2.12. Espacios vectoriales		68
2.13. Notación funcional		
2.14. Estadística		70

## Introducción

Para el Curso de Álgebra Lineal con Notación Asociativa he creado multitud de macros que definen la notación empleada en el material docente (libro, transparencias, ejercicios, ¿vídeos?).

## 1. Uso

 $\Nn$ 

 $\Zz$ 

\N \Z

\R \Cc

#### 1.1. Conjuntos de números

Respecto a estos comandos, véase el párrafo explicativo de la Sección 1.4.6

Los comandos \Nn, \Zz, \Rr y \CC no tienen argumentos y denotan el conjunto de números naturales, de números enteros, de números reales y números complejos respectivamente

 $\label{eq:linear_loss} $\operatorname{Nn} \operatorname{Zz} \operatorname{Rr} \operatorname{CC} $ \mathbb{R} \ \mathbb{Z} \ \mathbb{R} \ \mathbb{C} $$ 

Los comandos \N, \Z, \R, \Cc, tienen 1 argumento opcional correspondiente a un superíndice

\N \N[5] \N \N<sup>5</sup>

 $\Z \Z[3]$ 

R R[(R[n])]

#### 1.2. Paréntesis y corchetes

Me resulta agradable normalizar el tamaño de los paréntesis y otros tipos de llaves. En general prefiero que en las expresiones matemáticas de tipo *ecuación* o "*displaymath*" los paréntesis sean ligeramente mayores que aquello que encierran. Pero prefiero paréntesis pequeños en las expresiones entre líneas dentro de los párrafos.

El comando \parentesis tiene 1 argumento, \parentesis\* $\{\langle contenido \rangle\}$ . Escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre los paréntesis \big( y \big) si se usa la versión con estrella (paréntesis medianos). Si no se incluye la estrella escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre ( y ) (paréntesis pequeños)

$$(A)$$
  $(A)$ 

El comando \Parentesis tiene 1 argumento, \Parentesis\* $\{\langle contenido \rangle\}$ . Escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre los paréntesis \left( y \right) si se usa la versión con estrella (paréntesis ajustados al tamaño del contenido). Si no se incluye la estrella escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre \Big( y \Big) (paréntesis grandes)

$$\boxed{\left(A\right)} \boxed{\left(\int\limits_a^b h(x)dx\right)}$$

El comando \corchetes tiene 1 argumentos, y es similar a \parentesis, pero escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre corchetes

El comando  $\Corchetes$  tiene 1 argumentos, y es similar a  $\Parentesis$ , pero escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre corchetes



#### 1.2.1. Regla mnemotécnica para comandos que escriben expresiones con paréntesis

Seguiré la siguiente regla con la nomenclatura de algunos comandos y sus versiones con estrella (\*).

- Si terminan en "p" minúscula
  - $\bullet$ sin estrella se pondrá un paréntesis medianoal<br/>rededor del objeto sobre el que se esta realizando una operación
  - con estrella el paréntesis será pequeño
- Si terminan en "P" mayúscula
  - $\bullet\,$ sin estrella se pondrá un paréntesis  $medianamente\ grande$ al<br/>rededor del objeto sobre el que se esta realizando una operación
  - con estrella el paréntesis tendrá un tamaño ajustado al objeto
- Si terminan en "pE" se pondrá un paréntesis alrededor de toda la operación.
  - sin estrella el paréntesis será mediano
  - $\bullet\,$ con estrella el paréntesis será  $peque\~no$
- Si terminan en "PE" se pondrá un paréntesis alrededor de toda la operación
  - sin estrella se pondrá un paréntesis medianamente grande
  - con estrella el tamaño del paréntesis quedará ajustado al tamaño del objeto

#### 1.3. Subíndices

#### 1.3.1. Subíndices y exponente

\LRidxE El comando \LRidxE tiene 4 argumentos, \LRidxE{ $\langle objeto \rangle$ }{ $\langle indIzda \rangle$ }{ $\langle indDcha \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }, y pone un subíndice a cada lado del objeto (con exponente)

\LRidxE{\Mat{A}}{1}{7}{'}  $_{1}\mathbf{A}_{7}^{'}$ 

\LidxE El comando \LidxE tiene 3 argumentos, \LidxE{ $\langle objeto \rangle$ }{ $\langle indIzda \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }, y pone un subíndice a la izquierda del objeto (con exponente)

 $\label{lidxE(Mat(A))(1)(1)} \begin{tabular}{ll} $A' \\ \end{tabular}$ 

\RidxE El comando \RidxE tiene 3 argumentos, \RidxE{ $\langle objeto \rangle$ }{ $\langle indDcha \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }, y pone un a la derecha del objeto (con exponente)

 $\label{eq:alpha} $$ \A_7' $$ 

#### 1.3.2. Solo subíndices

\LRidx Las versiones con y sin estrella tienen 3 argumentos, \LRidx<XX\*> $\{\langle objeto\rangle\}\{\langle indIzda\rangle\}\{\langle indDcha\rangle\}$ , \LRidxp y ponen un subíndice a cada lado del objeto \LRidxp\*

 $\label{linear_$ 

\LRidxpE \LRidxp{\Mat{A}}{1}{7} \LRidxp\*{\Mat{A}}{1}{7} \\LRidxpE\*

 $_{1}(\mathbf{A})$ 

\Lidx Las versiones con y sin estrella tienen 2 argumentos, \Lidx<XX\*> $\{\langle objeto \rangle\}$  $\{\langle indIzda \rangle\}$ , y ponen \Lidxp un subíndice a la izquierda del objeto

\Lidxp\* \Lidx{\Mat{A}}}{1} \\_1**A** 

 $\label{lidxp*} $$ \coprod_{\mathbb{A}}{1} \coprod_{\mathbb{A}}{1} \\ Lidxp*{\mathbb{A}}}{1}$ 

 $\label{eq:lidxpE} $$ LidxpE*{\widetilde{A}}{1} \ LidxpE*{\widetilde{A}}{1} \ \left( {}_{1}\mathbf{A} \right) \ \left( {}_{1}$ 

\Ridx Las versiones con y sin estrella tienen 2 argumentos, \Ridx<XX\*> $\{\langle objeto\rangle\}$  $\{\langle indDcha\rangle\}$ , y ponen \Ridxp un subíndice a la derecha del objeto

 $\label{eq:lidxPE(widehat{\Lambda})}{1} \ \LidxPE*{\widehat{\Lambda}}}{1}$ 

\RidxP\*
\RidxpE 5

\RidxPE

\RidxpE\*

#### 1.4. Operadores

#### 1.4.1. Conjugación y concatenación

Definimos un operador con una barra ancha.

El comando \widebar tiene 1 argumento, \widebar $\{\langle objeto \rangle\}$ , y pone una barra ancha sobre el  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

\widebar{x}  $\overline{x}$ 

Con dicha barra ancha denotaremos el operador conjugación:

El comando \conj tiene 1 argumento, \conj $\{\langle objeto \rangle\}$ , y pone una barra ancha sobre el  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

 $\conj{5+2i}$ 

Con el comando \concat denotaremos la concatenación de dos sistemas El comando \concat no tiene argumentos, \concat.

\concat #

#### 1.4.2. Norma y valor absoluto

El comando \norma tiene 2 argumentos, \norma [ $\langle tipo \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, y denota la norma del { $\langle objeto \rangle$ }. En la versión con estrella las dobles barras verticales se ajustan al tamaño del { $\langle objeto \rangle$ }.

El comando \modulus tiene 1 argumento, \modulus $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el valor absoluto del  $\{\langle objeto \rangle\}$ . En la versión con estrella las barras verticales se ajustan al tamaño del  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

#### 1.4.3. Transposición

El comando \T no tiene argumentos y denota el símbolo de la transposición.

El comando Trans<XX\*> tiene 1 argumento, Trans<XX\*>{ $\langle objeto \rangle$ }, y denota la transposición del { $\langle objeto \rangle$ }

 $\mathbf{A}^{\mathsf{T}}$ \Trans{\Mat{A}}  $(\widehat{\mathbf{A}})^{\mathsf{T}}$  $\label{eq:linear_alpha} $$ \operatorname{\mathbb{A}}} \ Transp*{\widetilde{A}}}$ \TransP{\Mat{A}} \TransP\*{\Mat{A}}} \TranspE{\Mat{A} \TranspE\*{\Mat{A}}} \TransPE{\Mat{A}} \TransPE\*{\Mat{A}}} 1.4.4. Inversa Me gusta que el signo negativo que indica la inversa sea ligeramente más corto que el habitual. Así logramos que las expresiones sean un poco más compactas. El comando \minus no tiene argumentos \minus \minus Tiene 1 argumento,  $\langle objeto \rangle$ , y denota el inverso del  $\langle objeto \rangle$ .  $\Inv$ \Invp  $\ln x$ \Invp\*  $\InvP$  $(x)^{-1}$  $\InvP*$  $\Invp{x} \Invp*{x}$ \InvpE \InvpE\* \InvPE  $\InvP{x} \InvP*{\int\limits_a^b h(x)dx}$ \InvPE\*  $\InvpE{x} \InvpE*{x}$ \InvPE{x} \InvPE\*{x} 1.4.5. Operador selector Denotaremos el operador selector con una barra vertical. El comando \getItem no tiene argumentos \getItem П \getItem El comando \getitemL tiene 1 argumento, \getitemL $\{\langle objeto \rangle\}$ . \getitemL \getitemL{i}  $i \mid$ El comando \getitemR tiene 1 argumento, \getitemR $\{\langle objeto \rangle\}$ . \getitemR

 $\mid j \mid$ 

\getitemR{j}

```
por la izquierda de un objeto El comando \elemL<XX*> tiene 2 argumentos,
        \elemL
     \elemLp
                                                                                                                        \left( objeto \right) \left( indice(s) \right),
   \elemLp*
     \elemLP
                                y denota la selección de elementos por la izquierda.
   \elemLP*
                                                                                                                                                                                                                _{i|}\mathbf{A}
                                                                                                                          \elemL{\Mat{A}}{i}
  \elemLpE
\elemLpE*
   \elemLPE
                                                                        \left( A\right) = \left( A\right) 
\elemLPE*
                                                                       \elemLP{\Mat{A}}{i} \elemLP*{\Mat{A}}{i}
                                                                     \elemLpE{\Mat{A}}{i} \elemLpE*{\Mat{A}}{i}
                                                                    \left\{ A\right\} \{i\} \left[ Mat\{A\} \}\{i\} \right]
                                 por la derecha de un objeto El comando \elemR<XX*> tiene 2 argumentos,
                                                                                                                        \ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{$\sim$}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{$\sim$}}}}} {\ensuremath{\mbox{$\sim$}}} {\ensuremath{\mbox{$\sim$}}}} {\ensuremath{\mbox{$\sim$}}} {\ensuremath{\mbox{$\sim$}}}} {\ensuremath{\mbox{$\sim$}}} {\ensuremath{\mbox{$\sim$}}} {\ensuremath{\
                                y denota la selección de elementos por la derecha.
                                                                                                                          \elemR{\Mat{A}}{i}
                                                                                                                                                                                                                 \mathbf{A}_{1i}
                                                                         \elemRp{\Mat{A}}{i} \elemRp*{\Mat{A}}{i}
                                                                        \elemRP{\Mat{A}}{i} \elemRP*{\Mat{A}}{i}
                                                                     \label{lemRpE} $$ \operatorname{Mat}_A}_{i} \operatorname{EmRpE}_{\operatorname{A}}_{i} $$ \operatorname{EmRpE}_{A}_{i} $$
                                                                     \elemRPE{\Mat{A}}{i} \elemRPE{\Mat{A}}{i}
                                por ambos lados de un objeto El comando \elemLR<XX*> tiene 3 argumentos,
                                                                                       \ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}}{\langle\mbox{$objeto$}\rangle}{\langle\mbox{$indice(s)Izda$}\rangle}{\langle\mbox{$indice(s)Dcha$}\rangle},
                                y denota la selección de elementos por ambos lados.
                                                                                                                 \left( A_{A}\right) 
                                                                                                                                                                                                                      _{i|}\mathbf{A}_{|j|}
                                                       \elemLRp{\Mat{A}}{i}{j} \elemLRp*{\Mat{A}}{i}{j}
                                                      \elemLRP{\Mat{A}}{i}{j} \elemLRP*{\Mat{A}}{i}{j}
                                                    \label{lem_RpE*(Mat{A}){i}{j} \elem_RpE*{\mathcal{A}}{i}{j}
                                                  \left[ A_{A}\right] = \left[ A_{A}\right]
```

# $\label{eq:por_laive_variance} \begin{tabular}{ll} \textbf{por la izquierda de un vector} & $$\left( sub\'indice \right) = \left( nombre \right) + \left( indice(s) \right) + \left( nombre \right) + \left( indice(s) \right) + \left( nombre \right)$

y denota la selección de elementos por la izquierda de un vector.

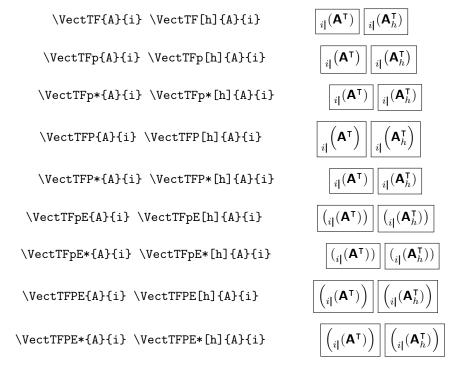
	\eleVL{a}{i} \eleVL[h]{a}{i}	$oxed{[i m{a}]} oxed{[i (m{a}_h)]}$
	\eleVLp{a}{i} \eleVLp[h]{a}{i}	$oxed{[i (oldsymbol{a})igg _{i }(oldsymbol{a}_h)}$
	\eleVLp*{a}{i} \eleVLp*[h]{a}{i}	$\boxed{_{i  }(\boldsymbol{a})} \boxed{_{i  }(\boldsymbol{a}_h)}$
	\eleVLP{a}{i} \eleVLP[h]{a}{i}	$egin{bmatrix} \left[a ight] \left[a ight] \left[a_h ight] \end{bmatrix}$
	\eleVLP*{a}{i} \eleVLP*[h]{a}{i}	$\boxed{_{i  }(\boldsymbol{a})} \boxed{_{i  }(\boldsymbol{a}_h)}$
	\eleVLpE{a}{i} \eleVLpE[h]{a}{i}	$oxed{\left(_{iig }oldsymbol{a} ight)}oxed{\left(_{iig }(oldsymbol{a}_h) ight)}$
	\eleVLpE*{a}{i} \eleVLpE*[h]{a}{i}	$\boxed{({}_{i }\boldsymbol{a})} \boxed{({}_{i }(\boldsymbol{a}_h))}$
	\eleVLPE{a}{i} \eleVLPE[h]{a}{i}	$\left[\left({}_{i }oldsymbol{a} ight) ight]\left({}_{i }(oldsymbol{a}_h) ight)$
	\eleVLPE*{a}{i} \eleVLPE*[h]{a}{i}	$\left[\left(_{i }oldsymbol{a} ight) ight]\left[\left(_{i }(oldsymbol{a}_{h}) ight) ight]$
\eleVR	por la derecha de un vector El comando \eleVR <xx*:< td=""><td>tiene 3 argumentos,</td></xx*:<>	tiene 3 argumentos,
\eleVRp	$\verb \eleVR[\langle subindice\rangle] \{\langle nombrace, various   var$	
\eleVRp* \eleVRP	y denota la selección de elementos por la derecha de un vec	
\eleVRP*		
\eleVRpE eleVRpE*	$\eleVR{a}{i} \eleVR[h]{a}{i}$	$oxed{a_{ i }} oxed{(a_h)_{ i }}$
\eleVRPE eleVRPE*	\eleVRp{a}{i} \eleVRp[h]{a}{i}	$oxed{\left(a ight)_{ i }}oxed{\left(a_h ight)_{ i }}$
	\eleVRp*{a}{i} \eleVRp*[h]{a}{i}	$oxed{(a)_{ i }} oxed{(a_h)_{ i }}$
	\eleVRP{a}{i} \eleVRP[h]{a}{i}	$oxed{\left(oldsymbol{a} ight)_{ i }}oxed{\left(oldsymbol{a}_h ight)_{ i }}$
	\eleVRP*{a}{i} \eleVRP*[h]{a}{i}	$\boxed{(a)_{ i }} \boxed{(a_h)_{ i }}$
	\eleVRpE{a}{i} \eleVRpE[h]{a}{i}	$oxed{\left(oldsymbol{a}_{oldsymbol{ert}i} ight)}oxed{\left(\left(oldsymbol{a}_{h} ight)_{oldsymbol{ert}i} ight)}$
	\eleVRpE*{a}{i} \eleVRpE*[h]{a}{i}	$oxed{(oldsymbol{a}_{ i})}oxed{((oldsymbol{a}_h)_{ i})}$
	\eleVRPE{a}{i} \eleVRPE[h]{a}{i}	$oxed{\left(a_{ i} ight)}oxed{\left((a_h)_{ i} ight)}$
	\eleVRPE*{a}{i} \eleVRPE*[h]{a}{i}	$oxed{\left[\left(oldsymbol{a}_{overline{ert}i} ight) ight]}{\left[\left(\left(oldsymbol{a}_{h} ight)_{overline{ert}i} ight)}$

por la izquierda de una matriz (filas) El comando \VectF<XX\*> tiene 3 argumentos, \VectF \VectFp  $\VectF<XX*>[\langle subindice\rangle] \{\langle nombre\rangle\} \{\langle indice(s)\rangle\},\$ \VectFp\* y denota la selección de filas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis \VectFP cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere) \VectFP\* \VectFpE \VectF{A}{i} \VectF[h]{A}{i}  $_{il}(\mathbf{A}_h)$ \VectFpE\* \VectFPE \VectFp{A}{i} \VectFp[h]{A}{i} \VectFPE\* \VectFp\*{A}{i} \VectFp\*[h]{A}{i} \VectFP{A}{i} \VectFP[h]{A}{i}  $_{i|}(\mathbf{A})$ \VectFP\*{A}{i} \VectFP\*[h]{A}{i}  $_{i}|(\mathbf{A}_{h})$ \VectFpE{A}{i} \VectFpE[h]{A}{i} \VectFpE\*{A}{i} \VectFpE\*[h]{A}{i}  $(i|\mathbf{A})$  $(i|(\mathbf{A}_h))$ \VectFPE{A}{i} \VectFPE[h]{A}{i} \VectFPE\*{A}{i} \VectFPE\*[h]{A}{i}

El comando \VectTF<XX\*> tiene 3 argumentos,

 $\label{eq:vecttf} $$\operatorname{XX*>[\langle subindice\rangle]}(\langle nombre\rangle)(\langle indice(s)\rangle), $$$ 

y denota la selección de filas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)



# por la derecha de una matriz (columnas) El comando \VectC<XX\*> tiene 3 argumentos, $\verb|\VectC<XX*>[\langle subindice\rangle] \{\langle nombre\rangle\} \{\langle indice(s)\rangle\},$

y denota la selección de columnas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)

$\label{eq:continuous_approx} $$\operatorname{A}_{i} \operatorname{A}_{i} \left( \mathbf{A}_{h} \right) = \mathbf{A}_{i} \left( \mathbf{A}_{h} \right) = $	) 1
\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	716
$\label{eq:local_part} $$ \end{area} $$ \en$	$\left  \mathbf{A}_h  ight)_{ i }$
$\label{eq:continuous_loss} $$ \end{array} $$\end{array} $$\end{array}$	$\left[\mathbf{A}_{h} ight)_{ i }$
$\label{eq:local_problem} $$ \end{align*} $$ \end{align*} \left( \mathbf{A} \right)_{ i } \left( \mathbf{A} \right)_{ i } \right] = \left( \mathbf{A} \right)_{ i } \left( \mathbf{A} \right)$	$\left(\mathbf{A}_{h}\right)_{ i }$
$\label{eq:local_problem} $\operatorname{VectCP*[h]_{A}_{i}} $$ $$ $$ $(\mathbf{A})_{ i}$ $$ $$ $$ $$$	$ \mathbf{A}_h)_{ i }$
$\label{eq:local_local_local_local_local} $$\operatorname{VectCpE[h]_{A}_{i}} $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$	$(\mathbf{A}_h)_{ i}$
$\label{eq:local_period_period_period_period_period} $$\operatorname{A}_i                                    $	$((\mathbf{A}_h)_{ i})$
$\label{eq:local_local_local_local_local_local} $$\operatorname{VectCPE[h]_{A}_{i}} $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$	$(A_h)_{ i} \Big)$
$\label{eq:local_problem} $$ \end{align*} $$ $	$\left( (\mathbf{A}_h)_{ i}  ight)$
\VectTC El comando \VectTC <xx*> tiene 3 argumentos,</xx*>	
$\label{eq:VectTCp} $$ \end{array} $$\end{array} $$arr$	},
\VectTCP* y denota la selección de filas de una matriz (nótese que automáticamente \VectTCP* cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)	e se añade un paréntesis
$\label{eq:continuous_loss} $\operatorname{VectTC}_{A}_{i} \operatorname{A}_{i} $$ $$ $$ \operatorname{A}_{i} $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$$	$\left(oldsymbol{A}_h^{\intercal} ight)_{ i }$
	$\left(\mathbf{A}_{h}^{\intercal} ight)_{ i }$
$\label{eq:continuous_loss} $$\operatorname{TCp*[h]_{A}_{i}} $$ (\mathbf{A}^{T})_{i} $$$	$oxed{\left(\mathbf{A}_h^\intercal ight)_{ i }}$
$\label{eq:local_topology} $$ \end{align*} $$ \end{align*} \left( \mathbf{A}^{T} \right)_{ i } $$$	$\left(\mathbf{A}_h^{\intercal}\right)_{ i }$
$\label{eq:control_state} $$\operatorname{A}_{i} \operatorname{A}_{i} \left( \mathbf{A}^{T} \right)_{i} $$$	$oxed{\left(\mathbf{A}_h^\intercal ight)_{ i }}$
$\label{eq:local_local_local_local_local} $$\operatorname{VectTCpE[h]_{A}_{i}} $$ $$ $\left( (\mathbf{A}^{T})_{ i} \right) $$$	$\left[\left(\left(\mathbf{A}_h^{\intercal} ight)_{ i} ight)$
$\label{eq:continuous_loss} $$\operatorname{VectTCpE*[h]_{A}_{i}} $$ ((\mathbf{A}^{T})_{ i})$$	$\left   \left [ ((\mathbf{A}_h^{T})_{ i}) \right  $
$\label{eq:continuous_loss} $$\operatorname{VectTCPE[h]_{A}_{i}} $$ \end{tabular} $	$\boxed{\left((\mathbf{A}_h^{T})_{ i}\right)}$
$\label{eq:VectTCPE*A} $$ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$	$\left  \left\lceil \left( (\mathbf{A}_h^\intercal)_{ i} \right) \right $

de elementos de una matriz El comando \eleM<XX\*> tiene 4 argumentos, \eleM \eleMp \eleMp\* y denota la selección de filas y columnas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un \eleMP paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere) \eleMP\* \eleMpE  $\left(A}{i}{j} \right) A}{i}{j} \left(A}{i}{j}\right)$  $_{il}(\mathbf{A}_h)_{|j|}$ \eleMpE\* \eleMPE  $\left( A_{i}^{j} \right) A_{i}^{j} \left( A_{i}^{j} \right)$ \eleMPE\*  $\left( A_{i}^{i} \right) \left( A_{i}^{i} \right)$  $_{i\mathsf{I}}(\mathsf{A}_h)_{\mathsf{I}}$  $\left( A_{i}_{i}^{j} \right) \left( A_{i}^{j} \right)$  $\ensuremath{\mbox{eleMP*}\{A\}\{i\}\{j\} \ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}}\{h]\{A\}\{i\}\{j\}$  $_{il}(\mathbf{A}_h)_{l}$  $\left( A_{i}^{i} \right) \left( A_{i}^{i} \right)$  $(\mathbf{A}_h)$  $\left( \frac{A}{i} \right) \left( \frac{A}{i} \right)$  $({}_{i}\mathsf{I}(\mathsf{A}_h)_\mathsf{I}$  $\ensuremath{\mbox{eleMPE}\{A\}\{i\}\{j\} \ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}} \{i\}\{j\}$  $\ensuremath{\mbox{eleMPE*{A}{i}{j} \eleMPE*{h}{A}{i}{j}}$ 

de elementos de una matriz transpuesta El comando \eleMT<XX\*> tiene 4 argumentos,

 $\verb|\eleMT<XX*>[\langle subindice\rangle] \{\langle nombre\rangle\} \{\langle indice(s)Fil\rangle\} \{\langle indice(s)Col\rangle\}, \\$ 

y denota la selección de filas y columnas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)

 $_{i\mathsf{I}}(\mathsf{A}_h^\intercal)_{\mathsf{I}j}$  $\left( A_{i}_{i}^{j} \right) \left( A_{i}^{i}_{j} \right)$  $(\mathsf{T}(\mathsf{A})^{\mathsf{T}})$  $\left( A_{i}^{i} \right) \left( A_{i}^{i} \right)$  $((\mathbf{A}_h)^{\mathsf{T}}$  $_{i}$ (( $\mathbf{A}_{h}$ ) $^{\intercal}$ )  $\left( \frac{A}{i}^{j} \right) = MTp*[h]^{A}^{i}^{j}$  $_{i|}((\mathbf{A})^{\intercal})_{|i|}$  $\left( A_{i}^{i} \right) \left( A_{i}^{i} \right)$  $_{i|}((\mathbf{A}_h)^{\intercal})$  $\left( A^{i}_{j} \right) = MTP*[h]{A}{i}{j}$  $_{i|}((\mathbf{A})^{\intercal})_{|i|}$  $\left( A_{i}^{j} \right) \left( A_{i}^{j} \right)$  $\left( A_{i}^{j} \right) = MTpE * [h] {A}{i}{j}$ \eleMTPE{A}{i}{j} \eleMTPE[h]{A}{i}{j}  $\ensuremath{\mbox{eleMTPE*}\{A\}\{i\}\{j\} \ensuremath{\mbox{\mbox{eleMTPE*}}\{h]\{A\}\{i\}\{j\} }$ 

#### 1.4.6. Operaciones elementales

Primero fijamos la notación de las operaciones elementales tipo I y II, los intercambios y las reordenaciones (o permutaciones).

\su El comando \su tiene 3 argumentos, \pe{\(\langle escalar\)}{\(\langle indice\)}}{\(\langle indice\)}, e indica una transformación Tipo I.

$$\su{a}{j}{k}$$

\pr El comando \pr tiene 2 argumento, \pr{\( escalar \)}{\( (indice \)}\), e indica una transformación Tipo II.

$$\pr{a}{k}$$

\pe El comando \pr tiene 2 argumento, \pr ${\langle indice \rangle}$ , e indica un intercambio.

$$\texttt{pe{i}}\{\mathtt{k}\}\qquad \qquad \overline{i\rightleftharpoons k}$$

\perm El comando \perm no tiene argumentos e indica un reordenamiento o permutación.

Usaremos letra griega tau para denotar una operación elemental (o una secuencia de ellas).

\TrEl El comando \TrEl no tiene argumentos

\TrEl 
$$au$$

\OEsu{a}{j}{k} 
$$ag{[(a)j+k]}$$

**\OEin{k}{j}** 
$$au_{[k \rightleftharpoons j]}$$

\OEper El comando \OEper no tiene argumentos e indica un reordenamiento o permutación entre componentes

\OEper 
$$au_{[\mathfrak{S}]}$$

\E0Esu El comando \E0Esu tiene 3 argumentos, \E0Esu $\{\langle num \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$ , e indica la operación espejo de una elemental de Tipo I

\E0Esu{a}{j}{k} 
$$esp \binom{ au}{[(a)j+k]}$$

\E0Epr El comando \E0Epr tiene 2 argumentos, \E0Epr $\{\langle num \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$ , e indica la operación espejo de una elemental de Tipo II

\EOEpr{a}{j} 
$$esp igg( m{ au}_{[(a)m{j}]} igg)$$

Operaciones elementales genéricas. Los siguientes comandos tienen argumentos opcionales, que no funcionan al escribir preguntas para Moodle.

El comando OEg tiene 2 argumentos opcionales,  $\texttt{OEg}[\langle \textit{indice} \rangle][\langle \textit{exponente} \rangle]$ , e indica una operación elemental genérica

\OEg \OEg[k] \OEg[][\*] \OEg[k][\*] 
$$\overline{ au}$$
  $\overline{ au}$   $\overline{ au}^*$   $\overline{ au}^*$ 

El comando \E0Eg tiene 2 argumentos opcionales, \E0Eg [ $\langle indice \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ], e indica la operación espejo de una elemental genérica

El comando \InvE0Eg tiene 1 argumento opcional, \Inv0Eg[ $\langle indice \rangle$ ], e indica la operación inversa de una elemental genérica

\Inv0Eg \Inv0Eg[k] 
$$au^{-1}$$
  $au_k^{-1}$ 

El comando  $\EinvOEg$  tiene 1 argumento opcional,  $\EinvOEg[\langle indice \rangle]$ , e indica la operación espejo de la inversa de una elemental genérica

\EInvOEg \EInvOEg[k] 
$$esp( au^{-1}) esp( au^{-1})$$

El comando \S0Eg tiene 3 argumentos opcionales, \S0Eg [ $\langle indiceInic \rangle$ ] [ $\langle indiceFin \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ], e indica una sucesión de operaciones elementales genéricas

\S0Eg 
$$\boxed{\tau_1\cdots\tau_k}$$
 \S0Eg[8] [p] \S0Eg[8][p] [\*] 
$$\boxed{\tau_8\cdots\tau_k} \boxed{\tau_8\cdots\tau_p} \boxed{\tau_8^*\cdots\tau_p^*}$$

Comandos duplicados para las operaciones elementales generales. Desgraciadamente para el propósito de este paquete, las macros que he definido al escribir el libro usan mayoritariamente argumentos opcionales, que en Moodle no se pueden usar. Cambiar las macros originales supondría modificar los archivos del libro, las transparencias de clase, los problemas propuestos, los exámenes pasados... demasiado trabajo. La alternativa que me queda tampoco me gusta, pero al menos no supone tanto trabajo. Dicha alternativa consiste en duplicar comandos, es decir, que por cada comando original (con argumentos opcionales) crearé otro comando que pinte los mismos símbolos pero sin argumentos opcionales (esta solución ya la he tomado con los comandos de notación de los conjuntos de números, de manera que para escribir  $\mathbb{R}^n$  ahora tenemos  $\mathbb{R}[n]$  (el argumento opcional es el superíndice) o bien  $\mathbb{R}^n$ n (que no tiene argumentos opcionales y que es lo que tendremos que usar si queremos escribir dicha expresión en en las preguntas para Moodle).

El criterio de nomenclatura que he adoptado ha sido repetir la letra del comando pero en minúscula (salvo en el caso de los complejos); es decir, los comandos definidos para el libro son:  $\N$ ,  $\Z$ ,  $\R$  y  $\C$ c (debido a que  $\C$  ya es un comando del paquete hyperref). Así, que los nuevos comandos que he creado para duplicar los anteriores pero sin argumentos opcionales son  $\N$ n,  $\Z$ z,  $\R$ r y  $\C$ C.

Ahora tengo que pensar en un criterio análogo para que sea fácil pasar del comando original a duplicado sin argumentos opcionales. No lo tengo claro así que voy a probar con mantener los mismo nombres pero con una d delante para indicar que es el comando duplicado (no sé que tal resultará esta solución).

El comando  $\dOEgE$  tiene 2 argumentos,  $\dOEgE\{\langle indice \rangle\}\{\langle exponente \rangle\}$ , e indica una operación elemental genérica con un exponente (y replica el comando  $\dOEg$  que tiene argumentos opcionales)

$$\label{eq:doege} $$\doege{k}{} \doege{k}{} \doege{k}{*}$$$

El comando  $\dOEg$  tiene 1 argumento,  $\dOEg\{\langle indice \rangle\}$ , e indica una operación elemental genérica (y replica el comando  $\DEg$  que tiene argumentos opcionales)

\d0Eg{} \d0Eg{k} 
$$\overline{ au}$$
  $\overline{ au}_k$ 

También fijamos la notación para operación inversa, la operación espejo y el espejo de la inversa de una operación elemental

\dE0EgE

El comando  $\Delta EOEgE tiene 2$  argumentos,  $\Delta EOEgE\{(indice)\}\{(exponente)\}$ , e indica la operación espejo de una elemental genérica con un exponente (y replica el comando \E0Eg que tiene argumentos opcionales)

$$esp(oldsymbol{ au})$$
  $esp(oldsymbol{ au}_k^*)$ 

\dE0Eg

El comando  $\Delta EOEg$  tiene 1 argumento,  $\Delta EOEgE\{(indice)\}$ , e indica la operación espejo de una elemental genérica (y replica el comando \EOEg que tiene argumentos opcionales)

$$esp(oldsymbol{ au})$$
  $esp(oldsymbol{ au}_k)$ 

\dInv0Eg

El comando  $\d InvOEg tiene 1 argumento, \d InvOEgE{(indice)}, e indica la inversa de una ele$ mental genérica (y replica el comando \InvOEg que tiene argumentos opcionales)

$$oxed{ au^{-1}} oxed{ au_k^{-1}}$$

\dEInv0Eg

El comando \dEInv0Eg tiene 1 argumento, \dEInv0EgE{\langle indice}}, e indica la operación espejo de la inversa de una elemental genérica (y replica el comando \EInvOEg que tiene argumentos opcionales)

$$esp( au^{-1})$$
  $esp( au_k^{-1})$ 

\dS0EgE

El comando \dS0EgE tiene 3 argumento3, \dS0EgE $\{\langle indiceInic\rangle\}\{\langle indiceFin\rangle\}\{\langle exponente\rangle\}$ , el indica una sucesión de operaciones elementales genéricas con exponente

\dSOEgE{j}{k}{\*} 
$$\sigma_j^* \cdots \sigma_k^*$$

$$oldsymbol{ au}_i^*\cdots oldsymbol{ au}_k^*$$

\dS0Eg

\TESF

\TESFp \TESFp\*

\TESFP

\TESFP\* \TESFpE \TESFpE\*

\TESFPE \TESFPE\*

El comando \dS0Eg tiene 2 argumento3, \dS0Eg{ $\langle indiceInic \rangle$ }{ $\langle indiceFin \rangle$ }, e indica una sucesión de operaciones elementales genéricas

$$oldsymbol{ au}_j \cdots oldsymbol{ au}_k$$

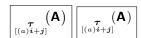
#### Transformaciones elementales particulares

Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto El comando \TESF tiene 4 argumentos,  $\TESF{\langle escalar \rangle} \{\langle \acute{indice} \rangle\} \{\langle \acute{indice} \rangle\} \{\langle \acute{objeto} \rangle\}$ , e indica una transformación elemental de Tipo I por la izquierda del objeto.

$$\TESF{a}{i}{j}{\Mat{A}}$$



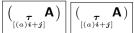
 $\TESFp{a}{i}{j}{\mathbb{A}} \TESFp*{a}{i}{j}{\mathbb{A}}$ 



\TESFP{a}{i}{j}{\Mat{A}} \TESFP\*{a}{i}{j}{\Mat{A}}}



 $\label{lem:tesfpe} $$ TESFpE_{a}_{i}_{j}_{Mat_{A}} \TESFpE_{a}_{i}_{j}_{Mat_{A}}$$ 

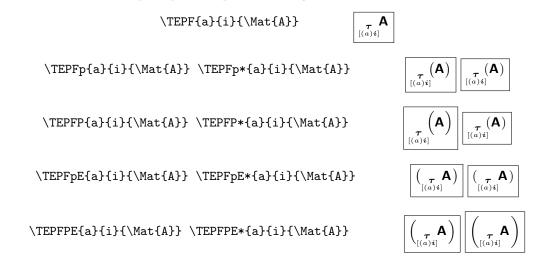


 $\label{eq:tessfpe} $$ TESFPE_{a}_{i}_{j}_{\mathcal{A}} \ TESFPE_{a}_{i}_{j}_{\mathcal{A}}$$ 

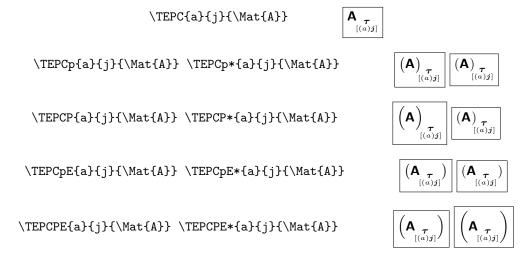
$$oxed{\left(egin{array}{c} au \ [(a)i+j] \end{array}
ight)} \left[ egin{array}{c} au \ [(a)i+j] \end{array}
ight)$$

El comando \TESC tiene 4 argumentos, \TESC $\{\langle escalar \rangle\}\{\langle indice \rangle\}\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica \TESC una transformación elemental de Tipo I por la derecha del objeto. \TESCp \TESCp\*  $\TESC{a}{i}{j}{\Mat{A}}$ \TESCP  $oldsymbol{ au}_{[(a)oldsymbol{i}+oldsymbol{j}]}$ \TESCP\* \TESCpE  $\TESCp{a}{i}{j}{\Mat{A}} \TESCp*{a}{i}{j}{\Mat{A}}$ (A)(A)\TESCpE\* f(a)i+j $^{\prime}$  au  $_{[(a)i+j]}$ \TESCPE \TESCPE\*  $\label{eq:tescp} $$ \TESCP*{a}_{i}_{j}_{\mathcal{A}} \TESCP*{a}_{i}_{j}_{\mathcal{A}}$$  $(\mathbf{A})$ (A)f(a)i+j $\TESCpE\{a\}\{i\}\{j\}\{\Mat\{A\}\}\ \TESCpE*\{a\}\{i\}\{j\}\{\Mat\{A\}\}\}$ (A $\tau_{[(a)i+j]}$  $oldsymbol{ au}_{[(a)oldsymbol{i}+oldsymbol{j}]}^{oldsymbol{ au}}$  $\label{lem:tescpe} $$ \TESCPE\{a\}\{i\}\{j\}_{\mathcal{A}} \TESCPE*\{a\}\{i\}\{j\}_{\mathcal{A}}$$ 

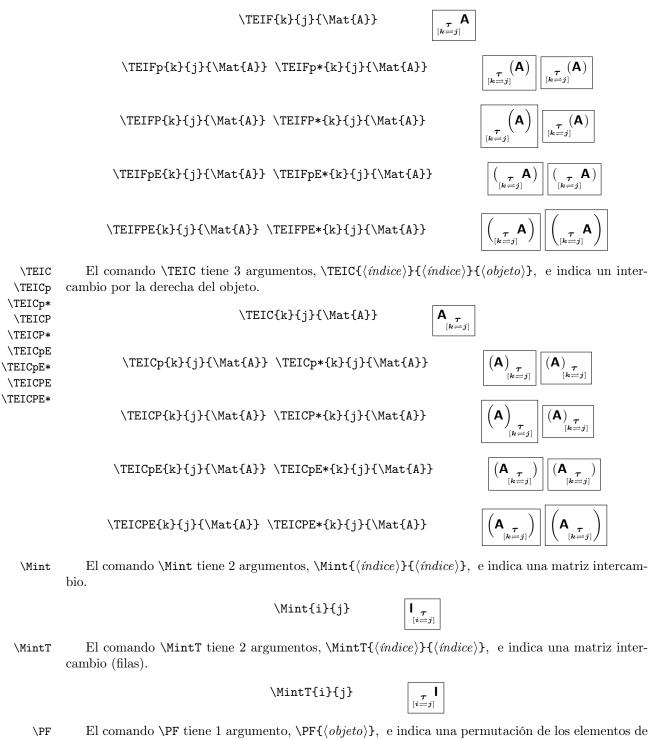
El comando \TEPF tiene 3 argumentos, \TEPF{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental de Tipo II por la izquierda del objeto.



El comando \TEPC tiene 3 argumentos, \TEPC $\{\langle escalar \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental de Tipo II por la derecha del objeto.



El comando \TEIF tiene 3 argumentos, \TEIF $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica un intercambio por la izquierda del objeto.



un objeto por la izquierda.

\PC El comando \PC tiene 1 argumento, \PC $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una permutación de los elementos de un objeto por la derecha.

\MP El comando \MP no tiene argumentos e indica una matriz permutación.

\MP 
$$I_{\tau}$$

El comando \MPT no tiene argumentos e indica una matriz permutación.

\MPT 
$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{\tau} \\ \boldsymbol{\varepsilon} \end{bmatrix}$$

Sucesiones indiciadas de Transf. elementales por la izquierda, la derecha, o por ambos lados.

El comando \SITEF tiene 3 argumentos, \SITEF $\{\langle indInic \rangle\}$  $\{\langle indFinal \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda del  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

El comando \SITEC tiene 3 argumentos, \SITEC $\{\langle indInic \rangle\}$  $\{\langle indFinal \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha del  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

$\label{local_site_cp*{j}{k}{\Mat{A}}} % \begin{subarray}{ll} su$	$oxed{(\mathbf{A})_{oldsymbol{ au}_j \cdots oldsymbol{ au}_k}}$
\SITECpE{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{\left(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_j\cdots\boldsymbol{\tau}_k}\right)}$
\SITECpE*{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_j \cdots \boldsymbol{\tau}_k})}$
\SITECPE{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{\left(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_j \cdots \boldsymbol{\tau}_k}\right)}$
\SITECPE*{j}{k}{\Mat{A}}	$oxed{\left(\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}_{j}\cdotsoldsymbol{ au}_{k}} ight)}$

\SITEFCp \SITEFCp\* \SITEFCP

\SITEFCP\*
\SITEFCPE\*
\SITEFCPE
\SITEFCPE

El comando \SITEFC tiene 3 argumentos, \SITEFC $\{\langle indInic\rangle\}\{\langle indFinal\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$ , e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del  $\{\langle objeto\rangle\}$  (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

()	):	
\SITEFC{j}{k}{	\Mat{A}}	$oldsymbol{ au}_koldsymbol{ au}_joldsymbol{ au}_joldsymbol{ au}_k$
\SITEFCp{j}{k}{\footnote{k}}	Mat{A}}	$oldsymbol{ au_k  au_j} ig( oldsymbol{A} ig)_{oldsymbol{ au}_j  au_k}$
\SITEFCp*{j}{k}{	\Mat{A}}	$_{oldsymbol{ au}_k \cdots oldsymbol{ au}_j} (\mathbf{A})_{oldsymbol{ au}_j \cdots oldsymbol{ au}_k}$
\SITEFCP{j}{k}{\	Mat{A}}	$oldsymbol{ au}_k \cdots oldsymbol{ au}_j \left( oldsymbol{A}  ight)_{oldsymbol{ au}_j \cdots oldsymbol{ au}_k}$
\SITEFCP*{j}{k}{	\Mat{A}}	$_{oldsymbol{ au}_k\cdotsoldsymbol{ au}_j}(\mathbf{A})_{oldsymbol{ au}_j\cdotsoldsymbol{ au}_k}$
\SITEFCpE{j}{k}{	\Mat{A}}	$\left({}_{\tau_k\cdots\tau_j}\mathbf{A}_{\tau_j\cdots\tau_k}\right)$
\SITEFCpE*{j}{k}	{\Mat{A}}	$\boxed{ \left( {{{\pmb{\tau}}_k}{{\pmb{\tau}}_j}}{\pmb{A}_{{\pmb{\tau}}_j}{{\pmb{\tau}}_k}} \right)}$
\SITEFCPE{j}{k}{	\Mat{A}}	$\left( oldsymbol{ au}_k oldsymbol{ au}_j oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}_j} oldsymbol{ au}_k  ight)$
\SITEFCPE*{j}{k}{	\Mat{A}}	$\left( oldsymbol{ au}_k oldsymbol{ au}_j oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}_j} oldsymbol{ au}_k  ight)$

\SITEFCRp \SITEFCRP\* \SITEFCRP\* \SITEFCRPE \SITEFCRPE\* \SITEFCRPE

\SITEFCRPE\*

\SITEFCR

El comando \SITEFCR tiene 3 argumentos, \SITEFCR $\{\langle indInic \rangle\}$  $\{\langle indFinal \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del  $\{\langle objeto \rangle\}$  (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

\SITEFCR{j}{k}{\Mat{A}}	$oxed{ au_j \cdots  au_k  extbf{A}_{ au_j} \cdots  au_k}$
$\SITEFCRp{j}{k}{\mathbb{A}}$	$\boxed{ _{\boldsymbol{\tau}_{k}\cdots\boldsymbol{\tau}_{j}}(\mathbf{A})_{\boldsymbol{\tau}_{j}\cdots\boldsymbol{\tau}_{k}} }$
$\label{linear_simple_simple_simple} $$ \SITEFCRp*{j}{k}_{\mathbb{A}}$$$	$\boxed{_{\boldsymbol{\tau}_k\cdots\boldsymbol{\tau}_j}(\mathbf{A})_{\boldsymbol{\tau}_j\cdots\boldsymbol{\tau}_k}}$
\SITEFCRP{j}{k}{\Mat{A}}	$oxed{ au_k \cdots  au_j} oxed{A}_{ au_j \cdots  au_k}$

El comando \TrF tiene 2 argumentos, \TrF [ $\langle trasformaciones \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la aplicación de transformaciones elementales por la izquierda del { $\langle objeto \rangle$ }.

El comando \TrC tiene 2 argumentos, \TrC[ $\langle trasformaciones \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la aplicación de transformaciones elementales por la derecha del { $\langle objeto \rangle$ }.

\TrFCp
\TrFCp\*
\TrFCP\*
\TrFCPE
\TrFCpE
\TrFCpE

El comando \TrFCC tiene 3 argumentos, \TrFCC [ $\langle trasformacionesIzda \rangle$ ] [ $\langle trasformacionesDcha \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la aplicación de transformaciones elementales por la izquierda y la derecha del { $\langle objeto \rangle$ }.

lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:	$\boxed{\boldsymbol{\tau}_1 \boldsymbol{\tau}_k \mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_{(k+1)}} \boldsymbol{\tau}_p} \boxed{\boldsymbol{\tau}_3 \mathbf{A}_{\overset{\boldsymbol{\tau}}{[\mathfrak{S}]}}}$
lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:	$\boxed{ _{\boldsymbol{\tau}_{1}\cdots\boldsymbol{\tau}_{k}}\big(\mathbf{A}\big)_{\boldsymbol{\tau}_{(k+1)}\cdots\boldsymbol{\tau}_{p}} } \boxed{ \boldsymbol{\tau}_{3}\big(\mathbf{A}\big)_{\overset{\boldsymbol{\tau}}{[\mathfrak{S}]}} }$
\TrFCp*{\Mat{A}} \TrFCp*[\0Eg[3]][\0Eper]{\Mat{A}}	$\boxed{\tau_1 \cdots \tau_k (\mathbf{A})_{\tau_{(k+1)} \cdots \tau_p}} \boxed{\tau_3 (\mathbf{A})_{\tau_{[\mathfrak{S}]}}}$
lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:	$\boxed{ \boldsymbol{\tau}_1 \cdots \boldsymbol{\tau}_k \bigg( \mathbf{A} \bigg)_{\boldsymbol{\tau}_{(k+1)} \cdots \boldsymbol{\tau}_p} \Bigg[ \boldsymbol{\tau}_3 \bigg( \mathbf{A} \bigg)_{\substack{\boldsymbol{\tau} \\ [\mathfrak{S}]}} }$
\TrFCP*{\Mat{A}} \TrFCP*[\OEg[3]][\OEper]{\Mat{A}}	$\boxed{ _{\boldsymbol{\tau}_1 \cdots \boldsymbol{\tau}_k}(\mathbf{A})_{\boldsymbol{\tau}_{(k+1)} \cdots \boldsymbol{\tau}_p} } \boxed{  \boldsymbol{\tau}_3(\mathbf{A})_{\substack{\boldsymbol{\tau} \\ [\mathfrak{S}]}} }$
\TrFCpE{\SV{A}} \TrFCpE[\OEg[3]][\OEper]{\SV{A}}	$\boxed{\left(\tau_{1} \cdots \tau_{k} A_{\tau_{(k+1)} \cdots \tau_{p}}\right)} \boxed{\left(\tau_{3} A_{\tau \atop [\mathfrak{S}]}\right)}$
lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:lem:	$\boxed{\left({\color{blue}\tau_{1}}{\color{blue}\tau_{k}}{A_{{\color{blue}\tau_{(k+1)}}}{\color{blue}\tau_{p}}\right)} \boxed{\left({\color{blue}\tau_{3}}{A_{{\color{blue}\varepsilon}}^{\color{blue}\tau}}\right)}$
$\label{thm:condition} $$ \operatorname{TrFCPE}(OEg[3]][OEper]_{SV_A} $$$	$\boxed{ \left( \tau_1 \tau_k A_{\tau_{(k+1)} \tau_p} \right) } \boxed{ \left( \tau_3 A_{\tau_{[\mathfrak{S}]}}^{\tau} \right) }$
\TrFCPE*{\SV{A}} \TrFCPE*[\OEg][\OEper]{\SV{A}}}	$\boxed{\left({\color{blue}\tau_{1} \cdots \tau_{k} A_{\tau_{(k+1)} \cdots \tau_{p}}}\right)} \boxed{\left({\color{blue}\tau A_{\scriptscriptstyle{\left[\mathfrak{S}\right]}}}\right)}$

Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto. Cuando la aplicamos a la izquierda de una matriz corresponde a una transformación de sus filas

El comando TEF<XX\*> tiene 3 argumentos, TEF<XX\*> [ $\langle indice \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

\TEF

\TEFp

\TEFp\*

\TEFpE\*

\TEFPE\*

\TEFP \TEFP\* \TEFpE

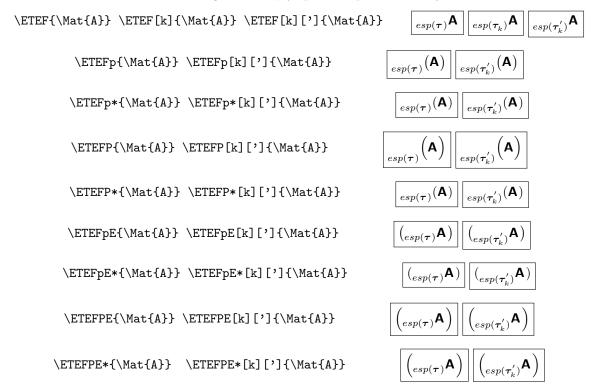
Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto. Cuando la aplicamos a la derechade una matriz corresponde a una transformación de sus columnas

El comando TEC<XX\*> tiene 3 argumentos, TEC<XX\*> [ $\langle indice \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

$$\begin{tabular}{l} $$ \end{tabular} $$$

#### Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.

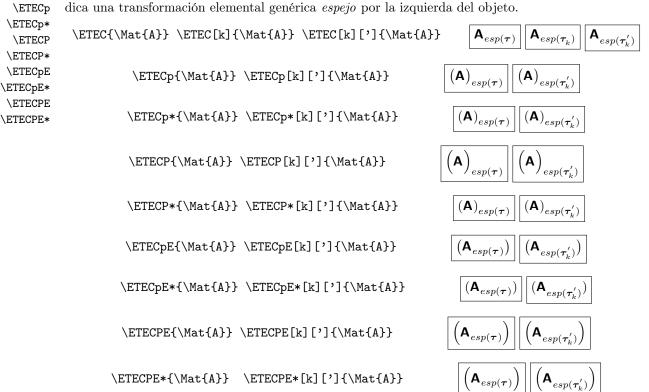
El comando ETEF<XX\*> tiene 3 argumentos, ETEF<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica espejo por la izquierda del objeto.



Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto.

\ETEC

El comando ETEC<XX\*> tiene 3 argumentos, ETEC<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica espejo por la izquierda del objeto.



#### Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.

\InvTEF

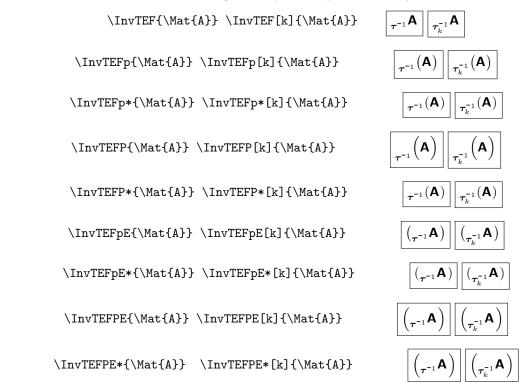
\InvTEFp \InvTEFp\*

\InvTEFP \InvTEFP\* \InvTEFpE

\InvTEFpE\*
\InvTEFPE

\InvTEFPE\*

El comando InvTEF<XX\*> tiene 2 argumentos, InvTEF<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.



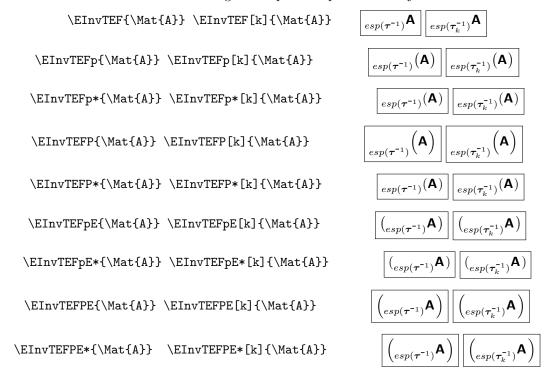
#### Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto.

El comando InvTEC<XX\*> tiene 2 argumentos, InvTEC<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.



# Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.

El comando EInvTEF<XX\*> tiene 2 argumentos, EInvTEF<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.



#### Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto.

\EInvTECp \EInvTECp\* \EInvTECP\* \EInvTECP\* \EInvTECpE\* \EInvTECPE\* \EInvTECPE El comando EInvTEC<XX\*> tiene 2 argumentos, EInvTEC<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

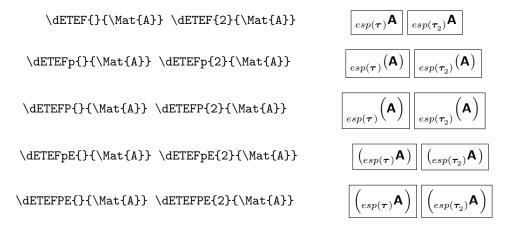
tende de una transfermenta elementa generica per la inquiera del objeto.			
\EInvTEC{\Mat{A}} \EInvTEC[k]{\Mat{A}}	$\boxed{ \mathbf{A}_{esp(\boldsymbol{\tau}^{-1})} } \boxed{ \mathbf{A}_{esp(\boldsymbol{\tau}_k^{-1})} }$		
\EInvTECp{\Mat{A}} \EInvTECp[k]{\Mat{A}}	$\boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{esp(\boldsymbol{\tau}^{-1})}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{esp(\boldsymbol{\tau}_k^{-1})}}$		
\EInvTECp*{\Mat{A}} \EInvTECp*[k]{\Mat{A}}	$\boxed{(\mathbf{A})_{esp(\boldsymbol{\tau}^{-1})}} \boxed{(\mathbf{A})_{esp(\boldsymbol{\tau}_k^{-1})}}$		
\EInvTECP{\Mat{A}} \EInvTECP[k]{\Mat{A}}	$\boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{esp(\boldsymbol{\tau}^{-1})}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{esp(\boldsymbol{\tau}_k^{-1})}}$		
\EInvTECP*{\Mat{A}} \EInvTECP*[k]{\Mat{A}}	$\boxed{(\mathbf{A})_{esp(\boldsymbol{\tau}^{-1})}} \boxed{(\mathbf{A})_{esp(\boldsymbol{\tau}_k^{-1})}}$		
\EInvTECpE{\Mat{A}} \EInvTECpE[k]{\Mat{A}}	$\boxed{\left(\mathbf{A}_{esp(\boldsymbol{\tau}^{-1})}\right)} \boxed{\left(\mathbf{A}_{esp(\boldsymbol{\tau}_{k}^{-1})}\right)}$		
\EInvTECpE*{\Mat{A}} \EInvTECpE*[k]{\Mat{A}}	$\boxed{(\mathbf{A}_{esp(\boldsymbol{\tau}^{-1})})} \left[ (\mathbf{A}_{esp(\boldsymbol{\tau}_k^{-1})}) \right]$		
\EInvTECPE{\Mat{A}} \EInvTECPE[k]{\Mat{A}}	$\boxed{\left(\mathbf{A}_{esp(\boldsymbol{\tau}^{-1})}\right)} \boxed{\left(\mathbf{A}_{esp(\boldsymbol{\tau}_k^{-1})}\right)}$		
\EInvTECPE*{\Mat{A}} \EInvTECPE*[k]{\Mat{A}}	$\boxed{ \left( \mathbf{A}_{esp(\boldsymbol{\tau}^{-1})} \right) } \boxed{ \left( \mathbf{A}_{esp(\boldsymbol{\tau}_k^{-1})} \right) }$		

Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto (funciones duplicadas sin argumentos opcionales). Cuando la aplicamos a la izquierda de una matriz corresponde a una transformación de sus filas

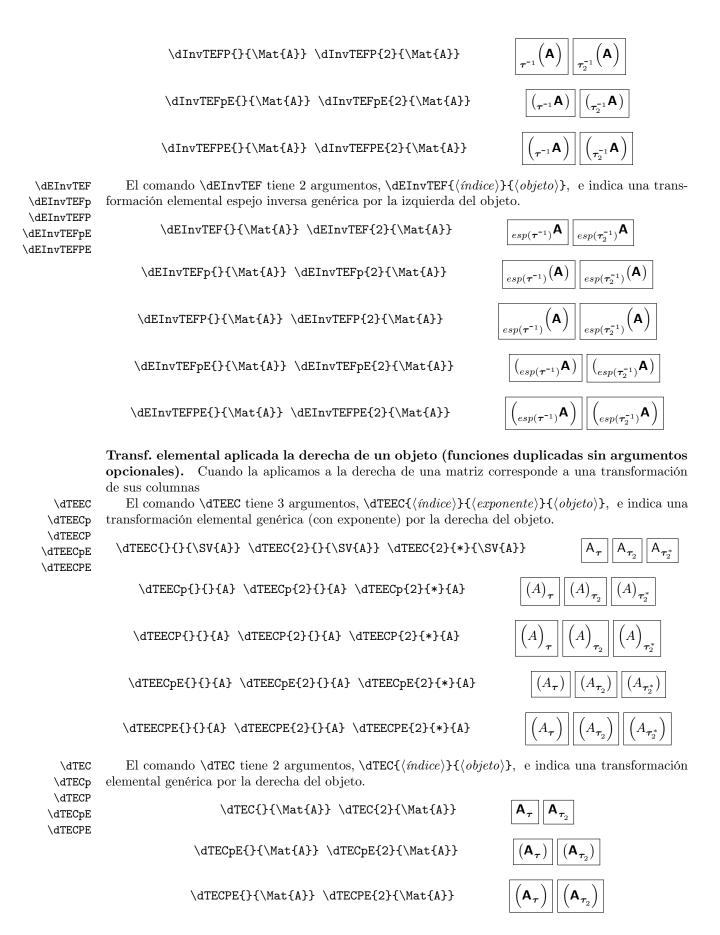
El comando \dTEEF tiene 3 argumentos, \dTEEF $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle exponente \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental genérica (con exponente) por la izquierda del objeto.

El comando \dTEF tiene 2 argumentos, \dTEF $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

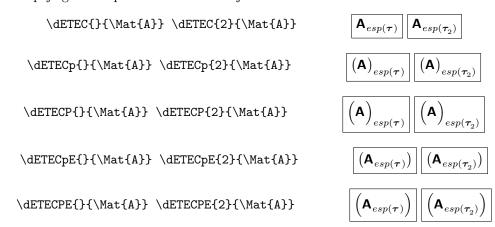
El comando \dETEF tiene 2 argumentos, \dETEF $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental espejo genérica por la izquierda del objeto.



El comando  $\d InvTEF \ tiene 2 \ argumentos, \\ d InvTEF <math>\{\langle indice \rangle\} \{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.



\dETECp \dETECPE \dETECPE El comando \dETEC tiene 2 argumentos, \dETEC $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental espejo genérica por la derecha del objeto.



El comando  $\d Inv TEC \ tiene 2 \ argumentos, \\ d Inv TEC \ (indice) \ \{(objeto)\}, \ e \ indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la derecha del objeto.$ 

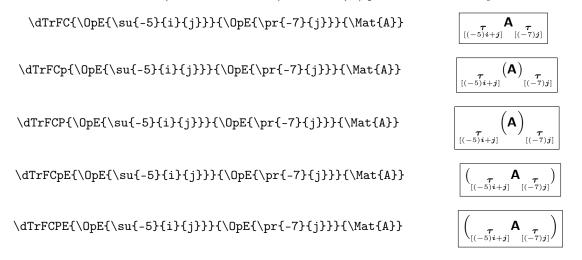
El comando \dEInvTEC tiene 2 argumentos, \dEInvTEC $\{\langle indice\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$ , e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la derecha del objeto.

**Transformaciones elementales particulares** Aquí describimos la notación de transformaciones específicas.

El comando  $\dTrF$  tiene 2 argumentos,  $\dTrF{\langle operación(es)\rangle}{\langle objeto\rangle}$ , e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por la izquierda del objeto.

 $\dTrF{ \dOEgE{1}{'}\cdots\dOEgE{p}{'} } {\Mat{I}}$  $\dTrF{ \opE{\su{5}{i}{j}}\opE{\pr{-7}{j}} }{\Mat{A}}$  $oldsymbol{ au}_{[(5)oldsymbol{i}+oldsymbol{j}][(-7)oldsymbol{j}]}^{oldsymbol{ au}}$ \dTrFp{ \dOEgE{1}{'}\cdots\dOEgE{p}{'} }{\Mat{I}}  $\dTrFp{ $$ \P{5}{i}{j}}\OpE{\pr{-7}{j}} $$ $$ A}}$ [(5)i+j][(-7)j]\dTrFP{ \d0EgE{1}{'}\cdots\d0EgE{p}{'} }{\Mat{I}}  $\dTrFP\{ \opE\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\} \opE\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\}$  $\begin{bmatrix} \boldsymbol{\tau} & \boldsymbol{\tau} \\ [(5)\boldsymbol{i}+\boldsymbol{j}][(-7)\boldsymbol{j}] \end{bmatrix}$  $(oldsymbol{ au}_{1}^{'}...oldsymbol{ au}_{n}^{'}oldsymbol{f I}ig)$  $\dTrFpE\{ \dOEgE\{1\}\{'\}\cdots\dOEgE\{p\}\{'\} \ \}\{\Mat\{I\}\}\}$  $\dTrFpE\{ \OpE\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\OpE\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\}$  $\label{local_def} $$ \dOEgE{1}{'}\cdots\dOEgE{p}{'} }{\mathcal{I}}$$  $\dTrFPE\{ \OpE\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\OpE\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\}$ El comando  $\dTrC \ tiene 2 \ argumentos, \dTrC \ (operación(es)) \} \{ (objeto) \}$ , e indica una transfor-\dTrC mación (o transformaciones) elemental(es) por la derecha del objeto. \dTrCp \dTrCP \dTrCpE \dTrCPE  $\dTrC{ \opE{\su{5}{i}{j}}\opE{\pr{-7}{j}} }{\Mat{A}}$  $[(5)\mathbf{i}+\mathbf{j}][(-7)\mathbf{j}]$  $\dTrCp\{ \dOEgE\{1\}\{'\}\cdots\dOEgE\{p\}\{'\} \ \}\{\Mat\{I\}\}\}$  $\dTrCp\{ \opE\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\opE\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\}$  $\boldsymbol{\tau} \quad \boldsymbol{\tau}$   $[(5)\boldsymbol{i}+\boldsymbol{j}][(-7)\boldsymbol{j}]$ \dTrCP{ \d0EgE{1}{'}\cdots\d0EgE{p}{'} }{\Mat{I}}  $\dTrCP{ \opE{\su{5}{i}{j}}\opE{\pr{-7}{j}} }{\Mat{A}}}$  $oldsymbol{ au}_{[(5)oldsymbol{i}+oldsymbol{j}][(-7)oldsymbol{j}]}^{oldsymbol{ au}}$ 

El comando \dTrFC tiene 3 argumentos, \dTrFC{ $\langle operacionesIzda \rangle$ }{ $\langle operacionesDcha \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por cada lado del objeto.



#### 1.4.8. Operador que quita un elemento

El comando \fueraitemL tiene 1 argumento, \fueraitemL{\langle indice\rangle}, y denota la eliminación por la izquierda del elemento correspondiente al  $\{\langle indice \rangle\}$ 

El comando \fueraitemR tiene 1 argumento, \fueraitemR{ $\langle indice \rangle$ }, y denota la eliminación por la derecha del elemento correspondiente al { $\langle indice \rangle$ }

El comando \quitaLR tiene 3 argumentos, \quitaLR{ $\langle objeto \rangle$ }{ $\langle indIzda \rangle$ }{ $\langle indDcha \rangle$ }, y denota el resultante de quitar un elemento por la izquierda y otro por la derecha

El comando \quitaL tiene 2 argumentos, \quitaL $\{\langle objeto\rangle\}$  $\{\langle indIzda\rangle\}$ , y denota el resultante de quitar un elemento por la izquierda

El comando \quitaR tiene 2 argumentos, \quitaR $\{\langle objeto \rangle\}$  $\{\langle indDcha \rangle\}$ , y denota el resultante de quitar un elemento por la derecha

#### 1.4.9. Selección de elementos sin emplear el operador selector

El comando \elemUUU tiene 2 argumentos, \elemUUU $\{\langle sistema \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$ , y denota la selección del elemento correspondiente al  $\{\langle indice \rangle\}$ 

 $\left(SV{Z}\right){i}$ 

 $\operatorname{elem}_{i}(\mathsf{Z})$ 

\VectFFF \VectFFFT El comando  $\VectFFF\ tiene\ 2$  argumentos,  $\VectFFF\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$ , y denota la selección de la fila correspondiente al  $\{\langle indice \rangle\}$ 

\VectFFF{A}{i} \VectFFFT{A}{i}

 $fila_i(\mathbf{A})$   $fila_i(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})$ 

\VectCCC \VectCCCT El comando  $\ensuremath{\mbox{VectCCC}}\ensuremath{\mbox{CCC}}\ensuremath{\mbox{CCC}}\ensuremath{\mbox{Cmbre}}\ensuremath{\mbox{S}}\ensuremath{\mbox{C}}\ensuremath{\mbox{VectCCC}}\ensuremath{\mbox{C}}\ensuremath{\mbox{C}}\ensuremath{\mbox{VectCCC}}\ensuremath{\mbox{C}}\ensuremath{\mbox{VectCCC}}\ensuremath{\mbox{C}}\ensuremath{\mbox{VectCCC}}\ensuremath{\mbox{C}}\ensuremath{\mbox{VectCCC}}\ensur$ 

\VectCCC{A}{i} \VectCCCT{A}{i}

 $\operatorname{col}_{i}\left(\mathbf{A}\right)$   $\operatorname{col}_{i}\left(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}\right)$ 

\eleMMMT \eleMM

tiene 3 argumentos,  $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indiceFil \rangle\}\{\langle indiceCol \rangle\}$ , y denota la selección del elemento correspondiente a los índices indicados

 $\left(A_{i}_{j} \leq MMT_{A}_{i}_{j} \right)$ 

 $elem_{ij}(\mathbf{A})$   $elem_{ij}(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})$   $a_{ij}$ 

#### 1.5. Sistemas genéricos

\SV El comando \SV tiene 2 argumentos, \SV[ $\langle sub\'indice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }

 $\SV{A} \SV[h]{A}$ 

 $A A_h$ 

 $\vec{a} \mid \mid \vec{a}_h$ 

\concatSV

El comando \concatSV tiene 2 argumentos, \concatSV{ $\langle sistemaA \rangle$ }{ $\langle sistemaB \rangle$ }, y denota la concatenación del { $\langle sistemaA \rangle$ } con el { $\langle sistemaB \rangle$ }.

\concatSV{\Mat{A}}{\Mat{B}}}

**A** # **B** 

### 1.6. Vectores y matrices

#### 1.6.1. Vectores genéricos

tiene 2 argumentos,  $\text{vect}<X*>[\langle sub\'indice\rangle]\{\langle nombre\rangle\}$ , y denota un vector genérico.

\vectp\*

\vect

\vect{a} \vect[h]{a}

\vectp\*
\vectP\*

\vectp{a} \vectp\*{a} \vectP{a} \vectP\*{a}

 $\boxed{\left(\vec{a}\right)\left[\left(\vec{a}\right)\right]\left(\vec{a}\right)}\left[\left(\vec{a}\right)\right]$ 

 $\displaystyle \left[h\right]_{a} \operatorname{le}_{h}_{a} \operatorname{le}_{h}_{a} \operatorname{le}_{h}_{a}$ 

 $(\vec{a}_h)$   $(\vec{a}_h)$   $(\vec{a}_h)$   $(\vec{a}_h)$ 

#### 1.6.2. Vectores de $\mathbb{R}^n$

tiene 2 argumentos,  $Vect < X*>[\langle subindice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota un vector de  $\mathbb{R}^n$ 

\Vectp

\Vectp\* \Vect{a} \Vect[h]{a} \VectP

 $oldsymbol{a}_h$ 

\VectP\* \Vectp{a} \Vectp\*{a} \VectP{a} \VectP\*{a}

\Vectp[h]{a} \Vectp\*[h]{a} \VectP[h]{a} \VectP\*[h]{a}

 $oxed{egin{aligned} oldsymbol{a}_hig) oxed{igg(a_h)} oxed{igg(a_h)} oxed{igg(a_h)} }$ 

#### 1.6.3. Matrices

\Mat tiene 2 argumentos,  $Mat < X*>[\langle sub\'indice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota una matriz

\Mat{A} \Mat[h]{A}

\Matp{A} \Matp\*{A} \MatP{A} \MatP\*{A}

 $\boxed{ \left( \mathbf{A} \right) \left[ \left( \mathbf{A} \right) \right] \left[ \left( \mathbf{A} \right) \right] \left[ \left( \mathbf{A} \right) \right] }$ 

 $\label{eq:matp} $$ \mathbf{A}[h] \operatorname{Matp}_{A}[h] \operatorname{MatP}_{A}[h] $$$ 

 $oxed{\left(\mathbf{A}_h
ight)}oxed{\left(\mathbf{A}_h
ight)}oxed{\left(\mathbf{A}_h
ight)}oxed{\left(\mathbf{A}_h
ight)}$ 

#### Matrices transpuestas.

El comando MatT<XX\*> tiene 2 argumentos, MatT<XX\*>[ $\langle subindice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }

\MatT{A} \MatT[h]{A}

 $oldsymbol{\mathsf{A}}^{\mathsf{T}}$   $oldsymbol{\mathsf{A}}_h^{\mathsf{T}}$ 

 $\mathbf{A}_h$ 

 $\left| \left( \mathbf{A} \right)^{\mathsf{T}} \right| \left[ \left( \mathbf{A} \right)^{\mathsf{T}} \right| \left( \mathbf{A}_h \right)^{\mathsf{T}} \left| \left[ \left( \mathbf{A}_h \right)^{\mathsf{T}} \right| \right]$ 

\MatTP{A} \MatTP\*{A} \MatTP[h]{A} \MatTP\*[h]{A}

 $\left| \left( \mathbf{A} \right)^{\mathsf{T}} \right| \left[ \left( \mathbf{A} \right)^{\mathsf{T}} \right] \left( \mathbf{A}_h \right)^{\mathsf{T}} \left[ \left( \mathbf{A}_h \right)^{\mathsf{T}} \right]$ 

\MatTpE{A} \MatTpE\*{A} \MatTpE[h]{A} \MatTpE\*[h]{A}

 $\left| \begin{pmatrix} \mathbf{A}^{\mathsf{T}} \end{pmatrix} \right| \left[ \begin{pmatrix} \mathbf{A}^{\mathsf{T}} \end{pmatrix} \right] \left( \mathbf{A}_h^{\mathsf{T}} \right) \left| \begin{pmatrix} \mathbf{A}_h^{\mathsf{T}} \end{pmatrix} \right|$ 

\MatTPE{A} \MatTPE\*{A} \MatTPE[h]{A} \MatTPE\*[h]{A}

 $\boxed{ \begin{pmatrix} \mathbf{A}^\mathsf{T} \end{pmatrix} \boxed{ \begin{pmatrix} \mathbf{A}^\mathsf{T} \end{pmatrix} } \boxed{ \begin{pmatrix} \mathbf{A}_h^\mathsf{T} \end{pmatrix} } \boxed{ \begin{pmatrix} \mathbf{A}_h^\mathsf{T} \end{pmatrix} }$ 

 $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})^{\mathsf{T}}$ 

#### Matriz transpuesta de la transpuesta.

El comando \MatTT tiene 2 argumentos,  $MatTT < X *> [\langle subindice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ 

\MatTT{A} \MatTT\*{A} \MatTT[h]{A} \MatTT\*[h]{A}

 $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})^{\mathsf{T}} \left[ (\mathbf{A}^{\mathsf{T}})^{\mathsf{T}} \right] (\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})^{\mathsf{T}}$ 

\MatTTPE{A} \MatTTPE\*{A}

 $((\mathbf{A}^{\mathsf{T}})^{\mathsf{T}})$ 

\MatTTPE[h]{A} \MatTTPE\*[h]{A}

 $\boxed{\left(\left(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}\right)^{\mathsf{T}}\right)}\boxed{\left(\left(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}\right)^{\mathsf{T}}\right)}$ 

#### Matrices columna

El comando \MVectF tiene 3 argumentos, \MVectF[ $\langle subindice \rangle$ ] { $\langle indice \rangle$ }, y denota una matriz columna creada a partir de una fila de una matriz

\MVectF{A}{j} \MVectF\*{A}{j}

[j|A]

 $\label{eq:mvectf} $$\MVectF*[h]_{A}_{j} \MVectF*[h]_{A}_{j}$$ 

 $\left[\left[_{j\mid}(\mathbf{A}_{h})\right]\right]$ 

El comando \MVectC tiene 3 argumentos, \MVectC[ $\langle sub\'indice \rangle$ ] { $\langle indice \rangle$ }, y denota una matriz columna creada a partir de una columna de una matriz

\MVectC{A}{j} \MVectC\*{A}{j}

 $[\mathbf{A}_{|j}]$ 

\MVectC[h]{A}{j} \MVectC\*[h]{A}{j}

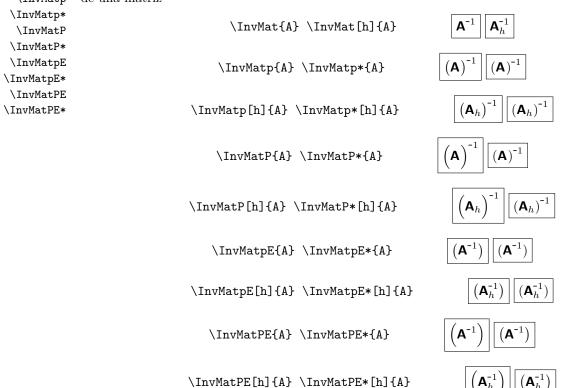
 $\left[\left(\mathbf{A}_{h}\right)_{|j}\right]\left[\left(\mathbf{A}_{h}\right)_{|j}\right]$ 

#### Matrices fila

El comando \MVectFT tiene 3 argumentos, \MVectFT[ $\langle sub\'indice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ } { $\langle indice \rangle$ }, y denota una matriz fila creada a partir de una fila de una matriz

\MVectCT El comando \MVectCT tiene 3 argumentos, \MVectCT[ $\langle subindice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ } { $\langle indice \rangle$ }, y deno-\MVectCT\* ta una matriz fila creada a partir de una columna de una matriz

Matriz inversa Notación para las matrices inversas



El comando \TInvMat tiene 2 argumentos, TInvMat<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota la transpuesta de la inversa de una matriz

#### 1.6.4. Miscelánea matrices

El comando \Traza no tiene argumentos

\Traza tr

El comando \rg no tiene argumentos

\rg rg

El comando \traza tiene 1 argumento, \traza $\{\langle objeto \rangle\}$ 

El comando \rango tiene 1 argumento, \rango $\{\langle objeto \rangle\}$ 

 $| rango{\{A\}} | rango*{\{A\}} | rg(A) | rg(A) |$ 

#### Determinante de una matriz

El comando \cof no tiene argumentos

\cof cof

El comando \adj no tiene argumentos

\adj Adj

El comando \determinante tiene 1 argumento, \determinante  $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el determinante del  $\{\langle objeto \rangle\}$  usando las barras verticales

\determinante{\Mat{A}} \determinante\*{\Mat{A}}

El comando \subMat tiene 3 argumentos, \subMat $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indIzda \rangle\}\{\langle indDcha \rangle\}$ , y denota la submatriz resultante de quitar una o más filas y columnas de la matriz  $\{\langle nombre \rangle\}$ 

|A|

(x)

 $\left( \hat{i} \right) = \hat{i} \cdot \hat{A}^{j}$ 

\Menor tiene 3 argumentos,  $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indFila \rangle\}\{\langle indCol \rangle\}$ , y denota el menor de la matriz corres\MenorR pondiente a la fila y columna indicadas

\Cof El comando \Cof tiene 3 argumentos, \Cof $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indFila \rangle\}\{\langle indCol \rangle\}$ , y denota el cofac\Cof\* tor de la fila y columna indicadas

 $Cof{A}{i}{j} \ Cof*{A}{i}{j} \$ 

 $\label{localization} \textbf{Orden de las matrices} \quad \text{El comando } \\ \textbf{Dim tiene 3 argumentos}, \\ \textbf{Dim}\{\langle\textit{objeto}\rangle\}\{\langle\textit{filas}\rangle\}\{\langle\textit{columnas}\rangle\}\} \\ \textbf{Dim Orden de las matrices}, \\ \textbf{Dim (objeto)}\}\{\langle\textit{filas}\rangle\}\{\langle\textit{columnas}\rangle\} \\ \textbf{Dim (objeto)}\}\{\langle\textit{filas}\rangle\}\{\langle\textit{filas}\rangle\} \\ \textbf{Dim (objeto)}\}\{\langle\textit{filas}\rangle\} \\ \textbf{Dim (objeto)}\} \\ \textbf{Dim (objeto)}\}\{\langle\textit{filas}\rangle\} \\ \textbf{Dim (objeto)}\} \\ \textbf{Dim (objeto)}\}\{\langle\textit{filas}\rangle\} \\ \textbf{Dim (objeto)}\} \\ \textbf{Dim (objeto)}$ 

\Dimp\*
\Dimp\\*
\DimP\*
\Dimp\\*
\DimpE\*
\DimpE\*
\DimpE\*
\DimpE\*

 $\verb| Matdim| El comando \verb| Matdim| tiene 3 argumentos, \verb| Matdim| < XX*> { | \langle nombre \rangle } { | \langle filas \rangle } { | \langle columnas \rangle } { | \langle filas \rangle } {$ 

 $\label{lem:matching} $$\operatorname{Matching} \ \Matching} $$\operatorname{Matching} : \ \Matching} $$ \Matching} $$$ 

\MatdimPE\*

 $\label{lem:matdimP} $$ \mathcal{X}_n = \mathcal{X}_n . $$ \mathcal{X}_n = \mathcal{X}_n . $$$ 

\MatdimpE\*
\MatdimPE \MatdimP{x}{n}{m} \MatdimP\*{x}{n}{m} \( \black{X} \) \( \black{X} \)

 $\label{eq:matchinger} $$ \operatorname{MatdimPE}_{x}_n} \ \operatorname{MatdimPE}_{x}_n = \left[ \left( \begin{array}{c} \mathbf{X} \\ n \times m \end{array} \right) \right] \left( \begin{array}{c} \mathbf{X} \\ n \times m \end{array} \right)$ 

#### Matriz de autovalores

\MDaV

\MDaV no tiene argumentos e indica la letra usada par las matrices de autovalores

 $\MDaV$ 

#### 1.7. Productos entre vectores

#### 1.7.1. Producto escalar

tiene 3 argumentos,  $\ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}} {(objeto)} {(objeto)}$ , y denota el producto escalar entre dos objetos (con asterisco los ángulos se ajustan al contenido)

 $\esc{f(x)}{g(x)} \esc*{f(x)}{g(x)}$ 

$$\langle f(x), g(x) \rangle \langle f(x), g(x) \rangle$$

 $\esc[L_2]{f(x)}{g(x)} \esc[L_2]*{f(x)}{g(x)}$ 

$$\boxed{\left\langle f(x),g(x)\right\rangle_{\!L_2}} \boxed{\left\langle f(x),g(x)\right\rangle_{\!L_2}}$$

tiene 3 argumentos,  $\langle esc[\langle espacio \rangle] [\langle espacio \rangle] \{\langle nombre \rangle\} \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto escalar entre dos vectores genéricos (con asterisco los ángulos se ajustan al contenido)

\esc{a}{b} \esc\*{a}{b}

$$\left[\left\langle \overrightarrow{a},\overrightarrow{b}\right
angle \right] \left[\left\langle \overrightarrow{a},\overrightarrow{b}
ight
angle 
ight]$$

 $\left[L_2\right]_{f(x)}_{g(x)} \left[L_2\right]_{f(x)}_{g(x)}$ 

$$\boxed{\left\langle \overrightarrow{f(x)}, \overrightarrow{g(x)} \right\rangle_{\!\! L_2}} \boxed{\left\langle \overrightarrow{f(x)}, \overrightarrow{g(x)} \right\rangle_{\!\! L_2}}$$

#### 1.7.2. Producto punto

¡Ojo! en las versiones con paréntesis no he sido consistente con el convenio seguido anteriormente y, en lugar de terminar en pE o PE, sencillamente terminan en p o P.

tiene 2 argumentos,  $\dot Prod(\langle objeto \rangle) \{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el producto punto entre dos objetos

\dotProd{(\Vect{a}+\Vect{b})){\Vect{c}}

$$\overline{(a+b)\cdot c}$$

\dotProdp{\Vect{a}}{\Vect{b}} \dotProdp\*{\Vect{a}}{\Vect{b}}

$$(a \cdot b)$$
  $(a \cdot b)$ 

$$(a \cdot b)$$
  $(a \cdot b)$ 

tiene 2 argumentos,  $\langle nombre \rangle$  { $\langle nombre \rangle$ }, y denota el producto punto entre dos vectores de  $\mathbb{R}^n$ 

\dotprod{a}{b}

$$a \cdot b$$

\dotprodp{a}{b} \dotprodp\*{a}{b}

$$(a \cdot b)$$
  $(a \cdot b)$ 

\dotprodP{a}{b} \dotprodP\*{a}{b}

$$igg| igg(oldsymbol{a} \cdot oldsymbol{b}igg) igg| igg(oldsymbol{a} \cdot oldsymbol{b}igg)$$

### 1.7.3. Producto punto a punto o Hadamard

tiene 2 argumentos,  $\prodH{\langle objeto\rangle}{\langle objeto\rangle}$ , y denota el producto punto a punto entre dos objetos

tiene 2 argumentos,  $\prodh{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$ , y denota el producto punto a punto entre dos vectores de  $\mathbb{R}^n$ 

# 1.8. Matriz por vector y vector por matriz

\MV AqVM/	tiene 2 argumentos, $\MV{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto de una matriz por un vector de $\mathbb{R}^n$
\MVpE*	$\begin{tabular}{ll} $\langle MV\{A\}\{b\} \end{tabular}$
\MVPE*	$\label{eq:mvpe} $$\MV_pE_{A}_{b} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$
	$\texttt{\MVPE{A}{b} \ \ \ \ } \boxed{ \left( \textbf{A}b \right) } \boxed{ \left( \textbf{A}b \right) }$
\VM \VMpE	tiene 2 argumentos, $\MV{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto de un vector de $\mathbb{R}^n$ por una matriz
\VMpE*	$\VM{a}{B}$
\VMPE*	$\verb VMpE{a}{B}  \ \ \ \ \ \ \boxed{(aB)} \boxed{(aB)}$
	$\texttt{VMPE\{a\}\{B\} \ VMPE*\{a\}\{B\}}} \boxed{\left(aB\right)} \boxed{\left(aB\right)}$
\MTV \MTVp	tiene 2 argumentos, \MTV{ $\langle nombre \rangle$ }-{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota el producto de una matriz transpuesta por un vector de $\mathbb{R}^n$
\MTVp* \MTVP	$\begin{tabular}{ll} $A^{T}b$ \end{tabular}$
(MIVP*	$\label{eq:mtvp} $$\MTV_p{A}_b$ \MTV_p*{A}_b$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$
	$\label{eq:mtvp} $$ \MTVP*{a}_{b} \MTVP*{b} \A $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$$

TMV/ qTMV/ tiene 2 argumentos,  $\MTV{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto de un vector de  $\mathbb{R}^n$  por una matriz transpuesta

\VMTp\*

\VMTP\*

$$$$ \VMT_{a}_{B} $$ aB^T$ $$ \VMTp_{a}_{B} \VMTp*{a}_{B} $$ a(B^T) $$ a(B^T) $$ \VMTP_{a}_{B} \VMTP*{a}_{B} $$ a(B^T) $$ a(B^$$

## 1.9. Matriz por matriz

tiene 2 argumentos,  $\MN{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto matriz por matriz

 $\MN{A}{B}$ 

tiene 2 argumentos,  $\MTN{\langle nombre \rangle} {\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto matriz transpuesta por matriz

 $\label{eq:mtnp} $$ \MTNp{A}{B} \ $$ \MTNp*{A}{B} \ $$ \A^TB$ $$ \MTNp*{A}{B} \ $$ \A^TB$ $$ \MTNp*{A}{B} \ $$ \A^TB$ $$ \MTNp*{A}B$ $$ \A^TB$ $$$ 

tiene 2 argumentos,  $\MNT\{\langle nombre \rangle\}\{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto matriz por matriz transpuesta

tiene 2 argumentos,  $\MTM{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto matriz transpuesta por matriz

tiene 2 argumentos,  $\MT{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto matriz por su transpuesta

tiene 2 argumentos,  $\MNMT{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto matriz por matriz transpuesta

 $ABA^T$ \MNMT{A}{D} \MNMTp{A}{D} \MNMTp\*{A}{D}  $AB(A^T)$  $AB(A^T)$ \MNMTP{A}{D} \MNMTP\*{A}{D} AB (AT  $AB(A^T)$ tiene 2 argumentos,  $\MTNM{\langle nombre \rangle} {\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto matriz transpuesta por \MTNM matriz por matriz transpuesta qMMTM/ \MTNMp\*  $A^TBA$ \MTNM{A}{D} \MTNMP \MTNMP\*  $(A^T)BA$  $\MTNMp{A}{D} \MTNMp*{A}{D}$  $(A^{T})BA$ AT)BA  $(A^T)BA$  $\MTNMP{A}{D} \MTNMP*{A}{D}$ Otros productos entre matrices y vectores \MTMV tiene 2 argumentos,  $\MTMV{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto matriz transpuesta por matriz por vector \MTMVp \MTMVp\*  $\mathbf{A}^{\mathsf{T}}\mathbf{A}b$  $\MTMV{A}{b}$ \MTMVP \MTMVP\*  $\MTMVp{A}{b} \MTMVp*{A}{b}$  $(A^{T})Ab$  $(A^T)Ab$  $(A^T)Ab$  $\MTMVP{A}{b} \MTMVP*{A}{b}$ tiene 3 argumentos,  $\VMW{\langle nombre \rangle} {\langle nombre \rangle} {\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto vector por \VMW matriz por vector  $\W{a}{B}{c}$  $a\mathsf{B}c$ \VMV tiene 2 argumentos,  $\VMV{\langle nombre \rangle} {\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto vector por matriz por vector  $\W(a){B}$  $a\mathsf{B}a$ tiene 3 argumentos,  $\VMTW{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto vector por \VMTW matriz transpuesta por vector qWTMV/ \VMTWp\*  $a \, \mathsf{B}^{\intercal} c$  $\W{a}{B}{c}$ \VMTWP \VMTWP\*  $a(\mathsf{B}^\intercal)c$  $a(\mathsf{B}^\intercal)c$  $a(\mathsf{B}^\intercal)c$  $a (B^{\mathsf{T}}) c$ tiene 2 argumentos,  $\VMTV{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto vector por matriz por \VMTV \VMTVp vector \VMTVp\* \VMTVP

\VMTVP\*

$$$$ \VMTVP{a}{B} $$ aB^Ta$$ $$ VMTVp*{a}{B} $$ VMTVp*{a}{B} $$ a(B^T)a$$ $$ a(B^T)a$$ $$ a(B^T)a$$ $$ VMTVP*{a}{B} $$ VMTVP*{a}{B} $$ a(B^T)a$$ a(B^T)a$$ a(B^T)a$$ a(B^T)a$$$$

\InvMTM tiene 1 argumento, \InvMTM $\{\langle nombre \rangle\}$ , y denota la inversa del producto de una matriz trans-\InvMTM\* puesta por ella misma

#### 1.11. Sistemas de ecuaciones

tiene 3 argumentos,  $\SEL\{\langle nombre\rangle\}\{\langle nombre\rangle\}\{\langle nombre\rangle\}$ , y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial)

\SEL{A}{x}{b} 
$$| \mathbf{A}x = \mathbf{b} |$$

tiene 3 argumentos,  $\SELT{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial y matriz de coeficientes transpuesta)

tiene 3 argumentos,  $\SELTP{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial y matriz de coeficientes transpuesta entre paréntesis)

\SELTP{A}
$$\{x\}$$
{b}  $\overline{\left(\mathbf{A}^{\intercal}\right)x=b}$ 

tiene 3 argumentos,  $\SELF{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$ , y denota un sistema de ecuaciones lineales en forma de combinaciones de lineales de las filas de la matriz de coeficientes (con notación matricial)

\SELF{y}{A}{b} 
$$y = b$$

#### 1.12. Espacios vectoriales

tiene 1 argumento,  $\langle EV\{\langle nombre \rangle \}$ , y denota un espacio vectorial

$$\EV{A} \EV{V} \EV{E}$$

no tiene argumentos y denota al espacio nulo (o núcleo)

\EspacioNul 
$${\cal N}$$

no tiene argumentos y denota al espacio columna

\EspacioCol 
$${\cal C}$$

tiene 1 argumento,  $\{objeto\}$ , y denota el espacio nulo (o núcleo) del objeto

tiene 1 argumento,  $\langle nulls \{\langle nombre \rangle \}$ , y denota el espacio nulo (o núcleo) de una matriz

$$\mathbb{N}(A)$$
 \nulls\*{A}

tiene 1 argumento,  $Cols{\langle objeto \rangle}$ , y denota el espacio columna del objeto

\Cols{f} \Cols\*{f}

$$\boxed{\mathcal{C}\left(f\right) \boxed{\mathcal{C}\left(f\right)}}$$

tiene 1 argumento,  $\langle cols \{\langle nombre \rangle \}$ , y denota el espacio columna de una matriz

\cols{A} \cols\*{A}

$$\mathcal{C}\left(\mathbf{A}\right)$$
  $\mathcal{C}\left(\mathbf{A}\right)$ 

\Span tiene 1 argumento,  $\S pan\{\langle sistema \rangle\}$ , y denota el espacio vectorial generado con los elementos \Span\* del  $\{\langle sistema \rangle\}$  o conjunto

 $\Span{\SV{Z}} \Span*{\SV{Z}}$ 

$$\mathcal{L}(\mathsf{Z})$$
  $\mathcal{L}(\mathsf{Z})$ 

\PSpan tiene 1 argumento,  $\Sigma(sistema)$ , y denota el espacio semi-euclídeo de probabilidad gene-\PSpan\* rado con los elementos del  $\{\langle sistema \rangle\}$  o conjunto

 $\PSpan{\SV{Z}} \PSpan*{\SV{Z}}$ 

$$\mathscr{L}(Z)$$
  $\mathscr{L}(Z)$ 

\coord tiene 1 argumento,  $\coord{\langle vector\rangle}{\langle base\rangle}$ , y denota las coordenadas de un vector respecto de una base \coordP

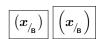
\coordP\* \coordPE

\coordPE\*

 $\coord{\vect{x}}{\SV{Z}}$ 



\coordPE{\Vect{x}}{\Mat{B}} \coordPE\*{\Vect{x}}{\Mat{B}}



#### 1.13. Notación funcional

El comando \dom no tiene argumentos y denota el dominio de una función \dom

 $\dim(f)$ 

dom(f)

\mifun tiene 3 argumentos,  $\min{\{\langle nombre \rangle\}} \{\langle dominio \rangle\} \{\langle conjLlegada \rangle\}$ , y denota una función que asigna a los elementos de su dominio elementos del conjunto de llegada

 $\min\{f\}{X}{Y} \min*{f}{X}{Y}$ 

$$f: X \to Y$$
  $X \xrightarrow{f} Y$ 

tiene 3 argumentos,  $\left( \frac{\langle nombre \rangle}{\langle dominio \rangle} {\langle conjLlegada \rangle} {\langle variable \rangle} {\langle imagen \rangle}, y$ \deffun denota una función que asigna a los elementos de su dominio elementos del conjunto de llegada

$$\label{eq:local_deffun_f} $$ \left( X \right)_{x}_{x^2} $$ $$ \left( X \right)_{x^2} $$$$

$$f \colon \mathbb{Z} \longrightarrow \mathbb{N}$$
$$x \longmapsto x^2$$

#### Estadística 1.14.

El comando \Estmc $\{\langle objeto \rangle\}$  tiene 1 argumento y denota el ajuste MCO del  $\{\langle objeto \rangle\}$ \Estmc

\Estmc{A}

El comando  $\{objeto\}$  tiene 1 argumento y pinta una barra horizontal que denota la media \Media (proyección ortogonal sobre los vectores contantes) del  $\{\langle objeto \rangle\}$ 

\Media{\Vect{x}}

El comando \Smedia no tiene argumentos y pinta el símbolo del valor medio \Smedia

> \Smedia  $\mu$

El comando \media tiene 1 argumento, \Media $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el valor medio del objeto. \media

 $\mdia{\Vect{x}} \mdia{\Vect{x}}^2 \mdia{}$ 

## 2. Implementación

#### 2.1. Conjuntos de números

Números naturales, enteros, reales y complejos

```
\Zz
            1 \NewDocumentCommand\Nn{
                                        }{\ensuremath{ {\mathbb{N}}} }\xspace}
       \Rr
            2 \NewDocumentCommand\Zz{
                                        }{\ensuremath{ {\mathbb{Z}}} }\xspace}
       \CC
            3 \NewDocumentCommand\Rr{
                                        }{\ensuremath{ {\mathbb{R}}} \xspace}
                                        }{\ensuremath{ {\mathbb{C}}} }\xspace}
            4 \NewDocumentCommand\CC{
           Números naturales, enteros, reales y complejos con exponente opcional
            5 \NewDocumentCommand\N { O{} }{\nsuremath{ {\n}^{#1} }\xspace}
        \R
            \Cc
            7 \NewDocumentCommand\R { O() }{\ensuremath{ {\Rr}^{#1} }\xspace}
             8 \end{Cc{ O{}} } {\ensuremath{ {\CC}^{#1} }} xspace} 
            2.2.
                  Paréntesis y corchetes
           Paréntesis pequeños
\parentesis
            9 \NewDocumentCommand\parentesis{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
            10
                    {(#2)}
            11
                    { \big(#2 \big)}
                                        }\xspace}
\Parentesis Paréntesis de tamaño variable
            12 \NewDocumentCommand\Parentesis{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                    {\left(#2\right)}
                    { \Big(#2 \Big)}
                                        }\xspace}
            14
\corchetes
           Corchetes pequeños
            15 \NewDocumentCommand\corchetes{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                    {[#2]}
            16
                    { \big[#2 \big]}
                                        }\xspace}
            17
\Corchetes
           Corchetes de tamaño variable
            18 \NewDocumentCommand\Corchetes{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                    {\left[#2\right]}
                    { \Big[#2 \Big]}
            20
                                        }\xspace}
            2.3.
                  Subíndices
   \LRidxE Comandos para escribir índices a derecha y/o izquierda de un objeto (con exponente)
    \LidxE
           \RidxE
           22 \NewDocumentCommand\LidxE \{ mmm \} \{ ensuremath \{ \{ \#2 \}^{} \} \{ \#1 \} \} \{ \} \} \}
            23 \NewDocumentCommand\RidxE { mmm}{\ensuremath{\leftidx{
                                                                        }{{#1}}{_{#2}^{#3}}}\xspace}
    \LRidx Comando para escribir un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto
            24 \NewDocumentCommand\LRidx { mmm}{\ensuremath{\LRidxE{#1}{#2}{#3}{}}\xspace}
            Comandos para escribir un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto entre paréntesis
   \LRidxp
  \LRidxp*
            25 \NewDocumentCommand\LRidxp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
   \LRidxP
                             {\LRidx{\parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
  \LRidxP*
           27
                             {\LRidx{\operatorname{x}{ + 2}}{#3}{#4}}
                                                                 }\xspace}
            {\LRidx{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
           30
                             {\LRidx{\operatorname{Parentesis} {#2}}{#3}{#4}}
            31
                                                                 }\xspace}
```

```
Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto
\LRidxpE*
           \LRidxPE
                               {\parentesis*{\LRidx{#2}{#3}{#4}}}
\LRidxPE*
           34
                               {\parentesis {\LRidx{#2}{#3}{#4}}}
                                                                         }\xspace}
           35
           36 \NewDocumentCommand\LRidxPE {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                               {\Parentesis*{\LRidx{#2}{#3}{#4}}}
           37
                               {\Parentesis {\LRidx{#2}{#3}{#4}}}
           38
                                                                         }\xspace}
    \Lidx Comando para escribir un índice a la izquierda de un objeto
           39 \NewDocumentCommand\Lidx
                                            { mm}{\ensuremath{\LidxE {#1}{#2}{}}
                                                                                       }\xspace}
   \Lidxp
           Comandos para escribir un índice a la izquierda de un objeto entre paréntesis
  \Lidxp*
           40 \NewDocumentCommand\Lidxp
                                           { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
   \LidxP
           41
                               {\Lidx{\parentesis*{#2}}{#3}}
  \LidxP*
                               {\coprod_{x\in \mathbb{Z}}{\#3}}
                                                                    }\xspace}
           42
           44 \NewDocumentCommand\LidxP
                                            { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
           45
                               {\coprod_{x\in \mathbb{Z}}{\#3}}
           46
                               {\coprod_{x\in \mathbb{Z}}{\#3}}
                                                                    }\xspace}
           Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la izquierda de un objeto
 \LidxpE
 \LidxpE*
           47 \NewDocumentCommand\LidxpE
                                            { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
 \LidxPE
                               {\parentesis*{\Lidx{#2}{#3}}}
 \LidxPE*
                               {\operatorname{Lidx}}{\#2}{\#3}}
                                                                    }\xspace}
           50
           51 \NewDocumentCommand\LidxPE
                                             { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
           52
                               {\operatorname{X}}{\operatorname{X}}
                               {\operatorname{Lidx}}{\#2}{\#3}}
                                                                   }\xspace}
    \Ridx Comando para escribir un índice a la derecha de un objeto
           54 \NewDocumentCommand\Ridx
                                             { mm}{\ensuremath{\RidxE {#1}{#2}{}
                                                                                        }\xspace}
   \Ridxp
           Comandos para escribir un índice a la derecha de un objeto entre paréntesis
  \Ridxp*
           55 \NewDocumentCommand\Ridxp
                                             {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
   \RidxP
                               {\Ridx{\parentesis*{#2}}{#3}}
  \RidxP*
           57
                               {\left\{ \right\} }{\left\{ \right\} }
                                                                    }\xspace}
           58
           59 \NewDocumentCommand\RidxP
                                             {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                               {\left\{ \right\}}{\left\{ \right\}}
                               {\left\{ \right\} }
                                                                    }\xspace}
           61
 \RidxpE
           Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la derecha de un objeto
 \RidxpE*
           62 \NewDocumentCommand\RidxpE {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
 \RidxPE
           63
                               {\operatorname{x}}{\operatorname{x}}{\ {\mathbb{Z}}{\#3}}
 \RidxPE*
                               {\operatorname{Ridx}}{\#2}{\#3}}
           64
                                                                    }\xspace}
           66 \NewDocumentCommand\RidxPE {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
           67
                               {\operatorname{Narentesis}}{\operatorname{Ridx}{#2}{#3}}
           68
                               {\operatorname{Narentesis} \{\operatorname{Ridx} \{\#2\} \{\#3\}\}}
                                                                    }\xspace}
                   Operadores
           2.4.
```

#### 2.4.1. Conjugación y concatenación

\widebar Barra ancha para indicar media o conjugación
69 \NewDocumentCommand\widebar{m}{\mathop{\overline{#1}}}

```
\conj Signo de conjugación
         70 \NewDocumentCommand\conj
                                   {m}{\ensuremath{\widebar{#1}}\xspace}
 \concat Concatenación
         71 \end{\concat}{\mathbf{\sum_{\mathbf{math}}}}
         72 \newcommand{\conc@t}[2]{%
             \vcenter{\hbox{%
         73
               74
               \setlength{\unitlength}{\wd\z0}%
         75
               \begin{picture}(1,1)
         76
         77
               \roundcap
               \poline{0.1,0.5}{\line(1,0){0.8}}
         78
               79
               80
               \end{picture}%
         81
         82
            }} }
               Norma y valor absoluto
         2.4.2.
         Norma de un objeto
  \norma
 \norma*
         {\left\lVert{#3}\right\rVert}
         85
                           \rVert{#3}
                                         \rVert}}_{#2}
                                                         }\xspace}
\modulus
         Valor absoluto
\modulus*
         86 \NewDocumentCommand\modulus{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
         87
                      {\left| {\left| {\#2}\right| } \right|}
                           |{#2}
                                                    }\xspace}
         88
         2.4.3.
                Transposición
     \T Signo de transposición
         89 \NewDocumentCommand\T{}{\intercal}
         Transposición
  \Trans
 \Transp
         90 \mbox{NewDocumentCommand}\mbox{Trans} {sm}{\mbox{lfBooleanTF#1}}
\Transp*
         91
                  {{#2\big.}^{\T} }
 \TransP
         92
                  { #2^{\T}
                                                }\xspace}
\TransP*
         93
         94 \NewDocumentCommand\Transp {sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
\TranspE
                 {\Trans{{\parentesis*{#2}}}}
\TranspE*
                 {\Trans{{\parentesis {#2}}}}
                                                 }\xspace}
\TransPE
         97
\TransPE*
         98 \MewDocumentCommand\TransP {sm}{\ensuremath{\lifBooleanTF\#1}}
                 {\Trans{{\Parentesis*{#2}}}}
         99
                 {\Trans{{\Parentesis {#2}}}}
                                                 }\xspace}
        100
        101
        103
                 {\parentesis*{\Trans{#2}}}
                 {\parentesis {\Trans{#2}}}
                                                 }\xspace}
        104
        107
                 {\Parentesis*{\Trans{#2}}}
        108
                 {\Parentesis {\Trans{#2}}}
                                                 }\xspace}
```

#### **2.4.4.** Inversa

\elemRPE\*

```
\minus Signo negativo para indicar la inversa
                        109 \NewDocumentCommand\minus { }{\hbox{-}}
           \Inv Notación de la inversa
         \label{lnvp} 110 \NewDocumentCommand\Inv
                                                                                                                    }{\ensuremath{ #1^{\minus1} }\xspace}
                                                                                                     {m
       \Invp* 111
         \InvP 112 \NewDocumentCommand\Invp
                                                                                                     \{sm
                                                                                                                    }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
       \InvP* 113
                                                              {\Inv{{\parentesis*{#2}}}}
                                                              {\Inv{{\parentesis {#2}}}}
       \InvpE 114
     \InvpE* 115
      \InvPE 116 \NewDocumentCommand\InvP
                                                                                                                    }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                                                     {sm
    \InvPE* 117
                                                              {\Inv{{\Parentesis*{#2}}}}
                        118
                                                              {\Inv{{\Parentesis {#2}}}}
                                                                                                                                                            }\xspace}
                                                                                                     {sm }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                        120 \NewDocumentCommand\InvpE
                                                              {\parentesis*{\Inv{#2}}}
                        121
                                                              {\parentesis {\Inv{#2}}}
                                                                                                                                                       }\xspace}
                        122
                        123
                        124 \NewDocumentCommand\InvPE
                                                                                                   {sm }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                              {\Parentesis*{\Inv{#2}}}
                        125
                        126
                                                              {\Parentesis {\Inv{#2}}}
                                                                                                                                                       }\xspace}
                          2.4.5.
                                           Operador selector
 \getItem Signo de operador selector
                        127 \NewDocumentCommand\getItem { }{\ensuremath{ \pmb{\mid}}
                                                                                                                                                                                  }\xspace}
\getitemL Operador selector por la izquierda y operador selector por la derecha
                        128 \NewDocumentCommand\getitemL{m}{\ensuremath{ {\psi1} \getItem }\xspace}
                        129 \NewDocumentCommand\getitemR{m}{\ensuremath{ \getItem {#1} }\xspace}
                                  selector por la izquierda de un objeto
       \elemL Selector por la izquierda
    \elemLp 130 \NewDocumentCommand\elemL
                                                                                                     {mm}{\ensuremath{ \Lidx{#1}{\getitemL{#2}} }\xspace}
  \elemLp* 131
    \elemLP 132 \NewDocumentCommand\elemLp {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
  \elemLP* 133
                                               {\elemL{\parentesis*{#2}}{#3}}
 \verb|\elemLpE|^{134}
                                               {\elemL{\parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}
\ensuremath{\texttt{\local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{local{loca}}}}}}}}}}}}}}}}}
 \verb|\elemLPE| 136 \end{|\elemLP {smm}{\end{|\elemLP smm}}} = 136 \end{|\elemLP to the lemLP} 
\ensuremath{\verb|VelemLPE*|}^{137}
                                               {\elemL{\Parentesis*{#2}}{#3}}
                        138
                                               {\elemL{\Parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}
                        139
                        140 \verb|\NewDocumentCommand\elemLpE{smm}{\ensuremath{\label{lfBooleanTF#1}}} \\
                        141
                                               {\parentesis*{\elemL{#2}{#3}}}
                        142
                                               {\parentesis {\elemL{#2}{#3}}} }\xspace}
                        143
                        144 \ensuremath{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\label{lemLPE}smm}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\labell}{\
                        145
                                               {\Parentesis*{\elemL{#2}{#3}}}
                        146
                                               {\Parentesis {\elemL{#2}{#3}}} }\xspace}
                                  por la derecha de un objeto
       \elema Selector por la izquierda
    \elemRp 147 \NewDocumentCommand\elemR
                                                                                                     {mm}{\ensuremath{ \Ridx{#1}{\getitemR{#2}} }\xspace}
  \elemRp* 148
    \elemRP
  \elemRP*
                                                                                                                                           45
 \elemRpE
\elemRpE*
  \elemRPE
```

```
{\elemR{\parentesis*{#2}}{#3}}
                                                     150
                                                     151
                                                                                                   {\elemR{\parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}
                                                     152
                                                     153 \MewDocumentCommand\elemRP {smm}{\ensuremath{\lifBooleanTF\#1}}
                                                                                                   {\elemR{\Parentesis*{#2}}{#3}}
                                                     154
                                                                                                  {\elemR{\Parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}
                                                     155
                                                     156
                                                     157 \ensuremath{\local{lfBooleanTF#1}}
                                                     158
                                                                                                   {\parentesis*{\elemR{#2}{#3}}}
                                                                                                   {\parentesis {\elemR{#2}{#3}}} }\xspace}
                                                     159
                                                     160
                                                     161 \ensuremath{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\lab
                                                     162
                                                                                                  {\Parentesis*{\elemR{#2}{#3}}}
                                                                                                  {\Parentesis {\elemR{#2}{#3}}} }\xspace}
                                                     163
                                                                         por ambos lados de un objeto
             \elemLR Selectores por ambos lados
         \verb|\elemLRp | 164 \\ \verb|\elemLRgmmm| + \\ \\ \elemLRfmmm + \\ \\ \elemL
    \elemLRp* 165
                                                                                         \ensuremath{ \LRidx{#1}{\getitemL{#2}}{\getitemR{#3}} }\xspace}
        \elemLRP 166
    \elemLRP* 167 \NewDocumentCommand\elemLRp {smmm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1
                                                                                                  {\elemLR{\parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
   \ensuremath{\,^{\setminus}}elemLRpE ^{168}
                                                                                                  {\elemLR{\parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
\elemLRpE* 169
   \verb|\elemLRPE|^{170}
                                                    171 \NewDocumentCommand\elemLRpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
\elemLRPE*
                                                     172
                                                                                                   {\parentesis*{\elemLR{#2}{#3}{#4}}}
                                                     173
                                                                                                   {\parentesis {\elemLR{#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                                     174
                                                     175 \verb|\NewDocumentCommand\elemLRP {smmm}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colored{command}{\colo
                                                                                                   {\elemLR{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
                                                     176
                                                                                                   {\elemLR{\Parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                                     177
                                                     178
                                                     179 \NewDocumentCommand\elemLRPE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                   {\Parentesis*{\elemLR{#2}{#3}{#4}}}
                                                     180
                                                                                                   {\Parentesis {\elemLR{#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                            }\xspace}
                                                     181
                                                                         por la izquierda de un vector
                  \elevl Selector de elementos de un vector por la izquierda
              \eleVLp* 183
                                                                                                           {\elemL {\Vect
                                                                                                                                                                                                         {#2}}{#3}}
              \eleVLP 184
                                                                                                           {\elemLP*{\Vect[#1]{#2}}{#3}}
                                                                                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
         \eleVLP* 185
        \verb|\eleVLpE| 186 \label{levLpEnd} \label{levLpEnd} \label{levLpEnd} $$ \ensurement{\label{levLpEnd} $$ (ensurement) $$ (ensur
                                                                                                           {\elemLp*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
    \eleVLpE* 187
                                                                                                           {\left[ {\left[ {2}\right] {#3} \right] } }
                                                                                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
        \verb|\eleVLPE|^{188}
                                                    189
    \eleVLPE*
                                                     190 \NewDocumentCommand\eleVLP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF{#1}%}
                                                                                                            {\elemLP*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                            {\elemLP {\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
                                                     192
                                                     193
                                                     194 \NewDocumentCommand\eleVLpE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}}
                                                                                                       {\elemLpE*{\IfNoValueTF{#2}}
                                                     195
                                                                                                                                                             {\Vect
                                                     196
                                                                                                                                                                                                                       {#3}}
                                                                                                                                                             {\ensuremath{\tt Vectp*[#2]{#3}}}{\#4}}
                                                     197
                                                                                                       {\elemLpE {\IfNoValueTF{#2}}
                                                     198
                                                                                                                                                             {\Vect
                                                                                                                                                                                                                        {#3}}
                                                     199
```

149 \NewDocumentCommand\elemRp {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}

```
{\Vectp*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
                   200
                   201
                   202 \NewDocumentCommand\eleVLPE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                                        {\elemLPE*{\IfNoValueTF{#2}}
                   203
                                                              {\Vect
                                                                                     {#3}}
                   204
                                                              {\VectP*[#2]{#3}}{#4}}
                   205
                                        {\elemLPE {\IfNoValueTF{#2}}
                   206
                   207
                                                              {\Vect
                                                                                     {#3}}
                   208
                                                              {\VectP*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
                           por la derecha de un vector
     \eleVR Selector de elementos de un vector por la derecha
   \eleVRp 209 \NewDocumentCommand\eleVR{omm}{\ensuremath{\IfNoValueTF{#1}%}
 \eleVRp* 210
                                          {\elemR {\Vect
                                                                               {#2}}{#3}}
   \eleVRP 211
                                         {\elemRP*{\Vect[#1]{#2}}{#3}}
                                                                                                           }\xspace}
 \eleVRP* 212
 \ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\engen}}}}}}}}}}} \endexspice the left constraint the left constraint the left constraint to the left constraint}\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensu
                                         {\elemRp*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                         {\operatorname{NP} {\operatorname{UV}(#2){#3}}{#4}}
 \verb|\eleVRPE||^{215}
                                                                                                           }\xspace}
                   216
\eleVRPE*
                   217 \NewDocumentCommand\eleVRP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF{#1}%}
                                         {\elemRP*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                   218
                   219
                                          {\elemRP {\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                           }\xspace}
                   220
                   221 \NewDocumentCommand\eleVRpE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                   222
                                       {\elemRpE*{\IfNoValueTF{#2}}
                   223
                                                              {\tt Vect}
                                                                                     {#3}}
                   224
                                                              {\Vectp*[#2]{#3}}}{#4}}
                                        {\elemRpE {\IfNoValueTF{#2}}
                   225
                                                              {\Vect
                                                                                     {#3}}
                   226
                                                              {\Vectp*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                   227
                   228
                   229 \NewDocumentCommand\eleVRPE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%
                                       {\elemRPE*{\IfNoValueTF{#2}}
                   230
                                                              {\Vect
                   231
                                                                                     {#3}}
                   232
                                                              {\VectP*[#2]{#3}}}{#4}}
                   233
                                        {\elemRPE {\IfNoValueTF{#2}}
                   234
                                                              {\Vect
                                                                                     {#3}}
                                                              {\VectP*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                   235
                           de filas de una matriz
     \VectF Selector de filas de una matriz
   \VectFp* 237
                                         {\left\{ \right\} } 
                                                                             {#2}}{#3}}
   \VectFP 238
                                          {\elemLp*{\Mat[#1]{#2}}{#3}}
                                                                                                         }\xspace}
 \VectFP* 239
 {\elemLp*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
\VectFpE* ^{241}
 \verb|\VectFPE||^{242}
                                          {\elemLp {\Mat[#2]{#3}}{#4}} }\xspace}
\VectFPE* ^{243}
                   244 \NewDocumentCommand\VectFP{somm}{\ensuremath{\\IfBooleanTF#1%%}
                                         {\elemLP*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
                   245
                                         {\elemLP {\Mat[#2]{#3}}{#4}} \xspace}
                   246
                   247
                   {\elemLpE*{\IfNoValueTF{#2}}
```

{\Mat

 $\frac{249}{250}$ 

```
251
                            {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
         252
                  {\elemLpE {\IfNoValueTF{#2}}
         253
                            {\Mat
                                      {#3}}
                            {\Matp*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
         254
         255
         {\elemLPE*{\IfNoValueTF{#2}}
         257
         258
                            {\Mat
                                      {#3}}
                            {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
         259
                  {\elemLPE {\IfNoValueTF{#2}}
         260
         261
                            {\Mat
                                      {#3}}
                            {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
         262
  \VectTF Selector de filas de una matriz
 \VectTFp 263 \NewDocumentCommand\VectTF{omm}{\ensuremath{\IfNoValueTF{#1}%}
\VectTFp* 264
                   {\elemL {\MatTpE* {#2}}{#3}}
 \VectTFP 265
                   {\elemLp*{\MatT[#1]{#2}}{#3}}
                                                }\xspace}
\VectTFP* 266
\VectTFpE* ^{268}
                   {\elemLp*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
\verb|\VectTFPE||^{269}
                   {\elemLp {\MatT[#2]{#3}}{#4}} \xspace}
         270
\VectTFPE*
         271 \NewDocumentCommand\VectTFP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%%
                   {\elemLP*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
         272
                   {\elemLP {\MatT[#2]{#3}}{#4}} \xspace}
         273
         274
         275 \NewDocumentCommand\VectTFpE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
         276
                  {\elemLpE*{\IfNoValueTF{#2}}
         277
                            {\MatTpE*
                                        {#3}}
         278
                            {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
         279
                  {\elemLpE {\IfNoValueTF{#2}}
         280
                            {\MatTpE*
                                        {#3}}
                            {\MatTpE*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
         281
         282
         {\elemLPE*{\IfNoValueTF{#2}}
         284
                            {\MatTpE*
         285
                                        {#3}}
         286
                            {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
         287
                  {\elemLPE {\IfNoValueTF{#2}}
         288
                            {\MatTpE*
                                        {#3}}
                            {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
         289
             de columnas de una matriz
   \VectC Selector de columnas de una matriz
  \VectCp* 291
                   {\operatorname{\mathbb{N}} \{}
                                   {#2}}{#3}}
  \VectCP 292
                   {\elemRp*{\Mat[#1]{#2}}{#3}}
                                                }\xspace}
 \VectCP* 293
 {\elemRp*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
\VectCpE* ^{295}
                   {\elemRp {\Mat[#2]{#3}}{#4}} }\xspace}
 \verb|\VectCPE||^{296}
         297
\VectCPE*
         298 \NewDocumentCommand\VectCP{somm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1%%
                   {\elemRP*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
         300
                   {\elemRP {\Mat[#2]{#3}}{#4}} \xspace}
         301
         302 \NewDocumentCommand\VectCpE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                  {\elemRpE*{\IfNoValueTF{#2}}
```

```
304
                                 {\Mat
                                             {#3}}
           305
                                 {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
                      {\elemRpE {\IfNoValueTF{#2}}
           306
           307
                                 {\Mat
                                             {#3}}
                                 {\Matp*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
           308
           309
           310 \ensuremath{\local{NewDocumentCommand}\ensuremath{\lifBooleanTF\#1\%}}
                      {\elemRPE*{\IfNoValueTF{#2}}
           311
           312
                                 {\Mat
                                             {#3}}
                                 {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
           313
                      {\elemRPE {\IfNoValueTF{#2}}
           314
                                 {\Mat
           315
                                             {#3}}
                                 {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
           316
   \VectTC Selector de columnas de una matriz
 \VectTCp 317 \NewDocumentCommand\VectTC{omm}{\ensuremath{\IfNoValueTF{#1}%}
 \VectTCp* 318
                       {\elemR {\MatTpE* {#2}}{#3}}
 \VectTCP 319
                       {\elemRp*{\MatT[#1]{#2}}{#3}}
                                                         }\xspace}
 \VectTCP* 320
\label{tope} $$\operatorname{121 \ensuremath}(\operatorname{Command}\operatorname{Command}\operatorname{Comm}_{\operatorname{Comm}})$$
\VectTCpE* 322
                       {\elemRp*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
\verb|\VectTCPE||^{323}
                       {\elemRp {\MatT[#2]{#3}}{#4}} }\xspace}
           324
\VectTCPE*
           325 \NewDocumentCommand\VectTCP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%%
                       {\elemRP*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
           326
                       {\elemRP {\MatT[#2]{#3}}{#4}} \xspace}
           327
           328
           329 \NewDocumentCommand\VectTCpE{somm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1%
           330
                      {\elemRpE*{\IfNoValueTF{#2}}
           331
                                 {\MatTpE*
                                               {#3}}
           332
                                 {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
           333
                      {\elemRpE {\IfNoValueTF{#2}}
           334
                                 {\MatTpE*
                                               {#3}}
                                 {\MatTpE*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
           335
           336
           337 \NewDocumentCommand\VectTCPE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%
                      {\elemRPE*{\IfNoValueTF{#2}}
           338
           339
                                 {\MatTpE*
                                               {#3}}
           340
                                 {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
                      {\elemRPE {\IfNoValueTF{#2}}
           341
           342
                                 {\MatTpE*
                                               {#3}}
           343
                                 {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
               de elementos de una matriz
     \eleM Selector de elementos de una matriz
    \eleMp* 345
                                                   {\Mat
                                                               {#2}}
                                                   {\MatP*[#1]{#2}}
                                                                                     }{#3}{#4}}\xspace}
    \eleMP 346
   \eleMP* 347
   \eleMpE 348 \NewDocumentCommand\eleMp {sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                               {\elemLRp* {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
  \eleMpE* 349
                               {\elemLRp {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}} }\xspace}
  \verb|\eleMPE||^{350}
  \eleMPE*
           352 \NewDocumentCommand\eleMP {sommm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}}
           353
                               {\elemLRP* {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
           354
                               {\elemLRP {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}} }\xspace}
           356 \NewDocumentCommand\eleMpE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
```

```
{\eleM
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 {#3}{#4}{#5}}
                                                       358
                                                       359
                                                                                                                                                                                                                                                          {\eleM[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               }}
                                                                                                                                                                 {\parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
                                                       360
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 {#3}{#4}{#5}}
                                                       361
                                                                                                                                                                                                                                                          {\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\en
                                                                                                                                                                                                                                                         {\left[ {2}, {43}, {44}, {45} \right]}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               362
                                                      363
                                                      364 \NewDocumentCommand\eleMPE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                      365
                                                                                                                                                                 {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#1}}
                                                       366
                                                                                                                                                                                                                                                         {\left\{ \right\} }
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 {#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                          {\eleM[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                       367
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              }}
                                                                                                                                                                 {\Parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
                                                       368
                                                       369
                                                                                                                                                                                                                                                          {\left\{ \right\} }
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                {#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                         {\left[ {2}, {43}, {44}, {45} \right]}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              370
                                                                             de elementos de una matriz transpuesta
               \eleMT Selector de elementos de una matriz
          \label{lem:command} $$ \operatorname{MT}_{371} \mathbb{C}^{371} \mathbb{C}^{3
     \eleMTp* 372
         \verb|\eleMTP 373 \elemmand| eleMTp {sommm} {\elemmand} | flarer | f
                                                                                                                                                                 {\left[\#2\right]}^T}{\#4}{\#5}
    \verb|\eleMTP*| 374
                                                                                                                                                                \label{lemLRp {\parentesis*{\mat[#2]{#3}}^T}{#4}{#5}} } \xspace} $$ \cline{LRp {\parentesis*{\mat[#2]{#3}}^T}{#4}{#5}} } $$
    \ensuremath{\,^{ar{}}}
\eleMTPE 377 \NewDocumentCommand\eleMTP {sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                                                                                 {\left[\#2\right]}^T}{\#4}{\#5}}
\eleMTPE*
                                                      379
                                                                                                                                                                 \label{lem_lrp_sign} $$ {\operatorname{lmat}[\#2]{\#3}}^T{\#4}{\#5}} \ $$ \
                                                       381 \NewDocumentCommand\eleMTpE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                      382
                                                                                                                                                                 {\parentesis*{\IfNoValueTF{#1}}
                                                                                                                                                                                                                                                         {#3}{#4}{#5}}
                                                      383
                                                      384
                                                                                                                                                                                                                                                          {\eleMT[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    }}
                                                       385
                                                                                                                                                                 {\parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
                                                                                                                                                                                                                                                         {\eleMT
                                                      386
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     {#3}{#4}{#5}}
                                                      387
                                                                                                                                                                                                                                                          {\eleMT[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    389 \label{lem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem:mandlelem
                                                                                                                                                                 {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#1}}
                                                       391
                                                                                                                                                                                                                                                         {\left\{ \right\} }
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     {#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                         {\left[ \#2 \right] {\#3} {\#4} {\#5} }
                                                       392
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    }}
                                                                                                                                                                 {\Parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
                                                       393
                                                                                                                                                                                                                                                         {\left\{ \right.}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     {#3}{#4}{#5}}
                                                       394
                                                       395
                                                                                                                                                                                                                                                         {\eleMT[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Operaciones elementales
                     \Trel Signo de transformación elemental
                                                       396 \DeclareMathOperator{\TrEl}{\boldsymbol{\tau}}
                                \su Transformación elemental Tipo I
                                                       397 \NewDocumentCommand\su{mmm}{\ensuremath{\%}
                                                                                                                                                                                                  \label{left(#1/right){\boldsymbol{#2}}+{\boldsymbol{#3}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       }\xspace}
                                \pr Transformación elemental Tipo II
                                                       399 \NewDocumentCommand\pr{mm }{\ensuremath{%
                                                                                                                                                                                                  \left(#1\right){\boldsymbol{#2}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        }\xspace}
                                \pe Intercambio (permuta de dos elementos)
                                                       401 \NewDocumentCommand\pe{mm }{\ensuremath{%
                                                       402
                                                                                                                                                                                             \boldsymbol{#1} \rightleftharpoons \boldsymbol{#2}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       }\xspace}
```

{\parentesis\*{\IfNoValueTF{#1}}

```
\perm Reordenamiento de los elementos (permutación)
                        403 \NewDocumentCommand\perm{}{\ensuremath{ \mathfrak{S}}}
                                                                                                                                                                                                                       }\xspace}
           \Ope Operación elemental
                        404 \end{OpEm}{\colored} \label{left[{#1}\right]} \end{OpEm} \end
         \OEsu Oper. elem. que suma un múltiplo de una componente a otra
                        405 \NewDocumentCommand\OEsu {mmm}{\ensuremath{ \OpE{ \su{#1}{#2}{#3} } }\xspace}
         \OEpr Oper. elem. que multiplica una componente por un número
                        406 \NewDocumentCommand\OEpr {mm}{\ensuremath{ \OpE{ \pr{#1}{#2}}
                                                                                                                                                                                                 } \xspace}
         \OEin Intercambio de posición entre componentes
                        407 \NewDocumentCommand\OEin \{mm\}\{\ensuremath\{ \pe{\#1}{\#2}\}\}
                                                                                                                                                                                                 } \xspace}
       \OEper Reordenamiento o permutación entre componentes
                        408 \NewDocumentCommand\OEper
                                                                                                   {}{\ensuremath{ \OpE{ \perm
                                                                                                                                                                                                 } \xspace}
       \E0Esu Espejo de oper. elem. que suma un múltiplo de una componente a otra
                        409 \NewDocumentCommand\EOEsu{mmm}{\ensuremath{ esp\Big(\OEsu{#1}{#2}{#3}\Big)}\xspace}
       \E0Epr Espejo de oper. elem. que multiplica una componente por un número
                        410 \NewDocumentCommand\E0Epr \{mm\}\{\ensuremath\{ esp\Big(\0Epr\{\#1\}\{\#2\}\}\}\}
                                                                                                                                                                                                        \Big)}\xspace}
                          Transformaciones elementales generales
           \OEg Operación elemental genérica
                        411 \NewDocumentCommand \OEg{0{}0{}}{\ensuremath{ \RidxE{\TrEl}{\!#1}{#2} }\xspace}
         \EOEg Operación espejo de una operación elemental genérica
                        412 \NewDocumentCommand \E0Eg{0{}0{}}{\ensuremath{ esp( \0Eg[#1][#2]}}
                                                                                                                                                                                                           ) }\xspace}
    \InvOEg Inversa de una operación elemental genérica
                        413 \NewDocumentCommand \InvOEg{O{} }{\ensuremath{}}
                                                                                                                                                               \OEg[#1][\minus1]
                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
 \EInvOEg Espejo de la inversa de una operación elemental genérica
                        414 \NewDocumentCommand\EInvOEg{O{} }{\ensuremath{ esp( \InvOEg[#1]
                                                                                                                                                                                                           ) }\xspace}
         \SOEg Sucesión de operaciones elementales genéricas
                        415 \NewDocumentCommand\SOEg\{0\{1\}0\{k\}0\{\}\}\{\newTemath\{\%\}\}\}
                                                                                                                               \OEg[#1][#3]\cdots\OEg[#2][#3]
                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
       \d0EgE Operación elemental genérica con exponente y sin exponente
         }\xspace}
                                                                                                                                                        \d0EgE{#1}{}
                        418 \NewDocumentCommand\d0Eg
                                                                                                    {m}{\operatorname{m}}_{\mathrm{m}}
                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
    \decepte Operación espejo de una elemental genérica con exponente y sin exponente
       \dEOEg 419 \NewDocumentCommand\dEOEgE {mm}{\ensuremath{ esp(\dOEgE{#1}{#2}}
                                                                                                                                                                                                      )
                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
                        420 \NewDocumentCommand\dEOEg
                                                                                                    {m}{\ensuremath{ esp(\d0Eg {#1}}
                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
 \dInvOEg Operación inversa de una elemental genérica
                        421 \NewDocumentCommand\dInvOEg {m}{\ensuremath{}
                                                                                                                                                       \dOEgE{#1}{\minus1}
                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
\dEInvOEg Operación espejo de la inversa de una elemental genérica
                        422 \ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{
                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
    \dSOEgE Sucesión de operaciones elementales genéricas con exponente o sin exponente
       \dSOEg 423 \NewDocumentCommand\dSOEgE{mmm}{\ensuremath{\dOEgE{#1}{#3}\cdots\dOEgE{#2}{#3}}\xspace}
                        424 \NewDocumentCommand\dS0Eg \{mm\}\{\columnware{mm}\} \{d0Eg \{\#1\}\}
                                                                                                                                                                             \cdots\dOEg {#2}
                                                                                                                                                                                                                              }\xspace}
```

#### 2.4.7. Transformaciones elementales particulares

Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto Tipo I - Fil

```
\TESF Una transformación elemental Tipo I por la izquierda
\TESFP 426 \NewDocumentCommand\TESFp {smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
\TESFpE 427
        {\Lidxp* {#5}{\OEsu{#2}{#3}{#4}\!\!}} {\Lidxp {#5}{\OEsu{#2}{#3}{#4}\!\!}} }\xspace}
430 \verb|\NewDocumentCommand\TESFpE{smmmm}}{\colored{command}} If Boolean TF \# 1
     Tipo I - Col
 \TESC Una transformación elemental Tipo I por la derecha
 \TESC _{434} \ensuremath{\Ridx{#4}{\cdot!\OEsu{#1}{#3}}}\xspace}
 \TESC 435 \NewDocumentCommand\TESCp {smmmm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}}
 \TESC 436 {\Ridxp* {#5}{\!\!\OEsu{#2}{#3}{#4}}} {\Ridxp {#5}{\!\!\OEsu{#2}{#3}{#4}}} }\xspace}
 \TESC 437 \NewDocumentCommand\TESCP {smmmm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}
     441 \NewDocumentCommand\TESCPE{smmmm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
     Tipo II - Fil
 \TEPF Una transformación elemental Tipo II por la izquierda
\TEPFp 443 \NewDocumentCommand\TEPF
                         {mmm}{\ensuremath{\Lidx{#3}{ \OEpr{#1}{#2}}!} }\xspace}
\TEPFP 444 \NewDocumentCommand\TEPFp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
\TEPFpE 445
           \TEPFPE 446 \NewDocumentCommand\TEPFP \{smmm\}\\ensuremath\\\IfBooleanTF#1
           447
     448 \NewDocumentCommand\TEPFpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
     449
           {\LidxpE*{#4}{\OEpr{#2}{#3}\!} {\LidxpE{#4}{\OEpr{#2}{#3}\!}
                                                         } }\xspace}
     {\LidxPE*{#4}{\OEpr{#2}{#3}\! }} {\LidxPE{#4}{\OEpr{#2}{#3}\!}
     451
                                                         } }\xspace}
        Tipo II - Col
 \TEPC Una transformación elemental Tipo II por la derecha
\TEPCp 452 \NewDocumentCommand\TEPC
                          \label{lemm} $$ {\mathbf \mathbb{R}idx{#3}{\cdot!\backslash Epr{#1}{#2} } } \simeq $$
\TEPCP _{453} \NewDocumentCommand\TEPCp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
\TEPCpE 454
            {\Ridxp* {#4}{\!\!OEpr{#2}{#3}}} {\Ridxp {#4}{\!\OEpr{#2}{#3}} } \xspace}
\TEPCPE 455 \NewDocumentCommand\TEPCP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
            {\RidxP* {#4}{\!\!\0Epr{#2}{#3}}} {\RidxP {#4}{\!\!\0Epr{#2}{#3}} } \xspace}
     {\RidxpE*{#4}{\! \OEpr{#2}{#3}}} {\RidxpE{#4}{\!\OEpr{#2}{#3}}
                                                         } \xspace}
     458
     459 \verb|\NewDocumentCommand\TEPCPE{smmm}{\clip{coleanTF\#1}} | $$
            {\RidxPE*{#4}{\! \OEpr{#2}{#3}}} {\RidxPE{#4}{\!\OEpr{#2}{#3}}
                                                         } }\xspace}
     460
        Intercambio - Fil
 \TEIF Intercambio por la izquierda
\TEIFp 461 \NewDocumentCommand\TEIF
                          {\tt \{mmm\}\{\ensuremath\{\Lidx\{\#3\}\{\ \OEin\{\#1\}\{\#2\}\!\}\ \}\xspace\}}
\TEIFP 462 \NewDocumentCommand\TEIFp {smmm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}}
\TEIFpE
\TEIFPE
```

```
{\Lidxp* {#4}{\OEin{#2}{#3}\!\!} {\Lidxp {#4}{\OEin{#2}{#3}\!\!} } \xspace}
              464 \ensuremath{\label{lfBooleanTF#1}} \ensuremath{\lifBooleanTF#1}
                            {\LidxP* {#4}{\OEin{#2}{#3}\!\!}} {\LidxP {#4}{\OEin{#2}{#3}\!\!} } \xspace}
              465
              466 \ensuremath{\label{lemm}} {\label{lemm}} {\labell} {\labell}
                            {\LidxpE*{#4}{\OEin{#2}{#3}\! }} {\LidxpE{#4}{\OEin{#2}{#3}\!}
                                                                                                                                  } \xspace}
              467
              {\LidxPE*{#4}{\OEin{#2}{#3}\! }} {\LidxPE{#4}{\OEin{#2}{#3}\!}
                                                                                                                                  } \xspace}
              469
                    Intercambio - Col
    \TEIC Intercambio por la derecha
   \TEICp 470 \NewDocumentCommand\TEIC
                                                           {mmm}_{\ensuremath{\Ridx{#3}{\cdot}\cdot\OmegaEin{#1}{#2}}}\xspace}
   \TEICP 471 \NewDocumentCommand\TEICp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                            {\text{widxp} {#4}{\cdot\cdot\cdot {#2}{#3}}} {\text{widxp} {#4}{\cdot\cdot\cdot {#3}}} }
 \TEICpE 472
 \TEICPE 473 \NewDocumentCommand\TEICP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                            {\text{WidxP* } {#4}{\cdot\cdot\cdot {#4}}} {\text{WidxP } {#4}{\cdot\cdot\cdot {#3}}} {\text{WidxP } {#4}{\cdot\cdot\cdot {#3}}} } 
              {\RidxpE*{#4}{\!\OEin{#2}{#3}}} {\RidxpE{#4}{\!\OEin{#2}{#3}}}
                                                                                                                                  } \xspace}
              } \xspace}
    \Mint Matriz intercambio y matriz intercambio (filas)
   480 \ensuremath { \ensuremath{ \tml{#1}{\math{1}} } \xspace} 
       \PF Permutación por la izquierda y permutación por la derecha
       \PC 481 \NewDocumentCommand\PF
                                                           {m}{\operatorname{Lidx}{#1}{ \ \ \ } \ }
              482 \NewDocumentCommand\PC
                                                           {m}{\ensuremath{ \Ridx{#1}{\!\OEper } }\xspace}
       MP Matriz permutación y matriz permutación
      \MPT 483 \NewDocumentCommand\MP
                                                            {\ensuremath{\ \ \ \ }}
                                                                                                                         }\xspace}
                                                            {}{\operatorname{Normath} \ \ PF \ \ \{\operatorname{I}}
              484 \NewDocumentCommand\MPT
                                                                                                                         }\xspace}
               Sucesiones indiciadas de Transf, elementales
  \SITEF Sucesión indiciada de transformaciones elementales genéricas por la izquierda (filas)
 }\xspace}
 \SITEFP 486
\SITEFpE 487 \NewDocumentCommand\SITEFp{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                     {\SITEF {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
\SITEFPE 488
                                                                                                                                 }\xspace}
                                     {\SITEF {#2}{#3}{\parentesis {#4}}}
              489
              490
              491 \NewDocumentCommand\SITEFP{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                     {\SITEF {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
              492
                                     {SITEF {#2}{#3}{\operatorname{Parentesis {#4}}}}
                                                                                                                                 }\xspace}
              493
              494
              495 \NewDocumentCommand\SITEFpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                      {\parentesis*{\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
              496
                                     {\parentesis {\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                 }\xspace}
              497
              498
              499 \NewDocumentCommand\SITEFPE{smmm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
              500
                                      {\Parentesis*{\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
                                     {\Parentesis {\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                 }\xspace}
   \SITEC Sucesión indiciada de transformaciones elementales genéricas por la izquierda (filas)
 }\xspace}
\SITECpE 504 \NewDocumentCommand\SITECp{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
\SITECPE
```

```
{\SITEC {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
                   505
                                               {\SITEC {#2}{#3}{\parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                         }\xspace}
                   506
                   507
                   {\SITEC {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
                   509
                                               {\SITEC {#2}{#3}{\Parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                         }\xspace}
                   510
                   511
                   512 \NewDocumentCommand\SITECpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                   513
                                               {\parentesis*{\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
                                               {\parentesis {\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                         }\xspace}
                   514
                   515
                   516 \NewDocumentCommand\SITECPE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                               {\Parentesis*{\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
                                              {\Parentesis {\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                         }\xspace}
                   518
     \SITEFC Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha
   \verb|\SITEFCp||_{519} \verb|\NewDocumentCommand\SITEFC\{mmm\}{\column{thm} \column{thm} \c
   \SITEFCP 520
                                                                            {\LRidx{#3}{\dSOEg{#2}{#1}}{\dSOEg{#1}{#2}}}
                                                                                                                                                                }\xspace}
 \SITEFCpE 521
                                              {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
 \SITEFCPE 522
                                              {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                         }\xspace}
                   523 \NewDocumentCommand\SITEFCP{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                              {\SITEFC {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
                   524
                                              {\SITEFC {#2}{#3}{\Parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                         }\xspace}
                   525
                   {\parentesis*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                   527
                                               {\parentesis {\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                       }\xspace}
                   528
                   529 \NewDocumentCommand\SITEFCPE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                   530
                                               {\Parentesis*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                                               {\Parentesis {\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                   531
                                                                                                                                                       }\xspace}
   \SITEFCR Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha
 \SITEFCRp 532 \NewDocumentCommand\SITEFCR{mmm}{\ensuremath{
 \SITEFCRP 533
                                                                           {\LRidx{#3}{\dSOEg{#1}{#2}}{\dSOEg{#1}{#2}}}
                                                                                                                                                                }\xspace}
\SITEFCRpE 534
                                               {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
\SITEFCRPE 535
                                               {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                         }\xspace}
                   536 \NewDocumentCommand\SITEFCRP{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                              {\SITEFC {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
                   537
                                              {\SITEFC {#2}{#3}{\Parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                         }\xspace}
                   538
                   539 \NewDocumentCommand\SITEFCRpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                               {\parentesis*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                   540
                                               {\parentesis {\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                       }\xspace}
                   541
                   542 \NewDocumentCommand\SITEFCRPE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                               {\Parentesis*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                   543
                                               {\Parentesis {\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                       }\xspace}
                   544
          \TrF Transformaciones elementales por la izquierdaq de un objeto
        \label{limits} $$\operatorname{TrFp}_{545} \ensuremath{ \Lidx{#2}{#1} }\times (0{\SOEg} m }{\ensuremath{ \Lidx{#2}{#1} }}\times (0{\SOEg} m )
      \TrFp* 546
        \TrFP 547 \NewDocumentCommand\TrFp \{s O\\SOEg\} m\}\\ensuremath\\IfBooleanTF#1
      \TrFP* 548
                                                                  {\TrF[#2]{\parentesis*{#3}}}
                                                                  {TrF[#2]{\operatorname{parentesis} {#3}}}
                                                                                                                                                }\xspace}
      \TrFpE ^{549}
     \TrFpE* 550
      \label{thm:command} $$\operatorname{TrFPE}$ 551 \encommand\TrFP {s 0{\SOEg} m}{\colored{command}\IfBooleanTF#1} $$
                  552
                                                                  {\TrF[#2]{\Parentesis*{#3}}}
     \TrFPE*
                   553
                                                                  {TrF[#2]{\operatorname{Parentesis} {#3}}}
                                                                                                                                               }\xspace}
                   555 \NewDocumentCommand\TrFpE{s 0{\S0Eg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
```

\Newl

}\xspace}

{\parentesis\*{\TrF[#2]{#3}}}

{\parentesis {\TrF[#2]{#3}}}

```
559 \NewDocumentCommand\TrFPE{s O{\S0Eg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                             {\Parentesis*{\TrF[#2]{#3}}}
               560
                                 {\Parentesis {\TrF[#2]{#3}}}
               561
                                                                                                            }\xspace}
               562
      \TrC Transformaciones elementales por la derecha de un objeto
     \TrCp 563 \NewDocumentCommand\TrC { O{\SOEg} m }{\ensuremath{ \Ridx{#2}{#1} }\xspace}
   \TrCp* 564
     \TrCP 565 \NewDocumentCommand\TrCp {s O{\SOEg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                             {\TrC[#2]{\parentesis*{#3}}}
   \TrCP* 566
                                                             {\TrC[#2]{\parentesis {#3}}}
                                                                                                                                        }\xspace}
   \TrCpE 567
 \TrCpE* 568
               569 \NewDocumentCommand\TrCP {s O{\SOEg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
   \TrCPE
                                                             {\TrC[#2]{\Parentesis*{#3}}}
               570
 \TrCPE*
               571
                                                             {\TrC[#2]{\Parentesis {#3}}}
                                                                                                                                        }\xspace}
               572
               573 \NewDocumentCommand\TrCpE{s O{\SOEg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                             {\parentesis*{\TrC[#2]{#3}}}
                                 {\parentesis {\TrC[#2]{#3}}}
                                                                                                            }\xspace}
               575
               576
               577 \NewDocumentCommand\TrCPE{s O{\SOEg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                             {\Parentesis*{\TrC[#2]{#3}}}
               578
               579
                                 {\Parentesis {\TrC[#2]{#3}}}
                                                                                                            }\xspace}
               580
     \TrFC Transformaciones elementales por la izquierdaq de un objeto
   \TrFCp* 582
   \TrFCP 583 \NewDocumentCommand\TrFCp \{s O\{\S0Eg} O\{\S0Eg[(k+1)][p]\} m}\{\ensuremath\\IfBooleanTF#1
 \TrFCP* 584
                                                             {\TrFC[#2][#3]{\parentesis*{#4}}}
 \TrFCpE 585
                                                             {\TrFC[#2][#3]{\parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                 }\xspace}
\TrFCpE* 586
 \TrFCPE 587 \NewDocumentCommand\TrFCP {s 0{\S0Eg} 0{\S0Eg[(k+1)][p]} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                             {\TrFC[#2][#3]{\Parentesis*{#4}}}
               588
\TrFCPE*
                                                             {\TrFC[#2][#3]{\Parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                 }\xspace}
               589
               590
                    591
                                                             {\parentesis*{\TrFC[#2][#3]{#4}}}
                                 {\parentesis {\TrFC[#2][#3]{#4}}}
                                                                                                                     }\xspace}
               593
               594
                    595
                                                             {\Parentesis*{\TrFC[#2][#3]{#4}}}
               596
                                 {\Parentesis {\TrFC[#2][#3]{#4}}}
                                                                                                                    }\xspace}
               597
               598
                 Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto
      \TEF Una transformación elemental genérica por la izquierda
     \label{limits} $$ \P \Theta \Theta \subset \P T_{0{}0{}m}{\operatorname{Lidx}#3}_{0g[#1^!][#2^!]} $$
   \TEFp* 600
     \TEFP 601 \NewDocumentCommand\TEFp {sO{}O{\,}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
   \TEFP* 602
                            {\Lidxp* {#4}{\OEg[#2][#3]\!}} {\Lidxp {#4}{\OEg[#2][#3]\!\!}}
                                                                                                                                             }\xspace}
 \TEFpE* 603
   \verb|\TEFpE|^{604}
                    \TEFPE ^{605}
                            {\coprod P* {#4}{OEg[#2][#3]!}} {\coprod P {#4}{OEg[#2][#3]!!}} }
               606
 \TEFPE*
               607 \end{TEFpE} \\ so{00} \\ \end{TEFpE} \\ so{00} \\ \end{TEFpE} \\ \end{T
                            {\LidxpE*{#4}{\OEg[#2][#3]\!}} {\LidxpE{#4}{\OEg[#2][#3]\!}}
                                                                                                                                             }\xspace}
```

```
609
                                610 \\MewDocumentCommand\TEFPE\{sO\{\}O\{\,\}m\}\{\nsuremath\{\IfBooleanTF\#1\}\}\}
                                                     {\LidxPE*{#4}{\OEg[#2][#3]\!}} {\LidxPE{#4}{\OEg[#2][#3]\!}}
                                                                                                                                                                                                                                                        }\xspace}
                \TEC Una transformación elemental genérica por la izquierda
             \TECP 612 \NewDocumentCommand\TEC\{0\{\}0\{\}m\}\{\ensuremath\{ \times \#3\}\{\eg[\#1\!][\#2\!]\} \}\xspace}
          \TECp* 613
             \TECP 614 \NewDocumentCommand\TECp {s0{}0{ }m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                     {\Ridxp* {#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                  {\Ridxp {#4}{\!\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                        }\xspace}
          \TECP* 615
         \TECpE* 616
          \TECpE 617 \NewDocumentCommand\TECP {sO{}0{
                                                                                                                                              }m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
          \verb|\TECPE||^{618}
                                                     {\RidxP* {#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                  {\RidxP {#4}{\!\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                        }\xspace}
                               619
        \TECPE*
                               620 \NewDocumentCommand\TECpE{sO{}0{
                                                                                                                                              }m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                     {\RidxpE*{#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                  {\RidxpE{#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                        }\xspace}
                                621
                                622
                                623 \NewDocumentCommand\TECPE{sO{}O{ }m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                624
                                                     {\RidxPE*{#4}{\0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                  {\RidxPE{#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                        }\xspace}
                                  espejo de una transformación elemental por la izquierda de un objeto
             \ETEF Espejo de una transformación elemental genérica por la izquierda
          \ETEFp 625 \NewDocumentCommand\ETEF{0{}0{}m}{\ensuremath{ \Lidx{#3}{\E0Eg[#1][#2]} }\xspace}
        \ETEFp* 626
          \ETEFP 627 \NewDocumentCommand\ETEFp {sO{}0{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                     \ETEFP* 628
     \ETEFpE* 629
        {\coprod P* {#4}{\succeq EE[#2][#3]}} {\coprod P {#4}{\succeq EE[#2][#3]}} 
       \verb|\ETEFPE||^{631}
    \verb|\ETEFPE*||^{632}
                               633 \ensuremath{\label{lem:command} ETEFpE\{sO\{\}O\{\}m\}\{\ensuremath\{\label{lem:command} anti-architecture, and the command of t
                                                     {\LidxpE*{#4}{\E0Eg[#2][#3]}} {\LidxpE{#4}{\E0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                                634
                                635
                                636 \label{lem:command} $$ 636 \ensuremath{\color=1500} \ensuremath{\
                                                     {\LidxPE*{#4}{\E0Eg[#2][#3]}} {\LidxPE{#4}{\E0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
                                  espejo de una transformación elemental por la derecha de un objeto
             \ETEC Espejo de una transformación elemental genérica por la derecha
          \ETECp* 639
          \ETECP 640 \mbox{NewDocumentCommand}\ETECp {s0{}0{}m}{\mbox{vensuremath}}\IfBooleanTF#1
                                                     {\tilde{\#4}}(E0Eg[#2][#3]} {\tilde{\#4}}(E0Eg[#2][#3]} }
        \ETECP* 641
     \ETECpE* 642
        {\text{EOEg[#2][#3]}} {\text{EOEg[#2][#3]}} }
       \verb|\ETECPE||^{644}
                               645
     \ETECPE*
                               646 \NewDocumentCommand\ETECpE\{sO\{\}O\{\}m\}\{\newDocumentF\#1\}\}
                                                     {\RidxpE*{#4}{\E0Eg[#2][#3]}} {\RidxpE{#4}{\E0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
                                648
                                649 \label{lem:command} $$ 649 \ensuremath{\life} \ensuremath{\life}
                                                     {\RidxPE*{#4}{\E0Eg[#2][#3]}} {\RidxPE{#4}{\E0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
                                650
                                  Inversa de una transformación elemental por la izquierda de un objeto
       \InvTEF Espejo de una transformación elemental genérica por la izquierda
    \label{linvTEF} $_{651} \ensuremath{ \Lidx{#2}{\ln vOEg[#1]} }$$ \ensuremath{ \Lidx{#2}{\ln vOEg[#1]} }$$
  \InvTEFp* 652
    \InvTEFP
  \InvTEFP*
                                                                                                                                                                          56
\InvTEFpE*
  \InvTEFpE
 \InvTEFPE
```

\InvTEFPE\*

```
653 \NewDocumentCommand\InvTEFp {sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                           {\coprod * {\#3}{\coprod Eg[\#2]}} {\coprod {\#3}{\coprod Eg[\#2]}} }
                           654
                           655
                           656 \NewDocumentCommand\InvTEFP {sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                           {\coprod P* {#3}{\coprod Eg[#2]}} {\coprod P {#3}{\coprod Eg[#2]}} }
                           657
                           658
                           659 \label{lem:command_invTEFpE} $$ NewDocumentCommand_InvTEFpE\{sO\{\}m\}{\cmath{\lifBooleanTF\#1}} $$
                                           {\LidxpE*{#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\LidxpE{#3}{\Inv0Eg[#2]}}
                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                           660
                           661
                           662 \mbox{NewDocumentCommand} \mbox{InvTEFPE} \\ sO{}m}{\mbox{ensuremath} \mbox{IfBooleanTF} \\ 11 \mbox{Equation} \\ 12 \mbox{ensuremath} \\ 13 \mbox{ensuremath} \\ 14 \mbox{ensuremath} \\ 16 \mbox{ensuremath} \\ 16 \mbox{ensuremath} \\ 17 \mbox{ensuremath} \\ 18 \mbox{ensuremath}
                                           {\LidxPE*{#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\LidxPE{#3}{\Inv0Eg[#2]}}
                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                             Inversa de una transformación elemental por la derecha de un objeto
        \InvTEC Espejo de una transformación elemental genérica por la derecha
      \InvTECp* 665
      \InvTECP 666 \NewDocumentCommand\InvTECp {s0{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                           {\vec{\#3}}(Inv0Eg[#2]}) {\vec{\#3}}(Inv0Eg[#2]}) }
    \InvTECP* 667
  \InvTECpE* 668
    \verb|\InvTECPE||^{670}
                                           {\RidxP* {#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\RidxP {#3}{\Inv0Eg[#2]}} }
  \InvTECPE* 671
                           672 \NewDocumentCommand\InvTECpE{sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                           673
                                           {\RidxpE*{#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\RidxpE{#3}{\Inv0Eg[#2]}}
                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                           674
                           675 \NewDocumentCommand\InvTECPE{sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                           {\RidxPE*{#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\RidxPE{#3}{\Inv0Eg[#2]}}
                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                           676
                             Espejo de la inversa de una transformación elemental por la izquierda de un objeto
      \EInvTEF Espejo de la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda
    \EInvTEFp 677 \NewDocumentCommand\EInvTEF{0{}m}{\ensuremath{ \Lidx{#2}{\EInv0Eg[#1]} }\xspace}
  \EInvTEFp* 678
    \EInvTEFP 679 \NewDocumentCommand\EInvTEFp {sO{}m}{\ensuremath{\lifBooleanTF#1}
                                           {\tilde{\#3}}(EInv0Eg[#2]}) {\tilde{\#3}}(EInv0Eg[#2]}) }
  \EInvTEFP* 680
\EInvTEFpE* 681
  {\coprod P* {#3}{\subseteq [#2]}} {\coprod P {#3}{\subseteq [#2]}} }
 \verb|\EInvTEFPE||^{683}
                           684
\EInvTEFPE*
                           685 \ensuremath{\leftnvTEFpE\{sO\{\}m\}{\left}} white the command \ensuremath{\left} if Boolean \ensuremath{\left} for the command \ensuremath{\left} for the 
                                           {\LidxpE*{#3}{\EInv0Eg[#2]}} {\LidxpE{#3}{\EInv0Eg[#2]}}
                                                                                                                                                                                      }\xspace}
                           {\LidxPE*{#3}{\EInv0Eg[#2]}} {\LidxPE{#3}{\EInv0Eg[#2]}}
                                                                                                                                                                                      }\xspace}
                             Espejo de la inversa de una transformación elemental por la derecha de un objeto
      \EInvTEC Espejo de la inversa de una transformación elemental genérica por la derecha
    \EInvTECp* 691
    \EInvTECP 692 \NewDocumentCommand\EInvTECp {sO{}m}{\ensuremath{\lifbooleanTF#1}
                                           {\tilde{\#3}}(EInv0Eg[#2]}) {\tilde{\#3}}(EInv0Eg[#2]}) }
  \EInvTECP* 693
\EInvTECpE* 694
  {\text{KidxP* } {#3}{\mathbb{E}Inv0Eg[#2]}} {\text{KidxP } {#3}{\mathbb{E}Inv0Eg[#2]}} }
 \verb|\EInvTECPE||^{696}
\EInvTECPE*
```

698 \NewDocumentCommand\EInvTECpE{sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}

```
{\RidxpE*{#3}{\EInvOEg[#2]}} {\RidxpE{#3}{\EInvOEg[#2]}}
                                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
                                 699
                                 700
                                 701 \NewDocumentCommand\EInvTECPE{sO{}m}{\ensuremath{\lifbooleanTF#1
                                                      {\RidxPE*{#3}{\EInvOEg[#2]}} {\RidxPE{#3}{\EInvOEg[#2]}}
                                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
                                 702
             \dTEEF Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
           \dTEEFp 703 \NewDocumentCommand\dTEEF
                                                                                                                        {mm}{\operatorname{Lidx} {#3}{\operatorname{Lidx} {#3}{\mathbb{4}2}!}} \xspace}
           \dTEEFP 704 \NewDocumentCommand\dTEEFp {mmm}{\ensuremath{ \Lidxp {#3}{\d0EgE{#1}{#2\!}}}\xspace}
        \dTEEFpE 705 \NewDocumentCommand\dTEEFP {mmm}{\ensuremath{ \LidxP {#3}{\d0EgE{#1}{#2\!}}}\xspace}
        \dTEEFPE 706 \NewDocumentCommand\dTEEFpE {mmm}{\ensuremath{ \LidxpE{#3}{\d0EgE{#1}{#2\!}}}\xspace}
                                 707 \NewDocumentCommand\dTEFPE {mmm}{\ensuremath{ \LidxPE{#3}{\d0EgE{#1}{#2\!}}}\xspace}
                \dTEF Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
             \dTEFP 709 \NewDocumentCommand\dTEFp {mm}{\ensuremath{ \Lidxp {#2}{{
                                                                                                                                                                                                                      \dTEFpE 710 \NewDocumentCommand\dTEFP {mm}{\ensuremath{ \LidxP {#2}{{
                                                                                                                                                                                                                      \dTEFPE 711 \NewDocumentCommand\dTEFpE{mm}{\ensuremath{ \LidxpE{#2}{{
                                                                                                                                                                                                                      712 \NewDocumentCommand\dTEFPE{mm}{\ensuremath{ \LidxPE{#2}{{
                                                                                                                                                                                                                     \deter Una transformación elemental espejo genérica por la izquierda
          \dETEFp 713 \NewDocumentCommand\dETEF \{mm\}{\ensuremath\{ \Lidx \{\pm\}\{\}}
                                                                                                                                                                                                                     \dETEFP 714 \NewDocumentCommand\dETEFp {mm}{\ensuremath{ \Lidxp {#2}{{
                                                                                                                                                                                                                     \dEOEg{#1}}} \xspace}
        \dETEFpE 715 \NewDocumentCommand\dETEFP {mm}{\ensuremath{ \LidxP {#2}{{
                                                                                                                                                                                                                     \dETEFPE 716 \NewDocumentCommand\dETEFpE{mm}{\ensuremath{ \LidxpE{#2}{{
                                                                                                                                                                                                                     717 \NewDocumentCommand\dETEFPE{mm}{\ensuremath{ \LidxPE{#2}{{
                                                                                                                                                                                                                     \dEOEg{#1}}} }\xspace}
        \dInvTEF Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
     \dInvTEFp 718 \NewDocumentCommand\dInvTEF {mm}{\ensuremath{ \Lidx {#2}{{ \dInvOEg{#1}}}} }\xspace}
     \label{linvTEFP 719 NewDocumentCommand\dInvTEFp {mm}{\ensuremath{ \Lidxp {#2}{{ \dInvOEg{#1}}}} } $$ \xspace} $$
  \label{linvTEFPE} $720 \end{dinvTEFP} $$ $720 \end{dinvTEFP} $$ $$ \end{dinvTEFPE} $$ $$ $$ \end{dinvTEFPE} $$ $$ $$ \end{dinvTEFPE} $$ $$ $$ \end{dinvTEFPE} $$ $$ \end{dinvT
                                 722 \end{distribution} $$ 722 \end{distribution} {\end{distribution} } $$ 722 \end{distribution} $$ 721 \end{distribution} $$ 721 \end{distribution} $$ 721 \end{distribution} $$ 722 \end{distribution} $$ 721 \end{distribution} $$ 721 \end{distribution} $$ 722 \end{distribution} $$ 721 \end{distribution} $$ 722 \end{distributio
    \dEInvTEF Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
  \dEInvTEFp 723 \NewDocumentCommand\dEInvTEF {mm}{\ensuremath{ \Lidx {#2}{{\dEInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
  \dEInvTEFP 724 \NewDocumentCommand\dEInvTEFp {mm}{\ensuremath{ \Lidxp {#2}{{\dEInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
\dEInvTEFpE 725 \NewDocumentCommand\dEInvTEFP {mm}{\ensuremath{ \LidxP {#2}{{\dEInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
\dEInvTEFPE 726 \NewDocumentCommand\dEInvTEFPE{mm}{\ensuremath{ \LidxpE{#2}{{\dEInv0Eg{#1}}} }\xspace}
                                 727 \ensuremath{ \LidxPE{#2}{{\dEInv0Eg{#1}}} } \ensuremath{ \CidxPE{#2}{{\dEInv0Eg{#1}}} } \ensuremath{ \CidxPE{#2}}{\cidxPE{#1}}} \ensuremath{ \CidxPE{#1}}} \ensuremath{ \CidxPE{*1}}
             \dTEEC Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
           \dTEECp 728 \NewDocumentCommand\dTEEC
                                                                                                                        {\tt \{mmm\}\{\ensuremath\{\klidx \ \{\#3\}\{\d0EgE\{\#1\}\{\#2\}\}\}\xspace\}}
           732 \NewDocumentCommand\dTEECPE {mmm}{\ensuremath{ \RidxPE{#3}{\d0EgE{#1}{#2}}}\xspace}
                \dTEC Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
             \dTECp 733 \NewDocumentCommand\dTEC {mm}{\ensuremath{ \Ridx {#2}{{
                                                                                                                                                                                                                     \d0Eg{#1}}} }\xspace}
             \dTECpE 735 \NewDocumentCommand\dTECP {mm}{\ensuremath{ \RidxP {#2}{{
                                                                                                                                                                                                                      \label{local-dtechnology} $$ \dterp= 736 \ensuremath{\ \clim{2}}{\ \clim{2}} {\ \clim{2}} $$
                                                                                                                                                                                                                      \d0Eg{#1}}} }\xspace}
                                 737 \ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{
                                                                                                                                                                                                                     \detec Una transformación elemental espejo genérica por la izquierda
          \dEOEg{#1}}} }\xspace}
                                                                                                                                                                                                                      \dETECPE 741 \NewDocumentCommand\dETECpE{mm}{\ensuremath{ \RidxpE{#2}{{
                                                                                                                                                                                                                      742 \ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{
```

```
\dInvTEC Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
   \dInvTECP 744 \NewDocumentCommand\dInvTECp \{mm\}{\ensuremath\{ \Ridxp \{#2\}\{ \dInvOEg\{#1\}\} \}\xspace\}
  \dInvTECpE 745 \NewDocumentCommand\dInvTECP \{ mm\}{\ensuremath\ \RidxP \{#2\}\{ \dInvOEg\{#1\}\} \}\xspace\}
 \dInvTECPE 746 \NewDocumentCommand\dInvTECpE{mm}{\ensuremath{ \RidxpE{#2}{{ \dInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
                       747 \NewDocumentCommand\dInvTECPE{mm}{\ensuremath{ \RidxPE{#2}{{ \dInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
   \dEInvTEC Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
 \dEInvTECP 749 \NewDocumentCommand\dEInvTECp {mm}{\ensuremath{ \Ridxp {#2}{{\dEInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
\dEInvTECPE 750 \NewDocumentCommand\dEInvTECP \{ mm\} \\ ensuremath\ \RidxP \{ #2\} \\ dEInv0Eg\{ #1\}\} \\ \xspace\}
\dEInvTECPE 751 \NewDocumentCommand\dEInvTECpE{mm}{\ensuremath{ \RidxpE{#2}{{\dEInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
                       752 \end{temp} $$ 752 \end{temp} {\ensuremath{ \RidxPE{\#2}{{\ensuremath{ \RidxPE{\#2}}{}}} } } $$ $$ $$ 752 \end{temp} $$ $$ 752 \end{temp} $$ 752 \end{temp}
                        Transformaciones elementales particulares
           \dTrF Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda
         \dTrFp 753 \NewDocumentCommand\dTrF {mm}{\ensuremath{ \Lidx{#2}{#1}}
                                                                                                                                                                   }\xspace}
         \dTrFpE 755 \NewDocumentCommand\dTrFP {mm}{\ensuremath{ \dTrF{#1}{\Parentesis{#2}} }\xspace}
       \dTrFPE 756 \NewDocumentCommand\dTrFpE{mm}{\ensuremath{ \parentesis{\dTrF{#1}{#2}} }\xspace}
                       757 \NewDocumentCommand\dTrFPE{mm}{\ensuremath{ \Parentesis{\dTrF{#1}{#2}} }\xspace}
           \dTrC Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda
         \dTrCp 758 \NewDocumentCommand\dTrC \{mm\}{\ensuremath\{ \Ridx\{\pmu\}\{\pmu\}\}
         \dTrCP 759 \NewDocumentCommand\dTrCp \{mm\}\\ensuremath\{ \dTrC\{#1\}\\parentesis\{#2\} \}\xspace\}
       \dTrCpE 760 \NewDocumentCommand\dTrCP {mm}{\ensuremath{ \dTrC{#1}{\Parentesis{#2}} }\xspace}
       \dTrCPE 761 \NewDocumentCommand\dTrCpE{mm}{\ensuremath{ \parentesis{\dTrC{#1}{#2}} }\xspace}
                       762 \NewDocumentCommand\dTrCPE{mm}{\ensuremath{ \Parentesis{\dTrC{#1}{#2}} }\xspace}
         \dTrFC Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda
       }\xspace}
       \dTrFCP 764 \NewDocumentCommand\dTrFCp {mmm}{\ensuremath{ \dTrFC{#1}{#2}{\parentesis{#3}} }\xspace}
     \dTrFCpE 765 \NewDocumentCommand\dTrFCP {mmm}{\ensuremath{ \dTrFC{#1}{#2}{\Parentesis{#3}} }\xspace}
     \dTrFCPE 766 \NewDocumentCommand\dTrFCpE{mmm}{\ensuremath{ \parentesis{\dTrFC{#1}{#2}{#3}} }\xspace}
                       767 \NewDocumentCommand\dTrFCPE{mmm}{\ensuremath{ \Parentesis{\dTrFC{#1}{#2}{#3}} }\xspace}
                        2.4.8. Operador que quita un elemento
\fueraitemL Signo de operador que quita un elemento (por la derecha o por la izquierda)
769 \NewDocumentCommand\fueraitemR{m}{ \leftidx{^{\Rsh\!\!}}{#1}{_{{}}} }
     \quitalR Sistema resultante de quitar un elemento por la izquierda y/u otro por la derecha
       \verb|\quitaL| 770 \verb|\NewDocumentCommand\quitaLR{mmm}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mmm}}{\cline{mm}}{\cline{mmm}}{\cline{mm}}{\cline{mm}}{\cline{mm}}{\cline{mm}}{\cline{mm}}{\cline{mm}}{\cline{mm}}{\cline{mm}}{\cline{mm}}{\cline{mm}}{\cline{mm}}{\cline{mm}}{\cline{mm}}{\cline{mm}}{\cline{m
       \quitaR 771
                                                                              772 \label{lemmon} $$ 772 \end{2}^{\frac{\#2}^{\#1}}{{\#1}}^{^{}} \end{2} $$
                       773 \ensuremath{ \left( \frac{*2}}{{#1}}{^{\cdot}} \right) } \xspace}
                                      Selección de elementos sin emplear el operador selector
     \elemuuu Selección de un elemento de un sistema
                       774 \NewDocumentCommand\elemUUU {mm}{\ensuremath{\textrm{elem}_{42}\Parentesis*{#1}}\xspace}
     \Vectccc Selección de una columna de una matriz
```

776 \NewDocumentCommand\VectCCCT{mm}{\ensuremath{\textrm{col}\_{#2}\MatTPE\*{#1}}\xspace}

```
\VectFFF Selección de una columna de una matriz
778 \NewDocumentCommand\VectFFFT{mm}{\ensuremath{\textrm{fila}_{#2}\MatTPE*{#1}}\xspace}
       \eleMM Selección de un elemento de una matriz
   \eleMMMT 779 \NewDocumentCommand\eleMMM {mmm}{\ensuremath{\textrm{elem}_{#2#3}{\MatP* {#1}}}\xspace}
          \eleMM 780 \NewDocumentCommand\eleMMMT{mmm}{\ensuremath{\textrm{elem}_{#2#3}{\MatTPE*{#1}}}\xspace}
                                      781 \NewDocumentCommand\eleMM {mmm}{\ensuremath{\MakeLowercase{#1}_{{#2}{#3}}}
                                         2.5.
                                                                     Sistemas genéricos
                      \SV Sistema de Vectores
                                      782 \end{SV{0}} {\end{SV{0}}} {\end{SV{0}} {\end{SV{0}}} {\end{SV{0}} {\end{SV{0}}} {\end{SV{0}}} {\end{SV{0}}} {\end{SV{0}} {\end{SV{0}}} {
\concatSV Concatenación de sistemas
                                      783 \NewDocumentCommand\concatSV{mm}{\ensuremath{{#1}\concat{#2}}\xspace}
                                                                      Vectores y matrices
                                          2.6.
                                          2.6.1.
                                                                    Vectores
              \vect Vector genérico
          \vectp 784 \NewDocumentCommand\vect
                                                                                                                                                                {om}{\ensuremath{\IfNoValueTF{#1}}
          \vectP _{785}
                                                                                            { \vv {\MakeLowercase{#2}}
                                                                                            { \vv*{\MakeLowercase{#2}}{\!#1} }
                                      786
                                                                                                                                                                                                                                                                                                       }\xspace}
                                      787
                                      788 \ensuremath{\label{lem:tommand}} we ctp $\{som\}_{\label{lem:tommand}} $\{som\}_{\label{lem:tommand}} $$
                                                                 {\parentesis*{\line TF$ $$\{\vect$ $$\}} {\vect$ $$\}}} 
                                      789
                                                                 {\tt \{\parentesis {\tt \{\fNoValueTF{\#2}{\tt \{\west{\#3}\}}{\tt \{\west{\#3}\}}}\}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     }\xspace}
                                      790
                                      791
                                      792 \NewDocumentCommand\vectP {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                 {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#2}{\vect{#3}}}{\vect[#2]{#3}}}}
                                                                 {\Parentesis {\IfNoValueTF{#2}{\vect{#3}}}\\\ }\\\ }\\\ }\\\
                                         2.6.2.
                                                                    Vectores de \mathbb{R}^n
              Vector de \mathbb{R}^n
           \Vectp 795 \NewDocumentCommand\Vect
                                                                                                                                                         \{0\{\}m\}\{\ensuremath\{\%\}\}\}
          \VectP 796
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
                                                                                                                                          \boldsymbol{
                                                                                                                                                                                                                         \MakeLowercase{#2} }_{#1}
                                      797
                                      798   \NewDocumentCommand\Vectp {som}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}}
                                                                 {\tt \{\parentesis*{\tt IfNoValueTF}${\tt $\{\Vect$${\tt $\{\#3\}}}{\tt $\{\#3\}}}}
                                      799
                                                                 {\tt \{\parentesis {\tt \{\fNoValueTF{\#2}{\tt \{\west{\#3}\}}{\tt \{\west{\#3}\}}}\}} \} \\ \\ {\tt \{\parentesis {\tt \{\fNoValueTF{\#2}}{\tt \{\west{\#3}\}}\}} \} \\ \\ {\tt \{\parentesis {\tt \{\fNoValueTF{\#2}\}}\}} \\ \\ {\tt \{\parentesis {\tt \{\fNoValueTF{\#2}\}}\}} \\ \\ {\tt \{\fWest{\#3}\}} \\ {\tt \{\fWest{\#3}\}} \\ \\ {\tt \{\fWest{\#3}\}} \\ {\tt \{\fWest{\#3}\}} \\ \\ {\tt \{\fWest{\#3}\}} \\ {\tt \{\fWest{\#3}\}} \\ \\ {\tt \{\fWest{\#4}\}} \\ {\tt \{\fWe
                                      800
                                      801
                                      802 \NewDocumentCommand\VectP {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                 {\ensuremath{\cite{AB}}} {\ensuremath{\cite{
                                                                 804
                                          2.6.3.
                                                                       Matrices
                  \Mat Matriz
              \verb|\Matp| 805 \verb|\NewDocumentCommand\Mat|
                                                                                                                                                         {0}{m}{\operatorname{suremath}{%}}
           \Matp* 806
                                                                                                                                           \boldsymbol{ \mathsf{\MakeUppercase{#2}} }_{#1}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
              \MatP 807
          {\parentesis*{\IfNoValueTF{#2}{\Mat{#3}}}{\Mat[#2]{#3}}}}
                                      809
                                                                 {\parentesis {\IfNoValueTF{#2}{\Mat{#3}}}{\Mat[#2]{#3}}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
```

```
812 \NewDocumentCommand\MatP {som}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
                                                    {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#2}{\Mat{#3}}{\Mat[#2]{#3}}}}
                              813
                              814
                                                    {\Parentesis {\IfNoValueTF{#2}{\Mat{#3}}{\Mat[#2]{#3}}}}
                                                                                                                                                                                                                                       }\xspace}
                                          Matrices transpuestas
           \Matt Matriz transpuesta
        \MatTp* 816
        \MatTP 817 \NewDocumentCommand\MatTp {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
     \MatTP* 818
                                                             {\Transp* {\Mat[#2]{#3}}}
                                                             {\Transp {\Mat[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                             }\xspace}
     \MatTpE 819
  \MatTpE* 820
     \MatTPE 821 \NewDocumentCommand\MatTP {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                             {\TransP* {\Mat[#2]{#3}}}
  \MatTPE*
                              823
                                                             {\TransP {\Mat[#2]{#3}}}
                              824
                              825 \NewDocumentCommand\MatTpE {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                             {\TranspE*{\Mat[#2]{#3}}}
                              826
                                                             {\TranspE {\Mat[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                          }\xspace}
                              827
                              828
                              829 \NewDocumentCommand\MatTPE {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                              830
                                                             {\TransPE*{\Mat[#2]{#3}}}
                              831
                                                             {\TransPE {\Mat[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                                 Matriz transpuesta de la transpuesta
        \Mattt Matriz transpuesta
     \label{lem:mattt} $$ MatTT* $$ 832 \ensuremath{\life} \ensuremath{\life} \ensuremath{\life} $$ 1500 \ensuremath{\life} \ensur
  \MatTTPE 833
                                                             {\TransP*{\MatT[#2]{#3}}}
\MatTTPE* 834
                                                             {\Transp {\MatT[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                          }\xspace}
                              835
                              836 \NewDocumentCommand\MatTTPE{som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                             {\Parentesis*{\MatTT*[#2]{#3}}}
                              837
                                                             {\Parentesis {\MatTT [#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                          }\xspace}
                              838
                                          Matrices columna
     \MVectF Matriz columna creada con una fila
                              839 \NewDocumentCommand\MVectF{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                              840
                                                                                  {\left[\VectF[#2]{#3}{#4}\right]}
                              841
                                                                                   { \big[\VectF[#2]{#3}{#4}
                                                                                                                                                                                                               \big ]}
                                                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
     \MVectC Matriz columna creada con una columna
                              842 \label{lem:weakly} $$842 \label{lem:weakly} $$ \ensurement {\label{lem:weakly} } $$
                                                                                  {\c {\tt VectC[\#2]{\#3}{\#4}}} \label{tensor} $$ {\tt VectC[\#2]{\#3}{\#4}} \
                              843
                                                                                  { \big[\VectC[#2]{#3}{#4}
                              844
                                                                                                                                                                                                               \big ]}
                                                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
                                          Matrices fila
  \MVectFT
                              845 % Matriz fila creada con una fila y matriz fila creada con una columna
                              846 \label{lem:weak} $$ \ensuremath{\label{lem:mem}} {\label{lem:weak}} $$ \ensuremath{\label{lem:lem:mem}} $$ $$ is $$ $$ $$ is $$ $$ $$ is $$ is $$ is $$ is $$ is $$ is $$ is $$ is $$ is $$ is $$ is $$ $$ is $$$ is $$$ is $$ $$ is $$
                                                                            {\operatorname{\mathbb{L}[VectF[\#2]\{\#3\}\{\#4\}\vee phantom\{Big.\}\wedge ight]}}
                              848
                                                                            {\Trans{ \big[\VectF[#2]{#3}{#4}}
                                                                                                                                                                                                                                     \big]}} \xspace}
```

```
\MVectCT
                849 % Matriz fila creada con una columna
                850 \NewDocumentCommand\MVectCT{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                {\Trans{\left( [\#2] \#3} \#4 \right)} 
                                {\Trans{ \big[\VectC[#2]{#3}{#4}}
                                                                                       \big]}} \xspace}
                852
                 2.6.4. Miscelánea matrices
                    Características de las matrices
        \Traza Operador traza
                853 \DeclareMathOperator{\Traza}{tr}
           \rg Operador rango
                854 \DeclareMathOperator{\rg}{rg}
        \traza Traza
       \traza* 855 \NewDocumentCommand\traza {sm
                                                     }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                {\Traza{\Parentesis*{#2}}}
                856
                                {\Traza{\parentesis {#2}}}
                                                                      }\xspace}
                857
        \rango Rango
       \rango* 858 \
                859 \NewDocumentCommand\rango {sm }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                860
                                {\rg{\Parentesis*{#2}}}
                                                                      }\xspace}
                861
                                {\rg{\parentesis {#2}}}
                    Determinante de una matriz
          \cof Cofactor
                862 \DeclareMathOperator{\cof}{cof}
          \adj Adjunta
                863 \DeclareMathOperator{\adj}{Adj}
 \determinante Determinante con barras
\determinante*
               864 \NewDocumentCommand\determinante{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                {\modulus*{#2}}
                866
                                {\modulus {#2}}
                                                                       }\xspace}
       \subMat Determinante con barras
                867 \label{lem:mm} {\tt NewDocumentCommand\subMat\{mmm\}\{\commant\}} \\
                            \quitaLR{\Mat{#1}}{#2}{#3}
                                                                      }\xspace}
        \Menor Menor de una matriz
       \label{lem:memor} $$ \ensurement Command\Memor {mmm}_{\colored{mmm}} {\rm Command}_{\colored{mmm}} $$
                870
                            \det\parentesis{\subMat{#1}{#2}{#3}}
                                                                      }\xspace}
                871
                872 \NewDocumentCommand\MenoR {mmm}{\ensuremath{
                                   \left[ \left\{ \frac{\#2}{\#3} \right\} \right] \
          \Cof Cofactor de una matriz
                874 \NewDocumentCommand\Cof{smmm}{\command}\IfBooleanTF#1
                875
                                {\cof_{{#3}{#4}}\Parentesis*{\Mat{#2}}}
                876
                                {\left(\frac{{\#3}{\#4}}\right)} \times {\left(\frac{{\#2}}{}\right)} \times {\mathbb{R}^{2}}
```

Orden de las matrices

```
\Dim Orden del objeto
         \Dimp* 878
                                         \mathop{#1}\limits_{\scriptscriptstyle #2\times#3} \xspace}
         \DimP 879
       \DimP* 880 \NewDocumentCommand\Dimp{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                         {\Dim{\operatorname{x}}{#3}{#4}}
       \DimpE 881
     \DimpE* 882
                                         {\Dim{\text{parentesis } \{#2\}}\{#3\}\{#4\}}
                                                                                                                    }\xspace}
       \label{eq:dimPE} \ ^{883}
                     884 \NewDocumentCommand\DimP
                                                                                    {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
     \DimPE*
                                         {\Dim{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
                     885
                     886
                                         {\Dim{\Parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                                                                    }\xspace}
                     887
                           \NewDocumentCommand\DimpE
                                                                                    {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                     888
                     889
                                         {\parentesis*{\Dim{#2}{#3}{#4}}}
                                         {\operatorname{Dim}\{\#2\}\{\#3\}\{\#4\}\}}
                     890
                                                                                                                    }\xspace}
                     891
                     892 \NewDocumentCommand\DimPE
                                                                                    {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                         {\Parentesis*{\Dim{#2}{#3}{#4}}}
                     893
                                         {\Parentesis {\Dim{#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                    }\xspace}
                     894
     \Matdim Matriz con el orden por debajo
   \Matdimp* 896
   \MatdimP 897 \NewDocumentCommand\Matdimp {sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                         {\Dimp*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
 \MatdimP* 898
                                         {\Dimp {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                                                                                    }\xspace}
 \verb|\MatdimpE||^{899}
\MatdimpE* 900
                    901 \NewDocumentCommand\MatdimP {sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
 \MatdimPE
                                         {\DimP*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                     902
\MatdimPE*
                                         {\DimP {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                                                                                    }\xspace}
                     903
                     905 \NewDocumentCommand\MatdimpE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                     906
                                         {\DimpE*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                         {\DimpE {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                                                                                    }\xspace}
                     907
                     908
                     909 \NewDocumentCommand\MatdimPE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                         {\DimPE*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                     910
                     911
                                         {\DimPE {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                                                                                    }\xspace}
                             Matriz de autovalores
         \MDaV Matriz de autovalores
                     912 \def\MDaV\{D\}
                       2.7.
                                     Productos entre vectores
                       2.7.1. Producto escalar
           \eSc Producto escalar
         \label{lem:command} $$ \esc = 913 \esc = 9
                                                     {\left< {#3} , {#4} \right>}
                                                     \left[\frac{\#3} , \#4\right] \simeq \left[\#2\right] \times \left[\#2\right] 
                     915
           \esc Producto escalar entre vectores genéricos
         \esc* 916 \NewDocumentCommand\esc{sO{}mm}{\ensuremath{{\IfBooleanTF#1}}
                     917
                                                   {\eSc*{\vect{#3}}}{\vect{#4}}}
                     918
                                                   {\eSc {\vect{#3}}}{\vect{#4}}}}_{\!#2}
                                                                                                                                             }\xspace}
```

#### 2.7.2. Producto punto

```
\dotProd Producto punto
\dotProdp* 920
\dotProdP 921 \NewDocumentCommand\dotProdp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
\dotProdP* 922
                        {\parentesis*{{#2}\cdot{#3}}}
                        {\parentesis {{#2}\cdot{#3}}}
                                                                 }\xspace}
          923
          924
          925 \NewDocumentCommand\dotProdP{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                        {\Parentesis*{{#2}\cdot{#3}}}
          926
                        {\operatorname{Parentesis} \{ \#2 \setminus \#3 \} }
                                                                 }\xspace}
          927
 \dotprod Producto punto
 \dotprodp* 929
\dotprodP 930 \NewDocumentCommand\dotprodp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                        {\parentesis*{\dotprod{#2}{#3}}}
\dotprodP* 931
                        {\operatorname{\mathtt{Adotprod}}}{\#3}}
                                                                 }\xspace}
          932
          933
          934 \ensuremath{\local{lifBooleanTF#1}}
                        {\Parentesis*{\dotprod{#2}{#3}}}
          935
                        {\Parentesis {\dotprod{#2}{#3}}}
                                                                 }\xspace}
          936
           2.7.3.
                 Producto punto a punto o Hadamard
   \prodH Producto punto a punto o Hadamard
   \prodHp* 938
  \prodHP 939 \NewDocumentCommand\prodHp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                        {\parentesis*{\prodH{#2}{#3}}}
 \prodHP* 940
          941
                        {\parentesis {\prodH{#2}{#3}}}
                                                               }\xspace}
          942
          943 \label{lem:mandprodHP} $$943 \label{lem:mandprodHP} $$\label{lem:mandprodHP} $$
                        {\Parentesis*{\prodH{#2}{#3}}}
          944
                        {\operatorname{Parentesis} {\operatorname{H2}{\#3}}}
                                                               }\xspace}
          945
   \prodh Producto punto a punto o Hadamard
   \label{lem:prodhpost} $$\operatorname{946} \ensuremath{$\mathbb{C}$} \
 \prodhp* 947
                        \prodH{\Vect{#1}}{\Vect{#2}} }\xspace}
  \prodhP 948
 {\operatorname{\mathtt{Parentesis*}}}
          950
                        {\operatorname{\mathtt{parentesis}} {\operatorname{\mathtt{prodh}}}}
                                                               }\xspace}
          951
          952
          953 \NewDocumentCommand\prodhP{smm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
                        {\Parentesis*{\prodh{#2}{#3}}}
          954
                        {\operatorname{Parentesis} {\operatorname{prodh}{#2}{#3}}}
                                                               }\xspace}
          955
           2.8.
                  Matriz por vector y vector por matriz
      \MV Producto de matriz por vector
    \label{lem:matcommand} $$ \W { mm}_{\operatorname{Mat } {\#1}\\ensuremath{ \Mat } {\#2} }\xspace} $$
   \MVpE* 957
    \MVPE 958 \NewDocumentCommand\MVpE{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                        {\parentesis*{\MV{#2}{#3}}}
   \MVPE* 959
                        {\parentesis {\MV{#2}{#3}}}
          960
          961
```

```
962 \NewDocumentCommand\MVPE{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
      963
                    {\Parentesis*{\MV{#2}{#3}}}
                    {\Parentesis {\MV{#2}{#3}}}
      964
                                               }\xspace}
  \VM Producto de vector por matriz
\VMpE* 966
\VMPE 967 \NewDocumentCommand\VMpE{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
\VMPE* 968
                    {\parentesis*{\VM{#2}{#3}}}
      969
                    {\parentesis {\VM{#2}{#3}}}
                                               }\xspace}
      970
      971 \MewDocumentCommand\VMPE\{smm\}\{\ensuremath\{\IfBooleanTF\#1\}\}
                    {\Parentesis*{\VM{#2}{#3}}}
      972
                    {\Parentesis {\VM{#2}{#3}}}
      973
                                               }\xspace}
 \MTV Producto de matriz por vector
\label{lem:model} $$ MTVP $_{974} \ensuremath{ \mathbb{41}\\ensuremath{\#2} }\xspace} $$
\MTVp* 975
\MTVP 976 \NewDocumentCommand\MTVp{smm}{\ensuremath{\\IfBooleanTF#1}}
                    {\MatTpE*{#2}\Vect{#3}}
\MTVP* 977
                    {\MatTpE {#2}\Vect{#3}}
                                                }\xspace}
      978
      979
      980 \NewDocumentCommand\MTVP{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
      981
                    {\MatTPE*{#2}\Vect{#3}}
      982
                    {\MatTPE {#2}\Vect{#3}}
                                                }\xspace}
 \VMT Producto de vector por matriz
\VMTp* 984
\VMTP* 986
                    {\Vect{#2}\MatTpE*{#3}}
                    {\Vect{#2}\MatTpE {#3}}
                                                }\xspace}
      987
      988
      989 \NewDocumentCommand\VMTP{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                    {\Vect{#2}\MatTPE*{#3}}
      990
      991
                    {\Vect{#2}\MatTPE {#3}}
                                                }\xspace}
       2.9.
             Matriz por matriz
  \MN Producto de matriz por matriz
      992 \NewDocumentCommand\MN {mm}{\ensuremath{ \Mat {#1}\Mat {#2} }\xspace}
 \MTN Producto de matriz transpuesta por matriz
\label{lem:model} $$ \MTNp 993 \ed{mm} {\rm mm}_{\ensuremath{ \mathbb{4}1}\Mat {#2} }\xspace} $$
\MTNp* 994
\MTNP 995 \NewDocumentCommand\MTNp {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                    {\MatTpE*{#2}\Mat
                                       {#3}}
\MTNP* 996
                    {\MatTpE {#2}\Mat
                                       {#3}}
                                                                      }\xspace}
      997
      999 \NewDocumentCommand\MTNP {smm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
                    {\MatTPE*{#2}\Mat
                                       {#3}}
     1000
                    {\MatTPE {#2}\Mat
                                       {#3}}
                                                                      }\xspace}
     1001
 \MNT Producto de matriz por matriz transpuesta
\MNTp* 1003
\MNTP 1004 \NewDocumentCommand\MNTp {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                            {#2}\MatTpE*{#3}}
\MNTP* 1005
                    {\Mat
```

```
{#2}\MatTpE {#3}}
        1006
                     {\Mat
                                                                   }\xspace}
        1007
        1008 \NewDocumentCommand\MNTP {smm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
                             {#2}\MatTPE*{#3}}
                     {\Mat
        1009
                     {\Mat
                             {#2}\MatTPE {#3}}
                                                                   }\xspace}
        1010
    \MTM Producto de matriz transpuesta por matriz
   \label{lem:model} $$ \MTMp_{1011} \ensuremath{\ \mbox{MTN}{\#1}{\#1}} $$
                                                              }\xspace}
   \MTMp* 1012
   \label{lem:model} $$ MTMP 1013 \ensuremath{\life} sm}_{\color=1013} \ensuremath{\life} anTF#1 $$
   \MTMP* 1014
                                    {\MTNp*{#2}{#2}}
                                   {\MTNp {#2}{#2}}
                                                                   }\xspace}
        1015
        1016
        1018
                                   {\MTNP*{#2}{#2}}
                                   {\MTNP {#2}{#2}}
                                                                   }\xspace}
        1019
    \MMT Producto de matriz por su transpuesta
   \label{local_mand_mmt} $$ \mbox{$MMT$ $ 1020 \ensuremath{ \MNT{#1}{#1}} } $$
                                                              }\xspace}
   \MMTp* 1021
   \MMTP* 1023
                                   {\MNTp*{#2}{#2}}
        1024
                                   {\MNTp {#2}{#2}}
                                                                   }\xspace}
        1026 \NewDocumentCommand\MMTP{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                   {\MNTP*{#2}{#2}}
        1027
                                   {\MNTP {#2}{#2}}
                                                                   }\xspace}
        1028
   \MNMT Producto de matriz por matriz por matriz transpuesta
   \MNMTP* 1032
                                   {\MN{#2}{#3}\MatTpE*{#2}}
        1033
                                   {\MN{#2}{#3}\MatTpE {#2}}
                                                                   }\xspace}
        1034
        1035 \MewDocumentCommand\MNMTP{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                   {\MN{#2}{#3}\MatTPE*{#2}}
        1036
                                   {\MN{#2}{#3}\MatTPE {#2}}
                                                                   }\xspace}
        1037
   \mathbb{MTNM} Producto de matriz transpuesta por matriz por matriz
   \MTNMp* 1039
   \MTNMP* 1041
                                   {\MTNp*{#2}{#3}\Mat{#2}}
                                                                   }\xspace}
                                   {\MTNp {#2}{#3}\Mat{#2}}
        1042
        {\MTNP*{#2}{#3}\Mat{#2}}
        1045
        1046
                                   {\MTNP {#2}{#3}\Mat{#2}}
                                                                   }\xspace}
         Matriz inversa
  \InvMat Inversa de una matriz
 \label{linvMatp} $$ 1047 \ensuremath{ \ln 4^{1047} \mathbb{4}} \xspace} $$
\InvMatp* 1048
 \InvMatP 1049 \NewDocumentCommand\InvMatp {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                     {\Invp*{\Mat[#2]{#3}}}
\InvMatP* 1050
                     {\Invp {\Mat[#2]{#3}}}
                                                   }\xspace}
\label{lnvMatpE} 1051
\InvMatpE*
\InvMatPE
                                               66
\InvMatPE*
```

```
1052
            1053 \NewDocumentCommand\InvMatP {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                             {\InvP*{\Mat[#2]{#3}}}
            1054
                             {\InvP {\Mat[#2]{#3}}}
            1055
                                                                    }\xspace}
            1056
            1057 \NewDocumentCommand\InvMatpE{som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                             {\InvpE*{\Mat[#2]{#3}}}
            1058
                             {\InvpE {\Mat[#2]{#3}}}
                                                                    }\xspace}
            1059
            1060
            1061 \NewDocumentCommand\InvMatPE{som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                             {\InvPE*{\Mat[#2]{#3}}}
                             {\InvPE {\Mat[#2]{#3}}}
                                                                    }\xspace}
            1063
   \InvMatT Inversa de una matriz transpuesta
  \label{lem:linvMatT*} $$\lim_{t\to\infty} \ensuremath(\IfBooleanTF\#1064) = \frac{1064}{\BooleanTF\#1064} $$
 \InvMatTpE 1065
                             {\InvP*{ \MatT[#2]{#3} }}
                             {\Invp { \MatT[#2]{#3} }}
\InvMatTpE* 1066
                                                                                  }\xspace}
 \InvMatTPE 1067
\InvMatTPE* 1068 \NewDocumentCommand\InvMatTpE{som }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                             {\parentesis*{\InvP*{ \MatT[#2]{#3} }}}
            1069
                             {\parentesis {\Invp*{ \MatT[#2]{#3} }}}
            1070
                                                                                  }\xspace}
            1071
            1072 \NewDocumentCommand\InvMatTPE{som }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                             {\Parentesis*{\InvP*{ \MatT[#2]{#3} }}}
            1073
                             {\Parentesis {\Invp { \MatT[#2]{#3} }}}
            1074
                                                                                  }\xspace}
   \TInvMat Transpuesta de la inversa de una matriz
  \verb|\TInvMat*|_{1075} \end{thmand} InvMat $$\{som \}$$ \ensurement{IfBooleanTF#1} $$
 \TInvMatpE 1076
                             {\Trans{\left.\InvMatpE*[#2]{#3}\!\right.}}
\TInvMatpE* 1077
                                            \InvMatpE [#2]{#3}}}
                             {\Trans{
                                                                             }\xspace}
 \TInvMatPE 1078
\TInvMatPE* 1079 \NewDocumentCommand\TInvMatpE {som }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                             {\operatorname{\mathtt{TInvMat}} = \{TinvMat * [#2] { #3}}\}
            1080
                             {\parentesis {\!\TInvMat*[#2]{#3}}}
                                                                             }\xspace}
            1081
            1082
            1083 \NewDocumentCommand\TInvMatPE {som }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                             {\Parentesis*{\TInvMat*[#2]{#3}}}
            1085
                             {\Parentesis {\TInvMat [#2]{#3}}}
                                                                             }\xspace}
              2.10.
                       Otros productos entre matrices y vectores
      \MTMV Producto de matriz transpuesta por matriz por vector
     \MTMVP 1086 \NewDocumentCommand\MTMV { mm }{\ensuremath{ \MTN {#1}{#1}\Vect{#2} }\xspace}
    \MTMVp* 1087
     \MTMVP 1088 \NewDocumentCommand\MTMVp{smm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
    \MTMVP* 1089
                             {\MTNp*{#2}{#2}\Vect{#3}}
                             {\MTNp {#2}{\#2}\Vect{#3}}
                                                              }\xspace}
            1092 \NewDocumentCommand\MTMVP{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
            1093
                             {\MTNP*{#2}{#2}\Vect{#3}}
                             {\MTNP {#2}{\#2}\Vect{#3}}
                                                              }\xspace}
            1094
       \VMW Producto de vector por matriz por vector
            1095 \NewDocumentCommand\VMW { mmm}{\ensuremath{ \VM {#1}{#2}\Vect{#3} }\xspace}
       \VMV Producto de vector por matriz por vector
            1096 \NewDocumentCommand\VMV { mm }{\ensuremath{ \VMW \{#1\}\{#2\}\{#1\}}
                                                                                         }\xspace}
```

```
\VMTW Producto de vector por matriz transpuesta por vector
             \VMTWp* 1098
             \VMTWP 1099 \NewDocumentCommand\VMTWp{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                          {\VMTp*{#2}{#3}\Vect{#4}}
           \VMTWP* 1100
                                                                           {\WTp {#2}{#3}\Vect{#4}}
                                                                                                                                                                }\xspace}
                              1101
                              1102
                              1103 \NewDocumentCommand\VMTWP{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                          {\VMTP*{#2}{#3}\Vect{#4}}
                              1104
                              1105
                                                                           {\VMTP {#2}{#3}\Vect{#4}}
                                                                                                                                                                }\xspace}
                VMTV Producto de vector por matriz transpuesta por vector
             }\xspace}
           \VMTVp* 1107
             \VMTVP 1108 \NewDocumentCommand\VMTVp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                          {\VMTp*{#2}{#3}\Vect{#2}}
           \VMTVP* 1109
                                                                          {\VMTp {#2}{#3}\Vect{#2}}
                                                                                                                                                                }\xspace}
                              1110
                              1111
                              1112 \NewDocumentCommand\VMTVP{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                           {\TP*{#2}{#3}\Vect{#2}}
                              1113
                               1114
                                                                           {\VMTP {#2}{#3}\Vect{#2}}
                                                                                                                                                                }\xspace}
          \InvMTM Inversa del producto de una matriz transpuesta por ella misma
       1116
                                                                          {\InvP*{ \MTM{#2} }}
                                                                          {\Invp { \MTM{#2} }}
                                                                                                                                                                              }\xspace}
                              1117
                                    2.11.
                                                           Sistemas de ecuaciones
                  \SEL Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial
                              1118 \NewDocumentCommand\SEL {mmm}{\ensuremath{\MV}
                                                                                                                                                                                 {#1}{#2}=\Vect{#3}}\xspace}
                \SELT Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coeficientes transpuesta)
             \label{localized localized localiz
                \SELF Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coeficientes transpuesta)
                              1121 \NewDocumentCommand\SELF {mmm}{\ensuremath{\VM}
                                                                                                                                                                                {#1}{#2}=\Vect{#3}}\xspace}
                                    2.12.
                                                           Espacios vectoriales
                      \EV Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coef. transpuesta)
                               1122 \MewDocumentCommand\EV{m}{\ensuremath{\mathbb{41}}}\xspace}
\EspacioNul Letra que denota al Espacio nulo (o núcleo)
                               1123 \DeclareMathOperator{\EspacioNul}{\EV{N}}
\EspacioCol Letra que denota al Espacio Columna
                               1124 \DeclareMathOperator{\EspacioCol}{\EV{C}}
             \Nulls Espacio nulo (o núcleo) de un objeto
           \verb|\Nulls*|_{1125} \verb|\NewDocumentCommand\Nulls{sm}{\colored{sm}} + 125 \verb|\NewDocumentCommand\Nulls{sm}|_{125} \verb|\NewDocumentCommand\Nulls{sm}} + 125 \verb|\NewDocumentCommand\Nulls{sm}|_{125} + 125 \verb|\New
                               1126
                                                     {\EspacioNul\Parentesis*{#2}}
                               1127
                                                     {\EspacioNul\parentesis {#2}}
                                                                                                                                                           }\xspace}
```

```
\nulls Espacio nulo (o núcleo) de una matriz
       \verb|\nulls*|_{1128} \verb|\nulls*|
                                                                          {\Nulls*{\Mat{#2}}}
                                                                          {\Nulls {\Mat{#2}}}
                                      1130
                                                                                                                                                                                                                                                       }\xspace}
               \Cols Espacio columna de un objeto
           \Cols* 1131 \NewDocumentCommand\Cols{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                          {\EspacioCol\Parentesis*{#2}}
                                       1132
                                                                          {\EspacioCol\parentesis {#2}}
                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                       1133
               \cols Espacio columna de una matriz
           \verb|\cols*|_{1134} \verb|\NewDocumentCommand\cols{sm}{\cols*|_{1134}} \\
                                                                          {\Cols*{\Mat{#2}}}
                                      1135
                                      1136
                                                                          {\Cols {\Mat{#2}}}
                                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
               \Span Espacio generado por un sistema generador
           \verb|\Span*|_{1137} \verb|\NewDocumentCommand\Span\{sm\}{\consuremath}_{1fBooleanTF\#1}|
                                                                                          {\EV{L}\Parentesis*{#2}}
                                      1138
                                      1139
                                                                                          {\EV{L}\parentesis {#2}}
                                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
           \PSpan Espacio semi-euclídeo de probabilidad generado por un sistema
       {\tiny\EV{P}}{\EV{L}}{2pt}\Parentesis*{\#2}}
                                       1141
                                                                                           \label{tiny} $$\{ \tau_{P}}_{EV\{L\}}_{2pt}^{2pt} \operatorname{\#2}} \ \ \
                                       1142
           \coord Coordenadas respecto de una base
       \verb|\coordP| 1143 \end{|\coord|} \en
   \coordP* 1144
                                                                                          \left\{\frac{\#1}{\cdot \mathbb{Z}}\right\} \times \mathbb{Z}
   \coordPE 1145
\coordPE*1146 \NewDocumentCommand\coordP {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                      1147
                                                                                           {\coord{\Parentesis*{#2}}{#3}}
                                                                                           {\coord{\parentesis {#2}}{#3}}
                                                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
                                      1148
                                      1149
                                      1150 \NewDocumentCommand\coordPE {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                          {\Parentesis*{\coord{#2}{#3}}}
                                      1151
                                                                                           {\parentesis {\coord{#2}{#3}}}
                                                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
                                       1152
                                               2.13.
                                                                                   Notación funcional
                    \dom Dominio de una función
                                       1153 \DeclareMathOperator{\dom}{dom}
           \mifun Breve descripción de una función
       \label{lem:limit} $$ \min^{1154} \ensurement Command \in {\rm Smmm}_{\ensurement}^{154} \ensurement Command \in {\rm Command}_{\ensurement}^{154} \ensurement Command \in {\rm Command}_{\ensu
                                                                                           {#3\xrightarrow{#2}#4}
                                      1155
                                                                                          {#2 \colon #3 \to #4}
                                                                                                                                                                                                                            }\xspace}
                                       1156
       \deffun Breve descripción de una función
                                      1157 \NewDocumentCommand\deffun {m m m m}{
                                                                 \ensuremath{
                                      1158
                                                                          \begingroup
                                      1159
                                                                          {\setlength{\arraycolsep}{0pt}
                                       1160
                                                                                   \begin{array}[t]{r@{\,}c@{\,}c@{\,}1}
                                       1161
                                                                                          #1\colon & #2 & \longrightarrow & #3\\
                                       1162
                                       1163
                                                                                                                                 & #4 & \longmapsto & #5
                                       1164
                                                                                  \end{array}}
                                                                          \endgroup}\xspace}
                                       1165
```

### 2.14. Estadística

```
\Estmc Ajuste por MCO

1166 \NewDocumentCommand\Estmc \{m}\{\ensuremath\{\widehat\{\#1\}\}\xspace\}\
\Media Media (proyección ortogonal sobre los vectores contantes)

1167 \NewDocumentCommand\Media \{m}\{\ensuremath\{\widehar\{\#1\}\}\xspace\}\
\Smedia Símbolo para el valor medio

1168 \NewDocumentCommand\Smedia \{\}\{\mu\}\
\media Valor medio

1169 \NewDocumentCommand\media \{m}\{\ensuremath\{\IfNoValueTF\{\#1\}\}\}\
1170 \{\Smedia \}\{\Smedia\}\_{\{\#1\}\}\}\xspace\}
```

# **Change History**

## Index

Numbers written in italic refer to the page where the corresponding entry is described; numbers underlined refer to the code line of the definition; numbers in roman refer to the code lines where the entry is used.

Symbols	\cols <u>1134</u>	\dEInvTEFP <u>723</u>
601, 604, 607, 610, 1140, 1161	\Cols* <u>1131</u>	$\verb \dEInvTEFp  \underline{723}$
	\cols* <u>1134</u>	$\verb \dEInvTEFPE  $
	\conc@t 71, 72	$\verb \delinvTEFpE  \dots \dots \underline{723}$
\	\concat <u>71, 783</u>	\dEOEg $\underline{419}$ , 713-717, 738-742
	\concatSV <u>783</u>	\dEOEgE $\dots \dots \underline{419}$
A	\conj \cdots \frac{70}{2}	\det 870
\adj	\coord $\underline{1143}$	\dETEC
\arraycolsep 1160	\coordP <u>1143</u>	\dETECP <u>738</u>
В	\coordP* <u>1143</u>	$\verb \detecp  \dots \dots \underline{738}$
\begin 76, 1161	$\verb \coordPE  \dots \dots \underline{1143}$	\dETECPE
\begingroup 1159	\coordPE* <u>1143</u>	\dETECpE
\Big 14, 20,	\Corchetes $\underline{18}$	\dETEF
409, 410, 840, 843, 847, 851	\corchetes $\dots \dots \underline{15}$	\dETEFP
		\dETEFp <u>713</u>
\big 11, 17, 91,	D	\detelor \de
	${f D}$ \DeclareMathOperator	• =
\big	~	\determined \determined \frac{1}{713}
\big 11, 17, 91, 841, 844, 848, 852, 873, 915	\DeclareMathOperator	\deterpe
\big	\DeclareMathOperator 396, 853, 854,	$ \begin{array}{cccc} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$
\big 11, 17, 91, 841, 844, 848, 852, 873, 915 \boldsymbol	\DeclareMathOperator 396, 853, 854, 862, 863, 1123, 1124, 1153	$\begin{array}{cccc} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$
\big 11, 17, 91, 841, 844, 848, 852, 873, 915 \boldsymbol	\DeclareMathOperator 396, 853, 854, 862, 863, 1123, 1124, 1153 \def 912	\dETEFPE \ \frac{713}{713} \dETEFPE \ \frac{713}{713} \determinante \ \frac{864}{864} \determinante \ \frac{877}{895} \determinante \ \frac{864}{895} \determinante \ \frac{877}{895} \determi
\big 11, 17, 91, 841, 844, 848, 852, 873, 915 \boldsymbol 396, 398, 400, 402, 796, 806 C \CC 1, 8	\DeclareMathOperator 396, 853, 854, 862, 863, 1123, 1124, 1153 \def 912 \deffun 1157	\dETEFPE \ \frac{713}{\dETEFPE} \ \frac{713}{\determinante} \ \frac{864}{\determinante*} \ \frac{877}{895} \\DimP \ \frac{877}{902}, 903
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\DeclareMathOperator 396, 853, 854, 862, 863, 1123, 1124, 1153 \def 912 \deffum 1157 \dEInv0Eg 422, 723-727, 748-752	\dETEFPE \ \frac{713}{\dETEFPE} \ \frac{713}{\dETEFPE} \ \frac{713}{\determinante} \ \frac{864}{\determinante*} \ \frac{877}{895} \\ \Dimp \ \frac{877}{898}, 899
$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\DeclareMathOperator	\dETEFPE \ 713 \dETEFPE \ 713 \determinante \ 864 \determinante* \ \\ \Dim \ 877, 895 \\Dim \ \\ \Dim \ 877, 898, 899 \\Dim \ \\ \Dim \ 877 \ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\DeclareMathOperator 396, 853, 854, 862, 863, 1123, 1124, 1153 \def 912 \deffun 1157 \dEInvOEg 422, 723-727, 748-752 \dEInvTEC 748 \dEInvTECP 748 \dEInvTECP 748 \dEInvTECP 748	\dETEFPE \ \frac{713}{\dETEFPE} \ \frac{713}{\dETEFPE} \ \frac{713}{\determinante} \ \frac{864}{\determinante*} \ \frac{864}{\Dim} \ \frac{877}{895} \\ \DimP \ \frac{877}{902}, 903 \\ \Dimp \ \frac{877}{898}, 899 \\ \Dimp* \ \frac{877}{\Dimp*} \ \frac{877}{\Dimp*} \ \frac{877}{\DimpE} \ \frac{877}{910}, 911 \\ \DimpE \ \frac{877}{877}, 906, 907 \end{array}
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\DeclareMathOperator	\dETEFPE \ 713 \dETEFPE \ 713 \determinante \ 864 \determinante* \ 864 \Dim \ 877, 895 \Dim \ 877, 902, 903 \Dim \ 877, 898, 899 \Dim \ 277 \Dim \ 877 \Dim \ 910 \Dim \ 911

\ 17	\ 10.00	\ 7.477
\dInv0Eg $\dots \underline{421}$ ,	\dTrFCpE	\eleMPE 344
422,  718-722,  743-747	\dTrFP <u>753</u>	\eleMpE <u>344</u>
\dInvTEC	\dTrFp <u>753</u>	\eleMPE* 344
\dInvTECP 743	\dTrFPE 753	\eleMpE* 344
\dInvTECp <u>743</u>	\dTrFpE	\elemR 147, 210, 291, 318
\dInvTECPE 743	(4111 pz <u>100</u>	\elemRP 147, 211,
	T-1	<del></del> , ,
$\verb \dInvTECpE                                    $	${f E}$	218, 219, 299, 300, 326, 327
\dInvTEF	\EInvOEg	\elemRp $147$ , 214, 215,
\dInvTEFP 718	<u>414, 677, 680, 683, 686,</u>	292, 295, 296, 319, 322, 323
\dInvTEFp 718	689, 690, 693, 696, 699, 702	\elemRP* <u>147</u>
\dInvTEFPE 718	\EInvTEC 690	\elemRp* 147
\dInvTEFpE 718	\EInvTECP 690	
		\elemRPE 147,
$\d0Eg \dots \underline{417},$	\EInvTECp	230, 233, 311, 314, 338, 341
420, 424, 708-712, 733-737	\EInvTECP* <u>690</u>	$\ensuremath{\mathtt{\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ }} \underline{147},$
\d0EgE 417, 419,	\EInvTECp* <u>690</u>	222, 225, 303, 306, 330, 333
421, 423, 703–707, 728–732	\EInvTECPE 690	\elemRPE* 147
\dom	\EInvTECpE	\elemRpE* 147
	\EInvTECPE* 690	<del>-</del>
\dotProd <u>919, 928</u>		\eleMT 371
\dotprod $\underline{928}$	\EInvTECpE* <u>690</u>	\eleMTP $\underline{371}$
\dotProdP <u>919</u>	\EInvTEF <u>677</u>	\eleMTp <u>371</u>
\dotProdp 919	\EInvTEFP 677	\eleMTP* 371
\dotprodP <u>928</u>	\EInvTEFp 677	\eleMTp* 371
\dotprodp 928	\EInvTEFP* 677	·
\dotProdP* <u>919</u>	\EInvTEFp* 677	\eleMTpE <u>371</u>
\dotProdp* <u>919</u>	\EInvTEFPE	$\verb \eleMTPE*  \dots \dots \underline{371}$
\dotprodP* <u>928</u>	\EInvTEFpE <u>677</u>	\eleMTpE* 371
\dotprodp* 928	\EInvTEFPE* 677	\elemUUU 774
\dSOEg . 423, 485, 502, 520, 533	\EInvTEFpE* 677	\eleVL 182
\dS0EgE	\eleM 344	\eleVLP 182
•	<del></del>	
\dTEC	\elemL <u>130</u> , 183, 237, 264	\eleVLp <u>182</u>
\dTECP <u>733</u>	\elemLP <u>130</u> , 184,	\eleVLP* <u>182</u>
\dTECp <u>733</u>	191, 192, 245, 246, 272, 273	\eleVLp* <u>182</u>
\dTECPE	\elemLp <u>130</u> , 187, 188,	\eleVLPE <u>182</u>
\dTECpE	238, 241, 242, 265, 268, 269	\eleVLpE <u>182</u>
\dTEEC 728	\elemLP* 130	\eleVLPE* 182
\dTEECP	\elemLp* 130	\eleVLpE*
	<del>-</del>	<del>-</del>
\dTEECp	\elemLPE <u>130</u> ,	\eleVR <u>209</u>
\dTEECPE	203, 206, 257, 260, 284, 287	\eleVRP <u>209</u>
\dTEECpE	\elemLpE <u>130</u> ,	\eleVRp <u>209</u>
\dTEEF 703	195, 198, 249, 252, 276, 279	\eleVRP* 209
\dTEEFP 703	\elemLPE* <u>130</u>	\eleVRp* 209
\dTEEFp	\elemLpE* 130	\eleVRPE 209
	\elemLR 164, 344	
\dTEEFPE		\eleVRpE 209
\dTEEFpE	\elemLRP	\eleVRPE* <u>209</u>
\dTEF <u>708</u>	$\underline{164}, 353, 354, 371, 378, 379$	\eleVRpE*
\dTEFP <u>708</u>	\elemLRp <u>164,</u> 349, 350, 374, 375	\end 81, 1164
\dTEFp	\elemLRP* 164	\endgroup 1165
\dTEFPE	\elemLRp* 164	\EOEg 412, 625, 628, 631, 634,
	<del>-</del>	
\dTEFpE 708	\elemLRPE <u>164</u>	637, 638, 641, 644, 647, 650
\dTrC <u>758</u>	\elemLRpE <u>164</u>	\E0Epr <u>410</u>
\dTrCP <u>758</u>	\elemLRPE* <u>164</u>	\E0Esu
\dTrCp <u>758</u>	\elemLRpE* <u>164</u>	\eSc <u>913</u> , 917, 918
\dTrCPE 758	\eleMM 779	\esc 916
\dTrCpE 758	\eleMMM	\eSc* 913
\dTrF	\eleMMT 779	
		\esc* <u>916</u>
\dTrFC	\eleMP 344	\EspacioCol <u>1124</u> , 1132, 1133
\dTrFCP <u>763</u>	\eleMp $\underline{344}$	\EspacioNul <u>1123</u> , 1126, 1127
\dTrFCp	$\verb \eleMP*  \dots \dots \underline{344}$	\Estmc $\underline{1166}$
\dTrFCPE <u>763</u>	\eleMp* 344	\ETEC <u>638</u>
<u></u>	•	

\ETECP 638	\InvP* 110	\LRidxP 25
\ETECp	\Invp* 110	\LRidxp 25
\ETECP* 638	\InvPE <u>110</u> , 1062, 1 <del>063</del>	\LRidxP* 25
\ETECp*	\InvpE <u>110</u> , 1058, 1059	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
<del>-</del>	<del>-</del>	• —
\ETECPE	\InvPE* \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	\LRidxPE <u>32</u>
\ETECpE <u>638</u>	\InvpE* <u>110</u>	\LRidxpE <u>32</u>
\ETECPE* <u>638</u>	\InvTEC <u>664</u>	\LRidxPE* <u>32</u>
\ETECpE*	\InvTECP	\LRidxpE* <u>32</u>
\ETEF	\InvTECp <u>664</u>	\Lsh 768
\ETEFP <u>625</u>	\InvTECP*	\lVert 84
\ETEFp	\InvTECp* 664	
\ETEFP* 625	\InvTECPE 664	$\mathbf{M}$
\ETEFp* 625	\InvTECpE 664	\m@th 74
\ETEFPE	\InvTECPE*	\MakeLowercase
	<del></del>	781, 785, 786, 796
\ETEFpE	\InvTECpE*	
\ETEFPE*	\InvTEF	\MakeUppercase 782, 806
\ETEFpE* <u>625</u>	\InvTEFP	\Mat 237, 238, 241, 242, 245,
\EV <u>1122</u> , 1123, 1124,	\InvTEFp $\dots \underline{651}$	246, 250, 253, 258, 261,
1138, 1139, 1141, 1142	\InvTEFP*	291, 292, 295, 296, 299,
	\InvTEFp* <u>651</u>	300, 304, 307, 312, 315,
${f F}$	\InvTEFPE651	345, 349, 350, 353, 354,
\fueraitemL 768, 771, 772	\InvTEFpE <u>651</u>	374, 375, 378, 379, 479,
\fueraitemR $768$ , $771$ , $773$	\InvTEFPE*	480, 483, 484, 805, 815,
<u></u> ,,	\InvTEFpE*	818, 819, 822, 823, 826,
${f G}$	(IIIVIEI pE	827, 830, 831, 868, 875,
\getItem <u>127</u> , 128, 129	L	876, 895, 898, 899, 902,
		903, 906, 907, 910, 911,
\getitemL <u>128</u> , 130, 165	\langle 915	
\getitemR 129, 147, 165	\leftidx	956, 965, 992, 993, 996,
	. 21–23, 768, 769, 771–773	997, 1000–1002, 1005,
Н	\Lidx $39, 41, 42, 45,$	1006, 1009, 1010, 1038,
\hbox 73, 109	46, 48, 49, 52, 53, 130,	$1041,\ 1042,\ 1045–1047,$
\hbox 73, 109	46, 48, 49, 52, 53, 130, 425, 443, 461, 481, 485,	$1041,\ 1042,\ 1045-1047, \\ 1050,\ 1051,\ 1054,\ 1055,$
I		
	425, 443, 461, 481, 485, 545, 599, 625, 651, 677,	1050, 1051, 1054, 1055,
I	425, 443, 461, 481, 485, 545, 599, 625, 651, 677, 703, 708, 713, 718, 723, 753	1050, 1051, 1054, 1055, 1058, 1059, 1062, 1063,
I \intercal 89	425, 443, 461, 481, 485, 545, 599, 625, 651, 677, 703, 708, 713, 718, 723, 753 \LidxE 21, 39	1050, 1051, 1054, 1055, 1058, 1059, 1062, 1063, 1129, 1130, 1135, 1136
I   \intercal	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE$	1050, 1051, 1054, 1055, 1058, 1059, 1062, 1063, 1129, 1130, 1135, 1136 \Matdim
I   \intercal	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE                                    $	1050, 1051, 1054, 1055, 1058, 1059, 1062, 1063, 1129, 1130, 1135, 1136 \Matdim
I         \intercal       89         \Inv       \frac{110}{1047}         \InvMat       \frac{1047}{1047}         \InvMatp       \frac{1047}{1047}	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE                                    $	1050, 1051, 1054, 1055, 1058, 1059, 1062, 1063, 1129, 1130, 1135, 1136  \[Matdim \ 895 \] \[MatdimP \ 895 \] \[MatdimP* \ 895
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	1050, 1051, 1054, 1055, 1058, 1059, 1062, 1063, 1129, 1130, 1135, 1136  \[ \]
I	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	1050, 1051, 1054, 1055,         1058, 1059, 1062, 1063,         1129, 1130, 1135, 1136         \Matdim \tau \tag{895}         \MatdimP \tag{895}         \MatdimP* \tag{895}         \Matdimp* \tag{895}         \Matdimp* \tag{895}         \MatdimPE       \tag{895}
I	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE                                    $	1050, 1051, 1054, 1055,         1058, 1059, 1062, 1063,         1129, 1130, 1135, 1136         \Matdim \cdot \frac{895}{895}         \MatdimP \cdot \frac{895}{895}         \MatdimP* \cdot \frac{895}{895}         \MatdimP* \cdot \frac{895}{895}         \MatdimPE \cdot \frac{895}{895}         \MatdimpE \cdot \frac{895}{895}         \MatdimpE \cdot \frac{895}{895}
I	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	1050, 1051, 1054, 1055,         1058, 1059, 1062, 1063,         1129, 1130, 1135, 1136         \Matdim \tau \tag{895}         \MatdimP \tag{895}         \MatdimP* \tag{895}         \MatdimP* \tag{895}         \MatdimP* \tag{895}         \MatdimPE \tag{895}         \MatdimPE \tag{895}         \MatdimPE \tag{895}         \MatdimPE \tag{895}
I \intercal 89 \Inv 110, 1047 \InvMat 1047 \InvMatP 1047 \InvMatp 1047 \InvMatP* 1047 \InvMatp* 1047 \InvMatp* 1047 \InvMatp* 1047 \InvMatPE 1047 \InvMatPE 1047, 1076, 1077 \InvMatPE* 1047	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	1050, 1051, 1054, 1055,         1058, 1059, 1062, 1063,         1129, 1130, 1135, 1136         \Matdim \ 895         \MatdimP \ 895         \MatdimP* \ 895         \MatdimP* \ 895         \MatdimP* \ 895         \MatdimPE \ 895         \MatdimPE* \ 895
I	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	1050, 1051, 1054, 1055,         1058, 1059, 1062, 1063,         1129, 1130, 1135, 1136         \Matdim       895         \MatdimP       895         \MatdimP*       895         \MatdimP*       895         \MatdimPE       895         \MatdimPE       895         \MatdimPE*       895         \MatdimPE*       895         \MatdimPE*       895         \matdimpE*       895         \matdimpE*       895         \mathbb       1-4
I \intercal 89 \Inv 110, 1047 \InvMat 1047 \InvMatP 1047 \InvMatp 1047 \InvMatP* 1047 \InvMatp* 1047 \InvMatp* 1047 \InvMatp* 1047 \InvMatPE 1047 \InvMatPE 1047, 1076, 1077 \InvMatPE* 1047	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	1050, 1051, 1054, 1055,         1058, 1059, 1062, 1063,         1129, 1130, 1135, 1136         \Matdim \ 895         \MatdimP \ 895         \MatdimP* \ 895         \MatdimP* \ 895         \MatdimP* \ 895         \MatdimPE \ 895         \MatdimPE* \ 895
I	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	1050, 1051, 1054, 1055,         1058, 1059, 1062, 1063,         1129, 1130, 1135, 1136         \Matdim       895         \MatdimP       895         \MatdimP*       895         \MatdimP*       895         \MatdimPE       895         \MatdimPE       895         \MatdimPE*       895         \MatdimPE*       895         \MatdimPE*       895         \matdimpE*       895         \matdimpE*       895         \mathbb       1-4
I \intercal 89 \Inv 110, 1047 \InvMat 1047 \InvMatP 1047 \InvMatp 1047 \InvMatP* 1047 \InvMatP* 1047 \InvMatp* 1047 \InvMatPE 1047 \InvMatPE 1047, 1076, 1077 \InvMatPE* 1047 \InvMatPE* 1047 \InvMatPE* 1047 \InvMatPE* 1047 \InvMatPE* 1047 \InvMatPE* 1047	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	1050, 1051, 1054, 1055,         1058, 1059, 1062, 1063,         1129, 1130, 1135, 1136         \Matdim       895         \MatdimP       895         \MatdimP*       895         \MatdimP*       895         \MatdimPE       895         \MatdimPE*       895         \MatdimPE*       895         \MatdimPE*       895         \mathbb       1-4         \mathbin       71, 1144
I	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	1050, 1051, 1054, 1055,         1058, 1059, 1062, 1063,         1129, 1130, 1135, 1136         Matdim       895         MatdimP       895         MatdimP*       895         MatdimP*       895         MatdimPE       895         MatdimPE       895         MatdimPE*       895         MatdimPE*       895         MatdimpE*       895         MatdimpE       71, 1144         mathbin       71, 1144         mathcal       1122         mathfrak       403
I	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	1050, 1051, 1054, 1055,         1058, 1059, 1062, 1063,         1129, 1130, 1135, 1136         Matdim       895         MatdimP       895         Matdimp*       895         Matdimp*       895         Matdimp*       895         MatdimpE       895         MatdimpE*       895         MatdimpE*       895         MatdimpE*       895         MatdimpE       1-4         mathbb       1-4         mathbin       71, 1144         mathcal       1122         mathfrak       403         mathop       69, 878
I	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	1050, 1051, 1054, 1055,         1058, 1059, 1062, 1063,         1129, 1130, 1135, 1136         \Matdim       895         \MatdimP       895         \MatdimP*       895         \MatdimP*       895         \MatdimP*       895         \MatdimPE       895         \MatdimPE*       895         \MatdimPE*       895         \MatdimPE*       895         \mathbb       1-4         \mathbin       71, 1144         \mathcal       1122         \mathfrak       403         \mathpalette       71
I	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	1050, 1051, 1054, 1055,         1058, 1059, 1062, 1063,         1129, 1130, 1135, 1136         \Matdim       \895         \MatdimP       \895         \MatdimP*       \895         \MatdimP*       \895         \MatdimP*       \895         \MatdimPE       \895         \MatdimPE*       \895         \MatdimPE*       \895         \MatdimPE*       \895         \mathbb       1-4         \mathbin       71, 1144         \mathcal       1122         \mathfrak       403         \mathpalette       71         \mathsf       782, 806
I	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	1050, 1051, 1054, 1055,         1058, 1059, 1062, 1063,         1129, 1130, 1135, 1136         \Matdim       895         \MatdimP       895         \MatdimP*       895         \MatdimP*       895         \MatdimP*       895         \MatdimPE       895         \MatdimPE*       895         \MatdimPE*       895         \MatdimPE*       895         \mathbb       1-4         \mathbin       71, 1144         \mathcal       1122         \mathfrak       403         \mathpalette       71         \mathsf       782, 806         \MatP       251, 259, 262, 305, 313,
I	$\begin{array}{c} 425,443,461,481,485,\\ 545,599,625,651,677,\\ 703,708,713,718,723,753\\ \verb+\LidxE++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	1050, 1051, 1054, 1055, 1058, 1059, 1062, 1063, 1129, 1130, 1135, 1136  \[ \text{Matdim} \tag{895} \] \[ \text{MatdimP} \tag{895} \] \[ \text{MatdimP*} \tag{895} \] \[ \text{MatdimP*} \tag{895} \] \[ \text{MatdimPE} \tag{895} \] \[ \text{MatdimPE} \tag{895} \] \[ \text{MatdimPE*} \tag{895} \] \[ \text{MatdimPathbh} \tag{1-4} \] \[ \text{mathfrak} \tag{403} \] \[ \text{mathfrak} \tag{69, 878} \] \[ \text{mathpalette} \tag{71} \] \[ \text{mathsf} \tag{782, 806} \] \[ \text{MatP} \tag{251, 259, 262, 305, 313, 313, 316, 346, 775, 777, 779, 805} \]
I	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1050, 1051, 1054, 1055, 1058, 1059, 1062, 1063, 1129, 1130, 1135, 1136  \[ \text{Matdim} \tag{895} \] \[ \text{MatdimP} \tag{895} \] \[ \text{MatdimP*} \tag{895} \] \[ \text{MatdimP*} \tag{895} \] \[ \text{MatdimPE} \tag{895} \] \[ \text{MatdimPE*} \tag{895} \] \[ \text{Mathbin} \tag{71, 1144} \] \[ \text{mathfrak} \tag{403} \] \[ \text{mathfrak} \tag{71, 259, 262, 305, 313, 313, 316, 346, 775, 777, 779, 805} \] \[ \text{Matp} \tag{54, 308, 805} \]
I	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1050, 1051, 1054, 1055, 1058, 1059, 1062, 1063, 1129, 1130, 1135, 1136  \[ \text{Matdim} \tag{895} \] \[ \text{MatdimP} \tag{895} \] \[ \text{MatdimP*} \tag{895} \] \[ \text{MatdimP*} \tag{895} \] \[ \text{MatdimPE} \tag{895} \] \[ \text{MatdimPE} \tag{895} \] \[ \text{MatdimPE*} \tag{895} \] \[ \text{Mathpin} \tag{71, 1144} \] \[ \text{mathpath} \tag{71, 1144} \] \[ \text{mathpath} \tag{71, 259, 262, 305, 313, 313, 316, 346, 775, 777, 779, 805} \] \[ \text{Matp} \tag{254, 308, 805} \] \[ \text{Matp*} \tag{805} \]
I	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1050, 1051, 1054, 1055, 1058, 1059, 1062, 1063, 1129, 1130, 1135, 1136  \[ \text{Matdim} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
I	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1050, 1051, 1054, 1055, 1058, 1059, 1062, 1063, 1129, 1130, 1135, 1136  \[ \text{Matdim} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
I	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1050, 1051, 1054, 1055, 1058, 1059, 1062, 1063, 1129, 1130, 1135, 1136  \[ \text{Matdim} \tag{895} \] \[ \text{MatdimP} \tag{895} \] \[ \text{MatdimPE} \tag{895} \] \[ \text{MatdimPathbin} \tag{71, 1144} \] \[ \text{Mathbin} \tag{71, 1144} \] \[ \text{Mathcal} \tag{122} \] \[ \text{mathfrak} \tag{403} \] \[ \text{mathpalette} \tag{71} \] \[ \text{mathpalette} \tag{71} \] \[ \text{Matp} \tag{251, 259, 262, 305, 313, 313, 316, 346, 775, 777, 779, 805} \] \[ \text{Matp} \tag{805} \] \[ \text{MatT} \tag{265, 268, 268, 269, 272, 273, 319, 322, 322, 325} \]
I	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1050, 1051, 1054, 1055, 1058, 1059, 1062, 1063, 1129, 1130, 1135, 1136  \[ \text{Matdim} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
I	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1050, 1051, 1054, 1055, 1058, 1059, 1062, 1063, 1129, 1130, 1135, 1136  \[ \text{Matdim} \tag{895} \] \[ \text{MatdimP} \tag{895} \] \[ \text{MatdimPE} \tag{895} \] \[ \text{MatdimPathbin} \tag{71, 1144} \] \[ \text{Mathbin} \tag{71, 1144} \] \[ \text{Mathcal} \tag{122} \] \[ \text{mathfrak} \tag{403} \] \[ \text{mathpalette} \tag{71} \] \[ \text{mathpalette} \tag{71} \] \[ \text{Matp} \tag{251, 259, 262, 305, 313, 313, 316, 346, 775, 777, 779, 805} \] \[ \text{Matp} \tag{805} \] \[ \text{MatT} \tag{265, 268, 268, 269, 272, 273, 319, 322, 322, 325} \]

1000 1000 1007 1000		1
1002, 1029, 1065, 1066,	\MTMp* <u>1011</u>	\OpE <u>404</u> , 405–408
1069, 1070, 1073, 1074	\MTMV	\overline 69
\MatTP <u>815</u>	\MTMVP 1086	D
\MatTp	\MTMVp 1086	P
\MatTP* <u>815</u>	\MTMVP* 1086	\Parentesis
\MatTp* 815	\MTMVp* 1086	<u>12,</u> 30, 31, 37, 38, 45,
\MatTPE 278, 286,	\MTN <u>993</u> , 1011, 1038, 1086	46, 52, 53, 60, 61, 67,
289, 332, 340, 343, 776,	\MTNM	68, 99, 100, 107, 108,
778, 780, <u>815</u> , 981, 982,	\MTNMP 1038	117, 118, 125, 126, 137,
990, 991, 1000, 1001, 1000, 1010, 1036, 1037	\MTNMp	138, 145, 146, 154, 155, 162, 163, 176, 177, 180
1009, 1010, 1036, 1037 \MatTpE 264, 277, 280,	\MTNMP*	162, 163, 176, 177, 180, 181, 365, 368, 390, 393,
281, 285, 288, 318, 331,	\MTNP 993, 1018, 1019,	492, 493, 500, 501, 509,
334, 335, 339, 342, <u>815</u> ,	1045, 1046, 1093, 1094	510, 517, 518, 524, 525,
977, 978, 986, 987, 996,	\MTNp 993, 1014, 1015,	530, 531, 537, 538, 543,
997, 1005, 1006, 1032, 1033	1041, 1042, 1089, 1090	544, 552, 553, 560, 561,
\MatTPE* 815	\MTNP* 993	570, 571, 578, 579, 588,
\MatTpE* 815	\MTNp*	589, 596, 597, 755, 757,
\MatTT 832	\MTV	760, 762, 765, 767, 774,
\MatTT* 832	\MTVP	793, 794, 803, 804, 813,
\MatTTPE 832	\MTVp 974	814, 837, 838, 856, 860,
\MatTTPE* 832	\MTVP*	875, 885, 886, 893, 894,
\MDaV 912	\MTVp* 974	926, 927, 935, 936, 944,
\Media <u>1167</u>	\mu 1168	945, 954, 955, 963, 964,
\media $\dots \dots $ $1169$	\MV 956, 1118	972, 973, 1073, 1074,
\MenoR 872	\MVectC 842	1084, 1085, 1126, 1132,
\Menor	\MVectCT 849	1138, 1141, 1147, 1151
\MenorR <u>869</u>	\MVectF	\parentesis $\underline{9}$ , $26$ ,
$\mbox{\em mid}$	\MVectFT \. \. \. \. \. \. \. \. \. \. \.	27, 33, 34, 41, 42, 48,
\mifun $\dots \dots 1154$	\MVPE <u>956</u>	49, 56, 57, 63, 64, 95,
\mifun* <u>1154</u>	\MVpE <u>956</u>	96, 103, 104, 113, 114,
\Mint 479	\MVPE* 956	121, 122, 133, 134, 141,
\MintT <u>479</u>	\MVpE* <u>956</u>	142, 150, 151, 158, 159,
\minus $\underline{109}$ , 110, 413, 421		168, 169, 172, 173, 357,
\MMT <u>1020</u>	N	360, 374, 375, 378, 379,
\MMTP <u>1020</u>	\N <u>5</u>	382, 385, 488, 489, 496,
\MMTp <u>1020</u>	\newcommand 71, 72	497, 505, 506, 513, 514,
\MMTP* <u>1020</u>	\Nn <u>1</u> , 5	521, 522, 527, 528, 534,
\MMTp* 1020	\norma <u>83</u>	535, 540, 541, 548, 549,
\MN <u>992</u> , 1029,	\norma* <u>83</u>	556, 557, 566, 567, 574, 575, 584, 585, 592, 593,
1032, 1033, 1036, 1037	\Nulls <u>1125,</u> 1129, 1130	754, 756, 759, 761, 764,
\MNMT	\nulls <u>1128</u>	766, 789, 790, 799, 800,
\MNMTP <u>1029</u> \MNMTp <u>1029</u>	\Nulls* <u>1125</u>	809, 810, 857, 861, 870,
\MNMTP*	\nulls* <u>1128</u>	876, 881, 882, 889, 890,
\MNMTp*	O	922, 923, 931, 932, 940,
\MNT 1002, 1020	\odot 937	941, 950, 951, 959, 960,
\MNTP <u>1002</u> , 1027, 1028	\OEg 411, 412, 413,	968, 969, 1069, 1070,
\MNTp 1002, 1023, 1024	416, 599, 602, 605, 608,	1080, 1081, 1127, 1133,
\MNTP* 1002	611, 612, 615, 618, 621, 624	1139, 1142, 1148, 1152
\MNTp* 1002	\OEin 407, 461, 463, 465, 467,	\PC
\modulus <u>86</u> , 865, 866	469, 470, 472, 474, 476, 478	\pe $401$ , $407$
\modulus* 86	\OEper <u>408</u> , 481, 482	\perm $403$ , $408$
\MP	\0Epr 406,	\PF <u>481,</u> 484
$\  \   MPT \ \ldots \ \overline{483}$	410, 443, 445, 447, 449,	\pmb 127
\MTM <u>1011</u> , 1116, 1 <del>117</del>	451, 452, 454, 456, 458, 460	\pr <u>399,</u> 406
\MTMP 1011	\OEsu <u>405,</u>	\prodH <u>937,</u> 947
$\MTMp \dots \overline{1011}$	$409, 425, 427, 429, \overline{431},$	\prodh <u>946</u>
\MTMP* <u>1011</u>	433, 434, 436, 438, 440, 442	\prodHP <u>937</u>

\prodHp <u>937</u>	\SELTP <u>1119</u>	\TEIF <u>461</u> , 480
\prodhP <u>946</u>	\setlength 75, 1160	\TEIFP <u>461</u>
\prodhp 946	\SITEC <u>502</u>	\TEIFp <u>461</u>
\prodHP* 937	\SITECP 502	\TEIFPE 461
\prodHp* 937	\SITECp <u>502</u>	\TEIFpE <u>461</u>
\prodhP* 946	\SITECPE 502	\TEPC 452
\prodhp* 946	\SITECpE 502	\TEPCP 452
\PSpan	\SITEF 485	\TEPCp
\PSpan*	\SITEFC <u>519</u> , 534, 535,	\TEPCPE
\put	537, 538, 540, 541, 543, 544	\TEPCpE 452
\put 10 00	\SITEFCP 519	\TEPF
${f Q}$	\SITEFCp	\TEPFP
	\SITEFCPE 519	
\quitaL		\TEPFPE
\quitaLR <u>770</u> , 868	\SITEFCPE	
\quitaR <u>770</u>	\SITEFCR	\TEPFpE
<b>.</b>	\SITEFCRP	\TESC 434
$\mathbf{R}$	\SITEFCRp <u>532</u>	\TESCP 437
\R <u>5</u>	\SITEFCRPE	\TESCp 435
\rangle 915	\SITEFCRpE <u>532</u>	\TESCPE 441
\rango <u>858</u>	\SITEFP <u>485</u>	\TESCpE 439
\rango* <u>858</u>	\SITEFp <u>485</u>	\TESF <u>425</u>
\relax 71	\SITEFPE <u>485</u>	\TESFP $\underline{425}$
\rg	\SITEFpE <u>485</u>	\TESFp $\underline{425}$
\Ridx <u>54</u> , 56, 57, 60, 61, 63, 64,	\Smedia <u>1168</u> , 1170, 1171	\TESFPE 425
67, 68, 147, 434, 452,	\SOEg 415, 545, 547, 551, 555,	\TESFpE $\dots \dots \overline{425}$
470, 482, 502, 563, 612,	559, 563, 565, 569, 573,	\textrm 774-780
638, 664, 690, 728, 733,	577, 581, 583, 587, 591, 595	\TInvMat 1075
738, 743, 748, 758, 1144	\Span 1137	\TInvMat* 1075
\RidxE 21, 54, 411, 417	\Span*	\TInvMatPE 1075
\RidxP 55, 438,	\su 397, 405	\TInvMatpE 1075
		-
456, 474, 618, 644, 670,	\subMat $867$ , $870$ , $873$	$\TinvMatPE* \dots \underline{1075}$
456, 474, 618, 644, 670, 696, 730, 735, 740, 745, 750		\TInvMatPE*
$\begin{array}{c} 456,474,618,6\overline{44},670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \backslash \texttt{Ridxp}\ldots$	\subMat	\TInvMatPE*
$\begin{array}{c} 456,474,618,6\overline{44},670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \backslash \text{Ridxp} \dots \dots  \underline{55},436,\\ 454,472,615,641,667,\\ \end{array}$	\subMat	\TInvMatPE*
$\begin{array}{c} 456,474,618,6\overline{44},670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \verb+\Ridxp+\dots+++++++++++++++++++++++++++++++++++$	\subMat	\TInvMatPE*
$\begin{array}{c} 456,474,618,6\overline{44},670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \verb+\Ridxp++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	\subMat	\TInvMatPE* \ \ \frac{1075}{1075} \ \tiny \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \verb+\Ridxp++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TInvMatPE*
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \verb+\Ridxp++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TInvMatPE*
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \backslash \text{Ridxp} \dots \dots & \underline{55},436,\\ 454,472,615,641,667,\\ 693,729,734,739,744,749\\ \backslash \text{Ridxp*} \dots & \underline{55}\\ \backslash \text{Ridxp*} \dots & \underline{55}\\ \backslash \text{RidxPE} \dots & \underline{62},442,\\ 460,478,624,650,676,\\ \end{array}$	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TInvMatPE*
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \verb+\Ridxp++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TInvMatPE*
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \verb+\Ridxp++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TInvMatPE*
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \verb+\Ridxp++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TInvMatPE* \ \ \frac{1075}{1075} \ \tiny \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ \ \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ \ \ \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \verb+\Ridxp++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TInvMatPE*
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \verb+\Ridxp++++++++++++++++++++++++++++++++++++$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TInvMatPE* \ \ \frac{1075}{1075} \ \tiny \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ \ \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ \ \ \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \text{Ridxp} \dots & \underline{55},436,\\ 454,472,615,641,667,\\ 693,729,734,739,744,749\\ \\ \text{Ridxp*} \dots & \underline{55}\\ \\ \text{Ridxp*} \dots & \underline{55}\\ \\ \text{RidxPE} \dots & \underline{62},442,\\ 460,478,624,650,676,\\ 702,732,737,742,747,752\\ \\ \text{RidxpE} \dots & \underline{62},440,\\ 458,476,621,647,673,\\ 699,731,736,741,746,751\\ \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TInvMatPE* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \texttt{Ridxp} \dots & \underline{55},436,\\ 454,472,615,641,667,\\ 693,729,734,739,744,749\\ \\ \texttt{Ridxp*} \dots & \underline{55}\\ \\ \texttt{Ridxp*} \dots & \underline{55}\\ \\ \texttt{RidxPE} \dots & \underline{62},442,\\ 460,478,624,650,676,\\ 702,732,737,742,747,752\\ \\ \texttt{RidxpE} \dots & \underline{62},440,\\ 458,476,621,647,673,\\ 699,731,736,741,746,751\\ \\ \texttt{RidxPE*} \dots & \underline{62}\\ \end{array}$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TInvMatPE* \ \ \frac{1075}{1075} \ \tiny \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \verb"\Ridxp"$	\subMat \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TInvMatPE* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \text{Ridxp} \dots \dots & \underline{55},436,\\ 454,472,615,641,667,\\ 693,729,734,739,744,749\\ \\ \text{RidxP*} \dots & \underline{55}\\ \\ \text{Ridxp*} \dots & \underline{55}\\ \\ \text{RidxPE} \dots & \underline{62},442,\\ 460,478,624,650,676,\\ 702,732,737,742,747,752\\ \\ \text{RidxpE} \dots & \underline{62},440,\\ 458,476,621,647,673,\\ 699,731,736,741,746,751\\ \\ \text{RidxPE*} \dots & \underline{62}\\ \\ \text{RidxpE*} \dots & \underline{62}\\ \\ \text{RidxpE*} \dots & \underline{62}\\ \\ \\ \\ \text{RidxpE*} \dots & \underline{62}\\ \\ \\ \\ \\ \text{RidxpE*} \dots & \underline{62}\\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ $	\subMat \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TInvMatPE* \ \ \frac{1075}{1075} \ \tiny \ 1141, 1142 \ \to \ \ \ 1076, 1077 \ \tans \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \text{Ridxp} \dots \dots & \underline{55},436,\\ 454,472,615,641,667,\\ 693,729,734,739,744,749\\ \\ \text{RidxP*} \dots & \underline{55}\\ \\ \text{Ridxp*} \dots & \underline{55}\\ \\ \text{RidxPE} \dots & \underline{62},442,\\ 460,478,624,650,676,\\ 702,732,737,742,747,752\\ \\ \text{RidxpE} \dots & \underline{62},440,\\ 458,476,621,647,673,\\ 699,731,736,741,746,751\\ \\ \text{RidxPE*} \dots & \underline{62}\\ \\$	\subMat \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TInvMatPE* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \text{Ridxp} \dots \dots & \underline{55},436,\\ 454,472,615,641,667,\\ 693,729,734,739,744,749\\ \\ \text{RidxP*} \dots & \underline{55}\\ \\ \text{Ridxp*} \dots & \underline{55}\\ \\ \text{RidxPE} \dots & \underline{62},442,\\ 460,478,624,650,676,\\ 702,732,737,742,747,752\\ \\ \text{RidxpE} \dots & \underline{62},440,\\ 458,476,621,647,673,\\ 699,731,736,741,746,751\\ \\ \text{RidxPE*} \dots & \underline{62}\\ \\$	\subMat \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TInvMatPE* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \text{Ridxp} \dots \dots & \underline{55},436,\\ 454,472,615,641,667,\\ 693,729,734,739,744,749\\ \\ \text{RidxP*} \dots & \underline{55}\\ \\ \text{Ridxp*} \dots & \underline{55}\\ \\ \text{RidxPE} \dots & \underline{62},442,\\ 460,478,624,650,676,\\ 702,732,737,742,747,752\\ \\ \text{RidxpE} \dots & \underline{62},440,\\ 458,476,621,647,673,\\ 699,731,736,741,746,751\\ \\ \text{RidxPE*} \dots & \underline{62}\\ \\$	\subMat \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TInvMatPE* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \text{Ridxp} \dots \dots & \underline{55},436,\\ 454,472,615,641,667,\\ 693,729,734,739,744,749\\ \\ \text{RidxP*} \dots & \underline{55}\\ \\ \text{Ridxp*} \dots & \underline{55}\\ \\ \text{RidxPE} \dots & \underline{62},442,\\ 460,478,624,650,676,\\ 702,732,737,742,747,752\\ \\ \text{RidxpE} \dots & \underline{62},440,\\ 458,476,621,647,673,\\ 699,731,736,741,746,751\\ \\ \text{RidxPE*} \dots & \underline{62}\\ \\ \text{right} \dots & \underline{13},19,84,\\ 87,398,400,404,840,\\ 843,847,851,914,1076\\ \\ \text{rightleftharpoons} \dots & 402\\ \\ \text{roundcap} \dots & & & & \\ \hline 1,7\\ \\ \end{array}$	\subMat \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TInvMatPE* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \text{Ridxp} \dots & 55,436,\\ 454,472,615,641,667,\\ 693,729,734,739,744,749\\ \\ \text{RidxP*} & 55\\ \\ \text{Ridxp*} & 55\\ \\ \text{RidxPE} & 624,650,676,\\ 702,732,737,742,747,752\\ \\ \text{RidxpE} & 624,650,676,\\ 702,732,737,742,747,752\\ \\ \text{RidxpE} & 624,647,673,\\ 699,731,736,741,746,751\\ \\ \text{RidxPE*} & 62\\ \\ \text{RidxpE*} & 62\\ \\ \text{RidxpE*} & 62\\ \\ \text{RidxpE*} & 62\\ \\ \text{RidxpE} & 13,19,84,\\ 87,398,400,404,840,\\ 843,847,851,914,1076\\ \\ \text{rightleftharpoons} & 402\\ \\ \text{roundcap} & 77\\ \\ \text{Rr} & 1,7\\ \\ \text{Rsh} & 769\\ \end{array}$	\subMat \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TInvMatPE* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \text{Ridxp} \dots \dots & \underline{55},436,\\ 454,472,615,641,667,\\ 693,729,734,739,744,749\\ \\ \text{RidxP*} \dots & \underline{55}\\ \\ \text{Ridxp*} \dots & \underline{55}\\ \\ \text{RidxPE} \dots & \underline{62},442,\\ 460,478,624,650,676,\\ 702,732,737,742,747,752\\ \\ \text{RidxpE} \dots & \underline{62},440,\\ 458,476,621,647,673,\\ 699,731,736,741,746,751\\ \\ \text{RidxPE*} \dots & \underline{62}\\ \\ \text{right} \dots & \underline{13},19,84,\\ 87,398,400,404,840,\\ 843,847,851,914,1076\\ \\ \text{rightleftharpoons} \dots & 402\\ \\ \text{roundcap} \dots & & & & \\ \hline 1,7\\ \\ \end{array}$	\subMat \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\TInvMatPE* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \text{Ridxp} \dots & 55,436,\\ 454,472,615,641,667,\\ 693,729,734,739,744,749\\ \\ \text{RidxP*} \dots & 55\\ \\ \text{Ridxp*} \dots & 62,442,\\ 460,478,624,650,676,\\ 702,732,737,742,747,752\\ \\ \text{RidxpE} \dots & 62,440,\\ 458,476,621,647,673,\\ 699,731,736,741,746,751\\ \\ \text{RidxPE*} \dots & 62\\ \\ \text{RidxpE*} \dots & 62\\ \\ \text{RidxpE*} \dots & 62\\ \\ \text{right} \dots & 13,19,84,\\ 87,398,400,404,840,\\ 843,847,851,914,1076\\ \\ \text{rightleftharpoons} \dots & 402\\ \\ \text{roundcap} \dots & 77\\ \\ \text{Rr} \dots & 1,7\\ \\ \text{Rsh} \dots & 769\\ \\ \text{rVert} \dots & 84,85\\ \\ \end{array}$	SubMat       867, 870, 873         SV       782         T         T       89, 91, 92, 374, 375, 378, 379         \tau       396         \text{TEC}       612         \text{TECP}       612         \text{TECP*}       612         \text{TECP*}       612         \text{TECPE}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TEFP}       599         \text{TEFP}       599         \text{TEFP*}       599         \text{TEFPE}       599         \text{TEFPE*}       599	\TInvMatPE* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \text{Ridxp} & \dots & \underline{55},436,\\ 454,472,615,641,667,\\ 693,729,734,739,744,749\\ \\ \text{RidxP*} & \underline{55}\\ \\ \text{Ridxp*} & \underline{55}\\ \\ \text{RidxPE} & \underline{62},442,\\ 460,478,624,650,676,\\ 702,732,737,742,747,752\\ \\ \text{RidxpE} & \underline{62},440,\\ 458,476,621,647,673,\\ 699,731,736,741,746,751\\ \\ \text{RidxPE*} & \underline{62}\\ \\ \text{RidxpE*} & \underline{62}\\ \\ \text{RidxpE*} & \underline{62}\\ \\ \text{RidxpE*} & \underline{62}\\ \\ \text{right} & \underline{13},19,84,\\ 87,398,400,404,840,\\ 843,847,851,914,1076\\ \\ \text{rightleftharpoons} & \underline{402}\\ \\ \text{roundcap} & \underline{77}\\ \\ \text{Rr} & \underline{1},7\\ \\ \text{Rsh} & \underline{769}\\ \\ \text{rVert} & \underline{84},85\\ \\ \end{array}$	SubMat       867, 870, 873         SV       782         T         T       89, 91, 92, 374, 375, 378, 379         \tau       396         \text{TEC}       612         \text{TECP}       612         \text{TECP}*       612         \text{TECP*}       612         \text{TECPE}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TEFP}       599         \text{TEFP}       599         \text{TEFP}       599         \text{TEFPE}       599         \text{TEFPE}*       599         \text{TEFPE*}       599         \text{TEFPE*}       599         \text{TEFPE*}       599         \text{TEFPE*}       599         \text{TEIC}       470, 479	\TInvMatPE* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \text{Ridxp} & \dots & \underline{55},436,\\ 454,472,615,641,667,\\ 693,729,734,739,744,749\\ \\ \text{RidxP*} & \underline{55}\\ \\ \text{Ridxp*} & \underline{55}\\ \\ \text{RidxPE} & \underline{62},442,\\ 460,478,624,650,676,\\ 702,732,737,742,747,752\\ \\ \text{RidxpE} & \underline{62},440,\\ 458,476,621,647,673,\\ 699,731,736,741,746,751\\ \\ \text{RidxPE*} & \underline{62}\\ \\ \text{right} & \underline{13},19,84,\\ 87,398,400,404,840,\\ 843,847,851,914,1076\\ \\ \text{rightleftharpoons} & \underline{402}\\ \\ \text{roundcap} & \underline{77}\\ \\ \text{Rr} & \underline{1},7\\ \\ \text{Rsh} & \underline{769}\\ \\ \text{rVert} & \underline{84},85\\ \\ \\ \text{S} \\ \\ \text{Sbox} & \underline{74}\\ \\ \end{array}$	SubMat       867, 870, 873         SV       782         T         T       89, 91, 92, 374, 375, 378, 379         \tau       396         \text{TEC}       612         \text{TECP}       612         \text{TECP*}       612         \text{TECP*}       612         \text{TECPE}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TEFP}       599         \text{TEFP}       599         \text{TEFP*}       599         \text{TEFPE*}       599         \text{TEFPE*}       599         \text{TEFPE*}       599         \text{TEFPE*}       599         \text{TEFPE*}       599         \text{TEIC}       470         \text{TEIC}       470	\TInvMatPE* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \text{Ridxp} & \dots & \underline{55},436,\\ 454,472,615,641,667,\\ 693,729,734,739,744,749\\ \\ \text{RidxP*} & \underline{55}\\ \\ \text{Ridxp*} & \underline{55}\\ \\ \text{RidxPE} & \underline{62},442,\\ 460,478,624,650,676,\\ 702,732,737,742,747,752\\ \\ \text{RidxpE} & \underline{62},440,\\ 458,476,621,647,673,\\ 699,731,736,741,746,751\\ \\ \text{RidxPE*} & \underline{62}\\ \\ \text{RidxpE*} & \underline{62}\\ \\ \text{RidxpE*} & \underline{62}\\ \\ \text{RidxpE*} & \underline{62}\\ \\ \text{right} & \underline{13},19,84,\\ 87,398,400,404,840,\\ 843,847,851,914,1076\\ \\ \text{rightleftharpoons} & \underline{402}\\ \\ \text{roundcap} & \underline{77}\\ \\ \text{Rr} & \underline{1},7\\ \\ \text{Rsh} & \underline{769}\\ \\ \text{rVert} & \underline{84},85\\ \\ \\ \text{S} \\ \\ \text{Sbox} & \underline{74}\\ \\ \\ \text{SEL} & \underline{1118}\\ \\ \end{array}$	SubMat       867, 870, 873         SV       782         T         T       89, 91, 92, 374, 375, 378, 379         tau       396         TEC       612         TECP       612         TECP       612         TECP*       612         TECP*       612         TECPE       612         TECPE       612         TECPE*       612         TECPE*       612         TECPE*       612         TEFP       599         TEFP       599         TEFP*       599         TEFPE       599         TEFPE*       599         TEFPE*       599         TEFPE*       599         TEIC       470         TEICP       470         TEICP       470         TEICP       470	\TInvMatPE* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c} 456,474,618,644,670,\\ 696,730,735,740,745,750\\ \\ \text{Ridxp} & \dots & \underline{55},436,\\ 454,472,615,641,667,\\ 693,729,734,739,744,749\\ \\ \text{RidxP*} & \underline{55}\\ \\ \text{Ridxp*} & \underline{55}\\ \\ \text{RidxPE} & \underline{62},442,\\ 460,478,624,650,676,\\ 702,732,737,742,747,752\\ \\ \text{RidxpE} & \underline{62},440,\\ 458,476,621,647,673,\\ 699,731,736,741,746,751\\ \\ \text{RidxPE*} & \underline{62}\\ \\ \text{right} & \underline{13},19,84,\\ 87,398,400,404,840,\\ 843,847,851,914,1076\\ \\ \text{rightleftharpoons} & \underline{402}\\ \\ \text{roundcap} & \underline{77}\\ \\ \text{Rr} & \underline{1},7\\ \\ \text{Rsh} & \underline{769}\\ \\ \text{rVert} & \underline{84},85\\ \\ \\ \text{S} \\ \\ \text{Sbox} & \underline{74}\\ \\ \end{array}$	SubMat       867, 870, 873         SV       782         T         T       89, 91, 92, 374, 375, 378, 379         \tau       396         \text{TEC}       612         \text{TECP}       612         \text{TECP*}       612         \text{TECP*}       612         \text{TECPE}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TECPE*}       612         \text{TEFP}       599         \text{TEFP}       599         \text{TEFP*}       599         \text{TEFPE*}       599         \text{TEFPE*}       599         \text{TEFPE*}       599         \text{TEFPE*}       599         \text{TEFPE*}       599         \text{TEIC}       470         \text{TEIC}       470	\TInvMatPE* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \

\TrFC 581	\VectCP 290	\VectTFPE* 263
\TrFCP 581	\VectCp 290	\VectTFpE* 263
\TrFCp <u>581</u>	\VectCP* 290	\VM <u>965,</u> 1095, 1121
\TrFCP* 581	\VectCp* <u>290</u>	\VMPE 965
\TrFCp*	\VectCPE 290	\VMpE 965
\TrFCPE 581	\VectCpE 290	\VMPE* 965
\TrFCpE	\VectCPE* 290	\VMpE* 965
\TrFCPE*	\VectCpE* 290	\VMT 983, 1097
\TrFCpE* 581	\VectF . <u>236</u> , 840, 841, 847, 848	\VMTP <u>983</u> , 1104, 1105, 1113, 1114
\TrFP 545	\VectFFF <u>777</u>	\VMTp <u>983</u> , 1100, 1101, 1109, 1110
$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	\VectFFFT	\VMTP* 983
\TrFP* <u>545</u>	\VectFP <u>236</u>	\VMTp* <u>983</u>
\TrFp* <u>545</u>	$\verb+\VectFp+ \dots \dots \dots \underline{236}$	\VMTV <u>1106</u>
\TrFPE <u>545</u>	\VectFP* <u>236</u>	\VMTVP <u>1106</u>
\TrFpE <u>545</u>	\VectFp* <u>236</u>	\VMTVp <u>1106</u>
\TrFPE* <u>545</u>	$\verb \VectFPE  \dots \dots \underline{236}$	\VMTVP* <u>1106</u>
\TrFpE* <u>545</u>	$\ensuremath{\texttt{VectFpE}}$ $\underline{236}$	\VMTVp* <u>1106</u>
	\VectFPE* <u>236</u>	\VMTW <u>1097</u> , 1106
${f U}$	\VectFpE* <u>236</u>	\VMTWP <u>1097</u>
\underset 404	$\verb VectP  . 205, 208, 232, 235, \underline{795} $	\VMTWp <u>1097</u>
\unitlength 75	\text{Vectp} . $197, 200, 224, 227, \underline{795}$	\VMTWP* <u>1097</u>
	\vectP <u>784</u>	\VMTWp* <u>1097</u>
$\mathbf{V}$	\vectp <u>784</u>	\VMV <u>1096</u>
\vcenter 73	\VectTC <u>317</u>	\VMW <u>1095</u> , 1096
\Vect 183, 184, 187, 188,	\VectTCP <u>317</u>	\vphantom 840, 843, 847, 851
191, 192, 196, 199, 204,	$\ensuremath{VectTCp}$ $317$	\vv 785, 786
207, 210, 211, 214, 215,	\VectTCP* <u>317</u>	
218, 219, 223, 226, 231,	\VectTCp* <u>317</u>	${f W}$
	· •	• •
$234, \underline{795}, 928, 947, 956,$	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\wd 75
234, <u>795</u> , 928, 947, 956, 965, 974, 977, 978, 981–	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	• •
234, <u>795</u> , 928, 947, 956, 965, 974, 977, 978, 981– 983, 986, 987, 990, 991,	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\wd 75
234, <u>795</u> , 928, 947, 956, 965, 974, 977, 978, 981– 983, 986, 987, 990, 991, 1086, 1089, 1090, 1093–		\wd
234, <u>795</u> , 928, 947, 956, 965, 974, 977, 978, 981– 983, 986, 987, 990, 991, 1086, 1089, 1090, 1093– 1095, 1097, 1100, 1101,		\wd
234, <u>795</u> , 928, 947, 956, 965, 974, 977, 978, 981– 983, 986, 987, 990, 991, 1086, 1089, 1090, 1093– 1095, 1097, 1100, 1101, 1104, 1105, 1109, 1110,	\VectTCPE \ \frac{317}{317} \\VectTCPE \ \frac{317}{317} \\VectTCPE* \ \frac{317}{317} \\VectTCPE* \ \frac{317}{317} \\VectTCPE* \ \frac{263}{317} \\VectTF \ \frac{263}{317} \\VectTFP \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	\wd
234, <u>795</u> , 928, 947, 956, 965, 974, 977, 978, 981– 983, 986, 987, 990, 991, 1086, 1089, 1090, 1093– 1095, 1097, 1100, 1101, 1104, 1105, 1109, 1110, 1113, 1114, 1118–1121	\VectTCPE \ \frac{317}{317} \\VectTCPE \ \frac{317}{317} \\VectTCPE* \ \frac{317}{317} \\VectTCPE* \ \frac{317}{317} \\VectTF \ \frac{263}{317} \\VectTFP \ \frac{263}{3263} \\VectTFP \\\VectTFP \ \frac{263}{3263} \\VectTFP \\\VectTFP \ \Frac{263}{3263} \\VectTFP \\\VectTFP	\wd
$\begin{array}{c} 234, \underline{795}, 928, 947, 956,\\ 965, 974, 977, 978, 981-\\ 983, 986, 987, 990, 991,\\ 1086, 1089, 1090, 1093-\\ 1095, 1097, 1100, 1101,\\ 1104, 1105, 1109, 1110,\\ 1113, 1114, 1118-1121\\ \\ \texttt{vect} \ \ldots \ \underline{784}, 917, 918 \end{array}$	\VectTCPE \ \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	\wd
$\begin{array}{c} 234, \underline{795}, 928, 947, 956,\\ 965, 974, 977, 978, 981-\\ 983, 986, 987, 990, 991,\\ 1086, 1089, 1090, 1093-\\ 1095, 1097, 1100, 1101,\\ 1104, 1105, 1109, 1110,\\ 1113, 1114, 1118-1121\\ \texttt{\ectt}  \dots  \underline{784}, 917, 918\\ \texttt{\ectt}  \dots  \underline{290}, 843, 844, 851, 852\\ \end{array}$	\VectTCPE \ \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	\wd
$\begin{array}{c} 234, \underline{795}, 928, 947, 956,\\ 965, 974, 977, 978, 981-\\ 983, 986, 987, 990, 991,\\ 1086, 1089, 1090, 1093-\\ 1095, 1097, 1100, 1101,\\ 1104, 1105, 1109, 1110,\\ 1113, 1114, 1118-1121\\ \\ \texttt{vect} \ \ldots \ \underline{784}, 917, 918 \end{array}$	\VectTCPE \ \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	\wd