# El paquete nacal\*

# Marcos Bujosa mbujosab@ucm.es

# 16 de mayo de 2023

#### Resumen

Paquete que define los macros empleados al escribir el libro Un Curso de Álgebra Lineal (https://github.com/mbujosab/CursoDeAlgebraLineal) con Notación Asociativa (NAcAL).

# $\mathbf{\acute{I}ndice}$

L.	Uso		
	1.1.	Conju	ntos de números
	1.2.	Parént	esis y corchetes
		1.2.1.	Regla mnemotécnica para comandos que escriben expresiones con paréntesis
	1.3.	Subíno	lices
		1.3.1.	Subíndices y exponente
		1.3.2.	Solo subíndices
	1.4.	Opera	dores
		1.4.1.	Conjugación y concatenación
		1.4.2.	Norma y valor absoluto
		1.4.3.	Transposición
		1.4.4.	Inversa
		1.4.5.	Operador selector
			por la izquierda de un objeto
			por la derecha de un objeto
			por ambos lados de un objeto
			por la izquierda de un vector
			por la derecha de un vector
			por la izquierda de una matriz (filas)
			por la derecha de una matriz (columnas)
			de elementos de una matriz
			de elementos de una matriz transpuesta
		1.4.6.	Operaciones elementales
			Operaciones elementales genéricas
		1.4.7.	Transformaciones elementales particulares
			Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto
			Sucesiones indiciadas de Transf. elementales
			Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto
			Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto
			Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.
			Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto
			Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.
			Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto.  .

<sup>\*</sup>Este documento corresponde a nacal v1.0, fecha 2023/01/05.

		Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda
		de un objeto
		Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de
		un objeto.
		Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto (funciones du-
		plicadas sin argumentos opcionales)
		Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto (funciones duplicadas sin
		argumentos opcionales)
		Transformaciones elementales particulares
	1 / 0	Operador que quita un elemento
		· · · ·
		Selección de elementos sin emplear el operador selector
		nas genéricos
1.6.		res y matrices
		Vectores genéricos
		Vectores de $\mathbb{R}^n$
	1.6.3.	Matrices
		Matrices transpuestas
		Matrices columna
		Matrices fila
		Matriz inversa
	1.6.4.	Miscelánea matrices
		Determinante de una matriz
		Orden de las matrices
		Nombre de la matriz de autovalores
		Matriz triangular superior unitaria
		Matriz triangular inferior unitaria
4 =	D 1	Matriz de eliminación gaussiana (por columnas)
1.7.		ctos entre vectores
		Producto escalar
		Producto punto
		Producto punto a punto o Hadamard
		z por vector y vector por matriz
1.9.	Matriz	z por matriz
1.10	Otros	productos entre matrices y vectores
1.11	Sistem	nas de ecuaciones
		ios vectoriales
	-	ión funcional
	Estadí	
Imp	lemen	tación
2.1.		ntos de números
2.2.		tesis y corchetes
2.3.		dices
2.4.		dores
2.4.	2.4.1.	
		Conjugación y concatenación
	2.4.2.	Norma y valor absoluto
	2.4.3.	Transposición
	2.4.4.	Inversa
	2.4.5.	Operador selector
	2.4.6.	Operaciones elementales
		Transformaciones elementales generales
	2.4.7.	Transformaciones elementales particulares
		Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto
		Sucesiones indiciadas de Transf. elementales

		Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto	60
		espejo de una transformación elemental por la izquierda de un objeto	60
		espejo de una transformación elemental por la derecha de un objeto	60
		Inversa de una transformación elemental por la izquierda de un objeto	61
		Inversa de una transformación elemental por la derecha de un objeto	61
		Espejo de la inversa de una transformación elemental por la izquierda de un	
		objeto	61
		Espejo de la inversa de una transformación elemental por la derecha de un objeto	62
		Transformaciones elementales particulares	63
	2.4.8.	Operador que quita un elemento	64
	2.4.9.	Selección de elementos sin emplear el operador selector	64
2.5.	Sistem	as genéricos	64
2.6.	Vector	es y matrices	64
	2.6.1.	Vectores	64
	2.6.2.	Vectores de $\mathbb{R}^n$	65
	2.6.3.	Matrices	65
	2.6.4.	Miscelánea matrices	66
2.7.	Produc	etos entre vectores	69
	2.7.1.	Producto escalar	69
	2.7.2.	Producto punto	69
	2.7.3.	Producto punto a punto o Hadamard	69
2.8.	Matriz	por vector y vector por matriz	70
2.9.	Matriz	por matriz	70
		Matriz inversa	72
2.10.	Otros 1	productos entre matrices y vectores	72
2.11.	Sistem	as de ecuaciones	74
2.12.	Espacio	os vectoriales	74
2.13.	Notaci	ón funcional	75
2 14	Estadís	stica	75

# Introducción

Para el Curso de Álgebra Lineal con Notación Asociativa he creado multitud de macros que definen la notación empleada en el material docente (libro, transparencias, ejercicios, ¿vídeos?).

# 1. Uso

# 1.1. Conjuntos de números

Los comandos \N, \Z, \R, \K, \CC, tienen 1 argumento opcional correspondiente a un superíndice \Z \R \N \N[5]  $\mathbb{N}^5$  \K \CC \Z \Z[3]  $\mathbb{Z}$   $\mathbb{Z}^3$  \R \R[(\R[n])]  $\mathbb{R}$   $\mathbb{R}^{(\mathbb{R}^n)}$ 

# 1.2. Paréntesis y corchetes

Me resulta agradable normalizar el tamaño de los paréntesis y otros tipos de llaves. En general prefiero que en las expresiones matemáticas de tipo *ecuación* o "displaymath" los paréntesis sean ligeramente mayores que aquello que encierran. Pero prefiero paréntesis pequeños en las expresiones entre líneas dentro de los párrafos.

El comando \parentesis tiene 1 argumento, \parentesis\* $\{\langle contenido \rangle\}$ . Escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre los paréntesis \big( y \big) si se usa la versión con estrella (paréntesis medianos). Si no se incluye la estrella escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre ( y ) (paréntesis pequeños)

$$\verb|\parentesis{A}| \parentesis*{A}| \qquad \boxed{(A)} \boxed{(A)}$$

El comando \Parentesis tiene 1 argumento, \Parentesis\*{ $\langle contenido \rangle$ }. Escribe el { $\langle contenido \rangle$ } entre los paréntesis \left( y \right) si se usa la versión con estrella (paréntesis ajustados al tamaño del contenido). Si no se incluye la estrella escribe el { $\langle contenido \rangle$ } entre \Big( y \Big) (paréntesis grandes)

$$\label{eq:limits_a^b h(x) dx} \boxed{ \left( A \right) } \left[ \left( \int\limits_a^b h(x) dx \right) \right]$$

El comando \corchetes tiene 1 argumentos, y es similar a \parentesis, pero escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre corchetes

$$\verb|\corchetes{A}| \land \verb| [A]| | [A]|$$

El comando  $\Corchetes$  tiene 1 argumentos, y es similar a  $\Parentesis$ , pero escribe el  $\{\langle contenido \rangle\}$  entre corchetes

#### 1.2.1. Regla mnemotécnica para comandos que escriben expresiones con paréntesis

Seguiré la siguiente regla con la nomenclatura de algunos comandos y sus versiones con estrella (\*).

- Si terminan en "p" minúscula
  - $\bullet$ sin estrella se pondrá un paréntesis medianoal<br/>rededor del objeto sobre el que se esta realizando una operación
  - con estrella el paréntesis será pequeño
- Si terminan en "P" mayúscula
  - sin estrella se pondrá un paréntesis *medianamente grande* alrededor del objeto sobre el que se esta realizando una operación
  - con estrella el paréntesis tendrá un tamaño ajustado al objeto
- Si terminan en "pE" se pondrá un paréntesis alrededor de toda la operación.
  - $\bullet\,$ sin estrella el paréntesis será mediano
  - con estrella el paréntesis será pequeño
- Si terminan en "PE" se pondrá un paréntesis alrededor de toda la operación
  - sin estrella se pondrá un paréntesis medianamente grande
  - con estrella el tamaño del paréntesis quedará ajustado al tamaño del objeto

#### 1.3. Subíndices

#### 1.3.1. Subíndices y exponente

El comando \LRidxE tiene 4 argumentos, \LRidxE $\{\langle objeto \rangle\}$  $\{\langle indIzda \rangle\}$  $\{\langle indDcha \rangle\}$  $\{\langle exponente \rangle\}$ , \LRidxE y pone un subíndice a cada lado del objeto (con exponente) \LRidxEp \LRidxEp\* \LRidxEP \LRidxE{\Mat{A}}{1}{7}{'}  $_{1}\mathbf{A}_{7}^{'}$ \LRidxEP\* \LRidxEpE \LRidxEp{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEp\*{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEpE\* \LRidxEPE \LRidxEPE\* \LRidxEP{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEP\*{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEpE{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEpE\*{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEPE{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEPE\*{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LidxE El comando \LidxE tiene 3 argumentos, \LidxE $\{\langle objeto\rangle\}\{\langle indIzda\rangle\}\{\langle exponente\rangle\}$ , y pone un subíndice a la izquierda del objeto (con exponente) \LidxEp \LidxEp\*  $_{1}\mathbf{A}^{'}$ \LidxEP \LidxE{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEP\* \LidxEpE \LidxEp{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEp\*{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEpE\* \LidxEPE \LidxEPE\* \LidxEP{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEP\*{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEpE{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEpE\*{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEPE{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEPE\*{\Mat{A}}{1}{'} \RidxE El comando \RidxE tiene 3 argumentos, \RidxE $\{\langle objeto \rangle\}$  $\{\langle indDcha \rangle\}$  $\{\langle exponente \rangle\}$ , y pone un a la derecha del objeto (con exponente)  $\mathbf{A}_{7}^{'}$ \RidxE{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEp{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEp\*{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEP{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEP\*{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEpE{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEpE\*{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEPE{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEPE\*{\Mat{A}}{7}{'}

#### 1.3.2. Solo subíndices

\LRidx Las versiones con y sin estrella tienen 3 argumentos,  $\LRidx<XX*>{\langle objeto\rangle}{\langle indIzda\rangle}{\langle (indDcha)\rangle}$ , y ponen un subíndice a cada lado del objeto \LRidxp \LRidxp\*  $\LRidx{Mat{A}}{1}{7}$  $_1$ A $_7$ \LRidxP \LRidxP\* \LRidxpE  $\LRidxp{\Mat{A}}{1}{7} \LRidxp*{\Mat{A}}{1}{7}$ \LRidxpE\* \LRidxPE  $\label{lambda} $$ \LRidxP*{\mathcal A}}{1}{7} \LRidxP*{\mathcal A}}{1}{7}$ \LRidxPE\*  $\label{eq:likelihood} $$ LRidxpE*{\mathcal{A}}_{1}_{7} \ LRidxpE*{\mathcal{A}}_{1}_{7}$$  $\label{eq:likelihood} $$ LRidxPE*{\mathcal A}}{1}{7} \ LRidxPE*{\mathcal A}}{1}{7}$ Las versiones con y sin estrella tienen 2 argumentos,  $\text{Lidx}<XX*>\{\langle objeto\rangle\}\{\langle indIzda\rangle\}$ , y ponen un subíndice a la izquierda del objeto  $Lidx{Mat{A}}{1}$  $\label{lidxp(\widehat{A})}{1} \ \Lidxp*{\widehat{A}}}{1}$  $\label{lidxP{\widetilde{A}}}{1} \LidxP*{\widetilde{A}}}{1} \\$  $\label{eq:lidxpE{\widehat{\Mat{A}}}{1} \ LidxpE*{\widehat{\Mat{A}}}{1}$  $\label{eq:lidxPE(widehat{A})}{1} \ \LidxPE*{\widehat{A}}}{1}$ Las versiones con y sin estrella tienen 2 argumentos,  $\Ridx<XX*>{\langle objeto\rangle}{\langle indDcha\rangle}$ , y ponen un subíndice a la derecha del objeto  $\Ridx{Mat{A}}{7}$  $\label{eq:likelihood} $$ \left( \mathcal A^{A} \right) \ \ \\ \ \left( \mathcal A^{A} \right)$  $(\mathbf{A})$  $\label{eq:likelihood} $$ \mathbb{W}_{\Delta}^{1} \ \Re P*{\widetilde{A}}\ 1}$  $\label{eq:likelihood} $$ \Pr{\mathbb{\mathbb{A}}}{1} \Pr{x\in \mathbb{A}}{1}$  $\RidxPE{\widetilde{A}}{1} \RidxPE*{\widetilde{A}}{1}$ 

# 1.4. Operadores

#### 1.4.1. Conjugación y concatenación

Definimos un operador con una barra ancha.

El comando \widebar tiene 1 argumento, \widebar $\{\langle objeto \rangle\}$ , y pone una barra ancha sobre el  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

\widebar $\{x\}$   $\overline{x}$ 

Con dicha barra ancha denotaremos el operador conjugación:

El comando \conj tiene 1 argumento, \conj $\{\langle objeto \rangle\}$ , y pone una barra ancha sobre el  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

 $\conj{5+2i}$ 

Con el comando \concat denotaremos la concatenación de dos sistemas

El comando \concat no tiene argumentos, \concat.

\concat #

### 1.4.2. Norma y valor absoluto

\norma El comando \norma tiene 2 argumentos, \norma[ $\langle tipo \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, y denota la norma del \norma\* { $\langle objeto \rangle$ }. En la versión con estrella las dobles barras verticales se ajustan al tamaño del { $\langle objeto \rangle$ }.

\norma{f} \norma\*{\int\limits\_a^b h(x) dx}

 $\boxed{ \|f\| } \boxed{ \left\| \int_a^b h(x) dx \right\| }$ 

 $\label{local_local_local_local_local} $$\operatorname{L_2}_{f}^2 \operatorname{L_1}_{\int_{x}^{x}} dx$$$ 

 $\boxed{ \left\| f \right\|_{L_2}^2 } \boxed{ \left\| \int\limits_a^b h(x) dx \right\|_{L_1}}$ 

\modulus El comando \modulus tiene 1 argumento, \modulus $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el valor absoluto del \modulus\*  $\{\langle objeto \rangle\}$ . En la versión con estrella las barras verticales se ajustan al tamaño del  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

\modulus{A} \modulus{ \int\limits\_a^b h(x) dx }

 $\boxed{|f|} \left| \int_a^b h(x) dx \right|$ 

\abs El comando \abs tiene 1 argumento, \abs{ $\langle objeto \rangle$ }, y denota el valor absoluto del { $\langle objeto \rangle$ }. \abs\* En la versión con estrella las barras verticales se ajustan al tamaño del { $\langle objeto \rangle$ }.

 $\abs{A} \abs{ \ \ \ } h(x) \ dx \ \}$ 

 $\boxed{|f|} \left| \int_a^b h(x) dx \right|$ 

#### 1.4.3. Transposición

\T El comando \T no tiene argumentos y denota el símbolo de la transposición.

\Trans El comando Trans<\XX\*> tiene 1 argumento, Trans<\XX\*> $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota la transposición del \Transposición \( \{\langle objeto \rangle\} \}

\Transp\* \Trans{\Mat{A}} \Trans{\Mat{M}}}

 $A^{\mathsf{T}}$   $M^{\mathsf{T}}$ 

 $$$ $$ $$ TranspE $$ Transp{\widetilde{A}}} $$ Transp*{\widetilde{A}}} $$$ 

 $(\widehat{\mathbf{A}})^{\mathsf{T}}$   $(\widehat{\mathbf{A}})^{\mathsf{T}}$ 

\TransPE

\TransP\*

\concat

# 1.4.4. Inversa

Me gusta que el signo negativo que indica la inversa sea ligeramente más corto que el habitual. Así logramos que las expresiones sean un poco más compactas.

El comando \minus no tiene argumentos

\minus -

Tiene 1 argumento,  $\langle objeto \rangle$ , y denota el inverso del  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

 $\label{limits_a^b h(x)dx} $$ \prod_{x \in \mathbb{Z}_a \in \mathbb{Z}_a \in \mathbb{Z}_a } h(x) dx $$$ 

 $\left[\left(x\right)^{-1}\right]\left[\left(\int\limits_{a}^{b}h(x)dx\right)^{-1}\right]$ 

\InvpE{x} \InvpE\*{x}

 $(x^{-1}) (x^{-1})$ 

\InvPE{x} \InvPE\*{x}

 $(x^{-1})$   $(x^{-1})$ 

#### 1.4.5. Operador selector

Denotaremos el operador selector con una barra vertical.

El comando \getItem no tiene argumentos

\getItem |

El comando \getitemL tiene 1 argumento, \getitemL $\{\langle objeto \rangle\}$ .

 $\gray \gray \gra$ 

El comando \getitemR tiene 1 argumento, \getitemR $\{\langle objeto \rangle\}$ .

 $\label{eq:getitemR} $$ \getitemR{j} $$ | j$ 

por la izquierda de un objeto El comando \elemL<XX\*> tiene 2 argumentos,

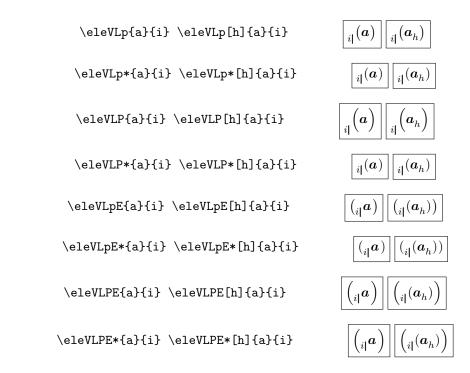
y denota la selección de elementos por la izquierda.

 $\label{lemL{Mat{A}}{i}} $$ $ i $ $$ 

 $\label{lemLp} $$\left(Mat{A}\right)_{i} \leq mLp*{Mat{A}}_{i}$$ 

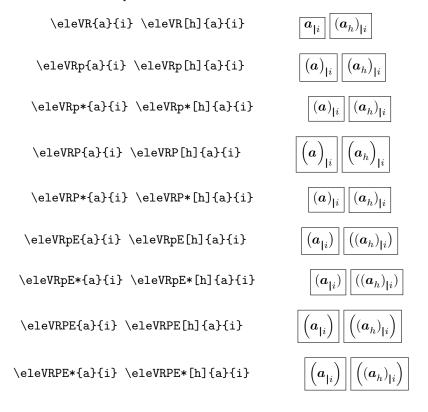
 $i|(\mathbf{A})$   $i|(\mathbf{A})$ 

```
\left\{ A\right\} = \left\{ Mat\{A\}\right\} 
                                                                                                                     \elemLpE{\Mat{A}}{i} \elemLpE*{\Mat{A}}{i}
                                                                                                                   \elemLPE{\Mat{A}}{i} \elemLPE{\Mat{A}}{i}
                                                         por la derecha de un objeto El comando \elemR<XX*> tiene 2 argumentos,
                  \elemR
             \elemRp
                                                                                                                                                                                                      \ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{$\sim$}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{$\sim$}}}}} {\ensuremath{\mbox{$\sim$}}} {\ensuremath{\mbox{$\sim$}}}} {\ensuremath{\mbox{$\sim$}}} {\ensuremath{\mbox{$\sim$}}}} {\ensuremath{\mbox{$\sim$}}} {\ensuremath{\mbox{$\sim$}}} {\ensuremath{\
         \elemRp*
             \elemRP
                                                         y denota la selección de elementos por la derecha.
         \elemRP*
         \elemRpE
                                                                                                                                                                                                          \elemR{\Mat{A}}{i}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      \mathbf{A}_{|i}
    \elemRpE*
        \elemRPE
                                                                                                                          \end{align*} $$ \operatorname{\mathbb{A}}_{i} \operatorname{\mathbb{A}}_{i} \end{align*} $$ \operatorname{\mathbb{A}}_{i} $$
    \elemRPE*
                                                                                                                         \elemRP{\Mat{A}}{i} \elemRP*{\Mat{A}}{i}
                                                                                                                     \elemRpE{\Mat{A}}{i} \elemRpE*{\Mat{A}}{i}
                                                                                                                    \elemRPE{\Mat{A}}{i} \elemRPE{\Mat{A}}{i}
                                                         por ambos lados de un objeto El comando \elemLR<XX*> tiene 3 argumentos,
             \elemLR
        \elemLRp
                                                                                                                                                  \ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}}{\langle\mbox{$objeto$}\rangle}{\langle\mbox{$indice(s)Izda$}\rangle}{\langle\mbox{$indice(s)Dcha$}\rangle},
   \elemLRp*
        \ensuremath{\texttt{NP}}
                                                         y denota la selección de elementos por ambos lados.
   \ensuremath{\texttt{NP*}}
   \elemLRpE
                                                                                                                                                                                           \elemLR{\Mat{A}}{i}{j}
\elemLRpE*
   \elemLRPE
                                                                                              \label{lemLRp} $$ \left( A^{j} \right) \left( A^{j} \right) \left( A^{j} \right) $$ is $a_i \in \mathbb{R}^*(A) = a_i \in \mathbb{R}^*(A) $$ is $a_i \in \mathbb{R}
\elemLRPE*
                                                                                             \elemLRP(\Mat{A}){i}{j} \elemLRP*(\Mat{A}){i}{j}
                                                                                        \label{lem_RpE*(Mat{A}){i}{j} \elem_RpE*{\mathcal{A}}{i}{j}
                                                                                     \left[ A_{A}\right] = \left[ A_{A}\right] 
                                                        por la izquierda de un vector El comando \eleVL<XX*> tiene 3 argumentos,
                  \eleVL
             \eleVLp
                                                                                                                                                                     \ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\sc NM}}}} \{\langle nombre \rangle\} \{\langle indice(s) \rangle\},\
         \eleVLp*
             \eleVLP
                                                         y denota la selección de elementos por la izquierda de un vector.
         \eleVLP*
        \eleVLpE
                                                                                                                                                             \eleVL{a}{i} \eleVL[h]{a}{i}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        _{il}(oldsymbol{a}_{h})
    \eleVLpE*
        \eleVLPE
    \eleVLPE*
```



 $\label{eq:portangeneral} \mbox{por la derecha de un vector} \quad \mbox{El comando \eleVR<XX*> tiene 3 argumentos, \\ \mbox{eleVR<XX*>[$\langle subindice$\rangle]} {\langle nombre$\rangle} {\langle indice(s)$\rangle},$ 

y denota la selección de elementos por la derecha de un vector.



# por la izquierda de una matriz (filas) El comando $\ensuremath{\mbox{VectF}<\mbox{XX*>}}$ tiene 3 argumentos, $\ensuremath{\mbox{\mbox{VectF}}<\mbox{XX*>}} [\langle sub\'indice \rangle] \{\langle nombre \rangle\} \{\langle indice(s) \rangle\},$

y denota la selección de filas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)

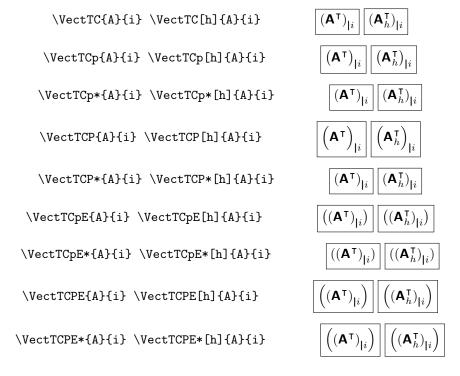
	causias ia massiz nova an susmanos y la empresión lo requiere)	
	<pre>\VectF{A}{i} \VectF[h]{A}{i}</pre>	$[i A]$ $[i (A_h)]$
	\VectFp{A}{i} \VectFp[h]{A}{i}	$\begin{bmatrix} {}_{i }(\mathbf{A}) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} {}_{i }(\mathbf{A}_h) \end{bmatrix}$
	\VectFp*{A}{i} \VectFp*[h]{A}{i}	$\left[ {}_{i }(\mathbf{A}) \right] \left[ {}_{i }(\mathbf{A}_h) \right]$
	\VectFP{A}{i} \VectFP[h]{A}{i}	$\left[ egin{array}{c} ig  ig( oldsymbol{A}_h ig) \end{array}  ight]$
	\VectFP*{A}{i} \VectFP*[h]{A}{i}	$oxed{i (\mathbf{A})} oxed{[i (\mathbf{A}_h))}$
	<pre>\VectFpE{A}{i} \VectFpE[h]{A}{i}</pre>	$\left[ig(_{i }\mathbf{A}ig) ight] \left[ig(_{i }(\mathbf{A}_h)ig) ight]$
	\VectFpE*{A}{i} \VectFpE*[h]{A}{i}	$\left[ig(_{im{ert}}m{A}ig) ight]\!\left[ig(_{im{ert}}(m{A}_h)ig) ight]$
	\VectFPE{A}{i} \VectFPE[h]{A}{i}	$\boxed{\left({}_{i }\mathbf{A}\right)} \boxed{\left({}_{i }(\mathbf{A}_h)\right)}$
	\VectFPE*{A}{i} \VectFPE*[h]{A}{i}	$\boxed{\left({}_{i }\mathbf{A}\right)}\boxed{\left({}_{i }(\mathbf{A}_h)\right)}$
\VectTF	El comando \VectTF <xx*> tiene 3 argumentos,</xx*>	
\VectTFp	$\VectTF[\langle subindice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$	$\{\langle indice(s)\rangle\},\$
<pre>\VectTFp* \VectTFP \VectTFP*</pre>	y denota la selección de filas de una matriz (nótese que auto cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)	
\VectTFpE \VectTFpE* \VectTFPE	\VectTF{A}{i} \VectTF[h]{A}{i}	$\boxed{_{i }(\mathbf{A}^\intercal)} \boxed{_{i }(\mathbf{A}^\intercal_h)}$
\VectTFPE*	\VectTFp{A}{i} \VectTFp[h]{A}{i}	$\boxed{_{i }(\mathbf{A}^\intercal)}\boxed{_{i }(\mathbf{A}^\intercal_h)}$
	\VectTFp*{A}{i} \VectTFp*[h]{A}{i}	$\boxed{_{i  }(\mathbf{A}^{T})} \boxed{_{i  }(\mathbf{A}_h^{T})}$
	\VectTFP{A}{i} \VectTFP[h]{A}{i}	$\left[\begin{matrix} \mathbf{A}^T \end{matrix}\right] \left[\begin{matrix} \mathbf{A}^T \\ i \rvert \begin{pmatrix} \mathbf{A}^T_h \end{pmatrix}\right]$
	\VectTFP*{A}{i} \VectTFP*[h]{A}{i}	$\boxed{_{i  }(\mathbf{A}^{T})} \boxed{_{i  }(\mathbf{A}_h^{T})}$
	\VectTFpE{A}{i} \VectTFpE[h]{A}{i}	$\boxed{\left({}_{i  }(\mathbf{A}^{T})\right)} \boxed{\left({}_{i  }(\mathbf{A}_h^{T})\right)}$
	\VectTFpE*{A}{i} \VectTFpE*[h]{A}{i}	$\boxed{(_{i  }(\mathbf{A}^{T}))} \boxed{(_{i  }(\mathbf{A}^{T}_h))}$
	\VectTFPE{A}{i} \VectTFPE[h]{A}{i}	$\boxed{\left({}_{i }(\mathbf{A}^{T})\right)} \boxed{\left({}_{i }(\mathbf{A}_{h}^{T})\right)}$
	\VectTFPE*{A}{i} \VectTFPE*[h]{A}{i}	$\left\lfloor \left( {_{i  }}(\mathbf{A}^\intercal) \right) \right\rfloor \left \lfloor \left( {_{i  }}(\mathbf{A}_h^\intercal) \right) \right\rfloor$

por la derecha de una matriz (columnas) El comando \VectC<XX\*> tiene 3 argumentos, \VectC \VectCp \VectCp\* y denota la selección de columnas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis \VectCP cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere) \VectCP\* \VectCpE \VectC{A}{i} \VectC[h]{A}{i} \VectCpE\* \VectCPE \VectCp{A}{i} \VectCp[h]{A}{i} \VectCPE\* \VectCp\*{A}{i} \VectCp\*[h]{A}{i} \VectCP{A}{i} \VectCP[h]{A}{i}  $(\mathbf{A}_h)_{|s|}$ \VectCP\*{A}{i} \VectCP\*[h]{A}{i} \VectCpE{A}{i} \VectCpE[h]{A}{i}  $(\mathbf{A}_h)$ \VectCpE\*{A}{i} \VectCpE\*[h]{A}{i}  $((\mathbf{A}_h)_{|i}$ \VectCPE{A}{i} \VectCPE[h]{A}{i} \VectCPE\*{A}{i} \VectCPE\*[h]{A}{i}

El comando \VectTC<XX\*> tiene 3 argumentos,

$$\label{eq:local_vector} $$\operatorname{VectTC}(XX*>[\langle subindice\rangle] {\langle nombre\rangle} {\langle indice(s)\rangle}, $$$$

y denota la selección de filas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)



de elementos de una matriz El comando \eleM<XX\*> tiene 4 argumentos,

y denota la selección de filas y columnas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)

$\end{A}{i}{j} \end{A}{i}{j}$	$\boxed{_{i }\mathbf{A}_{ j }}\boxed{_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j }}$
$\label{eq:loss_part} $$ \left(i\right)_{j} \leq \left(h\right)_{A}_{i}_{j}$$	$\left[ {}_{i }(\mathbf{A})_{ j } \right] \left[ {}_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j } \right]$
$\end{align*} $$\left\{i\right\}_{j} \leq Mp*[h]_{A}_{i}_{j}$	$\left[ {}_{i }(\mathbf{A})_{ j } ight] \left[ {}_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j } ight]$
$\ensuremath{\tt NP\{A\}\{i\}\{j\}\ \ensuremath{\tt NP[h]\{A\}\{i\}\{j\}}$	$\left[ \left  \left( \mathbf{A} \right)_{ j} \right  \right] \left  \left  \left  \left( \mathbf{A}_h \right)_{ j} \right  \right $
$\end{aligned} $$ \left(i\right)_{j} \elem{P*[h]_{A}_{i}_{j}} $$$	$egin{bmatrix} [i (\mathbf{A})_{ j}] \end{bmatrix} egin{bmatrix} [i (\mathbf{A}_h)_{ j}] \end{bmatrix}$
$\label{eq:loss_elempe_h} $$\left(A\right_{i}_{j} \leq MpE[h]_{A}_{i}_{j}$$$	$\boxed{\left({}_{i }\mathbf{A}_{ j}\right)} \boxed{\left({}_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j}\right)}$
$\label{lem:pe} $$ \left(i\right)_{j} \leq \mathbb{E}[h]_{A}_{i}_{j} $$$	$\boxed{({}_{i }\mathbf{A}_{ j})} \boxed{({}_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j})}$
$\end{align*} $$ \left[h\right]_{A}_{i}_{j} \end{align*} $	$\boxed{\left({}_{i }\mathbf{A}_{ j}\right)} \boxed{\left({}_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j}\right)}$
$\label{lem:permutation} $$ \left(i\right)_{j} \leq MPE*[h]_{A}_{i}_{j}$$$	$\boxed{ \left( {_{i }}\mathbf{A}_{ j} \right) \left[ \left( {_{i }}(\mathbf{A}_h)_{ j} \right) \right] }$

de elementos de una matriz transpuesta El comando \eleMT<XX\*> tiene 4 argumentos,

\eleMT \eleMTp

\eleMTp\*

\eleMTP

\eleMTP\*
\eleMTpE

\eleMTpE\*
\eleMTPE

\eleMTPE\*

 $\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{$\sim$}}} {\mbox{\mbox{\mbox{$\sim$}}}} {\mbox{\mbox{$\sim$}}} {\mbox{\mbox{$\sim$}}}$ 

y denota la selección de filas y columnas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)

#### 1.4.6. Operaciones elementales

Primero fijamos la notación de las operaciones elementales tipo I y II, los intercambios y las reordenaciones (o permutaciones).

El comando \su tiene 3 argumentos, \pe{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una transformación Tipo I.

$$\su{a}{j}{k}$$

El comando \pr tiene 2 argumento, \pr{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una transformación Tipo II.

$$\pr{a}{k} \qquad \qquad \boxed{(a)\, \pmb{k}}$$

El comando \pr tiene 2 argumento, \pr{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica un intercambio.

$$\texttt{pe{i}}\{\mathtt{k}\}\qquad \qquad \boxed{i \rightleftharpoons k}$$

El comando \perm no tiene argumentos e indica un reordenamiento o permutación.

Usaremos letra griega tau para denotar una operación elemental (o una secuencia de ellas).

El comando \TrEl no tiene argumentos

\TrEl 
$$au$$

El comando  $\Delta El comando \Delta El comando$ 

$$\begin{tabular}{ll} $ \begin{tabular}{ll} $ \begin{tabular}{ll}$$

El comando  $\triangle Su$  tiene 3 argumentos,  $\triangle Su\{\langle num\rangle\}\{\langle indice\rangle\}\{\langle indice\rangle\}\}$ , e indica una operación elemental de Tipo I

\OEsu{a}{j}{k} 
$$ag{[(a)j+k]}$$

El comando OEpr tiene 2 argumentos,  $\texttt{OEpr}\{\langle num \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$ , e indica una operación elemental de Tipo II

\OEpr{a}{j} 
$$\frac{ au}{[(a)j]}$$

El comando  $\ensuremath{\texttt{OEin}}$  tiene 2 argumentos,  $\ensuremath{\texttt{OEin}}\{\langle indice \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$ , e indica un intercambio de posición entre componentes

**\OEin{k}{j}** 
$$au_{[k \rightleftharpoons j]}$$

El comando  $\backslash \mathtt{OEper}$  no tiene argumentos e indica un reordenamiento o permutación entre componentes

El comando \E0Esu tiene 3 argumentos, \E0Esu{ $\langle num \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica la operación espejo de una elemental de Tipo I

\E0Esu{a}{j}{k} 
$$esp \binom{ au}{[(a)j+k]}$$

El comando \E0Epr tiene 2 argumentos, \E0Epr $\{\langle num \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$ , e indica la operación espejo de una elemental de Tipo II

\EOEpr{a}{j} 
$$esp inom{ au}{[(a)j]}$$

Operaciones elementales genéricas. Los siguientes comandos tienen argumentos opcionales, que no funcionan al escribir preguntas para Moodle.

 $\$  El comando  $\$  E

\OEg \OEg[k] \OEg[][\*] \OEg[k][\*] 
$$au_k$$
  $au_k$   $au_k$ 

\EOEg El comando \EOEg tiene 2 argumentos opcionales, \EOEg [ $\langle indice \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ], e indica la operación espejo de una elemental genérica

\Inv0Eg

$$\texttt{\EOEg \ \ \ } \texttt{\ \ } \texttt{\$$

El comando \InvE0Eg tiene 1 argumento opcional, \Inv0Eg[ $\langle indice \rangle$ ], e indica la operación inversa de una elemental genérica

\Inv0Eg \Inv0Eg[k] 
$$au^{-1}$$
  $au_k^{-1}$ 

\EInvOEg El comando \EInvOEg tiene 1 argumento opcional, \EInvOEg[ $\langle indice \rangle$ ], e indica la operación espejo de la inversa de una elemental genérica

\EInvOEg \EInvOEg[k] 
$$esp( au^{-1}) esp( au^{-1})$$

\SEg El comando \SOEg tiene 3 argumentos opcionales, \SOEg [ $\langle indiceInic \rangle$ ] [ $\langle indiceFin \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ], e indica una sucesión de operaciones elementales genéricas

\S0Eg 
$$\boxed{\tau_1\cdots\tau_k}$$
 \S0Eg[8] \S0Eg[8][p] \S0Eg[8][p] [\*] 
$$\boxed{\tau_8\cdots\tau_k} \boxed{\tau_8\cdots\tau_p} \boxed{\tau_8^*\cdots\tau_p^*}$$

Comandos duplicados para las operaciones elementales generales. Desgraciadamente para el propósito de este paquete, las macros que he definido al escribir el libro usan mayoritariamente argumentos opcionales, que en Moodle no se pueden usar. Cambiar las macros originales supondría modificar los archivos del libro, las transparencias de clase, los problemas propuestos, los exámenes pasados... demasiado trabajo. La alternativa que me queda tampoco me gusta, pero al menos no supone tanto trabajo. Dicha alternativa consiste en duplicar comandos, es decir, que por cada comando original (con argumentos opcionales) crearé otro comando que pinte los mismos símbolos pero sin argumentos opcionales (esta solución ya la he tomado con los comandos de notación de los conjuntos de números, de manera que para escribir  $\mathbb{R}^n$  ahora tenemos  $\mathbb{R}[n]$  (el argumento opcional es el superíndice) o bien  $\mathbb{R}^n$ n (que no tiene argumentos opcionales y que es lo que tendremos que usar si queremos escribir dicha expresión en en las preguntas para Moodle).

El criterio de nomenclatura que he adoptado ha sido repetir la letra del comando pero en minúscula (salvo en el caso de los complejos); es decir, los comandos definidos para el libro son:  $\N$ ,  $\Z$ ,  $\R$  y  $\C$ C (debido a que  $\C$  ya es un comando del paquete hyperref). Así, que los nuevos comandos que he creado para duplicar los anteriores pero sin argumentos opcionales son  $\N$ n,  $\Z$ z,  $\R$ r y  $\C$ c.

Ahora tengo que pensar en un criterio análogo para que sea fácil pasar del comando original a duplicado sin argumentos opcionales. No lo tengo claro así que voy a probar con mantener los mismo nombres pero con una d delante para indicar que es el comando duplicado (no sé que tal resultará esta solución).

\d0EgE El comando \d0EgE tiene 2 argumentos, \d0EgE{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }, e indica una operación elemental genérica con un exponente (y replica el comando \0Eg que tiene argumentos opcionales)

\dOEg El comando \dOEg tiene 1 argumento, \dOEg{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una operación elemental genérica (y replica el comando \OEg que tiene argumentos opcionales)

\d0Eg{} \d0Eg{k} 
$$\overline{ au}$$

También fijamos la notación para operación inversa, la operación espejo y el espejo de la inversa de una operación elemental

El comando  $\del{deolege}$  tiene 2 argumentos,  $\del{deolege}$  {(indice)} {(exponente)}, e indica la operación espejo de una elemental genérica con un exponente (y replica el comando  $\del{deolege}$  que tiene argumentos opcionales)

$$\label{eq:continuous_esp} $$\de{E0EgE}_k} = \left[ esp(\tau) \right] \left[ esp(\tau_k^*) \right] $$$$

El comando  $\del{delege}$  tiene 1 argumento,  $\del{delege}$  ( $\del{indice}$ ), e indica la operación espejo de una elemental genérica (y replica el comando  $\del{delege}$  que tiene argumentos opcionales)

$$\label{eq:loss_esp} $$\deoeg{k}$ $$ esp(\pmb{\tau}) $$ esp(\pmb{\tau}_k)$$$

El comando  $\d InvOEg tiene 1 argumento, \d InvOEgE{(indice)}, e indica la inversa de una elemental genérica (y replica el comando \InvOEg que tiene argumentos opcionales)$ 

\dInv0Eg{} \dInv0Eg{k} 
$$\boxed{ au^{-1}}$$
  $\boxed{ au_k^{-1}}$ 

$$\label{eq:local_def} $$ \ensuremath{\tt dEInv0Eg\{k\}} $$ $ esp(\pmb{\tau}^{-1}) $ esp(\pmb{\tau}_k^{-1}) $$$

El comando \dS0EgE tiene 3 argumento3, \dS0EgE{ $\langle indiceInic \rangle$ }{ $\langle indiceFin \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }, e indica una sucesión de operaciones elementales genéricas con exponente

$$\label{eq:tau_dsoege} $$\dsoege{j}_{k}^{*}$ \qquad $$ \boxed{\tau_{j}^{*}\cdots\tau_{k}^{*}}$$$

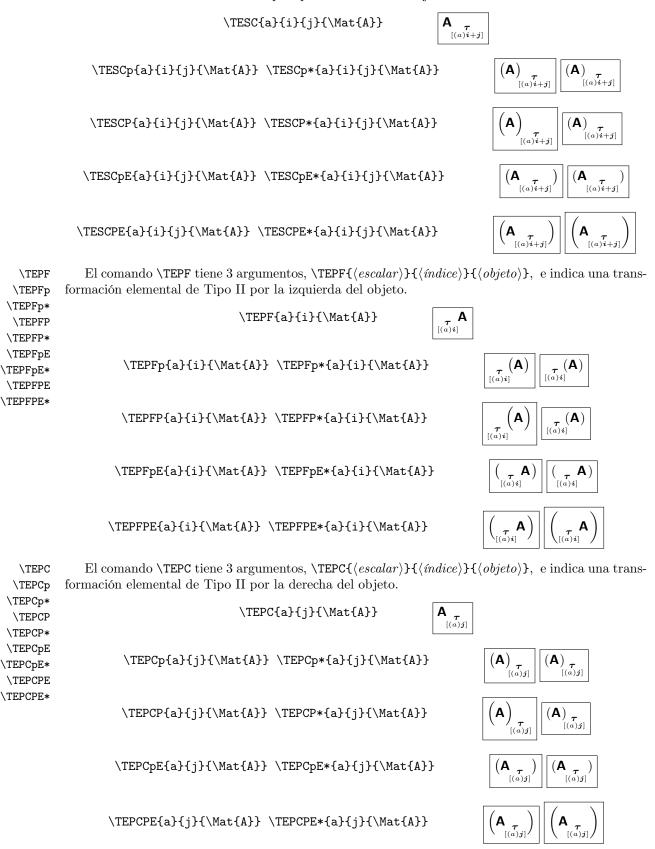
El comando \dS0Eg tiene 2 argumento3, \dS0Eg{ $\langle indiceInic \rangle$ }{ $\langle indiceFin \rangle$ }, e indica una sucesión de operaciones elementales genéricas

\dS0Eg{j}{k} 
$$au_j \cdots au_k$$

#### 1.4.7. Transformaciones elementales particulares

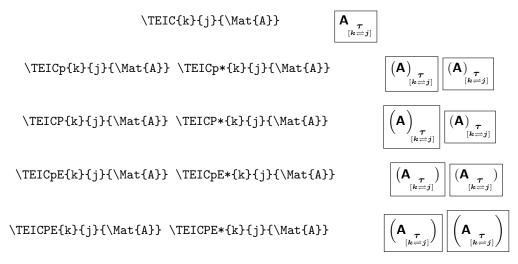
Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto El comando \TESF tiene 4 argumentos, \TESF{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una transformación elemental de Tipo I por la izquierda del objeto.

El comando \TESC tiene 4 argumentos, \TESC $\{\langle escalar \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental de Tipo I por la derecha del objeto.



El comando \TEIF tiene 3 argumentos, \TEIF $\{\langle indice \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$ , e indica un inter-\TEIF cambio por la izquierda del objeto. \TEIFp \TEIFp\* \TEIF{k}{j}{\Mat{A}} \TEIFP \TEIFP\* \TEIFpE (A) $\label{eq:temp_k}_{j}_{\mathbf{A}} \TEIFp*{k}_{j}_{\mathbf{A}}$ \TEIFpE\* \TEIFPE \TEIFPE\*  $\label{eq:teifp} $$ TEIFP_{k}_{j}_{\mathcal{A}} \ TEIFP_{k}_{j}_{\mathcal{A}}$$  $\label{eq:tempe} $$ TEIFpE_{k}_{j}_{\mathcal{A}} \ TEIFpE_{k}_{j}_{\mathcal{A}}$$ 

El comando \TEIC tiene 3 argumentos, \TEIC $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica un intercambio por la derecha del objeto.



El comando \Mint tiene 2 argumentos, \Mint{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una matriz intercambio.

$$\begin{tabular}{ll} $\setminus$ Mint{i}{j} \\ & & [\tau] \\ [i \rightleftharpoons j] \end{tabular}$$

El comando \MintT tiene 2 argumentos, \MintT{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una matriz intercambio (filas).

$$\begin{tabular}{ll} $\uparrow$ & $\begin{matrix} \tau \\ [i \rightleftharpoons j] \end{matrix} \end{tabular}$$

El comando \PF tiene 1 argumento, \PF{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una permutación de los elementos de un objeto por la izquierda.

El comando \PC tiene 1 argumento, \PC $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una permutación de los elementos de un objeto por la derecha.

# \PC{\Mat{A}}

El comando \MP no tiene argumentos e indica una matriz permutación.

 $\MP$ 

\MPT El comando \MPT no tiene argumentos e indica una matriz permutación.

\MPT

Sucesiones indiciadas de Transf. elementales por la izquierda, la derecha, o por ambos lados.

\SITEF El comando \SITEF tiene 3 argumentos, \SITEF $\{\langle indInic \rangle\}$  $\{\langle indFinal \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda del  $\{\langle objeto \rangle\}$ . \SITEFp

\SITEFp\* \SITEF{j}{k}{\Mat{A}}} \SITEFP \SITEFP\* \SITEFpE \SITEFp{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFpE\* \SITEFPE \SITEFPE\*

 $\SITEFp*{j}{k}{\Mat{A}}$ 

\SITEFP{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFP\*{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFpE{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFpE\*{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFPE{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFPE\*{j}{k}{\Mat{A}}}

El comando \SITEC tiene 3 argumentos, \SITEC $\{\langle indInic \rangle\}$  $\{\langle indFinal \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una \SITEC sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha del  $\{\langle objeto \rangle\}$ . \SITECp

\SITECp\* \SITEC{j}{k}{\Mat{A}}} \SITECP

\SITECP\* \SITECpE \SITECp{j}{k}{\Mat{A}}} \SITECpE\* \SITECPE

\SITECPE\* \SITECp\*{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITECP{j}{k}{\Mat{A}}}

$$\label{eq:linear_continuous_con$$

El comando \SITEFC tiene 3 argumentos, \SITEFC $\{\langle indInic \rangle\}\{\langle indFinal \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del  $\{\langle objeto \rangle\}$  (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

\SITEFC{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{\boldsymbol{\tau}_k {\cdots} \boldsymbol{\tau}_j \mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_j {\cdots} \boldsymbol{\tau}_k}}$
\SITEFCp{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{_{\boldsymbol{\tau}_k \cdots \boldsymbol{\tau}_j} \big( \mathbf{A} \big)_{\boldsymbol{\tau}_j \cdots \boldsymbol{\tau}_k}}$
\SITEFCp*{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{_{\boldsymbol{\tau}_k\cdots\boldsymbol{\tau}_j}(\mathbf{A})_{\boldsymbol{\tau}_j\cdots\boldsymbol{\tau}_k}}$
\SITEFCP{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{\boldsymbol{\tau}_k \cdots \boldsymbol{\tau}_j \bigg( \mathbf{A} \bigg)_{\boldsymbol{\tau}_j \cdots \boldsymbol{\tau}_k}}$
\SITEFCP*{j}{k}{\Mat{A}}}	$\boxed{_{\boldsymbol{\tau}_k \cdots \boldsymbol{\tau}_j}(\mathbf{A})_{\boldsymbol{\tau}_j \cdots \boldsymbol{\tau}_k}}$
\SITEFCpE{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{\left({}_{\boldsymbol{\tau}_{k}}\boldsymbol{\tau}_{j}\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_{j}}\boldsymbol{\tau}_{k}\right)}$
\SITEFCpE*{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{ \left( {_{{\pmb{\tau}_k} \cdots {\pmb{\tau}_j}}} {\pmb{A}_{{\pmb{\tau}_j} \cdots {\pmb{\tau}_k}}} \right)}$
\SITEFCPE{j}{k}{\Mat{A}}}	$\boxed{ \left( \boldsymbol{\tau}_{k} \cdots \boldsymbol{\tau}_{j}  \boldsymbol{A}_{\boldsymbol{\tau}_{j}} \cdots \boldsymbol{\tau}_{k} \right) }$
\SITEFCPE*{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{ \begin{pmatrix} \boldsymbol{\tau}_k \boldsymbol{\tau}_j  \mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_j} \boldsymbol{\tau}_k \end{pmatrix} }$

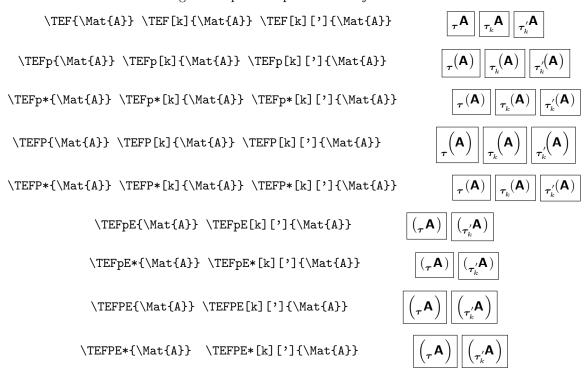
El comando \SITEFCR tiene 3 argumentos, \SITEFCR $\{\langle indInic \rangle\}$  $\{\langle indFinal \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del  $\{\langle objeto \rangle\}$  (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

```
\SITEFCRP*{j}{k}{\Mat{A}}}
                                \SITEFCRpE{j}{k}{\Mat{A}}}
                               \SITEFCRpE*{j}{k}{\Mat{A}}}
                               \SITEFCRPE{j}{k}{\Mat{A}}}
                               \SITEFCRPE*{j}{k}{\Mat{A}}}
             El comando \TrF tiene 2 argumentos, \TrF [\langle trasformaciones \rangle] {\langle objeto \rangle}, e indica la aplicación
   \TrF
         de transformaciones elementales por la izquierda del \{\langle objeto \rangle\}.
  \TrFp
 \TrFp*
                     \label{eq:trf_mat{A}} $$ TrF[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}} $$
  \TrFP
 \TrFP*
 \TrFpE
                  \label{eq:TrFp(Mat(A)) TrFp(OEpr(-7){j})(Mat(A))} $$ TrFp(\DEpr(-7){j})(Mat(A)) $$
\TrFpE*
 \TrFPE
\TrFPE*
                 \TrFp*{\Mat{A}} \TrFp*[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}}
                 \label{eq:trfp} $$ TrFP[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}} $$
                 \label{eq:trfp*} $$ TrFP*[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}} $$
                 \label{eq:linear_transform} $$ TrFp[\OEpr{-7}{j}]{\mathcal A}$
                \label{eq:logpring} $$ TrFPE(\A) \ TrFPE[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}} $$
               \TrFPE*{\Mat{A}} \TrFPE*[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}}
             El comando \TrC tiene 2 argumentos, \TrC [\langle trasformaciones \rangle] {\langle objeto \rangle}, e indica la aplicación
   \TrC
         de transformaciones elementales por la derecha del \{\langle objeto \rangle\}.
  \TrCp
 \TrCp*
                       \TrC{\SV{A}} \TrC[\OEpr{-7}{j}]{\SV{A}}
 \TrCP
 \TrCP*
 \TrCpE
                   \TrCpE*
 \TrCPE
\TrCPE*
                  \label{local_trcp*} $$ \TrCp*[\OEpr{-7}{j}]{\SV{A}} $$
```

El comando \TrFCC tiene 3 argumentos, \TrFCC [ $\langle trasformacionesIzda \rangle$ ] [ $\langle trasformacionesDcha \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la aplicación de transformaciones elementales por la izquierda y la derecha del { $\langle objeto \rangle$ }.

Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto. Cuando la aplicamos a la izquierda de una matriz corresponde a una transformación de sus filas

El comando TEF<XX\*> tiene 3 argumentos, TEF<XX\*> [ $\langle indice \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.



Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto. Cuando la aplicamos a la derechade una matriz corresponde a una transformación de sus columnas

El comando TEC<XX\*> tiene 3 argumentos, TEC<XX\*> [ $\langle indice \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

\TEC

\TECp\*
\TECP\*
\TECPE\*
\TECPE\*
\TECPE
\TECPE

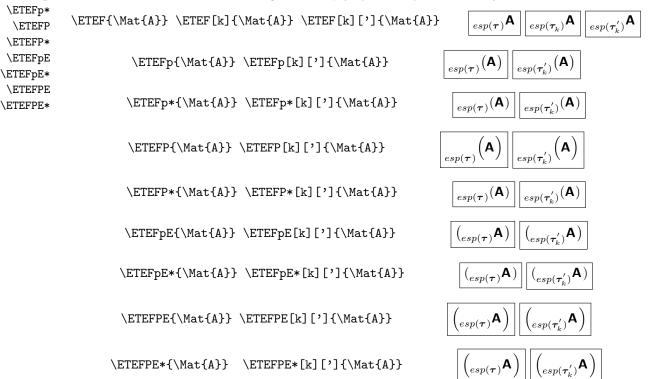
\TEC{\Mat{A}} \TEC[k]{\Mat{A}} \TEC[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}}} \boxed{\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_k}} \boxed{\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_k'}}$
$\label{eq:temp} $$ \TECp[k]_{\mathcal{A}} \TECp[k]_{\mathcal{A}} \TECp[k]_{\mathcal{A}} $$$	$\boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}_k}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}_k'}}$
\TECp*{\Mat{A}} \TECp*[k]{\Mat{A}} \TECp*[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}_k}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}_k'}}$
\TECP{\Mat{A}} \TECP[k]{\Mat{A}} \TECP[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\boldsymbol{\tau}}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\boldsymbol{\tau}_k}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\boldsymbol{\tau}_k'}}$
\TECP*{\Mat{A}} \TECP*[k]{\Mat{A}} \TECP*[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{ \left( \mathbf{A} \right)_{\pmb{\tau}} } \left[ \left( \mathbf{A} \right)_{\pmb{\tau}_k} \right] \left[ \left( \mathbf{A} \right)_{\pmb{\tau}_k'} \right]$
\TECpE{\Mat{A}} \TECpE[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{\left(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}}\right)} \boxed{\left(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_k'}\right)}$
\TECpE*{\Mat{A}} \TECpE*[k][']{\Mat{A}}}	$\boxed{(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}})} \boxed{(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_k'})}$
<pre>\TECPE{\Mat{A}} \TECPE[k][']{\Mat{A}}</pre>	$oxed{\left( \mathbf{A}_{oldsymbol{ au}}  ight)} oxed{\left( \mathbf{A}_{oldsymbol{ au}_k'}  ight)}$
\TECPE*{\Mat{A}} \TECPE*[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{\left(A_{\boldsymbol{\tau}}\right)} \boxed{\left(A_{\boldsymbol{\tau}_k'}\right)}$

# Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.

\ETEF

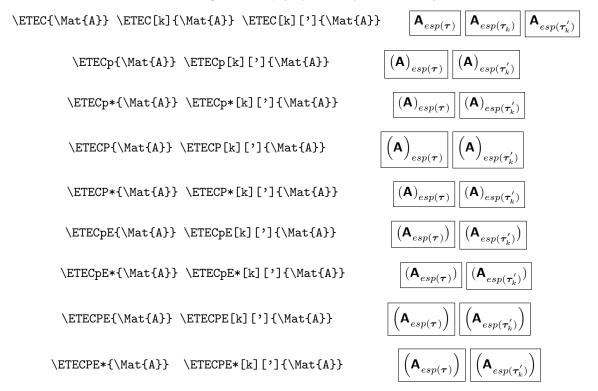
\ETEFp

El comando ETEF<XX\*> tiene 3 argumentos, ETEF<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica espejo por la izquierda del objeto.



# Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto.

El comando ETEC<XX\*> tiene 3 argumentos, ETEC<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] [ $\langle exponente \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica espejo por la izquierda del objeto.



#### Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.

El comando InvTEF<XX\*> tiene 2 argumentos, InvTEF<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.



Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto.

\InvTEC

El comando InvTEC<XX\*> tiene 2 argumentos, InvTEC<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

$\InvTECp$	\InvTECp versa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.	
$\InvTECp*$	\ TTEC(\ M_+ (A)) \ TTEC([-] (\ M_+ (A))	
$\InvTECP$	$\InvTEC{\hat{A}} \InvTEC[k]{\mathcal{A}}$	$oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}^{-1}}oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}_k^{-1}}$
\InvTECP*		
\InvTECpE	\InvTECp{\Mat{A}} \InvTECp[k]{\Mat{A}}	$\left\  \left( \mathbf{A}  ight)_{oldsymbol{ au}^{-1}} \left\  \left( \mathbf{A}  ight)_{oldsymbol{ au}_k^{-1}}  ight\ $
\InvTECpE*	•	$\langle \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$
$\InvTECPE$	\ T	
\InvTECPE*	$\label{lem:linvTECp*{Mat{A}} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	$\left\  \left( \mathbf{A}  ight)_{oldsymbol{ au}^{-1}} \left\  \left( \mathbf{A}  ight)_{oldsymbol{ au}_k^{-1}}  ight\ $
	\InvTECP{\Mat{A}} \InvTECP[k]{\Mat{A}}	(A) (A)
	\IIIVILOI (\Macket\) (IIIVILOI [k] (\Macket\)	$\left  \left\langle m{ }  ight angle_{m{ au}^{-1}} \left  \left  \left\langle m{ }  ight angle_{m{ au}_k^{-1}}  ight   ight.$
	$\label{lem:linvTECP*(Mat{A}) InvTECP*[k]{Mat{A}}} $$ \lim_{X \to X} \left( \frac{X}{X} \right) = \frac{1}{X} \left( \frac{X}{X} \right)$	$oxed{(\mathbf{A})_{oldsymbol{ au}^{-1}}}oxed{(\mathbf{A})_{oldsymbol{ au}_k^{-1}}}$
	\InvTECpE{\Mat{A}} \InvTECpE[k]{\Mat{A}}	$(\Lambda)$
	(Thytael) (Aladoatvni) ((Altan) adoatvni)	$oxed{\left(oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}^{-1}} ight)}oxed{\left(oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}_k^{-1}} ight)}$
	$\label{linvTECpE*{Mat{A}} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	$\left \left(\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}^{-1}} ight) ight \left \left(\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}_{k}^{-1}} ight) ight $
		κ
	\\	
	\InvTECPE{\Mat{A}} \InvTECPE[k]{\Mat{A}}	$\left \left(oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}^{-1}} ight) ight \left(oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}_k^{-1}} ight) ight $
	\InvTECPE*{\Mat{A}} \InvTECPE*[k]{\Mat{A}}	$\left(\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}^{-1}} ight)\left\ \left(\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}_{b}^{-1}} ight) ight\ $
	(Im) Doily ( (ind) ( ) / Imv Indi in ( ) ( ) ( (ind) ( ) )	$ igcup  au^{-1} ig/   igcup  au^{-1} ig/  $

# Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.

\EInvTEF

El comando EInvTEF<XX\*> tiene 2 argumentos, EInvTEF<XX\*>[\(\frac{indice}\)] \{\(\color{objeto}\)\}, \(\ext{e}\) inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

\EInvTEFP \EInvTEFP\* \EInvTEFpE

\EInvTEFpE\* \EInvTEFPE

\EInvTEFPE\*

# Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto.

El comando EInvTEC<XX\*> tiene 2 argumentos, EInvTEC<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.



Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto (funciones duplicadas sin argumentos opcionales). Cuando la aplicamos a la izquierda de una matriz corresponde a una transformación de sus filas

El comando \dTEEF tiene 3 argumentos, \dTEEF $\{\langle indice \rangle\}\{\langle exponente \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una \dTEEF transformación elemental genérica (con exponente) por la izquierda del objeto. \dTEEFp \dTEEFP \dTEEF{}{}{\SV{A}} \dTEEF{2}{}{\SV{A}} \dTEEF{2}{\*}{\SV{A}} \dTEEFpE \dTEEFPE  $\label{eq:dteefp} $$ \det p_{2}_{A} \det p_{2}_{A} \\$  $\label{eq:dteefp} $$ \det P_{2}_{A} \det P_{2}_{A} \\$ \dTEF El comando \dTEF tiene 2 argumentos, \dTEF $\{\langle indice \rangle\}$ , e indica una transformación \dTEFp elemental genérica por la izquierda del objeto. \dTEFP  $\label{eq:dTEF} $$ \det\{A\} \dTEF\{2\}{\mathcal A}$$ \dTEFpE \dTEFPE \dTEFpE{}{\Mat{A}} \dTEFpE{2}{\Mat{A}}} \dTEFPE{}{\Mat{A}} \dTEFPE{2}{\Mat{A}}} El comando \dETEF tiene 2 argumentos, \dETEF $\{\langle indice \rangle\}$ , e indica una transformación \dETEF \dETEFp elemental espejo genérica por la izquierda del objeto. \dETEFP \dETEF{}{\Mat{A}} \dETEF{2}{\Mat{A}}} \dETEFpE  $esp(\tau_2)$ \dETEFPE \dETEFp{}{\Mat{A}} \dETEFp{2}{\Mat{A}}} \dETEFP{}{\Mat{A}} \dETEFP{2}{\Mat{A}}} \dETEFpE{}{\Mat{A}} \dETEFpE{2}{\Mat{A}} \dETEFPE{}{\Mat{A}} \dETEFPE{2}{\Mat{A}}} El comando \dInvTEF tiene 2 argumentos, \dInvTEF $\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transfor-\dInvTEF mación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto. \dInvTEFp

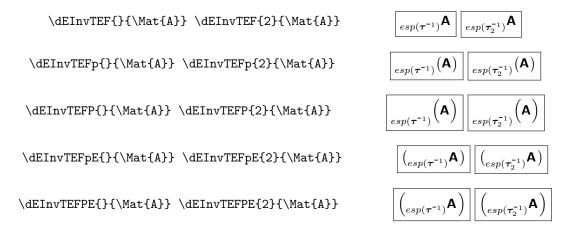
\dInvTEF{}{\Mat{A}} \dInvTEF{2}{\Mat{A}}

\dInvTEFp{}{\Mat{A}} \dInvTEFp{2}{\Mat{A}}}

\dInvTEFP

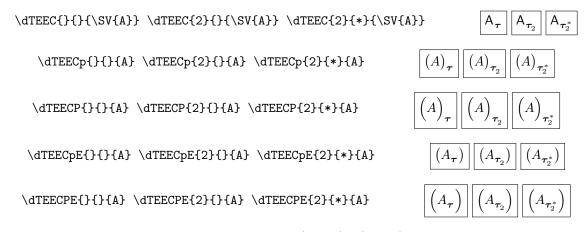
\dInvTEFpE \dInvTEFPE

El comando \dEInvTEF tiene 2 argumentos, \dEInvTEF $\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.



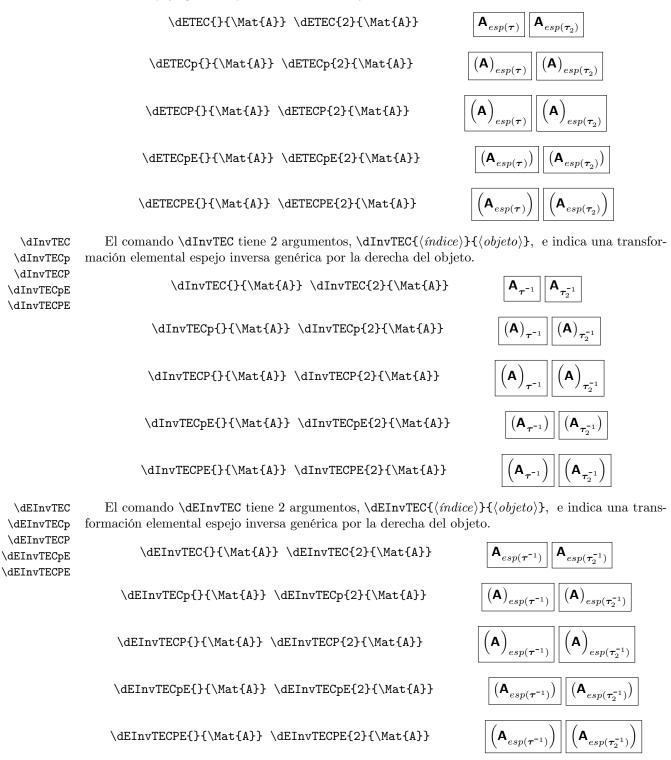
Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto (funciones duplicadas sin argumentos opcionales). Cuando la aplicamos a la derecha de una matriz corresponde a una transformación de sus columnas

El comando \dTEEC tiene 3 argumentos, \dTEEC $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle exponente \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental genérica (con exponente) por la derecha del objeto.



El comando \dTEC tiene 2 argumentos, \dTEC $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental genérica por la derecha del objeto.

El comando \dETEC tiene 2 argumentos, \dETEC $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental espejo genérica por la derecha del objeto.



**Transformaciones elementales particulares** Aquí describimos la notación de transformaciones específicas.

\dTrFp \dTrFP \dTrFPE \dTrFPE El comando  $\dTrF$  tiene 2 argumentos,  $\dTrF{\langle operación(es)\rangle}{\langle objeto\rangle}$ , e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por la izquierda del objeto.

El comando  $\dTrC$  tiene 2 argumentos,  $\dTrC\{\langle operación(es)\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$ , e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por la derecha del objeto.

\dTrCpE{ \d0EgE{1}{'}\cdots\d0EgE{p}{'} }{\Mat{I}} \dTrCpE{ \OpE{\su{5}{i}{j}}\OpE{\pr{-7}{j}} }{\Mat{A}} \dTrCPE{ \d0EgE{1}{'}\cdots\d0EgE{p}{'} }{\Mat{I}}  $\dTrCPE\{ \OpE\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\OpE\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\}$ \dTrFC El comando  $\dTrFC$  tiene 3 argumentos,  $\dTrFC\{\langle operaciones Izda\rangle\}\{\langle operaciones Dcha\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$ , \dTrFCp e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por cada lado del objeto. \dTrFCP  $\dTrFC(\DE{\su\{-5\}\{i\}\{j\}\}}{\DpE\{\pr\{-7\}\{j\}\}}{\Mat\{A\}}$ \dTrFCpE  $\begin{bmatrix} \boldsymbol{\tau} & \boldsymbol{\tau} & \boldsymbol{\tau} \\ [(-5)\boldsymbol{i}+\boldsymbol{j}] & [(-7)\boldsymbol{j}] \end{bmatrix}$ \dTrFCPE \dTrFCpE{\OpE{\su{-5}{i}{j}}}{\OpE{\pr{-7}{j}}}{\Mat{A}}  $\dTrFCPE(\opE(\su\{-5\}\{i\}\{j\})\}{\opE(\pr\{-7\}\{j\})\}\{\Mat\{A\}\}\}$ 1.4.8. Operador que quita un elemento \fueraitemL El comando \fueraitemL tiene 1 argumento, \fueraitemL $\{\langle indice \rangle\}$ , y denota la eliminación por la izquierda del elemento correspondiente al  $\{\langle indice \rangle\}$ \fueraitemL{i} El comando \fueraitemR tiene 1 argumento, \fueraitemR $\{\langle indice \rangle\}$ , y denota la eliminación \fueraitemR por la derecha del elemento correspondiente al  $\{\langle indice \rangle\}$  $\vec{j}$ \fueraitemR{j} El comando  $\text{quitaLR tiene 3 argumentos}, \text{quitaLR}(\langle objeto \rangle) + (\langle indIzda \rangle) + (\langle indDcha \rangle), y denota$ \quitaLR el resultante de quitar un elemento por la izquierda y otro por la derecha \quitaLR{\Mat{A}}{i}{j} El comando \quitaL tiene 2 argumentos, \quitaL $\{\langle objeto \rangle\}\{\langle indIzda \rangle\}$ , y denota el resultante \quitaL de quitar un elemento por la izquierda i\quitaL{\Mat{A}}{i} El comando  $\operatorname{quitaR}$  tiene 2 argumentos,  $\operatorname{quitaR}(\langle objeto \rangle) \{\langle indDcha \rangle\}$ , y denota el resultante \quitaR de quitar un elemento por la derecha

\quitaR{\Mat{A}}{j}

#### 1.4.9. Selección de elementos sin emplear el operador selector

\elemUUU

El comando \elemUUU tiene 2 argumentos, \elemUUU $\{\langle sistema \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$ , y denota la selección del elemento correspondiente al  $\{\langle indice \rangle\}$ 

$$\left(SV{Z}\right){i}$$

$$\operatorname{elem}_{i}(\mathsf{Z})$$

El comando  $\VectFFF\ tiene\ 2\ argumentos$ ,  $\VectFFF\{\langle nombre\rangle\}\{\langle indice\rangle\}$ , y denota la selección de la fila correspondiente al  $\{\langle indice\rangle\}$ 

$$fila_i(\mathbf{A})$$
  $fila_i(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})$ 

El comando  $\ensuremath{\mbox{VectCCC}}\ensuremath{\mbox{CCC}}\ensuremath{\mbox{CCC}}\ensuremath{\mbox{Cmbre}}\ensuremath{\mbox{S}}\ensuremath{\mbox{C}}\ensuremath{\mbox{VectCCC}}\ensuremath{\mbox{C}}\ensuremath{\mbox{C}}\ensuremath{\mbox{VectCCC}}\ensuremath{\mbox{C}}\ensuremath{\mbox{VectCCC}}\ensuremath{\mbox{C}}\ensuremath{\mbox{VectCCC}}\ensuremath{\mbox{C}}\ensuremath{\mbox{VectCCC}}\ensur$ 

$$\operatorname{col}_{i}\left(\mathbf{A}\right)$$
  $\operatorname{col}_{i}\left(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}\right)$ 

tiene 3 argumentos,  $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indiceFil \rangle\}\{\langle indiceCol \rangle\}$ , y denota la selección del elemento correspondiente a los índices indicados

$$\left(A}{i}{j} \left(A}{i}{j} \right) \right) \ \left(A}{i}{j} \right) \ \left(A}{j}{j} \right)$$

$$\boxed{\operatorname{elem}_{ij}(\mathbf{A}) \left[ \operatorname{elem}_{ij}(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}) \right] \left[ a_{ij} \right]}$$

# 1.5. Sistemas genéricos

El comando \SV tiene 2 argumentos, \SV[ $\langle subíndice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }

$$SV{A} \SV[h]{A}$$

$$A A_h$$

El comando \concatSV tiene 2 argumentos, \concatSV $\{\langle sistemaA\rangle\}$  $\{\langle sistemaB\rangle\}$ , y denota la concatenación del  $\{\langle sistemaA\rangle\}$  con el  $\{\langle sistemaB\rangle\}$ .

# 1.6. Vectores y matrices

#### 1.6.1. Vectores genéricos

tiene 2 argumentos,  $\text{vect} < X*>[\langle sub\'indice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota un vector genérico.

$$\vec{a}$$
  $\vec{a}_h$ 

 $\c [h]{a} \c [h]{a} \c [h]{a} \c [h]{a}$ 

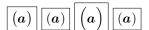
$$\left[\left(\overrightarrow{a}_{h}
ight)\right]\left(\overrightarrow{a}_{h}
ight)\left[\left(\overrightarrow{a}_{h}
ight)\right]\left(\overrightarrow{a}_{h}
ight)$$

#### 1.6.2. Vectores de $\mathbb{R}^n$

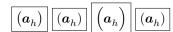
tiene 2 argumentos,  $Vect < X*>[\langle subindice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota un vector de  $\mathbb{R}^n$ 



\Vectp{a} \Vectp\*{a} \VectP{a} \VectP\*{a}



\Vectp[h]{a} \Vectp\*[h]{a} \VectP[h]{a} \VectP\*[h]{a}



de vectores de  $\mathbb{R}^n$ \irvec{a} \irvec[p]{a} \irvec[p][q]{a}  $oxed{a_1,\ldots,a_n} oxed{a_p,\ldots,a_n} oxed{a_p,\ldots,a_q}$ C tiene 3 argumentos,  $irvec[\langle subindiceInic \rangle][\langle subindiceFin \rangle]\{\langle nombre \rangle\}$ , y escribe una suce-\irvec sión de columnas de una matriz  $oxed{\mathsf{A}_{|1},\ldots,\mathsf{A}_{|n}} oxed{\mathsf{A}_{|p},\ldots,\mathsf{A}_{|n}} oxed{\mathsf{A}_{|p},\ldots,\mathsf{A}_{|q}}$ \irvecC[a] \irvecC[p][a] \irvecC[p][q]{a} 1.6.3. Matrices tiene 2 argumentos, Mat<X\*>[ $\langle subindice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota una matriz \Mat  $Mat{A} \operatorname{h}{A} \operatorname{h}{A}^2$ \Matp{A} \Matp\*{A} \MatP{A} \MatP\*{A}  $\label{eq:matpA} $$ \Matp*{A}[h] \MatP*{A}[h] \MatP*{A}[h] $$$ Matrices transpuestas. El comando MatT<XX\*> tiene 2 argumentos, MatT<XX\*>[ $\langle subindice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }  $\MatT$ \MatTp \MatT{A} \MatT[h]{A}  $\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}$ \MatTp\* \MatTP \MatTP\*  $(\mathbf{A})^{\mathsf{T}}$  $(\mathbf{A}_h)^{\mathsf{T}}$ \MatTpE \MatTpE\* \MatTPE \MatTP{A} \MatTP\*{A} \MatTP[h]{A} \MatTP\*[h]{A} \MatTPE\* \MatTpE{A} \MatTpE\*{A} \MatTpE[h]{A} \MatTpE\*[h]{A} \MatTPE{A} \MatTPE\*{A} \MatTPE[h]{A} \MatTPE\*[h]{A} Matriz transpuesta de la transpuesta. El comando \MatTT tiene 2 argumentos,  $MatTT < X *> [\langle subindice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ \MatTT \MatTT\*  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})^{\mathsf{T}}$ \MatTT{A} \MatTT\*{A} \MatTT[h]{A} \MatTT\*[h]{A}  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})^{\mathsf{T}}$ \MatTTPE \MatTTPE\* \MatTTPE{A} \MatTTPE\*{A}

tiene 3 argumentos,  $irvec[\langle subindiceInic \rangle][\langle subindiceFin \rangle]\{\langle nombre \rangle\}$ , y escribe una sucesión

\MatTTPE[h]{A} \MatTTPE\*[h]{A}

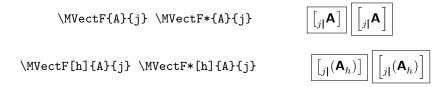
#### Matrices columna

\MVect\*

El comando \MVect tiene 2 argumentos, \MVect[ $\langle sub\'indice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota una matriz columna creada a partir de un vector

\MVectF\*

El comando \MVectF tiene 3 argumentos, \MVectF[ $\langle subindice \rangle$ ] { $\langle indice \rangle$ }, y denota una matriz columna creada a partir de una fila de una matriz



El comando \MVectC tiene 3 argumentos, \MVectC[ $\langle sub\'indice \rangle$ ] { $\langle indice \rangle$ }, y denota una matriz columna creada a partir de una columna de una matriz

#### Matrices fila

El comando \MVectT tiene 2 argumentos, \MVectT[ $\langle subindice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota una matriz fila creada a partir de un vector

El comando \MVectFT tiene 3 argumentos, \MVectFT[ $\langle subindice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ } { $\langle indice \rangle$ }, y denota una matriz fila creada a partir de una fila de una matriz

El comando \MVectCT tiene 3 argumentos, \MVectCT[ $\langle subindice \rangle$ ] { $\langle indice \rangle$ }, y denota una matriz fila creada a partir de una columna de una matriz

# Matriz inversa Notación para las matrices inversas

El comando \InvMat tiene 2 argumentos, InvMat<XX\*>[ $\langle indice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota la inversa de una matriz

	\InvMat{A} \InvMat[h]{A}	$\boxed{\mathbf{A}^{\text{-}1}} \boxed{\mathbf{A}_h^{\text{-}1}}$
	\InvMatp{A} \InvMatp*{A}	$ \boxed{ \left( \mathbf{A} \right)^{-1} } \left[ \left( \mathbf{A} \right)^{-1} \right] $
	\InvMatp[h]{A} \InvMatp*[h]{A}	$oxed{\left(oldsymbol{A}_h ight)^{-1}}oxed{\left(oldsymbol{A}_h ight)^{-1}}$
	\InvMatP{A} \InvMatP*{A}	$\left[\left(\mathbf{A}\right)^{-1}\right]\left[\left(\mathbf{A}\right)^{-1}\right]$
	\InvMatP[h]{A} \InvMatP*[h]{A}	$oxed{\left(oldsymbol{A}_h ight)^{-1}}oxed{\left(oldsymbol{A}_h ight)^{-1}}$
	\InvMatpE{A} \InvMatpE*{A}	$\boxed{(\mathbf{A}^{-1})} \boxed{(\mathbf{A}^{-1})}$
	\InvMatpE[h]{A} \InvMatpE*[h]{A}	$\boxed{(\boldsymbol{A}_h^{-1})} \boxed{(\boldsymbol{A}_h^{-1})}$
	\InvMatPE{A} \InvMatPE*{A}	$\boxed{\left(\mathbf{A}^{-1}\right)} \boxed{\left(\mathbf{A}^{-1}\right)}$
	\InvMatPE[h]{A} \InvMatPE*[h]{A}	$\boxed{\left(\mathbf{A}_h^{-1}\right)} \boxed{\left(\mathbf{A}_h^{-1}\right)}$
\InvMatT \InvMatTpE	El comando $\InvMatT$ tiene 2 argumentos, $InvMatT versa de una matriz transpuesta$	*>[ $\langle indice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota la in-
\InvMatTpE* \InvMatTPE \InvMatTPE*	\InvMatT{A} \InvMatT*{A}	$\left[ \left( \mathbf{A}^{T} \right)^{-1} \right] \left[ \left( \mathbf{A}^{T} \right)^{-1} \right]$
	\InvMatT[h]{A} \InvMatT*[h]{A}	$\left[\left(\mathbf{A}_h^\intercal ight)^{-1} ight]\left[\left(\mathbf{A}_h^\intercal ight)^{-1} ight]$
	\InvMatTpE{A} \InvMatTpE*{A}	$\boxed{\left(\left(\mathbf{A}^{T}\right)^{-1}\right)} \boxed{\left(\left(\mathbf{A}^{T}\right)^{-1}\right)}$
	\InvMatTpE[h]{A} \InvMatTpE*[h]{A}	$\boxed{\left(\left(\boldsymbol{A}_{h}^{\intercal}\right)^{-1}\right)} \boxed{\left(\left(\boldsymbol{A}_{h}^{\intercal}\right)^{-1}\right)}$
	\InvMatTPE{A} \InvMatTPE*{A}	$\left[\left(\left(\mathbf{A}^{T}\right)^{-1}\right)\right]\left[\left(\left(\mathbf{A}^{T}\right)^{-1}\right)\right]$
	\InvMatTPE[h]{A} \InvMatTPE*[h]{A}	$\boxed{\left(\left(\mathbf{A}_h^{\intercal}\right)^{-1}\right)} \boxed{\left(\left(\mathbf{A}_h^{\intercal}\right)^{-1}\right)}$
\TInvMat	El comando \TInvMat tiene 2 argumentos, TInvMat transpuesta de la inversa de una matriz	$XX*>[\langle indice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}, y denota la$
\TInvMatpE* \TInvMatPE \TInvMatPE*	\TInvMat{A} \TInvMat*{A}	$ \boxed{ \left( \mathbf{A}^{-1} \right)^{T} } \left[ \left( \mathbf{A}^{-1} \right)^{T} \right] $
(1 THVIIGOI L-P	\TInvMat[h]{A} \TInvMat*[h]{A}	$\boxed{\left(\boldsymbol{A}_h^{-1}\right)^{T}} \boxed{\left(\boldsymbol{A}_h^{-1}\right)^{T}}$
	\TInvMatpE{A} \TInvMatpE*{A}	$\boxed{\left(\left(\boldsymbol{A}^{-1}\right)^{T}\right)}\boxed{\left(\left(\boldsymbol{A}^{-1}\right)^{T}\right)}$

\TInvMatpE[h]{A} \TInvMatpE\*[h]{A}

$$\left(\left(\mathbf{A}_{h}^{-1}\right)^{\mathsf{T}}\right)\left[\left(\left(\mathbf{A}_{h}^{-1}\right)^{\mathsf{T}}\right)\right]$$

\TInvMatPE{A} \TInvMatPE\*{A}

$$\left( \left( \mathbf{A}^{-1} \right)^{\mathsf{T}} \right) \left[ \left( \left( \mathbf{A}^{-1} \right)^{\mathsf{T}} \right) \right]$$

\TInvMatPE[h]{A} \TInvMatPE\*[h]{A}

$$\boxed{\left(\left(\mathbf{A}_{h}^{-1}\right)^{\mathsf{T}}\right)\left[\left(\left(\mathbf{A}_{h}^{-1}\right)^{\mathsf{T}}\right)}$$

#### 1.6.4. Miscelánea matrices

El comando \Traza no tiene argumentos

\Traza tr

El comando  $\gray rg$  no tiene argumentos

\rg rg

El comando \traza tiene 1 argumento, \traza $\{\langle objeto \rangle\}$ 

\traza{\Mat{A}} \traza\*{\Mat{A}}}

 $\operatorname{tr}\left(\mathbf{A}\right) \left[\operatorname{tr}\left(\mathbf{A}\right)\right]$ 

El comando \rango tiene 1 argumento, \rango $\{\langle objeto \rangle\}$ 

\rango{\Mat{A}} \rango\*{\Mat{A}}}

 $rg(\mathbf{A})$   $rg(\mathbf{A})$ 

#### Determinante de una matriz

El comando \cof no tiene argumentos

\cof cof

El comando \adj no tiene argumentos

\adj Adj

El comando \determinante tiene 1 argumento, \determinante $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el determinante del  $\{\langle objeto \rangle\}$  usando las barras verticales

|**A**|

El comando \subMat tiene 3 argumentos, \subMat $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indIzda \rangle\}\{\langle indDcha \rangle\}$ , y denota la submatriz resultante de quitar una o más filas y columnas de la matriz  $\{\langle nombre \rangle\}$ 

 $\verb|\subMat{A}{i}{j}|$ 

 $i^{\dagger}\mathbf{A}^{\dagger j}$ 

tiene 3 argumentos,  $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indFila \rangle\}\{\langle indCol \rangle\}$ , y denota el menor de la matriz correspondiente a la fila y columna indicadas

 $\label{eq:menor_A} $$ \encon{A}{i}{j} \encon{A}{i}{j} $$$ 

El comando  $\Cof tiene 3$  argumentos,  $\Cof\{\langle nombre\rangle\}\{\langle indFila\rangle\}\{\langle indCol\rangle\}$ , y denota el cofactor de la fila y columna indicadas

\Cof{A}{i}{j} \Cof\*{A}{i}{j}

 $\boxed{\operatorname{cof}_{ij}\left(\mathbf{A}\right) \left[\operatorname{cof}_{ij}\left(\mathbf{A}\right)\right]}$ 

Orden de las matrices El comando \Dim tiene 3 argumentos, \Dim $\{\langle objeto \rangle\}\{\langle filas \rangle\}\{\langle columnas \rangle\}$  $Dim{xxx}{n}{m}$  $\displaystyle \prod\{x\}\{n\}\{m\} \quad \prod\{x\}\{n\}\{m\}$ (x)(x) $\DimP{x}{n}{m} \DimP*{x}{n}{m}$ (x) $\label{limpE} $$ \prod_{x}{n}{m} \ \prod_{x}{n}{m}$  $\boldsymbol{x}$  $\DimPE\{x\}\{n\}\{m\} \DimPE*\{x\}\{n\}\{m\}$ El comando \Matdim tiene 3 argumentos, Matdim $\langle XX*>\{\langle nombre\rangle\}\{\langle filas\rangle\}\{\langle columnas\rangle\}$ \Matdim \Matdim XXX  $\mathsf{Matdim}\{xxx\}\{n\}\{m\}$ \Matdimp  $n \times m$ \Matdimp\*  $\MatdimP$  $\mathsf{Matdimp}\{x\}\{n\}\{m\} \ \mathsf{Matdimp}*\{x\}\{n\}\{m\}$ (X)(X)\MatdimP\* \MatdimpE \MatdimpE\*  $\mathsf{MatdimP}\{x\}\{n\}\{m\} \ \mathsf{MatdimP}*\{x\}\{n\}\{m\}$  $\MatdimPE$ \MatdimPE\* (X) $\label{lem:matching} $$ \mathbf{x}_n^{m} \operatorname{MatchingE}_{x}^{n}_{m} $$$ Χ  $\MatdimPE\{x\}\{n\}\{m\} \MatdimPE*\{x\}\{n\}\{m\}$ El comando \Matdim tiene 3 argumentos,  $Matdim \langle XX*> \{\langle nombre \rangle\} \{\langle filas \rangle\} \{\langle columnas \rangle\}$  $\MatTdim$ \MatTdim  $XXX^T$  $MatTdim{X}{n}{m}$ \MatTdimp \MatTdimp\* \MatTdimP  $(X^{T})$  $(X^T)$  $\label{lem:matTdimp} $$ \mathbf{x}_n^{m} \operatorname{MatTdimp}_{x}^{m} $$ \mathcal{X}_n^{m} $$$ \MatTdimP\* \MatTdimpE \MatTdimpE\*  $\mathbf{X}^{\mathsf{T}}$  $\mathsf{MatTdimP}\{x\}\{n\}\{m\} \ \mathsf{MatTdimP}*\{x\}\{n\}\{m\}$  $(X^T)$ \MatTdimPE \MatTdimPE\*  $n \times m$  $\label{lem:mattdimpE} $$ \mathbf{x}_n}_m \ \mathsf{MattdimpE}_{x}_n}_m $$$  $(X^T)$ ( **X**<sup>T</sup> \MatTdimPE{x}{n}{m} \MatTdimPE\*{x}{n}{m}  $(X^{T})$ Nombre de la matriz de autovalores \MDaV \MDaV no tiene argumentos e indica la letra usada par las matrices de autovalores

\MDaV

D

\UMat \InvUMat Matriz triangular superior unitaria (según denominación de G. H. Golub y C. F. Van Loan) \Umat y \InvUmat tienen 1 argumento opcional

\UMat{A} \UMat[k]{A}

$$oxed{\dot{\mathbf{A}}} oxed{\dot{\mathbf{A}}_k}$$

\InvUMat{A} \InvUMat[k]{A}

$$oldsymbol{\dot{\mathbf{A}}}^{-1}$$
  $oldsymbol{\dot{\mathbf{A}}}_k^{-1}$ 

Matriz triangular inferior unitaria (según denominación de G. H. Golub y C. F. Van Loan) \UMatT tiene 1 argumento opcional

\UMatT{A} \UMatT[k]{A}



Matriz de eliminación gaussiana (por columnas) \MatGC e \InvMatGC tienen 1 argumento

\MatGC{h} \InvMatGC{h}



# 1.7. Productos entre vectores

#### 1.7.1. Producto escalar

tiene 3 argumentos,  $\ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}} {(objeto)} {(objeto)}$ , y denota el producto escalar entre dos objetos (con asterisco los ángulos se ajustan al contenido)

 $\ensuremath{\ensuremath{\mbox{eSc}\{f(x)\}\{g(x)\}}\ensuremath{\mbox{eSc}*\{f(x)\}\{g(x)\}\ensuremath{\mbox{e}}\ensurema$ 

$$\left| \left\langle f(x), g(x) \right\rangle \right| \left| \left\langle f(x), g(x) \right\rangle \right|$$

 $\esc[L_2]{f(x)}{g(x)} \esc[L_2]*{f(x)}{g(x)}$ 

$$\boxed{\left\langle f(x),g(x)\right\rangle_{\!\! L_2}} \left[ \left\langle f(x),g(x)\right\rangle_{\!\! L_2}$$

tiene 3 argumentos,  $\langle esc[\langle espacio \rangle] [\langle espacio \rangle] \{\langle nombre \rangle\} \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto escalar entre dos vectores genéricos (con asterisco los ángulos se ajustan al contenido)

 $\ensuremath{\ensuremath}\amb}\amb}\amb}}}}}}}}}}}}}}$ 

$$\left[\left\langle \overrightarrow{a},\overrightarrow{b}\right
angle \right] \left\langle \overrightarrow{a},\overrightarrow{b}
ight
angle$$

 $\left[L_2\right]\{f(x)\}\{g(x)\} \cdot \left[L_2\right]*\{f(x)\}\{g(x)\}$ 

$$\boxed{\left\langle\overrightarrow{f(x)},\overrightarrow{g(x)}\right\rangle_{\!\!\! L_2}} \left[\left\langle\overrightarrow{f(x)},\overrightarrow{g(x)}\right\rangle_{\!\!\! L_2}\right]$$

# 1.7.2. Producto punto

¡Ojo! en las versiones con paréntesis no he sido consistente con el convenio seguido anteriormente y, en lugar de terminar en pE o PE, sencillamente terminan en p o P.

tiene 2 argumentos,  $\langle objeto \rangle \} \{\langle objeto \rangle \}$ , y denota el producto punto entre dos objetos

\dotProd{(\Vect{a}+\Vect{b})){\Vect{c}}

$$(a+b)\cdot c$$

$$(a \cdot b)$$
  $(a \cdot b)$ 

\dotProdP{\Vect{a}}{\Vect{b}} \dotProdP\*{\Vect{a}}{\Vect{b}}

$$oxed{egin{pmatrix} oldsymbol{a}\cdotoldsymbol{b} \ \hline oxed{egin{pmatrix} (oldsymbol{a}\cdotoldsymbol{b}) \ \hline \end{pmatrix}}$$

tiene 2 argumentos,  $\dotprod[\langle subindice1\rangle] \{\langle nombre\rangle\} [\langle subindice2\rangle] \{\langle nombre\rangle\}$ , y denota el producto punto entre dos vectores de  $\mathbb{R}^n$ 

 $\displaystyle \det[k]{a}[h]{b}$ 

$$\overline{a_k \cdot b_k}$$

\dotprodp{a}{b} \dotprodp\*{a}{b}

$$(oldsymbol{a}\cdotoldsymbol{b})$$
  $(oldsymbol{a}\cdotoldsymbol{b})$ 

\dotprodP{a}{b} \dotprodP\*[h]{a}[k]{b}

$$oxed{egin{pmatrix} oldsymbol{a}\cdotoldsymbol{b} \ \hline oldsymbol{a}\cdotoldsymbol{b}_k) \end{array}}$$

# 1.7.3. Producto punto a punto o Hadamard

\prodH tiene 2 argumentos,  $\prodH{\langle objeto\rangle}{\{\langle objeto\rangle\}}$ , y denota el producto punto a punto entre dos \prodHp objetos \prodHp\* \prodH{(\Vect{a}+\Vect{b}))}{\Vect{c}}  $(a + b) \odot c$ \prodHP \prodHP\* \prodH \prodHp{\Vect{a}}{\Vect{b}} \prodHp\*{\Vect{a}}{\Vect{b}}  $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$  $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$ \prodHP{\Vect{a}}{\Vect{b}} \prodHP\*{\Vect{a}}{\Vect{b}}  $(a \odot b)$  $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$ tiene 2 argumentos,  $\prodh{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$ , y denota el producto punto a punto entre dos \prodh vectores de  $\mathbb{R}^n$ \prodhp \prodhp\* \prodh{a}{b}  $a \odot b$ \prodhP \prodhP\* \prodhp{a}{b} \prodhp\*{a}{b}  $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$  $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$ \prodhP{a}{b} \prodhP\*{a}{b}  $a \odot b$  $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$ Matriz por vector y vector por matriz tiene 4 argumentos,  $\MV[\langle indMatriz \rangle] \{\langle nombre \rangle\} [\langle indVector \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el produc-\MV \MVpE to de una matriz por un vector de  $\mathbb{R}^n$ \MVpE\*  $MV{A}{b} \MV[j]{A}[k]{b}$ Ab $\mathbf{A}_i \mathbf{b}_k$ \MVPE \MVPE\*  $\label{eq:mvpE} $$\MVpE*{A}_{b} \MVpE*{j}_{A}_{k}_{b} $$$  $(\mathbf{A}\boldsymbol{b})$  $(\mathbf{A}\mathbf{b})$  $(\mathbf{A}_i \mathbf{b}_k)$  $\label{eq:mvpe} $$ \MVPE*{A}_{b} \MVPE*{j}_{A}_{k}_{b} $$$ Ab(Ab) $(\mathbf{A}_i \boldsymbol{b}_k)$ tiene 4 argumentos,  $\VM[\langle indVector \rangle] \{\langle nombre \rangle\} [\langle indMatriz \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el produc-\VM to de un vector de  $\mathbb{R}^n$  por una matriz \VMpE \VMpE\*  $\W{a}{B} \VM[k]{a}[j]{B}$  $a\mathsf{B}$  $a_k B_i$ \VMPE \VMPE\* (aB) $\label{eq:local_vmpE} $$ \VMpE*{a}{B} \VMpE*{j}{A}[k]{b}$$ (aB) $(\boldsymbol{a}_k \boldsymbol{\mathsf{B}}_i)$  $a\mathsf{B}$ (aB) $(\boldsymbol{a}_k \boldsymbol{\mathsf{B}}_i)$  $\label{eq:local_vmpe} $$ \VMPE*{a}{B} \VMpE*{j}{A}[k]{b}$$ \MTV tiene 4 argumentos,  $\MTV[\langle indMatriz \rangle] \{\langle nombre \rangle\} [\langle indVector \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto de una matriz transpuesta por un vector de  $\mathbb{R}^n$ qVTM/ \*qVTM/  $\mathbf{A}^{\mathsf{T}}b$  $\MTV{A}{b} \MTV[j]{A}[k]{b}$  $\mathbf{A}_i^{\mathsf{T}} \boldsymbol{b}_k$ \MTVP \MTVP\*  $\label{eq:mtvp} $$ MTVp*{A}{b} \MTVp*{j}{A}{k}{b}$  $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{b}$  $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{b}$  $(\mathbf{A}_{i}^{\mathsf{T}})\mathbf{b}_{k}$  $\label{eq:mtvp} $$ MTVP*{A}_{b} \MTVP*[j]_{A}_{k}_{b} $$$  $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{b}$  $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{b}$  $(\mathbf{A}_i^{\mathsf{T}}) \mathbf{b}_k$ 

tiene 4 argumentos,  $\VMT[\langle ind Vector \rangle] \{\langle nombre \rangle\} [\langle ind Matriz \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el pro-\VMT ducto de un vector de  $\mathbb{R}^n$  por una matriz transpuesta qTMV/ \VMTp\*  $a\mathsf{B}^\intercal$  $\boldsymbol{a}_k \mathbf{B}_i^\intercal$  $\T{a}{B} \VMT[k]{a}[j]{B}$ \VMTP \VMTP\*  $\label{eq:continuous_problem} $$ \VMTp*{a}_{B} \VMTp*{j}_{A}[k]_{b}$$$  $a(B^{T})$  $a(B^T)$  $a_k(\mathbf{B}_i^\intercal)$  $\label{eq:continuous_a} $$ \VMTP*{a}{B} \VMTP*{j}{A}[k]{b}$$  $a(B^{\mathsf{T}})$  $a (B^{\mathsf{T}})$  $a_k (\mathsf{B}_i^\intercal)$ 

#### 1.9. Matriz por matriz

tiene 4 argumentos,  $\MN[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\}$ , y denota el producto matriz por matriz

AB $\MN{A}{B}$  $MN[h]{A}{B} \MN{A}[k]{B} \MN[h]{A}[k]{B}$  $A_hB || AB_k$  $\mathbf{A}_h \mathbf{B}_k$ 

tiene 4 argumentos,  $\MTN[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\}$ , y denota el producto matriz transpuesta por matriz

 $A^TB$  $\MTN{A}{B}$  $\label{eq:mtn(h)(A)(B) \mtn(h)(A)(k)(B) \mtn(h)(A)(k)(B)} $$ \mtn(h)(A)(B) \mtn(h)(A)(B) \mtn(h)(A)(B) $$$  $\mathbf{A}_{b}^{\mathsf{T}}\mathbf{B}$  $A^TB_{i}$  $\mathbf{A}_{h}^{\mathsf{T}}\mathbf{B}_{k}$  $\MTNp{A}{B} \MTNp*{A}{B}$  $(A^T)B$  $(A^T)B$  $\label{eq:minimum} $$ \MTNp[h]_{A}[k]_{B} \MTNp*[h]_{A}[k]_{B}$$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})\mathbf{B}_k$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})\mathbf{B}_k$  $(A^T)B$  $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{B}$  $\MTNP{A}{B} \MTNP*{A}{B}$  $\label{eq:mtnp} $$ \MTNP[h]_{A}[k]_{B} \MTNP*[h]_{A}[k]_{B} $$$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}) \mathbf{B}_k$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}) \mathbf{B}_k$ 

tiene 4 argumentos,  $\MT[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\}$ , y denota el producto matriz por matriz transpuesta

 $AB^T$ \MNT{A}{B}  $\label{eq:mnth} $$ \MNT\{A\}[k]\{B\} \MNT[h]\{A\}[k]\{B\} $$$  $A_hB^T$  $AB_{i}^{T}$  $A(B^T)$  $A(B^T)$  $\MTp{A}{B} \MNTp*{A}{B}$  $\mathbf{A}_h(\mathbf{B}_k^\intercal)$  $\mathbf{A}_{h}(\mathbf{B}_{h}^{\mathsf{T}})$  $\label{eq:mntp} $$ \MNTp*[h]_{A}_{k}_{B} \MNTp*[h]_{A}_{k}_{B}$$  $A(B^{T})$  $A(B^T)$  $\MTP{A}{B} \MNTP*{A}{B}$  $\label{eq:mntp} $$ \MNTP[h]_{A}_{k}_{B} \MNTP*[h]_{A}_{k}_{B}$$  $\mathbf{A}_h \left( \mathbf{B}_k^{\mathsf{T}} \right)$  $\mathbf{A}_{h}\left(\mathbf{B}_{h}^{\mathsf{T}}\right)$ 

tiene 2 argumentos,  $\MTM[\langle subíndice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto matriz transpuesta por matriz

 $\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}\mathbf{A}_h$ \MTM{A} \MTM[h]{A}  $A^TA$  $\label{local_matter_abs} $$ \MTMp{A} \MTMp*{A} \MTMp*{h}{A} $$ \MTMp*{h}{A} $$$  $(A^T)A$  $(A^T)A$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})\mathbf{A}_h$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})\mathbf{A}_h$  $(A^T)A$  $\label{local_matter_a} $$ \MTMP_{A} \MTMP_{h}_{A} \MTMP_{h}_{A} $$$  $(A^T)A$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}) \mathbf{A}_h$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}) \mathbf{A}_h$ tiene 2 argumentos,  $\MT[\langle subindice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto matriz por su transpuesta\MMT{A}  $AA^T$  $\label{local_matrix} $$ \MMTp{A} \MMTp*{A} \MMTp[h]{A} \MMTp*{h}{A} $$$  $A(A^T)$  $A(A^T)$  $\mathbf{A}_h(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})$  $\mathbf{A}_h(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})$  $\mathbf{A}_h \left( \mathbf{A}_h^{\mathsf{T}} \right)$  $\MTP{A} \MTP*{A} \MTP[h]{A} \MTP*[h]{A}$  $A(A^T)$  $A(A^T)$ tiene 4 argumentos,  $\MNMT[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\}$ , y denota el \MNMT producto matriz por matriz por matriz transpuesta \MNMTp \MNMTp\*  $\MNMT{A}{D} \MNMT[h]{A}[k]{D}$ **ABA**<sup>T</sup>  $\mathbf{A}_h \mathbf{B}_k \mathbf{A}_h^\mathsf{T}$ \MNMTP \MNMTP\*  $AB(A^T)$  $\MNMTp{A}{D} \MNMTp*{A}{D}$  $AB(A^T)$  $\mathbf{A}_h \mathbf{B}_k (\mathbf{A}_h^\mathsf{T})$  $\mathbf{A}_{h}\mathbf{B}_{k}(\mathbf{A}_{h}^{\mathsf{T}})$  $\label{eq:mnmtp} $$ \MNMTp*[h]_{A}_{k}_{D} \MNMTp*[h]_{A}_{k}_{D} $$$ \MNMTP{A}{D} \MNMTP\*{A}{D}  $AB(A^T)$  $AB(A^T)$  $\label{eq:mnmtp} $$ \MNMTP*[h]_{A}_{k}_{D} \MNMTP*[h]_{A}_{k}_{D}$$  $\mathbf{A}_{h}\mathbf{B}_{k}\left(\mathbf{A}_{h}^{\mathsf{T}}\right)$  $\mathbf{A}_{h}\mathbf{B}_{k}\left(\mathbf{A}_{h}^{\mathsf{T}}\right)$ tiene 4 argumentos,  $\MNMT[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\}$ , y denota el \MTNM producto matriz transpuesta por matriz por matriz transpuesta qMNTM/ \MTNMp\*  $\MTNM{A}{D} \MTNM[h]{A}[k]{D}$  $A^TBA$  $\mathbf{A}_{b}^{\mathsf{T}}\mathbf{B}_{b}\mathbf{A}_{b}$ \MTNMP \MTNMP\*  $(A^T)BA$  $(A^T)BA$  $\MTNMp{A}{D} \MTNMp*{A}{D}$  $\label{eq:model} $$ \mathbf{A}[k]_{D} \operatorname{MTNMp}[h]_{A}[k]_{D} $$$  $(\mathbf{A}_{h}^{\mathsf{T}})\mathbf{B}_{k}\mathbf{A}_{h}$  $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})\mathbf{B}_k\mathbf{A}_h$  $\MTNMP{A}{D} \MTNMP*{A}{D}$ (A<sup>T</sup>)BA $(A^T)BA$  $\label{eq:mtnmp} $$ \mathbf{h}_{A}[k]_{D} \operatorname{mtnmp}_{h}_{A}[k]_{D}$$  $(\mathbf{A}_{b}^{\mathsf{T}}) \mathbf{B}_{k} \mathbf{A}_{b} | (\mathbf{A}_{b}^{\mathsf{T}}) \mathbf{B}_{k} \mathbf{A}_{b}$ Otros productos entre matrices y vectores 1.10. \MTMV tiene 2 argumentos,  $\MTMV{\langle nombre \rangle} {\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto matriz transpuesta por matriz por vector \MTMVp \MTMVp\*  $\mathbf{A}^{\mathsf{T}}\mathbf{A}b$  $\MTMV{A}{b}$ \MTMVP \MTMVP\*  $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{A}\mathbf{b}$  $(A^T)Ab$  $\MTMVp{A}{b} \MTMVp*{A}{b}$  $\MTMVP{A}{b} \MTMVP*{A}{b}$  $(A^T)Ab$  $(A^{\mathsf{T}})Ab$ 

$$\label{eq:decomposition} $$\VMW{a}_{B}(c) $$ aBc$$$

 $\label{eq:local_vector} $$\operatorname{VMV}_{\langle nombre \rangle}_{\langle nombre \rangle}, \ y \ denota \ el \ producto \ vector \ por \ matriz \ por \ vector \ }$ 

$$\VMV{a}{B}$$

tiene 3 argumentos,  $\VMTW{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$ , y denota el producto vector por matriz transpuesta por vector

tiene 2 argumentos,  $\VMTV{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$ , y denota el producto vector por matriz por vector

$$$$ \VMTVp{a}{B} $$ aB^Ta$$ $$ a(B^T)a$$ a(B^T)a$$ $$ a(B^T)a$$ $$ VMTVP{a}{B} \VMTVP*{a}{B} $$ a(B^T)a$$ a(B^T)a$$ $$ a(B^T)a$$ $$ a(B^T)a$$ a(B^T)a$$ $$ a(B^T)a$$ a(B^T)a$$ a(B^T)a$$ a$$

tiene 1 argumento,  $\InvMTM{\langle nombre \rangle}$ , y denota la inversa del producto de una matriz transpuesta por ella misma

no tiene argumentos y denota la inversa del producto de la matriz X transpuesta por ella misma

tiene 2 argumentos,  $\MInvMTMMT[\langle subindice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota la matriz proyección sobre el espacio columna de la matriz de rango completo por columnas indicada por su  $\{\langle nombre \rangle\}$ 

tiene 4 argumentos,  $\VTW[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre2 \rangle\}$ , y denota el producto de una matriz fila por una matriz columna

tiene 2 argumentos,  $\VTV[\langle sub\'indice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto de una matriz fila por su transpuesta

 $\VTV{a} \VTV[h]{a}$ 

$$oxed{egin{bmatrix} oldsymbol{\left[a
ight]}^{\intercal}oldsymbol{\left[a
ight]}^{\intercal}oldsymbol{\left[a
ight]}^{\intercal}oldsymbol{\left[a
ight]}^{\intercal}oxed{\left[a
ight]}}$$

tiene 2 argumentos,  $\VWT[\langle sub\'indice1 \rangle] \{\langle nombre \rangle\} [\langle sub\'indice2 \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto de una matriz columna por una matriz fila

$$\VWT[h]{a}[k]{b}$$

$$oxed{egin{bmatrix} oldsymbol{a}_h ig] oldsymbol{b}_k ig]^\intercal}$$

\VVT tiene 2 argumentos, \VVT [ $\langle sub\'indice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota el producto de una matriz columna por su transpuesta

\VVT{a} \VVT[h]{a}

$$\boxed{[a][a]^\intercal} \boxed{[a_h][a_h]^\intercal}$$

# 1.11. Sistemas de ecuaciones

\SEL tiene 3 argumentos, \SEL{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle nombre \rangle$ }}, y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial)

$$SEL{A}{x}{b}$$

$$\mathbf{A}x = \mathbf{b}$$

\SELT tiene 3 argumentos, \SELT $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle nombre \rangle\}$ , y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial y matriz de coeficientes transpuesta)

$$\SELT{A}{x}{b}$$

$$oldsymbol{\mathsf{A}}^{\intercal} x = oldsymbol{b}$$

\SELTP tiene 3 argumentos, \SELTP{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial y matriz de coeficientes transpuesta entre paréntesis)

$$(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\,\boldsymbol{x}=\boldsymbol{b}$$

\SELF tiene 3 argumentos, \SELF $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle nombre \rangle\}$ , y denota un sistema de ecuaciones lineales en forma de combinaciones de lineales de las filas de la matriz de coeficientes (con notación matricial)

$$\SELF{y}{A}{b}$$

$$oldsymbol{y} \mathbf{A} = oldsymbol{b}$$

# 1.12. Espacios vectoriales

\text{EV} tiene 3 argumentos, \text{EV}[ $\langle sub\'indice \rangle$ ] [ $\langle super\'indice \rangle$ ] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota un espacio vectorial

$$\label{eq:conditional} $$ \EV{A} \EV{V} \EV[R]{E} \EV[R][*]{E} $$$$

$$\mathcal{AV}\mathcal{E}_{\scriptscriptstyle \mathbb{R}}\mathcal{E}_{\scriptscriptstyle \mathbb{R}}^*$$

\EspacioNul no tiene argumentos y denota al espacio nulo (o núcleo)

 $\mathcal{N}$ 

\EspacioCol no tiene argumentos y denota al espacio columna

\EspacioCol

|C|

\Nulls tiene 1 argumento, \Nulls $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el espacio nulo (o núcleo) del objeto

\Nulls\*

\nulls\*

\Nulls{f} \Nulls\*{f}

$$\mathcal{N}\left(f\right)$$
  $\mathcal{N}\left(f\right)$ 

 $\verb|\nulls| tiene 1 argumento, \verb|\nulls| \{\langle nombre \rangle\}, \ y \ denota el espacio nulo (o núcleo) de una matriz$ 

\nulls{A} \nulls\*{A}

$$\mathcal{N}(\mathbf{A})$$
  $\mathcal{N}(\mathbf{A})$ 

\Cols

tiene 1 argumento,  $Cols{\langle objeto \rangle}$ , y denota el espacio columna del objeto

\Cols\*

$$\Cols{f} \Cols*{f}$$

$$\boxed{\mathcal{C}\left(f\right) \boxed{\mathcal{C}\left(f\right)}}$$

\cols \cols\* tiene 1 argumento,  $\cols{\langle nombre \rangle}$ , y denota el espacio columna de una matriz

ols\* \cols{A} \cols\*{A}

$$\mathcal{C}\left(\mathbf{A}\right)$$
  $\mathcal{C}\left(\mathbf{A}\right)$ 

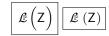
tiene 1 argumento,  $\S pan\{\langle sistema \rangle\}$ , y denota el espacio vectorial generado con los elementos del  $\{\langle sistema \rangle\}$  o conjunto

 $\span{\SV{Z}} \span*{\SV{Z}}$ 

$$\mathcal{L}(\mathsf{Z})$$
  $\mathcal{L}(\mathsf{Z})$ 

tiene 1 argumento,  $\PSpan{\langle sistema \rangle}$ , y denota el espacio semi-euclídeo de probabilidad generado con los elementos del  $\{\langle sistema \rangle\}$  o conjunto

 $\PSpan{\SV{Z}} \PSpan*{\SV{Z}}$ 



tiene 1 argumento,  $\coord{\langle vector\rangle}{\{\langle base\rangle\}}$ , y denota las coordenadas de un vector respecto de una base

 $\coord{\vect{x}}{\SV{Z}}$ 



 $$$ \operatorname{Ty}_{x}+\operatorname{Ty}_{z} \operatorname{Tx}_{x}+\operatorname{Ty}_{z} \left(\overrightarrow{x}+\overrightarrow{y}\right)_{z} \left(\overrightarrow{x}+\overrightarrow{y}\right)_{z} \right] $$$ 

\coordPE{\Vect{x}}{\Mat{B}} \coordPE\*{\Vect{x}}{\Mat{B}}



# 1.13. Notación funcional

El comando \dom no tiene argumentos y denota el dominio de una función

dom(f)

tiene 3 argumentos,  $\min{\langle nombre \rangle} \{\langle dominio \rangle\} \{\langle conjLlegada \rangle\}$ , y denota una función que asigna a los elementos de su dominio elementos del *conjunto de llegada* 

 $\label{linear_f} $$ \min\{f\}_{X}_{Y} \min\{x_{f}_{X}_{Y}$$$ 

$$\boxed{f \colon X \to Y} \boxed{X \xrightarrow{f} Y}$$

tiene 3 argumentos,  $\deffun\{\langle nombre\rangle\}\{\langle dominio\rangle\}\{\langle conjLlegada\rangle\}\{\langle variable\rangle\}\{\langle imagen\rangle\}$ , y denota una función que asigna a los elementos de su dominio elementos del *conjunto de llegada* 

$$f\colon\thinspace \mathbb{Z} \longrightarrow \mathbb{N}$$
$$x \longmapsto x^2$$

# 1.14. Estadística

El comando  $\ind{\langle conjunto\rangle}$  tiene 1 argumento y denota la función indicatriz del  ${\langle conjunto\rangle}$ 

 $\verb| \ind{\Omega}|$ 

El comando  $\texttt{Estmc}\{\langle objeto \rangle\}$  tiene 1 argumento y denota el ajuste MCO del  $\{\langle objeto \rangle\}$ 

\Estmc{A}  $\widehat{\widehat{A}}$ 

El comando  $\Media{\langle objeto \rangle}$  tiene 1 argumento y pinta una barra horizontal que denota la media (proyección ortogonal sobre los vectores contantes) del  $\{\langle objeto \rangle\}$ 

 $\Media{\Vect{x}}$ 

El comando \Smedia no tiene argumentos y pinta el símbolo del valor medio

\Smedia  $\mu$ 

\media El comando \media tiene 1 argumento, \Media $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el valor medio del objeto.

 $\mbox{media{\Vect{x}} \mbox{media{}}^2 \mbox{media{}}}$ 

 $\mu_{\boldsymbol{x}}$   $\mu_{\boldsymbol{x}}^2$   $\mu$ 

El comando \res no tiene argumentos y pinta el vector de residuos de un ajuste MCO

\res  $\widehat{\widehat{e}}$ 

# 2. Implementación

# 2.1. Conjuntos de números

- \Nn Números naturales, enteros, reales y complejos
- $\label{eq:command_Nn} $$ Zz = 1 \ensuremath{ {\mathbb{N}} } \xspace} $$$
- $\label{eq:linear_command_Zz} $$ \ensuremath{ {\mathbb{Z}}} }\xspace}$

- \Kk 4 \NewDocumentCommand\Cc{ }{\ensuremath{ {\mathbb{C}} }\xspace} 5 \NewDocumentCommand\Kk{ }{\ensuremath{ {\mathbb{K}} }\xspace}
  - 5 \NewDocumentCommand\Kk{ }{\ensuremath{ {\mathbb{K}}} }\xspace}
- Números naturales, enteros, reales y complejos con exponente opcional

- \CC 8 \NewDocumentCommand\R { O() }{\ensuremath{ {\Rr}^{#1} }\xspace}
- $\label{lem:command} $$ \K = 9 \ensuremath{ {\Cc}^{#1} }\xspace} $$$ 
  - 10 \NewDocumentCommand\K { O{} }{\ensuremath{ {\Kk}^{#1} }\xspace}

#### 2.2. Paréntesis y corchetes

\parentesis Paréntesis pequeños

res

- 11 \NewDocumentCommand\parentesis{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
- 12 {(#2)}
- 13 { \big(#2 \big)} \xspace}

\Parentesis Paréntesis de tamaño variable

- 15 {\left(#2\right)}
- 16 { \Big(#2 \Big)} \xspace}

\corchetes Corchetes pequeños

- 17 \NewDocumentCommand\corchetes{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
- 18 {[#2]}
- 19 { \big[#2 \big]} \xspace}

\Corchetes Corchetes de tamaño variable

- 20 \NewDocumentCommand\Corchetes{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
- 21 {\left[#2\right]}
- 22 { \Big[#2 \Big]} \xspace}

### 2.3. Subíndices

```
\LRidxE Comandos para escribir índices a derecha e izquierda de un objeto (con exponente)
     \LRidxEp
                                       23 \end{LRidxE {mmmm}} {\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ens
   \LRidxEp*
     \LRidxEP
                                       25 \NewDocumentCommand\LRidxEp {smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                      {\LRidxE{\parentesis*{#2}}{#3}{#4}{#5}}
   \LRidxEP*
                                       26
                                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                                                                                      {\LRidxE{\text{yarentesis } {#2}}{#3}{#4}{#5}}
                                       27
  \LRidxEpE
                                       28
\LRidxEpE*
                                       29 \NewDocumentCommand\LRidxEP {smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
  \LRidxEPE
                                                                                                      {\LRidxE{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}{#5}}
\LRidxEPE*
                                        31
                                                                                                      {\LRidxE{\Parentesis {#2}}{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                        32
                                        33 \NewDocumentCommand\LRidxEpE {smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                      {\parentesis*{\LRidxE{#2}{#3}{#4}{#5}}}
                                        34
                                                                                                      {\parentesis {\LRidxE{#2}{#3}{#4}{#5}}}
                                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                        35
                                        36
                                        37 \NewDocumentCommand\LRidxEPE {smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                      {\Parentesis*{\LRidxE{#2}{#3}{#4}{#5}}}
                                                                                                      {\operatorname{LRidxE}{#2}{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
             \LidxE Comandos para escribir índices a la izquierda de un objeto (con exponente)
         \LidxEp
                                       40 \end{lidxe} { mmm}{\end{lidxe } { mmm}{\end{lidxe } { mmm}}} \end{lidxe } { mmm}{\end{lidxe } { mmm}} \end{lidxe } { mmmmmm} \end{lidxe } { mmmmmmm} \end{lidxe } { mmmmmm} \end{lidxe } { mmmmmm} \end{lidxe } { mmmmmm} \end{lidxe } { mmmmmm} \end{lidxe } { mmmmmmm} \end{lidxe } { mmmmmmm} \end{lidxe } { mmmmmm} \end{lidxe } { mmmmm} \end{lidxe } { mmmmmm} \end{lidxe } { mmmmmm} \end{lidxe } { mmmmmm} { mmmmmm} \end{lidxe } { mmmmmm} \end{lidxe } { mmmmmm} { mmmmmm} { mmmmm} { mmmmm} { mmmmm} { mmmmm} { mmmmm} { mmmmm} { mmmmmm} { mmmmm} { mmmm} { mmmm} { mmmmm} { mmmmm} { mmmmm} { mmmm} { mmmmm} { mmmmm} { mmmm} { mmmm} { mmmm} { mmmmm} { mmmm} { mmmmm} { mmmm} { mmm} { mmm} { mmm} { mmmm} { mmmm} { mmm} { mmm} { mmm} { mmmm} { mmm} { mmmm} { mmm} { mmm
      \LidxEp*
        \LidxEP
                                       42 \NewDocumentCommand\LidxEp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                                                      {\LidxE{\parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
                                       43
      \LidxEP*
                                                                                                      {\LidxE{\parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                       44
     \LidxEpE
                                       45
   \LidxEpE*
                                       46 \NewDocumentCommand\LidxEP {smmm}{\ensuremath{\lifBooleanTF#1}
     \LidxEPE
                                                                                                      {\tilde{2}}{\#3}{\#4}
   \LidxEPE*
                                                                                                      {\coprod_{x\in {\mathbb R}}{\#3}{\#4}}
                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                        48
                                        50 \NewDocumentCommand\LidxEpE {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                      {\parentesis*{\LidxE{#2}{#3}{#4}}}
                                        51
                                                                                                      {\parentesis {\LidxE{#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                        52
                                        53
                                        54 \NewDocumentCommand\LidxEPE {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                      {\Parentesis*{\LidxE{#2}{#3}{#4}}}
                                        55
                                                                                                      {\Parentesis {\LidxE{#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                      Comandos para escribir índices a la derecha de un objeto (con exponente)
             \RidxE
         \RidxEp
                                       57 \NewDocumentCommand\RidxE { mmm}{\ensuremath{{\leftidx{}}
                                                                                                                                                                                                                                                                        }{{#1}}{_{#2}^{#3}}}\xspace}
      \RidxEp*
                                       58
         \RidxEP
                                       59 \NewDocumentCommand\RidxEp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                      {\text{NidxE}} {\text{parentesis}} {\text{#3}} {\text{#4}}
      \RidxEP*
                                       60
                                                                                                      {\text{\normalfont MidxE(\parentesis } {#2}}{\#3}{\#4}}
                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                       61
     \RidxEpE
   \RidxEpE*
                                       63 \NewDocumentCommand\RidxEP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
      \RidxEPE
                                                                                                      {RidxE{\operatorname{Name}(\#2)}{\#3}{\#4}}
   \RidxEPE*
                                        65
                                                                                                      {\text{\ensuremath{\mbox{\normalfont RidxE{\Parentesis}{#3}{#4}}}}
                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                        66
                                        67 \label{lem:command} $$67 \ensuremath{\life} {\rm smmm}_{\life} $$150 \ensuremath{\life} $$150
                                                                                                      {\parentesis*{\RidxE{#2}{#3}{#4}}}
                                        68
                                                                                                      {\operatorname{KidxE}}{\#3}{\#4}}
                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                        69
                                        70
                                        71 \NewDocumentCommand\RidxEPE {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                      {\operatorname{RidxE}}{\#3}{\#4}}
                                                                                                      {\operatorname{RidxE}}{\#3}{\#4}}
                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                        73
```

```
\LRidx Comando para escribir un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto
           74 \NewDocumentCommand\LRidx { mmm}{\ensuremath{{\LRidxE{#1}{#2}{#3}{}}}\xspace}
           Comandos para escribir un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto entre paréntesis
 \LRidxp
 \LRidxp*
           75 \NewDocumentCommand\LRidxp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
 \LRidxP
                               {\LRidx{\parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
 \LRidxP*
                               {\LRidx{\parentesis {#2}}{#3}{#4}}
           77
           78
           79 \NewDocumentCommand\LRidxP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                               {\LRidx{\operatorname{Parentesis}}{\#3}{\#4}}
           80
                               {\LRidx{\Parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                        }\xspace}
           81
\LRidxpE
           Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto
\LRidxpE*
           82 \NewDocumentCommand\LRidxpE {smmm}{\ensuremath{\\IfBooleanTF#1}}
\LRidxPE
                               {\parentesis*{\LRidx{#2}{#3}{#4}}}
\LRidxPE*
           84
                               {\operatorname{LRidx}{#2}{#3}{#4}}}
                                                                        }\xspace}
           85
           87
                               {\Parentesis*{\LRidx{#2}{#3}{#4}}}
           88
                               {\Parentesis {\LRidx{#2}{#3}{#4}}}
                                                                        }\xspace}
    \Lidx Comando para escribir un índice a la izquierda de un objeto
           89 \NewDocumentCommand\Lidx
                                           { mm}{\ensuremath{\LidxE \{#1\}\{#2\}\{\}}
                                                                                      }\xspace}
   \Lidxp
           Comandos para escribir un índice a la izquierda de un objeto entre paréntesis
  \Lidxp*
           90 \NewDocumentCommand\Lidxp
                                           { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
   \LidxP
           91
                               {\coprod_{x{\text{parentesis}}{#3}}}
  \LidxP*
           92
                               {\coprod_{x\in \mathbb{Z}}{\#3}}
                                                                   }\xspace}
           93
           94 \NewDocumentCommand\LidxP
                                           { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                               {\Lidx{\Parentesis*{#2}}{#3}}
           95
                               {\coprod_{x\in \mathbb{Z}}{\#3}}
                                                                  }\xspace}
           96
           Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la izquierda de un objeto
 \LidxpE*
           97 \NewDocumentCommand\LidxpE
                                           { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
  \LidxPE
           98
                               {\operatorname{x}}{\operatorname{Lidx}}{\#3}}
 \LidxPE*
                                                                   }\xspace}
           99
                               {\operatorname{Lidx}{#2}{#3}}
          100
          101 \NewDocumentCommand\LidxPE
                                            { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
          102
                               {\operatorname{Narentesis}}{\operatorname{Lidx}{\#2}{\#3}}
                               {\operatorname{Lidx}}{\#2}{\#3}}
                                                                   }\xspace}
    \Ridx Comando para escribir un índice a la derecha de un objeto
          104 \NewDocumentCommand\Ridx
                                            { mm}{\ensuremath{\RidxE {#1}{#2}{}}
                                                                                       }\xspace}
   \Ridxp Comandos para escribir un índice a la derecha de un objeto entre paréntesis
  \Ridxp* 105 \NewDocumentCommand\Ridxp
                                            {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
   \RidxP 106
                               {\Ridx{\parentesis*{#2}}{#3}}
  \RidxP* 107
                               {\left\{ \right\} }{\left\{ \right\} }
                                                                   }\xspace}
          108
          109 \NewDocumentCommand\RidxP
                                            {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
          110
                               {\left\{ \right\}}{\left\{ \right\}}
                               {\left\{ \right\} }
                                                                   }\xspace}
 \RidxpE Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la derecha de un objeto
 \RidxpE* 112 \NewDocumentCommand\RidxpE {smm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}
 \RidxPE 113
                               {\operatorname{x}}{\operatorname{x}}
 \RidxPE* 114
                               {\operatorname{Ridx}}{\#2}{\#3}}
                                                                   }\xspace}
```

```
115
                          116 \NewDocumentCommand\RidxPE {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                            {\operatorname{Norm}} {\operatorname{Norm}} {\operatorname{Norm}} {
                          117
                                                                            {\operatorname{Ridx}}{\#2}{\#3}}
                          118
                                                                                                                                                                      }\xspace}
                                               Operadores
                            2.4.
                                                 Conjugación y concatenación
                          Barra ancha para indicar media o conjugación
  \widebar
                          119 \mbox{NewDocumentCommand\widebar{m}{\mathbb{m}}{\mathrm{m}}}
                          Signo de conjugación
                          120 \NewDocumentCommand\conj
                                                                                                         {m}{\ensuremath{\widebar{#1}}\xspace}
     \concat Concatenación
                          121 \end{\concat}{\mathbin{\mathpalette\conc@t\relax}}
                          122 \newcommand{\conc@t}[2]{%
                                       \vcenter{\hbox{%
                          124
                                             \son z@{{m@th#1-$}}%
                          125
                                             \setlength{\unitlength}{\wd\z0}%
                          126
                                             \begin{picture}(1,1)
                                             \roundcap
                          127
                                             \begin{array}{l} \begin{array}{l} \begin{array}{l} \begin{array}{l} \begin{array}{l} \begin{array}{l} \\ \end{array} \end{array} \end{array} \end{array} \end{array} 
                          128
                                             \put(0.35,0.1){\line(0,1){0.8}}
                          129
                          130
                                             \begin{array}{l} \begin{array}{l} \begin{array}{l} \begin{array}{l} \begin{array}{l} \begin{array}{l} \\ \end{array} \end{array} \end{array} \end{array} \end{array} 
                          131
                                            \end{picture}%
                                       }} }
                          132
                            2.4.2. Norma y valor absoluto
       \norma Norma de un objeto
     {\{ \left\{ \left\{ v_{\#3}\right\} \right\} }
                          134
                                                                  }}
                                                                                    \lVert{#3}
                                                                                                                              \rVert}_{\scriptstyle{#2}}} \xspace}
                          135
  \modulus Valor absoluto
\verb|\modulus*| 136 \verb|\m
                                                                  {\left| {\left| {\#2}\right| } \right|}
                          137
                                                                  {
                                                                                 |{#2}
                                                                                                                                                              }\xspace}
                          138
                                                                                                            1}
            \abs Valor absoluto
          \abs* _{139} \ensuremath{\life} \abs{sm}{\constraint} \abs{sm}{\constraint} \abs{mand} \abs{sm}
                          140
                                                                  {\left| {\left| {\#2}\right| } \right|}
                                                                                 |{#2}
                                                                                                                                                              }\xspace}
                          141
                             2.4.3.
                                                 Transposición
                 \T Signo de transposición
                          142 \MewDocumentCommand\T{}{\clintercal}
       \Trans Transposición
     \Transp* 144
                                                       {\RidxE{#2\big.}{\T} }
     \TransP 145
                                                       {RidxE{#2}{}{T}}
                                                                                                                                                                      }\xspace}
  \TransP* 146
  {\Trans{{\parentesis*{#2}}}}
\TranspE* 148
  \TransPE
\TransPE*
```

```
{\Trans{{\parentesis {#2}}}}
                                                                                                                  }\xspace}
                    149
                    150
                    151 \MewDocumentCommand\TransP {sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF\#1}}
                                         {\Trans{{\Parentesis*{#2}}}}
                    152
                                         {\Trans{{\Parentesis {#2}}}}
                                                                                                                  }\xspace}
                    153
                    154
                    155 \verb|\NewDocumentCommand\TranspE{sm}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consuremath}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consuremath}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\clip{consument}}{\c
                                         {\parentesis*{\Trans{#2}}}
                    156
                    157
                                         {\parentesis {\Trans{#2}}}
                                                                                                                  }\xspace}
                    158
                    159 \NewDocumentCommand\TransPE{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                         {\Parentesis*{\Trans{#2}}}
                                         {\Parentesis {\Trans{#2}}}
                                                                                                                  }\xspace}
                    161
                      2.4.4.
                                   Inversa
     \minus Signo negativo para indicar la inversa
                    162 \NewDocumentCommand\minus { }{\hbox{-}}
         \Inv Notación de la inversa
       \label{lnvp} 163 \end{NewDocumentCommand} Inv
                                                                                    {m
                                                                                                }{\ensuremath{ \RidxE{#1}{}{\minus1} }\xspace}
     \Invp* 164
                                                                                                }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
       \InvP 165 \NewDocumentCommand\Invp
                                                                                   {sm
     \InvP* 166
                                                   {\Inv{{\parentesis*{#2}}}}
                                                   {\Inv{{\parentesis {#2}}}}
                                                                                                                                 }\xspace}
     \label{lnvpE} 167
    \InvpE* 168
     \verb|\InvPE| 169 \verb|\NewDocumentCommand\InvP|
                                                                                                }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                                    \{sm
   \label{eq:lnvPE*} \ ^{170}
                                                   {\Inv{{\Parentesis*{#2}}}}
                    171
                                                   {\Inv{{\Parentesis {#2}}}}
                    172
                    173 \NewDocumentCommand\InvpE
                                                                                   {sm
                                                                                               }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                   {\parentesis*{\Inv{#2}}}
                    175
                                                   {\parentesis {\Inv{#2}}}
                    177 \NewDocumentCommand\InvPE
                                                                                   {sm }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                    178
                                                   {\Parentesis*{\Inv{#2}}}
                                                   {\Parentesis {\Inv{#2}}}
                                                                                                                             }\xspace}
                    179
                      2.4.5. Operador selector
 \getItem Signo de operador selector
                    180 \NewDocumentCommand\getItem { }{\ensuremath{ \pmb{\mid}}
                                                                                                                                                   }\xspace}
\getitemL Operador selector por la izquierda y operador selector por la derecha
                    181 \NewDocumentCommand\getitemL{m}{\ensuremath{ {#1} \getItem }\xspace}
                    182 \NewDocumentCommand\getitemR{m}{\ensuremath{ \getItem {#1} }\xspace}
                            selector por la izquierda de un objeto
     \elemL Selector por la izquierda
   \verb|\elemLp| 183 \verb|\elemLcommand| elemL|
                                                                                   {mm}{\ensuremath{ \Lidx{#1}{\getitemL{#2}} }\xspace}
 \elemLp* 184
   \elemLP 185 \NewDocumentCommand\elemLp \{\smm\}\\ensuremath\\IfBooleanTF#1
 \elemLP* 186
                                       {\elemL{\parentesis*{#2}}{#3}}
                                       {\elemL{\parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}
 \elemLpE 187
\elemLpE* 188
 \elemLPE 189 \NewDocumentCommand\elemLP {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
\elemLPE* 190
```

```
193 \ensuremath{\local{lemLpE\{smm\}\{\ensuremath\{\local{lemLpE}}}
                                                   194
                                                                                              {\parentesis*{\elemL{#2}{#3}}}
                                                                                             {\parentesis {\elemL{#2}{#3}}} }\xspace}
                                                   195
                                                   196
                                                   197 \ensuremath{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDo
                                                                                             {\Parentesis*{\elemL{#2}{#3}}}
                                                   198
                                                   199
                                                                                              {\Parentesis {\elemL{#2}{#3}}} }\xspace}
                                                                      por la derecha de un objeto
                 \elemR
                                                    Selector por la izquierda
              \elemRp 200 \NewDocumentCommand\elemR
                                                                                                                                                                                                   {mm}{\ensuremath{ \Ridx{#1}{\getitemR{#2}} }\xspace}
        \elemRp* 201
            \elemRP 202 \NewDocumentCommand\elemRp \{\smm\}-{\left\\IfBooleanTF#1
                                                                                             {\elemR{\parentesis*{#2}}{#3}}
        \elemRP* 203
                                                                                             {\elemR{\parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}
        \ensuremath{\verb|lenRpE||} 204
    \ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\sc lemRpE*}}}\xspace}^{205}
        \verb|\end{|} \begin{tabular}{ll} \label{lemRP} & 206 \end{|} \begin{tabular}{ll} \label{lemRP} & 206 \end{|} \begin{tabular}{ll} \label{lemRP} & 206 \end{|} \begin{tabular}{ll} \label{lemRP} \begin{tabular}{ll} \label{lemRP} & 206 \end{|} \begin{tabular}{ll} \label{lemRP} \begin{tabular}{ll} \label{lemRP} \label{lemRP} & 206 \end{tabular} \begin{tabular}{ll} \label{lemRP} \label{lemRPR} \labell{lemRPR} \labell{lemRPR} \labell{lemRPR} \labell{lemRPR} \labell} \labell{lemRPR} \labell{lemRPR} \labell{lemRPR} \labell{lem
                                                                                             {\elemR{\Parentesis*{#2}}{#3}}
                                                  207
    \elemRPE*
                                                                                             {\elemR{\Parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}
                                                   208
                                                   209
                                                   210 \NewDocumentCommand\elemRpE{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                   211
                                                                                             {\parentesis*{\elemR{#2}{#3}}}
                                                                                              {\parentesis {\elemR{#2}{#3}}} }\xspace}
                                                   213
                                                   214 \ensuremath{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\label{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\labell{lemRPE}smm}{\lab
                                                   215
                                                                                              {\Parentesis*{\elemR{#2}{#3}}}
                                                                                             {\Parentesis {\elemR{#2}{#3}}} }\xspace}
                                                   216
                                                                      por ambos lados de un objeto
             \elemLR Selectores por ambos lados
        \verb|\elemLRp||_{217} \verb|\NewDocumentCommand\\| elemLR\{mmm\}\{
    \elemLRp* 218
                                                                                    \ensuremath{ \LRidx{#1}{\getitemL{#2}}{\getitemR{#3}} }\xspace}
        \elemLRP 219
    \elemLRP* 220 \NewDocumentCommand\elemLRp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                                             {\elemLR{\parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
    \elemLRpE 221
                                                                                              {\elemLR{\parentesis {#2}}{#3}{#4}}
\elemLRpE* 222
                                                                                                                                                                                                                                                                              }\xspace}
   \ \ \ \ \ ^{-}
                                                 224
                                                                \NewDocumentCommand\elemLRpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
\elemLRPE*
                                                  225
                                                                                              {\parentesis*{\elemLR{#2}{#3}{#4}}}
                                                   226
                                                                                             {\parentesis {\elemLR{#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                              }\xspace}
                                                   227
                                                   228 \NewDocumentCommand\elemLRP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                              {\elemLR{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
                                                   229
                                                                                              {\elemLR{\Parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                   230
                                                                                                                                                                                                                                                                              }\xspace}
                                                   231
                                                   232 \NewDocumentCommand\elemLRPE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                                              {\Parentesis*{\elemLR{#2}{#3}{#4}}}
                                                   233
                                                                                               {\Parentesis {\elemLR{#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
                                                   234
                                                                      por la izquierda de un vector
                 \elevl Selector de elementos de un vector por la izquierda
             \verb|\eleVLp| 235 \end{|} \label{levLomm} $$ \ensuremath{\IfNoValueTF{\#1}\%} $$ \ensuremath{\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Command\Com
        \eleVLp* 236
                                                                                                       {\elemL {\Vect
                                                                                                                                                                                               {#2}}{#3}}
            \eleVLP 237
                                                                                                      {\elemLP*{\Vect[#1]{#2}}{#3}}
                                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
        \eleVLP*
        \eleVLpE
                                                                                                                                                                                                                                                                          50
    \eleVLpE*
        \eleVLPE
    \eleVLPE*
```

{\elemL{\Parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}

```
{\elemLp*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                            241
                                                                                              {\elemLp {\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                                            242
                                            243 \NewDocumentCommand\eleVLP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF{#1}%}
                                                                                              {\elemLP*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                            244
                                            245
                                                                                              {\elemLP {\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                                            246
                                            247 \NewDocumentCommand\eleVLpE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                                                                                         {\elemLpE*{\IfNoValueTF{#2}}
                                            248
                                                                                                                                           {\Vect
                                            249
                                                                                                                                                                                                 {#3}}
                                            250
                                                                                                                                           {\ensuremath{\tt Vectp*[#2]{#3}}}{\#4}}
                                                                                          {\elemLpE {\IfNoValueTF{#2}}
                                            251
                                            252
                                                                                                                                           {\Vect
                                                                                                                                                                                                {#3}}
                                                                                                                                           {\Vectp*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                                            253
                                            254
                                            255 \NewDocumentCommand\eleVLPE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                                                                                         {\elemLPE*{\IfNoValueTF{#2}}
                                            256
                                                                                                                                           {\Vect
                                            257
                                                                                                                                                                                                {#3}}
                                            258
                                                                                                                                           {\VectP*[#2]{#3}}}{#4}}
                                            259
                                                                                          {\elemLPE {\IfNoValueTF{#2}}
                                            260
                                                                                                                                           {\Vect
                                                                                                                                                                                                 {#3}}
                                            261
                                                                                                                                           {\VectP*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
                                                              por la derecha de un vector
            \eleVR Selector de elementos de un vector por la derecha
        \verb|\eleVRp||_{262} \verb|\elevRoumentCommand| elevR{omm}{\ensuremath{\lifnoValueTF{\#1}\%}} |
    \eleVRp* 263
                                                                                              {\operatorname{\mathbb{V}ect}}
                                                                                                                                                                                   {#2}}{#3}}
                                                                                              {\elemRP*{\Vect[#1]{#2}}{#3}}
       \eleVRP 264
                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
   \ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\sc leVRP*}}}\xspace 265
   \verb|\eleVRpE| 266 \label{levRpE} 266 \label{levRpE} & $$ \end{\colored} $$$ \end{\colored} $$ \end{\colored} $$$ \end{\colored} $$$ \end{\colored} $$$ \end{
                                                                                              {\elemRp*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
\eleVRpE* 267
                                                                                              {\elemRp {\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
   \verb|\eleVRPE||^{268}
\eleVRPE*
                                            270 \NewDocumentCommand\eleVRP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF{#1}%}
                                            271
                                                                                              {\elemRP*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                            272
                                                                                              {\elemRP {\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                                            273
                                            274 \ensuremath{\left} ensuremath{\left} flooleanTF\#1\% and the command the c
                                                                                          {\elemRpE*{\IfNoValueTF{#2}}
                                            275
                                            276
                                                                                                                                           {\Vect
                                                                                                                                                                                                 {#3}}
                                                                                                                                           {\Vectp*[#2]{#3}}}{#4}}
                                            277
                                                                                          {\elemRpE {\IfNoValueTF{#2}}
                                            278
                                            279
                                                                                                                                           {\Vect
                                            280
                                                                                                                                           {\Vectp*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                                            281
                                            282 \ensuremath{\left} {\left} and \eleVRPE{somm}{\left} anti-figuremath{\left} {\left} anti-figuremath{\left} {\left} and \ensuremath{\left} {\left} anti-figuremath{\left} anti-figuremath{\left} {\left} anti-figuremath{\left} anti-figuremath{
                                                                                          {\elemRPE*{\IfNoValueTF{#2}}
                                            283
                                                                                                                                           {\Vect
                                                                                                                                                                                                 {#3}}
                                            284
                                                                                                                                           {\VectP*[#2]{#3}}}{#4}}
                                            285
                                                                                          {\elemRPE {\IfNoValueTF{#2}}
                                            286
                                            287
                                                                                                                                           {\Vect
                                                                                                                                                                                                {#3}}
                                                                                                                                           {\VectP*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                                            288
                                                              de filas de una matriz
                                               Selector de filas de una matriz
            \VectF
        \VectFp
    \VectFp*
       \VectFP
                                                                                                                                                                                                                                                           51
   \VectFP*
   \VectFpE
\VectFpE*
   \VectFPE
```

239 \NewDocumentCommand\eleVLp{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF{#1}%}

238

240

\VectFPE\*

```
289 \NewDocumentCommand\VectF{omm}{\ensuremath{\IfNoValueTF{#1}%}
                      {\elemL {\Mat
                                       {#2}}{#3}}
          290
          291
                     {\elemLp*{\Mat[#1]{#2}}{#3}}
                                                     }\xspace}
          292
          293 \NewDocumentCommand\VectFp{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%%
                     {\elemLp*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
          294
                     {\elemLp {\Mat[#2]{#3}}{#4}} \xspace}
          295
          296
          297 \NewDocumentCommand\VectFP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%%
                     {\elemLP*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
          298
                     {\elemLP {\Mat[#2]{#3}}{#4}} \xspace}
          299
          301 \NewDocumentCommand\VectFpE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                     {\elemLpE*{\IfNoValueTF{#2}}
          302
          303
                               {\Mat
                                          {#3}}
                               {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
          304
                     {\elemLpE {\IfNoValueTF{#2}}
          305
          306
                               {\Mat
                                          {#3}}
                               {\Matp*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
          307
          308
          309 \NewDocumentCommand\VectFPE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
          310
                    {\elemLPE*{\IfNoValueTF{#2}}
          311
                               {\Mat
                                          {#3}}
          312
                               {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
          313
                     {\elemLPE {\IfNoValueTF{#2}}
          314
                               {\Mat
                                          {#3}}
                               {MatP*[#2]{#3}}{#4}} \xspace}
          315
  \VectTF Selector de filas de una matriz
 \VectTFp* 317
                     {\elemL {\MatTpE* {#2}}{#3}}
 \VectTFP 318
                      {\elemLp*{\MatT[#1]{#2}}{#3}}
                                                      }\xspace}
\VectTFP* 319
{\elemLp*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
\VectTFpE* ^{321}
                     {\tt \{\end{tabular} \{\mbox{\tt MatT[#2]{#3}}{#4}\} \ \} xspace}
\verb|\VectTFPE||^{322}
          323
\VectTFPE*
          324 \NewDocumentCommand\VectTFP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%%
          325
                      {\elemLP*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
                      {\elemLP {\MatT[#2]{#3}}{#4}} }\xspace}
          326
          327
             \NewDocumentCommand\VectTFpE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
          328
                     {\elemLpE*{\IfNoValueTF{#2}}
          329
          330
                               {\MatTpE*
                                            {#3}}
                               {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
          331
                     {\elemLpE {\IfNoValueTF{#2}}
          332
                               {\MatTpE*
          333
                                            {#3}}
                               {\MatTpE*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
          334
          335
          336 \NewDocumentCommand\VectTFPE{somm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1%}
                     {\elemLPE*{\IfNoValueTF{#2}}
          337
                               {\MatTpE*
          338
                                            {#3}}
          339
                               {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
                     {\elemLPE {\IfNoValueTF{#2}}
          340
          341
                               {\MatTpE*
                                            {#3}}
                               {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
          342
```

de columnas de una matriz

```
\VectC Selector de columnas de una matriz
     \VectCp* _{344}
                                           {\operatorname{Mat}}
                                                                              {#2}}{#3}}
     \VectCP 345
                                           {\elemRp*{\Mat[#1]{#2}}{#3}}
                                                                                                          }\xspace}
   \VectCP* 346
   \VectCpE* ^{348}
                                           {\elemRp*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
                                           {\elemRp {\Mat[#2]{#3}}{#4}}
   \VectCPE ^{349}
                                                                                                     }\xspace}
                     350
 \VectCPE*
                     351 \NewDocumentCommand\VectCP{somm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1\%,
                                           {\elemRP*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
                     352
                                           {\elemRP {\Mat[#2]{#3}}{#4}} \xspace}
                     353
                     354
                     355 \\\ \NewDocumentCommand\VectCpE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}}
                                         {\elemRpE*{\IfNoValueTF{#2}}
                     356
                     357
                                                               {\Mat
                                                                                    {#3}}
                                                               {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
                     358
                                         {\elemRpE {\IfNoValueTF{#2}}
                     359
                                                               {\Mat
                     360
                                                                                    {#3}}
                     361
                                                               {\Matp*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                     362
                     363 \NewDocumentCommand\VectCPE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                                         {\elemRPE*{\IfNoValueTF{#2}}
                                                               {\Mat
                                                                                    {#3}}
                     365
                                                               {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
                     366
                                         {\elemRPE {\IfNoValueTF{#2}}
                     367
                                                               {\Mat
                                                                                    {#3}}
                     368
                                                               {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                     369
     \VectTC Selector de columnas de una matriz
   \verb|\VectTCp| 370 \end{to} when the command 
 \VectTCp* 371
                                           {\elemR {\MatTpE* {#2}}{#3}}
   \VectTCP 372
                                           {\elemRp*{\MatT[#1]{#2}}{#3}}
                                                                                                            }\xspace}
 \VectTCP* 373
 {\elemRp*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
\VectTCpE* 375
                                           {\elemRp {\MatT[#2]{#3}}{#4}} }\xspace}
 \verb|\VectTCPE||^{376}
\VectTCPE*
                     378 \NewDocumentCommand\VectTCP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%%
                     379
                                           {\elemRP*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
                     380
                                           {\elemRP {\MatT[#2]{#3}}{#4}} }\xspace}
                     382 \NewDocumentCommand\VectTCpE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                     383
                                         {\elemRpE*{\IfNoValueTF{#2}}
                     384
                                                               {\MatTpE*
                                                                                        {#3}}
                                                               {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
                     385
                     386
                                         {\elemRpE {\IfNoValueTF{#2}}
                     387
                                                               {\MatTpE*
                                                                                        {#3}}
                     388
                                                               {\MatTpE*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
                     389
                     390 \NewDocumentCommand\VectTCPE{somm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1%}
                     391
                                         {\elemRPE*{\IfNoValueTF{#2}}
                     392
                                                               {\MatTpE*
                                                                                        {#3}}
                                                               {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
                     393
                     394
                                         {\elemRPE {\IfNoValueTF{#2}}
                                                               {\MatTpE*
                     395
                                                                                        {#3}}
                     396
                                                               {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
```

de elementos de una matriz

```
\eleM Selector de elementos de una matriz
             \eleMp* 398
                                                                                                                                                                                                                                        {\Mat
                                                                                                                                                                                                                                                                                             {#2}}
             \eleMP 399
                                                                                                                                                                                                                                        {\MatP*[#1]{#2}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }{#3}{#4}}\xspace}
         \eleMP* 400
         {\elemLRp* {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
    \ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\mbox{\ensuremath{\mbox{\mbox{\ensuremath{\mbox{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\mbox{\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\engen}}}}}}}}}}} \endexspace $$\ \end{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\
         \eleMPE ^{403}
                                                                                                                                            {\elemLRp {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}} }\xspace}
    \eleMPE*
                                                405 \NewDocumentCommand\eleMP {sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                                                            {\elemLRP* {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                406
                                                                                                                                            {\elemLRP {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}} }\xspace}
                                                407
                                                408
                                                409 \NewDocumentCommand\eleMpE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                                                            {\parentesis*{\IfNoValueTF{#1}}
                                                410
                                                411
                                                                                                                                                                                                                          {\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath}\amb}\amb}}}}}}}}}}}}}}}}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                           {#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                          {\eleM[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           }}
                                                412
                                                                                                                                            {\parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
                                                413
                                                                                                                                                                                                                                                                          {#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                          {\leq M}
                                                414
                                                                                                                                                                                                                          {\eleM[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           415
                                                416
                                                417 \NewDocumentCommand\eleMPE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                                                            {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#1}}
                                                                                                                                                                                                                          {\left\{ \right\} }
                                                                                                                                                                                                                                                                          {#3}{#4}{#5}}
                                                419
                                                                                                                                                                                                                          {\eleM[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           }}
                                                420
                                                                                                                                            {\Parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
                                                421
                                                                                                                                                                                                                                                                        {#3}{#4}{#5}}
                                                422
                                                                                                                                                                                                                         {\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\en
                                                                                                                                                                                                                         {\left[ {2}, {43}, {44}, {45} \right]}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           423
                                                                   de elementos de una matriz transpuesta
             \eleMT Selector de elementos de una matriz
         \eleMTp 424 \NewDocumentCommand\eleMT{ommm}{\ensuremath{\elemLRP*{\MatT[#1]{#2}}{#3}{#4}}\xspace}
    \ensuremath{\mbox{\mbox{eleMTp*}}}\ _{425}
         \eleMTP 426 \NewDocumentCommand\eleMTp {sommm}{\ensuremath{\\IfBooleanTF#1}}
    \eleMTP* 427
                                                                                                                                            {\elemLRp*{\parentesis*{\Mat[#2]{#3}}^\T}{#4}{#5}}
   \verb|\eleMTpE||^{428}
                                                                                                                                            {\elemLRp {\parentesis*{\Mat[#2]{#3}}^\T}{#4}{#5}}
\label{lem:town} $$ \ensurement $$
                                              431
                                                                                                                                            {\elemLRP*{\parentesis*{\Mat[#2]{#3}}^\T}{#4}{#5}}
\eleMTPE*
                                                                                                                                            {\elemLRP {\parentesis*{\Mat[#2]{#3}}^\T}{#4}{#5}}
                                                432
                                                433
                                                434 \NewDocumentCommand\eleMTpE{sommm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}}
                                                                                                                                            {\parentesis*{\IfNoValueTF{#1}}
                                                435
                                                                                                                                                                                                                         {\eleMT
                                                                                                                                                                                                                                                                               {#3}{#4}{#5}}
                                                436
                                                                                                                                                                                                                         {\eleMT[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                }}
                                                437
                                                                                                                                            {\parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
                                                438
                                                                                                                                                                                                                                                                               {#3}{#4}{#5}}
                                                439
                                                                                                                                                                                                                          {\left\{ \right.}
                                                                                                                                                                                                                          {\eleMT[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                                                440
                                                441
                                                442 \NewDocumentCommand\eleMTPE{sommm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}}
                                                443
                                                                                                                                            {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#1}}
                                                                                                                                                                                                                         {\left\{ \right.}
                                                444
                                                                                                                                                                                                                                                                               {#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                         {\eleMT[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                }}
                                                445
                                                                                                                                            {\Parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
                                                446
                                                                                                                                                                                                                         {\eleMT
                                                                                                                                                                                                                                                                               {#3}{#4}{#5}}
                                                447
                                                                                                                                                                                                                          {\eleMT[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                448
```

## 2.4.6. Operaciones elementales

```
\TrEl Signo de transformación elemental
                449 \DeclareMathOperator{\TrEl}{\boldsymbol{\tau}}
         \su Transformación elemental Tipo I
                450 \NewDocumentCommand\su{mmm}{\commanth{\%}}
                451
                                                              \left(#1\right){\boldsymbol{#2}}+{\boldsymbol{#3}}
                                                                                                                                                              }\xspace}
         \pr Transformación elemental Tipo II
                452 \NewDocumentCommand\pr{mm }{\ensuremath{%
                453
                                                              \left(#1\right){\boldsymbol{#2}}
                                                                                                                                                              }\xspace}
         \pe Intercambio (permuta de dos elementos)
                454 \NewDocumentCommand\pe{mm }{\ensuremath{%
                455
                                                            \boldsymbol{#1} \rightleftharpoons \boldsymbol{#2}
                                                                                                                                                              }\xspace}
     \perm Reordenamiento de los elementos (permutación)
                456 \NewDocumentCommand\perm{}{\normalfont{NewDocumentCommand}}
                                                                                                                                                               }\xspace}
       \Ope Operación elemental
                457 \end{OpEm}{\colored} \label{left[{#1}\right]} \end{OpEm} \end
     \OEsu Oper. elem. que suma un múltiplo de una componente a otra
                458 \NewDocumentCommand\OEsu {mmm}{\ensuremath{ \OpE{ \su{#1}{#2}{#3} } }\xspace}
     \OEpr Oper. elem. que multiplica una componente por un número
                459 \NewDocumentCommand\0Epr {mm}{\ensuremath{ \0pE{ \pr{#1}{#2}}}
                                                                                                                                              } \xspace}
     \OEin Intercambio de posición entre componentes
                460 \NewDocumentCommand\OEin \{mm\}\{\consumerath\{\consumerath\{\#2\}\}\}
                                                                                                                                              } \xspace}
   \OEper Reordenamiento o permutación entre componentes
                461 \NewDocumentCommand\OEper
                                                                         {}{\ensuremath{ \OpE{ \perm
                                                                                                                                              } \xspace}
   \E0Esu Espejo de oper. elem. que suma un múltiplo de una componente a otra
                \E0Epr Espejo de oper. elem. que multiplica una componente por un número
                463 \NewDocumentCommand\E0Epr \{mm\}\{\ensuremath\{ esp\Big(\0Epr\{\#1\}\{\#2\}\}\}\}
                                                                                                                                                    \Big)}\xspace}
                  Transformaciones elementales generales
      \OEg Operación elemental genérica
                464 \NewDocumentCommand \OEg{0{}}{\ensuremath{ \RidxE{\TrEl}{\!#1}{#2} }\xspace}
     \E0Eg Operación espejo de una operación elemental genérica
                465 \NewDocumentCommand \E0Eg{0{}0{}}{\ensuremath{ esp( \0Eg[#1][#2]}}
                                                                                                                                                     ) }\xspace}
 \InvOEg Inversa de una operación elemental genérica
                466 \NewDocumentCommand \InvOEg{O{} }{\ensuremath{}}
                                                                                                                    \OEg[#1][\minus1]
                                                                                                                                                         }\xspace}
\EInvOEg Espejo de la inversa de una operación elemental genérica
                467 \NewDocumentCommand\EInv0Eg{0{} }{\ensuremath{ esp( \Inv0Eg[#1] }}
                                                                                                                                                     ) }\xspace}
     \SOEg Sucesión de operaciones elementales genéricas
                469
                                                                                             \OEg[#1][#3]\cdots\OEg[#2][#3] \xspace}
```

```
\d0EgE Operación elemental genérica con exponente y sin exponente
               }\xspace}
                                         471 \NewDocumentCommand\d0Eg
                                                                                                                                                                           {m}{\ensuremath{
                                                                                                                                                                                                                                                                 \d0EgE{#1}{}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
       \dEOEgE Operación espejo de una elemental genérica con exponente y sin exponente
           \dEOEg 472 \NewDocumentCommand\dEOEgE {mm}{\ensuremath{ esp(\dOEgE{#1}{#2}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                )
                                         473 \NewDocumentCommand\dEOEg
                                                                                                                                                                         {m}{\ensuremath{ esp(\d0Eg {#1}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
   \dInvOEg Operación inversa de una elemental genérica
                                         474 \NewDocumentCommand\dInvOEg {m}{\ensuremath{}
                                                                                                                                                                                                                                                                  \dOEgE{#1}{\minus1}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
\dEInvOEg Operación espejo de la inversa de una elemental genérica
                                         475 \NewDocumentCommand\dEInvOEg{m}{\ensuremath{ esp(\dInvOEg{#1}} )
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
       \dS0EgE Sucesión de operaciones elementales genéricas con exponente o sin exponente
           \label{localized} $$ \dSOEg = 476 \NewDocumentCommand\dSOEgE\{mmm\}{\cdoEgE\{\#1\}\{\#3\}\cdots\dOEgE\{\#2\}\{\#3\}\}\xspace} $$ $$ \dSOEg = 476 \NewDocumentCommand\dSOEgE\{mmm\}{\cdoEgE\{\#1\}\{\#3\}\cdots\dOEgE\{\#2\}\{\#3\}\}\xspace} $$ $$ \dSOEg = 476 \NewDocumentCommand\dSOEgE\{mmm\}\{\cdoEgE\{\#1\}\{\#3\}\cdots\dOEgE\{\#2\}\{\#3\}\}\xspace} $$ $$ \dSOEg = 476 \NewDocumentCommand\dSOEgE\{mmm\}\{\cdoEgE\{\#1\}\{\#3\}\cdots\dOEgE\{\#2\}\{\#3\}\}\xspace} $$ \dSOEgE\{mmm\}\{\cdoEgE\{\#1\}\{\#3\}\cdots\dOEgE\{\#2\}\{\#3\}\}\xspace} $$ \dSOEgE\{mmm\}\{\cdoEgE\{\#1\}\{\#3\}\cdots\dOEgE\{\#2\}\{\#3\}\}\xspace} $$ \dSOEgE\{mmm\}\{\cdoEgE\{\#1\}\{\#3\}\cdots\dOEgE\{\#2\}\{\#3\}\}\xspace} $$ \dSOEgE\{mmm\}\{\cdoEgE\{mmm\}\{\cdoEgE\{\#2\}\}\xspace\}\} $$ \dSOEgE\{mmm\}\{\cdoEgE\{mmm\}\{\cdoEgE\{mmm\}\}\xspace\}\} $$ \dSOEgE\{mmm\}\{\cdoEgE\{mmm\}\{\cdoEgE\{mmm\}\}\xspace\}\} $$ \dSOEgE\{mmm\}\{\cdoEgE\{mmm\}\}\xspace\} $$ \dSOEgE\{mmm\}
                                         477 \NewDocumentCommand\dSOEg {mm}{\ensuremath{\dOEg {#1}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                       \cdots\d0Eg {#2}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                             2.4.7.
                                                                              Transformaciones elementales particulares
                                             Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto Tipo I - Fil
               \TESF Una transformación elemental Tipo I por la izquierda
           {\coprod_{\#5}_{0Esu\{\#2\}{\#3}{\#4}}!}} {\coprod_{\#5}_{0Esu\{\#2\}{\#3}{\#4}}!}} 
        \TESFpE 480
       \TESFPE 481 \NewDocumentCommand\TESFP {smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                              {\star }^{0Esu{#2}{#3}{#4}}!} {\check {\#5}}(0Esu{#2}{#3}{#4})!}} {\check {\#5}}(0Esu{#2}{#3}{#4})!}} }
                                         483 \NewDocumentCommand\TESFpE{smmmm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
                                                             \label{lidxpE*#5}_{OEsu{#2}{#3}{#4}}! } {LidxpE{#5}_{OEsu{#2}{#3}{#4}}! } } xspace}
                                         485 \NewDocumentCommand\TESFPE{smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                           {\LidxPE*{#5}{\0Esu{#2}{#3}{#4}\! }} {\LidxPE{#5}{\0Esu{#2}{#3}{#4}\! }} }\xspace}
                                                          Tipo I - Col
               \TESC Una transformación elemental Tipo I por la derecha
               \TESC _{487}\ \NewDocumentCommand\TESC \{mmmm\}\\ensuremath\\Ridx\{#4\}\\!\0Esu\\#1\\\#2\\\#3\}\\xspace\}
               \TESC 488 \NewDocumentCommand\TESCp {smmmm}{\ensuremath{\lifBooleanTF#1}}
                                                              {\text{y}} {\#5}{\cdot}\0Esu{\#2}{\#3}{\#4}} {\vec{\#5}}(\cdot)\0Esu{\#2}{\#3}{\#4}} } 
               \TESC 489
               \TESC 490 \NewDocumentCommand\TESCP {smmmm}{\ensuremath{\lifbooleanTF#1}}
                                                              {\text{y}}{ \text{y}} {\text{y}} 
                                         492 \NewDocumentCommand\TESCpE{smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                           {\tilde{y}}^{*} = {\tilde{y}}^{*} {\tilde{y}}^{*} {\tilde{y}}^{*}} {\tilde{y}}^{*}} 
                                         494 \NewDocumentCommand\TESCPE{smmmm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
                                                            {\tilde{y}}_{*{y}} = {\tilde{y}}_{*{y}} {\tilde{y}} {\tilde{y}
                                                          Tipo II - Fil
               \TEPF Una transformación elemental Tipo II por la izquierda
           \TEPFp 496 \NewDocumentCommand\TEPF
                                                                                                                                                                     {\tt \{mmm\}\{\ensuremath\{\Lidx\{\#3\}\{\ \OEpr\{\#1\}\{\#2\}\!\}\ \}\xspace\}}
           \TEPFP 497 \NewDocumentCommand\TEPFp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
        \TEPFpE 498
                                                                                {\Lidxp* {#4}{\OEpr{#2}{#3}\!\!}} {\Lidxp {#4}{\OEpr{#2}{#3}\!\!} } \xspace}
       \TEPFPE 499 \NewDocumentCommand\TEPFP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                {\LidxP* {#4}{\OEpr{#2}{#3}\!\!}} {\LidxP {#4}{\OEpr{#2}{#3}\!\!} } \xspace}
                                         500
                                         501 \NewDocumentCommand\TEPFpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                                {\LidxpE*{#4}{\OEpr{#2}{#3}\! }} {\LidxpE{#4}{\OEpr{#2}{#3}\!}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 } \xspace}
                                         502
                                         503 \verb|\NewDocumentCommand\TEPFPE{smmm}{\colored{command}}| TEPFPE{smmm}| TEPFPE{smmm
                                                                                {\LidxPE*{#4}{\OEpr{#2}{#3}\! }} {\LidxPE{#4}{\OEpr{#2}{#3}\!}
```

} \xspace}

### Tipo II - Col

```
\TEPC Una transformación elemental Tipo II por la derecha
 \TEPCp 505 \NewDocumentCommand\TEPC
                                    {mm}{\ensuremath{Ridx{#3}{\cdot}\cdot OEpr{#1}{#2}}}\xspace}
 \TEPCP 506 \NewDocumentCommand\TEPCp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
 \TEPCpE 507
                 {\text{Widxp} {#4}{\cdot\cdot\cdot}^{#2}{#3}} {\text{Widxp} {#4}{\cdot\cdot\cdot}^{#3}} } 
 \TEPCPE 508 \NewDocumentCommand\TEPCP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                 {\mathbb{'}}^{\#4}_{!'}^{\#2}_{\#3}}   {\RidxP {#4}{\!\!\0Epr{#2}{#3}} } \xspace}
        510 \label{lem:simple_smm} $$10 \ensuremath{\label{lem:simple_smm}} = $10 \ensuremath{\label{lem:simple_smm}} $$
                 {\mathbb{4}}{\cdot} \clip{#2}{\#3}} {\mathbb{4}}{\cdot} \clip{#2}{\#3}} 
        512 \NewDocumentCommand\TEPCPE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                 } \xspace}
        513
            Intercambio - Fil
  \TEIF Intercambio por la izquierda
 \TEIFp 514 \NewDocumentCommand\TEIF
                                    {\tt \{mmm\}\{\cnsuremath\{\Lidx\{\#3\}\{\ \OEin\{\#1\}\{\#2\}\setminus!\}\ \}\xspace\}}
 \TEIFpE 516
                 {\star }^{4}_{0Ein{#2}{#3}}!} {\tilde{\#}_{0Ein{#2}{#3}}!} } 
\TEIFPE 517 \NewDocumentCommand\TEIFP {smmm}{\ensuremath{\\IfBooleanTF#1}}
                 518
        519 \NewDocumentCommand\TEIFpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                 {\LidxpE*{#4}{\OEin{#2}{#3}\!} }\\LidxpE{#4}{\OEin{#2}{#3}\!}
        {\LidxPE*{#4}{\OEin{#2}{#3}\!} } {\LidxPE{#4}{\OEin{#2}{#3}\!}
                                                                               } \xspace}
        522
            Intercambio - Col
  \TEIC Intercambio por la derecha
 \TEICp 523 \NewDocumentCommand\TEIC
                                    {\tt \{mmm\}\{\ensuremath\{\Ridx\{\#3\}\{\!\OEin\{\#1\}\{\#2\}\ } \} \} xspace}
 \TEICpE 525
                 \TEICPE 526 \NewDocumentCommand\TEICP \{smmm\}\{\ensuremath\{\ifBooleanTF\#1\}\}
                 {\text{WidxP} {#4}{\cdot\cdot\cdot}^{#2}{#3}} {\text{WidxP {#4}{\cdot\cdot\cdot}^{#3}} } 
        527
        528 \NewDocumentCommand\TEICpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                 {\text{NidxpE}*{#4}}{\cdot \text{OEin}{#2}{#3}}} {\text{NidxpE}{#4}{\cdot \cdot \text{OEin}{#2}{#3}}}
                                                                               } \xspace}
        530 \label{lem:simple_smmm} $$ \ensuremath{\lifBooleanTF\#1} $$
                 {\text{NidxPE}*{#4}{\cdot! \setminus 0Ein{#2}{#3}}} {\text{NidxPE}{#4}{\cdot! \setminus 0Ein{#2}{#3}}}
                                                                               } \xspace}
  \Mint Matriz intercambio y matriz intercambio (filas)
 \MintT 532 \NewDocumentCommand\Mint {mm}{\ensuremath{ \TEIC{#1}{#2}{\Mat{I}} }\xspace}
        \PF Permutación por la izquierda y permutación por la derecha
    \PC 534 \NewDocumentCommand\PF
                                   {m}{\operatorname{Lidx}{#1}{ \ \ \ \ }\ \ }\ 
        535 \NewDocumentCommand\PC
                                   {m}{\operatorname{kidx}{\#1}{\cdot!\backslash Eper}} \
    MP Matriz permutación y matriz permutación
   \MPT 536 \NewDocumentCommand\MP
                                    {}{\operatorname{PC} {\operatorname{Nat}{I}}}
                                                                         }\xspace}
        537 \NewDocumentCommand\MPT
                                    {}{\ensuremath{ \PF {\Mat{I}}}
                                                                         }\xspace}
         Sucesiones indiciadas de Transf. elementales
 \SITEF Sucesión indiciada de transformaciones elementales genéricas por la izquierda (filas)
\label{lidx} $$ \SITEFp $538 \NewDocumentCommand\SITEF $$ \{mmm\}_{\cmmath{\cmmath{\cmm}{\cmm}}} \Albel{lidx} $$
                                                                                  }\xspace}
\SITEFP 539
\SITEFpE 540 \NewDocumentCommand\SITEFp{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                      {\SITEF {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
```

```
{\SITEF {#2}{#3}{\parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                             542
                                             543
                                             544 \NewDocumentCommand\SITEFP{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                           {\SITEF {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
                                             545
                                                                                                           {SITEF {#2}{#3}{\operatorname{Parentesis {#4}}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                             546
                                             547
                                             548 \verb|\NewDocumentCommand\SITEFpE{smmm}{\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{comman
                                                                                                           {\parentesis*{\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
                                            549
                                            550
                                                                                                           {\parentesis {\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                            551
                                            552 \NewDocumentCommand\SITEFPE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                                                           {\Parentesis*{\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
                                            553
                                                                                                           {\Parentesis {\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                             554
                \SITEC Sucesión indiciada de transformaciones elementales genéricas por la izquierda (filas)
            \SITECp 555 \NewDocumentCommand\SITEC \{mmm\}\\ensuremath\ \Ridx\{#3\}\\dSOEg\{#1\}\{#2\}\
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
            \SITECP 556
         \SITECpE 557 \NewDocumentCommand\SITECp{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                                                           {\SITEC {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
        \SITECPE 558
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                             559
                                                                                                           {\SITEC {#2}{#3}{\parentesis {#4}}}
                                             560
                                             561 \ensuremath{\label{lemmm}} which is a property of the command site of the command of the c
                                                                                                          {\SITEC {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
                                             562
                                                                                                           {\SITEC {#2}{#3}{\Parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                            563
                                             564
                                             565 \NewDocumentCommand\SITECpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                           {\parentesis*{\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
                                             566
                                             567
                                                                                                           {\parentesis {\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                             568
                                             569 \NewDocumentCommand\SITECPE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                                                           {\Parentesis*{\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                           {\Parentesis {\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                             571
           \SITEFC Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha
       \SITEFCP 573
                                                                                                                                                                            {\LRidx{#3}{\dSOEg{#2}{#1}}{\dSOEg{#1}{#2}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            \Newl
                                                                                                           {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
     \SITEFCpE 574
    \SITEFCPE 575
                                                                                                          {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                             576 \ensuremath{\label{lemmm}} which is a property of the content of the conten
                                                                                                           {\SITEFC {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
                                            577
                                                                                                           {\SITEFC {#2}{#3}{\Parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                            578
                                            579 \NewDocumentCommand\SITEFCpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                                                           {\parentesis*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                                            580
                                                                                                           {\parentesis {\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      }\xspace}
                                            581
                                            582 \NewDocumentCommand\SITEFCPE{smmm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}}
                                                                                                           {\Parentesis*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                                            583
                                                                                                           {\Parentesis {\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      }\xspace}
                                             584
       \SITEFCR Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha
    \verb|\SITEFCRp|_{585} \verb|\NewDocumentCommand\SITEFCR{mmm}{\column{transfer} \column{transfer} \column{tr
   \SITEFCRP 586
                                                                                                                                                                            {\LRidx{#3}{\dS0Eg{#1}{#2}}{\dS0Eg{#1}{#2}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            \Newl
\SITEFCRpE 587
                                                                                                           {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
\SITEFCRPE 588
                                                                                                           {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                             589 \label{lem:smm} $$ \ensuremath{\lifBooleanTF\#1} $$
                                             590
                                                                                                          {\SITEFC {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
                                                                                                           {\SITEFC $\#2${\#3}{\Parentesis $\#4}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                            591
                                             592 \NewDocumentCommand\SITEFCRpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
```

}\xspace}

{\parentesis\*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}

{\parentesis {\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}

```
595 \NewDocumentCommand\SITEFCRPE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                     {\Parentesis*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
        596
                     {\Parentesis {\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
        597
                                                                        }\xspace}
       Transformaciones elementales por la izquierdaq de un objeto
  \TrFp 598 \NewDocumentCommand\TrF { O{\SOEg} m }{\ensuremath{ \Lidx{#2}{#1} }\xspace}
 \TrFp* 599
  {TrF[#2]{\operatorname{nersis}*{#3}}}
 \TrFP* 601
                               {TrF[#2]{\operatorname{parentesis} {#3}}}
                                                                     }\xspace}
 \TrFpE 602
\TrFpE* 603
 \label{thm:command} $$\operatorname{TrFPE}$ 604 \ensurementCommand\ensurement{lfBooleanTF#1} $$
                               {\TrF[#2]{\Parentesis*{#3}}}
       605
\TrFPE*
       606
                               {\TrF[#2]{\Parentesis {#3}}}
                                                                     }\xspace}
        607
        608 \NewDocumentCommand\TrFpE{s O{\S0Eg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                               {\parentesis*{\TrF[#2]{#3}}}
                 {\parentesis {\TrF[#2]{#3}}}
        610
                                                       }\xspace}
        611
        612 \NewDocumentCommand\TrFPE{s O{\S0Eg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                               {\Parentesis*{\TrF[#2]{#3}}}
        613
                 {\Parentesis {\TrF[#2]{#3}}}
        614
                                                       }\xspace}
        615
   \TrC Transformaciones elementales por la derecha de un objeto
  \TrCp* 617
  \TrCP 618 \NewDocumentCommand\TrCp {s O{\SOEg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                               {\TrC[#2]{\parentesis*{#3}}}
 \TrCP* 619
                               {\TrC[#2]{\parentesis {#3}}}
                                                                     }\xspace}
 \TrCpE 620
\TrCpE* 621
 \label{lem:command} $$ \TrCPE $ 622 \NewDocumentCommand\TrCP {s 0{\S0Eg} m}{\colorer{command}\TrCP} $$
                               {\TrC[#2]{\Parentesis*{#3}}}
       623
\TrCPE*
        624
                               {\TrC[#2]{\Parentesis {#3}}}
                                                                     }\xspace}
        625
        626 \NewDocumentCommand\TrCpE{s 0{\S0Eg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
        627
                               {\parentesis*{\TrC[#2]{#3}}}
                 {\parentesis {\TrC[#2]{#3}}}
        628
                                                       }\xspace}
        629
        {\Parentesis*{\TrC[#2]{#3}}}
        631
                 {\Parentesis {\TrC[#2]{#3}}}
                                                       }\xspace}
        632
        633
  \TrFC Transformaciones elementales por la izquierdaq de un objeto
 \TrFCp* 635
 \TrFCP 636 \NewDocumentCommand\TrFCp \{s O\{\S0Eg} O\{\S0Eg[(k+1)][p]\} m}\\ensuremath\\IfBooleanTF#1
\TrFCP* 637
                               {\TrFC[#2][#3]{\parentesis*{#4}}}
                               {\TrFC[#2][#3]{\parentesis {#4}}}
                                                                         }\xspace}
\TrFCpE 638
\TrFCpE* 639
641
                               {\TrFC[#2][#3]{\Parentesis*{#4}}}
\TrFCPE*
       642
                               {\TrFC[#2][#3]{\Parentesis {#4}}}
                                                                         }\xspace}
        643
        644 \ensuremath{\TrFCpE\{s 0{\SOEg} 0{\SOEg[(k+1)][p]} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                               {\parentesis*{\TrFC[#2][#3]{#4}}}
        645
                                                           }\xspace}
        646
                 {\parentesis {\TrFC[#2][#3]{#4}}}
        647
```

```
651
                                        Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto
               \TEF Una transformación elemental genérica por la izquierda
           \label{thm:command} $$ \TEFp_{652} \encommand\TEF_{0{0}}m}_{652} \Lidx{#3}_{0Eg[#1\!][#2\!]} \] $$
        \TEFp* 653
           \TEFP 654 \NewDocumentCommand\TEFp so{0},\m{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                 \TEFP* 655
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
    \TEFpE* 656
       \label{temperator} $$ TEFpE $657 \end{temperator} $$ 657 \end{temperator} $$ 10{\end{temperator} $$ 10{\end{temp
                                                                  {\LidxP* {#4}{\OEg[#2][#3]\!}} {\LidxP {#4}{\OEg[#2][#3]\!\!}} \xspace}
       \TEFPE ^{658}
                                   659
   \TEFPE*
                                     660 \ \mbox{NewDocumentCommand} TEFpE{sO{}O{\,}m}{\colored{hersign}} \label{fig:ensuremath} $$ 1600 \mbox{ leanTF#1} $$
                                                                  {\LidxpE*{#4}{\OEg[#2][#3]\!}} {\LidxpE{#4}{\OEg[#2][#3]\!}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            }\xspace}
                                     661
                                     662
                                     663 \label{lem:command} $$163 \ensurement Command TEFPE so {0, }m} {\ensurement {\IfBoolean TF \# 1 $$}} $$
                                                                  {\LidxPE*{#4}{\OEg[#2][#3]\!}} {\LidxPE{#4}{\OEg[#2][#3]\!}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            }\xspace}
               \TEC Una transformación elemental genérica por la izquierda
           \label{thm:command} $$ \TECp_{665} \ensurementh{ \Ridx{#3}{\Thetag[#1\!][#2\!]} } \simeq $$
       \TECp* 666
           \TECP 667 \NewDocumentCommand\TECp {s0{}0{ }m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
        \TECP* 668
                                                                 {\Ridxp* {#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                {\Ridxp {#4}{\!\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            }\xspace}
    \TECpE* 669
       \label{temperator} $$ \TECpE $ 670 \NewDocumentCommand\TECP $$ so{}0{ }m}{\colored{hmand\TECp} $$ for $$ \Colored{hmand\TECp} $$
       \verb|\TECPE|^{671}
                                                                 {\RidxP* {#4}{\0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                {\RidxP {#4}{\!\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            }\xspace}
   \TECPE* 672
                                    673 \NewDocumentCommand\TECpE{sO{}O{ }m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                  {\RidxpE*{#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                {\RidxpE{#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            }\xspace}
                                    674
                                     676 \ensuremath{\label{lem:ensuremath}} 1900 \ensuremath{\label{lem:ensurema
                                                                 {\RidxPE*{#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                {\RidxPE{#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            }\xspace}
                                     677
                                        espejo de una transformación elemental por la izquierda de un objeto
           \ETEF Espejo de una transformación elemental genérica por la izquierda
       \ETEFP 678 \NewDocumentCommand\ETEF{0{}0{}m}{\ensuremath{ \Lidx{#3}{\E0Eg[#1][#2]} }\xspace}
   \ETEFp* 679
       \ETEFP 680 \NewDocumentCommand\ETEFp {sO{}0{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                  {\coprod * {#4}{\succeq EE[#2][#3]}} {\coprod * {EE[#2][#3]}} }
   \ETEFP* 681
\ETEFpE* 682
   {\coprod P* {#4}{\succeq EEg[#2][#3]}} {\coprod P {#4}{\succeq EEg[#2][#3]}} }
   \ETEFPE ^{684}
                                    685
\ETEFPE*
                                     686 \label{lem:command} $$ETEFpE\{sO\{\}O\{\}m\}\{\ensuremath\{\IfBooleanTF\#1\}\}$ and $$ETEFpE\{sO\{\}O\{\}m\}\{\ensuremath\{\ETEFpE\{sO\{\}O\{\}m\}\}\}\}$ and $$ETEFpE\{sO\{\}O\{\}m\}\{\ensuremath\{\ETEFpE\{sO\{\}O\{\}m\}\}\}\}$ and $$ETEFpE\{sO\{\}O\{\}m\}\{\ensuremath\{\ETEFpE\{sO\{\}O\{\}m\}\}\}\}$ and $$ETEFpE\{sO\{\}O\{\}m\}\}$ and $$ETEFpE\{sO\{\}O\{\}m\}$ and $$ETEFpE\{sO\{\}O\{\}m\}\}$ and $$ETEFpE\{sO\{\}O\{\}m\}$ and $
                                                                  {\LidxpE*{#4}{\E0Eg[#2][#3]}} {\LidxpE{#4}{\E0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
                                     687
                                     689 \label{lem:command} $$159 \ensuremath{\life} 
                                                                  {\LidxPE*{#4}{\E0Eg[#2][#3]}} {\LidxPE{#4}{\E0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
                                         espejo de una transformación elemental por la derecha de un objeto
           \ETEC Espejo de una transformación elemental genérica por la derecha
       \ETECp*
       \ETECP
                                                                                                                                                                                                                                  60
   \ETECP*
\ETECpE*
   \ETECpE
   \ETECPE
\ETECPE*
```

648 \NewDocumentCommand\TrFCPE{s 0{\S0Eg} 0{\S0Eg[(k+1)][p]} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1 {\Parentesis\*{\TrFC[#2][#3]{#4}}}}

}\xspace}

{\Parentesis {\TrFC[#2][#3]{#4}}}

```
692
                                            693 \NewDocumentCommand\ETECp {sO{}0{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                       {\tilde{\#4}}(E0Eg[#2][#3]} {\tilde{\#4}}(E0Eg[#2][#3]}} 
                                            694
                                            695
                                            696 \NewDocumentCommand\ETECP \{s0\}0\}m{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                       {\text{EOEg[#2][#3]}} {\text{EOEg[#2][#3]}} }
                                            697
                                            698
                                            699 \NewDocumentCommand\ETECpE{sO{}O{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                            700
                                                                       {\RidxpE*{#4}{\E0Eg[#2][#3]}} {\RidxpE{#4}{\E0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
                                            702 \NewDocumentCommand\ETECPE{sO{}O{}m}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1
                                                                       {\RidxPE*{#4}{\E0Eg[#2][#3]}} {\RidxPE{#4}{\E0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
                                               Inversa de una transformación elemental por la izquierda de un objeto
             \InvTEF Espejo de una transformación elemental genérica por la izquierda
          \label{linvTEF} $704 \ensuremath{ \Lidx{#2}{\Inv0Eg[#1]} }$$ \ensuremath{\Command\InvTEF{0{}m}{\Command\Lidx{#2}}{\Command\InvTEF{0}} }$$
       \InvTEFp* 705
          \InvTEFP 706 \NewDocumentCommand\InvTEFp {sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                      {\coprod x} {\#3}{\coprod x} {\coprod x} 
       \InvTEFP* 707
    \InvTEFpE* 708
      \label{linvTEFpE} \ensuremath{\linvTEFP \{s0{\}m}}{\linvTEFpE} \ensuremath{\linvTEFpE} \ensuremath{\li
     \verb|\InvTEFPE||^{710}
                                                                      {\coprod P* {#3}{\coprod E[#2]}} {\coprod P {#3}{\coprod E[#2]}} }
  \InvTEFPE*
                                           712 \NewDocumentCommand\InvTEFpE{sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                           713
                                                                       {\LidxpE*{#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\LidxpE{#3}{\Inv0Eg[#2]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
                                            715 \NewDocumentCommand\InvTEFPE{sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                       {\LidxPE*{#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\LidxPE{#3}{\Inv0Eg[#2]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
                                               Inversa de una transformación elemental por la derecha de un objeto
             \InvTEC Espejo de una transformación elemental genérica por la derecha
          \InvTECp* 718
          {\tilde{\#3}}{\operatorname{[\#2]}} {\tilde{\#3}}{\operatorname{[\#2]}} }
       \InvTECP* 720
    \InvTECpE* 721
      \label{linvTECP} $$ $12 \ \end{\colored} \ \ \so{\colored} \ \colored\\ \co
                                                                       {\RidxP* {#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\RidxP {#3}{\Inv0Eg[#2]}} }
     \verb|\InvTECPE||^{723}
   \InvTECPE*
                                            725 \ensuremath{\lifBooleanTF\#1}
                                                                      {\RidxpE*{#3}{\InvOEg[#2]}} {\RidxpE{#3}{\InvOEg[#2]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
                                            728 \ensuremath{\lifBooleanTF\#1}
                                                                      {\RidxPE*{#3}{\InvOEg[#2]}} {\RidxPE{#3}{\InvOEg[#2]}}
                                            729
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
                                               Espejo de la inversa de una transformación elemental por la izquierda de un objeto
          \EInvTEF Espejo de la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda
      \EInvTEFp* 731
      \EInvTEFP 732 \NewDocumentCommand\EInvTEFp {sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
  \EInvTEFP* 733
                                                                       {\coprod * {#3}{\Xi nv0Eg[#2]}} {\coprod *{\Xi nv0Eg[#2]}} }
\EInvTEFpE* 734
  \verb|\EInvTEFPE||^{736}
```

\EInvTEFPE\* 737

```
740
                      741 \ensuremath{\lowerntCommand\EInvTEFPE\{sO\{\}m\}\{\ensuremath\{\lifBooleanTF\#1\}\}}
                                   {\LidxPE*{#3}{\EInvOEg[#2]}} {\LidxPE{#3}{\EInvOEg[#2]}}
                                                                                                                                                   }\xspace}
                      742
                        Espejo de la inversa de una transformación elemental por la derecha de un objeto
     \EInvTEC Espejo de la inversa de una transformación elemental genérica por la derecha
   \EInvTECp 743 \NewDocumentCommand\EInvTEC{0{}m}{\ensuremath{ \Ridx{#2}{\EInv0Eg[#1]} }\xspace}
  \EInvTECp* 744
   \EInvTECP 745 \NewDocumentCommand\EInvTECp {sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
 \EInvTECP* 746
                                   {\tilde{\#3}}(EInv0Eg[#2]}) {\tilde{\#3}}(EInv0Eg[#2]}) }
\EInvTECpE* 747
 {\tilde{x}^* {#3}(EInv0Eg[#2]}} {\tilde{y}^* {#3}(EInv0Eg[#2]}} }
 \verb|\EInvTECPE||^{749}
                     750
\EInvTECPE*
                      {\RidxpE*{#3}{\EInv0Eg[#2]}} {\RidxpE{#3}{\EInv0Eg[#2]}}
                      752
                                                                                                                                                   }\xspace}
                      753
                      754 \ensuremath{\lifBooleanTF\#1}
                                   {\RidxPE*{#3}{\EInvOEg[#2]}} {\RidxPE{#3}{\EInvOEg[#2]}}
                                                                                                                                                   }\xspace}
         \dTEEF Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
       \verb|\dTEEFp||_{756} \verb|\NewDocumentCommand| \verb|\dTEEF|
                                                                               {mmm}{\ensuremath{ \Lidx {#3}{\d0EgE{#1}{#2}!}} }\xspace}
       \dTEEFP 757 \NewDocumentCommand\dTEEFp {mmm}{\ensuremath{ \Lidxp {#3}{\d0EgE{#1}{#2\!}}}\xspace}
     \dTEEFpE 758 \NewDocumentCommand\dTEEFP {mmm}{\ensuremath{ \LidxP {#3}{\d0EgE{#1}{#2\!}}}\xspace}
     760 \end{dteepe} $$ mmm {\end{dteepe} {mmm}_{\end{dteepe}} $$ mmm } $$ mmm $$
          \dTEF Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
         \dTEFP 762 \NewDocumentCommand\dTEFp {mm}{\ensuremath{ \Lidxp {#2}{{
                                                                                                                                            \dTEFpE 763 \NewDocumentCommand\dTEFP \{\text{mm}\{\ensuremath\{\LidxP \{\pi2\}\{\}\}}
                                                                                                                                            \dTEFPE 764 \NewDocumentCommand\dTEFpE{mm}{\ensuremath{ \LidxpE{#2}{{
                                                                                                                                            765 \NewDocumentCommand\dTEFPE{mm}{\ensuremath{ \LidxPE{#2}{{
                                                                                                                                            \deter Una transformación elemental espejo genérica por la izquierda
       \dETEFpE 768 \NewDocumentCommand\dETEFP {mm}{\ensuremath{ \LidxP {#2}{{
                                                                                                                                            \dETEFPE 769 \NewDocumentCommand\dETEFpE{mm}{\ensuremath{ \LidxpE{#2}{{
                                                                                                                                            \dInvTEF Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
   \label{linvTEFp} $771 \end{\colored} $$ \end{\colored} $$\end{\colored} $$ \end{\colored} $$$ \end{\colored} $$\end{\colored} $$\end{\colored} $$$ \end{\colored} $$\end{\colored} $$\end{\colored} $$\end{\colored} $$\end{\colored} $$\end{\colored} $$\end{\colored
   \dInvTEFP 772 \NewDocumentCommand\dInvTEFp \{mm\}{\ensuremath\{ \Lidxp \{#2\}\{ \dInvOEg\{#1\}\} \}\xspace\}
  \dInvTEFpE 773 \NewDocumentCommand\dInvTEFP {mm}{\ensuremath{ \LidxP {#2}{{ \dInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
 \dInvTEFPE 774 \NewDocumentCommand\dInvTEFpE{mm}{\ensuremath{ \LidxpE{#2}{{ \dInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
                      775 \ensuremath{ \dinvTEFPE\{mm}_{\ensuremath{ \dinvDEg{#1}}} }\xspace}
   \dEInvTEF Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
 \dEInvTEFP 777 \NewDocumentCommand\dEInvTEFp {mm}{\ensuremath{ \Lidxp {#2}{{\dEInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
\dEInvTEFpE 778 \NewDocumentCommand\dEInvTEFP {mm}{\ensuremath{ \LidxP {#2}{{\dEInvOEg{#1}}}} }\xspace}
\dEInvTEFPE 779 \NewDocumentCommand\dEInvTEFpE{mm}{\ensuremath{ \LidxpE{#2}{{\dEInvOEg{#1}}}} }\xspace}
                      780 \NewDocumentCommand\dEInvTEFPE{mm}{\ensuremath{ \LidxPE{#2}{{\dEInvOEg{#1}}}} }\xspace}
```

738  $\ensuremath{\lower.emain}\ElnvTEFpE\{sO\{\}m\}\{\ensuremath\{\lifeBooleanTF\#1\}\}$ 

{\LidxpE\*{#3}{\EInv0Eg[#2]}} {\LidxpE{#3}{\EInv0Eg[#2]}}

}\xspace}

```
\dTEEC Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
             \dTEECp 781 \NewDocumentCommand\dTEEC
                                                                                                                                             {\tt \{mmm\}\{\ensuremath\{\Ridx\ \{\#3\}\{\d0EgE\{\#1\}\{\#2\}\}\}\xspace\}}
             \dTEECP 782 \NewDocumentCommand\dTEECp \{mmm\}\\ensuremath\{ \Ridxp \{#3\}\\d0EgE\{#1\}\\\#2\}\\xspace\}
         \dTEECpE 783 \NewDocumentCommand\dTEECP {mmm}{\ensuremath{ \RidxP {#3}{\d0EgE{#1}{#2}}}\xspace}
         \dTEECPE 784 \NewDocumentCommand\dTEECpE {mmm}{\ensuremath{ \RidxpE{#3}{\d0EgE{#1}{#2}}}\xspace}
                                       785 \end{TEECPE } $$ 
                   \dTEC Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
                \d0Eg{#1}}} }\xspace}
                \dTECP 787 \NewDocumentCommand\dTECp \{\text{mm}\{\capacle ensuremath}\{\text{Ridxp \{\psi}\}\}\}
                                                                                                                                                                                                                                                           \dTECPE 789 \NewDocumentCommand\dTECpE{mm}{\ensuremath{ \RidxpE{#2}{{
                                                                                                                                                                                                                                                           \d0Eg{#1}}} }\xspace}
                                       790 \label{lem:commanddtecpe{mm}{\colored{command}}} $$ \ensuremath{\colored{command}} \ensuremath{\colored{command}} $$ \ensuremath{\colore
                                                                                                                                                                                                                                                          \d0Eg{#1}}} }\xspace}
               \detec Una transformación elemental espejo genérica por la izquierda
            \dETECp 791 \NewDocumentCommand\dETEC \{mm\}{\ensuremath\{ \Ridx \{\pmax}\}{\frac{1}{2}}}
                                                                                                                                                                                                                                                          \dETECP 792 \NewDocumentCommand\dETECp {mm}{\ensuremath{ \Ridxp {#2}{{
                                                                                                                                                                                                                                                          \dETECpE 793 \NewDocumentCommand\dETECP {mm}{\ensuremath{ \RidxP {#2}{{
                                                                                                                                                                                                                                                           \dETECPE 794 \NewDocumentCommand\dETECpE{mm}{\ensuremath{ \RidxpE{#2}{{
                                                                                                                                                                                                                                                           \dEOEg{#1}}} }\xspace}
                                       795 \NewDocumentCommand\dETECPE{mm}{\ensuremath{ \RidxPE{#2}{{}}}}
                                                                                                                                                                                                                                                          \dInvTEC Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
      \dInvTECp 796 \NewDocumentCommand\dInvTEC {mm}{\ensuremath{ \Ridx {#2}{{ \dInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
      \dInvTECP 797 \NewDocumentCommand\dInvTECp \{mm\}\\ensuremath\{ \Ridxp \{#2\}\{ \dInv0Eg\{#1\}\} \}\xspace\}
   \dInvTECpE 798 \NewDocumentCommand\dInvTECP {mm}{\ensuremath{ \RidxP {#2}{{ \dInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
   \dInvTECPE 799 \NewDocumentCommand\dInvTECpE{mm}{\ensuremath{ \RidxpE{#2}{{ \dInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
                                       800 \ensuremath{ \ensuremath{
     \dEInvTEC Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
   \dEInvTECp 801 \NewDocumentCommand\dEInvTEC {mm}{\ensuremath{ \Ridx {#2}{{\dEInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
  \dEInvTECP 802 \NewDocumentCommand\dEInvTECp \{ mm\} \\ \nsuremath\ \Ridxp \{#2\} \{ \dEInv0Eg\{#1}\} \} \\ \xspace\}
\dEInvTECpE 803 \NewDocumentCommand\dEInvTECP {mm}{\ensuremath{ \RidxP {#2}{{\dEInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
\dEInvTECPE 804 \NewDocumentCommand\dEInvTECPE{mm}{\ensuremath{ \RidxpE{#2}{{\dEInv0Eg{#1}}} }\xspace}
                                       805 \NewDocumentCommand\dEInvTECPE{mm}{\ensuremath{ \RidxPE{#2}{{\dEInvOEg{#1}}} }\xspace}
                                           Transformaciones elementales particulares
                   \dTrF Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda
                \dTrFp 806 \NewDocumentCommand\dTrF {mm}{\ensuremath{ \Lidx{#2}{#1}}
                \dTrFP 807 \NewDocumentCommand\dTrFp \{ mm\} \\ ensuremath\ \dTrF\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\parentesis\{\pa
             \dTrFpE 808 \NewDocumentCommand\dTrFP {mm}{\ensuremath{ \dTrF{#1}{\Parentesis{#2}} }\xspace}
             810 \NewDocumentCommand\dTrFPE{mm}{\ensuremath{ \Parentesis{\dTrF{#1}{#2}} }\xspace}
                   \dTrC Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda
                \dTrCp 811 \NewDocumentCommand\dTrC {mm}{\ensuremath{ \Ridx{#2}{#1}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                \dTrCP 812 \NewDocumentCommand\dTrCp \{ mm\} \\ ensuremath\{ \dTrC\{#1\} \\ parentesis\{#2\} \} \\ xspace\}
             \dTrCpE 813 \NewDocumentCommand\dTrCP {mm}{\ensuremath{ \dTrC{#1}{\Parentesis{#2}} }\xspace}
             \dTrCPE 814 \NewDocumentCommand\dTrCpE{mm}{\ensuremath{ \parentesis{\dTrC{#1}{#2}} }\xspace}
                                       815 \end{align*} NewDocumentCommand\dTrCPE\{mm\}{\ensuremath\{ \Parentesis\{\dTrC\{\#1\}\{\#2\}\} \}\xspace} \label{eq:linear_suremath} \end{align*} NewDocumentCommand\dTrCPE\{mm\}{\ensuremath\{ \parentesis\{\dTrC\{\#1\}\{\#2\}\} \}\xspace} \end{align*} NewDocumentCommand\dTrCPE\{mm\}{\ensuremath\{ \parentesis\{\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#1\},\dTrC\{\#
               \dTrFC Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda
            \dTrFCP 817 \NewDocumentCommand\dTrFCp {mmm}{\ensuremath{ \dTrFC{#1}{#2}{\parentesis{#3}} }\xspace}
         \dTrFCpE 818 \NewDocumentCommand\dTrFCP {mmm}{\ensuremath{ \dTrFC{#1}{#2}{\Parentesis{#3}} }\xspace}
         \dTrFCPE 819 \NewDocumentCommand\dTrFCpE{mmm}{\ensuremath{ \parentesis{\dTrFC{#1}{#2}{#3}} }\xspace}
```

# 2.4.8. Operador que quita un elemento

```
\fueraitemL Signo de operador que quita un elemento (por la derecha o por la izquierda)
822 \ensuremath{\mathbb{NewDocumentCommand\fueraitemR\{m}{ \left.\ensuremath{\mathbb{m}}{ \mathbb{m}}{ \mathbb{m}}}{ \mathbb{m}}{ \mathbb{
     \quitaLR Sistema resultante de quitar un elemento por la izquierda y/u otro por la derecha
       \quitaR 824
                                                                         825 \ensuremath{ \left( \frac{\#2}{!}}{{\#1}}{{\#1}}}^{\ensuremath} \right)}
                     826 \NewDocumentCommand\quitaR{mm}{\ensuremath{ \leftidx{^{}}}{{#1}}}^{\!\fueraitemR{#2}}} }\xspace}
                       2.4.9. Selección de elementos sin emplear el operador selector
     \elemuuu Selección de un elemento de un sistema
                     827 \NewDocumentCommand\elemUUU {mm}{\ensuremath{\textrm{elem}_{#2}\Parentesis*{#1}}\xspace}
     \Vectccc Selección de una columna de una matriz
   \VectFFF Selección de una columna de una matriz
   \VectFFFT 830 \NewDocumentCommand\VectFFF {mm}{\ensuremath{\textrm{\eng{fila}{row}}_{#2}\MatP* {#1}}\xspace}
                     831 \NewDocumentCommand\VectFFFT\{mm\}\{\ensuremath\{\textrm\{\eng\{fila\}\{row\}\}_{\#2}\}\
       \eleMMM Selección de un elemento de una matriz
     \eleMMT 832 \NewDocumentCommand\eleMM {mmm}{\ensuremath{\textrm{elem}_{#2#3}{\MatP* {#1}}}\xspace}
        \eleMM 833 \NewDocumentCommand\eleMMMT{mmm}{\ensuremath{\textrm{elem}_{#2#3}{\MatTPE*{#1}}}\xspace}
                     834 \NewDocumentCommand\eleMM \{mmm\}\{\ensuremath\{\MakeLowercase\{\#1\}_{\{\#2\},\#3}\}\}
                                    Sistemas genéricos
                       2.5.
              \SV Sistema de Vectores
                     835 \ensuremath{\mathbf SY{0{}m}_{\ensuremath{\mathbf YY{0}}_{\#1}}\xspace}
   \concatSV Concatenación de sistemas
                     836 \NewDocumentCommand\concatSV{mm}{\ensuremath{{\#1}\concat{\#2}}\xspace}
                                    Vectores y matrices
                       2.6.
                       2.6.1.
                                   Vectores
          \vect Vector genérico
```

```
\vectp 837 \NewDocumentCommand\vect
                                   {om}{\ensuremath{\IfNoValueTF{#1}}
\vectP 838
                   { \vv {\MakeLowercase{#2}}
                   { \vv*{\MakeLowercase{#2}}{\!#1} }
                                                                    }\xspace}
      840
      841 \NewDocumentCommand\vectp {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
             {\parentesis*{\IfNoValueTF{#2}{\vect{#3}}}{\vect[#2]{#3}}}}
      842
             843
      844
      845 \NewDocumentCommand\vectP {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
      846
             {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#2}{\vect{#3}}}{\vect[#2]{#3}}}}
      847
             {\Parentesis {\IfNoValueTF{#2}{\vect{#3}}}{\vect[#2]{#3}}}} }\xspace}
```

#### 2.6.2. Vectores de $\mathbb{R}^n$

```
\Vect Vector de \mathbb{R}^n
    \Vectp\ 848\NewDocumentCommand\Vect
                                                                                  {O{}m}{\ensuremath{%
    \VectP 849
                                                                          \Ridx{\boldsymbol{\MakeLowercase{#2}}}{#1}
                                                                                                                                                                       }\xspace}
                   850
                   851 \NewDocumentCommand\Vectp {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                  {\parentesis*{\IfNoValueTF{#2}{\Vect{#3}}}{\Vect[#2]{#3}}}}
                   852
                                  {\parentesis {\IfNoValueTF{#2}{\Vect{#3}}{\Vect[#2]{#3}}}} }\xspace}
                   853
                   855 \NewDocumentCommand\VectP {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                   856
                                  {\operatorname{TF}}_{2}_{\text{#3}}}
                                  {\ensuremath{\cite{AB}}} \vect{$\#3$} } \xspace}
                   857
    \irvec Sucesión de vectores de Rn
                   858 \NewDocumentCommand\irvec{0{1}0{n}m}{\ensuremath{\Vect[#1]{#3},\ldots,\Vect[#2]{#3}} \xspace}
  \irvecC Sucesión de columnas de una matriz
                   859 \end{area} $$ NewDocumentCommand\irvecC{0{1}0{n}m}{\ensuremath{\VectC{#3}{#1},\ldots,\VectC{#3}{#2} }} xspace} $$
                     2.6.3.
                                   Matrices
        \Mat Matriz
      \Matp 860 \NewDocumentCommand\Mat
                                                                                  \{0\{\}m\}\{\ensuremath\{\%\}\}\}
    \Matp* 861
                                                                          \Ridx{\boldsymbol{\mathsf{\MakeUppercase{#2}}}}{#1}
                                                                                                                                                                                          }\xspace}
      \MatP 862
    \MatP* 863 \NewDocumentCommand\Matp {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                  865
                                  {\bf \{\parentesis {\bf \{\parente
                                                                                                                                                             }\xspace}
                   866
                   867 \ensuremath{\label{MatP}} \ensuremath{\label{lfBooleanTF#1}
                                  {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#2}{\Mat{#3}}{\Mat[#2]{#3}}}}
                   868
                                  {\Parentesis {\IfNoValueTF{#2}{\Mat{#3}}}{\Mat[#2]{#3}}}}
                   869
                                                                                                                                                             }\xspace}
                           Matrices transpuestas
      \Matt Matriz transpuesta
    \MatTp* 871
    \MatTP 872 \NewDocumentCommand\MatTp {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                        {\Transp* {\Mat[#2]{#3}}}
  \MatTP* 873
                                        {\Transp {\Mat[#2]{#3}}}
                                                                                                                     }\xspace}
  \verb|\MatTpE||^{874}
\MatTpE* 875
  \MatTPE 876 \NewDocumentCommand\MatTP {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
\MatTPE* 877
                                        {\TransP* {\Mat[#2]{#3}}}
                                        {\TransP {\Mat[#2]{#3}}}
                                                                                                                     }\xspace}
                   878
                   879
                   880 \mbox{NewDocumentCommand}\mbox{MatTpE } s0{}m}{\mbox{vensuremath}\label{lfBooleanTF#1}
                                        {\RidxEpE*{\Mat{#3}}{#2}{\T}}
                   881
                   882
                                        {\RidxEpE*{\Mat{#3}}{#2}{\T}}
                                                                                                               }\xspace}
                   883
                   884 \ensuremath{\IfBooleanTF\#1}
                                        {\RidxEPE*{\Mat{#3}}{#2}{\T}}
                   886
                                        {RidxEPE*{Mat{#3}}{#2}{T}}
                                                                                                               }\xspace}
```

Matriz transpuesta de la transpuesta

```
\Mattt Matriz transpuesta
   \label{lem:lem:mattt} $$ 887 \ensuremath{\IfBooleanTF\#1} $$
 \MatTTPE 888
                                         {\TransP*{\MatT[#2]{#3}}}
\MatTTPE* 889
                                         {\Transp {\MatT[#2]{#3}}}
                                                                                                                 }\xspace}
                    890
                    891 \NewDocumentCommand\MatTTPE{som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                         {\Parentesis*{\MatTT*[#2]{#3}}}
                    892
                    893
                                         {\Parentesis {\MatTT [#2]{#3}}}
                                                                                                                 }\xspace}
                            Matrices columna
     \MVect Matriz columna creada con un vector
   \MVect* 894 \NewDocumentCommand\MVect{som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                       {\left[\Vect[#2]{#3}\vphantom{\Big.}\right]}
                    895
                                                      { \big[\Vect[#2]{#3}
                    896
                                                                                                                                                     }\xspace}
   \MVectT Matriz fila creada con un vector
 \MVectT* 897 \NewDocumentCommand\MVectT{som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                       {\Trans{\MVect*[#2]{#3}} }
                    899
                                                      {\Trans{\MVect [#2]{#3}} }
                                                                                                                                                     }\xspace}
   \MVectF Matriz columna creada con una fila
                    900 \verb|\NewDocumentCommand\MVectF{somm}{\color=000} | NewDocumentCommand\MVectF{somm}{\color=000} | NewDocumentCo
                                                      {\left[\VectF[#2]{#3}{#4}\right]}
                    901
                                                      { \big( \big) \in [\VectF[#2]{#3}{#4} \big) }
                    902
                                                                                                                                          \big | 1}
                                                                                                                                                                }\xspace}
   \MVectC Matriz columna creada con una columna
                    903 \verb|\NewDocumentCommand\MVectC{somm}{\class{comm}{MVectC{somm}}}| \\
                                                      {\c {\tt VectC[#2]{#3}{#4}\tt vphantom{\tt Big.}\tt right]}}
                    904
                                                      { \big[\VectC[#2]{#3}{#4}
                    905
                                                                                                                                         \big ]}
                                                                                                                                                                }\xspace}
                            Matrices fila
 \MVectFT
                    906\ \% Matriz fila creada con una fila y matriz fila creada con una columna
                    907 \NewDocumentCommand\MVectFT{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                   {\operatorname{Light}}
                                                   {\Trans{ \big[\VectF[#2]{#3}{#4}
                    909
                                                                                                                                                        \big]}} \xspace}
 \MVectCT
                    910 % Matriz fila creada con una columna
                    911 \NewDocumentCommand\MVectCT{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                    912
                                                   {\operatorname{Light}}
                    913
                                                   {\Trans{ \big[\VectC[#2]{#3}{#4}}
                                                                                                                                                        \big]}} \xspace}
                      2.6.4. Miscelánea matrices
                            Características de las matrices
     \Traza Operador traza
                    914 \DeclareMathOperator{\Traza}{tr}
           \rg Operador rango
                    915 \DeclareMathOperator{\rg}{rg}
     \traza Traza
   \traza* 916 \NewDocumentCommand\traza {sm
                                                                                          }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                   {\Traza{\Parentesis*{#2}}}
                    917
                    918
                                                   {\Traza{\parentesis {#2}}}
                                                                                                                         }\xspace}
```

```
\rango Rango
      \rango* 919 \
              920 \NewDocumentCommand\rango {sm
                                                 }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                             {\rg{\Parentesis*{#2}}}
                             {\rg{\parentesis {#2}}}
                                                               }\xspace}
              922
                  Determinante de una matriz
         \cof Cofactor
              923 \DeclareMathOperator{\cof}{cof}
         \adj Adjunta
              924 \DeclareMathOperator{\adj}{Adj}
\determinante Determinante con barras
{\modulus*{#2}}
              926
              927
                             {\modulus {#2}}
                                                                }\xspace}
      \subMat Determinante con barras
              928 \NewDocumentCommand\subMat{mmm}{\ensuremath{
                         \quitaLR{\Mat{#1}}{#2}{#3}
                                                               }\xspace}
       \Menor Menor de una matriz
      \det\parentesis{\subMat{#1}{#2}{#3}}
                                                               }\xspace}
              933 \NewDocumentCommand\MenoR {mmm}{\ensuremath{
                                \big|{\subMat{#1}{#2}{#3}}\big| }\xspace}
              934
         \Cof Cofactor de una matriz
              935 \NewDocumentCommand\Cof{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
              936
                             {\cof_{{#3}{#4}}\Parentesis*{\Mat{#2}}}
              937
                             {\left(\frac{{\#3}{\#4}}\right)} \times {\left(\frac{{\#2}}{}\right)} \times {\mathbb{R}}
                  Orden de las matrices
         \Dim Orden del objeto
        \Dimp* 939
                        \mathop{#1}\limits_{\scriptscriptstyle #2\times#3} }\xspace}
        \DimP 940
       \verb|\DimP* 941 \NewDocumentCommand\Dimp{smmm}{\close{command}\LifBooleanTF#1}| \label{lifBooleanTF#1} 
                        {\Dim{\parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
       \DimpE 942
                        {\Dim{\parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                             }\xspace}
      \DimpE* 943
       \verb|\DimPE||^{944}
      \DimPE* 945 \NewDocumentCommand\DimP
                                             {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
              946
                        {\Dim{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
              947
                        {\Dim{\Parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                             }\xspace}
              948
              949 \NewDocumentCommand\DimpE
                                             {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
              950
                        {\parentesis*{\Dim{#2}{#3}{#4}}}
                        {\operatorname{Dim}\{\#2\}\{\#3\}\{\#4\}\}}
                                                             }\xspace}
              951
              952
              953 \NewDocumentCommand\DimPE
                                             {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                        {\Parentesis*{\Dim{#2}{#3}{#4}}}
              954
                        {\Parentesis {\Dim{#2}{#3}{#4}}}
              955
                                                             }\xspace}
```

```
\Matdim Matriz con el orden por debajo
           \label{lem:matching} $$ \mathbb{9}_{6} \end{\colored} $$ \mathbb{T}_{956} \end{\colo
        \Matdimp* 957
           \MatdimP 958 \NewDocumentCommand\Matdimp \{ \sommm\} \{ \left\ \IfBooleanTF#1
                                                                                        {\Dimp*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
        \MatdimP* 959
                                                                                        {\Dimp {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
        \MatdimpE 960
    \MatdimpE* ^{961}
       {\DimP*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                              963
     \MatdimPE*
                                               964
                                                                                        {\DimP {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
                                               965
                                               966 \NewDocumentCommand\MatdimpE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                        {\DimpE*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                               967
                                               968
                                                                                        {\DimpE {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
                                               969
                                               970 \NewDocumentCommand\MatdimPE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                        {\DimPE*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                               971
                                                                                        {\DimPE {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
                                               972
           \MatTdim Matriz con el orden por debajo
       \label{lem:mattdim} $$973 \ensuremath{ \Dim{\mathbb{41}}{#3}{#4} }$$
    \MatTdimp* 974
       \MatTdimP 975 \NewDocumentCommand\MatTdimp {sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                       {\Dimp*{\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
     \MatTdimP* 976
                                                                                       {\mathbb{T}[\#2]}{\#3}}{\#4}{\#5}}
   \MatTdimpE 977
                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
\MatTdimpE* ^{978}
   \verb|\MatTdimPE| 979 \\ \verb|\M
                                              980
                                                                                        {\DimP*{\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
\MatTdimPE*
                                                                                       {\DimP {\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                               981
                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                                               983 \NewDocumentCommand\MatTdimpE{sommm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
                                               984
                                                                                        {\DimpE*{\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                               985
                                                                                        {\DimpE {\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                                               986
                                               987 \label{lem:mand_MatTdimPE} \space{2.5cm} {\coloredge} \label{lem:mand_MatTdimPE} \space{2.5cm} \space{2.5cm}
                                                                                        {\DimPE*{\MatTpE*[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                               988
                                                                                        {\DimPE {\MatTpE*[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                               989
                                                                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
                                                               Matriz de autovalores
                       \MDaV Matriz de autovalores
                                               990 \def\MDaV{D}
                                                               Matriz triangular superior unitaria (según denominación de G. H. Golub y C. F. Van Loan)
                       \Umat Matriz triangular superior unitaria
                                               991 \NewDocumentCommand\UMat{0{}m}{\ensuremath{ \Mat[#1]{\Dot{#2}}} }\xspace}
           \InvUmat Inversa de matriz triangular superior unitaria
                                               992 \MewDocumentCommand\InvUMat{0{}m}{\ensuremath{RidxE{\mathbb{4}}}{\#1}{\minus1} }
                                               993
                                                               Matriz triangular inferior unitaria (según denominación de G. H. Golub y C. F. Van Loan)
                   \UmatT Matriz triangular inferior unitaria
                                               994 \NewDocumentCommand\UMatT{O{}m}{\ensuremath{\RidxE{\Mat{\Dot{#2}}}{#1}{\T} }\xspace}
                                                               Matriz de eliminación gaussiana (por columnas) y su inversa
```

```
\Matgc Matriz de eliminación gaussiana (por columnas)
   \InvMatGC 995 \NewDocumentCommand\MatGC
                                                                                                                           {m}{\ensuremath{
                                                                                                                                                                                                \UMat[#1\triangleright]{G}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
                                996 \MewDocumentCommand\InvMatGC{m}{\ensuremath{\RidxE{\UMat{G}}{\#1\triangleright}{\minus1} }\xspace}
                                                        Productos entre vectores
                                   2.7.1. Producto escalar
                 \eSc Producto escalar
               \verb|\esc*| 997 \verb|\escape | 997
                                                                                {\left\{ \right\} , \left\{ \#4 \right\} \right\}}
                                998
                                                                                \left[\frac{\#3} , \#4\right] \simeq \left[\#2\right] \times \left[\#2\right] 
                                999
                 \esc Producto escalar entre vectores genéricos
              \verb|\esc*|_{1000} \label{loss} $$\operatorname{loss}_{1000} \esc.$$ In $\mathbb{S}_{\infty} (\ensurement) $$
                              1001
                                                                             {\esc*{\vect{#3}}}{\vect{#4}}}
                              1002
                                                                             {\eSc {\vect{#3}}}{\vect{#4}}}}_{\!#2}
                                                                                                                                                                                                                    }\xspace}
                                   2.7.2. Producto punto
     \dotProd Producto punto
   \label{local-prod} $$ \operatorname{local-prod}_{1003} \ensuremath{$\{\#1\} \land \{\#2\}\} \times \mathbb{R}^2} $$
   \dotProdP 1005 \NewDocumentCommand\dotProdp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                             {\parentesis*{{#2}\cdot{#3}}}
\dotProdP* 1006
                                                                             {\parentesis {{#2}\cdot{#3}}}
                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                              1007
                              1009 \NewDocumentCommand\dotProdP{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                              1010
                                                                             {\Parentesis*{{#2}\cdot{#3}}}
                                                                             {\Parentesis {{#2}\cdot{#3}}}
                              1011
                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
     \dotprod Producto punto
   \dotprodp* 1013
  \dotprodP 1014 \NewDocumentCommand\dotprodp{sO{}mO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                             {\parentesis*{\dotprod[#2]{#3}[#4]{#5}}}
\del{dotprodP*} 1015
                                                                             {\parentesis {\dotprod[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
                              1016
                              1017
                              1018 \ensuremath{\lower.018} \ensuremath{\lower.018}
                              1019
                                                                             {\Parentesis*{\dotprod[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                                                                             {\Parentesis {\dotprod[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
                              1020
                                   2.7.3. Producto punto a punto o Hadamard
           \prodH Producto punto a punto o Hadamard
        \prodHp* 1022
        \label{locality} $$ \ProdHP 1023 \end{\colored} \ \end{\colored} $$ If Boolean TF\#1 $$
      \prodHP* 1024
                                                                             {\parentesis*{\prodH{#2}{#3}}}
                                                                             {\operatorname{prodH}}{\#2}{\#3}}
                                                                                                                                                                                                     }\xspace}
                              1025
                              1026
                              1028
                                                                             {\Parentesis*{\prodH{#2}{#3}}}
                                                                             {\Parentesis {\prodH{#2}{#3}}}
                                                                                                                                                                                                      }\xspace}
                              1029
           \prodh Producto punto a punto o Hadamard
        \prodhp* 1031
                                                                             \displaystyle \left\{ \left( \#1 \right) \right\} \right\} \
         \prodhP
```

69

\prodhP\*

```
1032
                 1033 \NewDocumentCommand\prodhp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                 1034
                                                               {\parentesis*{\prodh{#2}{#3}}}
                                                               {\parentesis {\prodh{#2}{#3}}}
                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                 1035
                 1036
                 1037 \ensuremath{\local{NewDocumentCommand\prodhP\{smm}}{\local{Smm}}
                                                               {\Parentesis*{\prodh{#2}{#3}}}
                 1038
                 1039
                                                              {\Parentesis {\prodh{#2}{#3}}}
                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                      2.8.
                                           Matriz por vector y vector por matriz
        \MV Producto de matriz por vector
  \label{local-property} $$ \WPE_{1040} \ensurement{\math{ \mathbb{41}{\#2}\Vect[\#3]{\#4} }} $$
\MVpE* 1041
  \MVPE 1042 \NewDocumentCommand\MVpE{sO{}mO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
\MVPE* 1043
                                                               {\parentesis*{\MV[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                                                               {\parentesis {\MV[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                 1045
                 {\Parentesis*{\MV[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                 1047
                                                              {\Parentesis {\MV[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                                                                                                                                                                         }\xspace}
                 1048
        VM Producto de vector por matriz
  \label{local_to_the_policy} $$ \WpE_{1049} \ensuremath{ \Vect[#1]_{#2}\mathbb{4} }\xspace} $$ \Colored_{1049} \ensuremath{\Colored_{1049}}\xspace} $$
\VMpE* 1050
  \VMPE 1051 \NewDocumentCommand\VMpE{sO{}mO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                              {\parentesis*{\VM[#2]{#3}[#4]{#5}}}
\VMPE* 1052
                                                              {\parentesis {\VM[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                                                                                                                                                                         }\xspace}
                 1053
                 1054
                 1055 \NewDocumentCommand\VMPE{sO{}mO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                              {\Parentesis*{\VM[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                 1056
                 1057
                                                              {\Parentesis {\VM[#2]{#3}[#4]{#5}}}
                                                                                                                                                                         }\xspace}
     \MTV Producto de matriz por vector
  \label{localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localized-localiz
\MTVp* 1059
  \MTVP 1060 \NewDocumentCommand\MTVP{sO{}mD{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
\MTVP* 1061
                                                               {\text{MatTpE}*[#2]{#3}\Vect[#4]{#5}}
                                                               {\MatTpE [#2]{#3}\Vect[#4]{#5}}
                 1062
                                                                                                                                                        }\xspace}
                 1064 \ensuremath{\label{lem:lem:model} 1064 \ensuremath{\label{lem:lem:model} 1064} \\ \ensuremath{\label{lem:lem:model} 1064 \ensuremath{\label{lem:lem:model} 1064} \\ \ensuremath{\label{lem:lem:model} 1064 \ensuremath{\label{lem:lem:model} 1064} \\ \ensuremath{\label{lem:lem:model} 1064 \ensuremath{\label{lem:model} 1064} \\ \ensuremath{\label{lem:model} 1064 \ensuremath{\label{lem:model} 1064 \ensuremath{\label{lem:model} 1064} \\ \ensuremath{\label{lem:model} 1064 \ensuremath{\label{lem:model} 1064 \ensurem
                 1065
                                                              {\MatTPE*[#2]{#3}\Vect[#4]{#5}}
                 1066
                                                              {\MatTPE [#2]{#3}\Vect[#4]{#5}}
                                                                                                                                                        }\xspace}
     \VMT Producto de vector por matriz
  \VMTp 1067 \NewDocumentCommand\VMT{ 0{}m0{}m}{\ensuremath{ \Vect[#1]{#2}\MatT[#3]{#4} }\xspace}
\VMTp* 1068
  \VMTP 1069 \NewDocumentCommand\VMTP{sO{}mD{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
\VMTP* 1070
                                                               {\Vect[#2]{#3}\MatTpE*[#4]{#5}}
                                                              {\Vect[#2]{#3}\MatTpE [#4]{#5}}
                 1071
                                                                                                                                                                            }\xspace}
                 1072
                 {\Vect[#2]{#3}\MatTPE*[#4]{#5}}
                 1074
                 1075
                                                              {\Vect[#2]{#3}\MatTPE [#4]{#5}}
                                                                                                                                                                            }\xspace}
                      2.9.
                                          Matriz por matriz
        \MN Producto de matriz por matriz
```

1076 \NewDocumentCommand\MN  $\{0\}m0\}$ \ensuremath{ \Mat[#1]{#2}\Mat[#3]{#4} }\xspace}

```
\MTN Producto de matriz transpuesta por matriz
   \MTNp* 1078
   \MTNP 1079 \NewDocumentCommand\MTNp {sO{}mO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                        {\MatTpE*[#2]{#3}\Mat[#4]{#5}}
 \MTNP* 1080
                                        {\MatTpE [#2]{#3}\Mat[#4]{#5}}
                                                                                                                                         }\xspace}
            1081
            1082
            1083 \NewDocumentCommand\MTNP \{s0\}m0\{\}m\}\{\ensuremath\{\IfBooleanTF#1\}\}
                                        {\MatTPE*[#2]{#3}\Mat[#4]{#5}}
            1084
            1085
                                        {\MatTPE [#2]{#3}\Mat[#4]{#5}}
                                                                                                                                         }\xspace}
     \MNT Producto de matriz por matriz transpuesta
   \label{local-model} $$ \MT {0{}m0{}m}_{0} \MT {0{}m0{}m}_{0} \MT {1}{#2}\MT{#3}{#4} }$ ensurement { Mat [#1] {#2} Mat T [#3] {#4} } ensurement { Mat [#1] {#2} Mat T [#3] {#4} } ensurement { Mat [#1] {#2} Mat T [#3] {#4} } ensurement { Mat [#1] {#2} Mat T [#3] {#4} } ensurement { Mat [#1] {#2} Mat T [#3] {#4} } ensurement { Mat [#1] {#2} Mat T [#3] {#4} } ensurement { Mat [#1] {#2} Mat T [#3] {#4} } ensurement { Mat [#1] {#2} Mat T [#3] {#4} } ensurement { Mat [#3] {#4} } ensurement { Mat [#4] {#3} {Mat T [#3] {#4} } } ensurement { Mat [#4] {Mat T [#3] {#4} } ensurement { Mat [#4] {Mat T [#3] {#4} } } ensurement { Mat [#4] {Mat T [#3] {Mat T [#3
 \MNTp* 1087
   \MNTP 1088 \NewDocumentCommand\MNTp \{sO\{\}m\}\{\\left\\IfBooleanTF#1
                                        {\Mat[#2]{#3}\MatTpE*[#4]{#5}}
 \MNTP* 1089
                                        {\Mat[#2]{#3}\MatTpE [#4]{#5}}
                                                                                                                                         }\xspace}
            1090
            1091
            1092 \NewDocumentCommand\MNTP \{s0\}m0\{\}m\}\{\ensuremath\{\IfBooleanTF\#1\}\}
                                         {\Mat[#2]{#3}\MatTPE*[#4]{#5}}
                                        {\Mat[#2]{#3}\MatTPE [#4]{#5}}
                                                                                                                                         }\xspace}
     \MTM Producto de matriz transpuesta por matriz
   \label{lem:model} $$ \MTMp_{1095} \ensuremath{ \MTN[#1]{#2}[#1]{#2}} $$
                                                                                                                                            }\xspace}
   \label{lem:model} $$ MTMP 1097 \ensuremath{\lifBoolean} {\lifBoolean} $$
 \MTMP* 1098
                                                                      {\MTNp*[#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                      {\MTNp [#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                                                                                         }\xspace}
            1099
            1102
                                                                      {\MTNP*[#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                      {\MTNP [#2]{#3}[#2]{#3}}
            1103
                                                                                                                                         }\xspace}
     \MMT Producto de matriz por su transpuesta
   }\xspace}
 \MMTp* 1105
   \MMTP 1106 \NewDocumentCommand\MMTp{som}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
 \MMTP* 1107
                                                                      {\MNTp*[#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                      {\MNTp [#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                                                                                         }\xspace}
            1108
            1109
            1110 \verb|\NewDocumentCommand\MMTP{som}{\class{MMTP{som}}{\class{MMTP{som}}}} 
                                                                      {\MNTP*[#2]{#3}[#2]{#3}}
            1111
                                                                      {\MNTP [#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                                                                                         }\xspace}
   \MNMT Producto de matriz por matriz por matriz transpuesta
 \MNMTp* 1114
 \MNMTP 1115 \NewDocumentCommand\MNMTp{somom}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
\MNMTP* 1116
                                                                      {\MN[#2]{#3}[#4]{#5}\MatTpE*[#2]{#3}}
                                                                      {\MN[#2]{#3}[#4]{#5}\MatTpE [#2]{#3}} }\xspace}
            1117
            1118
            1119 \NewDocumentCommand\MNMTP{somom}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                      {\MN[#2]{#3}[#4]{#5}\MatTPE*[#2]{#3}}
            1120
            1121
                                                                      {\MN[#2]{#3}[#4]{#5}\MatTPE [#2]{#3}} }\xspace}
   \MTNM Producto de matriz transpuesta por matriz por matriz
 \label{local-model} $$ MTNMp_{1122} \ensurementCommand\MTNM{0{}m}{\ensurementh{ MTN[#1]{#2}[#3]{#4}\Mat[#1]{#2} } \times e^{-\frac{1}{2}} $$
\MTNMp* 1123
 \MTNMP
\MTNMP*
```

```
1125
                                                                                                                              {\MTNp*[#2]{#3}[#4]{#5}\Mat[#2]{#3}}
                               1126
                                                                                                                              {\MTNp [#2]{#3}[#4]{#5}\Mat[#2]{#3}}
                                                                                                                                                                                                                                                                            }\xspace}
                               1127
                               1128 \verb|\NewDocumentCommand\MTNMP{somom}{\class{command}\LifBooleanTF\#1}
                                                                                                                              {\MTNP*[#2]{#3}[#4]{#5}\Mat[#2]{#3}}
                               1129
                                                                                                                              {\MTNP [#2]{#3}[#4]{#5}\Mat[#2]{#3}}
                                                                                                                                                                                                                                                                            }\xspace}
                               1130
                                    Matriz inversa
           \InvMat Inversa de una matriz
        \InvMatp 1131 \NewDocumentCommand\InvMat { O{}m}{\ensuremath{\RidxE{\Mat{#2}}{#1}{\minus1} }\xspace}
        \InvMatP 1133 \NewDocumentCommand\InvMatp {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
     \InvMatP* 1134
                                                                             {\Invp*{\Mat[#2]{#3}}}
     \verb|\InvMatpE|^{1135}
                                                                             {\Invp {\Mat[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                                    }\xspace}
   \InvMatpE* 1136
     \label{linvMatP} $$1137 \end{\command\InvMatP} {som}{\command\InvMatPE} $$1137 \end{\command} $$117 \end{\command} $$117 \end{\command} $$117 \end{\comm
  \InvMatPE* 1138
                                                                             {\InvP*{\Mat[#2]{#3}}}
                                                                             {\InvP {\Mat[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                                    }\xspace}
                               1140
                               1141 \ensuremath{\local{linvMatpE}(sO{}m)}{\ensuremath{\local{linvMatpE}(sO{}m)}}
                               1142
                                                                             {\RidxEpE*{\Mat{#3}}{#2}{\minus1}}
                                1143
                                                                             {\RidxEpE*{\Mat{#3}}{#2}{\minus1}} \xspace}
                                1144
                                1145 \NewDocumentCommand\InvMatPE{sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                1146
                                                                             {\RidxEPE*{\Mat{#3}}{#2}{\minus1}}
                                                                             {\EPE*{\Mat{#3}}{\#2}{\minus1}} \xspace}
                               1147
                               1148
        \InvMatT Inversa de una matriz transpuesta
     \verb|\InvMatT*|_{1149} \verb|\NewDocumentCommand\InvMatT" {som } {\consumemath{\label{lem:lem:lem:lem:lem:math}} \\
  \InvMatTpE 1150
                                                                            {\InvP*{ \MatT[#2]{#3} }}
                                                                             {\Invp { \MatT[#2]{#3} }}
                                                                                                                                                                                                                         }\xspace}
\InvMatTpE* 1151
  \label{lnvMatTPE} 1152
\label{linvMatTpE} $$\lim_{153 \le m} \end{\colored} $$\lim_{t\to\infty} 153 \le m $$
                                                                             {\parentesis*{\InvP*{ \MatT[#2]{#3} }}}
                               1154
                                                                             {\parentesis {\Invp*{ \MatT[#2]{#3} }}}
                               1155
                                                                                                                                                                                                                         }\xspace}
                               1156
                               1157 \NewDocumentCommand\InvMatTPE{som }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                             {\Parentesis*{\InvP*{ \MatT[#2]{#3} }}}
                               1158
                                                                             {\Parentesis {\Invp { \MatT[#2]{#3} }}}
                               1159
                                                                                                                                                                                                                         }\xspace}
        \TInvMat Transpuesta de la inversa de una matriz
     \TInvMatpE 1161
                                                                             {\Trans{\left.\InvMatpE*[#2]{#3}\!\right.}}
\TInvMatpE* 1162
                                                                             {\Trans{
                                                                                                                    \InvMatpE [#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
  \TInvMatPE 1163
\verb|\TInvMatPE*| 1164 \\ \verb|\NewDocumentCommand\TInvMatpE| {som } {\cite{Command}} | {\tt IfBooleanTF#1}| | {\tt IfBoole
                                                                             {\parentesis*{ \TInvMat*[#2]{#3}}}
                               1165
                               1166
                                                                             {\parentesis {\!\TInvMat*[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
                               1167
                               1168 \NewDocumentCommand\TInvMatPE {som }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                             {\Parentesis*{\TInvMat*[#2]{#3}}}
                                                                             {\Parentesis {\TInvMat [#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
                                1170
                                     2.10.
                                                             Otros productos entre matrices y vectores
                \MTMV
                                   Producto de matriz transpuesta por matriz por vector
              qVMTM/
           \MTMVp*
                                                                                                                                                                      72
              \MTMVP
           \MTMVP*
```

1124 \NewDocumentCommand\MTNMp{somom}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}

```
1171 \NewDocumentCommand\MTMV { mm }{\ensuremath{ \MTN {#1}{#1}\Vect{#2} }\xspace}
                1172
                1173 \MewDocumentCommand\MTMVp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                1174
                                          {\MTNp*{#2}{#2}\Vect{#3}}
                                          {\MTNp {#2}{\#2}\Vect{#3}}
                1175
                                                                                           }\xspace}
                1176
                1177 \MewDocumentCommand\MTMVP\{smm\}{\ensuremath{\lifBooleanTF\#1}}
                1178
                                          {\MTNP*{#2}{#2}\Vect{#3}}
                1179
                                          {\MTNP {#2}{#2}\Vect{#3}}
                                                                                           }\xspace}
         \VMW Producto de vector por matriz por vector
                1180 \NewDocumentCommand\VMW { mmm}{\ensuremath{ \VM {#1}{#2}\Vect{#3} }\xspace}
         \VMV Producto de vector por matriz por vector
                1181 \NewDocumentCommand\VMV { mm }{\ensuremath{ \VMW {#1}{#2}{#1}}
                                                                                                                                   }\xspace}
       \VMTW Producto de vector por matriz transpuesta por vector
      \VMTWp* 1183
      \VMTWP 1184 \NewDocumentCommand\VMTWp{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                          {\VMTp*{#2}{#3}\Vect{#4}}
     \VMTWP* 1185
                                          {\WTp {#2}{#3}\Vect{#4}}
                                                                                           }\xspace}
                1186
                1187
                1189
                                          {\VMTP*{#2}{#3}\Vect{#4}}
                                          {\VMTP {#2}{#3}\Vect{#4}}
                1190
                                                                                           }\xspace}
       \vmtv Producto de vector por matriz transpuesta por vector
      }\xspace}
    \VMTVp* 1192
      \VMTVP* 1194
                                          {\WTp*{#2}{#3}\Vect{#2}}
                                         {\MTp {#2}{#3}\Vect{#2}}
                                                                                           }\xspace}
                1195
                1196
                1197 \NewDocumentCommand\VMTVP{smm}{\ensuremath{\\IfBooleanTF#1}}
                1198
                                          {\TP*{#2}{#3}\Vect{#2}}
                1199
                                          {\TP {#2}{#3}\Vect{#2}}
    \InvMTM Inversa del producto de una matriz transpuesta por ella misma
   1201
                                          {\InvP*{ \MTM[#2]{#3} }}
                                                                                                         }\xspace}
                1202
                                          {\Invp { \MTM[#2]{#3} }}
    \InvXTX Inversa del producto de la matriz X transpuesta por ella misma
                \MInvMTMMT Matriz proyección sobre el espacio columna de la matriz de rango completo por columnas indicada
\label{lem:lem:minvMTMMT} $$1204 \ensurementCommand\MInvMTMMT\{s0{}m\}{\ensurement{IfBooleanTF\#1}} $$
                1205
                                          {\MVect[#2]{#3}\Invp{\VTV[#2]{#3}}\MVectT[#2]{#3}}
                1206
                                          {\Mat[#2]{#3}\InvMTM[#2]{#3}\MatT[#2]{#3}}
                                                                                                                           }\xspace}
                1207
                \label{localized localized localiz
         \VTW Matriz fila por matriz columna
                \VTV Matriz fila por su transpuesta
```

```
\VWT Matriz columna por matriz fila
                               1211 \NewDocumentCommand\VWT\{omom\}\{\nsuremath\{\MVect[#1] \{\#2\}\!\MVectT[#3] \{\#4\}\}\xspace\}
                  \VVT Matriz columna por su transpuesta
                              Sistemas de ecuaciones
                   \SEL Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial
                               1213 \NewDocumentCommand\SEL {mmm}{\ensuremath{\MV}}
                                                                                                                                                                                {#1}{#2}=\Vect{#3}}\xspace}
                \SELT Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coeficientes transpuesta)
             \label{local-prop} $$1215 \ensuremath{MTVP*{\#1}{\#2}=\ensuremath{MTVP*{\#3}}\times pace}$$
                \SELF Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coeficientes transpuesta)
                               1216 \NewDocumentCommand\SELF {mmm}{\ensuremath{\VM}}
                                                                                                                                                                               {#1}{#2}=\Vect{#3}}\xspace}
                                                           Espacios vectoriales
                                   2.12.
                     \EV Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coef. transpuesta)
                               \EspacioNul Letra que denota al Espacio nulo (o núcleo)
                               1218 \DeclareMathOperator{\EspacioNul}{\EV{N}}
\EspacioCol Letra que denota al Espacio Columna
                               1219 \DeclareMathOperator{\EspacioCol}{\EV{C}}
             \Nulls Espacio nulo (o núcleo) de un objeto
          {\EspacioNul\Parentesis*{#2}}
                               1222
                                                     {\EspacioNul\parentesis {#2}}
                                                                                                                                                          }\xspace}
             \nulls Espacio nulo (o núcleo) de una matriz
          \verb|\nulls*|_{1223} \verb|\nulls*|
                                                     {\Nulls*{\Mat{#2}}}
                               1224
                                                     {\Nulls {\Mat{#2}}}
                               1225
                                                                                                                                                                  }\xspace}
                Cols Espacio columna de un objeto
             \verb|\Cols*|_{1226} \verb|\NewDocumentCommand\Cols{sm}{\class{colsen}_{1226}} = 1226 | NewDocumentCommand\Cols{sm}{\class{colsen}_{1226}} = 1226 | NewDocumentCommand\Colse{sm}{\class{colsen}_{1226}} = 1226 | NewDocumentCommand\Colse{sm}{
                                                     {\EspacioCol\Parentesis*{#2}}
                               1227
                                                     {\EspacioCol\parentesis {#2}}
                                                                                                                                                          }\xspace}
                               1228
                \cols Espacio columna de una matriz
             \verb|\cols*|_{1229} \verb|\NewDocumentCommand\cols{sm}{\cols*|_{1229}} \\
                               1230
                                                     {\Cols*{\Mat{#2}}}
                               1231
                                                     {\Cols {\Mat{#2}}}
                                                                                                                                                                }\xspace}
                \Span Espacio generado por un sistema generador
             1233
                                                               {\EV{L}\Parentesis*{#2}}
                              1234
                                                               {\EV{L}\parentesis {#2}}
                                                                                                                                                                     }\xspace}
             \PSpan Espacio semi-euclídeo de probabilidad generado por un sistema
           \label{eq:pspan*} $$\Pr_{1235} \ensuremath{\,\IfBooleanTF\#1}$
                               1236
```

```
\PSpanNew Espacio semi-euclídeo de probabilidad generado por un sistema
1239
                   {\topinset{\tiny}EV{P}}{\EV{L}}{2pt}{2pt}\Parentesis*{\#2}}
         1240
                   {\tiny}EV{P}}{\EV{L}}{2pt}{parentesis {#2}} \xspace}
   \coord Coordenadas respecto de una base
  \coordP* 1242
                   \left\{\frac{\#1}{\cdot \left(\frac{mathbin{/}}{\cdot \#2}\right)}\right\}
 \coordPE 1243
\coordPE* 1244 \NewDocumentCommand\coordP \{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                   {\coord{\Parentesis*{#2}}{#3}}
         1245
         1246
                   {\coord{\parentesis {#2}}{#3}}
                                                     }\xspace}
         1247
         1248 \NewDocumentCommand\coordPE {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                   {\Parentesis*{\coord{#2}{#3}}}
         1249
                   {\parentesis {\coord{#2}{#3}}}
                                                     }\xspace}
         1250
          2.13.
                  Notación funcional
     \dom Dominio de una función
         1251 \DeclareMathOperator{\dom}{dom}
   mifun Breve descripción de una función
  {#3\xrightarrow{#2}#4}
         1253
         1254
                   {#2 \colon #3 \to #4}
                                              }\xspace}
  \deffun Breve descripción de una función
         1255 \NewDocumentCommand\deffun {m m m m}{
              \ensuremath{
         1256
                \begingroup
         1257
                {\setlength{\arraycolsep}{0pt}
         1258
         1259
                  \begin{array}[t]{r@{\,}c@{\,}c@{\,}1}
                   #1\colon & #2 & \longrightarrow & #3\\
         1260
                           & #4 & \longmapsto & #5
         1261
         1262
                  \end{array}}
         1263
                \endgroup}\xspace}
          2.14.
                  Estadística
         1264 \ensuremathAlphabet{\mathbf{U}_{bbm}_{m}_{sl}}
     \ind Función indicatriz
         \Estmc Ajuste por MCO
         1266 \NewDocumentCommand\Estmc {m}{\ensuremath{ \widehat{#1} }\xspace}
   \Media Media (proyección ortogonal sobre los vectores contantes)
         1267 \NewDocumentCommand\Media {m}{\ensuremath{ \widebar{#1} }\xspace}
  \Smedia Símbolo para el valor medio
         1268 \NewDocumentCommand\Smedia {}{\mu}
   \media Valor medio
         1269 \NewDocumentCommand\media {m}{\ensuremath{\IfNoValueTF{#1}%}
                 { \Smedia
         1270
                                }
         1271
                 { {\Smedia}_{#1} } \xspace}
```

# **Change History**

v1.0	matrices	1
General: Versión inicial $\dots 1$ v1.1	v1.2	
General: Añadidos más comandos y	General: Inclusión opcional índices en matriz	
reimplementación de los subíndices de	por vector y vector por matriz	1

# Index

Numbers written in italic refer to the page where the corresponding entry is described; numbers underlined refer to the code line of the definition; numbers in roman refer to the code lines where the entry is used.

Symbols	\coord <u>1241</u>	\dETEFpE
654, 657,	\coordP <u>1241</u>	\determinante <u>925</u>
660, 663, 1235, 1238, 1259	\coordP* <u>1241</u>	\determinante* $925$
	\coordPE <u>1241</u>	\Dim <u>938</u> , 956, 973
	$\verb \coordPE*  \dots \dots \underline{1241}$	$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $
\	\Corchetes $\dots \dots \underline{20}$	$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $
<b>A</b>	\corchetes $\dots \underline{17}$	$\verb \DimP*  \dots \underline{938}$
<b>A</b> \abs 139		\Dimp* <u>938</u>
\abs	D	\DimPE . $938$ , 971, 972, 988, 989
\adj 924	\DeclareMathAlphabet 1264	\DimpE . <u>938,</u> 967, 968, 984, 985
\arraycolsep 1258	\DeclareMathOperator	\DimPE* <u>938</u>
\airaycoisep 1200	449, 914, 915,	\DimpE* <u>938</u>
В	923, 924, 1218, 1219, 1251	\dInv0Eg $\dots \underline{474}$ ,
\begin 126, 1259	\def 990	475, 771–775, 796–800
\begingroup 1257	\deffun <u>1255</u>	\dInvTEC
\Big 16, 22, 462,	\dEInv0Eg 475, 776-780, 801-805	\dInvTECP <u>796</u>
463, 895, 901, 904, 908, 912	\dEInvTEC <u>801</u>	\dInvTECp <u>796</u>
\big 13, 19, 144, 896,	\dEInvTECP	\dInvTECPE
902, 905, 909, 913, 934, 999	\dEInvTECp	\dInvTECpE
\boldsymbol	\dEInvTECPE	\dInvTEF
449, 451, 453, 455, 849, 861	\dEInvTECpE <u>801</u>	\dInvTEFP
	\dEInvTEF	\dInvTEFp 771
$\mathbf{C}$	\dEInvTEFP	\dInvTEFPE
\CC <u>6</u>	\dEInvTEFp	\dInvTEFpE
\Cc <u>1</u> , 9	\dEInvTEFPE	\d0Eg 470,
$\verb \cdot  1003, 1006, 1007, 1010, 1011 $	\dEInvTEFpE	473, 477, 761–765, 786–790
\cdots 469, 476, 477	\degree \degree 472, 766-770, 791-795	\d0EgE 470, 472,
\Cof <u>935</u>	\dE0EgE	474, 476, 756–760, 781–785
\cof <u>923</u> , 936, 937	\det	\dom
\colon 1254, 1260	\detec	\Dot 991, 992, 994 \dotProd 1003, 1012
\Cols <u>1226</u> , 1230, 1231	\dETECP	
\cols <u>1229</u>	\detection \detection \frac{791}{791}	\dotprod 1012 \dotProdP 1003
\Cols* 1226	\detecre	\dotProdp
\cols* <u>1229</u>	\determine \determine \frac{791}{66}	\dotprodP 1012
\conc@t 121, 122 \concat 121, 836	\defer	\dotprodp 1012
\concatSV 836	\dETEFp	\dotProdP* 1003
\conj	\deterp	\dotProdp* 1003
(COII) <u>120</u>	\usintere	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\

1010	·	
\dotprodP* <u>1012</u>	\EInvTEFpE	$\verb \eleMTpE*  \dots \dots \underline{424}$
\dotprodp* <u>1012</u>	\EInvTEFPE* <u>730</u>	\elemUUU <u>827</u>
\dSOEg . 476, 538, 555, 573, 586	\EInvTEFpE*	\eleVL 235
	\eleM 397	\eleVLP 235
\dS0EgE		
\dTEC <u>786</u>	\elemL $183, 236, 290, 317$	\eleVLp <u>235</u>
\dTECP	\elemLP <u>183</u> , 237,	\eleVLP* <u>235</u>
\dTECp <u>786</u>	244, 245, 298, 299, 325, 326	\eleVLp* 235
\dTECPE 786		\eleVLPE 235
<del></del>	\elemLp <u>183</u> , 240, 241,	
\dTECpE	291, 294, 295, 318, 321, 322	\eleVLpE <u>235</u>
\dTEEC	\elemLP* <u>183</u>	\eleVLPE* <u>235</u>
\dTEECP 781	\elemLp* 183	\eleVLpE* 235
\dTEECp	\elemLPE <u>183</u> ,	\eleVR 262
<del>-</del>		
\dTEECPE	256, 259, 310, 313, 337, 340	\eleVRP <u>262</u>
\dTEECpE	\elemLpE <u>183</u> ,	\eleVRp <u>262</u>
\dTEEF 756	248, 251, 302, 305, 329, 332	\eleVRP* 262
\dTEEFP	\elemLPE* 183	\eleVRp* <u>262</u>
		<del>-</del>
\dTEEFp	\elemLpE* <u>183</u>	\eleVRPE <u>262</u>
\dTEEFPE	\elemLR <u>217</u> , 397	\eleVRpE <u>262</u>
\dTEEFpE	\elemLRP	\eleVRPE* 262
\dTEF 761	217, 406, 407, 424, 431, 432	\eleVRpE* <u>262</u>
		<del>-</del>
\dTEFP	\elemLRp 217, 402, 403, 427, 428	\end 131, 1262
\dTEFp <u>761</u>	\elemLRP* <u>217</u>	\endgroup 1263
\dTEFPE 761	\elemLRp* <u>217</u>	\eng 830, 831
\dTEFpE 761	\elemLRPE 217	\EOEg 465, 678, 681, 684, 687,
<del>-</del>	\elemLRpE 217	
\dTrC	<u> </u>	690, 691, 694, 697, 700, 703
\dTrCP <u>811</u>	\elemLRPE* <u>217</u>	\E0Epr <u>463</u>
\dTrCp	\elemLRpE* <u>217</u>	\E0Esu
\dTrCPE 811	\eleMM 832	\eSc 997, 1001, 1002
\dTrCpE	\eleMMM 832	\esc 1000
<del>-</del>		
		\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrF <u>806</u>	\eleMMT 832	\eSc*
\dTrFC	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\esc*
\dTrFC	\eleMP $\dots $ $397$	\esc* $\underline{1000}$ \EspacioCol $\underline{1219}$ , 1227, 1228
$ \begin{array}{cccc} \verb  \dTrFC & & & \underline{816} \\ \verb  \dTrFCP & & & \underline{816} \\ \verb  \dTrFCp & & & \underline{816} \\ \end{array} $	\eleMP	\esc*
\dTrFC \ \ \frac{816}{816} \dTrFCP \ \frac{816}{816} \dTrFCP \ \frac{816}{816} \dTrFCPE \ \dTrFCPE \ \frac{816}{816} \dTrFCPE \dT	\eleMP \ \frac{397}{397} \eleMp \ \frac{397}{397} \eleMP* \ \frac{397}{397} \eleMp* \ \frac{397}{397}	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\dTrFC \ \begin{array}{c} \dTrFCP & \frac{816}{816} \dTrFCP & \frac{816}{816} \dTrFCPE & \frac{816}{81	\eleMP \ \frac{397}{397} \eleMp \ \frac{397}{397} \eleMP* \ \frac{397}{397} \eleMp* \ \frac{397}{397} \eleMPE \ \frac{397}{397}	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\dTrFC \ \begin{array}{c} \dTrFCP & \frac{816}{816} \dTrFCP & \frac{816}{816} \dTrFCPE & \frac{816}{816} \dTrFCPE & \frac{816}{816} \dTrFP & \frac{806}{806} \end{array}	\eleMP       397         \eleMp       397         \eleMP*       397         \eleMp*       397         \eleMPE       397         \eleMpE       397	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\dTrFC \ \begin{array}{c} \dTrFCP & \frac{816}{816} \dTrFCP & \frac{816}{816} \dTrFCPE & \frac{816}{81	\eleMP \ \frac{397}{397} \eleMp \ \frac{397}{397} \eleMP* \ \frac{397}{397} \eleMp* \ \frac{397}{397} \eleMPE \ \frac{397}{397}	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\dTrFC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\eleMP       397         \eleMp       397         \eleMP*       397         \eleMp*       397         \eleMPE       397         \eleMpE       397	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\dTrFC         816           \dTrFCP         816           \dTrFCP         816           \dTrFCPE         816           \dTrFCPE         816           \dTrFP         806           \dTrFPE         806           \dTrFPE         806	VeleMP     397       VeleMp     397       VeleMP*     397       VeleMp*     397       VeleMPE     397       VeleMPE*     397       VeleMPE*     397       VeleMpE*     397	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\dTrFC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\eleMP       397         \eleMp       397         \eleMP*       397         \eleMp*       397         \eleMPE       397         \eleMpE       397         \eleMPE*       397         \eleMpE*       397         \eleMpE*       397         \eleMpE*       397         \eleMpE       200, 263, 344, 371	\esc* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 806 \dTrFPE \ 806	\eleMP \ \frac{397}{397} \eleMP \ \frac{397}{397} \eleMP* \ \frac{397}{397} \eleMP* \ \frac{397}{397} \eleMPE \ \frac{397}{397} \eleMPE \ \frac{397}{397} \eleMPE* \ \frac{397}{397} \eleMPE* \ \frac{397}{397} \eleMPE* \ \frac{200}{397} \eleMPE \ \frac{200}{397} \ \ \frac	\esc* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrFC         816           \dTrFCP         816           \dTrFCP         816           \dTrFCPE         816           \dTrFCPE         816           \dTrFP         806           \dTrFPE         806           \dTrFPE         806	\eleMP \ \frac{397}{397} \eleMP \ \frac{397}{397} \eleMP* \ \frac{397}{397} \eleMP* \ \frac{397}{397} \eleMPE \ \frac{397}{397} \eleMPE \ \frac{397}{397} \eleMPE* \ \frac{300}{397} \eleMPE* \ \frac{397}{397} \eleMPE* \ \frac{300}{397} \eleMPE* \ \frac{300}{307} \eleMPE* \ \frac{300}{307} \eleMPE* \ \frac{300}{307} \eleMPE* \ \frac{300}{307} \e	\esc* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 806 \dTrFPE \ 806 \dTrFPE \ 806	\eleMP \ \frac{397}{397} \eleMP \ \frac{397}{397} \eleMP* \ \frac{397}{397} \eleMP* \ \frac{397}{397} \eleMPE \ \frac{397}{397} \eleMPE \ \frac{397}{397} \eleMPE* \ \frac{397}{397} \eleMPE* \ \frac{397}{397} \eleMPE* \ \frac{200}{397} \eleMPE \ \frac{200}{397} \ \ \frac	\esc* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 806 \dTrFPE \ 806 \dTrFPE \ 806	\eleMP \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\esc* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 806	\eleMP \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\esc* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 806	$\begin{tabular}{l l l l l l l l l l l l l l l l l l l $	Lesc*         1000           \EspacioCol         1219, 1227, 1228           \EspacioNul         1218, 1221, 1222           \Estmc         1266, 1272           \ETEC         691           \ETECP         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 806	$\begin{tabular}{l l l l l l l l l l l l l l l l l l l $	Lesc*         1000           \EspacioCol         1219, 1227, 1228           \EspacioNul         1218, 1221, 1222           \Estmc         1266, 1272           \ETEC         691           \ETECP         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETEFP         678           \ETEFP         678
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 730, 733, 736, 739, 742, 743, 746, 749, 752, 755 \EInvTEC \ 743 \EInvTECP \ 743	$\begin{tabular}{l l l l l l l l l l l l l l l l l l l $	Lesc*         1000           \EspacioCol         1219, 1227, 1228           \EspacioNul         1218, 1221, 1222           \Estmc         1266, 1272           \ETEC         691           \ETECP         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 806	$\begin{tabular}{l l l l l l l l l l l l l l l l l l l $	Lesc*         1000           \EspacioCol         1219, 1227, 1228           \EspacioNul         1218, 1221, 1222           \Estmc         1266, 1272           \ETEC         691           \ETECP         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETEFP         678           \ETEFP         678
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 743, 733, 736, 739, 742, 743, 746, 749, 752, 755 \EInvTEC \ 743 \EInvTECP \ 743 \EInvTECP \ 743	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\esc*         \frac{1000}{1000}           \EspacioCol         \frac{1219}{1227}, 1228           \EspacioNul         \frac{1218}{1218}, 1221, 1222           \Estmc         \frac{1266}{1272}           \ETEC         \frac{691}{691}           \ETECP         \frac{691}{691}           \ETECP*         \frac{691}{691}           \ETECPE         \frac{691}{691}           \ETECPE*         \frac{691}{691}           \ETECPE*         \frac{691}{691}           \ETECPE*         \frac{691}{691}           \ETECPE*         \frac{678}{678}           \ETEFP         \frac{678}{678}           \ETEFP*         \frac{678}{678}           \ETEFP*         \frac{678}{678}           \ETEFP*         \frac{678}{678}
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 730, 733, 736, 739, 742, 743, 746, 749, 752, 755 \EInvTEC \ 743 \EInvTECP \ 743 \EInvTECP \ 743 \EInvTECP \ 743	$\begin{tabular}{l l l l l l l l l l l l l l l l l l l $	Lesc*         1000           \EspacioCol         1219, 1227, 1228           \EspacioNul         1218, 1221, 1222           \Estmc         1266, 1272           \ETEC         691           \ETECP         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETEFF         678           \ETEFP         678           \ETEFP*         678
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 806 \dTrFPE \ 806 \dTrFPE \ 806 \dTrFPE \ 743, 746, 749, 752, 755 \EInvTEC \ 743 \EInvTECP \ 743 \EInvTECP \ 743 \EInvTECP \ 743 \EInvTECP \ 743 \EInvTECP* \ 743	$\begin{tabular}{l l l l l l l l l l l l l l l l l l l $	Lesc*         1000           \EspacioCol         1219, 1227, 1228           \EspacioNul         1218, 1221, 1222           \Estmc         1266, 1272           \ETEC         691           \ETECP         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         678           \ETEFP         678           \ETEFP*         678           \ETEFP*         678           \ETEFP*         678           \ETEFP*         678           \ETEFP*         678           \ETEFPE         678
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 806 \dTrFPE \ 806 \dTrFPE \ 806 \dTrFPE \ 730, 733, 736, 739, 742, 743, 746, 749, 752, 755 \EInvTEC \ 743 \EInvTECP \ 743 \EInvTECP \ 743 \EInvTECP* \ 743	\eleMP \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	Lesc*         1000           \EspacioCol         1219, 1227, 1228           \EspacioNul         1218, 1221, 1222           \Estmc         1266, 1272           \ETEC         691           \ETECP         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETEFP         678           \ETEFP         678           \ETEFP*         678           \ETEFP*         678           \ETEFPE         678
\dTrFC	$\begin{tabular}{l l l l l l l l l l l l l l l l l l l $	Lesc*         1000           \EspacioCol         1219, 1227, 1228           \EspacioNul         1218, 1221, 1222           \Estmc         1266, 1272           \ETEC         691           \ETECP         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         678           \ETEFP         678           \ETEFP*         678           \ETEFP*         678           \ETEFP*         678           \ETEFP*         678           \ETEFP*         678           \ETEFPE         678
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 806 \dTrFPE \ 806 \dTrFPE \ 806 \dTrFPE \ 730, 733, 736, 739, 742, 743, 746, 749, 752, 755 \EInvTEC \ 743 \EInvTECP \ 743 \EInvTECP \ 743 \EInvTECP* \ 743	\eleMP \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	Lesc*         1000           \EspacioCol         1219, 1227, 1228           \EspacioNul         1218, 1221, 1222           \Estmc         1266, 1272           \ETEC         691           \ETECP         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETEFP         678           \ETEFP         678           \ETEFP*         678           \ETEFP*         678           \ETEFPE         678
\dTrFC	\eleMP \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	Lesc*         1000           \EspacioCol         1219, 1227, 1228           \EspacioNul         1218, 1221, 1222           \Estmc         1266, 1272           \ETEC         691           \ETECP         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETEFP*         678           \ETEFP         678           \ETEFP*         678           \ETEFP*         678           \ETEFPE         678           \ETEFPE         678           \ETEFPE         678           \ETEFPE         678           \ETEFPE*         678           \ETEFPE*         678           \ETEFPE*         678           \ETEFPE*         678           \ETEFPE*         678           \ETEFPE*         678
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 743 \\EInvTECPE \ 743	\eleMP \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	Lesc*         1000           \EspacioCol         1219, 1227, 1228           \EspacioNul         1218, 1221, 1222           \Estmc         1266, 1272           \ETEC         691           \ETECP         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETEFP         678           \ETEFP         678           \ETEFP*         678           \ETEFP*         678           \ETEFPE         678           \ETEFPE         678           \ETEFPE         678           \ETEFPE*         6
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 730, 733, 736, 739, 742, 743, 746, 749, 752, 755 \EInvTEC \ 743 \EInvTECP \ 743 \EInvTECP \ 743 \EInvTECP \ 743 \EInvTECP* \ 743 \EInvTECP* \ 743 \EInvTECPE \ 743	\eleMP \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	Less
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 743 \EInvTECP \ 743 \LTrFCPE \ 743	\eleMP \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	Lesc*         1000           \EspacioCol         1219, 1227, 1228           \EspacioNul         1218, 1221, 1222           \Estmc         1266, 1272           \ETEC         691           \ETECP         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECP*         691           \ETECPE         691           \ETECPE         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETECPE*         691           \ETEFP         678           \ETEFP         678           \ETEFP*         678           \ETEFP*         678           \ETEFPE         678           \ETEFPE         678           \ETEFPE         678           \ETEFPE*         6
\dTrFC         816           \dTrFCP         816           \dTrFCPE         816           \dTrFCPE         816           \dTrFCPE         816           \dTrFP         806           \dTrFPE         806           \EInvTECP         743           \EInvTECP         743           \EInvTECPE         743           \EInvTECPE*         743           \EInvTECPE*         743           \EInvTECPE*         743           \EInvTECPE*         743           \EInvTECPE         743	\eleMP \ 397 \eleMP \ 397 \eleMP \ 397 \eleMP* \ 397 \eleMP* \ 397 \eleMP* \ 397 \eleMPE \ 397 \eleMPE \ 397 \eleMPE \ 397 \eleMPE* \ 200, 263, 344, 371 \elemRP \ 200, 263, 344, 371 \elemRP \ 200, 264, 271, 272, 352, 353, 379, 380 \elemRP \ 200, 267, 268, 345, 348, 349, 372, 375, 376 \elemRP \ 200, 267, 268, 345, 348, 349, 372, 375, 376 \elemRP* \ 200 \elemRP* \ 200, 200 \elemRP* \ 200, 200 \elemRPE \ 200, 200 \elemRPE \ 200, 200 \elemRPE* \ 200, 200 \elemRPE* \ 200	\esc* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 730	\eleMP \ 397 \eleMP \ 397 \eleMP \ 397 \eleMP* \ 397 \eleMP* \ 397 \eleMP* \ 397 \eleMPE \ 397 \eleMPE \ 397 \eleMPE \ 397 \eleMPE* \ 200, 263, 344, 371 \elemRP \ 200, 263, 344, 371 \elemRP \ 200, 267, 268, 345, 348, 349, 372, 375, 376 \elemRP* \ 200, 267, 268, 345, 348, 349, 372, 375, 376 \elemRP* \ 200, 200, 267, 268, 345, 348, 349, 372, 375, 376 \elemRP* \ 200, 200, 200, 200, 200 \elemRP* \ 200, 200, 200 \elemRPE* \ 200, 200 \elemRPE* \ 200, 200 \elemRPE* \ 200, 200 \elemRPE* \	Less
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 730	\eleMP \ 397 \eleMP \ 397 \eleMP \ 397 \eleMP* \ 397 \eleMP* \ 397 \eleMP* \ 397 \eleMPE \ 397 \eleMPE \ 397 \eleMPE \ 397 \eleMPE* \ 200, 263, 344, 371 \elemRP \ 200, 263, 344, 371 \elemRP \ 200, 267, 268, 345, 348, 349, 372, 375, 376 \elemRP* \ 200, 267, 268, 345, 348, 349, 372, 375, 376 \elemRP* \ 200, 200, 267, 268, 345, 348, 349, 372, 375, 376 \elemRP* \ 200, 200, 200, 200, 200 \elemRP* \ 200, 200, 200 \elemRPE* \ 200, 200 \elemRPE* \ 200, 200 \elemRPE* \ 200, 200 \elemRPE* \	\esc* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrFC \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCP \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 816 \dTrFCPE \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFP \ 806 \dTrFPE \ 730	\eleMP \ 397 \eleMP \ 397 \eleMP \ 397 \eleMP* \ 397 \eleMP* \ 397 \eleMP* \ 397 \eleMPE \ 397 \eleMPE \ 397 \eleMPE \ 397 \eleMPE* \ 200, 263, 344, 371 \elemRP \ 200, 263, 344, 371 \elemRP \ 200, 264, 271, 272, 352, 353, 379, 380 \elemRP \ 200, 267, 268, 345, 348, 349, 372, 375, 376 \elemRP \ 200, 267, 268, 345, 348, 349, 372, 375, 376 \elemRP* \ 200 \elemRP* \ 200, 200 \elemRP* \ 200, 200 \elemRPE \ 200, 200 \elemRPE \ 200, 200 \elemRPE* \ 200, 200 \elemRPE* \ 200	\esc* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \

${f G}$	\InvTEFPE* 704	\LRidxEPE 23
\getItem <u>180</u> , 181, 182	\InvTEFpE*	\LRidxEpE
\getitemL 181, 183, 218	\InvUMat 992	\LRidxEPE*
\getitemR 182, 200, 218	\InvUmat	\LRidxEpE*
(geoliumi 102, 200, 210	\InvXTX 1203	\LRidxP
Н	\irvec	\LRidxp
\hbox 123, 162	\irvecC	<u> </u>
-, -	(11 voco	\LRidxP*
$\mathbf{I}$	K	\LRidxPE 82
\ind $\underline{1265}$	\K <u>6</u>	\LRidxpE
\intercal 142	\Kk	\LRidxPE*
\Inv <u>163</u>	<del>_</del>	<del>-</del>
\InvMat <u>1131</u>	${f L}$	\LRidxpE*
$\verb \InvMatGC$	\langle 999	\lumber{1}\text{Vert} \\ \text{134}, \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\label{lnvMatP}                                    $	\ldots 858, 859	\1vert 154, 155
$\label{local_invMatp} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$	$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	${f M}$
\InvMatP* <u>1131</u>	40, 57, 821, 822, 824-826	\m@th 124
\InvMatp* <u>1131</u>	\Lidx $89$ , 91, 92, 95, 96,	\MakeLowercase
\InvMatPE $\underline{1131}$	98, 99, 102, 103, 183,	834, 838, 839, 849
\InvMatpE <u>1131</u> , 1161, 1162	478, 496, 514, 534, 538,	\MakeUppercase 835, 861
\InvMatPE* <u>1131</u>	598, 652, 678, 704, 730,	\Mat 290, 291,
\InvMatpE* <u>1131</u>	756, 761, 766, 771, 776, 806	294, 295, 298, 299, 303,
\InvMatT <u>1149</u>	\LidxE <u>40,</u> 89	306, 311, 314, 344, 345,
\InvMatT* <u>1149</u>	\LidxEP <u>40</u>	348, 349, 352, 353, 357,
\InvMatTPE <u>1149</u>	\LidxEp <u>40</u>	360, 365, 368, 398, 402,
\InvMatTpE <u>1149</u>	\LidxEP* <u>40</u>	403, 406, 407, 427, 428,
\InvMatTPE*	\LidxEp*	431, 432, 532, 533, 536,
\InvMatTpE*	\LidxEPE <u>40</u>	537, 860, 870, 873, 874,
\InvMTM . <u>1200</u> , 1203, 1206, 1208	\LidxEpE	877, 878, 881, 882, 885,
\InvMTM* <u>1200</u> \InvOEg 466,	\LidxEPE* 40 \LidxEpE* 40	886, 929, 936, 937, 956,
	• —	959, 960, 963, 964, 967,
467, 704, 707, 710, 713, 716, 717, 720, 723, 726, 729	\LidxP <u>90</u> , 482, 500, 518, 658, 684, 710,	968, 971, 972, 991, 992,
\InvP 163, 1138, 1139,	736, 758, 763, 768, 773, 778	994, 1040, 1049, 1076,
1150, 1154, 1158, 1201	\Lidxp 90, 480,	1077, 1080, 1081, 1084-
\Invp \ \frac{163}{134}, \ 1135, \ 1151,	498, 516, 655, 681, 707,	1086, 1089, 1090, 1093,
1155, 1159, 1202, 1205	733, 757, 762, 767, 772, 777	1094, 1122, 1125, 1126,
\InvP* 163	\LidxP* 90	1129-1131, 1134, 1135,
\Invp* 163	\Lidxp* 90	1138, 1139, 1142, 1143,
\InvPE 163	\LidxPE 97, 486,	1146, 1147, 1206, 1208,
\InvpE <u>163</u>	504, 522, 664, 690, 716,	1224, 1225, 1230, 1231
\InvPE* <u>163</u>	742, 760, 765, 770, 775, 780	\Matdim 956
\InvpE* <u>163</u>	\LidxpE $97$ , 484,	\MatdimP 956
\InvTEC	502, 520, 661, 687, 713,	\Matdimp 956
\InvTECP	739, 759, 764, 769, 774, 779	\MatdimP* 956
\InvTECp	\LidxPE* <u>97</u>	\Matdimp* 956
\InvTECP* <u>717</u>	\LidxpE* <u>97</u>	\MatdimPE
\InvTECp* <u>717</u>	\limits 939	\MatdimpE 956 \MatdimPE* 956
\InvTECPE	\line 128-130	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
\InvTECpE	\longmapsto 1261	<del>-</del>
\InvTECPE*	\longrightarrow 1260	\MatGC 995 \mathbb 1-5, 1236, 1237
\InvTECpE*	\LRidx <u>74,</u> 76,	\mathbb{mathbbmsl} 1-3, 1230, 1237
\InvTEF	77, 80, 81, 83, 84, 87,	\mathbbms1 1204, 1205 \mathbin 121, 1242
\InvTEFP	88, 218, 573, 586, 634, 816	\mathcal 121, 1242
\InvTEFp	\LRidxE	\mathfrak 456
		\mathrax
\InvTEFp*	\LRidxEp	\mathpalette 121
\InvTEFPE	\LRidxEp*	\mathsf 835, 861
(IIIVIEPPE	\шитимер* <u>23</u>	\macmsi 000, 001

\MatP 304, 312, 315, 358, 366,	\MMT <u>1104</u>	\MVPE 1040
369, 399, 828, 830, 832, <u>860</u>	\MMTP 1104	\MVpE 1040
\Matp 307, 361, 860	\MMTp	\MVPE* 1040
\MatP* 860	\MMTP* 1104	\MVpE* 1040
\Matp*		(11 <b>4 p.</b>
<del>-</del>	\MMTp* <u>1104</u>	N
\MatT 318, 321, 322,	\MN <u>1076</u> , 1113,	\N <u>6</u>
325, 326, 372, 375, 376,	1116, 1117, 1120, 1121	
379, 380, 424, 870, 888,	\MNMT <u>1113</u>	\newcommand 121, 122
889, 973, 976, 977, 980,	\MNMTP <u>1113</u>	\Nn <u>1, 6</u>
981, 984, 985, 1058,	\MNMTp <u>1113</u>	\norma <u>133</u>
1067, 1077, 1086, 1113,	\MNMTP* 1113	\norma* <u>133</u>
1150, 1151, 1154, 1155,	\MNMTp* 1113	\Nulls <u>1220</u> , 1224, 1225
1158, 1159, 1206, 1208	\MNT 1086, 1104	\nulls <u>1223</u>
\MatTdim 973	\MNTP 1086, 1111, 1112	\Nulls* 1220
\MatTdimP 973	<del></del>	\nulls* 1223
	\MNTp <u>1086</u> , 1107, 1108	· —
\MatTdimp 973	\MNTP* <u>1086</u>	O
\MatTdimP* 973	\MNTp* <u>1086</u>	\odot 1021
$\label{eq:matTdimp*} \verb+ 973$	\modulus <u>136,</u> 926, 927	\OEg 464, 465, 466,
$\verb  MatTdimPE                                    $	\modulus* <u>136</u>	469, 652, 655, 658, 661,
\MatTdimpE <u>973</u>	\MP	
\MatTdimPE* 973	\MPT 536	664, 665, 668, 671, 674, 677
\MatTdimpE* 973	\MTM 1095, 1201, 1 <del>202</del>	\OEin 460, 514, 516, 518, 520,
\MatTP 870	\MTMP 1095	522, 523, 525, 527, 529, 531
\MatTp <u>870</u>	\MTMp 1095	\OEper $461$ , 534, 535
\MatTP*	\MTMP*	$\$ \OEpr $\dots \dots \underline{459},$
	<del></del>	463, 496, 498, 500, 502,
\MatTp* 870	\MTMp* 1095	504, 505, 507, 509, 511, 513
\MatTPE 331, 339, 342,	\MTMV	\OEsu
385, 393, 396, 829, 831,	\MTMVP <u>1171</u>	462, 478, 480, 482, 484,
833, 870, 1065, 1066,	\MTMVp <u>1171</u>	486, 487, 489, 491, 493, 495
1074, 1075, 1084, 1085,	\MTMVP* 1171	\O-E 457 450 461
,,,		\UPL 437, 438-401
1093, 1094, 1120, 1121	$\  \   \backslash \texttt{MTMVp*}  \ldots  \overline{1171}$	\OpE 457, 458-461 \overline 119
	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\uperline \uperl
1093, 1094, 1120, 1121	-	<del>-</del>
1093, 1094, 1120, 1121 \MatTpE 317, 330, 333,	\MTN $\dots$ $1077$ , 1095, 1122, $\overline{1171}$	\overline 119 P
1093, 1094, 1120, 1121 \MatTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384,	\MTN <u>1077</u> , 1095, 1122, <u>1171</u> \MTNM <u>1122</u> \MTNMP <u>1122</u>	\text{overline} \tag{P} \text{Parentesis} \tag{14},
1093, 1094, 1120, 1121  \MatTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062,	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	overline
1093, 1094, 1120, 1121  \matTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081,	MTN	\text{overline} \tag{P} \text{Parentesis} \tag{14}, \\ 30, \ 31, \ 38, \ 39, \ 47, \ 48, \\ 55, \ 56, \ 64, \ 65, \ 72, \ 73, \end{array}
1093, 1094, 1120, 1121  \matTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117	MTN	\text{overline} \tag{P} \text{Parentesis} \tag{14}, \\ 30, 31, 38, 39, 47, 48, \\ 55, 56, 64, 65, 72, 73, \\ 80, 81, 87, 88, 95, 96, \end{array}
1093, 1094, 1120, 1121  \matTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117  \matTPE* 870	\text{MTN	\text{overline} \tag{P} \\ Parentesis \tag{14}, \\ 30, \ 31, \ 38, \ 39, \ 47, \ 48, \\ 55, \ 56, \ 64, \ 65, \ 72, \ 73, \\ 80, \ 81, \ 87, \ 88, \ 95, \ 96, \\ 102, \ 103, \ 110, \ 111, \ 117, \end{array}
1093, 1094, 1120, 1121  \matTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117  \matTPE*	\mathrm{\text{MTN 1077, 1095, 1122, 1171}} \\mathrm{\text{MTNM 1122}} \\mathrm{\text{MTNMP 1122}} \\mathrm{\text{MTNMp 1122}} \\mathrm{\text{MTNMp* 1122}} \\text{MTNMp*	P Parentesis
1093, 1094, 1120, 1121  \matTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117  \matTpE*	\mathrm{\text{MTN } \frac{1077}{1075}, \frac{1122}{1171} \\ \mathrm{\text{MTNM } \frac{1122}{122} \\ \mathrm{\text{MTNMP } \frac{1122}{122} \\ \mathrm{\text{MTNMP* } \frac{1122}{122} \\ \mathrm{\text{MTNP } \frac{1077}{1102}, \frac{1103}{1103}, \\ \mathrm{\text{1129}}{1130}, \frac{1178}{1178}, \frac{1179}{1179} \\ \mathrm{\text{MTNP } \frac{1077}{1098}, \frac{1099}{1099}, \end{array}	P Parentesis
1093, 1094, 1120, 1121  \matTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117  \matTpE* 870  \matTpE* 870  \matTT 887  \matTT* 887	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	P \text{Parentesis} \cdots \cdots \frac{14}{48}, \\ 30, 31, 38, 39, 47, 48, \\ 55, 56, 64, 65, 72, 73, \\ 80, 81, 87, 88, 95, 96, \\ 102, 103, 110, 111, 117, \\ 118, 152, 153, 160, 161, \\ 170, 171, 178, 179, 190, \\ 191, 198, 199, 207, 208,
1093, 1094, 1120, 1121  \matTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117  \matTpE* 870  \matTpE* 870  \matTT 887  \matTT* 887  \matTTPE 887	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	P \text{Parentesis} \cdots \cdots \frac{14}{48}, \\ 30, 31, 38, 39, 47, 48, \\ 55, 56, 64, 65, 72, 73, \\ 80, 81, 87, 88, 95, 96, \\ 102, 103, 110, 111, 117, \\ 118, 152, 153, 160, 161, \\ 170, 171, 178, 179, 190, \\ 191, 198, 199, 207, 208, \\ 215, 216, 229, 230, 233,
1093, 1094, 1120, 1121  \matTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117  \matTpE* 870  \matTpE* 870  \matTT 887  \matTTPE 887  \matTTPE 887  \matTTPE 887	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	P \text{Parentesis} \cdots \cdots \frac{14}{48}, \\ 30, 31, 38, 39, 47, 48, \\ 55, 56, 64, 65, 72, 73, \\ 80, 81, 87, 88, 95, 96, \\ 102, 103, 110, 111, 117, \\ 118, 152, 153, 160, 161, \\ 170, 171, 178, 179, 190, \\ 191, 198, 199, 207, 208,
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	P \text{Parentesis} \cdots \cdots \frac{14}{48}, \\ 30, 31, 38, 39, 47, 48, \\ 55, 56, 64, 65, 72, 73, \\ 80, 81, 87, 88, 95, 96, \\ 102, 103, 110, 111, 117, \\ 118, 152, 153, 160, 161, \\ 170, 171, 178, 179, 190, \\ 191, 198, 199, 207, 208, \\ 215, 216, 229, 230, 233,
1093, 1094, 1120, 1121  \matTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117  \matTpE* 870  \matTpE* 870  \matTT 887  \matTTPE 887  \matTTPE 887  \matTTPE 887	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	P \text{Parentesis} \cdots \cdots \frac{14}{48}, \\ 30, 31, 38, 39, 47, 48, \\ 55, 56, 64, 65, 72, 73, \\ 80, 81, 87, 88, 95, 96, \\ 102, 103, 110, 111, 117, \\ 118, 152, 153, 160, 161, \\ 170, 171, 178, 179, 190, \\ 191, 198, 199, 207, 208, \\ 215, 216, 229, 230, 233, \\ 234, 418, 421, 443, 446,
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	P \text{Parentesis} \cdots \cdots \frac{14}{48}, \\ 30, 31, 38, 39, 47, 48, \\ 55, 56, 64, 65, 72, 73, \\ 80, 81, 87, 88, 95, 96, \\ 102, 103, 110, 111, 117, \\ 118, 152, 153, 160, 161, \\ 170, 171, 178, 179, 190, \\ 191, 198, 199, 207, 208, \\ 215, 216, 229, 230, 233, \\ 234, 418, 421, 443, 446, \\ 545, 546, 553, 554, 562,
1093, 1094, 1120, 1121         \MatTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117         \MatTPE*	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	P \Parentesis
1093, 1094, 1120, 1121         \MatTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117         \MatTPE* 870         \MatTT 887         \MatTTPE* 887         \mathrm{\text{Mat}} \text{\text{1267}}         \mathrm{\text{Mat}} \text{\text{1267}}         \mathrm{\text{Mat}} \text{\text{1267}}         \mathrm{\text{Mat}} \text{\text{1269}}	\mathrm{ \text{MTNM} \text{ \text{MTNMP} \text{ \text{1122}} \text{ \mathrm{MTNMP} \text{ \text{1102}} \text{ \mathrm{MTNP} \text{ \text{1107}}, 1102, 1103, 1122 \text{ \mathrm{MTNP} \text{ \text{1130}}, 1178, 1179 \text{ \mathrm{MTNP} \text{ \text{1077}}, 1098, 1099, 1125, 1126, 1174, 1175 \text{ \mathrm{MTNP} \text{ \text{ \text{1077}}} \text{ \mathrm{MTNP} \text{ \text{ \text{1077}}} \text{ \mathrm{MTNP} \text{ \text{ \text{1058}}, 1214 \text{ \mathrm{MTVP} \text{ \text{1058}}, 1215 \text{ \mathrm{MTVp} \text{ \text{ \text{1058}}}, 1215 \text{ \mathrm{MTVp} \text{ \text{ \text{1058}}}	P \Parentesis
1093, 1094, 1120, 1121  \matTpE 317, 330, 333,	\mathrm{ \text{MTN \text{.}} \\ \frac{1077}{1075}, \ 1095, \ 1122, \ \text{1171} \\ \text{MTNMP \text{.}} \\ \\ \frac{1122}{122} \\ \text{MTNMP \text{.}} \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \	P \text{Parentesis} \cdots \cdots \frac{14}{4}, \\ 30, 31, 38, 39, 47, 48, \\ 55, 56, 64, 65, 72, 73, \\ 80, 81, 87, 88, 95, 96, \\ 102, 103, 110, 111, 117, \\ 118, 152, 153, 160, 161, \\ 170, 171, 178, 179, 190, \\ 191, 198, 199, 207, 208, \\ 215, 216, 229, 230, 233, \\ 234, 418, 421, 443, 446, \\ 545, 546, 553, 554, 562, \\ 563, 570, 571, 577, 578, \\ 583, 584, 590, 591, 596, \\ 597, 605, 606, 613, 614, \\ 623, 624, 631, 632, 641,
1093, 1094, 1120, 1121         \MatTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117         \MatTPE* 870         \MatTpE* 870         \MatTT 887         \MatTTE* 887         \MatTTE* 887         \MatTTPE* 887         \MatTTPE 887         \MatTTPE* 887         \MatTTPE 887         \MatTTPE 887         \MatTTPE 887         \MatTTPE 887         \MatTTPE 990         \Media 1267         \media 1269         \Menor 930         \Menor 930         \Menor 930	\mathrm{ \text{MTN \text{.}} \\ \frac{1077}{1095}, \text{1122}, \\ \frac{1122}{\text{MTNMP}} \\ \frac{1122}{\text{MTNMP}} \\ \frac{1122}{\text{MTNMP}} \\ \frac{1122}{\text{MTNMP}} \\ \frac{1122}{\text{MTNMP}} \\ \frac{1122}{\text{MTNMP}} \\ \frac{1077}{1102}, \text{1103}, \\ \frac{1129}{1130}, \text{1178}, \text{1179} \\ \frac{1129}{\text{MTNP}} \\ \frac{1077}{\text{1098}, \text{1099}, \\ \frac{1125}{1126}, \text{1174}, \text{1175} \\ \frac{1178}{\text{MTNP}} \\ \frac{1077}{\text{MTNP}} \\ \frac{1058}{\text{MTVP}} \\ \frac{1058}	P \Parentesis
1093, 1094, 1120, 1121  \matTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117  \matTpE* 870  \matTpE* 870  \matTT 887  \matTT* 887  \matTTPE 887  \matTTPE* 887  \matTTPE* 887  \matTTPE* 887  \matTTPE 887  \ma	\mathrm{ \text{MTN \text{.}} \\ \frac{1077}{1077}, \text{1095}, \text{1122}{1171} \\ \text{MTNMP \text{.}} \\ \frac{1122}{1122} \\ \text{MTNMP* \text{.}} \\ \frac{1122}{1122} \\ \text{MTNMP* \text{.}} \\ \frac{1122}{1122} \\ \text{MTNMP* \text{.}} \\ \frac{1077}{1102}, \text{1103}, \\ \text{1129}, \text{1130}, \text{1178}, \text{1179} \\ \text{MTNP \text{.}} \\ \frac{1077}{1098}, \text{1099}, \\ \text{1125}, \text{1126}, \text{1174}, \text{1175} \\ \text{MTNP* \text{.}} \\ \frac{1077}{1058}, \text{1214} \\ \text{MTVP \text{.}} \\ \frac{1058}{1058}, \text{1215} \\ \text{MTVP* \text{.}} \\ \frac{1058}{1058} \\ \text{MTVP* \text{.}} \\ \frac{1058}{1058} \\ \text{MTV} \text{MTU} \text{.} \\ \frac{1058}{1058} \\ \text{MTU} \text{.} \\ \frac{1040}{1040}, \text{1213} \\	P \Parentesis
1093, 1094, 1120, 1121         \MatTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117         \MatTPE* 870         \MatTpE* 870         \MatTT 887         \MatTTE 887         \MatTTPE* 887         \MatTTPE 887         \Media 1267         \media 1269         \Menor 930         \Menor 930         \mid 180         \mid 180         \mifun 1252	MTN 1077, 1095, 1122, 1171 \mathbb{MTNM 1122 \mathbb{MTNMP	$\begin{array}{c} \mathbf{P} \\ \text{Parentesis} \ldots \ldots \underline{14}, \\ 30, \ 31, \ 38, \ 39, \ 47, \ 48, \\ 55, \ 56, \ 64, \ 65, \ 72, \ 73, \\ 80, \ 81, \ 87, \ 88, \ 95, \ 96, \\ 102, \ 103, \ 110, \ 111, \ 117, \\ 118, \ 152, \ 153, \ 160, \ 161, \\ 170, \ 171, \ 178, \ 179, \ 190, \\ 191, \ 198, \ 199, \ 207, \ 208, \\ 215, \ 216, \ 229, \ 230, \ 233, \\ 234, \ 418, \ 421, \ 443, \ 446, \\ 545, \ 546, \ 553, \ 554, \ 562, \\ 563, \ 570, \ 571, \ 577, \ 578, \\ 583, \ 584, \ 590, \ 591, \ 596, \\ 597, \ 605, \ 606, \ 613, \ 614, \\ 623, \ 624, \ 631, \ 632, \ 641, \\ 642, \ 649, \ 650, \ 808, \ 810, \\ 813, \ 815, \ 818, \ 820, \ 827, \\ 846, \ 847, \ 856, \ 857, \ 868, \\ \end{array}$
1093, 1094, 1120, 1121         \MatTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117         \MatTpE* 870         \MatTpE* 870         \MatTT 887         \MatTTE 887         \MatTTPE* 887         \MatTTPE* 887         \MatTTPE* 887         \MatTTPE* 887         \MatTTPE* 887         \MatTTPE 887         \Media 1267         \media 1269         \Menor 930         \Menor 930         \mid 180         \mifun 1252         \mifun * 1252	\mathbb{MTN} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	$\begin{array}{c} \mathbf{P} \\ \text{Parentesis} \ldots \ldots \underline{14}, \\ 30, \ 31, \ 38, \ 39, \ 47, \ 48, \\ 55, \ 56, \ 64, \ 65, \ 72, \ 73, \\ 80, \ 81, \ 87, \ 88, \ 95, \ 96, \\ 102, \ 103, \ 110, \ 111, \ 117, \\ 118, \ 152, \ 153, \ 160, \ 161, \\ 170, \ 171, \ 178, \ 179, \ 190, \\ 191, \ 198, \ 199, \ 207, \ 208, \\ 215, \ 216, \ 229, \ 230, \ 233, \\ 234, \ 418, \ 421, \ 443, \ 446, \\ 545, \ 546, \ 553, \ 554, \ 562, \\ 563, \ 570, \ 571, \ 577, \ 578, \\ 583, \ 584, \ 590, \ 591, \ 596, \\ 597, \ 605, \ 606, \ 613, \ 614, \\ 623, \ 624, \ 631, \ 632, \ 641, \\ 642, \ 649, \ 650, \ 808, \ 810, \\ 813, \ 815, \ 818, \ 820, \ 827, \\ 846, \ 847, \ 856, \ 857, \ 868, \\ 869, \ 892, \ 893, \ 917, \ 921, \\ \end{array}$
1093, 1094, 1120, 1121         \MatTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117         \MatTpE* 870         \MatTpE* 870         \MatTT 887         \MatTT* 887         \MatTTPE* 887         \MatTTPE* 887         \MatTTPE* 887         \MatTTPE* 887         \MatTTPE* 887         \MatTTPE* 887         \Media 1267         \media 1269         \Menor 933         \Menor 930         \mid 180         \mifun 1252         \mifun * 1252         \Mint 532	\mathrm{ \text{MTN \text{.}} \\ \frac{1077}{1095}, \text{1122}, \text{1171} \\ \mathrm{ \text{MTNMP \text{.}} \\ \frac{1122}{2} \\ \mathrm{MTNMP \text{.}} \\ \frac{1122}{2} \\ \mathrm{MTNMP \text{.}} \\ \frac{1122}{2} \\ \mathrm{MTNMP \text{.}} \\ \frac{1122}{2} \\ \mathrm{MTNP \text{.}} \\ \frac{1077}{1102}, \text{1103}, \\ \text{1129}, \text{1130}, \text{1178}, \text{1179} \\ \mathrm{MTNP \text{.}} \\ \frac{1077}{1098}, \text{1099}, \\ \text{1125}, \text{1126}, \text{1174}, \text{1175} \\ \mathrm{MTNP \text{.}} \\ \frac{1077}{2058}, \text{1214} \\ \mathrm{MTVP \text{.}} \\ \frac{1058}{2058}, \text{1215} \\ \mathrm{MTVP \text{.}} \\ \frac{1058}{2058} \\ \mathrm{MTVP \text{.}} \\ \frac{1058}{2058} \\ \mathrm{MVVP \text{.}} \\ \frac{1040}{2058}, \text{1213} \\ \mathrm{MVect \text{.}} \\ \frac{894}{898}, \text{899}, \text{1205}, \text{1209-1212} \\ \mathrm{MVect \text{.}} \\ \frac{894}{894} \\ \mathrm{MVect \text{.}} \\ \mathrm{MYect \text{.}} \\ \mathrm{M2}{894} \\ \mathrm{MVect \text{.}} \\ \mathrm{M2}{894} \\ \mathrm{M2}{896} \\ \mathrm{M2}{896} \\ \mathrm{M2}{896} \	P \Parentesis
1093, 1094, 1120, 1121         \MatTpE       317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117         \MatTpE*       870         \MatTpE*       870         \MatTT       887         \MatTTE*       887         \MatTTPE*       887         \MatTTPE*       887         \MatTTPE*       887         \MatTTPE*       887         \Media       1267         \media       1269         \Menor       930         \menorR       930         \mid       180         \mifun       1252         \mifun       532         \MintT       532	MTN 1077, 1095, 1122, 1171 \mathbb{MTNM 1122 \mathbb{MTNMP	$\begin{array}{c} \mathbf{P} \\ \text{Parentesis} \ldots \ldots \underline{14}, \\ 30, \ 31, \ 38, \ 39, \ 47, \ 48, \\ 55, \ 56, \ 64, \ 65, \ 72, \ 73, \\ 80, \ 81, \ 87, \ 88, \ 95, \ 96, \\ 102, \ 103, \ 110, \ 111, \ 117, \\ 118, \ 152, \ 153, \ 160, \ 161, \\ 170, \ 171, \ 178, \ 179, \ 190, \\ 191, \ 198, \ 199, \ 207, \ 208, \\ 215, \ 216, \ 229, \ 230, \ 233, \\ 234, \ 418, \ 421, \ 443, \ 446, \\ 545, \ 546, \ 553, \ 554, \ 562, \\ 563, \ 570, \ 571, \ 577, \ 578, \\ 583, \ 584, \ 590, \ 591, \ 596, \\ 597, \ 605, \ 606, \ 613, \ 614, \\ 623, \ 624, \ 631, \ 632, \ 641, \\ 642, \ 649, \ 650, \ 808, \ 810, \\ 813, \ 815, \ 818, \ 820, \ 827, \\ 846, \ 847, \ 856, \ 857, \ 868, \\ 869, \ 892, \ 893, \ 917, \ 921, \\ 936, \ 946, \ 947, \ 954, \ 955, \\ 1010, \ 1011, \ 1019, \ 1020, \\ \end{array}$
1093, 1094, 1120, 1121  \matTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117  \matTpE* 870  \matTTpE* 887  \matTTPE 887  \matTTPE* 887  \mattrian* 930  \media 1269  \media 1269  \media 1252  \mifun* 1252  \mifun* 1252  \minus 162, 163, 466,	MTN 1077, 1095, 1122, 1171 \mathbb{MTNM 1122 \mathbb{MTNMP	$\begin{array}{c} \mathbf{P} \\ \text{Parentesis} \ldots \ldots \underline{14}, \\ 30, \ 31, \ 38, \ 39, \ 47, \ 48, \\ 55, \ 56, \ 64, \ 65, \ 72, \ 73, \\ 80, \ 81, \ 87, \ 88, \ 95, \ 96, \\ 102, \ 103, \ 110, \ 111, \ 117, \\ 118, \ 152, \ 153, \ 160, \ 161, \\ 170, \ 171, \ 178, \ 179, \ 190, \\ 191, \ 198, \ 199, \ 207, \ 208, \\ 215, \ 216, \ 229, \ 230, \ 233, \\ 234, \ 418, \ 421, \ 443, \ 446, \\ 545, \ 546, \ 553, \ 554, \ 562, \\ 563, \ 570, \ 571, \ 577, \ 578, \\ 583, \ 584, \ 590, \ 591, \ 596, \\ 597, \ 605, \ 606, \ 613, \ 614, \\ 623, \ 624, \ 631, \ 632, \ 641, \\ 642, \ 649, \ 650, \ 808, \ 810, \\ 813, \ 815, \ 818, \ 820, \ 827, \\ 846, \ 847, \ 856, \ 857, \ 868, \\ 869, \ 892, \ 893, \ 917, \ 921, \\ 936, \ 946, \ 947, \ 954, \ 955, \\ 1010, \ 1011, \ 1019, \ 1020, \\ 1028, \ 1029, \ 1038, \ 1039, \\ \end{array}$
1093, 1094, 1120, 1121    MatTpE	\mathrm{ \text{MTNM}  \frac{1077}{1095}, 1122, 1171 \\mathrm{MTNM}  \frac{1122}{122} \\mathrm{MTNMP}  \frac{1122}{122} \\mathrm{MTNMP}  \frac{1122}{122} \\mathrm{MTNMP}  \frac{1122}{122} \\mathrm{MTNMP}  \frac{1077}{1102}, 1103, \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	$\begin{array}{c} \mathbf{P} \\ \text{Parentesis} \ldots \ldots \underline{14}, \\ 30, \ 31, \ 38, \ 39, \ 47, \ 48, \\ 55, \ 56, \ 64, \ 65, \ 72, \ 73, \\ 80, \ 81, \ 87, \ 88, \ 95, \ 96, \\ 102, \ 103, \ 110, \ 111, \ 117, \\ 118, \ 152, \ 153, \ 160, \ 161, \\ 170, \ 171, \ 178, \ 179, \ 190, \\ 191, \ 198, \ 199, \ 207, \ 208, \\ 215, \ 216, \ 229, \ 230, \ 233, \\ 234, \ 418, \ 421, \ 443, \ 446, \\ 545, \ 546, \ 553, \ 554, \ 562, \\ 563, \ 570, \ 571, \ 577, \ 578, \\ 583, \ 584, \ 590, \ 591, \ 596, \\ 597, \ 605, \ 606, \ 613, \ 614, \\ 623, \ 624, \ 631, \ 632, \ 641, \\ 642, \ 649, \ 650, \ 808, \ 810, \\ 813, \ 815, \ 818, \ 820, \ 827, \\ 846, \ 847, \ 856, \ 857, \ 868, \\ 869, \ 892, \ 893, \ 917, \ 921, \\ 936, \ 946, \ 947, \ 954, \ 955, \\ 1010, \ 1011, \ 1019, \ 1020, \\ 1028, \ 1029, \ 1038, \ 1039, \\ 1047, \ 1048, \ 1056, \ 1057, \\ \end{array}$
1093, 1094, 1120, 1121  \matTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117  \matTpE* 870  \matTpE* 887  \matTTFE 887  \matTTPE 887  \matTTPE* 887  \matTTPE* 887  \matTTPE* 887  \matTTPE* 887  \matTopa 887	\mathrm{ \text{MTN \text{MTNM}} \text{1077}, 1095, 1122, 1171 \\mathrm{MTNM} \text{1122} \\mathrm{MTNMP} \text{1122} \\mathrm{MTNMP} \text{1122} \\mathrm{MTNMP} \text{1122} \\mathrm{MTNMP} \text{1122} \\mathrm{MTNMP} \text{1102}, 1103, 1122 \\mathrm{MTNP} \text{1120}, 1103, 1178, 1179 \\mathrm{MTNP} \text{1126}, 1130, 1178, 1179 \\mathrm{MTNP} \text{1126}, 1174, 1175 \\mathrm{MTNP} \text{1126}, 1174, 1175 \\mathrm{MTNP} \text{1058}, 1214 \\mathrm{MTVP} \text{1058}, 1214 \\mathrm{MTVP} \text{1058}, 1215 \\mathrm{MTVP} \text{1058}, 1215 \\mathrm{MTVP} \text{1058} \\mathrm{MTVP} \text{1058} \\mathrm{MTVP} \text{1058} \\mathrm{MTVP} \text{1058} \\mathrm{MTVP} \text{1058} \\mathrm{MTVP} \text{1058} \\mathrm{MVVP} \text{1040}, 1213 \\mathrm{MVect} \text{894}, 898, 899, 1205, 1209-1212} \\mathrm{MVect} \text{894} \\mathrm{MVectC} \text{903} \\mathrm{MVectCT} \text{900} \\mathrm{MVectFT} \text{900} \\mathrm{MVectFTT} \text{900} \\mathrm{MVectFTT} \text{900} \\mathrm{MVectFTT} \text{900} \\mathrm{MVectFTT} \text{900} \MVectFTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTT	$\begin{array}{c} \mathbf{P} \\ \text{Parentesis} \ldots \ldots \underline{14}, \\ 30, \ 31, \ 38, \ 39, \ 47, \ 48, \\ 55, \ 56, \ 64, \ 65, \ 72, \ 73, \\ 80, \ 81, \ 87, \ 88, \ 95, \ 96, \\ 102, \ 103, \ 110, \ 111, \ 117, \\ 118, \ 152, \ 153, \ 160, \ 161, \\ 170, \ 171, \ 178, \ 179, \ 190, \\ 191, \ 198, \ 199, \ 207, \ 208, \\ 215, \ 216, \ 229, \ 230, \ 233, \\ 234, \ 418, \ 421, \ 443, \ 446, \\ 545, \ 546, \ 553, \ 554, \ 562, \\ 563, \ 570, \ 571, \ 577, \ 578, \\ 583, \ 584, \ 590, \ 591, \ 596, \\ 597, \ 605, \ 606, \ 613, \ 614, \\ 623, \ 624, \ 631, \ 632, \ 641, \\ 642, \ 649, \ 650, \ 808, \ 810, \\ 813, \ 815, \ 818, \ 820, \ 827, \\ 846, \ 847, \ 856, \ 857, \ 868, \\ 869, \ 892, \ 893, \ 917, \ 921, \\ 936, \ 946, \ 947, \ 954, \ 955, \\ 1010, \ 1011, \ 1019, \ 1020, \\ 1028, \ 1029, \ 1038, \ 1039, \\ 1047, \ 1048, \ 1056, \ 1057, \\ 1158, \ 1159, \ 1169, \ 1170, \\ \end{array}$
1093, 1094, 1120, 1121    MatTpE	\mathrm{ \text{MTNM}  \frac{1077}{1095}, 1122, 1171 \\mathrm{MTNM}  \frac{1122}{122} \\mathrm{MTNMP}  \frac{1122}{122} \\mathrm{MTNMP}  \frac{1122}{122} \\mathrm{MTNMP}  \frac{1122}{122} \\mathrm{MTNMP}  \frac{1077}{1102}, 1103, \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	$\begin{array}{c} \mathbf{P} \\ \text{Parentesis} \ldots \ldots \underline{14}, \\ 30, \ 31, \ 38, \ 39, \ 47, \ 48, \\ 55, \ 56, \ 64, \ 65, \ 72, \ 73, \\ 80, \ 81, \ 87, \ 88, \ 95, \ 96, \\ 102, \ 103, \ 110, \ 111, \ 117, \\ 118, \ 152, \ 153, \ 160, \ 161, \\ 170, \ 171, \ 178, \ 179, \ 190, \\ 191, \ 198, \ 199, \ 207, \ 208, \\ 215, \ 216, \ 229, \ 230, \ 233, \\ 234, \ 418, \ 421, \ 443, \ 446, \\ 545, \ 546, \ 553, \ 554, \ 562, \\ 563, \ 570, \ 571, \ 577, \ 578, \\ 583, \ 584, \ 590, \ 591, \ 596, \\ 597, \ 605, \ 606, \ 613, \ 614, \\ 623, \ 624, \ 631, \ 632, \ 641, \\ 642, \ 649, \ 650, \ 808, \ 810, \\ 813, \ 815, \ 818, \ 820, \ 827, \\ 846, \ 847, \ 856, \ 857, \ 868, \\ 869, \ 892, \ 893, \ 917, \ 921, \\ 936, \ 946, \ 947, \ 954, \ 955, \\ 1010, \ 1011, \ 1019, \ 1020, \\ 1028, \ 1029, \ 1038, \ 1039, \\ 1047, \ 1048, \ 1056, \ 1057, \\ 1158, \ 1159, \ 1169, \ 1170, \\ 1221, \ 1227, \ 1233, \ 1236, \\ \end{array}$
1093, 1094, 1120, 1121  \MatTpE 317, 330, 333, 334, 338, 341, 371, 384, 387, 388, 392, 395, 870, 988, 989, 1061, 1062, 1070, 1071, 1080, 1081, 1089, 1090, 1116, 1117  \MatTpE* 870  \MatTpE* 887  \MatTT* 887  \MatTTPE 887  \MatTTPE 887  \MatTTPE* 887  \MatTTPE* 887  \MatTTPE* 887  \MatTTPE 990  \Media 1267  \media 1269  \Menor 933  \Menor 933  \Menor 933  \Menor 930  \mid 180  \mifun 1252  \mifun 1252  \mintT 532  \minus 162, 163, 466, 474, 992, 996, 1131, 1142, 1143, 1146, 1147	\mathrm{ \text{MTN \text{MTNM}} \text{1077}, 1095, 1122, 1171 \\mathrm{MTNM} \text{1122} \\mathrm{MTNMP} \text{1122} \\mathrm{MTNMP} \text{1122} \\mathrm{MTNMP} \text{1122} \\mathrm{MTNMP} \text{1122} \\mathrm{MTNMP} \text{1102}, 1103, 1122 \\mathrm{MTNP} \text{1120}, 1103, 1178, 1179 \\mathrm{MTNP} \text{1126}, 1130, 1178, 1179 \\mathrm{MTNP} \text{1126}, 1174, 1175 \\mathrm{MTNP} \text{1126}, 1174, 1175 \\mathrm{MTNP} \text{1058}, 1214 \\mathrm{MTVP} \text{1058}, 1214 \\mathrm{MTVP} \text{1058}, 1215 \\mathrm{MTVP} \text{1058}, 1215 \\mathrm{MTVP} \text{1058} \\mathrm{MTVP} \text{1058} \\mathrm{MTVP} \text{1058} \\mathrm{MTVP} \text{1058} \\mathrm{MTVP} \text{1058} \\mathrm{MTVP} \text{1058} \\mathrm{MVVP} \text{1040}, 1213 \\mathrm{MVect} \text{894}, 898, 899, 1205, 1209-1212} \\mathrm{MVect} \text{894} \\mathrm{MVectC} \text{903} \\mathrm{MVectCT} \text{900} \\mathrm{MVectFT} \text{900} \\mathrm{MVectFTT} \text{900} \\mathrm{MVectFTT} \text{900} \\mathrm{MVectFTT} \text{900} \\mathrm{MVectFTT} \text{900} \MVectFTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTTT	$\begin{array}{c} \mathbf{P} \\ \text{Parentesis} \ldots \ldots \underline{14}, \\ 30, \ 31, \ 38, \ 39, \ 47, \ 48, \\ 55, \ 56, \ 64, \ 65, \ 72, \ 73, \\ 80, \ 81, \ 87, \ 88, \ 95, \ 96, \\ 102, \ 103, \ 110, \ 111, \ 117, \\ 118, \ 152, \ 153, \ 160, \ 161, \\ 170, \ 171, \ 178, \ 179, \ 190, \\ 191, \ 198, \ 199, \ 207, \ 208, \\ 215, \ 216, \ 229, \ 230, \ 233, \\ 234, \ 418, \ 421, \ 443, \ 446, \\ 545, \ 546, \ 553, \ 554, \ 562, \\ 563, \ 570, \ 571, \ 577, \ 578, \\ 583, \ 584, \ 590, \ 591, \ 596, \\ 597, \ 605, \ 606, \ 613, \ 614, \\ 623, \ 624, \ 631, \ 632, \ 641, \\ 642, \ 649, \ 650, \ 808, \ 810, \\ 813, \ 815, \ 818, \ 820, \ 827, \\ 846, \ 847, \ 856, \ 857, \ 868, \\ 869, \ 892, \ 893, \ 917, \ 921, \\ 936, \ 946, \ 947, \ 954, \ 955, \\ 1010, \ 1011, \ 1019, \ 1020, \\ 1028, \ 1029, \ 1038, \ 1039, \\ 1047, \ 1048, \ 1056, \ 1057, \\ 1158, \ 1159, \ 1169, \ 1170, \\ \end{array}$

A definition of the second of	1050	\
\parentesis $\underline{11}$ ,	\res <u>1272</u>	\SITEFC $572$ , 587, 588,
26, 27, 34, 35, 43, 44,	\rg 915, 921, 922	590, 591, 593, 594, 596, 597
51, 52, 60, 61, 68, 69,	\Ridx 104, 106, 107, 110,	\SITEFCP 572
76, 77, 83, 84, 91, 92,	111, 113, 114, 117, 118,	\SITEFCp
98, 99, 106, 107, 113,	200, 487, 505, 523, 535,	\SITEFCPE <u>572</u>
114, 148, 149, 156, 157,	555, 616, 665, 691, 717,	\SITEFCpE
166, 167, 174, 175, 186,	743, 781, 786, 791, 796,	\SITEFCR
187, 194, 195, 203, 204,	801, 811, 849, 861, 1242	\SITEFCRP 585
211, 212, 221, 222, 225,	\RidxE <u>57</u> , 104, 144,	\SITEFCRp
226, 410, 413, 427, 428,		• —
	145, 163, 464, 470, 870,	\SITEFCRPE
431, 432, 435, 438, 541,	992, 994, 996, 1131, 1217	\SITEFCRpE <u>585</u>
542, 549, 550, 558, 559,	\RidxEP <u>57</u>	\SITEFP <u>538</u>
566, 567, 574, 575, 580,	\RidxEp <u>57</u>	\SITEFp <u>538</u>
581, 587, 588, 593, 594,	\RidxEP* 57	\SITEFPE 538
601, 602, 609, 610, 619,	\RidxEp* 57	\SITEFpE 538
620, 627, 628, 637, 638,	_	-
	\RidxEPE <u>57</u> , 885, 886, 1146, 1147	\Smedia <u>1268</u> , 1270, 1271
645, 646, 807, 809, 812,	\RidxEpE $57$ , 881, 882, 1142, 1143	\SOEg $\underline{468}$ , 598, 600, 604, 608,
814, 817, 819, 842, 843,	\RidxEPE* <u>57</u>	612, 616, 618, 622, 626,
852, 853, 864, 865, 918,	\RidxEpE* 57	630, 634, 636, 640, 644, 648
922, 931, 937, 942, 943,	\RidxP 105, 491,	\Span 1232
950, 951, 1006, 1007,	· · · · ·	-
	509, 527, 671, 697, 723,	\Span* 1232
1015, 1016, 1024, 1025,	749, 783, 788, 793, 798, 803	\su <u>450,</u> 458
1034, 1035, 1043, 1044,	\Ridxp $105$ , 489,	\subMat <u>928</u> , 931, 934
1052, 1053, 1154, 1155,	507, 525, 668, 694, 720,	\SV
1165, 1166, 1222, 1228,	746, 782, 787, 792, 797, 802	
1234, 1240, 1246, 1250	\RidxP* 105	${f T}$
\PC 534, 536	\Ridxp*	\T 142, 144,
\pe 454, 460		
	\RidxPE <u>112</u> , 495,	145, 427, 428, 431, 432,
\perm 456, 461	513, 531, 677, 703, 729,	870, 881, 882, 885, 886, 994
\DC 524 527		
\PF <u>534,</u> 537	755, 785, 790, 795, 800, 805	\tau 449
\pmb		\tau
\pmb	$\verb \RidxpE  \dots \dots \underline{112}, 493,$	\TEC
\pmb	\RidxpE <u>112,</u> 493, 511, 529, 674, 700, 726,	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\pmb 180 \pr 452, 459 \prodH 1021, 1031	\RidxpE <u>112,</u> 493, 511, 529, 674, 700, 726, 752, 784, 789, 794, 799, 804	$ \begin{array}{cccc} \texttt{\TEC} & & & \underline{665} \\ \texttt{\TECP} & & & \underline{665} \\ \texttt{\TECp} & & & \underline{665} \\ \end{array} $
\pmb        180         \pr	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodHP       1030         \prodHP       1021	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{cccc} \text{\ensuremath{\sc TECP}} & & & & & & & & & & \\ \text{\ensuremath{\sc TECP}} & & & & & & & & \\ \text{\ensuremath{\sc TECP*}} & & & & & & & \\ \text{\ensuremath{\sc TECp*}} & & & & & & & \\ \end{array} $
\pmb        180         \pr	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodHP       1030         \prodHP       1021	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{cccc} \text{\ensuremath{\sc TECP}} & & & & & & & & & & \\ \text{\ensuremath{\sc TECP}} & & & & & & & & \\ \text{\ensuremath{\sc TECP*}} & & & & & & & \\ \text{\ensuremath{\sc TECp*}} & & & & & & & \\ \end{array} $
\pmb       180         \pr       \frac{452}{459}         \prodH       \frac{1021}{1031}         \prodHP       \frac{1030}{1021}         \prodHp       \frac{1021}{1021}	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\TEC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodh       1030         \prodHP       1021         \prodHP       1030         \prodhP       1030         \prodhp       1030	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\TEC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodh       1030         \prodHP       1021         \prodHP       1030         \prodhP       1030         \prodHP*       1021	\RidxpE	\TEC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodH       1030         \prodHP       1021         \prodHP       1030         \prodHP       1030         \prodHP*       1021         \prodHP*       1021         \prodHp*       1021	\RidxpE \cdots \frac{112}{2}, 493, \\ 511, 529, 674, 700, 726, \\ 752, 784, 789, 794, 799, 804 \\ \RidxpE* \cdot \frac{112}{2} \\ \right\tau 15, 21, 134, 137, 140, \\ 451, 453, 457, 895, 901, \\ 904, 908, 912, 998, 1161 \\ \right\tau 161 \\ \right\tau 162 \\ \right\tau 162 \\ \right\tau 163 \\ \righ	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodh       1030         \prodHP       1021         \prodHP       1030         \prodhP       1030         \prodHP*       1021         \prodHP*       1021         \prodHP*       1021         \prodHP*       1030         \prodHP*       1021         \prodHP*       1030	\RidxpE	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFP \ 652
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodH       1030         \prodHP       1021         \prodHP       1030         \prodHP       1030         \prodHP*       1021         \prodHP*       1021         \prodHP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhP*       1030	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodh       1030         \prodHP       1021         \prodHP       1030         \prodhP       1030         \prodHP*       1021         \prodHP*       1021         \prodHP*       1021         \prodhP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhp*       1030         \prodhp*       1030         \PSpan       1235	\RidxpE	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFP \ 652
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodh       1030         \prodHP       1021         \prodHP       1030         \prodhP       1030         \prodHP*       1021         \prodHP*       1021         \prodHP*       1021         \prodhP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhp*       1030         \prodhp*       1030         \PSpan       1235	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodh       1030         \prodHP       1021         \prodHP       1030         \prodhP       1030         \prodHP*       1021         \prodHP*       1021         \prodHP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhp*       1030         \PSpan       1235         \PSpan*       1235	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP* \ 652 \TEFP* \ 652 \TEFP* \ 652
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodh       1030         \prodHP       1021         \prodHP       1030         \prodhP       1030         \prodHP*       1021         \prodHP*       1021         \prodHP*       1030         \prodHP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhp*       1030         \prodhp*       1235         \PSpan*       1235         \PSpanNew       1238	\RidxpE	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP* \ 652
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodh       1030         \prodHP       1021         \prodHP       1030         \prodhP       1030         \prodHP*       1021         \prodHP*       1021         \prodHP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhp*       1030         \pspan       1235         \PSpanNew       1238         \PSpanNew*       1238	\RidxpE	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP* \ 652
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodh       1030         \prodHP       1021         \prodHP       1030         \prodhP       1030         \prodHP*       1021         \prodHP*       1021         \prodHP*       1030         \prodHP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhp*       1030         \prodhp*       1235         \PSpan*       1235         \PSpanNew       1238	\RidxpE	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP* \ 652
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodh       1030         \prodHP       1021         \prodHP       1030         \prodhP       1030         \prodHP*       1021         \prodHP*       1021         \prodHP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhP*       1030         \PSpan       1235         \PSpan*       1235         \PSpanNew       1238         \put       128-130	\RidxpE	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TECPE* \ 665 \TECPE* \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP* \ 652
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodh       1030         \prodHP       1021         \prodHP       1030         \prodhP       1030         \prodHP*       1021         \prodHP*       1021         \prodHP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhp*       1030         \pspan       1235         \PSpanNew       1238         \PSpanNew*       1238	\RidxpE	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP* \ 652
\pmb       180         \pr       452, 459         \prodH       1021, 1031         \prodh       1030         \prodHP       1021         \prodHP       1030         \prodhP       1030         \prodHP*       1021         \prodHP*       1021         \prodHP*       1030         \prodhP*       1030         \prodhP*       1030         \PSpan       1235         \PSpan*       1235         \PSpanNew       1238         \put       128-130	\RidxpE	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TECPE* \ 665 \TECPE* \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP* \ 652
\pmb	RidxpE	\TEC 665 \TECP 665 \TECP 665 \TECP* 665 \TECP* 665 \TECP* 665 \TECPE 665 \TECPE 665 \TECPE* 665 \TECPE* 665 \TECPE* 665 \TECPE* 665 \TECPE* 665 \TEFP 652 \TEFP 652 \TEFP 652 \TEFP* 652
\pmb	RidxpE	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TECPE* \ 665 \TECPE* \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFPE* \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP* \ 652 \TEFPE \ 652
\pmb	RidxpE	\TEC 665 \TECP 665 \TECP 665 \TECP* 665 \TECP* 665 \TECP* 665 \TECP* 665 \TECPE 665 \TECPE 665 \TECPE* 665 \TECPE* 665 \TECPE* 665 \TECPE* 665 \TEFP 652 \TEFP 652 \TEFP 652 \TEFP 652 \TEFP* 652 \TEFPE 652 \TEFPE 652 \TEFPE 652 \TEFPE 652 \TEFPE 523 \TEFPE 523 \TEICP 523 \TEICP 523 \TEICP 523
\pmb	RidxpE	\TEC 665 \TECP 665 \TECP 665 \TECP* 665 \TECP* 665 \TECP* 665 \TECP* 665 \TECPE 665 \TECPE 665 \TECPE* 665 \TECPE* 665 \TECPE* 665 \TECPE* 665 \TECPE* 665 \TEFP 652 \TEFP 652 \TEFP 652 \TEFP 652 \TEFP* 652 \TEFPE 652 \TEFPE 652 \TEFPE 652 \TEFPE 523 \TEICP 523 \TEICP 523 \TEICP 523 \TEICPE 523 \TEICPE 523
\pmb	RidxpE	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP* \ 652 \TEFPE \ 652 \TEICP \ 523 \TEICP \ 523 \TEICP \ 523 \TEICPE \ 523
\pmb	RidxpE	\TEC 665 \TECP 665 \TECP 665 \TECP* 665 \TECP* 665 \TECP* 665 \TECP* 665 \TECPE 665 \TECPE 665 \TECPE* 665 \TECPE* 665 \TECPE* 665 \TECPE* 665 \TECPE* 665 \TEFP 652 \TEFP 652 \TEFP 652 \TEFP 652 \TEFP* 652 \TEFPE 652 \TEFPE 652 \TEFPE 652 \TEFPE 523 \TEICP 523 \TEICP 523 \TEICP 523 \TEICPE 523 \TEICPE 523
\pmb	RidxpE	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP* \ 652 \TEFPE* \ 652 \TEFPE \ 652 \TEICP \ 523 \TEICP \ 523 \TEICP \ 523 \TEICPE \ 523
\pmb	RidxpE	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP* \ 652 \TEFPE* \ 652 \TEFPE \ 652 \TEICP \ 523 \TEICP \ 523 \TEICP \ 523 \TEICPE \ 523 \TEIFPE \ 514, 533 \TEIFP \ 514 \TEIFP \ 514
\pmb	RidxpE	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP* \ 652 \TEFP* \ 652 \TEFP* \ 652 \TEFP* \ 652 \TEFPE* \ 652 \TEFPE \ 652 \TEICP \ 523 \TEICP \ 523 \TEICP \ 523 \TEICP \ 523 \TEICPE \ 523 \TEIFPE \ 514 \TEIFP \ 514 \TEIFP \ 514 \TEIFP \ 514
\pmb	RidxpE	\TEC \ 665 \TECP \ 665 \TECP \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECP* \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE \ 665 \TECPE* \ 665 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP \ 652 \TEFP* \ 652 \TEFPE* \ 652 \TEFPE \ 652 \TEICP \ 523 \TEICP \ 523 \TEICP \ 523 \TEICPE \ 523 \TEIFPE \ 514, 533 \TEIFP \ 514 \TEIFP \ 514

\TEPCP 505	\ = ====	\
(121 01	\TrFCPE*	\vectp <u>837</u>
\TEPCp	\TrFCpE*	\VectTC <u>370</u>
\TEPCPE 505	\TrFP 598	\VectTCP 370
\TEPCpE	$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	\VectTCp 370
	\TrFP* 598	\VectTCP* 370
\TEPF		
\TEPFP <u>496</u>	\TrFp* <u>598</u>	$\label{eq:vectTCp*} $$\operatorname{VectTCp*}  \dots  \underline{370}$$
\TEPFp <u>496</u>	\TrFPE <u>598</u>	\VectTCPE <u>370</u>
\TEPFPE 496	\TrFpE 598	\VectTCpE 370
\TEPFpE 496	\TrFPE* 598	\VectTCPE* 370
\TESC 487	\TrFpE*	\VectTCpE* 370
<del></del>		-
\TESCP 490	\triangleright $995, 996$	\VectTF 316
\TESCp 488	${f U}$	\VectTFP <u>316</u>
\TESCPE 494		\VectTFp <u>316</u>
\TESCpE 492	\UMat 991, 995, 996	\VectTFP* <u>316</u>
\TESF 478	\Umat <u>991</u>	$\ensuremath{VectTFp*}$ $\overline{316}$
\TESFP 478	\UMatT 994	\VectTFPE 316
<del></del>	\UmatT 994	
\TESFp	\underset $\dots \dots \overline{457}$	\VectTFpE 316
\TESFPE <u>478</u>	\unitlength 125	\VectTFPE* <u>316</u>
\TESFpE	\unittength	\VectTFpE* <u>316</u>
\textrm 827-833	$\mathbf{V}$	\VM <u>1049</u> , 1180, 1216
\TInvMat 1160	•	\VMPE 1049
\TInvMat* 1160	\vcenter 123	\VMpE
	\Vect $236, 237,$	-
$\TInvMatPE \dots 1160$	240, 241, 244, 245, 249,	\VMPE* <u>1049</u>
\TInvMatpE <u>1160</u>	252, 257, 260, 263, 264,	\VMpE* <u>1049</u>
\TInvMatPE* <u>1160</u>	267, 268, 271, 272, 276,	\VMT <u>1067</u> , 1182
\TInvMatpE* <u>1160</u>		\VMTP <u>1067</u> , 1189, 1190, 1198, 1199
\tiny 1239, 1240	279, 284, 287, <u>848</u> , 858,	\VMTp \(\frac{1067}{1067}, 1185, 1186, 1194, 1195\)
,	895, 896, 1012, 1031,	
\to 1254	1040, 1049, 1058, 1061,	\VMTP* <u>1067</u>
\topinset 1239, 1240	1062, 1065–1067, 1070,	\VMTp* <u>1067</u>
\Trans <u>143,</u> 898, 899, 908,	1071, 1074, 1075, 1171,	\VMTV <u>1191</u>
909, 912, 913, 1161, 1162	1174, 1175, 1178–1180,	\VMTVP 1191
\TransP <u>143</u> , 877, 878, 888		\VMTVp <u>1191</u>
\Transp <u>143</u> , 873, 874, 889	1182, 1185, 1186, 1189,	\VMTVP* 1191
	1190, 1194, 1195, 1198,	\VMTVp*
\TransP* 143	1100 1919 1916 1979	
<del></del> -	1199,  1213-1216,  1272	-
\Transp* $\overline{\underline{143}}$	·	\VMTW
<del></del> -	\vect $837$ , $1001$ , $1002$	-
\Transp* $\overline{\underline{143}}$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\VMTW <u>1182</u> , <u>1191</u>
$\begin{tabular}{lll} $$ \Transp* & $\underline{143}$ \\ $$ \TranspE & $\underline{143}$ \\ $$ \TranspE & $\underline{143}$ \\ \end{tabular}$	$\begin{array}{l} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$	$\begin{array}{ccccc} \text{VMTW} & & & \underline{1182}, & \overline{1191} \\ \text{VMTWP} & & & \underline{1182} \\ \text{VMTWp} & & & \underline{1182} \\ \end{array}$
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	$\begin{array}{cccc} \text{VMTW} & & \underline{1182}, & \underline{1191} \\ \text{VMTWP} & & \underline{1182} \\ \text{VMTWP} & & \underline{1182} \\ \text{VMTWP*} & & \underline{1182} \\ \end{array}$
\Transp*         143           \TransPE         143           \TranspE         143           \TransPE*         143           \TranspE*         143	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	$\begin{array}{c cccc} \text{VMTW} & & \underline{1182}, & 1191 \\ \text{VMTWP} & & \underline{1182} \\ \text{VMTWP} & & \underline{1182} \\ \text{VMTWP*} & & \underline{1182} \\ \text{VMTWp*} & & \underline{1182} \\ \end{array}$
\text{Transp*} \ \frac{143}{143} \text{TranspE} \ \frac{143}{143} \text{TranspE*} \text{TranspE*} \text{TranspE*} \ \frac{143}{143} \text{TranspE*} \tex	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\vmtw \ \frac{1182}{1191}, \text{1191} \\vmtwP \ \frac{1182}{1182} \\vmtwP* \ \frac{1182}{1182} \\vmtwP* \ \frac{1182}{1182} \\vmtwV \ \frac{1182}{1181} \\vmtwV \ \frac{1181}{1181} \\vmtwV \ \frac{1181}{1181} \\vmsymbol{1181} \\vec{1181}{1181} \\
\Transp*         143           \TransPE         143           \TranspE         143           \TransPE*         143           \TranspE*         143	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	$\begin{array}{c cccc} \text{VMTW} & & \underline{1182}, & 1191 \\ \text{VMTWP} & & \underline{1182} \\ \text{VMTWP} & & \underline{1182} \\ \text{VMTWP*} & & \underline{1182} \\ \text{VMTWp*} & & \underline{1182} \\ \end{array}$
\text{Transp*} \ \frac{143}{143} \text{TranspE} \ \frac{143}{143} \text{TranspE*} \text{TranspE*} \text{TranspE*} \ \frac{143}{143} \text{TranspE*} \tex	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\vmtw \ \frac{1182}{1191}, \text{1191} \\vmtwP \ \frac{1182}{1182} \\vmtwP* \ \frac{1182}{1182} \\vmtwP* \ \frac{1182}{1182} \\vmtwV \ \frac{1182}{1181} \\vmtwV \ \frac{1181}{1181} \\vmtwV \ \frac{1181}{1181} \\vmsymbol{1181} \\vec{1181}{1181} \\
\Transp* \ \ \frac{143}{143} \\TranspE \ \ \frac{143}{143} \\TranspE* \ \ \frac{143}{143} \\TranspE* \ \ \frac{143}{143} \\TranspE* \ \ \ \frac{143}{143} \\Traza \ \ \ \frac{914}{143} \\Traza \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\text{VMTW} \tag{1182}, 1191 \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMV} \tag{1181} \\\\text{VMW} \tag{1180}, 1181 \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
\text{Transp*} \ \ \frac{143}{143} \\text{TranspE} \ \ \frac{143}{143} \\text{TranspE*} \ \ \ \frac{143}{143} \\text{TranspE*} \ \ \ \ \ \text{Traza} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\text{VMTW} \frac{1182}{1191}, \text{1191} \text{VMTWP} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1181} \text{VMV} \frac{1181}{1181} \text{VMW} \frac{1180}{1181}, 1181 \text{Vphantom} \text{895}, 901, 904, 908, 912} \text{VTV} \frac{1205}{1210}
\Transp* \ \ \frac{143}{143} \ \TranspE \ \ \frac{143}{143} \ \TranspE* \ \ \ \ \frac{143}{143} \ \TranspE* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\text{VMTW} \tag{1182}, 1191 \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMV} \tag{1181} \\\text{VMV} \tag{1180}, 1181 \\VPM of the solution of the soluti
\Transp* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\text{VMTW} \tag{1182}, 1191 \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMV} \tag{1182} \\\text{VMV} \tag{1181} \\\text{VMW} \tag{1180}, 1181 \\\text{Vphantom} \text{895}, 901, 904, 908, 912 \\\\text{VTV} \tag{1205} \\\\\\text{VTW} \tag{1209} \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
Transp*         143           \TransPE         143           \TransPE*         143           \TranspE*         143           \TranspE*         143           \Traza         914, 917, 918           \traza         916           \traza*         916           \TrC         616           \TrCP         616           \TrCP*         616           \TrCP*         616	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\text{VMTW} \tag{1182}, 1191 \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMV} \tag{1181} \\\text{VMW} \tag{1180}, 1181 \\\text{Vphantom} \text{895}, 901, 904, 908, 912 \\\text{VTV} \tag{1205} \\\\text{VTW} \tag{1209} \\\\text{VVV} \tag{838}, 839 \\\\\text{VVT} \tag{1212} \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
Transp*         143           \TransPE         143           \TransPE*         143           \TranspE*         143           \Traza         143           \Traza         914, 917, 918           \traza         916           \TrC         616           \TrCP         616           \TrCP*         616           \TrCp*         616           \TrCp*         616	$\begin{tabular}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	\text{VMTW} \tag{1182}, 1191 \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMV} \tag{1182} \\\text{VMV} \tag{1181} \\\text{VMW} \tag{1180}, 1181 \\\text{Vphantom} \text{895}, 901, 904, 908, 912 \\\\text{VTV} \tag{1205} \\\\\\text{VTW} \tag{1209} \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
Transp*         143           \TransPE         143           \TransPE*         143           \TranspE*         143           \TranspE*         143           \Traza         914, 917, 918           \traza         916           \traza*         916           \TrC         616           \TrCP         616           \TrCP*         616           \TrCP*         616	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\text{VMTW} \tag{1182}, 1191 \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMV} \tag{1181} \\\text{VMW} \tag{1180}, 1181 \\\text{Vphantom} \text{895}, 901, 904, 908, 912 \\\text{VTV} \tag{1205} \\\\text{VTW} \tag{1209} \\\\text{VVV} \tag{838}, 839 \\\\\text{VVT} \tag{1212} \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
Transp*         143           \TransPE         143           \TransPE*         143           \TranspE*         143           \TranspE*         143           \Traza         914, 917, 918           \traza         916           \TrC         616           \TrCP         616           \TrCP*         616	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\text{VMTW} \tag{1182}, 1191 \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMV} \tag{1181} \\\text{VMW} \tag{1180}, 1181 \\\text{Vphantom} \text{895}, 901, 904, 908, 912 \\\text{VTV} \tag{1205} \\\\text{VTW} \tag{1209} \\\\text{VVV} \tag{838}, 839 \\\\\text{VVT} \tag{1212} \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
Transp*         143           \TransPE         143           \TransPE*         143           \TranspE*         143           \TranspE*         143           \Traza         914, 917, 918           \traza         916           \TrC         616           \TrCP         616           \TrCP*         616           \TrCP*         616           \TrCP*         616           \TrCP*         616           \TrCPE         616           \TrCPE         616           \TrCPE         616           \TrCPE         616	\vectCCCCT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\text{VMTW} \tag{1182}, 1191 \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMV} \tag{1181} \\\text{VMW} \tag{1180}, 1181 \\\text{Vphantom} \text{895}, 901, 904, 908, 912 \\\text{VTV} \tag{1205} \\\\text{VTW} \tag{1209} \\\\text{VVV} \tag{838}, 839 \\\\\text{VVT} \tag{1212} \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
\Transp*         143           \TransPE         143           \TransPE*         143           \TranspE*         143           \TranspE*         143           \Traza         914, 917, 918           \traza         916           \TrC         616           \TrCP         616           \TrCP*         616           \TrCP*         616           \TrCP*         616           \TrCPE         616           \TrCPE         616           \TrCPE         616           \TrCPE         616           \TrCPE         616           \TrCPE*         616	\vect	\text{VMTW} \tag{1182}, 1191 \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMV} \tag{1181} \\\text{VMW} \tag{1180}, 1181 \\\text{VMW} \tag{1180}, 1181 \\\text{VPhantom} \text{895}, 901, 904, 908, 912 \\\text{VTV} \tag{1205} \\\text{VTW} \tag{1209} \\\text{VVV} \tag{838}, 839 \\\\text{VVT} \tag{1212} \\\\text{VWT} \tag{1212} \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
\Transp* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\vect \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\text{VMTW} \tag{1182}, 1191 \text{VMTWP} \tag{1182} \text{VMTWP} \tag{1182} \text{VMTWP*} \tag{1182} \text{VMTWP*} \tag{1182} \text{VMTWP*} \tag{1182} \text{VMV} \tag{1181} \text{VMV} \tag{1180}, 1181 \text{VMW} \tag{1180}, 1181 \text{vphantom} \text{895}, 901, 904, 908, 912 \text{VTV} \tag{1205}, \frac{1210}{1210} \text{VTW} \tag{1209} \text{vv} \tag{838}, 839 \text{VVT} \tag{1212} \text{VWT} \tag{1212} \text{VWT} \tag{1212} \text{VWT} \tag{1212}
\Transp* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\vect	\text{VMTW} \tag{1182}, 1191 \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP} \tag{1182} \\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMTWP*} \tag{1182} \\\text{VMV} \tag{1181} \\\text{VMW} \tag{1180}, 1181 \\\text{VMW} \tag{1180}, 1181 \\\text{VPhantom} \text{895}, 901, 904, 908, 912 \\\text{VTV} \tag{1205} \\\text{VTW} \tag{1209} \\\text{VVV} \tag{838}, 839 \\\\text{VVT} \tag{1212} \\\\text{VWT} \tag{1212} \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
\Transp* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\vect \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\text{VMTW} \tag{1182}, 1191 \text{VMTWP} \tag{1182} \text{VMTWP} \tag{1182} \text{VMTWP*} \tag{1182} \text{VMTWP*} \tag{1182} \text{VMTWP*} \tag{1182} \text{VMV} \tag{1181} \text{VMV} \tag{1181} \text{VMW} \tag{1180}, 1181 \text{vphantom} \text{895}, 901, 904, 908, 912 \text{VTV} \tag{1205}, \frac{1210}{1210} \text{VTW} \tag{1209} \text{VVV} \tag{838}, 839 \text{VVT} \tag{1212} \text{VWT} \tag{1212} \text{VWT} \tag{1211} \text{W} \text{wd} \tag{125} \text{widebar} \tag{119}, 120, 1267 \text{widehat} \tag{1266}
\Transp* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\vect \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\text{VMTW} \tag{1182}, 1191 \text{VMTWP} \tag{1182} \text{VMTWP} \tag{1182} \text{VMTWP*} \tag{1182} \text{VMTWP*} \tag{1182} \text{VMTWP*} \tag{1182} \text{VMTWP*} \tag{1182} \text{VMV} \tag{1181} \text{VMW} \tag{1180}, 1181 \text{Vphantom} \text{895}, 901, 904, 908, 912 \text{VTV} \tag{1205} \text{VTV} \tag{1209} \text{VVV} \tag{209} \text{VVV} \tag{388}, 839 \text{VVT} \tag{212} \text{VWT} \tag{212} \text{VWT} \tag{212} \text{VWT} \tag{212} \text{VWT} \tag{212} \text{VWT} \tag{212} \text{VWT} \tag{212}
\Transp* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\vect	\text{VMTW} \tag{1182}, 1191 \text{VMTWP} \tag{1182} \text{VMTWP} \tag{1182} \text{VMTWP*} \tag{1182} \text{VMTWP*} \tag{1182} \text{VMTWP*} \tag{1182} \text{VMV} \tag{1181} \text{VMV} \tag{1181} \text{VMW} \tag{1180}, 1181 \text{vphantom} \text{895}, 901, 904, 908, 912 \text{VTV} \tag{1205}, \frac{1210}{1210} \text{VTW} \tag{1209} \text{VVV} \tag{838}, 839 \text{VVT} \tag{1212} \text{VWT} \tag{1212} \text{VWT} \tag{1211} \text{W} \text{wd} \tag{125} \text{widebar} \tag{119}, 120, 1267 \text{widehat} \tag{1266}
\Transp* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\vect	\text{VMTW} \frac{1182}{1191} \text{VMTWP} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMV} \frac{1181}{1181} \text{VMW} \frac{1180}{1181} \text{VPhantom} & 895, 901, 904, 908, 912 \text{VTV} \frac{1205}{1210} \text{VTV} \frac{1205}{1210} \text{VTW} \frac{1209}{1209} \text{VVV} \frac{1212}{1212} \text{VWT} \frac{1212}{1211} \text{WM} \frac{125}{1216} \text{WM} \frac{125}{1216} \text{WM} \frac{125}{1216} \text{VMT} \frac{125}{1216} \text{VMT} \frac{125}{1216} \text{VMT} \frac{125}{1216} \text{VMT} \frac{125}{1256} \text{VMI} 125
\text{Transp*} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\vect	\text{VMTW} \frac{1182}{1191} \text{VMTWP} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMV} \frac{1181}{1181} \text{VMW} \frac{1180}{1181} \text{VPhantom } 895, 901, 904, 908, 912 \text{VTV} \frac{1205}{1210} \text{VTV} \frac{1205}{1210} \text{VTW} \frac{1209}{1209} \text{VV} \frac{1212}{1212} \text{VWT} \frac{1212}{1211} \text{WM} \frac{125}{1210} \text{VWT} \frac{1212}{1211} \text{VWT} \frac{125}{1210} \text{VWT} \frac{125}{1210} \text{VWT} \frac{125}{1211} \text{VWT} \frac{125}{1253} \text{VXT} \frac{125}{1253} \text{VXT} \frac{1253}{1253} \text{VXT} \frac{1255}{1253} \text{VXT} \frac{1255}{1253
\text{Transp*} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\vect \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\text{VMTW} \frac{1182}{1191} \text{VMTWP} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMV} \frac{1181}{1181} \text{VMW} \frac{1180}{1181} \text{VPhantom} \text{895}, 901, 904, 908, 912} \text{VTV} \frac{1205}{1210} \text{VTV} \frac{1205}{1210} \text{VTW} \frac{1209}{1209} \text{VV} \frac{1212}{1212} \text{VWT} \frac{1212}{1211} \text{VWT} \frac{1212}{1211} \text{VWT} \frac{125}{1216} \text{Videbar} \frac{119}{1267} \text{videbar} \frac{125}{1266} \text{Vxrightarrow} \frac{125}{1253} \text{Vxrightarrow} \frac{1253}{1253} \text{VZ} \frac{6}{1253} \text{VZ} \frac{1253}{1253} \text{VZ} \frac{1253}{1253} \text{VZ} \frac{1253}{1253} \text{VZ} \frac{1253}{1253} \text{VZ} \frac{1253}{1253} \text{VZ} \frac{1253}{1253} \text{VZ} 125
\Transp* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\vect	\text{VMTW} \frac{1182}{1191} \text{VMTWP} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMV} \frac{1181}{1181} \text{VMW} \frac{1180}{1181} \text{VPhantom } 895, 901, 904, 908, 912 \text{VTV} \frac{1205}{1210} \text{VTV} \frac{1205}{1210} \text{VTW} \frac{1209}{1209} \text{VV} \frac{1212}{1212} \text{VWT} \frac{1212}{1211} \text{WM} \frac{125}{1210} \text{VWT} \frac{1212}{1211} \text{VWT} \frac{125}{1210} \text{VWT} \frac{125}{1210} \text{VWT} \frac{125}{1211} \text{VWT} \frac{125}{1253} \text{VXT} \frac{125}{1253} \text{VXT} \frac{1253}{1253} \text{VXT} \frac{1255}{1253} \text{VXT} \frac{1255}{1253
\text{Transp*} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\vect \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\text{VMTW} \frac{1182}{1191} \text{\text{VMTWP}} \frac{1182}{1182} \text{\text{VMTWP}} \frac{1182}{1182} \text{\text{VMTWP*}} \frac{1182}{1182} \text{\text{VMTWP*}} \frac{1182}{1182} \text{\text{VMTWP*}} \frac{1182}{1182} \text{\text{VMV}} \frac{1181}{1181} \text{\text{VMW}} \frac{1180}{1181} \text{\text{VMW}} \frac{1205}{1210} \text{\text{VTV}} \frac{1205}{1210} \text{\text{VTV}} \frac{1205}{1210} \text{\text{VTW}} \frac{1209}{1209} \text{\text{VV}} \frac{1212}{1212} \text{\text{VWT}} \frac{1212}{1211} \text{\text{WM}} \frac{125}{1210} \text{\text{WM}} \frac{125}{1210} \text{\text{WM}} \frac{125}{1210} \text{\text{VMT}} \frac{125}{1212} \text{\text{VMT}} \frac{125}{12122
\Transp* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\vect	\text{VMTW} \frac{1182}{1191} \text{VMTWP} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMTWP*} \frac{1182}{1182} \text{VMV} \frac{1181}{1181} \text{VMW} \frac{1180}{1181} \text{VPhantom} \text{895}, 901, 904, 908, 912} \text{VTV} \frac{1205}{1210} \text{VTV} \frac{1205}{1210} \text{VTW} \frac{1209}{1209} \text{VV} \frac{1212}{1212} \text{VWT} \frac{1212}{1211} \text{VWT} \frac{1212}{1211} \text{VWT} \frac{125}{1216} \text{Videbar} \frac{119}{1267} \text{videbar} \frac{125}{1266} \text{Vxrightarrow} \frac{125}{1253} \text{Vxrightarrow} \frac{1253}{1253} \text{VZ} \frac{6}{1253} \text{VZ} \frac{1253}{1253} \text{VZ} \frac{1253}{1253} \text{VZ} \frac{1253}{1253} \text{VZ} \frac{1253}{1253} \text{VZ} \frac{1253}{1253} \text{VZ} \frac{1253}{1253} \text{VZ} 125