El paquete nacal*

Marcos Bujosa mbujosab@ucm.es

14 de enero de 2023

Resumen

Paquete que define los macros empleados al escribir el libro Un Curso de Álgebra Lineal (https://github.com/mbujosab/CursoDeAlgebraLineal) con Notación Asociativa (NAcAL).

$\mathbf{\acute{I}ndice}$

L.	\mathbf{Uso}		
	1.1.	Conju	ntos de números
	1.2.	Parént	sesis y corchetes
		1.2.1.	Regla mnemotécnica para comandos que escriben expresiones con paréntesis
	1.3.	Subíno	lices
		1.3.1.	Subíndices y exponente
		1.3.2.	Solo subíndices
	1.4.	Opera	dores
		1.4.1.	Conjugación y concatenación
		1.4.2.	Norma y valor absoluto
		1.4.3.	Transposición
		1.4.4.	Inversa
		1.4.5.	Operador selector
			por la izquierda de un objeto
			por la derecha de un objeto
			por ambos lados de un objeto
			por la izquierda de un vector
			por la derecha de un vector
			por la izquierda de una matriz (filas)
			por la derecha de una matriz (columnas)
			de elementos de una matriz
			de elementos de una matriz transpuesta
		1.4.6.	Operaciones elementales
			Operaciones elementales genéricas
		1.4.7.	Transformaciones elementales particulares
			Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto
			Sucesiones indiciadas de Transf. elementales
			Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto
			Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto
			Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.
			Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto
			Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.
			Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto

^{*}Este documento corresponde a nacal v1.0, fecha 2023/01/05.

		Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda
		de un objeto
		Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de
		un objeto.
		Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto (funciones du-
		plicadas sin argumentos opcionales)
		Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto (funciones duplicadas sin
		argumentos opcionales)
		Transformaciones elementales particulares
	1 / 0	Operador que quita un elemento
		• • •
1 -		Selección de elementos sin emplear el operador selector
		nas genéricos
1.6.		res y matrices
		Vectores genéricos
		Vectores de \mathbb{R}^n
	1.6.3.	Matrices
		Matrices transpuestas
		Matrices columna
		Matrices fila
		Matriz inversa
	1.6.4.	Miscelánea matrices
		Determinante de una matriz
		Orden de las matrices
		Nombre de la matriz de autovalores
		Matriz triangular superior unitaria
		Matriz triangular inferior unitaria
		Matriz de eliminación gaussiana (por columnas)
1.7.	Produ	ctos entre vectores
		Producto escalar
		Producto punto
		Producto punto a punto o Hadamard
1.8		z por vector y vector por matriz
		z por matriz
		productos entre matrices y vectores
		as de ecuaciones
		ios vectoriales
		ión funcional
	. Notaci Estadí	
1.14	. Estadi	ISTICA
Imn	lemen	tación
2.1.		ntos de números
2.1.		tesis y corchetes
2.2.		· ·
		dices
2.4.	-	dores
	2.4.1.	Conjugación y concatenación
	2.4.2.	Norma y valor absoluto
	2.4.3.	Transposición
	2.4.4.	Inversa
	2.4.5.	Operador selector
	2.4.6.	Operaciones elementales
		Transformaciones elementales generales
	2.4.7.	Transformaciones elementales particulares
		Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto
		Sucesiones indiciadas de Transf. elementales

		Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto	59
		espejo de una transformación elemental por la izquierda de un objeto	60
		espejo de una transformación elemental por la derecha de un objeto	60
		Inversa de una transformación elemental por la izquierda de un objeto	60
		Inversa de una transformación elemental por la derecha de un objeto	61
		Espejo de la inversa de una transformación elemental por la izquierda de un	
		U	61
		Espejo de la inversa de una transformación elemental por la derecha de un objeto	61
		Transformaciones elementales particulares	63
	2.4.8.	1 1	63
	2.4.9.	Selección de elementos sin emplear el operador selector	63
2.5.	Sistem	as genéricos	64
2.6.	Vector	es y matrices	64
	2.6.1.	Vectores	64
	2.6.2.	Vectores de \mathbb{R}^n	64
	2.6.3.	Matrices	65
	2.6.4.		66
2.7.	Produc		68
	2.7.1.	Producto escalar	68
	2.7.2.	Producto punto	69
	2.7.3.	Producto punto a punto o Hadamard	69
2.8.	Matriz	por vector y vector por matriz	69
2.9.	Matriz	por matriz	70
		Matriz inversa	71
2.10	Otros j	productos entre matrices y vectores	72
2.11	. Sistem	as de ecuaciones	73
2.12	. Espaci	os vectoriales	74
2.13	. Notaci	ón funcional	75
2 14	Estadís	stica	75

Introducción

Para el Curso de Álgebra Lineal con Notación Asociativa he creado multitud de macros que definen la notación empleada en el material docente (libro, transparencias, ejercicios, ¿vídeos?).

1. Uso

 \Nn

\Zz \Rr

/CC

\Z

\R \Cc

1.1. Conjuntos de números

Respecto a estos comandos, véase el párrafo explicativo de la Sección 1.4.6

Los comandos \Nn, \Zz, \Rr y \CC no tienen argumentos y denotan el conjunto de números naturales, de números enteros, de números reales y números complejos respectivamente

 $\Nn \Zz \Rr \CC$

Los comandos \N, \Z, \R, \Cc , tienen 1 argumento opcional correspondiente a un superíndice

 $\Cc\ \Cc[n]$

1.2. Paréntesis y corchetes

Me resulta agradable normalizar el tamaño de los paréntesis y otros tipos de llaves. En general prefiero que en las expresiones matemáticas de tipo *ecuación* o "*displaymath*" los paréntesis sean ligeramente mayores que aquello que encierran. Pero prefiero paréntesis pequeños en las expresiones entre líneas dentro de los párrafos.

El comando \parentesis tiene 1 argumento, \parentesis* $\{\langle contenido \rangle\}$. Escribe el $\{\langle contenido \rangle\}$ entre los paréntesis \big(y \big) si se usa la versión con estrella (paréntesis medianos). Si no se incluye la estrella escribe el $\{\langle contenido \rangle\}$ entre (y) (paréntesis pequeños)

$$(A)$$
 (A)

El comando \Parentesis tiene 1 argumento, \Parentesis* $\{\langle contenido \rangle\}$. Escribe el $\{\langle contenido \rangle\}$ entre los paréntesis \left(y \right) si se usa la versión con estrella (paréntesis ajustados al tamaño del contenido). Si no se incluye la estrella escribe el $\{\langle contenido \rangle\}$ entre \Big(y \Big) (paréntesis grandes)

$$\boxed{\left(A\right)} \boxed{\left(\int\limits_a^b h(x)dx\right)}$$

El comando \corchetes tiene 1 argumentos, y es similar a \parentesis, pero escribe el $\{\langle contenido \rangle\}$ entre corchetes

El comando \Corchetes tiene 1 argumentos, y es similar a \Parentesis , pero escribe el $\{\langle contenido \rangle\}$ entre corchetes



1.2.1. Regla mnemotécnica para comandos que escriben expresiones con paréntesis

Seguiré la siguiente regla con la nomenclatura de algunos comandos y sus versiones con estrella (*).

- Si terminan en "p" minúscula
 - \bullet sin estrella se pondrá un paréntesis medianoal
rededor del objeto sobre el que se esta realizando una operación
 - con estrella el paréntesis será pequeño
- Si terminan en "P" mayúscula
 - $\bullet\,$ sin estrella se pondrá un paréntesis $medianamente\ grande$ al
rededor del objeto sobre el que se esta realizando una operación
 - con estrella el paréntesis tendrá un tamaño ajustado al objeto
- Si terminan en "pE" se pondrá un paréntesis alrededor de toda la operación.
 - sin estrella el paréntesis será mediano
 - $\bullet\,$ con estrella el paréntesis será $peque\~no$
- Si terminan en "PE" se pondrá un paréntesis alrededor de toda la operación
 - sin estrella se pondrá un paréntesis medianamente grande
 - con estrella el tamaño del paréntesis quedará ajustado al tamaño del objeto

1.3. Subíndices

1.3.1. Subíndices y exponente

El comando \LRidxE tiene 4 argumentos, \LRidxE $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle indIzda \rangle\}$ $\{\langle indDcha \rangle\}$ $\{\langle exponente \rangle\}$, \LRidxE y pone un subíndice a cada lado del objeto (con exponente) \LRidxEp \LRidxEp* \LRidxEP \LRidxE{\Mat{A}}{1}{7}{'} $_{1}\mathbf{A}_{7}^{'}$ \LRidxEP* \LRidxEpE \LRidxEp{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEp*{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEpE* \LRidxEPE \LRidxEPE* \LRidxEP{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEP*{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEpE{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEpE*{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEPE{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LRidxEPE*{\Mat{A}}{1}{7}{'} \LidxE El comando \LidxE tiene 3 argumentos, \LidxE $\{\langle objeto \rangle\}\{\langle indIzda \rangle\}\{\langle exponente \rangle\}$, y pone un subíndice a la izquierda del objeto (con exponente) \LidxEp \LidxEp* $_{1}\mathbf{A}^{'}$ \LidxEP \LidxE{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEP* \LidxEpE \LidxEp{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEp*{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEpE* \LidxEPE \LidxEPE* \LidxEP{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEP*{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEpE{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEpE*{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEPE{\Mat{A}}{1}{'} \LidxEPE*{\Mat{A}}{1}{'} \RidxE El comando \RidxE tiene 3 argumentos, \RidxE $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle indDcha \rangle\}$ $\{\langle exponente \rangle\}$, y pone un a la derecha del objeto (con exponente) $\mathbf{A}_{7}^{'}$ \RidxE{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEp{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEp*{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEP{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEP*{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEpE{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEpE*{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEPE{\Mat{A}}{7}{'} \RidxEPE*{\Mat{A}}{7}{'}

1.3.2. Solo subíndices

\LRidx Las versiones con y sin estrella tienen 3 argumentos, $\LRidx<XX*>{\langle objeto\rangle}{\langle indIzda\rangle}{\langle (indDcha)\rangle}$, y ponen un subíndice a cada lado del objeto \LRidxp \LRidxp* $\LRidx{Mat{A}}{1}{7}$ $_1$ A $_7$ \LRidxP \LRidxP* \LRidxpE $\LRidxp{\Mat{A}}{1}{7} \LRidxp*{\Mat{A}}{1}{7}$ \LRidxpE* \LRidxPE $\label{lambda} $$ \LRidxP*{\mathcal{A}}_{1}_{7} \LRidxP*{\mathcal{A}}_{1}_{7}$$ \LRidxPE* $\label{eq:likelihood} $$ LRidxpE*{\mathcal{A}}_{1}_{7} \ LRidxpE*{\mathcal{A}}_{1}_{7}$$ $\label{eq:likelihood} $$ LRidxPE*{\mathcal A}}{1}{7} \ LRidxPE*{\mathcal A}}{1}{7}$ Las versiones con y sin estrella tienen 2 argumentos, $\text{Lidx}<XX*>\{\langle objeto\rangle\}\{\langle indIzda\rangle\}$, y ponen un subíndice a la izquierda del objeto $\left(A\right)$ $\label{lidxp(\widehat{A})}{1} \ \Lidxp*{\widehat{A}}}{1}$ $\label{lidxP{\widetilde{A}}}{1} \LidxP*{\widetilde{A}}}{1} \\$ $\label{eq:lidxpE{\widehat{\Mat{A}}}{1} \ LidxpE*{\widehat{\Mat{A}}}{1}$ $\label{eq:lidxPE(widehat{A})}{1} \ \LidxPE*{\widehat{A}}}{1}$ Las versiones con y sin estrella tienen 2 argumentos, $\Ridx<XX*>{\langle objeto\rangle}{\langle indDcha\rangle}$, y ponen un subíndice a la derecha del objeto $\Ridx{Mat{A}}{7}$ $\label{eq:likelihood} $$ \left(\mathcal A^{A} \right) \ \ \\ \ \left(\mathcal A^{A} \right)$ (\mathbf{A}) $\label{eq:likelihood} $$ \mathbb{W}_{\Delta}^{1} \ \Re P*{\widetilde{A}}\ 1}$ $\label{eq:likelihood} $$ \Pr{\mathbb{\mathbb{A}}}{1} \Pr{x\in \mathbb{A}}{1}$ $\RidxPE{\widetilde{A}}{1} \RidxPE*{\widetilde{A}}{1}$

1.4. Operadores

1.4.1. Conjugación y concatenación

Definimos un operador con una barra ancha.

El comando \widebar tiene 1 argumento, \widebar $\{\langle objeto \rangle\}$, y pone una barra ancha sobre el $\{\langle objeto \rangle\}$.

\widebar{x} \overline{x}

Con dicha barra ancha denotaremos el operador conjugación:

El comando \conj tiene 1 argumento, \conj $\{\langle objeto \rangle\}$, y pone una barra ancha sobre el $\{\langle objeto \rangle\}$.

\conj{5+2i} $\overline{5+2i}$

Con el comando \concat denotaremos la concatenación de dos sistemas

\concat El comando \concat no tiene argumentos, \concat.

\concat #

1.4.2. Norma y valor absoluto

\norma El comando \norma tiene 2 argumentos, \norma[$\langle tipo \rangle$] { $\langle objeto \rangle$ }, y denota la norma del \norma* { $\langle objeto \rangle$ }. En la versión con estrella las dobles barras verticales se ajustan al tamaño del { $\langle objeto \rangle$ }.

\norma{f} \norma*{\int\limits_a^b h(x) dx}

 $\boxed{ \|f\| } \boxed{ \left\| \int_a^b h(x) dx \right\| }$

 $\label{local_local_local_local_local_local} $$\operatorname{L_2}_{f} \operatorname{L_1}_{\int_{x}^{x}} dx$$$

 $\boxed{ \|f\|_{L_2} } \left\| \left\| \int_a^b h(x) dx \right\|_{L_1} \right\|$

\modulus El comando \modulus tiene 1 argumento, \modulus $\{\langle objeto \rangle\}$, y denota el valor absoluto del \modulus* $\{\langle objeto \rangle\}$. En la versión con estrella las barras verticales se ajustan al tamaño del $\{\langle objeto \rangle\}$.

\modulus{A} \modulus{ \int\limits_a^b h(x) dx }

 $\boxed{|f|} \left| \int_a^b h(x) dx \right|$

1.4.3. Transposición

\TransP*
\TranspE

\TranspE*
\TransPE

\TransPE*

\T El comando \T no tiene argumentos y denota el símbolo de la transposición.

\Trans El comando Trans<XX*> tiene 1 argumento, Trans<XX*> $\{\langle objeto \rangle\}$, y denota la transposición del \Transposición \(\langle objeto \rangle \}

 A^{T} M^{T}

 $\label{eq:linear_alpha} $$ \operatorname{\mathbb{A}}} \Transp*{\widetilde{A}}}$

 $\left(\widehat{\mathbf{A}}\right)^{\mathsf{T}}\left[\left(\widehat{\mathbf{A}}\right)^{\mathsf{T}}\right]$

\TransP{\Mat{A}} \TransP*{\Mat{A}}}

 $(\mathbf{A})^{\mathsf{T}}$

\TranspE{\Mat{A}} \TranspE*{\Mat{A}}}

\TransPE{\Mat{A}} \TransPE*{\Mat{A}}

1.4.4. Inversa

Me gusta que el signo negativo que indica la inversa sea ligeramente más corto que el habitual. Así logramos que las expresiones sean un poco más compactas.

El comando \minus no tiene argumentos

\minus -

Tiene 1 argumento, $\langle objeto \rangle$, y denota el inverso del $\{\langle objeto \rangle\}$.

 $\ln x$

 $\Invp{x} \Invp*{x}$

 $(x)^{-1}$ $(x)^{-1}$

\InvP{x} \InvP*{\int\limits_a^b h(x)dx}

 $\left[\left(x\right)^{-1}\right]\left[\left(\int\limits_a^b h(x)dx\right)^{-1}\right]$

\InvpE{x} \InvpE*{x}

 (x^{-1}) (x^{-1})

\InvPE{x} \InvPE*{x}

 (x^{-1}) (x^{-1})

1.4.5. Operador selector

Denotaremos el operador selector con una barra vertical.

El comando \getItem no tiene argumentos

\getItem

El comando \getitemL tiene 1 argumento, \getitemL $\{\langle objeto \rangle\}$.

 $\label{eq:continuous_i} $$ \ensurement{i} $$ i | $$ $$ $$$

El comando \getitemR tiene 1 argumento, \getitemR $\{\langle objeto \rangle\}$.

 $\label{eq:getitemR} $$ \gcd j $$

por la izquierda de un objeto El comando \elemL<XX*> tiene 2 argumentos,

 $\left(objeto \right) \left(indice(s) \right),$

y denota la selección de elementos por la izquierda.

 $\left(A_{A}\right)$

 $_{i|}\mathbf{A}$

 $\label{lemLp} $$\left(Mat{A}\right)_{i} \leq mLp*{Mat{A}}_{i}$$

 (\mathbf{A})

\elemLP{\Mat{A}}{i} \elemLP*{\Mat{A}}{i}

 (\mathbf{A}) $[i|(\mathbf{A})]$

\elemLpE{\Mat{A}}{i} \elemLpE*{\Mat{A}}{i}

 $(i|\mathbf{A}) || (i|\mathbf{A})$

 $\label{lemLPE} $$ \left(Mat{A}\right)_{i} \ \left(Mat{A}\right)_{i} $$$

(i|A)

```
y denota la selección de elementos por la derecha.
                                                        \elemR{\Mat{A}}{i}
                                                                                                \mathbf{A}_{|i}
                                  \left( A\right) = \operatorname{Rp}\left( A\right) 
                                  \operatorname{RP}{\operatorname{A}}{i} \operatorname{RP}{\operatorname{A}}{i}
                                \end{A}{i} \elemRpE*{\Mat{A}}{i}
                                \label{lemRPE(Mat{A}){i} <caption> lemRPE(\Mat{A}){i} \\
                por ambos lados de un objeto El comando \elemLR<XX*> tiene 3 argumentos,
   \elemLR
  \elemLRp
                                         \ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}}{\langle\mbox{$objeto$}\rangle}{\langle\mbox{$indice(s)Izda$}\rangle}{\langle\mbox{$indice(s)Dcha$}\rangle},
 \elemLRp*
  \elemLRP
                y denota la selección de elementos por ambos lados.
 \elemLRP*
                                                    \elemLR{\Mat{A}}{i}{j}
                                                                                                  _{i|}\mathbf{A}_{|j|}
 \elemLRpE
\elemLRpE*
 \elemLRPE
                          \elemLRp{\Mat{A}}{i}{j} \elemLRp*{\Mat{A}}{i}{j}
                                                                                                                          _{il}(\mathbf{A})_{li}
\elemLRPE*
                          \elemLRP{\Mat{A}}{i}{j} \elemLRP*{\Mat{A}}{i}{j}
                         \label{lem_RpE_Mat_A}_{i}_{j} \elem_RpE*{\mathcal A}}_{i}_{j}
                        \left[ A_{A}\right] = \left[ A_{A}\right] 
               por la izquierda de un vector El comando \eleVL<XX*> tiene 3 argumentos,
     \eleVL
   \eleVLp
                                              \verb|\eleVL<XX*>[\langle subindice\rangle] \{\langle nombre\rangle\} \{\langle indice(s)\rangle\},
  \eleVLp*
   \eleVLP
                y denota la selección de elementos por la izquierda de un vector.
  \eleVLP*
                                            \left(a}{i} \right) \left(h\right){a}{i}
  \eleVLpE
                                                                                                         _{i|}(\boldsymbol{a}_h)
 \eleVLpE*
  \eleVLPE
                                         \left( \frac{a}{i} \right) \left( \frac{a}{i} \right)
                                                                                                            _{i\mathsf{I}}(oldsymbol{a}_h)
                                                                                                   _{il}(oldsymbol{a})
 \eleVLPE*
                                        \eleVLp*{a}{i} \eleVLp*[h]{a}{i}
                                                                                                    _{i|}(\boldsymbol{a})
                                                                                                             _{i|}(\boldsymbol{a}_{h})
                                        \eleVLP{a}{i} \eleVLP[h]{a}{i}
                                                                                                     \boldsymbol{a}
                                                                                                               \boldsymbol{a}_h
                                                                                                    _{i|}(\boldsymbol{a})
                                        \left( e^{LP*{a}{i}} \right) = \left( e^{LP*{h}{a}{i}} \right)
                                                                                                             _{i|}(\boldsymbol{a}_{h})
```

por la derecha de un objeto El comando \elemR<XX*> tiene 2 argumentos,

 $\ensuremath{\mbox{lenm}\mbox{<XX*>}\{\langle objeto\rangle\}\{\langle indice(s)\rangle\},\}$

$$\label{eq:local_period_a} $$ \left(\frac{1}{a} \right) \left(\frac{1}{a} \right)$$

por la derecha de un vector El comando \eleVR<XX*> tiene 3 argumentos,

$$\ensuremath{\mbox{\ensuremath}\ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\ensuremath}\engen}}}}}}}} \end{subsite} \end{subsite} \end{subsite}\ensuremath{\mbox{\ensuremath}\e$$

y denota la selección de elementos por la derecha de un vector.

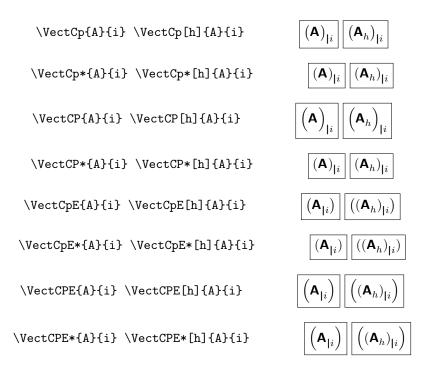
por la izquierda de una matriz (filas) El comando \VectF<XX*> tiene 3 argumentos,

$$\verb|\VectF[\langle subindice\rangle] \{\langle nombre\rangle\} \{\langle indice(s)\rangle\},$$

y denota la selección de filas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)

```
\left(\mathbf{A}^{'}\right)
                                     \VectFP{A}{i} \VectFP[h]{A}{i}
                                     \VectFP*{A}{i} \VectFP*[h]{A}{i}
                                   \VectFpE{A}{i} \VectFpE[h]{A}{i}
                                                                                                      (\mathbf{A}_h)
                                  \VectFpE*{A}{i} \VectFpE*[h]{A}{i}
                                                                                                       ({}_{i|}(\mathbf{A}_h))
                                   \VectFPE{A}{i} \VectFPE[h]{A}{i}
                                 \VectFPE*{A}{i} \VectFPE*[h]{A}{i}
                   El comando \VectTF<XX*> tiene 3 argumentos,
   \VectTF
  \VectTFp
                                           \VectTF<XX*>[\langle subindice\rangle]\{\langle nombre\rangle\}\{\langle indice(s)\rangle\},\
 \VectTFp*
  \VectTFP
               y denota la selección de filas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis
 \TEP*
               cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)
 \VectTFpE
\VectTFpE*
                                                                                            _{i}|(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})
                                     \VectTF{A}{i} \VectTF[h]{A}{i}
 \VectTFPE
\VectTFPE*
                                                                                             _{i|}(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})
                                    \VectTFp{A}{i} \VectTFp[h]{A}{i}
                                                                                              _{i|}(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}
                                   \VectTFp*{A}{i} \VectTFp*[h]{A}{i}
                                                                                                        _{i\mathsf{I}}(\mathsf{A}_{h}^{\intercal})
                                                                                           i \mid (\mathbf{A}^{\mathsf{T}})
                                   \VectTFP{A}{i} \VectTFP[h]{A}{i}
                                                                                              _{i|}(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})
                                   \VectTFP*{A}{i} \VectTFP*[h]{A}{i}
                                                                                            (iI(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}))
                                \VectTFpE{A}{i} \VectTFpE[h]{A}{i}
                                                                                                         ({}_{il}(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})
                                                                                              (i(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}))
                                                                                                          (\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})
                               \VectTFpE*{A}{i} \VectTFpE*[h]{A}{i}
                                                                                             _{i}|(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})
                                \VectTFPE{A}{i} \VectTFPE[h]{A}{i}
                                                                                                          _{\rm H}({\bf A}_h^{\sf T})
                                                                                             (i|(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})
                              \VectTFPE*{A}{i} \VectTFPE*[h]{A}{i}
              por la derecha de una matriz (columnas) El comando \VectC<XX*> tiene 3 argumentos,
    \VectC
   \VectCp
                                           \VectCp*
   \VectCP
               y denota la selección de columnas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis
  \VectCP*
               cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)
  \VectCpE
 \VectCpE*
                                                                                                  (\mathbf{A}_h)_{|i}
                                         \VectC{A}{i} \VectC[h]{A}{i}
  \VectCPE
```

\VectCPE*



El comando \VectTC<XX*> tiene 3 argumentos,

$$\VectTC[\langle subindice\rangle] \{\langle nombre\rangle\} \{\langle indice(s)\rangle\},\$$

y denota la selección de filas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)

de elementos de una matriz El comando \eleM<XX*> tiene 4 argumentos,

y denota la selección de filas y columnas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)

$\end{A}{i}{j} \end{A}{i}{j}$	$\boxed{_{i }\mathbf{A}_{ j }}\boxed{_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j }}$
$\label{eq:loss_part} $$ \left(i\right)_{j} \leq \left(h\right)_{A}_{i}_{j}$$	$\left[{}_{i }(\mathbf{A})_{ j } \right] \left[{}_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j } \right]$
$\end{align*} $$\left\{i\right\}_{j} \leq Mp*[h]_{A}_{i}_{j}$	$\left[{}_{i }(\mathbf{A})_{ j } ight] \left[{}_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j } ight]$
$\ensuremath{\tt NP\{A\}\{i\}\{j\}\ \ensuremath{\tt NP[h]\{A\}\{i\}\{j\}}$	$\left[\left \left(\mathbf{A} \right)_{ j} \right \right] \left \left \left \left(\mathbf{A}_h \right)_{ j} \right \right $
$\end{align*} $$ \left(i\right)_{j} \elemp*[h]_{A}_{i}_{j} $$$	$egin{bmatrix} [i (\mathbf{A})_{ j}] \end{bmatrix} egin{bmatrix} [i (\mathbf{A}_h)_{ j}] \end{bmatrix}$
$\label{eq:loss_elempe_h} $$\left(A\right_{i}_{j} \leq MpE[h]_{A}_{i}_{j}$$$	$\boxed{\left({}_{i }\mathbf{A}_{ j}\right)} \boxed{\left({}_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j}\right)}$
$\label{lem:pe} $$ \left(i\right)_{j} \leq \mathbb{E}[h]_{A}_{i}_{j} $$$	$\boxed{({}_{i }\mathbf{A}_{ j})} \boxed{({}_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j})}$
$\end{align*} $$ \left[h\right]_{A}_{i}_{j} \end{align*} $	$\boxed{\left({}_{i }\mathbf{A}_{ j}\right)} \boxed{\left({}_{i }(\mathbf{A}_h)_{ j}\right)}$
$\label{lem:permutation} $$ \left(i\right)_{j} \leq MPE*[h]_{A}_{i}_{j}$$$	$\boxed{ \left({_{i }}\mathbf{A}_{ j} \right) \left[\left({_{i }}(\mathbf{A}_h)_{ j} \right) \right] }$

de elementos de una matriz transpuesta El comando \eleMT<XX*> tiene 4 argumentos,

\eleMTp

\eleMTp*

\eleMTP

\eleMTP*
\eleMTpE

\eleMTpE*
\eleMTPE

\eleMTPE*

 $\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\sim}}} {\mbox{\mbox{\mbox{\sim}}}} {\mbox{\mbox{\sim}}} {\mbox{\mbox{\sim}}}$

y denota la selección de filas y columnas de una matriz (nótese que automáticamente se añade un paréntesis cuando la matriz lleva un subíndice y la expresión lo requiere)

1.4.6. Operaciones elementales

Primero fijamos la notación de las operaciones elementales tipo I y II, los intercambios y las reordenaciones (o permutaciones).

El comando \su tiene 3 argumentos, \pe{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una transformación Tipo I.

$$\su{a}{j}{k}$$

El comando \pr tiene 2 argumento, \pr{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una transformación Tipo II.

$$\pr{a}{k} \qquad \qquad \boxed{(a)\, \pmb{k}}$$

El comando \pr tiene 2 argumento, \pr{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica un intercambio.

$$\texttt{pe{i}}\{\mathtt{k}\}\qquad \qquad \boxed{i \rightleftharpoons k}$$

El comando \perm no tiene argumentos e indica un reordenamiento o permutación.

Usaremos letra griega tau para denotar una operación elemental (o una secuencia de ellas).

El comando \TrEl no tiene argumentos

\TrEl
$$au$$

El comando $\Delta El comando \Delta El comando$

$$\begin{tabular}{ll} $ \begin{tabular}{ll} $ \begin{tabular}{ll}$$

El comando $\triangle Su$ tiene 3 argumentos, $\triangle Su\{\langle num\rangle\}\{\langle indice\rangle\}\{\langle indice\rangle\}\}$, e indica una operación elemental de Tipo I

\OEsu{a}{j}{k}
$$ag{[(a)j+k]}$$

El comando OEpr tiene 2 argumentos, $\texttt{OEpr}\{\langle num \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$, e indica una operación elemental de Tipo II

\OEpr{a}{j}
$$\frac{ au}{[(a)j]}$$

El comando $\ensuremath{\texttt{OEin}}$ tiene 2 argumentos, $\ensuremath{\texttt{OEin}}\{\langle indice \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$, e indica un intercambio de posición entre componentes

\OEin{k}{j}
$$au_{[k \rightleftharpoons j]}$$

El comando $\backslash \mathtt{OEper}$ no tiene argumentos e indica un reordenamiento o permutación entre componentes

El comando \E0Esu tiene 3 argumentos, \E0Esu{ $\langle num \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica la operación espejo de una elemental de Tipo I

\E0Esu{a}{j}{k}
$$esp \binom{ au}{[(a)j+k]}$$

El comando \E0Epr tiene 2 argumentos, \E0Epr $\{\langle num \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$, e indica la operación espejo de una elemental de Tipo II

\EOEpr{a}{j}
$$esp inom{ au}{[(a)j]}$$

Operaciones elementales genéricas. Los siguientes comandos tienen argumentos opcionales, que no funcionan al escribir preguntas para Moodle.

 $\$ El comando $\$ E

\OEg \OEg[k] \OEg[][*] \OEg[k][*]
$$au_k$$
 au_k au_k

\EOEg El comando \EOEg tiene 2 argumentos opcionales, \EOEg [$\langle indice \rangle$] [$\langle exponente \rangle$], e indica la operación espejo de una elemental genérica

\Inv0Eg

$$\texttt{\EOEg \ \ \ } \texttt{\ \ } \texttt{\$$

El comando \InvE0Eg tiene 1 argumento opcional, \Inv0Eg[$\langle indice \rangle$], e indica la operación inversa de una elemental genérica

\Inv0Eg \Inv0Eg[k]
$$au^{-1}$$
 au^{-1}

\EInvOEg El comando \EInvOEg tiene 1 argumento opcional, \EInvOEg[$\langle indice \rangle$], e indica la operación espejo de la inversa de una elemental genérica

\EInvOEg \EInvOEg[k]
$$esp(au^{-1}) esp(au^{-1})$$

\SEg El comando \SOEg tiene 3 argumentos opcionales, \SOEg [$\langle indiceInic \rangle$] [$\langle indiceFin \rangle$] [$\langle exponente \rangle$], e indica una sucesión de operaciones elementales genéricas

\S0Eg
$$\boxed{ au_1\cdots au_k}$$
 \S0Eg[8] \S0Eg[8][p] \S0Eg[8][p][*] $\boxed{ au_8\cdots au_k} \boxed{ au_8\cdots au_p} \boxed{ au_8^*\cdots au_p^*}$

Comandos duplicados para las operaciones elementales generales. Desgraciadamente para el propósito de este paquete, las macros que he definido al escribir el libro usan mayoritariamente argumentos opcionales, que en Moodle no se pueden usar. Cambiar las macros originales supondría modificar los archivos del libro, las transparencias de clase, los problemas propuestos, los exámenes pasados... demasiado trabajo. La alternativa que me queda tampoco me gusta, pero al menos no supone tanto trabajo. Dicha alternativa consiste en duplicar comandos, es decir, que por cada comando original (con argumentos opcionales) crearé otro comando que pinte los mismos símbolos pero sin argumentos opcionales (esta solución ya la he tomado con los comandos de notación de los conjuntos de números, de manera que para escribir \mathbb{R}^n ahora tenemos $\mathsf{NR[n]}$ (el argumento opcional es el superíndice) o bien $\mathsf{Nr^n}$ (que no tiene argumentos opcionales y que es lo que tendremos que usar si queremos escribir dicha expresión en en las preguntas para Moodle).

El criterio de nomenclatura que he adoptado ha sido repetir la letra del comando pero en minúscula (salvo en el caso de los complejos); es decir, los comandos definidos para el libro son: \N , \Z , \R y \C c (debido a que \C ya es un comando del paquete hyperref). Así, que los nuevos comandos que he creado para duplicar los anteriores pero sin argumentos opcionales son \N n, \Z z, \R r y \C C.

Ahora tengo que pensar en un criterio análogo para que sea fácil pasar del comando original a duplicado sin argumentos opcionales. No lo tengo claro así que voy a probar con mantener los mismo nombres pero con una d delante para indicar que es el comando duplicado (no sé que tal resultará esta solución).

\d0EgE El comando \d0EgE tiene 2 argumentos, \d0EgE{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }, e indica una operación elemental genérica con un exponente (y replica el comando \0Eg que tiene argumentos opcionales)

\dOEg El comando \dOEg tiene 1 argumento, \dOEg{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una operación elemental genérica (y replica el comando \OEg que tiene argumentos opcionales)

\d0Eg{} \d0Eg{k}
$$\overline{ au}$$

También fijamos la notación para operación inversa, la operación espejo y el espejo de la inversa de una operación elemental

El comando $\del{deolege}$ tiene 2 argumentos, $\del{deolege}$ {(indice)} {(exponente)}, e indica la operación espejo de una elemental genérica con un exponente (y replica el comando $\del{deolege}$ que tiene argumentos opcionales)

$$\label{eq:continuous_esp} $$\de{E0EgE}_k} = \left[esp(\tau) \right] \left[esp(\tau_k^*) \right] $$$$

El comando \del{delege} tiene 1 argumento, \del{delege} (\del{indice}), e indica la operación espejo de una elemental genérica (y replica el comando \del{delege} que tiene argumentos opcionales)

$$\label{eq:loss_esp} $$\deoeg{k}$ $$ esp(\pmb{\tau}) $$ esp(\pmb{\tau}_k)$$$

El comando $\d InvOEg tiene 1 argumento, \d InvOEgE{(indice)}, e indica la inversa de una elemental genérica (y replica el comando \InvOEg que tiene argumentos opcionales)$

\dInv0Eg{} \dInv0Eg{k}
$$\boxed{ au^{-1}}$$
 $\boxed{ au_k^{-1}}$

$$\label{eq:local_def} $$ \ensuremath{\tt dEInv0Eg\{k\}} $$ $ esp(\pmb{\tau}^{-1}) $ esp(\pmb{\tau}_k^{-1}) $$$

El comando \dS0EgE tiene 3 argumento3, \dS0EgE{ $\langle indiceInic \rangle$ }{ $\langle indiceFin \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }, e indica una sucesión de operaciones elementales genéricas con exponente

$$\label{eq:tau_dsoege} $$\dsoege{j}_{k}^{*}$ \qquad $$ \boxed{\tau_{j}^{*}\cdots\tau_{k}^{*}}$$$

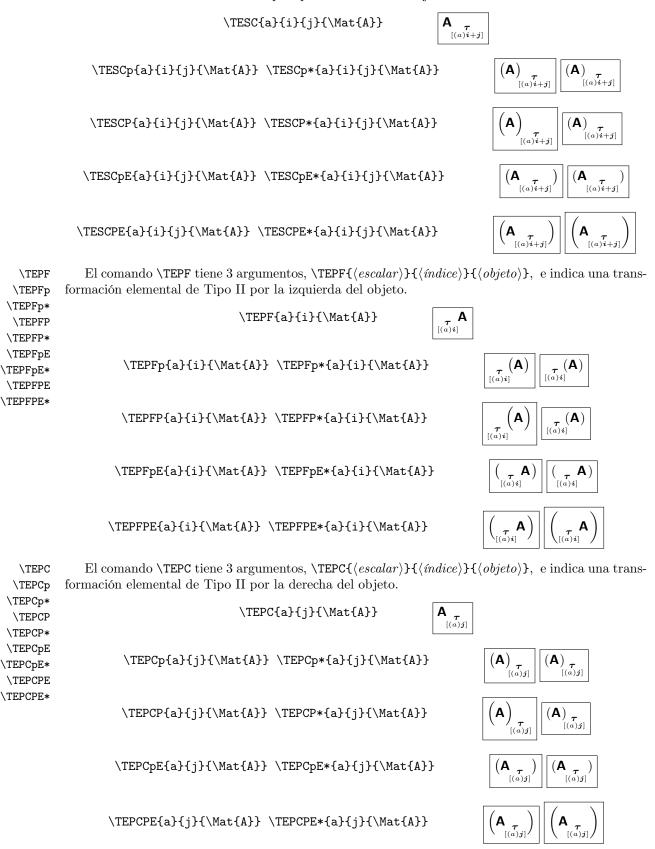
El comando \dS0Eg tiene 2 argumento3, \dS0Eg{ $\langle indiceInic \rangle$ }{ $\langle indiceFin \rangle$ }, e indica una sucesión de operaciones elementales genéricas

\dS0Eg{j}{k}
$$au_j \cdots au_k$$

1.4.7. Transformaciones elementales particulares

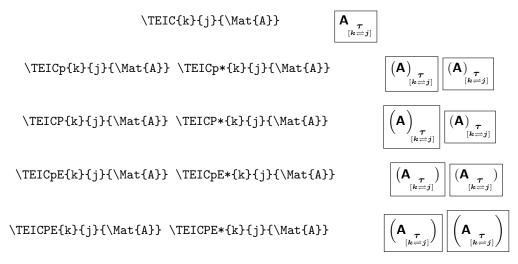
Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto El comando \TESF tiene 4 argumentos, \TESF{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una transformación elemental de Tipo I por la izquierda del objeto.

El comando \TESC tiene 4 argumentos, \TESC $\{\langle escalar \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental de Tipo I por la derecha del objeto.



El comando \TEIF tiene 3 argumentos, \TEIF $\{\langle indice \rangle\}\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica un inter-\TEIF cambio por la izquierda del objeto. \TEIFp \TEIFp* \TEIF{k}{j}{\Mat{A}} \TEIFP \TEIFP* \TEIFpE (A) $\TEIFp{k}{j}{\mathbb{A}} \TEIFp*{k}{j}{\mathbb{A}}$ \TEIFpE* \TEIFPE \TEIFPE* $\TEIFP\{k\}\{j\}\{\mathbb{A}\}\ \TEIFP*\{k\}\{j\}\{\mathbb{A}\}\}$ $\label{eq:tempe} $$ TEIFpE_{k}_{j}_{\mathcal{A}} \ TEIFpE_{k}_{j}_{\mathcal{A}}$$

El comando \TEIC tiene 3 argumentos, \TEIC $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica un intercambio por la derecha del objeto.



El comando \Mint tiene 2 argumentos, \Mint{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una matriz intercambio.

$$\begin{tabular}{ll} \setminus Mint{i}{j} \\ & & [\tau] \\ [i \rightleftharpoons j] \end{tabular}$$

El comando \MintT tiene 2 argumentos, \MintT{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una matriz intercambio (filas).

$$\begin{tabular}{ll} \uparrow & $\begin{matrix} \tau \\ [i \rightleftharpoons j] \end{matrix} \end{tabular}$$

El comando \PF tiene 1 argumento, \PF{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una permutación de los elementos de un objeto por la izquierda.

El comando \PC tiene 1 argumento, \PC $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una permutación de los elementos de un objeto por la derecha.

\PC{\Mat{A}}

El comando \MP no tiene argumentos e indica una matriz permutación.

 \MP

\MPT El comando \MPT no tiene argumentos e indica una matriz permutación.

\MPT

Sucesiones indiciadas de Transf. elementales por la izquierda, la derecha, o por ambos lados.

\SITEF El comando \SITEF tiene 3 argumentos, \SITEF $\{\langle indInic \rangle\}$ $\{\langle indFinal \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda del $\{\langle objeto \rangle\}$. \SITEFp

\SITEFp* \SITEF{j}{k}{\Mat{A}}} \SITEFP \SITEFP* \SITEFpE \SITEFp{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFpE* \SITEFPE \SITEFPE*

 $\SITEFp*{j}{k}{\Mat{A}}$

\SITEFP{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFP*{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFpE{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFpE*{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFPE{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITEFPE*{j}{k}{\Mat{A}}}

El comando \SITEC tiene 3 argumentos, \SITEC $\{\langle indInic \rangle\}$ $\{\langle indFinal \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una \SITEC sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha del $\{\langle objeto \rangle\}$. \SITECp

\SITECp* \SITEC{j}{k}{\Mat{A}}} \SITECP

\SITECP* \SITECpE \SITECp{j}{k}{\Mat{A}}} \SITECpE* \SITECPE

\SITECPE* \SITECp*{j}{k}{\Mat{A}}}

\SITECP{j}{k}{\Mat{A}}}

$$\label{eq:linear_continuous_con$$

El comando \SITEFC tiene 3 argumentos, \SITEFC $\{\langle indInic \rangle\}\{\langle indFinal \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del $\{\langle objeto \rangle\}$ (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

\SITEFC{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{\boldsymbol{\tau}_k {\cdots} \boldsymbol{\tau}_j \mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_j {\cdots} \boldsymbol{\tau}_k}}$
\SITEFCp{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{_{\boldsymbol{\tau}_k \cdots \boldsymbol{\tau}_j} \big(\mathbf{A} \big)_{\boldsymbol{\tau}_j \cdots \boldsymbol{\tau}_k}}$
\SITEFCp*{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{_{\boldsymbol{\tau}_k \cdots \boldsymbol{\tau}_j}(\mathbf{A})_{\boldsymbol{\tau}_j \cdots \boldsymbol{\tau}_k}}$
\SITEFCP{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{\boldsymbol{\tau}_{k} \cdots \boldsymbol{\tau}_{j} \bigg(\mathbf{A} \bigg)_{\boldsymbol{\tau}_{j} \cdots \boldsymbol{\tau}_{k}}}$
\SITEFCP*{j}{k}{\Mat{A}}}	$\boxed{_{\boldsymbol{\tau}_k \cdots \boldsymbol{\tau}_j}(\mathbf{A})_{\boldsymbol{\tau}_j \cdots \boldsymbol{\tau}_k}}$
\SITEFCpE{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{\left({}_{\boldsymbol{\tau}_{k}}\boldsymbol{\tau}_{j}\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_{j}}\boldsymbol{\tau}_{k}\right)}$
\SITEFCpE*{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{ \left({_{{\pmb{\tau}_k} \cdots {\pmb{\tau}_j}}} {\pmb{A}_{{\pmb{\tau}_j} \cdots {\pmb{\tau}_k}}} \right)}$
\SITEFCPE{j}{k}{\Mat{A}}}	$\boxed{ \left(\boldsymbol{\tau}_{k} \cdots \boldsymbol{\tau}_{j} \boldsymbol{A}_{\boldsymbol{\tau}_{j}} \cdots \boldsymbol{\tau}_{k} \right) }$
\SITEFCPE*{j}{k}{\Mat{A}}	$\boxed{ \begin{pmatrix} \boldsymbol{\tau}_k \boldsymbol{\tau}_j \mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_j} \boldsymbol{\tau}_k \end{pmatrix} }$

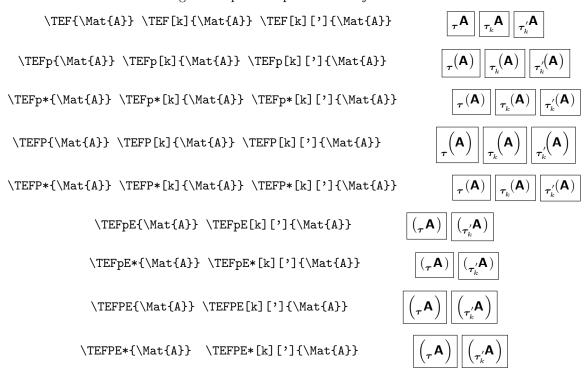
El comando \SITEFCR tiene 3 argumentos, \SITEFCR $\{\langle indInic \rangle\}$ $\{\langle indFinal \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del $\{\langle objeto \rangle\}$ (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

```
\SITEFCRP*{j}{k}{\Mat{A}}}
                                                                                    \SITEFCRpE{j}{k}{\Mat{A}}}
                                                                                   \SITEFCRpE*{j}{k}{\Mat{A}}}
                                                                                   \SITEFCRPE{j}{k}{\Mat{A}}}
                                                                                  \SITEFCRPE*{j}{k}{\Mat{A}}}
                                  El comando \TrF tiene 2 argumentos, \TrF [\langle trasformaciones \rangle] {\langle objeto \rangle}, e indica la aplicación
        \TrF
                         de transformaciones elementales por la izquierda del \{\langle objeto \rangle\}.
     \TrFp
  \TrFp*
                                                        \label{eq:trf_mat{A}} $$ TrF[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}} $$
     \TrFP
  \TrFP*
  \TrFpE
                                               \label{eq:TrFp(Mat(A)) TrFp(OEpr(-7){j})(Mat(A))} $$ TrFp(\DEpr(-7){j})(Mat(A)) $$
\TrFpE*
  \TrFPE
\TrFPE*
                                             \TrFp*{\Mat{A}} \TrFp*[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}}
                                              \label{eq:trfp} $$ TrFP[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}} $$
                                             \label{eq:trfp*} $$ TrFP*[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}} $$
                                              \label{eq:linear_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed_transformed
                                          \label{eq:logpring} $$ TrFPE(\A) \ TrFPE[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}} $$
                                       \TrFPE*{\Mat{A}} \TrFPE*[\OEpr{-7}{j}]{\Mat{A}}
                                   El comando \TrC tiene 2 argumentos, \TrC[\langle trasformaciones \rangle] \{\langle objeto \rangle\}, e indica la aplicación
        \TrC
                         de transformaciones elementales por la derecha del \{\langle objeto \rangle\}.
     \TrCp
  \TrCp*
                                                            \TrC{\SV{A}} \TrC[\OEpr{-7}{j}]{\SV{A}}
    \TrCP
  \TrCP*
  \TrCpE
                                                   \TrCpE*
  \TrCPE
\TrCPE*
                                                 \label{local_trcp*} $$ \TrCp*[\OEpr{-7}{j}]{\SV{A}} $$
```

El comando \TrFCC tiene 3 argumentos, \TrFCC [$\langle trasformacionesIzda \rangle$] [$\langle trasformacionesDcha \rangle$] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la aplicación de transformaciones elementales por la izquierda y la derecha del { $\langle objeto \rangle$ }.

Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto. Cuando la aplicamos a la izquierda de una matriz corresponde a una transformación de sus filas

El comando TEF<XX*> tiene 3 argumentos, TEF<XX*> [$\langle indice \rangle$] [$\langle exponente \rangle$] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.



Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto. Cuando la aplicamos a la derechade una matriz corresponde a una transformación de sus columnas

El comando TEC<XX*> tiene 3 argumentos, TEC<XX*> [$\langle indice \rangle$] [$\langle exponente \rangle$] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

\TEC

\TECp*
\TECP*
\TECPE*
\TECPE*
\TECPE
\TECPE

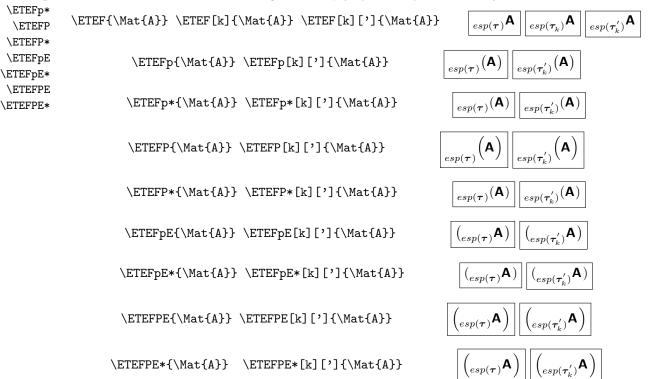
\TEC{\Mat{A}} \TEC[k]{\Mat{A}} \TEC[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}}} \boxed{\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_k}} \boxed{\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_k'}}$
$\label{eq:temp} $$ \TECp[k]_{\mathcal{A}} \TECp[k]_{\mathcal{A}} \TECp[k]_{\mathcal{A}} $$$	$\boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}_k}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}_k'}}$
\TECp*{\Mat{A}} \TECp*[k]{\Mat{A}} \TECp*[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}_k}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\pmb{\tau}_k'}}$
\TECP{\Mat{A}} \TECP[k]{\Mat{A}} \TECP[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\boldsymbol{\tau}}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\boldsymbol{\tau}_k}} \boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\boldsymbol{\tau}_k'}}$
\TECP*{\Mat{A}} \TECP*[k]{\Mat{A}} \TECP*[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{ \left(\mathbf{A} \right)_{\pmb{\tau}} } \left[\left(\mathbf{A} \right)_{\pmb{\tau}_k} \right] \left[\left(\mathbf{A} \right)_{\pmb{\tau}_k'} \right]$
\TECpE{\Mat{A}} \TECpE[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{\left(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}}\right)} \boxed{\left(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_k'}\right)}$
\TECpE*{\Mat{A}} \TECpE*[k][']{\Mat{A}}}	$\boxed{(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}})} \boxed{(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_k'})}$
<pre>\TECPE{\Mat{A}} \TECPE[k][']{\Mat{A}}</pre>	$oxed{\left(\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}} ight)} oxed{\left(\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}_k'} ight)}$
\TECPE*{\Mat{A}} \TECPE*[k][']{\Mat{A}}	$\boxed{\left(A_{\boldsymbol{\tau}}\right)} \boxed{\left(A_{\boldsymbol{\tau}_k'}\right)}$

Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.

\ETEF

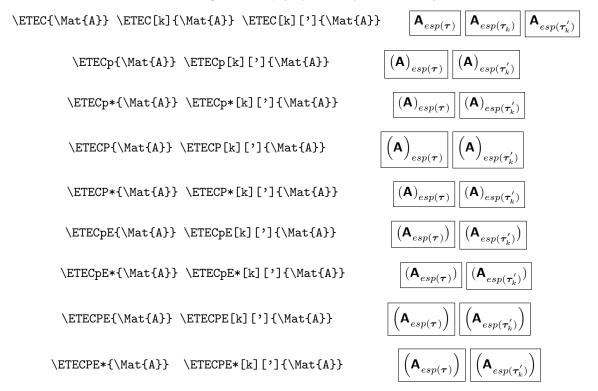
\ETEFp

El comando ETEF<XX*> tiene 3 argumentos, ETEF<XX*>[$\langle indice \rangle$] [$\langle exponente \rangle$] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica espejo por la izquierda del objeto.



Espejo de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto.

El comando ETEC<XX*> tiene 3 argumentos, ETEC<XX*>[$\langle indice \rangle$] [$\langle exponente \rangle$] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica espejo por la izquierda del objeto.



Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.

El comando InvTEF<XX*> tiene 2 argumentos, InvTEF<XX*>[$\langle indice \rangle$] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.



Inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto.

\InvTEC

El comando InvTEC<XX*> tiene 2 argumentos, InvTEC<XX*>[$\langle indice \rangle$] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

\InvTECp versa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.		del objeto.
$\InvTECp*$	\ TTEC(\ M_+ (A)) \ TTEC([-] (\ M_+ (A))	
\InvTECP	$\InvTEC{\hat{A}} \InvTEC[k]{\mathcal{A}}$	$oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}^{-1}}oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}_k^{-1}}$
\InvTECP*		
\InvTECpE	\InvTECp{\Mat{A}} \InvTECp[k]{\Mat{A}}	$\left \left(\mathbf{A} ight)_{oldsymbol{ au}^{-1}} ight \left(\mathbf{A} ight)_{oldsymbol{ au}_{k}^{-1}}$
\InvTECpE*	•	$\langle \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$
\InvTECPE	\ T	
\InvTECPE*	$\label{lem:linvTECp*{Mat{A}} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	$\left\ \left(\mathbf{A} ight)_{oldsymbol{ au}^{-1}} \left\ \left(\mathbf{A} ight)_{oldsymbol{ au}_k^{-1}} ight\ $
	\InvTECP{\Mat{A}} \InvTECP[k]{\Mat{A}}	(A) (A)
	\IIIVILOI (\Macket\) (IIIVILOI [k] (\Macket\)	$\left \left\langle m{ } ight angle_{m{ au}^{-1}} \left \left \left\langle m{ } ight angle_{m{ au}_k^{-1}} ight ight.$
	$\label{lem:linvTECP*(Mat{A}) InvTECP*[k](Mat{A})} $$ \lim_{X \to X} \left(\frac{X}{X} \right) = \lim_{X \to X} \left($	$oxed{(\mathbf{A})_{oldsymbol{ au}^{-1}}}oxed{(\mathbf{A})_{oldsymbol{ au}_k^{-1}}}$
	\InvTECpE{\Mat{A}} \InvTECpE[k]{\Mat{A}}	(Λ)
	(Thytael) (Aladoatvni) ((Altan) adoatvni)	$oxed{\left(oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}^{-1}} ight)}oxed{\left(oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}_k^{-1}} ight)}$
	$\label{linvTECpE*{Mat{A}} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	$\left \left(\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}^{-1}} ight) ight \left \left(\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}_{k}^{-1}} ight) ight $
		κ
	\\	
	\InvTECPE{\Mat{A}} \InvTECPE[k]{\Mat{A}}	$\left \left(oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}^{-1}} ight) ight \left(oldsymbol{A}_{oldsymbol{ au}_k^{-1}} ight) ight $
	\InvTECPE*{\Mat{A}} \InvTECPE*[k]{\Mat{A}}	$\left(\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}^{-1}} ight)\left\ \left(\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}_{b}^{-1}} ight) ight\ $
	(Im) Doily ((ind) () / Imv Indi in () () ((ind) ())	$ igl(m{ } au^{-1} igr) igl(m{ } au_k^{-1} igr) $

Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto.

\EInvTEF

El comando EInvTEF<XX*> tiene 2 argumentos, EInvTEF<XX*>[\(\frac{indice}\)] \{\(\color{objeto}\)\}, \(\ext{e}\) inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

\EInvTEFP \EInvTEFP* \EInvTEFpE

\EInvTEFpE* \EInvTEFPE

\EInvTEFPE*

Espejo de la inversa de una Transf. elemental genérica aplicada a la derecha de un objeto.

El comando EInvTEC<XX*> tiene 2 argumentos, EInvTEC<XX*>[$\langle indice \rangle$] { $\langle objeto \rangle$ }, e indica la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.



Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto (funciones duplicadas sin argumentos opcionales). Cuando la aplicamos a la izquierda de una matriz corresponde a una transformación de sus filas

El comando \dTEEF tiene 3 argumentos, \dTEEF $\{\langle indice \rangle\}\{\langle exponente \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una \dTEEF transformación elemental genérica (con exponente) por la izquierda del objeto. \dTEEFp \dTEEFP \dTEEF{}{}{\SV{A}} \dTEEF{2}{}{\SV{A}} \dTEEF{2}{*}{\SV{A}} \dTEEFpE \dTEEFPE $\label{eq:dteefp} $$ \det f^2_{A} \det f^2_{A} \det f^2_{A} \\$ $\label{eq:dteefp} $$ \det P_{2}_{A} \det P_{2}_{A} \\$ \dTEF El comando \dTEF tiene 2 argumentos, \dTEF $\{\langle indice \rangle\}$, e indica una transformación \dTEFp elemental genérica por la izquierda del objeto. \dTEFP $\label{eq:dtef} $$ \det\{A\} \det\{A\} $$ \det\{A\} $$$ \dTEFpE \dTEFPE \dTEFpE{}{\Mat{A}} \dTEFpE{2}{\Mat{A}}} \dTEFPE{}{\Mat{A}} \dTEFPE{2}{\Mat{A}}} El comando \dETEF tiene 2 argumentos, \dETEF $\{\langle indice \rangle\}$, e indica una transformación \dETEF \dETEFp elemental espejo genérica por la izquierda del objeto. \dETEFP \dETEF{}{\Mat{A}} \dETEF{2}{\Mat{A}}} \dETEFpE $esp(\tau_2)$ \dETEFPE \dETEFp{}{\Mat{A}} \dETEFp{2}{\Mat{A}}} \dETEFP{}{\Mat{A}} \dETEFP{2}{\Mat{A}}} \dETEFpE{}{\Mat{A}} \dETEFpE{2}{\Mat{A}} \dETEFPE{}{\Mat{A}} \dETEFPE{2}{\Mat{A}}} El comando \dInvTEF tiene 2 argumentos, \dInvTEF $\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transfor-\dInvTEF mación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto. \dInvTEFp

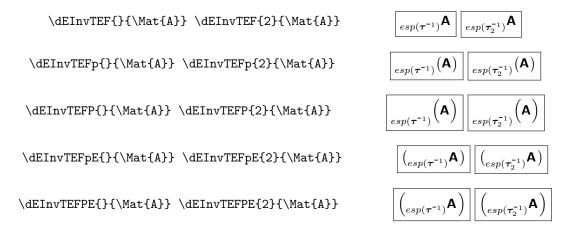
\dInvTEF{}{\Mat{A}} \dInvTEF{2}{\Mat{A}}

\dInvTEFp{}{\Mat{A}} \dInvTEFp{2}{\Mat{A}}}

\dInvTEFP

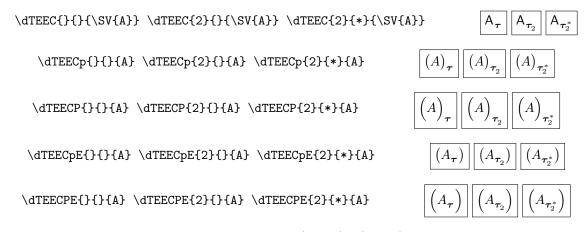
\dInvTEFpE \dInvTEFPE

El comando \dEInvTEF tiene 2 argumentos, \dEInvTEF $\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.



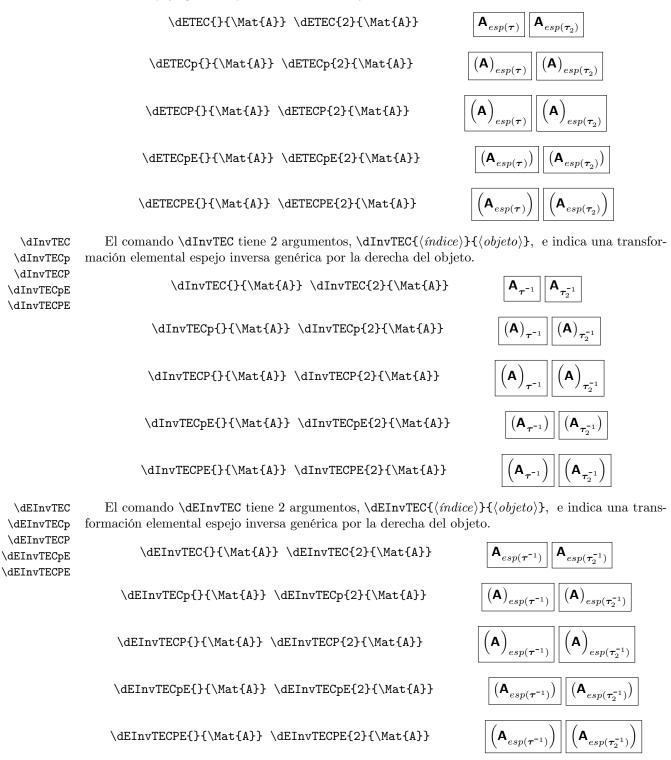
Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto (funciones duplicadas sin argumentos opcionales). Cuando la aplicamos a la derecha de una matriz corresponde a una transformación de sus columnas

El comando \dTEEC tiene 3 argumentos, \dTEEC $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle exponente \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental genérica (con exponente) por la derecha del objeto.



El comando \dTEC tiene 2 argumentos, \dTEC $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental genérica por la derecha del objeto.

El comando \dETEC tiene 2 argumentos, \dETEC $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo genérica por la derecha del objeto.



Transformaciones elementales particulares Aquí describimos la notación de transformaciones específicas.

\dTrFp \dTrFP \dTrFPE \dTrFPE El comando \dTrF tiene 2 argumentos, $\dTrF{\langle operación(es)\rangle}{\langle objeto\rangle}$, e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por la izquierda del objeto.

El comando \dTrC tiene 2 argumentos, $\dTrC\{\langle operación(es)\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$, e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por la derecha del objeto.

\dTrCpE{ \d0EgE{1}{'}\cdots\d0EgE{p}{'} }{\Mat{I}} \dTrCpE{ \OpE{\su{5}{i}{j}}\OpE{\pr{-7}{j}} }{\Mat{A}} \dTrCPE{ \d0EgE{1}{'}\cdots\d0EgE{p}{'} }{\Mat{I}} $\dTrCPE\{ \OpE\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\OpE\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\}$ \dTrFC El comando \dTrFC tiene 3 argumentos, $\dTrFC\{\langle operaciones Izda\rangle\}\{\langle operaciones Dcha\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$, \dTrFCp e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por cada lado del objeto. \dTrFCP $\dTrFC(\DE{\su\{-5\}\{i\}\{j\}\}}{\DpE\{\pr\{-7\}\{j\}\}}{\Mat\{A\}}$ \dTrFCpE $\begin{bmatrix} \boldsymbol{\tau} & \boldsymbol{\tau} & \boldsymbol{\tau} \\ [(-5)\boldsymbol{i}+\boldsymbol{j}] & [(-7)\boldsymbol{j}] \end{bmatrix}$ \dTrFCPE \dTrFCpE{\OpE{\su{-5}{i}{j}}}{\OpE{\pr{-7}{j}}}{\Mat{A}} $\dTrFCPE(\opE(\su\{-5\}\{i\}\{j\})\}{\opE(\pr\{-7\}\{j\})\}\{\Mat\{A\}\}\}$ 1.4.8. Operador que quita un elemento \fueraitemL El comando \fueraitemL tiene 1 argumento, \fueraitemL $\{\langle indice \rangle\}$, y denota la eliminación por la izquierda del elemento correspondiente al $\{\langle indice \rangle\}$ \fueraitemL{i} El comando \fueraitemR tiene 1 argumento, \fueraitemR $\{\langle indice \rangle\}$, y denota la eliminación \fueraitemR por la derecha del elemento correspondiente al $\{\langle indice \rangle\}$ \vec{j} \fueraitemR{j} El comando $\text{quitaLR tiene 3 argumentos}, \text{quitaLR}(\langle objeto \rangle) + (\langle indIzda \rangle) + (\langle indDcha \rangle), y denota$ \quitaLR el resultante de quitar un elemento por la izquierda y otro por la derecha \quitaLR{\Mat{A}}{i}{j} El comando \quitaL tiene 2 argumentos, \quitaL $\{\langle objeto \rangle\}\{\langle indIzda \rangle\}$, y denota el resultante \quitaL de quitar un elemento por la izquierda i\quitaL{\Mat{A}}{i} El comando quitaR tiene 2 argumentos, $\operatorname{quitaR}(\langle objeto \rangle) \{\langle indDcha \rangle\}$, y denota el resultante \quitaR de quitar un elemento por la derecha

\quitaR{\Mat{A}}{j}

1.4.9. Selección de elementos sin emplear el operador selector

\elemUUU

El comando \elemUUU tiene 2 argumentos, \elemUUU $\{\langle sistema \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$, y denota la selección del elemento correspondiente al $\{\langle indice \rangle\}$

$$\left(SV{Z}\right){i}$$

$$\operatorname{elem}_{i}(\mathsf{Z})$$

El comando $\VectFFF\ tiene\ 2\ argumentos, \VectFFF\{\langle nombre\rangle\}\{\langle indice\rangle\},\ y\ denota la selección de la fila correspondiente al <math>\{\langle indice\rangle\}$

$$fila_i(\mathbf{A})$$
 $fila_i(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})$

El comando $\VectCCC\ tiene\ 2$ argumentos, $\VectCCC\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$, y denota la selección de la columna correspondiente al $\{\langle indice \rangle\}$

$$\left[\operatorname{col}_{i}\left(\mathbf{A}\right)\right]\left[\operatorname{col}_{i}\left(\mathbf{A}^{\intercal}\right)\right]$$

tiene 3 argumentos, $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indiceFil \rangle\}\{\langle indiceCol \rangle\}$, y denota la selección del elemento correspondiente a los índices indicados

$$\end{A}{i}{j} \elemm{A}{i}{j} \elemm{A}{i}{j} \elemm{A}{i}{j}$$

$$elem_{ij}(\mathbf{A})$$
 $elem_{ij}(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})$ a_{ij}

1.5. Sistemas genéricos

El comando \SV tiene 2 argumentos, \SV [$\langle subíndice \rangle$] { $\langle nombre \rangle$ }

$$\SV{A} \SV[h]{A}$$

$$A A_h$$

El comando \concatSV tiene 2 argumentos, \concatSV{ $\langle sistemaA \rangle$ }{ $\langle sistemaB \rangle$ }, y denota la concatenación del { $\langle sistemaA \rangle$ } con el { $\langle sistemaB \rangle$ }.

$$\concatSV{\Mat{A}}{\Mat{B}}$$

1.6. Vectores y matrices

1.6.1. Vectores genéricos

tiene 2 argumentos, $\text{vect}<X*>[\langle sub\'indice\rangle]\{\langle nombre\rangle\}$, y denota un vector genérico.

$$\vec{a}$$
 \vec{a}_h

$$\displaystyle \left\{a\right\} \ \left\{$$

$$\boxed{\left(\overrightarrow{a}\right)\left[\left(\overrightarrow{a}\right)\right]\left(\overrightarrow{a}\right)}\boxed{\left(\overrightarrow{a}\right)}$$

$$\vectp[h]{a} \vectp*[h]{a} \vectP[h]{a} \vectP*[h]{a}$$

$$(\vec{a}_h)$$
 (\vec{a}_h) (\vec{a}_h) (\vec{a}_h)

1.6.2. Vectores de \mathbb{R}^n

tiene 2 argumentos, $Vect < X*>[\langle subindice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$, y denota un vector de \mathbb{R}^n

$$oldsymbol{a}$$

$$oxed{ig(oldsymbol{a}_hig)ig[oldsymbol{a}_hig)ig[oldsymbol{a}_hig)ig[oldsymbol{a}_hig)}$$

tiene 3 argumentos, $irvec[\langle subindiceInic \rangle][\langle subindiceFin \rangle]\{\langle nombre \rangle\}$, y escribe una sucesión de vectores de \mathbb{R}^n \irvec{a} \irvec[p]{a} \irvec[p][q]{a} $oxed{a_1,\ldots,a_n} oxed{a_p,\ldots,a_n} oxed{a_p,\ldots,a_q}$ C tiene 3 argumentos, $irvec[\langle subindiceInic \rangle][\langle subindiceFin \rangle]\{\langle nombre \rangle\}$, y escribe una sucesión de columnas de una matriz $oxed{\mathsf{A}_{|1},\ldots,\mathsf{A}_{|n}}oxed{\mathsf{A}_{|p},\ldots,\mathsf{A}_{|n}}oxed{\mathsf{A}_{|p},\ldots,\mathsf{A}_{|q}}$ \irvecC[a] \irvecC[p]{a} \irvecC[p][q]{a} 1.6.3. Matrices tiene 2 argumentos, $Mat<X*>[\langle subindice\rangle] \{\langle nombre\rangle\}$, y denota una matriz $Mat{A} \operatorname{h}{A} \operatorname{h}{A}^2$ \Matp{A} \Matp*{A} \MatP{A} \MatP*{A} $Matp{A}[h] \Matp*{A}[h] \MatP{A}[h] \MatP*{A}[h]$ Matrices transpuestas. El comando MatT<XX*> tiene 2 argumentos, MatT<XX*> [$\langle subíndice \rangle$] { $\langle nombre \rangle$ } \MatT{A} \MatT[h]{A} $\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}$ $(\mathbf{A})^{\mathsf{T}}$ $(\mathbf{A})^{\mathsf{T}}$ $(\mathbf{A}_h)^{\mathsf{T}}$ $(\mathbf{A}_h)^{\mathsf{T}}$ \MatTP{A} \MatTP*{A} \MatTP[h]{A} \MatTP*[h]{A}

\Mat

 \MatT

\MatTp

\MatTp*
\MatTP*

\MatTpE \MatTpE* \MatTPE

\MatTPE*

\MatTpE{A} \MatTpE*{A} \MatTpE[h]{A} \MatTpE*[h]{A}

\MatTPE{A} \MatTPE*{A} \MatTPE[h]{A} \MatTPE*[h]{A}

 $\label{eq:mattre} $$\operatorname{Mattre}_h(A) = \left(\left(\mathbf{A}_h^\intercal \right)^\intercal \right) = \left(\left(\mathbf$

 (A^T)

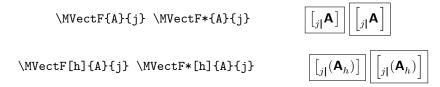
Matrices columna

\MVect*

El comando \MVect tiene 2 argumentos, \MVect[$\langle sub\'indice \rangle$] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota una matriz columna creada a partir de un vector

\MVectF*

El comando \MVectF tiene 3 argumentos, \MVectF[$\langle subindice \rangle$] { $\langle indice \rangle$ }, y denota una matriz columna creada a partir de una fila de una matriz



El comando \MVectC tiene 3 argumentos, \MVectC[$\langle sub\'indice \rangle$] { $\langle indice \rangle$ }, y denota una matriz columna creada a partir de una columna de una matriz

Matrices fila

El comando \MVectT tiene 2 argumentos, \MVectT[$\langle subindice \rangle$] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota una matriz fila creada a partir de un vector

$$\label{eq:main_model} $$ \MVectT{a} \MVectT*{a} $$ $ [a]^\intercal \ [a]^\intercal $$ $$ $ \MVectT[h]{a} \MVectT*[h]{a} $$ $ $ $ [a_h]^\intercal $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$$$

El comando \MVectFT tiene 3 argumentos, \MVectFT[$\langle subindice \rangle$] { $\langle nombre \rangle$ } { $\langle indice \rangle$ }, y denota una matriz fila creada a partir de una fila de una matriz

El comando \MVectCT tiene 3 argumentos, \MVectCT[$\langle sub\'indice \rangle$] { $\langle nombre \rangle$ } { $\langle \'indice \rangle$ }, y denota una matriz fila creada a partir de una columna de una matriz

Matriz inversa Notación para las matrices inversas

El comando \InvMat tiene 2 argumentos, InvMat<XX*>[$\langle indice \rangle$] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota la inversa de una matriz

	\InvMat{A} \InvMat[h]{A}	$\boxed{\mathbf{A}^{\text{-}1}} \boxed{\mathbf{A}_h^{\text{-}1}}$
	\InvMatp{A} \InvMatp*{A}	$ \boxed{ \left(\mathbf{A} \right)^{-1} } \left[\left(\mathbf{A} \right)^{-1} \right] $
	\InvMatp[h]{A} \InvMatp*[h]{A}	$oxed{\left(oldsymbol{A}_h ight)^{-1}}oxed{\left(oldsymbol{A}_h ight)^{-1}}$
	\InvMatP{A} \InvMatP*{A}	$\left[\left(\mathbf{A}\right)^{-1}\right]\left[\left(\mathbf{A}\right)^{-1}\right]$
	\InvMatP[h]{A} \InvMatP*[h]{A}	$oxed{\left(oldsymbol{A}_h ight)^{-1}}oxed{\left(oldsymbol{A}_h ight)^{-1}}$
	\InvMatpE{A} \InvMatpE*{A}	$\boxed{(\mathbf{A}^{-1})} \boxed{(\mathbf{A}^{-1})}$
	\InvMatpE[h]{A} \InvMatpE*[h]{A}	$\boxed{(\boldsymbol{A}_h^{-1})} \boxed{(\boldsymbol{A}_h^{-1})}$
	\InvMatPE{A} \InvMatPE*{A}	$\boxed{\left(\mathbf{A}^{-1}\right)} \boxed{\left(\mathbf{A}^{-1}\right)}$
	\InvMatPE[h]{A} \InvMatPE*[h]{A}	$\boxed{\left(\mathbf{A}_h^{-1}\right)} \boxed{\left(\mathbf{A}_h^{-1}\right)}$
\InvMatT \InvMatTpE	El comando \InvMatT tiene 2 argumentos, $InvMatT versa de una matriz transpuesta$	*>[$\langle indice \rangle$] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota la in-
\InvMatTpE* \InvMatTPE \InvMatTPE*	\InvMatT{A} \InvMatT*{A}	$\left[\left(\mathbf{A}^{T} \right)^{-1} \right] \left[\left(\mathbf{A}^{T} \right)^{-1} \right]$
	\InvMatT[h]{A} \InvMatT*[h]{A}	$\left[\left(\mathbf{A}_h^\intercal ight)^{-1} ight]\left[\left(\mathbf{A}_h^\intercal ight)^{-1} ight]$
	\InvMatTpE{A} \InvMatTpE*{A}	$\boxed{\left(\left(\mathbf{A}^{T}\right)^{-1}\right)} \boxed{\left(\left(\mathbf{A}^{T}\right)^{-1}\right)}$
	\InvMatTpE[h]{A} \InvMatTpE*[h]{A}	$\boxed{\left(\left(\boldsymbol{A}_{h}^{\intercal}\right)^{-1}\right)} \boxed{\left(\left(\boldsymbol{A}_{h}^{\intercal}\right)^{-1}\right)}$
	\InvMatTPE{A} \InvMatTPE*{A}	$\left[\left(\left(\mathbf{A}^{T}\right)^{-1}\right)\right]\left[\left(\left(\mathbf{A}^{T}\right)^{-1}\right)\right]$
	\InvMatTPE[h]{A} \InvMatTPE*[h]{A}	$\boxed{\left(\left(\mathbf{A}_h^{\intercal}\right)^{-1}\right)} \boxed{\left(\left(\mathbf{A}_h^{\intercal}\right)^{-1}\right)}$
\TInvMat	El comando \TInvMat tiene 2 argumentos, TInvMat transpuesta de la inversa de una matriz	$XX*>[\langle indice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}, y denota la$
\TInvMatpE* \TInvMatPE \TInvMatPE*	\TInvMat{A} \TInvMat*{A}	$\boxed{\left(\mathbf{A}^{-1}\right)^{T}} \boxed{\left(\mathbf{A}^{-1}\right)^{T}}$
(1 THVIIGOI L-P	\TInvMat[h]{A} \TInvMat*[h]{A}	$\boxed{\left(\boldsymbol{A}_h^{-1}\right)^{T}} \boxed{\left(\boldsymbol{A}_h^{-1}\right)^{T}}$
	\TInvMatpE{A} \TInvMatpE*{A}	$\boxed{\left(\left(\boldsymbol{A}^{-1}\right)^{T}\right)}\boxed{\left(\left(\boldsymbol{A}^{-1}\right)^{T}\right)}$

\TInvMatpE[h]{A} \TInvMatpE*[h]{A}

$$\left[\left(\left(\mathbf{A}_{h}^{-1}\right)^{\mathsf{T}}\right)\right]\left[\left(\left(\mathbf{A}_{h}^{-1}\right)^{\mathsf{T}}\right)\right]$$

\TInvMatPE{A} \TInvMatPE*{A}

$$\left(\left(\mathbf{A}^{-1} \right)^{\mathsf{T}} \right) \left[\left(\left(\mathbf{A}^{-1} \right)^{\mathsf{T}} \right) \right]$$

\TInvMatPE[h]{A} \TInvMatPE*[h]{A}

$$\boxed{\left(\left(\mathbf{A}_{h}^{-1}\right)^{\mathsf{T}}\right)\left[\left(\left(\mathbf{A}_{h}^{-1}\right)^{\mathsf{T}}\right)\right]}$$

1.6.4. Miscelánea matrices

El comando \Traza no tiene argumentos

\Traza

tr

El comando $\gray rg$ no tiene argumentos

\rg rg

El comando \traza tiene 1 argumento, \traza $\{\langle objeto \rangle\}$

\traza{\Mat{A}} \traza*{\Mat{A}}}

 $\operatorname{tr}\left(\mathbf{A}\right)\left[\operatorname{tr}\left(\mathbf{A}\right)\right]$

El comando \rango tiene 1 argumento, \rango $\{\langle objeto \rangle\}$

\rango{\Mat{A}} \rango*{\Mat{A}}}

 $rg(\mathbf{A})$ $rg(\mathbf{A})$

Determinante de una matriz

El comando \cof no tiene argumentos

\cof cof

El comando \adj no tiene argumentos

\adj Adj

El comando \determinante tiene 1 argumento, \determinante $\{\langle objeto \rangle\}$, y denota el determinante del $\{\langle objeto \rangle\}$ usando las barras verticales

|**A**|

El comando \subMat tiene 3 argumentos, \subMat $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indIzda \rangle\}\{\langle indDcha \rangle\}$, y denota la submatriz resultante de quitar una o más filas y columnas de la matriz $\{\langle nombre \rangle\}$

 $\square{A}{i}{j}$

 $i^{\dagger}\mathbf{A}^{\dagger j}$

tiene 3 argumentos, $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indFila \rangle\}\{\langle indCol \rangle\}$, y denota el menor de la matriz correspondiente a la fila y columna indicadas

 $\label{eq:menor} $$ \operatorname{A}_{i}_{j} \operatorname{MenoR}_{A}_{i}_{j}$$

El comando $\Cof tiene 3$ argumentos, $\Cof\{\langle nombre\rangle\}\{\langle indFila\rangle\}\{\langle indCol\rangle\}$, y denota el cofactor de la fila y columna indicadas

 $\Cof{A}{i}{j} \Cof*{A}{i}{j}$

 $\left|\operatorname{cof}_{ij}\left(\mathbf{A}\right)\right|\left|\operatorname{cof}_{ij}\left(\mathbf{A}\right)\right|$

Orden de las matrices El comando \Dim tiene 3 argumentos, \Dim $\{\langle objeto \rangle\}\{\langle filas \rangle\}\{\langle columnas \rangle\}$ $Dim{xxx}{n}{m}$ $\displaystyle \prod\{x\}\{n\}\{m\} \quad \prod\{x\}\{n\}\{m\}$ (x)(x) $\DimP{x}{n}{m} \DimP*{x}{n}{m}$ (x) $\label{limpE} $$ \prod_{x}{n}{m} \ \prod_{x}{n}{m}$ \boldsymbol{x} $\DimPE\{x\}\{n\}\{m\} \DimPE*\{x\}\{n\}\{m\}$ El comando \Matdim tiene 3 argumentos, Matdim $\langle XX*>\{\langle nombre\rangle\}\{\langle filas\rangle\}\{\langle columnas\rangle\}$ \Matdim \Matdim XXX $\mathsf{Matdim}\{xxx\}\{n\}\{m\}$ \Matdimp $n \times m$ \Matdimp* \MatdimP $\mathsf{Matdimp}\{x\}\{n\}\{m\} \ \mathsf{Matdimp}*\{x\}\{n\}\{m\}$ (X)(X)\MatdimP* \MatdimpE \MatdimpE* $\mathbb{Y}_{n}^{m} \operatorname{MatdimP}_{x}^{n}_{m}$ \MatdimPE \MatdimPE* (X) $\label{lem:matching} $$ \mathbf{x}_n^{m} \operatorname{MatchingE}_{x}^{n}_{m} $$$ Χ $\MatdimPE\{x\}\{n\}\{m\} \MatdimPE*\{x\}\{n\}\{m\}$ El comando \Matdim tiene 3 argumentos, $Matdim \langle XX*> \{\langle nombre \rangle\} \{\langle filas \rangle\} \{\langle columnas \rangle\}$ \MatTdim \MatTdim XXX^T $MatTdim{X}{n}{m}$ \MatTdimp \MatTdimp* \MatTdimP (X^T) (X^T) $\label{lem:matTdimp} $$ \mathbf{x}_n^{m} \operatorname{MatTdimp}_{x}^{n}_{m} $$$ \MatTdimP* \MatTdimpE \MatTdimpE* \mathbf{X}^{T} $\mathsf{MatTdimP}\{x\}\{n\}\{m\} \ \mathsf{MatTdimP}*\{x\}\{n\}\{m\}$ (X^T) \MatTdimPE \MatTdimPE* $n \times m$ $\label{lem:mattdimpE} $$ \mathbf{x}_n}_m \ \mathsf{MattdimpE}_{x}_n}_m $$$ (X^T) (**X**^T \MatTdimPE{x}{n}{m} \MatTdimPE*{x}{n}{m} (X^{T}) Nombre de la matriz de autovalores \MDaV \MDaV no tiene argumentos e indica la letra usada par las matrices de autovalores

\MDaV

D

\UMat \InvUMat Matriz triangular superior unitaria (según denominación de G. H. Golub y C. F. Van Loan) \Umat y \InvUmat tienen 1 argumento opcional

\UMat{A} \UMat[k]{A}

$$oldsymbol{\dot{\mathbf{A}}}$$
 $oldsymbol{\dot{\mathbf{A}}}_k$

\InvUMat{A} \InvUMat[k]{A}

$$\boxed{\dot{\mathbf{A}}^{-1}} \boxed{\dot{\mathbf{A}}_k^{-1}}$$

Matriz triangular inferior unitaria (según denominación de G. H. Golub y C. F. Van Loan) \UMatT tiene 1 argumento opcional

\UMatT{A} \UMatT[k]{A}



Matriz de eliminación gaussiana (por columnas) \MatGC e \InvMatGC tienen 1 argumento

\MatGC{h} \InvMatGC{h}



1.7. Productos entre vectores

1.7.1. Producto escalar

tiene 3 argumentos, $\ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}} {(objeto)} {(objeto)}$, y denota el producto escalar entre dos objetos (con asterisco los ángulos se ajustan al contenido)

 $\ensuremath{\ensuremath{\mbox{eSc}\{f(x)\}\{g(x)\}}} \ensuremath{\mbox{\mbox{eSc}*\{f(x)\}\{g(x)\}}}$

$$\langle f(x), g(x) \rangle$$
 $\langle f(x), g(x) \rangle$

 $\ensuremath{\mbox{ eSc}[L_2]{f(x)}{g(x)} \ensuremath{\mbox{ eSc}[L_2]*{f(x)}{g(x)}}$

$$\boxed{\left\langle f(x),g(x)\right\rangle_{\!L_2}} \boxed{\left\langle f(x),g(x)\right\rangle_{\!L_2}}$$

tiene 3 argumentos, $\langle esc[\langle espacio \rangle] [\langle espacio \rangle] \{\langle nombre \rangle\} \{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto escalar entre dos vectores genéricos (con asterisco los ángulos se ajustan al contenido)

\esc{a}{b} \esc*{a}{b}

$$\left[\left\langle \overrightarrow{a},\overrightarrow{b}
ight
angle \left[\left\langle \overrightarrow{a},\overrightarrow{b}
ight
angle
ight]$$

 $\ecc[L_2]{f(x)}{g(x)} \ecc[L_2]*{f(x)}{g(x)}$

$$\boxed{\left\langle\overrightarrow{f(x)},\overrightarrow{g(x)}\right\rangle_{\!\!\!\!L_2}} \boxed{\left\langle\overrightarrow{f(x)},\overrightarrow{g(x)}\right\rangle_{\!\!\!\!L_2}}$$

1.7.2. Producto punto

¡Ojo! en las versiones con paréntesis no he sido consistente con el convenio seguido anteriormente y, en lugar de terminar en pE o PE, sencillamente terminan en p o P.

tiene 2 argumentos, $\langle objeto \rangle \} \{\langle objeto \rangle \}$, y denota el producto punto entre dos objetos

$$(\boldsymbol{a} + \boldsymbol{b}) \cdot \boldsymbol{c}$$

\dotProdp{\Vect{a}}{\Vect{b}} \dotProdp*{\Vect{a}}{\Vect{b}}

$$(a \cdot b)$$
 $(a \cdot b)$

tiene 2 argumentos, $\dotprod\{\langle nombre\rangle\}\{\langle nombre\rangle\}$, y denota el producto punto entre dos vectores de \mathbb{R}^n

$$a \cdot b$$

\dotprodp{a}{b} \dotprodp*{a}{b}

$$(a \cdot b) | (a \cdot b)$$

\dotprodP{a}{b} \dotprodP*{a}{b}

$$\left| \left(oldsymbol{a} \cdot oldsymbol{b} \right) \right| \left[\left(oldsymbol{a} \cdot oldsymbol{b} \right) \right|$$

1.7.3. Producto punto a punto o Hadamard

\prodH tiene 2 argumentos, $\prodH{\langle objeto\rangle}{\{\langle objeto\rangle\}}$, y denota el producto punto a punto entre dos \prodHp objetos \prodHp* \prodH{(\Vect{a}+\Vect{b})){\Vect{c}} $(a+b)\odot c$ \prodHP \prodHP* $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$ \prodHp{\Vect{a}}{\Vect{b}} \prodHp*{\Vect{a}}{\Vect{b}}} $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$ \prodH $a \odot b$ $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$ \prodh tiene 2 argumentos, $\prodh{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$, y denota el producto punto a punto entre dos vectores de \mathbb{R}^n \prodhp \prodhp* \prodh{a}{b} $a \odot b$ \prodhP \prodhP* \prodhp{a}{b} \prodhp*{a}{b} $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$ $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$ $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$ \prodhP{a}{b} \prodhP*{a}{b} $a \odot b$ Matriz por vector y vector por matriz 1.8. tiene 2 argumentos, $MV\{\langle nombre \rangle\}\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto de una matriz por un vector \MV \MVpE de \mathbb{R}^n \MVpE* $MV{A}{b}$ $\mathbf{A}b$ \MVPE \MVPE* $(\mathbf{A}\mathbf{b})$ $\MVpE{A}{b} \MVpE*{A}{b}$ $(\mathbf{A}\mathbf{b})$ $\MVPE{A}{b} \MVPE*{A}{b}$ Ab $(\mathbf{A}b)$ tiene 2 argumentos, $MV\{\langle nombre \rangle\}\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto de un vector de \mathbb{R}^n por una \VM YMpE matriz \VMpE* $\M{a}{B}$ $a\mathsf{B}$ \VMPE \VMPE* $\VMpE{a}{B} \VMpE*{a}{B}$ (aB)(aB) $a\mathsf{B}$ $\VMPE{a}{B} \VMPE*{a}{B}$ (aB)tiene 2 argumentos, $\MTV{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$, y denota el producto de una matriz transpuesta \MTV por un vector de \mathbb{R}^n \MTVp \MTVp* $\mathbf{A}^{\mathsf{T}}b$ $\MTV{A}{b}$ \MTVP \MTVP* $\MTVp{A}{b} \MTVp*{A}{b}$ $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{b}$ $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{b}$ $\MTVP{A}{b} \MTVP*{A}{b}$ \VMT tiene 2 argumentos, $MTV{(nombre)}{(nombre)}$, y denota el producto de un vector de \mathbb{R}^n por una matriz transpuesta qTMV/ \VMTp* $a\mathsf{B}^\intercal$ $\T{a}{B}$ \VMTP \VMTP* $\Tp{a}{B} \VMTp*{a}{B}$ $a(B^{\mathsf{T}})$ $a(B^{T})$ $a\left(\mathsf{B}^{\intercal}\right)$ $\TP{a}{B} \VMTP*{a}{B}$ $a(B^{\mathsf{T}})$

1.9. Matriz por matriz

tiene 4 argumentos, $\MN[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\}$, y denota el producto matriz por matriz

$$\label{eq:mnab} $$ \AB $$ \MN[h]_{A}_{B} \MN[h]_{A}_{E}_{B} $$ \AB_k \AB_k $$ \AB_k $$$$

tiene 4 argumentos, $\MTN[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\}$, y denota el producto matriz transpuesta por matriz

tiene 4 argumentos, $\MNT[\langle sub\'indice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle sub\'indice2 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\}$, y denota el producto matriz por matriz transpuesta

$$\label{eq:linear_continuous_abstraction} $$ \MNT\{A\}\{B\} \MNT[h]\{A\}\{B\} \$$

tiene 2 argumentos, $\MTM[\langle sub\'indice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto matriz transpuesta por matriz

tiene 2 argumentos, $\MT[\langle subindice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto matriz por su transpuesta

$$\MMT{A}$$

 $\label{eq:mmtp} $$ \MMTp*{A} \MMTp*{h}_{A} \MMTp*{h}_{A} $$$ $A(A^T)$ $A(A^T)$ $\mathbf{A}_{b}(\mathbf{A}_{b}^{\mathsf{T}})$ $\MTP{A} \MTP*{A} \MTP[h]{A} \MTP*[h]{A}$ $A(A^T)$ $A(A^T)$ tiene 4 argumentos, $\MNMT[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\}$, y denota el producto matriz por matriz por matriz transpuesta $\label{eq:mnmt} $$ \MNMT[h]_{A}_{b} \MNMT[h]_{A}_{b} $$$ ABA^T $\mathbf{A}_h \mathbf{B}_k \mathbf{A}_h^{\mathsf{T}}$ $AB(A^{T})$ $\MTp{A}{D} \MNMTp*{A}{D}$ $AB(A^T)$ $\mathbf{A}_{h}\mathbf{B}_{k}(\mathbf{A}_{h}^{\intercal})$ $\mathbf{A}_{b}\mathbf{B}_{k}(\mathbf{A}_{b}^{\mathsf{T}})$ $\label{eq:mnmtp} $$ \MNMTp*[h]_{A}_{k}_{D} \MNMTp*[h]_{A}_{k}_{D}$$ $AB(A^{T})$ $AB(A^T)$ $\MTP{A}{D} \MNMTP*{A}{D}$ $\mathbf{A}_{h}\mathbf{B}_{k}\left(\mathbf{A}_{h}^{\mathsf{T}}\right)\left|\left|\mathbf{A}_{h}\mathbf{B}_{k}\left(\mathbf{A}_{h}^{\mathsf{T}}\right)\right|\right|$ $\label{eq:mnmtp} $$ \MNMTP[h]_{A}_{k}_{D} \MNMTP*[h]_{A}_{k}_{D}$$ \MTNM tiene 4 argumentos, $\MNMT[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\}$, y denota el producto matriz transpuesta por matriz por matriz transpuesta \MTNMp \MTNMp* A^TBA $\mathbf{A}_{h}^{\mathsf{T}}\mathbf{B}_{k}\mathbf{A}_{h}$ $\MTNM{A}{D} \MTNM[h]{A}[k]{D}$ \MTNMP \MTNMP* $(A^T)BA$ $(A^T)BA$ $\MTNMp{A}{D} \MTNMp*{A}{D}$ $\label{eq:mtnmp} $$ \MTNMp*[h]_{A}_{k}_{D} \MTNMp*[h]_{A}_{k}_{D} $$$ $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})\mathbf{B}_k\mathbf{A}_h$ $(\mathbf{A}_h^{\mathsf{T}})\mathbf{B}_k\mathbf{A}_h$ $\MTNMP{A}{D} \MTNMP*{A}{D}$ (A^T)BA $(A^T)BA$ $\label{eq:mtnmp} $$ MTNMP[h]_{A}_{k}_{D} \MTNMP*[h]_{A}_{k}_{D} $$$ $(\mathbf{A}_{h}^{\mathsf{T}}) \mathbf{B}_{k} \mathbf{A}_{h}$ $(\mathbf{A}_{h}^{\mathsf{T}})\,\mathbf{B}_{k}\mathbf{A}_{h}$ Otros productos entre matrices y vectores 1.10. \MTMV tiene 2 argumentos, $\MTMV{\langle nombre \rangle} \{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto matriz transpuesta por \MTMVp matriz por vector \MTMVp* A^TAb $\MTMV{A}{b}$ \MTMVP \MTMVP* $\MTMVp{A}{b} \MTMVp*{A}{b}$ $(A^T)Ab$ $(A^T)Ab$ $\MTMVP{A}{b} \MTMVP*{A}{b}$ $(A^T)Ab$ $(A^{\mathsf{T}})Ab$ tiene 3 argumentos, $\VMW{\langle nombre \rangle} {\langle nombre \rangle} {\langle nombre \rangle}$, y denota el producto vector por \VMW matriz por vector $\W{a}{B}{c}$ $a\mathsf{B}c$ \VMV tiene 2 argumentos, $\VMV{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$, y denota el producto vector por matriz por vector $\W\{a\}\{B\}$ aBatiene 3 argumentos, $\VMTW{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto vector por \VMTW matriz transpuesta por vector qWTMV/ \VMTWp* \VMTWP 41

\VMTWP*

$$$$ \VMTWP{a}{B}{c} $$ aB^{\mathsf{T}}c$ $$ (B^{\mathsf{T}})c$ $$ a(B^{\mathsf{T}})c$ $$ \VMTWP{a}{B}{c} \VMTWP*{a}{B}{c} $$ a(B^{\mathsf{T}})c$ $$ a(B^{\mathsf{T}})c$ $$ a(B^{\mathsf{T}})c$ $$ $$ a(B^{\mathsf{T}})c$ $$ a(B^{\mathsf{T}})c$$$

tiene 2 argumentos, $\VMTV{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto vector por matriz por vector

$$\label{eq:continuous} $$ \VMTVP{a}{B} \ aB^Ta $$ $$ a(B^T)a \ a(B^T)a $$ a(B^T)a $$ \VMTVP{a}{B} \ VMTVP*{a}{B} $$ a(B^T)a \ a(B^T)a $$ a(B^T$$

tiene 1 argumento, $\InvMTM{\langle nombre \rangle}$, y denota la inversa del producto de una matriz transpuesta por ella misma

no tiene argumentos y denota la inversa del producto de la matriz X transpuesta por ella misma

tiene 2 argumentos, \MInvMTMMT[$\langle sub\'indice \rangle$] { $\langle nombre \rangle$ }, y denota la matriz proyección sobre el espacio columna de la matriz de rango completo por columnas indicada por su { $\langle nombre \rangle$ }

tiene 4 argumentos, $\VTW[\langle subindice1 \rangle] \{\langle nombre1 \rangle\} [\langle subindice2 \rangle] \{\langle nombre2 \rangle\}$, y denota el producto de una matriz fila por una matriz columna

tiene 2 argumentos, $\VTV[\langle sub\'indice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto de una matriz fila por su transpuesta

tiene 2 argumentos, $\VWT{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$, y denota el producto de una matriz columna por una matriz fila

$$\texttt{\VWT{a}{b}} \qquad \boxed{\big[a\big]\big[b\big]^{\intercal}}$$

tiene 2 argumentos, $\VT[\langle sub\'indice \rangle] \{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto de una matriz columna por su transpuesta

\VVT{a} \VVT[h]{a}
$$\left[a\right]^{\mathsf{T}}\left[a_h\right]^{\mathsf{T}}$$

1.11. Sistemas de ecuaciones

tiene 3 argumentos, $\SEL\{\langle nombre\rangle\}\{\langle nombre\rangle\}\{\langle nombre\rangle\}$, y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial)

$$SEL{A}{x}{b}$$

$$|\mathbf{A}x = \mathbf{b}|$$

\SELT tiene 3 argumentos, \SELT{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial y matriz de coeficientes transpuesta)

$$\SELT{A}{x}{b}$$

$$\mathbf{A}^{\intercal}x=b$$

\SELTP tiene 3 argumentos, \SELTP{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial y matriz de coeficientes transpuesta entre paréntesis)

$$(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}) \, \boldsymbol{x} = \boldsymbol{b}$$

\SELF tiene 3 argumentos, \SELF{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota un sistema de ecuaciones lineales en forma de combinaciones de lineales de las filas de la matriz de coeficientes (con notación matricial)

$$yA = b$$

1.12. Espacios vectoriales

\EV tiene 1 argumento, \EV $\{(nombre)\}$, y denota un espacio vectorial

$$\EV{A} \EV{V} \EV{E}$$

AVE

\EspacioNul no tiene argumentos y denota al espacio nulo (o núcleo)

 \mathcal{N}

\EspacioCol no tiene argumentos y denota al espacio columna

 $|\mathcal{C}|$

 \mathbb{Nulls} tiene 1 argumento, $\mathbb{Nulls}\{\langle objeto \rangle\}$, y denota el espacio nulo (o núcleo) del objeto

\Nulls*

$$\mathcal{N}(f)$$
 $\mathcal{N}(f)$

\nulls tiene 1 argumento, \nulls $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el espacio nulo (o núcleo) de una matriz

 $\nulls*$

$$\mathcal{N}(\mathbf{A})$$
 $\mathcal{N}(\mathbf{A})$

\Cols tiene 1 argumento, \Cols $\{\langle objeto \rangle\}$, y denota el espacio columna del objeto

\Cols*

$$\Cols{f} \Cols*{f}$$

$$\mathcal{C}\left(f\right)$$
 $\mathcal{C}\left(f\right)$

\cols tiene 1 argumento, \cols $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el espacio columna de una matriz

\cols*

$$\mathcal{C}\left(\mathbf{A}\right)$$
 $\mathcal{C}\left(\mathbf{A}\right)$

\Span tiene 1 argumento, \Span{ $\langle sistema \rangle$ }, y denota el espacio vectorial generado con los elementos \Span* del { $\langle sistema \rangle$ } o conjunto

$$\Span{\SV{Z}} \Span*{\SV{Z}}$$

$$\mathcal{L}(\mathsf{Z})$$
 $\mathcal{L}(\mathsf{Z})$

\PSpan \PSpan* tiene 1 argumento, $\PSpan{\langle sistema \rangle}$, y denota el espacio semi-euclídeo de probabilidad generado con los elementos del $\{\langle sistema \rangle\}$ o conjunto

 $\PSpan{\SV{Z}} \PSpan*{\SV{Z}}$

 $\boxed{ \mathcal{L}(\mathsf{Z}) \ \boxed{ \mathcal{L}(\mathsf{Z}) }$

\coord \coordP tiene 1 argumento, $\coord{\langle vector \rangle}{\langle base \rangle}$, y denota las coordenadas de un vector respecto de una base

\coordP*

 $\overrightarrow{x}_{/_{\mathsf{Z}}}$

\coordPE \coord{\vect{x}}{\SV{Z}} \coordPE*

 $\label{eq:coordP} $$ \operatorname{\mathbb{Z}} \operatorname{\mathbb{Z}} \operatorname{\mathbb{Z}} \left(\overrightarrow{x} + \overrightarrow{y} \right)_{/\mathbf{Z}} \left(\overrightarrow{x} + \overrightarrow{y} \right)_{/\mathbf{Z}} \right] $$ $$ (\overrightarrow{x} + \overrightarrow{y})_{/\mathbf{Z}} $$$

\coordPE{\Vect{x}}{\Mat{B}} \coordPE*{\Vect{x}}{\Mat{B}}}



1.13. Notación funcional

El comando \dom no tiene argumentos y denota el dominio de una función

\dom(f)

dom(f)

tiene 3 argumentos, $\min \{\langle nombre \rangle\} \{\langle dominio \rangle\} \{\langle conjLlegada \rangle\}$, y denota una función que asigna a los elementos de su dominio elementos del conjunto de llegada

 $\min\{f\}{X}{Y} \min*{f}{X}{Y}$

 $\boxed{f \colon X \to Y} \boxed{X \xrightarrow{f} Y}$

tiene 3 argumentos, $\langle nombre \rangle \{\langle dominio \rangle \} \{\langle conjLlegada \rangle \} \{\langle variable \rangle \} \{\langle imagen \rangle \}$, y denota una función que asigna a los elementos de su dominio elementos del conjunto de llegada

 $\deffun{f}{\Z}{\N}{x}{x^2}$

 $f\colon \mathbb{Z} \longrightarrow \mathbb{N}$ $x \longmapsto x^2$

1.14. Estadística

El comando \Estmc $\{\langle objeto \rangle\}$ tiene 1 argumento y denota el ajuste MCO del $\{\langle objeto \rangle\}$

\Estmc{A}

 \widehat{A}

El comando $\Media{\langle objeto\rangle}$ tiene 1 argumento y pinta una barra horizontal que denota la media (proyección ortogonal sobre los vectores contantes) del $\{\langle objeto\rangle\}$

\Media{\Vect{x}}

 \overline{x}

El comando \Smedia no tiene argumentos y pinta el símbolo del valor medio

\Smedia

 μ

 $\widehat{m{e}}$

El comando \media tiene 1 argumento, \Media $\{\langle objeto \rangle\}$, y denota el valor medio del objeto.

 $\mdia{\Vect{x}} \mdia{\Vect{x}}^2 \mdia{}$

 $\mu_{\boldsymbol{x}} \mu_{\boldsymbol{x}}^2 \mu_{\boldsymbol{x}}^2$

El comando \res no tiene argumentos y pinta el vector de residuos de un ajuste MCO

\res

2. Implementación

32

33

34

36 37

2.1. Conjuntos de números

```
Números naturales, enteros, reales y complejos
                         \Zz
                                           1 \NewDocumentCommand\Nn{
                                                                                                                                         }{\ensuremath{ {\mathbb{N}}} }\xspace}
                         \Rr
                                           2 \NewDocumentCommand\Zz{
                                                                                                                                         }{\ensuremath{ {\mathbb{Z}}} }\xspace}
                                                                                                                                         }{\ensuremath{ {\mathbb{R}}} }\xspace}
                         \CC
                                          3 \NewDocumentCommand\Rr{
                                                                                                                                         }{\ensuremath{ {\mathbb{C}}} }\xspace}
                                           4 \NewDocumentCommand\CC{
                                       Números naturales, enteros, reales y complejos con exponente opcional
                                          5 \NewDocumentCommand\N { O{} }{\ensuremath{ {\Nn}^{#1} }\xspace}
                            \R.
                                          6 \NewDocumentCommand\Z { O{} }{\ensuremath{ {\Zz}^{#1} }\xspace}
                                          7 \NewDocumentCommand\R { O() }{\ensuremath{ {\Rr}^{#1} }\xspace}
                                             8 \end{Cc} 0{} {\ensuremath{ {\CC}^{#1} }} \ensuremath{ } \cline{CC}^{#1} } \ensuremath{ } \cline{CC}^{*1} \\ \ensuremath{ } \cli
                                         2.2.
                                                                Paréntesis y corchetes
                                       Paréntesis pequeños
\parentesis
                                           9 \NewDocumentCommand\parentesis{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                      {(#2)}
                                         11
                                                                       { \big(#2 \big)}
                                                                                                                                         }\xspace}
                                       Paréntesis de tamaño variable
\Parentesis
                                         12 \NewDocumentCommand\Parentesis{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                         13
                                                                      {\left(#2\right)}
                                                                      { \Big(#2 \Big)}
                                         14
                                                                                                                                         }\xspace}
   \corchetes
                                       Corchetes pequeños
                                         15 \NewDocumentCommand\corchetes{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                      {[#2]}
                                         16
                                                                       { \big[#2 \big]}
                                         17
                                                                                                                                         }\xspace}
                                       Corchetes de tamaño variable
   \Corchetes
                                         18 \NewDocumentCommand\Corchetes{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                       {\left[#2\right]}
                                         19
                                                                       { \Big[#2 \Big]}
                                         20
                                                                                                                                         }\xspace}
                                         2.3.
                                                                Subíndices
            \LRidxE
                                       Comandos para escribir índices a derecha e izquierda de un objeto (con exponente)
         \LRidxEp
                                        21 \NewDocumentCommand\LRidxE \{mmm\}\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath,\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath\{\ensuremath,\ensuremath\{\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ensuremath,\ens
      \LRidxEp*
         \LRidxEP
                                        23 \NewDocumentCommand\LRidxEp {smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
      \LRidxEP*
                                        24
                                                                                                   {\LRidxE{\parentesis*{#2}}{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                   {\LRidxE{\parentesis {#2}}{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
                                        25
      \LRidxEpE
   \LRidxEpE*
                                        27 \ensuremath{\label{linear} {\rm smmm}}_{\ensuremath}_{\label{linear}}
      \LRidxEPE
                                        28
                                                                                                   {\LRidxE{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}{#5}}
   \LRidxEPE*
                                                                                                   {\LRidxE{\Parentesis {#2}}{#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
                                         31 \NewDocumentCommand\LRidxEpE {smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
```

}\xspace}

}\xspace}

{\parentesis*{\LRidxE{#2}{#3}{#4}{#5}}}

{\parentesis {\LRidxE{#2}{#3}{#4}{#5}}}

 ${\operatorname{LRidxE}}{#3}{#4}{#5}}$

 ${\operatorname{LRidxE}{#2}{#3}{#4}{#5}}$

35 \NewDocumentCommand\LRidxEPE {smmmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}

```
Comandos para escribir índices a la izquierda de un objeto (con exponente)
  \LidxE
 \LidxEp
           \LidxEp*
 \LidxEP
           40 \NewDocumentCommand\LidxEp {smmm}{\ensuremath{\lifBooleanTF#1}
                              {\tilde{y}}{\#3}{\#4}
\LidxEP*
           41
                              {\LidxE{\parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                      }\xspace}
          42
\LidxEpE
          43
\LidxEpE*
           44 \NewDocumentCommand\LidxEP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
\LidxEPE
                              {\LidxE{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
           45
\LidxEPE*
           46
                              {\LidxE{\Parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                      }\xspace}
           47
           48 \NewDocumentCommand\LidxEpE {smmm}{\ensuremath{\lifBooleanTF#1}
                              {\parentesis*{\LidxE{#2}{#3}{#4}}}
           50
                              {\parentesis {\LidxE{#2}{#3}{#4}}}
                                                                      }\xspace}
           51
           52 \NewDocumentCommand\LidxEPE {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                              {\Parentesis*{\LidxE{#2}{#3}{#4}}}
           53
                              {\Parentesis {\LidxE{#2}{#3}{#4}}}
                                                                      }\xspace}
           54
  \RidxE Comandos para escribir índices a la derecha de un objeto (con exponente)
 \RidxEp
           55 \NewDocumentCommand\RidxE { mmm}{\ensuremath{{\leftidx{}
                                                                               }{{#1}}{_{#2}^{#3}}}\xspace}
\RidxEp*
           57 \NewDocumentCommand\RidxEp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
 \RidxEP
\RidxEP*
           58
                              {\RidxE{\operatorname{xe}}}{\#3}{\#4}}
                              {\text{\normalfont MidxE{\parentesis } {#2}}{\#3}{\#4}}
                                                                      }\xspace}
           59
\RidxEpE
           60
\RidxEpE*
            61 \label{lem:command} $$61 \label{lem:command} $$61 \label{lem:command} $$1 \simeq \mathbb{C}_{\infty}. $$
\RidxEPE
           62
                              {\RidxE{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
\RidxEPE*
           63
                              {RidxE{\operatorname{Parentesis}}{#3}{#4}}
                                                                      }\xspace}
           65 \NewDocumentCommand\RidxEpE {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
           66
                              {\parentesis*{\RidxE{#2}{#3}{#4}}}
           67
                              {\parentesis {\RidxE{#2}{#3}{#4}}}
                                                                      }\xspace}
           68
           69 \NewDocumentCommand\RidxEPE {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                              {\Parentesis*{\RidxE{#2}{#3}{#4}}}
           70
                              {\operatorname{RidxE}}{\#3}{\#4}}
           71
                                                                      }\xspace}
  \LRidx Comando para escribir un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto
           72 \NewDocumentCommand\LRidx { mmm}{\ensuremath{{\LRidxE{#1}{#2}{#3}{}}}\xspace}
 \LRidxp
           Comandos para escribir un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto entre paréntesis
\LRidxp*
           73 \NewDocumentCommand\LRidxp {smmm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}}
 \LRidxP
                              {\LRidx{\parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
                              {\LRidx{\parentesis {#2}}{#3}{#4}}
\LRidxP*
          75
                                                                      }\xspace}
           77 \NewDocumentCommand\LRidxP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
           78
                              {\LRidx{\operatorname{NParentesis}}{#3}{#4}}
                              {\LRidx{\Parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                                      }\xspace}
           79
\LRidxpE
          Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto
\LRidxpE*
           80 \NewDocumentCommand\LRidxpE {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
\LRidxPE
                              {\parentesis*{\LRidx{#2}{#3}{#4}}}
\LRidxPE*
          82
                              {\parentesis {\LRidx{#2}{#3}{#4}}}
                                                                      }\xspace}
           83
           84 \NewDocumentCommand\LRidxPE {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                              {\Parentesis*{\LRidx{#2}{#3}{#4}}}
           85
                              {\operatorname{LRidx}{#2}{#3}{#4}}}
                                                                      }\xspace}
           86
```

```
Lidx Comando para escribir un índice a la izquierda de un objeto
          87 \NewDocumentCommand\Lidx
                                         { mm}{\ensuremath{\LidxE {#1}{#2}{}}
                                                                                  }\xspace}
          Comandos para escribir un índice a la izquierda de un objeto entre paréntesis
 \Lidxp
 \Lidxp*
          88 \NewDocumentCommand\Lidxp
                                         { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
 \LidxP
                             {\Lidx{\parentesis*{#2}}{#3}}
\LidxP*
                             {\coprod_{x\in \mathbb{Z}}{\#3}}
                                                                }\xspace}
          92 \NewDocumentCommand\LidxP
                                         { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
          93
                             {\coprod_{x\in \mathbb{Z}}{\#3}}
                             {\coprod_{x\in \mathbb{Z}}{\#3}}
          94
                                                                }\xspace}
\LidxpE
          Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la izquierda de un objeto
\LidxpE*
          95 \NewDocumentCommand\LidxpE
                                         { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
\LidxPE
                             {\operatorname{x}}{\operatorname{Lidx}}{\#3}}
\LidxPE*
         97
                             {\operatorname{Lidx}{#2}{#3}}
                                                                }\xspace}
          98
          99 \NewDocumentCommand\LidxPE
                                          { smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                             {\tt \{\Parentesis*{\Lidx{\#2}{\#3}}}\}
         100
         101
                             {\operatorname{Lidx}{#2}{#3}}
                                                                }\xspace}
  \Ridx Comando para escribir un índice a la derecha de un objeto
         102 \NewDocumentCommand\Ridx
                                          { mm}{\ensuremath{\RidxE \{#1\}\{\#2\}{}
                                                                                   }\xspace}
 \Ridxp Comandos para escribir un índice a la derecha de un objeto entre paréntesis
\Ridxp* 103 \NewDocumentCommand\Ridxp
                                          {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
 \RidxP 104
                             {\left\{ \right\} }
\RidxP* 105
                             {\left\{ \right\} }
                                                                }\xspace}
         106
         107 \NewDocumentCommand\RidxP
                                          {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                             {\left\{ \right\}}{\left\{ \right\}}
         108
         109
                             {\left\{ \right\}}{\left\{ \right\}}
                                                                }\xspace}
\RidxpE Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la derecha de un objeto
\RidxPE 111
                             {\operatorname{x}}{\text{Ridx}}{\text{#2}}{\text{#3}}}
\RidxPE* 112
                             {\operatorname{Ridx}}{\#2}{\#3}}
                                                                }\xspace}
         113
         114 \NewDocumentCommand\RidxPE {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                             {\operatorname{Narentesis}}{\operatorname{Ridx}}{\#3}}
         115
                             {\operatorname{Nidx}}{\#3}}
         116
                                                                }\xspace}
                 Operadores
          2.4.
          2.4.1. Conjugación y concatenación
         Barra ancha para indicar media o conjugación
         117 \NewDocumentCommand\widebar{m}{\mathop{\overline{#1}}}
  \conj Signo de conjugación
         118 \NewDocumentCommand\conj
                                        {m}{\ensuremath{\widebar{#1}}\xspace}
\concat Concatenación
         119 \newcommand{\concat}{\mathbin{\mathpalette\conc@t\relax}}
         120 \newcommand{\conc@t}[2]{%
              \vcenter{\hbox{%
         121
                122
         123
                \setlength{\unitlength}{\wd\z0}%
```

```
124
                                                                                   \begin{picture}(1,1)
                                                125
                                                                                   \roundcap
                                                                                   \begin{array}{l} \begin{array}{l} \begin{array}{l} \begin{array}{l} \begin{array}{l} \begin{array}{l} \\ \end{array} \end{array} \end{array} \end{array} \end{array} 
                                                126
                                                                                   127
                                                                                   \put(0.65,0.1){\line(0,1){0.8}}
                                                128
                                                                                   \end{picture}%
                                                129
                                                                        }} }
                                                130
                                                    2.4.2. Norma y valor absoluto
                                                 Norma de un objeto
         \norma*
                                               131 \ensuremath{{\label{lfBooleanTF#1}}}
                                                                                                                         {\left\lVert{#3}\right\rVert}
                                                133
                                                                                                                                                      \rVert{#3}
                                                                                                                                                                                                                                    \rVert}}_{#2}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
   \modulus Valor absoluto
\verb|\modulus*| 134 \verb|\m
                                                135
                                                                                                                         {\left|{#2}\right|}
                                                136
                                                                                                                                                       |{#2}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
                                                    2.4.3.
                                                                                           Transposición
                                \T Signo de transposición
                                                137 \NewDocumentCommand\T{}{\intercal}
             \Trans Transposición
         \label{transp} 138 \verb|\NewDocumentCommand\Trans {sm}{\colored{Sm}} = 138 \ensuremath{\Colored{Command}} = 138 \ensuremath{\Colored{Sm}} = 138 \ensuremath{\Co
    \Transp* 139
                                                                                                     {\RidxE{#2\big.}{}{\T} }
         \TransP 140
                                                                                                     {\RidxE{#2}{}{\T}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
   \TransP* 141
   \label{thm:likelihood} $$\operatorname{Id}_{142} \ensurementCommand\Transp} \ \mbox{sm}{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\colored{\color
\TranspE* 143
                                                                                                 {\Trans{{\parentesis*{#2}}}}
   \TransPE ^{144}
                                                                                                  {\operatorname{Trans}}_{\operatorname{parentesis}}
                                                                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
                                               145
\TransPE*
                                                {\Trans{{\Parentesis*{#2}}}}
                                                147
                                                                                                 {\operatorname{Trans}(\operatorname{Parentesis} {\#2})}
                                                148
                                                                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
                                                149
                                                150 \NewDocumentCommand\TranspE{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                  {\parentesis*{\Trans{#2}}}
                                                151
                                                                                                  {\parentesis {\Trans{#2}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
                                                152
                                                153
                                                {\Parentesis*{\Trans{#2}}}
                                                155
                                                                                                  {\Parentesis {\Trans{#2}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                               }\xspace}
                                                156
                                                    2.4.4. Inversa
             \minus
                                                  Signo negativo para indicar la inversa
                                                157 \NewDocumentCommand\minus { }{\hbox{-}}
                       \Inv Notación de la inversa
                  \label{lnvp} 158 \NewDocumentCommand\Inv
                                                                                                                                                                                                       {m
                                                                                                                                                                                                                                    }{\ensuremath{ \RidxE{#1}{}{\minus1} }\xspace}
             \Invp* 159
                  \InvP 160 \NewDocumentCommand\Invp
                                                                                                                                                                                                      {sm
                                                                                                                                                                                                                                  }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                                                                         {\Inv{{\parentesis*{#2}}}}
             \InvP* 161
                                                                                                                         {\ln {\{\perp \{nv\{\{nrentesis \{\#2\}\}\}\}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
             \label{lnvpE} 162
         \InvpE* 163
             \InvPE
```

48

\InvPE*

```
164 \NewDocumentCommand\InvP
                                                                                  {sm
                                                                                              }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                    165
                                                   {\Inv{{\Parentesis*{#2}}}}
                    166
                                                  {\Inv{{\Parentesis {#2}}}}
                                                                                                                               }\xspace}
                    167
                    168 \NewDocumentCommand\InvpE
                                                                                 \{sm
                                                                                              }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                   {\parentesis*{\Inv{#2}}}
                    169
                                                  {\parentesis {\Inv{#2}}}
                                                                                                                           }\xspace}
                    170
                    171
                    172 \NewDocumentCommand\InvPE
                                                                                  {sm
                                                                                              }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                  {\Parentesis*{\Inv{#2}}}
                    173
                                                  {\Parentesis {\Inv{#2}}}
                                                                                                                           }\xspace}
                    174
                      2.4.5. Operador selector
 \getItem Signo de operador selector
                    175 \NewDocumentCommand\getItem { }{\ensuremath{ \pmb{\mid}}
                                                                                                                                                 }\xspace}
\getitemL Operador selector por la izquierda y operador selector por la derecha
                    176 \NewDocumentCommand\getitemL{m}{\ensuremath{ {\#1} \getItem }\xspace}
                    177 \NewDocumentCommand\getitemR{m}{\ensuremath{ \getItem {#1} }\xspace}
                           selector por la izquierda de un objeto
     \elemL Selector por la izquierda
   \verb|\elemLp| 178 \verb|\NewDocumentCommand| elemL|
                                                                                  {mm}{\ensuremath{ \Lidx{#1}{\getitemL{#2}} }\xspace}
 \elemLp* 179
   \elemLP 180 \NewDocumentCommand\elemLp {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
 \elemLP* 181
                                      {\elemL{\parentesis*{#2}}{#3}}
 \ensuremath{\mbox{\mbox{lemLpE}}}\ 182
                                      {\elemL{\parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}
\elemLpE* 183
 \verb|\elemLPE| 184 \elemLPE| 18
                   185
                                      {\elemL{\Parentesis*{#2}}{#3}}
\elemLPE*
                    186
                                      {\elemL{\Parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}
                    187
                    188 \verb|\NewDocumentCommand\elemLpE{smm}{\ensuremath{\label{lfBooleanTF#1}}} \\
                                      {\parentesis*{\elemL{#2}{#3}}}
                    189
                                      {\parentesis {\elemL{#2}{#3}}} }\xspace}
                    190
                    191
                    192 \ensuremath{\label{lemLPE(smm)}{\label{lemLPE(smm)}{\label{lemLPE(smm)}{\label{lemLPE(smm)}}} \\
                    193
                                      {\Parentesis*{\elemL{#2}{#3}}}
                    194
                                      {\Parentesis {\elemL{#2}{#3}}} }\xspace}
                           por la derecha de un objeto
     \elema Selector por la izquierda
   \elemRp 195 \NewDocumentCommand\elemR
                                                                                  {mm}{\ensuremath{ \Ridx{#1}{\getitemR{#2}} }\xspace}
  \elemRp* 196
   \elemRP 197 \NewDocumentCommand\elemRp {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                      {\elemR{\parentesis*{#2}}{#3}}
 \elemRP* 198
                                      {\elemR{\parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}
 \verb|\elemRpE| ^{199}
\elemRpE* 200
 \verb|\elemRPE||^{201}
                          \NewDocumentCommand\elemRP {smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                   202
                                      {\elemR{\Parentesis*{#2}}{#3}}
\elemRPE*
                   203
                                      {\elemR{\Parentesis {#2}}{#3}} }\xspace}
                    204
                    205 \verb|\NewDocumentCommand\elemRpE{smm}{\ensuremath{\label{lfBooleanTF#1}}} \\
                    206
                                      {\parentesis*{\elemR{#2}{#3}}}
                    207
                                      {\parentesis {\elemR{#2}{#3}}} }\xspace}
                    208
```

```
{\Parentesis*{\elemR{#2}{#3}}}
            210
            211
                      {\Parentesis {\elemR{#2}{#3}}} }\xspace}
                por ambos lados de un objeto
  \elemLR Selectores por ambos lados
 \verb|\elemLRp||_{212} \verb|\elemLRgmmm| \\ |
 \elemLRp* 213
                   \ensuremath{ \LRidx{#1}{\getitemL{#2}}{\getitemR{#3}} }\xspace}
 \elemLRP 214
 \elemLRP* 215 \NewDocumentCommand\elemLRp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                      {\elemLR{\parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
\ensuremath{\,^{\setminus}}elemLRpE ^{216}
                      {\elemLR{\parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                               }\xspace}
\elemLRpE* ^{217}
\verb|\elemLRPE||^{218}
           219 \NewDocumentCommand\elemLRpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
\elemLRPE*
           220
                      {\parentesis*{\elemLR{#2}{#3}{#4}}}
           221
                      {\parentesis {\elemLR{#2}{#3}{#4}}}
            222
           223 \NewDocumentCommand\elemLRP {smmm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}}
                      {\elemLR{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
            224
                      {\operatorname{NPAR}} {\ {\#3}{\#4}}
                                                               }\xspace}
            225
            226
            227 \NewDocumentCommand\elemLRPE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
            228
                      {\Parentesis*{\elemLR{#2}{#3}{#4}}}
            229
                      {\Parentesis {\elemLR{#2}{#3}{#4}}}
                                                               }\xspace}
                por la izquierda de un vector
    \elevl Selector de elementos de un vector por la izquierda
  \verb|\eleVLp| 230 \end{|\eleVLomm} {\ensuremath{IfNoValueTF{\#1}\%}} \\
  \eleVLp* 231
                        {\elemL {\Vect
                                            {#2}}{#3}}
   \eleVLP 232
                        {\elemLP*{\Vect[#1]{#2}}{#3}}
                                                            }\xspace}
  \eleVLP* 233
 \verb|\eleVLpE| 234 \end{command} eleVLp{somm} {\ensuremath{\lifBooleanTF{\#1}}\%} $$
                        {\elemLp*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
 \eleVLpE* ^{235}
                        {\left[ \begin{array}{c} {\left[ {2}\right] {\#3}}{\#4} \end{array} \right]}
 \verb|\eleVLPE||^{236}
                                                            }\xspace}
           237
 \eleVLPE*
           238 \NewDocumentCommand\eleVLP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF{#1}%}
           239
                        {\elemLP*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                        {\elemLP {\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                                            }\xspace}
            240
            241
            242 \ensuremath{\local{NewDocumentCommand}}{\local{NewDocumentCommand}} \ensuremath{\local{NewDocumentF}}
                       {\elemLpE*{\IfNoValueTF{#2}}
            243
            244
                                   {\Vect
                                                {#3}}
                                   {\text{Vectp*}[#2]{#3}}{#4}}
            245
                       {\elemLpE {\IfNoValueTF{#2}}
            246
                                   {\Vect
            247
                                                {#3}}
                                   {\Vectp*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
            248
            249
            {\elemLPE*{\IfNoValueTF{#2}}
            251
                                   {\Vect}
            252
            253
                                   {\VectP*[#2]{#3}}}{#4}}
                       {\elemLPE {\IfNoValueTF{#2}}
            254
                                   {\tt Vect}
                                                {#3}}
            255
                                   {\VectP*[#2]{#3}}{#4}} \xspace}
            256
```

209 \NewDocumentCommand\elemRPE{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}

por la derecha de un vector

```
\elevr Selector de elementos de un vector por la derecha
     \verb|\eleVRp| 257 \verb|\eleVRp| 257 \verb|\eleVRdomm| $$ \ensuremath{\IfNoValueTF{\#1}\%} $
  \eleVRp* 258
                                                                {\elemR {\Vect
                                                                                                                          {#2}}{#3}}
                                                                {\elemRP*{\Vect[#1]{#2}}{#3}}
     \eleVRP 259
                                                                                                                                                                     }\xspace}
  \eleVRP* 260
  \verb|\eleVRpE| 261 \label{levRpE} 261 \label{levRpE} & $$ \end{\colored} $$$ \end{\colored} $$ \end{\colored} $$$ \end{\colored} $$$ \end{\colored} $$$ \end{
\eleVRpE* ^{262}
                                                                {\elemRp*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
  \eleVRPE ^{263}
                                                                {\elemRp {\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                                                                                     }\xspace}
\eleVRPE*
                              265 \NewDocumentCommand\eleVRP{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF{#1}%}
                                                                {\elemRP*{\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                              266
                                                                {\elemRP {\Vect[#2]{#3}}{#4}}
                              267
                                                                                                                                                                     }\xspace}
                              268
                              269 \ensuremath{\left} \ensure
                              270
                                                              {\elemRpE*{\IfNoValueTF{#2}}
                                                                                               {\tt Vect}
                              271
                                                                                                                                   {#3}}
                                                                                               {\Vectp*[#2]{#3}}}{#4}}
                              272
                                                              {\elemRpE {\IfNoValueTF{#2}}
                              273
                                                                                               {\Vect
                              274
                                                                                                                                   {#3}}
                              275
                                                                                               {\Vectp*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                              276
                              277 \NewDocumentCommand\eleVRPE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                                                              {\elemRPE*{\IfNoValueTF{#2}}
                                                                                               {\Vect
                                                                                                                                   {#3}}
                              279
                              280
                                                                                               {\VectP*[#2]{#3}}}{#4}}
                                                              {\elemRPE {\IfNoValueTF{#2}}
                              281
                                                                                               {\Vect
                                                                                                                                   {#3}}
                              282
                                                                                               {\VectP*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                              283
                                          de filas de una matriz
        \VectF Selector de filas de una matriz
     \VectFp 284 \NewDocumentCommand\VectF{omm}{\ensuremath{\\IfNoValueTF{#1}%}
  \VectFp* 285
                                                                {\left\{ \right\} } 
                                                                                                                       {#2}}{#3}}
     \VectFP 286
                                                                {\elemLp*{\Mat[#1]{#2}}{#3}}
                                                                                                                                                                  }\xspace}
  \VectFP* 287
  \VectFpE* ^{289}
                                                                {\elemLp*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
  \verb|\VectFPE||^{290}
                                                                {\elemLp {\Mat[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                                                                          }\xspace}
\VectFPE*
                              {\elemLP*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
                              293
                                                                {\elemLP {\Mat[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                                                                        }\xspace}
                              294
                              295
                              296 \NewDocumentCommand\VectFpE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                                                              {\elemLpE*{\IfNoValueTF{#2}}
                              297
                              298
                                                                                               {\Mat
                                                                                                                                 {#3}}
                                                                                               {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
                              299
                                                              {\elemLpE {\IfNoValueTF{#2}}
                              300
                              301
                                                                                               {\mathbb A}
                                                                                                                                 {#3}}
                              302
                                                                                               {\Matp*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
                              303
                              304 \verb|\NewDocumentCommand\VectFPE{somm}{\clip{consuremath}{\clip{LifBooleanTF}$#1\%}} \\
                                                              {\elemLPE*{\IfNoValueTF{#2}}
                              305
                                                                                               {\Mat
                                                                                                                                {#3}}
                              306
                                                                                               {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
                              307
                                                              {\elemLPE {\IfNoValueTF{#2}}
                              308
                                                                                               {\Mat
                              309
                                                                                               {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                              310
```

```
\VectTF Selector de filas de una matriz
   \VectTFp* 312
                                           {\elemL {\MatTpE* {#2}}{#3}}
   \VectTFP 313
                                           {\elemLp*{\MatT[#1]{#2}}{#3}}
                                                                                                            }\xspace}
 \VectTFP* 314
 \VectTFpE* ^{316}
                                           {\elemLp*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
 \ensuremath{\,^{\setminus}} VectTFPE ^{317}
                                           {\elemLp {\MatT[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                      }\xspace}
\VectTFPE*
                     319 \NewDocumentCommand\VectTFP{somm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1%%
                                           {\elemLP*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
                     320
                                           {\elemLP {\MatT[#2]{#3}}{#4}} }\xspace}
                     321
                     322
                     323 \NewDocumentCommand\VectTFpE{somm}{\colored{hersuremath}{\lifBooleanTF#1%}}
                                         {\elemLpE*{\IfNoValueTF{#2}}
                     324
                     325
                                                               {\MatTpE*
                                                                                        {#3}}
                                                               {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
                     326
                                         {\elemLpE {\IfNoValueTF{#2}}
                     327
                                                               {\MatTpE*
                     328
                                                                                        {#3}}
                     329
                                                               {\MatTpE*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
                     330
                     331 \NewDocumentCommand\VectTFPE{somm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1%}
                                         {\elemLPE*{\IfNoValueTF{#2}}
                                                               {\MatTpE*
                                                                                        {#3}}
                     333
                     334
                                                               {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
                                         {\elemLPE {\IfNoValueTF{#2}}
                     335
                                                               {\MatTpE*
                                                                                        {#3}}
                     336
                                                               {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
                     337
                             de columnas de una matriz
       \VectC Selector de columnas de una matriz
     \VectCp 338 \NewDocumentCommand\VectC{omm}{\ensuremath{\\IfNoValueTF{#1}%}
   \VectCp* 339
                                           {\operatorname{\mathbb{N}}} {\operatorname{\mathbb{N}}}
                                                                              {#2}}{#3}}
     \VectCP 340
                                           {\elemRp*{\Mat[#1]{#2}}{#3}}
                                                                                                          }\xspace}
   \VectCP* 341
   \VectCpE* ^{343}
                                           {\elemRp*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
   \verb|\VectCPE||^{344}
                                           {\elemRp {\Mat[#2]{#3}}{#4}}
                                                                                                    }\xspace}
 \VectCPE*
                     {\elemRP*{\Mat[#2]{#3}}{#4}}
                     347
                                           {\elemRP {\Mat[#2]{#3}}{#4}} }\xspace}
                     348
                     349
                     350 \NewDocumentCommand\VectCpE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                                         {\elemRpE*{\IfNoValueTF{#2}}
                     351
                     352
                                                               {\Mat
                                                                                    {#3}}
                                                               {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
                     353
                                         {\elemRpE {\IfNoValueTF{#2}}
                     354
                     355
                                                               {\mathbb A}
                                                                                    {#3}}
                     356
                                                               {\Matp*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
                     357
                     358 \verb|\NewDocumentCommand\VectCPE{somm}{\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{command}\class{co
                                         {\elemRPE*{\IfNoValueTF{#2}}
                     359
                                                               {\Mat
                                                                                    {#3}}
                     360
                                                               {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}}
                     361
                                         {\elemRPE {\IfNoValueTF{#2}}
                     362
                                                               {\Mat
                     363
                                                               {\MatP*[#2]{#3}}}{#4}} \xspace}
                     364
```

```
\VectTC Selector de columnas de una matriz
         \verb|\VectTCp| $_{365} \le \mathbb{C}$ is $$ \end{thmodel} $$ \end
    \VectTCp* 366
                                                                                                                  {\elemR {\MatTpE* {#2}}{#3}}
         \VectTCP 367
                                                                                                                  {\elemRp*{\MatT[#1]{#2}}{#3}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                             }\xspace}
    \VectTCP* 368
    \VectTCpE 369 \NewDocumentCommand\VectTCp{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%%}}
\VectTCpE* ^{370}
                                                                                                                  {\elemRp*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
    \verb|\VectTCPE||^{371}
                                                                                                                  {\elemRp {\MatT[#2]{#3}}{#4}} }\xspace}
\VectTCPE*
                                                         373 \NewDocumentCommand\VectTCP{somm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1%%
                                                                                                                  {\elemRP*{\MatT[#2]{#3}}{#4}}
                                                         374
                                                                                                                  {\elemRP {\MatT[#2]{#3}}{#4}} }\xspace}
                                                         375
                                                         376
                                                         {\tt 377 \ NewDocumentCommand\ VectTCpE\{somm\}\{\ vensuremath\{\ IfBooleanTF\#1\%\}\}} \\
                                                                                                              {\elemRpE*{\IfNoValueTF{#2}}
                                                         378
                                                         379
                                                                                                                                                                       {\MatTpE*
                                                                                                                                                                                                                                          {#3}}
                                                                                                                                                                       {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
                                                         380
                                                                                                              {\elemRpE {\IfNoValueTF{#2}}
                                                         381
                                                                                                                                                                       {\MatTpE*
                                                                                                                                                                                                                                         {#3}}
                                                         382
                                                         383
                                                                                                                                                                       {\MatTpE*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
                                                        384
                                                        385 \NewDocumentCommand\VectTCPE{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1%}
                                                                                                              {\elemRPE*{\IfNoValueTF{#2}}
                                                                                                                                                                       {\MatTpE*
                                                                                                                                                                                                                                          {#3}}
                                                         387
                                                         388
                                                                                                                                                                       {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}}
                                                                                                              {\elemRPE {\IfNoValueTF{#2}}
                                                         389
                                                                                                                                                                       {\MatTpE*
                                                                                                                                                                                                                                        {#3}}
                                                         390
                                                                                                                                                                       {\MatTPE*[#2]{#3}}}{#4}} }\xspace}
                                                         391
                                                                             de elementos de una matriz
                        \eleM Selector de elementos de una matriz
                   \eleMp 392 \NewDocumentCommand\eleM {ommm}{\ensuremath{\elemLR {\IfNoValueTF{#1}}
               \eleMp* 393
                                                                                                                                                                                                                                                              {\Mat
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       {#2}}
                   \eleMP 394
                                                                                                                                                                                                                                                              {\MatP*[#1]{#2}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    }{#3}{#4}}\xspace}
               \eleMP* 395
              \verb|\eleMpE| 396 \end{|lemmandeleMp} {\bf sommm} {\bf Sommm}
         \ensuremath{\mbox{\ensuremath{\mbox{\sc NeleMpE*}}}\xspace} 397
                                                                                                                                                            {\elemLRp* {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
              \eleMPE ^{398}
                                                                                                                                                            {\elemLRp {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}} }\xspace}
         \eleMPE*
                                                         400 \ensuremath{\label{lemp}} \ensuremath{\labell} \ensuremath{\labellemp} \ensuremath{\labell} \ensuremath{\labell} \ensuremath{\label
                                                                                                                                                            {\elemLRP* {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                         401
                                                                                                                                                            {\elemLRP {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}} }\xspace}
                                                         402
                                                         403
                                                         404 \NewDocumentCommand\eleMpE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                                                                            {\parentesis*{\IfNoValueTF{#1}}
                                                         405
                                                         406
                                                                                                                                                                                                                                               {\left\{ \right\} }
                                                                                                                                                                                                                                                                                                   {#3}{#4}{#5}}
                                                                                                                                                                                                                                               {\left[ {2}, {43}, {44}, {45} \right]}
                                                         407
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }}
                                                                                                                                                            {\parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
                                                         408
                                                         409
                                                                                                                                                                                                                                               {\left\{ \right\} }
                                                                                                                                                                                                                                                                                                   {#3}{#4}{#5}}
                                                         410
                                                                                                                                                                                                                                               {\left[ {2} {43}{44}{45} \right]}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              }\xspace}
                                                         411
                                                         {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#1}}
                                                         413
                                                                                                                                                                                                                                               {\eleM
                                                                                                                                                                                                                                                                                                   {#3}{#4}{#5}}
                                                         414
                                                                                                                                                                                                                                               {\eleM[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                         415
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }}
                                                                                                                                                            {\Parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
                                                         416
                                                                                                                                                                                                                                                                                                   {#3}{#4}{#5}}
                                                         417
                                                                                                                                                                                                                                               {\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\en
                                                                                                                                                                                                                                               {\eleM[#2]{#3}{#4}{#5}}
```

de elementos de una matriz transpuesta

```
\eleMT Selector de elementos de una matriz
 \eleMTP 419 \NewDocumentCommand\eleMT{ommm}{\ensuremath{\elemLRP*{\MatT[#1]{#2}}{#3}{#4}}\xspace}
 \left( \begin{array}{cc} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{array} \right)
 \eleMTP 421 \NewDocumentCommand\eleMTp {sommm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}
                             {\elemLRp*{\parentesis*{\Mat[#2]{#3}}^\T}{#4}{#5}}
\eleMTP* 422
                             {\elemLRp {\parentesis*{\Mat[#2]{#3}}^\T}{#4}{#5}} }\xspace}
\verb|\eleMTpE||^{423}
{\elemLRP*{\parentesis*{\Mat[#2]{#3}}^\T}{#4}{#5}}
\eleMTPE*
                             \label{lem_RP {\scriptstyle \mat[#2]{#3}}^T}{#4}{#5}} \ \xspace}
          427
          428
          429 \verb|\NewDocumentCommand\eleMTpE{sommm}{\ensuremath{\label{lfBooleanTF#1}}} \\
                             {\parentesis*{\IfNoValueTF{#1}}
          430
          431
                                             {\eleMT
                                                        {#3}{#4}{#5}}
          432
                                             {\eleMT[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                          }}
          433
                             {\parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
          434
                                             {\eleMT
                                                        {#3}{#4}{#5}}
                                             {\eleMT[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                          435
          436
          437 \NewDocumentCommand\eleMTPE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
          438
                             {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#1}}
                                                        {#3}{#4}{#5}}
          439
                                             {\eleMT
                                             {\eleMT[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                          }}
          440
                             {\Parentesis {\IfNoValueTF{#1}}
          441
                                                        {#3}{#4}{#5}}
                                             {\left\{ \right\} eleMT}
          442
          443
                                             {\eleMT[#2]{#3}{#4}{#5}}
                                                                          Operaciones elementales
   \Trel Signo de transformación elemental
          444 \DeclareMathOperator{\TrEl}{\boldsymbol{\tau}}
     \su Transformación elemental Tipo I
          445 \NewDocumentCommand\su{mmm}{\ensuremath{%
                                   \left(#1\right){\boldsymbol{#2}}+{\boldsymbol{#3}}
         Transformación elemental Tipo II
          447 \NewDocumentCommand\pr{mm }{\ensuremath{%
                                   \left(#1\right){\boldsymbol{#2}}
                                                                                         }\xspace}
      \pe Intercambio (permuta de dos elementos)
          449 \NewDocumentCommand\pe{mm }{\ensuremath{%
                                  \boldsymbol{#1} \rightleftharpoons \boldsymbol{#2}
                                                                                         }\xspace}
    \perm Reordenamiento de los elementos (permutación)
          451 \NewDocumentCommand\perm{}{\normalfont{Mathfrak{S}}}
                                                                                         }\xspace}
    \Ope Operación elemental
          452 \NewDocumentCommand\OpE{m}{\ensuremath{\underset{\left[{#1}\right]}{\TrEl}}\xspace}
   OEsu Oper. elem. que suma un múltiplo de una componente a otra
          453 \NewDocumentCommand\0Esu {mmm}{\opE{ \su{#1}{#2}{#3} } }xspace}
   \OEpr Oper. elem. que multiplica una componente por un número
          454 \NewDocumentCommand\OEpr \{mm\}\{\consumerath\{ \pr{\#1}{\#2}\}\}
                                                                                } \xspace}
```

```
\OEin Intercambio de posición entre componentes
                                              455 \NewDocumentCommand\OEin \{mm\}\{\ensuremath\{ \pe{\#1}{\#2}\}\}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          } \xspace}
             \OEper Reordenamiento o permutación entre componentes
                                              456 \NewDocumentCommand\OEper
                                                                                                                                                                                            {}{\ensuremath{ \OpE{ \perm
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          } \xspace}
             \E0Esu Espejo de oper. elem. que suma un múltiplo de una componente a otra
                                              457 \ensuremath {esp\Big(\OEsu{#1}{#2}{#3}\Big)} \ensuremath {esp\Big(\OEsu{#1}{#2}{#3}\Big)} \ensuremath {esp\Big(\OEsu{#1}{#2}{#3}\Big)} \ensuremath {esp\Big(\OEsu{#1}{#1}{#2}{#3}\Big)} \ensuremath {esp\Big(\OEsu{#1}{#1}{#2}{#3}\Big)} \ensuremath {esp\Big(\OEsu{#1}{#1}{#2}{#3}\Big)} \ensuremath {esp\Big(\OEsu{#1}{#1}{#2}{#3}\Big)} \ensuremath {esp\Big(\OEsu{#1}{*1}{*1}{*2}{*3}\Big)} \ensuremath {esp\Big(\OEsu{*1}{*1}{*1}{*2}{*3}\Big)} \ensuremath {esp\Big(\OEsu{*1}{*1}{*1}{*1}{*2}{*3}\Big)} \ensuremath {esp\Big(\OEsu{*1}{*1}{*1}{*1}{*2}{*3}\Big)} \ensuremath {esp\Big(\OEsu{*1}{*1}{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*1}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}{*3}\Big(\OEsu{*1}{*2}\Big(\OEsu{*1}{*2})
             \E0Epr Espejo de oper. elem. que multiplica una componente por un número
                                              458 \NewDocumentCommand\E0Epr {mm}{\ensuremath{ esp\Big(\0Epr{#1}{#2}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        \Big)}\xspace}
                                                  Transformaciones elementales generales
                     \OEg Operación elemental genérica
                                              459 \NewDocumentCommand \OEg{0{}0{}}{\ensuremath{ \RidxE{\TrEl}{\!#1}{#2} }\xspace}
                 \E0Eg Operación espejo de una operación elemental genérica
                                              460 \NewDocumentCommand \E0Eg{0{}0{}}{\ensuremath{ esp( \0Eg[#1][#2]}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             ) }\xspace}
        \InvOEg Inversa de una operación elemental genérica
                                              461 \NewDocumentCommand \InvOEg{O{} }{\ensuremath{}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                          \OEg[#1][\minus1]
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       }\xspace}
    \EInvOEg Espejo de la inversa de una operación elemental genérica
                                              462 \NewDocumentCommand\EInv0Eg{0{} }{\ensuremath{ esp( \Inv0Eg[#1] }}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             ) }\xspace}
                 \SOEg Sucesión de operaciones elementales genéricas
                                              463 \NewDocumentCommand\S0Eg{0{1}0{k}0{}}{\ensuremath{\%}}
                                                                                                                                                                                                                                               \OEg[#1][#3]\cdots\OEg[#2][#3]
             \d0EgE Operación elemental genérica con exponente y sin exponente
                 \label{lem:doege} $$ dOEg _{465} \end{\command} dOEgE _{mm}_{\command} \end{\command} $$ \end{\command} $$ dOEg _{465} \end{\command} $$ \end{\command} $$
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      }\xspace}
                                              466 \NewDocumentCommand\d0Eg
                                                                                                                                                                                            {m}{\ensuremath{
                                                                                                                                                                                                                                                                                             \d0EgE{#1}{}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       }\xspace}
        \decege Operación espejo de una elemental genérica con exponente y sin exponente
             }\xspace}
                                              468 \NewDocumentCommand\dE0Eg
                                                                                                                                                                                           {m}{\ensuremath{ esp(\d0Eg {#1}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      }\xspace}
   \dInvOEg Operación inversa de una elemental genérica
                                              469 \NewDocumentCommand\dInvOEg {m}{\ensuremath{}
                                                                                                                                                                                                                                                                                            \dOEgE{#1}{\minus1}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      }\xspace}
\dEInvOEg Operación espejo de la inversa de una elemental genérica
                                              470 \NewDocumentCommand\dEInvOEg{m}{\ensuremath{ esp(\dInvOEg{#1}} )}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     }\xspace}
        \dS0EgE Sucesión de operaciones elementales genéricas con exponente o sin exponente
             \label{localized} $$ dSOEg _{471} \ensurement{\dOEgE{#1}{#3}\cdots\dOEgE{#2}{#3}} \times P(GOEGE) $$ $$ dOEGE{$471$} \ensurement{\dOEgE{$471$}} = P(GOEGEE) $$ $$ dOEGEE{$471$} \ensurement{\dOEGE{$471$}} = P(GOEGEE) $$ dOEGEE{$471$} \ensurement{\dOEGE{$471$}} = P(GOEGEE) $$ dOEGEE{$471$} \ensurement{\dOEGEE{$471$}} = P(GOEGEE) $$ dOEGEE{$471$}} = P(GOEGEE) $$ dOEGEE{$471$} = P(GOEGEE) $$ dOEGEE{$471$
                                              472 \NewDocumentCommand\dS0Eg \{mm\}\{\columnware{mm}\} \{\columnware{mm}\} \{\columnware
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     \cdots\dOEg {#2}
```

2.4.7. Transformaciones elementales particulares

Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto Tipo I - Fil

```
\TESF Una transformación elemental Tipo I por la izquierda
 \TESFP 474 \NewDocumentCommand\TESFp {smmmm}{\ensuremath{\\IfBooleanTF#1}}
                        {\Lidxp* {#5}{\OEsu{#2}{#3}{#4}\!\!}} {\Lidxp {#5}{\OEsu{#2}{#3}{#4}\!\!}} }\xspace}
 \label{eq:479} $$ {\left(\frac{\#2}{\#3}{\#4}\right! } {\left(\frac{\#5}{\left(\frac{\#2}{\#3}{\#4}\right! }\right) } \right) $$
                480 \verb|\NewDocumentCommand\TESFPE{smmmm}{\colored{command}} for the property of the property 
                Tipo I - Col
   \TESC Una transformación elemental Tipo I por la derecha
   \TESC _{482} \end{TESC} _{482} \end{TESC} {\rm mmmm}_{\ensuremath{Ridx{#4}{\cdot}\cdot0Esu{\#1}{\#2}{\#3}}} \end{TESC} $$
   \TESC 483 \NewDocumentCommand\TESCp {smmmm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}
   \TESC 484 {\Ridxp* {#5}{\!\!\OEsu{#2}{#3}{#4}}} {\Ridxp {#5}{\!\!\OEsu{#2}{#3}{#4}}} }\xspace}
   \TESC 485 \NewDocumentCommand\TESCP {smmmm}{\ensuremath{\\ IfBooleanTF#1}
                489 \NewDocumentCommand\TESCPE{smmmm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
                        {\RidxPE*{#5}{\! \OEsu{#2}{#3}{#4}}} {\RidxPE{#5}{\! \OEsu{#2}{#3}{#4}}} }\xspace}
                        Tipo II - Fil
   \TEPF Una transformación elemental Tipo II por la izquierda
 \TEPFp 491 \NewDocumentCommand\TEPF
                                                                          {mmm}{\ensuremath{\Lidx{#3}{ \OEpr{#1}{#2}}!} }\xspace}
 \TEPFP 492 \NewDocumentCommand\TEPFp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
\TEPFpE 493
                                  \TEPFPE 494 \NewDocumentCommand\TEPFP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                  496 \NewDocumentCommand\TEPFpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                497
                                  {\LidxpE*{#4}{\OEpr{#2}{#3}\!} }\\ \LidxpE{#4}{\OEpr{#2}{#3}\!}
                                                                                                                                                                      } }\xspace}
                {\LidxPE*{#4}{\OEpr{#2}{#3}\! }} {\LidxPE{#4}{\OEpr{#2}{#3}\!}
                499
                                                                                                                                                                      } }\xspace}
                        Tipo II - Col
   \TEPC Una transformación elemental Tipo II por la derecha
 \TEPCp 500 \NewDocumentCommand\TEPC
                                                                            {\tt \{mmm\}\{\ensuremath\{\Ridx\{\#3\}\{\!\OEpr\{\#1\}\{\#2\}\ } \} \} xspace}
 \TEPCP 501 \NewDocumentCommand\TEPCp {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
\TEPCpE 502
                                  {\Ridxp* {#4}{\!\!OEpr{#2}{#3}}} {\Ridxp {#4}{\!\OEpr{#2}{#3}} } \xspace}
\TEPCPE 503 \NewDocumentCommand\TEPCP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                  {\RidxP* {#4}{\!\!\0Epr{#2}{#3}}} {\RidxP {#4}{\!\!\0Epr{#2}{#3}} } \xspace}
                505 \label{lem:solution} $105 \le \mathbb{C}_{smm}} \ensurement $\{\ensurement \in \mathbb{C}_{smm}\} $$
                                  {\RidxpE*{#4}{\! \OEpr{#2}{#3}}} {\RidxpE{#4}{\!\OEpr{#2}{#3}}
                                                                                                                                                                      } \xspace}
                507 \label{lem:solution} \begin{tabular}{l} \begi
                                  {\RidxPE*{#4}{\! \OEpr{#2}{#3}}} {\RidxPE{#4}{\!\OEpr{#2}{#3}}
                                                                                                                                                                      } \xspace}
                508
                       Intercambio - Fil
   \TEIF Intercambio por la izquierda
 \TEIFp 509 \NewDocumentCommand\TEIF
                                                                            {\tt \{mmm\}\{\ensuremath\{\Lidx\{\#3\}\{\ \OEin\{\#1\}\{\#2\}\!\}\ \}\xspace\}}
 \TEIFP 510 \NewDocumentCommand\TEIFp {smmm}{\ensuremath{\lifBooleanTF#1}}
\TEIFpE
\TEIFPE
```

```
{\tilde{\#}}{\langle Ein{\#2}{\#3}\rangle!}} {\tilde{\#}}{\langle Ein{\#2}{\#3}\rangle!}} } 
                     511
                     512 \NewDocumentCommand\TEIFP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                           {\LidxP* {#4}{\OEin{#2}{#3}\!\!}} {\LidxP {#4}{\OEin{#2}{#3}\!\!} } \xspace}
                     513
                     514 \ensuremath{\label{lemm}} which is a property of the command TEIFpE{smmm}{\label{lemm}} which is a property of the command TEIFpE{smmm}{\label{lemm}} which is a property of the command TEIFpE{smmm} which is a propert
                                          {\LidxpE*{#4}{\OEin{#2}{#3}\! }} {\LidxpE{#4}{\OEin{#2}{#3}\!}
                                                                                                                                                                                                     } \xspace}
                     515
                     516 \label{lem:simple_smmm} $$16 \ensuremath{\lifBooleanTF\#1}$
                                           {\LidxPE*{#4}{\OEin{#2}{#3}\! }} {\LidxPE{#4}{\OEin{#2}{#3}\!}
                                                                                                                                                                                                     } \xspace}
                     517
                              Intercambio - Col
       \TEIC Intercambio por la derecha
    \TEICp 518 \NewDocumentCommand\TEIC
                                                                                         {mmm}_{\ensuremath{\Ridx{#3}{\cdot}\cdot\OmegaEin{#1}{#2}}}\xspace}
    \TEICP 519 \NewDocumentCommand\TEICp {smmm}{\ensuremath{\\IfBooleanTF#1}}
                                          {\text{widxp} {#4}{\cdot\cdot\cdot {#2}{#3}}} {\text{widxp} {#4}{\cdot\cdot\cdot {#3}}} }
  \TEICpE 520
  \TEICPE 521 \NewDocumentCommand\TEICP {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                          {\text{WidxP* } {#4}{\cdot\cdot\cdot {#4}}} {\text{WidxP } {#4}{\cdot\cdot\cdot {#3}}} {\text{WidxP } {#4}{\cdot\cdot\cdot {#3}}} } 
                     523 \label{lem:semble} \label{lem:semble} \label{lem:semble} \label{lem:semble} $$13 \le MewDocumentCommand\TEICpE\{smmm\}\{\ensuremath\{\IfBooleanTF\#1\}\} $$
                                          {\RidxpE*{#4}{\!\OEin{#2}{#3}}} {\RidxpE{#4}{\!\OEin{#2}{#3}}}
                                                                                                                                                                                                     } \xspace}
                     525 \label{lem:solution} \begin{tabular}{l} \label{lem:solution} \begin{tabular}{l} \label{lem:solution} \begin{tabular}{l} \
                                          } \xspace}
       \Mint Matriz intercambio y matriz intercambio (filas)
    528 \NewDocumentCommand\MintT{mm}{\ensuremath{ \TEIF{#1}{#2}{\Mat{I}} }\xspace}
           \PF Permutación por la izquierda y permutación por la derecha
           \PC 529 \NewDocumentCommand\PF
                                                                                         {m}{\operatorname{Lidx}{#1}{ \ \ \ } \ }
                     530 \NewDocumentCommand\PC
                                                                                         {m}{\ensuremath{ \Ridx{#1}{\!\OEper } }\xspace}
           MP Matriz permutación y matriz permutación
          \MPT _{531} \NewDocumentCommand\MP
                                                                                           {\ensuremath{\ \ \ \ }}
                                                                                                                                                                                      }\xspace}
                                                                                           {}{\operatorname{Normath} \ \ PF \ \ \{\operatorname{I}}
                     532 \NewDocumentCommand\MPT
                                                                                                                                                                                      }\xspace}
                       Sucesiones indiciadas de Transf, elementales
    \SITEF Sucesión indiciada de transformaciones elementales genéricas por la izquierda (filas)
  }\xspace}
  \SITEFP 534
\SITEFpE 535 \NewDocumentCommand\SITEFp{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
\SITEFPE 536
                                                        {\SITEF {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
                                                        {\SITEF {#2}{#3}{\parentesis {#4}}}
                     537
                     538
                     539 \label{lem:simple} $$159 \ensurement{\command\SITEFP{smmm}} {\command\SITEFP{smmm}} $$
                                                         {\SITEF {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
                     540
                                                         {SITEF {#2}{#3}{\operatorname{Parentesis {#4}}}}
                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
                     541
                     542
                     543 \NewDocumentCommand\SITEFpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                         {\parentesis*{\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
                     544
                                                         {\parentesis {\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
                     545
                     546
                     547 \NewDocumentCommand\SITEFPE{smmm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
                     548
                                                         {\Parentesis*{\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
                                                         {\Parentesis {\SITEF {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                                                                                                                                  }\xspace}
    \SITEC Sucesión indiciada de transformaciones elementales genéricas por la izquierda (filas)
  }\xspace}
\SITECpE 552 \NewDocumentCommand\SITECp{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
\SITECPE
```

```
{\SITEC {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
           553
                           {\SITEC {#2}{#3}{\parentesis {#4}}}
                                                                                        }\xspace}
           554
           555
           556 \mbox{\em NewDocumentCommand\SITECP{smmm}}{\mbox{\em curemath}{\label{likelihooleanTF#1}}}
                           {\SITEC {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
           557
                           {\SITEC {#2}{#3}{\Parentesis {#4}}}
                                                                                        }\xspace}
           558
           559
           560 \NewDocumentCommand\SITECpE{smmm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}
           561
                           {\parentesis*{\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
                           {\parentesis {\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                        }\xspace}
           562
           563
           564 \ensuremath{\label{lemm}} {\tt SITECPE\{smmm\}\{\label{lemm} \}} \\
                           {\Parentesis*{\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
                           {\Parentesis {\SITEC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                        }\xspace}
           566
  \SITEFC Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha
 \SITEFCP 568
                                            {\LRidx{#3}{\dSOEg{#2}{#1}}{\dSOEg{#1}{#2}}}
                                                                                            }\xspace}
\SITEFCpE 569
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
\SITEFCPE 570
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis {#4}}}
                                                                                        }\xspace}
           571 \NewDocumentCommand\SITEFCP{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
           572
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\Parentesis {#4}}}
                                                                                        }\xspace}
           573
           {\parentesis*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
           575
                           {\parentesis {\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                       }\xspace}
           576
           577 \NewDocumentCommand\SITEFCPE{smmm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}}
                           {\Parentesis*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                           {\Parentesis {\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
           579
                                                                                       }\xspace}
 \SITEFCR Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha
\SITEFCRp 580 \NewDocumentCommand\SITEFCR{mmm}{\ensuremath{
\SITEFCRP 581
                                           {\LRidx{#3}{\dS0Eg{#1}{#2}}{\dS0Eg{#1}{#2}}}
                                                                                            }\xspace}
\SITEFCRpE 582
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis*{#4}}}
\SITEFCRPE 583
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\parentesis {#4}}}
                                                                                        }\xspace}
           584 \NewDocumentCommand\SITEFCRP{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\Parentesis*{#4}}}
           585
                           {\SITEFC {#2}{#3}{\Parentesis {#4}}}
                                                                                        }\xspace}
           586
           587 \NewDocumentCommand\SITEFCRpE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                           {\parentesis*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
           588
                           {\parentesis {\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                       }\xspace}
           589
           590 \NewDocumentCommand\SITEFCRPE{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                           {\Parentesis*{\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
           591
                           {\Parentesis {\SITEFC {#2}{#3}{#4}}}
                                                                                       }\xspace}
     \TrF Transformaciones elementales por la izquierdaq de un objeto
    \label{limits} $$\operatorname{TrFp}_{593} \encomentCommand\TrF} { O(\SOEg} m }{\encomenth(\Lidx{#2}{#1} )\xspace} $$
   \TrFp* 594
    \TrFP 595 \NewDocumentCommand\TrFp \{s O\\SOEg\} m\}\\\ensuremath\\\IfBooleanTF#1
   \TrFP* 596
                                      {\TrF[#2]{\parentesis*{#3}}}
                                      {TrF[#2]{\operatorname{parentesis} {#3}}}
                                                                                   }\xspace}
   \TrFpE 597
   \TrFpE* 598
   \label{thm:command} $$\operatorname{TrFPE}$ 599 \encommand\TrFP {s 0{\SOEg} m}{\encommand\IfBooleanTF#1}$
          600
                                      {\TrF[#2]{\Parentesis*{#3}}}
  \TrFPE*
           601
                                      {TrF[#2]{\operatorname{Parentesis} {#3}}}
                                                                                   }\xspace}
           602
           603 \NewDocumentCommand\TrFpE{s O{\S0Eg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
```

\Newl

}\xspace}

{\parentesis*{\TrF[#2]{#3}}}

{\parentesis {\TrF[#2]{#3}}}

604 605

```
607 \NewDocumentCommand\TrFPE{s O{\S0Eg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                              {\Parentesis*{\TrF[#2]{#3}}}
               608
                                  {\Parentesis {\TrF[#2]{#3}}}
               609
                                                                                                             }\xspace}
               610
      \TrC Transformaciones elementales por la derecha de un objeto
     \TrCp 611 \NewDocumentCommand\TrC { O{\SOEg} m }{\ensuremath{ \Ridx{#2}{#1} }\xspace}
   \TrCp* 612
     \TrCP 613 \NewDocumentCommand\TrCp {s O{\SOEg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                             {\TrC[#2]{\parentesis*{#3}}}
   \TrCP* 614
                                                              {\TrC[#2]{\parentesis {#3}}}
                                                                                                                                        }\xspace}
   \TrCpE 615
 \TrCpE* 616
   \label{lem:command} $$\operatorname{CPE}_{617} \ 617 \ensuremath{\IfBooleanTF\#1}$
                                                              {\TrC[#2]{\Parentesis*{#3}}}
 \TrCPE*
               619
                                                              {\TrC[#2]{\Parentesis {#3}}}
                                                                                                                                        }\xspace}
               620
               621 \NewDocumentCommand\TrCpE{s O{\SOEg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                              {\parentesis*{\TrC[#2]{#3}}}
               622
                                 {\parentesis {\TrC[#2]{#3}}}
                                                                                                            }\xspace}
               623
               624
               625 \NewDocumentCommand\TrCPE{s O{\SOEg} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                             {\Parentesis*{\TrC[#2]{#3}}}
               626
               627
                                 {\Parentesis {\TrC[#2]{#3}}}
                                                                                                            }\xspace}
               628
     \TrFC Transformaciones elementales por la izquierdaq de un objeto
   \TrFCp* 630
   \TrFCP 631 \NewDocumentCommand\TrFCp \{s O\\SOEg\} O\\SOEg[(k+1)][p]\} m\}\ensuremath\\IfBooleanTF#1
 \TrFCP* 632
                                                              {\TrFC[#2][#3]{\parentesis*{#4}}}
 \TrFCpE 633
                                                              {\TrFC[#2][#3]{\parentesis {#4}}}
                                                                                                                                                 }\xspace}
\TrFCpE* 634
 \TrFCPE 635 \NewDocumentCommand\TrFCP {s 0{\S0Eg} 0{\S0Eg[(k+1)][p]} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                             {\TrFC[#2][#3]{\Parentesis*{#4}}}
               636
\TrFCPE*
                                                                                                                                                 }\xspace}
                                                             {\TrFC[#2][#3]{\Parentesis {#4}}}
               637
               638
               639 \NewDocumentCommand\TrFCpE{s O{\S0Eg} O{\S0Eg[(k+1)][p]} m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                              {\parentesis*{\TrFC[#2][#3]{#4}}}
               640
                                 {\parentesis {\TrFC[#2][#3]{#4}}}
                                                                                                                     }\xspace}
               641
               642
               643 \end{TrFCPE}  \fill 0 {\soeg[(k+1)][p]} \fill m {\ensuremath(\iff Boolean TF\#1) and the property of the 
               644
                                                              {\Parentesis*{\TrFC[#2][#3]{#4}}}
                                 {\Parentesis {\TrFC[#2][#3]{#4}}}
                                                                                                                     }\xspace}
               645
               646
                 Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto
      \TEF Una transformación elemental genérica por la izquierda
     \TEFP 647 \NewDocumentCommand\TEF{0{}0{}m}{\ensuremath{ \Lidx{#3}{\OEg[#1\!][#2\!]} }\xspace}
   \TEFp* 648
     \TEFP 649 \NewDocumentCommand\TEFp {sO{}O{\,}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
   \TEFP* 650
                            {\Lidxp* {#4}{\OEg[#2][#3]\!}} {\Lidxp {#4}{\OEg[#2][#3]\!\!}}
                                                                                                                                              }\xspace}
 \TEFpE* 651
   \label{tempe} $^{652} \ensurementCommand\tepf {s0{}0{\,}m}{\ensurementh{\lifBooleanTF\#1}} $$
                            \TEFPE 653
               654
 \TEFPE*
               655 \label{lem:command} $$ 55 \end{\colored} $$ \ensuremath{\lifBooleanTF\#1} $$
                            {\LidxpE*{#4}{\OEg[#2][#3]\!}} {\LidxpE{#4}{\OEg[#2][#3]\!}}
                                                                                                                                              }\xspace}
```

```
657
                 658 \mbox{\command\TEFPE} so{\O{\,}m}{\command\LIfBooleanTF} 1
                             {\LidxPE*{#4}{\OEg[#2][#3]\!}} {\LidxPE{#4}{\OEg[#2][#3]\!}}
                                                                                                                                     }\xspace}
        \TEC Una transformación elemental genérica por la izquierda
       \TECP 660 \NewDocumentCommand\TEC\{0\{\}0\{\}m\}\{\ensuremath\{ \times \#3\}\{\ensuremath[ xidx{#3}\{\ensuremath[ xidx{#3}] [#2\!]] } \
     \TECp* 661
       \TECP 662 \NewDocumentCommand\TECp {s0{}0{ }m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                             {\Ridxp* {#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                              {\Ridxp {#4}{\!\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                     }\xspace}
     \TECP* 663
    \TECpE* 664
     \TECpE 665 \NewDocumentCommand\TECP {sO{}0{
                                                                            }m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
     \verb|\TECPE||^{666}
                             {\RidxP* {#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                              {\RidxP {#4}{\!\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                     }\xspace}
                 667
    \TECPE*
                 668 \NewDocumentCommand\TECpE{sO{}0{
                                                                            }m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                              {\left[ {\left[ {4} \right] } \right] }
                             {\RidxpE*{#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                     }\xspace}
                 669
                 670
                 671 \NewDocumentCommand\TECPE{sO{}O{ }m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                 672
                             {\RidxPE*{#4}{\0Eg[#2][#3]}}
                                                                              {\RidxPE{#4}{\OEg[#2][#3]}}
                                                                                                                                     }\xspace}
                  espejo de una transformación elemental por la izquierda de un objeto
       \ETEF Espejo de una transformación elemental genérica por la izquierda
     \ETEFP 673 \NewDocumentCommand\ETEF{0{}0{}m}{\ensuremath{ \Lidx{#3}{\E0Eg[#1][#2]} }\xspace}
    \ETEFp* 674
     \ETEFP 675 \NewDocumentCommand\ETEFp {sO{}0{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                             \ETEFP* 676
   \ETEFpE* 677
    {\coprod P* {#4}{\succeq EE[#2][#3]}} {\coprod P {#4}{\succeq EE[#2][#3]}} 
    \verb|\ETEFPE||^{679}
                680
  \ETEFPE*
                 681 \ensuremath{\label{lem:emath}} If Boolean TF\#1 \\
                             {\LidxpE*{#4}{\E0Eg[#2][#3]}} {\LidxpE{#4}{\E0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                  }\xspace}
                 682
                 683
                 684 \label{lem:command} $$ 684 \ensuremath{\lifBooleanTF\#1} $$
                             {\LidxPE*{#4}{\E0Eg[#2][#3]}} {\LidxPE{#4}{\E0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                  }\xspace}
                  espejo de una transformación elemental por la derecha de un objeto
       \ETEC Espejo de una transformación elemental genérica por la derecha
     \ETECp* 687
     \ETECP 688 \NewDocumentCommand\ETECp {sO{}0{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                             {\tilde{\#4}}(E0Eg[#2][#3]}) {\tilde{\#4}}(E0Eg[#2][#3]}} 
    \ETECP* 689
   \ETECpE* 690
    {\text{EOEg[#2][#3]}} {\text{EOEg[#2][#3]}} }
    \verb|\ETECPE||^{692}
                 693
  \ETECPE*
                 694 \NewDocumentCommand\ETECpE\{sO\{\}O\{\}m\}\{\nsuremath\{\IfBooleanTF\#1\}\}\}
                             {\RidxpE*{#4}{\E0Eg[#2][#3]}} {\RidxpE{#4}{\E0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                  }\xspace}
                 696
                 697 \label{lem:command} $$ 197 \ensuremath{\lifBooleanTF\#1} $$
                             {\RidxPE*{#4}{\E0Eg[#2][#3]}} {\RidxPE{#4}{\E0Eg[#2][#3]}}
                                                                                                                                  }\xspace}
                 698
                  Inversa de una transformación elemental por la izquierda de un objeto
    \InvTEF Espejo de una transformación elemental genérica por la izquierda
  \label{linvTEF} $^{699} \end{\colored} $$ \ensuremath{ \Lidx${\sharp 2}{\ln v0Eg[\sharp 1]} }$$ invTEF$ $$ $^{699} \ensuremath{\colored} $$ $ 
 \InvTEFp* 700
  \InvTEFP
 \InvTEFP*
                                                                                           60
\InvTEFpE*
 \InvTEFpE
 \InvTEFPE
```

\InvTEFPE*

```
701 \ensuremath{\local{linvTEFp} {sO{}m}{\ensuremath{\lifBooleanTF#1}}}
                              {\coprod * {\#3}{\coprod Eg[\#2]}} {\coprod {\#3}{\coprod Eg[\#2]}} }
                   702
                   703
                   704 \ensuremath{\local{InvTEFP} {sO{}m}{\ensuremath{\lifBooleanTF#1}}}
                              {\coprod P* {#3}{\coprod Eg[#2]}} {\coprod P {#3}{\coprod Eg[#2]}} }
                   705
                   706
                   707 \NewDocumentCommand\InvTEFpE\{sO\{\}m\}\{\newTemath\{\IfBooleanTF\#1\}\}\}
                   708
                              {\LidxpE*{#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\LidxpE{#3}{\Inv0Eg[#2]}}
                                                                                                                            }\xspace}
                   709
                   710 \ensuremath{\local{linvTEFPE}(sO{}m)}{\ensuremath{\local{linvTEFPE}(sO{}m)}}
                              {\LidxPE*{#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\LidxPE{#3}{\Inv0Eg[#2]}}
                                                                                                                            }\xspace}
                    Inversa de una transformación elemental por la derecha de un objeto
      \InvTEC Espejo de una transformación elemental genérica por la derecha
    \InvTECp* 713
    \InvTECP 714 \NewDocumentCommand\InvTECp {s0{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                              {\vec{\#3}}(Inv0Eg[#2]}) {\vec{\#3}}(Inv0Eg[#2]}) }
   \InvTECP* 715
  \InvTECpE* ^{716}
   \label{linvTECpE} $$17 \end{\command\InvTECP } $$0{\mbox{\command\LinvTECP} {s0}} $$
                              {\RidxP* {#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\RidxP {#3}{\Inv0Eg[#2]}} }
   \verb|\InvTECPE||^{718}
                  719
 \InvTECPE*
                   720 \NewDocumentCommand\InvTECpE{sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                              {\RidxpE*{#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\RidxpE{#3}{\Inv0Eg[#2]}}
                                                                                                                            }\xspace}
                   723 \ensuremath{\linyTECPE\{sO\{\}m\}{\linyTeches} } when the command \ensuremath{\linyTeches} when the command \ens
                              {\RidxPE*{#3}{\Inv0Eg[#2]}} {\RidxPE{#3}{\Inv0Eg[#2]}}
                                                                                                                            }\xspace}
                    Espejo de la inversa de una transformación elemental por la izquierda de un objeto
    \EInvTEF Espejo de la inversa de una transformación elemental genérica por la izquierda
   \EInvTEFp* 726
   \EInvTEFP 727 \NewDocumentCommand\EInvTEFp {sO{}m}{\ensuremath{\lifBooleanTF#1}
                              {\tilde{\#3}}(EInv0Eg[#2]}) {\tilde{\#3}}(EInv0Eg[#2]}) }
 \EInvTEFP* 728
\EInvTEFpE* 729
 {\coprod P* {#3}{\subseteq [#2]}} {\coprod P {#3}{\subseteq [#2]}} }
 \verb|\EInvTEFPE||^{731}
\EInvTEFPE*
                   733 \ensuremath{\label{solean}} \newDocumentCommand\EInvTEFpE{sO{}m}{\ensuremath{\lifBoolean}}
                              {\LidxpE*{#3}{\EInv0Eg[#2]}} {\LidxpE{#3}{\EInv0Eg[#2]}}
                                                                                                                               }\xspace}
                   736 \NewDocumentCommand\EInvTEFPE\{sO\{\}m\}\{\newTemath\{\IfBooleanTF\#1\}\}\}
                              {\LidxPE*{#3}{\EInv0Eg[#2]}} {\LidxPE{#3}{\EInv0Eg[#2]}}
                                                                                                                               }\xspace}
                    Espejo de la inversa de una transformación elemental por la derecha de un objeto
    \EInvTEC Espejo de la inversa de una transformación elemental genérica por la derecha
   \EInvTECp* 739
   \EInvTECP 740 \NewDocumentCommand\EInvTECp {s0{}m}{\ensuremath{\lifBooleanTF#1}
                              {\tilde{\#3}}(EInv0Eg[#2]}) {\tilde{\#3}}(EInv0Eg[#2]}) }
 \EInvTECP* 741
\EInvTECpE* 742
 {\text{KidxP* } {#3}{\mathbb{E}Inv0Eg[#2]}} {\text{KidxP } {#3}{\mathbb{E}Inv0Eg[#2]}} }
 \verb|\EInvTECPE||^{744}
```

746 $\ensuremath{\lower.05mm} \ensuremath{\lower.05mm} \ensuremath{\lo$

\EInvTECPE*

```
747
                                             {\RidxpE*{#3}{\EInvOEg[#2]}} {\RidxpE{#3}{\EInvOEg[#2]}}
                                                                                                                                                                                             }\xspace}
                            748
                            749 \NewDocumentCommand\EInvTECPE{sO{}m}{\ensuremath{\lifbooleanTF#1
                                             {\RidxPE*{#3}{\EInvOEg[#2]}} {\RidxPE{#3}{\EInvOEg[#2]}}
                                                                                                                                                                                             }\xspace}
                            750
           \dTEEF Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
         \dTEEFp 751 \NewDocumentCommand\dTEEF
                                                                                                     {mm}{\operatorname{Lidx} {#3}{\operatorname{Lidx} {#3}{ dOEgE{#1}{#2}}} }
         \dTEEFP 752 \NewDocumentCommand\dTEEFp {mmm}{\ensuremath{ \Lidxp {#3}{\d0EgE{#1}{#2\!}}}\xspace}
       \dTEEFpE 753 \NewDocumentCommand\dTEEFP {mmm}{\ensuremath{ \LidxP {#3}{\d0EgE{#1}{#2\!}}}\xspace}
       \dTEEFPE 754 \NewDocumentCommand\dTEEFpE {mmm}{\ensuremath{ \LidxpE{#3}{\d0EgE{#1}{#2\!}}}\xspace}
                            755 \NewDocumentCommand\dTEFPE {mmm}{\ensuremath{ \LidxPE{#3}{\d0EgE{#1}{#2\!}}}\xspace}
             \dTEF Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
           \dTEFP 757 \NewDocumentCommand\dTEFp {mm}{\ensuremath{ \Lidxp {#2}{{
                                                                                                                                                                                    \dTEFpE 758 \NewDocumentCommand\dTEFP {mm}{\ensuremath{ \LidxP {#2}{{
                                                                                                                                                                                    \dTEFPE 759 \NewDocumentCommand\dTEFpE{mm}{\ensuremath{ \LidxpE{#2}{{
                                                                                                                                                                                    760 \NewDocumentCommand\dTEFPE{mm}{\ensuremath{ \LidxPE{#2}{{
                                                                                                                                                                                    \deter Una transformación elemental espejo genérica por la izquierda
         \dETEFp 761 \NewDocumentCommand\dETEF \{mm\}{\ensuremath\{\Lidx \{\pm\}\{\}}
                                                                                                                                                                                    \dETEFP 762 \NewDocumentCommand\dETEFp {mm}{\ensuremath{ \Lidxp {#2}{{
                                                                                                                                                                                    \dETEFpE 763 \NewDocumentCommand\dETEFP {mm}{\ensuremath{ \LidxP {#2}{{
                                                                                                                                                                                    \dETEFPE 764 \NewDocumentCommand\dETEFpE{mm}{\ensuremath{ \LidxpE{#2}{{
                                                                                                                                                                                    765 \MewDocumentCommand\dETEFPE\{mm\}\{\ensuremath\{\LidxPE\{\#2\}\{\{\{a,b\}\}\}\}\}\}
                                                                                                                                                                                    \dEOEg{#1}}} }\xspace}
      \dInvTEF Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
    \dInvTEFp 766 \NewDocumentCommand\dInvTEF {mm}{\ensuremath{ \Lidx {#2}{{ \dInvOEg{#1}}}} }\xspace}
    \label{linvTEFP 767 NewDocumentCommand\dInvTEFp {mm}{\ensuremath{\ \Lidxp $\{\#2\}${\{ \ \dInv0Eg\{\#1\}\}} \ }\xspace} } $$
 \label{linvTEFPE} $768 \end{distributed} $$ \end{distributed} $$$ \end{distributed} $$$ \en
                            770 \label{localized mand line} $$770 \end{discrete mm} {\end{line} {\clidxPE{#2}{{ \clidxPE{#1}}} } $$ $$750 \end{discrete mm} $$130 \end{discrete 
   \dEInvTEF Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
  \dEInvTEFp 771 \NewDocumentCommand\dEInvTEF {mm}{\ensuremath{ \Lidx {#2}{{\dEInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
  \dEInvTEFP 772 \NewDocumentCommand\dEInvTEFp {mm}{\ensuremath{ \Lidxp {#2}{{\dEInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
\dEInvTEFpE 773 \NewDocumentCommand\dEInvTEFP {mm}{\ensuremath{ \LidxP {#2}{{\dEInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
\dEInvTEFPE 774 \NewDocumentCommand\dEInvTEFPE{mm}{\ensuremath{ \LidxpE{#2}{{\dEInv0Eg{#1}}} }\xspace}
                            775 \ensuremath{ \LidxPE{#2}{{\dEInv0Eg{#1}}} } \ensuremath{ \CidxPE{#2}{{\dEInv0Eg{#1}}} } \ensuremath{ \CidxPE{#2}}{\cidxPE{#1}}} \ensuremath{ \CidxPE{#1}}} \ensuremath{ \CidxPE{*1}}
           \dTEEC Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
         \dTEECp 776 \NewDocumentCommand\dTEEC
                                                                                                     {\tt \{mmm\}\{\ensuremath\{\klidx \ \{\#3\}\{\d0EgE\{\#1\}\{\#2\}\}\}\xspace\}}
         \dTEECPE 779 \NewDocumentCommand\dTEECpE \{\minnermath\ \RidxpE\{\#2\}\\xspace\}
                            780 \NewDocumentCommand\dTEECPE {mmm}{\ensuremath{ \RidxPE{#3}{\d0EgE{#1}{#2}}}\xspace}
             \dTEC Una transformación elemental genérica por la izquierda con exponente o sin
           \dTECp 781 \NewDocumentCommand\dTEC {mm}{\ensuremath{ \Ridx {#2}{{
                                                                                                                                                                                    \d0Eg{#1}}} }\xspace}
           \dTECpE 783 \NewDocumentCommand\dTECP {mm}{\ensuremath{ \RidxP {#2}{{
                                                                                                                                                                                    \dTECPE 784 \NewDocumentCommand\dTECpE{mm}{\ensuremath{ \RidxpE{#2}{{
                                                                                                                                                                                    \d0Eg{#1}}} }\xspace}
                            785 \ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{
                                                                                                                                                                                    \detec Una transformación elemental espejo genérica por la izquierda
         \dETECPE 789 \NewDocumentCommand\dETECpE{mm}{\ensuremath{ \RidxpE{#2}{{
                                                                                                                                                                                    790 \NewDocumentCommand\dETECPE{mm}{\ensuremath{ \RidxPE{#2}{{
```

```
\dInvTEC Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
   \dInvTECP 792 \NewDocumentCommand\dInvTECp \{mm\}{\ensuremath\{ \Ridxp \{#2\}\{ \dInvOEg\{#1\}\} \}\xspace\}
  \dInvTECpE 793 \NewDocumentCommand\dInvTECP {mm}{\ensuremath{ \RidxP {#2}{{ \dInvOEg{#1}}}} }\xspace}
 \dInvTECPE 794 \NewDocumentCommand\dInvTECpE{mm}{\ensuremath{ \RidxpE{#2}{{ \dInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
                      795 \end{align*} $$ \end{ali
   \dEInvTEC Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
 \dEInvTECP 797 \NewDocumentCommand\dEInvTECp {mm}{\ensuremath{ \Ridxp {#2}{{\dEInvOEg{#1}}}} }\xspace}
\dEInvTECPE 798 \NewDocumentCommand\dEInvTECP \{ mm\} \\ ensuremath\ \RidxP \{ #2\} \\ dEInvOEg\{ #1\}\} \\ \xspace\}
\dEInvTECPE 799 \NewDocumentCommand\dEInvTECpE{mm}{\ensuremath{ \RidxpE{#2}{{\dEInv0Eg{#1}}}} }\xspace}
                      800 \NewDocumentCommand\dEInvTECPE{mm}{\ensuremath{ \RidxPE{#2}{{\dEInv0Eg{#1}}} }\xspace}
                        Transformaciones elementales particulares
           \dTrF Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda
         \dTrFp 801 \NewDocumentCommand\dTrF {mm}{\ensuremath{ \Lidx{#2}{#1}}
                                                                                                                                                                }\xspace}
         \dTrFpE 803 \NewDocumentCommand\dTrFP {mm}{\ensuremath{ \dTrF{#1}{\Parentesis{#2}} }\xspace}
       \dTrFPE 804 \NewDocumentCommand\dTrFpE{mm}{\ensuremath{ \parentesis{\dTrF{#1}{#2}} }\xspace}
                      805 \NewDocumentCommand\dTrFPE{mm}{\ensuremath{ \Parentesis{\dTrF{#1}{#2}} }\xspace}
           \dTrC Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda
         \dTrCp 806 \NewDocumentCommand\dTrC {mm}{\ensuremath{ \Ridx{#2}{#1}}
         \dTrCP 807 \NewDocumentCommand\dTrCp \{mm\}\\ensuremath\{ \dTrC\{#1\}\\parentesis\{#2\} \}\xspace\}
       \dTrCpE 808 \NewDocumentCommand\dTrCP \{ mm\} \\ \ensuremath\ \dTrC\{#1\} \Parentesis\{#2\} \\ \xspace\}
       \dTrCPE 809 \NewDocumentCommand\dTrCpE{mm}{\ensuremath{ \parentesis{\dTrC{#1}{#2}} }\xspace}
                      810 \NewDocumentCommand\dTrCPE{mm}{\ensuremath{ \Parentesis{\dTrC{#1}{#2}} }\xspace}
         \dTrFC Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda
       }\xspace}
       \dTrFCP 812 \NewDocumentCommand\dTrFCp {mmm}{\ensuremath{ \dTrFC{#1}{#2}{\parentesis{#3}} }\xspace}
     \dTrFCpE 813 \NewDocumentCommand\dTrFCP {mmm}{\ensuremath{ \dTrFC{#1}{#2}{\Parentesis{#3}} }\xspace}
     \dTrFCPE 814 \NewDocumentCommand\dTrFCpE{mmm}{\ensuremath{ \parentesis{\dTrFC{#1}{#2}{#3}} }\xspace}
                      815 \end{align*} $$15 \end{a
                        2.4.8. Operador que quita un elemento
\fueraitemL Signo de operador que quita un elemento (por la derecha o por la izquierda)
817 \NewDocumentCommand\fueraitemR{m}{ \leftidx{^{\Rsh\!\!}}{#1}{_{{}}} }
     \quitalR Sistema resultante de quitar un elemento por la izquierda y/u otro por la derecha
       \quitaL 818 \NewDocumentCommand\quitaLR{mmm}{\ensuremath{
       \quitaR 819
                                                                            820 \ensuremath{ \left( \frac{\#2}{\frac{\#2}{!}}{{\#1}}{^{h}} \right) }
                      821 \NewDocumentCommand\quitaR{mm}{\ensuremath{ \leftidx{^{}}}{{#1}}}^{\!\fueraitemR{#2}}} }\xspace}
                                     Selección de elementos sin emplear el operador selector
     \elemuuu Selección de un elemento de un sistema
                      \Vectccc Selección de una columna de una matriz
```

824 \NewDocumentCommand\VectCCCT{mm}{\ensuremath{\textrm{col}_{#2}\MatTPE*{#1}}\xspace}

```
\VectFFF Selección de una columna de una matriz
826 \NewDocumentCommand\VectFFFT{mm}{\ensuremath{\textrm{fila}_{#2}\MatTPE*{#1}}\xspace}
   \eleMM Selección de un elemento de una matriz
 \eleMMT 827 \NewDocumentCommand\eleMMM {mmm}{\ensuremath{\textrm{elem}_{#2#3}{\MatP* {#1}}}\xspace}
     \eleMM 828 \NewDocumentCommand\eleMMMT{mmm}{\ensuremath{\textrm{elem}_{#2#3}{\MatTPE*{#1}}}\xspace}
                  829 \NewDocumentCommand\eleMM {mmm}{\makeLowercase{#1}_{{#2}{#3}}}
                                 Sistemas genéricos
                    2.5.
          \SV Sistema de Vectores
                  830 \ensuremath{\mathbf Y{0}}_{mathsf{\mathbf Y{0}}_{mathsf}}\
\concatSV Concatenación de sistemas
                  831 \NewDocumentCommand\concatSV{mm}{\ensuremath{{#1}\concat{#2}}\xspace}
                                 Vectores y matrices
                    2.6.
                    2.6.1.
                                Vectores
       \vect Vector genérico
     \ensuremath{\verb{Vectp}}\ 832 \ensuremath{\verb{NewDocumentCommand\ensuremath{\verb{Vect}}}\
                                                                             {om}{\ensuremath{\IfNoValueTF{#1}}
     \vectP 833
                                            { \vv {\MakeLowercase{#2}}}
                  834
                                            { \vv*{\MakeLowercase{#2}}{\!#1} }
                                                                                                                                              }\xspace}
                  835
                  836 \NewDocumentCommand\vectp {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                               {\operatorname{TF}}_{2}_{\operatorname{TF}}}
                  837
                               {\parentesis {\IfNoValueTF{#2}{\vect{#3}}{\vect{#2}{$}}} } } \xspace}
                  838
                  839
                  840 \NewDocumentCommand\vectP {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                               {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#2}{\vect{#3}}}{\vect[#2]{#3}}}}
                  842
                               {\Parentesis {\IfNoValueTF{#2}{\vect{#3}}}\\\ }\\\ }\\\ }\\\
                    2.6.2.
                                Vectores de \mathbb{R}^n
       Vector de \mathbb{R}^n
     \Vectp\ 843\NewDocumentCommand\Vect
                                                                         \{0\}\} \{\ensuremath \{\%\}\}
     \VectP 844
                                                                  \boldsymbol{
                                                                                                         \MakeLowercase{#2} }_{#1}
                                                                                                                                                                  }\xspace}
                  845
                  846 \verb|\NewDocumentCommand\Vectp {som}{\colored{hersuremath}} \\
                               {\parentesis*{\line TF{#2}{\Vect{#3}}}{\vect{#2}{}}}
                  847
                               848
                  849
                  850 \NewDocumentCommand\VectP {som}{\ensuremath{\lifBooleanTF#1}
                               {\ensuremath{\cite{AB}}} {\ensuremath{\cite{
                               852
     \irvec Sucesión de vectores de Rn
                  853 \NewDocumentCommand\irvec{0{1}0{n}m}{\ensuremath{\Vect[#1]{#3},\ldots,\Vect[#2]{#3}} \xspace}
   \irvecC Sucesión de columnas de una matriz
```

 $854 \end{area} $$14^{\cot (\%3){\#1}, \cdot \%} \end{area} $$150^{\pm 1}, \cdot \%$.$

2.6.3. Matrices

```
\Mat. Matriz
           \verb|\Matp| 855 \verb|\NewDocumentCommand| Mat|
                                                                                                                    {O{}m}{\ensuremath{%
        \Matp* 856
                                                                                                         \Ridx{\boldsymbol{\mathsf{\MakeUppercase{#2}}}}{#1}
                                                                                                                                                                                                                                                                   }\xspace}
           \MatP 857
        \MatP* 858 \NewDocumentCommand\Matp {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                 {\parentesis*{\IfNoValueTF{#2}{\Mat{#3}}}{\Mat[#2]{#3}}}}
                             859
                                                 {\parentesis {\IfNoValueTF{#2}{\Mat{#3}}}{\Mat[#2]{#3}}}}
                             860
                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                             862 \MewDocumentCommand\MatP {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF\#1}}
                             863
                                                 {\Parentesis*{\IfNoValueTF{#2}{\Mat{#3}}{\Mat[#2]{#3}}}}
                                                 {\ensuremath{\color=0$}} {\ensuremath{\color
                             864
                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                        Matrices transpuestas
           \MatT Matriz transpuesta
        \MatTp* 866
        \MatTP* 868
                                                          {\Transp* {\Mat[#2]{#3}}}
                                                          {\Transp {\Mat[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                    }\xspace}
     \MatTpE ^{869}
  \MatTpE* 870
     872
                                                          {\TransP* {\Mat[#2]{#3}}}
  \MatTPE*
                                                          {\TransP {\Mat[#2]{#3}}}
                            873
                                                                                                                                                                    }\xspace}
                             874
                             875 \NewDocumentCommand\MatTpE {sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                          {\RidxEpE*{\Mat{#3}}{#2}{\T}}
                             876
                                                          {\RidxEpE*{\Mat{#3}}{#2}{\T}}
                                                                                                                                                            }\xspace}
                             877
                             878
                             879 \NewDocumentCommand\MatTPE {sO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                          {\RidxEPE*{\Mat{#3}}{#2}{\T}}
                             880
                                                          {\RidxEPE*{\Mat{#3}}{#2}{\T}}
                                                                                                                                                            }\xspace}
                             881
                                              Matriz transpuesta de la transpuesta
        \Mattt Matriz transpuesta
     \label{lem:lem:mattt} $$ 882 \ensuremath{\IfBooleanTF\#1} $$
  \MatTTPE 883
                                                          {\TransP*{\MatT[#2]{#3}}}
\MatTTPE* 884
                                                          {\Transp {\MatT[#2]{#3}}}
                                                                                                                                                                  }\xspace}
                             885
                             886 \NewDocumentCommand\MatTTPE{som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                          {\Parentesis*{\MatTT*[#2]{#3}}}
                             887
                                                          {\Parentesis {\MatTT [#2]{#3}}}
                             888
                                                                                                                                                                  }\xspace}
                                        Matrices columna
        \MVect Matriz columna creada con un vector
     \MVect* 889 \NewDocumentCommand\MVect{som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                              {\left[\Vect[#2]{#3}\vphantom{\Big.}\right]}
                             890
                                                                              { \big[\Vect[#2]{#3}
                                                                                                                                                                                                                     }\xspace}
                                                                                                                                                                                      \big ]}
     \MVectT Matriz fila creada con un vector
  \label{lem:lem:mand-MVectT} $892 \ensuremath{\life} Annument of the command of 
                                                                              {\Trans{\MVect*[#2]{#3}} }
                             893
                             894
                                                                              {\Trans{\MVect [#2]{#3}} }
                                                                                                                                                                                                                      }\xspace}
```

```
\MVectF Matriz columna creada con una fila
                                 895 \NewDocumentCommand\MVectF{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                      {\left[\VectF[#2]{#3}{#4}\right]}
                                 897
                                                                      { \big[\VectF[#2]{#3}{#4}
                                                                                                                                                               \big ]}
                                                                                                                                                                                       }\xspace}
              \MVectC Matriz columna creada con una columna
                                 898 \NewDocumentCommand\MVectC{somm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                      {\left(\left( \frac{43}{43}\right) \right)}
                                 900
                                                                      { \big[\VectC[#2]{#3}{#4}
                                                                                                                                                                                        }\xspace}
                                         Matrices fila
            \MVectFT
                                 901 % Matriz fila creada con una fila y matriz fila creada con una columna
                                 902 \MewDocumentCommand\MVectFT{somm}{\ensuremath{\lifBooleanTF\#1}}
                                                                  {\Trans{\left[ \Psi_{2}, \#3}{\#4}\right]}}
                                 904
                                                                  {\Trans{ \big[\VectF[#2]{#3}{#4}}
                                                                                                                                                                               \big]}} \xspace}
            \MVectCT
                                 905 % Matriz fila creada con una columna
                                 906 \MewDocumentCommand\MVectCT{somm}{\ensuremath{\lifBooleanTF\#1}}
                                                                  {\Trans{\left(\frac{\#2}{\#3}{\#4}\right)}}
                                 908
                                                                  {\operatorname{VectC}[#2]{#3}{#4}}
                                                                                                                                                                               \big]}} }\xspace}
                                  2.6.4. Miscelánea matrices
                                         Características de las matrices
                 \Traza Operador traza
                                 909 \DeclareMathOperator{\Traza}{tr}
                        \rg Operador rango
                                 910 \DeclareMathOperator{\rg}{rg}
                 \traza Traza
               \label{traza* 911 NewDocumentCommand\traza {sm } {\normand\TfBooleanTF\#1} } $$ \cite{Command\traza} 
                                                                  {\Traza{\Parentesis*{#2}}}
                                912
                                                                  {\Traza{\parentesis {#2}}}
                                                                                                                                              }\xspace}
                                913
                 \rango Rango
               \rango* 914 \
                                 915 \NewDocumentCommand\rango {sm }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                  {\rg{\Parentesis*{#2}}}
                                 916
                                 917
                                                                  {\rg{\parentesis {#2}}}
                                                                                                                                              }\xspace}
                                         Determinante de una matriz
                     \cof Cofactor
                                 918 \DeclareMathOperator{\cof}{cof}
                     \adj Adjunta
                                 919 \DeclareMathOperator{\adj}{Adj}
  \determinante Determinante con barras
\determinante*
                               920 \NewDocumentCommand\determinante{sm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                 921
                                                                 {\modulus*{#2}}
                                 922
                                                                  {\modulus {#2}}
                                                                                                                                                }\xspace}
```

```
\subMat Determinante con barras
            923 \NewDocumentCommand\subMat{mmm}{\ensuremath{
                       \quitaLR{\Mat{#1}}{#2}{#3}
                                                             }\xspace}
    \Menor Menor de una matriz
    \label{lem:memork} $$ \ensurementCommand\Memor {mmm}{\commant{0.5cm}{$1$}} $$
                       \det\parentesis{\subMat{#1}{#2}{#3}}
                                                             }\xspace}
           926
            927
              \NewDocumentCommand\MenoR {mmm}{\ensuremath{
                              \big|{\subMat{#1}{#2}{#3}}\big| }\xspace}
      \Cof Cofactor de una matriz
            930 \MewDocumentCommand\Cof{smmm}{\column{content}}
                           {\cof_{{#3}{#4}}\Parentesis*{\Mat{#2}}}
            932
                           {\cof_{{#3}{#4}}\parentesis {\Mat{#2}}} }\xspace}
                Orden de las matrices
      \Dim Orden del objeto
     \Dimp* 934
                      \mathop{#1}\limits_{\scriptscriptstyle #2\times#3} }\xspace}
     \DimP 935
    \DimP* 936 \NewDocumentCommand\Dimp{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                      {\Dim{\parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
    \DimpE 937
   \DimpE* 938
                      {\operatorname{\mathtt{Mim}}}{\#3}{\#4}}
                                                           }\xspace}
    \label{eq:dimPE} \ 939
                                           {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
           940 \NewDocumentCommand\DimP
    \DimPE*
                      {\Dim{\Parentesis*{#2}}{#3}{#4}}
           941
            942
                      {\Dim{\Parentesis {#2}}{#3}{#4}}
                                                           }\xspace}
            943
            944 \NewDocumentCommand\DimpE
                                           {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                      {\parentesis*{\Dim{#2}{#3}{#4}}}
            945
                      {\operatorname{Dim}\{\#2\}\{\#3\}\{\#4\}\}}
                                                           }\xspace}
            946
            947
                                            {smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
            948 \NewDocumentCommand\DimPE
                      {\operatorname{\mathtt{Parentesis*}}}
           949
                      {\operatorname{Dim}}{\#2}{\#3}{\#4}}
            950
                                                           }\xspace}
   \Matdim Matriz con el orden por debajo
  \Matdimp* 952
  \MatdimP 953 \NewDocumentCommand\Matdimp {sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                      {\Dimp*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
  \MatdimP* 954
                      {\mathbb{Z}}{\#3}{\#4}{\#5}
                                                           }\xspace}
 \MatdimpE 955
 \MatdimpE* ^{956}
           957 \NewDocumentCommand\MatdimP {sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
 \MatdimPE
                      {\DimP*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
           958
 \MatdimPE*
                      {\DimP {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
            959
                                                           }\xspace}
            961 \NewDocumentCommand\MatdimpE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                      {\DimpE*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
            962
            963
                      {\DimpE {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                           }\xspace}
            964
            965 \NewDocumentCommand\MatdimPE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                      {\DimPE*{\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
            966
            967
                      {\DimPE {\Mat[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                           }\xspace}
  \MatTdim Matriz con el orden por debajo
  \MatTdimp
 \MatTdimp*
 \MatTdimP
                                                         67
 \MatTdimP*
 \MatTdimpE
\MatTdimpE*
\MatTdimPE
```

\MatTdimPE*

```
968 \NewDocumentCommand\MatTdim{ommm}{\ensuremath{ \Dim{\MatT[#1]{#2}}{#3}{#4} }\xspace}
                   970 \NewDocumentCommand\MatTdimp {sommm}{\ensuremath{\lfBooleanTF#1}}
                   971
                                       {\Dimp*{\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                       {\Dimp {\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                   972
                                                                                                                   }\xspace}
                   973
                   974 \NewDocumentCommand\MatTdimP {sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                       {\DimP*{\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                   975
                   976
                                       {\DimP {\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                                                                                   }\xspace}
                   977
                   978 \NewDocumentCommand\MatTdimpE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                       {\DimpE*{\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                   979
                                       {\DimpE {\MatT[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                                                                                   }\xspace}
                   980
                   981
                   982 \NewDocumentCommand\MatTdimPE{sommm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                       {\DimPE*{\MatTpE*[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                   983
                                       {\DimPE {\MatTpE*[#2]{#3}}{#4}{#5}}
                                                                                                                         }\xspace}
                   984
                           Matriz de autovalores
       \MDaV Matriz de autovalores
                   985 \def\MDaV{D}
                           Matriz triangular superior unitaria (según denominación de G. H. Golub y C. F. Van Loan)
       \Umat Matriz triangular superior unitaria
                   986 \NewDocumentCommand\UMat{0{}m}{\ensuremath{ \Mat[#1]{\Dot{#2}} }\xspace}
 \InvUmat Inversa de matriz triangular superior unitaria
                   987 \MewDocumentCommand\InvUMat{0{}m}{\ensuremath{\RidxE{\Mat{\Dot{#2}}}{\#1}{\minus1} }} \
                   988
                           Matriz triangular inferior unitaria (según denominación de G. H. Golub y C. F. Van Loan)
     \UmatT Matriz triangular inferior unitaria
                   989 \ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{\ensuremath{
                           Matriz de eliminación gaussiana (por columnas) y su inversa
     \Matgc Matriz de eliminación gaussiana (por columnas)
\InvMatGC 990 \NewDocumentCommand\MatGC
                                                                               {m}{\ensuremath{
                                                                                                                             \UMat[#1\triangleright]{G}
                                                                                                                                                                                                     }\xspace}
                   991 \ensuremath{\kldxE{\UMat{G}}}{\#1\triangleright}{\minus1} }\xspace}
                     2.7.
                                   Productos entre vectores
                     2.7.1. Producto escalar
         \eSc Producto escalar
       \eSc* 992 \NewDocumentCommand\eSc{sO{}mm}{\ensuremath{{\IfBooleanTF#1}
                   993
                                                   {\left< {#3} , {#4} \right>}
                                                   \left[\left(\frac{\#3}{\#4}\right), {\#4}\right]^{\2} \]
         \esc Producto escalar entre vectores genéricos
       \esc* 995 \NewDocumentCommand\esc{sO{}mm}{\ensuremath{{\IfBooleanTF#1}}
                                                {\eSc*{\vect{#3}}}{\vect{#4}}}
                   996
                   997
                                                {\eSc {\vect{#3}}}{\vect{#4}}}}_{\!#2}
                                                                                                                                          }\xspace}
```

2.7.2. Producto punto

```
\dotProd Producto punto
    \dotProdp* 999
    \dotProdP 1000 \NewDocumentCommand\dotProdp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
\dotProdP* 1001
                                                                                                                  {\parentesis*{{#2}\cdot{#3}}}
                                                                                                                  {\parentesis {{#2}\cdot{#3}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                          }\xspace}
                                            {\Parentesis*{{#2}\cdot{#3}}}
                                                                                                                {\operatorname{Parentesis} \{ \#2 \setminus \#3 \} }
                                                                                                                                                                                                                                                                                                         }\xspace}
                                           1006
        \dotprod Producto punto
    \dotprodp* 1008
    \dotprodP 1009 \NewDocumentCommand\dotprodp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1
                                                                                                                  {\parentesis*{\dotprod{#2}{#3}}}
\dotprodP* 1010
                                                                                                                 {\operatorname{\mathtt{Adotprod}}}{\#2}{\#3}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                         }\xspace}
                                            1012
                                            {\Parentesis*{\dotprod{#2}{#3}}}
                                           1014
                                                                                                                 {\Parentesis {\dotprod{#2}{#3}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                         }\xspace}
                                           1015
                                                   2.7.3.
                                                                                Producto punto a punto o Hadamard
                 \prodH Producto punto a punto o Hadamard
             \label{lem:loss} $$ \Pr dH_{1016} \ensurement { $\{\#1\} \land \{\#2\} } \simeq $$
         \prodHp*_{1017}
             \prodHP 1018 \NewDocumentCommand\prodHp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                                                  {\parentesis*{\prodH{#2}{#3}}}
        \prodHP* 1019
                                           1020
                                                                                                                 {\parentesis {\prodH{#2}{#3}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                                            1021
                                            1022 \verb|\NewDocumentCommand\prodHP{smm}{\colored{hp{smm}}}| A to the constant of the constant
                                                                                                                {\Parentesis*{\prodH{#2}{#3}}}
                                           1023
                                                                                                                {\tt \{\Parentesis\ \{\prodH\{\#2\}\{\#3\}\}\}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                                           1024
                 \prodh Producto punto a punto o Hadamard
             \label{lem:local_prodh} $$ \operatorname{NewDocumentCommand\prodh\{mm\}}_{n} \simeq \operatorname{Local_prodh\{mm\}}_{n} = \operatorname{Lo
         \prodhp* 1026
                                                                                                                 \prodH{\Vect{#1}}{\Vect{#2}} }\xspace}
             \prodhP 1027
        \verb|\prodhP* 1028 \end{|} If Boolean TF#1 | The prodh the prodh the prodhese of the prodhese o
                                                                                                                 {\operatorname{\mathtt{Prodh}}}{\#3}}
                                           1029
                                                                                                                 {\operatorname{prodh}}{\#2}{\#3}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                 }\xspace}
                                           1030
                                            1031
                                            1032 \NewDocumentCommand\prodhP{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                                                                 {\Parentesis*{\prodh{#2}{#3}}}
                                            1033
                                                                                                                 {\operatorname{Parentesis} {\operatorname{prodh}{#2}{#3}}}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
                                            1034
                                                    2.8.
                                                                                   Matriz por vector y vector por matriz
                              \MV Producto de matriz por vector
                     \label{local_noise} $$ \WPE_{1035} \ensuremath{ \Mat {#1}\Vect{#2} }\xspace} $$
                 \MVpE* 1036
                     \MVPE 1037 \NewDocumentCommand\MVpE{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                                                                                  {\parentesis*{\MV{#2}{#3}}}
                 \MVPE* 1038
                                                                                                                  {\parentesis {\MV{#2}{#3}}}
                                           1039
                                            1040
```

```
1041 \NewDocumentCommand\MVPE{smm}{\command}\IfBooleanTF#1
           1042
                                         {\Parentesis*{\MV{#2}{#3}}}
                                        {\Parentesis {\MV{#2}{#3}}}
           1043
                                                                                               }\xspace}
     \VM Producto de vector por matriz
 \label{localize} $$ \VMpE_{1044} \ensuremath{ \Vect{#1}\Mat {#2} }\xspace} $$
\VMpE* 1045
 \VMPE∗ 1047
                                         {\parentesis*{\VM{#2}{#3}}}
           1048
                                         {\parentesis {\VM{#2}{#3}}}
                                                                                               }\xspace}
           1049
           1050 \verb|\NewDocumentCommand\VMPE{smm}{\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\colored{command}\
                                        {\Parentesis*{\VM{#2}{#3}}}
           1051
                                        {\Parentesis {\VM{#2}{#3}}}
           1052
                                                                                               }\xspace}
   \MTV Producto de matriz por vector
 \label{lem:model} $$ \MTVP_{1053} \ensuremath{ \MatT{#1}\Vect{#2} }\xspace} $$
\MTVp* 1054
 \label{lem:mtvp} $$ \MTVP 1055 \NewDocumentCommand\MTVp{smm}{\colored{https:smm}} $$
                                        {\texttt{\MatTpE*{#2}\Vect{#3}}}
\MTVP* 1056
                                        {\MatTpE {#2}\Vect{#3}}
                                                                                                 }\xspace}
           1057
           1058
           1059 \NewDocumentCommand\MTVP{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
           1060
                                        {\MatTPE*{#2}\Vect{#3}}
                                        {\MatTPE {#2}\Vect{#3}}
           1061
                                                                                                 }\xspace}
   \VMT Producto de vector por matriz
 \label{local_to_the_problem} $$ \WTT_{1062} \ensuremath{ \Vect{#1}\operatorname{42} }\xspace} $$
\VMTp* 1063
 \VMTP 1064 \NewDocumentCommand\VMTp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
\VMTP* 1065
                                        {\Vect{#2}\MatTpE*{#3}}
                                        {\Vect{#2}\MatTpE {#3}}
                                                                                                 }\xspace}
           1066
           1067
           {\Vect{#2}\MatTPE*{#3}}
           1069
           1070
                                        {\Vect{#2}\MatTPE {#3}}
                                                                                                 }\xspace}
              2.9.
                           Matriz por matriz
     MN Producto de matriz por matriz
           1071 \NewDocumentCommand\MN \{0\}m0\{m\}\{\ensuremath\{ Mat[#1]{#2}\Mat[#3]{#4} \}\
   \MTN Producto de matriz transpuesta por matriz
 \MTNp* 1073
 \label{lem:local_motion} $$ MTNP 1074 \ensuremath{\IfBooleanTF\#1} $$
                                        {\MatTpE*[#2]{#3}\Mat[#4]{#5}}
\MTNP* 1075
                                        {\MatTpE [#2]{#3}\Mat[#4]{#5}}
                                                                                                                                             }\xspace}
           1076
           1077
           1078 \NewDocumentCommand\MTNP \{s0\}m0\{\}m\}\{\ensuremath\{\IfBooleanTF#1\}\}
                                         {\MatTPE*[#2]{#3}\Mat[#4]{#5}}
           1079
           1080
                                         {\MatTPE [#2]{#3}\Mat[#4]{#5}}
                                                                                                                                             }\xspace}
   \MNT Producto de matriz por matriz transpuesta
 \MNTp* 1082
 \MNTP 1083 \NewDocumentCommand\MNTp {sO{}mO{}m}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                        {\Mat[#2]{#3}\MatTpE*[#4]{#5}}
\MNTP* 1084
```

```
{\Mat[#2]{#3}\MatTpE [#4]{#5}}
                  1086
                  1087 \NewDocumentCommand\MNTP \{s0\}m0\{\}m\}\{\ensuremath\{\IfBooleanTF#1\}\}
                                                {\Mat[#2]{#3}\MatTPE*[#4]{#5}}
                  1088
                                                {\Mat[#2]{#3}\MatTPE [#4]{#5}}
                                                                                                                                                     }\xspace}
                  1089
          \MTM Producto de matriz transpuesta por matriz
        \label{localized_model} $$ \MTMp_{1090} \end{Command} $$ \{0_{m} \}_{\ensuremath{ \MTN[\#1]}{\#2}[\#1]{\#2}} $$
                                                                                                                                                         }\xspace}
       \MTMp* 1091
        \MTMP* 1093
                                                                               {\MTNp*[#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                               {\MTNp [#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                                                                                                      }\xspace}
                  1094
                  1095
                  1096 \verb|\NewDocumentCommand\MTMP{som}{\colored{httmpsemble}} = 1096 \verb|\NewDocumentCommand\MTMP{som}{\colored{httmpsemble}} 
                  1097
                                                                               {\MTNP*[#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                               {\MTNP [#2]{#3}[#2]{#3}}
                  1098
                                                                                                                                                      }\xspace}
          \MMT Producto de matriz por su transpuesta
        \MMTP 1099 \NewDocumentCommand\MMT {0{}m }{\ensuremath{ \MNT[#1]{#2}[#1]{#2}}
                                                                                                                                                         }\xspace}
       \MMTp* 1100
        \MMTP* 1102
                                                                               {\MNTp*[#2]{#3}[#2]{#3}}
                  1103
                                                                               {\MNTp [#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                                                                                                      }\xspace}
                  1104
                  1105 \NewDocumentCommand\MMTP{som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                               {\MNTP*[#2]{#3}[#2]{#3}}
                  1106
                                                                               {\MNTP [#2]{#3}[#2]{#3}}
                                                                                                                                                      }\xspace}
                  1107
        \MNMT Producto de matriz por matriz por matriz transpuesta
       \MNMTP 1110 \NewDocumentCommand\MNMTp{somom}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
     \MNMTP* 1111
                                                                               {\MN[#2]{#3}[#4]{#5}\MatTpE*[#2]{#3}}
                  1112
                                                                               {\MN[#2]{#3}[#4]{#5}\MatTpE [#2]{#3}} }\xspace}
                  1113
                  1114 \ensuremath{\label{lem:likelike} 1114 \ensuremath{\label{likelike} 1114} } \\
                  1115
                                                                               {\MN[#2]{#3}[#4]{#5}\MatTPE*[#2]{#3}}
                                                                               {\MN[#2]{#3}[#4]{#5}\MatTPE [#2]{#3}} }\xspace}
                  1116
        \MTNM Producto de matriz transpuesta por matriz por matriz
       \label{localize} $$ MTNMp_{1117} \end{MTNM} 0{mO{mo{mo}} {\ensuremath{ MTN[#1]{#2}[#3]{#4}\mathbb{41}{#2} }} xspace} $$
     \MTNMp* 1118
       \MTNMP 1119 \NewDocumentCommand\MTNMp{somom}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
     \MTNMP* 1120
                                                                               {\MTNp*[#2]{#3}[#4]{#5}\Mat[#2]{#3}}
                                                                               {\MTNp [#2]{#3}[#4]{#5}\Mat[#2]{#3}}
                                                                                                                                                                           }\xspace}
                 1121
                  1123 \MewDocumentCommand\MTNMP{somom}{\colored{https://linear.ps.}}
                                                                               {\MTNP*[#2]{#3}[#4]{#5}\Mat[#2]{#3}}
                  1124
                  1125
                                                                               {\MTNP [#2]{#3}[#4]{#5}\Mat[#2]{#3}}
                                                                                                                                                                           }\xspace}
                     Matriz inversa
     \InvMat Inversa de una matriz
   \InvMatp* 1127
   \InvMatP 1128 \NewDocumentCommand\InvMatp {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                {\Invp*{\Mat[#2]{#3}}}
 \InvMatP* 1129
                                                {\Invp {\Mat[#2]{#3}}}
                                                                                                                  }\xspace}
 \InvMatpE 1130
\InvMatpE*
 \InvMatPE
                                                                                                         71
\InvMatPE*
```

1085

}\xspace}

```
1131
                     1132 \NewDocumentCommand\InvMatP {som}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                   {\InvP*{\Mat[#2]{#3}}}
                     1133
                                                   {\InvP {\Mat[#2]{#3}}}
                                                                                                                      }\xspace}
                    1134
                    1135
                    1136 \ensuremath{\lowertCommand\lnvMatpE\{sO\{\}m\}\{\ensuremath\{\lifBooleanTF\#1\}\}}
                                                   {\RidxEpE*{\Mat{#3}}{#2}{\minus1}}
                    1137
                    1138
                                                   {\mathbb{Z}}{\mathbb{Z}} {\mathbb{Z}} 
                    1139
                    1140 \NewDocumentCommand\InvMatPE{sO{}m}{\coloredge} {\coloredge} {\
                                                   {\RidxEPE*{\Mat{#3}}{#2}{\minus1}}
                                                   {\RidxEPE*{\Mat{#3}}{#2}{\minus1}} \xspace}
                    1142
                    1143
     \InvMatT Inversa de una matriz transpuesta
   \label{lem:linvMatT*} $$\lim_{1144} \ensuremath{\IfBooleanTF\#1}$
 \InvMatTpE 1145
                                                   {\InvP*{ \MatT[#2]{#3} }}
\InvMatTpE* 1146
                                                   {\Invp { \MatT[#2]{#3} }}
                                                                                                                                              }\xspace}
 \InvMatTPE 1147
\label{linvMatTpE*} $$1148 \NewDocumentCommand\InvMatTpE{som }{\colored{Command}}$$
                                                   {\parentesis*{\InvP*{ \MatT[#2]{#3} }}}
                    1149
                                                   {\parentesis {\Invp*{ \MatT[#2]{#3} }}}
                    1150
                                                                                                                                              }\xspace}
                    1151
                    1152 \NewDocumentCommand\InvMatTPE{som }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                  {\Parentesis*{\InvP*{ \MatT[#2]{#3} }}}
                    1153
                                                   {\Parentesis {\Invp { \MatT[#2]{#3} }}}
                                                                                                                                              }\xspace}
                    1154
     \TInvMat Transpuesta de la inversa de una matriz
   \verb|\TInvMat*|_{1155} \verb|\NewDocumentCommand\TInvMat| {som } {\consumerath} {\columnwidth} |
 \TInvMatpE_{1156}
                                                   {\Trans{\left.\InvMatpE*[#2]{#3}\!\right.}}
\TInvMatpE* 1157
                                                                            \InvMatpE [#2]{#3}}}
                                                  {\Trans{
                                                                                                                                       }\xspace}
 \TInvMatPE 1158
\TInvMatPE* 1159 \NewDocumentCommand\TInvMatpE {som }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                   {\parentesis*{ \TInvMat*[#2]{#3}}}
                    1160
                                                   {\parentesis {\!\TInvMat*[#2]{#3}}}
                                                                                                                                       }\xspace}
                    1161
                    1162
                     1163 \NewDocumentCommand\TInvMatPE {som }{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}}
                                                   {\Parentesis*{\TInvMat*[#2]{#3}}}
                                                   {\Parentesis {\TInvMat [#2]{#3}}}
                     1165
                                                                                                                                       }\xspace}
                        2.10.
                                        Otros productos entre matrices y vectores
           \MTMV Producto de matriz transpuesta por matriz por vector
         \MTMVp* 1167
         \MTMVP 1168 \NewDocumentCommand\MTMVp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                   {\MTNp*{#2}{#2}\Vect{#3}}
       \MTMVP* 1169
                    1170
                                                   {\MTNp {#2}{\#2}\Vect{#3}}
                                                                                                             }\xspace}
                    1171
                     1172 \NewDocumentCommand\MTMVP{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                  {\MTNP*{#2}{#2}\Vect{#3}}
                    1173
                                                   {\MTNP {#2}{\#2}\Vect{#3}}
                                                                                                             }\xspace}
                    1174
            \VMW Producto de vector por matriz por vector
                     1175 \NewDocumentCommand\VMW { mmm}{\ensuremath{ \VM {#1}{#2}\Vect{#3} }\xspace}
            \VMV Producto de vector por matriz por vector
                     1176 \NewDocumentCommand\VMV { mm }{\ensuremath{ \VMW {#1}{#2}{#1}}
                                                                                                                                                           }\xspace}
```

```
\VMTW Producto de vector por matriz transpuesta por vector
      \VMTWp 1177 \NewDocumentCommand\VMTW { mmm}{\ensuremath{ \VMT {#1}{#2}\Vect{#3} }\xspace}
    \VMTWp* 1178
      {\WTp*{#2}{#3}\Vect{#4}}
    \TVMTWP* 1180
                                          {\Tp {#2}{#3}\Vect{#4}}
                                                                                            }\xspace}
                1181
                1182
                1183 \NewDocumentCommand\VMTWP{smmm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                          {\VMTP*{#2}{#3}\Vect{#4}}
                                          {\VMTP {#2}{#3}\Vect{#4}}
                                                                                            }\xspace}
                1185
       VMTV Producto de vector por matriz transpuesta por vector
      \VMTVp 1186 \NewDocumentCommand\VMTV { mm }{\ensuremath{ \VMTW{#1}{#1}{#1}}
                                                                                                                                    }\xspace}
    \VMTVp* 1187
      \VMTVP 1188 \NewDocumentCommand\VMTVp{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                          {\Tp*{#2}{#3}\Vect{#2}}
    \VMTVP* 1189
                                          {\MTp {#2}{#3}\Vect{#2}}
                                                                                            }\xspace}
                1190
                {\VMTP*{#2}{#3}\Vect{#2}}
                1193
                                          {\WTP {#2}{#3}\Vect{#2}}
                1194
                                                                                            }\xspace}
    \InvMTM Inversa del producto de una matriz transpuesta por ella misma
   {\InvP*{ \MTM[#2]{#3} }}
                1196
                                          {\Invp { \MTM[#2]{#3} }}
                                                                                                          }\xspace}
                1197
    \InvXTX Inversa del producto de la matriz X transpuesta por ella misma
                1198 \NewDocumentCommand\InvXTX{}{\ensuremath{\InvMTM{X}}}\xspace}
\MInvMTMMT Matriz proyección sobre el espacio columna de la matriz de rango completo por columnas indicada
\label{lem:lem:model} $$ \MInvMTMMT_{1199} \ensuremath{\lifBooleanTF\#1} $$
                                          {\MVect[#2]{#3}\Invp{\VTV[#2]{#3}}\MVectT[#2]{#3}}
                1200
                1201
                                          {Mat[#2]{#3}\setminus [#2]{#3}\setminus [#2]{#3}}
                                                                                                                            }\xspace}
                1202
                \VTW Matriz fila por matriz columna
                1204 \ensuremath{\MVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{NevDectT[#1]{#2}}!\MVect[#3]{#4}} \ensuremath{\NVectT[#1]{NevDectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{MVectT[#1]{
         \VTV Matriz fila por su transpuesta
                1205 \wdots (MVectT[#1]{#2}\! MVect[#1]{#2}} \xspace)
         \vvv Matriz columna por matriz fila
                1206 \verb|\NewDocumentCommand\VWT\{mm\}{\nw}_{MVect\{\#1\}\setminus MVectT\{\#2\}}\\ xspace}
         \VVT Matriz columna por su transpuesta
                1207 \wd Document Command \VVT om {\ensuremath {\MVect [#1] {\#2}} \xspace} \\
                   2.11.
                                 Sistemas de ecuaciones
         \SEL Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial
                1208 \NewDocumentCommand\SEL {mmm}{\ensuremath{\MV}
                                                                                                     {#1}{#2}=\Vect{#3}}\xspace}
       \SELT Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coeficientes transpuesta)
      \SELTP 1209 \NewDocumentCommand\SELT {mmm}{\ensuremath{\MTV {#1}{#2}=\Vect{#3}}\xspace}
                \SELF Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coeficientes transpuesta)
                1211 \NewDocumentCommand\SELF {mmm}{\ensuremath{\VM}}
                                                                                                     {#1}{#2}=\Vect{#3}}\xspace}
```

2.12. Espacios vectoriales

```
\EspacioNul Letra que denota al Espacio nulo (o núcleo)
                                           1213 \DeclareMathOperator{\EspacioNul}{\EV{N}}
\EspacioCol Letra que denota al Espacio Columna
                                           1214 \ensuremath Operator {\ensuremath Col} {\
                   \Nulls Espacio nulo (o núcleo) de un objeto
                \label{locality} $$ \mathbb{1}_{1215} \ensuremath{\life} \
                                                                          {\EspacioNul\Parentesis*{#2}}
                                           1216
                                                                          {\EspacioNul\parentesis {#2}}
                                                                                                                                                                                                                        }\xspace}
                                           1217
                   \nulls Espacio nulo (o núcleo) de una matriz
               \verb|\nulls*|_{1218} \verb|\nulls*|_{1218} \ensuremath{IfBooleanTF\#1}
                                           1219
                                                                          {\Nulls*{\Mat{#2}}}
                                           1220
                                                                          {\Nulls {\Mat{#2}}}
                                                                                                                                                                                                                                    }\xspace}
                      \Cols Espacio columna de un objeto
                   \verb|\Cols*|_{1221} \verb|\NewDocumentCommand\Cols{sm}{\cline{colsen}}| $$ \ensurement{IfBooleanTF#1} $$ $$ \ensurement{Colsen} $$ \ensuremen
                                           1222
                                                                          {\EspacioCol\Parentesis*{#2}}
                                                                          {\EspacioCol\parentesis {#2}}
                                                                                                                                                                                                                        }\xspace}
                      \cols Espacio columna de una matriz
                   \verb|\cols*|_{1224} \verb|\NewDocumentCommand\cols{sm}{\cols*|_{1224}} \\
                                           1225
                                                                          {\Cols*{\Mat{#2}}}
                                                                          {\Cols {\Mat{#2}}}
                                                                                                                                                                                                                                }\xspace}
                                           1226
                      \Span Espacio generado por un sistema generador
                   \verb|\Span*|_{1227} \verb|\NewDocumentCommand\Span\{sm\}{\consuremath}_{1fBooleanTF\#1}|
                                                                                         {\EV{L}\Parentesis*{\#2}}
                                           1228
                                                                                         {\EV{L}\parentesis {#2}}
                                                                                                                                                                                                                                        }\xspace}
                                           1229
                   \PSpan Espacio semi-euclídeo de probabilidad generado por un sistema
               \label{eq:pspan*} $$\operatorname{PSpan*}_{1230} \ensuremath{\,\IfBooleanTF\#1}$
                                           1231
                                                                                         {\tiny\EV{P}}{\EV{L}}{2pt}\Parentesis*{\#2}}
                                           1232
                                                                                         {\tiny\EV{P}}{\EV{L}}{2pt}{parentesis $$\{\#2\}$} \xspace}
                   \coord Coordenadas respecto de una base
              \coordP* 1234
                                                                                         \left\{1\right\}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label{mathbin}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label{mathbin}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label{mathbin}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}{\label}}}}}} } } } } } } } 
           \coordPE 1235
        \coordPE* 1236 \NewDocumentCommand\coordP \{smm}{\ensuremath{\IfBooleanTF#1}
                                                                                         {\coord{\Parentesis*{#2}}{#3}}
                                           1237
                                           1238
                                                                                         {\coord{\operatorname{parentesis} {#2}}{#3}}
                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                           1239
                                           {\Parentesis*{\coord{#2}{#3}}}
                                           1241
                                                                                         {\operatorname{\mathtt{A}}} {\operatorname{\mathtt{A}}}
                                                                                                                                                                                                                                           }\xspace}
                                           1242
```

\EV Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coef. transpuesta)

1212 \NewDocumentCommand\EV{m}{\ensuremath{\mathcal{#1}}\xspace}

2.13. Notación funcional

Symbols

```
\dom Dominio de una función
      1243 \DeclareMathOperator{\dom}{dom}
mifun Breve descripción de una función
1245
                  {#3\xrightarrow{#2}#4}
                  {#2 \colon #3 \to #4}
                                              }\xspace}
      1246
\deffun Breve descripción de una función
      1247 \NewDocumentCommand\deffun {m m m m}{
            \ensuremath{
      1248
              \begingroup
      1249
      1250
              {\setlength{\arraycolsep}{0pt}
      1251
                \begin{array}[t]{r@{\,}c@{\,}c@{\,}1}
                  #1\colon & #2 & \longrightarrow & #3\\
      1252
                          & #4 & \longmapsto & #5
      1253
                \end{array}}
      1254
              \endgroup}\xspace}
      1255
        2.14.
                Estadística
\Estmc Ajuste por MCO
      1256 \NewDocumentCommand\Estmc {m}{\ensuremath{ \widehat{#1} }\xspace}
\Media Media (proyección ortogonal sobre los vectores contantes)
      1257 \NewDocumentCommand\Media {m}{\ensuremath{ \widebar{#1} }\xspace}
\Smedia Símbolo para el valor medio
      1258 \NewDocumentCommand\Smedia {}{\mu}
      1259 \NewDocumentCommand\media {m}{\ensuremath{\IfNoValueTF{#1}%}
               { \Smedia
      1261
               { {\Smedia}_{#1} } \xspace}
  \res Valor medio
      1262 \NewDocumentCommand\res{} {\ensuremath{ \Estmc{\Vect{e}} }\xspace}
        Change History
                                                           reimplementación de los subíndices de
           General: Versión inicial \dots \dots 1
                                                           General: Añadidos más comandos y
        Index
           Numbers written in italic refer to the page where the corresponding entry is described; numbers
        underlined refer to the code line of the definition; numbers in roman refer to the code lines where the
        entry is used.
```

APTROPOSION CATEGOR 7.86 ATTESFP 7.51	1050	\ JETEODE 700	\ 400000 751
B	\arraycolsep 1250		
Degin 124 125 AETEEP 761 OTTEEPE 751 OTTEEPE 756 OTTEEPE	В		-
Designary 1249 ASTEFP 761 ATTEF 756 A58, 890, 896, 899, 903, 907 ASS, 890, 899, 899, 903, 907 ASS, 890, 899, 903, 907 ASS, 890, 904, 908, 929, 994 Asternianante 920 ATTEFP 756 ASS, 7900, 904, 908, 929, 994 Asternianante 920 ATTEFP 756 ASS, 7900, 904, 908, 929, 994 Asternianante 920 ATTEFP 756 ASS, 7900, 904, 908, 929, 994 Asternianante 920 ATTEFP 756 ASS, 7900, 904, 908, 929, 994 Asternianante 920 ATTEFP 756 ASS, 7900, 904, 908, 929, 994 Asternianante 920 ATTEFP 756 ASS, 7900, 904, 908, 929, 994 Asternianante 920 ATTEFP 756 ASS, 7900, 904, 908, 929, 994 Asternianante 920 ATTECP 806 ASS, 7900, 904, 908, 909, 909, 909, 909, 909, 909, 909			
Big			-
Note	\Big 14, 20, 457,	-	
S07,000,904,908,929,904 determinate* 920 dTEPPE 5.06 1.01m 9.33,915,955,971,976 dTrCP 806 1.01m 9.33,958,959,975,976 dTrCP 806 1.01m 9.33,958,959,975,976 dTrCP 806 1.01m 9.33,958,959,975,976 dTrCP 806 1.01m 9.33,958,959,975,976 dTrCP 806 1.01m 9.33,958,959,975,977 dTrCP 806 1.01m 9.33,958,959,975,977 dTrCP 806 1.01m 9.33,966,967,983,984 dTrCP 806 1.01m 9.01m 9.33,966,97.983,984 dTrCP 801 1.01m 9.01m 9	458,890,896,899,903,907	\dETEFpE	\dTEFp
Noble Nobl	-		\dTEFPE
Author A			-
C	•		
C	444, 446, 448, 450, 844, 856		
CC	\mathbf{C}	_	
Coc Simple Sign			
Codot 998, 1001, 1002, 1005, 1006 Codots 464, 471, 472 Cof 930 Cof 938, 931, 932 Cof 938, 931, 932 Cof 938, 931, 932 Cof 938, 931, 932 Colon 1246, 1252 470, 766-770, 791-795 Colon 1246, 1252 Colos 1221, 1225, 1226 Colos 1221, 1225, 1226 Colos 1221, 1225, 1226 Colos 1221 Colos 122	=,	•	-
Codots 464, 471, 472 VDimPE* 933 CTPFCP 811	\cdot 998, 1001, 1002, 1005, 1006	 : : : :	
Accord 918 931 932 Accord 1246 1252 Accord 1246 1252 Accord 1246 1252 Accord 1246 Accord 1247 Accord 124	\cdots $464, 471, 472$		
Coolon	$\c \c \$	\DimpE* <u>933</u>	\dTrFCp
Cols		$\verb \dInvOEg$	$\verb \dTrFCPE \dots \dots \underline{811}$
Cools		, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	
Cols* 1221 dInvTECp 791 dTrFPE 801 cols* 1224 dInvTECPE 791 dTrFPE 801 cols* 119, 120 dInvTECPE 791 dTrFPE 801 concat 119, 120 dInvTECPE 791 dTrFPE 801 concat 119, 831 dInvTEFP 766 E concatSV 831 dInvTEFP 766 dE concatSV 831 dInvTEFP 766 dE coord 1233 dInvTEFP 766 dE coord 1233 dInvTEFP 766 dE coord 1233 dInvTEFPE 766 dE coordP 1233 dInvTEFPE 766 dE coordP 1233 dInvTEFPE 766 dE coordP 1233 dOBg d65, d65, d67, delinvTECP 738 coordPE 1233 dOBg d68, 472, 756-760, 781-785 delinvTECP 738 coordPE 1233 dOBg d69, 467, 7576-780 delinvTECP 738 dobrod 1243 delinvTECP 738 dobrod 1243 delinvTECP 738 dobrod 1244 dobrod 1247 dobrod			
Cools* 1224 dInvTECPE 791 dTrFpE 801			-
Concet		-	
ConcatSV 831 AdInvTEFP 766 E			\dirrpE <u>801</u>
ConcatSV 831 \dinvTEFP 766 \EInvOEg \coord 118 \dinvTEFPP 766 462, 725, 728, 731, 734, 744, 747, 750 \coordP 1233 \dinvTEFPE 766 \EInvTEC 738 \coordP 1233 \dinvTEFPE 766 \EInvTECP 738 \coordPE* 1233 468, 472, 756-760, 781-785 \EInvTECP 738 \coordPE* 1233 468, 472, 756-760, 781-785 \EInvTECP 738 \coordPE* 1233 469, 471, 751-755, 776-780 \EInvTECP* 738 \coordetes 18 469, 471, 751-755, 776-780 \EInvTECP* 738 \corchetes 15 \dom 1243 \EInvTECP* 738 \corchetes 15 \dom 1243 \EInvTECP* 738 \corchetes 16 \dot*prod 498, 987, 989 \EInvTECP* 738 \DelareMathOperator \dot*prod 998, 1007 \EInvTECP* 738 \def 191, 919, 1213, 1214, 1243 \dot*prod \d	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		E
\conj 118 \dinvTEFp 766 462, 725, 728, 731, 734, \coord 1233 \dinvTEFPE 766 737, 738, 741, 744, 747, 750 \coordP* 1233 \dinvTEFPE 766 \EINVTECP 738 \coordP* 1233 \ding 465, \EINVTECP 738 \coordPE* 1233 \ding 465, 467, \EINVTECP 738 \coordPE* 1233 \ding 465, 467, \EINVTECP* 738 \coordetes 18 \ding 469, 471, 751-755, 776-780 \EINVTECP* 738 \coordetes 15 \dom 1243 \EINVTECP* 738 \correctes 15 \dom 1243 \EINVTECP* 738 \correctes 15 \dom 1243 \EINVTECP* 738 \correctes 15 \dom 1247 \dot*Prod 998, 987, 989 \EINVTECP* 738 \def 918, 919, 1213, 1214, 1243 \dot*ProdP* 998 \EINVTEFP* 725			
CoordP	\conj <u>118</u>		3
CoordP*		\dInvTEFPE	737, 738, 741, 744, 747, 750
CcoordPE		\dInvTEFpE	\EInvTEC <u>738</u>
CoordPE* 1233 CoordPE* 1233 CoordPE* 1233 CoordPE* 1233 CoordPE* 138 469, 471, 751-755, 776-780 CoordPE* 738 CoordPE* 158 CoordPE* 1243 CoordPE* 1243 CoordPE* 1243 CoordPE* 1243 CoordPE* 1243 CoordPE* 1243 CoordPE* 1244 CoordPE* 1244 CoordPE* 1244 CoordPE* 1245 Co		<i>,</i>	
Corchetes			• —
Not			
Dot 986, 987, 989 EINVTECPE 738			
Note	(902.070.002 <u>±0</u>		
Add 909, 910, AdotProdP 998 EInvTEF 725	D		<u>-</u>
918, 919, 1213, 1214, 1243	\DeclareMathOperator	\dotprod <u>1007</u>	\EInvTECpE* <u>738</u>
Mef		\dotProdP <u>998</u>	\EInvTEF <u>725</u>
\ \deffun \frac{1247}{247} \ \dotprodp \frac{1007}{25} \ \\ \delinvOEg \frac{470}{470}, 771-775, 796-800 \ \dotProdP* \frac{998}{298} \ \\ \EInvTEFP* \frac{725}{25} \ \\ \delinvTEC \frac{796}{296} \ \dotProdP* \frac{998}{298} \ \\ \EInvTEFP* \frac{725}{25} \ \\ \delinvTECP \frac{796}{296} \ \dotProdP* \frac{998}{298} \ \\ \EInvTEFPE \frac{725}{25} \ \\ \delinvTECP \frac{796}{296} \ \dotprodP* \frac{1007}{296} \ \\ \delinvTEFPE \frac{725}{25} \ \\ \delinvTECP \frac{796}{296} \ \dotprodP* \frac{1007}{296} \ \\ \delinvTECPE \frac{796}{296} \ \delinvTECP \frac{781}{299} \ \delinvTECPE \frac{781}{299} \ \delinvTECPE \frac{771}{299} \ \delinvTECP \frac{781}{299} \ \delinvTECP \delin		•	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
MeInvOeg 470, 771-775, 796-800 MotProdP* 998 MeInvTEFP\$ 725 MeInvTEC			· -
\delinvtec 796 \dotProdp* 998 \EInvtefpe 725 \delinvtecp 796 \dotprodP* 1007 \EInvtefpe 725 \delinvtecp 796 \dotprodp* 1007 \EInvtefpe* 725 \delinvtecpe 796 \dsOeg 471, 533, 550, 568, 581 \EInvtefpe* 725 \delinvtecpe 796 \dsOege 471 \elem 392 \delinvtefpe 796 \dsOege 471 \elemL 178, 231, 285, 312 \delinvtefpe 771 \dtec 781 \elemLP 178, 232, 285, 312 \delinvtefpe 771 \dtec 781 \elemLP 178, 232, 236, 322 \delinvtefpe 771 \dtecpe 781 \elemLp 178, 235, 236, 236, 236, 236, 236, 236, 236, 236			
\delinvtecp			=
\delinvtecp	\	·	
\dEInvTECPE 796 \dSOEg 471, 533, 550, 568, 581 \EInvTEFpE* 725 \dEInvTECPE 796 \dSOEgE 471 \eleM 392 \dEInvTEFP 771 \dTEC 781 \elemL 178, 231, 285, 312 \dEInvTEFP 771 \dTECP 781 \elemLP 178, 232, \dEInvTEFP 771 \dTECP 781 \elemLP 178, 232, 294, 320, 321 \dEInvTEFPE 771 \dTECPE 781 \elemLp 178, 235, 236, \dEInvTEFPE 771 \dTECPE 781 \elemLp* 178, 235, 236, \dEInvTEFPE 771 \dTECPE 776 \elemLP* 178 \dEOEg 467, 761-765, 786-790 \dTECPE 776 \elemLp* 178, \deta 926 \dTECPE 776 \elemLPE		_	-
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\dEInvTECPE		
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\dEInvTECpE	\dS0EgE <u>471</u>	\eleM <u>392</u>
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		\dTEC <u>781</u>	\elemL $178, 231, 285, 312$
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$			
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	<u> </u>		
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$			
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-	-	
	(anong <u>for</u> , for 100, 100–190		/етешпі <u>110</u>
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\dE0EgE		\elemI.p* 178
$\verb detecp = 1.00 $		\dTEECP <u>776</u>	_
	\det 926	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	$\verb \elemLPE \dots \dots \underline{178},$
	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$		

\elemLPE* <u>178</u>	\eleVRp* <u>257</u>	\InvMatp* <u>1126</u>
\elemLpE* 178	\eleVRPE 257	\InvMatPE 1126
\elemLR 212, 392	\eleVRpE 257	\InvMatpE 1126 , 1156 , $\overline{1157}$
\elemLRP	• —	
•	\eleVRPE*	\InvMatPE* <u>1126</u>
$\underline{212}$, 401, 402, 419, 426, 427	$\verb \eleVRpE* \dots \dots \underline{257}$	\InvMatpE* <u>1126</u>
\elemLRp $\underline{212}$, 397, 398, 422, 423	\end 129, 1254	\InvMatT <u>1144</u>
\elemLRP* 212	\endgroup 1255	\InvMatT* 1144
\elemLRp* 212	\EOEg 460, 673, 676, 679, 682,	\InvMatTPE 1144
\elemLRPE 212		
	685, 686, 689, 692, 695, 698	$\verb \InvMatTpE $
\elemLRpE <u>212</u>	\E0Epr <u>458</u>	\InvMatTPE* <u>1144</u>
\elemLRPE* <u>212</u>	\E0Esu	\InvMatTpE* <u>1144</u>
\elemLRpE* <u>212</u>	\eSc <u>992</u> , 996, 997	\InvMTM . <u>1195</u> , 1198, 1201, <u>1203</u>
\eleMM 827	\esc 995	\InvMTM* 1195
\eleMMM 827	\eSc* 992	
\eleMMMT 827		$\label{eq:InvOEg} \operatorname{InvOEg} \ldots \underbrace{461}_{},$
	\esc* <u>995</u>	462, 699, 702, 705, 708,
\eleMP <u>392</u>	\EspacioCol $\underline{1214}$, 1222, 1223	711, 712, 715, 718, 721, 724
\eleMp <u>392</u>	\EspacioNul <u>1213</u> , 1216, 1217	\InvP <u>158</u> , 1133, 1134,
\eleMP* 392	\Estmc <u>1256</u> , 1262	1145, 1149, 1153, 1196
\eleMp* 392	\ETEC <u>686</u>	
\eleMPE 392	\ETECP 686	\Invp \ \frac{158}{158}, \ 1129, \ 1130, \ 1146,
		1150, 1154, 1197, 1200
\eleMpE	\ETECp <u>686</u>	\InvP* <u>158</u>
\eleMPE* 392	\ETECP*	\Invp* 158
\eleMpE* 392	\ETECp* 686	\InvPE 158
\elemR 195, 258, 339, 366	\ETECPE 686	· —
\elemRP 195, 259,	\ETECpE	\InvpE <u>158</u>
		\InvPE* <u>158</u>
266, 267, 347, 348, 374, 375	\ETECPE* <u>686</u>	\InvpE* <u>158</u>
\elemRp $195, 262, 263,$	\ETECpE*	\InvTEC 712
340, 343, 344, 367, 370, 371	\ETEF	\InvTECP
\elemRP* <u>195</u>	\ETEFP 673	
\elemRp* 195	\ETEFp 673	\InvTECp <u>712</u>
\elemRPE 195,	-	\InvTECP*
(elemin i 150,	\ETEFP* <u>673</u>	\InvTECp*
270 201 250 262 206 200	\	\III\IIOp**
278, 281, 359, 362, 386, 389	\ETEFp* <u>673</u>	-
278, 281, 359, 362, 386, 389 \elemRpE 195,	\ETEFp*	\InvTECPE
	\ETEFPE	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\elemRpE <u>195,</u> 270, 273, 351, 354, 378, 381	\ETEFPE	\InvTECPE
	\ETEFPE	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\ETEFPE	\InvTECPE
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\ETEFPE 673 \ETEFPE* 673 \ETEFPE* 673 \ETEFPE* 673 \EV 1212, 1213, 1214,	\InvTECPE \ \frac{712}{712} \\InvTECPE* \ \frac{712}{712} \\InvTECPE* \ \frac{712}{712} \\InvTECPE* \ \frac{712}{712} \\InvTEF \ \frac{699}{712} \\InvTEF \ \frac{690}{712} \\InvTEF \\ \frac{690}{712} \\ 69
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\ETEFPE	\InvTECPE \ \frac{712}{712} \\InvTECPE \ \frac{712}{712} \\InvTECPE* \ \frac{712}{712} \\InvTECPE* \ \frac{712}{712} \\InvTEF \ \frac{699}{699} \\InvTEFP \ \frac{699}{699}
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\ETEFPE 673 \ETEFPE* 673 \ETEFPE* 673 \ETEFPE* 673 \EV 1212, 1213, 1214,	InvTECPE 712 \InvTECPE 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP 699
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\ETEFPE 673 \ETEFPE* 673 \ETEFPE* 673 \ETEFPE* 673 \EV 1212, 1213, 1214,	InvTECPE 712 \InvTECPE 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\text{\tinit}}\\ \text{\texi}\text{\text{\text{\text{\tex{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\texi}\text{\text{\texi}\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\texi}\text{\text{\t	InvTECPE 712 InvTECPE 712 InvTECPE* 712 InvTECPE* 712 InvTEF 699 InvTEFP 699 InvTEFP 699
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\text{\tinit}}\text{\texi}\text{\text{\text{\text{\text{\texi}\text{\text{\text{\texi}}\text{\text{\text{\text{\text{\text{\ti}}\text{\text{\tex	InvTECPE 712 \InvTECPE 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\text{\tinit}}\\ \text{\texi}\text{\text{\text{\text{\tex{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\texi}\text{\text{\texi}\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\texi}\text{\text{\t	InvTECPE 712 InvTECPE* 712 InvTECPE* 712 InvTECPE* 712 InvTEF 699 InvTEFP 699 InvTEFP* 699 InvTEFP* 699 InvTEFP* 699 InvTEFP* 699 InvTEFP* 699
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\ETEFPE	InvTECPE 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE 699
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\ETEFPE	InvTECPE 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\ETEFPE	InvTECPE 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\ETEFPE	InvTECPE 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvUMat 987
\mathrm{elemRpE} \frac{195}{351, 354, 378, 381} \mathrm{elemRpE* \frac{195}{195} \mathrm{elemRpE* \frac{195}{419} \mathrm{eleMTP \frac{419}{419} \mathrm{eleMTP* \frac{419}{419} \mathrm{eleMTPE \frac{419}{419} \mathrm{eleMTPE* \frac{419}{419} \mathrm{eleMTpE* \frac{419}{419} \mathrm{eleMTpE* \frac{419}{419}	\text{ETEFPE} \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	InvTECPE 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699
\mathrm{elemRpE} \frac{195}{351, 354, 378, 381} \mathrm{elemRpE* \frac{195}{195} \mathrm{elemRpE* \frac{195}{195} \mathrm{eleMTD \frac{419}{419} \mathrm{eleMTP* \frac{419}{419} \mathrm{eleMTPE \frac{419}{419} \mathrm{eleMTPE* \frac{419}{419} \mathrm{eleMTPE* \frac{419}{419} \mathrm{elemUUU \frac{822}{822} \mathrm{elemUUL \frac{230}{230}	\ETEFPE	InvTECPE 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvUMat 987 \InvUmat 987
\elemRpE \frac{195}{270, 273, 351, 354, 378, 381} \elemRPE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{195}{295} \elemTP \frac{419}{219} \eleMTP \frac{419}{219} \eleMTP* \frac{419}{219} \eleMTPE \frac{419}{219} \eleMTPE* \frac{419}{219} \eleMTPE* \frac{419}{219} \elemUUU \frac{822}{230} \eleVLP \frac{230}{230}	\ETEFPE 673 \ETEFPE 673 \ETEFPE* 673 \ETEFPE* 673 \ETEFPE* 673 \EV 1212, 1213, 1214, 1228, 1229, 1231, 1232 \[F \] \fueraitemL 816, 819, 820 \fueraitemR 816, 819, 821 \[G \] \(\text{getItem} \text{ 175, 176, 177} \) \(\text{getitemL} \text{ 176, 178, 213} \) \(\text{getitemR} \text{ 177, 195, 213} \)	InvTECPE 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvUMat 987 \InvUmat 987 \InvXXX 1198
\elemRpE \frac{195}{378, 381} \elemRPE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{195}{195} \elemTp \frac{419}{419} \eleMTP \frac{419}{419} \eleMTP* \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \elemUUU \frac{822}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230}	\ETEFPE 673 \ETEFPE 673 \ETEFPE* 673 \ETEFPE* 673 \ETEFPE* 673 \EV 1212, 1213, 1214, 1228, 1229, 1231, 1232 \[F \] \fueraitemL 816, 819, 820 \fueraitemR 816, 819, 821 \] \[G \] \(\text{getItem} \tag{175, 176, 177} \) \(\text{getitemL} \tag{176, 178, 213} \) \(\text{getitemR} \tag{177, 195, 213} \) \[H \]	InvTECPE 712
\elemRpE \frac{195}{378, 381} \elemRPE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{195}{195} \elemTp \frac{419}{419} \eleMTP \frac{419}{419} \eleMTP* \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \elemUUU \frac{822}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230}	\ETEFPE 673 \ETEFPE 673 \ETEFPE* 673 \ETEFPE* 673 \ETEFPE* 673 \EV 1212, 1213, 1214, 1228, 1229, 1231, 1232 \[F \] \fueraitemL 816, 819, 820 \fueraitemR 816, 819, 821 \[G \] \(\text{getItem} \text{ 175, 176, 177} \) \(\text{getitemL} \text{ 176, 178, 213} \) \(\text{getitemR} \text{ 177, 195, 213} \)	InvTECPE 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTECPE* 712 \InvTEF 699 \InvTEFP 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFP* 699 \InvTEFPE 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvTEFPE* 699 \InvUMat 987 \InvUmat 987 \InvXXX 1198
\elemRpE \frac{195}{378, 381} \elemRPE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{195}{195} \elemTp \frac{419}{419} \eleMTP \frac{419}{419} \eleMTP* \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \elemTPE* \frac{419}{419} \elemUUU \frac{822}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230}	\text{ETEFPE} \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	InvTECPE
\elemRpE \frac{195}{378, 381} \elemRPE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{195}{195} \elemTp \frac{419}{419} \eleMTP \frac{419}{419} \eleMTP* \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \elemUUU \frac{822}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230}	\ETEFPE 673 \ETEFPE 673 \ETEFPE* 673 \ETEFPE* 673 \ETEFPE* 673 \EV 1212, 1213, 1214, 1228, 1229, 1231, 1232 \[F \] \fueraitemL 816, 819, 820 \fueraitemR 816, 819, 821 \] \[G \] \(\text{getItem} \tag{175, 176, 177} \) \(\text{getitemL} \tag{176, 178, 213} \) \(\text{getitemR} \tag{177, 195, 213} \) \[H \]	InvTECPE 712
\elemRpE \frac{195}{378, 381} \elemRPE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{195}{195} \elemTp \frac{419}{419} \eleMTP \frac{419}{419} \eleMTP* \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \elemTPE* \frac{419}{419} \elemUUU \frac{822}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230}	\text{ETEFPE} \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	InvTECPE
\elemRpE \frac{195}{378, 381} \elemRPE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{195}{195} \eleMTP \frac{419}{419} \eleMTP \frac{419}{419} \eleMTP* \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleWLP \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230}	\text{ETEFPE} \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	InvTECPE
\elemRpE \frac{195}{378, 381} \elemRPE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{195}{195} \eleMTP \frac{419}{419} \eleMTP \frac{419}{419} \eleMTP* \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleWLPE* \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230}	\textbf{ETEFPE} \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	\InvTECPE \ 712 \\InvTECPE \ 712 \\InvTECPE \ 712 \\InvTECPE* \ 712 \\InvTECPE* \ 712 \\InvTECPE* \ 712 \\InvTECPE* \ 699 \\InvTEFP \ 699 \\InvTEFP* \ 699 \\InvTEFPE* \ 699 \\InvUMat \ 987 \\InvUTX \ 1198 \\invECC \ 853 \\invECC \ 854 \\ L \\langle \ 994 \\langle \ 994 \\langle \ 853, 854 \\
\elemRpE \frac{195}{378, 351, 354, 378, 381} \elemRPE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{195}{195} \elemTP \frac{419}{419} \eleMTP \frac{419}{419} \eleMTP* \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleWLPE* \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP* \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE* \frac{230}{230} \eleVLPE* \frac{230}{230} \eleVLPE* \frac{230}{230} \eleVLPE* \frac{230}{230} \eleVLPE* \frac{230}{230}	\textbf{ETEFPE} \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	\InvTECPE \ \frac{712}{112} \ \InvTECPE* \ \frac{712}{712} \ \InvTECPE* \ \frac{712}{712} \ \InvTECPE* \ \frac{712}{712} \ \InvTECPE* \ \frac{712}{712} \ \InvTEFP \ \frac{699}{699} \ \InvTEFP \ \frac{699}{699} \ \InvTEFP* \ \frac{699}{699} \ \InvTEFPE* \ \frac{699}{699} \ \InvUMat \ \ \frac{987}{1nvUMat} \ \ \frac{987}{1nvUMat} \ \ \frac{1198}{1198} \ \irvec \ \ \frac{853}{854} \ \Langle \ \ \frac{994}{1dots} \ \frac{853}{854} \ \Leftidx \ \ 21,
\elemRpE \frac{195}{378, 351, 354, 378, 381} \elemRPE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{19}{419} \eleMTP \frac{419}{419} \eleMTP* \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleWLPE* \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE* \frac{230}{230}	\textbf{ETEFPE} \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	\InvTECPE
\elemRpE \frac{195}{378, 351, 354, 378, 381} \elemRPE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{195}{195} \elemTP \frac{419}{419} \eleMTP \frac{419}{419} \eleMTP* \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleWLPE* \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE* \frac{230}{230}	\textbf{ETEFPE} \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	\InvTECPE
\elemRpE \frac{195}{378, 351, 354, 378, 381} \elemRPE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{19}{419} \eleMTP \frac{419}{419} \eleMTP* \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleWLPE* \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE* \frac{230}{230}	\textbf{ETEFPE} \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	\InvTECPE
\elemRpE \frac{195}{378, 351, 354, 378, 381} \elemRPE* \frac{195}{195} \elemRpE* \frac{195}{195} \elemTP \frac{419}{419} \eleMTP \frac{419}{419} \eleMTP* \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleMTPE* \frac{419}{419} \eleWLPE* \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLP \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE \frac{230}{230} \eleVLPE* \frac{230}{230}	\textbf{ETEFPE} \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	\InvTECPE

593, 647, 673, 699, 725,	\Mat 285, 286,	\MatTP <u>865</u>
751, 756, 761, 766, 771, 801	289, 290, 293, 294, 298,	\MatTp <u>865</u>
\LidxE <u>38</u> , 87	301, 306, 309, 339, 340,	\MatTP* <u>865</u>
\LidxEP <u>38</u>	343, 344, 347, 348, 352,	$\texttt{\MatTp*} \dots \underline{865}$
\LidxEp $\dots \underline{38}$	355, 360, 363, 393, 397,	\MatTPE 326, 334, 337,
\LidxEP* <u>38</u>	398, 401, 402, 422, 423,	380, 388, 391, 824, 826,
\LidxEp* <u>38</u>	426, 427, 527, 528, 531,	$828, \ \underline{865}, \ 1060, \ 1061,$
\LidxEPE <u>38</u>	532, 855, 865, 868, 869,	1069, 1070, 1079, 1080,
\LidxEpE <u>38</u>	872, 873, 876, 877, 880,	1088, 1089, 1115, 1116
\LidxEPE* <u>38</u>	881, 924, 931, 932, 951,	\MatTpE 312, 325, 328,
\LidxEpE* <u>38</u>	954, 955, 958, 959, 962,	329, 333, 336, 366, 379,
\LidxP \dots $88, 477,$	963, 966, 967, 986, 987,	382, 383, 387, 390, 865,
495, 513, 653, 679, 705,	989, 1035, 1044, 1071,	983, 984, 1056, 1057,
731, 753, 758, 763, 768, 773	1072,1075,1076,1079-	1065, 1066, 1075, 1076,
\Lidxp $\dots \dots \underline{88}, 475,$	1081, 1084, 1085, 1088,	1084, 1085, 1111, 1112
493, 511, 650, 676, 702,	1089, 1117, 1120, 1121,	\MatTPE* <u>865</u>
728, 752, 757, 762, 767, 772	1124-1126, 1129, 1130,	\MatTpE* <u>865</u>
\LidxP* <u>88</u>	1133, 1134, 1137, 1138,	\MatTT <u>882</u>
\Lidxp* <u>88</u>	1141, 1142, 1201, 1203,	\MatTT* <u>882</u>
\LidxPE $95, 481,$	1219, 1220, 1225, 1226	\MatTTPE <u>882</u>
499, 517, 659, 685, 711,	\Matdim <u>951</u>	\MatTTPE* <u>882</u>
737, 755, 760, 765, 770, 775	\MatdimP <u>951</u>	\MDaV $\dots \dots \underline{985}$
\LidxpE $\underline{95}$, 479 ,	\Matdimp $\dots \dots \underline{951}$	\Media $\dots \dots \underline{1257}$
497, 515, 656, 682, 708,	\MatdimP* <u>951</u>	\media $\dots \dots \underline{1259}$
734, 754, 759, 764, 769, 774	\Matdimp* <u>951</u>	\MenoR 928
\LidxPE* <u>95</u>	\MatdimPE <u>951</u>	\Menor $\underline{925}$
\LidxpE* <u>95</u>	\MatdimpE <u>951</u>	\MenorR <u>925</u>
\limits 934	\MatdimPE* 951	\mid 175
\line 126-128	\MatdimpE* <u>951</u>	\mifun <u>1244</u>
\longmapsto 1253	\MatGC 990	\mifun* <u>1244</u>
\longrightarrow 1252	\mathbb 1-4	\Mint <u>527</u>
\LRidx	\mathbin 119, 1234	\MintT <u>527</u>
75, 78, 79, 81, 82, 85,	\mathcal 1212	\minus <u>157,</u> 158, 461,
86, 213, 568, 581, 629, 811	\mathfrak 451	469, 987, 991, 1126,
\LRidxE	\mathop 117, 934	1137, 1138, 1141, 1142
\LRidxEP <u>21</u>	\mathpalette 119	\MInvMTMMT <u>1199</u>
\LRidxEp <u>21</u>	\mathsf 830, 856	\MInvMTMMTkk 1203
\LRidxEP* <u>21</u>	\MatP 299, 307, 310, 353, 361,	\MMT
\LRidxEp* <u>21</u>	364, 394, 823, 825, 827, <u>855</u>	\MMTP 1099
\LRidxEPE <u>21</u>	\Matp 302, 356, <u>855</u>	\MMTp
\LRidxEpE	\MatP*	\MMTP*
\LRidxEPE*	\Matp* 855	\MMTp* 1099
\LRidxEpE* <u>21</u>	\MatT 313, 316, 317,	\MN <u>1071</u> , 1108,
\LRidxP	320, 321, 367, 370, 371, 374, 375, 410, 865, 883	1111, 1112, 1115, 1116
\LRidxp	374, 375, 419, <u>865,</u> 883,	\MNMT
\LRidxP*	884, 968, 971, 972, 975, 976, 979, 980, 1053,	\MNMTP
\LRidxp*	1062, 1072, 1081, 1108,	\MNMTP*
\LRidxPE	1145, 1146, 1149, 1150,	\MNMTp*
\LRidxpE	1153, 1154, 1201, 1203	\MNT <u>1108</u>
\LRidxpE*	\MatTdim 968	\MNTP 1081, 1106, 1107
\Lsh 816	\MatTdimP 968	\MNTp \frac{1001}{1081}, 1102, 1103
\lambda \text{Vert} \\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\MatTdimp 968	\MNTP*
1010	\MatTdimP* 968	\MNTp*
\mathbf{M}	\MatTdimp* 968	\modulus \frac{134}{921}, 922
\m@th 122	\MatTdimPE 968	\modulus* 134
\MakeLowercase	\MatTdimpE 968	\MP
829, 833, 834, 844	\MatTdimPE* 968	\MPT
\MakeUppercase 830, 856	\MatTdimpE* 968	\MTM <u>1090</u> , 1196, 1197
,	•	

\ MTMD 1000	\OF:- 455 500 511 519 515	1010 1011 1010 1090
\MTMP	\OEin <u>455,</u> 509, 511, 513, 515,	1010, 1011, 1019, 1020,
\MTMp	517, 518, 520, 522, 524, 526	1029, 1030, 1038, 1039,
\MTMP* 1090	\OEper <u>456, 529, 530</u>	1047, 1048, 1149, 1150,
\MTMp* <u>1090</u>	\OEpr 454,	1160, 1161, 1217, 1223, 1229, 1232, 1238, 1242
\MTMV	458, 491, 493, 495, 497,	
\MTMVP <u>1166</u>	499, 500, 502, 504, 506, 508	\PC <u>529</u> , 531
\MTMVp <u>1166</u>	\0Esu 453,	\pe <u>449</u> , 455
\MTMVP* <u>1166</u>	457, 473, 475, 477, 479,	\perm 451, 456
\MTMVp* <u>1166</u>	481, 482, 484, 486, 488, 490	\PF <u>529</u> , 532
\MTN <u>1072</u> , 1090, 1117, 1166	\OpE <u>452</u> , 453–456	\pmb
\MTNM <u>1117</u>	\overline 117	\pr
\MTNMP <u>1117</u>		\prodH <u>1016</u> , 1026
\MTNMp <u>1117</u>	P	\prodh $\underline{1025}$
\MTNMP* <u>1117</u>	\Parentesis $12, 28, 29, 36, 37,$	\prodHP <u>1016</u>
\MTNMp* <u>1117</u>	45, 46, 53, 54, 62, 63,	\prodHp <u>1016</u>
\MTNP $\underline{1072}$, 1097, 1098,	70, 71, 78, 79, 85, 86,	\prodhP <u>1025</u>
1124, 1125, 1173, 1174	93, 94, 100, 101, 108,	\prodhp <u>1025</u>
\MTNp 1072 , 1093 , 1094 ,	109, 115, 116, 147, 148,	\prodHP* <u>1016</u>
1120, 1121, 1169, 1170	155, 156, 165, 166, 173,	\prodHp* <u>1016</u>
\MTNP* <u>1072</u>	174, 185, 186, 193, 194,	\prodhP* <u>1025</u>
\MTNp* <u>1072</u>	202, 203, 210, 211, 224,	\prodhp* <u>1025</u>
\MTV <u>1053</u> , 1209	225, 228, 229, 413, 416,	\PSpan <u>1230</u>
\MTVP <u>1053</u> , 1210	438, 441, 540, 541, 548,	\PSpan* <u>1230</u>
\MTVp <u>1053</u>	549, 557, 558, 565, 566,	\put 126-128
\MTVP* 1053	572, 573, 578, 579, 585,	
\MTVp* <u>1053</u>	586, 591, 592, 600, 601,	${f Q}$
\mu 1258	608, 609, 618, 619, 626,	\quitaL <u>818</u>
\MV <u>1035,</u> 1208	627, 636, 637, 644, 645,	\quitaLR 818, 924
\MVect 889 ,	803, 805, 808, 810, 813,	\quitaR
893, 894, 1200, 1204–1207	815, 822, 841, 842, 851,	_
033, 034, 1200, 1204 1201	0.00 0.00 0.00 0.00	
\MVect* 889	852, 863, 864, 887, 888,	${f R}$
	912, 916, 931, 941, 942,	R \R <u>5</u>
\MVect* <u>889</u>	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006,	
\MVect*	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024,	\R <u>5</u>
$ \begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043,	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
$ \begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154,	$ \begin{array}{cccc} \texttt{\colored{R}} & & & \underline{5} \\ \texttt{\colored{A}} & & & 994 \\ \texttt{\colored{A}} & & & \underline{914} \\ \end{array} $
	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222,	\R $\frac{5}{994}$ \rango $\frac{914}{914}$ \rango* $\frac{914}{914}$
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241	\R $\frac{5}{994}$ \rango $\frac{914}{914}$ \rango* $\frac{914}{119}$
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \parentesis $\underline{9}$	\R $\frac{5}{994}$ \rango 914 \rango* 914 \relax 119 \res 1262
$\begin{array}{c ccccc} \text{MVect*} & & & & & & & & & & & \\ \text{MVectC} & & & & & & & & \\ \text{MVectCT} & & & & & & & & \\ \text{MVectF} & & & & & & & \\ \text{MVectFT} & & & & & & & \\ \text{MVectT} & & & & & & & \\ \text{MVectT} & & & & & & & \\ \text{MVectT} & & & & & & & \\ \text{MVPE} & & & & & & & \\ \text{MVPE} & & & & & & \\ \text{MVpE} & & & & & & \\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 912,916,931,941,942,\\ 949,950,1005,1006,\\ 1014,1015,1023,1024,\\ 1033,1034,1042,1043,\\ 1051,1052,1153,1154,\\ 1164,1165,1216,1222,\\ 1228,1231,1237,1241\\ \\ \verb parentesis \ldots \underline{9},\\ 24,25,32,33,41,42,\\ \end{array}$	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c} 912,916,931,941,942,\\ 949,950,1005,1006,\\ 1014,1015,1023,1024,\\ 1033,1034,1042,1043,\\ 1051,1052,1153,1154,\\ 1164,1165,1216,1222,\\ 1228,1231,1237,1241\\ \\ \verb parentesis \ldots \ldots $	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
$\begin{array}{c ccccc} \text{MVect*} & & & & & & & & & & \\ \text{MVectC} & & & & & & & & \\ \text{MVectCT} & & & & & & & \\ \text{MVectF} & & & & & & & \\ \text{MVectF} & & & & & & \\ \text{MVectT} & & & & & & \\ \text{MVectT} & & & & & & \\ \text{MVectT} & & & & & & \\ \text{MVPE} & & & & & & \\ \text{MVPE} & & & & & \\ \text{MVPE} & & & & & \\ \text{MVPE*} & & & & & \\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 912,916,931,941,942,\\ 949,950,1005,1006,\\ 1014,1015,1023,1024,\\ 1033,1034,1042,1043,\\ 1051,1052,1153,1154,\\ 1164,1165,1216,1222,\\ 1228,1231,1237,1241\\ \\ \verb parentesis \ldots \ldots $	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
$\begin{array}{c ccccc} \text{MVect*} & & & & & & & & & & \\ \text{MVectC} & & & & & & & & \\ \text{MVectCT} & & & & & & & \\ \text{MVectF} & & & & & & & \\ \text{MVectF} & & & & & & \\ \text{MVectT} & & & & & & \\ \text{MVectT} & & & & & & \\ \text{MVectT} & & & & & & \\ \text{MVPE} & & & & & & \\ \text{MVPE} & & & & & \\ \text{MVPE} & & & & & \\ \text{MVPE*} & & & & & \\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 912,916,931,941,942,\\ 949,950,1005,1006,\\ 1014,1015,1023,1024,\\ 1033,1034,1042,1043,\\ 1051,1052,1153,1154,\\ 1164,1165,1216,1222,\\ 1228,1231,1237,1241\\ \\ \begin{array}{c} 1228,1231,1237,1241\\ \\ \end{array} \\ \begin{array}{c} 24,25,32,33,41,42,\\ 49,50,58,59,66,67,\\ 74,75,81,82,89,90,\\ 96,97,104,105,111,\\ \end{array}$	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \text{parentesis} \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdot \cdots \cdot \cdots \cdot \cdots \cdot \	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\MVect* \ 889 \ \MVectC \ 898 \ \MVectCT \ 905 \ \MVectF \ 895 \ \MVectFT \ 901 \ \MVectT \ 892, 1200, 1204-1207 \ \MVectT* \ 892 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE* \ 1035 \ \MVPE* \ 1035 \ \MVPE* \ 1035	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \text{parentesis} \cdots	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \text{parentesis} \cdots \cdots \cdots \cdot 9, 32, 33, 41, 42, 49, 50, 58, 59, 66, 67, 74, 75, 81, 82, 89, 90, 96, 97, 104, 105, 111, 112, 143, 144, 151, 152, 161, 162, 169, 170, 181, 182, 189, 190, 198, 199,	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\MVect* \ 889 \ \MVectC \ 898 \ \MVectCT \ 905 \ \MVectF \ 895 \ \MVectFT \ 901 \ \MVectT \ 892, 1200, 1204-1207 \ \MVectT* \ 892 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE* \ 103	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \text{parentesis} \cdots \cdots \cdot 9, 32, 33, 41, 42, 49, 50, 58, 59, 66, 67, 74, 75, 81, 82, 89, 90, 96, 97, 104, 105, 111, 112, 143, 144, 151, 152, 161, 162, 169, 170, 181, 182, 189, 190, 198, 199, 206, 207, 216, 217, 220,	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\MVect* \ 889 \\MVectC \ 898 \\MVectCT \ 905 \\MVectFT \ 901 \\MVectTT \ 892 \\MVectTT \ 892 \\MVectT* \ 892 \\MVPE \ 1035 \\MVPE \ 1035 \\MVPE* \ 1035 \\MV	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \text{parentesis} \cdots \cdots \cdot 9, 32, 33, 41, 42, 49, 50, 58, 59, 66, 67, 74, 75, 81, 82, 89, 90, 96, 97, 104, 105, 111, 112, 143, 144, 151, 152, 161, 162, 169, 170, 181, 182, 189, 190, 198, 199, 206, 207, 216, 217, 220, 221, 405, 408, 422, 423,	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\MVect* \ 889 \\ \MVectC \ 898 \\ \MVectCT \ 905 \\ \MVectF \ 895 \\ \MVectFT \ 901 \\ \MVectT \ 892, 1200, 1204-1207 \\ \MVectT* \ 892 \\ \MVPE \ 1035 \\ \MVPE \ 1035 \\ \MVPE* \ 1035 \\ \MVPE	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \text{parentesis} \cdots \cdots \cdot 9, 24, 25, 32, 33, 41, 42, 49, 50, 58, 59, 66, 67, 74, 75, 81, 82, 89, 90, 96, 97, 104, 105, 111, 112, 143, 144, 151, 152, 161, 162, 169, 170, 181, 182, 189, 190, 198, 199, 206, 207, 216, 217, 220, 221, 405, 408, 422, 423, 426, 427, 430, 433, 536,	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \text{parentesis} \cdots \cdots \cdot 9, 32, 33, 41, 42, 49, 50, 58, 59, 66, 67, 74, 75, 81, 82, 89, 90, 96, 97, 104, 105, 111, 112, 143, 144, 151, 152, 161, 162, 169, 170, 181, 182, 189, 190, 198, 199, 206, 207, 216, 217, 220, 221, 405, 408, 422, 423,	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \ \text{parentesis} \cdots \cdo	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \ \text{parentesis} \cdots \cdots \cdots \cdot 9, 58, 59, 66, 67, 74, 75, 81, 82, 89, 90, 96, 97, 104, 105, 111, 112, 143, 144, 151, 152, 161, 162, 169, 170, 181, 182, 189, 190, 198, 199, 206, 207, 216, 217, 220, 221, 405, 408, 422, 423, 426, 427, 430, 433, 536, 537, 544, 545, 553, 554, 561, 562, 569, 570, 575,	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\MVect* \ 889 \ \MVectC \ 905 \ \MVectT \ 905 \ \MVectF \ 895 \ \MVectFT \ 901 \ \MVectT \ 892, 1200, 1204-1207 \ \MVectT* \ 892 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE* \ 1035	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \ \text{parentesis} \cdots \cdo	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\MVect* \ 889 \ \MVectC \ 905 \ \MVectT \ 905 \ \MVectF \ 895 \ \MVectFT \ 901 \ \MVectT \ 892, 1200, 1204-1207 \ \MVectT* \ 892 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE* \ 1035	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \ \text{parentesis} \cdots \cdo	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\MVect* \ 889 \ \MVectC \ 898 \ \MVectCT \ 905 \ \MVectFT \ 901 \ \MVectTT \ 892, 1200, 1204-1207 \ \MVectT* \ 892 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE* \ 10	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \ \text{parentesis} \cdots \cdo	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\MVect* \ 889 \ \MVectC \ 905 \ \MVectT \ 905 \ \MVectF \ 895 \ \MVectFT \ 901 \ \MVectT \ 892, 1200, 1204-1207 \ \MVectT* \ 892 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE* \ 1035	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \ \text{parentesis} \cdots \cdos \cdots \cdots \cdots \cdos \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\MVect* \ 889 \ \MVectC \ 898 \ \MVectCT \ 905 \ \MVectF \ 895 \ \MVectFT \ 901 \ \MVectT \ 892, 1200, 1204-1207 \ \MVectT* \ 892 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE* \ 103	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \ \text{parentesis} \cdots \cdo	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\MVect* \ 889 \ \MVectC \ 898 \ \MVectCT \ 905 \ \MVectF \ 895 \ \MVectFT \ 901 \ \MVectT \ 892, 1200, 1204-1207 \ \MVectT* \ 892 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE \ 1035 \ \MVPE* \ 103	912, 916, 931, 941, 942, 949, 950, 1005, 1006, 1014, 1015, 1023, 1024, 1033, 1034, 1042, 1043, 1051, 1052, 1153, 1154, 1164, 1165, 1216, 1222, 1228, 1231, 1237, 1241 \ \text{parentesis} \cdots \cdos \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdots \cdos	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$

\Ridxp 103, 484,	${f T}$	\TInvMatpE* 1155
502, 520, 663, 689, 715,	\T 137, 139,	\tiny 1231, 1232
741, 777, 782, 787, 792, 797		
	140, 422, 423, 426, 427,	
\RidxP* 103	865, 876, 877, 880, 881, 989	\topinset 1231, 1232
\Ridxp* 103	\tau	\Trans <u>138</u> , 893, 894, 903,
\RidxPE <u>110</u> , 490,	\TEC	904, 907, 908, 1156, 1157
508, 526, 672, 698, 724,	\TECP <u>660</u>	\TransP 138 , 872, 873, 883
750, 780, 785, 790, 795, 800	\TECp <u>660</u>	\Transp 138 , 868, 869, 884
\RidxpE 110 , 488,	\TECP* <u>660</u>	\TransP* <u>138</u>
506, 524, 669, 695, 721,	\TECp* <u>660</u>	\Transp* <u>138</u>
747, 779, 784, 789, 794, 799	\TECPE <u>660</u>	\TransPE
\RidxPE* <u>110</u>	\TECpE <u>660</u>	\TranspE <u>138</u>
\RidxpE* <u>110</u>	\TECPE* <u>660</u>	\TransPE*
\right 13, 19, 132, 135,	\TECpE* <u>660</u>	\TranspE* 138
446, 448, 452, 890, 896,	\TEF 647	\Traza 909, 912, 913
899, 903, 907, 993, 1156	\TEFP 647	\traza 911
\rightleftharpoons 450	\TEFp 647	\traza* 911
\roundcap 125	\TEFP* 647	\TrC 611
\Rr 1, 7	\TEFp* 647	\TrCP 611
\Rsh	\TEFPE	\TrCp 611
\rVert 132, 133	\TEFpE	\TrCP* 611
(1 ver t 102, 100	\TEFPE*	
\mathbf{s}		\Trcp*
\sbox 122	\TEFpE*	\TrCPE
	\TEIC <u>518</u> , 527	\TrCpE
\SEL	\TEICP <u>518</u>	\TrCPE* <u>611</u>
\SELF <u>1211</u>	\TEICp <u>518</u>	\TrCpE* <u>611</u>
\SELT <u>1209</u>	\TEICPE <u>518</u>	\TrEl 444 , 452, 459, 465
\SELTP <u>1209</u>	\TEICpE <u>518</u>	\TrF <u>593</u>
\setlength 123, 1250	\TEIF <u>509</u> , 528	\TrFC <u>629</u>
\SITEC <u>550</u>	\TEIFP <u>509</u>	\TrFCP <u>629</u>
\SITECP <u>550</u>	\TEIFp <u>509</u>	\TrFCp <u>629</u>
\SITECp <u>550</u>	\TEIFPE <u>509</u>	\TrFCP* <u>629</u>
\SITECPE <u>550</u>	\TEIFpE <u>509</u>	\TrFCp* <u>629</u>
\SITECpE <u>550</u>	\TEPC <u>500</u>	\TrFCPE 629
\SITEF <u>533</u>	\TEPCP <u>500</u>	$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $
\SITEFC <u>567</u> , 582, 583,	\TEPCp <u>500</u>	\TrFCPE* 629
585, 586, 588, 589, 591, 592	\TEPCPE 500	\TrFCpE* <u>629</u>
\SITEFCP <u>567</u>	\TEPCpE 500	\TrFP 593
\SITEFCp 567	\TEPF	\TrFp 593
\SITEFCPE 567	\TEPFP 491	\TrFP* 593
\SITEFCpE	\TEPFp 491	\TrFp* 593
\SITEFCR	\TEPFPE	\TrFPE
\SITEFCRP 580	\TEPFpE	\TrFpE
\SITEFCRp	\TESC	
\SITEFCRPE <u>580</u>	\TESCP	
\SITEFCR _P E	\TESCp 483	\TrFpE*
	\TESCPE	\triangleright 990, 991
\SITEFP		T.T.
-	\TESCpE 487	U
\SITEFPE <u>533</u>	\TESF	\UMat 986, 990, 991
\SITEFpE	\TESFP 473	\Umat <u>986</u>
\Smedia <u>1258</u> , 1260, 1261	\TESFp	\UMatT 989
\SOEg $\underline{463}$, 593, 595, 599, 603,	\TESFPE <u>473</u>	$\verb UmatT \underline{989} $
607, 611, 613, 617, 621,	\TESFpE <u>473</u>	\underset 452
625, 629, 631, 635, 639, 643	\textrm 822-828	\unitlength 123
\Span <u>1227</u>	$\verb \TInvMat \dots \dots \underline{1155}$	
\Span* <u>1227</u>	$\verb \TInvMat* \underline{1155}$	${f V}$
\su <u>445</u> , 453	\TInvMatPE $\dots \dots 1155$	\vcenter 121
\subMat <u>923</u> , <u>926</u> , 929	\TInvMatpE $\dots \dots 1155$	\Vect 231, 232,
\SV	\TInvMatPE* 1155	235, 236, 239, 240, 244,
		, , , , , , , ,

247, 252, 255, 258, 259,	\VectFPE* 284	\VMTP* 1062
262, 263, 266, 267, 271,	\VectFpE* 284	\VMTp*
274, 279, 282, <u>843</u> , 853,	\VectP . 253, 256, 280, 283, 843	\VMTV 1186
890, 891, 1007, 1026,	\text{Vectr} : 235, 236, 266, 265, \overline{045}{045} \text{Vectp} : 245, 248, 272, 275, 843	\VMTVP 1186
1035, 1044, 1053, 1056,	\vectp . 240, 240, 272, 270, <u>040</u>	\VMTVp 1186
1057, 1060–1062, 1065,	\vectp 832	\VMTVP*
1066, 1069, 1070, 1166,	\VectTC 365	\VMTVp* 1186
1169, 1170, 1173–1175,		\VMTW
1177, 1180, 1181, 1184,	\\VectTCP	\VMTWP 1177
1185, 1189, 1190, 1193,	\VectTCp 365	\VMTWp 1177
1194, 1208–1211, 1262	\VectTCP* 365	\VMTWP* 1177
\vect 832, 996, 997	\VectTCp* 365	\VMTWp* 1177
\VectC 338, 854, 899, 900, 907, 908	\VectTCPE 365	\VMV
\VectCCC 823	\VectTCpE 365	\VMW 1175, 1176
\VectCCCT 823	\VectTCPE* 365	\vphantom 890, 896, 899, 903, 907
	\VectTCpE* 365	\VTV 1200, 1205
\VectCP 338	\VectTF 311	\VTW 1200, <u>1200</u>
\VectCp 338	\VectTFP <u>311</u>	\vv
\VectCP* 338	\VectTFp <u>311</u>	\VVT 1207
\VectCp* 338	\VectTFP* <u>311</u>	\VWT 1207
\VectCPE 338	$\label{eq:vectTFp*} $$\operatorname{VectTFp*} \dots \underline{311}$$	\vw1 <u>1200</u>
\VectCpE <u>338</u>	$\label{eq:vectTFPE} \ \ \dots \ \ \underline{311}$	\mathbf{W}
\VectCPE* <u>338</u>	$\verb+VectTFpE \underline{311}$	\wd 123
$\label{eq:VectCpE*} $$\operatorname{VectCpE*}$ \dots \underline{338}$	$\verb \VectTFPE* $	\widebar 117, 118, 1257
\VectF . $\underline{284}$, 896, 897, 903, 904	$\verb \VectTFpE* $	\widehat 1256
$\ensuremath{VectFFF}$ $\underline{825}$	\VM <u>1044</u> , 1175, 1211	,
\VectFFFT $\underline{825}$	\VMPE <u>1044</u>	\mathbf{X}
\VectFP <u>284</u>	\VMpE <u>1044</u>	\xrightarrow 1245
$\verb+\VectFp+ \dots \dots \dots \underline{284}$	\VMPE* <u>1044</u>	
\VectFP* <u>284</u>	$\verb VMpE* \dots \dots \underline{1044}$	${f Z}$
$\verb+\VectFp*+ \dots \dots \underline{284}$	\VMT <u>1062</u> , 1177	\Z <u>5</u>
$\verb \VectFPE \dots \dots \underline{284}$	$\verb VMTP 1062, 1184, 1185, 1193, 1194 \\$	\z@ 122, 123
$\verb \VectFpE \dots \underline{284}$	$\verb VMTp 1062, 1180, 1181, 1189, 1190 \\$	\Zz <u>1,</u> 6